الاقتصاد القياسي التعميدي للمالية

تأليف

Chris Brooks

ترجمة

د. عبد الله بن محمد المالكي د. وليد المنصف العمراني





الاقتصاد القياسي التمهيدي للمالية

تأليف Chris Brooks

ترجمة

د. وليد المنصف العمراني

د. عبد الله بن محمد المالكي

قسم الاقتصاد -كلية إدارة الأعمال قسم العلوم الإدارية - كلية المجتمع

جامعة الملك سعود

ح دار جامعة الملك سعود للنشر، ١٤٤٢ هـ - ٢٠٢٠م

فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر

بروكس، كريس

الاقتصاد القياسي التمهيدي للمالية. د/ كريس بروكس؛ عبدالله محمد المالكي؛ وليد المنصف العمراني - الرياض، ١٤٤١هـ

۷۷۹ص، ۲۱سم × ۲۸ سم ردمك: ۲-۸۲۷–۰۰۰ – ۹۷۸

١ - الاقتصاد القياسي أ. المالكي، عبدالله محمد (مترجم) ب. العمراني، وليد المنصف (مترجم)
 ج. العنوان.

1881/1.081

دیوی ۳۳۰,۰۱۵۱۹۵

رقم الإيداع: ۱٤٤١/۱۰٥٣١ ردمك: ٢-٨٦٧-٥٠٧-٩٧٨

هذه ترجمة عربية محكمة صادرة عن مركز الترجمة بالجامعة لكتاب:

Introductory Econometrics for Finance © 2014 by Chris Brooks

وقد وافق المجلس العلمي على نشرها في اجتماعه الثالث عشر للعام الدراسي ١٤٣٩/ ١٤٤٠هـ، المعقود بتاريخ ٦/٦/ ١٤٤٠هـ، الموافق ١١/٦/ ٢/ ٢٩م.

جميع حقوق النشر محفوظة. لا يسمح بإعادة نشر أي جزء من الكتاب بأي شكل وبأي وسيلة سواء كانت إلكترونية أو آلية بها في ذلك التصوير والتسجيل أو الإدخال في أي نظام حفظ معلومات أو استعادتها بدون الحصول على موافقة كتابية من دار جامعة الملك سعود للنشر.



مقدمة المترجمين

نسعى إلى ترجمة كتاب 'الاقتصاد القياسي التمهيدي للمإلية'، لمؤلّفه كريس بروكس، والذي صدر في طبعته الثالثة سنة ٢٠١٤م، والذي يُعتبر من أحدث وأبرز المراجع المتوفّرة باللغة الإنجليزية في مجال الاقتصاد القياسي.

كريس بروكس هو أستاذ في المالية، ومدير بحوث بمركز الجمعيَّة الدولية لأسواق رأس المال (ICMA Centre)، كليَّة إدارة الأعمال بهينلي (Henley Business School)، جامعة ريدينج (Reading)، المملكة المتَّحدة، حيث حصل منها أيضًا على درجة الدكتوراه، وله اهتمامات بحثيَّة متنوَّعة، ونشر أكثر من مائة مقالة منشورة في المجلات الأكاديمية، والمجلات المختصَّة الرائدة.

يتميز كتاب الاقتصاد القياسي التمهيدي للمالية بأسلوبه الأكاديمي في عرض العديد من مواضيع الاقتصاد القياسي بشكل متكامل ومترابط، بالإضافة إلى طرح الكثير من التطبيقات البربجية في بجال المالية، ويحتوي الكتاب الأصل على ٧١٦ صفحة مقسمة إلى أربعة عشر فصلًا، تطرَّفت إلى العديد من المحاور، مسن ضمنها: نموذج الانحدار الخطي، نمذجة السلاسل الزمنية والتنبؤ بها، النهاذج متعدِّدة المتغيِّرات، نمذجة العلاقات طويلة المدى في المالية، نمذجة التقلب والارتباط، نهاذج تبديل النظام، بيانات البائل، طرَّ ق المحاكاة ... إلخ، والتي استعرضها المؤلف بتفصيل أكثر في مقدمة الكتاب.

يعتبر الاقتصاد القياسي فرعًا من فروع علم الاقتصاد، ويعني نمذجة العديد من الظواهر الاقتصادية، المالية، الاجتهاعية، البيولوجية... وتحليلها تحليلًا كَميًّا، تم استخدام مصطلح الاقتصاد القياسي لأول مرة من طرف عالم الاقتصاد النرويجي راغنار فريش Ragner Frisch سنة ١٩٢٦، وهو مصطلح مترجَم عن الكلمة الإنجليزية Econometrics.

يعتمد الاقتصاد القيامي في تحليله للنظريات الاقتصادية والمالية وغيرها من النظريات على دمج الرياضيات والأساليب الإحصائية في نموذج متكامل، وذلك بهدف تقويم معالم ذلك النموذج، ثم اختبار الفروض حول ظاهرة مالية أو اقتصادية، أو غيرهما من الظواهر الأخرى، وأخيرًا التنبؤ بقيم تلك الظاهرة، يؤدي ذلك إلى مساعدة صانعي وآخِذي القرارات الاقتصاديَّة والماليَّة.

اكتسب الاقتصاد القياسي أهمية كبرى في السنوات الأخيرة، وذلك للدور الذي لعبه في تحليل ونمذجة الظواهر الاقتصادية والمالية، فقد ساهَم في تحليل واختبار النظريات الاقتصادية والمالية، إضافة إلى المساعدة في رسم السياسات واتخاذ القرارات في عديد المجالات، والتنبق بقيم المتغيرات الاقتصادية، مما يسمح للمؤسسات الاقتصادية والمالية بأخذ احتياطاتها في مجال توفير الموارد، ولتفادى الخسائر المالية الناتجة عن تقلَّبات السوق.

ساهَم في انتشار طرق الاقتصاد القياسي عاملان رئيسان؛ العامل الأول: توافّر البيانات الإحصائية في عديد من المجالات الاقتصادية والمالية بكميات كبيرة وبدقة جيَّدة، مما أدَّى إلى تطوُّر تطبيقات نظريات الاقتصاد القياسي في شتى المجالات، أما العامل الثاني فيتعلق بالتطور الكبير والسريع في الحواسيب والبرمجيات الإلكترونية، الأمر الذي ساهَم في توسيع وتطوير النهاذج الاقتصادية والمالية، ليشمل عددًا كبيرًا من المتغيرات والبيانات بعد أن كان ذلك مقتصرًا على التحليل النظري، فقد أصبح بالإمكان في يومنا هذا التعامل مع نهاذج معقَّدة تتضمَّن العديد من المعادلات واختبار صلاحيتها، ومعرفة مدى ملاءمتها للواقع الاقتصادي والمالي، ومدى التنبؤ بهها.

نهدف من خلال ترجمة هذا الكتاب إلى اللغة العربية إلى إثراء المكتبة العربية، والمساهمة في رفع المستوى العلمي للطالب والباحث العربي من خلال تزويده بالمعارف النظرية والتطبيقية التي تضمَّنها هذا الكتاب، والتي تُعتبر ضرورية لتكوينه التعليمي والأكاديمي.

القراء المستهدفون من ترجمة هذا الكتاب إلى اللغة العربية هم طلاب كليات العلوم الإداريَّة، وكليات الاقتصاد في عديد من التخصُّصات؛ كالاقتصاد، المالية، الإحصاء، والأساليب الكمية، والموارد البشرية، وغيرها، كما أنه مفيد لطلاب البكالوريوس، وطلاب الدراسات العليا (الماجستير والدكتوراه)، والمتخصصين في الاقتصاد القياسي والاقتصاد المالي، هذا الكتاب موجَّه أيضًا إلى أعضاء هيئة التدريس والباحثين في الجامعات السعودية، والجامعات العربية عمومًا، ولجميع المهتمين بالتحليل الكمي والمالي؛ لكونه يجتوي على العديد من مواضيع الاقتصاد القياسي الحديثة، إلى جانب العديد من التطبيقات في المجال الاقتصادي والمالي.

وأخيرًا لا يسعنا إلّا أن نتوجّه بخالص الشكر إلى جامعة الملك سعود ومركز الترجمة فيها على الدعم والتشجيع لترجمة الكتب العلميّة. والشكر موصول لمحكّمي هذا العمل والمراجعين وكل من ساهم في إنجازه.

والله وليُّ التوفيق

المترجمان

شكر وتقدير

أُوَدُّ أَن أُعْرِب عن امتناني لكل من غيتا بيرسان، أو لان هنري، جيمس تشونغ، وأبوستولوس كاتساريس، الذين شاركوا في تقديم يد المساعدة في أجزاء مختلفة من تطبيقات البرمجيات للطبعة الأولى، كما أني تُمْتَنُّ أيضًا لهيلاري فلثام على مساعدتها لي فيما يخص الفصل ٢، وإلى سيمون فاروتو لمناقشاته المثمرة ومشورته فيما يتعلق بأمثلة إيفيوز المستخدمة في الفصل ١١.

كها أود أن أشكر كذلك سايمون بورك، جيمس تشونغ، كون كيتنغ على ملاحظاتهم المفصّلة والبناءة على مسودات مختلفة من الطبعة الأولى، وسايمون بيرك؛ لتقديم افتراحات بشأن أجزاء من الطبعة الثانية، وجو كوكس، أونينغ ماليت، أوجونا ننيجي، إيوانيس أويكونومو وشاردن ويسي سيمين؛ لملاحظاتهم على جزء من الطبعة الثالثة، بالإضافة إلى ذلك حَظِيّت الطبعة الأولى والثانية بالتعليقات والافتراحات والأسئلة التي طرحها كل من بيتر بريدج، كيونغوك تشوي، ريشي شوبرا، أراسيلي أورتيغا دياز، شياو مينغ دينغ، توماس إيلرتسن، وليد الدين، أندريا غينو، كريستوفر جيلبرت، كيمون غوموزياس، شيف غرمات، عابد حيد، أرتي خلاني، مارغريت لينتش، ديفيد مكافري، تهري جوكيبي، ايميس لازار، تشاو ليويان، ديميتري لفوف، بيل مكايي، جونشي ما، ديفيد ميرتشان، فيكتور موريندي، ميكايل بيتيجيان، مارسيلو بيرلين، تايلاندي فام، جان سيباستيان بورشيت، مارسيل بروكويتشوك، غويلهيرم سيلفا، جيري سين، سيلفيا ستانيسكو، يبغو صن، لي كوي، باناجيوتيس فارلاغاس، جاكوب فوجتيك، جو وانغ ومنغ فنغ ين.

كما أرسل العديد من الأشخاص رسائل إلكترونية مفيدة تشير إلى وجود أخطاء مطبعية، أو عدم دقة في الطبعة الأولى. لذلك أشعر بالامتنان لميرلين فو، جان دي غويجر وزملائه ميكايل بيتيتيان، فريد ستيربينز وبيرغيت ستريخولم، ونذكر بالعرفان والتقدير التعليقات المفيدة والدعم البرامجي المقدَّم من قِبَل البرمجيات الكمية المصغَّرة (Quantitative Micro Software) (تُعرف الآن بــــ IHS)، كما أنى المسؤول الوحيد عن الأخطاء المتبقية في الكتاب.

كما بذل الناشر والمؤلف قصارً جهدهما في سبيل أن تكون مواقع الإنترنت الخارجية المشار إليها في هذا الكتاب صحيحة ونشطة عند الضغط عليها، ومع ذلك فإن الناشر والمؤلف لا يتحمَّلان أية مسؤولية عن مواقع الويب، ولا يمكنهما أن يضمنا أن الموقع سيبقى نشطًا، أو أن المحتوى سيظل مناسبًا.

مقدمة الطبعة الثالثة

تخطّت مبيعات أوَّل طبعتين من هذا الكتاب التوقُّعات (على الأقل توقُّعات الكاتب)، كما أبدى مُعظم الذين اتَّصلوا بالكاتب إعجابهم بالكتاب، في هذه الأثناء، ورغم نشر كتب أخرى في مجال الاقتصاد القياسي المالي الواسع إلَّا أن أيًا منها لم يكن حقيقةً على مُستوى تمهيدي، كما يبدو أن جميع دوافع الطبعة الأولى المبيَّنة أدناه لا تقل أهميَّة اليوم عمَّا كانت عليه، وباعتبار أن الكتاب يبدو أنه تماشى بشكل جبيَّد مع القراء فإني تركت أسلوب الكتابة إلى حد كبير دون تغيير، لكن شهد أسلوب تنظيم الكتاب تغييرًا طفيفًا مع إضافة مواد جديدة.

تتمثَّل الدوافع الرئيسة لكتابة الطبعة الأولى للكتاب فيها يلي:

- تأليف كتاب يركّز على استخدام وتطبيق التقنيات بدلًا من التركيز على اشتقاق البراهين وتعلُّم الصّينغ.
- تأليف مرجع في المتناول لا يحتساج إلى معرفة مُسبقة بالاقتصاد القياسي، لكن يضم النُّهُج التي استُحدثت مُؤخرًا، والتي لا توجد عادة إلا في نصوص أكثر تعمُّقًا.
- استخدام أمثلة ومصطلحات مُستقاة من مجال المالية بدلًا من مجال الاقتصاد؛ لأن هناك العديد من النصوص التمهيدية في
 الاقتصاد القياسي التي تستهدف طلاب الاقتصاد، ولكن لا يوجد منها ما هو موجَّه لطلاب المالية.
- إثراء الكتاب بدراسات الحالة التي تتناول استخدام الاقتصاد القياسي من الناحية العمليَّة، والمستمدَّة من الكتابات الأكاديميَّة المتعلَّقة بمجال الماليّة.
- إدراج عينة من التعليمات، ومن لقطات الشاشة، إضافة إلى مُحرجات الحاسب، باستخدام حزمة اقتصاد قياسي مُتداولة،
 سوف يُمكِّن ذلك القراء من معرفة كيفيَّة تنفيذ التقنيات عمليًّا.
- إعداد موقع مُصاحب على شبكة الإنترنت يحتوي على إجابات عن أسئلة نهاية الفصول، شرائح باور بوينت (PowerPoint)
 وغيرها من المواد الداعمة.

ما هو الجديد في الطبعة الثالثة؟

تتضمَّن الطبعة الثالثة عددًا من الميزات الهامَّة الجديدة، وهي:

(١) يتمتَّع الطلاب في مجال الماليّة بخلفيات جد مُتفاوتة، وبشكل خاص مُستويات مُختلفة من التدريب في أساسيَّات الرياضيات والإحصاء، وبهدف جَعْل هذا الكتاب أكثر استقلاليَّة تم تطوير المواد التي كانت موضوعة سابقًا في ملحق في نهاية الكتاب،

وتحسينها إلى حد كبير، وأدرجت الآن في فصل جديد وهو الفصل ٢، ونتيجة لذلك تم تقديم الفصول من ٢ إلى ١٣ السابقة بفصل (وهكذا أصبح الفصل ٢ السابق الفصل ٣، والفصل ٣ أصبح الفصل ٤، وهكذا)، بالنسبة للفصل الختامي في النسخة الثانية، أي الفصل ١٤، فقد تم حذفه (أدرج البعض من مُحتوياته في فصول أخرى)، بحيث تضم النسخة الثالثة كذلك أربعة عشر فصلًا.

- (٢) تحت إضافة مسرد مُصطلحات شامل في نهاية الكتاب لتوضيح جميع المصطلحات الفنية المستخدمة.
- (٣) نتيجة لطول الوقت الذي يستغرقه تأليف الكتاب وإعداد المنتج النهائي والفترة الزمنيَّة التي انقضت منذ ذلك الحين، فإن البيانات والأمثلة المستخدّمة في الطبعة الثانية مضى عليها عدَّة سنوات، لذلك تم تحديث البيانات، تعليهات إفيوز ولقطات الشاشة، كما استُخدم الإصدار ٨ من إفيوز في جميع المراحل، وهو آخر إصدار مُتوفِّر عند تأليف هذا الكتاب، أمَّا البيانات فلا تزال تُستمد من نفس المصادر المتاحة مجانًا كما في الطبعة السابقة.
- (٤) تميل المنهجيّة التي طوَّرها فاما وفرنش في مجموعة من أوراق البحث ونهج دراسة الحدث، إلى أن يكونَا اثنين من أهم استخدامات النهاذج الإحصائية من قِبَل الطلاب في مُقرَّرائهم الدراسيَّة، يرد في الفصل ١٤ وصف مُفصَّل لكليهها، مع إدراج أمثلة على ذلك.
- (a) تمت إضافة مواد جديدة في أماكن مُناسية من هذا الكتاب تُغطّي اختبارات جذر الوحدة للبائل، واختبارات التكامل المشترك، أخطاء القياس في المتغيّرات، اختبار جذر الوحدة، مع انقطاعات هيكليَّة ونهاذج الارتباط الشرطي.

دواقع الطبعة الأولى

يُعتبر الكتاب نتاجًا لمجموعتين من المحاضرات التي قام الكاتب بإلقائها سنويًّا في مركز الجمعيَّة الدولية لأسواق رأس المال (مركز الجمعيَّة الدولية لأسواق الماليّة سابقًا)، كلبَّة إدارة الأعمال بهبنلي، جامعة ريدينج، وفي جزء منه نتيجة الشعور لعدَّة سنوات بخيبة الأمل إزاء عدم وجود مرجع مُناسب.

كانت المائيّة في السابق مُجَرَّد تخصُّص فرعي مُستقى من الاقتصاد والمحاسبة، وبالتالي يُمكن افتراض أن طلاب المائيّة يلمُّون بمبادئ الاقتصاد، ولذلك يُدرَّس الاقتصاد القياسي باستخدام دوافع وأمثلة من الاقتصاد.

ومع ذلك أصبحت المائية في السنوات الأخيرة مجالًا مُستقلًا بذاته، هذا وتضاعف عدد الطلاب في مجال المائية بشكل ملحوظ في جميع أنحاء العالم طمعًا في تحقيق مسار مهني مُتميَّز، كما شهد كذلك تنوُّع الحلفيات التعليميَّة للطلاب الذين يدرسون مقرَّرات في مجلع أنحاء العالم طمعًا في تحقيق مسار مهني مُتميَّز، كما شهد كذلك تنوُّع الحلفيات التعليميَّة للطلاب الذين يدرسون مقرَّرات في مجال المائية تزايدًا، وليس من النادر أن نجد طلابًا جامعيين في تخصُّص المائية دون مُؤهلات عالية في الرياضيات أو الاقتصاد خلال المرحلة الثانويَّة، في المقابل نجد أن العديد من طلاب الدكتوراه في مجالي الفيزياء أو الهندسة مُنجذبين كذلك إلى دراسة المائية على مستوى الماجستير، لكن وللأسف لم يتمكَّن مؤلفو المراجع الدراسيَّة من مواكبة التغيُّر في طبيعة الطلاب، في نظري لم تَرَقَ المراجع الدراسيَّة المناحة حاليًا إلى مُتطلبات السوق على ثلاثة أصعدة، والتي يسعى هذا الكتاب لمعالجتها:

(١) تنفسم الكتب إلى فنتين مختلفتين وغير متداخلتين: كتب تمهيدية، وكتب متقدَّمة، تُعتبر المراجع النمهيديَّة مُناسبة للطلاب ذوي الخلفيات المحدودة في الرياضيات أو الإحصاء، لكن مجال اهتهامها ضيَّق للغاية، كها تستهلك الكثير من الوقت

مقدمة الطبعة الثالثة

لاستخلاص النتائج الأكثر أساسيَّة، أمَّا مُعالجة الموضوعات الهامَّة والتي تحظى بالاهتهام (مثل أساليب المحاكاة، ونمذجة متجه الانحدار الذاتي، وما إلى ذلك) فلا تتطرَّق لها سوى في الصفحات الأخيرة، وذلك في أحسن الحالات، أمَّا المراجع الأكثر تقدمًا فهي تتطلَّب في الغالب نقلة نوعية في مستوى القدرة الرياضية المقترضة للقراء، حيث لا يُمكن استخدام مثل هذه الكتب في مُقرَّرات تدوم فصلًا أو فصلين دراسيين فقط، أو عندما يكون للطلاب مؤهلات مختلفة، سوف أسعى في هذا الكتاب للتطرُّق لعدد كبير من تقنيات الاقتصاد القباسي المختلفة التي تتعلَّق بتحليل البيانات الماليَّة وغيرها من البيانات.

- (٢) تشم العديد من المراجع الدراسية ذات الانتشار الواسع بطابع نظري للغاية، ويظل الطلاب في كثير من الأحيان وبعد قراءة مثل هذه الكتب عاجزين عن التعامل مع المسائل التي تواجههم على أرض الواقع، حتى وإن كانوا بارعين في توظيف التقنيات نظريًا، هذا الغرض حاولت في هذا الكتاب تقديم أمثلة عن استخدام التقنيات في بجال المالية جنبًا إلى جنب مع تعليات كمبيوتر مشروحة، إضافة إلى عينات من نواتج حزمة من برامج الاقتصاد القياسي)إفيوز (، وهذا من شأنه أن يساعد الطلاب الذين يرغبون في الاعتباد على أنفسهم في تعلم كيفية تقدير الناذج في حالة طلب منهم على سببل المثال إنجاز مشروع بحث أو أطروحة دكتوراه، هذا وقد طوّرت بعض الأمثلة خصيصًا لهذا الكتاب، في حين استمدت العديد من الأمثلة الأخرى من الكتابات الأكاديمية في بجال الماليّة، ويعتبر ذلك في نظري سمة أساسية نادرة تتميز بها المراجع الدراسية، والتي من شأنها مساعدة الطلاب على توضيح كيفية التطبيق الفعلي للاقتصاد القياسي، كما نأمل أن يشجع هذا الأسلوب بعض الطلاب في الحوض بشكل أعمق في الأدبيات، ومع ذلك يتعين أن نذكر في البداية أن الغرض من إدراج أمثلة مستمدة من الكتابات الأكاديمية في بجال الماليّة ليس تقديم لمحة شاملة عن الأدبيات، أو مناقشة جميع الأعمال ذات الصلة بتلك المجالات، وإنها الهدف من ذلك هو توضيح التقنيات، لذلك يمكن اعتبار أن استعراض المؤلّفات السابقة غير مكتمل، ويمكن توجيه القراء المهتمين إلى القراءات المقترحة والمراجع الواردة فيها.
- (٣) فيها عدا استثناءات قليلة فإن تقريبًا جميع المراجع الدراسية التي تستهدف المستوى التمهيدي تستمد دواقعها وأمثلتها من عال الاقتصاد، وسوف يكون لذلك فائدة محدودة لطلاب الماليّة والتجارة، ولكي نرى ذلك فلنحاول إجراء علاقة انحدار باستخدام مثال من قبيل تأثير تغيَّرات الدخل على الاستهلاك، ثم لاحظ الحاضرين المهتمين أساسًا بالتطبيقات التجارية والماليّة، والذين سينتاجهم الملل وفقدان الاهتهام منذ الدقائق الأولى للمقرَّر.

مَن ينبغي أن يقو أهذا الكتاب؟

الجمهور المستهدّف هم الطلاب الجامعيون وطلاب الماجستير/ طلاب ماجستير إدارة الأعمال، الذين هم بحاجة إلى معرفة واسعة لتقنيات الاقتصاد القياسي الحديثة المستخدمة عادة في الأدبيات المائية، كما نأمل أن يكون الكتاب مفيدًا أيضًا للباحثين)الأكاديميين والمارسين على حد السواء (الذين هم بحاجة إلى مقدمة في الأدوات الإحصائية المستخدمة عادة في مجال المائية، من جهة أخرى يمكن استخدام هذا الكتاب كمرجع للمقررات التي تغطي تحليل السلاسل الزمنية المائية، أو الاقتصاد القياسي المائي في البرامج الجامعية، أو الدراسات العليا في مجال المائية والاقتصاد المائي، والأوراق المائية والاستثمارات.

وعلى الرغم من أن التطبيقات والدوافع الكامنة وراء بناء النهاذج الواردة في هذا الكتاب مستمَدَّة من مجال الماليّة، إلا أن الاختبار التطبيقي للنظريات في العديد من التخصصات الأخرى؛ كالدراسات الإدارية، الدراسات التجارية، مجال العقارات، الاقتصاد وغيرها يمكن أن يستخدم تحليل الاقتصاد القياسي بشكل مفيد، يمكن أن بكون هذا الكتاب مفيدًا كذلك لهذه المجموعة.

في الأخير، رغم أن هذا الكتاب مصمَّم في الأساس لطلاب الجامعة والماجستير، إلا أنه يمكن أيضًا أن يفدُّم قراءة تمهيدية في نمذجة السلاسل الزمنية الماليّة لبرامج الدكتوراه الماليّة، حيث يمتلك الطلاب خلفيات لا نتضمَّن مقرَّرات في التقنيات الحديثة للاقتصاد القياسي.

المتطلبات الأساسية لفهم هذه المادة فهمًا جيدًا

يهدف جَعْل هذا الكتاب في المتناول قدر الإمكان ليس هناك حاجة إلى امتلاك معارف مسبقة في الإحصاء، في الاقتصاد القياسي، أو في الجبر، رغم أن أولئك الذين لديهم خلفيَّة عن حساب التفاضل والتكامل، والجبر (بها في ذلك المصفوفات) والإحصاء الأساسي، سوف يتمكنون من التقدُّم في الفهم بسرعة أكبر، هذا ويجري التركيز طوال هذا الكتاب على التطبيق السليم للتقنيات على بيانات فعلية ومسائل مائية.

كما يفترض أن يمتلك الفارئ في مجال المالية والاستثمار المعرفة بأسس مالية الشركات والأسواق المالية والاستثمار، لذلك فإن موضوعات مثل نظرية المحفظة، نموذج تسعير الأصول الرأسمالية (Capital Asset Pricing Model (CAPM))، نظرية التسعير بالمراجحة (Arbitrag Pricing Theory (APT))، فرضية كفاءة الأسواق، تسعير الأوراق المالية المشتقة، ومصطلح هيكل سعر الفائدة المتراجحة (ليها بكثرة طوال الكتاب، لم يتم شرحها، هذا ونشير إلى أن هناك العديد من الكتب الجيدة المتاحة في مجال مالية الشركات، الاستثمار والعقود الأجلة والخيارات، ومنها على النوائي الكتب المفترحة من قبل بربالي ومايرز (٢٠١٣) (٢٠١٣) (Bodie, Kane and Marcus (2011)).

الاقتصاد القياسي التهميدي للهالية

يُعتبر هذا الكتاب الذي يُعَدُّ الأفضل مَبِيعًا، والمُختبَر بعناية داخل قاعات الدراسة، مرجعًا شاملًا لطلاب الماليّة، كما تعمل المناقشة الشاملة المصورة لأهم النُّهُج التجريبية في مجال الماليّة على إعداد الطلاب لاستخدام الاقتصاد القياسي في المهارسة العملية، أمَّا دراسات الحالات المُفطَّلة فتساعدهم على فَهُم كيفيَّة استخدام النقنيات في السياقات الماليّة ذات الصلة، هذا وتعمل الأمثلة المُغدَّة من أحدث نسخة من البرنامج الإحصائي الشهير إفيوز (EViews) على توجيه الطلاب لوضع نهاذجهم الخاصَّة وتفسير نتائجها.

تُسهم مُحرجات التعلَّم والمفاهيم الأساسيَّة، إضافة إلى أسئلة المراجعة الواردة في نهاية الفصول (والتي نوجد حلوفا الكاملة على شبكة الإنترنت)، في تسليط الضوء على النقاط الهامَّة الواردة في الفصول، كما تسمح للطلاب بإجراء تقييم ذاتي لفهمهم، وبناءً على النهج الناجح الفائم على البيانات والمسائل للإصدارات السابقة تم تحديث هذه الطبعة الثائثة بإضافة بيانات جديدة، والعديد من الأمثلة، وكذلك مواد تمهيديَّة عن الرباضيات، عمَّا بجعل الكتاب في مُتناول الطلاب الذين يتعاملون مع الاقتصاد القياسي للمرة الأولى، كما يسمح موقع النت المرافق والمتضمَّن العديد من المصادر الموجَّهة للطلاب والمدرِّسين بإكمال مجموعة مواد التعلَّم.

كريس بروكس هو أسناذ في المالية، ومدير بحوث بمركز الجمعيَّة الدولية لأسواق رأس المال، كليَّة إدارة الأعمال بهينلي، جامعة ريدينج، المملكة المتَّحدة، حيث حصل أيضًا على درجة الدكتوراه، له اهتهامات بحثيَّة متنوَّعة، ونشر أكثر من مائة مقالة منشورة في المجلات الأكاديمية والمجلات المختصَّة الرائدة، إضافة إلى سنة كتب، وهو كذلك مُساعد رئيس التحرير في العديد من المجلات، بها في ذلك مجلة ماليّة الأعمال والمحاسبة، المجلة الدولية للتنبؤ، ومجلة المحاسبة البريطانية، كما يعمل مُستشارًا وخبيرًا لدى العديد من البنوك والشركات والهيئات المهنية في مجالات الماليّة والعقارات والاقتصاد القياسي.

	مقدمة المترجّبين
ز	مقدمة الطبعة الثائثة
ك	شكر وتقدير
۴	الاقتصاد القياسي التمهيدي للهاليّة
١	لفصل الأول: مقدمة Introduction
۲	١ , ١ ما هو الاقتصاد القياسي؟ (What is econometrics?)
	Is financial econometries different from
Ö	٣, ١ أنواع البيانات (Types of data)
٥	۱٫۳٫۱ ييانات السلاسل الزمنيَّة (Time series data)
٦	۲ , ۳ , ۲ البيانات المقطعيَّة العرضيَّة (Cross-sectional data)
٦	٣, ٣, ا بيانات اليانل (أو بيانات السلسلة الزمنية المقطعية) (Panel data)
٧	\$, ٢ , البيانات المستمرة والبيانات المتقطعة (Continuous and discrete data)
٧	ه, ٣, ١ الأعداد الأصلية، الترتيبية والاسمية (Cardinal, ordinal and nominal numbers)
٨	\$, ١ العوائد في النمذجة الماليَّة (Returns in financial modelling)
	(Real versus nominal series and deflating السالاسل الاسميَّة وتكميش السلاسل الاسميَّة (Real versus nominal series and deflating)
٦	nominal series)
٦	٥, ١ الخُطُواتِ النُّبَعَة في صياغة نموذج افتصادي فياسي (Steps involved in formulating an econometric model)
	٦ , ابعض النقاط التي يجب مراعاتها عند قراءة مقالات في مجال الماليَّة التجريبي Points to consider when reading articles in
1	Ťempirical finance)
٦	٧, ١ملاحظة عن الإحصاءات البايزيَّة مقابل الإحصاءات الكلاسيكية (A note on Bayesian versus classical statistics)
ን	۸, ۱ مدخل إلى إفيوز (An introduction to EViews)
٦	۱٫۸٫۱ إنجاز مهام بسيطة باستخدام إفيوز (Accomplishing simple tasks using EViews)
١	فتح البرنامج (Opening the software)

بيانات (Reading in data) بيانات	راءة ال
للف عمل واستيراد البيانات (Creating a workfile and importing data)	تشاء م
من البيانات (Verifying the data) من البيانات	لتحقق
إحصاءات موجزة (Computing summary statistics) إحصاءات موجزة	حساب
الْبِيانية (Plots) الْبِيانية (Plots)	
الماعة (Printing results) طباعة	تائج ال
تاتج البيانات وملف العمل (Saving data results and workfile)	حفظ نت
الاقتصاد القياسي المتاحة في إفيوز (Econometric tools available in EViews)	دوات
إد إضافيَّة للقراءة (Further reading) إد إضافيَّة للقراءة (Further reading)	ه, ۱ مو
مُلخص للفصول المتبقية من هذا الكتاب (Outline of the remainder of this book)	۸,۱۰
الثاني: أسس رياضية وإحصائية Mathematical and Statistical Foundations	لفصل
لوال (Functions)	۱ ۲ ال
٣١(Straight lines)٢الخطوط المستقيمة (Straight lines)	,1,
٣٤(Quadratic functions)	, ۱, ۱
٢ قوى الأرقام والمنغيّرات (Powers of numbers or of variables)	, ۱, ۱
٣٨ (The exponential function) (The exponential function)	,1,:
۲۸(Logarithms)(Logarithms)	٠,١,٥
۲ الثرميز سيغيا (Sigma notation)	,۱,۰
۲ الترميز باي (Pi notation)	, ۱,۱
ساب التفاضل (Differential calculus)	۲,۲ح
۲ أساسيات التفاضل (Differentiation: the fundamentals)	٠,٢,
۲ المشتقات من الرتب العليا (Higher order derivatives)	, ۲, ۱
۲ التفاضل الجزئي (Partial differentiation)۲	, ۲, ۲
۱۲ التكامل (Integration)	, Υ,
صفر فات (Matrices)	١, ١١٢
عمليات على المصفوفات (Operations with matrices)	٠,٣,١
٢ رُتِية المصفوفة (The rank of a matrix)	٠, ٣, ١
٢معكوس المصفوفة (The inverse of a matrix)	۲,۳,
٢أَدُ المُصِفَى فَةَ (The trace of a matrix)	· ·

المحتويات ف

، ٣, ٢ القيم الذائية للمصفوفة (The eigenvalues of a matrix)
٣ , ٣ , تنظرية المحفظة الماليَّة و جَبْر المصفوقات (Portfolio theory and matrix algebra)
خثيار أوزان محفظة الحد الأدنى للتباين (Minimum Variance Portfolio)
ختيار أوزان المحفظة المُثلى (Selecting optimal portfolio weights)
٣,٧, الرسم مُنحني الحد الكفء من حيث الموازنة بين العائد والخطر داخل إكسل The mean-variance efficient frontier in
٥٦ Excel)
، ٢الاحتيال والتوزيعات الاحتياليَّة (Probability and probability distributions)
٣ , ٤ , ٢ نظرية الحد المركزي (Central Limit Theorem)
۲ , ٤ , ۲ توزیعات إحصائیة أخرى (Other statistical distributions)
، ٢ الإحصاء الوصفي (Descriptive Statistics)
۲ , ۵ , ۲ مقاییس النزعة المركزية (Measures of central tendency)
لرسط الهندسي (Geometric Mean)(Geometric Mean)
٧ , ٥ , ٢ مقاييس الانتشار أو التشتُّت (Measures of spread)
٧٢. • ، ٢ العزوم من الرتبة الأعلى (Higher Moments)
حساب الإحصاءات الموجزة في إفيوز (Calculating summary statistics in EViews)
۶ , ه , ۲ مقاییس الترابط (Measures of Association)
لتغاير (Covariance)(Covariance)
٧٦(Correlation)
لروابط (Copulas)
لفصل الثائث: نظرة عامة موجزة عن نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي - A brief overview of the classical linear
۸۲ regression model
۸۳ (What is a regression model?) إلى المقصود بنموذج الاتحدار؟ (What is a regression model?)
٨٤ (Regression versus correlation) الانحدار مقابل الارتباط (Regression versus correlation)
٨٤ Simple regression)) ٢, ٣الانحدار البسيط
۹۱ (What are α and β used for?) ٩٩ و ۶۶ (What are α and β used for?)
ع , ٣ بعض المصطلحات الأخرى (Some further terminology)
The data generating process. the population العجتمع ودالة انحدار العبنة (The data generating process. the population)
٩٣ regression function and the sample regression function)
٩٤ (Linearity and possible forms for the regression function) الخطّية والأشكال المكنة لدالة الانحدار

٣ , ٤ , ٣ مَقَدُّر أَمْ قَيِمةً مُقَدُّرةٌ؟ (Estimator or estimate?)
ه , ٣الانحدار الخطي البسيط في إفيوز: تقدير نسبة التحوُّط المثلي Simple linear regression in EViews – estimation of an
٩٥optimal hedge ratio)
The assumptions underlying the classical linear . ٦ الافتراضات التي يقوم عليها نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي
49regression model)
9 9 المربعات الصغرى العادية (Properties of the OLS estimator)
۱۰۰(Consistency) الاتساق (Consistency)
۲ , ۷ , ۲ عدم التحيُّز (Unbiasedness) (Unbiasedness)
۱۰۱(Efficiency) قولگاه کو الکفاء کو ا
١٠١ (Precision and standard errors)
۱۰۲ (Estimating the variance of the error term σ^2) σ^2 أَقُدير تَبايُن حد الحَطْ
١٠٢(Some comments on the standard error estimators) الخطأ المعياري (Some comments on the standard error estimators)
٩ , ٣ مدخل إلى الاستدلال الإحصائي (An introduction to statistical inference)
۱۰۷ (Hypothesis testing: some concepts) بعض المفاهيم (Hypothesis testing: some concepts)
۱۰۸ (The probability distribution of the least squares estimators) التوزيع الاحتيالي لمقدرات المربعات الصغرى
٣ , ٩ , ٣ ملاحظة عن التوزيع تي والتوزيع الطبيعي (A note on the t and the normal distributions)
۱۱۰ (The test of significance approach) منهج اختبار المعنويَّة (The test of significance approach)
ه , ۶ , ۳ منهج فترة الثقة لاختبار الفرضيات (الإطار رقم (۳,٦)) The confidence interval approach to hypothesis testing
11 £(box 3.6))
٣,٩,٦ مناهج اختيار المعنويَّة وفترة الثقة تعطي دائيًا نفس النتائج The test of significance and confidence interval)
1 10approaches alwaysgive the same conclusion)
١١٨(Some more terminology) بعض المصطلحات الإضافيَّة (Some more terminology)
A, A, كتصنيف الأخطاء التي يُمكن ارتكابها باستخدام اختبارات الفرضيَّات Classifying the errors that can be made using)
hypothesis tests)
۲۰ (A special type of hypothesis test: the t-ratio) نسبة تي (A special type of hypothesis test: the t-ratio)
٣ , ١١ , ٣ مثال لاختيار تي بسيط لنظرية في مجال الماليَّة هل يُمكن أن تتغلَّب صناديق الاستثيار المشتركة الأمريكية على السوق؟ An
YY \ example of a simple t-test of a theory in finance: can US mutual fundsbeat the market?)
٣ , ١٢ وهل يُمكن لمديري صناديق حِصَص الاستثمار في المملكة المتّحدة التغلُّب على السوق؟ - Can UK unit trust managers)
NY 5 heat the market?)

٣ , ٢ فرضيّة رد الفعل المفرط وسوق الاوراق الماليّة في المملكة المتحدة The overreaction hypothesis and the UK stock)
1 Y o market}
۱۲۰ (Motivation) الدافع (Motivation)
۱۲٦ (Methodology) المنهجيَّة (Methodology)
۱۲۸ (Conclusions) الاستئتاجات (Conclusions) (۲۸
۱۲۹ (The exact significance level) مُستوى المعنويَّة المُضبوط (The exact significance level)
۱۵ , ۱۲ختبار الفرضيَّات داخل إفيوز - المثال ۱ : إعادة النظر في التحوُّط Hypothesis testing in EViews - example 1: hedging)
1 *
٣ , ١٦ ختبار الفرضيَّات داخل إفيوز - المثال ٢: نموذج تسعير الأصول الرأسياليَّة Hypothesis testing in EViews - example)
141
مُلحق الاشتقاقات الرياضيَّة لنتاثج نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي (Mathematical derivations of CLRM results)
٣,١ أَ اشتقاق مقدَّرات معاملات المربعات الصغرى العاديَّة في حالة متغيِّرين اثنين Derivation of the OLS coefficient)
140 estimator in the bivariate case)
٣,٣ أاشتقاق مقدَّرات المربعات الصُّغرى العاديَّة للأخطاء المعياريَّة للمقطع والميل في حالة متغيَّرين اثنين Derivation of the)
YYY OLS standard error estimators for the intercept and slope in the bivariate case)
القصل الرابع: مزيد من التطوير والتحليل لنموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي
الفصل الرابع: مزيد من التطوير والتحليل لنموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي 14 \ Further Development and Analysis of the Classical Linear Regression Model
\ \ \ \ Further Development and Analysis of the Classical Linear Regression Model
۱ الماد المادة المادة المادة المادة (Generalising the simple model to multiple linear regression) المادة ا
۱ الحد الثابت (Generalising the simple model to multiple linear regression) المحدد (Generalising the simple model to multiple linear regression) الحد الثابت (The constant term) الحد الثابت (The constant term)
۱ الحد الثابت (Generalising the simple model to multiple linear regression) المحدد (Generalising the simple model to multiple linear regression) المحدد الخطي المتعدد (The constant term) المحدد الثابت (How are the parameters (the elements of the β vector) في الحالة المحمّدة (How are the parameters (the elements of the β vector) في الحالة المحمّدة (الحمّدة على المحلوات (عناصر المتّجه على في الحالة المحمّدة المحمّد
۱ المنافعة
۱٤١ (Generalising the simple model to multiple linear regression) المتعدد (Generalising the simple model to multiple linear regression) المتعدد (The constant term) الحد الثابت (The constant term) (How are the parameters (the elements of the β vector) في الحالة المعتمدة؟ (How are the parameters (the elements of the β vector) عناصر المتجه (الحداثة المعتمدة) وعناصر المتجه (الحداثة المعتمدة) الحداثة المعتمدة (Testing multiple hypotheses: the F-test)
۱٤١
ا في المنافرة بالمنافرة بالمنافرة المنافرة المنافرة بالمنافرة با
ا في الحداثة بين التوزيعان إف و تي الحدادة الحجمة المحددة ال
ا في المنافقة بن التوزيعان إف و تي الحالة المعتملة (Testing multiple hypotheses: the F-test) (The relationship between the t - and the F-distributions, المنافقة المنا

الاتحدار المتدرج (Stepwise regression) الاتحدار المتدرج (Stepwise regression)
٤ , ٦ , ١ ملاحظة عن حجم العينة ونظرية المقاربة (A note on sample sizes and asymptotic theory)
٧, ٤ التنقيب في البيانات والحجم الحقيقي للاختبار (Data mining and the true size of the test)
٨, ٤ إحصاءات جودة التوفيق (Goodness of fit statistics)
۱۵۷ R^2 معامل التحديد ξ , Λ , λ
۱٦٠ (Problems with R^2 as a goodness of fit measure) مقياسًا لجودة النوفيق R2 مقياسًا المحادثة عند اعتبار R2 مقياسًا الجودة النوفيق
۱٦١ R^2 Adjusted) المعدل R^2 المعدل R^2 المعدل (R^2 Adjusted) معامل التحديد R^2 معامل التحديد
۶, ۶ نهاذج تسعير المنفعة (Hedonic Pricing Models) ٤٦٢
۱۹۶ ه اختبار الفرضيَّات غير المُتداخلة (Tests of non-nested hypotheses)
۱۹۸ (Quantile Regression) الانحدار الكمي (Quantile Regression)
۱۶۸ الخلفيَّة والدافع (Background and motivation) ١٦٨
٤,١١, ٢ تقدير الدوال الكميَّة (Estimation of quantile functions)
٤,١١,٣ تطبيق الانحدار الكمي: تقييم أداء الصندرق An application of quantile regression: evaluating fund)
1V • performance)
\$, ١١ , \$ إجراء الانحدار الكمِّي في إفيوز (Quantile regression in EViews)
ا كلحق ١, ٤ الاشتفاقات الرِّياضيَّة لنتاتج نموذج الانحدار الخطي الكلاسبكي (Mathematical derivations of CLRM results)
سُتقاق مُقدَّر المُعامل بالمربعات الصغرى العاديَّة في إطار الانحدار المتعدَّد - Derivation of the OLS coefficient estimator in the)
YVE multiple regression context)
شتقاق مُفتَّر الخطأ المعياري بالمربعات الصغرى العاديَّة في إطار الانحدار المتعدَّد (Derivation of the OLS standard error)
1V7 estimator in the multiple regression context)
تُلحق ٢ , ٤ مُقدَّمة مُوجِزة لنهاذج العوامل وتحليل المكوّنات الرئيسة - A brief introduction to factor models and principal)
YVV components analysis)
نطبيق المكوَّنات الرئيسة على أسعار الفائدة (An application of principal components to interest rates)
حساب المكوِّنات الرئيسة في إفيوز (Calculating principal components in EViews)
اسئلة التعلم الذاتي
لفصل الخامس: افتراضات نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي واختبارات التشخيص
۱۸۰
۱۸٥
١٨٦ (Statistical distributions for diagnostic tests) التوزيعات الإحصائيَّة لاختبارات التشخيص

ф	المحتويات
۱۸	ک الافتراض $F(u_t)=0$ $E(u_t)=0$ ک الافتراض $\Phi(u_t)=0$ (Assumption 1: $\Phi(u_t)=0$
١٨	الإفتراض $\gamma : var(u_t) = \sigma^2 < \infty$ $var(u_t) = \sigma^2 < \infty$ بالإفتراض $\gamma : var(u_t) = \sigma^2 < \infty$ بالإفتراض $\gamma : var(u_t) = \sigma^2 < \infty$ بالإفتراض $\gamma : var(u_t) = \sigma^2 < \infty$
۱۸	ه , ٤ , ٥ الكشف عن اختلاف التباين (Detection of heteroscedasticity)
	٢ , ٤ , ٥ العواقب المترتَّبة عن استخدام المربعات الصغرى العاديَّة في ظل وجود اختلاف التباين Consequences of using OLS)
19	\ in the presence of heteroscedasticity)
۱٩	٥ , ٤ , ٣ مُعالِجة اختلاف التباين (Dealing with heteroscedasticity)
19	٤ , ٤ , ٥ اختبار اختلاف التباين باستخدام إفيوز (Testing for heteroscedasticity using EViews)
	٥,٤,٥ استخدام القيم المقدَّرة للأخطاء المعياريَّة المعدَّلة بطريقة وايت داخل إفيوز Using White's modified standard error)
	£ estimates in EViews)
	ہ و الافتراض γ : $0 = 0$ (Assumption 3 $\cos(u_i, u_t) = 0$ for $t \neq j$) $0 \neq j \leq \cos(u_i, u_t) = 0$ و الافتراض γ : $0 = 0$
	، ، ، ه مفهوم القيمة المتباطئة (The concept of a lagged value)
	o, o, ۲ الاختبارات البيانية للارتباط الذاتي (Graphical tests for autocorrelation)
۱٩	٣, ٥, ٥ الكشف عن الارتباط الذاتي: اختبار ديربن-واتسن (Detecting autocorrelation: the Durbin-Watson test)
	٤ , ٥ , ٥ الشروط التي يتعين استيفاؤها ليكون اختبار ديربن-وائسن اختيارًا صحيحًا Conditions which must be fulfilled for)
۲,	T
	ه , ٥ , ٥ اختيار آخر للارتباط الذاتي اختيار بروتش- جودفري Another test for autocorrelation: the Breusch-Godfrey)
	Ytest}
	٤ , ٥ , ٥ النتائج المترتبة عن نجاهل الارتباط الذاتي في حال وجوده (Consequences of ignoring autocorrelation if it is present)
	v, o, o مُعالجة الارتباط الذاتي (Dealing with autocorrelation)
	A , o , o النهاذج الدينامكيَّة (Dynamic models)
	٩ , ٥ , ٥ لماذا الحاجة إلى تباطؤات في الانحدار؟ (Why might lags be required in a regression?)
	۰ , ۰ , ٥ حل توازن المدى الطويل الساكن (The long-run static equilibrium solution)
	٥,٥,١١ المشاكل المرتبطة بإضافة مُتغيِّرات انحداريَّة مُتباطئة العلاج الارتباط الذاتي - Problems with adding lagged)
	\ regressors to 'cure' autocorrelation)
	۱۲ , ۵ , ۵ الارتباط الذاتي والنهاذج الدينامبكية داخل إفيوز (Autocorrelation and dynamic models in EViews)
	۱۳ , ه , ه الارتباط الذاتي في البيانات المقطعية (Autocorrelation in cross-sectional data)
	د م الافتراض 3 : المتغيِّرات x_2 غير تصادفيَّة (Assumption 4: the x_i are non-stochastic) غير تصادفيَّة x_i
	v , ٥ الافتراض ٥: الاضطرابات مُوزَّعة طبيعيًّا (Assumption 5: the disturbances are normally distributed)
	۷, ۷, ۱ اختبار الانحراف عن الاعتدال (Testing for departures from normality)
۲١	۷, ۷ و اختیار عدم اعتدال التو زیع باستخدام افهوز (Testing for non-normality using EViews)

٣,٧,٥ ما الذي ينبغي فعله إذا وُجد دليلًا على عدم الاعتدال؟ What should be done if evidence of non-normality is
Y \ \ \ \ found?)
٤ , ٧ , ٥ إنشاء واستخدام المتغيّرات الوهميَّة داخل إفيوز (Dummy variable construction and use in EViews)
۸, ٥ التعدُّد الحَطَّي (Multicollinearity)
۰ , ۸ , ۱ فياس التعدد الخطي شبه التام (Measuring near multicollinearity)
۲۲۳ (Problems if near multicollinearity is present but ignored) عند تواجده عند تواجده (A , ۲ مشاكل تجاهُل التعدد الخطّي شبه التام عند تواجده
٣ , ٨ , ٥ الحُلُولَ المُقترَّحة لمشكلة التعدد الخَطِّي (Solutions to the problem of multicollinearity)
\$, A , ٥ التعدد الخطّي داخل إفيوز (Multicollinearity in EViews)
٩ , ٥ اعتباد صيغة داليَّة خاطئة (Adopting the wrong functional form)
What if the functional form is found to be ? عبر مُناسبة الدالِّية غير مُناسبة إذا ثبت أن الصيغة الدالِّية غير مُناسبة
YY7inappropriate?)
۲۲۹ اجراء اختبارات ريست باستخدام إفيوز (RESET tests using EViews)
• ١ , ٥ إهمال مُتغيِّر مُهم (Omission of an important variable)
۲۳٠ ادراج مُتغيِّر لا صلة له بالموضوع (Inclusion of an irrelevant variable)
۲۳۱ اختبارات استقرار المعلمات (Parameter Stability Tests)
۲۴۲ (The Chow test) اختیار تشاو (The Chow test)
a , ۱۲ , ۲ و اختيار فشل التنبؤ (The predictive failure test)
۲۳۵ (Backward versus forward predictive failure tests) اختيار فشل التنبؤ الخالفي مُقابل اختيار فشل التنبؤ الأمامي
۴۴٥ (How can the appropriate sub-parts to use be decided?) ؟ من أجزاء فرعيَّة مُناسبة نستخدم؟
ه , ۱۲ , ٥ اختيار كوانت لنسبة الإمكان (The QLR test)
۲۳۷(Stability tests based on recursive estimation) اختبارات الاستقرار المبنيَّة على التقدير المتكرَّر (Stability tests based on recursive estimation)
۲۴۸ اختيارات الاستقرار داخل إفيوز (Stability tests in EViews)
۲ از ه أخطاء القياس (Measurement Errors)
۱۳,۱ مخطأ القياس في المتغيّر (أو المتغيّر ان) المفسّر (Measurement error in the explanatory variable(s))
۱۲, ۲ خطأ القياس في المتغيَّر المفسَّر (Measurement error in the explained variable)
١٤ , ٥ إستراتيجية لإنشاء نهاذج الاقتصاد القياسي ومناقشة فلسفات بناء النموذج (A strategy for constructing econometric
Y & Y models and a discussion of model-building philosophies)
١٥ ، ٥ محدَّدات التصنيف الانتهائي الشّيادي (Determinants of sovereign credit ratings)
۲٤٥ (Background) مخلفية (Background) مخلفية (Background)
YSE CONTROL - All High No. Y

۲ ٤ ٨ (Interpreting the models) بياذج (Interpreting the models)
؟ , ٩ ، العلاقة بين التصنيفات والعائدات (The relationship between ratings and yields)
٥ , ٥ ، ١ ما الذي تُحدَّد كيفيَّة رد فعل السوق إثر الإعلان عن التصنيفات الائتيانيَّة؟ What determines how the market reacts)
Yo\to ratings announcements?)
۲۵۲ (Conclusions) الاستنتاجات (Conclusions)
الفصل السادس: نمذجة السلاسل الزمنية أحادية المتغبّر والتنبؤ بها Univariate time series modelling and forecasting
۲۵۷(Introduction) قَعْلُمةً ٦,١
۲ , ۲ بعض الرموز والمفاهيم (Some notation and concepts)
۲۰۸(A strictly stationary process) عملية ساكنة تمامًا
٢ ، ٢ , ٢ عملية ساكنة سكونًا ضعيفًا (A weakly stationary process)
٢، ٢ , ٣ عملية التشويش الأبيض (A white noise process)
۲٫۳ عمليات المتوسَّط المتحرِّك (Moving average processes) عمليات المتوسَّط المتحرِّك
٢٦٦ (Autoregressive processes)
۲, ٤, ۱ شرط السكون (The stationarity condition)
۲ , ٤ , ۲ نظرية وولد للتحليل (Wold's Decomposition Theorem)
ه , ٦ , دالة الارتباط الذاتي الجزئي (Partial Autocorrelation Function)
۲,۰,۱ شرط قابليَّة العكس (The invertibility condition)
۲۷٤ ARMA (ARMA processes) العمليات ٦,٦
٢,٦,١ الرسوم البيانيَّة لدوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعيَّنة للعمليات القياسيَّة Sample act and pact plots)
YV1 for standard processes)
۲۸۰ (Building ARMA models: the Box-Jenkins approach) منهجيَّة بركس-جنكين (ARMA أنهاذج ٦٨٧) منهجيًّة بركس
۲٫۷٫۱ استخدام معايير المعلومات لاختيار النموذج (Information criteria for ARMA model selection
٦,٧,٢ أي معيار بجب تفضيله إذا اقترحت هذه المعايير درجات تُحتلفة للنموذج؟ Which criterion should be preferred if
YAYthey suggest different model orders?)
۲۸۳
۲, ۸ بناء النهاذج ARMA داخل إفيوز (Constructing ARMA models in EViews)
۲۸۲ (Getting started) الاستعداد لبدء العمل ٦,٨,١
٦,٨,٢ تقدير معاملات الارتباط الذائي إلى حدود فترة إبطاء اثنا عشر (Estimating the autocorrelation coefficients for up to
YAŁ (welve lags)

٦ , ٨ , ٣ استخدام معايير المعلومات لتحديد درجات النموذج (Using information criteria to decide on model orders)
7, 9 أمثلة عن نمذجة السلاسل الزمنية في مجال الماليَّة (Examples of time series modelling in finance)
٢, ٩, ١ تعادل أسعار الفائدة المغطاة والمكشوفة (Covered and uncovered interest parity)
7, 9, 7 تعادل أسعار الفائدة المغطاة (Covered interest parity)
٦,٩,٣ تعادل أسعار الفائدة المكشوفة (Uncovered interest parity)
٦,١٠ التمهيد الأُسِّي (Exponential smoothing)
٦ , ١ ، الترقع في الاقتصاد القياسي (Forecasting in econometrics)
۲۹۳ (Why forecast?) عَلَمْ التَّوَقُّع؟ (?Why forecast)
٦, ١١, ٢ الفرق بين الننبوات داخل العبُّنة والننبوات خارج العبُّنة - The difference between in-sample and out-of-sample
₹٩٤ forecasts)
٢,١١,٣ يعض المصطلحات الأخرى: التنبؤات بخطوة واحدة للمستقيل مُقابِل التنبؤات المتعددة الحُطوات للمستقبل والعيّنة
المتحرَّكة مُقابل العيَّنة المتكررة Some more terminology: one-step-ahead versus multi-step-ahead (orecasts and rolling)
Υ ٩ ξversus recursive samples)
١,١١,٤ التنبؤ باستخدام السلاسل الزمنية مُقابل التنبؤ باستخدام النهاذج الهيكلية (Forecasting with time series versus)
Y97 structural models)
۲۹۷ (Forecasting with <i>ARMA</i> models) <i>ARMA</i> النياذج ٦,١١, ١ التنبق باستخدام النياذج
۲۹۷ (Forecasting with <i>ARMA</i> models) <i>ARMA النباذج ٦,۱۱,۲ التنبؤ باستخدام النباذج (Forecasting with <i>ARMA</i> models) (Forecasting the future value of an <i>MA(q)</i> process) <i>MA(q)</i> للعمليَّة للعمليَّة (عمليَّة المعمليَّة العمليَّة العمليَّة (عمليَّة العمليَّة العمليَّة العمليَّة (عمليَّة العمليَّة العمليَّة العمليَّة العمليَّة (عمليَّة (عمليَّة العمليَّة العمليَّة (عمليَّة (عم</i>
Y۹۷ (Forecasting the future value of an $MA(q)$ process) $MA(q)$ لتنبؤ بالقيمة المستقبليَّة للعمليَّة $1,11,7$
۲۹۷ (Forecasting the future value of an $MA(q)$ process) $MA(q)$ للتنبؤ بالقيمة المستقبليَّة للعمليَّة (Forecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ للتنبؤ بالقيمة المستقبليَّة للعمليَّة (Forecasting the future value of an $AR(p)$ process)
Y9V
۲۹۷ (Forecasting the future value of an $MA(q)$ process) $MA(q)$ للعمليَّة للعمليَّة للعمليَّة (Porecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ النبو بالقيمة المستقبليَّة للعمليَّة (Porecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ النبو بالقيمة المستقبليَّة للعمليَّة أم لا (Determining whether a forecast is accurate or not) (التحقُّن مما إذا كان التنبو دقيقًا أم لا (Statistical versus financial or economic loss) (المقتصاديَّة على دوال الحسارة الماليَّة أو الاقتصاديَّة على الماليَّة المقابل دوال الحسارة الماليَّة أو الاقتصاديَّة العسارة الإحصائيَّة مُقابل دوال الحسارة الماليَّة أو الاقتصاديَّة الماليَّة الماليَّة أو الاقتصاديَّة الماليَّة
۲۹۷ (Forecasting the future value of an MA(q) process) MA(q) للتنبؤ بالقيمة المستقبليَّة للعمليَّة (Forecasting the future value of an AR(p) process) AR(p) للتنبؤ بالقيمة المستقبليَّة للعمليَّة (Porecasting the future value of an AR(p) process) AR(p) التنبؤ بالقيمة المستقبليَّة للعمليَّة العمليَّة العمليَّة العرب التنبؤ دقيقًا أم لا (Determining whether a forecast is accurate or not) (Statistical versus financial or economic loss الماليَّة أو الاقتصاديَّة العمليَّة الماليَّة أو الاقتصاديَّة الماليَّة العمليَّة الماليَّة الماليَّة أو الاقتصاديَّة (functions)
۲۹۷ (Forecasting the future value of an $MA(q)$ process) $MA(q)$ للعمليَّة للعمليَّة للعمليَّة للعمليَّة (Forecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ للعمليَّة للعمليَّة للعمليَّة (Forecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ للعمليَّة للعمليَّة للعمليَّة للعمليَّة أو الاقتصاديَّة (Determining whether a forecast is accurate or not) لم المراجعة المنافقة الماليَّة أو الاقتصاديَّة (Statistical versus financial or economic loss) المنافقة الماليَّة أو الاقتصاديَّة (Processing the future value of an $MA(q)$ process) المنافقيَّة الماليَّة وتحليل السلاسل الزمنيَّة (Finance theory and time series analysis)
۲۹۷ (Forecasting the future value of an $MA(q)$ process) $MA(q)$ أَنْ المستقبليَّة للعمليَّة للعمليَّة (Forecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ أَنْ النَّبُوْ بِالقَيْمَة المستقبليَّة للعمليَّة (Porecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ النَّنْ النَّبُو دَقِيقًا أَمْ لا (Obtermining whether a forecast is accurate or not) لا المنافق مما إذا كان النبو دقيقًا أَمْ لا (Statistical versus financial or economic loss المنافقة أَمُ اللهُ أَوْ الاقتصاديَّة أَوْ الاقتصاديَّة أَوْ الاقتصاديَّة أَوْ الاقتصاديَّة (Statistical versus financial or economic loss) المنافق المنافقة وتحليل السلاسل الزمنيَّة (Pinance theory and time series analysis) المنافقة المن
۲۹۷ (Forecasting the future value of an $MA(q)$ process) $MA(q)$ أَنْ المستقبليَّة للعمليَّة للعمليَّة (Forecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ أَنْ النَّبُوْ بِالقَيْمَة المستقبليَّة للعمليَّة (Porecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ النَّنْ النَّبُو دَقِيقًا أَمْ لا (Obtermining whether a forecast is accurate or not) لا المنافق مما إذا كان النبو دقيقًا أَمْ لا (Statistical versus financial or economic loss المنافقة أَمُ اللهُ أَوْ الاقتصاديَّة أَوْ الاقتصاديَّة أَوْ الاقتصاديَّة أَوْ الاقتصاديَّة (Statistical versus financial or economic loss) المنافق المنافقة وتحليل السلاسل الزمنيَّة (Pinance theory and time series analysis) المنافقة المن
۲۹۷ (Forecasting the future value of an $MA(q)$ process) $MA(q)$ أن العمليَّة العمليَّة للعمليَّة (Forecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ التنبؤ بالقيمة المستقبليَّة للعمليَّة (Forecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ التنبؤ دقيقًا أم لا (Determining whether a forecast is accurate or not) لا بالمنابؤ دقيقًا أم لا (Statistical versus financial or economic loss المنابؤ أم
 ٢٩٧ (Forecasting the future value of an MA(q) process) MA(q) للعمليّة للعمليّة للعمليّة للعمليّة (Forecasting the future value of an AR(p) process) AR(p) ٢٩٩ (Potermining whether a forecast is accurate or not) المنتبو دقيقًا أم المنتبو المنتبو المنتبو دقيقًا أم المنتبو دقيقًا أم المنتبو دقيقًا أم المنتبو المنتبو المنتبو المنتبو المنتبو المنتبو دقيقًا أم المنتبو المنت
۲۹۷ (Forecasting the future value of an $MA(q)$ process) $MA(q)$ ألم المستقبليّة للعمليّة (Forecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ ألم المستقبليّة للعمليّة (Forecasting the future value of an $AR(p)$ process) $AR(p)$ ألم المستقبليّة للعمليّة للعمليّة (Determining whether a forecast is accurate or not) المنابع على المنابع أذا النبو وقيقاً أم المنابع ألم المنابع أ

المحتريات

* و هل يُمكن استرجاع المعاملات الأصلية من المعاملات * ? (Can the original coefficients be retrieved from the π s?) و *
۷, ٤, ۱ ما الذي يحدد ما إذا كانت المعادلة محددة أم لا؟ (What determines whether an equation is identified or not?)
٧ , ٤ , ٢ صياغة شرط الترتيب (Statement of the order condition)
ه , ٧ المعادلات الآنية في مجال الماليَّة (Simultaneous equations in finance)
٧, ٦ تعریف الخارجیة (A definition of exogeneity) الخارجیة
۲۲۲ (Tests for exogeneity) المختبارات الخارجيَّة (Tests for exogeneity)
٧ , ٧ النظم الثلاثية (Triangular systems)
۷, ۸ إجراءات تقدير نظم المعادلات الآنية (Estimation procedures for simultaneous equations systems)
۷, ۸, ۱ المربعات الصغرى غير المباشرة (Indirect least squares (ILS))
٧,٨,٢ تقدير النظم تامة التحديد والنظم زائدة التحديد باستخدام طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين Estimation of)
TY7just identified and overidentified systems using 2SLS)
۷,۸,۳ المتغيّرات الأداتيَّة (Instrumental variables)
٤ , ٨ , ٧ ماذا سيحدث إذا تم استخدام المتغيِّرات الأداتيَّة أو المربعات الصغري ذات المرحلتين دون داع؟ What happens if IV ؟
TYA
۷,۸,۰ تقنیات تقدیر أخری (Other estimation techniques)
٧,٩ تطبيق منهج المعادلات الآنية لنمذجة هوامش الشراء والبيع ونشاط النداول (An application of a simultaneous)
TT9 (equations approach to modelling bid-ask spreads and trading activity)
۲۲۹ (Introduction) مقدمة ۷٫۹٫۱
۲۲۹ (The data) البيانات (۷,۹,۲
٧,٩,٣ كيف يمكن لسعر الخيار/ حجم التداول ولهامش الشراء والبيع أن يكونا مرتبطيُّن؟؟ How might the option)
TV •price/trading volume and the bid-ask spread be related?)
٧, ٩, ٤ تأثير قواعد وحدة المزايدة السعرية على الهوامش (The influence of tick-size rules on spreads)
۵, ۶ , ۹ النهاذج والنتائج (The models and results)
۲۳٤ (Conclusions) الاستناجات (Conclusions)
٧, ١٠ تمذجة المعادلات الآتية باستخدام إفيوز (Simuhaneous equations modelling using EViews)
۷,۱۱ فياذج متجه الانحدار الذاتي (Vector autoregressive models)
۷, ۱۱, ۱ مزايا نمذجة متجه الانحدار الذاتي (Advantages of VAR modelling)
٢ , ١١ , ٧ المشاكل المرتبطة بمتجهات الانحدار الذاتي (Problems with VARs)
٣٤١ (Choosing the optimal lag length for a VAR) اختيار طول فترة الإبطاء الأمثل لمتجه الانحدار الذاني

	٤ , ١١ , ٧ استخدام فيود المعادلات المتقاطعة التحديد طول فترة الإبطاء لمتجه الانحدار ا
T£1	
(Information criteria for VAR lag	٧,١١,٥ استخدام معايير المعلومات لتحديد طول فترة الإبطاء لمتجه الانحدار الذاتر
T17	length selection)
TET(Does the VAR include	v , ۱۲ هل يتضمن متجه الانحدار الذاتي حدودًا متزامنة؟ (!le contemporaneous terms
	۷, ۱۲ اختبار معنوية الكتلة واختبار السببية (Block significance and causality tests)
	٧,١٤ متجهات الانحدار الذاتي بمتغيّرات خارجية (VARs with exogenous variables)
TEV (Impulse r	ه sponses and variance decompositions) الاستجابات النبضيَّة وتحليلات النباين (esponses and variance
د الكلي VAR model example: the	٧,١٦ مثال لنموذج متجه الانحدار الذاتي: التفاعل بين عوائد العقارات والاقتصا
	interaction between property returns and the macroeconomy
٣٤٩	۷,۱٦,۱ الخلفية، البيانات والمتغيّرات (Background, data and variables)
٣٥١	۷,۱٦,۲ المنهجية (Methodology)
٣٥١	۷, ۱٦, ۳ النتائج (Results)
	٧,١٦,٤ الاستنتاجات (Conclusions)
	٧, ١٧ تقدير منجه الانحدار الذاتي في إفيوز (VAR estimation in EViews)
TTT Modelling lon	الفصل الثامن: نمذجة العلاقات طويلة الأجل في الماليَّة g-run relationships in finance
ም ንም	۱ , ۸ اختیار السکون و جذر الوحدة (Stationarity and unit root testing)
ሾፕኛ (Why are tests	۱ , ۸ اختبار السكون وجذر الوحدة (Stationarity and unit root testing)
#7# (Why are tests	۱ , ۸ اختیار السکون و جذر الوحدة (Stationarity and unit root testing)
TY (Why are tests) **To (Son)	۱, ۱ اختيار السكون وجذر الوحدة (Stationarity and unit root testing)
# 77 (Why are tests # 70 (Son # 71 (Son	۱, ۱ اختيار السكون وجذر الوحدة (Stationarity and unit root testing)
#77 (Why are tests #70 (Son #V1 (Y2)	۱, ۱ اختبار السكون وجذر الوحدة (Stationarity and unit root testing)
#77 (Why are tests #70 (Son #V1 *** #Y2 ***	۱, ۱ اختبار السكون وجذر الوحدة (Stationarity and unit root testing)
TTT (Why are tests) TTO (Son) TYY (Son) TY E (Criticisms of Dickey-Fuller- and Phone)	۱, ۱ اختبار السكون وجذر الوحدة (Stationarity and unit root testing)
# \	۱۹٫۱ اختبار السكون وجذر الوحدة (Stationarity and unit root testing)
TTT (Why are tests) TTO (Son) TVI (Son) TVI (Criticisms of Dickey-Fuller- and Photosteric Son) TVI (Tests for unit roots in the present)	۱, ۱ اختبار السكون وجذر الوحدة (Stationarity and unit root testing)

المحتريات

(An example	e: testing for unit roots in EuroSterling مثال: اختبار جذور الوحدة في أسعار الفائدة يورو إسترليني e: testing for unit roots in
٣ ٧٨	interest rates}
۳۷۹	٨, ٢, ٤ جذور الوحدة الموسمية (Seasonal unit roots)
ቸሉ ፡	٨ , ٣ اختبارات جذور الوحدة في إفيوز (Testing for unit roots in EViews)
۳۸۳	٨, ٤ التكامل المشترك (Cointegration)
Ϋ́ΛξDefir	۸٫٤٫۱ تعریف النکامل المشترك (إنجل و جرانجر (۱۹۸۷)) ((۱۹۸۷) (Engle and Granger, 1987)
٣Αξ . (Example	es of possible cointegrating relationships in finance) * \$, كم أمثلة عن علاقات التكامل المشترك الممكنة في الماليَّة (A , £ , ۲
۳۸۵	۵ , ۸ نهاذج تصحیح التوازن أو تصحیح الخطأ (Equilibrium correction or error correction models)
(Testing for	vointegration in regression: a residuals- اختبار النكامل المشترك في الانحدار النهج القائم على البواقي ٨,٦
ŕλ٦	based approach)
۳۸۸ (Methe	A, V طرق تقدير المعلمات في النظم المتكاملة تكاملًا مشتركًا {ods of parameter estimation in cointegrated systems
raa	۸,۷,۱ طريقة إنجل- جرانجر ذات الخطوتين (The Engle -Granger 2-step method)
۳۹+	۸٫۷٫۲ طریقهٔ إنجل ویو ذات الثلاث خطوات (The Engle and Yoo 3-step method)
(lead-lag an	A , A علاقة التقدم والتأخر والعلاقة طويلة الأجل بين الأسواق الفوريَّة والمستقبلية d long-term relationships
۳۹۰	between spot and futures markets)
۲۹۰	۸,۸,۱ خلفیة (Background)
۲۹۳	٨,٨,٢ التنبؤ بالعوائد الفورية (Forecasting spot returns)
۳۹٦	۸, ۸, ۳ الاستنتاجات (Conclusions)
(Testing for	A, 9 اختبار وتقدير نظم التكامل المشترك باستخدام تقنية جوهانسن المبنيَّة على مُنجهات الانحدار الذاتي and
۳۹٦	estimating cointegrating systems using the Johansen technique based on VARs)
r99	۸٫۹٫۱ اختيار الفرضيات باستخدام طريقة جوهانسن (Hypothesis testing using Johansen)
٤٠٠	٨ , ١ ، تعادل الفرة الشرائية (Purchasing power parity)
٤٠١	۸,۱۱ التكامل المشترك بين أسواق السندات الدولية (Cointegration between international bond markets)
(Cointegration	an between international bond
٤٠٢	
(Cointegration	on between international bond التكامل المشترك بين أسواق السندات الدولية منهج متعدد المتغيّرات A, ۱۱, ۲
٤٠٣	
(Cointegration	on between international bond markets: " التكامل المشترك في أسواق السندات الدولية: الاستنتاجات (٨,١١, ١
٤٠٦	

A , ۱ ؟ اختبار فرضية التوقعات للهيكل الزمني لأسعار الفائدة Testing the expections hypothesis of the tenn structure of)
ξ·Λintrest rates)
A, ۱۲ اختيار التكامل المشترك ونمذجة النظم المتكاملة تكاملًا مشتركًا باستخدام إفيوز Testing for cointegration and
٤١٠ modelling cointegrated systems using EViews)
ملاحظة عن نياذج الذاكرة الطويلة (A note on long-memory models)
لفصل التاسع: نمذجة التقلب والارتباط Modelling Volatility and Correlation
٩, ٩ الدوافع: جولة في عالم اللاخطية (Motivations: an excursion into non-linearity land)
٩,١,١ أنواع الناذج اللاخطية (Types of non-linear models)
٩,١,٢ اختبار اللاخطيَّة (Testing for non-linearity)
٩, ١, ٣ الفوضي في الأسواق الماليَّة (Chaos in financial markets)
9 , 1 , 8 نهاذج الشبكات العصبية (Neural Network Models)
۹, ۶ نیاذج التقلب (Models for volatility) عاذج التقلب (۹, ۶
٩, ٣ التقلب التاريخي (Historical Volatility)
ع , ٩ تهاذج النقلب الضمني (Implied volatility models)
ه , ٩ نهاذَج المتوسَّط المتحرِّك المرجِّح أُسَّبًا (Exponentially Weighted Moving Average Models. EWMA)
٩ , ٦ نهاذج الانحدار الذاتي للتقلب (Autoregressive volatility Models)
٤٣٤ (Autoregressive Conditionally Heteroscedastic (ARCH) Models) فياذج الانحدار الذاتي الشرطي غير مُتجانس التباين ٩ , ٧
٩ , ٧ , ١ طريفة ثانية لصياغة النهاذج (Another way of expressing ARCH models) عطريفة ثانية لصياغة النهاذج
٩,٧, ٢ قير د عدم السلبيَّة (Non-negativity constraints)
۹,۷,۳ اختبار 'آثار 'ARCH effects') اختبار 'آثار 'ARCH (Testing for 'ARCH effects')
ARCH 'آثار 'ARCH effects' in exchange rate returns) في عوائد أسعار الصرف باستخدام إفيوز 'Testing for 'ARCH effects' in exchange rate returns)
ETT
۵, ۷, و أوجه القصور في النياذج (Limitations of ARCH(q) models) ARCH(q) الرجه القصور في النياذج
۹ , ۸ نیاذج ARCH العشّمة (Generalised ARCH (GARCH) models) نیاذج ۹
٤٤١GARCH (The unconditional variance under a GARCH specification) فير الشرطي في إطار التوصيف
ARCH و ARCH (Estimation of ARCH/GARCH models) عدير النهاذج ٩ مقدير النهاذج
٤٤٢ (Parameter estimation using maximum likelihood) الأعظم (Parameter estimation using maximum likelihood)
عدم اعتدال التوزيع والإمكان الأعظم (Non-normality and maximum likelihood) التوزيع والإمكان الأعظم
9,9,7 تقدیر نیاذج GARCH فی اِفْدِ ز (Estimating GARCH models in EViews)

المحتويات المحتويات

£ £ V	مُعادلة المترسّط (The mean equation)
££Y	مُعادلة التباين (The variance equation)
££A	توصيف التباين والتوزيع (Variance and distribution specification)
££A	خيارات التقدير (Estimation options)
££9	إجراءات النموذج (ARCH (ARCH model procedures
٤٥٠(E	۱۰, ۹ امتدادات للنموذج GARCH الأساسي (Extensions to the basic GARCH model
٤٥١	۹٫۱۱ فير المُتماثلة (Asymmetric GARCH models) غير المُتماثلة (Asymmetric GARCH models)
	9 , ۱ و النموذج (GJR (The GJR model)
ξογ	۹ , ۱۳ النموذج (EGARCH (The EGARCH model)
٤٥٣	FGARCH و EGARCH in EViews) في إفيوز (GJR and EGARCH in EViews)
ξοξ	۱۵, ۹ اختيارات عدم التهائل في التقلب (Tests for asymmetries in volatility)
٤٥٥	٩,١٥,١ مُنحنيات تأثير الأخبار (News impact curves)
٤٥٦	٩ , ١ ٦ النموذج GARCH في مُعادلة المتوسَّط (GARCH-in-mean)
£ 0 V	٩,١٦,١ فقدير النموذج GARCH-M في إفيوز (GARCH-M estimation in EViews)
(Uses of GARCH-type models includ	ing volatility بما في ذلك التنبؤ بالتقلب GARCH بما في ذلك التنبؤ بالتقلب ing volatility
£0V	
٤٦٠ (Forecasting from GAB	٩ , ١٧ , ١ إجراء التنبؤ باستخدام النهاذج GARCH في إفيوز (CH models with EViews
(GARCH(1,1) Dynamic forecasts (up	التنبؤات الديناميكيَّة للنموذج ١٠ (١ ، ١) (لغاية سنتين مُقبلتين) - to two years
£7+	
(GARCH(1,1) Static forecasts (rolling	التنبؤات الساكنة للنموذج ١,١)GARCH) (تنبؤات مُتحركة بيوم واحد للمستقبل) ﴿
£ ጎ የ	one-day ahead))
(Testing non-linear restrictions or te	٩،١٨ اختبار الفيود اللاخطِّية أو اختبار الفرضيات عن النهاذج اللاخطِّية sting
	hypotheses about non-linear models)
£7£	٩ , ١٨ , ١ اختيارات نسبة الإمكان (Likelihood ratio tests)
(Volatility forecasting: some examples	٩ , ١٩ التنبؤ بالنقلب: بعض الأمثلة والنتائج الواردة في الكتابات المنشورة s and results
٤٦٥	from the literature)
£VY	٩, ٢٠ إعادة النظر في نياذج التقلب العشوائي (Stochastic volatility models revisited)
٤٧٢	۹,۲۰,۱ نهاذج العزوم من درجة أعلى (Higher moment models)
٤٧٣	٩,٢٠,٢ نهاذج أطراف التوزيع (Tail models)
	(Forecasting coveriances and correlations) . + J. J. N

٩,٣٢ نمذجة التغاير والتنبؤ به في مجال الماليَّة: يعض الأمثلة Covariance modelling and forecasting in finance
{Yo
٩ , ٢٢ , ١ تقدير معاملات بيتا الشرطية (The estimation of conditional betas)
٩ , ٢٢ , ٣ نسب التحوُّط الديناميكيَّة (Dynamic hedge ratios)
٩ , ٣٣ نياذج التغاير البسيطة (Simple covariance models)
٩,٢٣, ١ التغاير والارتباط التاريخيّان (Historical covariance and correlation)
٩ , ٣٣ , ٣ نياذج التغاير الضمني (Implied covariance models)
٩ , ٣٣ , ٣ استخدام نموذج المتوسّط المتحرّك المرجح أُسّيًّا لحساب التغابُرات Exponentially weighted moving average model
EVY
۹, ۲ النهاذج GARCH مُتعدَّدة المتغيِّرات (Multivariate GARCH models)
٩, ٢٤, ١ النموذج ٩, ٢٤, ١ (The VECH model)
٩, ٣٤, ٣ النموذج VECH القُطري (The diagonal VECH model)
٩, ٢٤, ٣ النموذج (The BEKK model) BEKK) BEKK النموذج
٩ , ٢٤ , فقدير النموذج GARCH مُتعدّد المُتغيّرات (Model estimation for multivariate GARCH)
٩ , ٢ ه نهاذج الارتباط المباشر (Direct correlation models)
٩, ٢٥, ١ نموذج الارتباط الثابت (The constant correlation model)
٩, ٢٥, ٢ نموذج الارتباط الشرطي الديناميكي (The dynamic conditional correlation model)
٩ , ٢ كا امتدادات للنموذج GARCH مُتعدُّد المتغيرات الأساسي (Extensions to the basic multivariate GARCH model)
9, ۲٦, ۱ النموذج GARCH مُتعدّد المتغيرات غير المُتماثل (Asymmetric multivariate GARCH) مُتعدّد المتغيرات
٩ , ٢٦ , ٢ افتراضات التوزيع البديلة (Alternative distributional assumptions)
٩,٢٧ النموذج GARCH مُتعدِّد المتغيّرات لتسعير الأصول الرأسماليَّة ذات تغايّرات مُتغيّرة عبر الزمن - A multivariate)
£AoGARCH model for the CAPM with time-varying covariances)
٩,٢٨ تقدير نسبة التحوُّط المتغيَّرة مع الزمن لعوائد مُؤشر أسهم FTSE (Estimating a time-varying hedge ratio for FTSE)
٤٨٦ stock index returns)
٩, ٢٨, ١ معلومات أساسيَّة (Background)
٩, ٢٨, ٢ الترميز (Notation)
٩, ٢٨, ٣ البيانات والنتائج (Data and results)
۹,۲۹ نهاذج التفلب التصادُفي مُتعدَّدة المتغيَّر ات (Multivariate stochastic volatility models)
۳۰ , ۹ تقدير النهاذج GARCH مُتعدّدة المتغيّرات باستخدام إفيوز (Estimating multivariate GARCH models using EViews) . ۹۲
عُلِحق تَقدير المعلمات باستخدام الأمكان الأعظيم (Parameter estimation using maximum likelihood) Appendix

لقصل العاشر: نهاذج تبديل النظام Switching Models
۱۰, ۱ الدرافع (Motivations)
ا ، ١٠ ما الذي قد يُسبِّب تغيُّرات أساسيَّة فريدة في خصائص السلسلة؟ What might cause one-off fundamental changes (
o • 7
١٠,١ الأحداث الموسميَّة في الأسواق الماليَّة مقدمة واستعراض للمؤلفات Seasonalities in financial markets:
۵۰۴introduction and literature review)
۱۰, ۲ نمذجة الموسميَّة في البيانات الماليَّة (Modelling seasonality in financial data)
۱۰,۳,۱ المتغيّرات الوهميَّة للميل (Slope dummy variables)
۱۰, ۳, ۱ المتغيّرات الوهميَّة للموسمية في إفيوز (Dummy variables for seasonality in EViews)
، ١٠ تقدير الدوال خطّية القطع البسيطة (Estimating simple piecewise linear functions)
ه , ٠ ، فياذج ماركوف لتبديل النظام (Markov switching models)
۱۰٫۰٫۱ أساسيات نهاذج ماركوف لتبديل النظام (Fundamentals of Markov switching models)
" ، ١٠ نموذج ماركوف لتبديل النظام لنمذجة سعر الصرف الحقيقي (A Markov switching model for the real exchange rate
١٠,٧ نموذج ماركوف لتبديل النظام لنمذجة نسبة عائد السندات إلى الأسهم -A Markov switching model for the gilt)
p VVequity yield ratio)
ایانات ۲۰۰۰
ليانات
ليبانات 1 ا تقدير نهاذج ماركوف لتبديل النظام في إفيوز (Estimating Markov switching models in EViews)
مر ١٠ . تقدير نهاذج ماركوف لتبديل النظام في إفيوز (Estimating Markov switching models in EViews)
۱۰٫۰ تقدير نهاذج ماركوف لتبديل النظام في إفيوز (Estimating Markov switching models in EViews)
مرات الله المعالم في إفيوز (Estimating Markov switching models in EViews)
مر ١٠ . تقدير نهاذج ماركوف لتبديل النظام في إفيوز (Estimating Markov switching models in EViews)
ر. ١٠ . تقدير نهاذج ماركوف لتبديل النظام في إفيوز (Estimating Markov switching models in EViews)
مرافع المنافع ماركوف لتبديل النظام في إفيوز (Estimating Markov switching models in EViews)
١٠,١٠ تقدير نهاذج ماركوف لتبديل النظام في إفيوز (Estimating Markov switching models in EViews)
م١٠٠٠ تقدير نهاذج الانحدار الذاتي ذات العنبات ((Threshold autoregressive models (TAR))

لفصل الحادي عشر : بيانات البائل Panel Data
۱۱, ۱۱ مقدمة – ما هي تقتيات الباتل ولماذا تستخدم؟ (Introduction – what are panel techniques and why are they used?)
۱۱, ۱۱ ما هي تقنيات البائل المتاحة؟ (?What panel techniques are available)
۱۱, ۲ النموذج بتأثيرات ثابتة (The fixed effects model)
٤ , ١١ النهاذج بتأثيرات ثابتة زمنيًّا (Time-fixed effects models)
، ١١ النحقُّق من المنافسة المصرفية باستخدام النموذج بتأثيرات ثابتة - Investigating banking competition using a fixed)
ο ξΨ effects model)
۱۱, ۲ النموذج بتأثيرات عشوائية (The random effects model)
١١,١ تطبيق بيانات البائل على استقرار الانتهان البنكي في أوروبا الوسطى والشرقية Panel data application to credit
٥٤٩stability of banks in Central and Eastern Europe)
/, ١١ بيانات البائل في إفيوز (Panel data with EViews)
٩ ، ١١ اختبارات جذر الوحدة والتكامل المشترك للبائل (Panel unit root and cointegration tests)
۱۱,۹,۱ الخلفية والدافع (Background and motivation)
۵۵۸ (Tests with common alternative hypotheses) بديلة مُشتركة (Tests with common alternative hypotheses)
١١, ٩, ٢ اختيارات جذر الوحدة للبائل بعمليات غير مُتجانسة (Panel unit root tests with heterogeneous processes)
۱۱, ۹, ۶ اختبارات سکون البائل (Panel stationarity tests)
٩٦١ (Allowing for cross-sectional heterogeneity) الأخذ يعين الاعتبار عدم التجانس المقطعي
۱۱,۹,۳ التكامل المشترك للبائل (Panel cointegration) التكامل المشترك للبائل
٧, ٩ , ١ ، مثال توضيحي عن استخدام اختبارات جذر الوحدة والنكامل المشترك للبائل: العلاقة بين التنمية الماليَّة وثمو الناتج
(An illustration of the use of panel unit root and cointegration tests: the link between financial المحلي الإجمالي
۵ ٦٣
1, 9, 1 إجراء اختبار جذور الوحدة والنكامل المشترك في البائل باستخدام إفيوز Testing for unit roots and cointegration)
סקק in panels using EViews)
۱۱, ۱۷ مواد إضافية للفراءة (Further reading)
لفصل الثاني عشر: نهاذج المتغبّر التابع المحدود Limited dependent variable models
۱۲, ۱ المُقدَّمة والدافع (Introduction and motivation)
۱۲, ۱۲ نموذج الاحتيال الخطّي (The linear probability model) المعردة الاحتيال الخطّي
۲, ۲ النموذج لوجيت (The logit model)

٤ , ١٢ استخدام النموذج لوجيت لاختبار فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر التمويل Using a logit to test the pecking order
o y a
ه , ۱۲ النموذج بروبيت (The probit model)۱۲۰ النموذج بروبيت
۱۲, ۱۲ الاختيار بين النموذج لوجيت والنموذج بروبيت (Choosing between the logit and probit models)
۱۲٫۷ تقدير نهاذج المتغيّر التابع المحدود (Estimation of limited dependent variable models)
۵۷۹. (Goodness of fit measures for linear dependent variable models) المنافع
٩ . ١٢ المتغيّرات التابعة الخُطّية مُتعدِّدة الحدود (Multinomial linear dependent variables)
١٢, ١٠ إعادة النظر في فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر التمويل – الاختيار بين طرق التمويل The peeking order hypothesis)
οΛξ revisited – the choice between financing methods)
۱۲, ۱۲ نهاذج الاستجابة للمتغيِّرات التابعة الخُطِّية المرتَّبة (Ordered response linear dependent variables models)
١٢, ١٢ هل التصنيفات الاثتهانيَّة غير المطلوبة مُتحيَّزة للأصفل؟ تحليل بروبت المرتب Are unsolicited credit ratings biased)
٥٨٦ downwards? An ordered probit analysis)
٩١ . ١٢ المتغيّرات التابعة المحصورة والمتغيّرات التابعة المبتورة (Censored and truncated dependent variables)
۱۲, ۱۳, ۱ نهاذج المتغيّرات التابعة المحصورة (Censored dependent variable models)
۱۲, ۱۳, ۲ نیاذج المتغیّرات التابعة المبتورة (Truncated dependent variable models)
١٢, ١٤ فهاذج المتغيّر التابع المحدود في إفيوز (Limited dependent variable models in EViews)
مُلحق مُقدّر الإمكان الأعظم للنهاذج لوجيت وبروبيت (The maximum likelihood estimator for logit and probit models)
الفصل الثالث عشر: طرق المحاكاة Simulation methods
۲۰۳(Motivations) الدوافع (Motivations)
۱۳, ۲ محاکاة مونت کارلو (Monte Carlo simulations)
۲۰۵ (Variance reduction techniques)
۱۳٫۳,۱ المتغيّرات المضادة (Antithetic variates)
۱۳,۳,۲ شُتغيِّرات النحكم (Control variates)
۲۰۸ (Random number re-usage across experiments) الأرقام العشوائيَّة عبر التجارب
۲۰۹ البوتستراب (Bootstrapping)
١٣,٤,١ مثال عن البوتستراب في إطار الانحدار (An example of bootstrapping in a regression context)
[عادة مُعاينة البيانات (Re-sample the data) [عادة مُعاينة البيانات
إعادة المعاينة من البواقي (Re-sampling from the residuals)
۱۳٫٤٫۲ حالات بکون فیها البونستر اب غیر فعّال (Situations where the bootstrap will be ineffective)

لقيم الشاذة في البيانات (Outliers in the data)
لبيانات غير المستقلة (Non-independent data) لبيانات غير المستقلة
ه , ۱۳ توليد الأرقام العشوائية (Random number generation)
7 , ١٣ عيوب نهج المحاكاة في حل مسائل الاقتصاد القياسي أو المسائل المائيَّة Disadvantages of the simulation approach to
T1:econometric or financial problem solving)
١٣,٧ مثال عن محاكاة موثت كارلو في الاقتصاد الفياسي اشتقاق مجموعة من الفيم الحرجة لاختبار ديكي فولر An example of)
No Monte Carlo simulation in econometrics deriving a set of critical values for Dickey -Fuller test)
۱۳٫۸ مثال عن كيفية محاكاة سعر الخيار المالي (An example of how to simulate the price of financial)
۱۳٫۸٫۱ محاكاة سعر الخبار المالي باستخدام عملية أساسيَّة ذات أطراف سمبكة Simulating the price of a financial option)
٦٢١using a fat-tailed underlying process)
۱۳٫۸,۲ محاکاة منعر خیار آسیوي (Simulating the price of an Asian option)
۱۳, ۱۳, ۳ تسعير الخيارات الأسيوية باستخدام إفيوز (Pricing Asian options using EViews)
9 , ١٣ مثال عن استخدام البوتستراب في حساب متطلبات مخاطر رأس المال An example of boostrapping to calculate
٦٢٥capital risk requirements)
۱۳٫۹٫۱ الدافع المالي (Financial motivation) ۱۳٫۹٫۱
١٣, ٩, ٢ تقدير الفيمة المعرضة للمخاطر باستخدام البوتستراب في إفيوز (VaR estimation using bootstrapping in EViews)
لفصل الرابع عشر : إجراء بحوث تجربية أو عمل مشروع أو أطروحة في مجال المائيَّة Conducting empirical research or doing
374 a project or dissertation in finance
١٤, ١ ما المقصود بمشروع بحث تجربيي و لأي غرض يُستخدم؟ (What is an empirical research project and what is it for?)
۱٤٠ اختيار موضوع البحث (Selecting the topic) ۱٤٠
۲ , ۲ بحث تُموَّل أم مُستقل؟ (Sponsored or independent research?) ابحث تُموَّل أم مُستقل؟ (Sponsored or independent research?)
۱٤٦ مُقترح البحث (The research proposal) مُقترح البحث (The research proposal)
ه , ١٤ أوراق العمل والأبحاث المنشورة على شبكة الإنترنت (Working papers and literature on the internet)
٦٤٩ الحصول على البيانات (Getting the data) الحصول على البيانات (Retting the data)
۱٤, ۷ اختیار برامج الحاسوب (Choice of computer software)
١٤, ٨ منهجيَّة البحث (Methodology)
۱٤, ۸ منهجيَّة البحث (Methodology)

المحتويات زز

۱٤, ۹, ۳ التعقيدات المرتبطة بإجراء دراسات الحدث وكيفيَّة حلَّها Complications when conducting event studies and their
700resolution)
البعيّة المقطعيّة (Cross-sectional dependence) لتبعيّة المقطعيّة (Cross-sectional dependence)
تغيير تباينات العوائد (Changing variances of returns)
ترجيح الأسهم (Weighting the stocks)
نوافذ الحدث الطويل (Long event windows)
تحليل وقت الحدث مُقابل وقت التقويم (Event time versus calendar time analysis)
لعيّنات الصغيرة وعدم الاعتدال (Small samples and non-normality)
عض المسائل الأخرى المتعلَّقة بدراسات الحدث (Event studies – some further issues)
۱٤, ۹, ۶ إجراء دراسة الحدث ياستخدام إكسل (Conducting an event study using Excel)
١٤,١٠ اختيارات على نموذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة وعلى منهجيَّة فاما–فرنش -Tests of the CAPM and the Fama)
TTY
١٤,١٠,١ اختبار نموذج تسعير الأصول الرأسهائيَّة (Testing the CAPM)
نهج فاما–ماکبث (The Fama–MacBeth approach)
۱٤, ۱۰, ۲ اختبارات تسعير الأصول من منظور نهج فاما-فرنش (Asset pricing tests - the Fama-French approach)
۱٤, ۱۰, ۲ تطبيق طريقة فاما-ماكبث في إفيوز (The Fama-MacBeth procedure in EViews)
١٤, ١١ كيف يبدو مشروع البحث المنتهي؟ (?How might the finished project look)
صفحة العنوان (The title page)
اللخص (The abstract) للخص
ئىكو وتقدير (Acknowledgements)
جدول المحتويات (The table of contents)
لَقَدُّمةَ (The introduction)
ستعراض المؤلفات السابقة (The literature review)
ليبانات (The data) ليبانات
۱۷۹
التانج (Results)(Results)
الاستنتاجات (Conclusions)
الراجع (References) لمراجع
لملاحق (Appendices)
۱۶,۱۲ نقاط حول مسألة عرض الحمل (Presentational issues)

741147	الملاحقا
	قاموس الكليات الصعبة
v11	المراجعا
VTT	ئبت المصطلحات
VTT	أو لاً: عربي - إنجليزي
ν ξ ξ	ئائياً: إنجليزي – عربي
V70	كشاف المه ضوعات

قائمة الأشكال

11	الشكل رقم (١,١) الخطوات المُتَبَعة لصياغة نموذج اقتصادي قياسي
TT	الشكل رقم (٢, ١) رسم بياتي لساعات الدراسة x مقابل المعدَّل التراكمي y
TT	الشكل رقم (٢,٢) أمثلة لمختلف الرسوم البيانية للخط المستقيم
Ť£	الشكل رقم (٣,٣) أمثلة عن الدوال التربيعيَّة
۳۸	الشكل رقم (٢,٤) رسم بياني للدالة الأُسُيَّة
٣٩	الشكل رقم (٢,٥) رسم بياتي للدالة اللوغاريتميَّة
٤٣	الشكل رقم (٢,٦) عامل المنحني
٦٣	الشكل رقم (٧, ٢) دالة التوزيع الاحتمالي لمجموع مُكعبَي النرد
ጎ ፟፟፟፟	الشكل رقم (٢,٨) دالة الكثافة الاحتماليَّة للتوزيع الطبيعي
٦٥	الشكل رقم (٩, ٩) دالة التوزيع التراكمي للتوزيع الطبيعي
v*	الشكل رقم (٢,١٠) التوزيع الطبيعي مُقابِل التوزيع الملتوي
٧٤	الشكل رقم (٢,١١) التوزيع الطبيعي مُقابِل التوزيع المدبَّب
٨٥	الشكل رقم (٣,١) رسم انتشار المتغيِّرين x و y
ΛΥ	الشكل رقم (٣,٢) رسم انتشار المتغيِّرين مع خط أفضل توفيق مُحتار بالعين
نصغير مجموع مربع البواقي٨٧	الشكل رقم (٣,٣) طريقة الموبعات الصغرى العاديَّة لتوفيق الخط للبيانات عن طريق ا
المقتَّرةا	الشكل رقم (٣,٤) رسم لمشاهدة واحدة إلى جانب خط أفضل توفيق، الباقي والقيمة ا
السوق	الشكل رقم (٣ , ٥) رسم انتشار فانض عائد الصندوق XXX مُقابِل فائض عوائد محفظة
44	الشكل رقم (٦,٦) عدم وجود مُشاهدات قريبة من المحور الصادي
-te مُشتَّتًا على نحو محدود ١٩٣	الشكل رقم (٧, ٣) تأثير الفيم المقدَّرة للمعاملات على الأخطاء المعيارية عندما يكون ×
-xt مُشتناً على نحو واسع ١٠٤	الشكل رقم (٣ , ٣) تأثير الفيم المقدَّرة للمعاملات على الأخطاء المعيارية عندما يكون ٣
	الشكل رقم (٣,٩) تأثير كبر xt2على الأخطاء المعياريَّة
1.0	الشكل رقم (٣,١٠) تأثير صغر xt2على الأخطاء المعياريَّة
1 • 9	الشكل رقم (١١, ٣) التوزيع تي مُقابل التوزيع الطبيعي
117	الشكل رقم (٣,١٢) مناطق الرفض لاختبار ذي طرفين عند مُستوى معنويَّة ٥٪

المكل رقم (٣, ١٣) منطقة الرفض لاختبار الفرضيّة ذي الطرف الواحد للصيغة $oldsymbol{eta} < oldsymbol{eta}^*$ الطرف الواحد المصيغة المرفقة الرفض لاختبار الفرضيّة ذي الطرف الواحد المصيغة المرقم المراقبة المرفقة ال
لكل رقم (٣,١٤) منطقة الوفض لاختبار الفرضيَّة ذي الطرف الواحد للصيغة "Η1:β>β*. Η0:β=β منطقة الوفض لاختبار الفرضيَّة ذي الطرف الواحد للصيغة
لكل رقم (١٥, ٣) القيم الحرجة ومناطق الرَّفض لـ 117
مكل رقم (٦٠ , ٣) التوزيع التكراري للسب تي لألفا صناديق الاستثبار المشتركة (إجمائي تكاليف المعاملات)
لكل رقم (٣,١٧) التوزيع التكراري للنسب تي لألفا صناديق الاستثهار المشتركة (صافي تكاليف المعاملات)
لكل رقم (٣, ١٨) أداء صناديق حصص الاستثهار في المملكة المتَّحدة، ١٩٧٩ - ٢٠٠٠
شكل رقم (١, ١) هُ 2= 0 مُبيّن بخط مُقدّر مُسطح، أي معامل ميل صفري.
لمكل رقم (٤,٢) R2=1 عندما ثقع كل نقاط البيانات تمامًا على الخط المقدَّر
للكل رقم (١, ٥) تأثير عدم وجود مقطع على خط الانحدار.
سكل رقم (٢, ٥) رسم بياني لاختلاف التباين
لكل رقم (٣, ٥) رسم لـ ut-1 مُقابل ut-1 والذي يُظهر ارتباطًا ذاتيًّا مُوجبًا.
لمكل رقم (٥,٤) رسم لـ ut عبر الزمن والذي يُظهر ارتباطًا ذاتيًّا مُوجيًّا
للكل رقم (٥,٥) رسم لـ ut-1 مُقابل ut-1 والذي يُظهر ارتباطًا ذاتيًّا سالبًا.
لكل رقم (٥,٦) رسم لـ ut عبر الزمن والذي يُظهر ارتباطًا ذاتيًّا سالبًا
لكل رقم (٥,٧) رسم لـ ut مُقابل ut-1 مُظهرًا عدم وجود للارتباط الذاتي
لكل رقم (٥,٨) رسم لـ ١٤٤ عبر الزمن مُظهرًا عدم وجود للارتباط الذاتي
لكل رقم (٩, ٥) مناطق الرفض وعدم الرفض لاختبار ديرين-واتسن
للكل رقم (١٠, ٥) بواقي النموذج لبيانات عوائد الأسهم التي تُظهر قيمة شاذَّة كبيرة لشهر أكتوبر ١٩٨٧
للكل رقم (١١٠٥) الأثر المحتمل للقيمة الشاذة على تقدير المربعات الصُّغري العادية
للكل رقم (١٢ , ٥) رسم بياني لمتغيِّر يُظهِر اقتراح لتاريخ التغيُّر (Break date)
لكل رقم (1, 1) دالة الارتباط الذاتي لعمليَّة .MA2
شكل رقم (٢,٢) دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعيَّنة في حالة نموذج ٦,٢) دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعيَّنة في حالة نموذج ٦,٢)
للكل رقم (٣,٣) دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعيَّنة في حالة نموذج ٢٧٧ <i>yt=0.5ut-1-0.25ut-2+ut :MA2</i>
لكل رقم (٢,٤) دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعيِّنة في حالة نموذج AR1 ينخفض ببطء: ٢٧٧yt=0.9yt−1+ut
شكل رقم (٦,٥) دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعبُّنة في حالة نموذج AR1 ينخفض بأكثر سرعة:
YYA yt=0.5yt-1+ut
لمكل رقم (٦,٦) دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعيِّنة في حالة نموذج AR1 ينخفض بأكثر سرعة وبمعامل
سالب: yt=0.5yt-1+ut
سكل رقم (٦,٧) دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعيِّنة في حالة نموذج غير ساكن (أي معامل الوحدة):
$\gamma = yt-1+ut$

المحتريات للحتريات

في حالة نموذج ARMA1.1 :	الجزئي للعينة	الذاي	والارتباط	الذاي	الارتباط	دوال	(T,A)	رقم	لشكل
YV9)	t=0.5y	vt-1+0.5	ut-1+	ut
Y 9 Y	يل	بنة للتحل	ة خارج الع	عينة وفتر	رة داخل ال	خدام فتر	۱٫۰) است	رقم (۹	لشكل
لة التضخم غير المتوقع ٣٥٤	بات في أخطاء معاد	ي للصدم	لخطأ المعياري	إنطاقي ا	، النبضيَّة و	عجابات	(V) الإس	رقم(۱	لشكل
يات الأرباح ١٩٥٣	بات في عوائد توزيا	ي للصدم	لخطأ المعياري	ِنطاقَيَ ا	، النبضيَّة و	ستجابات	ر ۷) الأر	رقم (۲	لشكل
أخر مُستقل غير ساكن	, ساكن على منغيِّر أ	متغير غير	انحدارات	وعة مَن	۰۰۰ مي	$\exists R2 \ 3$	(۸) قېد	رقم(۱	لشكل
مير ساكن على متغيِّر آخر مُستقل غير	انحدارات متغيّر غ	رعة من ا	٠٠٠ مجمو	الميل لـ	ة تي لمعامل	ة النسبة	۸٫۱) قیم	رقم (؛	لشكل
T70								کن	سيا
<u> ተጓ</u> ለ	************			يض	تشويش أب	، لعملية	(٨,١) مثال	رقم (۴	لشكل
ئاپتئاپت	سير عشوائي بحد	ي مقابل -							
TV+	انتميا	ه العام ا-	حملية الاتجا	الزمنية ا	ي للسلسلة	سم البياز	الره (٨) الو	رقم (٥	لشكل
TV *		اربوا	ة ل φ(٠،٠	قيم تمحتلة	عدار داتي بأ	يًّات انــ	(٨, عما	رقم (۱	لشكل
£٣٣	س ۲۰۱۳	ا وأغسط	بطس ۲۰۰۳	: بين أغس	ميَّة ك8&P	ائد اليو	٩,) العو	رقم (۱	لشكل
£££	مكان الأعظم	خدام الإه	التقدير باست	لِمَّية عند ا	م المثلي المح	بألة القي	۹,۱) مس	رقم (۲	لشكل
لخدام القيم المقدَّرة لمعاملات النهاذج	نحصّل عليها باست	al sæp:	, المائد 500	خبار على	، تأثير الأ-	للحنيات	(٩,٣	رقم (لشكل
٤٥٦	*************						GJR. <u>.</u>	GAR(CH
£77		كان الأع	في إطار الإم	رضيات	لاختبار الفر	ئة نهج	(۹, ا	رقم (٤	لشكل
ج BEKK المتماثلة واللائتماثلة 8٨٩	٣ المشتقَّة من النهاد	شر TSE	ن لعوائد مؤ	ا مع الزم	وُّط المُتغيِّرة	ب التح	۹٫۱) نس	رقم (٥	لشكل
٥٠٢	ظام	تحوُّل الن	منيَّة توضَّح	سلسلة ز	سم بياني ل	يُّنة من ر	(۱۰٫ ع	رقم (۱	لشكل
۵۰٦		ات فصل	لمقطعية لبيانا	الوهمية ا	المتغيرات	ستخدام	d (1•,	رقم (۲	لشكل
0 + 9			يل،	إهميَّة للم	متغیّرات و	شخدام	۱, ۱۰) ار	رقم (۴	لشكل
۰۱۲			ж	، بعتبة *	بطأي القطع	موذج خ	(۱۰٫۱	رقم (٤	لشكل
حدة إلى جانب التوزيع الطبيعي بنفس	سهم للولايات الله	ت إلى الأ،	وائد السندان	إلنسية ع	بير الشرطي	نوزيع غ	ال (۲۰ , ۱	رقم (د	لشكل
٥١٨							الثياين	وسط وا	المثو
لعائد المرتفع في المملكة المنَّحدة ٥٢٠	دها في نظام نسبة ا	إل تواجا	لأسهم واحتر	ات إلى ال	عائد السندا	منسة	۱۰٫۱) قیا	رقم(۱	لشكل
۰۷۳				-	-			7	
ovt					وجيت	موذج ا	۱۲٫۱) الن	رقم (۲	لشكل
097			الة في الدُّخا	لفيرية كد	شبرُّعات الح	مذجة ال	۱,۲۲) ن	رقم (۲	لشكل
٥٩٩	فستبر	ے فی الماج	بيت للرسور	ندار بروي	يَّزة من انح	نيم المُج	ال (۱۲) ال	رقم (٤	لشكل

قائمة الجداول

١٠	الجدول رقم (١,١) كيفيَّة إنشاء سلسلة قيم حقيقيَّة من خلال سلسلة قيم اسمية
ŤŸ	الجدول رقم (٢,١) عبُّنة من بيانات المعدَّل التراكمي وعدد ساعات الدراسة
٩٠	الجدول رقم (٣,١) عيّنة بيانات الصندوق XXX لتحفيز طريقة تقدير المربعات الصغرى العادية
11.	الجدول رقم (٣,٢) القيم الحرجة للتوزيع الطبيعي مقابل القيم الحرجة للتوزيع ي
114	الجدول رقم (٣,٣) تصنيف أخطاء إختبار الفرضيات والإستنتاجات الصحيحة
١٣١	الجدول رقم (٣,٤) إحصاءات موجزة عن نتائج الإنحدار المفدرة لـ (٣٤،٣)
177 ٢٠٠	الجدول رقم (٣,٥) إحصاءات موجزة عن عوائد صناديق حصص الإستثبار للفترة يناير١٩٧٩ - مايو٠
	الجدول رقم (٣,٦) نتائج إنحدار نموذج تسعير الأصول الرأسهالية لعوائد صناديق حصص الإستث
١٢٤	Υ+++
1 T V	الجدول رقم (٣,٧) هل هناك تأثير رد فعل مُفرط في سوق الأوراق المالية في المملكة المتّحدة؟
144	الجدول رقم (٣,٨) جزء من نتائج إفيوز للإنحدار مرة أخرى
شهري بالدولار الكندي١٦٣	الجدول رقم (٤,١) نموذج المنفعة لقيم الإيجار في مدينة الكيبك، ١٩٩٠. المتغيّر التابع: قيمة الإيجار ال
	الجدول رقم (٢, ٤) نتائج إنحدار المربعات الصغرى العاديّة والإنحدار الكمّي للصندوق ماجلان
1791	الجدول رقم (١, ٤أ) القيم الذاتيّة المرتبة للمكونات الرئيسيّة لأسعار الفائدة الهولنديّة بين ١٩٦٢-٩٧٠
14+ 194+-19	الجدول رقم (٢ , ٤ أ) التشيعات العامليّة للمكوّن الرئيسي الأوّل والثاني لأسعار الفائدة الهولنديّة بين ١٦٢
190	الجدول رقم (١, ٥) إنشاء سلاسل القيم المتباطئة والفروق الأولى
۲£۸	الجدول رقم (٢, ٥) مُحدَّدات وآثار التصنيفات الائتهائية السيادية
Yo	الجدول رقم (٣, ٥) هل تُضاف التصنيفات إلى المعلومات المتاحة للعموم؟
Y0Y	الجدول رقم (٤, ٥) ما الذي يجدد ردود الفعل على إعلان التصنيفات؟
¥9+	الجدول رقم (٦,١) نتائج اختيار تعادل أسعار الفائدة المكشوفة
٣٠٠	الجدول رقم (٦,٢) تجميع أخطاء التنبؤ
	الجدول رقم (٧,١) انحدار هامش سعر الشراء والبيع لعقود الشراء وحجم التداول
	الجدول رقم (٧,٢) انحدار هامش سعر الشراء والبيع لعقود البيع وحجم التداول
ΤΈ٦	الجدول رقم (٧,٣) اختبارات سببية جرانجر والقيود الضمنية على نهاذج متجه الاتحدار الذاتي

الاقتصاد القياسي التمهيدي للهالية

TOY	لجدول رقم (٤, ٧) مستوبات المعنوية الحدية المرتبطة باختبارات إف المشتركة
	لجدول رقم (v, o) تحليلات التباين لبواقي مؤشر قطاع العقارات
TVT	لجدول رقم (٨,١) القيم الحرجة لاختبارات ديكي- فولر (فولر، ١٩٧٦ ص ٣٧٣)
TYA	لجدول رقم (٨,٢) اختبارات متكررة لجذر الوحدة في أسعار الفائدة تأخذ في الاعتبار الانقطاعات الهيكلية
۳۹۱	لجدول رقم (٨,٣) اختبارات ديكي-فولر على لوغاريتم أسعار وعوائد بيانات FTSE عالية التكرار
ተ ጓፕ	لجدول رقم (٨,٤) المعادلة المقدرة للتكامل المشترك المحتمل واختبار التكامل المشترك لبيانات FTSE عالية التكراو
T47	لجدول رقم (٨,٥) نموذج تصحيح الخطأ المقدر لبيانات FTSE عالية التكرار
ተባተ	لجدول رقم (٨,٦) مفارنة دقة التنبؤ خارج العينة
۳۹۰	لجدول رقم (٨,٧) ربحية تداول نموذج تصحيح الخطأ بتكلفة الاحتفاظ
£ • ¥	لجدول رقم (٨,٨) اختبارات التكامل المشترك لتعادل القوة الشرائية على بيانات أوروبية
٤٠٢	لجدول رقم (٨,٩) اختبارات ديكي- فولر لمؤشرات السندات الدولية
٤٠٤	لجدول رقم (١٠) اختبارات التكامل المشترك لأزواج مؤشرات السندات الدولية
٤٠٤	لجدول رقم (٨,١١) اختبارات جوهانسن للتكامل المشترك لعوائد السندات الدولية
£•4	لجدول رقم (٨,١٢) تحليلات التباين لـمتجه الانحدار الذاتي لعوائد السندات الدولية
٤٠٧	لجدول رقم (١٣ , ٨) الاستجابات النبضية لمتجه الانحدار الذاتي لعوائد السندات الدولية
هرية ١٠٤	لجدول رقم (١٤) اختبارات فرضية التوقعات باستخدام منحني العوائد الأمريكية بقسيمة صفرية ولبيانات ش
£7V	لجدول رقم (٩,١) النموذج GARCH مُقابِل التقلب الضمني
	لجدول رقم (٩,٢) النموذج GARCH مُقابِل التقلبِ الضمني
٤٧٠	لجدول رقم (٩,٣) القوة التنبؤية خارج العيّنة للتنبؤات بالتقلب الأسبوعي
٤٧١	لجدول رقم (٩,٤) مقارنات محتوى المعلومات النسبي للتنبؤات بالتقلب خارج العيّنة
£AA	لجدول رقم (٩,٥) فعالية التحوط: إحصاءات مُوجزة عن عوائد المحافظ
	لجدول رقم (١٠,١) قيم ومعنويات معاملات أيام الأسبوع
01*	لجدول رقم (٢, ١٠) تأثيرات يوم الأسبوع مع إدراج متغيّرات وهمية تفاعلية ومتغيّر بديل عن المخاطرة
017	لجدول رقم (٣,٣) القيم المقدّرة لنموذج ماركوف لتبديل النظام لأسعار الصرف الحقيقيّة
٥١٩	لجدول رقم (٢٠,٤) القيم المفدّرة لنموذج ماركوف لتبديل النظام لأسعار الصرف الحقيقيّة
۰۲۸۸۲۵	لجدول رقم (٥,٠١) النموذج SETAR لنمذجة سعر صرف الفرنك الفرنسي مقابل المارك الألماني
۰۲۹	لجدول رقم (٦٠,٦) دقَّة التنبؤ بسعر صرف الفرنك الفرنسي مُقابِل المارك الألماني
	لجدول رقم (١٠,٧) النموذج الخطّي AR(٣) للأساس
٢٣٥	لجدول رقم (١٠,٨) النموذج SETAR بعتبتين لنمذجة الأساس
010	لجدول رقم (١١) اختيارات توازن السوق المصرفيّة باستخدام نموذج البانل بتأثيرات ثابتة

قائمة الجداول

لجدول رقم (١١,٢) اختبارات المنافسة في القطاع المصر في باستخدام نهاذج البانل بتأثيرات ثابتة
لجدول رقم (١١,٣) نتائج انحدار البائل بتأثيرات عشوائية لاستقرار الائتهان في بنوك أوروبا الوسطى والشرقية ٥٥١
لجدول رقم (٢١,٤)نتائج اختبار جذر الوحدة على بيانات البائل للتطور المالي والنمو الاقتصادي
لجدول رقم (١١,٥) نتائج اختبار التكامل المشترك للبانل بين النمو الاقتصادي والتطور المالي
لجدول رقم (١٢,١) تقدير لوجيت لاحتمال التمويل الخارجي
لجدول رقم (٢, ٢) تقدير النموذج لوجيت مُتعدّد الحدود لنوع التمويل الخارجي
لجدول رقم (٢, ٣) نتائج النموذج بروبيت المرتّب لمحدّدات التصنيفات الانتهانيّة
لجدول رقم (٢ , ١٢) النموذج بروبيت المرتّب ذو المرحلتين الذي يأخذ في الاعتبار نحيّز الانتفاء في مُحدّدات التصنيفات الانتهائيّة ٩٠٠
لجدول رقم (٥, ١٢) التأثيرات الهامشية للنهاذج لوجيت وبروبيت لاحتهال فشل الحصول على الماجستير
لجدول رقم (١٣,١) قيم النموذج EGARCH المقدّرة لعوائد العقود المستقبلية للعملات
لجدول رقم (١٣,٢) القيم المفدّرة لتقلب الانحدار الذاتي لعوائد العقود المستقبلية للعملات
لجدول رقم (١٣,٣) الحد الأدني لمتطلبات مخاطر رأس المال لعقود العملات المستقبلية كنسبة منوية من القيمة الأولية للمركز . ٦٣٢
لجدول رقم (١٤,١) قائمة بالمجلات في مجال الماليَّة والاقتصاد القياسي
لجدول رقم (١٤,٢) مواقع إنترنت مفيدة للأدبيات الماليَّة
لجدول رقم (١٤,٣) نتائج فاما وماكبث عن اختبار نموذج تسعير الأصول الرأسياليَّة
لجدول رقم (٤, ٤) نتائج إجراء فاما-ماكبث المتحصّل عليها باستخدام إفيوز
لجدول رقم (١٤,٥) هيكل مفترح لأطروحة أو مشروع نموذجي

قائمة الإطارات

Ť	أمثلة عن أستخدامات الاقتصاد القياس	(1.1) in (1.1)
	·	
ξ		,
٩	لوغاريتم العواثد	الإطار رقم (١,٣)
متشورة١٤	النفاط التي يجب مراعاتها عند قراءة ورقة بحث	الإطار رقم (١,٤)
τΨ	الخصائص المميَّزة لإفيوز	الإطار رقم (١,٥)
٣٥	جذور المعادلة التربيعية	الإطار رقم (٢,١)
TV	التعامل مع القوي وأسسها	الإطار رقم (٢,٢)
Ť¶	قوانين اللوغاريتهات	الإطار رقم (٢,٣)
3A	المجتمع الإحصائي والعينة	الإطار رقم (٢,٤)
Aŧ	مسميات y والمتغيرات x في نهاذج الانحدار	الإطار رقم (٣,١)
A7		
يا	الافتراضات المتعلَّقة بحدود الاضطراب وتفسير	الإطار رقم (٣,٣)
۱۰۳		
111	جراء اختبار المعنويَّة	الإطار رقم (۵٫۳) إ
118	جراء اختبار الفرضيات باستخدام فترات الثقة .	الإطار رقم (٦,٣) إ
110	مُقارِنة بين مناهج إختبار المعنويّة وفترة الثقة	الإطار رقم (٣,٧)
119	الاخطاء من النوع الأول والثاني	الإطار رقم (٣,٨)
140	 اسباب ردود الفعل المفرطة لسوق الأسهم	الإطار رقم (٣,٩) أ
ستاريّةا		
١٢٦) مُراقبة المحافظ الاستثماريّة	الإطار رقم (۳,۱۱)
170		
177		No.
1A4	-	-
ነቂኛ		4
171	- حلول الثقاوات الشابل	الإطار رفيم (1, □).

كي يكون اختبارًا صحيحًا	الإطار رقم (٣, ٥) الشروط المتعلقة باختبار ديربن-واتسن لــُ
Y • T	
Y • V	الإطار رقم (٥,٥) طريقة كوكرين-أوركت
Y \V	الإطار رقم (٦ , ٥) مُشاهدات المتغيِّر الوهمي
YT1	الإطار رقم (٧,٥) إجراء اختبار تشاو
Y77	الإطار رقم (٦,١) شروط سكون النموذج ARp
YY	الإطار رقم (٢,٢) شرط قابليَّة العكس للنموذج MA2
Y97	الإطار رقم (٦,٣) طرق التنبؤ المبسّط
ŤŤ +	الإطار رقم (٧,١) تحديد ما إذا كانت المعادلة محدّدة أم لا
TTT	الإطار رقم (٢,٧) إجراء اختبار هوسمان للخارجية
پ ۳٤٥	الإطار رقم (٧,٣) التنبؤ باستخدام متجهات الانحدار الذاة
TY0	الإطار رقم (١, ٨) اختبارات السكون
٣٨٩	الإطار رقم (٨,٢) علاقات التكامل المشترك المتعددة
ξΥΥ	الإطار رقم (٩,١) اختبار 'آثار 'ARCH
£ £ Y	الإطار رقم (٩,٢) تقدير النموذج ARCH أو GARCH
على الصعيد العملي ٥٤٤	إطار رقم (٣,٩) استخدام التقدير بواسطة الإمكان الأعظم
0 • 7	الإطار رقم (١٠,١) كيف تعمل المتغيّرات الوهمية؟
o & A	الإطار رقم (١, ١١) تأثيرات ثابتة أم تأثيرات عشوائيّة؟
٥٧٨	الإطار رقم (١ , ١٢) تفسير معلمات النماذج لوجيت ويروبيت
واقبة والمبتورة	الإطار رقم (٢, ١٢) أوجه الاختلاف بين المتغيّرات التابعة الم
7.0	الإطار رقم (١, ١٣) إجراء محاكاة مونت كارلو
771	الإطار رقم (٢, ١٣) إعادة معاينة البيانات
717	الإطار رقم (٣, ١٣) إعادة المعاينة من البواقي
717	الإطار رقم (٤ , ١٣) إنشاء محاكاة مونت كارلو
٦٢٠	الإطار رقم (٥, ١٣) محاكاة سعر الخيار الأسيوي
771	الإطار رقم (٦ , ١٣) توليد سحوبات من العملية GARCH .
ገደነ	الإطار رقم (١, ١٤) الأنواع الممكنة لمشروع البحث

لقطات الشاشة

1Y	لقطة الشاشة رقم (١,١) إنشاء ملف عمل
شات من ١ إلى ٣	لقطة الشاشة رقم (٢, ١) استيراد بيانات إكسل إلى ملف العمل- الشا:
ها	لقطة الشاشة رقم (٣, ١) ملف العمل المتضمن للبيانات التي تم تحميل
	لقطة الشاشة رقم (٢,٤) إحصاءات موجزة لسلسلة
YY	لقطة الشاشة رقم (٥,٥) رسم بياني خطي
	لقطة الشاشة رقم (٦,١) إعداد مصفوفة التباين والتغاير داخل إكسل
٥Λ	لقطة الشاشة رقم (٢,٢) اللوحة الجدوليَّة المستخدمة في بناء الحد الكف
o 4	لقطة الشاشة رقم (٣,٣) إكمال نافذة Solver
٦٠	لقطة الشاشة رقم (٢,٤) الرسم البياني للحد الكف،
س المال	لقطة الشاشة رقم (٥,٦) الرسم البياني للحد الكفء وخط سوق رأم
٧٤	لقطة الشاشة رقم (٢,٦) عيَّنة من الإحصاءات الموجزة في إفيوز
ز	لقطة الشاشة رقم (٦, ٣) كيفية استعراض البيانات المؤرَّخة داخل إفيو
پلیّه:	لقطة الشاشة رقم (٣,٣) إحصاءات موجزة للسلاميل الفورية والمستق
4v	لقطة الشاشة رقم (٣,٣) نافذة تقدير المعادلة
۹۸	لقطة الشاشة رقم (٣,٤) نتائج التقدير
1 mm	لقطة الشاشة رقم (٥,٣) رسم للسلسلتين
ነወይ	لقطة الشاشة رقم (١, ٤) نافذة تقدير مُعادلة الإجراء المتدرَّج
100	لقطة الشاشة رقم (٢, ٤) نافذة خيارات تقدير الإجراء المتدرَّج
174	لقطة الشاشة رقم (٣, ٤) نافذة تقدير الانحدار الكمّي
١٨٢	لقطة الشاشة رقم (٤,٤) إجراء تحليل المكوَّنات الرئيسة داخل إفيوز.
	لقطة الشاشة رقم (١, ٥) نافذة خيارات الانحدار
	لقطة الشاشة رقم (٢, ٥) نتائج اختبار عدم الاعتدال
م المفتَّرة	لقطة الشاشة رقم (٣, ٥) بواقي الانحدار، سلاسل القيم الفعليَّة والقي
	لقطة الشاشة رقم (٤ , ٥) اختبار تشاو لاستقرار المعلمات
Y£+	لقطة الشاشة رقم (٥,٥) رسم القيم المقدَّرة للمعاملات المتكرَّرة
Y£1	لقطة الشاشة رقم (٦, ٥) الرسم البياني لاختبار .CUSUM

YA8	لقطة الشاشة رقم (٦,١) تقدير تصوير الارتباط
₹•◊	لقطة الشاشة رقم (٢,٦) الخيارات المتاحة عند إعداد التنبؤات
۴.٦	لقطة الشاشة رقم (٣,٣) التنبؤات الديناميكيَّة لنسبة التغيرات في أسعار المساكن
T.V	لقطة الشاشة رقم (٢,٤) التنبؤات الإستاتيكيَّة لنسبة التغيُّرات في أسعار المساكن
Ψ•Λ	لقطة الشاشة رقم (٥, ٦) تقدير نهاذج التمهيد الأشي
††*o	لقطة الشاشة رقم (٧,١) تقدير معادلة التضخم
TTA	لقطة الشاشة رقم (٧,٢) تقدير المعادلة rsandp
Tac	لقطة الشاشة رقم (٣,٧) شاشة مدخلات متجه الانحدار الذاتي
	لقطة الشاشة رقم (٧,٤) إنشاء الاستجابات النبضيَّة للنموذج VAR
T09	لقطة الشاشة رقم (٧,٥) الرسوم البيانية المجمَّعة للاستجابات النبضيَّة
T1.	لقطة الشاشة رقم (٧,٦) الرسوم البيانية لتحليلات التباين
۲۸۰	لقطة الشاشة رقم (٨,١) قائمة الخيارات لاختبارات جذر الوحدة
	لقطة الشاشة رقم (٢, ٨) الرسم البياني للبواقي الفعليَّة والمجهَّزة للتأكُّد من السكون
	لقطة الشاشة رقم (٨,٣) اختبار جوهانسن للتكامل المشترك
£19	لقطة الشاشة رقم (٤ , ٨) توصيف متجه الانحدار الذائي لاختبارات جوهانسن
	لقطة الشاشة رقم (٩,١) تقدير نموذج من النوع .GARCH
££A	لقطة الشاشة رقم (٩,٢) خيارات تقدير النموذج .GARCH
£11173	لقطة الشاشة رقم (٣,٣) التنبؤ باستخدام النهاذج GARCH
	لقطة الشاشة رقم (٩,٤) التنبؤات الديناميكيَّة للتباين الشرطي
	لقطة الشاشة رقم (٩,٥) التنبؤات الساكنة للتباين الشرطي
٤٩١	لقطة الشاشة رقم (٦,٦) إعداد النظام
197	لقطة الشاشة رقم (٩,٧) خيارات تقدير النموذج GARCH مُتعدّدة المتغيِّرات
٠٢١	لقطة الشاشة رقم (١٠,١) تقديسر نموذج ماركوف لتبديل النظام
o TT	لقطة الشاشة رقم (٢ , ١٠) احتمالات ممهدة موجودة في الأنظمة ١ و ٢
004	لقطة الشاشة رقم (١١,١١) نافذة إنشاء ملف عمل للبانل
008	لقطة الشاشة رقم (٢ , ١١) نافذة هيكل ملف عمل البائل.
VF0	لقطة الشاشة رقم (٣, ١١) نافذة اختبار جذر الوحدة للبانل
09V	لقطة الشاشة رقم (١ , ١٢) نافذة تقدير المعادلة للمتغيّرات التابعة المحدودة
	لقطة الشاشة رقم (٢ , ١٢) خيارات تقدير المعادلة للمتغيّرات التابعة المحدودة
	لقطة الشاشة , قم (١٣٠١) تشغيل د نامج افيوز

والفمخ والأوال

مقدمة Introduction

تُعَدُّ دراسة الاقتصاد القياسي من نواح كثيرة كتعلُّم لُغة جديدة، سوف تبدو لك الأشياء في البداية لا معنى لها، وسوف يبدو الأمر مُستحيلًا كما لو كنت ترى من خلال ضباب خلَّفته جميع المصطلحات غير المألوفة، ولئن كانت طريقة كتابة النهاذج -أي الترميز - قد نجعل الأمر يبدو أكثر تعقيدًا، إلَّا أنه يُفترض أن تُؤدي في الواقع إلى عكس ذلك تمامًا، كما أن الأفكار في حد ذاتها لا تتَسم غالبًا بالتعقيد، فالمسألة لا تعدو أن تكون مجرَّد تعلُّم لغة بالقدر الكافي حتى تأخذ الأمور نصابها، لذلك حتى وإن لم يسبق لك دراسة هذه المادَّة من قبل فمن المأمول أن تضعك المثابرة طوال هذا الفصل التمهيدي على الطريق لتُجِيد تمامًا الاقتصاد القياسي!

غرجات التعلم

سوف تتعلُّم في هذا الفصل كيفية:

- مقارنة السلاسل الاسمية (Nominal Series) والسلاسل الحقيقية
 (Real Series) والتحويل من نوع إلى آخر.
 - التمييز بين الأنواع المختلفة من البيانات.
 - وصف الخطوات الرئيسة المُتَّبَعة في بناء نموذج اقتصادي قياسي.
 - حساب عوائد أسعار الأصول.
 - · تكميش السلاسل لأخذ التضخم بعين الاعتبار.
- إنشاء ملف عمل، استيراد البيانات وإنجاز مهام بسيطة في برنامج
 إفيوز.

يُمهِّد هذا الفصل الطريق أمام الكتاب من خلال مُناقشة عامَّة لمسائل تتعلَّق بهاهيَّة الاقتصاد القياسي، وعن 'الحقائق المجرَّدة' الثي تصف البيانات الماليَّة، والتي يسعى عادة الباحثون في هذا المجال إلى إدراجها في نهاذجهم، كها جرى بعض النقاش حول أنواع البيانات التي نُصادفها في الماليَّة وكيفيَّة التعامل معها، وأخيرًا يجمع الفصل بين عدد من المسائل التمهيديَّة التي تتعلَّق بإنشاء نهاذج الاقتصاد القياسي في مجال الماليَّة، ويعرض برنامج الكمبيوتر الذي سوف يُستخدم لتقدير النهاذج فيها تبقى من هذا الكتاب.

الإطار وقم (١.١) أمثلة عن استخدامات الاقتصاد القياسي

- (١) اختبار ما إذا كانت الأسواق المالية تتَّسم بالكفاءة المعلوماتية عند المستوى الضعيف.
- (٢) اختبار ما إذا كان نموذج تسعير الأصول الرأسهالية أو نظرية التسعير بالمراجحة تُعتبر الأفضل
 لتحديد عوائد الأصول الخطرة.
 - (٣) قياس تقلُّب عوائد السندات والتنبؤ به.
 - (٤) شرح محدَّدات التصنيفات الاثنيانية للسندات المستخدمة من قِبَل وكالات التصنيف.
 - (2) نمذجة العلاقات طويلة الأجل بين الأسعار وأسعار الصرف.
 - (١) تحديد نسبة التحوُّط المثلى الأسعار النفط الفورية.
 - (٧) اختبار قواعد التداول التقنية لتحديد أيِّ منها يُحقِّق أرباحًا أكثر.
- اختبار الفرضية القائلة بأن إعلانات الأرباح أو إعلانات توزيع الأرباح ليس لها تأثير على أسعار الأسهم.
 - (٩) اختبار أيِّ من الأسواق الفورية والأسواق المستقبلية تتفاعل بشكل أسرع مع الأخبار.
 - (١٠) التنبؤ بالارتباط بين مؤشرات أسهم بلدين.

١,١ ما هو الاقتصاد القياسي؟

(What is econometrics?)

المعنى الحرقي لكلمة اقتصاد قياسي هو القياس في الاقتصاد"، تُشير الأحرف الأربعة الأولى من الكلمة بشكل صحيح إلى أن الاقتصاد القياسي يستمد جُذوره من الاقتصاد، ومع ذلك تحظى الأساليب الرئيسة المستخدمة في دراسة المشكلات الاقتصادية بنفس الأهمية في التطبيقات الماليّة، كما يُعرَّف مصطلح الاقتصاد القياسي المالي (Financial Econometries) في هذا الكتاب على أنه نطبيق للتقنيات الإحصائية على مسائل في مجال الماليّة، هذا ويُمكن أن يكون الاقتصاد القياسي المالي مُفيدًا في اختبار النظريات في مجال الماليّة، في تحديد أسعار أو عوائد الأصول، في اختبار الفرضيات (Hypotheses Testing) التي نهتم بالعلاقات بين المتغيرات، في دراسة تأثير التغيرات في الظروف الاقتصادية على الأسواق الماليّة، في التنبؤ بالقيم المستقبلية للمتغيرات الماليّة، وفي صُنع القرارات الماليّة، ترد في الإطار رقم (1,1) قائمة بالأمثلة المحتملة التي يكون فيها الاقتصاد القياسي ذا أهميّة.

وبالطبع لا تُعتبر القائمة الواردة في الإطار رقم (١,١) بأي حال من الأحوال شاملة، لكن نأمل أنها تُعطي لمحة عن جدوي أدوات الاقتصاد القياسي من حيث إمكانيَّة تطبيقها في مجال الماليَّة.

٢ , ١ هل يختلف الاقتصاد القياسي المالي عن 'الاقتصاد القياسي الاقتصادي'؟

(Is financial econometrics different from 'economic econometrics'?)

كما ذكرنا سابقًا، تُعتبر الأدوات الشائعة الاستخدام في النطبيقات الماليَّة أساسًا نفس الأدوات المستخدمة في التطبيقات الاقتصادية، على الرغم من أن أهميَّة ومجموعة المسائل التي يُحتمل أن تُواجهنا عند تحليل مجموعتَي البيانات التي تختلف إلى حد ما، كثيرًا ما تختلف البيانات الماليَّة عن بيانات الاقتصاد الكلي من حيث تكرارها، دقتها، موسميتها، وما إلى ذلك من الخصائص.

غالبًا ما يُمثَّل نقص البيانات المناحة لاختبار النظرية أو الفرضية المثيرة للاهتمام في الاقتصاد مُشكلة عويصة، ويُعرَف ذلك غالبًا 'بمشكلة العينَّات الصغيرة'، فعلى سبيل المثال قد تكون البيانات المطلوبة تخص عجز الميزانيات الحكومية أو أعداد السكان، وهي بيانات تُقاس فقط على أساس سنوي، فإذا كانت الأساليب المستخدمة لقياس هذه الكميات قد تغيَّرت منذ ربع قرن، فإنه لا يُمكن استخدام سوى خمسة وعشرين من هذه المشاهدات السنوية كحد أقصى.

كما نُواجه أيضًا مشكلتين أخريين عند إجراء عمل اقتصادي قياسي تطبيقي في مجال الاقتصاد، وهما خطأ القياس وتنقيح البيانات (Data Revisions)، هذه العقبات هي بيساطة عبارة عن أن البيانات يُمكن أن تكون مُقدَّرة أو مُقاسة بشيء من الخطأ، وغالبًا ما تخضع لعدة مجموعات من التنفيحات اللاحقة، فعلى سبيل المثال يُمكن لباحث أن يقدَّر نموذجًا اقتصاديًّا لتأثير الاستثهار في تكنولوجيا الحواسيب على الناتج الوطني، ليكتشف أن البيانات الخاصة بالعامين الأخيرين قد تم تنفيحها بشكل كبير في النشرة المحدَّثة التائية.

عادة ما تكون هذه المسائل أقل مَدْعَاة للقلق في مجال الماليَّة، فنجد أن البيانات الماليَّة تأتي في أشكال وصِيَغ مُتنوَّعة، لكن عمومًا تُعتبر الأسعار والمتغيِّرات الأخرى المسجَّلة تداولات حدثت فعلًا، أو أنها تُقلِت على شاشات مقدِّمي المعلومات، بطبيعة الحال تظل إمكانيَّة وجود أخطاء مطبعيَّة، أو تغيير في طريقة قياس البيانات واردة (بسبب إعادة توازن، أو إعادة تحديد أساس المؤشر على سبيل المثال)، لكن بشكل عام تُعتبر مشاكل أخطاء القياس وتنقيح البيانات أقل خطورة بكثير في السياق المالي.

كما نُشير كذلك إلى أن بعض مجموعات البيانات الماليَّة تُرضد بتكرارات أعلى بكثير من بيانات الاقتصاد الكلي، فنجد أن أسعار أو عوائد الأصول غالبًا ما تكون مُتاحة بتكرار يومي، كل ساعة أو كل دقيقة، وبالتالي فإن عدد المشاهدات المتاحة للتحليل بمكن أن يكون كبيرًا جدًّا، ربها بالآلاف أو حنى بالملايين، مما يجعل من البيانات الماليَّة مصدر حَسَدِ من قِبَل مُمارسي الاقتصاد القياسي الكلي! ويعني ذلك أنه يُمكن في أغلب الأحيان تطبيق تقنيات أكثر قوةً على البيانات الماليَّة دون البيانات الاقتصادية، ويكتسب الباحثون مزيدًا من الثقة تُجاه نتائجهم.

وعلاوة على ذلك بجلب تحليل البيانات المائية معه أيضًا عددًا من المشاكل الجديدة، ولئن كانت الصعوبات المرتبطة بمعالجة وتجهيز مثل هذا الكم الهائل من البيانات لا تُمثّل عادة قضية نظرًا للتطوَّرات الحديثة والمستمرة في مجال قوة الحواسيب، إلَّا أن البيانات المائية كثيرًا ما يكون فما عدد من الخصائص الأخرى، فعلى سبيل المثال، غالبًا ما تُعتبر البيانات المائية 'مُشوِّشة' جدًّا، مما يعني أنه يصعب كثيرًا فصل الانجامات والأنهاط الأساسية عن الخصائص العشوائية غير المُهمَّة، كما أن البيانات المائية في مُعظم الأحيان غير مُوزَّعة طبيعيًّا، على الرغم من أن معظم التقنيات في الاقتصاد القياسي تفترض أن تكون كذلك، وغالبًا ما تحتوي البيانات عائية التكرار على 'أنهاط' إضافية تنجم عن طريقة عمل السوق، أو عن طريقة تسجيل الأسعار، من الضروري أن تُؤخَذ هذه الخصائص في الحسبان عند عمليَّة بناء النموذج، حتى وإن لم تكن ذات أهمية مُباشرة للباحث.

ومن بين أسرع مجالات التطبيق المالي للأدوات الإحصائية تطوُّرًا نجد نمذجة مسائل الهيكل الجزئي للسوق (Microstructure)، يُمكن تعريف الهيكل الجزئي للسوق بشكل عام على أنه العمليَّة التي يتم بها تحويل تفضيلات المستثمرين ورغبانهم إلى معاملات في الأسواق الماليَّة، ومن الواضح أن تأثيرات الهيكل الجزئي ذات أهمية، وغَثَل فرقًا رئيسًا بين البيانات الماليَّة وغيرها من الأنواع الأخرى للبيانات، هذا ويُمكن أن تؤثر هذه التأثيرات على العديد من المجالات الماليَّة الأخرى، فعلى سبيل المثال يُمكن لجمود أو احتكاكات السوق أن تعني ضمنًا أن الأسعار الحاليَّة للأصول لا تعكس بالكامل التدفُّقات النقدية المستقبليَّة المتوقعة.

	الإطار رقم (١٠.٢) بيانات السلامل الزمن
التكرار	السلسلة
شهري أو ربع سنوي	الإنتاج الصناعي
سنوي	عجز الموازنة الحكومية
أسبوعي	عرض النقود
حسب حدوث العمليات	قيمة السهم

(انظر المناقشة المفدَّمة في الفصل ١٠ من هذا الكتاب)، من المحتمل كذلك أن يطلب المستثمرون تعويضًا نتيجة لحيازتهم أوراقًا ماليَّة غير سائلة، وبالتالي فهي تنضمَّن خطرًا يتمثَّل في صعوبة بيعها نتيجة الاحتيال المرتفع نسبيًّا لعدم وجود مشترين مستعديس للشراء في وقت البيع المنشود، تُستخدم في بعض الأحيان مقاييس مثل حجم التداولات، أو الوقت بين التداولات كبدائل عن سيولة السوق.

يُقدِّم مادهافان (٢٠٠٠) ((Madhavan (2000)) (٢٠٠٠) الميكل الجزئي للسوق، حدَّد مادهافان عدَّة جوانب الأدبيات الهيكل الجزئي للسوق، بها في ذلك تشكيل واكتشاف الأسعار، المسائل المتعلَّقة بهيكلة السوق وتصميمه، المعلومات والإقصاح، كها أن هناك كتبًا ذات صلة، فنجد أوهارا (١٩٩٥) ((١٩٩٥))، هاريس (٢٠٠٧) ((٢٠٠٧) ((٢٠٠٧)) ((٢٠٠٧)) وفي الوقت ذاته حدث تقدُّم كبير في تطوُّر نهاذج الاقتصاد الفياسي المطبَّقة على مسائل الهيكل الجزئي للسوق، ومن الوسائل المبتكرة نذكر على سبيل المثال نموذج الانحدار الذاتي مشروط الفنرة ((٢٠٠٥) ((Conditional Duration (ACD) ((١٩٩٨) (١٩٩٨)) لأنجل وراسل (١٩٩٨) ((١٩٩٨) (١٩٩٩)، نجد تطبيقًا مُثيرًا للاهتهام لهذا النموذج في دوفور وإنجل (٢٠٠٠) ((٢٠٠٥) ((Dufour and Engle (2000)) اللَّذَيْنِ فحصا تأثير الزمن الفاصل بين النداولات على وقع سعر المعاملة وسرعة تعديل الأسعار.

مقدمة

٣, ١ أنواع البيانات

(Types of data)

عمُومًا هناك ثلاثة أنواع من البيانات التي يُمكن استخدامها في التحليل الكمي للمسائل الماليَّة، وهي: بيانات السلاسل الزمنية (Time Series Data)، البيانات المقطعيَّة العرضيَّة (Cross-Sectional Data) وبيانات البائل (أو بيانات السلسلة الزمنية المقطعية) (Panel Data).

١ , ٣ , ١ بيانات السلاسل الزمنيّة

(Time series data)

بيانات السلاسل الزمنيَّة -وكها يُوحي اسمها- هي بيانات تم تجميعها خلال فئرة من الزمن لمتغيِّر واحد أو أكثر، ترتبط بيانات السلاسل الزمنيَّة بتكرار معيَّن للمشاهدات، أو تكرار جمع نقاط البيانات، يُعتبر التكرار ببساطة مفياسًا للفترة الزمنيَّة التي خلالها تُجمَّع البيانات أو تُرصَد، أو أنه ببساطة انتظام تجميع أو رصد البيانات، يعرض الإطار رقم (١,٢) بعض الأمثلة عن بيانات السلاسل الزمنيَّة.

من الضروري الإشارة بكلمة إلى 'حسب حدوث العمليات'، لا تبدأ العديد من البيانات الماليّة حياتها بأن تكون بيانات من الممكن أن يتغيّر سعر السّهم العادي لشركة ما كلّما كان هناك تداول جديد أو تسعير جديد قام به مُسجَّل المعلومات الماليّة، من المستبعد جدًّا أن تكون هذه التسجيلات مُوزَّعة بالتساوي عبر الزمن، فعلى سبيل المثال قد لا يكون هناك أي نشاط بين الساعة ٥ مساءً مثلًا، أي عند إغلاق السوق وبين ٨٠٣٠ صباحًا من اليوم التالي عند إعادة فتح السوق، كما أن هناك أقل قُرْبَ فتح السوق وإغلاقه، وقرب وقت الغدام، وعلى الرغم من أن هناك العديد من الطرق للتعامل مع هذه المسألة إلا أن هناك نهجًا شانعًا وبسيطًا يتمثّل بكل بساطة في اختيار تكرار مُناسب واستخدام آخر سعر ساند خلال الفترة كمشاهدة لتلك الفترة الله منيّة.

كما يُشترط عمومًا أن يكون لجميع البيانات المستخدمة في النموذج نفس تكرار المشاهدة، لذلك وعلى سبيل المثال، يجب أن تستخدم الانحدارات التي تسعى إلى تقدير نموذج التسعير بالمراجحة باستخدام مُشاهدات شهرية لعوامل الاقتصاد الكلي أيضًا مُشاهدات شهرية لعوائد الأسهم، حتى وإن كانت المشاهدات اليوميَّة أو الأسبوعيَّة فذه الأخيرة مُتاحة.

يُمكن أن تكون البيانات كمُيَّة (Quantitative) (مثل أسعار الصرف، الأسعار، عدد الأسهم المتداولة)، أو نوعيَّة (Qualitative) (مثل يوم الأسبوع، دراسة استقصائيَّة عن المنتجات الماليَّة المشتراة من قِبْل الأفراد العاديين على مدى فترة من المزمن، التصنيف الائتهاني، إلخ).

المسائل التي يُمكن تناولها باستخدام بيانات السلاسل الزمنيَّة:

- كيفيّة اختلاف قيمة مؤشر أسهم دولة ما باختلاف أساسيات الاقتصاد الكلي في تلك الدولة.
 - كيفيَّة اختلاف قيمة سعر سهم الشركة عند إعلانها عن قيمة أرباحها الموزَّعة.
 - تأثير ارتفاع العجز التجاري على سعر الصرف في بلد ما.

من الواضح في كل الحالات المذكورة أعلاه أن البُّعد الزمني يُعتبر العنصر الأهم، وأنه سوف يتم إجراء التحليل باستخدام قيم المتغيِّرات عبر الزمن.

٣ . ٣ . ١ البانات المقطعيَّة العرضيَّة

(Cross-sectional data)

البيانات المقطعيَّة العرضيَّة هي عبارة عن بيانات على متغيَّر واحد أو أكثر، تم جمعها في نقطة زمنيَّة معيَّنة، يُمكن أن تكون البيانات على سبيل المثال:

- استطلاع حول استخدام خدمات السمسرة في الأوراق الماليّة عبر الإنترنت.
- بيانات مقطعيّة عرضيّة عن عوائد الأسهم في بورصة نيويورك للأسهم (NYSE).
 - عيَّنة من التصنيف الاثناني للسندات للبنوك البريطانية.

المسائل التي يُمكن تناولها باستخدام بيانات مقطعيَّة عرضيَّة:

- العلاقة بين حجم الشركة وعوائد الاستثار في أسهمها.
- العلاقة بين مستوى الناتج المحلي الإجمالي لدولة ما، واحتمال تخلُّف الحكومة عن سداد ديونها السياديَّة.

٣,٣, ١ بانات البانل (أو بيانات السلسلة الزمنية المقطعية)

(Panel data)

تأخذ بيانات البائل أبعاد كلَّ من السلاسل الزمنيَّة والبيانات المقطعيَّة العرضيَّة، على سبيل المثال الأسعار اليومية لعدد من أسهم الشركات الكبرى (أو أسهم الدرجة الأولى) على مدى سنتين، يُعتبر تقدير انحدارات البائل مجالًا ناميًّا ومُثيرًا للاهتهام، وسوف يجري تناوله بالتفصيل في الفصل ١١.

لحسن الحظ تنطبق جُلّ التقنيات العاديّة والتحليلات في الاقتصاد القياسي على قدم المساواة على بيانات السلاسل الزمنيّة والبيانات المقطعيّة العرضيّة، بالنسبة للسلاسل الزمنيّة من المعتاد الإشارة إلى أعداد المشاهدات الفرديّة باستخدام الدليل ٤، و لا للإشارة إلى عدد المشاهدات المتحليل، وفيها يتعلق بالبيانات المقطعيّة العرضيّة من المعتاد الإشارة إلى أعداد المشاهدات الفرديّة باستخدام الدليل ٤، و لا للإشارة إلى عدد المشاهدات المتاحة للتحليل، هذا ونُشير إلى أنه وعلى عكس حالة السلاسل الزمنيّة لا يُوجد ترتيب طبيعي للمشاهدات في العينّة المقطيّة العرضيّة، فعلى سبيل المثال يُمكن أن تكون المشاهدات ٤ مُشاهدات لسعر سندات شركات مُتلفة مُرتَّبة أبجديًّا حسب اسم الشركة، في نقطة زمنيّة مُعينّة، لذلك من غير المحتمل في حالة البيانات المقطعيّة العرضيّة أن يكون هناك أيّة معلومات مُفيدة في كون باركليز (Barclays) يتبع بانكو سانتاندر (Banco Santander) في عينة التصنيفات الانتهائية المصرفية، وذلك لأنه من فييل الصدفة البحتة أن أسهاءهما تبدأ بالحرف "ب"، من جهة أخرى يُعتبر ترتيب البيانات في إطار السلاسل الرمنيّة مُهيًّا؛ لأن البيانات تكون عادة مُرتَّبة ترتيبًا زمنيًّا.

سوف يُعطي T في هذا الكتاب العدد الإجالي للمشاهدات حتى في إطار معادلات الانحدار التي من المكن تطبيقها على البيانات المقطعيَّة العرضيَّة، أو على بيانات السلاسل الزمنيَّة.

٤ , ٣ , ١ البانات المستمرة والبيانات المتقطعة

(Continuous and discrete data)

إلى جانب تصنيف البيانات على أنها من نوع السلاسل الزمنيّة، أو أنها بيانات مقطعيّة عرضيّة، يُمكن كذلك أن نُميّز بين ما هو بيانات مُستمرّة (Continuous Data)، قامًا كها تدل على ذلك تسميتها، يُمكن للبيانات الستمرة أن تأخذ أيّة قيمة ولا تقتصر على اتخاذ أرقام مُحدَّدة، فقيمها لا تحدّها سوى الدقّة، فعلى سبيل المثال، يُمكن أن يكون عائد إيجار الممتلكات أن تأخذ أيّة قيمة ولا تقتصر على اتخاذ أرقام مُحدَّدة، فقيمها لا تحدّها سوى الدقّة، فعلى سبيل المثال، يُمكن أن يكون عائد إيجار الممتلكات المثلكات المثلكات المثلكات المثلكات المثلكات المثلكات المثلكات المثلكات المثلثات، وغالبًا ما تعرف بأرقام العد (١)، نذكر على سبيل المثال عدد الأشخاص في عربة ما من عربات مترو الأنفاق، أو عدد الأسهم المتداولة خلال اليوم الواحد، في هذه الحالات، ليس من المنطقي أن يكون عدد الركاب في العربة ٣ ، ٨٦ أو أن يكون عدد الأسهم المتداولة ٥ ، ٥٨٥٧ ، وأبسط مثال عن المتغير المتقطع نجد متغير برنولي (Bemoulli) أو المتغير العشوائي الثنائي، والذي لا يمكن أن يأخذ سوى القيم • أو ١. على سبيل المثال، إذا قمنا برمى قطعة نقود مرازًا وتكرازًا يمكننا الإشارة إلى صورة بــــ • وإلى كتابة بـ ١.

٥ , ٣ , ١ الأعداد الأصلية، الترتيبية والاسمية

(Cardinal, ordinal and nominal numbers)

ثمة طريقة أخرى يمكن من خلافا تصنيف الأعداد حسب ما إذا كانت أعدادًا أصلية، ترتيبية أو اسمية، الأعداد الأصلية هي تلك الأعداد التي تكون فيها القيم العددية الفعلية التي يأخذها منغير ما لها معنى، وحيث توجد مسافة منساوية بين القيم العددية، في المقابل لا يمكن تفسير الأعداد الترتيبية إلا بكونها أعدادًا تُعطي موضعًا أو ترتيبًا، وبالتالي بالنسبة للأعداد الأصلية يُعتبر العدد ١٢ مقياسًا 'أفضل مرتين' من الرقم ٦، ومن الأمثلة عن الأعداد الأصلية نذكر سعر سهم أو سعر مبنى، وكذلك عدد المساكن في أحد الشوارع، أما بالنسبة إلى الأعداد الترتيبية فيمكن أن ينظر إلى العدد ١٢ على أنه مقياس 'أفضل' من الرقم ٦، ولكن لا يمكن اعتباره أفضل مرتين منه، ومن الأمثلة عن الأعداد الترتيبية نجد مرتبة العدّاء في السباق (على سبيل المثال، المركز الثاني أفضل من المركز الرابع، ولكن من غير المعقول القول إنه 'أفضل مرتين')، أو المستوى الذي تم الوصول إليه في لعبة كمبيوتر.

النوع الأخير من البيانات التي يمكن أن يصادفنا هو عندما لا يوجد مُطلقًا أيُّ ترتيب طبيعي للقيم، لذلك فإن العدد ١٢ يختلف ببساطة عن الرقم ٦، ولكن لا يمكن اعتباره بأي حال من الأحوال أفضل أو أسوأ منه، تُطرح مثل هذه البيانات غالبًا عندما تكون القيم العددية محدَّدة بشكل تعشُفي، كأرقام الهاتف مثلًا، أو عند تعيين رموز للبيانات النوعية (على سبيل المثال، عند وصف البورصة التي يتم فيها نداول أسهم الولايات المتحدة، يمكن أن يُستخدم '١' للدلالة على بورصة نيويورك (NYSE)، '٢' للدلالة على بورصة نازداك (NASDAQ) و '٣' للدلالة على بورصة أميكس (AMEX))، تُسمى هذه المتغيِّرات أحيانًا بالمتغيِّرات الاسمية، وكيا سيتضح من خلال الفصول اللاحقة يُمكن أن تنظلب المتغيِّرات الأصلية الترتيبية والاسمية أساليب مُختلفة للنمذجة، أو على الأقل مُعالجات مُختلفة.

 ⁽۱) البيانات المقاسة بشكل مُتقطع ليست بالضرورة أعدادًا صحيحة، فعلى سبيل المثال، إلى أن أصبحت أعدادًا "عشرية"، كانت أسعار الأصول المالية تحدَّد
 كأقرب عدد لـــ ١/ ١٦ أو ١/ ٣٢ من الدولار.

٤ . ١ العوائد في النمذجة الماليّة

(Returns in financial modelling)

أنسار أسهم فورد (Ford) المأخوذة كل يوم عند الساعة ٤ بعد الظهر ولسدة ٢٠٠ يوم، الأسباب إحصائية ، ونذكر على سبيل المثال أسعار أسهم فورد (Ford) المأخوذة كل يوم عند الساعة ٤ بعد الظهر ولسدة ٢٠٠ يوم، الأسباب إحصائية عدَّة يُفضَّل عدم العمل مباشرة على سلاسل الأسعار، بحيث بتم عادة نحويل سلاسل الأسعار الخام إلى سلاسل من العوائد، بالإضافة إلى ذلك للعوائد ميزة إضافيَّة، وهي أنها دون وحدة، لذلك وعلى سبيل المثال، إذا كان العائد السنوي ١٠٪ فإن المستثمرين يعرفون أنهم سوف بتحصَّلون على ١١٠٠عند استثمار ٢٠٠٠ع وهكذا.

هناك طريقتان تستخدمان لحساب عوائد سلسلة من الأسعار، تتمثّل في إنشاء العوائد البسيطة والعوائد المركبة المستمرة (Continuously Compounded Returns)، يُمكن الحصول على هذه العوائد على النحو التالي:

العوائد البسيطة

$$R_t = \frac{p_t - p_{t-1}}{p_{t-1}} \times 100\% \tag{1.1}$$

العوائد المركبة المستمرة

$$r_t = 100\% \, \mathrm{x} \ln \left(\frac{p_t}{p_{t-1}} \right)$$
 (Y.1)

In p_t العائد البسيط في الزمن p_t ، ويمثّل p_t العائد المركب المستمر في الزمن p_t ، العائد المركب المستمر في الزمن p_t اللوغاريتم الطبيعي.

إذا كان الأصل قيد الدرس سهم أو محفظة من الأسهم فإن العائد الإجمالي المتحصَّل عليه هو مجموع أرباح رأس المال، وكل الأرباح الموزَّعة خلال فترة الاحتفاظ بالأسهم، ومع ذلك غالبًا ما يتجاهل الباحثون كل ما هو أرباح مُوزَّعة، يُعتبر هذا الأمر مؤسفًا، وسوف يؤدي إلى تقدير إجمالي العوائد التي سوف تعود إلى المستثمرين بأقل عمَّا هي عليه، من المحتمل أن يكون لذلك تأثير ضئيل إذا كانت فترات الاحتفاظ قصيرة جدًّا، لكن سوف يكون التأثير على العوائد المتراكمة شديدًا إذا كانت آفاق الاستثبار تمتد لعدة سنوات، كما أن تجاهل الأرباح الموزَّعة سوف يكون له تأثير تشويهي للبيانات المقطعيَّة العرضيَّة لعوائد الأسهم، على سبيل المثال سوف يترتَّب على على على أن تجاهل توزيع الأرباح تفضيل الأسهم 'مُتنامية القيمة' بشكل خاطئ على أسهم الدخل (على سبيل المثال صناعات المنافع والصناعات الناضجة) التي تُدرِّ أرباحًا عالية.

من الممكن في المقابل تعديل السلاسل الزمنيَّة لأسعار الأسهم، بحيث نتم إضافة الأرباح الموزعة إلى رأس المال لتوليد مُؤشر العائد الإجالي، إذا كان علا مُؤشر العائد الإجائي، فإن العوائد التي تم توليدها باستخدام إحدى الصبغتين المذكورتين أعلاه تُوفِّر مقياسًا لإجالي العائد الذي يُمكن أن يتحصَّل عليه حامل الأصل خلال الزمن r.

الإطار رقم (٢, ١) لوغاريتم العوائد

- (١) للوغاريتهات العوائد خاصية جيدة، وهي أنه يُمكن تفسيرها على أنها العوائد المركبة المستمرة، وبذلك لن يكون لتواتر تركيب العوائد أيّة أهميّة، وبالتالي يُمكن بسهولة أكبر مُقارنة عوائد مختلف الأصول.
- (٢) يُمكن جمع العوائد المركبة المستمرة عبر الزمن، لنفترض على سبيل المثال أن المطلوب هو سلسلة العوائد الأسبوعية، وأنه تم حساب لوغاريتم العوائد اليومية لخمسة أيام، مُرقَّمة من الحائز بكل بساطة جمع العوائد اليومية الخمس للحصول على عائد لكامل الأسبوع:

 $r_1 = \ln(p_1/p_0) = \ln p_1 - \ln p_0$ عائد وم الأثنين $r_2 = \ln(p_2/p_1) = \ln p_2 - \ln p_1$ عائد وم الثلاثاء $r_3 = \ln(p_3/p_2) = \ln p_3 - \ln p_2$ عائد وم الأربعاء $r_4 = \ln(p_4/p_3) = \ln p_4 - \ln p_3$ عائد وم الحميس عائد وم الجمعة $r_5 = \ln(p_5/p_4) = \ln p_5 - \ln p_4$ عائد وم الجمعة $\ln p_5 - \ln p_0 = \ln (p_5/p_0)$

تستخدم المؤلفات الأكاديمية الماليَّة عادة صيغة لوغاريتم العائد (والمعروف أيضًا بمناسبب لوغاريتم السعر بها أنها تَثَل نسبة سعر هذه الفترة إلى سعر الفترة السابقة)، يعرض الإطار رقم (٣, ١) سبيين رئيسين وراء ذلك الاستخدام.

غير أن هناك أيضًا عبيًا يشوب استخدام لوغاريتم العوائد، يُعتبر العائد البسيط على محفظة من الأصول، المتوسَّط المرجَح (Weighted Average) (أو الموزون) للعوائد البسيطة على الأصول الفرديَّة:

$$R_{pt} = \sum_{i=1}^{N} w_i R_{it} \tag{(T.1)}$$

غير أن هذه المعادلة غير صالحة للاستخدام في حالة العوائد المركبة المستمرة، لذلك هذه العوائد لا يُمكن جمعها من خلال المحفظة، والسبب الرئيس وراء ذلك هو أن لوغاريتم المجموع لا يُساوي مجموع اللوغاريتهات، وذلك لأن عمليَّة أخذ اللوغاريتم تُعتبر تحويلًا غير خطِّي، لحساب عائد المحفظة في هذا السياق بجب أولًا تقدير قيمة المحفظة في كل فترة زمنية، ثم تحديد العوائد من القيم المجمَّعة للمحفظة، أو بدلًا من ذلك، إذا افترضنا أنه تم شراء الأصل في الزمن K = K بالسعر E = K ومن ثم بيعه بعد K فترة بالسعر E = K وبعد ذلك إذا قمنا بحساب العوائد البسيطة لكل فترة E = K فإن العائد الكل لجميع الفترات E = K بالسعر عود

$$\begin{split} R_{Kt} &= \frac{p_t - p_{t-K}}{p_{t-K}} = \frac{p_t}{p_{t-K}} - 1 &= \left[\frac{p_t}{p_{t-1}} \times \frac{p_{t-1}}{p_{t-1}} \times ... \times \frac{p_{t-K+1}}{p_{t-K}} \right] - 1 \\ &= \left[(1 + R_t)(1 + R_{t-1}) ... (1 + R_{t-K+1}) \right] - 1 \end{split} \tag{ξ_{\bullet}}$$

في الحالة القُصوي عند ارتفاع تكرارات مُغاينة البيانات، بحيث يتم قياس البيانات على فنرات زمنيَّة أصغر شيئًا فشيئًا سوف تكون العوائد البسيطة والعوائد المركبة المستمرة مُتطابقة.

١ . ٤ . ١ السلاسل الحقيقيَّة مُقابل السلاسل الاسميَّة وتكميش السلاسل الاسميَّة

(Real versus nominal series and deflating nominal series)

إذا أشار العنوان الرئيس لإحدى الصحف إلى أن 'أسعار المساكن سجّلت أسرع معدل للنمو عرفته على مدى أكثر من عقد، فمسكن عادي مُتكوَّن من ٣ غرف نوم يُباع الآن بـــ ١٨٠٠ على جن كان يُباع بـــ ١٢٠, ٠٠٠ عسنة ١٩٩٠، فمن المهم أن تُدرك أنه من شبه المؤكد أن هذا الرقم بالقيمة الاسميّة، بعبارة أخرى، يُشير المقال إلى الأسعار الفعليَّة للمساكن السائدة في تلك النقاط الزمنيَّة، بميل المسنوى العام للأسعار في مُعظم الاقتصادبات حول العالم إلى الارتفاع طوال الوقت تقريبًا، لذلك ينعيَّن علينا التأكد من أننا نُقارن بين الأسعار على أساس قابل للمقارنة، يُمكن أن نُفكِّر أن جُزءًا من ارتفاع أسعار المساكن يُعزَّى إلى زيادة الطلب على المساكن، وجُزءًا يرجع ببساطة إلى ارتفاع جميع أسعار السلع والخدمات معًا، من المجدي إذًا أن تستطيع الفصل بين هذين الناثيرين والإجابة عن هذا السؤال: 'بكم ارتفعت أسعار المساكن بعد حدف تأثير التضخم العام؟'، أو بطريقة مُعلَّلة يُمكن أن نسأل: 'كم تُساوي أسعار المساكن الآن لو قُمنا بقياس قيمتها على أساس سنة ١٩٩٩، يمكننا القيام بذلك من خلال امتصاص التضخم من سلسلة أسعار المساكن الاسميَّة لإنشاء سلسلة أسعار مساكن حقيقيَّة، والتي تُسمَّى سلسلة مُعلَّلة وفقًا للتضخم أو سلسلة بأسعار ثابتة.

	الجدول رقم ١١.١١ كيفيّة إنشاء سلسلة قيم حقيقيّة من خلال سلسلة قيم اسمية						
أسعار المساكن (عند مستويات ٢٠٠٣)	أسعار المساكن (عند مستويات ٢٠٠٤)	مؤشر أسعار المستهلكين (عند مستويات ٢٠٠٤)	أسعار المساكن الاسمية	āina)			
۱۰۵,٦٨١	۸٥.٥٠٢	9V.1	AT. 20 ·	41			
110,000	90,148	4.0	94,414	7 7			
124,20+	119.804	٩٨.٧	117.9.0	44			
177,77 •	17 £.A. T	١	7.4.371	4 8			
۱۸۵,۱٦٥	189.41.	1.1.7	101,707	۲			
191,400	100,414	1+7.1	10A.£YA	4			
Y + +, A 0 +	174.0	1 - 1, 1	177.770	Y Y			
170,720	779.371	1.9.5	1A+,£VP	Y A			
177,127	17 £. • 1V	111.4	10.0.1	74			
177,177	78+,+A7	111,7	137,131	7.7.			
\00,£V7	150.25	119.7	131.811	4-11			
VV0,¢F/	177.477	111.1	137,774	7 - 7 7			
177,720	181.422	177.7	177.780	7-14			

ملاحظات: جميع الأسعار بالجنيه الإسترليني؛ أخذت أسعار المساكن في شهر يناير من كل عام من ناشينوايد (Nationwide) (انظر: الملحق رقم 1 للاطلاع على هذا المصدر)، أرقام مؤشر أسعار المستهلكين للتوضيح فقط. مقدمة ١١

يُعتبر تكميش سلسلة ما أمرًا سهل المنال، فكل ما هو مطلوب (باستثناء السلسلة التي سيتم امتصاص التضخم منها) هو سلسلة معامل انكياش الأسعار، وهي سلسلة تقيس المستويات العامة للأسعار في الاقتصاد، نستخدم عادة سلاسل من قبيل مؤشر أسعار المستهلكين (Producer Price Index (PPI))، مؤشر أسعار المنتج (Producer Price Index (PPI)) أو مكمش الأسعار المستهلكين (GDP Implicit Price Deflator)، مؤشر أسعار المضمني للناتج المحلي الإجالي (GDP Implicit Price Deflator)، هذا ويتعدّى عرض المزيد من التفاصيل عن أنسب مؤشر عام للأسعار من حيث الاستخدام نطاق هذا الكتاب، ولكن يكفي القول إنه إذا كان اهتام الباحث يتَّجه فقط نحو أخذ صورة عامة لا صورة دقيقــة عن الأسعـار الحقيقيّة فإن اختيار مكتش (Deflator) لن تكون لــه أهميّة تُـذكر.

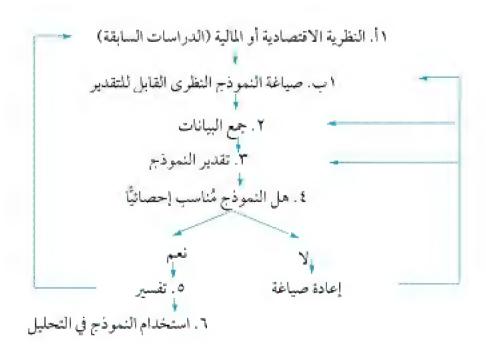
نتحصًّل على سلسلة الأسعار الحقيقيَّة من خلال أخذ السلسلة الاسمية وقسمتها على مؤشر انكهاش الأسعار ثم ضربها في ١٠٠ (بافتراض أن المكمّش له قيمة أساس ١٠٠):

السلسلة الاسمية في الزمن
$$t$$
 السلسلة الخقيقية في الزمن t التكسش في الزمن الزمن و الزمن في الزمن في

من الجدير بالذكر أن الانكهاش ليس سوى عمليَّة تخص السلاسل التي يتم قياس قيمها نقدًا، لذلك ليس من المنطقي امتصاص التضخُّم من سلسلة قائمة على الكمِّيَّات، كسلسلة أعداد الأسهم المتداولة مثلًا، أو من سلسلة نسب عاديَّة أو منويَّة مثل معدل العائد على الأسهم.

مثال: تكميش أسعار المساكن

لنستخدم كمثال توضيحي سلسلة من متوسط أسعار المساكن في المملكة المتحدة تم قياسها سنويًا بين ٢٠٠١ و ٢٠١٣، وهي سلسلة مأخوذة من قاعدة بيانات ناشينوايد (انظر: الملحق رقم ١ للمصدر كاملًا)، نجد هذه السلسلة في العمود ٢ من الجدول رقم (١٠١).



الشكل رقم (١.١) الخطوات المُّبْعة لصياغة نموذج اقتصادي قياسي

هذا وترد في العمود الثالث بعض الأرقام الخاصة بالمستوى العام للأسعار مُقاسًا بمؤشر أسعار المستهلكين، لتفترض أولا أننا نرغب في تحويل الأرقام إلى أسعار (حقيقيَّة) ثابتة، باعتبار أن ٢٠٠٤ هي سنة 'الأساس' (أي أن قيمة مؤشر أسعار المستهلكين لهذه السنة تُساوي ١٠٠)، فإن أسهل طريقة للقيام بذلك تتمثّل ببساطة في تقسيم كل سعر من أسعار المساكن عند الزمن ٢ بمؤشر أسعار المستهلكين في الزمن ٢ ثم ضربها في ١٠٠ كما في المعادلة رقم (١٠٥)، وهذا من شأنه أن يعطي الأرقام الواردة في العمود ٤ من الجدول.

إذا أردنا تحويل أسعار المساكن إلى أرقام سنة معينة سوف نُطبُق المعادلة رقم (١٠٥)، لكن بدلًا من ١٠٠ سوف يكون لدينا قيمة مؤشر أسعار المستهلكين لتلك السنة، لنفترض أننا نرغب في صياغة الأسعار الاسمية للمساكن وفقًا لأسعار سنة ٢٠١٣ (وهي سنة تحظى بأهميَّة خاصَّة بها أنها المشاهدة الأخيرة في الجدول)، وبالتالي سوف نستند في الحساب على صيغة مُعدَّلة من المعادلة رقم (١٠٥):

$$real\ series_t = \frac{nominal\ series_t}{CPI_t} CPI_{reference\ year} \tag{7.4}$$

حيث يرمُّز $CPI_{reference\ year}$ إلى مؤشر أسعار المستهلكين للسنة المرجعيَّة، فعلى سبيل المثال، للحصول على القيمة حيث يرمُّز $CPI_{reference\ year}$ إلى مؤشر أسعار المستهلكين للسنة المرجعيَّة (أي ٢٠٠١) وهي مُتوسط أسعار المساكن وفقًا لأسعار ٢٠٠١، يجب أن نأخذ القيمة الاسمية Λ , ٤٥٠ وضربها في قيمة مؤشر أسعار المستهلكين للسنة المرجعيَّة (أي ٢٣,٦) وقسمتها على قيمة مؤشر أسعار المستهلكين لسنة ٢٠٠١) الخ.

٥ , ١١ لخطوات المتبُّعة في صياغة نموذج اقتصادي قياسي

(Steps involved in formulating an econometric model)

على الرغم من أن هناك بطبيعة الحال عدة طرق مُختلفة لبناء النهاذج، إلَّا أنه يوجد نهج منطقي وسليم يتمثّل في اتباع الخطوات الموضّحة في الشكل رقم (١,١)، سوف نستعرض الآن ونشرح الخطوات المتبعة في عملية بناء النموذج، هذا وترد تفاصيل إضافية عن كل خطوة من هذه الخطوات في الفصول اللاحقة من هذا الكتاب.

- الخطوة ١ أ و ١ ب : بيان عام للمسألة المطروحة: تشمل هذه الخطوة عادة صياغة نموذج نظري أو فكرة من النظريَّة الماليَّة ترى وجوب ارتباط بين متغيِّريُنِ أو أكثر بطريقة معيَّنة، لا يُفترض أن يكون النموذج قادرًا على التقاط كل الظواهر الهائة للعالم الحقيقي بشكل كامل، وإنها ينبغي أن يُقدَم تقديرًا جبدًا بها يكفي ليكون نموذجا مُفيدًا للهدف قَبْد الدرس.
- الخطوة ٢: جمع البيانات ذات العلاقة بالنموذج: يُمكن أن تكون البيانات المطلوبة مُتاحة إلكترونيًا عن طريق أحد مُقدَّمي المعلومات الماليَّة مثل رويترز (Reuters)، أو من خلال الإحصاءات الحكومية المنشورة، في المقابل يُمكن أن لا تُتاح البيانات المطلوبة سوى عن طريق استفصاء بعد توزيع مجموعة من الاستبيانات، أي بيانات أوَّلية.
- الخطوة ٣: اختيار طريقة تقدير مُناسبة للنموذج المقترح في الخطوة ١. على سبيل المثال، هل سيتم استخدام طريقة المعادلة الواحدة أم طريقة المعادلات المتعددة؟

- الخطوة ٤: تقييم إحصائي للنموذج: ما هي الافتراضات المطلوبة لتقدير معليات النموذج على النحو الأمثل؟ هل البيانات أو النموذج استوفت تلك الافتراضات؟ أو كذلك هل النموذج يصف البيانات بشكل مُناسب؟ إذا كانت الإجابة 'نعم' عندها ننتقل إلى الخطوة ٥، أمَّا إذا كانت الإجابة 'لا'، فإننا نعود إلى الخطوات من ١ إلى ٣، ونقوم إمَّا بإعادة صياغة النموذج أو يجمع المزيد من البيانات، أو اختيار تقنية تقدير مختلفة ذات متطلبات أقل صرامة.
- الخطوة ٥: تقييم النموذج من منظور نظري: هل أحجام وعلامات قيم المعلمات المقدَّرة نتماشي مع ما أشارت إليه النظريَّة أو الفكرة المذكورة في الخطوة ٢٦ إذا كانت الإجابة 'لا فإننا نرجع بحدها نتقل إلى الخطوة ٦، أمَّا إذا كانت الإجابة 'لا فإننا نرجع بحددًا إلى الخطوات من ١ إلى ٣.
- الخطوة ٦: استخدام النموذج: عندما يكون الباحث راضيًا أخبرًا عن النموذج يمكنه عندئذ استخدامه لاختبار النظرية المشار إليها في الخطوة ١، أو لصباغة تنبؤات أو سبل عمل مُقترحة، يُمكن أن تخص هذه الأخيرة الفرد (على سبيل المثال، إذا ارتفع التضخم والناتج المحلي الإجمالي فإنه يتم شراء أسهم القطاع ٢)، أو أنها تكون بمثابة مُدخل لسياسات الحكومة (على سبيل المثال، تُسبَّب عمليات التداول المبرمجة تقلُّبًا مُفرطًا، وبالتالي يجب حظرها).

من المهم الإشارة إلى أن عملية بناء نموذج تجريبي قوي هي عملية تكراريَّة، وهي بالتأكيد ليست عليًا دقيقًا، هذا ويكون النموذج المُفضَّل النهائي في أغلب الأحيان مُحتلفًا جدًّا عن النموذج المقترح في بداية الأمر، وليس من الضروري أن يكون وحيدًا من نوعه، بمعنى أنه يُمكن لباحث آخر له نفس البيانات ونفس النظريَّة الأوَّلية أن يصل إلى توصيف نهائي مُحتلف.

٦ بعض النقاط التي يجب مراعاتها عند قراءة مقالات في مجال الماليّة التجريبي

(Points to consider when reading articles in empirical finance)

كما ذُكر سابقًا تتمثّل إحدى الخصائص المميِّزة لهذا الكتاب مُقارنة بالكتب الأخرى في نفس المجال في استخدامه لأبحاث أكاديمية منشورة كأمثلة على استخدام التقنيات المختلفة، وقد اختيرت أوراق البحث التي تمت دراستها للعديد من الأسباب، قبل كل شيء تمثّل هذه الأوراق (بحسب رأي الكاتب) تطبيقًا واضحًا ودقيقًا في مجال المائيّة للتقنيات التي يُغطّيها هذا الكتاب، يتعيَّن كذلك أن تكون هذه الأوراق منشورة في مجلة مُحكَّمة بمراجعة النظراء، وبالتالي فهي مُتاحة على نطاق واسع.

عندما كنت طالبًا كنت أعتقد أن البحث هو علم بحت، الآن وبعد أن اكتسبت خبرة عمليّة عن الأبحاث التي قام بها الأكاديميون والمهارسون يميلون إلى المبالغة في قوة نتائجهم وفي أهمية استنتاجاتهم، كها أن لديهم ميلًا إلى عدم الاكتراث باختيارات مدى مُلاءمة نهاذجهم، وإلى التغاضي أو حذف أيّة نتائج لا تتماشى مع المسألة التي يرغبون في إجرائها، لذلك من المهم عند دراسة أوراق بحث من الأدبيات الماليّة الأكاديمية إلقاء نظرة جد نافذة على البحث، كها لو أنك عُكم طُلب منه التعليق على مدى مُلاءمة الدراسة لمجلة علمية، هذا وترد في المربع رقم (٤٠١) الأسئلة التي يجدر طرحها عند قراءة ورقة بحث، ضع هذه الأسئلة في البال عند قراءة مُلخصاتي للمقالات المستخدمة كأمثلة في هذا الكتاب، وإن كان مُكنًا ابحث عن تلك المقالات واقرأها بالكامل لنفسك.

الإطار رقم (٢٠٤) التقاط التي يجب مراعاتها عند قراءة ورقة يحث منشورة

- (١) هل تتضمَّن ورقة البحث تطوير نموذج نظري، أم أنها مجرد تقنية تبحث عن تطبيق، مما يجعل الدافع وراء المسألة برمَّتها دافعًا ضعيفًا؟
- (٢) هل البيانات ذات 'نوعية جيدة'؟ هل هي من مصدر موثوق؟ هل حجم العينة كبير بها فيه الكفاية لتقدير النموذج المطروح؟
- (٣) هل تم تطبيق التقنيات بشكل صحيح؟ هل أُجْرِيَت اختبارات عن الانتهاكات المحتملة لأيٌّ من الافتراضات الواردة في تقدير النموذج؟
- (٤) هل تم تفسير النتائج بعقلانيَّة؟ هل قوة النتائج مبالغ فيها؟ هل النتائج التي تم التوصُّل إليها على أرض الواقع تعكس الأسئلة التي طرحها المؤلف (ين)؟ هل يمكن تكرار النتائج من قِبَل باحثين آخرين؟
- هل تُعتبر الاستئتاجات المستخلصة مُناسبة بالنظر إلى النتائج، أو هل أهمية نتائج ورقة البحث مُبالغ فيها؟

٧ . ١ ملاحظة عن الإحصاءات البايزيَّة مقابل الإحصاءات الكلاسيكية

(A note on Bayesian versus classical statistics)

كما هو الحال في مُعظم الكتب الأخرى ثُمثُل الإحصاءات الكلاسيكية النهج الفلسفي المعتمد في بناء النهاذج طوال هذا الكتاب، يَفترض الباحث في إطار النهج الكلاسيكي نظرية، ويُقدِّر نموذجًا لاختبار تلك النظرية، هذا ويتم إجراء اختبارات للنظرية باستخدام النموذج المقدَّر ضمن الإطار الكلاسيكي لاختبار الفرضيات الذي تم تطويره في الفصل ٢ إلى الفصل٤، واستنادًا إلى النتائج التجريبية، إمَّا أن تُورِّيد البيانات النظرية أو أنها تدحضها.

غير أن هناك نهجًا مُحتلفًا تمامًا لبناء النهاذج، وللتقدير والاستدلال، يُعرَف باسم الإحصاءات البايزيّة (Bayesian Statistics)، في إطار النهج البايزي تعمل النظرية والنموذج التجريبي معًا بشكل أوثق، يبدأ الباحث بتقييم المعارف أو الافتراضات السائدة، وصياغتها في مجموعة من الاحتهالات، بعدها يتم دمج المدخلات السابقة مع البيانات المشاهدة من خلال دالة الإمكان (Likelihood) وصياغتها في مجموعة من الاحتهالات البعليّة، وبالتالي (Function)، ثم يتم تحديث الافتراضات والاحتهالات تبعًا لتقدير النموذج، مما يؤدي إلى مجموعة من الاحتهالات البعليّة، وبالتالي تحديد الاحتهالات تباعًا كلّها توفّر المزيد من البيانات، وعلى أبسط المستويات تُعرف الآليّة الرئيسة لدمج المدخلات الأوليّة مع دالة الإمكان بنظرية بايز (Bayes theorem).

وجد النهج البايزي للتقدير والاستدلال عددًا من التطبيقات الهامة والحديثة في الاقتصاد القياسي المالي، ولا سبيما في إطار نمذجة التقلُّب (Volatility) (انظر: باوينز ولوبرانو (١٩٩٨) ((١٩٩٨) (Bauwens and Lubrano) أو فرونتوس وآخرون (٢٠٠٠) مؤلمة عقلمة

(Vrontos et al. (2000)) والمراجع الواردة في هذه الأبحاث للاطلاع على بعض الأمثلة)، توزيع الأصول (انظر: على سبيل المثال هاندا وتيواري (٢٠٠٦) ((Handa and Tiwari (2006)) وتقييم أداء المحافظ الاستثباريَّة (باكس وآخرون (٢٠٠١) ((2001)) Baks et al. (2001)).

يُعتبر الإعداد البايزي جذابًا بشكل بديهي رغم ما ينتج عنه من رياضيات معقدة نوعًا ما، هذا ويُبُدِي العديد من الإحصائيين الكلاسيكيين عدم رضاهم عن المفهوم البايزي للاحتهالات القبليَّة (المشبقة) التي يتم تحديدها جُزئيًّا وفقًا لأحكام الباحث، وبالتائي إذا وضع الباحث احتهالات قبليَّة صارمة جدًّا فإن هناك حاجة إلى قدر هائل من الأدلَّة لدحض فكرة ما، يتعارض ذلك مع الحالة الكلاسيكيَّة، حيث يُسمح عادة للبيانات وبحرَّية إمَّا تأبيد النظرية أو دحضها بغضً النظر عن أحكام الباحث.

٨ . ١ مدخل إلى إقبوز

(An introduction to EViews)

يُعتبر عدد حزم البرامج المتاحة لنمذجة الاقتصاد القيامي كبيرًا، ومع مرور الزمن شهدت هذه الحزم تحسّناً من حيث اتساع التقنيات التي تُوفِّرها، وتقاربت كذلك من حيث ما هو مناح في كل حزمة، يمكن تصنيف البرامج بشكل مُقيد حسب ما إذا كانت هذه البرامج تفاعلية بالكامل (أي برامج مُوجَّهة بخيارات)، أو برامج مُوجَّهة بتعليمات (حيث يجب أن يكتب المستخدم برامج صغيرة)، أو مزيج من هذين الصنفين، الحزم الموجَّهة بخيارات، والتي تعتمد غالبًا على واجهة مُستخدم رسومية لميكروسوفت ويندوز، هي بالتأكيد الأسهل استخدامًا في الغالب بالنسبة للمستخدمين المبتدئين، وذلك لأنها تتطلّب دراية بسيطة بتركيبة الحزمة، كما يُمكن عُمومًا تعديل القوائم فيها بكل بساطة، إفيوز هو عبارة عن حزمة برامج تنتمي إلى هذه الفئة.

من جهة أخرى غالبًا ما يشكو البعض من هذه الحزم نقص في المرونة، وذلك لأن قوائم الخيارات المتاحة تم تحديدها من قبل المطوّرين، وبالتالي إذا أراد أحدنا بناء شيء أكثر تعقيدًا أو شيء مختلف تمامًا فإنه يضطر إلى النظر في حزم بديلة، ومع ذلك يمتلك إيفيوز لغة برمجة تستند إلى أوامر، بالإضافة إلى واجهة نقر وتأشير لكي تُتبح المرونة علاوة عن سهولة الاستخدام، هذا ونجد ثلاث مجلات شارك فيها هذا المؤلف، تتعلَّق بالفصل ٩ من هذا النص على وجه الخصوص، وهي بروكس (١٩٩٧) ويروكس وبورك وبرساند (٢٠٠١ و ٢٠٠٣) 2003 ((٢٠٠٣) (Brooks, Burke and Persand)، وعلى غرار الطبعات السابقة لهذا الكتاب سوف تُقدَّم عيَّنة من التعليات والمخرجات عن الحزمة البرمجيَّة إفيوز، يُستخدم هذا البرنامج لأنه سهل الاستخدام، ولكونه برنامجاً مُقادًا بقوائم، وهو كلف تنفيذ من المقادم التهام الرئيسة، وكيفية تنفيذ

١ . ٨ . ١ إنجاز مهام بسيطة باستخدام إفيوز

(Accomplishing simple tasks using EViews)

إفيوز هو عبارة عن حزمة تفاعلية من برامج الاقتصاد القياسي سهلة الاستخدام، وتوفر الأدوات الأكثر استخدامًا في الاقتصاد القياسي العملي، يرتكز بناء إفيوز حول مفهوم الكائنات، لكل كائن تافذته الخاصّة، قائمته الخاصّة، إجراءه الخاص، وعرضه الخاص للبيانات، باستخدام القوائم يسهل الانتقال بين عرض جداول البيانات (Spreadsheet)، الرسوم البيانيَّة الخطيَّة والشريطيَّة، نتائج الانحدار، إلخ، ومن أهم خصائص إفيوز التي تجعل منه برنامجاً مُفيدًا لبناء النهاذج وفرة اختبارات التشخيص (سوء التوصيف)

التي يتم حسابها تلقائيًا، مما بجعل من الممكن اختبار ما إذا كان النموذج سليًا أم لا من الناحية الاقتصاديَّة القياسيَّة، سوف تجد ضالَّتك في إفيوز من خلال استخدامك لمزيج من النوافذ، والأزرار، والقوائم، والقوائد الفرعيَّة، هذا وتتمثَّل الطريقة الجيَّدة للإلمام بإفيوز في الاطلاع على قوائمه الرئيسة من خلال الأمثلة الواردة في هذا الفصل والفصول اللاحقة.

يفترض هذا القسم أن القراء حصلوا على نسخة مُرخَّصة من إيفيوز ٨ (أحدث إصدار متوفَّر عند تأليف هذا الكتاب)، وهيا بنجاح على جهاز الحاسب، وفيها بلي وصف لحزمة برامج إفيوز إلى جانب تعليهات تُستخدم لإنجاز مهام عاديَّة والحصول على مخرجات العينّة، هذا وتظهر كل التعليهات التي يجب إدخالها، أو الأيقونات التي يجب النقر عليها مكنوبة بالخط العريض طوال هذا الكتاب، أمَّا الهدف من وراء الاستعراض الوارد في هذا الفصل والفصول اللاحقة فلا يتمثَّل في إظهار كامل وظائف الحزمة، وإنها لتمكين القراء من البدء بالتعامل مع هذه الحزمة سريعًا، وشرح كيفيَّة تطبيق الثقنيات وتفسير النتائج، ولمزيد من التفاصيل يجب على القراء الاطلاع في المفام الأول على أدلة البرنامج، وهي الآن مُتاحة إلكترونيًّا مع البرنامج، وكذلك مُتاحة في نسخة ورقبَّة (٢)، كها تشير إلى أن إفيوز ليس حساسًا لحالة الأحرف، وبالتائي لا يهم إذا كانت الأوامر مُدخلة بأحرف صغيرة أم بأحرف كبيرة.

فتح البرنامج

(Opening the software)

لتحميل إفيوز من ويندوز انقر فوق الزر ابدأ، ثم كافة البرامج، EViews8 وأخيرًا EViews8 مرة أخرى.

قراءة البانات

(Reading in data)

يدعم إفيوز على حد سواء القراءة أو الكتابة في أنواع مختلفة من الملفات، بها في ذلك ملفات أسكي (نصوص) (ASCII). ملفات مايكروسفت إكسل 'XLS.' و 'XLS.' (القراءة من أي ورقة محفوظة في المصنف إكسل)، ملفات لوتس (Lotus) 'WKS1'. من السهل عادة العمل مُباشرة على ملفات إكسل كها هو الحال هنا طوال هذا الكتاب.

إنشاء ملف عمل واستبراد البيانات

(Creating a workfile and importing data)

تتمثّل الخطوة الأولى عند فتح برنامج إفيوز في إنشاء ملف العمل الذي سوف مجتوي البيانات، للقيام بذلك حدَّد New ((جديد) من الفائمة File (ملف)، اختر بعد ذلك Workfile ، سوف تظهر النافذة 'Workfile Create' (خلق ملف عمل) كما في لقطة الشاشة (Screenshot) رقم (١,١).

 ⁽٢) هناك نسخة من إفيوز ٧ مُوجَّهة للطلاب، وهي مُتاحة بتكلفة أقل بكثير من النسخة الكاملة، لكنَّها تتضمَّن قيودًا على عدد المشاهدات وعلى الأشياء التي يُمكن إدراجها في كل ملف عمل محفوظ.

سوف نستخدم كمثال سلسلة زمنية لبيانات متوسط أسعار المساكن في المملكة المتحدة، تم الحصول على هذه السلسلة من قاعدة بيانات ناشينوايد، وهي سلسلة تضم ٢٦٩ مُشاهدة شهرية من يناير ١٩٩١ إلى مايو ٢٠١٣)، ينبغي تحديد تكرار البيانات (Frequency of the data) (شهري)، وإدخال تاريخ البده (1991:1) وتاريخ الانتهاء (2013:05)، انقر فوق OK (موافق)، وسوف يتم إنشاء ملف عمل دون اسم.

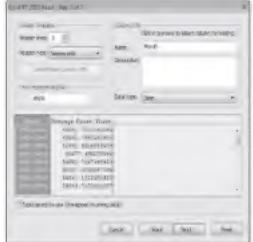
Workfile structuré typé	-Date specific	(abori	
Dated - regular frequency •	Frequency:	Monthly	-
trregular Dated and Panel workfles may be made from	Start date:	1991:01	
Unstructured workfiles by later specifying date and/or other identifier series.	End date:	2013:05	
Wonifile names (optional)			

لقطة الشاشة رقم (١,١) إنشاء ملف عمل.

في الخانة 'Specification نحتفظ بالخيار الافتراضي 'Workfile structure type' ثم في الخانة ' specification (شهري). لاحظ أن صيغة إدخال التاريخ للبيانات الشهرية والربع ستوبة هي على التوالي Specification (تحديد التاريخ) اختر Monthly (شهري). لاحظ أن صيغة إدخال التاريخ الولايات المتحدة، وذلك بناءً على طريقة التوالي YYYY: و YYYY: بالنسبة للبيانات اليومية يجب عادة استخدام صيغة تاريخ الولايات المتحدة، وذلك بناءً على طريقة إعداد إفيوز: MM/DD/YYYY (على سبيل المثال، يُوافق ٢٠/ ١٩٩٩ الأول من مارس ١٩٩٩ وليس الثالث من يناير)، لذلك يجب توخّي الحذر هنا للتأكد من أن صبغة التاريخ المستخدمة هي الصيغة الصحيحة، اكتب على التوالي تواريخ البدء والانتهاء للعيئة في المربعات كما يلي: 1991:01 و 2007:05، انقر بعد ذلك فوق OK، تم إلى حدَّ الآن إنشاء ملف العمل، لاحظ أنه ظهر زوجان من الثواريخ 'Sample' و 'Sample': الأول هو نطاق التواريخ الواردة في ملف العمل، والثاني تاريخ عيَّنة ملف العمل الحالي (في هذه الخالة نفس الناريخ المشار إليه أعلاء)، كما يظهر كذلك كانتان هما: C (وهو منَّجه يضم معلمات أيَّ من النهاذج المفتَّرة) و هذين الخائين اللذين يتم إنشاؤهما تلفائيًّا.

⁽٣) سوف يَرد في الملحق رقم ١ وعلى موقع الويب المصاحب لهذا الكتاب وصف كامل لمصادر البيانات المستخدمة.

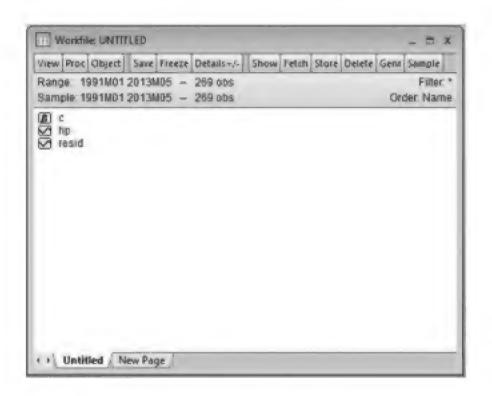






لقطة الشاشة رقم (٢,٢) استيراد بيانات إكسل إلى ملف العمل - الشاشات من ١ إلى ٣.

الآن وقد تم إعداد ملف العمل يمكننا استيراد البيانات من ملف الإكسل UKHP.XLS، لذا من القائمة File حدَّد السهراد) ثم Import from File (استيراد) ثم الملف، السهراد)، سوف يُطلب منك بعد ذلك تحديد المجلد واسم الملف، وبمجرد إيجاد المجلد أين تم تخزين الملف قُم بإدخال UKHP.XLS في المربع 'file name' (اسم الملف) وانقر فوق open وبمجرد إيجاد المجلد أين تم تخزين الملف قُم بإدخال Open في المربع 'file name' (اسم الملف) وانقر فوق البيانات، ليس (فتح)، سوف تُصادف بعد ذلك سلسلة من ثلاث شاشات، حيث إنه من الممكن تعديل طريقة استيراد البيانات لتحديد من الضروري في مُعظم الأحيان تغيير أيِّ من الحيارات الافتراضية؛ لأن إفيوز يقوم بنظرة خاطفة داخل ملف البيانات لتحديد هيكل البيانات، تحديد ما إذا كان هناك صف رأس يحتوي على أسهاء السلاسل، إلخ، هذا وتعرض اللوحات ا إلى ٣ من لقطة الشاشة وقم (١, ٢) عذه الشاشات الثلاث، في الشاشة الثالثة انفر فوق Rename Series (إعادة تسمية السلسلة)، وفي المربع الذي سوف يظهر، اكتب AVERAGE-HOUSE-PRICE HP وهذا سوف يُغيِّر اسم السلسلة إلى 'HP'، عَّا يُسهّل قليلًا التعامل مع هذه السلسلة!



لفطة الشاشة رقم (٢,٢) ملف العمل المتضمن للبيانات التي تم تحميلها.

انقر فوق Finish (إنهاء)، وسوف يتم استيراد السلسلة، سوف تظهر السلسلة كأيقونة جديدة في نافذة ملف العمل كما في لقطة الشاشة رقم (٣, ١)، لاحظ أن إفيوز وعلى نحو معقول لم يقم باستيراد عمود التواريخ على أنه متغيّر إضافي.

التحقق من البيانات

(Verifying the data)

انقر مرتبن فوق الأبقونة الجديدة tp التي ظهرت، وهذا سوف يفتح نافذة للوحة جدولية داخل إفبوز تتضمَّن القيم الشهرية لأسعار المساكن، تأكَّد من أن ملف البيانات تم استيراده بشكل صحيح، وذلك بمراجعة بعض المشاهدات بطريقة عشوائيَّة.

تتمثّل الخطوة التالية في حفظ ملف العمل: انفر فوق الزر Save As (حفظ) من القائمة File واختر العمل ومكان الحفظ، وحفظ ملف العمل النشط)، وانقر فوق OK، سوف يُفتح مربع حوار للحفظ، يُطلَب منك إدخال اسم لملف العمل ومكان الحفظ، يُجب إدخال XX (حيث يُمثّل XX الاسم الذي اخترته للملف)، ثم انفر فوق OK. سوف يقوم إفيوز بحفظ ملف العمل في المجلد المحدد باسم XX.wfl هذا وقُمت بتسمية ملفي ukhp.wfl، سوف بنم مُطالبتك كذلك بتحديد ما إذا كان يجب حفظ البيانات الموجودة في الملف بدقة أحادية أو "بدقة مضاعفة"، ولأسباب لا تخفى عن أحد تُعتبر الدقة المضاعفة الأفضل ما لم يكن الملف كبيرًا جدًّا نتيجة لكميَّة المتغيِّرات والمشاهدات التي يحتويها (تتطلَّب الدقة الأحاديَّة مساحة أقل)، إذا انقر ببساطة فوق OK، هذا ويُمكن الحقًا فتح ملف العمل المحفوظ من خلال تحديد ... File/Open/EViewsWorkfile من شريط القوائم.

التحويلات

(Transformations)

يمكن في إفبوز إنشاء المتغبِّرات موضع اهترامنا من خلال تحديد الزر Genr من شريط أدوات ملف العمل وكتابة الصيغ المناسبة، لنفترض على سبيل المثال أن لدينا سلسلة زمنيَّة تسمَّى Z، يُمكن تعديل هذه الأخبرة بالطرق التالية بهدف إنشاء المتغبِّرات ٨، الناسبة، لنفترض على سبيل المثال أن لدينا سلسلة زمنيَّة تسمَّى Z، يُمكن تعديل هذه الأخبرة بالطرق التالية بهدف إنشاء المتغبِّرات الهميطة فذه التحويلات بالتفصيل في الفصل التالي، بها في ذلك القوى (Powers)، اللوغارية والأسس (Exponents)، تذكر الآن بعض التحويلات الشائعة:

القسمة	A = Z/2
الضرب	B = Z * 2
التربيع	$C = Z^2$
أخذ اللوغاريتم	D=LOG(Z)
أخذ الأس	E = EXP(Z)
إبطاء البيانات	F=Z(-1)
إنشاء لوغاريتم العوائد	$G = LOG(\mathbb{Z}/\mathbb{Z}(-1))$

هناك دوال أخرى يُمكن استخدامها في الصيغ مثل cos ،sin ،abs ،(لخ، هذا ونُشير إلى أنه لبس هناك حاجة إلى تعليمات خاصة لهذه التحويلات، يكفي أن نكتب: "المتغيِّر الجديد = دالة في المتغيِّر (ات) القديم (ة) ". سوف تظهر المتغيِّرات في نفس نافذة ملف العمل مثلها مثل المتغيِّرات الأصليَّة (أي المستوردة).

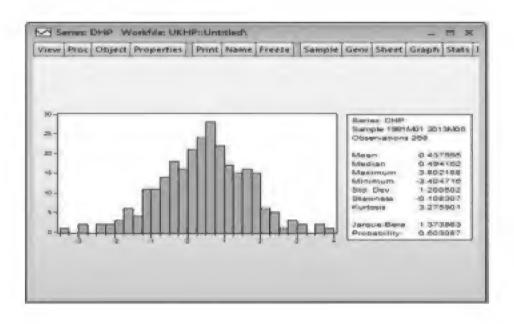
من المهم في حالتنا هذه حساب نسب التغيَّر المثويَّة البسيطة في السلسلة، انفر فوق Genr ثم اكتب -)PHP=100*(HP-HP(-1)*(I) من الجدير بالملاحظة أن هذه السلسلة الجديدة، أي DHP، سوف تكون سلسلة نسب تغيُّر مثويَّة شهريَّة، ولن تكون سلسلة سنويَّة.

حساب إحصاءات موجزة

(Computing summary statistics)

يُمكن الحصول على إحصاءات وصفية موجزة للسلسلة، وذلك بتحديد Quick/Series Statistics/Histogram and Stats . وكتابة (HDP) في اسم المتغيّر، سوف تظهر في النافذة الصورة المعروضة في لقطة الشاشة رقم (٤٠١).

وكما هو واضح يُشير المدرج التكراري إلى أن السلسلة لها ذيل عُلوي أطول قليلًا من ذيلها الشَّفلي (تُشير إلى مقياس المحور السيني (X-axis))، وأنها تتركز بعد الصفر بقليل، كما يتم عرض جميع الإحصاءات الموجزة بها في ذلك المتوسَّط، القيم الصغرى والعظمي، الانحراف المعياري، العزوم من الرتبة الأعل، وكذلك اختيار مدى اعتدال توزيع السلسلة، سوف تُفسَّر هذه الإحصاءات في القصول اللاحقة، كما يُمكن الحصول على إحصاءات ونحويلات مُفيدة أخرى بتحديد الأمر Quick/Series Statistics والتي سوف نتناولها أيضًا لاحقًا في هذا الكتاب.



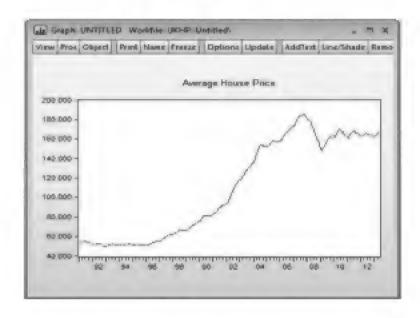
لقطة الشاشة رقم (٤ . ١) إحصاءات موجزة لسلسلة.

الرسوم البيانية (Plots)

يدعم إفيوز مجموعة واسعة من أنواع الرسوم البيانية بها في ذلك الرسوم البيانية الخطية، الرسوم البيانية الشريطية، الدوائر المجزأة، رسوم بيانية خطية -شريطية مختلطة، رسم النهايات الصغرى والكبرى، ورسم شكل الانتشار، هذا وتسمح مجموعة متنوعة من الخيارات للمستخدم بتحديد أنواع الخط واللون، وخصائص الحدود والعناوين، والتظليل، وتغيير قياس البيانات، بها في ذلك المقياس اللوغاريتمي والرسوم البيانية بمقياسين، كها تُدرج مفاتيح الرموز تلقائبًا مع الرسوم البيانية (على الرغم أنه يُمكن حذفها إذا رغبنا في ذلك)، كما يُمكن إدراج الرسوم البيانية في تطبيقات أخرى من تطبيقات ويندوز باستخدام النسخ واللصق، أو عن طريق تصديرها بصيغة ويندوز ميتافايل (Windows metafiles).

من القائمة الرئيسة حدَّد Quick/Graph ثم اكتب اسم السلسلة التي ترغب في رسمها (اكتب HP لرسم مستوى أسعار المساكن)، ثم انفر فوق OK، سوف تظهر لك النافذة 'Graph Options' (خيارات الرسم البياني) أين نختار نوع الرسم البياني الذي تريده (خطّي، شريطي، شكل الانتشار، دائري مجزَّا، إلخ)، وكذلك التحكم في تنسيق ونمط الرسم البياني (هل ترغب على سبيل المثال في مفتاح الرموز، عناوين المحاور، إلخ). سوف يؤدي اختيار bine and symbol graph (رسم بياني شريطي مع الرموز) إلى إنتاج لقطة الشاشة رقم (٥, ١).

من المفيد دائيًا رسم السلسلة محل العمل بيانيًّا لتكوين فكرة عن السيات المميَّرة للبيانات، من الواضح في حالتنا هذه أن أسعار المساكن ارتفعت بشرعة لتصل إلى ذروتها في أكتوبر ٢٠٠٧ قبل أن تنخفض بشكل حاد حتى أوائل عام ٢٠٠٩، وبعدها شهدت الأسعار انتعاشًا جُزئيًّا، ومن الممكن بكل سهولة تحديد أيَّة قيمة من على الرسم البياني وتوقيتها، وذلك بتمرير الفأرة فوقها، هذا ويؤدي النقر المزدوج على الرسم البياني إلى الرجوع إلى قائمة خيارات الرسم البياني.



لقطة الشاشة رقم (٥,١) رسم بياني خطي.

كتمرين، حاوِلُ أن ترسم بيانيًّا السلسلة DHP؛ سوف ترى أن تقلُّب سلسلة نسب التغيُّر المنويَّة بجعل تفسير هذه الرسوم البيانيَّة عمليَّة صعبة، بالرغم من أن هذه الرسوم البيانيَّة تُمثُل عادة شكل البيانات التي نشتغل عليها في الاقتصاد القياسي.

نتاثج الطباعة

(Printing results)

يمكن في أي وقت طباعة النتائج من خلال تحديد الزر Print (طباعة) من شريط أدوات نافذة الكائن، سوف تتم طباعة محتويات النافذة المفتوحة بأكملها، كما يمكن نسخ الرسوم البيانية في الحافظة إذا رغبنا في ذلك من خلال النقر بزر الفأرة الأيمن فوق الرسم البياني واختيار نسخ إلى الحافظة.

حفظ نتاثج البيانات وملف العمل

(Saving data results and workfile)

يُمكن تصدير البيانات الني تم إنشاؤها في إفيوز إلى تطبيقات أخرى من تطبيقات ويندوز مثل مايكروسفت إكسل، لذلك من القائمة الرئيسة حدَّد File/Export/Write Text-Lotus-Excel. سوف بُطلَب منك بعد ذلك تقديم اسم للملف الذي نم تصديره وتحديد المجلَّد المناسب، كما ستطلب منك النافذة التالية تحديد كل السلاسل التي تربد تصديرها، إضافة إلى تحديد فترة العيَّنة.

بافتراض أنه تم حفظ ملف العمل بعد عملية استيراد مجموعة البيانات (على النحو المذكور أعلاه)، يُمكن حفظ الأعمال الإضافية بكل بساطة، وذلك بتحديد Save من القائمة File، سوف يتم حفظ ملف العمل بها في ذلك جميع الكائنات التي بداخله؛ كالبيانات، الرسوم البيانية، المعادلات، وما إلى ذلك طالما أستد لها عنوان، عند الخروج من البرنامج سوف تُفقد كل الكائنات غير المُعنونة.

عقامة عقامة

أدوات الاقتصاد القياسي المتاحة في إفيوز

(Econometric tools available in EViews)

يصف الإطار رقم (٥,٥) الوظائف المتوفرة في إفيوز، تبعًا لتنسيق أدلَّة المستخدم للإصدار ٨، مع الإشارة إلى المواد التي تمت مُناقشتها في هذا الكتاب بالخط المائل.

الإطار رقم (١,٥) الحصائص المبيرة لافيوز

ينقسم دليل المستخدم لبرنامج إفيوز إلى مجلدين، يحتوي المجلد الأول على أربعة أجزاء كما هو موضح أدناه، في حين يضم المجلد الثاني ستة أجزاء.

الجزء الأول (مقدمة)

- تحتوي الفصول من ١ إلى ٤ على مواد تمهيدية تصف أساسيات ويندوز وإفيوز، كيفية إنشاء
 ملفات العمل وكيفية التعامل مع الكائنات.
- يوثّق الفصلان ٥ و٦ أساسيات العمل على البيانات، كما يُناقش الفصلان كيفية استيراد
 البيانات إلى إفيوز، استخدام إفيوز لمعالجة البيانات وإدارتها، وكذلك تصدير البيانات من
 إفيوز إلى ألواح جدولية، ملفات نصية وتطبيقات أخرى من تطبيقات ويندوز.
- تشرح الفصول من ٧ إلى ١٠ قاعدة بيانات إفيوز وغيرها من البيانات المنطورة وخصائص
 معالجة ملفات العمل.

الجزء الثاني (تحليل البيانات الأساسية)

- يشرح الفصل ١١ كائن السلسلة، تُعتبر السلاسل الوحدة الأساسية للبيانات في إفيوز، وهي
 الأساس لكل التحليلات أحاديَّة المتغيِّر، يوثق هذا الفصل الرسوم البيانيَّة الأساسيَّة،
 وخصائص تحليل البيانات المرتبطة بالسلاسل.
- يوثق الفصل ١٢ كائن المجموعة، المجموعات هي عبارة عن تجميع للسلاسل التي تشكل
 الأساس لعدد من الرسوم البيانية وتحاليل البيانات متعددة المتغيرات.
- يقدِّم الفصلان ١٣ و ١٤ معلومات مُفصلة عن كيفيَّة إنتاج أنواع مختلفة من الرسوم البيانية.
 الجزء الثالث (إضفاء طابع شخصي على المخرجات)
- تُواصل الفصول من ١٥ إلى ١٧ شرح كيفية إنشاء وتعديل الجداول والرسوم البيانية الأكثر تطورًا.

الجزء الرابع (توسعة نطاق إفيوز)

يشرح القصل ١٨ بالتفصيل كيفية كتابة البرامج باستخدام لغة برمجة إفيوز.

الجزء الخامس (التحليل الأساسي للمعادلة الواحدة)

- یعرض الفصل ۱۹ أساسيسات التقدیر باستخدام المربعات الصغری العادیّة ((Ordinary)
 Least Squares (OLS داخل إفهوز.
- يناقش الفصل ۲۰ أساليب التقدير باستخدام المربعات الصغرى المرجَّحة (Two-Stage Least Squares) والمربعات الصغرى غير الخطية (Non-Linear Least Squares).
- يغطي الفصل ۲۱ نهج التعامل مع المعادلات الأنية (Simultaneous Equations) بها في ذلك المربعات الصغرى ذات المرحلتين (Two-Stage Least Squares).
- يشرح الفصل ٢٢ تقنيات انحدار المعادلة الواحدة لتحليل بيانات السلاسل الزمنية: اختبار الارتباط التسلسلي (scrial correlation)، تقدير نموذج ARMA استخدام الإبطاء الموزَّع متعدد الحدود (Polynomial Distributed Lags) واختبارات جذر الوحدة لسلاسل زمنية غير ساكنة (Non-Stationary).
 - يشرح الفصل ٢٣ أساسيات استخدام إفيوز للتنبؤ باستخدام المعادلات المقدرة.
 - يشرح القصل ٢٤ إجراءات اختبار التوصيف المتاحة في إفيوز.

الجزء السادس (تحليل متقدم للمعادلة الواحدة)

- يناقش الفصل ٢٥ تقدير النهاذج ARCH و GARCH ويعرض أدوات إفيوز المستخدمة في نمذجة التباين الشرطى لمتغير.
 - يغطى الفصل ٢٦ نهاذج المعادلة الواحدة للمتغيّرات المتكاملة تكاملًا مشتركًا.
- يوثق الفصل ۲۷ دوال إفيوز لتقدير نهاذج المتغيّر النوعي والمتغيّر التابع المحدود، كها يوفر إفيوز برامج لتقدير البيانات الثنائيّة أو المرتبّبة (مثل بروبيت (Probit) ولوجيت (Logit))، البيانات المحصورة أو المبتورة (مثل توبت (Tobit))، إلخ)، والبيانات ذات القيم الصحيحة (أعداد صحيحة).
- تناقش الفصول من ٢٨ إلى ٣١ مناهج نمذجة أكثر تعقيدًا للمعادلات الواحدة تتضمَّن التقدير الحصين (Robust Estimation) وتأخذ بعين الاعتبار الانقطاعات الهيكليَّة (Structural Breaks) وانحدارات تبديل النظام.
 - يناقش الفصل ٣٢ موضوع تقدير الانحدارات الكميَّة (Quantile Regressions).
- يوضح الفصل ٣٣ كيفية التعامل مع موضوع لوغاريتم الإمكان، وكيفية حل المشاكل المرتبطة بالتقدير اللاخطي.

مقامة

الجزء السابع (التحليل أحادى المتغيِّر المتقدم)

يناقش الفصل ٣٤ مختلف التحليلات أحاديّة المتغيّر التي من الممكن إجراؤها، بها في ذلك اختبار جذر الوحدة، اختبار جذر الوحدة للبائل واستخدام اختبار BDS.

الجزء الثامن (تحليل المعادلات المتعددة)

- يشرح الفصلان ٣٥ و ٣٦ طوق تقدير نظم المعادلات بها في ذلك النموذج VAR
 والنموذج VEC.
- یعرض الفصل ۳۷ نیاذج فضاء الحالة (State Space Models) وتقدیرها باستخدام مرشح کالمان (Kalman Filter).
- يعرض الفصل ٣٨ مناقشة أكثر عموميّة عن كيفيّة إعداد وتقدير أنواع مختلفة من
 النهاذج داخل إفيوز.

الجزء التاسع (البيانات المجمعة وبيانات البانل)

- يُقدَّم الفصل ٣٩ الأدوات المستخدمة في العمل على السلاسل الزمنية المجمعة،
 البيانات المقطعية العرضيَّة، وتقدير توصيفات المعادلات القياسية التي تأخذ بعبن
 الاعتبار الهيكل المجمع للبيانات.
- يشرح الفصل ٤٠ كيفيَّة هيكلة مجموعة من البيانات وكيفيَّة تحليلها، في حين يُوسَّع الفصل ٤٢ الفصل ٤١ نطاق التحليل ليشمل تقدير نموذج الانحدار المدمج، أمَّا الفصل ٤٢ فيهتم بالتكامل المشترك للبائل، ويعرض الفصل ٤٣ مسائل أخرى عن بيانات البائل.
 الجزء العاشر (التحليل متعدد المتغثرات المتقدم)
- يشرح الفصلان الأخيران من الدليل، أي الفصلان ٤٤ و ٤٠ كيفية إجراء التكامل
 المشترك والتحليل العاملي (Factor Analysis) في إفيوز.

٩ , ١ مواد إضافيَّة للقراءة

(Further reading)

- إفيوز ۸: دليل المستخدم ۱ و ۲ HIS Global (۲۰۱۳)، إرفاين، كاليفورنيا.
 - إفيوز ٨: مرجع الأوامر HIS Global (٢٠١٣)، إرفاين، كاليفورنيا.
- ريتشارد ستارتز، إيضاحات بخصوص النسخة ٨ من إفيوز HIS Global (٢٠١٣)، إرفاين، كاليفورنيا.

١٠, ١ مُلخص للفصول المتبقية من هذا الكتاب

(Outline of the remainder of this book)

• الفصل ٢

يُغطي هذا الفصل التقنيات الرياضية والإحصائية الرئيسة التي يحتاج القراء إلى الإلمام بها ليتمكّنوا من الاستفادة المثلى من الأجزاء المتبقية من هذا الكتاب، يبدأ الفصل بمناقشة بسيطة للدوال، القوى، الأسس ولوغاريتهات الأعداد، يشرع الفصل بعد ذلك في شرح أساسيات التفاضل وجبر المصفوفات وتوضيحها من خلال بناء أوزان المحفظة المثلى، ثم ينتقل الفصل إلى عرض مقدمة عن الإحصاء الوصفى والتوزيعات الاحتماليَّة.

• القصل ٣

يعرض هذا الفصل نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي واشتقاق وتفسير مقدَّر المربعات الصغرى العادية. كما يستعرض الفصل ويُفسَّر شروط أمثليَّة المربعات الصغرى العادية، هذا إلى جانب إنشاء ودراسة إطار اختيار الفرضيات في سياق النموذج الخطي، ومن الأمثلة المستخدمة نجد دراسة جينسن الكلاسيكية عن قياس أداء صناديق الاستثبار المشتركة واختيارات "فرضيَّة رد الفعل المفرط في إطار سوق الأوراق الماليَّة بالمملكة المتحدة.

• الفصل ٤

يستمر هذا الفصل في استعراض وتطوير المواد المذكورة في الفصل ٣ من خلال تعميم النموذج ثنائي المتغيَّرات إلى نموذج الانحدار متعدد المتغيَّرات، أي نهاذج تتضمَّن العديد من المتغيَّرات، كما يعرض هذا الفصل إطار اختبار الفرضيات المتعدَّدة مع شرح مقاييس مدى تطابق النموذج مع البيانات، هذا وتشمل دراسات الحالة نمذجة قيم الإيجار وتطبيق لتحليل المكوِّنات الرئيسة (Principal Components Analysis) لنمذجة معدَّل الفائدة.

القصل ٥

يتناول الفصل ٥ موضوعًا مهمًّا، لكن غالبًا ما يتم تجاهله وهو اختبارات التشخيص، كما يتم في هذا الفصل شرح عواقب انتهاك افتراضات نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي، إضافة إلى الخطوات التصحيحيَّة الوجيهة، كما يُناقش الفصل فلسفات بناء النهاذج، مع الإشارة بشكل خاص إلى منهج الندرُّج من العام إلى الخاص، هذا وتشمل النظبيقات التي يغطيها هذا الفصل محدِّدات التصنيفات الانتهائيَّة السياديَّة.

• الفصل ٦

يعرض هذا الفصل مُقدمة عن نهاذج السلاسل الزمنيَّة، بها في ذلك الدافع من وراثها، ووصف لخصائص البيانات الماليَّة التي من الممكن أو من غير الممكن التقاطها، يبدأ الفصل بعرض خصائص بعض النهاذج القياسية للعمليَّات التصادفيَّة (التشويش الأبيض، نموذج المتوسط المتحرك، نموذج الانحدار الذاتي ونموذج ARMA المختلط)، ويستمر الفصل من خلال توضيح الطريقة التي يمكن من خلالها اختيار النموذج المناسب لمجموعة من البيانات الحقيقيَّة، كيفية تقدير النموذج، وكيفية التحقُّق من مدى مُلاءمة النموذج، كها تَتَّت مُناقشة توليد التنبؤات من هذه النهاذج، وكذلك المعايير التي تُمكن من تقييم هذه التنبؤات، تتضمَّن الأمثلة الواردة في هذا الفصل بناء نموذج أسعار المساكن في المملكة المتّحدة، واختبارات فرضيات تعادل أسعار الفائدة المغطاة (Covered Interest) والمكشوفة (Parity) والمكشوفة (Uncovered Interest Parity) لسعر الصرف.

القصل ٧

يُوسِّع هذا الفصل نطاق التحليل ليمتد من النهاذج أحاديَّة المتغيِّر إلى النهاذج متعدَّدة المتغيِّرات، تستمد النهاذج متعدَّدة المتغيِّرات دوافعها من خلال شرح إمكانيَّة وجود علاقة سببيَّة ثنائية الانجاه في العلاقات الماليَّة والتحيُّز في المعادلات الآنيَّة ويُغطُّي كذلك نهاذج متَّجهات الانحدار في حالة تجاهلنا تلك العلاقات، كها يعرض الفصل تقنيات تقدير نهاذج المعادلات الآنيَّة ويُغطُّي كذلك نهاذج متَّجهات الانحدار الذاتي عن طريق الذاتي التي أصبحت تحظى بشعبية كبيرة في الأدب المالي التجريبي، هذا ويُوضَّح تفسير نهاذج متَّجهات الانحدار الذاتي عن طريق الخنبارات الفيود المشتركة، اختبارات السببيَّة، الاستجابات النبضيَّة وتحليلات التباين، أمَّا الأمثلة ذات الصلة المُناقشة في هذا الفصل فنذكر العلاقة الآنيَّة بين هوامش الشراء والبيع (Bid-ask spreads) وحجم التداول في إطار تسعير الخيارات، وكذلك العلاقة بين عوائد الممتلكات ومتغيِّرات الاقتصاد الكلي.

الفصل ٨

يناقش القسم الأول من هذا الفصل عمليًّات جذر الوحدة، ويقدم اختبارات عدم السكون للسلاسل الزمنيَّة، بعد ذلك تتم مُناقشة مفهوم واختبارات التكامل المشترك، وصياغة نهاذج تصحيح الخطأ في كلَّ من إطار المعادلة الواحدة لإنجل وجرانجر (-Engle) والإطار متعدَّد المتغبِّرات لجوهانسن (Johansen). هذا وتشمل التطبيقات التي تحت دراستها في الفصل ٨ الأسواق الفورية والمستقبلية، اختبارات التكامل المشترك بين أسواق السندات الدوليَّة، اختبارات فرضية تعادل القوة الشرائية، واختبارات فرضية التوقعات للهيكل الزمني (Term Structure) لأسعار الفائدة.

• الفصل ٩

يغطي هذا الفصل موضوعًا هامًّا ألّا وهو نمذجة التقلُّب والارتباط والتنبؤ بها، يبدأ هذا الفصل بمناقشة عامَّة لمسألة اللاخطيَّة (Non-Linearity) في السلاسل الزمنيَّة الماليَّة، كها تحت بعد ذلك مُناقشة فئة نهاذج الانحدار الذاتي الشرطي غير مُتجانس النباين (Autoregressive Conditionally Heteroscedasticity (ARCH) والهدف من وراء هذه الصيغة، كها يعرض الفصل نهاذج أخرى تتضمَّن امتدادات النموذج الأساسي، ومنها الصيغ EGARCH، GARCH-M، GARCH و قت كذلك مُناقشة أمثلة عن العديد من التطبيقات، وبخاصَّة عوائد الأسهم، هذا وقد ورد وصف للنموذج المهرطية ونسب التحوُّط (Hedge) المتغيَّرة مع الزمن، وكذلك قياس المخاطر الماليَّة.

• الفصل • ١

يُناقش هذا الفصل اختبار ونمذجة تحوُّلات النظام، أو تبدُّل سلوك السلاسل الماليَّة الذي من الممكن أن ينشأ نتيجة عدَّة أسباب من بينها التغيُّرات في سياسة الحكومات، تغيُّر شروط التداول أو الهيكل الجزئي للسوق. كها يعرض هذا الفصل نهج ماركوف لتبديل النظام للتعامل مع تحوُّلات النظام، بالإضافة إلى ذلك يُناقش الفصل الانحدار الذاتي ذا العتبات (Threshlod Autoregression)، بالإضافة إلى المسائل المتعلقة بتقدير هذه النهاذج، ومن الأمثلة التي جاءت في هذا الفصل نذكر نمذجة أسعار الصرف ضمن بيئة تعويم موجَّه، نمذجة نسبة عائد السندات إلى الأسهم والتنبؤ بها، ونهاذج حركات الفرق بين السعر الفوري (Spot Price) والسعر الأجل (Forward Price).

• القصل ١١

يركّز هذا الفصل على كيفية التعامل السليم مع البيانات الطولية (Longitudinal Data)، أي البيانات التي لها بُعدَيْن: مقطعي وزمسني، كما شرح الفصل وأوضح من خلال أمثلة عن المنافسة المصرفية (Banking Competition) في المملكة المتحدة واستقرار الاثتيان في أوروبا الوسطى والشرقية، نهاذج التأثيرات الثابتة ونهاذج التأثيرات العشوائية، هذا وتم توضيح والتمييز بين النموذج بوحدات ذات تأثيرات ثابتة والنموذج بتأثيرات ثابتة زمنيًا.

• القصل ١٢

يشرح هذا الفصل نهاذج مختلفة تتناسب مع الحالات التي يكون فيها المتغيّر التابع متغيّرًا غير مستمر، سوف يتعلم القراء كيفيّة بناء وتقدير وتفسير مثل هذه النهاذج، وكيفيَّة التمبيز والاختيار من بين التوصيفات البديلة، هذا وتشمل الأمثلة الواردة في هذا الفصل فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر التمويل في إطار ماليَّة الشركات ونمذجة التصنيفات الانتهائيَّة غير المطلوبة.

• الفصل ١٣

يعرض هذا الفصل مقدمة عن استخدام المحاكاة في الافتصاد الفياسي وفي مجال الماليَّة، كما يرد في الفصل درافع استخدام تكرار أُخُذ العبُّنات، والتمييز بين محاكاة مونت كارلو والبوتستراب (Bootstrap)، كما يُظهر للفارئ كيفيَّة إعداد المحاكاة، إضافة إلى تقديم أمثلة في إطار تسعير الخيارات وإدارة المخاطر الماليَّة لإثبات فائدة هذه التقنيات.

• القصل ١٤

يقدَّم هذا الفصل اقتراحات تتعلق بإجراء مشروع بحث أو أطروحة في مجال الماليَّة النظبيقيَّة، ويعرض مصادر البيانات الماليَّة والاقتصادية المتاحة على شبكة الإنترنت وفي أماكن أخرى، هذا ويوصي الفصل بمعلومات وأدبيات هامَّة مُتاحة على شبكة الإنترنت بشأن البحوث في الأسواق الماليَّة والسلاسل الزمنيَّة الماليَّة، ويقترح الفصل أبضًا أفكارًا لِمَا يمكن أن يُشكَّل بنية جيَّدة لأطروحة حول هذا الموضوع، وكيفيَّة توليد أفكار لموضوع مُتاسب، وما الشكل الذي يمكن أن يكون عليه التقرير، إضافة إلى بعض العراقيل الشائعة، كما يعرض الفصل أمثلة توضيحيَّة مُفصَّلة عن كيفيَّة إجراء دراسات الحدث، وعن كيفيَّة استخدام نهج فاما-فرنش.

المفاجيع الونيسة

يُمكن من خلال هذا الفصل تعريف وشرح المصطلحات الرئيسة التالية:

- الأعداد الأصليَّة، الترتيبيَّة والاسميَّة
- الالتواء والتفرطح
 التغاير والارتباط
- الاقتصاد القياسي المالي العوائد المركبة المستمرة
- السلاسل الزمنيّة
 البيانات المقطعية العرضيّة
- بيانات البانل (بيانات السلسلة الزمنية المقطعية)
 - البيانات المستمرَّة البيانات المتقطَّعة
 - السلاسل الحقيقية والسلاسل الاسمية
 معامل الانكهاش

مقدمة

أسئلة التعلُّم الذاتي:

- (١) اشرح الفرق بين المصطلحات التالية:
- (أ) البيانات المستمرة والبيانات المتقطعة.
- (ب) البيانات الترتيبيَّة والبيانات الاسمية.
 - (ج) السلاسل الزمنيَّة وبيانات البانل.
 - (c) البيانات المشوِّشة والبيانات النقبَّة.
- (هـ) العوائد البسيطة والعوائد المركبة المستمرة.
 - (و) السلاسل الاسمية والسلاسل الحقيقية.
- (ز) الإحصاءات البايزيَّة والإحصاءات الكلاسيكية.
- (۲) اعرض واشرح مسألة يُمكن تناولها باستخدام انحدار السلاسل الزمنيَّة، وثانية باستخدام الانحدارات المقطعيَّة وأخرى باستخدام بيانات البانل.
 - (٣) ما هي الملامح الرئيسة للسلاسل الزمنيَّة لعوائد الأصول؟
 - (٤) يُعطى الجدول التالي الأسعار السنوية لسند ما ولمؤشر أسعار المستهلكين المسجَّلة عند نهاية السنة:

قيمة مؤشر أسعار المستهلكين	قيمة السند	السنة
1 + A. +	٣٦.٩	7 7
11 T	44.A	Y * * V
ነ ነ ነር ጊ	£4.£	Y * * A
111.1	7.A.1	7 9
11A.£	T7.E	ች * ነ *
14+.4	¥4.¥	4-11
177.7	11.7	¥ + 1 ¥
140.1	\$0,1	ሃ ፡ ጓ ዮ

- (i) احسب العوائد البسيطة.
- (ب) احسب العوائد المركبة المستمرة.
- (ج) احسب أسعار السندات في كل سنة بأسعار سنة ٢٠١٣.
 - (c) احسب العوائد الحقيقية.

ولفمل ولتاني

أسس رياضية وإم<mark>صائية</mark> Mathematical and Statistical Foundations

منح جات التعلُّم

ستتعلم في هذا الفصل كيفية:

- العمل بالأسس، الأس للأساس الطبيعي e وباللوغاريتيات
 - استخدام الرموز سيغها (∑) و باي (Π)
 - تطبيق قواعد بسيطة لتفاضل الدوال
 - العمل بالمصفو قات
 - حساب أثر المصفوفة، معكوسها وقيمها الذائية
- إنشاء محفظة الحد الأدنى للتباين والمحفظة الكفؤة من حيث الموازنة بين العائد
 والخط
 - حساب إحصاءات موجزة لسلسلة بيانات
 - التعامل مع الثعابير باستخدام مؤثّرات التوقُّعات، التباين والتغاير

يُغطي الفصل الحالي الأساسيات الرياضية والإحصائية الأساسية التي لا غنى عنها لفهم بقية فصول الكتاب فهمّا جيّدًا، هذا ويُمكن للذين لديهم خلفية مُسبقة في الجبر والإحصاء التمهيدي تخطّي هذا الفصل دون فقدان الاستمرارية بين الفصول، لكن نأمل أن عُثّل هذه المادة العلميَّة أيضًا تنشيطًا مفيدًا لمعلومات الذين درسوا الرياضيات منذ فترة طويلة!

(Functions) الدوال ۲,۱

١,١,١ إلخطوط المستقيمة

(Straight lines)

يتمثّل الهدف الأساسي للاقتصاد القياسي عادةً في بناء نموذج (Model)، الذي يُمكن اعتباره نسخة مبسَّطة للعلاقة الحقيقية بين مُتغيِّرين فأكثر، كما يُمكن وصف تلك العلاقة بدالة، وتُعرَّف الدالة ببساطة كتطبيق أو كعلاقة بين مُدخسل أو مجموعسة من المدخسلات وبين مُحسرج، نرمسز عسادة للمتغيَّر المخرج بالمحرف y والسمتغيَّر المدخسل بالحسرف x، أما الدائسة فيُرمز إليها بالمحرف f ونكون العلاقة بين y و x على شكل دالة خطيَّة، وفي هذه بالمحرف f ونكون العلاقة بين y و x على شكل دالة خطيَّة، وفي هذه الحالة يكون الرسم البياني لتلك العلاقة على شكل خط مستقيم (Straight Line)، أمَّا في حالة وجود علاقة لاخطيَّة بين y و x فيكون الرسم البياني لتلك العلاقة على شكل مُنحنى، إذا كانت العلاقة بين y و x خطيَّة يُمكن كتابة معادلة الحُط المستقيم كما يلى:

$$y = a + bx \tag{1.4}$$

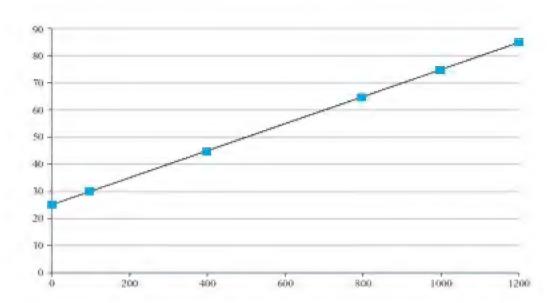
تُسمى y و x المتغيِّرات في حين تُسمى a و b المعلمات، تُعرف المعلمة a بالقاطع (المقطع) (Intercept) والمعلمة b بميل (Stope) أو انحدار (Gradient) الخط، كما يُعرف المقطع بأنه نقطة تقاطع الخط مع المحور الصادي (Y-axis)، أما الميل فيُعرف كقياس للدرجة انحدار الخط.

نتوضيح هذه النقطة نفترض أننا نحاول نمذجة العلاقة بين المعدّل التراكمي (كنسبة مئوية) للطالب، ونرمز إليه بـ ٧، وعدد الساعات التي درسها طوال السنة الجامعية، ونرمز إليه بـ ×. لنفترض أيضًا أن تلك العلاقة يُمكن صياغتها كدالة خطَّية على النحو التالي: x = 25 = 0.05 من الواضح أنه من غير الواقعي أن نعتبر أن العلاقة بين الدرجات المحصَّلة وعدد ساعات الدراسة تتع خطًّا مستقيًا، لكن لتحافظ على هذا الافتراض في الوقت الحالي، إذا بالاعتهاد على المعادلة السابقة فإن قيمة مقطع الخط α تُساوي α 0، أما قيمة الميل α 0 فتُساوي α 0، ومن ماذا تعني هذه المعادلة؟ كإجابة عن هذا السؤال يُمكن القول بأنه يُتوقَّع من الطالب الذي لا يُخصَّص أي وقت للدراسة α 0 أن يتحصَّل على معدَّل تراكمي α 0٪، إضافةً إلى أن كل ساعة دراسة ترفع من معدَّله التراكمي بنسبة α 0، ومن شم القيام بالرسم البياني بنسبة α 1 أن يتضمَّن عدَّة قيم لـ x والقيم التي تُقابلها من α 2 (الجدول رقم α 1)، ومن شم القيام بالرسم البياني للمتغيَّرات α 2 (الشكل رقم α 1)).

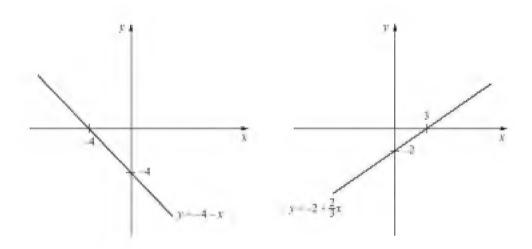
	الجلول وقم (١,١١) عينة من بيانات المعلَّل التراكمي وعدد ساعات
المعدل التراكمي (٪) (y)	عدد ساعات الدراسة (x)
ŤO	
۲.	1
ξ¢	į
10	A
Yo	1
Ao	17

يُمكن أن نرى أن انحدار الخط مُوجب (أي أنه يميل صعودًا من اليسار إلى اليمين)، لكن بشكل عام من الممكن أيضًا في حالات أخرى أن يكون انحدار الخط صفرًا أو سالبًا، بالنسبة إلى الخط المستقيم، تلاحظ أن الميل يكون ثابتًا على طول الخط بأكمله، هذا ويُمكن حساب هذا الميل من الرسم البيائي بأخذ أيَّة نقطتين من على الخط، وقسمة القارق في قيمة لا على الفارق في قيمة لا بين هاتين النقطتين.

أسس رياضية وإحصائية



الشكل رقم (١ م ٢) رسم بياني لساعات الدراسة (x) مقابل المدل التراكمي (y)

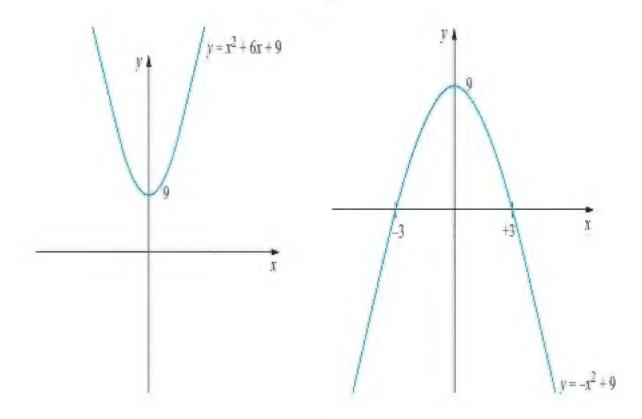


الشكل رقم (٣,٣) أمثلة لمختلف الرسوم البيانية للخط المستقيم

يتم استخدام الرمز دلتا ∆ عمومًا للإشارة إلى التغيَّر في قيمة مُتغيِّر ما، على سبيل المثال، لنفترض أننا نريد أن نأخذ النقطنين التعلين: 100 = x، 30 و 1000 = x، 75 و y = 75. يُمكن كتابة هاتين النقطتين باستعمال رمز الإحداثيات (x,y)، فتكون إحداثيات النقطة الأولى في هذا المثال (٢٠٠، ٢٠٠) وإحداثيات النقطة الثانية (٢٠٠، ٢٠٠).

كما يُمكن حساب ميل الخط كالآتي:

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{75 - 30}{1080 - 100} = 0.05 \tag{Y.Y}$$



الشكل رقم (٣,٣) أمثلة عن الدوال التربيعيّة.

وبالتالي أكَّدنا فعلًا أن ميل الخط يساوي ٢٠,٠٠ (بالرغم من أننا في هذه الحالة كنا نعرف مُسيقًا قيمة هذا الميل)، يعرض الشكل رقم (٢,٢) مثالين آخرين للرسوم البيانية للخطوط المستقيمة، من الممكن أن يكون انحدار الخط معدومًا أو سالبًا بدلًا من أن يكون موجبًا، إذا كان ميل الخط معدومًا فإن الرسم البياني في هذه الحالة يكون خطًا مستقيمًا مسطحًا (أفقيًا)، إذا كان هناك تغيُّر مُحدَّد في قيمة x بقيمة الميل، أي: Δy = bΔx.

كتُقطة أخيرة، وكما ذكرنا أنفًا، تُسمى نقطة تقاطع الدالة مع المحور الصادي المقطع، أما نقطة تقاطع الدالة مع المحور السبني فتُسمى جذر الدالة، في المثال أعلاه، إذا أخذنا الدالة × 0.05 + 25 = v، بعد مساواة v بصفر، وبإعادة ترتيب الدالة نجد أن الجذر = x - 500 -، وبالتالي فإن معادلة الخط المستقيم يكون لديها جذر واحد (باستثناء الخط المستقيم الأفقي مثل 4 = v).

٢,١,٢ الدوال التربيعيّة

(Quadratic functions)

غالبًا ما تكون الدالة الخطّيّة غير مرنة بها فيه الكفاية لتكون قادرة على تقديم وصف دفيق للعلاقة بين مُتغيّرَيْن، وبالتالي يُمكن استخدام الدالة التربيعية (Quadratic function) بدلًا من الدالة الخطّيّة، تُكتب الدالة التربيعية وفقًا للصيغة العامة التالية:

$$y = a + bx + cx^2 \tag{Y-Y}$$

حيث يُمثّل x و y مجُدَّدًا المتغيَّرات و c ، b ، a المعلمات التي تصف شكل الدالة، ثلاحظ أن الدالة الخطيَّة تحتوي على معلمتين الثنين فقط (المقطع a والميل b)، في حين تحتوي الدالة التربيعية على ثلاث معلمات، وبالتالي فهي قادرة على التلاؤم أكثر مع مجموعة واسعة من العلاقات بين x و y . كيا تُعتبر الدالة الخطِّبة حالة خاصة من الدالة التربيعية في حالة كان c = 0. وكيا في السابق، يُمثُّل a مقطع الدالة ويُحدُّد مكان تقاطعها مع المحور الصادي في حين تحدُّد المعلمات b و a شكل الدالة، كيا يُمكن أن تكون المعادلات التربيعية إما على شكل U أو على شكل ∩، عندما تكون قيمة x كبيرة جدًّا (قيمة موجبة أو سالبة)، يُسيطر x² على سلوك y، وبالتالي تعدّد المعلمة a الشكل الذي ستكون عليه الدالة، يعرض الشكل وقم (x, x) مثالين للدوال التربيعية، في الحالة الأولى قيمة المعلمة a مالبة، وبالتالي يكون المنحنى على الشكل ا، أما في الحالة الثانية فقيمة المعلمة a سالبة، وبالتالي يكون المنحنى على الشكل ا، أما في الحالة الثانية فقيمة المعلمة a سالبة، وبالتالي يكون المنحنى على الشكل ا، أما في الحالة الثانية فقيمة حسابهم.

الإطار رقم (١, ١) حذور المعادلة التربيعية

- للمعادلة التربيعية جذران.
- يُمكن للجذور أن تكون متميِّزة (أي تختلف عن بعضها البعض)، أو أن تكون لها نفس
 القيمة (جذور متكرَّرة)، كما يُمكن لها أيضًا أن تكون أعدادًا حقيقيَّةً (مثل ١,٧، (Complex Numbers) أو أعدادًا مرَّحَيةً
- يُمكن الحصول على الجذور، إما بتحليل المعادلة إلى عوامل (Factorization)،
 (تقليصها) أو باستعمال طريقة 'إكمال المربع' أو كذلك باستعمال القانون التالي:

$$\chi = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2c} \tag{5.7}$$

إذا كان لدينا العلاقة التالية: 4ac > 4ac، فسيكون للدالة جذران فريدان من نوعها وستقطع المحور السيني x في نقطتين مُختلفتين، أمَّا إذا كان 4ac > 4ac فسيكون للدالة جذرين مُتساويين، وستقطع المحور السيني في نقطة واحدة، أخيرًا، إذا كان 4ac > 4ac فسيكون للدالة جذران غير حقيقيين (جذران مركَّبان) أخيرًا، إذا كان 4ac > 4ac فسيكون للدالة جذران غير حقيقيين (جذران مركَّبان) (Complex Roots) ولن تقطع الدالة المحور السيني على الإطلاق، وإنها تكون دائهًا فوق هذا المحور.

مثال(۲ , ۲)

أوجد جذور المعادلات التربيعية التالية:

- $y = 9x^2 + 6x + 1$ (Y)
 - $y = x^2 3x + 1 \quad (\Upsilon)$
 - $y = x^2 4x \quad (\xi)$

سوف يتم حل المعادلات السابقة عن طريق مساواة كل واحدة منها بصفر، نستطيع عندئذ استخدام الصيغة التربيعية في المعادلة رقم (٤،٢) في كل حالة على الرغم من أنه يُمكن عادة حل المعادلة بطريقة أسرع إذا قمنا بتحليلها إلى عوامل.

- (۱) $x^2 + x 6 = 0$ (۱) جذور $x^2 + x 6 = 0$ (۱) جذور $x^2 + x 6 = 0$ (۱) بتحليل هذه المعادلة إلى عوامل نجد أن x = 2 والنقطة x = 2 النقطة x = 2
- $-\frac{1}{3}$ وبالتالي فإن $\frac{1}{3}$ و التالية: 0 = 1 + 6x + 1 = 0 وبالتالي فإن $\frac{1}{3}$ وبالتالي فإن $\frac{1}{3}$ و التالية: 0 = 1 + 6x + 1 = 0 وبالتالي فإن $\frac{1}{3}$ و التالية: 0 = 1 + 6x + 1 = 0 وبالتالي فإن $\frac{1}{3}$ وبالتالي فإن أو يُحدُون المعادلة من معادلة تربيعية، فهناك دائها جذران، ونظرًا لأن هذه المعادلة هي معادلة تربيعية، فهناك دائها جذران، ويكون المجذران في هذه الحالة متساويين.
- (*) $0 = 1 + x^2 3x : X^2 3x : X^2 3x + 1 = 0$ (*) لإيجاد جذور المعادلة مع العلم أن x = 0 + 1 = 0 و x = 0. في هذه الحالة تُحثُل القيم x = 0 + 1 = 0 و x = 0 = 0 = 0 في هذه الحالة تُحثُل القيم x = 0 + 1 = 0 و x = 0 = 0 = 0 في هذه الحالة تُحثُل القيم x = 0 + 1 = 0 و x = 0 = 0 = 0 في هذه الحالة تُحثُل القيم x = 0 + 1 = 0 و x = 0 = 0 = 0 في هذه الحالة تُحثُل القيم x = 0 = 0 = 0 = 0 (*)
 - . ٤ عوامل نجد أن $x^2 4x = 0$ ، وبالتالي فإن جذور المعادلة هي و ٤ . (٤ 4x = 0) بتحليل هذه المعادلة هي و ٤ .

نلاحظ أن لكل معادلة من هذه المعادلات جذرين حقيقيين، في المقابل إذا كان لدينا مثل هذه المعادلة: $y = 3x^2 - 2x + 4$ في الصيغة $y = 3x^2 - 2x + 4$ في الصيغة التربيعية.

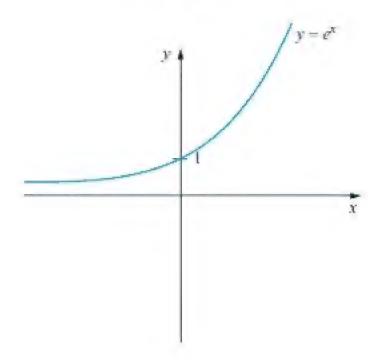
٢, ١,٣ قوى الأرقام والمتغيَّرات

(Powers of numbers or of variables)

إنَّ رفع عدد أو مُتغيِّر ما إلى قوَّة فذلك يُعتبر ببساطة طريقة لكتابة الضرب المتكرَّر لهذا العدد أو المتغيِّر، فعلى سبيل المثال رفع x إلى الفوَّة Y يعني تربيعه (أي $X \times X \times X$)، في حين رفع X إلى الفوَّة Y، يعني تكعيبه (أي $X \times X \times X \times X$) وما إلى ذلك، وتُسمى القيمة التي تُرفع إلى عدد أو مُتغيِّر بالأس، على سبيل المثال، بالنسبة إلى X، تُسمى القيمة X الأس، يعرض الإطار رقم X) بعض القواعد التي تُساعد على التعامل مع القوى وأسُسِها.

الإطار رقم (٢,٢) التعامل مع القوي

- كل عدد أو مُتغير مرفوع إلى الأس واحد يبقى ببساطة نفس العدد أو المتغير، على
 سبيل المثال: x¹ = x · 3¹ = x
- کل عدد أو مُتغیِّر مرفوع إلى الأس صفر یُساوي واحدًا، على سبیل المثال:
 ۱ د 5° = 1 د 5° = 1 د مُعیِّر مُعیَّفة (أى لا توجد).
- إذا كان الأس عددًا سالبًا فهذا يعني أننا نقسم واحدًا على هذا العدد، على سبيل المثال: $x^{-3} = \frac{1}{x^3} = \frac{1}{x \times x \times x^0}$
- عند ضرب عددين أو أكثر ذات أساسات متساوية وأسس مختلفة فإن الناتج يكون $x^2 \times x^3 = x^2 x^3 = 1$ نفس العدد مرفوعًا له مجموع الأسس، على سبيل المثال: $x^2 \times x^3 = x^2 x^3 = x^3 = x^5$
- إذا كان هناك عدد مرفوع لأس والكل مرفوع لأس آخر فإن الناتج يكون نفس العدد مرفوعًا له ناتج ضرب الأسمين، على سبيل المثال : x²³ = x^{2x3} = x⁶.
- عند قسمة قوى متساوية الأساسات، يكون أس القوة لناتج القسمة مُساويًا لفرق أسس المقسوم والمقسوم عليه، على سبيل المثال: $\frac{x^2}{x^2} = x^{3-2} = x$.
- إذا قسمنا مُتغيَّرًا مرفوعًا له أُس بمتغيِّر ثانِ مختلف عنه مرفوع له نفس الأس فإن النتيجة التالية تنطبق: $\frac{x}{y} = \frac{x}{y}$.
- إن رفع ناتج ضرب إلى أس يكون مساويًا لناتج ضرب عوامله مرفوعة إلى نفس الأمى، على سبيل المثال: $(x \times y)^3 = x^3 \times y^3$.
- من المهم الإشارة إلى أن الأس يُمكن أن يكون عددًا غير صحيح، على سبيل المثال يُستعمل الرمز x = x للدلالة على جذر x، ونكتب أحياتًا x = x. وفي هذه الحالة ليس من السهل حساب القيمة يدويًّا (مثال x = x = x = x الخذر النوني لـ x.



الشكل رقم (٢,٤) رسم بياني للدالة الأُسْبَّة

٤ , ١ , ١ الدالة الأسية

(The exponential function)

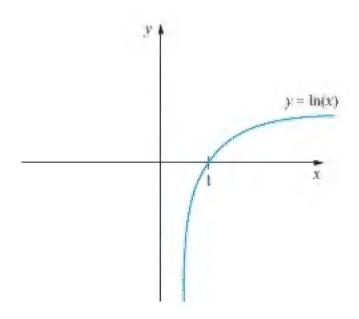
يُمكن أحيانًا للدالة الأسية (Exponential Function) أن تصف بشكل أفضل العلاقة بين مُتغيِّريْنِ على سبيل المثال، عندما ترتفع فيمة مُتغيِّر (أو تنخفض) بمعدَّل يتناسب مع قيمته الحالية، تكون العلاقة بين المتغيِّريْنِ في هذه الحالة على النحو التالي: "ع = e حيث يرمز ع إلى الفيمة ١٠٢٨٨ , ٢. تتميَّز هذه الدالة بالعديد من الخواص المهمة، بيا في ذلك أن مُشتقة الدالة الأشيَّة مُساوية للدالة ذانها (انظر الفقرة ١٠٢٠٦ أدناه)، وبالتالي يكون ميل الدالة "ع في أي نقطة من نقاط المنحني مساويًا لـ "e. تتميَّز هذه الدالة أيضًا بأهميتها في حساب الزيادة في قيمة المبالغ الماليَّة التي تخضع للفائدة المركَّبة، كيا لا يُمكن للدالة الأسية أن تكون سالية، لذلك عندما تكون قيمة « سائبة تقترب قيمة « من الصفر ولكن تظل مُوجبة، أخيرًا تقطع الدالة الأشبَّة المحور الصادي في النقطة واحد، ويتزايد ميل الدالة بوتبرة متزايدة من البسار إلى اليمين، كيا هو مُبيَّن في الشكل رقم (٢ , ٤).

٥, ١, ١ اللوغارينيات

(Logarithms)

تم ابتكار اللوغاريتيات (Logarithms) لتبسيط العمليات الحسابيَّة المعقدة، بها أن الأسس يُمكن أن تضاف أو تُطرِّح، وهو ما يُعَدُّ أمرًا أسهل من ضرب أو قسمة الأعداد الأصلية، وفي حين أن استعمال التحويلات اللوغاريتمية لتسهيل العمليات الحسابية لم يُعُدُّ أمرًا أصروريًا، لا يزال في المقابل للوغاريتيات استخدامات أخرى هامة في الجبر وفي تحليل البيانات، بالنسبة لهذا الأخبر، هناك على الأقل ثلاثة أسباب تجعل من التحويلات اللوغاريتمية أمرًا تُقيدًا، أول هذه الأسباب هو أن استخدام التحويل اللوغاريتمي غالبا ما يُساعد على جَعُل تبايِّن البيانات أكثر ثباتًا، وبالنالي التخلص من أكثر المشاكل الإحصائية شبوعًا، وهو مُشكل اختلاف النباين

(Heteroscedasticity) الذي سيناقش بالتفصيل في الفصل ٥. ثانيًا: يُمكن للتحويلات اللوغاريتمية أن تُساعد على جعل التوزيعات ذات الالتواء الموجب أقرب ما يكون إلى التوزيع الطبيعي. ثالثًا: يُمكن عند تطبيق اللوغاريتم على علاقة تضاعفيَّة لاخطُبَّة بين المنتجم مناقشة هذه المسائل بشيء من التفصيل في الفصل ٥.



الشكل رقم (٥, ٣) رسم بياني للدالة اللوغاريتميَّة

الإطار رقم (٣٠٦) قوانين اللوغارينيات

إذا كان لدينا مُتغيِّران x و y، فيُمكن كتابة القوانين التالية:

- $\ln(xy) = \ln(x) + \ln(y)$
- ln(x/y) = ln(x) ln(y)
 - $ln(y^c) = c ln(y)$
 - ln(1) = 0
- ln(1/y) = ln(1) ln(y) = -ln(y)
 - $\ln(e^x) = e^{\ln(x)} = x$

للتعرف على كيفية عمل اللوغاريتم تأخذ العلاقة التالية: $8 = 2^{\circ}$. باستعمال اللوغاريتم يُمكننا كتابة هذه العلاقة كما بلي: $\log_2 8 = 3$ $\log_2 8 = 3$ أو بمعنى آخر الوغاريتم A بالنسبة للأساس Y هو Y'. وبالتسائي يُمكننا القول بأن اللوغاريتم يُمكن تعريفه بأنه الأس الذي يجب رفعه للأساس للحصول على عدد ما، بصورة أعم، إذا كان $\alpha^{\circ} = c$ فيُمكن أيضًا كتابة: $\alpha^{\circ} = c$ أما إذا رسمنسا بيانيًّا الدائسة $\alpha^{\circ} = c$ في عدد ما، بصورة أعم، إذا كان $\alpha^{\circ} = c$ فيُمكن أيضًا كتابة $\alpha^{\circ} = c$ أما إذا رسمنسا بيانيًّا الدائسة $\alpha^{\circ} = c$ في التقطع المحور السيني في التقطة واحد كما هو مُبينًا على الشكل رقم ($\alpha^{\circ} = c$)، ويُمكن ملاحظة أن قيمة $\alpha^{\circ} = c$ تزيد عند تزايد قيمة $\alpha^{\circ} = c$ وهذا تمامًا عكس الدائة الأسية؛ حيث إن قيمة $\alpha^{\circ} = c$ تكون أكثر تزايد قيمة $\alpha^{\circ} = c$

٢,١,٦ الترميز سيغيا

(Sigma notation)

يُمكن أن يكون استخدام سيغها (Sigma) أو مُؤشر الجمع مُفيدًا للغاية عند جمع عدة أعداد (أو مُشاهدات لمتغيَّرات)، ويُستعمل الرمز Σ للدلالة على عملية جمع كل العناصر التالية؛ على سبيل المثال، $\delta = (E+2+1)$. أما في إطار جمع مُشاهدات مُتغيِّر ما، فمن الأجدى إضافة 'حدود' إلى عملية الجمع (مع العلم أنه يُمكن عدم كتابة هذه الحدود إذا كان المعنى واضحًا بدونها)، نستطيع إذًا على سبيل المثال كتابة $\Sigma_{k=1}^{2}$ حيث يُسمى الرمز السفلي δ الدليل، 1 الحد الأدنى و δ الحد الأعلى للجمع، ويعني ذلك جمع كل قيم δ من δ الم

كما يُمكن لأحد الحدَّيْن أو لكليهما أن يكون غير محدد، فنكتب على سبيل المثال $\sum_{i=1}^{n} x_i$ أي جمع كل القيم من x_i إلى x_i أي x_i أي أيمكن لأحد الحدَّيْن أو لكليهما أن يكون غير محدد، فنكتب على سبيل المثال $\sum_i x_i$ للدلالة أيضًا على عملية الجمع على مدى كل قيم الرمز السفلي i. ومن الممكن أيضًا إنشاء عمليات جمع لمزيج من المتغيرات، على سبيل المثال $\sum_{i=1}^{n} x_i z_i$ ، حيث إن i و i يُمثَّلان مُتغيَّرين عشوانيين مُنفصلين.

كما نُشير إلى أنه من المهم أن نكون على بيَّنة من بعض خواص المؤشر سيخها (Sigma Operator). نذكر على سبيل المثال أن مجموع مُشاهدات مُتغيِّر x زائد مجموع مُشاهدات مُتغيِّر آخر z تعادل جمع المشاهدات الفردية لـ x و z معًا:

$$\sum_{i=1}^{n} x_i + \sum_{i=1}^{n} z_i = \sum_{i=1}^{n} (x_i + z_i)$$
 (04Y)

مجموع ضرب كل مُشاهدات مُتغيِّر x بعدد ثابت c مساو لضرب مجموع مُشاهدات x بالثابت c:

$$\sum_{i=1}^{n} c x_{i} = c \sum_{i=1}^{n} x_{i}$$
 (7.47)

لكن مجموع ضرب مُشاهدات مُتغيِّرين لا يُعادل ضرب مجموع مُشاهدات المتغيِّر الأول بمجموع مُشاهدات المتغيّر الثاني:

$$\sum_{i=1}^{n} x_{i} z_{i} \neq \sum_{i=1}^{n} x_{i} \sum_{i=1}^{n} z_{i}$$
 (V.Y)

يُمكن كتابة الجانب الأيسر للمُعادلة رقم (٧،٢) كما يلي:

$$\sum_{i=1}^{n} x_i z_i = x_1 z_1 + x_2 z_2 + \dots + x_n z_n \tag{A.Y}$$

في حين أن الجانب الأيمن من المعادلة (٧،٧) هو:

$$\sum_{i=1}^{n} x_{i} \sum_{i=1}^{n} z_{i} = (x_{1} + x_{2} + \dots + x_{n})(z_{1} + z_{2} + \dots + z_{n})$$
 (9.Y)

يُمكن مُلاحظة أن المعادلتين رقم (٨٠٢) و (٩٠٢) مُختلفتان؛ لأن المعادلة الثانية تحتوي على ضرب العديد من العناصر المتقاطعة مثل xyz₂ ،xyz₆ ،x₁z₂ إلخ في حين لا توجد هذه العناصر بالمعادلة الأولى.

إذا جعنا عدد n من العناصر المتطابقة (أي نُضيف نفس العدد n مرة) فإننا نحصل على n أضعاف هذا العدد:

$$\sum_{i=1}^{n} x = x + x + \dots + x = nx \tag{1.47}$$

لنفترض الآن أننا نريد جمع « مُشاهدات السلسلة » حيث يُمثل، « على سبيل المثال العوائد اليومية لسهم ما (وهي عوائد غير مُتساوية)، سوف نحصل على:

$$\sum_{i=1}^{n} x_i = x_1 + x_2 + \dots + x_n = n\bar{x}$$
 (11.7)

من خلال تعريف الوسط الحسابي يكون مجموع كل المشاهدات مُساويًا لناتج ضرب عدد المشاهدات بالوسط الحسابي للسلسلة أي تد كما نُلاحظ أن الفرق بين المعادلتين الأخيرتين يتمثَّل في أن المشاهدات ، تقتلف عن بعضها البعض في المعادلة رقم (١٠٠٢)، بينها في المعادلة رقم (١٠٠٢) كل المشاهدات مُتساوية (وبالتالي فإن الرمز الشّفلي ، ليس ضروريًّا).

تُشير أخيرًا إلى أنه من الممكن القيام بعدة عمليات جمع في آنِ واحد، وفي أي ترتيب كان، فعلى سبيل المثال، يرمز:

$$\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m x_{ij}$$

إلى مجموع قيم السلسلة على مدى كل من الرمز السُّفلي ، والرمز السُّفلي ز. كما يُمكن أيضًا جمع قيم السلسلة لكل قيمة من قيم الرمز السُّفلي ، على مدى الرمز السُّفلي ٢ إلى m) ثم ويشكل الرمز السُّفلي ٤ على مدى الرمز السُّفلي ٢ إلى m) ثم ويشكل مُنفصل الجمع الخارجي (أي الجمع من أيساوي ١ إلى n).

۲, ۱, ۷ الترميز باي

(Pi notation)

على غرار استخدام سيغها للدلالة على الجمع يُستخدم المؤشر بي للدلالة على الضرب المتكرر، على سبيل المثال، تعني المعادلة التالية:

$$\prod_{i=1}^{n} x_i = x_1 x_2 \dots x_n \tag{17.7}$$

 $\prod_{i=1}^n (x_i) = :$ فرب كل عناصر x_i ببعضها البعض من الحد الأدنى ١ إلى الحد الأعلى ١٠. ويترتَّب عن ذلك أيضًا أن $c^n \prod_{i=1}^n x_i$

٢,٢ حساب التفاضل

(Differential calculus)

يتم قياس تأثير معلَّل تغيَّر مُتغيِّر أول على معلَّل تغيِّر مُتغيِّر ثاني بواسطة المشتقة الرياضية (Mathematical Derivative)، إذا كانت العلاقة بين المتغيِّر بن على شكل مُنحنى فإن ميل المنحنى يُمثَّل هذا المعدَّل، لنأخذ على سبيل المثال المتغيِّر و والذي يرتبط بالمتغيِّر عن طريق الدالة f على النحو التالي: y = f(x) يُمكن أن تُكتب مُشتقة المتغيِّر و بالنسبة إلى المتغيِّر x على النحو التالي:

$$\frac{dy}{dx} = \frac{df(x)}{dx}$$

وأحيانًا نكتب أيضًا: (٢/(x). يقبس هذا المصطلح معدًّل التغبُّر الآني لـ ٧ بالنسبة لتغبُّر ٪، أو بتعبير آخر، تأثير تغبُّر مُتناهي الصَّغر لـ x على y. ونُشير إلى أن الفرق بين الترميز Δy و Δy هو أن الأول يرمز إلى تغبُّر في قيمة y أبًّا كان حجم هذا التغبُّر، بينها يرمز الثاني إلى تغبُّر مُتناهى الصَّغَر في قيمة y.

٢,٢,١ أساسيات التفاضل

(Differentiation: the fundamentals)

يُمكن حصر القواعد الأساسية للتفاضل (Differenciation) كالآتي:

(١) تُساوي مُشتقة ثابت صفر:

 $\frac{dy}{dx} = 0$ فإن y = 10 فإن المثال، إذا كانت الدالة

وذلك لأن الدالة 10 = y تُرسم بيانيًا بخط أفقى مستقيم، وبالتالي فإن ميل الخط في هذه الحالة يكون مساويًا لصفر.

(٢) تُساوي مُشتقة الدالة الخطية ببساطة ميل الدالة:

$$\frac{dy}{dx}=3$$
 فإن $y=3x+2$ على سبيل المثال، إذا كانت الدالة

لكن للدوال اللاخطيَّة انحدارات مُختلفة في كل نقطة على امتداد المتحنى، في الواقع يُساوي الانحدار في كل نقطة انحدار المياس في تلك النقطة (انظر الشكل رقم (٢,٦))، نُشير أيضًا إلى أن الانحدار بُساوي صفرًا عند نقطة تغيَّر اتجاه المنحنى من الموجب إلى السالب، أو من السالب إلى الموجب، وتُسمى هذه النقطة بنقطة التحول (Turning Point).

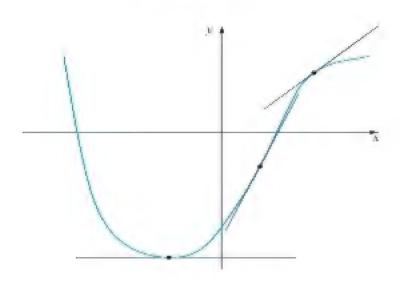
 $y=cx^n$: أي: $y=cx^n$ مُساوية لـ: $y=cx^n$

$$\frac{dy}{dx} = cnx^{n-1}$$

مثال:

$$\frac{dy}{dx} = (4 \times 3)x^2 = 12x^2$$
 هي: $y = 4x^3$ الدالة $y = 4x^3$

$$\frac{dy}{dx} = (3 \; x - 1) x^{-2} = -3 x^{-2} = \frac{-3}{x^2}$$
 هي $y = \frac{3}{x} = 3 x^{-1}$ الدالة $y = \frac{3}{x} = 3 x^{-1}$



الشكل رقم (٢,٦) محاس المنحني

(٤) تُساوي مُشتقة مجموع الدوال مجموع المشتقات الفردية لهذه الدوال، وعلى نحو مُماثل فإن مُشتقة طرح عدة دوال تُساوي طرح المشتقات الفردية لهذه الدوال، على سبيل المثال:

$$\frac{dy}{dx} = f'(x) + g'(x)$$
 فإن $y = f(x) + g(x)$ إذا كانت الدالة:

$$\frac{dy}{dx}=f'(x)-g'(x)$$
 فإن $y=f(x)-g(x)$ أما إذا كانت الدالة:

(٥) تكون مُشتقة لوغاريتم x مُساوية لـ أ أي:

$$\frac{d(\log(x))}{dx} = \frac{1}{x}$$

(٦) تكون مُشتقة لوغاريتم دالة مُساوية لمشتقة تلك الدالة مقسومة على الدالة نفسها:

$$\frac{d\left(log\big(f(x)\big)\right)}{dx} = \frac{f'(x)}{f(x)}$$

 $\frac{-3x^2+2}{x^3+2x-1^0}$ هي $\log(x^3+2x-1)$ هي المثال، مُشتقة الدالة

y=1 المثال، إذا كانت الدالة e^x على سبيل المثال، إذا كانت الدالة $e^{f(x)}$ هي $e^{f(x)}$ على سبيل المثال، إذا كانت الدالة e^x على مساوية لـ e^x مساوية لـ e^x على أن مُشتقة الدالة e^x فإن e^{3x^2} فإن e^{3x^2} على المثال، إذا كانت الدالة e^x

٢,٢,٢ المشتقات من الرئب العليا

(Higher order derivatives)

إلى جانب المشتقة الأولى للدالة يُمكن أبضًا حساب المشتقة من الدرجة الثانية، المشتقة من الدرجة الثالثة ... إلى المشتقة النونية للدالة، يُرمز إلى المشتقة من الدرجة الثانية للدالة (عادة ما تُسمى بالمشتقة الثانية وهي أعلى درجة اشتقاق نحتاجها في هذا الكتاب) بالمعادلة التالية:

$$\frac{d^2y}{dx^2} = f''(x) = \frac{d\left(\frac{dy}{dx}\right)}{dx}$$

لحساب مُشتقة دالة من الدرجة الثانية نشتق بيساطة الدالة بالنسبة لـ × مرة أولى، ثم نعيد اشتقاق الناتج مرة ثانية، على سبيل المثال، لنفترض أن لدينا الدالة التالية:

$$y = 4x^5 + 3x^3 + 2x + 6$$

مُسْتَقَّة الدالة من الدرجة الأولى هي:

$$\frac{dy}{dx} = \frac{d(4x^5 + 3x^3 + 2x + 6)}{dx} = f'(x) = 20x^4 + 9x^2 + 2$$

وبالتالي فإن مُشتقة الدالة من الدرجة الثانية هي:

$$\frac{d^2y}{dx^2} = f''(x) = \frac{d\left(\frac{d(4x^5 + 3x^3 + 2x + 6)}{dx}\right)}{dx} = \frac{d(20x^4 + 9x^2 + 2)}{dx} = 80x^3 + 18x$$

تُفسر مُشتقة الدالة من الدرجة الثانية على أنها انحدار 'انحدار الدالة' أي أنها معدَّل تغيُّر الانحدار.

ذكرنا سابقًا أن الانحدار يكون مُساويًا لصفر عند نقطة نحوُّل الدالة، كيف يُمكننا إذًا معرفة ما إذا كانت نقطة تحول مُعيَّنة قيمة عُظمي أو قيمة صُغرى؟ للإجابة عن هذا السؤال يجب النظر في المُشتقة الثانية للدالة، عندما تبلغ الدالة قيمتها الغُظمي تكون المُشتقة الثانية للدالة سالبة، في حين عندما تبلغ الدالة قيمتها الصُّغري تكون المُشتقة الثانية للدالة موجبة.

لنأخذ على سبيل المثال الدالة التربيعية التالية: 6 - 3x + 3x − 6. كما هو معلوم، بما أن علامة المتغيَّر التربيعي في المعادلة موجية (بمعنى إنها تُساوي -٥) فإن شكل المعادلة يكون على الشكل U بدلًا من الشكل O، وبالتالي سيكون للدالة قيمة صُغرى بدلًا من قيمة عُظمى، لنشرح هذه النقطة باستعمال التفاضل:

$$\frac{dy}{dx} = 10x + 3, \ \frac{d^2y}{dx^2} = 10$$

بها أن المشتقة الثانية للدالة مُوجبة يكون بالتائي للدالة قيمة صُغرى، لمعرفة أين تقع هذه القيمة الصُغرى (أي إحداثيات القيمة x = x + 10x + 3 = 0 (وبالثائي: x = x + 10x + 3 = 0) يجب أولًا حساب المشتقة الأولى للدالة، ثم مُساواة هذه الأخيرة بصفر وحلها بالنسبة له x = 0.3 + 10x + 3 = 0 وبالثائي: x = -0.3 + 10x +

$$y = 5x^2 + 3x - 6 = 5 \times (-0.3)^2 + (3 \times -0.3) - 6 = -6.45$$

وبالتالي تكون إحداثيات القيمة الصغرى للدالة كالآتي: (6.45 - , 0.3 -).

٢,٢,٣ التفاضل الجزني

(Partial differentiation)

عندما تكون الدالة y في مُتغيِّرين أو أكثر (على سبيل المثال (y = f(x₁, x₂, ..., x_n)، فإنه من المهم تحديد تأثير كل تغيَّر في قيمة أحد المتغيِّرات الفردية x على قيمة y. يُعرَف اشتقاق الدالة y بالنسبة إلى مُتغيِّر واحد فقط، مع إيقاء باقي المتغيِّرات ثابتة، *بالتفاضل الجزئ*ي (Partial Differentiation). عادة ما يُرمز إلى المشتقة الجزئية للدالة y بالنسبة إلى المتغيِّر x بالرمز: نذكر أيضًا أن جميع فواعد التفاضل المذكورة أعلاه تنطبق أيضًا على التفاضل الجزئي، كيا توجد مُشتقة جزئية (من الدرجة الأولى) لكل مُتغيِّر تُكتب على الجانب الأيمن للمعادلة، وتُحسّب المشتقة الجزئية لدالة في عدة مُتغيِّرات باشتقاق الدالة بالنسبة لأحد هذه المتغيِّرات مع إبقاء باقي المتغيِّرات الأخرى ثابتة، لتقديم مثال على ذلك لتفترض أن $2x_1^2 + 4x_1 - 2x_2^2 + 4x_2 = y$. تكون المشتقة الجزئية لـ y بالنسبة لـ x_1 كالآق:

$$\frac{\partial y}{\partial x_1} = 9x_1^2 + 4$$

في حين أن المشتقة الجزئية لـ y بالنسبة لـ x2 هي:

$$\frac{\partial y}{\partial x_2} = -8x_2^3 + 4x_2$$

وكما سنرى في الفصل الثالث يُقدَّم مقلَّر المربعات الصغرى العادية (Ordinary Least Squares (OLS)) صيغًا لفيم المعلمات وكما سنرى في الفصل الثالث يُقدَّم مقلَّر المربعات الصغرى العادية (Residual Sum of Squares (RSS)) عبد الجد الحد التي تصغَّر مجموع مربعات البواقي المحساب التفاضل الجزئي للدالة بالنسبة لـ $\hat{\alpha}$ و $\hat{\alpha}$ ثم نُساوي هذه المشتقات الجزئية بالصفر، وبالتالي يلعب التفاضل الجزئي دورًا رئيسًا في تحديد المنهج الرئيس لتقدير المعلمات في الاقتصاد القباسي. انظر الملحق رقم (١،٣) لإيضاح عملي لهذا التطبيق.

٢,٢,٤ التكامل

(Integration)

يُعنبر التكامل (Integration) عكس التفاضل، بحيث إذا حسبنا تكامل دالة ما وبعد ذلك نقوم باشتقاق الدالة النائجة عن التكامل، نتحصَّل على الدالة الأصلية، كما لُذكِّر بأن المشتقات تعطي دوال تستعمل في حساب ميل المنحني، في المقابل يُستخدم التكامل حساب المساحة تحت المنحني (بين نقطتين محددتين)، هذا ويتعدَّى عرض المزيد من التفاصيل عن قواعد التكامل نطاق هذا الكتاب لعدم الحاجة إلى هذه التقنيات الرياضية، لكن من المفيد أن نكون على دراية بالمفهوم العام للتكامل.

٣, ٢ المصفوفات

(Matrices)

قبل أن نتمكَّن من العمل بالمصفوفات نحتاج لتعريف بعض المصطلحات:

- العدد القياسي (أو الكمية القياسية) (Scalar)، هو ببساطة عدد مُقرد (وليس بالضرورة أن يكون هذا العدد صحيحًا، مثال
 ٣٠ -٥، ٥ , ٠ كلها أعداد قياسية).
 - التجه (Vector) وهو عبارة عن مجموعة من الأعداد المصفوفة ذات بُعد واحد (يوجد بعض الأمثلة في الأسفل).
- المصفوفة (Matrix) هي تنظيم ذو بُعدين لمجموعة من الأعداد على هيئة صفوف وأعمدة، كما نحصل على حجم المصفوفة من خلال عدد صفوفها وعدد أعمدتها.

تُعتبر المصفوفات وسيلة مُفيدة ومهمة جدًّا في تنظيم مجموعة من البيانات معًا، الأمر الذي يجعل مُعالجة وتحويل هذه البيانات أكثر سهولة من التعامل مع كل عنصر من عناصر المصفوفة بشكل فردي، كما تُستعمل المصفوفات على نطاق واسع في الاقتصاد القياسي، وفي الماليَّة خل نظم المعادلات الحَطيَّة، لاشتفاق النتائج الرئيسة، وكذلك للتعبير عن الصيغ بطريقة مختصرة، ويُستخدم أحيانًا حرف مُحبر للدلالة على المتجه أو المصفوفة (مثال A)، لكن لن نستخدم هذه الطريقة في هذا الكتاب، كما نأمل أن تكون الدلالة على العدد القياسي، المتجه أو المصفوفة واضحة من خلال السياق، أو أن يتم ذِكْر ذلك بوضوح، نعرض فيها بلي بعض الخصائص المفيدة للمصفوفات ونشرح كيفية العمل بها.

- پُشار إلى أبعاد المصفوفة بـ R x C حيث بدل R على عدد صفوف المصفوفة و C على عدد أعمدتها.
- يُشار إلى كل عنصر من عناصر المصفوفة باستخدام رموز شفلية، لنفترض على سبيل المثال أن المصفوفة M تتكون من صفين وأربعة أعمدة، يُرمز إلى العنصر الذي يوجد في تقاطع الصف الثاني مع العمود الثالث من هذه المصفوفة بـ وسهة عامة نرمز بـ mi للعنصر الذي يوجد في تقاطع الصف المعمود (وبالتالي تتكون المصفوفة من الدرجة (أو من الرُّتبة)
 ٢ x ٤ من العناصر التالية:

$$\begin{pmatrix} m_{11} & m_{12} & m_{13} & m_{14} \\ m_{21} & m_{22} & m_{23} & m_{24} \end{pmatrix}$$

تُعرف المصفوفة التي تحتوي على صف واحد بأنها متّجه صفّي (Row Vector) والذي سبكون من الدرجة 1 x C - جيث تُمثّل C عدد الأعمدة. مثال:

$$(2.7 \quad 3.0 \quad -1.5 \quad 0.3)$$

تُعرف المصفوفة التي تحتوي على عمود واحد بأنها متّجه عمودي (Column Vector) والذي سيكون من الدرجة R x 1
 حيث يُمثّل R عدد الصفوف. مثال:

$$\begin{pmatrix} 1.3 \\ -0.1 \\ 0.0 \end{pmatrix}$$

عندما يتساوى عدد صفوف المصفوفة بعدد أعمدتها (R = C) تُسمى المصفوفة مصفوفة شريعة (Square matrix) كما في المصفوفة من الدرجة ٢ x ٢ التالية:

$$\begin{pmatrix} 0.3 & 0.6 \\ -0.1 & 0.7 \end{pmatrix}$$

تُعرَف المصفوفة التي يكون جميع عناصرها صفرًا بالمصفوفة الصفرية (Zero Matrix). مثال:

تُعتبر المصفوفة المتهاثلة (Symmetric Matrix) نوعًا خاصًا من المصفوفات المربعة، وهي مصفوفة مُتهاثلة حول القطر الرئيس
 (يَمُرُّ خط القطر من الزاوية اليسرى العليا إلى الزاوية اليمنى السفلي للمصفوفة)، وبالتالي: (١٠ لا m_{ij} = m_{ji} ، مثال:

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 & 7 \\ 2 & -3 & 6 & 9 \\ 4 & 6 & 2 & -8 \\ 7 & 9 & -8 & 0 \end{pmatrix}$$

المصفوفة القطرية (Diagonal Matrix) هي مصفوفة مُربعة تكون كل عناصرها مُساوية لصفر ما عدا عناصر القطر الرئيس.
 مثال:

$$\begin{pmatrix} -3 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

مصفوفة الوحدة (Identity Matrix)، ويُرمز إليها بـ ١، هي مصفوفة تُساوي جميع عناصرها صفرًا، باستثناء تلك الواقعة على
 قطرها الرئيس والتي تُساوي كلها واحدًا، وتُعتبر مصفوفة الوحدة مصفوفة مُتهائلة (وبالثاني تكون أيضًا مُربعة). مثال:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

مصفوفة الوحدة هي أساسًا مصفوفة بمثابة العدد واحد، وبالتالي، عند ضرب أية مصفوفة في مصفوفة الوحدة من اليمين.
 أو من اليسار فإن ناتج الضرب يكون نفس المصفوفة، وبالتالي لكل مصفوفة M نكتب:

$$MI = IM = M$$

٢,٣,١ عمليات على المصفوفات

(Operations with matrices)

لإجراء عمليات على المصفوفات (مثل الجمع، الطرح والضرب) يُشترط أن تكون تلك المصفوفات متوافقة (Conformable). (Matrices) أما الدرجات اللازمة لتكون المصفوفات متوافقة فهذا يعتمد على نوع العملية.

يُشترط في عمليات الجمع أو الطرح أن تكون المصفوفات من نفس الدرجة (أي أن بكون للمصفوفات نفس عدد الصفوف
ونفس عدد الأعمدة) على أن يتم جمع العناصر المتناظرة جمعًا جبريًّا. مثال: إذا كان

$$B = \begin{pmatrix} 0.2 & -0.1 \\ 0 & 0.3 \end{pmatrix} {}_{2}A = \begin{pmatrix} 0.3 & 0.6 \\ -0.1 & 0.7 \end{pmatrix}$$

فإن:

$$A + B = \begin{pmatrix} 0.3 + 0.2 & 0.6 - 0.1 \\ -0.1 + 0 & 0.7 + 0.3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.5 & 0.5 \\ -0.1 & 1.0 \end{pmatrix}$$

$$A - B = \begin{pmatrix} 0.3 - 0.2 & 0.6 - 0.1 \\ -0.1 - 0 & 0.7 - 0.3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.1 & 0.7 \\ -0.1 & 0.4 \end{pmatrix}$$

إذا ضربنا أو قسمنا مصفوفة بقيمة قياسية (عدد مفرد) نتج عن ذلك مصفوفة يتكون جميع عناصرها من عناصر المصفوفة الأولى مضروبة في هذا العدد. مثال:

$$2A = 2 \begin{pmatrix} 0.3 & 0.6 \\ -0.1 & 0.7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.2 & 1.2 \\ -0.2 & 1.4 \end{pmatrix}$$

عمومًا، إذا كان لدينا مصفوفتان A و B من نفس الدرجة و c قيمة قياسية فإنه يُمكن استئتاج ما يلي:

$$A + B = B + A$$

$$A + 0 = 0 + A = A$$

$$c A = A c$$

$$c(A + B) = cA + cB$$

$$A0 = 0A = 0$$

- يتطلّب ضرب مصفوفتين تساوي عدد الأعمدة في المصفوفة الأولى مع عدد الصفوف في المصفوفة الثانية. كما يُعتبر ترتيب المصفوفات مهمّ عند ضربها ببعض لأن عمومًا: $AB \neq BA$. من جهة أخرى يُمكن القول إن ناتج ضرب مصفوفتين يُساوي مصفوفة من الدرجة (عدد صفوف المصفوفة الأولى × عدد أعمدة المصفوفة الثانية)، على سبيل المثال، إذا كانت المصفوفة الأولى الأولى ($\mathbf{r} \times \mathbf{r}$) والمصفوفة الثانية ($\mathbf{r} \times \mathbf{r}$) فإن مصفوفة ناتج الضرب تكون ($\mathbf{r} \times \mathbf{r}$)، بمعنى آخر، عند تحديد درجة مصفوفة ناتج الضرب، وكأننا تلغي من المصفوفة الأولى عدد الأعمدة، ومن المصفوفة الثانية عدد الصفوف (\mathbf{r}) ، بتعميم هذا القانون نجد أن: $(\mathbf{r} \times \mathbf{r}) = (\mathbf{r} \times \mathbf{r}) \times (\mathbf{r} \times \mathbf{r})$.
- ينتج عن ضرب مصفوفتين مصفوفة كل عنصر من عناصرها هو ناتج ضرب عناصر كل صف في المصفوفة الأولى
 (السابقة) في عناصر العمود المقابل له في المصفوفة اللاحقة ونجمع، على سبيل المثال:

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 7 & 3 \\ 1 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 & 2 & 4 & 9 \\ 6 & 3 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} ((1x0) + (2x6)) & ((1x2) + (2x3)) & ((1x4) + (2x0)) & ((1x9) + (2x2)) \\ ((7x0) + (3x6)) & ((7x2) + (3x3)) & ((7x4) + (3x0)) & ((7x9) + (3x2)) \\ ((1x0) + (6x6)) & ((1x2) + (6x3)) & ((1x4) + (6x0)) & ((1x9) + (6x2)) \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 12 & 8 & 4 & 13 \\ 18 & 23 & 28 & 69 \\ 36 & 20 & 4 & 21 \end{pmatrix}$$

$$(3x4)$$

لا يُمكن عُمومًا قسمة مصفوفة بمصفوفة ثانية، يُمكن بدلًا من ذلك ضرب المصفوفة الأولى بمعكوس المصفوفة الثانية (انظر أدناه).

منفول المصفوفة (Transpose of a Matrix)، ويُرمز إليه بـ 'A أو 'A'، هي المصفوفة الناتجة عن المصفوفة A، وذلك بِجَعْل أسطرها أعمدة وأعمدتها أسطرًا، على سبيل مثال:

إذا كان لدينا المصفوفة:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 7 & 3 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$$

فإن

$$A' = \begin{pmatrix} 1 & 7 & 1 \\ 2 & 3 & 6 \end{pmatrix}$$

 $C \times R$ فإن منقو فه A' من الدرجة $R \times C$ فإن منقول المصفو فه A' سيكون من الدرجة أذا كانت المصفو فه A'

⁽١) بطبيعة الحال لا تُلغَى العناصر المكوّنة للمصفوفة، وإنها تُعتبر هذه الطريقة بُجرد قانون بسبط لحساب درجة المصفوفة الناتجة عن عملية الضرب.

٢,٣,٢ رُنبة المصفوفة

(The rank of a matrix)

تُعرف رُتبة مصفوفة Rank of a Matrix) A) بأنها أكبر عدد نُمكن من الصفوف (أو الأعمدة) المستفلة خطبًا الواردة في المصفوفة، على سبيل المثال:

$$rank\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 9 \end{pmatrix} = 2$$

لأن كل الصفوف والأعمدة مُستقلة (خطيًّا) عن بعضها البعض، لكن:

$$rank\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} = 1$$

لأن العمود الثاني ليس مُستقلًا عن العمود الأول (العمود الثاني هو بيساطة ضعف العمود الأول)، تُسمى المصفوفة التي تتساوى فيها الدرجة بالرُّتبة، كما في الحالة الأولى، مصفوفة ذات رُتبة كاملة (Matrix of Full Rank). أما إذا كانت رُتبة المصفوفة أقل من الرُّتبة الكاملة، فتسمى المصفوفة مصفوفة فات رُتبة غير كاملة (Short Rank Matrix) أو مصفوفة شافة (Singular Matrix)، كما نذكر أن هناك ثلاث نتائج مهمة تتعلق برُتبة المصفوفة، وهي:

$$Rank(A) = Rank(A')$$

$$Rank(AB) \le min(Rank(A), Rank(B))$$

$$Rank(A'A) = Rank(AA') = Rank(A)$$

٢,٣,٣ معكوس المصفوفة

(The inverse of a matrix)

يُرمز إلى معكوس المصفوفة (Inverse of a Matrix) A بـ "-A. ويُعرَّف معكوس المصفوفة بأنه المصفوفة التي إذا ضربناها بالمصفوفة الأصل يكون ناتج الضرب مصفوفة الوحدة، أي أن: AA-1 = A-1A = I.

لا يُوجد معكوس المصفوفة إلّا إذا كانت المصفوفة مُربعة وغير شاذة، أي إذا كانت مصفوفة ذات رُتبة كاملة، على سبيل المثال يُمكن حساب معكوس المصفوفة غير الشاذة من الدرجة ٢ x x ، والمتكوّنة من العناصر التالية:

$$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$$

باستخدام الصيغة التالية:

$$\frac{1}{ad-b\varepsilon}\begin{pmatrix} d & -b \\ -c & a \end{pmatrix}$$

يُعرف التعبير في مقام الكسر على يسار المصفوفة، أي (ad - bc)، بمحدد (Determinant) المصفوفة، وهو قيمة فياسية، إذا كان محدّد المصفوفة صفرًا فإن المصفوفة تكون مصفوفة شاذة، وبالتالي مصفوفة فات رُتبة غير كاملة، وبالتالي لا يوجد معكوس للمصفوفة. مثال(۲٫۲)

إذا كانت لدينا المصفوفة التالية:

 $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$

فإن معكوس المصفوفة يكون:

$$\frac{1}{8}\begin{pmatrix}6 & -1\\ -4 & 2\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}3/4 & -1/8\\ -1/2 & 1/4\end{pmatrix}$$

كها سبق وذكرنا، إذا ضربنا المصفوفتين ببعضهها فإن ناتج الضرب سيكون مصفوفة الوحدة (وهي عملية مماثلة لـ ١= 3 × أ (وهي عملية تماثلة لـ):

$$\begin{pmatrix}2&1\\4&6\end{pmatrix}\times\frac{1}{8}\begin{pmatrix}6&-1\\-4&2\end{pmatrix}=\frac{1}{8}\begin{pmatrix}8&0\\0&8\end{pmatrix}=\begin{pmatrix}1&0\\0&1\end{pmatrix}=I$$

كها هو مطلوب.

في هذا الكتاب لن يتم النطرق إلى حساب معكوس المصفوفة من الدرجة N × N والذي يُعتبر أكثر تعقيدًا عندما تكون < N > 2. أما خواص معكوس المصفوفة فتشمل النقاط التالية:

$$I^{-1} = I$$
 •

$$(A^{-1})^{-1} = A$$

$$(A')^{-1} = (A^{-1})'$$

$$(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$$

.....

٤ , ٣ , ٢ أثر المصفوفة

(The trace of a matrix)

يُعرّف أثر المصفوفة (Trace of a Matrix) المُربعة بأنه مجموع عناصر قطرها الرئيس، على سبيل المثال، أثر المصفوفة:

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 9 \end{pmatrix}$$

والذي يُرمز إليه بـ (Tr(A) هو ٩=١٢.

نعرض الآن بعض الخواص الهامة لآثر المصفوفة، وهي كالآق:

$$Tr(c A) = c Tr(A)$$

$$Tr(A') = Tr(A)$$

$$Tr(A+B) = Tr(A) + Tr(B)$$

$$Tr(I_N) = N$$

٥, ٣, ٣ القيم الذاتية للمصفوفة

(The eigenvalues of a matrix)

Long-run) يعتبر مفهوم الفيم الذاتية (Eigenvalues) للمصفوفة مفهومًا ضروريًّا لاختبار العلاقات على المدى الطويل (Relationships) بين السلاسل باستخدام ما يُعرف باختبار جوهانسن للتكامل المشترك (Relationships) والذي سيتم التطرق إليه في الفصل ٨، نستعمل الآن الرمز Π للدلالة على مصفوفة مُربعة من الدرجة $p \times p$ ، الرمز $p \times p$ نادرجة $p \times p$ والرمز $p \times p$ للدلالة على مجموعة من الأعداد الفياسية، يُسمى $p \times p$ الجذر أو مجموعة الجنور المثيرة (Roots) للمصفوفة $p \times p$ إذا كان من المكن أن نكتب المعادلة التالية:

$$\Pi c = \lambda c$$

$$1 \times P \cdot 1 \times P \cdot P \times P$$

يُمكن أيضًا كتابة هذه المعادلة بطريقة أخرى على النحو النالي:

$$\prod c = \lambda I_p c$$

حيث يرمز ١١ إلى مصفوفة الوحدة، وبالتالي:

$$\left(\Pi - \lambda I_p\right)c = 0$$

لإيجاد حل غير صفري لهذا النظام من المعادلات، وبها أن 0 ≠ c وذلك بحكم تعريفه، يجب أن تكون المصفوفة (Π − λ Ip) مصفوفة شاذة (أو منفردة) (Singular) (أي أن مُحدد المصفوفة يُساوي صفرًا) أي:

$$\left|\Pi - \lambda \, I_p\right| \, = 0$$

لنَّاخِذُ على سبيلِ المثالِ المصفوفة II من الدرجة x x t التالية:

$$\Pi = \begin{bmatrix} 5 & 1 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$$

في هذه الحالة تكون المعادلة المميَّزة (Characteristic Equation) للمصفوفة على النحو التالي:

$$|\Pi - \lambda I_p|$$

$$= \left| \begin{bmatrix} 5 & 1 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} - \lambda \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \right| = 0$$

$$= \left| \begin{bmatrix} 5 - \lambda & 1 \\ 2 & 4 - \lambda \end{bmatrix} \right| = (5 - \lambda)(4 - \lambda) - 2 = \lambda^2 - 9\lambda + 18$$

وبالتائي فإن حلول المعادلة هي: 6 = 1 و 3 = 1. تُعرف الجذور المميّزة أيضًا بالقيم الذائية للمصفوفة، تكون المتجهات الذاتية (Eigenvectors) للمصفوفة عبارة عن القيم المقابلة للفيم الذاتية، ومن أهم خواص القيم الذاتية لمصفوفة مُربعة A نذكر:

- يُعادل مجموع القيم الذاتية أثر المصفوفة.
- يُعادل ضرب القيم الذاتية ببعضها البعض مُحدد المصفوفة.
- يُساوي عدد القيم الذاتية غير الصفرية للمصفوفة رتبتها.

لمزيد من التوضيح للخاصِّية الأخيرة نأخذ على سبيل المثال المصفوفة التالية:

$$\Pi = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.25 \\ 0.7 & 0.35 \end{bmatrix}$$

في هذه الحالة تكون المعادلة المميِّزة للمصفوفة على النحو التالي:

$$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.5 & 0.25 \\ 0.7 & 0.35 \end{bmatrix} - \lambda \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \end{bmatrix} = 0$$

وهذا يعني أن:

$$\begin{vmatrix} 0.5 - \lambda & 0.25 \\ 0.7 & 0.35 - \lambda \end{vmatrix} = 0$$

يُمكن أيضًا كتابة تحدد المصفوفة كما يلي:

$$(0.5 - \lambda)(0.35 - \lambda) - (0.7 \times 0.25) = 0$$

1 9

$$0.175 - 0.85\lambda - 0.175\lambda^2 - 0.175 = 0$$

أوا

$$\lambda^2 - 0.85\lambda = 0$$

والتي يُمكن تحليلها إلى العوامل التالية: 0 = (0.85 – 1/4 وبالتالي فإن الجذور المميّزة للمصفوفة هي ٠ و ٠٠,٨٥ وبها أن أحد القيم الذاتية مُساوٍ لصفر فمن الواضح أن المصفوفة П لن تكون من رُتبة كاملة، في الواقع نستطيع الوصول إلى هذا الاستنتاج بمجرد النظر إلى المصفوفة П، بها أن العمود الثاني للمصفوفة هو تمامًا نصف الأول.

٢,٣,٦ نظرية المحفظة الماليَّة وجَثْر المصفوفات

(Portfolio theory and matrix algebra)

من الأرجح أن التطبيق الأكثر أهمية لجبر المصفوفات في الماليَّة يكمن في حل مسائل توزيع المحفظة الماليَّة، وبالرغم من أن هذه المسائل يُمكن حلها بشكل مرضي تمامًا باستعمال الرمز سيغما بدلًا من جبر المصفوفات إلا أن استعمال هذا الأخير أدَّى إلى تبسيط كبير للمعادلات الرياضية، وجعل من السهل حل مسائل توزيع المحفظة الماليَّة عندما تتضمن هذه الأخيرة أكثر من أصلَيْن.

لا يُعتبر هذا الكتاب المكان المناسب لمعرفة المزيد عن نظرية المحفظة الماليَّة في حد ذاتها (يُمكن الإشارة إلى القراء المهتمين بهذه النظرية إلى العديد من المراجع، ونذكر على سبيل المثال بودي، كين وماركوس (٢٠١١) ((٢٠١١) (Bodie, Kane and Marcus) أو العديد من المراجع، وإنها الغرض من هذه الفقرة هو شرح كيفية استخدام جبر المصفوفات بطريقة عملية.

$$E(r) = \begin{pmatrix} E(r_1) \\ E(r_2) \\ \vdots \\ E(r_N) \end{pmatrix} w = \begin{pmatrix} w_1 \\ w_2 \\ \vdots \\ w_N \end{pmatrix}$$

على سبيل المثال، برمز وس إلى الوزن المرتبط بالسهم الثالث بينها يرمز (r) قالى العائد المتوقع على هذا السهم، ويُمكن حساب العائد المتوقع للمحفظة الماليَّة (E(r) بضر ب منقول متَّجه العوائد المتوقّعة بمتجه الأوزان، أي: E(r)'w.

نحتاج بعد ذلك إلى إنشاء ما يُسمَّى بمصفوفة التباين والتغاير للعوائد (Variance-Covariance Matrix)، والتي يُرمز إليها بـ
٧. يتضمن القطر الرئيس لهذه المصفوفة تباي ُن عوائد أسهم المحفظة الماليَّة، بينها يُكتب التغاير بين هذه الأسهم خارج القطر الرئيس للمصفوفة، هذا ونُشير إلى أننا سوف نناقش في الفصل ٤ وعلى نطاق واسع مصفوفة التباين والتغاير في إطار معلهات نهاذج الانحدار، يُمكن كتابة مصفوفة التباين والتغاير لعوائد الأسهم كها يلى:

$$V = \begin{pmatrix} \sigma_{11} & \sigma_{12} & \sigma_{13} & \dots & \sigma_{1N} \\ \sigma_{21} & \sigma_{22} & \sigma_{23} & \dots & \sigma_{2N} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \sigma_{N1} & \sigma_{N2} & \sigma_{N3} & \dots & \sigma_{NN} \end{pmatrix}$$

 σ_{11} مناصر القطر الرئيس للمصفوفة V تبايُن عوائد الأسهم المكوّنة للمحفظة المائيّة، على سبيل المثال، يُمثّل العنصر القطر الرئيس للمصفوفة V تغاير عوائد نبايُن عوائد السهم الأول، σ_{22} تبايُن عوائد السهم الثاني وهكذا. في حين ثُمثّل العناصر خارج القطر الرئيس للمصفوفة V تغاير عوائد هذه الأسهم، على سبيل المثال يُمثّل σ_{12} التغاير بين عوائد السهم الأول وعوائد السهم الثاني، σ_{58} التغاير بين عوائد السهم الخامس وعوائد السهم الثاني، σ_{58} التغاير بين عوائد السهم الأول وعوائد السهم الثاني، وهكذا. كما يُمكن ملاحظة أن مصفوفة التباين والتغاير مُتماثلة حول القطر الرئيس؛ لأن = Cov(a,b) و وهكذا. $\sigma_{12} = \sigma_{21}$ وهكذا.

لإنشاء مصفوفة التبايُن والتغاير تحتاج أولًا إلى إعداد مصفوفة تحتوي على مُشاهدات العوائد الفعلية (وليس العوائد المتوقعة) لكل سهم، يُطرح منها بعد ذلك الوسط الحسابي (i=1,...,N) لكل سهم ا من أسهم المحفظة الماليَّة، تُسمى هذه المصفوفة R وتُكتب على النحو التالى:

$$R = \begin{pmatrix} r_{11} - \overline{r_1} & r_{21} - \overline{r_2} & r_{31} - \overline{r_3} \dots & r_{N1} - \overline{r_N} \\ r_{12} - \overline{r_1} & r_{22} - \overline{r_2} & r_{32} - \overline{r_3} \dots & r_{N2} - \overline{r_N} \\ \vdots & & \vdots & & \vdots \\ r_{17} - \overline{r_1} & r_{27} - \overline{r_2} & r_{37} - \overline{r_3} \dots & r_{N7} - \overline{r_N} \end{pmatrix}$$

بحيث يُمثُّل كل عمود في هذه المصفوفة انحرافات عوائد الأسهم الفردية عن وسطها الحسابي، في حين أن كل صف يُمثُّل مُشاهدات العوائد المعدُّنة وفق الوسط الحسابي لكل الأسهم في نقطة مُعينة من الزمن، عُمومًا يُقرأ كل عنصر من عناصر المصفوفة، أي الأمن المعددات العادلة التالية: (1 - 7)/(7 - 1) العدد الإجابي للمشاهدات الزمنية المتاحة لكل سلسلة.

لنفترض الآن أننا نُريد حساب تبايُن عوائد المحفظة الماليَّة P (وهو فيمة عددية) والذي نرمز (ليه بـ ٧٠. نستعمل لذلك القانون التالى:

$$V_p = w' V w \tag{17cY}$$

للتحقُّق من درجة مِل، نُذكِّر أن المتَّجه 'w من الدرجة (N x N)، المصفوفة V من الدرجة (N x N) والمتَّجه w من الدرجة (N x N) والمتَّجه w من الدرجة (N x N) وبالتالي يكون تباين عوائد المحفظة الماليَّة مِلا من الدرجة (N x N x N x N x N x N) أي من الدرجة (N x N) على النحو المطلوب.

يُمكننا أيضًا تعريف مصفوفة ارتباط العوائد C، والتي تكتب على النحو التالي:

$$C = \begin{pmatrix} 1 & C_{12} & C_{13} & \dots & C_{1N} \\ C_{21} & 1 & C_{23} & \dots & C_{2N} \\ \vdots & & & \vdots & & \vdots \\ C_{N1} & C_{N2} & C_{N3} & \dots & 1 \end{pmatrix}$$

تكون كل العناصر المكونة للقطر الرئيس لمصفوفة ارتباط العوائد مُساوية لواحد (بها أن ارتباط أي مُتغيِّر مع نفسه يكون دائها مساويًا لواحد)، بينها تعطي بفية العناصر المكونة للمصفوفة الارتباط بين كل زوج من عوائد المحفظة الماليَّة، على سبيل المثال، يرمز C_{38} إلى الارتباط بين عوائد السهم الثالث وعوائد السهم الخامس، كها نلاحظ مرة أخرى أن مصفوفة الارتباط، مثل مصفوفة التباين والتغاير، مُتهائلة حول القطر الرئيس، وهذا يعني على سبيل المثال أن $C_{31} = C_{31}$. (لخ أخيرًا، باستخدام مصفوفة الارتباط بدلًا من مصفوفة التباين والتغاير يُصبح تبايُن المحفظة المائيَّة الوارد في المعادلة رقم (١٣٠٢) على النحو التالي:

$$V_p = w' SCSw \tag{15.7}$$

حيث يمثل C مصفوفة الارتباط، w متجه أوزان المحفظة و S مصفوفة قطرية يحتوي كل عنصر من عناصرها على الانحرافات المعيارية لعوائد المحفظة.

اختبار أوزان محفظة الحد الأدنى للتباين

(Minimum Variance Portfolio)

على الرغم من أنه من الناحية النظريَّة يُمكن للمستثمرين فعل الأفضل عن طريق اختيار المحفظة المثلى (Optimal Portfolio) من شُنحنى الحد الكفء (أو الحد الفعَّال) (Efficient Frontier)، إلَّا أنه عمليًّا غالبًا ما يكون أداء محفظة تصغير التباين جيِّدًا عند استخدامها على أسهم من خارج العيِّنة المكوِّنة للمحفظة، وبالتالي يجب علينا تحديد مجموعة الأوزان w التي تصغَّر تباين المحفظة ، باستعمال رموز المصفوفات يُمكننا كتابة:

$min \ w' \ V \ w$

يجب أنْ نكون حذرين بعض الشيء، وبذلك بفرض على الأقل قيد بخصوص وُجوب استثبار كل الثروة في المحفظة (بمعنى آخر 1 = سن الأوزان بصفر، وبالتالي يكون التباين أيضًا أخر 1 = w_i = 1)، ما عدا ذلك يُمكن حل مسألة التصغير بيساطة، وذلك بمساواة كل الأوزان بصفر، وبالتالي يكون التباين أيضًا

صفرًا. من جهة أخرى يُمكن كتابة فيد مساواة مجموع الأوزان بواحد باستعمال جبر المصفوفات كالتالي: $1_N = 1$ سيث يرمز $1_N = 1$ إلى متَّجه عمو دى بطول N يُساوى كل عناصره واحد (7).

يُمكن حل مسألة تصغير تباين عوائد المحفظة على النحو التالي:

$$W_{MVP} = \frac{1_N V^{-1}}{1_N V^{-1} \cdot 1_{YN}} \tag{10.4}$$

حبث يرمز MVP إلى محفظة الحد الأدنى للشاير.

اختيار أوزان المحفظة المُثلى

(Selecting optimal portfolio weights)

لرسم مُنحنى الحد الكف من حيث الموازنة بين العائد والخطر (Mean-Variance Efficient Frontier) يجب تكرار حل مسألة تصغير تباين المحفظة مرات عديدة، وفي كل مرة يجب أُخَذ فيمة جديدة للعائد المتوقع للمحفظة والذي يُرمز إليه بـ R. على سبيل المثال نبدأ بـ ، كقيمة لـ R ثم نحسب أوزان المحفظة المصغَّرة لتباين المحفظة من بعد ذلك تأخذ ، ، كقيمة جديدة لـ R ونحسب من جديد أوزان المحفظة المصغَّرة لتباين المحفظة المصغَّرة لتباين المحفظة المصغَّرة لتباين المحفظة المنال يُمكن كتابة مسألة التصغير على النحو التالي:

$$min_w w' Vw$$
 عم مراعاة القيود التالية: w' . $1_N=1$ و $E(r)=ar{R}$

تُعرف هذه المسألة بمسألة تخصيص المحفظة المائية لماركويتز (Markowitz Portfolio Allocation Problem) ويُمكن حلها تحليليًّا كما ورد أعلاه باستعمال جبر المصفوفات، إلى جانب القيود المذكورة سابقًا تدعو الحاجة أحيانًا إلى إضافة قيود أخرى على الأمثلية أو الاستمثال (Optimisation)، نريد على سبيل المثال إضافة قيد جديد على أوزان المحفظة الماليَّة حيث لا يُسمَح باستثمار أكثر من ١٠٪ من مجموع الأموال في شراء أصل واحد، أو تقييد الأوزان بحيث تكون كلها أوزانًا مُوجبة (أي عمليات شراء أصول فقط دون السماح بالبيع المكشوف)، لا يُمكن في مثل هذه الحالات حل مسألة تخصيص المحفظة الماليَّة لماركويتز باستخدام أسلوب تحليلي بحت، وإنها يجب استخدام إجراء عددي كاستخدام الدالة Solver في مايكر وسوفت إكسل (Microsoft Excel) على سبيل المثال.

تُشير أيضًا إلى أنه من الممكن صياغة مسألة ماركويتز بطريقة ثانية تُحتلفة تمامًا عن الطريقة الأولى، حيث يتم اختيار أوزان المحفظة الماليَّة الله من المحفظة الماليَّة الله أله المحفظة الماليَّة وهن مُستوى أقصى مُستهدف من التباين، نُعيد حل المسألة الأخبرة موات عديدة، وفي كل مرة نأخذ قيمة جديدة لعائد المحفظة الماليَّة، وبالتالي نتحصَّل في الأخير على رسم لمنحنى الحد الكف، بعد ذلك، والإيجاد نقطة السمة سند المحفظة الماليَّة، وبالتالي نتحصَّل في الأخير على رسم لمنحنى الحد الكف، بعد ذلك، والإيجاد نقطة التهاس، وهي نقطة يلامس فيها الحد الكفء خط سوق رأس المال (Capital Market Line) يجب حل المسألة التالية: المنافقة المنافق

⁽٢) لاحظ أن المصفوفة w'. 1_N من الدرجة 1×1 أي أن ناتج الضرب يكون قيمة قياسية.

$$W = \frac{V^{-1}[E(r) - r_f \cdot 1_N]}{1_{f_N} V^{-1}[E(r) - r_f \cdot 1_N]} \tag{17.Y}$$

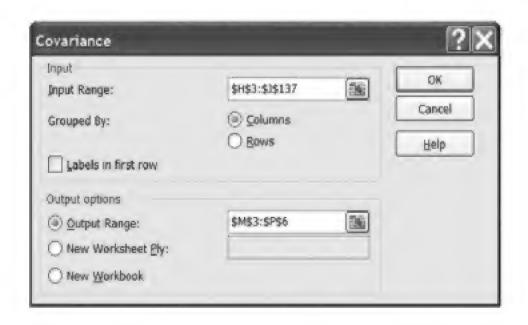
٢,٣,٧ رسم مُنحني الحد الكفء من حيث الموازنة بين العائد والخطر داخل إكسل

(The mean-variance efficient frontier in Excel)

يصف هذا القسم كيفية بناء الحد الكفء ورسم خط سوق رأس المال باستخدام محفظة ماليَّة مُتكونة من ثلاثة أسهم، وذلك باستخدام مايكروسوفت إكسل، وعلى الرغم من أنه سيتم استخدام إفيوز لإنجاز الأعمال التطبيقية في بقيَّة فصول الكتاب، إلا أنه من الطبيعي جدًّا مُعالجة هذه الأنواع من المسائل داخل لوحة جدوليَّة معبارية، كما يُقترض أن يكون الفُرَّاء على دراية بالدوال الأساسية لإكسل، ويُعتبر كتاب بننجي (٢٠١١) ((Benninga (2011)) مرجعًا جيدًا للقراء الذين هم بحاجة إلى تذكير بهذه الدوال.

تتضمن اللوحة الجدولية 'efficient.xis' الناتج النهائي، أي رسم مُنحنى الحد الكفء، ورسم خط سوق رأس المال، ومع ذلك أقترح على القرّاء البدء بفتح لوحة جدوليَّة فارغة، ثم نسخ كل البيانات الخام داخلها، ومن ثم إعادة تطبيق كل الصبغ الواردة في الورقة، وذلك بهدف أُخذ فكرة أفضل عن كيفية إنجاز هذه الرسوم.

تتمثّل الخطوة الأولى في حساب عوائد المحفظة، كما نعرض في العمود الثاني إلى العمود السادس من ورقة العمل efficient.xis المسلم وعائدات أذون الخزانة (T-bill)، وهي نفس البيانات التي ستستعمل في الفصل القادم لتقدير نموذج تسعير الأصول الرأسهائية (Capital Asset Pricing Model (CAPM))، كما نوضح أننا لا نحتاج في هذا التطبيق إلى مُؤشر S&P أو إلى سعر سهم أوراكل الرأسهائية (Capital Asset Pricing Model (CAPM)) بما أن المحفظة المائية، وكما ذكرنا سابقًا، مُتكوّنة من ثلاثة أسهم فقط، تجدر الإشارة كذلك إلى أن كل التحليلات الواردة أدناه بُمكن بسهولة وبشكل حدسي تعميمها على حالات أخرى تكون فيها المحفظة المائية مُتكوّنة من عدد أكبر من الأصول.



لقطة الشاشة رقم (٢ , ١) إعداد مصفوفة النباين والنغاير داخل إكسل

وبها أن الهدف وراء هذا العمل هو إنشاء محفظة ماليَّة فإنه من الأفضل استعبال العوائد البسيطة بدلًا من العوائد المرتبة المستمرة، لذلك نبدأ العمل بإنشاء ثلاث سلاسل للعوائد البسيطة للأسهم فورد (Ford)، جنرال إلكتربك (General Electric) ومايكروسوفت لذلك نبدأ العمل بإنشاء ثلاث سلاسل للعوائد البسيطة للأسهم فورد (Ford)، جنرال إلكتربك (Microsoft)، يحتوي العمود K من ورقة العمل في الأعمدة من H إلى ل، وتُعَنَون هذه الأعمدة على التولي GERET (FORDRET) و TORDRET، يحتوي العمود K من ورقة العمل على عوائد المحفظة الماليَّة المتكوَّنة من ثلاثة أسهم، وذلك حسب وزن كل سهم داخل المحفظة الماليَّة، لذلك نقوم في البداية باختيار قيم هذه الأوزان اعتباطيًا، وتُكتَب في ثلاث خلايا محتله في ورقة العمل، مع العلم أنه في مرحلة لاحقة سيتم حساب القيم المثلى هذه الأوزان باستخدام الدالة Solver، كتب إذًا ٣٣٠، ٣٠، و ٣٤، و على التوللي في الخلايا N12 إلى N14.

يتم حساب مجموع الأوزان في الحُليَّة NIS للتحقُّق من أن مجموعها مساوٍ لـ ١، أي وُجوب استثهار كل الأموال المتاحة للمستثمر في شراء الأسهم الثلاث المكوَّنة للمحفظة، بتوفَّر كل هذه المعطيات يُمكن الآن إنشاء سلسلة عوائد المحفظة الماليَّة (على المستثمر في شراء الأسهم الثلاث المكوِّنة للمحفظة، بتوفَّر كل هذه المعطيات يُمكن الآن إنشاء سلسلة عوائد المحفظة الماليَّة (على المسلسلة H3 + المحفظة الماليَّة (على المسلسلة PORTRET)، لذلك نكتب في الحليَّة X2 القانون التائي: ١٣٠ = السلسلة N814 + 3 + 18 المحدود الصف ١٣٧.

تتمثّل المرحلة التالية في بناء مصفوفة التباين والتغاير، والتي قُمنا بتسميتها ٧ كيا ورد أعلاه، لذلك ننقر أولًا فوق Data من مربط القوائم، ثم نختار Duta Analysis و نحدًد Covariance من قائمة الاختيارات، نُدخل بعد ذلك البياتات المطلوبة في النافذة كيا بعد ذلك البياتات المطلوبة في النافذة كيا بعد ذلك البياتات المطلوبة في النافذة كيا بعد في نقطة الشاشة رقم (٢,١) حيث نكتب SHS3:SJS137 في 'Shyar Range' و SMS3:SPS6 في 'Column في نتسخ بعد ذلك قيم التغاير في الجزء الأيمن لأعلى المصفوفة، وتستبدل Column 1 و Column 3 و Column بأسهاء الأسهم الثلاث في رؤوس الأعمدة والصفوف.

نريد الآن حساب مُتوسط العواند لكل سهم من الأسهم الفردية المكوَّنة للمحفظة (يحنوي الفطر الرئيس لمصفوفة التباين والتغاير كما تعلم على تباين الأسهم)، للقيام بذلك نكتب في الخلايا M9 إلى O9 الصيغ التالية: AVERAGE(H3:H137) و AVERAGE(I3:1137) ع.

نستطيع بعد ذلك تقديم إحصاءات موجزة (Summary Statistics) عن عوائد المحفظة الماليَّة، وذلك باستخدام عدَّة طرق غُتلفة، من بين هذه الطرق يُمكن استخدام جبر المصفوفات في إكسل لحساب الوسط الحسابي، التبابن والانحراف المعياري لسلسلة العوائد مُباشرة من العمود K الذي بحتوي على العوائد الشهرية للمحفظة، على سبيل المثال، لحساب متوسط عوائد المحفظة تُدخل في الحوائد المنابعة التائية: (E(r)) في الخلايا M9 إلى 90 الحليَّة N18 الصيغة التائية: (E(r)) في الخلايا N18 إلى N14 إلى N14 المتحدد الأوزان w في الخلايا N14 إلى N14 الله N14 إلى N14 المتحدد الأوزان w في الخلايا N14 إلى N14 المحدد المحتولة المتحدد المحدد ا

M	N	0	P	Q	R	S	Т
اين والتغاير ٧	مصفوفة الثيا						
	FORD	GE	MSOFT				
FORD	293.02	62	42.9				
GE	61.55	67	25.79				
MSOFT	42.90	26	50.05				
	إلا الأسهم	عو					
1.31	0.24	0					
المحفظة ٧	آوزان				w	ل مشجمه الأوزان	سنقول
FORD	0.33			FORD	GE	MSOFT	
GE	0.33	1		0.3	0.33	0.34	
MSOFT	0.34						
	1.00	~~~	مجموع الأوزان				
ثيات المحفظة	احصا	-					
ألوستط	0.64	1					
التباين	73.80	1					
الانحراف المياري	8.59						

لفطة الشاشة رقم (٢,٢) اللوحة الجدوليَّة المستخدمة في بناء الحد الكفء

عمليًا يجب أن نقوم بعملية الضرب على مرحلتين، نقوم في المرحلة الأولى يضرب منقول متَّجه الأوزان 'w في الخلايا Q13 إلى S13 بمصفوفة النباين والتغاير ٧ في الخلايا N4 إلى P6، في المرحلة الثانية، نضرب ناتج ضرب المرحلة الأولى بمنَّجه الأوزان w في الخلايا N12 إلى N12 إلى N14، أخيرًا نحسب الانحراف المعياري لعوائد المحفظة الماليَّة في الخليَّة N19 وذلك بأخذ الجذر التربيعي للتباين في الحليَّة N18.

لنأخذ الآن بعض الدقائق لفحص الإحصاءات الموجزة ومصفوفة النبائين والتغاير، يُمكن القول في البداية إنه من الواضح أن السهم فورد هو من بعيد السهم الأكثر نباينًا، وذلك بتباين سنوي مساوٍ لـ ٢٣٩. في المقابل يُعتبر السهم مايكروسوفت السهم الأقل تباينًا من بين أسهم المحفظة، وذلك بتباين قدره ٥٠. كما يُمكن القول كذلك إن تباين المحفظة المُتساوية الأوزان هو ٧٣,٨ من جهة أخرى نلاحظ أن السهم فورد لديه أعلى متوسط عائد، لدينا الآن كل العناصر الضرورية لبناء مُنحنى الحد الكفء من حبث الموازنة بين العائد والخطر، ويجب أن يكون الجانب الأيمن لورقة العمل مطابقًا للوحة البيانات في لقطة الشاشة رقم (٢,٢).

دعونا نحسب أولًا الحد الأدنى لتباين المحفظة، للقيام بذلك ننقر فوق الخليَّة 189 التي تحتري على قانون تباين المحفظة، ننقر إذًا فوق علامة التبويب بيانات (Data tab) ثم فوق Solver، يجب بعد ذلك إكهال حقول النافذة التي ستظهر كما هو مُبيَّن في لقطة الشاشة رقم (٢,٣)، نريد إذًا تصغير الخليَّة SNS19 وذلك بتغيير الأوزان في الخلايا SNS12: \$NS14 مع مراعاة فيد مجموع الأوزان مساوٍ لواحد (1 = \$SN\$12: \$N\$12. ننقر بعد ذلك فوق Solve، وستظهر نافذة تعلّمنا بوجود حل لمسألة التصغير، ننقر إذًا فوق OK.

كها نلاحظ أن استخدام Solver لحل مسألة التصغير ليس ضروريًّا؛ لأن هذه الأخيرة تضمَّنت فيدًا واحدًا، في المقابل عند إضافة قيود أخرى على مسألة تصغير تباين المحفظة، كالتقيُّد بأوزان مُوجية أو أيَّة قيود أخرى على الأوزان، فإنه في هذه الحالة ليس بالإمكان حل هذه المسألة تحليليًّا، وبالنالي وجوب استعمال Solver. نُشير كذلك إلى أن الأوزان في الحلايا N12 إلى N14 تنغيَّر تلقائبًا بعد النقر فوق OK، وكذلك بالنسبة إلى الإحصاءات الموجزة في الخلايا N18 إلى N20. وهكذا فإن الأوزان التي تُصغِّر تباين المحفظة الماليَّة تكون صفرًا بالنسبة إلى السهم فورد، ٣٧٪ لسهم جنرال الكتريك و ٦٣٪ لسهم مايكروسوفت، تحقَّق هذه الأوزان تبايُنًا شهريًّا مساويًا لـ ٤١ (أي أن الانحراف المعباري مساوِ لـ ٤١ ، ٦٪) ومتوسط عائد شهري مساوِ لـ ٣٣، ٠٪.

Sej Objective:	Ind It		71
Ter Oger	2 Mg C Yelle (X)	E	
by Changing Variable Colis.			
EMBL2:SMBL4			27
Sybject to the Construents:			
SMSL5 - J		4 1	ğdd
			Change
		[Delete
		(See Al
		- 1	Labella valued
Major Unconstruented Va	riables Hor-Negative		
Spled a Selving Method:	GRG Hoshneyr	- [Орхоля
Solving Method			
	engage for Solver Problems that are on c, and select the Evolutionary engine for		

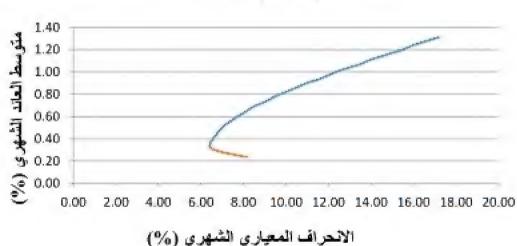
لقطة الشاشة رقم (٢,٢) إكيال نافقة Solver

يُمكن القول الآن إنه لدينا أول نقطة على مُنحنى الحد الكفء (أوَّل نقطة على أقصى يسار المنحنى)، ونُعيد هذا الإجراء عدة مرات لإيجاد نقاط أخرى على المنحنى، نأخذ عدَّة قيم للتباين ثم نحسب الأوزان التي تعظَّم العائد وفق هذا التباين، نحدُّد في الخلايا N25 إلى N40 القيم المُستهدفة للاتحراف المعياري من ٦٠، إلى ١٧، وذلك بإضافة ٥٠، في كل مرة، يتم اختيار هذه الأرقام بصفة اعتباطية، لكن كفاعدة عامة، للحصول على شكل جيَّد للحد الكفء يجب أن تكون القيمة القصوى للتباين (أي ١٧) حوالي ثلاثة أضعاف القيمة الدنيا (أي ٥، ٦)، في مثالنا هذا لا يجب أخذ قيمة للانحراف المعياري أصغر من ٤١، ٢١ لأن هذه القيمة تُعتبر أصغر قيمة تُكنة لتباين المحفظة الماليَّة المتكوِّنة من الأسهم الثلاث.

ننقر فوق الخليَّة N18 ثم نختار Solver من علامة النبويب 'بيانات'، نكتب بعد ذلك في نافذة Solver نفس بيانات لقطة الشاشة رقم (٣,٣) مع اختيار Max (لتعظيم العائد تحت قيد الانحراف المعياري) عوضًا عن Min وإضافة القيد Solve = SN\$20، الشاشة رقم (٣,٣) مع اختيار معاوية للقيمة التي تُريدها، أي القيمة ٦,٥ في الخليَّة N25. ننقر بعد ذلك فوق Solve لإيجاد وبالتالي ستكون قيمة الانحراف المعياري مُساوية للقيمة التي تُريدها، أي القيمة فورد، ٣٠٪ لسهم جنرال إلكتريك و ٦٦٪ لسهم الحل الجديد لمسألة تعظيم العائد، تُصبح أوزان الأسهم كالتالي: ٤٪ لسهم فورد، ٣٠٪ لسهم جنرال إلكتريك و ٦٦٪ لسهم مايكروسوفت، وبالتالي يكون العائد ٣٠، ٧٪ والانحراف المعياري ٥، ٦٪. نعيد بعد ذلك نفس الخطوات السابقة مع تغيير قيمة

الانحراف المعياري بين ٥,٥ و ١٧، وفي كل مرة نسجًل قيمة العائد المقابل لقيمة الانحراف المعياري (بُمكن كذلك تسجيل قيم الأوزان). كما نُشير إلى أنه في حالة أردنا إيجاد محفظة بانحراف معياري مُساوٍ لـ ١٧،٥ فإن Solver لن يتمكَّن من إيجاد حل لمسألة تعظيم العائد؛ لأنه في هذه الحالة لا يوجد مزبج من الأسهم الثلاث يعطي هذه القيمة المرتفعة للانحراف المعياري، في الحقيقة تُمثَّل النقطة على أعلى يسار مُنحنى الحد الكفء أعلى قيمة لعائد المحفظة، وهي النقطة التي تمثُل ١٠٠٪ من الاستثبار في السهم الأعلى عائدًا (أي السهم فورد في هذه الحالة).

يُمكن الآن رسم مُنحنى الحد الكف، وذلك بوضع قبم العائد على المحور الصادي، وقبم الانحراف المعباري على المحور السيني، إذا أردنا كذلك رسم الجزء السفلي لمنحنى مجموعة الفرص البديلة للاستثبار في المحفظة باعتبار العائد والحُطر (أي الجزء السفلي الذي يمثُل التفاف المنحنى على نفسه)، يجب إعادة نفس الخطوات المذكورة أعلاه، أي تحديد القيم ٦٠٥، ٧، ... كقيم للانحراف المعباري، لكن في هذه المرة نبحث عن تصغير العائد المقابل عوضًا عن تعظيمه، بكون العائد الأدنى مُساويًا لـ ٢٤, ٠ عندما تكون ١٠٠٪ من استثبارات المحفظة في السهم جنرال إلكتريك، يَظهر رسم مُنحنى الحد الكف، كما في لقطة الشاشة رقم عندما تكون ٢٠٠٪ من استثبارات المحفظة في السهم جنرال إلكتريك، يُظهر رسم مُنحنى الحد الكف، كما في لقطة الشاشة رقم (٤,٢)، يتميز خط الحد الكف، بنوع ما من الالتواء، ويرجع ذلك إلى أن نقاط الحُط ليست قريبة من بعضها البعض بالقدر الكافي، في المقابل نُشير إلى أنه في صورة ما أخذنا قبيًا للاتحراف المعباري من ٦،٥ إلى ١٧، وذلك بزيادة ٢، ٠ عوضًا عن ٥، ٠، فإن خط الحد الكفء سبكون أكثر سلاسة مما هو عليه في لقطة الشاشة رقم (٤,٢).

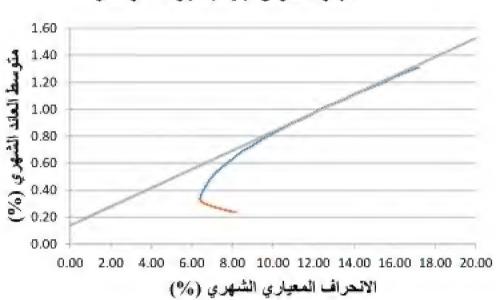


مجموعة القرص البديلة باعتبار العائد والخطر

لقطة الشاشة رقم (٢,٤) الرسم البيال للحد الكفء

تتمثّل الخطوة الأخيرة في إضافة خط سوق رأس المال (CML) إلى رسم مُنحنى الحد الكفء. للقيام بذلك، نحتاج إلى إيجاد نقطة التهاس، وهي النقطة التي يتم من خلالها تعظيم نسبة شارب للمحفظة (Sharp Ratio Portfolio)، لذلك نحتاج في المرحلة الأولى إلى حساب متوسط عوائد سلسلة أذون الخزانة (يجب قسمة هذه العوائد على اثني عشر للحصول على معدَّل شهري، وذلك حتى ينسنى مُقارنتها مع عوائد الأسهم الشهرية) في الخليَّة N55.

نحسب بعد ذلك علاوة المخاطرة (Risk Premium) في الخليّة N56 وهي عبارة عن الفارق بين عائد المحفظة الخطرة (Risky المحلوة و Risky) ومعدَّل العائد الخالي من الخطر (Risk-Free Rate) أي الفارق بين N18 و N55. أخيرًا نحسب نسبة شارب في الحليّة N57 وهي عبارة عن ناتج قسمة علاوة المخاطرة في N56 بالانحراف المعباري للمحفظة في N20. يُمكننا الآن استدعاء الدالة Solver لتعظيم قيمة الخليّة N57 تحت قيد مساواة مجموع الأوزان بواحد (مع العلم أنه ليس هناك ضرورة لإضافة قيود أخرى).



مجموعة الفرص البديلة باعتبار العاند والخطر

لقطة الشاشة رقم (٢,٥) الرسم البيال للحد الكفء وخط سوق رأس المال

يُمكن القول: إن نقطة النهاس تنميَّز بمتوسط عائد شهري مساوٍ تمامًا لـ ١٪ (من قَبِيل الصدفة)، بانحراف معياري مُساوٍ لـ ١٢, ٤١٪ وبالأوزان التالية: ٢٦٪، ٠٪ و ٣٤٪ للأسهم فورد، جنرال إلكتريك، ومايكروسوفت على التوالي، نحتاج بعد ذلك إلى مجموعة من النقاط لرسم خط سوق رأس المال، أوَّل هذه النقاط هي النقطة التي تقع على المحور الصادي، والتي يكون فيها الخطر صفرًا، والعائد مساويًا لمعدَّل العائد الخالي من الخطر (أي ١٤,٠٪ شهريًّا)، كما تأخذ نقطة التهاس كنقطة ثانية لرسم خط سوق رأس المال:

$return = R_f + Sharp\ ratio\ x\ std\ dev$

كل ما علينا القيام به هو أَخْذ عينة من القيم للانحراف المعياري وحساب قيم العوائد المقابلة لها، مع العلم أن 0.14 = Rf = 0.14 و Sharp ratio = 0.0694. تتضمن لقطة الشاشة رقم (٢,٥) رسيًا مشتركًا لمجموعة الفرص للتباين الأدني وخط سوق رأس المال.

٤ , ٢ الاحتيال والتوزيعات الاحتياليَّة

(Probability and probability distributions)

تُناقش هذه الفقرة وتعرض المصطلحات النظرية للوسط الحسابي (Mean) والتباين لمتغبِّر عشواتي، يُمكن تعريف التغيِّر العشواتي (Random Variable) كمتغيِّر يأخذ أبة فيمة من بين مجموعة فيم مُعيِّنة، وتحدَّد هذه القيمة على الأقل جزئيًّا عن طريق الصدفة، تُعتبر المتغيِّرات العشوائية بحكم طبيعتها مُتغيِّرات لا يُمكن التنبؤ بها إطلاقًا. من الأفضل كذلك اعتبار أغلب سلاسل البيانات في الاقتصاد والماليَّة مُتغيِّرات عشوائية على الرغم من إمكانية استنادها إلى هبكل يُمكن قباسه، وبالتالي لن تكون هذه الأخيرة سلاسل عشوائية بحتة، ومن المفيد غالبًا اعتبار هذه السلاسل على أنها تتكوَّن من جزء ثابت (وهو جزء يُمكننا نمذجته والتنبؤ به)، وجزء عشوائي بحث لا نستطيع التنبؤ به.

يُعرف وسط المُنغيِّر العشوائي لا أيضًا بأنه القيمة المُنوقَّعة (Expected Value) للمنغيِّر، أي (E(y). كما تُستخدم خواص القيم المتوقعة على نطاق واسع في الاقتصاد القياسي، نعرض فيها يلي لبعض من تلك فيها يتعلَّق بالمتغيِّر العشوائي y:

تُساوى القيمة المتوقَّعة لثابت (أو لمتغيَّر غير تصادفي (Non-Stochastic) قيمة الثابت، على سبيل المثال:

$$E(c) = c$$

- $E(c|y) = \frac{1}{2}$ تُساوي القيمة المتوقَّعة لناتج ضرب ثابت بمتغيَّر عشوائي ضرب الثابت بالقيمة المتوقَّعة للمتغيِّر العشوائي: $E(c|y) = \frac{1}{2}$ حيث إن E(c|y) + d من أيضًا أن نُبيِّن أن $E(c|y) + d = \frac{1}{2}$ حيث إن E(c|y) + d من أيضًا ثابت.
 - إذا كان لدينا مُتغيِّران عشوائيان مُستقلَّان ٧٤ و ٧٤ فيُمكن كتابة العلاقة التالية:

$$E(y_1 \ y_2) = E(y_1) E(y_2)$$

غالبًا ما نرمز إلى تباين المتغيِّر العشوائي لا بـ (Var(y). أمَّا خواص "مؤثر النباين" أي (Var()، فهي كالتالي:

- $Var(y) = E[y (y)]^2$ يكون تباين المتغيّر العشوائي y كالتالي:
 - قيمة تباين ثابت هي صفر : Var(c) = 0.
- $Var(c|y+d)=c^2Var(y)$ إذا كان لدينا ثابتان c و d فيُمكن كتابة المعادلة التالية:
 - إذا كان لدينا مُتغيِّران عشوائيان مُستقلَّان y2 و y2 فيُمكن كتابة العلاقة التالية:

$$Var(c y_1 + d y_2) = c^2 Var(y_1) + d^2 Var(y_2)$$

كما يُرمز إلى التغاير بين مُتغبّرين عشوائيين y_1 و y_2 بـ y_2 بـ $Cov(y_1, y_2)$. أمَّا خواص مؤثر التغاير فهي كالتالى:

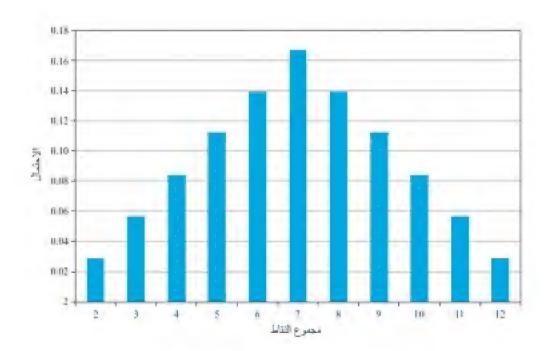
$$Cov(y_1, y_2) = E[(y_1 - E(y_1))(y_2 - E(y_2))]$$

- $Cov(y_1, y_2) = 0$ إذا كان المتغيِّران العشواتيان y_1 و y_2 مستقلَّين فإن:
 - إذا كان لدينا أربعة ثوابت e ،d ،c و f فيُمكن كتابة العلاقة التالية:

$$Cov(c + dy_1, e + f y_2) = d f Cov(y_1, y_2)$$

تأتى البيانات التي نستخدمها في بناء نهاذج الاقتصاد القياسي إمَّا من واقع التجربة، أو أنها عادة ما تكون بيانات مرصودة من "العالم الحقيقي"، غالبًا ما تأخذ نتائج تجربة ما بعض القيم المحددة، أي أنها مُتغيِّرات عشوائية مُنفصلة (Discrete Random (Variables)، على سبيل المثال، في تجربة إلقاء شكعبي نرد بُمكن لمجموع نقاط وجهَيْهِم أن بأخذ كل القيم بين اثنين (عندما يكون الوجه المحصَّل لكل مكعب مُساويًا لسنة)، يُمكننا بعد ذلك حساب المحصَّل لكل مكعب مُساويًا لسنة)، يُمكننا بعد ذلك حساب احتمال كل مكعب مُساويًا لسنة)، يُمكننا بعد ذلك حساب احتمال كل قيمة من قيم المجموع، وتمثيلها برسم بياني، كما في الشكل رقم (٢,٧)، تُعرف مجموعة الفيم الممكنة مع الاحتمالات المرتبطة بقيم المتغيِّر العشوائي بدالة التوزيع الاحتمالي (Probability Distribution Function). كما يُعرَف الاحتمال (Probability) بأنه قيمة تنحصر بين صفر وواحد، بكون الاحتمال صفرًا عند الاستحالة، وواحدًا في حالة اليقين، نلاحظ أيضًا أن مجموع الاحتمالات في الشكل رقم (٢,٧) يُساوي واحدًا كما هو الحال دائهًا.

أمًّا في الماليَّة فنتعامل في أغلب الأحيان مع المتغيَّرات المستمرَّة (أو المتَّصلة) (Continuous Variables) عوضًا عن المتغيَّرات المنفصلة (Discrete Variables)، وفي هذه الحالة يكون الرسم السابق رسمًا المثالة الكثافة الاحتهائية (Discrete Variables)، وفي هذه الحالة يكون الرسم السابق رسمًا المثالة الكثافة الاحتهائية (Gaussian Distribution) أو التوزيع الجاوسي (Normal Distribution) (وهما مصطلحان مرادفان) من أكثر التوزيعات التي تُميَّز المتغيِّرات العشوائية. وكها سنرى في الفصل ٥ من السهل استخدام التوزيع الطبيعي نظرًا الأنه مُتهاثل، كها تمثل معرفة وسطه وتباينه المعلومات الوحيدة المطلوبة لتحديد مُواصفات هذا التوزيع بالكامل، يُعَدُّ التوزيع الطبيعي أيضًا توزيعًا مُفيدًا بشكل خاص، وذلك لأن العديد من السلاسل ذات الصبغة الطبيعية مثل سلاسل الأطوال، الأوزان، وينسب الذكاء لعيَّنة من الأشخاص تتبع التوزيع الطبيعي.



الشكل رقم (٢,٧) دالة التوزيع الاحتمالي لمجموع مُكعبَي النود.

كما ينميَّز النوزيع الطبيعي بعدَّة خواص رياضية مُفيدة، على سبيل المثال، يُعطي كل تحويل خطي لمتغيَّر عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي وسطه μ الطبيعي مُتغيِّرًا ثانيًا يتبع نفس التوزيع، بمعنى آخر، إذا أخذنا مُتغيِّرًا عشوائيًّا (γ~N(μ, σ²) أي أن y يتبع التوزيع الطبيعي وسطه وسطه وتباينه حَدَّة عُلْن تنبع أيضًا كل تركيبة خطية وتباينه علاوة على ذلك تتبع أيضًا كل تركيبة خطية (Linear Combination) لعدَّة مُتغيِّرات طبيعية مُستقلة التوزيع الطبيعي.

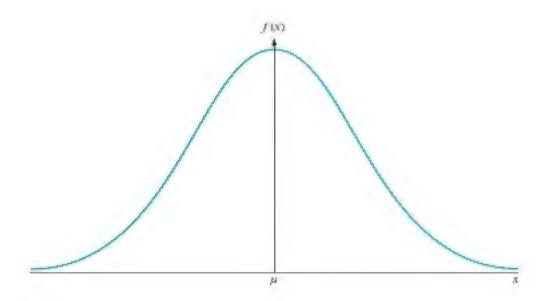
لنفترض الآن أن لدينا مُتغيِّرًا عشوائيًّا يتبع التوزيع الطبيعي، وسطه u وتباينه هـ. يُمكن كتابة دالة الكثافة الاحتياليَّة لهذا المتغيِّر على النحو التالي:

$$f(y) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} e^{-(y-\mu)^2/2\sigma^2}$$
 (1V.Y)

بإدخال قيم y في المعادلة السابقة نتحصَّل على 'الشكل الجرسي' المعتاد للتوزيع الطبيعي كها هو مُبيِّن في الشكل رقم (٢ , ١).
من المتغيِّر العشوائي الطبيعي يُمكن الحصول على مُتغيِّر ثانٍ يُعرَف باسم المتغيِّر العشوائي الطبيعي المعياري (Normally Distributed Random Variable)، وذلك بطرح الوسط من المتغيِّر العشوائي الطبيعي، وقسمة الناتج على الانحراف المعياري (الجذر التربيعي للتباين)، يُمكن كتابة المتغيِّر العشوائي الطبيعي المعياري كالتالي:

$$Z = \frac{y - \mu}{\sigma} \sim N(0, 1)$$

كما نذكر أيضًا أنه عادة ما يكون العمل بالتوزيع الطبيعي في شكله الموحد معياريًّا أسهل.



الشكل رقم (٨, ٢) دالة الكثافة الاحتماليَّة للتوزيع الطبيعي.

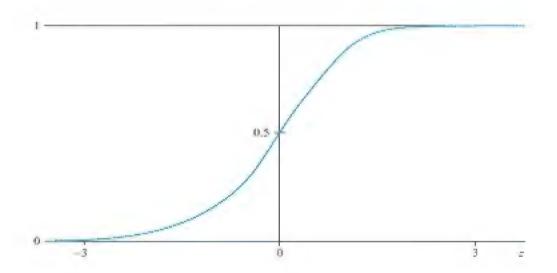
يُمكن استخدام دالة الكثافة الاحتماليَّة في إيجاد احتمال أن يقع المتغيِّر العشوائي في مجال معيَّن، على سبيل المثال، ما هو احتمال أن تكون قيمة لا بين ٢ , ٠ و ٣ , ٠؟ للإجابة عن هذا السؤال يجب تعويض لا بـ ٢ , ٠ ثم بـ ٣ , ٠ في المعادلة رقم (١٧،٢) وفي كل مرَّة حساب الفيمة المقابلة من (٢/٤ . يُعطى الفارق بين قيمتَى (٢/٤ قيمة الاحتمال الذي نبحث عنه.

كما نُشير أيضًا إلى أن احتمال أن يكون المنفيِّر العشوائي المستمر مُساويًا ثمامًا لعدد مُعيَّن هو دائمٌ معدومًا، وذلك بحكم تعريفه، يرجع ذلك إلى أن المتغيِّرات العشوائية المستمرة يُمكن أن تأخذ أي قيمة، على سبيل المثال، يُمكن أن تأخذ ١ صحيح أو ٩٩٩٩٩ . أو ١,٠١ أو أيضًا ١,٠٠٠٠١ إلخ.

في كثير من الأحيان، عوضًا عن تحديد احتيال أن يقع المتغيّر العشوائي بين قيمتين، نريد معرفة احتيال أن يكون المتغيّر أقل (أو أكثر) من قيمة معيّنة، على سبيل المثال، ما هو احتيال أن يكون المتغيّر العشوائي أقل من ٤ , ٠ ؟ عمليًّا نريد معرفة احتيال أن يقع المتغيّر العشوائي بين $-\infty$ و \$, • . نتحصَّل على هذه المعلومة من خلال دالة التوزيع التراكمي (Comulative Density Function (edf.) والتي يرمز إليها بـ F(y) وبالتالي يكون حساب احتيال أن نكون قيمة المتغيِّر العشوائي y أقل (أو تُساوي) بعض من قيمة معيَّنة لـ y y تساوي دالة التوزيع الثراكمي لـ y التي تم تقييمها حيث y y:

$$P(y \le y_0) = F(y_0)$$

يأخذ مُنحنى دالة التوزيع التراكمي لمتغيّر عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي الشكل السّيني (Sigmoid Shape) كما يظهر في الشكل رقم (Y, Y)، يعرض الجدول أY, Y في الملحق Y لهذا الكتاب ما يُعرف بالقيم الحرجة (Critical Values) للتوزيع الطبيعي، عمليًّا، إذا رسمنا قيم الصف الأوَّل للجدول أY, Y، أي X0 على المحور الصادي وقيم الصف الثاني X2 على المحور السيني نتحصَّل على الرسم البياني لمتحنى دالة التوزيع التراكمي، بالنظر إلى هذا الجدول إذا كان X0 = X0 فإن 1.2816 = X0 وبالتالي فإن X1 (أي على الرسم البياني لمتحنى دالة التوزيع القريع المعربي يقع على يمين القيمة X1, X1. بمعنى آخر: يُمكن القول إنَّ احتيال أن يأخذ المتغيِّر العشوائي الطبيعي المعياري قيمة أكبر من X1, X2, X3 يساوي X4, أي حول نحو محائل يُمكن القول إنَّ احتيال أن يأخذ المتغيِّر العشوائي الطبيعي المعياري قيمة أكبر من X4, X5, X6 الحرف التوزيع الطبيعي المعياري – كما نعلم – بكونه توزيعًا مُتهاثلًا فيمة أكبر من X4, وهو جدول يُظهر عدد القيم لـ X5 والقيم المقابلة لها من X6, بمعنى آخر: إذا أخذنا قيمة عدَّدة لـ X6 على سبيل المثال X5, افإن الجدول الأخير يُعطى احتيال أن يكون المتغيِّر العشوائي المعياري أكبر من هذه القيمة. سبيل المثال X6, افإن الجدول الأخير يُعطى احتيال أن يكون المتغيّر العشوائي المعياري أكبر من هذه القيمة.



الشكل رقم (٢, ٩) دالة التوزيع التراكمي للتوزيع الطبيعي.

۲, ٤, ۱ نظرية الحد المركزي (Central Limit Theorem)

بحسب هذه النظرية، إذا سحبت العينة العشوائية التالية $y_N,...,y_n,y_2,y_1$ بحجم N مُشاهدة من مُجتمع موزَّع توزيعًا طبيعيًا وسطه p وتباين $\frac{\pi^2}{N}$. في الحقيقة، هناك قاعدة هامة في الإحصاء وسطه p وتباين $\frac{\pi^2}{N}$. في الحقيقة، هناك قاعدة هامة في الإحصاء

شُمنَى بنظريَّة الحد المركزي، والتي تنص على أن توزيع عيَّنات من متوسط أي عيَّنة عشوائية من المشاهدات سوف تميل نحو التوزيع الطبيعي بوسط حسابي مُساوِ لوسط المجتمع به، بشرط أن يفترب حجم العيَّنة إلى اللانهاية، كما تُعتبر هذه النظرية نتيجة مهمَّة جدًّا في الإحصاء، وذلك لأنها تنصُّ على أن متوسِّط العيَّنة تر سيتبع التوزيع الطبيعي حتى لو كانت المشاهدات الأصلبَّة للعيَّنة الإحصاء، وذلك لانها تنصُّ على أن متوسِّط العيَّنة تر سيتبع التوزيع الطبيعي كنوع من المرجع عند اختبار الفرضيات الإحصائية، سيُناقش الفصل التالي هذه النقطة بمزيد من التفصيل.

٢,٤,٢ توزيعات إحصائبة أخرى

(Other statistical distributions)

هناك العديد من التوزيعات الإحصائية، من بينها التوزيع ذو الحدين (Distribution)، توزيع بواسون (Exponential)، التوزيع الطبيعي، التوزيع الأسي (Log-normal Distribution)، التوزيع الطبيعي، التوزيع الأسي (Distribution)، توزيع فيشر سنديكور) (Distribution)، وتوزيع إف (أو توزيع فيشر سنديكور) (Distribution)، وتوزيع إف (أو توزيع فيشر سنديكور) (Distribution)، ويتميّز كل توزيع من هذه التوزيعات بدالة كثافة احتماليّة خاصة به، وبها أن المتغيّرات العشوائية تختلف من عيّنة إلى أن العديد من التوزيعات يرتبط أخرى فمن المهم إذًا أن نستخدم توزيعات مختلفة لنمذجة هذه المتغيّرات العشوائية، كها نُشير إلى أن العديد من التوزيع الطبيعي) له معلمة أو أكثر من درجات الحريّة (Degrees of Freedom) التي تُحدد موقع التوزيع وشكله، على سبيل المثال، يُمكن الحصول على توزيع مربع كاي (يُرمز إليه بالرمز ٢٤) بجمع مربعات المتغيّرات العشوائية الطبيعية المستقلة يتبع التوزيع عمربع كاي، وبها أنه يتكوّن من مربعات المتغيّرات الطبيعية المستقلة يتبع التوزيع مربع كاي، وبها أنه يتكوّن من مجموع مربعات مُتغيّرات، لا يُمكن أن بأخذ قبها سالبة، نذكر أخيرًا أنه، وعلى خلاف التوزيع الطبيعي، يتميّز توزيع مربع كاي، بعدم التهائل حول قيمته الوسطيّة.

من جهة أخرى بُعتبر توزيع إف، الذي يتضمن معلمتَانِ من درجات الحريَّة، ناتج قسمة مُتغبِّر أوَّل يتبع نوزيع موبع كاي على من جهة أخرى بُعتبر توزيع، الذي يتضمن معلمتَانِ من درجات حريته، لتوضيح ذلك لنفترض أن لدينا مُنغيِّرين مستقلين y_1 و y_2 مستقل ثانِ يتبع نفس التوزيع، كلاهما مقسوم على درجات حرية n_1 و n_2 $y_1 \sim \chi^2(n_1)$ و $y_1 \sim \chi^2(n_2)$ و $y_1 \sim \chi^2(n_1)$ المستقلين المستقلين المتغيِّرين المستقلين توزيع أن بدرجات حريَّة $y_2 \sim \chi^2(n_2)$:

$$\frac{y_1/n_1}{y_2/n_2} \sim F(n_1, n_2)$$

أخيرًا، يُعتبر التوزيع تي دون شك التوزيع الأكثر استخدامًا في الاقتصاد القياسي، ويُعتبر التوزيع الطبيعي حالة خاصَّة من هذا الأخير، تُشير كذلك إلى أنه يُمكن الحصول على التوزيع تي بفسمة مُتغبِّر عشوائي ينبع التوزيع الطبيعي المعباري، 2، بالجذر التربيعي لمتغبِّر عشوائي مُستقل يتبع توزيع مُربع كاي، ٧، مقسومًا بدوره على درجات الحريَّة ،n:

$$\frac{Z}{\sqrt{y_1/n_1}} \sim t(n_1)$$

يتشابه توزيع تي (1) والتوزيع الطبيعي من حيث التهاثل حول القيمة صفر، وبختلفان من حيث الشكل، بها أن الأول أكثر تسطحًا وأعرض من الثاني، سنتم مناقشة هذه النقطة بإسهاب ابتداء من الفصل الثالث.

٥,٧ الإحصاء الوصفي

(Descriptive Statistics)

من المفيد عند تحليل سلسلة تضم العديد من المشاهدات وَضَفُ أهم خصائص تلك السلسلة باستخدام عدد قليل من المقاييس، تُناقش هذه الفقرة أهم المقاييس الإحصائية الأكثر استعهالًا لوصف السلاسل الماليَّة والافتصادية، والتي تُعرَف باسم الإحصاءات الموجزة (Summary Statistics) أو الإحصاء الوصفي، كما تُحسب مقاييس الإحصاء الوصفي استنادًا إلى عينة من البيانات، من المهم قبل عرض أهم الإحصاءات الموجزة المستخدمة في تحليل البيانات الماليَّة تعريف مصطلحين، وهما المجتمع الإحصائي (Population) والعينة (Sample) واللذان يتميَّزان بتعريف دقيق في الإحصاء (انظر الإطار رقم (٢,٤)).

٢,٥,١ مقاييس النزعة المركزية

(Measures of central tendency)

تُعرف القيمة المتوسَّطة لسلسلة بيانات أحيانًا بمقياس الموضع (Measure of Location) أو بمقياس النزعة المركزية، يُفترض عادة أن تقيس القيمة المتوسَّطة القيمة "النموذجيَّة" للسلسلة، كما نُشير إلى أنه يوجد في الإحصاء العديد من الطرق الأخرى المستخدمة لحساب المتوسِّطات ويُعتبر الوسط الحسابي (Arithmetic Mean) (يُطلق عليه عادة "الوسط") أبرز هذه الطرق وأكثرها شهرة، يُرمز به ترا للوسط الحسابي لسلسلة تا تحتوي على عدد الا من المشاهدات، يُمكن أن نحصل على قيمة الوسط الحسابي بطريقة بسيطة جدًّا، وذلك بجمع كل قيم السلسلة وتقسيم الناتج على عدد المشاهدات:

$$\overline{r_A} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} r_i \tag{1A.Y}$$

كما يُعتبر المنوال (Mode) والوسيط (Median) من بين المقايس الأخرى المعتمدة لقياس متوسَّط السلسلة، يقيس المنوال القيمة الأكثر تكوارًا من بين قيم السلسلة، ويُنظر إليه أحيانًا كمقياس أكثر تمثيلًا للمتوسَّط من الوسط الحساب، أمَّا الوسيط فيُعرَّف على أنَّه القيمة التي تقع في الوسط تمامًا لمجموعة من القيم مرتَّبة ترنيبًا تصاعديًا (٢٠)، إذا كان عدد مُشاهدات السلسلة عددًا زوجيًّا فتوجد في هذه الحالة قيمتان للوسيط، على سبيل المثال، لنأخذ سلسلة متكونة من القيم الثالية: (٣، ١٧، ١١، ١٥). في هذه الحالة يكون الوسيط ١١ و ١٥. أحيانًا نأخذ الوسط الحسابي لهاتين القيمتين لتحديد قيمة الوسيط: (١٤ - ١٤).

يتميَّز كل مقياس من مقاييس النزعة المركزيَّة المذكورة أعلاه بعدَّة مزايا، وكذلك بعدَّة عُيوب، يتميَّز الوسط الحسابي بكونه المقياس الأكثر استخدامًا عند الباحثين، (لا أن هذا المقياس بنأثر كثيرًا بالقيم المنطرفة (Extreme values) للبيانات، وبالنائي من الممكن الله يكون الوسط الحسابي عثلًا لمعظم البيانات، بخصوص المنوال، وبالرغم من أنه من أكثر المقابيس سهولة في تحديد فيمته، إلَّا أنه لا يتناسب مع البيانات المستمرة، أو مع الأعداد غير الصحيحة (مثل بيانات العوائد أو الدَّخل)، أو مع التوزيعات التي تضم قمَّين فأكثر (تُعرَف على التوالى بالنوزيعات ثنائية المتوالى وبالتوزيعات متعددة المنوالى)، بالنسبة إلى الوسيط فيتميَّز بكونه غالبًا ما يُمثَل جيدًا

⁽٣) هناك تعريف آخر للوسيط أكثر دقَّة من هذا التعريف، لكنه ليس ضروريًّا في هذا الفصل.

القيمة "النموذجيَّة" للبيانات، إلا أن عيبه يتمثَّل في اعتهاد حسابه على فيمة واحدة من قيم البيانات، وبالتالي إذا كان لدينا سلسلة تتكوَّن من ١٠ قيم وضاعفنا القيم الثلاث الأكبر في هذه السلسلة فإن قيمة الوسيط لا تتغيَّر.

الإطار رقم (٢٠٤) المجتمع الإحصائي والعيّنة

إذا كان لدينا مُنغيِّران x و y، فيُمكن كتابة القوانين التائية:

- يُعرَّف المجتمع في الإحصاء على أنَّه العدد الكلي للعناصر التي سيتم دراستها، على
 سبيل المثال، في سياق تحديد العلاقة بين خطر وعائد الأسهم في المملكة المتَّحدة
 يكون المجتمع الإحصائي محل الدراسة متكوِّنًا من جميع مُشاهدات السلاسل الزمنيَّة
 للأسهم المتداولة في بورصة لندن (LSE).
- ينقسم المجتمع الإحصائي إلى قسمين: مجتمع محدود، ومجتمع غير محدود، في حين أن العينة هي جزء من العناصر المختارة من المجتمع الإحصائي، يكون المجتمع الإحصائي محدودًا إذا تكون من عدد محدود من العناصر، عمومًا إذا كانت كل العناصر المكونة للمجتمع الإحصائي غير متاحة، أو في حالة كان المجتمع الإحصائي يضم عددًا لامتناهيًا من العناصر التي يستحيل التعامل معها، في هذه الحالة يتم أخذ عبنة من المجتمع الإحصائي وتحليلها إحصائبًا عوضًا عن دراسة المجتمع بأكمله.
- عادة ما تكون العينة عشوائية، كما يجب أيضًا أن تكون عثّلة للمجتمع الذي استُخرجت منه، تُعرَّف العينة العشوائية كعملية اختيار عناصر البحث عن طريق إعطاء فرص متكافئة لجميع العناصر للتواجد داخل العينة.
- نتحصل على العينة الطبقية (Stratified Sample) عندما يتم تقسيم المجتمع إلى طبقات أو شرائح، ويتم تحديد عدد مُشاهدات كل طبقة من طبقات العينة بها يتناسب مع حجمها في المجتمع.
- يُمثّل حجم العينة عدد المشاهدات المتوفّرة، ويُمكن كذلك أن يكون عدد العناصر الذي يحدّده الباحث لتقدير معلمات النموذج.

الوسط الحندسي

(Geometric Mean)

إلى جانب المقاييس التي ذكر ناها سابقًا هناك مقياس آخر يُمكن استخدامه لتقدير متوسط السلسلة، وهو الوسط الهندسي، يُعرَف الوسط الهندسي لمجموعة الامن القيم بالله الجذر التوني لناتج ضرب هذه القيم ببعضها، بمعنى آخر: إذا كنا نويد حساب الوسط الهندسي لمجموعة متكونة من ٦ أرقام نضرب هذه الأرقام ببعضها البعض ثم نأخذ الجذر السادس لناتج الضرب (أي رفع الناتج إلى القوة عُن عال الماليَّة تتعامل غالبًا مع سلاسل متكوِّنة من عوائد أو من متغيَّرات متوية بدلًا من سلاسل أسعار أو سلاسل قيم حقيقية، وبالتالي يُمكن أن تكون قيم هذه السلاسل سالبة، في هذه الحالة الا يُمكن حساب الوسط الهندسي هذه السلاسل، وذلك الأنه الا يُمكن حساب الجذر التوني لقيم سالبة، لذلك في مثل هذه الحالات نستخدم طريقة أخرى مختلفة قليلًا عن الأولى لحساب الوسط الهندسي، في هذه الحالة المسلسلة متكوِّنة من ١٧ عائد نحوًل هذه العوائد إلى نِسَب (أي على المقياس (-١٠٠)) بدلًا من النسب المتوية (أي على المقياس (-١٠٠١)) ثم نستخدم القانون التالي:

$$\overline{R_G} = [(1+r_1)(1+r_2)...(1+r_N)]^{1/N} - 1$$
 (19.7)

ترمز السلسلة ٢٥.٢ إلى العوائد و Ro إلى قيمة الوسط الهندسي، وعليه خساب الوسط الهندسي نضيف واحد إلى كل قيمة من قيم العوائد، ثم نضرب هذه القيم الجديدة ببعضها، ونرفع ناتج الضرب بالقوة ألل أخيرًا نظرح من الناتج القيمة واحد، السؤال الذي يطرح نفسه الآن هو: ما هي الطريقة التي يتعين علينا استخدامها لحساب المتوسط؟ الإجابة عن هذا السؤال هي 'كالعادة': بعتمد ذلك على نوع البيانات، تمنح العوائد الهندسية عائدًا ثابتًا للأصل أو للمحفظة يتعين إيجاده ليتناسب مع الأداء الفعلي للأصل أو للمحفظة، ولا ينطبق ذلك على الوسط الحسابي، في هذا السياق استعمال الوسط الحسابي عوضًا عن الوسط الهندسي لن يؤدي في النهاية إلى القيمة الصحيحة للأصل أو للمحفظة.

كما يُمكن إثبات أن قيمة العائد الهندسي دائها ما تقل أو تُساوي قيمة العائد الحسابي، ولذلك يُعتبر العائد الهندسي مؤشرًا متحيزًا للهبوط للأداء المستقبلي للأصل أو للمحفظة، وبالتالي إذا كان الهدف هو تلخيص الأداء الفعلي للأصل أو للمحفظة يكون الوسط الهندسي هو الأكثر ملاءمة من الوسط الحسابي، ولكن إذا كان الهدف هو توقَّع العوائد المستقبليَّة فإن الوسط الحسابي هو المستخدم في هذه الحالة، أخيرًا تجدر الإشارة إلى أن الوسط الهندسي يُعتبر بصورة جلية المقياس الأقل بديهة والأقل استعبالًا من الوسط الحسابي، نُشير أخيرًا إلى وجود علاقة تقريبية بين الوسط الحسابي، نُشير أخيرًا إلى وجود علاقة تقريبية بين الوسط الحسابي والوسط الهندسي على النحو النائي:

$$\overline{R_G} \approx \overline{r_A} - \frac{1}{2}\sigma^2$$
 (Y·cY)

حيث يرمز $\overline{R_G}$ و $\overline{R_G}$ على التوالي إلى الوسط الهندسي والوسط الحسابي، ويرمز σ^2 إلى تبايُن سلسلة العوائد.

٢, ٥, ٢ مقاييس الانتشار أو التشتُّت

(Measures of spread)

عادة لا تكون القيمة المتوسطة للسلسلة كافية لوحدها لنقديم وصف جبّد لسلسلة البيانات، وذلك لأنه على سبيل المثال يُمكن أن يكون لسلسلتين مختلفتين نفس الوسط، ولكنها تختلفان فيها بينها بمدى تشتّت القيم حول القيمة المتوسطة، وبالتالي تظهر الحاجة إلى إيجاد مقاييس أخرى هامة تقيس درجة تشتّت مفردات السلسلة عن بعضها البعض، في النظرية الماليَّة على سبيل المثال يُعتبر انتشار العوائد حول قيمتها المتوسطة من أكثر أنواع التشتت شهرة، كما يُعتبر الأصل الأكثر خطورة الأصل الذي يتميز بأكثر تشتّت من بين كل الأصول الأخرى.

كما يُعتبر المدى (Range) من أبسط مقاييس التشتت، ويُعرَف المدى بأنه الفارق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة من بين مُشاهدات السلسلة، وبالرغم من أن للمدى بعض الاستخدامات إلا أنه يتميز بعدة عيوب أبرزها هو أن قيمته تتوقف فقط على معرفة قيمتين من قيم السلسلة، وهما القيمة الكبرى والقيمة الصغرى دون باقي القيم؛ إذ من المكن أن تكون إحدى هاتين القيمتين قيمة متطرفة.

إلى جانب المدى يوجد مقياس ثان للتشتُّت أكثر مصداقية، وإن كان لا يُستعمل على نظاق واسع من قِبَل المحلَّلين الكمَّيِّن، وهو مقياس نصف المدى الربيعي (Semi-Interquantile Range) والذي يُعرَف أيضًا باسم الانحراف الربيعي (لربيعي (Gemi-Interquantile Range)، يتظلَّب حساب قيمة نصف المدى الربيعي ترتيب البيانات أولًا، ومن ثمَّة تقسيمها إلى أربع مجموعات متساوية من حيث عدد القيم التي تحتويها، تُسمى كل مجموعة من هذه المجموعات بالربيع (Quantile)، إذا رثَّبنا قِيم سلسلة ما قالقيمة التي تقع في الوسط تمامًا على الربيع الثاني (Second Quartile)، والذي يتساوى مع قيمة الوسيط، في المقابل لا يعتمد حساب نصف المدى الربيعي إلا على الربيع الأول (لابيع الثاني (First Quartile)) والربيع الثالث (Third Quartile)، يُمثل الربيع الأول القيمة التي ترتيبها ربع عدد مُشاهدات السلسلة، في حين يمثل الربيع الثالث القيمة التي ترتيبها ثلاثة أرباع عدد المشاهدات، وذلك بعد ترتيب قيم السلسلة تصاعديًّا، ولحساب الربيعين الأول والثالث نستخدم القوانين الثالية:

th
$$Value\left(\frac{N+1}{4}\right) - Q_1$$
 (Y) $(Y) = Q_1$

9

$$^{\text{th}} \text{ Value}_{4}^{3}(N+1) = Q_{3} \tag{YY.Y}$$

يُمثِّل الفرق بين الربيعين الأول والثالث قيمة نصف المدى الربيعي:

$$IQR = Q_3 - Q_1 \tag{YT.Y}$$

غالبًا ما يُعتبر نصف المدى الربيعي أفضل من المدى في قياس التشتَّت، وذلك لأنه لا يتأثر كثيرًا بقيمة أو قيمتين متطرفتين شاذتين، والتي تكون بحكم تعريفها في نهاية السلسلة المُرَثَّبة تصاعديًّا، ولكن من شوائب نصف المدى الربيعي أنه لا يعتمد على كل قيم السلسلة، وإنها يُحسَب من قيم وفقًا لموقعها بعد ترتبب البيانات، أي أنه يعتمد على الربيعيُّن الأول والثالث فقط، لذلك فإن هناك

⁽٤) نُشير إلى أن هناك عدة طرق مختلفة لحساب الربيعات، وقد تعطى كل واحدة منها قيمة مختلفة قليلاً عن بقية الطرق.

مقياسًا آخر للتشتَّت أكثر شيوعًا، وهو التباين والذي بُستخدم على نطاق واسع، نباين مجموعة من القيم هو عبارة عن متوسط مجموع مربع انحرافات القيم عن وسطها الحسابي، ويُحسب التباين باستخدام الصيغة التالية:

$$\sigma^2 = \frac{\sum (y_i - \hat{y})^2}{N - 1} \tag{Y \xi.Y}$$

من بين المقابيس الأخرى للتشتُّت نجد أيضًا الانحراف المعياري، يُعتبر الانحراف المعياري الجذر التربيعي للتباين، ويحسب باستخدام الصيغة التالية:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (y_1 - \bar{y})^2}{N - 1}} \tag{YoLY}$$

نُشير أيضًا إلى أننا نعتمد عند حساب التباين على مربع الحرافات القيم عن وسطها الحسابي عوضًا عن الانحرافات في حد ذاتها؛ لضهان أن الانحرافات الموجبة والسالبة (على التوالي القيم الأكبر والأصغر من الوسط الحسابي) لا يُلغى كل منهها الآخر.

عند مُقارنة التباين بالانحراف المعياري، ورغم أنه بوجد فارق ضئيل من حيث نسبة استعافها، إلا أنه يُحبَّذ المقياس الأوَّل على الثاني، وذلك لأن له نفس وحدات المتغيَّر الذي تمَّ قياس تشتَّنه، في حين تكون وحدات التباين تربيع عدد وحدات المتغيَّر، كها يتميَّز التباين والانحراف المعياري في كونها يُلخِّصان كل معلومات السلسلة من خلال اعتبار كل القيم عند حساب هذين المقياسين، إلا أنَّها يتأثِّران بالقيم الشاذَّة المتطرَّفة (لكن بدرجة أقل من المدى)، نذكر أيضًا أن الانحراف الوبيعي يُعتبر مقياسًا مناسبًا للتشتت في حالة تم استخدام الوسيط كفيمة متوسَّظة للسلسلة، في المقابل يُعتبر النباين أو الانحراف المعياري أكثر تناسبًا لقياس النشئَّت إذا اعتمدنا الوسط الحسابي كمقياس للنزعة المركزيَّة.

قبل الانتقال إلى دراسة مقياس جديد من المهم شرح لماذا تضمَّن مقام الكسر في صيغ التباين والانحراف المعياري (1 – N) عوضًا عن عدد مُشاهدات السلسلة، والذي يُعرَف بأنه عمليَّة تصحيح لدرجات الحربيَّة، يُعتبر أمرًا ضروريًّا عند قياس التشتُّت حول قيمة الوسط الحسابي في حالة كان هذا الأخير قيمة مقدَّرة وليس قيمة حقيقيَّة، وبالتالي فإن المقابيس المذكورة أعلاه تُعرَف بتباين العينَّة، وبالانحراف المعياري للعينَّة، في المقابل إذا تم حساب التشتُّت لكل مُشاهدات مجتمع الدراسة، عوضًا عن مجرَّد عينَة منه، فلا حاجة لتصحيح درجات الحربيَّة في هذه الحالة، وبالتالي فإن مقام الكسر في صيغ التباين والانحراف المعياري يكون N عوضًا عن (1 – N).

Negative Semi-) بل جانب المقاييس التي ذكرناها سابقًا هناك مقياس آخر للتشتَّت بُعرَف بمقياس التباين النصفي السالب (Variance (Variance) بيستعمل هذان (Negative Semi-Standard Deviation) بيستعمل هذان المقياسان نفس صبغ التباين والانحراف المعياري، (لَّا أنها بختلفان في طريقة حسابها، حيث يختصر حساب هذين المقياسين على جمع انحرافات القيم التي تكون فقط أقل من الوسط الحسابي، أي $\overline{y} > y_1$ وبالتالي فإن العدد N في الصبغ يرمز إلى عدد هذه القيم، يكون استعمال مقياس التباين النصفي السالب مجديًا في حالة كانت البيانات غير متماثلة حول القيمة المتوسّطة (أي أن التوزيع ملتو، كما سنرى في البند التالي) (أه).

 ⁽٥) يُمكن أيضاً تعريف مفياس التباين النصفي الموجب حيث يتم جمع انحراقات قيم السلسلة التي تكون فقط أكبر من الوسط الحسابي، أي توجع انحراقات قيم السلسلة التي تكون فقط أكبر من الوسط الحسابي، أي توجع انحراقات قيم السلسلة التي تكون فقط أكبر من الوسط الحسابي، أي توجع انحراقات قيم السلسلة التي تكون فقط أكبر من الوسط الحسابي، أي توجع انحراقات قيم السلسلة التي تكون فقط أكبر من الوسط الحسابي، أي توجع انحراقات قيم السلسلة التي تكون فقط أكبر من الوسط الحسابي، أي توجع انحراقات قيم السلسلة التي تكون فقط أكبر من الوسط الحسابي، أي توجع انحراقات قيم السلسلة التي تكون فقط أكبر من الوسط الحسابي، أي توجع انحراقات قيم السلسلة التي تكون فقط أكبر من الوسط الحسابي، أي توجع انحراقات قيم السلسلة التي تحريف الموادقات الموادقات التي الموادقات الموادقات

المقياس الأخير الذي يُستعمل لقياس التشتُّت هو معامل الاختلاف (Coefficient of Variation) ويُرمز إليه بالرمز ٢٧. يُعرف معامل الاختلاف على أنه ناتج قسمة الانحراف المعياري على الوسط الحسابي، وتكون معادلته على النحو التالي:

$$CV = \frac{\sigma}{v}$$
 (Y7.Y)

يُعتبر معامل الاختلاف مقياسًا مهمًّا عند مقارنة تشتُّت سلسلتين مختلفتين، في المقابل، وبها أن الانحراف المعياري مقياس بعتمد على وحدة البيانات، فإنه يصعب استخدامه لمقارنة تجانس مجموعات من البيانات المختلفة، وذلك لاختلاف الوحدة المستخدمة، على سبيل المثال، إذا أردنا مقارنة تشتُّت أسعار الإيجار الشهري لشقة في لندن مع أسعار الإيجار في ريدينج (Reading) باستخدام الانحراف المعياري فإن نتائج المقارنة ستكون مضلَّلة، وذلك لأن متوسَّط الإيجار الشهري لشقة في لندن أعلى بكثير من مثيله في ريدينج. بتطبيع (جعله طبيعيًا) (Normalising) الانحراف المعياري، يكون معامل الاختلاف مقياسًا عديم الوحدة (بلا أبعاد)، وبالتالي يُمكن استخدامه لمقارنة تشتُّت أسعار الإيجار في المثال السابق.

٣, ٥, ٢ العزوم من الرتبة الأعلى

(Higher Moments)

من الممكن القول إنه في حالة كانت مُشاهدات عينة من البيانات تتبع التوزيع الطبيعي فإن الوسط والتباين يكفيان لتقديم وصف جيّد لهذه السلسلة، بعبارة أخرى، يستحيل إبجاد توزيعين طبيعيين مختلفين لهما نفس فيمة الوسط والتباين، لكن معظم عيّنات البيانات لا تتبع التوزيع الطبيعي، وبالتالي فإننا نحتاج إلى جانب الوسط والتباين ما يُعرف بالعزوم من الرتبة الأعلى للسلسلة لتوصيف البيانات بشكل أكثر دقّة، كما يُعرف الوسط والتباين بأنّها على التوالي العزم الأول والثاني للتوزيع في حين يُعرَف العزم الثالث والرابع (الموجّد معياريًا) بالالتواء (Skewness) والتفرطح (Kurtosis) على التوالي.

يُحدُّد الالتواء شكل التوزيع، كما أنه يفيس إلى أي مدى يكون التوزيع غير متماثل حول قيمة متوسَّطه، عندما يكون توزيع البيانات متماثلًا وأحادي المنوال (أي أن لديه قمَّة واحدة لا غبر) فإن الطرق الثلاث لحساب المتوسط (الوسط الحسابي، المنوال والوسيط) تتساوّى من حيث القيمة، أمَّا إذا كان التواء التوزيع موجب (أي أن مُنحنى التوزيع يتميَّز بذيل أطول إلى جهة اليمين، ونتراكم معظم القيم على جهة البسار)، فإن العلاقة بين المتوسِّطات الثلاث تكون على النحو التائي: المنوال « الوسيط « الوسط الحسابي، في المقابل إذا كان التواء التوزيع سالبًا (أي أن مُنحنى التوزيع يتميَّز بذيل أكبر إلى جهة البسار وتتراكم معظم القيم على جهة اليمين)، فإن العلاقة بين المتوسِّطات الثلاث تكون على النحو التائي: المتوال » الوسيط » الوسط الحسابي، تُشير في الأخير إلى أنه في حالة كانت السلسلة تتبّع التوزيع الطبيعي فإن قيمة الالتواء تكون معدومة (أي أن التوزيع يكون متماثلًا).

يقيس التفرطح غِلَظَ ذيول التوزيع، كما يُستعمل أيضًا لمعرفة كيفية تدبُّب السلسلة حول وسطها، ويتمبَّز التوزيع الطبيعي بمعامل تفرطح مساوٍ لثلاث، كما يُمكن تعريف معامل التفرطح الزائد بكونه الفارق بين معامل التفرطح والقيمة ثلاث، وبالتالي فإن التوزيع الطبيعي بتميَّز بقيمة معدومة لمعامل التفرطح الزائد، في هذه الحالة يُسمَّى التوزيع الطبيعي بالتوزيع ذي التفرطح المعتدل (Mesokurtic Distribution)، أخبرًا يُمكن حساب مقياشي الالتواء والتفرطح للسلسلة لا باستخدام المعادلات التالية:

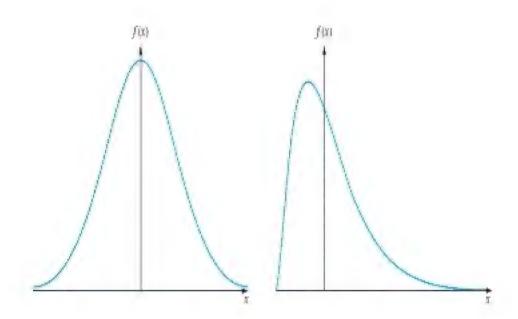
$$skew = \frac{\frac{1}{N-1}\sum(y_t - \bar{y})^3}{(\sigma^2)^{3/2}}$$
 (YV,Y)

9

$$kurt = \frac{\frac{1}{B-1}\sum(y_1-\bar{y})^4}{(\sigma^2)^2} \tag{YA_4Y}$$

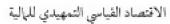
حيث يرمز σ^2 إلى تباين السلسلة و y_i إلى مُشاهدات السلسلة y_i تكون قيمة تفرطُح التوزيع الطبيعي مساوية لثلاث والتفرطح الزائد (kurt - 3) معدومًا (r).

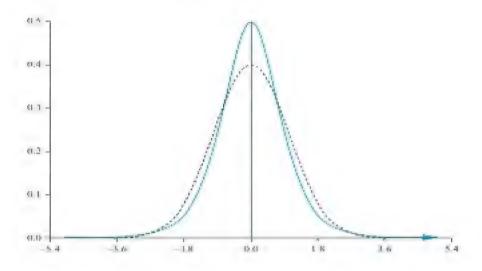
نقدّم فيها يلي بعض الرسومات التوضيحية لتجسيم اختلاف توزيع سلسلة ما عن التوزيع الطبيعي، وذلك من خلال الأشكال رقم (١٠،٢) و(١٠،٢)، يتميَّز التوزيع الطبيعي - وعلى خلاف التوزيع الملتوي - بكونه توزيعًا متهاثلًا حول وسطه، في المقابل يتميَّز التوزيع الملتوي بذيل أطول من التوزيع الطبيعي، كها يتميَّز التوزيع المديَّب (Leptokurtic Distribution) بذيول أكثر بدانة، ويكونه توزيعًا أكثر حدةً (أو أكثر تدبيبًا) حول الوسط بالمقارنة مع مُتغيَّر عشوائي طبيعي بنفس قيمة الوسط والنباين، في حين يتميَّز التوزيع المفرطح (Platykurtic) - بالمقارنة بالتوزيع الطبيعي - بكونه توزيعًا أقل حدةً (أو أقل تدبيبًا) حول الوسط، بذيول أنحف ويتركُّز عدد أكبر من القيم على طرفي المنحني، عمليًّا، يُعتبر التوزيع المدبَّب التوزيع الأنسب لوصف السلاسل الزمنيَّة الاقتصادية والعقارية، وكذلك لوصف بواقي على طرفي المنحني، عمليًّا، يُعتبر التوزيع المدبَّب التوزيع المدبَّب (الخط الغامق) والطبيعي (الخط الخافت)، تُشير أخيرًا إلى وجود اختبار منهجي للاعتدال، والذي سيتم تناوله وشرحه في الفصل الخامس لهذا الكتاب.



الشكل رقم (٢,١٠) التوزيع الطبيعي مُقابِل التوزيع الملتوي.

⁽٦) هناك عدة طرق لحساب الالتواء (والتفرطح) تسلسلة من المشاهدات. فإلى جانب الطريقة التي ذُكرت سابقاً والتي تُعرف بطريقة عزم معامل الالتواء، نجد طريقة حساب الالتواء من خلال حساب القارق المعياري بين الوسط الحسابي والوسيط وكذلك من خلال حساب ربيعات السلسلة. وبالتالي يُؤثر هذا الاختلاف على حساب قيم كل من هذين المقياسين باستخدام الحزم البرعية المختلفة. كما نشير أيضاً إلى أن بعض الحزم البرعية تقوم بتصحيح درجات الخرية عند حساب التباين والانحراف المعياري في حين أن البعض الآخر لا يقوم بذلك وبالتالي يكون مقام الكسر ١٧ عوضاً عن ١ - ١٧ في معادلات التباين والانحراف المعياري.





الشكل رقم (٢,١١) التوزيع الطبيعي مُقابل التوزيع المدبُّب.

View Proc Copin	d Properties	Fint	Name	Freeze	Sample	Genra	Sheet	Graph	State	Ideni
	DHP					-	£			1
	DHP									1.2
Mean	0.437995									- 0
Median	0.494162									
Masumom	3 802188									
Minimum	-3.464716									
Std Dev	1 200502			-1						-
Skewness	-0.108307									
Kurtosis	3.275901	4		-		-1				-1
Sarque-Bera	1.373983	\pm				=				-1
Propagation	0.503087									- 1
Sum	117.3827	Ξ				=				
Sum Sq Dev	384 8018	H		-1		-				4
Observations	268	밡		=						
		ŧ		Ħ					-	
						=				_ ,

لفطة الشاشة رقم (٢,٦) عيِّ إنة من الإحصاءات الموجزة في إفيوز.

حساب الإحصاءات الموجزة في إفيوز

(Calculating summary statistics in EViews)

سنُعيد في هذه الفقرة استخدام نفس بيانات الفصل الأوَّل حول أسعار المساكن (تحديدًا النسبة المتوية للنغيَّر اللوغاريتمي الأسعار المساكن) لنجسيم كيفيَّة الحصول على الإحصاءات الموجزة لسلسلة من العوائد باستخدام إفيوز، لذلك نُعيد فتح ورقة عمل إفيوز 'أسعار المساكن' وننقر فوق السلسلة DHP لإظهار اللوحة الجدوليَّة، ننقر بعد ذلك على القائمة View/Descriptive Statistics ثم نختار Tests/Stats Table للحصول على لقطة الشاشة رقم (٢, ٢)، والتي تحتوي على بعض الإحصاءات الموجزة البسيطة، بالنظر إلى هذه المقابيس نلاحظ أن متوسط أسعار المساكن في حدود ٤٤, ١٪ شهريًّا، في حين بلغت قيمة الوسيط أكثر بقليل من ذلك، أي و٤, ٠٪. وكان أعلى ارتفاع للأسعار الشهرية ٨, ٣٪، في حين كان أكبر انخفاض لها ٤, ٣٪. نلاحظ أيضًا أن قيمة الانحراف المعياري للأسهم (انظر الفصل التالي)، وهذا بعكس سلاسة أسعار المساكن مع مرور الزمن.

تتميَّز سلسلة العوائد أيضًا بالتواء سالب، وهذا يعني أن الذيل السفلي لتوزيع العوائد أطول قلبلًا من ذيله العلوي، كما تتميَّز أيضًا بكونها سلسلة قليلة التفرطح، أي ذات ذيول أكثر بدانة من توزيع طبيعي له نفس قيمة الوسط والتباين، نجد أيضًا أن عدد مُشاهدات العوائد هو ٢٦٨ مُشاهدة، أخيرًا تُجرنا إفيوز أيضًا عن إمكانية أن تُظهر سلسلة ما انحرافات جوهرية عن الحالة الطبيعيَّة، إلَّا أنه ليس هذا هو الحال في مثالنا هذا (يقدَّم الفصل الخامس شرحًا مُفصَّلًا لهذه النقطة).

في المقابل، إذا أردنا حساب إحصاءات أخرى أقل شهرة لسلسلة العوائد، ونذكر على سبيل المثال المدى الربيعي، معامل الاختلاف وما إلى ذلك من المقابيس، سيكون من الأسهل القيام بذلك باستخدام دوال يتم إنشاؤها داخل إكسل، على سبيل المثال، للحصول على المدى الربيعي لسلسلة العوائد نحتاج أوَّلًا إلى إنشاء عمود للعوائد، ثم نستخدم مرَّتين الدَّالة QUARTILE لتحديد قيمة الربيع الأوَّل وقيمة الربيع الثالث، لذلك إذا كانت سلسلة العوائد في العمود C، نكتب ما يلى:

= QUARTILE(C3: C270, 3) - QUARTILE(C3: C270, 1)

بطريقة بماثلة يُمكن حساب معامل الاختلاف، وذلك بقسمة الانحراف المعياري لسلسلة العوائد على وسطها الحسابي، وذلك باستخدام الصيغة التالية:

= STDEV(C3: C270) / AVERAGE(C3: C270)

بحساب هذين المقياسين لسلسلة عوائد أسعار المساكن نجد:

CV = 2.78 , IQR = 0.685

٤ , ٥ , ٢ مقاييس الترابط

(Measures of Association)

تناولت المقاييس الإحصائية التي عرضناها إلى حد الآن كل سلسلة على جِدة، إلا أنه من المهم في أغلب الأحيان دراسة الروابط الممكنة بين المتغيَّرات، هناك نوعان من الإحصاءات الوصفية الأساسية التي تُستخدم لقياس العلاقات بين السلاسل: التغايُر والارتباط.

التغاير

(Covariance)

يُعتبر التغاير (Covariance) مقياسًا للافتران الحُطِّي (Linear Association) بين مُتغيِّرين، كما يُمثل الطريقة الأبسط والأكثر شيوعًا لحصر العلاقة بينهما، بقيس التغايُر ما إذا كان المتغيِّران يسلكان في المتوسَّط نفس الاتجاه (تغاير مُوجب)، اتجاهات معاكسة

٧٦

(تغاير سالب)، أو أن ليس لهما أي اقتران (تغاير معدوم)، مُحسب التغاير بين سلسلتين x و y، ويُرمز إليه بالرمز «ه، باستخدام الصيغة التالية:

$$\sigma_{x,y} = \frac{\sum (x_i - \hat{x})(y_i - \hat{y})}{(N-1)} \tag{Y.9.Y}$$

الارتباط

(Correlation)

من بين نقاط الضعف الأساسية للتغاير كمقياس للترابط نذكر أنه يعتمد في قياسه على الانحرافات المعيارية للسلسلتين، وبالتالي يأخذ من وحدات x × x. وبالتائي على سبيل المثال، إذا ضربنا كافة قيم السلسلة y بعشرة فإن قيمة التغابُر ستزيد بعشرة أضعاف، لكن في حقيقة الأمر هذا لا يعني تزايد الارتباط بين السلسلتين؛ لأنها لن يكونا أكثر ارتباطاً بعد مضاعفة قيم x. يترتب عن ذلك إذا أن القيمة العددية المعينة للتغاير في حدِّ ذاتها ليس لها نفسير مفيد، وبالتالي فإن التغاير ليس مفيدًا بشكل بارز، وعليه يُمكن اعتبار الارتباط (Correlation) نتيجة للتطبيع (Normalisation) أو للتوحيد المعياري (Standardisation) للتغاير، ونتيجة لذلك بكون الارتباط بدون وحدة، وتمند قيمه على طول المجال (-١٠١)، عندما تكون قيمة الارتباط ١ (١-)، فهذا يعني أن هناك علاقة طودية (عكسية) تامة بين السلسلتين، أخيرًا يُعرف مقياس الارتباط عادةً بمعامل الارتباط، ويُرمز إليه بالرمز ويم وجُسب باستعال الصبغة التالية:

$$\rho_{x,y} = \frac{\sum (x_i - \hat{x})(y_i - \hat{y})}{(N-1)\sigma_x \sigma_y} = \frac{\sigma_{x,y}}{\sigma_x \sigma_y} \tag{Y • . Y)}$$

حيث يرمز σ_ν و وσ على التوالي إلى الانحراف المعياري للسلسلة x والانحراف المعياري للسلسلة y. كما يُعرَف معامل الارتباط بين مُتغيِّرَيْن بمعامل ارتباط جداء-عزم بيرسون (Pearson's Product Moment Correlation).

الروابط

(Copulas)

يُوفِّر التغاير والارتباط مقابيس بسيطة للاقتران بين السلاسل، كما يُعتبر هذان المقياسان محدودين جدًّا، وذلك لأنها لا يقيسان إلا الترابط الخطِّي بين المتغيِّرات، وبالتالي فهما يُعتبران غير مرنين بها فيه الكفاية لتقديم وصف جيد للعلاقات بين السلاسل الماليَّة، على وجه الخصوص أدَّى ظهور أنواع جديدة من الأصول والهياكل الماليَّة إلى ظهور تبعيًّات بين المتغيِّرات أكثر فأكثر تعقيدًا، والتي لا يُمكن نمذجتها بشكل مُرْضِ في هذا الإطار البسيط، تُوفِّر الروابط وسيلة جديدة لربط التوزيعات (الهامشية) الفردية للسلاسل معًا، ونمذجة توزيعها المشترك. ومن بين الميزات المهمَّة للروابط نجد أنه يُمكن تطبيقها لربط كل التوزيعات الهامشية المتاحة للسلاسل الفردية، ومن بين الروابط الأكثر استعهالًا نجد الروابط الجاوسية (Gaussian Copulas) وروابط كلايتون (Clayton التي تُعتبر مفيدة بشكل خاص في نمذجة العلاقات بين ذيول السلاسل، وفي العديد من التطبيقات التي عهتم باختبار الإجهاد، وبتحليل المحاكاة، كما تُشير إلى أعهال كل من نبلسون (٢٠٠٦) ((2006) (Nelson وأمبراختس وآخرين (٢٠٠٣)) ((Embrechts et al. (2003)) حول تطبيقات الروابط في مجال الماليَّة وإدارة المخاط.

المفاهيم الرتيسة

يُمكن من خلال هذا الفصل تعريف وشرح المصطلحات الرئيسة التالية:

- الدوال الجذور
- نقاط التحول المشتقات
- الرمز سيغها اللوغاريتم
- المعادلة التربيعيَّة المصفوفة المتوافقة
 - معكوس المصفوفة
 معكوس المصفوفة
- المتَّجهات الذاتية
 - المتوسط التباين
 - الالتواء التفرطح
 - التغاير الارتباط
 - المجتمع الإحصائي

أسئلة التعلم الذاتي

 $f(x) = 3x^2 - 4x + 2$ للدلة التالية f(-1), f(2), f(0) (1)

 $f(x) = 4x^2 + 2x - 3$; للدلة الثالية $f(3 + a) \cdot f(a) \cdot f(3) \cdot f(0)$

(-1) بالنظر إلى إجاباتك على الجزء السابق من السؤال وبشكل عام، هل أن: f(a) + f(b) = f(a+b) اشرح ذلك.

العينة

(٢) بسط ما يلي قدر المستطاع:

- $4x^5 \times 6x^3$ (1)
- $3x^2 \times 4y^2 \times 8x^4 \times -2y^4$ (_)
 - $(4p^2q^3)^3$ (=)
 - $\frac{6x^3}{3x^2} \quad (5)$
 - $\frac{7y^2}{2y^5}$ (_A)
 - $\frac{3(xy)^{2} \times 6(xz)^{4}}{2(xy)^{2}x^{3}} \quad (j)$
 - $\frac{(xy)^3}{x^3y^3} \quad (j)$

$$(xy)^3 - x^3y^3$$
 ()

$$125^{1/3}$$
 (i)

$$9^{3/2}$$
 (3)

$$9^{2/3}$$
 (\triangle)

$$81^{1/2} + 64^{1/2} + 64^{1/3}$$
 (3)

$$3x - 6 = 6x - 12$$
 (1)

$$2x - 304x + 8 = x + 9 - 3x + 4$$

$$\frac{x+3}{2} = \frac{2x-6}{3} \quad ()$$

$$j = 40$$
 حيث $\sum_{j=1}^{3} j$ (i)

$$j = -2$$
 حيث $\sum_{j=2}^{5} (j^2 + j + 3)$ (ب)

$$x=3$$
 و $n=4$ و $\sum_{i=1}^n x$

$$x = 2$$
 $\lim_{j \to 1} x$ (3)

$$i=-0.5$$
 آ $_{l=3}^{6}$ احيث إن

$$y = 6$$
, $x = -2$ $y = 2$, $x = 4$ (j)

$$y = 6x$$
 (i)

$$y = 3x^2 + 2$$
 (\bigcirc)

$$y = 4x^3 + 10$$
 ($_{\leftarrow}$)

$$y = \frac{1}{x} \quad (3)$$

$$y = x$$
 (a)

$$y = 7$$
 (1)

$$y = 6x^{-3} + \frac{6}{x^3}$$
 (j)

$$y = 3 \ln x$$
 ($_{\sim}$)

$$y = ln(3x^2) \quad (1)$$

$$y = \frac{3x^4 - 6x^2 - x - 4}{x^3}$$
 (2)

(٩) أوجد المشتقة الجزئيَّة للدوال التائية بالنسبة إلى x ثم -وعلى حدة- بالنسبة إلى y :

$$z = 10x^3 + 6y^2 - 7y \quad \text{(i)}$$

$$z = 10xy^2 - 6$$
 (\bigcirc)

$$z = 6x$$
 (\overline{z})

$$z = 4$$
 (2)

(١٠) حلِّل التعابير التالية إلى عوامل:

$$x^2 - 7x - 8$$
 (1)

$$5x - 2x^2$$
 (—)

$$2x^2 - x - 3$$
 ($_{\overline{c}}$)

$$6 + 5x - 4x^2$$
 (2)

$$54 - 15x - 25x^2$$
 (a)

(١١) اكتب المعادلات التالية على الصبغة اللوغاريتمية:

$$5^3 = 125$$
 (i)

$$11^2 = 121$$
 (\smile)

(١٢) احسب ما يلي (دون استعمال آلة حاسبة):

- log₂ 16 (-)
- $log_{10} \ 0.01 \ \ (_{7})$
- log_{5} 125 (a)
- $log_e e^2$ (*)

(١٣) اكتب ما يلي باستخدام القرى:

$$log_5 3125 = 5$$
 (i)

$$log_{49} 7 = \frac{1}{2} ()$$

$$log_{0.5} 8 = -3$$
 (5)

(١٤) اكتب بأبسط ما يُمكن القيم التالية على شكل مجموع لوغاريتهات أعداد أولية:

- log 60 (i)
- log 300 (-)

(١٥) بسُط ما يلي قدر المستطاع:

$$log 27 - log 9 + log 81$$
 (i)

$$log 8 - log 4 + log 32$$
 (\smile)

(١٦) حل المعادلات التالية:

$$\log x^4 - \log x^3 = \log 5x - \log 2x \quad (i)$$

$$log(x-1) + log(x+1) = 2 \log(x+2) \ (\smile)$$

$$\log_{10} x = 4 \ ()$$

(١٧) قدَّر القيم التالية باستخدام ٢ , ١ كقيمة تقريبية لـ (8) ا (دون استعمال آلة حاسبة):

- ln(16) (i)
- ln(64) (-)
- ln(4) (₅)

(١٨) حل ما يلي باستخدام اللوغاريتيات والآلة الحاسبة:

$$4^x = 6$$
 (1)

$$4^{2x} = 3$$
 ($_$)

$$3^{2x-1} = 8 \ ()$$

(١٩) أُوْجِد القيم الدنيا للدوال التالية، في كل حالة أذكر قيمة x التي تعطى القيمة الدنيا للدالة:

$$y = 6x^2 - 10x - 8$$
 (i)

$$y = (6x^2 - 10x - 8)^2$$
 (\smile)

(٢١) لنفترض أن لدينا المصفو فات الأربعة التالية:

$$B = \begin{bmatrix} -3 & -8 \\ 6 & 4 \end{bmatrix} C = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix} D = \begin{bmatrix} 6 & -2 \\ 0 & -1 \\ 3 & 0 \end{bmatrix} A = \begin{bmatrix} 1 & 6 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}$$

- أ) ما هي أزواج المصفوفات التي يُمكن ضربها معًا؟ انجز عمليات الضرب لتلك الأزواج.
 - $\frac{1}{2}D (3B (2A : ----))$
- Tr(A) + Tr(B) = Tr(A+B) (خ) احسب: $Tr(A) + Tr(B) \cdot Tr(A+B)$ (خ) احسب: (خ)
 - (د) ما هي زُنبة المصفوفة A.
 - (a) أوجد القيم الذاتية للمصفوفة B.
 - (و) ما هي قيمة أثر مصفوفة الوحدة من الدرجة ٢١٦؟

$$\begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 7 & -4 \end{bmatrix}$$
 $\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -7 & 4 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1 \\ 4 \end{bmatrix}$ (1) (YY)

$$\begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -7 & 4 \end{bmatrix}$$
 من $\begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 7 & -4 \end{bmatrix}$ اطرح

- $\begin{bmatrix} 3 & -1 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}$ احسب معكوس المصفوفة
- (د) هل يوجد معكوس للمصفوفة التائية؟ اشرح إجابتك.

$$\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$$

(٢٣) قم بتفكيك التعابير بين القوسين قدر الإمكان:

- حيث $x \in E(ax + by)$ حيث $x \in E(ax + by)$ دو $a \in E(ax + by)$
- (ب) E(axy) و y مُنغيَّرين مستقلين و x قيمة قياسية.
- (ج) E(axy) = x و x مُتغيِّران مترابطان و x قيمة قياسيَّة.
- (د) اشرح الاختلاف بين دالة الكثافة الاحتماليّة ودالة التوزيع التراكمي.
- (a) ما هي أشكال دالة الكثافة الاحتماليّة ودالة التوزيع التراكمي لمتغبّر عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي؟
 - (٢٤) ما هي نظرية النهاية المركزية ولماذا هي مهمة في الإحصاء؟
- (٢٥) اشرح الاختلافات بين الوسط الحسابي، المنوال والوسيط، ما هو المقياس الأنجع لقياس القيمة المتوسطة ولماذا؟
- (٢٦) ما هو مقياس النزعة المركزية الأنجع لحساب عوائد الأسهم: الوسط الحسابي أم الوسط الهندسي؟ اشرح إجابتك.
 - (٢٧) إذا كانت قيمة التغاير بين مُتغيّرين هي ٩٩ . ، هل يعني هذا وجود ارتباط قوي بين المتغيّرين؟ اشرح إجابتك.

ونفعل وتنافث

نظرة عامة موجزة عن نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي A brief overview of the classical linear regression model

غرجات الثعلم

ستتعلم في هذا الفصل كيفية:

- اشتقاق صيغة المربعات الصغرى العادية لتقدير المعلمات وأخطائها المعيارية
 - شرح الخواص المرغوبة التي ينبغي توفُّرها في المقدر الجيَّد
 - مناقشة العوامل التي تؤثر في أحجام الأخطاء المعيارية
 - اختبار الفرضيات باستخدام مناهج اختبار المعنوية وفترة الثقة
 - تفسير الفيم الاحتمالية
- تقدير نهاذج الانحدار واختبار الفرضيات الأحادية (Single Hypotheses) باستخدام

١ , ٣ ما المقصود بنموذج الانحدار؟

(What is a regression model?)

من شبه المؤكَّد أن تحليل الانحدار يعتبر أهم أداة تحت تصرُّف المتخصصين في الاقتصاد القياسي، ولكن ماذا يعني تحليل الانحدار؟ بصفة عامة جدًّا يُمكن الفول إن الانحدار يختص يوصف وتقييم العلاقة بين متغيِّر ما ومتغيِّر أو مجموعة من التغيِّرات الأحرى، بشكل أكثر تحديدًا يُمكن وصف الانحدار بأنه محاولة لتفسير تحركات متغيِّر ما نتيجة تحركات متغيِّر أو مجموعة من المتغيِّرات الأخرى.

لتجسيم هذا التعريف نرمز بـ٧ للمتغيّر الذي نسعى من خلال الانحدار إلى شرح تغيَّراته وبـ ٤٠٠٠ بيد للمتغيّرات التي تُستعمل لتفسير تلك التغيَّرات، وبالتالي في هذه التركيبة البسيطة نسبيًّا يُمكن القول إن التغيَّرات في المتغيِّر (المتغيِّرات من تسبب تغيِّرات في المتغيِّر واحد ٧ (على الرغم من أنه سيتم لاحقًا تغيِّرات في المتغيِّر و احد ٧ (على الرغم من أنه سيتم لاحقًا الاستغناء عن هذا القيد في الفصل٧)، هناك العديد من الأسهاء البديلة للمتغيِّرات x و ٧ والتي سيتم استخدامها جميعًا وبشكل مترادف في هذا الكتاب (انظر الإطار رقم (٢ , ٣)).

الإطار رقم (٣٠١) مسميات ووالمتغيرات على تهاذج الاتحدار

أسياء المتغتر ات

- المتغبّر التابع المستقلة
- المتغبّر المنحدر عليه (Regressand) المتغبّرات الانحدارية (Regressors)
 - متغيّر معتمد المتغيّرات السببية
- (Explanatory variables) المتغيّر ات المفسّرة (Explanatory variables)

٣,٢ الانحدار مقابل الارتباط

(Regression versus correlation)

يقبس الارتباط بين متغيِّرين، كما سبق ونُوقش في القصل الثاني، درجة الترابط الخطي بين هذين المتغيَّرين، إذا ذُكر أن المتغيَّرين و x مترابطان فهذا يعني حتها أنه يجب التعامل مع هذين المتغيَّرين بطريقة مُتهائلة تمامًا، وبالتالي لا يعني ذلك أن تغيُّرات x قد تسبَّب تغيُّرات في قيمة y أو حتى العكس، بدلًا من ذلك يُمكن ببساطة القول: إن هناك أدلَّة على وجود علاقة خطيَّة بين المتغيَّرين، وبأن تلك التغيُّرات بينها (y و x) في المتوسَّط ترتبط بقيمة معامل الارتباط.

قي المقابل، بالنسبة للانحدار، يتم التعامل مع المتغيِّر التابع لا والمتغيِّر أو المتغيِّرات المستقلة (المتغيِّرات x) بطريقة مختلفة تمامًا، حيث بُفترض أن يكون المتغيِّر v متغيِّرًا عشوائيًّا أو "تصادفيًّا"، وبالتالي بمتلك *توزيعًا احتماليًّا*، أما بالنسبة للمتغيِّرات x فيُفترض أن تكون قِيمُها ثابتة (غير تصادفيًّة) في العينات المتكررة (١٠)، أخبرًا يُعتبر الانحدار أداة أكثر مرونة وأكثر قوة من الارتباط.

٣,٣ الانحدار السيط

(Simple regression)

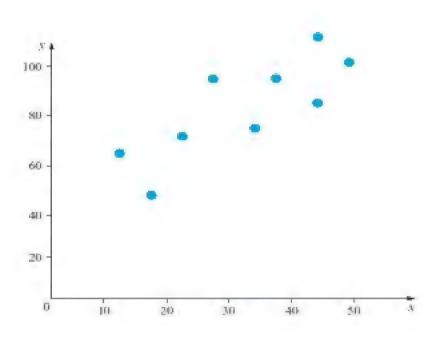
لتبسيط التحليل لفنرض في البداية أن المتغيّر y يعتمد على متغيّر واحد فقط، وهو المتغيّر x. في الفصل التالي سيتم رفع هذا القيد، وبالتالي سيكون هناك عدَّة متغيّرات مستقلَّة، من بين العلاقات التي يُمكن نمذجتها باستخدام نموذج الانحدار البسيط نذكر:

- كيفيّة تفاوت عوائد الأصول حسب مستويات مخاطر السوق.
- قياس العلاقة الطويلة الأمديين أسعار السهم والأرباح الموزَّعة.
- إنشاء نسبة التحوُّط (أو التغطية) المثلي (Optimal Hedge Ratio).

 ⁽١) يُعتبر إفتراض أن قيم المتغيرات المستقلة x هي قيم غير عشوائية هو إفتراض أقوى من المطلوب. ستُتاقش هذه المسألة بمزيد من التفصيل في الفصل ٥.

لنفترض الآن أن الباحث يعتبر أن هناك علاقة بين المتغيّرين y و x، وإضافة إلى ذلك وحسب النظريَّة الماليَّة، فإن كل زيادة في قيمة x تؤدي إلى زيادة في قيمة y. في هذه الحالة من المفترض القيام في مرحلة أولى باختبار ما إذا كان هناك بالفعل ارتباط بين المنغيِّرين، وذلك برسم انتشار (Scatter Plot) هذين المنغيِّرين، لنفترض أن الشكل رقم (7, 1) يُقدَّم نتيجة لهذا الرَّسم البياني.

في هذه الحالة يبدو أن هناك علاقة خطية طرديَّة تقريبية بين المتغيَّرين x و y وهو ما يعني أن الزيادات في قيمة x عادة ما ترافقها زيـــادات في قيمة y، وأن هذه العلاقــة يمكن تـمثيلها بخط مُستقيم، كها تُــشير إلى أنــه من الــممكن رسم الخط الذي يتنـــاسب



الشكل رقم (٣,١) رسم انتشار المتغيّرين x و y

مع البيانات بدويًّا، يُمكن بعد ذلك قياس مقطع وميل هذا الخط تقريبيًّا من خلال هذا الرسم البياني، لكن من الناحية العملية من المرجَّح أن تكون مثل هذه الطريقة شاقة وغير دقيقة.

لذلك سيكون من المهم تحديد إلى أي مدى يُمكن وصف تلك العلاقة بين المتغيِّرات عن طريق معادلة يُمكن تقديرها باستخدام إجراء واضح المعالم، من الممكن استخدام المعادلة العامة للخط المستقيم للحصول على الخط الذي يُناسب البيانات على النحو الأفضل:

$$y = \alpha + \beta x \tag{144}$$

يسعى الباحث عندئذ إلى إيجاد قبم المعلمات أو المعاملات α و β التي من شأنها أن تجعل من الخط المستقيم أقرب ما يكون إلى جميع نقاط البيانات مجتمعة.

ومع ذلك تُعتبر هذه المعادلة (y = α + βx) مُعادلة صحيحة، وعلى افتراض أن هذه الأخبرة هي المعادلة المناسبة للبيانات، بعد حساب قيم α و β وبمعرفة قيمة المتغيَّر x سيكون من الممكن يقينًا تحديد القيمة التي سيكون عليها المتغيَّر y. لنتخيَّل نموذجًا يستطيع يقينًا تحديد قيمة متغيِّر ما بمجرَّد معرفة قيمة متغيِّر آخر! من الواضح أن هذا التموذج غير واقعي، لكن إحصائيًا يمكن القول إن هذا يتطابق مع الحالة التي يكون فيها التموذج ملائهًا تمامًا للبيانات، أو بمعنى آخر عندما تكون جميع نقاط البيانات على الخط المستقيم تمامًا، من جهة أخرى لجعل نموذج الانحدار البسيط أكثر واقعبَّة يجب إضافة حد اضطراب عشوائي (Random Disturbance) يُرمز إليه بـ 10، إلى المعادلة السابقة لتُصبح:

$$y_t = \alpha + \beta x_t + u_t \tag{Y_LY}$$

حيث يرمز الرمز الشَّفلي (...,1,2,3 =) إلى رقم المشاهدة، أخبرًا يُمكن للاضطراب العشوائي أن يلتقط عددًا من الميزات (انظر الإطار رقم (٣,٢)).

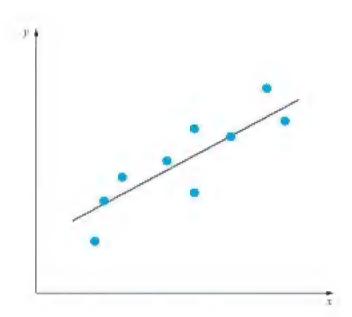
السؤال الذي يُطرح الآن هو: كيف يتمُّ تحديد القيم المناسبة للمعلمات α و ٤٪ عمليًا يتم اختيار قيم α و β التي تُحكّن من تصغير المسافات (الرأسيَّة) بين نقاط البيانات والحُط المجهز (بحيث يُلاثم الحُط قدر الإمكان البيانات)، وبالتالي يتم اختيار المعلمات التي من شأنها أن تُقلَّل سويًّا المسافات (الرأسيَّة) بين نقاط البيانات والخط المركَّب، ويُمكن القيام بذلك عن طريق "التقدير التقريبي العيني" للبيانات، ثم نقوم بالرسم البياني للانتشار لكل مجموعة من المتغيِّرات x و و ونضيف على هذا الأخير رسمًا يدويًّا للخط الذي يناسب بشكل جيد البيانات (انظر الشكل رقم (٣,٢)).

الإطار وقم (٢٠٢) أسباب إدراج حد الاضطراب

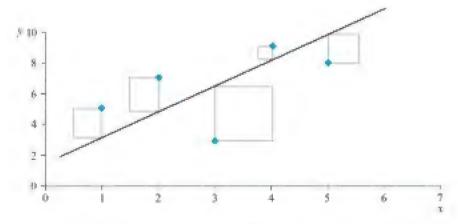
- حتى في الحالة العامة أين نجد أكثر من متغيّر مُفسَّر في معادلة الانحدار فإنه قد يُمكن حذف بعض محدِّدات به من النموذج، يمكن على سبيل المثال أن ينتج ذلك بسبب وجود عدد كبير من المتغيِّرات التي تؤثر في به والتي لا يُمكن حصرها في نموذج واحد، أو لأن بعض محددات به قد تكون غبر قابلة للرصد أو غبر قابلة للقياس.
 - قد تكون هناك أخطاء في الطريقة التي تم بها قياس ، و والتي لا يُمكن نمذجتها.
- وجود تأثيرات خارجية عشوائية على الا يُمكن نمذجتها، على سبيل المثال يمكن لهجوم إرهابي، لإعصار، أو لعطل في جهاز الكمبيوتر أن يؤثر على جميع عائدات الأصول الماليَّة بطريقة لا يُمكن حصرها في نموذج، ولا يُمكن أيضًا التنبؤ بها بشكل دقيق، على نحو مماثل، يُقِرُّ العديد من الباحثين أن السلوك البشري هو سلوك عشوائي وغير متوقَّع!

للاحظ أنه عادة ما يتم تصغير الانحرافات الرأسيَّة بدلًا من الانحرافات الأفقيَّة، أو بدلًا من تلك العموديَّة للخط المستقيم، يكون ذلك كنتيجة لافتراض أن x ثابت في العينات المتكررة بحيث تصبح المسألة مسألة تحديد النموذج المناسب لـ y بالنظر إلى (أو شريطة) الفيم المشاهدة للمتغيَّر المستقل x. يُعتبر إجراء التقدير التقريبي العيني (Eye-Belling Procedure) مقبولًا إذا كنا بحاجة فقط إلى نتائج إرشاديَّة، لكن تُعتبر هذه الطريقة بطبيعة الحال طريقة غير دقيقة وشاقَّة، في المقابل تُعتبر طريقة المربَّعات الصغرى العادية الطريقة الأكثر استخدامًا لتوفيق (Fit) الطريقة بطبيعة الحال طريقة عير دقيقة وشاقَّة، في المقابل تُعتبر طريقة المربَّعات الصغرى العادية الاقتصاد القباسي، والتي ستناقَش بالتفصيل (أفضل) خط مستقيم لعبُنة المشاهدات، تُشكُل هذه الأخبرة العمود الفقري لتقدير نهاذج الاقتصاد القباسي، والتي ستناقَش بالتفصيل في هذا الفصل وفي الفصول اللاحقة.

كما نجد طريقتين تقديريتين بديلتين لطريقة المربَّعات الصغرى العادية (لتحديد القيم المناسبة للمعاملات α و β) وهما طريقة العزوم (Method of Maximum Likelihood) وطريقة الإمكان الأعظم (Method of Maximum Likelihood). من الطريقة الأولى اشتقَّ هانسن (Hansen (1982)) (19۸۲) طريقة أخرى شائعة الاستعمال، وتُعرف بطريقة العزوم المعمَّمة (Generalised Method of Moments) لكنَّها خارج نطاق هذا الكتاب، أمَّا بالنسبة إلى طريقة الإمكان الأعظم فتُعتبر طريقة كثيرة الاستعمال في العديد من البحوث، وستُناقش بمزيد من التفصيل في الفصل ٩.

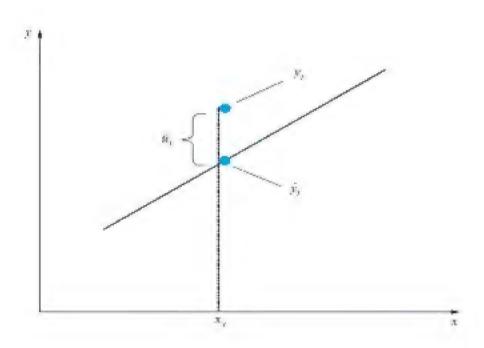


الشكل رقم (٣٠٦) رسم انتشار المتغيِّرين مع خط أفضل توفيق مُحتار بالعين



الشكل رقم (٣,٣) طريقة المربعات الصغرى العاديَّة لتوفيق الخط للبيانات عن طريق تصغير مجموع مربع البواقي

لنفترض الآن وبهدف تبسيط شرح ما سبق أنه لدينا عينة متكوّنة من خمس مشاهدات، تقتضي طريقة المربّعات الصغرى العادية احتساب المسافات الرأسيَّة بين نقاط الانتشار والخط المستقيم، ثم تربيع هذه المسافات، ومن ثم تصغير المجموع الكلي لمساحات المربّعات (وبالتالي المسمّى "المربّعات الصغرى") كها هو موضّع في الشكل رقم (٣,٣)، بمعنى آخر، تتمثّل هذه الطريقة في تصغير مساحات المربّعات المرسومة من النقاط إلى الخط.



الشكل رقم (٢,٤) رسم لشاهدة واحدة إلى جانب خط أفضل توفيق، الباقي والقيمة المُقدَّرة

بلغة الترميز، نستخدم الرَّمز به للدلالة على نقطة البيانات الفعليَّة للمشاهدة رقم \mathfrak{s} في حين نستخدم الرَّمز به للدلالة على القيمة المقدَّرة من خط الانحدار، بمعنى آخر: لكل قيمة معلومة من قيم المتغيِّر \mathfrak{s} ، قَتْل \mathfrak{s} قيمة \mathfrak{s} التي تنبأ بها النموذج، كها تُشير إلى أننا نضع الرمز (^) على المعلمات أو على المتغيِّرات، وذلك للدلالة على أنّها قيم قام النموذج بتقديرها، أخيرًا نرمز إلى الباقي أننا نضع الرمز \mathfrak{s} والذي يُعتبر الفارق بين القيمة الفعليَّة لـ \mathfrak{s} والقيمة المتحصَّل عليها من النموذج هذه النقطة من البيانات أي (\mathfrak{s}). كما يعرض الشكل رقم (\mathfrak{s} , \mathfrak{s}) الباقي بالنسبة لمشاهدة واحدة \mathfrak{s} .

كل ما نقوم به هو تصغير مجموع مربعات البواقي أنه و يكمن السبب من وراء تصغير مجموع مربع المسافات، عوضًا عن إيجاد الله سبيل المثال مجموع بالاقرب إلى الصفر، في كون أنه في الحالة الأخيرة ستقع بعض نقاط الانتشار أعلى الخط المستقيم، في حين سيقع باقي النقاط أسفل هذا الخط، وبالثالي ستتضمن عمليَّة الجمع في الحالة الأخيرة قبيًا مُوجبة عندما تكون النقطة فوق الخط، وأخرى سائبة عندما تكون النقطة أسفل الخط، وهو ما ينتج عنه أن جزءًا كبيرًا من هذه الفيم الموجبة والسائبة سيُلغي بعضها البعض، ويعني هذا أنه يُمكن توفيق أي خط مستقيم للبيانات طالما أن مجموع الانحرافات الموجبة يُساوي مجموع الانحرافات السائبة، وفي هذه الحائة يُمكن القول إنه لن يكون هناك قيم وحيدة للمعلمات المقدرة.

في الواقع كل خط مستقيم يمر بنقاط وسط البيانات (أي يمر من 3 و 7) يجعل من مجموع بالله مساوٍ لصفر، ومع ذلك يضمن استخدام مربع المسافات أن تكون كل الانحرافات المستخدمة في عملية الجمع مُوجبة، وبالتائي لا يُلغي بعضها البعض. وهكذا يرجع تصغير مجموع مربع المسافات إلى تصغير (\$4 + 40 + 40 + 40 + 40) أو تصغير:

$$\sum_{t=1}^5 \hat{u}_t^2$$

تُعرف عمليَّة الجمع هذه بمجموع مربع*ات البواقي* (RSS) أو بمجموع البواقي المربعة، لكن ماذا يعني ، 1⁄2 كيا سبق وذكرنا، يُعتبر ، 1⁄2 انحراف النقطة الفعلية عن الخط أي ، 1⁄2 ب و بالتالي تصغير ٢٠٠٤ يُساوي تصغير ٢٠٤٥ - ٢٠٤ .

نستخدم على النوالي الرموز α و $\hat{\beta}$ للدلالة على قيم α و α الناتجة عن تصغير مجموع مربعات البواقي، وبالنائي تكون معادلة الخط المستقيم المُعَدَّ للبيانات على النحو التالي: $\beta_{i} = \alpha + \beta_{i}$. دعنا نرمز إلى مجموع مربعات البواقي بـ i والذي يُعرف بدالة الخسارة الخسارة (Loss Function)، وبجمع كافة المشاهدات، على سبيل المثال بداية من i = 1 إلى i مُكتب مُعادلة دالة الحسارة على النحو التالي:

$$L = \sum_{t=1}^{T} (y_t - \hat{y}_t)^2 = \sum_{t=1}^{T} (y_t - \hat{\alpha} - \hat{\beta}x_t)^2$$
 (Y.Y)

حيث يرمز T إلى عدد مشاهدات السلسلة، يتم تصغير L بالنسبة L $\hat{\theta}$ و $\hat{\theta}$ وذلك لإيجاد قيم $\hat{\theta}$ و والتي تجعل مجموع مربعات البواقي أصغر قيمة ممكنة، وبالتالي إيجاد الخط الأقرب إلى البيانات، لذلك يتم حساب تفاضل L بالنسبة L $\hat{\theta}$ و مُساواة المُشتقات الأولى بصفر، كما يعرض مُلحق هذا الفصل اشتقاق مقدّرات المربعات الصغرى العادية، تُقدم المعادلات التالية مقدرات معاملات الميل والمقطع:

$$\hat{\beta} = \frac{\sum x_t y_t - T \bar{x} \bar{y}}{\sum x_t^2 - T \bar{x}^2}$$
 (5.7)

$$\hat{\alpha} = \bar{v} - \hat{\beta}\bar{x} \tag{0.47}$$

تُشير المعادلتان رقم (٤،٣) و (٥،٣) إلى أنه بتحديد سلسلة مشاهدات ٢٠ و ٧٠ يكون من الممكن دائيًا حساب قيم المعلمتَيْنِ ٣ و الله فضل تناسبًا لسلسلة البيانات، كها تُعتبر المعادلة رقم (٤٠٣) الصيغة الأسهل لحساب القيمة المقدَّرة للميل، والتي يُمكن كذلك كتابتها بطريقة أكثر بداهة، كها يلي:

$$\hat{\beta} = \frac{\sum (x_t - \vec{x})(y_t - \vec{y})}{\sum (x_t - \vec{x})^2} \tag{7.7}$$

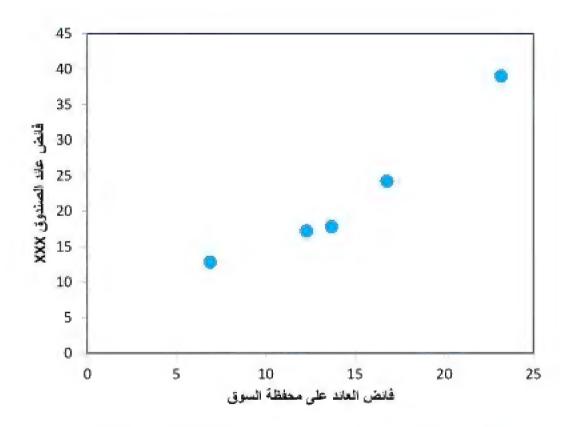
ويُعادل هذا قسمة تغاير العيِّنة بين x و y بتباين العيِّنة x.

تُؤكد مجددًا أن طريقة إيجاد القيمة الأمثل تُعرف بطريقة المربعات الصغرى العادية، ومن الجدير بالذكر أيضًا أنه يتَضح من خلال معادلة ش، أن خط الانحدار سيمر من وسط المشاهدات، أي من النقطة (عَ، عَـ) التي تقع على هذا الخط.

مثال (۲ , ۳)

لنفترض أننا قُمنا بتجميع البيانات التالية حول فائض العوائد (Excess Returns) على المحفظة الاستثباريَّة لمديرة الصندوق (الصندوق XXX) وفائض العوائد على مُؤشر السوق كها يظهر في الجدول رقم (٦,١). لمديرة الصندوق حدس بأن بيتا (Beta) (في إطار نموذج تسعير الأصول الرأسهائيَّة (CAPM)) الصندوق XXX موجبة، وبالثاني تريد إيجاد العلاقة التي قد تبدو بين x و y بالنظر إلى البيانات. تتمثَّل المرحلة الأولى مُجدَّدًا في رسم انتشار المتغيِّرين (الشكل رقم (٣,٥)).

الجلول رقم (٣,١) عينة بيانات الصندوق xxx لتحفيز طريقة نقدير المربعات الصغري					
فانض عائد مؤشر السوق $rm_t - rf_t$	فائض عائد الصندوق $XXX = r_{XXX,t} - rf_{t}$	السنة ٤			
۱۳,۷	18,4	١			
YY,Y	¥4.•	*			
1,4	14,4	٣			
٧٦,٨	45,4	٤			
۱۳,۳	17,7	٥			



الشكل رقم (٣,٥) رسم انتشار فانض عائد الصندوق XXX مُقابِل فانض عوائد محفظة السوق.

يبدو بشكل واضح أن هناك علاقة إيجابية شبه خطية بين x و y على الرغم من أنه ليس هناك الكثير من البيانات التي يستند عليها هذا الاستنتاج! يؤدي تعويض قيم المشاهدات الخمس في الصيغ رقم (٤٠٣) و (٥٠٣) إلى إيجاد القيم المقدَّرة 1.74 = \$ و = \$ 1.64. وبالتالي تكون معادلة الخط المقدَّر على النحو التالي:

$$\hat{y} = -1.74 + 1.64x_{t} \tag{V. \Upsilon}$$

حيث يُمثُل يد فائض عائد محفظة السوق على معدل العائد الخالي من الخطر (أي rm - rf) أو ما يُعرف بعلاوة مخاطرة السوق (Market Risk Premium).

......

$\{\hat{m{eta}}\}$ فيها تستخدم $\hat{m{a}}$ و $\{\hat{m{q}}\}$

(What are $\hat{\alpha}$ and $\hat{\beta}$ used for?)

ربها تكون أفضل إجابة عن هذا السؤال من خلال طرح سؤال آخر: إذا أخبرتك المحلّلة الماليَّة أنها تتوقَّع أن يدرَّ السوق خلال السنة المفيلة عائدًا أعلى بنسبة ٢٠٪ من معدَّل العائد الحَالي من الخطر ماذا كنت تتوقَّع أن يكون العائد على الصندوق XXX؟

تكون القيمة المتوقَّعة لـ y مساوية لـ - ٢٠،١٠ خيمة x وبتعويض x بـ ٢٠ في المعادلة رقم (٧،٣) نتحصَّل على:

$$\hat{y} = -1.74 + 1.64 \times 20 = 31.06 \tag{AcY}$$

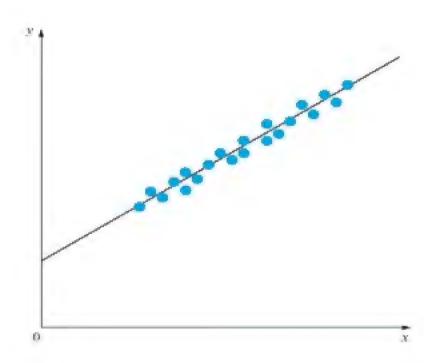
وهكذا، بتحديد علاوة متوقَّعة لمخاطرة السوق بـ ٢٠٪، ونظرًا لمستوى المخاطرة يُتوقَّع أن بحقَّق الصندوق XXX قائضًا على معذَّل العائد الخالي من الخطر يُقارب ٣١٪. في هذا الإطار بينا الانحدار تُعتبر أيضًا بينا نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة، ولذلك تكون القيمة المقدَّرة لبينا الصندوق محفوف نوعًا ما بالمخاطر، في هذه الحالة، ومع هذه القيم لمعاملات المربعات الصغرى العادية، يبلغ الحد الأدنى لمجموع مربعات البواقي ٣٣، ٣٠.

رغم أنه قد يكون بديهيًّا إلَّا أنه من الجدير الإشارة إلى أنه لا يُنصح بإجراء تحليل الانحدار باستخدام ٥ مشاهدات فحسب! وبالتالي يُمكن النظر إلى هذه النتائج المقدمة على أنها دلائية، ولغاية توضيح التقنية (تقنية التقدير بالمربعات الصغرى العادية) لا غير، كها يعرض الفصل ٥ مزيدًا من المناقشات حول أحجام العينات المناسبة لتحليل الانحدار.

يُمكن تفسير القيمة 1, 1 وهي القيمة المقدَّرة للمعلمة β بالقول إنه 'إذا زادت قيمة x بمقدار وحدة واحدة، فيتوقع أن تزيد y وحدة، وذلك مع افتراض بقاء الأشباء الأخرى على حالها، بطبيعة الحال إذا كانت قيمة β سالبة فإن كل ارتفاع في قيمة x سوف يُؤدي في المتوسط إلى انخفاض في قيمة y. أما بالنسبة إلى a، أي القيمة المقدَّرة لمعامل المقطع فتُفسَّر على أنها القيمة التي سيخذها المتغيِّر التابع y عندما بتخذ المتغيِّر المستقل x القيمة صفر، تُشير 'الوحدات' هنا إلى وحدات قياس x و y. لذلك لنفترض على سبيل المثال أن x = x وأنه تم قياس x بالنسبة المثوية وقياس x بآلاف الدولارات الأمريكية، إذا يُمكن القول إنه عند ارتفاع قيمة x بـ ١ ٪ فإنه يتوقع في المتوسط أن ترتفع قيمة x بـ ١ ألف x (أي ١٦٤٠).

كما نُشير إلى أن نغيير مقياس لا أو مقياس لا لن يؤدي إلى نغيير في النتائج ككل، حيث إن القيم المقدَّرة للمعامل ستتغيَّر بفعل عامل مُوازنة (Off-setting Factor) وذلك لترك العلاقة الإجماليَّة بين لا و لا ثابتة (انظر قوجاراتي (٢٠٠٣) ((2003))، ص ١٦٩ - ١٧٣ للإثبات)، وهكذا إذا كانت وحدات قياس لا هي مثاث الدولارات عوضًا عن آلاف الدولارات، ومع افتراض بقاء الأشياء الأخرى على حالها، فإن القيمة المقدَّرة لمعامل الميل ستكون ٤ , ١٦، بحيث إن الزيادة في المبنسبة ١ ٪ ستُؤدي إلى زيادة في قيمة لا بـ ١٦,٤ منة \$ (أو ١٦٤٠) وهي نفس النتيجة السابقة، كما نذكر أن جميع الخواص الأخرى لمقدَّر المربعات الصغرى العادية المناقشة أدناه هي أيضًا ثابتة ولا تتأثر بتغير قياس البيانات.

نُشير هنا إلى وجوب توخّي الحيطة بخصوص مصداقيّة (Reliability) القيم المقدَّرة للحد الثابت، على الرَّغم من أن التفسير الدقيق للمقطع هو في الواقع كما سبق وذكرنا، إلَّا أنه عمليًّا وفي أغلب الحالات لا نحتوي العيَّنة على قيم لـ x قريبة من الصفر، في مثل هذه الحالات تكون الفيم المفدَّرة للمقطع غير موثوق بها، على سبيل المثال، لنعتبر الشكل رقم (7, 1) الذي يُظهر حالة عدم وجود نقاط انتشار قريبة من المحور الصادي.



الشكل رقم (٣, ٦) عدم وجود مُشاهدات قريبة من المحور الصادي.

غ مثل هذه الحالات لا يُمكن أن نتوقع الحصول على فيم مُقدَّرة حصينة (Robust Estimates) لقيمة y عندما تكون قيمة x صفرًا، كما أن جميع المعلومات الواردة في العيَّنة تتعلَّق بالحالة التي يكون فيها x أكبر بكثير من الصفر.

كما ينبغي أيضًا توخّي الحذر عند القيام بتنبؤات لقيم لا باستخدام قيم لـ x تكون بعيدة كثيرًا عن مدى قيم العيّنة، في المثال (٣. ١) تُشير البيانات المتاحة إلى أن قيم x تتراوح بين ٧٪ و ٢٣٪. لذلك قمن المحبّد أن لا يُستخدم هذا النموذج لتحديد فائض العائد المتوقّع للصندوق إذا كان فائض العائد المتوقّع للسوق في حدود ١٪ أو ٣٠٪ أو أبضًا -٥٪ (أي توقّع هبوط السوق).

٤, ٣ بعض المصطلحات الأخرى

(Some further terminology)

٣ , ٤ , ٢عملية توليد البيانات، دالة انحدار المجتمع ودالة انحدار العبنة

The data generating process, the population regression)

(function and the sample regression function

قَتْل دالة انحدار المجتمع (Population Regression Function (PRF) وصفًا للنموذج الذي يُعتقد أنه يولد البيانات الفعلية، وبأنها عَثْل العلاقة الفعليّة بين المنعبّرات. كما تُعرف هذه الدالة أيضًا بأنها عمليّّة توليد البيانات (Data Generating Process(DGP)) تُجسّد دالة انحدار المجتمع القيم الحقيقيّّة لـ α و β ويُعبَّر عنها كالآق:

$$y_t = \alpha + \beta x_t + u_t \tag{9.4}$$

تُلاحظ أن هذه المعادلة تحتوي على حد اضطراب (Disturbance Term)، لذلك حتى لو أُتيح لنا كل مُشاهدات مُجتمع x و y فإنه عمومًا ليس بالإمكان الحصول على توافُق مثاني بين الخط والبيانات، بالرغم من أن بعض الكُتب غُيز بين دالة انحدار المجتمع (العلاقة الحقيقية الكامنة بين y و x) وبين عمليَّة توليد البيانات (عمليَّة تصف كيف بتم الحصول على المشاهدات الحقيقيَّة لـ y)، إلَّا أَنه في هذا الكتاب سيتم استخدام هذين المصطلحين بشكل مُترادف.

أما دالة انحدار العبِّنة (Sample Regression Function (SRF)) فتُمثّل العلاقة التي تم نقديرها باستخدام مُشاهدات العبِّنة، وتُكتب غالبًا كالآتي:

$$\hat{y}_t = \hat{a} + \hat{\beta}x_t \tag{1.47}$$

لاحظ أنه لا يوجد حد خطأ أو حد بواقي في المعادلة رقم (١٠،٣)، كل ما يُمكن قوله من خلال هذه المعادلة هو أنه عند ضرب قيمة محددة لـ x بـ \$، وبإضافة \$ سوف نتحصل على القيمة المتوقعة لـ y والتي يُرمز إليها بالرمز \$. من الممكن أيضا كتابة:

$$y_t = \hat{\alpha} + \hat{\beta}x_t + \hat{u}_t \tag{13.7}$$

تقسم المعادلة رقم (١١،٣) القيمة المشاهدة لـ لا إلى عنصرين: القيمة المتحصَّل عليها من النموذج وحد البواقي.

هذا وتُستخدم دالة انحدار العيَّنة للاستدلال على القيم المحتملة لدالة انحدار المجتمع، ويعني ذلك أنه تم إنشاء القيم المقدِّرة (\$\tilde{a}\$) لعيَّنة البيانات التي بحوزتنا، لكن ما يهم حقيقة هي العلاقة بين x و y. بمعنى آخر: ما نريد حقًّا هو دالة انحدار المجتمع، لكن كل ما يُمكن الحصول عليه هو دالة انحدار العيَّنة، لذلك وعلى ضوء القيم المحسوبة لـ (\$\tilde{a}\$)، فإن ما يمكن قوله هو ما مدى احتمال أن تأخذ المعلمات المهائلة للمجتمع لقيم معيَّنة.

٢, ٤, ٢ الخطّبة والأشكال الممكنة لدالة الانحدار

(Linearity and possible forms for the regression function)

لكي نستطيع استخدام طريفة المربعات الصغرى العادية بجب أن يكون النموذج محطَّيًا، وذلك بعني أنه في الحالة البسيطة لمتغيَّرين النين بجب أن تكون العلاقة بين x و y قابلة أن يُعبَّر عنها بيانيًّا باستخدام خط مستقيم. يجب أن يكون النموذج على وجه التحديد خطيًّا في المعلمات (\$ و \$)، لكن لا يعني ذلك بالضرورة أن يكون النموذج خطيًّا في المتغيِّرات (y و x)، كما يُقصد بالعبارة "خطَّى في المعلمات أنه لا يجب ضرب أو قسمة أو تربيع أو تكعيب ... إلخ المعلمات.

بالنسبة إلى النهاذج اللاخطية في المتغيّرات فإنه غالبًا ما يُمكن تحويلها إلى نهاذج خطية، وذلك بتطبيق تحويل أو معالجة مناسبة عليها، نستعرض على سبيل المثال النموذج الأسّيّ الثالي:

$$Y_t = AX_t^{\beta} e^{u_t} \tag{17.7}$$

بعد القيام بالتحويل اللوغاريتمي لكلا الجانبين للمعادلة، ويتطبيق قوانين اللوغاريتات وإعادة ترتيب الجانب الأيمن للمعادلة نتحصل على:

$$\ln Y_t = \ln(A) + \beta \ln X_t + u_t \tag{14.47}$$

 $x_t = \ln X_t$ و $y_t = \ln Y_t$ ، $\alpha = \ln(A)$ المخذ الآن $y_t = \ln X_t$ و المعلمات التي يجب تقديرها، لنأخذ الآن

$$y_t = \alpha + \beta x_t + u_t \tag{15.47}$$

يُعرف هذا النموذج بنموذج الانحدار الأشي (Exponential Regression Model)، أي التحويل المنعوذج بنموذج الانحدار على 'صبغة لوغاربتمية مزدوجة' (DoubleLogarithmicForm)، أي التحويل اللوغاربتمي الطبيعي لكل من المنغير النابع والمتغير المستقل فإن القيم المقدَّرة للمعامل تفسَّر بأنها مرونات (Elasticities) (أي أنها تغيَّرات الوحسدات على المقياس اللوغساريتمي)، وهكذا يتم تفسير القيمسة المقدَّرة ١، ١ لـ أ في المعسادلة رقم (١٣٠٣) أو في المعادلة رقم (١٤٠٣) بالقول إن 'الارتفاع في قيمة ١ بنسبة ١٪ سوف يؤدي في المتوسط -وبافتراض بقاء الأشياء الأخرى على حالها - إلى ارتفاع في قيمة ٢ بنسبة ٢ , ١٪، وعلى العكس من ذلك، إذا تم اعتبار مستوى المتغيِّرات بو x (على سبيل المثال المعادلة رقم (٩٠٣)) عوضًا عن الصَّيغة اللوغاريتمية فإن المعاملات تدل على تغيُّرات بمقدار وحدة كها هو موضَّح أعلاه.

على نحو محاثل إذا كانت النظرية تُشير إلى أن x ينبغي أن يرتبط عكسيًّا بـ y وفقًا لنموذج على الشكل التالي:

$$y_t = \alpha + \frac{\beta}{x_t} + u_t \tag{10.47}$$

فإنه من الممكن تقدير هذا النموذج باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية، وذلك بتحديد:

$$z_t = \frac{1}{x_t}$$

واتحدار y على ثابت والمتغيّر z. من الواضح إذًا أنه من المدهش أنه يمكن تقدير مجموعة متنوعة من النهاذج باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية، وذلك من خلال القيام بالتحويلات المناسبة على المتغيّر ات، من ناحية أخرى هناك بعض النهاذج التي تُعتبر جوهريًّا لاخطية، على سبيل المثال:

$$y_t = \alpha + \beta x_t^y + u_t \tag{17.44}$$

لا يُمكن تقدير مثل هذه النهاذج باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية، وإنها يُمكن تقديرها باستخدام طريقة تقدير غير خطية (انظر الفصل ٩).

٣, ٤, ٣ مقدَّر أم قيمة مُقدَّرة؟

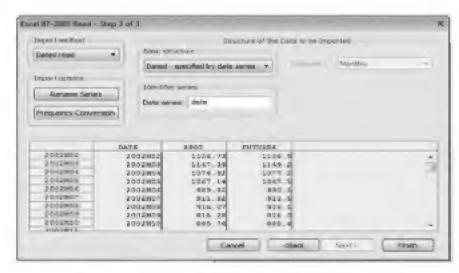
(Estimator or estimate?)

تُعتبر المقدَّرات صيغًا تُستخدم لحساب المعاملات، نذكر على سبيل المثال الصيغ الواردة سابقًا في المعادلات رقم (٤،٣) و (٥،٣) في حين أن القيم المقدَّرة في المقابل تُعتبر القيم العددية الفعلية للمعاملات والتي تم الحصول عليها من العينة.

ه, ٣ الانحدار الخطى البسيط في إفيوز: تقدير نسبة التحوُّط المثلي

(Simple linear regression in EViews - estimation of an optimal hedge ratio)

يُوضح هذا القسم كيفية إجراء الانحدار ثناني المتغيرات (Bivariate Regression) باستخدام إفيوز، لذلك نأخذ المثال التائي أبن يرغب مستثمر ما في تغطية مركز طويل على المؤشر 500 S&P (أو الأسهم المكوّنة له)، وذلك باستخدام مركز قصير في العقود المستقبلية، تفترض العديد من الدراسات الأكاديمية أن الهدف من التحوُّط هو تقليص تبايُن عوائد المحفظة المغطاة، في مثل هذه الحالة سوف تكون نسبة التحوُّط المناسِبة (عدد وحدات الأصول المستقبلية للبيع لكل وحدة من الأصل المقوري المحتفظ به) القيمة المقدَّرة



لقطة الشاشة رقم (٣,١) كيفية استعراض البيانات المؤرَّخة داخل إفيورَ

للميل (أي أُو) في نموذج الانحدار حيث تمثّل السلسلة الزمنية للعوائد الفورية المتغيّر التابع وسلسلة العوائد المستقبلية المتغيّر المستقبل (٣).

سيتم إجراء هذا الانحدار باستخدام الملف 'SandPhedge.xis' والذي يحتوي على العوائد الشهرية للمؤشر S&P 500 (في العمود ٢) و S&P 500 المستقبليّة (في العمود ٣)، طبقًا لما تم توضيحه في الفصل ١، تتمثّل الحُظوة الأولى في فتح ملف عمل بحجم مناسب، لذلك افتح إفيوز، وانقر على File/New/Workfile ثم اختر pated - regular frequency ثم بيانات دورية شهرية، تاريخ البدء هو ٢٠٠٢٠٢ وتاريخ الانتهاء هو ٢٠٠٢٠٤، قُم إذّا باستيراد الملف (كسل بالنقر على التنهاء في المتيراد من ملف، كما في المثال السابق للفصل ١، لا يحتوي العمود الأول إلّا على التواريخ التي لسنا بحاجة إلى تخزينها، لذلك انقر مرّتين على التالي، ستظهر بعد ذلك شاشة أخرى، كما في لقطة الشاشة رقم (١, ٣) تدعوك لاتخاذ قرار بشأن كيفية التعامل مع التواريخ: من الممكن إمّا قراءة التواريخ من الملف، أو استخدام مدى التاريخ المحدَّد عند إعداد ملف العمل، وبها أنه لا يوجد بيانات ناقصة، فإن كلتا الحالتين سوف التواريخ، ويُمكن التحقُّق من بيانات هائين السلسلتين من خلال فحص عشوائي لزوج من المدخلات، ومقارنته مع بيانات عمود التواريخ)، ويُمكن التحقُّق من بيانات هائين السلسلتين من خلال فحص عشوائي لزوج من المدخلات، ومقارنته مع بيانات الملف إكسل الأصلى.

قبل الشروع في تقدير الانحدار وبعد أن استوردنا أكثر من سلسلة يُمكننا دراسة عدد من الإحصاءات الوصفية إلى جانب مقاييس الارتباط بين هذه السلاسل، على سبيل المثال، انقر على Quick ثم Group Statistics ومن هناك سترون أنه من الممكن حساب التغايرات، الارتباطات بين السلاسل، وعدد من المقاييس الأخرى التي سيتم استعراضها لاحقًا في الكتاب، انقر في الوقت الراهن على إحصاءات وصفية، ثم على عينة تُشتركة (٢). داخل مربع الخوار الذي سيظهر اكتب rspot rfutures ثم انقر فوق OK، نعرض بعض الإحصاءات الموجزة عن السلاسل الفورية والمستقبليّة، كما يظهر في لقطة الشاشة رقم (٢, ٢)، وهي وكما هو متوقع إحصاءات متشابهة إلى حد كبير بين السلسلتين.

⁽٢) انظر الفصل ٩ لمناقشة مفصلة عن سبب اعتبار هذه النسبة كنسبة التحوُّط المناسبة.

 ⁽٣) سوف تستخدم العينة المشتركة فقط الجزء المتاح من العينة لجميع السلاسل المحدَّدة في حين ستستخدم العينة العردية كل المشاهدات المتاحة لكل سلسلة فردية، في مثالتا هذا عدد المشاهدات متساويًّا لكلتا السلسلتين، وبالتالي يُعطى هذان الخياران نتائج متطابقة.

View Fron Other	t Frint Name	Freeze Sample Sheet	Stats Spec	
	RSPOT	RELITURES		1
Mean	0.273926	0.271309		
Median	1 101731	1.024041		
Macomum	10.08564	10.39119		
Minimum	-18 3/1397	-10 00250		
Skd Dev	4 591528	4.648128		
Seewness	-0 911104	-9 927525		
Kurtosis	4.740733	4.978594		_
Jarque-Bera	35 45749	38.91766		
Probability	0.000000	0.000000		
Sum	36.70615	36.35534		
Sum Sq. Oev	2803 925	2751 167		
Observations	134	134		

لقطة الشاشة رقم (٣,٢) إحصاءات موجزة للسلاسل القورية والمستقبليّة.

لاحظ أن عدد المشاهدات تقلَّص من ١٣٥ مُشاهدة لمستويات السلاسل إلى ١٣٤ مُشاهدة عند حساب العائدات (بها أتنا افقدنا مشاهدة واحدة عند إنشاء القيمة 1 - ٤ للأسعار في صيغة العوائد)، إذا أردت حفظ الإحصاءات الموجزة فيجب تسميتها، وذلك بالنقر فوق Name ثم قم باختيار اسم لها، على سبيل المثالDescstats. كما يُمكن أيضًا استخدام الاسم الافتراضي 'group01'، انقر بعد ذلك فوق OK.

يُمكننا الآن الشروع في تقدير الانحدار، هناك عدة طرق للقيام بذلك، لكن تتمثَّل الطريقة الأسهل في تحديد Quick، ومن ثم اختيار Estimate Equation سوف يظهر لك بعد ذلك مربع حوار، عند تعبثته سوف يبدو مثل ما هو عليه في لقطة الشاشة رقم (٣,٣). في نافذة 'توصيف المعادلة' قم بإدراج قائمة المتغيَّرات التي سوف يتم استخدامها، ويُكتب المتغيَّر التابع (٧) أوَلّا، ثم الثابت rspot = c(1) + c(2) ، أي نكتب معادلة كما يلي: * (c) + c(1) + c(2) ، أي نكتب ذلك أكثر تعقيدًا.

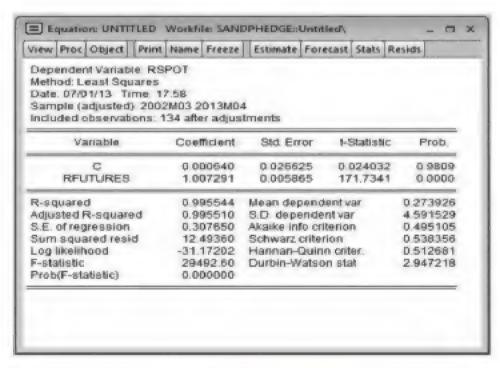
quetion Estimation	
Specification Options	
equation specification	
Dependent variable followed by list of regressors including and PDL terms, CR on explicit equation for Y =c(1) +c(2)*	
raport c rfutures	
Estmation sellings	
	-
Methodi LS - Least Squares (NLS and ARMA)	
Sample: 2003(402 2003)4()-4	

لقطة الشاشة رقم (٣,٣) نافلة تقدير المادلة.

في مربع 'إعدادات التقدير' نجد أن طريقة المربعات الصغرى العادية هي طريقة التقدير الافتراضية، ونجد أيضًا أن العيَّنة الافتراضية هي العيَّنة بأكملها، وهذه الإعدادات لا تحتاج إلى تعديل، انقر فوق OK، وسوف تظهر نتائج الانحدار كما في لقطة الشاشة رقم (٢,٤).

نجد أن القيم المقدَّرة لمعلمات المقطع (α) والميل (β) هي على التوالي ١٠٠٠، و١٠٠٠. قم بتسمية نتائج الانحدار نجد أيضًا عددًا كبيرًا من الإحصاءات وتفسيرها لاحقًا في هذا وسوف يتم مناقشة الغرض من هذه الإحصاءات وتفسيرها لاحقًا في هذا الفصل، وفي الفصول اللاحقة.

نقوم الآن بتقدير الانحدار لمستويات السلاسل بدلًا من العائدات (أي إجراء انحدار السلسلة الفورية على ثابت وعلى السلسلة المستقبلية)، وفحص القيم المقدَّرة للمعلمات، تقيس معلمة ميل الانحدار لسلسلة العوائد المقدرة أعلاه نسبة التحوُّط المثلى كما تقيس العلاقة بين السلسلتين على المدى القصير، وفي المقابل يُمكن تفسير معلمة الميل في نموذج الانحدار بين المؤشرات الخام الفورية والمعلمية الفورية ولوغاريتم السلسلة الفورية ولوغاريتم السلسلة المستقبلية) على أنها مقياس للعلاقة بينها على المدى الطويل، موف تناقش مسألة المدى البعيد والقصير بالتفصيل في الفصل ٥.



لقطة الشاشة رقم (٣,٤) نتائج التقدير.

أما الآن انقر فوق Quick/Estimate Equation ثم أَذْخِل المتغيِّرات spot c futures في مربع حوار توصيف المعادلة، انقر فوق Quick/Estimate Equation ثم قم بتسمية نتائج الانحدار 'evelreg'، تكون القيمة المقدَّرة للمقطع (â) في هذا الانحدار 'evelreg'، والقيمة المقدَّرة للميل OK، ثم قم بتسمية نتائج الانحدار 'evelreg'، تكون القيمة المقدَّرة للميل (â) , 9907 و . كيا يُمكن اعتبار المقطع لتقريب تكلفة الاحتفاظ (Cost of Carry)، بينها وكها هو متوقَّع تكون العلاقة بين الأسعار الفورية والمستقبليَّة على المدى الطويل تقريبًا ١:١، انظر القصل ٩ لمزيد من المناقشة حول تقدير ونفسير هذا التوازن، أخيرًا انقر فوق الزر Save لحفظ ملف العمل بأكمله.

٣,٦ الافتراضات التي يقوم عليها نموذج الانحدار الخطى الكلاسيكي

(The assumptions underlying the classical linear regression model)

يُعرف النموذج $y_t = \alpha + \beta x_t + u_t$ يُعرف النموذج يا الذي تناولناه سابقًا بالإضافة إلى الافتراضات المذكورة في الأسفل بنموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي (Classical Linear Regression Model, CLRM)، كما تُشير إلى أنه من المكن مُشاهدة بيانات x_t لكن بما أن y_t بعتمد أيضًا على y_t فمن الضروري أن نكون دقيقين حول كيفية توليد y_t . عادة ما نتعلق مجموعة الافتراضات المذكورة في الإطار رقم (x_t) بحدود الخطأ غير المُشاهَد أو حد الاضطراب y_t . كما ينبغي مُلاحظة عدم وجود افتراضات للاخطاء المشاهدة أي بواقي النموذج المقدَّرة.

لإطار رقم (٣,٣) الافتراضات التعلقة بحدود الاصطراب ونفسيرها		
النفسير	الترميز النفني	
للأخطاء وسط يساوي صفرًا	$E(u_t) = 0 (1)$	
تباأين الأخطاء ثابت ومتناه لكل قيم يتد	$var(u_t) = \sigma^2 < \infty$ (Y)	
الأخطاء مستقلة خطيًا عن بعضها البعض	$cov(u_i, x_j) = 0$ (r)	
lphaليست هناك علاقة بين الخطأ والمنغيَّر المقابل	$cov(u_t, x_t) = 0 (\mathfrak{t})$	
أي أن يلا يتبع التوزيع الطبيعي	$u_t \sim N(0, \sigma^2)$ (2)	

طالما تحقق الافتراض ١، فيُمكن كتابة الافتراض ٤ يطريقة تُماثلة على النحو التائي: ٥ = (٣٠٤٠). تُشير كلتا الصيغتين إلى أن المتغيِّر الانحداري مُعامد (أي غير مُرتبط) لحد الخطأ، نذكر كذلك أن الافتراض البديل للافتراض ٤، وهو افتراض أقوى قلبلًا، يتمثَّل في أن ٤٠ غير تصادُفي أو ثابت في العيَّنات المتكرَّرة، وذلك يعني أنه لا يوجد تغيُّر معاينة في ٢٠ وأن فيمته يتم تحديدها خارج النموذج.

يُعتبر الافتراض الخامس ضروريًا لإجراء استدلالات سليمة لمعلمات المجتمع (α و β الحقيقية) من خلال معلمات العيَّنة (â و β) المقدَّرة باستخدام كمية محدودة من البيانات.

٧, ٣ خواص مقلر المربعات الصغرى العادية

(Properties of the OLS estimator)

إذا نحقَّقت الافتراضات ١ إلى ٤ سيكون للمقدَّرات â و â المتحصَّل عليها عن طريق المربعات الصغرى العادية عدد من الخواص المرغوبة، والتي تُعرف باسم أفضل المقدَّرات الخطَّية غير المتحيَّرة (Best Linear Unbiased Estimators. (BLUE)، لكن إلى ماذا ترمز هذه الأوائلية؟

β و α المقدَّر ' α و β هي مقدَّرات القيم الحقيقيَّة لـ α و β.

- 'خطِّي ' ق و ۾ هي مقدَّرات خطّية، وهذا يعني أن صيغ ۾ و ۾ هي تراكيب خطّية لمتغيّرات عشوائية (في هذه الحالة y).
 - 'غير متحيِّزة' في المتوسَّط تكون القيم الفعلية لـ â و قلمساوية لقيمها الحقيقيَّة.
- الفضل بعني أن ألم مقدَّر المربعات الصغرى العادية يتمبَّز بأصغر تبايُن من بين فئة كل المقدَّرات الخطَّبة غير المُتحيِّزة، تُثبت نظرية جاوس ماركوف (Gauss Markov Theorem) أن مقدَّر المربعات الصغرى العادية هو الأفضل، وذلك من خلال قحص مقدَّر بديل تعشُفي خطي وغير متحيِّز، وبيئت أنه في جميع الحالات لا يُمكن لهذا البديل أن يكون له تباين أصغر من تباين مقدَّر المربعات الصغرى العادية.

في ظل الافتراضات ١ إلى ٤ المذكورة أعلاه يُمكن أن نبين أن مقدَّر المربعات الصغرى العادية لديه خواص مرغوبة تتمثَّل في أنه مشَّمق (Unbiasedness)، غير متحيَّز (Unbiasedness)، تم أعلاه مُناقشة عدم التحيُّز (Consistent) والكفاءة (Efficiency) في حين يُعتبر الاتساق خاصِّية مرغوبة إضافيَّة، سيتم الآن مُناقشة هذه الخواص الثلاث كل بدورها.

٣,٧,١ الانساق

(Consistency)

تُعتبر مقدَّرات المربَّعات الصغرى α و ۾ مقدَّرات منَّمقة، كها يُمكن النعبير عن اتساق ۾ بطريفة جبريَّة (مع تعديلات جليَّة بالنسبة كـ α) كالآي:

$$\lim_{T \to \infty} \Pr[|\tilde{\beta} - \beta| > \delta] = 0 \quad \forall \ \delta > 0$$
 (1V.7)

تُعتبر هذه الطريقة طريقة فنّبة تُفيد بأن احتال أن يكون انحراف \hat{g} عن قيمته الحقيقيّة أكبر من المسافة المحدّدة التعشّفيّة δ يميل إلى الصغر كليا مال حجم العيّنة إلى ما لانهاية، وذلك لكل القيم الموجبة لـ δ . بالتالي يُعتبر \hat{g} حد الاحتيال لـ g. في النهاية (Limit) (أي لعدد لامتناو من المشاهدات)، يكون احتيال اختلاف المقدَّر عن القيمة الحقيقية صفرًا، بمعنى آخر: تتقارب التقديرات من قيمها الحقيقيّة كليا زاد حجم العيّنة إلى ما لانهاية. يُعتبر الاتساق إذًا خاصبّة للعيّنات الكبيرة أو خاصّبة مقاربة (Property)، أمّا إذا كان المقدَّر غير متَّسق وحتى لو كان بحوزتنا كميّة لامتناهية من البيانات فلا يُمكن أن نكون على يقبن بأن القيمة المقدَّرة للمعلمة سوف تكون قريبة من قيمتها الحقيقية، وبالتالي يُعتبر الاتساق أحيانًا الحقاصّية الأكثر أهمّية للمقدَّر، يُمكن أيضًا القول بأن الافتراضات التالية 0 = $E(x_{t}u_{t})$ = 0 = $E(x_{t}u_{t})$ = $E(x_{t}u_{t}$

٣,٧,٢ عدم التحيُّز

(Unbiasedness)

تُعتبر القيم المقدَّرة بالمربعات الصغرى لـ ٦ و ٦ غير مُتحيِّزة، أي أن:

$$E(\hat{a}) = \alpha$$
 (NA.Y)

9

$$E(\hat{\beta}) = \beta \tag{19.7}$$

وبالتائي فإن القيم المقدَّرة للمعاملات تكون في المتوسَّط مُساوية لقيمها الحقيقيَّة، بمعنى آخر، ليس هناك تقدير مُفرط (Overestimation) أن تقدير ناقص (Underestimation) مُتنظم للمُعاملات الحقيقيَّة، لإثبات ذلك يقتضي الأمر كذلك افتراض أن cov(ut.xt) = 0 (عدير عدم التحيُّز بشكل واضح شرطًا أقوى من الاتساق بها أنه يتهاشى مع العبنات الصغيرة، بالإضافة إلى العينات الكبيرة (أي لجميع أحجام العينات)، من الواضح أيضًا أن المقدَّر التُّسق يُمكن أن يكون متحيِّزًا في العبنات الصغيرة، لكن هل أن جميع المقدِّرات غير المتحيِّزة هي أيضًا مشَّقة؟ في الواقع بكون الجواب بالنفي، سوف يكون المقدَّر غير المتحيِّز أيضًا متَّسقًا إذا انخفض تباينه كلها زاد حجم العينة.

٣,٧,٣ الكفاءة

(Efficiency)

يُقال: إن المقدَّر β للمعلمة β كف، إذا لم يُوجد مقدَّر آخر لديه تبايُن أصغر، بشكل عام، إذا كان المقدَّر فعَّالًا فإنه سيُقلِّل من احتمال ابتعاده كثيرًا عن القيمة الحقيقيَّة لـ β. بعبارة أخرى: إذا كان المقدَّر هو الأفضل فإن عدم اليقين المرتبط بالتقدير سيكون عند حده الأدنى لفئة المقدَّرات الخطية غير المتحيَّزة، كما يُعبَّر عن ذلك بطريقة فنَّية بالقول إنه سيكون للمقدَّر الكف، توزيع احتمالي مشتت بشكل ضيق حول القيمة الحقيقيَّة.

٨, ٣ الدقة والأخطاء المعبارية

(Precision and standard errors)

ثُعتبر كل مجموعة من القيم المقدَّرة للانحدار \hat{n} و \hat{n} خاصَّة بالعيَّنة التي استُعملت في التقدير، بعبارة أخرى، إذا قُمنا باختيار عينة مختلفة من البيانات من داخل المجتمع فإن نقاط البيانات (أي x و y) سنكون مختلفة، وهذا من شأنه أن يُودي إلى قيم مُختلفة لتقديرات المربعات الصغرى العادية. نُذكِّر بأن مقدَّرات المربعات الصغرى العادية (\hat{n} و \hat{n}) ترد في المعادلات رقم (\hat{n} و (\hat{n} و (\hat{n})، من المحبَّذ أيضًا أخذ فكرة عن مدى 'جودة' هذه القيم المقدَّرة لـ \hat{n} و \hat{n} , أي مدى موثوقيَّة أو دقَّة (Precision) المقدَّرات (\hat{n} و \hat{n}). وبالتالي فمن المقيد معرفة ما إذا كان يُمكن الثقّة بالقيم المقدَّرة، وما إذا كان من المحتمل أن تختلف هذه الأخيرة كثيرًا من عينّة إلى أخرى ضمن المجتمع المحدَّد، يُمكن كذلك أُخذ فكرة حول تغيُّرية المعاينة (Sampling Variability)، وبالتالي عن دقَّة القيم المقدَّرة باستخدام عينة البيانات المتاحة فحسب، نتحصَّل على هذا التقدير من خلال خطأه المعياري، باعتبار الفرضيات 1 إلى ٤ السابقة، يُمكن أن نبيَّن أن المقدَّرات الصحيحة للأخطاء المعياريَّة تكون كالآق:

$$SE(\hat{a}) = s \sqrt{\frac{\sum x_t^3}{T \sum (x_t - \vec{x})^2}} = s \sqrt{\frac{\sum x_t^3}{T \left((\sum x_t^3) - T \vec{x}^2 \right)}}$$
 (Y • cY)

(71.17)

$$SE(\hat{\beta}) = s \sqrt{\frac{1}{\sum (x_{\ell} - \vec{x})^2}} = s \sqrt{\frac{1}{\sum x_{\ell}^2 - T \vec{x}^2}}$$

حيث يُمثُل 3 تقدير الانحراف المعياري للبواقي (انظر أدناه)، كما نُشير إلى أن هذه الصيغ اسْتُودَّت من مُلحق هذا الفصل. ومن الجدير بالذَّكُر الإشارة إلى أن الأخطاء المعيارية لا تُعطي سوى مُؤشر عام عن الذَّفة المحتملة لمعلمات الانحدار، لكنها لا تُظهر مدى دقة مجموعة معينة من القيم المقدَّرة للمعاملات، إذا كانت الأخطاء المعيارية صغيرة فهذا يدل على أنه في المتوسط، من المرجّح أن تكون المعاملات دقيقة، ولكنها لا تدل على مدى دقَّة هذه المقدَّرات لهذه العيَّنة المحدَّدة، وبالتالي تُعطى الأخطاء المعيارية مقياسًا لدرجة عدم اليقين (Degree of Uncertainty) في القيم المفدَّرة للمعاملات بُمكن ملاحظة أن هذه الأخطاء هي دالة في المشاهدات الفعلية للمتغبَّر المفسّر ١٠٠ في حجم العبنة T، وكذلك في عنصر آخر ٤٠. يُمثَّل هذا الأخير القيمة المفدَّرة لنباين حد الاضطراب، عادة ما يرمز ٥٠ إلى النباين الحقيقي لحد الاضطراب، السؤال الذي يُطرَح الآن هو كيف يُمكن الحصول على القيمة المقدَّرة لـ ٥٣؟

٣,٨,١ تقدير تباين حد الخطأ (٥٤)

(Estimating the variance of the error term(σ^2))

من الإحصاءات الأساسيَّة تُقدُّم المعادلة التالية تبايُّن المتغيِّر العشوائي علا كالآتي:

$$var(u_t) = E[(u_t) - E(u_t)]^2$$
(YY \Y)

ينص الافتراض ١ لنموذج الاتحدار الخطي الكلاسيكي أن القيمة المتوقّعة أو القيمة المتوسطة للخطأ هي صفر، في هذه الحالة تُختز ل المعادلة رقم (٢٢،٣) أعلاه فيها يلي:

$$var(u_t) = E[u_t^2] \tag{YY.Y}$$

لذلك فإن المطلوب هو تقدير القيمة المتوسِّطة لـ٢٤٠ والتي يمكن أن تحسب على النحو التالي:

$$s^2 = \frac{1}{\tau} \sum u_t^2 \tag{7 \xi cm}$$

تُعتبر المعادلة رقم (٣. ٤٣) للأسف غير قابلة للتطبيق، وذلك لأنها عبارة عن سلسلة من اضطرابات المجتمع التي لا يُمكن مُشاهدتها، وبالتالي فإن نظير عد في العبَّنة، أي ع0، هو المستخدم:

$$s^2 = \frac{1}{r} \sum \hat{u}_t^2 \tag{Y 0.7}$$

لكن يُعتبر هذا المقدَّر مقدَّرًا متحيِّزًا لـ°0. تُقدَّم المعادلة التالية مقدِّرًا غير متحيِّز، 8°، بدلًا من المقدَّر السابق:

$$s^2 = \frac{\sum u_t^2}{\tau - 2} \tag{YR}$$

حيث يُمثَّل £6 كي موبعات البواقي، كما يُمكن استنتاج صبغة الخطأ المعياري، وذلك بأخذ الجذر التربيعي للمُعادلة رقم (٢٦٠٣):

$$s = \sqrt{\frac{\sum \hat{u}_t^2}{r-2}} \tag{YV.T}$$

يُعرف 8 أيضًا بالخطأ المعي*اري للانحدار* أو بالخطأ المعياري للقيمة المقدَّرة، كما يُستخدم أحيانًا كقياس عام لتطابق (أو تناسب) مُعادلة الانحدار، وبافتراض بقاء الأشياء الأخرى على حالها كلما كانت هذه القيمة أصغر كلما كان توافق الخط أقرب إلى البيانات الفعليَّة.

٣,٨,٢ بعض التعليقات على مقدرات الخطأ المعياري

(Some comments on the standard error estimators)

من الممكن بطبيعة الحال اشتقاق صيغ للأخطاء المعيارية للقيم المُقدَّرة للمعاملات باستخدام بعض المُفاهيم الجبرية الأساسيَّة، وهو ما تُرك إلى مُلحق هذا الفصل، نعرض الآن الحُدس العام من وراء احتواء صيغ الأخطاء المعيارية، المُقدَّمة في المعادلات رقم (٣، ٢٠) و (٢١،٣)، على الحدود التي جاءت فيها، وكذلك على الشكل الذي اتخذته، يتبع العرض المقدَّم في الإطار رقم (٣,٤) بصورة عامَّة العرض المقدَّم من طرف هيل، غريفيث وجودج (١٩٩٧) ((١٩٩٧) ((Hill. Griffiths and Judge)، والذي يعتبره هذا الكاتب العرض الأوضع.

الإطار رقم (٤٠١) مقدرات الأخطاء

- (1) كلما زاد حجم العينة T كلما كانت معاملات الأخطاء المعيارية أقل، يظهر T بشكل واضح في $SE(\hat{a})$ وضمنيًا في $SE(\hat{a})$. يظهر T بشكل ضمني لأن المجموع $SE(\hat{a})$ بكون من $SE(\hat{a})$ بكون من $SE(\hat{a})$ بكون من أن كل مُشاهدة في T. والسبب وراء ذلك هو أنه ببساطة -على الأقل حتى الآن- من المفترض أن كل مُشاهدة في السلسلة تُحقُل جزءًا من المعلومات المفيدة التي يُمكن استخدامها للمُساعدة في تحديد القيم المقدَّرة للمعاملات، وبالتائي كلما كان حجم العينة أكبر كلما زادت المعلومات المستخدمة في تقدير المعلمات، وبالتائي زادت الثقة الموضوعة في هذه القيم المقدَّرة.
- (٢) يعتمد كُل من (٤) على 52 على 52 (أو ٤)، هذا ونُذكر مما سبق أن 52 هو القيمة المقدَّرة لتباين الخطأ، كلما زاد هذا المقدار كلما كانت البواقي أكثر تشتتًا، وبالتالي زاد عدم اليقين في النموذج، إذا كان 52 كبرًا تكون نقاط البيانات إجمالًا بعيدة كثيرًا عن الخط.
- (*) يظهر مجموع مربعات x في كلا الصيغتين من خلال متوسطه بها أن $\Sigma(x_t \bar{x})^2$ يظهر في مقامات الصيغ، كلها زاد مجموع المربعات كلها قلَّت تباينات المعاملات، لنستعرض الآن ماذا مجدث في صورة كان $\Sigma(x_t \bar{x})^2$ صغيرًا أو كبيرًا، على التوالي كها في الأشكال رقم (V(x)) و (V(x)).



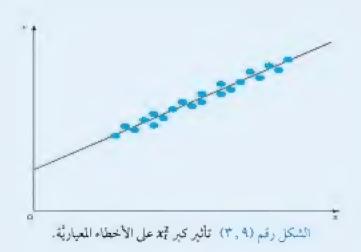
الشكل رقم (٧, ٣) تأثير القيم المقدَّرة للمعاملات على الأخطاء المعبارية عندما يكون (٣٠ – ٢٤) مُشتَّنا على نحو محدود.

إن البيانات في الشكل رقم (٧،٣) قريبة من بعضها البعض بحيث يكون 2(x_e - x̄) ضئيلًا، في هذه الحالة الأولى من الصعب الجزم بمكان رسم الخط، من ناحية أخرى تتشتَّت النقاط في الشكل رقم (٨٠٣) على نحو واسع على جزء كبير من الخط بحيث يُمكن في هذه الحالة منح أكثر ثقة في القيم المقدَّرة.

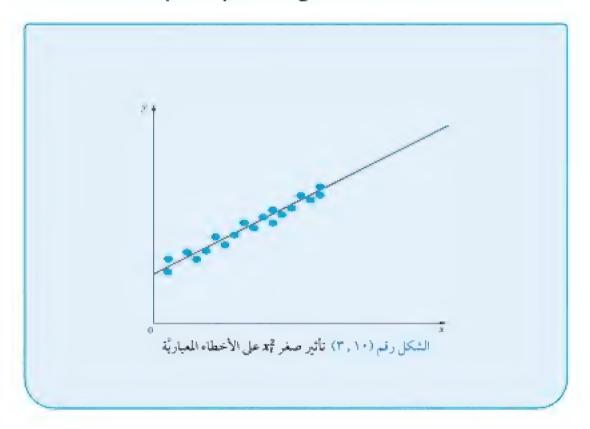


(٤) يُؤثر الحد 2x² على الخطأ المعياري للمقطع، ولا يُؤثر على الخطأ المعياري للميل، يكمن السبب وراء ذلك في أن 2x² على الخطأ المعياري للمقطع، ولا يُؤثر على الخطأ المعياري، لنأخذ الآن في الاعتبار ذلك في أن 2x² يقيس إلى أي مدى تكون النقاط بعيدة عن المحور الصادي، لنأخذ الآن في الاعتبار الأشكال رقم (٩٠٣) و (٩٠٣).

في الشكل رقم (٩،٣) تنتشر كل النقاط بعيدًا عن المحور الصادي، مما يجعل الأمر أكثر صعوبة في الحصول على تقدير دقيق لنقطة تقاطع الخط المقدَّر مع المحور الصادي (المقطع).



أمًّا في الشكل رقم (١٠،٣) فتعتبر جميع النفاط قريبة من المحور الصادي، وبالتالي سيكون من الأسهل تحديد أين يقطع الخط فعليًّا المحور، لاحظ أن هذه الطريقة تُستعمل فقط في الحالة التي تكون فيها كل قيم عد موجبة!



.....(す,す)」と

نفقرض أنه تم حساب البيانات التالية من خلال انحدار y على متغبّر واحد x وثابت وعلى مدى اثنين وعشرين مُشاهدة: $\sum x_t y_t = 830102, \ T = 22, \ \bar{x} = 416.5, \ \bar{y} = 86.65$

$$\sum x_t^2 = 3919654, RSS = 130.6$$

أوجد القيم المناسبة للقيم المفتَّرة للمعاملات ولأخطائها المعياريَّة.

يُمكن ببساطة الإجابة عن هذا السؤال، وذلك من خلال توصيل الأرقام المناسبة في الصيغ المذكورة أعلاه، تكون النتائج كالآي:

$$\hat{\beta} = \frac{830102 - (22 \times 416.5 \times 86.65)}{3919654 - 22 \times (416.5)^2} = 0.35$$

$$\hat{a} = 86.65 - 0.35 \times 416.5 = -59.12$$

تُكتب دالة انحدار العيَّنة كما يلي:

$$\hat{y}_t = \hat{\alpha} + \hat{\beta} x_t$$

$$\hat{y}_t = -59.12 + 0.35x_t$$

لنمُر الآن إلى حساب الأخطاء المعيارية؛ من الضروري الحصول على القيمة المقدَّرة لتبايُن الخطأ s:

$$SE(\text{regression}), s = \sqrt{\frac{\sum \hat{u}_t^2}{T-2}} = \sqrt{\frac{130.6}{20}} = 2.55$$

ነ • ጌ

$$SE(\hat{\alpha}) = 2.55 \times \sqrt{\frac{3919654}{22 \times (3919654 - 22 \times 416.5^2)}} = 3.35$$

 $SE(\hat{\beta}) = 2.55 \times \sqrt{\frac{1}{3919654 - 22 \times 416.5^2}} = 0.0079$

وبحساب الأخطاء المعيارية تُكتب النتائج على النحو التالي:

$$\hat{y}_t = -59.12 + 0.35 x_t$$
(3.35) (0.0079) (YA (Y)

عادة ما يتم وضع القيم المقدَّرة للأخطاء المعيارية بين قوسين تحت الفيم المقدَّرة للمعاملات ذات الصلة.

٩ ,٣ مدخل إلى الاستدلال الإحصائي

(An introduction to statistical inference)

تُشير النظرية الماليَّة في الكثير من الأحيان إلى أن بعض المعاملات يجب أن تأخذ إمَّا قبيًا معيَّنة أو قبيًا داخل نطاق معيَّن، لذلك فمن المهم تحديد ما إذا تم تأييد العلاقات المتوقَّعة للنظريَّة الماليَّة أم لا، وذلك من خلال البيانات التي بين أيدينا، وبها أنه تم الحصول على القيم المقدَّرة لـ ٣ و ع من العينة فإنه ليس هذه القيم أية أهميَّة خاصة، أمَّا فيم المجتمع التي تصف العلاقة الحقيقية بين المتغيِّرات فتكون ذات أهميَّة أكبر لكنها لا تتوفر أبدًا، بدلًا من ذلك يتم إجراء الاستدلالات المتعلِّقة بالقيم المرجَحة للمُجتمع من معليات الانحدار التي تمَّ تقديرها من خلال بيانات العبَّنة التي بحوزتنا، نهدف إثر القيام بذلك إلى تحديد ما إذا كانت الفروق بين القيم المقدَّرة للمعاملات التي تم الحصول عليها فعليًا، والتوقعات الناتجة عن النظريَّة الماليَّة بعيدة جدًّا عن بعضها البعض بالمعنى الإحصائي.

مثال (۳, ۳)....

لنفترض أنه تم حساب نتائج الانحدار التالية:

$$\hat{y}_t = 20.3 + 0.5091 x_t$$
(14.38) (0.2561) (74.7)

يُمثّل 0.5091 $\hat{\beta}$ القيمة المقدَّرة المفردة (نقطة) لمعلمة المجتمع المجهولة $\hat{\beta}$. وكها سبق وذكرنا، يتم قياس ثبات التقدير النقطي (Point Estimate) بالخطأ المعياري للمعامل، يُمكن أيضًا استخدام المعلومات الواردة من معامل أو معاملات العيّنة، ومن الأخطاء المعيارية هذه الأخيرة لاستخلاص استدلالات حول معلمات المجتمع، لذلك إذا كانت الفيمة المقدَّرة لمعامل المبل $\hat{\beta}$ الأخطاء المعيارية هذه الأخيرة لاستخلاص استدلالات حول معلمات المجتمع، لذلك إذا كانت الفيمة المقدَّرة لمعامل المبل $\hat{\beta}$ من الواضح أن هذا العدد من المرجَّح أن يختلف إلى حد ما من عيَّنة إلى أخرى، رُبها يكون من المهم، كذلك الإجابة عن هذا السؤال: 'هل من المقبول على ضوء هذه القيمة المقدَّرة أن تأخذ معلمة المجتمع الحقيقيَّة $\hat{\beta}$ القيمة $\hat{\beta}$ ، • ؟ هل من المقبول أن نكون أمساوية لـ ١٤٠ إلخ، يُمكن الحصول على إجابات لكل هذه الأسئلة من خلال اختبار الفرضيات (Hypothesis Testing).

٩ , ٩ , ٣ اختبار الفرضيات: بعض المفاهيم

(Hypothesis testing: some concepts)

في إطار اختبار الفرضيّات هناك دانمًا فرضيتان مُتلازمنان تُعرفان بِفرضيَّة العدم (Null Hypothesis) (يُرمز إليها بـ H₀ أو أحيانًا H₁). تُعتبر فرضيَّة العدم العبارة أو الفرضيّة أحيانًا H₁). تُعتبر فرضيَّة العدم العبارة أو الفرضيّة الإحصائيَّة التي يتم في الواقع اختبارها في حين قُثْل الفرضيَّة البديلة النتائج المهمَّة المتبقّية.

لنفترض على سبيل المثال أن لدينا ننائج الانحدار المذكورة أعلاه، من المهم إذًا اختبار فرضيَّة أن القيمة الحقيقيَّة لـ β هي في الحقيقة ٥,٠. في هذه الحالة سوف يتم استخدام الترميز التالي:

 $H_0: \beta = 0.5$ $H_1: \beta \neq 0.5$

هذا ينص على أنه يتم اختبار فرضية أن القيمة الحقيقيَّة وغير المعروفة لـ β يُمكن أن تكون 0 , • ضد الفرضية البديلة، حيث β ختلفة عن 0 , • . يُعرف هذا الاختبار باختبار ذي طرفين (Two-Sided Test) وذلك لأن كلتا النتيجتين 0.5 β و 0.5 تندرج ضمن الفرضية البديلة، تتوفر أحيانًا بعض المعلومات المسبقة والتي تُشير على سبيل المثال إلى أنه من المحتمل أن يكون 0.5 تندرج ضمن الفرضية البديلة، تتوفر أحيانًا بعض المعلومات المسبقة والتي تُشير على سبيل المثال إلى أنه من المحتمل أن يكون 0.5 بدلًا من 0.5 0.5 في هذه الحالة لم يَعُد 0.5 كل يهمنا، وبالتالي سيتم إجراء اختبار ذي طرف واحد (One-Sided Test):

 $H_0: \beta = 0.5$ $H_1: \beta > 0.5$

في هـــذا الاختبار يتم اختبار فرضية العدم المتمثّلة في أن القيمـــة الحقيقيــة لـ β تساوي ٠,٠ ضد الفرضيـــة البديلة من طرف واحد β أكبر من ٠,٠.

من الممكن من ناحية أخرى تصور حالة توفَّر معلومات مُسبقة تفيد أنه من المحتمل أن يكون 0.5 > β. على سبيل المثال، لنفترض أن أحد البنوك الاستثيارية اشترت برنامجًا جديدًا لإدارة المخاطر، والذي يهدف إلى تتبُّع أفضل للمخاطر الكامنة في دفاتر متداوليها، وبأن β يُمثَّل مقياسًا للمخاطر، سبق وأن أخذ القيمة ٥,٠. من الواضح إذًا أنه من غير المنطقي توقُّع ارتفاع المخاطرة، وبالتالي ليس من المهم اعتبار 0.5 < β الذي يُمثُّل الزيادة في المخاطرة، في هذه الحالة يتعين تحديد الفرضية العدم والفرضية البديلة كالآني:

 $H_0: \beta = 0.5$ $H_1: \beta < 0.5$

ينبغي أن تتأتى هذه المعلومات المسبقة من النظرية الماليَّة للمسألة قيد الدراسة (النظر)، وليس من قحص القيمة المقدِّرة للمعامل، تلاحظ أيضًا أن هناك دائيًا مُساواة في ظل فرضية العدم، لذلك وعلى سبيل المثال لا يُمكن اعتبار 0.5 × β كفرضية عدم.

هناك طريقتان لإجراء اختبار الفرضيات وهما: منهج اختبار المعنوية (ويُسمَّى أيضا اختبار الدلالة) Test of (ويُسمَّى أيضا اختبار الدلالة) Significance) ومنهج فترة الثقة (Confidence Interval). ترتكز كلتا الطريقتين على المقارنة بين القيمة المقدَّرة للمعامل، وقيمة هذا الأخير تحت فرضية العدم، بشكل عام، إذا كانت القيمة المقدرة بعيدة جدًّا عن القيمة المفترضة يُرجَّح رفض فرضيَّة العدم، أما إذا كانت القيمة عندها تكون هذه الفرضيَّة أقل عرضة للرفض، لنعتبر على سبيل المثال أن

0.5091 = β كها في السابق، في هذه الحالة نكون فرضية أن القيمة الحقيقية لـ β هي ٥ الأرجح للرفض من فرضية أن القيمة الحقيقية لـ β هـي ٥ , ٠ . المطلوب الأن هو إيجاد قاعدة قرار إحصائية تسمح باختيار منهجي لمثل هذه الفرضيات.

٣, ٩, ٢ التوزيع الاحتيالي لمقدرات المربعات الصغرى

(The probability distribution of the least squares estimators)

بهدف اختبار الفرضيات يجب استخدام الافتراض ٥ لنموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي، وهو أن $u_c \sim N(0,\sigma^2)$ أي أنه يتم توزيع حد الخطأ توزيعًا طبيعيًّا، كما يُعتبر التوزيع الطبيعي توزيعًا سهل الاستخدام لكونه يتضمن معلمتين (متوسط التوزيع وتباينه)، وهذا سبجعل من الجبر المستخدم في الاستدلال الإحصائي أبسط بكثير مما لو كان الأمر خلاف ذلك، وبها أن يها يعتمد جزئيًّا على يها فيُمكن القول إنه إذا كان يها موزعًا طبيعيًّا فإن يها سيكون أيضًا موزعًا طبيعيًّا، إضافة إلى ذلك وبها أن مُقدرات المربعات الصغرى تُعتبر تركيبة خطية لمتغيِّرات عشوائية، أي أن يلادي w حيث w هي الأوزان القعلية، وبها أن المجموع المرجع لمنغيِّرات عشوائية طبيعية يتبع أيضًا التوزيع الطبيعي فيُمكن القول إن القيم المقدرة للمعاملات ستكون أيضًا موزعة طبيعيًّا:

$$\hat{a} \sim N(a, var(\hat{a}))_{\mathfrak{I}}$$
 $\hat{\beta} \sim N(\beta, var(\hat{\beta}))$

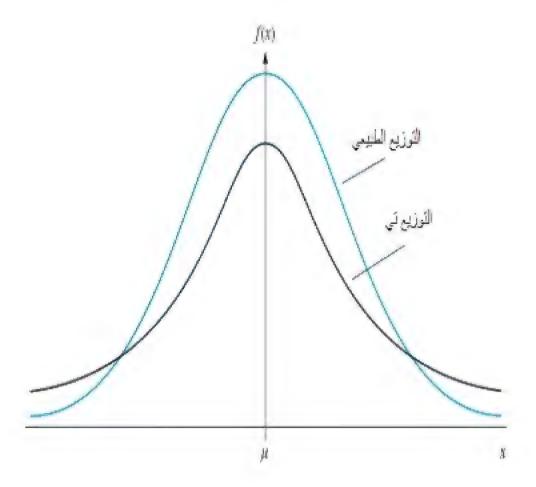
الشُّؤال الذي يُطرح الآن هو هل سنظل تقديرات المعاملات تتبع التوزيع الطبيعي إذا كانت الأخطاء لا تتبع التوزيع الطبيعي؟ بإيجاز فإن الإجابة تكون عادةً انعم شريطة أن تتحقَّق بفية افتراضات نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي، ويكون حجم العينة كذلك كبيرًا بها فيه الكفاية، كها نُشير إلى أن الفصل ٥ يعرض مزيدًا من النفاش حول مسألة عدم الاعتدال وكبفية اختبارها وعواقبها.

هذا يُمكن إنشاء متغيِّرات طبيعية معيارية من خلال \hat{a} وذلك بطرح المتوسَّط، ثم قسمة الناتج على الجذر التربيعي للنباين:

$$\frac{\hat{\beta} - \beta}{\sqrt{var(\hat{\alpha})}} \sim N(0,1) \quad , \quad \frac{\hat{\alpha} - \alpha}{\sqrt{var(\hat{\alpha})}} \sim N(0,1)$$

غُثُل الجُذُور التربيعية لتباين المعاملات الأخطاء المعيارية، للأسف لا يُمكن أبدًا معرفة الأخطاء المعيارية للقيم الحقيقية لمعاملات دالة انحدار المجتمع، كل ما هو مُتاح لنا هو معاملات العينة، أي الأخطاء المعيارية المحسوبة للقيم المقدَّرة للمعاملات أي SE(a) و SE(b).

 ⁽³⁾ تُعتبر (ش) SE و (ش) كذيذًا الأخطاء المعياريّة القلّرة والمشروطة بالقيم المقدَّرة للمعاملات، وبالتالي يجب الإشارة إليها يـ (SE(ش) و (SE(ش) الكن سيتم النخلي هنا عن القبّعة العلويّة، وبالتالي ينبغي أن يكون المعنى واضحًا من خلال السياق.



الشكل رقم (١١) ٣) التوزيع في مُقابِل التوزيع الطبيعي

بتعويض القيم الحقيقيَّة للأخطاء المعياريَّة بتلك المقدَّرة للعيَّنة نكون قد أحدثنا مصدرًا آخر من عدم اليقين، وهذا يعني أيضًا أن الإحصاءات الموحَّدة معياريا تتبع توزيع تي بـ (2 - 7) درجات حرَّية (مُعرَّفة في الأسفل) بدلًا من التوزيع الطبيعي، وبالنالي:

$$\frac{\hat{\beta} - \beta}{SE(\hat{\beta})} \sim t_{T-2} \quad , \quad \frac{\hat{\alpha} - \alpha}{SE(\hat{\alpha})} \sim t_{T-2}$$

لم تُثبَت هذه النتيجة رسميًّا هنا، لكن لإثبات هذه الأخيرة انظر هيل، غريفيث وجودج (١٩٩٧، ص ص ٨٨ -٩٠).

٣,٩,٣ ملاحظة عن التوزيع تي والتوزيع الطبيعي

(A note on the t and the normal distributions)

تم عرض دالة الكثافة الاحتماليَّة للتوزيع الطبيعي في الشكل رقم (٣,٨) بشكلها الجرسي المبيَّز، وبتماثلها حول المتوسَّط (وهو صفر بالنسبة إلى التوزيع الطبيعي المعياري)، كما يُمكن تعديل أي متغيَّر بحيث يكون معلَّله معدومًا وتبايته الوحدة، وذلك بطرح الوسط من المتغيَّر، وقسمة الناتج على انحرافه المعياري، ونذكر كذلك أن هناك علاقة مُحدَّدة بين التوزيع تي والتوزيع الطبيعي المعياري، لكن يتميَّز التوزيع الأول بمعلمة أخرى وهي درجات حرَّيته.

السُّؤال الذي يُطرح الآن هو: كيف يبدو التوزيع تي؟ يبدو التوزيع تي مُشابهًا للتوزيع الطبيعي، غير أن ذيوله أكثر سهاكة وقمَّة أقل حول المتوسَّط كيا هو مبيَّن في الشكل رقم (١١, ٣). ترد في الجدول رقم (٣,٢) بعض الأمثلة عن مثينات (Percentiles) التوزيع الطبيعي والتوزيع تي المأخوذة من الجداول الإحصائيّة، تُصبح هذه المئينات قيمًا حرجة عندما تُستخدم في سياق اختبار الفرضيّات، كما نُشير إلى أن القيم الواردة في الجدول رقم (٣,٢) هي القيم الحرجة المناسبة للاختبار من طرف واحد، ولمستوى معنويّة (Significance Level) مُحدّد.

رنج ت	ي مقابل القيم الحرجة للت	نيم الحرجة للتوزيع العلب	الجدول رقم (۳,۲) ال
t _q	t ₄₀	N(0,1)	صينوي المعنويَّة (7)
			¢ •
Y_17	A.F., E	1,78	٥
Y.YA	Y.+Y	1.47	۲.٥
£, ጌ+	Y,V+	Y,0V	٠,٥

يُمكن أن نرى أنه عند ارتفاع درجات الحُرَّية للتوزيع تي من ٤ إلى ٤٠ ننخفض القيم الحرجة إلى حد كبير، يكون ذلك تُمثَّلاً في الشكل رقم (٢, ١١) بزيادة تدريجيَّة في قمَّة التوزيع عند الوسط، وبالخفاض في غلظة ذيول التوزيع عندما تزيد درجات الحرَّية، في الشكل رقم (٢, ١١) بزيادة تدريجيَّة في قمَّة التوزيع عند الوسط، وبالخفاض في غلظة ذيول التوزيع عندما تزيد درجات الحرَّية التوزيع أن التوزيع تي بعدد الامُتناء من درجات الحُرِّية توزيعًا طبيعيًّا معياريًّا، أي أن (0,1) هـ هـ، لذلك يُمكن اعتبار التوزيع الطبيعي حالة خاصَّة من التوزيع تي.

لنضع مسألة النهاية منه هذه جانبًا، تكون القيم المطلقة للقيم الحرجة للتوزيع تي أكبر من تلك القيم للتوزيع الطبيعي المعياري، ينجُم ذلك بسبب الزيادة في عدم اليقين المرتبط بحالة وُجوب تقدير تباين الخطأ، عند استخدام التوزيع تي لرفض فرضيّة المعدم بجب أن تكون القيمة المطلقة للإحصاءة أكبر مما بجب أن تكون عليه عند اعتبار التوزيع الطبيعي.

في نطاق تحليل الانحدار نجد منهجين رئيسين لاختيار الفرضيات، وهما: منهج اختيار المعنويَّة، ومنهج فترة الثقة. لننظر الآن في هذه المناهج كلَّ على حدة.

\$, ٩ , ٣ منهج اختبار المعنويَّة

(The test of significance approach)

لنفترض أن لدينا مُعادلة الانحدار التالية: $y_t = \alpha + \beta x_t + u_t$ عيد الإطار رقم (α , α) الخُطوات المُتْبعة لإجراء اختبار المعنويَّة.

تتطلّب الخطوات ٢ إلى ٧ مزيدًا من التعليق، في الخطوة ٢ تتم مُقارنة القيمة المقدّرة لـ ١ بالقيمة التي تخضع للاختيار تحت فرضيّة العدم، لكن هذا الفارق بين القيمتين 'مُطيع' (Nomalised) أو مُقاس بالخطأ المعياري للقيمة المقدّرة للمعامل، كما نذكر أن الخطأ المعياري بقيس ما مدى الثقة في القيمة المقدّرة للمعامل التي تم الخصول عليها في المرحلة الأولى، إذا كان هذا الخطأ المعياري

صغيرًا فإن قيمة إحصاءة الاختبار (Test Statistic) ستكون كبيرة مُقارنة مع الحَالة التي يكون فيها الخَطأ المعياري كبيرًا، في حالة كان الخطأ المعياري صغيرًا لا يحتاج الأمر أن تختلف القيمة المقدَّرة كثيرًا عن القيمة المفترضة لرفض فرضيَّة العدم، كما نذكر أنه في ظل الافتراضات الخمس لنموذج الانحدار الخطي البسيط تضمن القسمة بالانحراف المعياري أن إحصاءة الاختبار تتبع توزيعًا مُجدولًا.

يُمكن أن تُفسَّر درجات الحرَّية في هذا السياق بكونها عدد المعلومات الإضافيَّة التي تتجاوز الحد الأدنى المطلوب، إذا تم تقدير معلمتين (α و β أي على التوالي مقطع وميل الحُظ)، فهذه الحالة تتطلب مشاهدتين كحد أدنى لتوفيق هذا الخط إلى البيانات، عندما يتزايد عدد درجات الحريَّة فإن القيم الحرجة في الجداول تنخفض بالقيمة المطلقة، وذلك نظرًا لأنه يُمكننا أن نكون أكثر ثقة في النتائج وأقل حذرًا.

الإطار رقم (٢, ٣) إجراء احتيار المعتوية

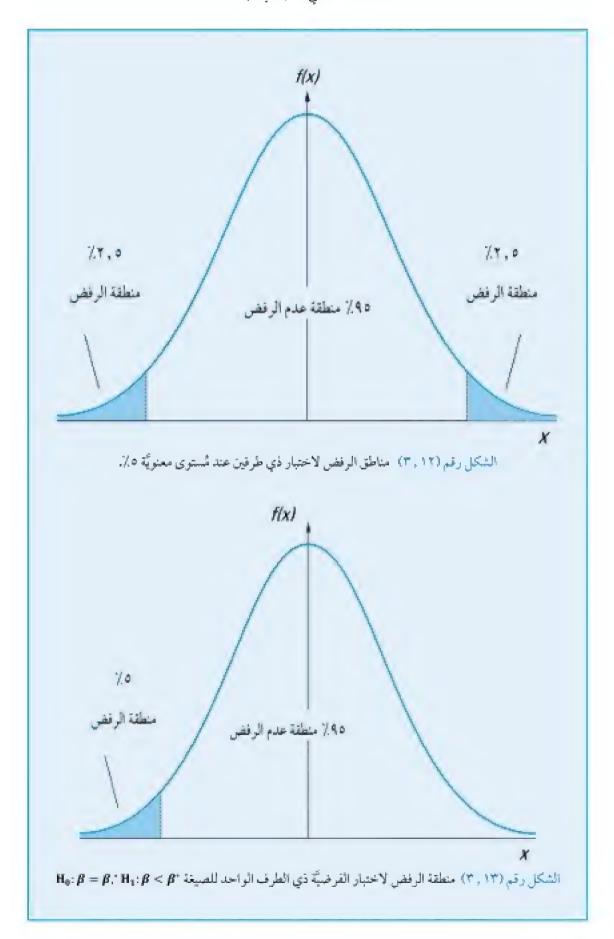
- (۱) تقدير $\hat{\alpha}$ ، $\hat{\beta}$ و $SE(\hat{\alpha})$ ، $SE(\hat{\alpha})$ بالطريقة المعتادة.
- (٢) حساب إحصاءة الاختبار باستخدام المعادلة التالية:

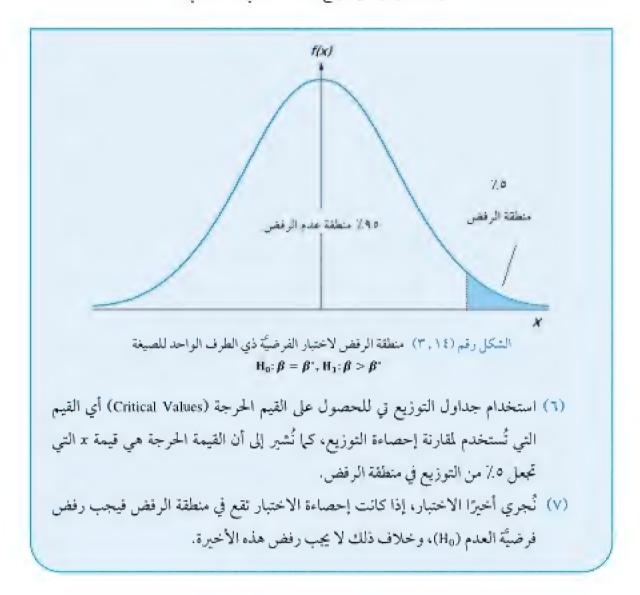
$$\frac{\hat{\beta} - \beta^*}{SE(\hat{\beta})} = الاختبار (۲۰۰۳)$$

حيث يُمثُل β^* قيمة β^* تحت فرضيَّة العدم، تكون فرضيَّة العدم β^* في حين أن الفرضيَّة البديلة هي β^* β^* (β^*).

- (٣) نحتاج إلى توزيع جدولي لمقارنة إحصاءة الاختبار المقدَّرة، من الممكن إثبات أن إحصاءة الاختبار المتحصَّل عليها جده الطريقة تتبع التوزيع تي بـ (T 2) درجات حرَّية.
- (٤) اختيار مُستوى معنويَّة والذي يُرمز إليه عادة μα (اليس بمعامل مقطع الانحدار)، من المعتاد كذلك استخدام مُستوى معنويَّة مساوي ك٥٪.
- (٥) لمستوى معنويَّة مُعيَّن يُمكن تحديد منطقة الرفض (Rejection Region) ومنطقة عدم الرفض (Non-Rejection Region). إذا إستخدمنا مُستوى معنويَّة ٥٪ فهذا يعني أن ٥٪ من التوزيع الإجمالي (أي ٥٪ من المساحة تحت المنحني) سيُمثَّل منطقة الرفض، يُمكن لمنطقة الرفض إمَّا أن تُقسم إلى نصفين (بالنسبة إلى الاختبار ذي طرفين) أو أن تقع على جانب واحد من جوانب المحور الصادي كها هو الحال بالنسبة إلى الاختبار ذي طرف واحد.

بالنسبة إلى الاختبار ذي طرفين تُقسم منطقة الرفض بالتساوي بين ذيل التوزيع كما هو مُبيَّن في الشكل رقم (١٣،٣)، أمَّا بالنسبة إلى اختبار ذي الطرف الواحد فتقع منطقة الرفض ٥٪ عند ذيل واحد للتوزيع فقط كما هو مبيَّن في الأشكال رقم (١٣،٣) و (١٤،٣) حيث يتم على التوالي اختبار الفرضيات البديلة 'أقل من' و 'أكبر من'.





كما يُسمى مُستوى المعنويَّة في بعض الأحيان حجم الاختبار (Size of the Test) (نُشير إلى أن ذلك مُختلف تمامًا عن حجم العينة)، وبأنه تُجدَّد منطقة رفض فرضيَّة العدم تحت الاختبار من عدمه، كما تُذكِّر أن التوزيعات في الأشكال رقم (١٣, ١٣) إلى العينة)، وبأنه تُجدَّد منطقة رفض فرضيَّة العدم تحت الاختبار من عدمه، كما تُذكِّر أن التوزيعات في الأشكال رقم كبيرة موجبة أو سالبة). يعني مُستوى المعنويَّة ٥٪ على وجه التحديد أنه يُتوقَّع بنسبة ٥٪ من المرَّات الحُصول على نتيجة لا تقل تطرُّفاً عن هذه النسبة، ويكون ذلك نتيجة بحتة للصَّدفة، لتقديم مثال على ذلك، إذا كانت القيمة الحرجة عند مُستوى ٥٪ للاختبار من طرف واحد تُساوي ويكون ذلك بدُل على أنه يُتوقِّع أن تكون إحصاءة الاختبار أكبر من تلك القيمة في ٥٪ من المرَّات عن طريق الصَّدفة وحدها، لبس هناك شيء سحري بخصوص هذا الاختبار، فكل ما يجب فعله هو تحديد قيمة فصل عشوائية الإحصاءة الاختبار، فكل ما يجب فعله هو تحديد قيمة فصل عشوائية الإحصاءة الاختبار تحدّد ما إذا كانت فرضيَّة العدم ستُرفض أم الا، كما نذكر أننا نستخدم عادة النسبة ٥٪ كحجم للاختبار، لكن نستخدم كذلك ١٠٪ و ١٪.

ومع ذلك قد تصطدم بمشكلة محتملة إثر استخدام حجم اختبار ثابت (على سبيل المثال ٥٪)، تتمثّل هذه المشكلة في أنه إذا كان حجم العينة كبيرًا بها فيه الكفاية فإنه يُمكن رفض أيّة فرضيّة عدم، تُعتبر هذه النُقطة مُثيرة للفلق بشكل خاص في مجال الماليَّة، حيث تتوفّر في بعض الأحيان عشرات الآلاف من المشاهدات، ما محدث هو أنه تنخفض الأخطاء المعياريّة كلها زاد حجم العينة، عمَّا يؤدي إلى ارتفاع في كل قيم إحصاءات الاختبار في (١٠٤٥١)، كها نُشير إلى أنه كثيرًا ما تتغاضى الأعمال التجريبية عن هذه المسألة، لكن اقترح بعض علهاء الاقتصاد القياسي أنه ينبغي استخدام حجم اختبار أقل (على سبيل المثال ١٪) للعينات الكبيرة (لمناقشة هذه المسألة انظر على سبيل المثال ليمر (١٩٨٧) (١٩٨٧) (١٩٨٧)).

كما نُشير إلى أنه -وباستخدام مُصطَلحات اختبار الفرضيات- نفول: إمَّا رفض أو عدم رفض فرضيَّة العدم، وأنه من الخطأ القول إنه إذا لمَّ يتم رفض فرضيَّة العدم فإنها تكون فرضيَّة 'مقبولة' (بالرغم أن هذا الخطأ شائع عمليًّا)، أحد الأسباب التي نجعل من غير المعقول القول إن فرضيَّة العدم 'مقبولة' هو أنه من المستحيل معرفة ما إذا كانت هذه الفرضيَّة بالفعل صحيحة أم V! في أية حالة كانت، يُمكن عدم رفض العديد من فرضيات العدم، لنفترض على سبيل المثال أنه يتم اختبار الفرضيَّين 0.5 = 0 و 1 = 0 بشكل مُنفصل مُقابِل فرضيات بديلة ذات طرفين، وأنه لم يتم رفض كلتا الفرضيَّين، من الواضح إذًا أنه من غير المنطقي القول إن الفرضيَّة مُنفصل مُنفصل مُقابِل فرضيات بديلة ذات طرفين، وأنه لم يتم رفض كلتا الفرضيَّة، مقبولة بها أن القيمة الحقيقيَّة ل $0.5 \, V$ لا يُمكن أن تكون في آنٍ واحد $0.5 \, V$ و $0.5 \, V$ أنه بُمكن لفرضيَّة العدم إمَّا أن تُرفض أو $0.5 \, V$ و $0.5 \, V$ أساس الأدلَّة المتاحة.

٥,٩,٩ منهج فترة الثقة لاختبار الفرضيات (الإطار رقم (٣,٦))

(The confidence interval approach to hypothesis testing (box 3.6))

لتقديم مثال عن استخدام منهج فترة الثقة، من المكن تقدير معلمة، ألم مثلًا، ولتكن ٩٣ , • وفترة ثقة ٩٥٪، ولتكن (٩٠ , ١ ، ٧٧ ، •)، ذلك يعني أنه في العديد من العينات المتكرّرة ستكون القيمة الحقيقيَّة لـ الإمحصورة داخل هذه الفترة في ٩٥٪ من المرَّات، كما يتم تقدير فترات الثقة، في كل الحالات تقريبًا، على شكل ذي طرفين بالرغم أنه يُمكن نظريًّا إنشاء فترات ثقة بطرف واحد، كما نذكر أن استخدام فترة ثقة ٩٥٪ يُعادل استخدام مُستوى ٥٪ في اختبار المعنويَّة.

الإطار رقم (٦, ٢) إجراء اختبار الفرضيات باستخدام فترات الثقة

- (۱) حساب $\hat{\beta}$ ، $\hat{\beta}$ و $SE(\hat{\beta})$ ، $SE(\hat{\alpha})$ کےا فی السابق.
- (۲) اختبار مُستوى معنوية α (وليكن مرة أخرى ٥٪)، يُعادل هذا الاختبار فترة ثقة مُساوية لـ 100 * (- 1) أي أن:

مُستوى معنويَّة ٥٪ =فترة ثقة ٩٥٪

- (٣) استخدام جداول تي لإيجاد القيمة الحرجة المناسبة والتي تتميَّز عُجدَّدًا
 بـ(٢ 2) درجات حرَّية.
 - (٤) تكون فترة الثقة لـβ كالآتى:

$$(\hat{\beta} - t_{crit}.SE(\hat{\beta}), \hat{\beta} + t_{crit}.SE(\hat{\beta}))$$

نُشير إلى أن النقطة في الوسط (.) تُستخدم أحيانًا عوضًا عن العلامة (x) وذلك للدلالة على ضرب كميَّين معًا.

(٥) إجراء الاختبار: إذا كانت القيمة المفترضة لـβ (أي "β) تقع خارج فترة الثقة فإنه يتم في هذه الحالة رفض فرضيَّة العدم "β = β. خلاف ذلك لا يتم رفض هذه الفرضيَّة.

٣ , ٩ , ٣ مناهج اختبار المعنويَّة وفترة الثقة تعطى دائهًا نفس النتائج

The test of significance and confidence interval)

(approaches alwaysgive the same conclusion

ضمن منهج اختبار المعنويَّة لن يتم رفض فرضيَّة العدم "B = B إذا كانت إحصاءة الاختبار تقع داخل منطقة عدم الرَّفض أي إذا تحقَّق الشرط التالي:

$$-t_{crit} \leq \frac{\hat{\beta} - \beta^*}{SE(\hat{\beta})} \leq +t_{crit}$$

بإعادة ترتيب المتباينة، لن يتم رفض فرضيَّة العدم إذا:

$$-t_{crit}.SE(\hat{\beta}) \le \hat{\beta} - \beta^* \le +t_{crit}.SE(\hat{\beta})$$

أي يجب عدم رفض هذه الفرضيَّة إذا:

$$\hat{\beta} - t_{crit}.SE(\hat{\beta}) \le \beta^* \le \hat{\beta} + t_{crit}.SE(\hat{\beta})$$

الإطار رفع (٣٠٧) مُقارنة بين ساهج إحيار المعنوية وفترة

منهج فترة الثفة

$$t_{crit} = t_{20:5\%} = \pm 2.086$$
 ايجاد

$$\hat{\beta} \pm t_{crit}.SE(\hat{\beta})$$

= 0.5091 ± 2.086 . 0.2561
= (-0.0251, 1.0433)

لا ترفض H₀ لأن ا يقع ضمن فترة الثقة

منهج إختبار المعنوية

test stat
$$= \frac{\hat{\beta} - \hat{\beta}^*}{SE(\hat{\beta})}$$
$$= \frac{0.5091 - 1}{0.2561}$$
$$= -1.917$$

إيجاد

$$t_{crit}=t_{20;886}=\pm 2.086$$

لا نرفض Ho لأن إحصاءة الإختبار تقع ضمن منطقة عدم الرفض

لكن ذلك يُمثّل مُجَرَّد قاعدة لعدم رفض فرضيَّة العدم في إطار منهج فترة الثقة، إذَّا لمسنوى مُعبَّن من المعنويَّة، تُقدَّم مناهج اختيار المعنويَّة وفترة الثقة في كل الحالات نفس النتائج، لذلك يُعتبر إحدى هذه المناهج الاختياريَّة مُجَرَّد ترتيب جبري للمنهج الآخر. مثال(٤٫٣)

بالنظر إلى الننائج السابقة للاتحدار:

$$\hat{y}_t = 20.3 + 0.5091 x_t$$
 , $T = 22$ (*Y), (*T)

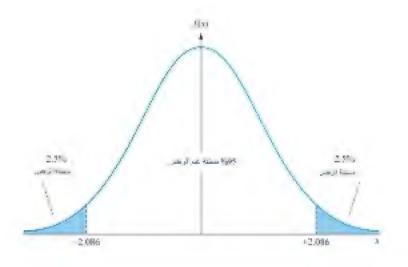
وباستخدام كل من منهج اختبار المعنويَّة ومنهج فترة الثقة، اختبر الفرضيَّة 1 = β مُقابل فرضية بديلة ذات طرفين.

يُمكن أن تكون هذه الفرضيَّة ذات أهمِّية؛ إذ إن معامل الوحدة لمتغيِّر تابع يدل على علاقة ١:١ بين حركات x وحركات y. تكون فرضيَّة العدم والفرضيَّة البديلة على التوالي كالأتي:

 $H_0: \beta = 1$ $H_1: \beta \neq 1$

يعرض الإطار رقم (٣,٧) نتائج الاختبار وفقًا لكل منهج.

نصوغ الآن وعلى التوائي ملاحظتين؛ أوّلًا: نتحصًّل على القيمة الحرجة للتوزيع تي المطلوبة بأخذ درجات حرَّية مُساوي لعشرين درجة وعند مُستوى معنويَّة ٥٪. ويعني ذلك أن ٥٪ من التوزيع سبكون في منطقة الرَّفض. وبها أن هذا الاختبار يُعتبر اختبارًا ذا طرفين فإنه ينبغي لكل ذيل أن يتضمَّن ٥, ٢٪من التوزيع، من خلال خاصيَّة نماثل التوزيع تي حول الصفر فإن القيم الحرجة للذيلين الأعلى والأسفل تكون قيهًا مُتساوية في المقدار لكنَّها مُتعاكسة في الإشارة، كها يظهر في الشكل رقم (٣,١٥).



الشكل رقم (٣,١٥) القيم الحرجة ومناطق الرَّفض لـ ٤20,5%.

ماذا لو أراد الباحث بدلًا من ذلك اختبار 0 = Ho: \beta = 2 أو YHo: \beta = 2 الفرضيات باستخدام منهج اختبار المعنويَّة لا بُد من إعادة إنشاء إحصاءة الاختبار في كلتا الحالتين، على الرَّغم من أن القيمة الحرجة ستكون ثابتة في الحالتين، من ناحية أخرى، إذا استخدمنا منهج فترة الثقة فلن يتطلب الأمر أي عمل إضافي، وذلك لأن هذا المنهج يسمح باختبار عدد لامُتناو من الفرضيات، لنفترض على سبيل المثال أن الباحث يُريد اختبار:

$$H_0: \beta = 0$$

امُقابل :

 $H_1: \beta \neq 0$

9

مُقابِلُ

$H_1: \beta \neq 2$

في الحالة الأولى لن يتم رفض فرضيَّة العدم (أي 0 = β) بها أن · يقع داخل فترة الثقة بمُستوى ٩٥٪. بنفس الحُجَّة، ستَّر فض فرضيَّة العدم الثانية (أي 2 = β) وذلك لأن الفيمة ٢ تقع خارج فترة الثقة المقدَّرة.

من جهة أخرى نُلاحظ أن هذا الكتاب لم يتطرَّق حتى الأن سوى لثنائج في ظل حجم اختبار مُساوِ لـ ٥٪. في الحالات الحدَّية (على سبيل المثال 1 = ١٤ وتكون قيمة إحصاءة الاختبار قريبة من القيمة الحرجة)، من الممكن الحُصول على إجابة تُختلفة تمامًا إذا تم استخدام حجم اختبار مُختلف، وعند اعتبار أن منهج المعنويَّة أفضل من إنشاء فترة ثقة.

لنفترض الآن على سبيل المثال أنه سيتم استخدام حجم اختبار ١٠٪ لاختبار فرضيَّة العدم في المثال (٤٠٣). باستخدام منهج اختبار المعنويَّة تكون إحصاءة الاختبار كما في السابق مُساوية لـ:

$$\frac{\hat{\beta} - \beta^*}{SE(\hat{\beta})} = \frac{0.5091 - 1}{0.2561} = -1.917$$

الشيء الوحيد المتغيّر هو القيمة الحرجة ي، باعتبار المستوى ١٠٪ (بحيث بتم وضع ٥٪ من إجمالي التوزيع في كل ذيل من ذيل التوزيع لهذا الاختبار ذي طرفين)، تكون القيمة الحرجة المطلوبة هي \$1.72 ± = 1.72%. في هذه الحالة، وبها أن إحصاءة الاختبار تقع ضمن منطقة الرَّفض، فإنه سيتم رفض ١٥٪. يجب إعادة تقدير الفترة نفسها لكي نستخدم اختبارًا بمُستوى ١٠٪ ضمن منهج فترة الثقة، وذلك لأن القيمة الحرجة تندرج ضمن حساب فترة الثقة.

كما نذكر أن منهج اختبار المعنويَّة ومنهج فترة الثقة بتميَّز كلاهما بمزابا نسبيَّة؛ إذ إن اختبار عدد من الفرضيات المختلفة يُعتبر أمرًا أسهل في إطار منهج فترة الثقة، في حين تكون دراسة تأثير حجم الاختبار على الاستنتاج أسهل في إطار منهج اختبار المعنويَّة.

لذلك يجب توخّي الحذر عند النركيز على اتّخاذ القرارات في سياق الحالات الحدّية (أي الحالات التي يتم فيها فقط رفض أو عدم رفض فرضية العدم)، في هذه الحالة فإن الاستئتاج المناسب الذي يُمكن استخلاصه هو أن النتائج تُعتبر هامشيّة، وأنه لا يُمكن إجراء بطريقة أو بأخرى، أي استدلال حصين (قوي)، وبالنائي ينبغي إجراء تحليل تجريبي مُعمَّق يشمل إجراء تحليل حساسبَّة النتائج (جراء بطريقة أو بأخرى، أي استدلال حصين (قوي)، وبالنائي ينبغي إجراء تحليل تجريبي مُعمَّق يشمل إجراء تحليل حساسبَّة النتائج (SensitivityAnalysis) لتحديد ما إذا كان استخدام أحجام اختبار تُختلفة سيؤدي أم لا إلى تغيُّر في النتائج، كها تجدر الإشارة مرَّة أخرى إلى أنه من الشائع استخدام ١٠٪، ٥٪ و ١٪ كأحجام للاختبار، إذا كان الاستئتاج (أي رفض أو عدم الرفض) ثابت لا ينغيَّر بعغيَّر حجم الاختبار، فيُمكن أن نكون أكثر ثقة بأن الاستئتاجات مُناسبة، في المقابل إذا كانت نتائج الاختبار تتغيَّر نوعيًّا بتغيُّر حجم الاختبار فإن الاستئتاج هو أنه بطريقة أو بأخرى لا يوجد استئتاج!

من الجدير بالذكر أيضًا أنه إذا تم رفض فرضيَّة العدم عند استخدام مُستوى معنويَّة ١٪ فإنه سيتم كذلك رفض هذه الفرضيَّة المقاتيَّا عند المستوى ٥٪، بحيث لا تكون هناك حاجة لنوضيح الحالة الأخيرة. كما يُقدَّم دوجيري (١٩٩٢، ص ١٠٠) (١٥٠٥, ١٩٩٢) قياسًا على ذلك باستخدامه مثالًا عن القفز العالي، إذا كان لاعب القفز العالي يستطيع اجتياز مترين، فمن البديهي أن يستطيع تخطي ٥,٥ متر، على نحو تُماثل، بها أن مُستوى المعنويَّة ١٪ يُعتبر حاجزًا أعلى من مُستوى المعنويَّة ٥٪، إذا لم يتم رفض فرضيَّة العدم عند المستوى ٥٪ فإنه آليًّا لن يتم رفض هذه الأخيرة عند كل مُستوى أعلى من المعتويَّة (على سبيل المثال ١٪) في هذه الحالة إذا كان لاعب القفز لا يستطيع اجتياز ٥,٥ متر فإنه من المستحيل أن يكون قادرًا على اجتياز مترين.

٣,٩,٧ بعض المصطلحات الإضافية

(Some more terminology)

إذا تم رفض فرضيَّة العدم عند المسنوى ٥٪، فيُمكن القول إن نتيجة الاختبار "معنوية إحصائيًّا" (Statistically Significant). في المقابل إذا لم يتم رفض فرضيَّة العدم، نقول بأن نتيجة الاختبار "غير معنويَّة" (Not Signifiant) أو "لامعنويَّة" (Highly Statistically). أو "لامعنويَّة" (Highly Statistically أخرًا، إذا تم رفض فرضيَّة العدم عند المستوى ١٪ فيُطلق على هذه النتيجة تسمية "المعنويَّة الإحصائية العالية" (Significant).

كما تُشير إلى أنه يُمكن لنتيجة معنوية إحصائيًا أن تكون غير معنوية عمليًّا، على سبيل المثال، في إطار انحدار نموذج تسعير الأصول الرأسمائيَّة، إذا كان بيتا المقدِّر للسهم يُساوي ١,٠٥ وكانت فرضيَّة العدم ε = β مرفوضة فإن هذه النتيجة تكون معنويَّة إحصائيًّا، لكن قد لا تكون للزيادة الطفيفة في قيمة بينا أي تأثير على اختيار المستثمر بخصوص شراء السهم من عدمه، في هذه الحالة يُمكن القول إن نتيجة الاختبار معنويَّة إحصائيًّا لكنها في المقابل غير معنوية من الناحية المائيَّة أو العمليَّة.

	تناجات الصحيحة	تصنيف أخطاء إختبار الفرضيات والاس	الجدول رقه (۳٫۳)
فقيقية	LI		
H ₀ خاطئة	H ₀ صحيحة		
V	خطأ من النوع الأول = α	معتوية	
		(رنض H ₀)	
			نتيجة الإختبار
خطأ من النوع الثاني = β	V	غېر معنوية	
		(عدم رفض H ₀)	

٩ , ٩ , ٣ تصنيف الأخطاء التي يُمكن ارتكابها باستخدام اختبارات الفرضيَّات

(Classifying the errors that can be made using hypothesis tests)

يتم عادة رفض Ho إذا كانت إحصاءة الاختبار معنويَّة إحصائيًّا عند مُستوى معنويَّة محدَّد، هناك نوعان من الأخطاء المحتملة التي يُمكن ارتكابها:

- (١) رفض Ho بينها هي في الواقع صحيحة؛ ويُسمَّى هذا الخطأ بالخطأ من النوع الأوّل (Type I Error).
- (٢) عدم رفض Ho بينها هي في الواقع خاطئة؛ ويُسمّى هذا الخطأ بالخطأ من النوع الثاني (Type II Error).

يُمكن تلخيص السيناريوهات المحتملة في الجدول رقم (٣,٣)، احتمال الخطأ من النوع الأوَّل هو ببساطة الله أي مُستوى المعنويَّة، أو كذلك حجم الاختبار، لفهم هذه النقطة تُذكِّر أوَّلًا ما المقصود بـ المعنويَّة، عند المستوى ٥٪: يُتوقَّع بنسبة ٥٪ الحصول على نتيجة تُساوي أو تزيد تطرُّفًا تلك التي تحدث عن طريق الصُّدفة البحتة، أو بمعنى آخر، هناك فقط احتمال ٥٪ أن يتم وفض فرضيَّة العدم هذه في حين أنها في الحقيقة صحيحة.

كما نُشير إلى أنه ليس هناك أي قُرصة للحصول على أشياء مجانيَّة (أي ربح بدون تكلفة)! السُّوّال الذي يُطرح الآن هو: ماذا يحدث في صورة تخفيض حجم الاختبار (على سبيل المثال من ٥٪ إلى ١٪)؟ في هذه الحالة ستنخفض احتمالات القبام بخطأ من النوع الأوَّل... وهذا من شأنه أن يُخفِّض في احتمال رفض فرضيَّة العدم، وبالتالي زيادة احتمال الخطأ من النوع الثاني، يعرض الإطار رقم (٣,٨) هذين الأثرين المتناقضين لتخفيض حجم الاختبار.

هناك إذًا دائها مُقابِضة مُباشرة (أو تبادل تعويضي مباشر) بين الخطأ من النوع الأوَّل والخطأ من النوع الثاني عند اختيار مُستوى معنويَّة، ويتمثَّل السبيل الوحيد في تقليل كلا الخطسأين في زيادة حجم العيِّنة، أو كذلك في اختيار عيِّنة أكثر تباينًا، وبالتالي زيادة كميَّة المعلومات التي تستند إليها نتائج اختيار الفرضيَّات، عمليًّا، وفي حدود مُستوى مُعيِّن، عادة ما تُعتبر الأخطاء من النوع الأوَّل أكثر خطورة، وبالتالي عادة ما يتم اختيار حجم اختيار صغير (تُعتبر ٥٪ أو ١٪ الأحجام الأكثر شيوعًا).



يُعتبر احتيال الخطأ من النوع الأوَّل احتيالًا لرفض فرضية عدم صحيحة بشكل خاطئ، وهو أيضًا حجم الاختيار، كيا يُمثَّل مُصطلح تُوَّة الاختيار (Power of a Test) مُصطلح تُوَّة الاختيار (Power of a Test) مُصطلح تُوَّة الاختيار (يضًا بأنها تُساوي واحدًا ناقص احتيال الخطأ من النوع الثاني.

يكون الاختبار الأمثل هو ذاك الاختبار الذي ينطابق فيه حجم الاختبار الفعلي مع حجمه الاسمي، والذي يتميَّر كذلك بأعلى مُستوى مُحكن من القوَّة، إن مثل هذا الاختبار يعني على سبيل المثال أن استخدام مُستوى معنوبَّة ٥٪ من شأنه أن يُؤدي إلى رفض فرضية العدم في ٥٪ من المرات فقط، وعن طريق الصدفة وحدها، وبأنه سيتم رفض فرضية العدم غير الصحيحة بها يُقارب ١٠٠٪ من المرات.

٩ ، ١ ، توع خاص من اختبار الفرضيات: نسبة ي

(A special type of hypothesis test: the t -ratio)

نذكُّر أنه في إطار منهج اختبار المعنويَّة تكون صبغة اختبار الفرضيات لمعلمة الميل والتي تستخدم الاختبار تي كالآتي:

$$rac{eta-eta^*}{s \epsilon(eta)}= rac{arepsilon}{s \epsilon(eta^*)}$$
 إحصاءة الأختبار

مع إجراء بعض التعديلات الواضحة لاختيار فرضية حول المقطع، إذا كان لدينا الاختبار التالي:

$$H_0: \beta = 0$$

 $H_1: \beta \neq 0$

أي اختبار فرضيَّة أن معلمة المجتمع تساوي صفرًا ضد فرضيَّة بديلة ذات طرفين، فهذا الاختبار يُعرف باختبار نسبة ي، وبها أن β" = 0 فإن الصيغة في المعادلة رقم (٣, ٣) تُختزل كها يلي:

$$\frac{\hat{\beta}}{SE(\hat{\beta})} = الاختبار = [-calsis]$$
 (۲۲، ۲)

وبالنائي تُعرف نسبة المعامل على انحرافه المعياري بنسبة تي أو إحصاءة تي (t-statistic).

لنفترض أننا فُمنا بحساب القيم المقدَّرة للمقطع والميل (على التوالي ١٠١٠ و -١٩،٨٨) وكذلك الأخطاء المعياريَّة المقابلة لهذه القيم (وهي على التوالي ١,٣٥ و ٩٨)، نقدَّم الآن النسب تي المرتبطة بكل من المقطع والميل كالآتي:

$\tilde{\beta}$	ā	
ነ ዓ.አለ-	3,3+	المعامل
١,٩٨	מ"ד, ו	الخطأ المعياري
1 = , = 2 =	۰,۸۱	نسبة تي

نُشير إلى أنه في حالة كان المعامل سالبًا فإن النسبة في ستكون كذلك سالبة، لاختبار فرضيات العدم $\alpha = 0$ و $\alpha = 0$ كل على حدة)، تتم مُقارنة إحصاءات الاختبار بالقيمة الحرجة من التوزيع في، في هذه الحالة يكون عدد درجات الحربَّة (T - k) مُساويًا ك T - 10. أمَّا القيمة الحرجة عند مُستوى 0/ فإذا الاختبار ذي الطرفين (تذكَّر، T - k) عند كل ذيل بالنسبة لاختبار بمُستوى T - k) فهي مُساوية لـ T - k في حين أن القيمة الحرجة عند المستوى T - k في كل ذيل) هي T - k. على ضوء هذه النسب في وهذه القيم الحرجة، هل سيتم رفض فرضيات العدم التالية؟

(Y)
$$H_0$$
; $\alpha = 0$?
(ω_0) H_0 ; $\beta = 0$?

إذا تم رفض Ho فإننا نقول: إن إحصاءة الاختبار معنويَّة، في المقابل إذا كان المتغيَّر غير "معتوي" فهذا يعني أنه بالرغم من أن القيمة المقدَّرة للمعامل ليست تمامًا صفرًا (على سبيل المثال ١,١٠ في المثال أعلاه) إلَّا أن المعامل لا يُمكن إحصائبًا تمييزه عن صفر، إذا وضعنا في المعادلة المقدِّرة صفرًا عوضًا عن القيمة المقدَّرة، فإن ذلك يُفسَر بأنه مهما تغيَّرت قيمة المتغيِّر المفسّر فإن المتغيِّر التابع لا يتأثَّر بذلك، يُقسَّر ذلك على أساس أن المتغيِّر لا يُساعد على تفسير تغيِّرات لا وبالتالي يُمكن إزالته من مُعادلة الانحدار، على سبيل المثال، إذا كانت النسبة في المفترنة بـ * تُساوي - ٤ · , ١ و بدلًا من - ٤ · , ١ (على افتراض أن الحطأ المعياري يبقى كها هو) فإن المتغيِّر سيصنف على أساس متغيَّر غير معنوي (أي لا يختلف إحصائيًا عن الصفر)، ويُعتبر المقطع العنصر الوحيد غير المعنوي في الانحدار السابق، كها نذكر أن هناك أسبابًا إحصائيَّة وجبهة للاحتفاظ دائهًا بالثابت حتى ولو لم يكن معنويًا، انظر الفصل ٥.

وتجدر الإشارة إلى أنه بالنسبة إلى درجات الحرية التي تفوق تقريبًا ٢٥ درجة وعند مُستوى ٥٪، تُقارب القيمة الحرجة في الطرفين القيمة للطلقة المرحماءة تي تفوق ٢٠. الطرفين القيمة المطلقة للإحصاءة تي تفوق ٢.

يضع بعض المؤلفين النسب تي بين قوسين، تحت المعاملات المقدَّرة المقابلة، عوضًا عن الأخطاء المعياريَّة، وبالثالي نحتاج في كل تطبيق أن نتأكد أي من المصطلحين تم استخدامه، وكذلك ذكر ذلك يوضوح عند عرض نتائج التقدير، تُتابع الآن دراسَتَي حالة في مجال الماليَّة تشمل تقدير نهاذج الانحدار الخطي ثنائي المتغيَّرات وبناء وتفسير النسب تي.

		حدار المقدرة ا	حصاءات موجزة عن نثالج الإن	الجدول رقم (٣,٤)
تصوى	القيم اله	القيم الوسطية	القيم المتوسطة	البند
المليا	البنيا			البند
1,800	*,*A*- *,Y\4	· , · · ٩-	*, * \ \ - *, \ & *	ä ß
٧.	1+	١٩	١v	حجم العينة

المصدر: جنسن (١٩٦٨) (Jensen (1968)). أعيد نشره متر خيص من بلاكوبا اللنشر (Blackwell Publishers).

٣, ١١ مثال لاختبار تي بسيط لنظرية في مجال الماليَّة هل يُمكن أن تتغلَّب صناديق الاستثبار المشتركة الأمريكية على السوق؟

An example of a simple t-test of a theory in finance:)

(can US mutual fundsbeat the market?

يُعتبر جنسن (١٩٦٨) (Jensen (1968)) أوَّل من قام باختبار أداء صناديق الاستثهار المشتركة بطريقة منهجيَّة، وعلى وجه الخصوص فحص ما إذا كان من الممكن التغلُّب على السوق'، للقيام بذلك استخدم جنسن عيَّنة من العوائد السنويَّة للمحافظ الاستثهاريَّة لـ ١٩٥٥ صندوق إلى انحدار سلاسل زمنيَّة على الشكل التالي:

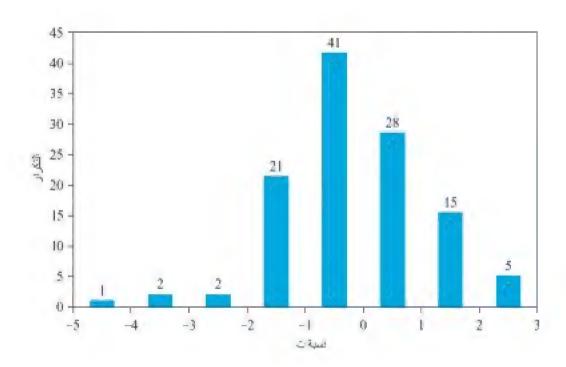
$$R_{jt} - R_{ft} = \alpha_j + \beta_j (R_{mt} - R_{ft}) + u_{jt}$$
 (\tag{T\xi} \tag{T\xi}

حيث يُمثّل R_{jt} عائد المحفظة الاستثهاريَّة j في الزمن R_{jt} عائد المتغيَّر البديل (Proxy) الخالي من الخطر (سندات حكوميَّة لسنة واحدة)، R_{mt} هو عائد المتغيِّر الوكيل عن محفظة السُّوق، به هو حد الخطأ وقُثُل ره، المعلمات التي سيتم تقديرها، كما تُعتبر معنويَّة واحدة)، يتفوَّق في الأداء على مُؤشِّر السوق أو يقل معنويَّة والقيمة المهمَّة في هذه المعادلة، وذلك لأن هذه المعلمة تحدَّد ما إذا كان الصندوق يتفوَّق في الأداء على مُؤشِّر السوق أو يقل

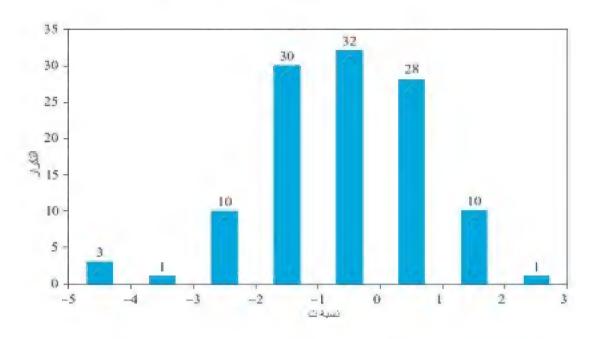
أداءً منه، وهكذا تكون فرضيَّة العدم كالآتي: 0 = رH₀:α₁ إذا كان المعامل من لصندوق مُعيِّن موجب ومعنوي فهذا يوحي بأن الصندوق قادر على كسب عائدات هامَّة غير عادية تزيد عن العائد المطلوب للسوق عند مُستوى مُعيِّن من المخاطرة، أصبح هذا المعامل يُعرف بعد ذلك باسم 'ألفا جنسن' (Jensen's Alpha)، كما تعرض في الجُدول رقم (٣,٤) بعض الإحصاءات الموجزة لنتائج الاتحدار المقدَّرة للمُعادلة (٣,٤) والتي تشمل ١١٥ صندوقًا.

كما هو مُبِيِّن في الجدول رقم (٤, ٣)، يُعتبر الصندوق المتوسَّط (يُعرَّف هذا الصندوق إمَّا بالوسط أو بالوسيط) غير قادر على التنخلُّب على السوق، مُسجِّلاً ألفا (Alpha) سالبًا في كلتا الحالتين، ومع ذلك فإن هناك بعض الصنادين التي تمكَّنت من تحقيق نتائج أفضل عمَّا كان مُتوقَّعًا نظرًا إلى مُستوى مُخاطرتها، أمَّا الأفضل من بين هذه الصناديق فيُقدَّم ألفا مُساويًا لـ ٥٠٨ . • ومن المثير للاهتهام أيضًا أن القيمة المقدَّرة لبينا الصندوق المتوسِّط في حدود ٥, ٥ مُشيرة إلى أنه في إطار نموذج تسعير الأصول الرَّأساليَّة، مُعظم الصناديق أقل مُخاطرة من مُؤشِّر السوق، قد تُعزى هذه النتيجة إلى أن الصناديق تستثمر في أغلب الأحيان في أسهم الشركات الكبرى (المستحقَّة) (أو أسهم الدرجة الأولى) (Blue Chip Stocks) بدلًا من أسهم الشركات الصغيرة.

ننحصًّل على أفضل طريقة مرثيَّة لعرض النتائج برسم عدد صناديق الاستثبار المشتركة في كل فئة من فئات النسبة تي للمعامل ألفا حيث يعرض الشكل رقم (11 , ٣) والشكل رقم (٣ , ١٧) على التوالي إجمالي تكاليف المعاملات (Transactions Costs) وصافي تكاليف المعاملات.



الشكل رقم (٣, ١٦) التوزيع التكراري للنسب تي لألفا صناديق الاستثبار المشتركة (إجمالي تكاليف المعاملات)



الشكل رقم (٣, ١٧) التوزيع التكراري للنسب في الألفا صناديق الاستثيار المشتركة (صافي تكاليف المعاملات)

تكون القيمة الحرجة المناسبة لإجراء اختبار ذي طرفين لـ α_j = 0 تقريبًا ١٠ (على افتراض أن عشرين سنة من البيانات السنويَّة تؤدي إلى ثياني عشرة درجة حريَّة)، وكيا يتَّضح هناك فقط خسة صناديق تتميَّز بنسب في مقدَّرة تفوق؟، وبالتالي من المفترض أن تكون هذه الصناديق قادرة على التفوُّق أداءً على السوق قبل الأخذ بعين الاعتبار تكاليف المعاملات، ومن المثير للاهتهام أيضًا أن خس شركات كان أداؤها بشكل ملحوظ أقل من أداء السوق حيث لم تتجاوز النسب في لهذه الأخيرة -٢.

	ایرد۰۰۰	نشهار للفنترة يشاير ١٩٧٩ – م	سناديق حصص الإس	الجدول رقم (٣, ٣) إخصاءات موجزة عن عواند م
الوسيط (٧)	الحد الأعلى (٪)	اخد الأدنى (٪)	الوسط (7)	
1, -	١,٤	٠,٦	١,٠	متوسط العائد الشهري ١٩٧٩ -٠٠٠٠
٥,٠	٦,٩	1,4	٥,١	الإتحراف المعياري للعائد عبر الزمن

عندما تؤخذ تكاليف المعاملات في الاعتبار (الشكل رقم (١٥ , ٣)) فإن صندوقًا واحدًا فقط من أصل ١١٥ صندوقًا قادر على التقوَّق من حيث أدائه وبشكل ملحوظ على السوق، في حين أن ١٤ صندوقًا نقل أداء بشكل ملحوظ عن أداء السوق، ونظرًا لأن الحجم الاسمي للاختبار من طرفين المستخدم هو ٥٪ فيتُوقَّع أن صندوقين أو ثلاثة "ستتغلَّب بشكل ملحوظ على السوق" بمحض الصدفة لا غير، وبذلك نخلص إلى أنه -خلال فترة دراسة العينة - يبدو أن مديري صناديق الاستثمار المشتركة في الولايات المتحدة غير قادرين على توليد عوائد إيجابية غير طبيعية بصفة مُنتظمة.

٣, ١٢ هل يُمكن لمديري صناديق حِصَص الاستثمار في المملكة التَّحدة التغلُّب على السوق؟

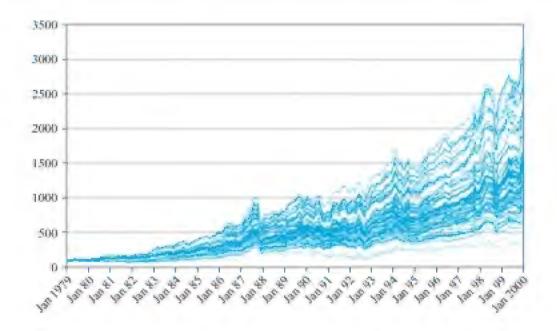
(Can UK unit trust managers beat the market?)

لعبت دراسة جنسن دورًا رئيسًا في تقديم طريقة عمليَّة لإجراء اختبارات لأداء مُديري الصناديق، ومع ذلك تعرَّضت هذه الدراسة لانتقادات، وذلك لعدَّة أسباب، واحد من أهم هذه الأسباب في إطار هذا الكتاب هو أنه لم يُستخدم سوى عشرة إلى عشرين مُشاهدة في كل انحدار، ويُعتبر هذا العدد من المشاهدات فعلًا غير كافي لنظريَّة المقاربة (Asymptotic Theory) التي يرتكز عليها إجراء الاختبار، حتى يتم الاستشهاد بها على نحو صحيح.

سنقوم الآن بتقدير اختبار بديل لاختبار جنسن في إطار سوق المملكة المتّحدة، وذلك من خلال اعتبار العوائد الشهريَّة لستة وسبعين سهيًا لصناديق حصص الاستثبار، تُغطي البيانات الفترة ما بين بناير ١٩٧٩ ومايو ٢٠٠٠ (٢٥٧ مُشاهدة لكل صندوق)، كما تُعرض بعض الإحصاءات الموجزة عن الصناديق في الجدول رقم (٣,٥).

A 1 TO 1 TO 1 TO 1 TO 1	4 30	and the state of	
15	ارتنوذج تسعير الأصول	a country of the coun	
	O 600 41 January Labor 1		The second second

		7.	، يتابير ١٩٧٩ –مايو ٠٠	صاديق حصص الإستيار
الوسيط	الحد الأعلى	الحد الأدنى	الوسط	القيمة المقدرة ل
٠,٠٣-	٠,٣٢	٠,٥٤-	٠,٠٢–	α ('/.)
٠,٩١	١,٠٩	٠,٥٦	4,91	β
· , T 0-	۴,۱۱	٣, ٤٤-	., .V-	نسبة تي للمعامل α



الشكل رقم (٣, ١٨) أداء صناديق حصص الاستثيار في المملكة المتَّحدة، ١٩٧٩ - ٢٠٠٠

من هذه الإحصاءات الموجزة نستنتج أن مُتوسَّط العائد المركَّب المستمر يُعادل ١٪ شهريًّا، في حين أن الخاصَّية الأكثر إثارة للاهتمام هي الاختلاف الكبير في أداء الصناديق، يدُر الصندوق الأسوء أداة مُتوسَّط عائد يُقدَّر بـ ٦ , ٠ ٪ شهريًّا خلال فترة العشرين سنة في حين أن أفضل صندوق بدر مُتوسِّط عائد في حدود ٤ , ١٪ شهريًّا، كها يظهر هذا التغيَّر في الشكل رقم (١٨ , ٣) والذي يرسُم عبر الزمن استثمار قيمة ١٠٠ £ في كل صندوق خلال شهر يناير ١٩٧٩.

طُبُق انحدار للصيغة (٣٤،٣) على بيانات المملكة البريطانيَّة؛ نعرض موجزًا للنتائج في الجدول رقم (٣, ٣). هناك عدد من الخصائص لنتائج الانحدار التي تستحق مزيدًا من التعليفات؛ أوّلًا: تتميَّز مُعظم الصناديق مُحدَّدًا ببيتا مقدَّر أقل من واحد، وربها هذا بدل على أنه تاريخيًّا يتجنَّب مُديرو الصناديق المخاطرة، أو أثمم يستثمرون بشكل غير مُتكافئ في الشركات الرياديَّة في القطاعات الناضجة (Mature Sectors). ثانيًا: باعتبار إجمالي تكاليف المعاملات يُمكن القول إن تسعة صناديق من بين الستة والسبعين صُندوقًا التي تُكوِّن العيَّنة تتفوَّق أداءً على السوق بشكل ملحوظ، وذلك من خلال تحقيق ألفا موجب ومعنوي، في حين حقَّقت سبعة صناديق معاملات ألفا سالبة ومعنويّة، كها تُشير إلى أن الصُّندوق المتوسَّط (يُقاس المتوسَّط إمَّا بالوسط الحسابي أو بالوسيط) غير قادرٍ على كسب أي فائض عائد على المعلّل المطلوب نظرًا لمستوى مُحاطرته.

٣, ١٣ فرضيَّة رد الفعل المقرط وسوق الأوراق الماليَّة في المملكة المتَّحدة

(The overreaction hypothesis and the UK stock market)

(Motivation) الدائع (Motivation)

أظهرت دراستان قام بهما دي بوند وثالر (١٩٨٥، ١٩٨٥) ((Thaler DeBondt and(1985, 1987)) أن الأسهم التي تُعاني ضعفًا في الأداء على مدى ثلاث إلى خس سنوات تميل بعد ذلك إلى التفوُّق على الأسهم التي كانت تتميَّز سابقًا بأداء أفضل.

الإطار رقير (٣٠٩) أساب ردود الفعل المدعة لب في الأسهير

- (۱) إن تأثير رد الفعل الفرط (Overreaction Effect) هو مجرد مظهر من مظاهر تأثير الحجم (۱) (۱) إن تأثير رد الفعل الفرط (Overreaction Effect) ، يُعتبر تأثير الحجم بمثابة ميل الشركات الصغيرة إلى توليد عوائد تكون في المتوسَّط، أعلى من عوائد الشركات الكبيرة، لا يعتقد دي يوند وثائر أن ذلك يُعتبر تفسيرًا كافيًا، لكن زروين (۱۹۹۰) وجد أن أُخد حجم الشركة في الاعتبار لا يُحقِّض من العائد المستقبلي للخاسرين.
- (٢) إن تعيَّر اتجاه الثروة يعكس التغيَّرات في توازن العوائد المطلوبة، من المُرجح أنه بالنسبة إلى الخاسرين يكون يبنا نموذج تسعير الأصول الرأسيالية أعلى بكثير، وهذا من شأنه أن يعكس تصوُّرات المستثمرين بأنهم أكثر غرضة للمُخاطرة، يُمكن للمُعاملات ببنا بطبيعة الحال أن تنغيَّر مع الزمن، وبالتالي فإن كل انخفاض كبير في أسعار أسهم الشركات (الخاسرة) المحسوسة، وبالتالي سيكون مُعدَّل العائد المطلوب على الأسهم الخاسرة أكبر، وكذلك أداؤهم اللاحق سيكون أفضل، كها نذكر أن بول وكوثري (١٩٨٩) (Ball and (١٩٨٩)) وجدًا أن معاملات بينا نموذج تسعير الأصول الرأسهائية للأسهم الخاسرة أعلى بكثير من تلك للأسهم الرابحة.

يدل ذلك على أنه في المتوسَّط تُصبح الأسهم 'الحَاسرة' من حيث أداؤها في نهاية المطاف أسهيًا 'رابحة'، والعكس بالعكس، الأن سوف يفوم هذا الفصل بفحص ورقة بحث لكلير وتوماس (١٩٩٥) ((1995) (Clare and Thomas () اللذين أجريًا دراسة تُعاثلة استخدمًا فيها العوائد الشهريَّة للأسهم في المملكة المتَّحدة خلال الفئرة من يناير ١٩٥٥ إلى ١٩٩٠ (ستة وثلاثين سنة)، وتشمل جميع الشركات المتداولة في بورصة لندن.

يبدو للوهلة الأولى أن هذه الظاهرة تتعارض مع فرضيَّة كفاءة السوق (Efficient Market Hypothesis)، الأمر الذي أدى بكلير وتوماس إلى اقتراح تفسيرين لذلك (انظر الإطار رقم (٣,٩)). من جهة أخرى توصَّل زروين (١٩٩٠) إلى أن ٨٠٪ من العوائد الإضافيَّة للمحافظ الاستثاريَّة الممتلكة من الخاسرين تؤول إلى المستثمرين خلال شهر يناير، لذلك يبدو أن مُعظم 'التأثير المفرط بحدث في بداية السنة التقويميَّة.

٣.١٣.١ النهجيّة

(Methodology)

أخذ كلير وتوماس عينة عشوائيَّة مُكوَّنة من ١٠٠٠ شركة، ولكل شركة تم حساب فائض العائد الشهري للسهم على السوق خلال فترات تضم اثني عشر شهرًا، أربعة وعشرين شهرًا، وستة وثلاثين شهرًا لكل سهم !:

$$U_{it} = R_{it} - R_{mt} \ t = 1, ..., n;$$
 $i = 1, ..., 1000;$ $n = 12, 24$) 36

	الإطار رقم (٣,١٠) تحديد درجة أداء الأسهم وتشكيل للحافظ
تحديد درجة الأداء	المحفظة الاستشاريّة
٢٠٪ من الشركات الأفضل أداءً	المحفظة الاستثماريَّة ١
٠ ٧٪ من الشركات التالية	المحفظة الاستثماريَّة ٢
٠ ٢٪ من الشركات الثالية	المحفظة الاستثماريَّة ٣
٠ ٧٪ من الشركات التالية	المحفظة الاستثماريَّة ٤
٠ ٢٪ من الشركات الأسوأ أداءً	المحفظة الاستشاريّة ٥

الإطار رقم (٣,١١) مُراقبة المحافظ الاستثهاريّة

تقدير ، آلسنة ا مُراقبة المحافظ الاستثاريّة للسنة ٢ تقدير ، آلسنة ٣ : مُراقبة المحافظ الاستثاريّة للسنة ٣٦ نحسب بعد ذلك مُتوسَّط العائد الشهري على كل سهم ، خلال الفترات المتكوَّنة من اثني عشر شهرًا، أربعة وعشرين شهر، وسنة وثلاثين شهرًا:

$$\bar{R}_i = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n U_{it} \tag{T3.T}$$

تُرتب الأسهم بعد ذلك حسب مُتوسَّط العائد؛ من أعلى عائد إلى أدنى عائد، تُشكِّل من هذه الأسهم بعد ذلك خس محافظ استثهاريَّة، ثم نحسب العوائد بافتراض أوزان مُتساوية للأسهم في كل محفظة استثهاريَّة، (الإطار رقم (١٠) ٣,١٠).

نستخدم نفس طول العينة n لمراقبة أداء كل محفظة استثهاريَّة، وبالتالي على سبيل المثال، إذا كانت فترة نكوين المحفظة الاستثهاريَّة هي: سنة، سنتان، أو ثلاث سنوات، فإن الفترة اللاحقة لمتابعة المحفظة الاستثهاريَّة وشراقبتها ستكون على التوالي: سنة، سنتان، أو ثلاث سنوات، ثم يلي ذلك فترة أخرى لتكوين المحفظة الاستثهاريَّة، وهكذا حتى يتم استنفاد فترة العينة، لكن كم سيكون هناك من عينة بطول n? كون n إمَّا سنة أو سنتين أو ثلاث سنوات، لنفترض في البداية أن n يُساوي سنة، تكون عندئذ الطريقة المتبعة على النحو المينَّن في الإطار رقم (٢,١١).

.ول رفم (٣،٧) هل هناك تأثير رد فعل لمفرط في .	, سوقى الأوراق المالية في المملكة المتحدة		
رعة أ: جبع الأشهر			
	n = 12	n = 24	n = 36
على المحفظة الإستثباريّة الخاسرة	٠,٠٠٣٢	.,) }	.,.174
على المحفظة الإستشاريّة الرابحة	+, ++#1	+,+++٣-	.,.110
ل الضمني للعائد السنوي	7.4.77	%1,1A	71,07
O James and all the	-, 77 -	4846+,++58	.,١٣
$lpha_1$:(۲۷،۲) المادلة:	(+,Y4)	((, -))	(1,00)
را براج کیم بر موکن ک	· , · · · Y 2-	後掛き、・・)とV	e-,17
a_{z} :(۳۸،۳) المعادلة	(+, ++-)	(7, 11)	(1, (1)
Bullet Per and the fire	, - 5 T	.,.1.	., Y 0-
eta :(٣٨،٣)) المعادلة (٣٨،٣)	(·, Yo-)	((7, •)	(-,-7-)
رعة ب: جميع الأشهر بإستثناء يناير		· ·	
. இரை அத்திர ம	·, · · · y_	泰· , · - / Y	-, 4
a_1 :(۳۷،۲) إلمادلة (۳۷،۲)	(·, VY-)	(1,37)	(1,+0)

مُلاحظات: النسب تي بين قوسين؛ يرمز » و هه إلى المعنويَّة عند المُستويات ٥٪ و ١٠٪ على التوالي. المصدر: كلم وتوماسي (١٩٩٥)، أُعيد نشره بترخيص من يلاكويل للنشر. أوَّل اتحدار يتعيَّن إجراؤه هو اتحدار فائض عائد المحافظ الخاسرة على المحافظ الرابحة على ثابت لا غير:

$$\bar{R}_{Dt} = \alpha_1 + \eta_t \tag{YV, Y}$$

حيث بُمثَّل ع حد الخطأ، يتمثَّل الاختبار في معرفة ما إذا كان ،» معنويًّا وموجبًا، لكن ذلك لا بُمثَّل شرطًا كافيًا لتأكيد تأثير رد الفعل المفرط؛ لأن هذا الأخير يُمكن أن بحدُّث بسبب العوائد المرتفعة المطلوبة للأسهم الخاسرة، بسبب كون هذه الأخيرة صارت أكثر مُخاطرة، يتمثَّل الحل حسب كلير وتوماس (١٩٩٥) في أخذ فوارق المخاطرة في الاعتبار، وذلك بإدراج علاوة مُخاطرة السوق في نموذج الاتحدار:

$$\bar{R}_{Dt} = \alpha_2 + \beta (R_{int} - R_{ft}) + \eta_t \tag{TA.T}$$

حيث يُمثَّل R_{mt} العائد على كل أسهم الفايننشيال تايمز (FTA all-share) و R_{pt} العائد على أذون الخزانة الحكوميَّة لثلاثة أشهر في المملكة المُتَّحدة، نعرض في الجدول رقم (٣,٧) نتائج كل انحدار من هذين الانحدارين.

كما يتبين من خلال مُقارنة العوائد على الأسهم الرابحة والعوائد على الأسهم الخاسرة في أوَّل صفَّين من الجدول رقم (٧, ٣)، أن الفنرة المتكوِّنة من اثني عشر شهرًا تُعتبر فترة غير طويلة بها فيه الكفاية لتتحوَّل الأسهم من أسهم خاسرة إلى أسهم رابحة، في المقابل من خلال مُتابعة الأسهم لمدة سننين ولمدَّة ثلاث سنوات تحوَّلت هذه الأخيرة من أسهم خاسرة إلى أسهم رابحة، يُترجم ذلك بالقول إنه في المتوسَّط يفوق عائد الأسهم الخاسرة عائد الأسهم الرابحة بنسبة ١٠٦٨٪ في أفق سنتين، وبنسبة ١٠٥٦٪ في أفق ثلاث سنوات، لنُذكَّر الآن أن القيمة المقدَّرة للمعامل في نموذج الحدار متغيِّر على ثابت فقط تُساوي القيمة المتوسَّطة لهذا المتغيِّر، كما يُمكن أن نرى أيضًا أن المعاملات المقدَّرة للحدود الثابئة تُساوي تمامًا الفارق بين العائد على الأسهم الخاسرة والعائد على الأسهم الرابحة، هذا المعامل معنوي إحصائيًا في أفق سنتين، ومعنوي هامشيًا في أفق ثلاث سنوات.

أمًّا في اختبار الانحدار الثاني فيُمثَّل ثمَّ الفارق بين بيتا السوق للمحافظ الاستثباريَّة الرابحة والمحافظ الاستثباريَّة الحُاسرة، كل القيم المفتَّرة لبينا ليست حتى قريبة من أن تكون معنوبَّة، وبالتالي فإن إدراج المخاطرة لا يُؤدي إلى أي اختلاف فعلي لقيم المعاملات، ولا حتى على معنوبَّة حدود المقطع.

تؤدي إزالة عوائد شهر يناير من العيّنات إلى تخفيض درجة الأداء الجيّد اللاحق للمحافظ الاستثماريَّة الخاسرة، وكذلك إلى التخفيض إلى حد ما في معنويَّة .a. نستنج من ذلك إذًا أن جزءًا فقط من ظاهرة رد الفعل المفرط يحدث خلال شهر يناير، انتقل كلير وتوماس بعد ذلك إلى دراسة ما إذا كان رد الفعل المفرط مُرتبطًا بحجم الشركات أم لا، حتى وإن لم يتم عرض النتائج هنا.

٣. ١٣. ٣ الاستنتاجات

(Conclusions)

تتمثُّل الاستنتاجات الرئيسة لدراسة كلير وتوماس في النقاط التالية:

- الله عنه الله على ردود فعل مفرطة في عوائد أسهم المملكة المتّحدة، كما هو الشأن في الدراسات الأمريكيّة السابقة.
 - (٢) هذه الردود المفرطة للفعل ليست لها علاقة ببيتا نموذج تسعير الأصول الرَّأسماليَّة.
- (٣) تميل الأسهم الخاسرة التي تصير بعد ذلك رابحة إلى أن تكون قليلة حتى أن مُعظم رد الفعل المفرط في المملكة المتّحدة بُمكن أن يُنسب إلى تأثير الحجم.

١٤, ٣ مُستوى المعنوبَّة المضبوط

(The exact significance level)

يُعرف مُستوى المعنويَّة المضبوط (Exact Significance Level) أيضًا باسم القيمة بي (p-value) وهو يُعطي مُستوى المعنويَّة المخدية (Marginal Significance Level) أين نكون مُحايدين أمام رفض فرضيَّة العدم من عدمه، إذا كانت القيمة المطلقة لإحصاءة الاختبار 'كبيرة'، فإن القيمة بي ستكون صغيرة، والعكس بالعكس، لنأخذ على سبيل المثال إحصاءة اختبار مُوزَّعة حسب التوزيع وتتَّخذ الفيمة بي منكون صغيرة والعكس بالعكس، لنأخذ على سبيل المثال إحصاءة اختبار مُوزَّعة حسب التوزيع وتتَّخذ الفيمة بي منه الحنبار. لنفترض الآن أن القيمة المحسوبة للقيمة بي هي ١٢ , ١٠:

- هل تُرفض فرضيَّة العدم عند المستوى ٥٪؟ لا
- هل تُرفض فرضيَّة العدم عند المستوى ١٠٪؟ لا
- هل تُرفض فرضيَّة العدم عند المستوى ٢٠٪؟ نعم

قم (٣،٨) جزء من نتائج إفيوز للإنحدار مرة أخرى					
الاحتيال	الإحصاءة تي	الانحراف المعياري	المعامل		
-,91.9	٠,٠٢٤٠٣٢	٠,٠٢٦٢٥	٠,٠٠٠١٤٠	C	
.,	171,741	+,++0,170	1,	RFUTURES	

كان من المفترض في الحقيقة رَفَضُ فرضيَّة العدم عند مُستوى ١٢٪ فيا فوق، لفهم ذلك تقوم بإجراء سلسلة من الاختبارات بأحجام ١٠,٠٪، ٢٠,٠٪، ٣,٠٪، ٤٠,٠٪، ١٠٪، ١٠، ١٠٪، ١٠ في نهاية المطاف ستتقابل القيمة الحرجة بإحصاءة الاختبار، والتي ستُمثَّل القيمة بي، غالبًا ما تُقدَّم حُزَم البرمجيات آلبًا القيم بي، لاحظ كم ذلك مُفيدا كيا تُوفَّر هذه الحزم كافة المعلومات المطلوبة لإجراء اختبار الفرضيات دون حاجة الباحث إلى حساب إحصاءة الاختبار، أو إيجاد القيمة الحرجة من الجداول؛ لأنه تم فعليًا أُخذ هاتين الأخيرتين في حساب القيمة بي، هذا وتُعتبر القيمة في مُفيدة أيضًا لأنها نتجاوز شرط تحديد مُستوى معنويَّة تعشفي (٥)، وبالتالي يُجرَى تحليل الحساسيَّة لتأثير مُستوى المعنويَّة على النتيجة بصفة آلية.

كثيرًا ما يُشار إلى القيمة بي بشكل غير رسمي على أنها احتيال الوقوع في الخطأ عند رفض فرضيَّة العدم، وبالتائي وعلى سبيل المثال، إذا كانت القيمة بي تُساوي ٥٠,٠٠ أو أقل فذلك يجعل الباحث يرفض فرضيَّة العدم (أي ما يُعادل مُستوى معنوبَّة ٥٪)، وذلك بمثابة القول إنه إذا كان احتيال رفض خاطئ لفرضيَّة العدم بتجاوز ٥٪ فلا نرفض هذه الأخيرة، كما يُطلق أبضًا على القيمة بي معقوليَّة فرضيَّة العدم، لذلك كُلما كانت القيمة بي أصغر كُلما كانت فرضيَّة العدم أقل معقوليَّة.

٥ ، ٢ ، اختبار الفرضيَّات داخل إفيوز - المثال ١ : إعادة النظر في التحوُّط

(Hypothesis testing in EViews - example 1: hedging revisited)

نقوم بتحميل ملف عمل إفيوز 'hedge.wf1' الذي تم إنشاؤه سابقًا، إذا أعدنا مُعاينة جدول نتاتج انحدار العوائد (لقطة الشاشة رقم (٤, ٣)) فيُمكن أن نرى أنه فضلًا عن القيم المقدَّرة للمعلمات يقوم إفيوز آليًّا بحساب الأخطاء المعياريَّة، النسب ي والقيم بي المرتبطة باختبار ذي طرفين لفرضيَّة العدم المتمثَّلة في أن القيمة الحقيقيَّة للمعلمة تُساوي صفرًا، كما تم هنا نسخ جزء من جدول نتائج الانحدار مرَّة أخرى (الجدول رقم (٨, ٣)) وذلك لتسهيل تفسير هذه النتائج.

يعرض العمود الثالث النسب تي والتي تُمثُل إحصاءات الاختبار المستخدمة في اختبار فرضيَّة العدم المتمثّلة في أن القيم الحقيقيَّة للمعلمات تُساوي صفرًا ضد فرضيَّة بديلة من طرفين، بمعنى آخر تختبر هذه الإحصاءات $\alpha=0$ مُقابل $\alpha=0$ الصف الأول من الجدول، وكذلك $\alpha=0$ مُقابل $\alpha=0$ مُقابل $\alpha=0$ الصف الثاني، كما يُعتبر كون أوَّل هذه الإحصاءات ذا قيمة صغيرة مؤشرًا على أنه من المرجَّح عدم رفض فرضيَّة العدم المقابلة، في حين أنه من المحتمل رفض هذه الفرضيَّة لمعلمة الميل.

Equation: RETURNREG			
Test statistic	Value	df	Probability
t-statistic	1.243066	132	0.2160
F-statistic	1.545212	(1, 132)	0.2160
Chi-square	1,545212	1	0.2138
Null hypothesis: C(2) = 1			
Null hypothesis summary			
Normalised restriction (=	Value	Std. err.	
-1 + C(2)		0.007291	0.005865

كما يُمكن تأكيد هذه التتيجة من خلال القيم بي في العمود الأخير، أمَّا القيمة بي للمقطع فهي أكبر بكثير من ٠,١ ممَّا يدل على أن إحصاءة الاختبار المقابلة ليست معنويَّة حتى عند المستوى ١٠٪. في المقابل بالنسبة إلى قيمة معامل الميل فهي تُساوي صفرًا إلى أربعة منازل عشريَّة، وبالتالي يتم رفض فرضيَّة العدم بشكل حاسم.

لنفترض الآن أننا نُريد اختبار فرضيَّة العدم Ho: eta=0 عوضًا عن Ho: eta=0. كان من الممكن اختبار هذه الفرضيَّة، أو أي فرضيَّة أخرى للمُعاملات، بدويًّا، وذلك باستخدام المعلومات المتوفَّرة لدينا، لكن من الأسهل القيام بهذا العمل باستخدام إفيوز، وذلك بواسطة كتابة Coefficient Diagnostics/Wald Test - Coefficient Restrictions... يُعرَّف إفيوز كل المعلمات في

المُتَّجه C بحيث سيَّمثُل (1) المقطع و (2) الميل، اكتب بعد ذلك 1 = (2) ثم انقر على OK، كما نُحيط علمٌا كذلك أنه باستخدام هذا البرنامج من الممكن اختبار عدة فرضيات التي ستتم مُناقشتها في الفصل ٤، وكذلك القيود اللاخطِّية التي لا يُمكن اختبارها باستخدام الإجراءات الاعتباديَّة للاستدلال المبيَّنة آنفًا.

أُجْرِي الاختبار بثلاث طرق مُختلفة، لكن تُشير النتائج بوضوح أنه في كل حالة لا يجب رفض فرضيَّة العدم بها أن القيمة بي للاختبار أكبر بكثير من ٠٠٠٥. كما نُلاحظ أنه بها أننا نقوم باختبار قيد واحد فإن الصيخ تي، إف، ومُربَّع كاي، سوف تُعطي نفس النتائج، سوف نعود إلى هذه النقطة في الفصل القادم، يُقدَّم إفيوز أيضًا 'القيد المطبع' بالرغم أنه يُمكن تجاهله في الوقت الراهن؛ لأنه يكتفي بتقديم معلمة المبل (بشكل مُختلف) وخطئها المعباري.

فلنعُد الآن إلى انحدار مُستويات السلاسل (أي انحدار سلاسل الأسعار الخام بدلًا من سلاسل العائدات) واختبار فرضيَّة العدم 1 = 8 في هذا الانحدار، ينبغي في هذه الحالة نجد أن فرضيَّة العدم مرفوضة بشدَّة (الجدول أدناه).

Equation: LEVELREG			
Test statistic	Value	df	Probability
t-statistic	-2.329050	133	0.0214
F-statistic	5.424474	(1, 133)	0.0214
Chi-square	5.424474	1	0.0199
Null hypothesis: C(2)=1			
Null hypothesis summary:			
Normalised restriction (= 0	0)	Value	Std. err.
-1 + C(2)		-0.004368	0.001876

٣, ١٦ اختبار الفرضيَّات داخل إفيوز- المثال ٢: نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة

(Hypothesis testing in EViews - example 2: the CAPM)

سيقوم هذا التمرين بتقدير واختبار بعض الفرضيَّات حول بيتا نموذج نسعير الأصول الرأسهاليَّة لعدَّة أسهم أمريكيَّة، لذلك نقوم أوَّلاً بفتح ملف عمل جديد لاحتواء البيانات الشهريَّة التي تبدأ من يناير ٢٠٠٢، وتنتهي في أبريل ٢٠١٣، كما نُشير إلى أنه من المعتاد استخدام بيانات شهريَّة لخمس سنوات لتقدير المعلمات بيتا، لكن لنستخدم في الوقت الحالي كل المشاهدات (أكثر من ١٠ سنوات)، قُم بعد ذلك باستيراد ملف الإكسل 'capm.xis'، نُظِّم الملف حسب المشاهدات، وبحتوي على سنة أعمدة من الأعداد،

إضافة إلى العمود الأوَّل الذي يضم التواريخ، يجب أيضًا أن تكون فادرًا على مجرد النقر على الخيارات الافتراضيَّة، سوف نظهر أسعار الأسهم الشَّهريَّة لأربع شركات (فورد، جنرال إلكتريك، مابكروسوفت، وأوراكل) ككائنات، إلى جانب قيم المؤشِّر (Sandp') S&P 500 (Sandp') وأذون الخزانة الأمريكيَّة لثلاثة أشهر (US-Treasury bills)، احفظ ملف العمل إفيوز باسم 'capm.wk1'.

حتى يتسنى تقدير مُعادلة نموذج تسعير الأصول الرأساليَّة للسهم فورد على سبيل المثال، نحتاج أوَّلًا إلى تحويل سلاسل السُّعر إلى سلاسل عوائد، ومن ثم إلى فاتض عوائد على معدَّل العائد الخالي من الخطر، إذًا لتحويل السلسلة انقر على زر الإنشاء (Genr) من نافذة ملف العمل، في النافذة الجديدة اكتب:

RSANDP = 100 * LOG(SANDP/SANDP(-1))

سيؤدي ذلك إلى إنشاء سلسلة جديدة مُسيَّاة RSANDP تحتوي على عوائد المؤشر 500 S&P 500. كما نستخدم المؤثر (-1) لإعطاء تعليمات لإفيوز باستخدام مُشاهدات للسلسلة مُنباطئة (مُتأخرة) بفترة واحدة، أمَّا بالنسبة إلى حساب نسبة العوائد على السَّهم فورد فنضغط مرَّة أخرى على الزر Genr، ونكتب:

RFORD = 100 * LOG(FORD/FORD(-1))

على إثر ذلك سنتحصَّل على سلسلة جديدة مُسمَّاة RFORD تحتوي على عوائد الشَّهم فورد، كما نُشير إلى أن إفيوز يُتيح أنواعًا مُحتلفة من التحويلات على السلاسل، نذكر على سبيل المثال:

 $X^2 = X/2$ يكون نصف قيمة $X^2 = X/2$

 $XSQ = X^2$ پکون تربیعًا لـ XSQ فردت متغبّرًا جدیدًا بُسمی

.X عَجُدث متغيِّرًا جديدًا يُسمى LX = LOG(X) يُحدث متغيِّرًا جديدًا يُسمى

(LAGX = X(-1) تُحدث متغيّرًا جديدًا LAGX يكون مُساويًا لـ X متباطئًا بفترة واحدة

(-2) LAGX2 = X غُدث متغبَّرًا جديدًا يُسمى LAGX2 يكون مُساويًا لـ X متباطئًا بفترتين

كم تشمل الدوال الأخرى على:

d(X) الفرق الأوّل لـ X.

(X, n) الفرق التوتي لـ X.

(X الفرق الأوّل للوغاريتم X. الفرق الأوّل للوغاريتم X.

(dlog(X, n) الفرق النوني للوغاريتم X.

(abs(X) القيمة المطلقة لـ X.

إذا تم أثناء عمليَّة تحويل البيانات تسمية السلسلة الجديدة بنفس اسم السلسلة القديمة فإنه سيتم استبدال بيانات هذه الأخيرة (أي الكتابة فوقها)، كما تُشير إلى أنه كان بالإمكان إنشاء عوائد المؤشِّر S&P باستخدام أمر أسهل من ذلك داخل النافذة 'Genr' من قبيل:

RSANDP = 100 * DLOG(SANDP)

كما اعتدنا سابقًا لكن من المفيد أن نرى كيف تعمل الصيغة 'dlog'، كما ينبغي أن نكون حَذِرِينَ قليلًا قبل أن نتمكَّن من تحويل العوائد إلى فائض عوائد، وذلك لأن عوائد الأسهم شهريَّة، في حين أن عوائد أذون الخزانة سنويَّة، بإمكاننا إدارة كامل التحليل إمَّا باستخدام بيانات شهريَّة، أو بيانات سنويَّة، فذلك لا يهم، لكن يجب أن تُقاس السلسلتين بشكل منَّسق، (ذَا لتحويل عواند أذون الخزانة إلى بيانات شهريَّة والكتابة فوق السلسلة الأصليَّة إضغط مرة أخرى على الزر Genr ثم اكتب:

USTB3M = USTB3M/12

الآن لحساب فائض العوائد انقر مرة أخرى على Genr ثم اكتب:

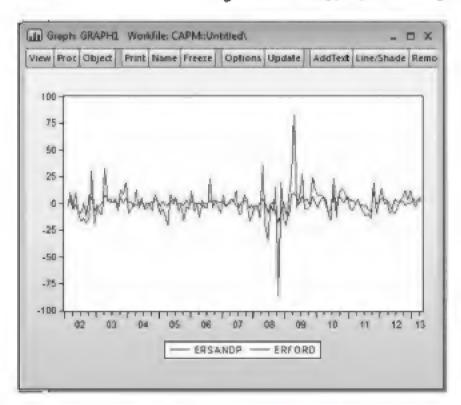
ERSANDP = RSANDP - USTB3M

حيث نستخدم ERSANDP للدلالة على فائض العوائد حتى يتسنى الاحتفاظ بالسلسلة الأصليَّة للعوائد الخام في ملف العمل، بطريقة تُماثلة يُمكن تحويل عوائد فورد إلى سلسلة من فائض العوائد.

الآن وبعد الحصول على فائض العوائد للسلسلتين وقبل إجراء الانحدار، نوسم البيانات، وذلك لفحصها بصريًّا من أجل معرفة ما إذا كانتا نتحرك معًا أم لا، للقيام بذلك قم بإنشاء كائن جديد من خلال النَّقر على القائمة Object/New Object من شريط القوائم، اختر بعد ذلك Graph ، قم بإدخال اسم فذا الرسم (قم بتسميته Graph)، ثم في النافذة الجديدة أَذْخِل أسهاء السلاسل التي نودُّ رسمها في تلك النافذة اكتب:

ERSANDP ERFORD

اضغط إذًا على OK وستظهر لقطة الشاشة رقم (٣,٥)، من الواضح أن السلسلة فورد أكثر تقلبًا بكثير من المؤشّر ككل خصوصًا خلال الفترة ٢٠٠٩-٢٠٠٨ على الرغم أنه في المتوسّط يبدو أن السلسلتين تتحرّكان غالبًا في نفس الانجاه، كما يُمثّل هذا الرسم رسمًا زمنيًّا للمتغيَّرين، على الرغم أن رسم الانتشار قد يكون أكثر غنى بالمعلومات من ذلك، لفحص رسم الانتشار قم بالنقر على Options ثم اختر Graph Type من علامة التبويب، حدَّد Scatter ثم انقر على OK، يبدو أن هناك ارتباطًا موجبًا ضعيفًا بين ERFTAS و ERFORD، اغلق هذه النافذة وعُدُ إلى نافذة ملف العمل.



لقطة الشاشة رقم (٣,٥) رسم للسلسلتين

لتقدير مُعادلة نموذج تسعير الأصول الرأساليَّة انقر على Object/New Object.. وفي النافذة الجديدة اختر Equation (الحيار الأوَّل في القائمة)، سمَّي الكائن CAPM ثم انقر على OK. في النافذة قُم بتحديد مُعادلة الانحدار، تأخذ مُعادلة الانحدار الشكل التالى:

$$(R_{Ford} - r_f)_t = \alpha + (R_M - r_f)_t + u_t$$

وبها أنه سبق تحويل البيانات للحصول على فائض العوائد فإننا نكتب في نافذة المعادلة:

ERFORD CERSANDP

وذلك بهدف تحديد مُعادلة الانحدار، انقر على OK لاستخدام جميع مُشاهدات العيَّنة، ولتقدير الانحدار باستخدام المربَّعات الصُّغرى (ARMA)، تظهر شاشة النتائج كما في الجدول التالي، تأكد أنك حفظت ثانية ملف العمل ليحتوي على السلاسل المحوَّلة وعلى نتائج الانحدار.

Dependent Variable: El Method: Least Square: Date: 07/02/13 Time: 1 Sample (adjusted): 200 Included observations:	s 0:55 12M02 2013M04			
	Coefficient	Sld. error	I-Statistic	Prob
С	-0.319863	1.086409	-0.294423	0.7689
ERSANDP	2.026213	0.237743	8.522711	0.0000
R-squared	0.353228	Mean deper	ndent var	-0.078204
Adjusted R-squared	0.346365	S.D. dependent var		15.63184
S.E. of regression	12.61863	Akaike info criterion		7.922930
Sum squared resid	21177.56	Schwarz criterion		7.965971
Log ikelihood	-532.7977	Hannan-Quinn criter.		7.940420
F-statistic	72,63660	Durbin-Wats	son stat	2.588482
Prob(F-statistic)	0.000000			

لنأخذ الآن بعض الدقائق لفحص نتائج الانحدار، ما هي القيمة المقدَّرة لمعامل الميل وماذا تعني؟ هل أن هذا المعامل معنوي إحصائيًّا؟ بالنسبة للقيمة المقدَّرة لمعامل بيتا (معامل الميل) فهي ٢٦٠، ٢، أما القيمة بي لنسبة تي فهي ٠٠٠، ما يدل على أن فائض المعوائد للمتغيِّر الوكيل لمعائد السوق بتميَّز بقوَّة تفسيريَّة هامة للغاية لتغيُّرية فائض عوائد السَّهم فورد، أمَّا الآن فنتساءل عن: ما هو تفسير القيمة المقدَّرة للمقطع؟ هل أنها معنوية إحصائيًّا؟

في الحقيقة هناك طريقة أسرع بكثير لاستخدام المتغيّرات المحوَّلة في مُعادلات الانحدار، وذلك بكتابة التحويل مُباشرة في نافذة المعادلة في نموذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة السابق، ويُمكن القيام بذلك بكتابة:

(100 * DLOG(FORD)) - (USTB3M/12) C (100 * DLOG(SANDP)) - (USTB3M/12)

داخل نافذة المعادلة، بالإضافة إلى كونها الأسرع، تتميَّز هذه الطريقة بأن الناتج يُظهر بشكل أوضح الانحدار الذي أجري فعليًّا بحيث يُمكن مُلاحظة الأخطاء في التحويلات بشكل أوضح. السؤال الذي يُطوح الآن هو كيف يُمكن اختبار فرضيَّة أن فيمة معامل المجتمع تُساوي ١؟ تكون الإجابة عن هذا السؤال بالضغط على View/Coefficient Diagnostics/Wald Test - Coefficient Restrictions ... ثم نكتب في المربع الذي مسوف يظهر الله النتيجة هنا هي رفض فرضيَّة العدم المتمثَّلة في أن بيتا نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة للسهم فورد يُساوي واحدًا باقتناع، وبالتالي فإن القيمة المقدَّرة لبيتا وهي ٢٠٠٢ مُختلفة معنويًّا عن واحد^(٥).

المفاصم الرثيبية يُمكن من خلال هذا الفصل تعريف وشرح المصطلحات الرئيسية التالية: " • حد الخطأ • نموذج الإنحدار • المجتمع • العبنة • النموذج الخطي • الإتساق • عدم التحيّز • الكفاءة • الخطأ المعباري • الإستدلال الإحصائي • الفرضية البديلة 🤵 فرضيّة العدم • فترة الثقة 🍨 التوزيع تي • منطقة الرفض • إحصاءة الاختبار الخطأ من النوع الثاني • الخطأ من النوع الأوّل • حجم الإختبار • قوة الإختيار • تنقيب في البيانات (Data Mining) • القيمة بي • مُقاربة

مُلحق الاشتقاقات الرياضيَّة لتنائج نموذج الانحدار الخطي الكلاسبكي

(Mathematical derivations of CLRM results)

٣.١أ اشتقاق مقدَّرات معاملات المربعات الصغرى العاديَّة في حالة متغيِّرين اثنين

(Derivation of the OLS coefficient estimator in the bivariate case)

$$L = \sum_{t=1}^{T} (y_t - \hat{y}_t)^2 = \sum_{t=1}^{T} (y_t - \hat{\alpha} - \hat{\beta}x_t)^2$$
 (1.17)

من الضروري تصغير L بالنسبة لـ $\hat{\alpha}$ و $\hat{\beta}$ لإيجاد قيم $\hat{\alpha}$ و $\hat{\beta}$ التي تُعطي أقرب خط للبيانات، لذا نقوم بتفاضل L بالنسبة لـ $\hat{\alpha}$ ثم نُساوي المشتقات الأولى بصفر، تكون هذه المشتقات الأولى كالآتي:

 ⁽٥) ليس هذا مُستغربًا؛ نظرًا للمسافة بين ١ و ٢٠٠٢٦. ومع ذلك في بعض الأحيان وخاصة إذا كان حجم العينة صغيرًا جدًّا، والذي يؤدي إلى أخطاء قياسية
 كبيرة حيث ان هناك العديد من القرضيات المختلفة غير مرفوضة ، على سبيل المثال، تكون كلتا الفرضيتين θ = θ = θ و H فير مرفوضتين.

$$\frac{\partial L}{\partial \hat{x}} = -2\sum_{t} \left(y_{t} - \hat{\alpha} - \hat{\beta} x_{t} \right) = 0 \tag{Y.14}$$

$$\frac{\partial t}{\partial \hat{x}} = -2\sum_{t} x_{t} (y_{t} - \hat{a} - \hat{\beta}x_{t}) = 0 \tag{(4.14)}$$

تتمثّل الخطوة التالية في إعادة ترتيب (٢٠١٣) و (٢٠١٣) للحصول على صيغ ٦ و ٦ُ. من المعادلة (٢٠١٣) نتحصُّل على:

$$\sum_{t} (y_{t} - \hat{\alpha} - \hat{\beta}x_{t}) = 0 \tag{(i.17)}$$

كما تُذكِّر أن الجمع يمتد من ١ إلى ٢ بحيث يكون لدينا ٢ عنصر في ٥، إذًا بعد تفكيك الأقواس نتحصَّل على:

$$\sum y_t - T\partial_t - \hat{\beta} \sum x_t = 0 \tag{0.17}$$

بيا أن $\Sigma y_t = T\bar{y}$ و $\Sigma x_t = T\bar{x}$ ، من الممكن إذًا كتابة (اأ،٥)كا $\Sigma y_t = T\bar{y}$

$$T\bar{y} - T\hat{\alpha} - T\hat{\beta}\bar{x} = 0 \tag{1.17}$$

أو

$$\bar{y} - \hat{a} - \hat{\beta}\bar{x} = 0 \tag{V.T}$$

من المعادلة (٣١١٣) نتحصَّل على:

$$\sum_{t} x_{t} \left(y_{t} - \hat{\alpha} - \hat{\beta} x_{t} \right) = 0 \tag{A.T.}$$

ومن المعادلة (٣أ،٧) نتحصَّل على:

$$\hat{\alpha} = \bar{y} - \hat{\beta}\bar{x} \tag{4.17}$$

بتعويض â من المعادلة (٩،١٣) داخل المعادلة (٨،١٣) تتحصُّل على:

$$\sum_{t} x_{t} (y_{t} - \bar{y} + \beta \bar{x} - \beta x_{t}) = 0 \qquad (1 \cdot \sqrt{\Upsilon})$$

$$\sum_t x_t y_t - \bar{y} \sum x_t + \hat{\beta} \bar{x} \sum x_t - \hat{\beta} \sum x_t^2 = 0 \qquad (1)$$

$$\sum_t x_t y_t - T \bar{y} \bar{x} + \beta T \bar{x}^2 - \beta \sum_t x_t^2 = 0 \tag{1}$$

بإعادة ترتيب المعادلة بالنسبة لـ 8 نتحصَّل على:

$$\hat{\beta}(T\bar{x}^2 - \sum x_t^2) = T\bar{y}\bar{x} - \sum x_t y_t \tag{17.47}$$

بتقسيم جانبي المعادلة (١٣٠١٣) بـ $(T\bar{x}^2 - \sum x_t^2)$ نتحصًل على:

$$\hat{\alpha} = \bar{y} - \hat{\beta}\bar{x} \quad _{j} \quad \hat{\beta} = \frac{\sum x_{i}y_{i} - T\hat{y}\bar{x}}{\sum x_{i}^{2} - T\hat{x}^{2}} \tag{15.17}$$

٢. ١٣ المتقاق مقدرات المربعات الصّغرى العاديّة للأخطاء المعياريّة للمقطع والميل في حالة متغيّرين اثنين

Derivation of the OLS standard error estimators)

(for the intercept and slope in the bivariate case

نُذَكر بأنه يُمكن كتابة تباين المتغيِّر العشوائي à كالآتي:

$$var(\hat{\alpha}) = E(\hat{\alpha} - E(\hat{\alpha}))^2$$
 (10.17)

وبها أن مقدَّر المربعات الصُّغرى العاديَّة غير مُتحيِّز، يكون:

$$var(\hat{\alpha}) = E(\hat{\alpha} - \alpha)^2 \tag{17.14}$$

ولنفس السبب، يُكتب تباين مقدَّر الميل كالآتي:

$$var(\hat{\beta}) = E(\hat{\beta} - \beta)^{2} \tag{1V.14}$$

لنعمل أوَّلًا على المعادلة (١٧٠١٣) وبتعويض ﭬ بصيغتها المقدَّمة من قبل مقدَّر المربعات الصُّغري العاديَّة نتحصَّل على:

$$var(\hat{\beta}) = E\left(\frac{\sum (x_t - \hat{x})(y_t - \hat{y})}{\sum (x_t - \hat{x})^2} - \beta\right)^2 \tag{1A.14}$$

نُعوِّض $\alpha + \beta x_t + u_t$ في المعادلة (١٨١١): $\alpha + \beta x_t + u_t$ في المعادلة (١٨١١):

$$var(\beta) = E\left(\frac{\sum (x_t - \vec{x})(\alpha + \beta x_t + u_t - \alpha - \beta \vec{x})}{\sum (x_t - \vec{x})^2} - \beta\right)^2$$
 (14.17)

 $rac{|\Sigma(x_l-\theta)|^2}{|\Sigma(x_l-\theta)|^2}$ ب (۱۹ أ من المعادلة (۱۹ أ من حد المخرب آخر حد eta

$$var(\hat{\beta}) = E\left(\frac{\sum (x_t - \bar{x})(\beta x_t + u_t - \beta \bar{x}) - \beta \sum (x_t - \bar{x})^2}{\sum (x_t - \bar{x})^2}\right)^2 \tag{Y.,1}$$

بإعادة ترتيب المعادلة:

$$var(\hat{\beta}) = E\left(\frac{\sum (x_t - \bar{x})\beta(x_t - \bar{x}) + \sum u_t(x_t - \bar{x}) - \beta\sum(x_t - \bar{x})^2}{\sum (x_t - \bar{x})^2}\right)^2 \tag{Y1,1}$$

$$var(\hat{\beta}) = E\left(\frac{\beta \sum (x_t - \bar{x})^2 + \sum u_t (x_t - \bar{x}) - \beta \sum (x_t - \bar{x})^2}{\sum (x_t - \bar{x})^2}\right)^2 \tag{YY, $|\Upsilon|$}$$

الآن بعد إلغاء الحدود β في المعادلة (٣١ . ٢٢) نتحصَّل على:

$$var(\hat{\beta}) = E\left(\frac{\sum u_t(x_t - \bar{x})^2}{\sum (x_t - \bar{x})^2}\right)^2 \tag{YT, $|\Upsilon|$}$$

دعونا الآن نرمز بـ x_i للدلالة على المشاهدة x_i المعدَّلة وفق الوسط الحسابي، أي $(x_i - x_i)$. يُمكن كتابة المعادلة ($x_i - x_i$) كالآق:

$$var(\hat{\beta}) = E\left(\frac{\sum u_t x_t^*}{\sum x_t^{*2}}\right)^2 \tag{Y \xi, 1^*}$$

كما يُمكن إخراج مقام المعادلة رقم (٣ أ , ٣٤) من مُؤثِّر التوقعات في ظل افتراض أن x هو ثابت أو غير تصادُفي.

$$var(\hat{\beta}) = \frac{1}{(\sum x_t^{\prime 2})^3} E(\sum u_t x_t^*)^2 \tag{Yo, it}$$

بتوسيع حدود آخر جمع في المعادلة (٣١ , ٢٥) يكون:

$$var(\hat{\beta}) = \frac{1}{(\sum x_1^*)^2} E(u_1 x_1^* + u_2 x_2^* + \dots + u_T x_T^*)^2$$
 (Y7, ÎT)

نقوم الآن بتفكيك أقواس الحدود التربيعيَّة داخل مؤثر التوقعات للمُعادلة (٣١, ٢٦):

$$var(\beta) = \frac{1}{(\sum x_1^{*2})^2} E(u_1^2 x_1^{*2} + u_2^2 x_2^{*2} + \dots + u_T^2 x_T^{*2} + cross - products) \tag{YV}, \text{$|\Upsilon|$}$$

 $u_ix_i^*u_jx_j^*(l \neq products)$ (۲۷) إلى كل العناصر المتقاطعة (۲۱) في المعادلة (۲۷) إلى كل العناصر -products حيث يرمَّز (۲۷) أيمكن كتابة حاصل ضرب هذه العناصر المتقاطعة كالتالي: $u_iu_jx_i^*x_j^*(l \neq l)$ وتكون توفَّعاتها صفرًا في ظل فرضيَّة أن حدود الخطأ غير مُترابطة فيها بينها، وبالتالي نزيلها من المعادلة رقم (۱۳ ، ۲۷)، كها نُذكَّر أيضًا من خلال ما جاء في الفصل أن $E(u_i^2)$ يُمثُل تايُن الخطأ والذي يُقدَّر بـ $-s^2$:

$$var(\hat{\beta}) = \frac{1}{(\Sigma x_1^{*2})^2} E(s^2 x_1^{*2} + s^2 x_2^{*2} + \dots + s^2 x_T^{*2})^2$$
 (YA, [Y)

والذي يُمكن أيضًا كتابته:

$$var(\hat{\beta}) = \frac{s^2}{(\sum x_t^{*2})^2} (x_1^{*2} + x_2^{*2} + \dots + x_T^{*2})^2 = \frac{s^2 \sum x_t^{*2}}{(\sum x_t^{*2})^2}$$
 (Y4, [Y)

بحذف الحد 2 xi² من بسط ومقام المعادلة (١٣ , ٢٩)، وبتذكُّر أن (x = (xt − x̄) نتحصَّل على تباين مُعامل الميل كالآتي:

$$var(\hat{\beta}) = \frac{s^2}{\sum (x_r - \hat{x})^2}$$
 ($\Upsilon \cdot , \uparrow \Upsilon$)

وبالتالي يُمكن الحصول على الخطأ المعياري بأخذ الجذر التربيعي للمُعادلة (٣٠, ٣٠):

$$SE(\hat{\beta}) = s \sqrt{\frac{1}{\sum (x_s - \hat{x})^2}}$$
 (T1, \hat{T})

نتطرَّق الآن إلى اشتقاق الخطأ المعياري للمقطع، وهو في الواقع أكثر صعوبة بكثير من الخطأ المعياري للميل، في الحقيقة يكون حساب كليها أكثر سهولة بكثير إذا ما استخدمنا جبر المصفوفات كيا هو مُبيَّن أدناه، بناءً على ذلك سنُقدَّم هذا الاشتقاق بشكل موجز، من المكن أيضًا وصف α على شكل دائة في α الحقيقيَّة وحد الاضطراب، α:

$$\hat{\alpha} = \alpha + \frac{\sum u_t |\sum x_t^2 - x_t \sum x_t|}{[\tau \sum x_t^2 - (\sum x_t)^2]} \tag{TT, $|\tau|$}$$

نرمز إلى كل العناصر بين القوسين المعقوفين (المربعين) بـ يه، يُمكن إذًا كتابة المعادلة (٣٢،١٣) كالآتي:

$$\hat{\alpha} - \alpha = \sum u_t g_t \tag{\Upsilon\Upsilon, \Upsilon}$$

من المعادلة (٣٣،١٣) يُكتب تباين المقطع كالآتي:

$$var(\hat{a}) = E(\sum u_t g_t)^2 = \sum g_t^2 E(u_t^2) = s^2 \sum g_t^2$$
 (Y£, |Y)

بتعويض على: المعادلة رقم (٣٤ , ٣٤) وبتفكيك الأقواس نتحصُّل على:

$$var(\hat{\alpha}) = \frac{s^2 \left[r(\sum x_t^2)^2 - 2\sum x_t(\sum x_t^2)\sum x_t + (\sum x_t^2)(\sum x_t)^2 \right]}{[r\sum x_t^2 - (\sum x_t)^2]^2}$$
 (To, it)

يبدو ذلك مُعقَّدًا لكن لحسن الحظ إذا أخذنا ∑x خارج الأقواس المعقوفة في البسط، فإن البسط المتبقَّي يُلغى مع حد المقام الإعطاء النتيجة المرجُوَّة التالية:

$$SE(\hat{\beta}) = s \sqrt{\frac{\sum x_t^2}{\tau \sum (x_t - \bar{x})^2}}$$
 (T7, 1T)

أسئلة التعلُّم الذاتي:

- (١) (أ) لماذا تنطوي عمليَّة تقدير المربَّعات الصَّغرى العاديَّة على أخذ الانحرافات الرَّأسيَّة بين النقاط والحُط بدلًا من المسافات الأفقيَّة؟
 - (ب) لماذا تُربّع المسافات الرأسيَّة قبل جمعها معّا؟
 - (ج) لماذا تأخذ مربعات المسافات الرأسيَّة عوضًا عن القيم المطلقة؟
 - (٢) اشرح، باستخدام مُعادلات، الفرق بين دالة انحدار العيُّنة ودالة انحدار المجتمع.
 - (٣) ما هو المقدَّر؟ هل أن مقدَّر المربعات الصغرى العاديَّة مُتفرِّق على جميع المقدَّرات الأخرى؟ لماذا ولماذا لا؟
- (٤) ما هي الافتراضات الحمس المتعلّقة عادة بحدود الخطأ غير المُشاهدة في نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي؟ اشرح باختصار معنى كل واحدة منها، لماذا وُضعت هذه الفرضيّات؟
- (٥) أي من النهاذج التالية يُمكن تقديره (بعد إعادة ترتيب مُناسبة إذا اقتضى الأمر) باستخدام المربَّعات الصُّغرى العاديَّة حيث يُمثَّل y ،x و z المتغيِّرات و β ،α و γ المعلمات المفترض تقديرها (تلميح: تحتاج النهاذج أن تكون خطية في المعلمات).

$$y_t = \alpha + \beta x_t + u_t \tag{T9.T}$$

$$y_t = e^{\alpha} x_*^{\beta} e^{u_t} \tag{$\xi \cdot \zeta \Upsilon$}$$

$$y_t = \alpha + \beta \gamma x_t + u_t \tag{7.51}$$

$$ln(y_t) = \alpha + \beta \ln(x_t) + u_t \tag{5.7.7}$$

$$y_t = \alpha + \beta x_t z_t + u_t \tag{$\xi \tau_t \tau$}$$

(٦) باستخدام الترميز الموجَّد يُمكن لنموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة أن يُكتب كالآتي:

$$E(R_i) = R_f + \beta_i [E(R_m) - R_f]$$
 (\$5.47)

تتمثّل الخطوة الأولى عند استخدام نموذج نسعير الأصول الرأسماليَّة في نقدير بيتا السَّهم، ويكون ذلك باستخدام نموذج السوق، يُمكن كتابة نموذج السوق كالآتي:

$$R_{it} = \alpha_i + \beta_i R_{int} + u_{it} \qquad (\xi \circ_i \Upsilon)$$

سبت يُمثّل Ric فائض عوائد الورقة الماليّة ، في الزمن Ric فائض عوائد المتغيّر الوكيل عن محفظة السوق في الزمن و ت حد اضطراب عشوائي مُستقل ومُوزَّع بشكل مُتطابق (iid). في هذه الحالة يُمثّل معامل بيتا أيضًا بيتا نموذج تسعير الأصول الرأسماليّة المورقة الماليَّة ،

لنفترض الآن أننا قدَّرنا المعادلة رقم (٤٥٠٣)، وأننا وجدنا أن القيمة المقدَّرة لبيتا السَّهم، أي ﴿، هي ١,١٤٧ ويأن الخطأ المعياري المقترن جذا المعامل قُدَّر بـ ٠٠٠٠٠.

أخبرك المحلّل أن هذه الورقة الماليَّة تتبع إلى حد كبير السوق إلَّا أنها في المتوسَّط ليست أكثر مُخاطرة منه، يُمكن اختبار ذلك من خلال فرضيَّة العدم أن قيمة بيتا تُساوي واحدًا، ثمَّ تقدير هذا النموذج على اثنتين وستين مُشاهدة يوميَّة، اختبر هذه الفرضيَّة مُقابل الفرضيَّة البديلة من جانب واحد، والمتمثَّلة في أن الورقة الماليَّة أكثر مُخاطرة من السوق عند مُستوى ٥٪. ضع فرضيَّة العدم والفرضيَّة البديلة، ماذا تستنتج؟ هل أن مزاعم المحلَّل تحقَّقت عمليًّا؟

- (٧) نجبرك المحلّل أيضًا أن ليس لأسهم كريس منينج بي إل سي (Chris Mining ple) أي مُخاطرة مُنتظمة (Systematic Risk)، بعبارة أخرى: ليس للعوائد على أسهمها أي علاقة بتقلُّبات السوق، أمَّا القيم المحسوبة لبيتا ولخطئها المعياري فهي على التوالي ٢١٤, ٠ و ١٨٦, ٠ كما قُلَّر النموذج على ثهاني وثلاثين مُشاهدة فصليَّة. صغ فرضيَّة العدم والفرضيَّة البديلة، اختبر فرضيَّة العدم هذه مُقابل فرضيَّة بديلة من طرفين.
 - (٨) شكّل وفشر فترات ثقة بنسب ٩٠٪ و ٩٩٪ لبيتا باستخدام الأرقام الواردة في السُّؤال ٧.
 - (٩) هل يتم اختبار الفرضيات على القيم الحقيقيَّة للمعاملات (أي β) أم على قيمها المقدَّرة (أي β) ولماذا؟
- (١٠) باستخدام إفيوز، اختر واحدة من سلاسل الأسهم الأخرى من الملف 'capm.wk1' وقم بتقدير بينا نموذج تسعير الأصول الرأسمالية لهذا السهم، اختبر فرضيَّة عدم تنمثَّل في أن قيمة بينا الحقيقيَّة هي واحد، واختبر كذلك أن قيمة ألفا الحقيقيَّة (المقطم) هي صفر، ما هي استنتاجاتك؟

والفعل والرويع

مزيد من التطوير والتحليل لنموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي

Further Development and Analysis of the Classical Linear Regression Model

نحسرجات التسعلم

ستتعلُّم في هذا الفصل كيفية:

- إنشاء نهاذج بأكثر من مُتغيَّر مُفسِّر واحد
- اختبار الفرضيَّات المتعدَّدة باستخدام اختبار إف
 - نحدید مدی نجاح النموذج فی ملاءمة البیانات
 - صياغة الانحدار المقيَّد
- اشتقاق معلمات المربعات الصَّغرى العادية والأخطاء المعياريَّة للمُقدَّرات باستخدام جبر المصفوفات
 - تقدير نهاذج الانحدار المتعدَّدة واختبار الفرضيَّات المتعدَّدة داخل إفيوز
 - · إنشاء وتفسير نهاذج انحدار المقاييس الموضعية.

١ , ٤ تعميم النموذج البسيط إلى الانحدار الخطي المتعدد

(Generalising the simple model to multiple linear regression)

ثم في السابق استخدام نموذج على الشكل التالي:

$$y_t = \alpha + \beta x_t + u_t \quad t = 1, 2, ..., T \tag{1.5}$$

قشل المعادلة رقم (١٠٤) نموذج الانحدار ثنائي المتغيّر البسيط، وهذا يعني أنه يتم تفسير تغيّرات المتغيّر التابع بالاعتهاد على تغيّرات متغيّر مُفسّر واحد، ٢٠ لكن ماذا لو أن النظرية الماليّة، أو الفكرة التي نسعى لفحصها تُشير إلى أن المتغيّر التابع يتأثّر بأكثر من متغيّر مستقل واحد؟ يمكن على سبيل المثال إجراء تقدير بسيط واختبارات على نموذج تسعير الأصول الرأسهاليّة باستخدام معادلة على الشكل (١٠٤)، لكن نظرية التسعير بالمراجحة (Arbitrage Pricing Theory) لا تفترض مُسبقًا وجود عامل واحد فقط يُؤثر على عوائد الأسهم، ولتقديم توضيح عن ذلك يُمكن أن نزعم أن عوائد الأسهم تعتمد على حساسينها تجاه التغيّرات غير المتوقعة في:

- (١) التضخم.
- (٢) الفروق في عوائد السندات قصيرة الأجل وعوائد السندات طويلة الأجل.
 - (٣) الإنتاج الصناعي.
 - (٤) المخاطر الضمنيّة (Default Risks).

إن وجود مُتغيِّر مُستقل واحد فقط سيكون غير جيّاد في هذه الحالة، من الممكن طبعًا استخدام كل من العوامل المفسّرة الأربعة المقترحة في انحدارات منفصلة، لكن عندما يكون لديناً أكثر من مُتغيِّر مُفسّر واحد في نفس الوقت في معادلة الانحدار، فهذا يكون أكثر فائدة وأصح، وبالتالي فحص تأثير كل المتغيِّرات المفسّرة معًا على المتغيِّر المفسّر.

من السهل جدًّا تعميم النموذج البسيط إلى نموذج يحتوي على لا مُتغيِّر انحداري (مُتغيِّرات مُستقلَّة). تُصبح المعادلة رقم (١٠٤) كالتالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \dots + \beta_k x_{kt} + u_t, \quad t = 1, 2, \dots, T$$
 (Y. §)

وهكذا فإن المتغيِّرات على ٧٠ وأن القيم المقدَّرة المنافِّرات المفسَّرة على ٧٠ وأن القيم المقدَّرة المماملات المعاملات المعين على الانحدار المجزّد، يُعرف الآن كل معامل بكونه معامل الانحدار الجزئي، ويُقسَّر على أنه يمثَّل التأثير الجزئي لمتغيِّر مُفسِّر معيَّن على المتغيِّر المفسِّر، وذلك بعد تثبيت أو إلغاء تأثير كل المتغيِّرات المفسِّرة الأخرى، على سبيل المثال، يقيس متوسَّط تغيُّر المتغيِّر التابع نتيجة إذائة تأثيرات ٤٤، ١٠٠٠، ١٠٠٠، ويُمكن التعبير عن ذلك بعبارة أخرى بالقول: إن كل معامل يقيس متوسَّط تغيُّر المتغيَّر التابع نتيجة تغيُّر متغيَّر مُستقل مُعيَّن بمقدار وحدة، وذلك بترك كل المتغيَّرات المستقلة الأخرى ثابتة عند قيمها المتوسَّطة.

٢ , ٤ الحد الثانت

(The constant term)

 x_2 بالمعادلة رقم (٢٠٤) السابقة سيُلاحظ القراء الفطنين أنه تم ترقيم المتغيّرات المفسّرة x_2 , x_3 , أي أن القائمة تبدأ بـ Column of) أذًا؟ في الواقع x_1 هو الحد الثابت والذي يُمثّل عادة بعمود تكون جميع عناصره واحدًا صحيحًا (ones وصطول T:

$$x_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ \vdots \\ 1 \end{bmatrix} \tag{$\Upsilon_{\zeta}(\xi)$}$$

وبالتائي فإن هناك ضمنيًّا مُتغيِّر يختفي بجانب β وهو متَّجه عمودي جميع عناصره واحد صحيح، وحيث يُمثَّل عدد المشاهدات في العيِّنة طول هذا الأخير، لا يُكتب الاعتباء في مُعادلة الانحدار، وذلك بنفس الطريقة التي يتم بها كتابة وحدة من و وحدتين من p على النحو p + 2q وليس p + 2q أوليس p + 2q أيمثُّل β المعامل المرتبط بالحد الثابت (والذي كان يُسمَّى β في الفصل السابق)، لا يزال بالإمكان أن يُشير هذا المعامل إلى المقطع، والذي يُمكن أن يُقشِّر على أنه القيمة المتوسَّطة التي سيتخذها و عندما تتخذ جميع المتغيِّرات المفشَّرة القيمة صفرًا.

ربها يكون ضروريًّا الآن تقديم تعريف أدق لـ k أي لعدد المتغيَّرات المفسَّرة، يُعرَّف k طوال هذا الكتاب على أنه عدد المتغيِّرات المفسَّرة، وعدد المعلمات المقدَّرة في مُعادلة الانحدار، المتغيِّرات المفسَّرة، أو عدد المعلمات المقدَّرة في مُعادلة الانحدار، على وجه النحديد ليس من المعفول تسمية الثابت بمتغيَّر مُفسِّر؛ لأنه لا يُفسِّر أي شيء، ولأنه يأخذ دائهًا نفس القيم، ومع ذلك، سيتم استخدام هذا التعريف لـ k لغرض تسهيل الترميز.

يُمكن التعبير عن المعادلة رقم (٢٠٤) بطريقة أكثر تراصًا من خلال كتابتها في شكل مصفوفة:

$$y = X\beta + u \tag{5.5}$$

حيث: y من الدرجة T x 1

 $T \times k$ من الدرجة X

 $k \times 1$ همن الدرجة β

 $T \times 1$ من الدرجة u

يتمثّل الاختلاف بين المعادلتين رقم (٢،٤) و (٤،٤) في أن جميع المشاهدات الزمنيَّة مُتراصَّة في مُتَّجه، وبأن أيضًا جميع المتغيِّرات المفسّرة المختلفة مُكدَّسة معًا، بحيث يكون هناك عمود لكل واحد منهم في المصفوفة X، قد ببدو أن مثل هذا الترميز مُعقَّد دون داع، لكن في الواقع عادة ما يكون الترميز المصفوفي أقل حجمّا وأسهل استعمالًا، إذًا وعلى سبيل المثال، إذا كان k بُساوي Y أي أن هناك مُتغيِّرين الحداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالتغيِّر الحداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالتغيِّر عنه أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالتغيِّر بالمكن أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالمحداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالمحداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالمداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالمداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالمداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالميط أن المداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالمداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالمداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المتغيِّر بالمداريين، أحدهما هو الحد الثابت (أي ما يعادل انحدار بسبط ثنائي المداريين، أحدار بالمداريين، أحدار بسبط ثنائي المداريين، أحدار بالمداريين، أحدار بالمداريين، أحدار بالمداريين، أحدار بالمداريين، أحدار بالمداريين ألمداريين، أحدار بالمداريين ألمداريين ألمداريين ألمداريين ألمداريين ألمداريين ألمداريين ألمدار بالمداريين ألمدار بالمداريين ألمداريين ألمدار

$$\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_T \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & x_{21} \\ 1 & x_{22} \\ \vdots & \vdots \\ 1 & x_{2T} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \beta_1 \\ \beta_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_T \end{bmatrix}$$

$$T \times 1 \qquad T \times 2 \qquad 2 \times 1 \qquad T \times 1$$

$$(o. \S)$$

حيث يُمثّل x_i أي عنصر المصفوفة X، المشاهدة الزمنيَّة تر للمُتغيَّر i، لاحظ أن المصفوفات المكتوبة بهذه الطريقة هي مصفوفات مُتوافقة، أي بعبارة أخرى تُعتبر عمليات الضرب والجمع على المصفوفات في الجانب الأيمن للمُعادلة عمليات صحيحة. يُمثّل العرض أعلاه الطريقة الاعتباديَّة للتعبير عن المصفوفات في أدب الاقتصاد القياسي للسلاسل الزمنيَّة على الرغم من أن ترتيب الأدلة يختلف عن الأدلة المستخدمة في رياضيات جبر المصفوفات (كها ورد في الفصل ٢ من هذا الكتاب)، في الحالة الأخيرة يُمثَّل x العنصر في الصف ؛ والعمود نه وإن كان الترميز المستخدم في مئن هذا الكتاب عكس ذلك تمامًا.

٣, ٤ كيف تُحسب المعلمات (عناص المتَّجه β) في الحالة المعمَّمة؟

How are the parameters (the elements of the β vector))

(calculated in the generalised case?

تم سابقًا تصغير مجموع مربعات البواقي Σû² بالنسبة لـ α و β، في إطار الانحدار المتعدَّد ويغية الحصول على القيم المقدرة للمعلمات β، ۵،۰۰۰، بنم تصغير مجموع مربعات البواقي بالنسبة إلى جميع عناصر β، يمكن الآن تجميع البواقي في منجه كالآي:

$$\hat{u} = \begin{bmatrix} \hat{u}_1 \\ \hat{u}_2 \\ \vdots \\ \hat{u}_n \end{bmatrix} \tag{7.5}$$

يُعتبر مجموع مُربعات البواقي أبضًا دالة الخسارة ويُقدِّم على شكل ترميز مصفوفي كالأتي:

$$L = \widehat{u}'\widehat{u} = \begin{bmatrix} \widehat{u}_1 & \widehat{u}_2 & \cdots & \widehat{u}_T \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \widehat{u}_1 \\ \widehat{u}_2 \\ \vdots \\ \widehat{u}_T \end{bmatrix} = \widehat{u}_1^2 + \widehat{u}_2^2 + \cdots + \widehat{u}_7^2 = \sum \widehat{u}_t^2 \qquad (\text{V. } \xi)$$

باستخدام إجراء مماثِل لذلك المستخدم في حالة الانحدار ثنائي المتغيِّرات، أي بإجراء تعويض في المعادلة رقم (٧٠٤)، وباستخدام ﴿ للإشارة إلى متَّجه المعلمات المقدَّرة، من الممكن إثبات (انظر مُلحق هذا الفصل) أننا سنتحصل على القيم المقدرة للمعاملات بواسطة عناصر التعبير التالي:

$$\tilde{\beta} = \begin{bmatrix} \hat{\beta}_1 \\ \hat{\beta}_2 \\ \vdots \\ \hat{\beta}_k \end{bmatrix} = (X'X)^{-1}X'y \tag{A. } \xi)$$

أمَّا إذا أردنا التحقُّق من أبعاد الجانب الأيمن للمُعادلة رقم (٨٠٤)، نلاحظ أنها ستكون 1 × 8 وهي الأبعاد المطلوبة، نظرًا إلى أن هناك k معلمة يجب تقدير ها باستخدام صيغة أل.

لكن كيف تُحسب الأخطاء المعيارية للفيم المقدَّرة للمُعاملات؟ في السابق، لتقدير تبايُن الأخطاء 62، يتم استخدام مُقدَّر يُرمز إليه بـ 52:

$$s^2 = \frac{\sum \hat{u}_t^2}{\tau - 2} \tag{4.8}$$

يُمثُل 2 – 7 مقام المعادلة رقم (٩،٤) وهو عدد درجات الحُريَّة لنموذج الانحدار ثُنائي المتغيَّر (أي عدد المشاهدات ناقص اثنين)، وينطبق ذلك أساسًا لأننا عمليًّا الحسرنا مُشاهدتين عند تقدير معلمتي النموذج (أي عند اشتقاق القيم المقدَّرة لـ α و β)، في حال وجود أكثر من متغيَّر مُفشر واحد إلى جانب الحد الثابت وباستخدام الترميز المصفوفي، سوف يتم تعديل المعادلة رقم (٩،٤) إلى:

$$s^2 = \frac{\theta'\theta}{\tau - k} \tag{1.4.5}$$

حيث يُمثّل & عدد المتغيِّرات الانحداريَّة بها في ذلك الثابت، في هذه الحالة 'خسرنا' & مُشاهدة بها أننا فُمنا بتقدير & معلمة عمَّا يترك T - k درجة حرَّية، كها يُمكن أيضًا أن نُبيِّن (انظر مُلحق هذا الفصل) أن مصفوفة التباين والتغاير للمعلمات هي:

$$var(\hat{\beta}) = s^2(X'X)^{-1} \tag{ξ, 1}$$

ثُعطي حدود القطر الرئيس تباين المعاملات في حين تُمثّل الحدود خارج القطر الرئيس التغاير بين القيم المقدّرة للمعلمات، وبالتالي فإن تباين \hat{g}_1 هو أول عنصر في القطر، تباين \hat{g}_2 هو ثاني عنصر في القطر وتباين \hat{g}_3 هو العنصر رقم \hat{g}_4 في القطر، وهكذا يُمكن ببساطة الحصول على مُعاملات الأخطاء المعياريَّة، وذلك بأخذ الجذور التربيعيَّة لكل حد من حدود القطر الرئيس.

تم تقدير النموذج التالي الذي يحتوي على ثلاثة مُتغيِّرات انحداريَّة (بها في ذلك الثابت) على مدى خس عشرة مُشاهدة:

$$y = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + u \tag{17. } \xi)$$

وقد تم حساب البيانات التالية من السلسلة الأصلية x:

$$(X'X)^{-1} = \begin{bmatrix} 2.0 & 3.5 & -1.0 \\ 3.5 & 1.0 & 6.5 \\ -1.0 & 6.5 & 4.3 \end{bmatrix}, (X'y) = \begin{bmatrix} -3.0 \\ 2.2 \\ 0.6 \end{bmatrix}, \hat{u}'\hat{u} = 10.96$$

حُسبت تقديرات المعاملات وأخطاؤها المعياريَّة.

$$\hat{\beta} = \begin{bmatrix} \hat{\beta}_1 \\ \hat{\beta}_2 \\ \vdots \\ \hat{\beta}_k \end{bmatrix} = (X'X)^{-1}X'y = \begin{bmatrix} 2.0 & 3.5 & -1.0 \\ 3.5 & 1.0 & 6.5 \\ -1.0 & 6.5 & 4.3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} -3.0 \\ 2.2 \\ 0.6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.10 \\ -4.40 \\ 19.88 \end{bmatrix}$$
 (\Y.\xi\)

تطلب حساب الأخطاء المعيارية مقدّرًا لـ σ2:

$$s^2 = \frac{RSS}{T-k} = \frac{10.96}{15-3} = 0.91 \tag{ξ, ξ}$$

تكون مصفوفة النباين والتغاير لـ 🛱 كالتالي:

$$s^{2}(X'X)^{-1} = 0.91(X'X)^{-1} = \begin{bmatrix} 1.82 & 3.19 & -0.91 \\ 3.19 & 0.91 & 5.92 \\ -0.91 & 5.92 & 3.91 \end{bmatrix}$$
 (10. 1)

تكون معاملات التباين على القطر، ويتم الحصول على الأخطاء المعيارية بأخذ الجذور التربيعيَّة لكل من معاملات التباين:

$$var(\hat{\beta}_1) = 1.82 \quad SE(\hat{\beta}_1) = 1.35$$
 (13. §)

$$var(\hat{\beta}_2) = 0.9 \Leftrightarrow SE(\hat{\beta}_2) = 0.95$$
 (VV, §)

$$var(\hat{\beta}_3) = 3.91 \quad SE(\hat{\beta}_3) = 1.98$$
 (\A.\xi)

ستكون كتابة المعادلة المقدرة كالتالي:

$$\hat{y} = 1.10 - 4.40 x_2 + 19.88 x_3$$
(1.35) (0.95) (1.98)

لحسن الحظ أنه من الناحية العملية تقوم كافة حزم برمجيات الاقتصاد القياسي بتقدير قيم المعاملات وأخطائها المعباريَّة، لكن من الواضح أنه من المفيد فَهُم من أين أثت هذه التقديرات.

٤, ٤ اختيار الفرضيات المتعدِّدة: اختيار إف

(Testing multiple hypotheses: the F-test)

يُستخدم اختبار في لاختبار الفرضيات الأحاديَّة، أي الفرضيات التي تتضمَّن معاملًا واحدًا لا غير، لكن ماذا لو كان يتَّجه اهتهامنا نحو اختبار أكثر من معامل واحد في نفس الوقت؟ على سبيل المثال، ماذا لو أراد الباحث تحديد ما إذا كان من الممكن الثقيُّد بأن كلًّا من قيمة عن و 3 و 3 تُساوي الوحدة، بحيث إن الزيادة في أي من المتغيَّرين 3x و 3x من شأنه أن يسبِّب ارتفاع yz بمقدار وحدة

واحدة، يُعتبر إطار اختبار تي غير عامَّ بها فيه الكفاية للتعامل مع هذا النوع من اختبار الفرضيات، ويُستخدم بدلًا من ذلك إطار أكثر عموميَّة برتكز على اختبار إف (F-test)، في إطار اختبار إف نحتاج إلى انحدارين يُعرفان بالانحدار غير المُقيَّد وبالانحدار المقيَّد (Unrestricted and the Restricted Regressions)، يُعتبر الانحدار غير المقيَّد ذلك الانحدار الذي يتم فيه تحديد المعاملات من البيانات دون قيد، كها تم بناؤه في السابق، أمَّا الانحدار المقيَّد فهو الانحدار الذي يتم فيه تقييد المعاملات، أي فرض قيود على بعض عناصر ه، وبالتالي، ولأسباب واضحة، يُسمَّى منهج اختبار إف لاختبار الفرضيات بالمربعات الصُّغرى المقيَّدة.

نُحدُد مجموع مُربعات البواقي لكل انحدار ثم 'نُقارن' مجموعَيْ مُربعات البواقي في إحصاءة الاختبار، تكون إحصاءة الاختبار إف لاختبار الفرضيات المتعدَّدة للمعاملات المقدَّرة كالآتي:

$$\frac{RRSS-URSS}{URSS} \times \frac{T-k}{m} = [حصاءة الاختيار (۲۰، ٤)]$$

حيث نستخدم الترميز التالي:

URSS = مجموع مربعات البواقي للاتحدار غير المُقيَّد.

RRSS = مجموع مربعات البواقي للانحدار المقيَّد.

m = عدد القُيود.

T = عدد المشاهدات.

ه عدد المتغيّرات الانحداريّة في الانحدار غير المُقيّد.

يُعتبر البسط RRSS - URSS أهم جزء يجب فهمه في إحصاءة الاختبار، ولفهم لماذا يرتكز الاختبار حول مُقارنة بجموع مُربعات البواقي للانحدار غير المُقيَّد والانحدار المقيَّد نذكِّر بأن عملية التقدير بالمربعات الصغرى العادية تضمَّنت اختيار النموذج الذي يصغر مجموع مربعات البواقي، بعد فرض القيود على النموذج، ليس أعلى بكثير من مجموع مربعات البواقي للنموذج غير المقيد، فنخلص إلى أن البيانات تؤيد تلك القيود، من جهة أخرى إذا كان مجموع مربعات البواقي يزداد بشكل ملحوظ بعد فرض القيود نخلص إلى أن البيانات لا تؤيد تلك القيود، وبالتالى ينبغى رَفْض الفرضية.

كما يمكن القول أيضًا (ن RRSS \sum URSS) ولكن في إطار مجموعة معينة من الظروف الجد قصوى، يتساوى تمامًا مجموع مربعات البواقي للنموذج المقيَّد بمثيله للنموذج غير المقيد، وسيكون ذلك في حالة كان القيد موجودًا أصلًا في البيانات، بحيث لا يمكن في الحقيقة اعتباره قيد (يمكن القول إن هذا القيد هو قيد 'غير مُلزم'، أي أنه لا مجُدث أي اختلاف في القيم المقدَّرة للمعلمات)، على سبيل المثال، إذا كانت فرضية العدم هي $B_0 = B_0 = B_0$ و $B_0 = B_0$ بطبيعة الحال يعتبر وقوع مثل هذا الأمر من غير المرجَّح للغاية على أرض الواقع.

ىئال(۲٫۲)

للتبسيط، نتخلي عن الرموز السفلية الزمنيَّة، ولنفترض أن الانحدار العام هو:

$$y = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + \beta_4 x_4 + u \tag{Y1. } \xi)$$

وبأن القيد المراد اختباره هو: 1 = \$\beta_8 + \beta_6 (من الناحية النظرية هناك فرضية تُشير إلى أن هذه الفرضية من شأنها أن تكون ذات أهمية للدراسة)، إن كان الاتحدار غير المقيَّد يتمثَّل في المعادلة رقم (٢١،٤) أعلاه، فها هو الاتحدار المقيَّد؟ يمكن التعبير عن هذا الأخير على النحو التالي:

$$\beta_3 + \beta_4 = 1$$
 $\dot{\beta}_3 + \beta_4 = 1$ $\dot{\beta}_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + \beta_4 x_4 + u$ (YY, £)

يُستبدل القيد (1 = $eta_3 + eta_6 = 1) داخل الانحدار، وبالتالي يُفرض هذا الأخير تلقائيًّا على البيانات، أما الطريقة التي يُنجَز بها ذلك فتتمثل في ترك إمَّا <math>eta_3$ أو eta_4 موضوع القيد، في المعادلة رقم (٢٢،٤)، على سبيل المثال:

$$\beta_3 + \beta_4 = 1 \implies \beta_4 = 1 - \beta_3 \tag{YY, \xi}$$

ومن ثم استبدال ١٤٨ في المعادلة رقم (٢٢،٤):

$$y = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + (1 - \beta_3) x_4 + u \tag{75.5}$$

ةُثْل المعادلة رقم (٢٤،٤) الآن الصيغة المقيَّدة للانحدار، ولكنها ليست بعدُ على الصيغة المطلوبة ليتم تقديرها باستخدام حزمة كمبيوتر، لكي نستطيع تقدير النموذج باستخدام المربعات الصغرى العاديَّة عادة ما تتطلَّب حزم البرمجيات أن يكون كل مُتغيِّر في الجانب الأيمن للمعادلة مضروبًا بمعامل واحد لا غير، لذلك نحتاج إلى مُعالجة رياضية إضافيَّة، نقوم أوَّلًا بتفكيك الأقواس حول و - 1):

$$y = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + x_4 - \beta_3 x_4 + u \tag{Yo. £}$$

بعد ذلك تُجمّع كل الحدود معًا، وذلك بالنسبة إلى كل اله ثميد ترتيب المعادلة:

$$(y - x_4) = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 (x_3 - x_4) + u \tag{Y7. (2)}$$

كمــــا تُحبِط علمًا بأن كـــل مُنغيِّر غير مُرتبط بمعامــــل (على سبيل المثال 4x في المعادلة (٢٥،٤)) يُحوَّل إلى الجانب الأيسر وهما P و P المعادلة، وبالتالي بتم دبجه مع v، تتمثَّل المعادلة رقم (٢٦،٤) الانحدار المقيَّد، وتُقدَّر عمليًا بعد إنشاء متغيَّر بن جديدين، وهما P و P = y - x4

و و بالنالي فإن الانحدار الذي سيُقدَّر فعلًا هو:

$$P = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 Q + u \tag{YV. } \xi)$$

ما الذي سيحدث لو بدلًا عن ذلك كان و هو موضع القيد في المعادلة رقم (٢٣،٤) وبناءً على ذلك يتم إزالة و من المعادلة؟ على الرغم من أن المعادلة التي كانت ستقدَّر مختلفة عن المعادلة رقم (٢٧،٤) إلَّا أن النموذجين (اللذين فُرض على كليهما نفس القيد) سيكون لهما نفس قيمة مجموع مربعات البواقي.

تتبع إحصاءة الاختبار تحت فرضية العدم التوزيع إف الذي لديه معلمتان من درجات الحربة (نذكر بأن التوزيع في له معلمة واحدة من درجات الحرية تساوي m وهو عدد القبود المفروضة على النوائي m وهو عدد القبود المفروضة على النموذج (m - x) وهو يُساوي على التوائي عدد المشاهدات ناقص عدد المنغيِّرات الانحدارية في الانحدار غير المقيَّد، كما نُشير إلى أن ترتيب معلمات درجات الحرية مهم، وأن القيمة الحرجة المناسبة تكون في العمود m وفي الصف (m - x) من جداول التوزيع إف.

١ , ٤ , ٤ العلاقة بين التوزيعان إف و ق

(The relationship between the t - and the F-distributions)

يمكن القول إن كل فرضيَّة يمكن اختبارها باستخدام الاختبار تي يمكن أيضًا اختبارها باستخدام الاختبار إف، ولكن العكس ليس صحيحًا، لذلك يمكن اختبار الفرضيَّات الأحادية التي تتضمَّن معلمة واحدة باستخدام الاختبار في أو الاختبار إف، لكن لا يمكن اختبار الفرضيَّات المتعددة إلا باستخدام الاختبار إف، على سبيل المثال، نعتبر الفرضية التالية:

$$H_0: \beta_2 = 0.5$$

 $H_1: \beta_2 \neq 0.5$

من المكن اختبار هذه الفرضيَّة باستخدام الاختبار تي المعتاد:

$$rac{ar{eta}_2 - 0.5}{SE(ar{eta}_2)} = rac{1}{SE(ar{eta}_2)}$$
 (٤.٢٨)

أو يمكن اختبارها في إطار اختبار إف السابق، كما تُشير إلى أن الاختبارين بُعطيان دائهًا نفس النتيجة، بما أن التوزيع تي يُعتبر حالة خاصة من التوزيع إف، على سبيل المثال، نعتبر متغيِّرًا عشوائيًّا 2 يتبع التوزيع تي بدرجات حرية ٢ - لا ثم نقوم بتربيعه، يُعادل تربيع هذا الأخير حالة خاصة من التوزيع إف:

$$Z^2 \sim F(1,T-k)$$
 وكذلك $Z^2 \sim t^2(T-k)$

وبالنائي فإن تربيع متغيِّر عشوائي ينبع التوزيع تي بدرجات حريَّة k - T هو يتبع أيضًا النوزيع إف بدرجات حريَّة l و k - T، تُعتبر هذه العلاقة بين التوزيع تي والتوزيع إف علاقة دائيًا قائمة، خُذ بعض الأمثلة من الجُداول الإحصائية، وتأكد من ذلك، للتوزيع إف قيم موجبة فقط، وهو توزيع ليس بمتناظر، لذلك لا تُرفض فرضيَّة العدم إلَّا إذا فاقت إحصاءة الاختبار القيمة الحرجة إف، بالرغم من أن هذا الاختبار يُعتبر اختبارًا ذا طرفين، أي أن رفض فرضية العدم يحدث إذا كان \$\beta_2\$ أكبر أو أصغر معنوبًا من 0 . • .

m عند القبود عند القبود

(Determining the number of restrictions, m)

كيف يتم في كل حالة الحسم بالفيمة المناسبة لـ ٣٣ يطريقة غير رسميَّة، يُمكن اعتبار عدد الفيود بأنه "عدد علامات التساوي داخل فرضيَّة العدم"، لنُعطى بعض الأمثلة على ذلك:

$$m$$
 عدد القيود H_0

Y
$$\beta_3 = -1 \ j \ \beta_2 = 1$$
Y
$$\beta_3 = -1 \ j \ \beta_2 = 0$$

$$\beta_4 = 0 \quad \beta_3 = 0 \quad \beta_2 = 0$$

قد نظن للوهلة الأولى أن عدد القبود في الحالة الأولى من هذه الحالات هو اثنان، في الواقع هناك قيد واحد بحتوي على معلمتين، أما عدد القيود في الحالتين المواليتين فهو واضح، وذلك لأنها تحتويان على قيدين، وعلى ثلاثة قيود على التوالي.

يتَّسم المثال الأخير من هذه الأمثلة الثلاث بأهميَّة خاصَّة، إذا كان النموذج هو:

$$y = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + \beta_4 x_4 + u \tag{Y4.5}$$

فإنه يتم اختبار فرضيَّة العدم لـ

$$\beta_4 = 0$$
 $_3 H_0: \beta_2 = 0$ $_3 \beta_3 = 0$

باستخدام الإحصاءة إف للانحدار، وهي إحصاءة تختبر فرضيَّة العدم المتمثلة في أن كل المعاملات تُساوي صفرًا باستثناء معامل المقطع، كما يُسمَّى هذا الاختبار أحيانًا 'بالاختبار التافه'، وذلك لأنه عندما لا يُمكن رفض فرضيَّة العدم فهذا يدل على أن كل المتغيِّرات المستقلة غير قادرة على شرح تغيُّرات v.

كما نُشير إلى أن الشكل الذي تكون عليه الفرضيَّة البديلة لكل الاختبارات التي تتضمَّن أكثر من قيد واحد هو:

$$\beta_4 \neq 0$$
 if $H_1: \beta_2 \neq 0$ if $\beta_3 \neq 0$

بعبارة أخرى يظهر الحرف 'و' في فرضيَّة العدم، و 'أو' في الفرضيَّة البديلة بحيث يكفي أن يكون جزء فقط من فرضيَّة العدم المُشتركة خاطئًا لرفض الفرضيَّة العدم ككل.

٣, ٤, ٤ الفرضيات التي لا يُمكن اختبارها بالاختبار إف أو بالاختبار ي

(Hypotheses that cannot be tested with either an F- or a t -test)

باستخدام هذا الإطار ليس من الممكن اختبار الفرضيات اللاخطّية أو الفرضيات التي بها عمليّة ضرب، على سبيل المثال، لا يُمكن اختبار: 40 الم: 42 م الم أو 41 ـ 40: 42 م.

مثال(٣,٤)

لنفترض أن الباحث يُريد اختبار ما إذا كان العائد على سهم الشركة (y) يُظهر حساسيَّة الوحدة (Unit Sensitivity) لعاملين (العامل x2 والعامل x3) من بين ثلاثة عوامل، كما أُجري الانحدار على ١٤٤ مُشاهدة شهريَّة، يتمثَّل الانحدار في:

$$y = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + \beta_4 x_4 + u \tag{7.5}$$

- (١) ما هي الانحدارات المقيدة وغير المقيدة؟
- (۲) انجز الاختبار إذا كان مجموعي مربعات البواقي تُساوي على التوالي ۲, ۳۹۷ و ۳, ۳۹۷.
 تدل حساسيَّة الوحدة للعوامل x₂ و x₂ بأن القيد يتمثَّل في مُساواة مُعاملات هذين المتغيِّرين بالوحدة، أي أن:

$$H_0: \beta_2 = 1 \ \beta_3 = 1 \ j$$

10 .

يكون الانحدار غير المقيَّد الانحدار السابق في المعادلة رقم (٣٠٠٤)، أمَّا لاشتقاق الانحدار المقيَّد فيجب أوَّلا فرض القيد:

$$\beta_3 = 1$$
 , $\beta_2 = 1$, $\beta_2 = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + \beta_4 x_4 + u$ (71, 2)

بتعويض β_2 و β_3 بقيمتهم نحت فرضيَّة العدم نتحصَّل على:

$$y = \beta_1 + x_2 + x_3 + \beta_4 x_4 + u \tag{TY. } \xi)$$

بإعادة ترتيب المعادلة تتحصّا على:

$$y - x_2 - x_3 = \beta_1 + \beta_4 x_4 + u \tag{YY, } \xi)$$

 x_4 فيكون الانحدار المفيَّد هو انحدار $z = y - x_2 - x_3 + z$

$$z = \beta_1 + \beta_4 x_4 + u \tag{$\Upsilon \xi, \xi$}$$

نُعطي المعادلة رقم (٤٠٢٠) السابقة صيغة إحصاءة الاختبار إف، بالنسبة إلى هذا النطبيق فإن كل مُدخلات الصيغة مُتاحة: 397.2 = 436.1 = 2.8 = 4.7 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 = 4.8 = 4.7 =

ستقوم الأقسام التالية الآن بإعادة فحص نموذج تسعير الأصول الرَّأسهاليَّة كمثال عن كيفيَّة إجراء اختبارات الفرضيَّات المتعدَّدة (Multiple Hypothesis Tests) باستخدام إفيوز.

......

٥, ٤ عيَّة من تُحرجات إفيوز لاختبار الفرضيَّات المتعددة

(Sample EViews output for multiple hypothesis tests)

أُعِد تحميل ملف العمل 'capm.wk1' الذي تم إنشاؤه في الفصل السابق، وللتذكير نقوم بإدراج النتائج مرَّاة أخرى في الأسفل:

Method: Least Squares Date: 07/02/13 Time: 1 Sample (adjusted): 200 Included observations:	0:55 2M02 2013M04			
	Coefficient	5td. error	r-Statistic	Prob
С	-0.319863	1.086409	-0.294423	0,7689
ERSANDP	2.026213	0.237743	8.522711	0.0000
R-squared	0.353228	Mean deper	ndern var	-0.078204
Adjusted R-squared	0.348365	S.D. depend	dent var	15.63184
S.E. of regression	12.61863	Akaike mto	critenon	7.922930
Sum squared resid	21177.56	Schwarz om	terion	7.965971
Log likelihood	-532.7977	Hannan-Qui	nn criter.	7.940420
F-statistic	72,63660	Durbin-Wats	son stat	2.588462
Prob(F-statistic)	0.000000			

إذا ما قمنا بفحص الاختبار إف للانحدار فإن ذلك يظهر أيضًا أن معامل ميل الانحدار جد مختلف معنويًّا عن الصفر، وهو ما يعادل في هذه الحالة تمامًا نتيجة الاختبار في للمعامل بيتا (بم أن هناك معامل ميل واحد فقط)، وهكذا في هذا المثال تُساوي إحصاءة الاختبار إف مربع النسبة في للميل.

لنفترض الآن أننا نَوَدُّ إجراء اختبار مُشترك يتمثَّل في أن كلَّا من معلمة المقطع ومعلمة الميل تُساوي ١. نود إجراء هذا الاختبار تمامًا كاختبار يتضمَّن معاملًا واحدًا لا غير، لذلك حدَّد Restrictions تم اكتب في الإطار الذي سوف يظهر: 1=(1)، 1=(2)، هناك نسختان من الاختبار: النسخة إف، والنسخة عبد معينة صغيرة جرى تعديل النسخة إف للعينات ذات التحيُّز الطفيف، ويجب استخدام هذه النسخة عند تقدير الانحدار باستخدام عينة صغيرة (انظر الفصل ٥)، تُسفر كلا الإحصائيتين تقارُبيًّا على نفس النتائج، وتكون القيم بي في هذه الحالة مُتشابهة جدًّا، يتمثَّل الاستنتاج في رفض فرضية العدم المُشتركة 1 = المن الاحداد و 1 على نفس النتائج، وتكون القيم بي في هذه الحالة مُتشابهة جدًّا، يتمثَّل الاستنتاج في رفض فرضية العدم المُشتركة 1 = المن الهن على نفس النتائج، وتكون القيم بي في هذه الحالة مُتشابهة جدًّا، يتمثَّل الاستنتاج في رفض فرضية العدم المُشتركة 1 على 1 المن المنتاء في المنتركة المنتركة المنتركة 1 على نفس النتائج، وتكون القيم بي في هذه الحالة مُتشابهة جدًّا، يتمثَّل الاستنتاج في الفضل فرضية العدم المُشتركة 1 على نفس النتائج، وتكون القيم بي في هذه الحالة مُتشابها بعد المنتركة 1 على نفس النتائج، وتكون القيم بي في هذه الحالة مُتشابها بعد المنتركة 1 على نفس النتائج، وتكون القيم بي في هذه الحالة مُتشابها بعد الله الإحصائية بي المنتاء في المنائدة كون القيم بي في هذه الحالة مُتشابها بعد المنتركة 1 على نفس النتائج، وتكون القيم بي في هذه الحالة مُتشابها بعد المنتركة 1 على نفس النتائج، وتكون القيم بي في هذه الحالة مُتشابها بعد المنتركة 1 على نفس النتائج، وتكون القيم بي في هذه الحالة المنائدة ال

٦ إجراء الانحدار المتعدد داخل إفيوز باستخدام نموذج على نمط نظرية التسعير بالمراجحة

(Multiple regression in EViews using an APT-style model)

في جوهر نظرية التسعير بالمراجحة سوف يفحص المثال التالي الانحدارات التي تسعى إلى تحديد ما إذا يُمكن تفسير العوائد الشهرية للسهم مابكروسوفت بالرجوع إلى التغيَّرات غير المتوقعة لمجموعة من متغيَّرات الاقتصاد الكلي والمتغيَّرات الماليَّة. لذلك افتح ملف عمل جديد داخل إفيوز، وقُم بتخزين البيانات، نُشير إلى أن هناك ٢٥٤ مُشاهدة شهرية في الملف 'macro.xis' تبدأ من مارس ١٩٨٦، وتنتهي في أبريل ٢٠١٣، هناك إجالًا ثلاث عشرة سلسلة، إضافة إلى عمود التواريخ، تكون السلاسل داخل الملف اكسل كالآتي: سعر سهم مايكروسوفت، قيمة مؤشر 500 S&P مؤشر أسعار المستهلكين، مؤشر الإنتاج الصناعي، عوائد أذون الخزانة للاستحقاقات التالية: ثلاثة أشهر، سنة أشهر، سنة واحدة، ثلاث سنوات، خمس سنوات، وعشر سنوات، عرض النقود "بمفهومه الضيَّق"، سلسلة الانتهان الاستهلاكي، وسلسلة الخامش الدائن"، يُعرف هذا الأخير بأنه الفارق بين مُتوسط العوائد السنوية لمحفظة سندات مُصنَّفة AAA ومحفظة سندات مُصنَّفة الهما.

قم باستبراد البيانات من ملف إكسل، ثم احفظ ملف العمل الناتج عن ذلك تحت اسم 'macro.wf1'.

تتمثّل المرحلة الأولى في توليد مجموعة من التغيَّرات أو الفروق لكل متغيِّر من المتغيِّرات، وذلك لأن نظريَّة التسعير بالمراجعة تفترض أنه يُمكن تفسير عوائد الأسهم بالرجوع إلى التغيَّرات غير المتوقعة للمتغيَّرات الاقتصادية الكلية بدلًا من مُستوياتها، كها يُمكن تعريف القيمة غير المتوقعة بأنها الفارق بين القيمة الفعلية (الحقيقية) والقيمة المتوقعة، السؤال الذي يطرح نفسه إذًا ينعلَّق بكيفية اعتقادنا بخصوص بناء المستثمرين لتوقعاتهم، وعلى الرغم من أن هناك العديد من الطرق لإنشاء مقاييس للتوقعات إلَّا أن أسهلها يتمثَّل في أن نفترض أن المستثمرين لديهم توقعات مُبسطة (Naive Expectatoins) تتمثل في أن قيمة المتغيِّر في الفترة المقبلة تساوى قيمته

الحالية، إذا كان الأمر كذلك فإن كامل تغيَّر المتغيَّر من فترة إلى أخرى يُمثل التغيَّر غير المتوقع (يرجع ذلك إلى أنه يُفترض أن المستثمرين لايتوقعون أي تغيُّر) (1).

يُمكن تحويل المُتغيِّرات كما هو موضَّح في السابق، اضغط على Genr ثم ادخل ما يلي في الإطار 'Enter Equation':

 $dspread = baa_aaa_spread - baa_aaa_spread(-1)$

ثم كرَّر هذه الخطوات لإجراء كل التحويلات التالية:

dcredit = consumer_credit - consumer_credit(-1)

dprod = industrial_production - industrial_production(-1)

rmsoft = 100 * dlog(microsoft)

rsandp = 100 + dlog(sandp)

 $dmoney = m1money_supply - m1money_supply(-1)$

inflation = 100 + dlog(cpi)

term = ustb10y - ustb3m

ثم نضغط على OK، نحتاج بعد ذلك إلى تطبيق المزيد من التحويلات على بعض السلاسل المحولة، لذلك كرَّر الخطوات المذكورة سابقًا لإنشاء:

dinflation = inflation - inflation(-1)

mustb3m = ustb3m/12

rterm = term - term(-1)

ermsoft = rmsoft - mustb3m

ersandp = rsandp - mustb3m

تحسب آخر سلسلتين من هذه السلاسل فائض عوائد السهم وفائض عوائد المؤشر.

يُمكننا الآن إجراء الانحدار، لذلك انقر فوق Object/New Object/Equation وقُم بتسمية الكائن 'msoftreg'. اكتب المتغيِّرات النالية في نافذة توصيف المعادلة:

DMONEY DSPREAD RTERM ERMSOFT C ERSANDP DPROD DCREDIT DINFLATION

ثم استخدم المربعات الصُّغرى على كامل فترة العيُّنة، سوف يظهر جدول النتائج على النحو التالي:

(١) هناك سؤال يُثير الاهتهام يتمثّل في معرفة ما إذا كان ينبغي حساب المروق على مُستوى المتغيّرات أو على توغاريتم المتغيّرات، في الطريفة الأولى نتحصل على
التغيّرات المطلقة للمتغيّرات، أما الطريفة الثانية فتُؤدي إلى تغيّرات نسبية، يكون الخيار بين الطريفتين في الأساس خيارًا عمليًا، يُفترض في مثالتا هذا اختيار
الطريقة الأولى باستثناء سلاسل أسعار الأسهم والائتيان الاستهلاكي.

Method: Least Square: Date: 07/02/13 Time: 1 Sample (adjusted): 198	2:23			
Included observations:	324 after adjust Coefficient	Iments Sid error	1-Statistic	Prob
С	-0.151409	0.904787	-0167342	0.8672
ERSANDP	1.350448	0.156615	8.686592	0.0000
DPROD	-1.425779	1.324467	-1.076493	0.2825
DOREDIT	-4.05E-05	7.64E-05	-0.530496	0.5961
DINFLATION	2.959910	2.166209	1.366401	0.1728
DMONEY	-0.011087	0.035175	-0.315184	0.7528
DSPREAD	5.366629	6.913915	0.776207	0.4382
RIERM	4,315813	2.515179	1.715907	0.0872
R-squared	0.206805	Mean deper	ndent var	-0.311466
Adjusted R-squared	0.189234	S.D. dependent var		14,05971
S.É. of regression	12.65882	Akaike into	oritorion	7.938967
Sum squared resid	50637.65	Schwarz crit	terion	8.032319
Log likelihood	-1278.113	Hannan-Qui	nn criter.	7 976228
F statistic	11.76981	Durbin-Wats	con stat	2.165384
ProbiE-statistici	0.000000			

لنُخصص بعض الدقائق لفحص النتائج الرئيسة للانحدار، أيَّ متغيَّر من بين هذه المتغيِّرات له تأثير معنوي إحصائبًا على فائض عوائد مايكروسوفت؟ باستخدام معرفتك لتأثيرات البيئة الماليَّة والاقتصاد الكلي على عوائد السهم افحص ما إذا كانت المعاملات لها علامات متوقَّعة، وما إذا كانت أحجام المعليات معقولة.

تأخذ إحصاءة الاختبار إف القيمة ٧٧ ، ١١ ، نذكر أن هذه الإحصاءة تختبر فرضيّة العدم المتمثّلة في أن كل معلمات الميل تُساوي سويًا صفرًا، كما تُبيِّن القيمة بي المرتبطة بإحصاءة الاختبار، وهي قيمة تُساوي صفرًا، أنه ينبغي رفض فرضيَّة العدم، ومع ذلك هناك عدد من القيم المقدَّرة للمعلمات التي لا تختلف معنويًّا عن صفر، وهي على وجه التحديد المتغبِّرات DPROD معنويًّا عن صفر، وهي على وجه التحديد المتغبِّرات الخمس تُساوي DMONEY ،DINFLATION و DSPREAD و DSPREAD و DMONEY ،DINFLATION و المتعبر فرضيَّة العدم المتمثَّلة في أن معلمات هذه المتغبِّرات الخمس تُساوي معوبًّا صفرًا، وذلك باستخدام الاختبار إف، لاختبار ذلك نقوم بالنقر على Restrictions وفي الإطار الذي سوف يظهر اكتب 0=(3)، 0=(3)، 0=(6) و (3)، 0=(7) و وانقر على AN، نتبع إحصاءة الاختبار إف الناتجة عن ذلك التوزيع (5,316) و وقيمة بي تُساوي ٢٥ ، ١٠ عما يُشير إلى أنه لا يُمكن رفض فرضيَّة العدم، الانحدار غير المقيد، تكون فيمة الإحصاءة إف ٨٥ ، ١٠ وبقيمة بي تُساوي ٢١ ، ١٠ عما يُشير إلى أنه لا يُمكن رفض فرضيَّة العدم، تكون معلمة RTERM معنوية عند المستوى ٢٠ ، ١٠ ولذلك لا تُدرج هذه المعلمة في الاختبار إف، ويتم الاحتفاظ بالمتغبِّر.

الانحدار المتدرج

(Stepwise regression)

يتوفَّر داخل إفيوز إجراء يُعرف باسم الانحدار المتدرِّج، يُعتبر الانحدار المتدرج إجراء انتقاء أوتوماتيكيّ للمتغيِّرات والذي يقوم باختيار المتغيِّرات المفسِّرة الأكثر 'أهمِّية' (والتي تُعرَّف بطرق مُختلفة) سويًّا من بين مجموعة مُعيَّنة من المتغيِّرات، كما نُشير إلى أن هناك عدة أساليب مختلفة للانحدار المتدرج، أبسطها هي الطريقة الأمامية أحادية الاتجاه (Unidirectional Forwards Method). تبدأ هذه الأخيرة بحذف المتغيِّرات من الانحدار (أو أتنا نترك في الانحدار فقط المتغيِّرات التي داثا بجدها الباحث لازمة)، ثم نختار أولًا المتغيِّر الذي له أصغر قيمة بي (أي أكبر نسبة ي)، ثم بعد ذلك نُضيف إلى النموذج متغيِّرًا ثانيًا يكون له ثاني أصغر قيمة بي إذا ما أضفناه إلى المتغيِّر الأول، وهكذا دواليك، يستمر هذا الإجراء إلى حين تكون القيمة في الأصغر الموالية، مُقارنة بقيم في للمتغيِّرات التي سبق إدراجها، أكبر من فيمة العتبة (Threshold)، يتوقف اختيار المتغيِّرات مع عدم وجود مزيد من المتغيِّرات التي يُمكن دمجها في النموذج.

لإجراء الانحدار المتدرج، والذي سيقوم أوتوماتكيًّا باختيار من بين هذه المتغيَّرات، أهمها لشرح تغيُّرات عوائد السهم مايكروسوفت، انقر فوق Object/New Object ثم أبق على الحُيار الافتراضي Equation. فُم بتسمية المعادلة STEPLS-Stepwise Least إلى LS - Least Squares (NLS and ARMA) قم يتغيير (Pependent variable followed by list of always included regressors، أَذْخِل:

ERMSOFT C

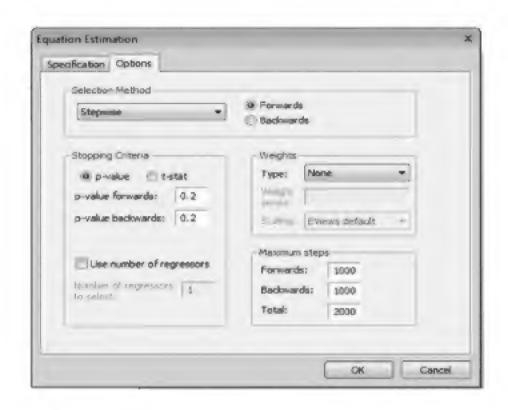
يدل ذلك على أن فائض العوائد على السهم مايكروسوقت سيكون المتغيِّر التابع، وأن الانحدار سيتضمن دائهًا مقطعًا، أما إذا كان للباحث فكرة مُسبقة قوية بخصوص وُجوب إدراج مُتغيِّر مُقسر مُعيَّن في الانحدار فإنه يجب إدراج هذا الأخير في الإطار الأول، أمّا الآن اكتب في الإطار الثاني "List of search regressors" قائمة كل المتغيَّرات المفسرة المستخدمة أعلاه: DCREDIT DINFLATION DMONEY DSPREAD RTERM، سوف تبدو لك النافذة كها في لقطة الشاشة رقم (1, 3).

quetion Estimation		
Specification Operate		
Equation specification Dependent variable for	flowed by list of always violated regressors	
ennuaft c		
Lat of wards regress		
	it dirflation denoney depresed reem	
emendo doned do ed	it direflation denoney depresed rhems	•)
ersendp dprod dowd	it dirflation dinoney digmend rterm	•

لفطة الشاشة رقم (٤,١) فافذة تقدير مُعادلة الإجراء المتدرُّج

بالنفر فوق علامة التبويب 'Options' نتحصل على عدد من الطرق لإجراء الانحدار كما هو مُبيَّن في لقطة الشاشة رقم (٢ , ٤)، على سببل المثال، سوف تبدأ الطريقة 'Forwards' بقائمة المتغيرات الانحدارية اللازمة (في هذه الحالة المقطع فقط)، وبالتنابع نُضيف إليها متغيَّرات أخرى، في حين تبدأ طريقة 'Backwards' بإدراج كل المتغيَّرات، ثم بالنتابع حذف متغيَّرات من الانحدار، يتمثَّل

المعيار الافتراضي في إدراج المتغيّرات التي لديها القيمة بي أقل من ٠٠، لكن يبدو أن هذه القيمة مُرتفعة، ومن المحتمل أن يؤدي ذلك إلى إدراج متغيّرات غير معنوية كثيرًا، لذلك قُم بتعديل هذه القيمة إلى ٢٠، ثم انقر فوق OK لرؤية النتائج.



لقطة الشاشة رقم (٢, ٤) نافلة خيارات تقدير الإجراء المتدرُّج.



وكما يتبيَّن فقد تم إدراج المتغيِّرات فائض عوائد السوق، الهيكل الزمني والتضخم غير المتوقَّع، في حين تم حذف المتغيِّرات، عرض النقود، الهامش الافتراضي، والانتهان. كما انتقد المتزمتون إحصائيًا بشدة الإجراءات المتدرجة، أحيانًا يزعم هؤلاء أساسًا أنه لا يأوجد أفضل من الإجراءات الآلية للتنقيب في البيانات، لا سيها إذا كانت لدينا قائمة طويلة من المتغيّرات المرشحة، وكذلك إذا كانت النتائج من رحلة صيد (٢) عوضًا عن نظرية ماليّة متينة مُسبقة، بصفة أدق تدل الطبيعة التكرارية لعملية اختيار المتغيّر أن حجم الاختيارات على المعلمات المرتبطة بالمتغيّرات في النموذج الأخير لن يكون فيهم السمية (٥٪ على سبيل المثال) كها هو الحال عند تقدير نموذج واحد، وهكذا فإنه في الحقيقة ينبغي تعديل القيم في للاختيارات على معلمات الانحدار النهائي حتى تأخذ في الاعتبار أن النتائج من إجراء تسلسلي، على الرغم من أن الحزم الإحصائية مثل إفيوز عادة لا تحتوي على مثل هذه القيم.

٤,٦,١ ملاحظة عن حجم العينة ونظرية المقاربة

(A note on sample sizes and asymptotic theory)

هناك سؤال كثيرًا ما يُطرح من قِبَل حديثي التعامل مع الاقتصاد القيامي، وهو "ما هو حجم العينة المناسب لتقدير النموذج؟"، بالرغم من أنه ليس هناك إجابة قطعية على هذا السؤال إلا أنه تجدر الإشارة إلى أن معظم إجراءات الاختبار في الاقتصاد القياسي تعتمد على نظرية المقاربة، وهذا يعني أننا من الناحية النظرية نعتمد النتائج إذا كان هناك عدد لامتناو من المشاهدات، عمليًّا، لا يُمكن أبدًا أن يكون العدد اللامتناهي من المشاهدات متاحًا، ولحسن الحظ لسنا بحاجة إلى هذا العدد للاستشهاد بنظرية المقاربة، هذا ويُمكن الحصول على تقريبًا (Approximation) للسلوك المقارب (Asymptotic Behaviour) لإحصاءات الاختبار باستخدام العينات المتناهية (Finite Samples) شريطة أن تكون كبيرة بها فيه الكفاية، عمومًا يجب استخدام آكثر عدد مُكن من المشاهدات (على الرغم من أن هناك اعتراضات هامة على هذا التعبير المتعلق بالاستقرار الهيكليا، والذي سيناقش في الفصل ٥)، ويكمن السبب وراء ذلك في أنه يُتاح لكل باحث عينة من البيانات يتم من خلالها تقدير قيم المعلمات، والاستدلال على نظيراتها المحتملة للمجتمع، لكن قد تفشل عينة في تقديم قيم تكون قريبة من القيم الصحيحة للمجتمع، وذلك بسبب خطأ المعاينة والمي يرجع كليًا إلى أن سحب مفردات العينة عشوائيًا من المجتمع فإن بعض العينات ستكون أكثر تمثيلًا لسلوك المجتمع من غيرها، وذلك يرجع كليًا إلى أن الصدفة تقرَّر أحيانًا ما سيحدث، يتم تصغير خطأ المعاينة بزيادة حجم العينة، حيث إنه كلها زاد حجم العينة كلها قل احتهال أن تكون البيات المسحوبة غير مُثلَة للمجتمع.

٧, ٤ التنقيب في البيانات والحجم الحقيقي للاختبار

(Data mining and the true size of the test)

نُذكِّر بأن احتيال رفض فرضية عدم صحيحة بُعادل حجم الاختبار، والذي يرمز إليه بـ α، كما تنجم إمكانية رفض فرضية عدم صحيحة من كون أنه يُفترض في إحصاءات الاختبار أن تتبع توزيعًا عشوائيًّا، وبالتالي فإنها سوف تأخذ قِبيًا قصوى قد تقع في منطقة الرفض أحيانًا عن طريق الصدفة لا غير، ونتيجة لذلك فإنه سيكون من الممكن دائيًا تقريبًا العثور على علاقات معنوية بين المتغبِّرات إذا ما تم فحص عدد كافٍ من المتغبِّرات، لنفترض على سبيل المثال أنه وبشكل منفصل تم توليد متغبِّر تابع يه وعشرين

⁽٢) إضافة المترجين: يدل هذا التعبير على تجرية ليس لها رؤية شبيقة لما سيحدث، وتتناقض مع فرضية البحث التي تسعى إلى اختيارها.

متغيرًا مُفسَّرًا ، « المتغير المستئناء الحد الثابت) كمتغيرات عشوائية مُستقلة تتبع التوزيع الطبيعي، يتم إذًا وبصورة منفصلة انحدار و على كل متغير من المتغير المفسّرة العشرين، إضافة إلى ثابت، نفحص بعد ذلك معنوية كل متغير مفسّر في الانحدارات، في حال تكرار هذه التجربة أو عدة مرات فإنه في المتوسط نتحصل على انحدار من بين الانحدارات العشرين بمعامل مبل معنوي عند المستوى في المن في كل تجربة، كما يترتب عن ذلك أنه إذا تم استخدام عدد كافي من المتغيرات الفسّرة في كل انحدار، فسيكون هناك متغير واحد أو أكثر معنوي، وذلك عن طريق الصدفة وحدها، بشكل أكثر تحديدًا، يُمكن القول إنه إذا تم استخدام حجم اختبار مساوٍ لـ هي المتوسط نتحصًل على انحدار لكل (١٥٥/٥) انحدار يكون له معامل ميل معنوي عن طريق الصدفة وحدها.

تُعرف عملية تجريب العديد من المتغيِّرات في الانحدار دون استناد اختيار المتغيِّرات المرشحة إلى نظرية ماليَّة أو اقتصاديَّة باسم التنقيب في البيانات، أو "تجريب البيانات" (Data Snooping)، تتمثَّل النتيجة في مثل هذه الحالات في أن مُستوى المعنوية الحقيقي يكون أكبر بكثير من مُستوى المعنوية الاسمي المفترض، لنفترض على سبيل المثال أننا قُمنا بعشرين انحدارًا مُنفصلًا، منها ثلاثة تحتوي على متغيِّر انحداري معنوي، وبأن مُستوى المعنوية الاسمي هو ٥٪، سيكون مُستوى المعنوية الحقيقي إذا أعلى بكثير من ذلك (على مبيل المثال ٢٥٪)، لذلك إذا لم يُظهر الباحث سوى نتائج الانحدار التي تحتوي على الثلاث مُعادلات الأخيرة ونصَّ على أنها معنوية عند المستوى ٥٪، فهذا من شأنه أن يُؤدي إلى استنتاجات غير مُناسبة بخصوص أهيَّة المتغيِّرات.

فضلًا عن ضهان اختيار المتغيِّرات المرشحة للإدراج في النموذج على أساس نظريَّة ماليَّة أو اقتصاديَّة، هناك طريقة أخرى لتجنَّب التنفيب في البيانات تتمثَّل في فحص الأداء التنبُّوي للنموذج على مجموعة من البيانات خارج العيَّنة (Out-of-sample) (انظر الفصل ٦)، تتمثَّل الفكرة أساسًا في عدم استخدام جزء من البيانات عند تقدير النموذج والاحتفاظ به لاختيار النموذج، كما تُمثَّل العلاقة المشاهدة في فترة التقدير نتيجة بحتة للتنفيب في البيانات، وبالتالي فهي علاقة زائفة، ومن غير المرجَّح أن تتكرر لفنرة خارج العيَّنة، لذلك من المرجَّح أن تكون النهاذج التي هي نتاج للتنفيب في البيانات نهاذج رديئة التناسب، وتُقدُّم ننبؤات غير دقيقة لفترة خارج العيَّنة.

A, ٤ إحصاءات جودة التوفيق (Goodness of fit statistics)

R^2 معامل التحديد ξ , Λ , 1

من المحبَّد أن يتوفَّر لدينا بعض المقاييس عن مدى مُلاءمة نموذج الانحدار للبيانات، بعبارة أخرى: من المستحسّن أن يكون لدينا إجابة عن السؤال التالي: 'إلى أي مدى يُمكن للنموذج الذي يحتوي على المتغيِّرات المفسَّرة أن يُفسَّر فعلبًا التغيُّرات في المتغيَّر التابع؟'، هناك كميات تُعرف بإحصاءات جودة التوفيق، وهي كميات تختير مدى نجاح دالة انحدار العيَّنة في مُلاءمة البيانات، أي مدى 'قُرب' خط الانحدار المجهَّز من كافة البيانات 'مُجتمعة'، كها تُشير إلى أنه من غير الممكن القول بمدى توافق دالة انحدار العيَّنة مع دالة انحدار المجتمع، أي كيف يُقارن النموذج المقدَّر بالعلاقة الحقيقيَّة بين المتغيَّرات بها أن هذه الأخيرة غير معروفة مُطلقًا.

لكن ما هي المقاييس التي يُمكن أن تُقدَّم كمُرشحات مقبولة لأن تكون إحصاءات لجودة التوفيق؟ تكمُن الإجابة الأولى عن هذا السؤال في إلقاء نظرة على مجموع مُربعات البواقي، تُذكَّر أن طريقة المربعات الصَّغرى العادية تقوم باختبار القيم المقدّرة للمعاملات التي تُصغّر هذا المجموع، وبالتالي كلم كانت قيمة مجموع مُوبعات البواقي أقل كلم كان النموذج المجهّز للبيانات أفضل، يُمكن بالتأكيد اعتبار مجموع مُربعات البواقي كإحدى الإمكانيات، إلا أن القيمة القُصوى لهذا الأخير غير محدودة (بشكل أدق يُخد المجموع الكلي للمربعات (Total Sum of Squares) الفيمة القصوى لمجموع مُربعات البواقي، انظر أدناه)، أي أنه يمكن أن يأخذ أي قيمة (غير سالبة)، لذلك وعلى سبيل المثال إذا كانت قيمة مجموع مُربعات البواقي في إطار طريقة التقدير بالمربعات الصغرى العادية مُساوية لـ ٤ ، ١٣٦، فهذا يعني ذلك حقيقة ؟ وبالثالي سوف يكون من الصعب جدًّا معرقة ما إذا كان خط الانحدار المجهَّز قريبًا من البيانات أم لا يمتجرد النظر إلى هذه الفيمة وحدها، كها نذكر أن قيمة مجموع مُربعات البواقي تعتمد إلى حد كبير على مقياس المتغيَّر التابع، وبالتالي توجد طريقة للتقليص من مجموع مُربعات البواقي، بشكل غير مُجدٍ من خلال قسمة كل المشاهدات بـ ١٠!

عادة ما نُستخدم في الواقع نسخة مصغّرة لمجموع مُربعات البواقي، تُعرف إحصاءة جودة التوفيق الأكثر شيوعًا بـ ٣٤، هناك طريقة لتعريف ٣٤ بالفول إنه مُساوِ لمربع معامل الارتباط بين لا و لا أي أنه مربع الارتباط بين قيم المتغيَّر التابع والقيم المقابلة لها المجهَّزة من النموذج، بحكم تعريفه بجب أن يقع معامل الارتباط بين -١ و ١٠. بها أن ٣٤ المعرَّف بهذه الطريقة هو مربَّع معامل الارتباط مُرتفعًا فإن النموذج يُناسب البيانات بشكل جيَّد، في حين إذا كان الارتباط صُعيفًا (قريبًا من الصفر) فإن النموذج لا يُوفِّر تناسبًا جيدًا للبيانات.

هناك تعريف آخر لـ "R يقتضي النظر فيها يُحاول النموذج تفسيره، في الواقع ما بحاول النموذج فعله هو شرح تغيُّرية لا حول قيمتها المتوسطة تر. تعمل هذه الكمية تر، التي تُعرف تحديدًا بالوسط غير الشرطي لـ Unconditional Mean)، كنقطة مرجعية، وذلك لأنه إذا لم يكن للباحث نموذج لـ لا فإنه لن يفعل أسوأ من الحدار لا على ثابت فقط، في الحقيقة تكون قيمة المعامل المقدَّرة لهذا الانحدار وسط لا. لذلك من خلال الانحدار:

$$y_t = \beta_1 + u_t \tag{YoLE}$$

ستكون فيمة المعامل المقدرة الله هي وسط y أي تز، هذا ويُعرف التغيَّر الكلي لكل مُشاهدات المتغيَّر التابع حول قيمته المتوسطة بالمجموع الكلي للمربعات، والذي يقدَّم كالآي:

$$TSS = \sum_{t} (y_t - \bar{y})^2 \tag{$\Upsilon \setminus \xi$}$$

يُمكن تقسيم المجموع الكلي للمُربعات (TSS) إلى جُزأين: الجزء الذي تم تفسيره بالنموذج (وبعرف بمجموع المربعات المفسرة (Explained Sum of Squares, ESS)) والجزء الذي لم يقدر النموذج على تفسيره (مجموع مربعات البواقي):

$$TSS = ESS + RSS \tag{$\Upsilon_{V,\xi}$}$$

$$\sum_{t} (y_{t} - \bar{y})^{2} = \sum_{t} (\hat{y}_{t} - \bar{y})^{2} + \sum_{t} \hat{u}_{t}^{2}$$
(YA, £)

كما نذكر بأنه يُمكن التعبير عن مجموع مربعات البواقي كالتالي:

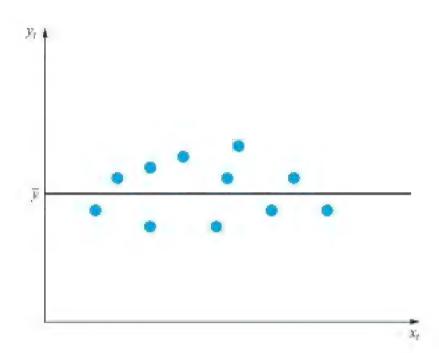
$$\sum_{\mathbf{r}} (y_{\mathbf{f}} - \hat{y}_{\mathbf{r}})^2$$

وذلك لأن الباقي للمشاهدة ٤ يُعرف بأنه الفارق بين القيمة الفعلية والقيمة المُقدرّة فذه المشاهدة، كما تُقدَّم إحصاءة جودة التوفيق كنسبة مجموع المربعات المُفسرّة إلى المجموع الكلي للمربعات:

$$R^2 = \frac{ESS}{TSS} \tag{$\Upsilon^{q,\xi}$}$$

لكن بها أن TSS = ESS + RSS فمن المكن كتابة:

$$R^2 = \frac{RSS}{TSS} = \frac{TSS - RSS}{TSS} = 1 - \frac{RSS}{TSS}$$
 (\$\infty\$.\infty\$)



السُكل رقم (٤,١) $R^2=0$ مُبِيّن بخط مُقدَّر مُسطح، أي معامل ميل صفري.

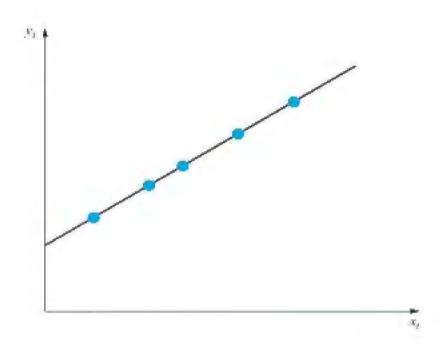
يجب أن ينحصر R² دائيًا بين صفر وواحد (بشرط وجود حد ثابت في الانحدار)، ويُعتبر هذا بديهيًّا من خلال تفسير ارتباط R² المذكور أعلاه، لكن لتقديم تفسير آخر لـ R² نستعرض الحالتين القُصويين التاليتين:

$$R^2 = {ESS \over TSS} = 0$$
 رباشانی $ESS = 0$ آي $RSS = TSS$

$$R^2 = {ESS \over TSS} = 1$$
 ربالنالي $RSS = 0$ رأ $ESS = TSS$

في الحالة الأولى لم ينجح النموذج في تفسير أيَّ من تغيُّرات لا حول قيمتها المتوسطة، وبالتالي يتساوى مجموع مربعات البواقي مع المجموع الكلي للمربعات، هذا من شأته أن تجدث فقط في صورة كانت القيم المقدَّرة لكل المعاملات مُساوية تمامًا لصفر، أما في الحالة الثانية فإن النموذج فشر كامل تغيريَّة لا حول قيمتها المتوسطة، ويدل ذلك على أن مجموع مربعات البواقي سيكون صفرًا،

جدث ذلك في حالة كانت جميع نقاط المشاهدات تقع تمامًا على الخط المجهّز، يطبيعة الحال، أيّ من هائين الحالتين القصوبين محتملة عمليًّا، ولكن ذلك من شأنه أن يُظهر أن R^2 مقيَّد بأن يقع بين صفر وواحد، وبأن أعلى قيمة لـ R^2 تدل، مع افتراض بفاء الأشياء الأخرى على حالها، على أن النموذج هو الأنسب للبيانات، خلاصة القول: تتمثل الطريقة الأسهل (طريقة مبسطة كها هو موضّع أدناه) لمعرفة ما إذا كان خط الانحدار يُناسب البيانات بشكل جيد أم لا في النظر إلى قيمة R^2 ، تُشير قيمة R^2 القريبة من ا إلى أن النموذج يُقسِّر تقريبًا كل تغيرات المتغيِّر التابع عن قيمته المتوسطة، في حين تُشير قيمة R^2 القريبة من الصفر إلى أن النموذج يناسب البيانات بشكل رديء، كها تُبين الأشكال رقم (1, \$) و (2, \$)، في سباق الانحدار البسيط ثنائي المتغيرات هاتان الحالتان القصوبان حيث إن $R^2 = 1$ و $R^2 = 1$



الشكل رقم $(\, \xi \, , \, \chi) \, = R^2$ عندما ثقع كل نقاط البيانات تمامًا على الخط المقدِّر.

\$, A , 7 المشاكل المصادفة عند اعتبار R مقياسًا لجودة التوفيق

(Problems with R^2 as a goodness of fit measure)

يُعتبر R² سهل الحساب، بديهي الفهم ويوفّر مؤشرًا عامًّا عن ملاءمة النموذج للبيانات، ومع ذلك هناك العديد من المشاكل التي تعترضنا عند اعتبار R² مقياسًا لجودة التوفيق:

- (١) يُعرَّف R² من حيث التغيَّر حول وسط ٢، وبالتالي إذا أعدنا ضبط مُتغيِّرات النموذج (إعادة ترنيبه) وتغيِّر المتغيِّر التابع، فإن R² سبنغيِّر حتى لو كان النموذج الثاني هو مُجرد ترتبب بسبط للنموذج الأول، وبنفس مجموع مربعات البواقي، ليس من المعقول إذًا مُقارنة قيمة R² لنهاذج مختلفة من حيث المتغيِّرات التابعة.
- (٢) لا تنخفض قيمة ٣² أبدًا إذا تحت إضافة المزيد من المتغيرات الانحدارية إلى الانحدار، على سبيل المثال نعتبر النموذجين التاليين:

ينحدار الثاني:
$$y = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + \beta_4 x_4 + u$$
 (٤٢،٤)

لا يقل R^2 في النموذج ٢ عن مثيله في النموذج ١، كما يتساوى R^2 في النموذج ٢ مع مثيله في النموذج ١ فقط في حالة كانت القيمة المُقدّرة لمعامل المتغيِّر الجديد تُساوي تمامًا صفرًا، أي أن θ_a عمليًا، سبكون θ_a دائمًا محنويًا عن الصفر، حتى وإن لم يكن معنويًا، وبالتالي من الناحية العملية يرتفع R^2 دائمًا كلما تمت إضافة المزيد من المتغيرات إلى النموذج، تجعل هذه الميزة لـ R^2 من المستحيل أساسًا استخدامه كعامل محدد لمعرفة ما إذا كان ينبغي إدراج متغيِّر معين في النموذج أم لا.

(٣) يمكن لـ ٣² أن يأخذ قبيًا تساوي أو تفوق ٩ , ٠ في انحدارات السلاسل الزمنية، وبالتائي فهو لبس جيدًا في التمييز بين النهاذج، بها أنه في كثير من الأحيان سيكون لمجموعة واسعة من النهاذج قيم لـ ٣² متشابهة كثيرًا (ومرتفعة).

العدل R^2 معامل التحديد R^2 العدل

(Adjusted R2)

لتفادي ثاني هذه المشاكل الثلاث، غالبًا ما يتم إجراء تعديل على R² بأخذ بعين الاعتبار فقدان درجات الحرية المرتبط بإضافة متغيَّرات أخرى، ويُعرف ذلك بـ R² أو R² المعدل والذي يُعرَّف كالآتي:

$$\bar{R}^2 = 1 - \left[\frac{\tau - 1}{\tau - k} - (1 - R^2) \right]$$
 (\$\tau_c \xi\$)

إذا تمت إضافة مُتغيِّر انحداري جديد إلى النموذج فإن k سيرتفع، ومالم يَزِد R² بأكثر من القيمة المعادِلة لذلك فإن k سينخفض، وبالتالي يُمكن استخدام R² كأداة لاتخاذ قرار بشأن تحديد ما إذا كان ينبغي إدراج متغيِّر ما في نموذج الانحدار أم لا، وتكون القاعدة المستخدمة كالآن: نُدرج المتغيِّر إذا ارتفع R² ولا نُدرجه إذا انخفض هذا الأخير.

ومع ذلك لا يزال هناك مشاكل عند اعتبار تعظيم R² كمعيار لاختيار النموذج، من أبرز هذه المشاكل نذكر أن R² يُعتبر قاعدة اهشّة، عنا يعني أنه عند انباعه سيئتهي بالباحث عادة اختيار نموذج كبير يحتوي على الكثير من المتغيّرات ذات معنوية هامشيّة، أو يحتوي على متغيّرات لامعنوية، نذكر أيضًا أن R² يجب أن يكون على الأقل صفرًا إذا أدرجنا المقطع في الانحدار، أمّّا نظيره المعدّل فمن الممكن أن يأخذ قيهًا سالبة إذا كان الانحدار يُتاسب البيانات بشكل رديء جدًّا، وهذا حتى مع وجود مقطع في الانحدار.

لنُعِد النظر الآن في نتائج التهارين السابقة المنجزة على إفيوز، والمستخدمة في الفصل السابق، وكذلك في موضع سابق من هذا الفصل، إذا اعتبرنا أولًا نموذج النحوط من الفصل ٣ فإن قيمة ٣٤ لانحدار العوائد تُساوي ٩٩٥٥ ، عما يُشير إلى أن العوائد المستقبلية تُفسر تقريبًا كل تغيريَّة العوائد الفورية، أما التوفيق (Fit) فهو ليس بالجيد جدًا بالنسبة إلى انحدار السهم فورد في نموذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة الوارد في الفصل ٣، حيث إن ٣٤ يساوي حوالي ٣٥٪، يتمثل الاستنتاج هنا في أنه بالنسبة لهذا السهم وفي فترة العينة هذه نحو ثلث التغيُّر الشهري في فائض العوائد يُمكن أن يُنسب إلى تغيُّرات السوق بأكمله مُقاسًا بالمؤشر S&P 500.

أخيرًا، إذا نظرنا في نتائج الانحدارات التي أُجريت مُؤخرًا للسهم مابكروسوفت فإننا نجد جُدَّدًا أن التوفيق مقبول، من المهم أيضًا مُقارنة توفيق النموذج للانحدار الأصلي الذي يتضمَّن كل المتغيِّرات مع نتائج الإجراء المتدرِّج، يُمكننا كذلك أن نرى أن قيمة الخام في الانحدار الأصلي الذي يحتوي على كل المتغيِّرات المفسَّرة الممكنة أعلى قليلًا (٢٠٧، • مُقابل ٢٠١، • في الانحدار المتدرَّج

وبواقع ثلاث مراتب عشريَّة)، تمامًا كما كُنا نتوقَّع، وبها أن الانحدار الأصلي يحتوي على عدد أكبر من المتغيِّرات فيجب أن تكون قيمة R² لهذا الأخير على الأقل بنفس قيمة R² للانحدار المتدرِّج، لكن بمُقارنة R² للنموذجين نلاحظ أن قيمة R² في الانحدار المتدرِّج، لكن بمُقارنة الأخير على الأقل بنفس قيمة الانحدار المتدرِّج، لكن بمُقارنة إلى أن المتغيِّرات الانحدارية الإضافيَّة في النموذج الكامل لا مُبرِّر لوجودها، على الأقل وفقًا هَذَا المعيار.

تُتابع الآنَ دراسة حالة أخرى لتطبيق طريقة المربعات الصغرى العاديَّة لتقدير الانحدار، بها في ذلك تفسير النسب تي و R2.

٩ , ٤ نهاذج تسعير المنفعة

(Hedonic Pricing Models)

وفي مجال تسعير المنفعة كإحدى تطبيقات تقنيات الاقتصاد القياسي حيث يكون للمعاملات تفسير مهم بشكل خاص ، تُستخدم نهاذج المنفعة لتقييم الأصول العقاريَّة (Real Assets) وعلى وجه الخصوص المساكن، ومُعاينة الأصل باعتباره بمثّل مجموعة من الخصائص توفّر كل واحدة منها إمّا منفعة أو عدم منفعة لمستهلكها، غالبًا ما تُستخدم نهاذج المنفعة لإنتاج تقيبهات أو تقديرات للعقارات، وذلك بالنظر إلى خصائصها (مثل حجم المسكن، عدد غرف النوم، الموقع، عدد الحهامات إلى آخره)، تُمثّل القيم المقدّرة للمعاملات في هذه النهاذج 'أسعار الخصائص.'

قدَّم دي روزيي وتبريو (١٩٩٦) (Des Rosiers and Thériault (1996)) التفعة حيث تدارسًا تأثير وسائل الراحة المختلفة على قيم إيجار المباني والشقق في خسة أسواق فرعيَّة في منطقة الكبيك (Quebec) الكنديَّة، بعد احتساب تأثير الخصائص المحدَّدة للعقد، والتي سوف يكون لها تأثير على قيم الإيجار (على سبيل المثال هل الأثاث، الإضاءة أو الماء الساخن مُدرج في سعر الإيجار أم لا)، توصَّل دي روزيي وتبريو إلى نموذج تكون فيه قيمة الإيجار الشهري بالدولار الكندي (المتغبَّر التابع) دالة تضمُّ مِن تسع إلى أربعة عشر متغيَّرًا (حسب المنطقة المدروسة)، تستخدم ورقة البحث بيانات ترجع لسنة ١٩٩٠ لمنطقة مدينة الكبيك وبمجموع ٢٧٨, ١٣ مُشاهدة، أما المتغيِّرات الاثنا عشر فهي:

LnAGE لوغاريتم العمر الظاهري للعقار

NBROOMS عدد غرف النوم

AREABYRM مساحة الغرفة (بالمتر المربع)

ELEVATOR متغبّر وهمي (أو صوري) (Dummy Variable) = ١ إذا كان المبنى يحتوي على مصعد؛ ٠

خيلاف دلك

BASEMENT متغبّر وهمي = ١ إذا كانت الوحدة السكنية بالطابق السفلي؛ • خلاف ذلك

OUTPARK عدد مواقف السيارات الخارجية

INDPARK عدد مواقف السيارات الداخليَّة

NOLEASE متغيّر وهمي = ١ إذا كانت الوحدة السكنية غير مُرتبطة بعقد إيجار؟ • خلاف ذلك

LaDISTCBD لوغاريتم المسافة بالكيلومترات إلى المنطقة التجاريَّة المركزيَّة

نسبة الأسر ذات العائل الواحد في منطقة تواجد المبنى SINGLPAR المسافة بالكيلومترات إلى أقرب مركز تسوّق DSHOPCNTR فارق الشغور بين المبنى والتعداد السكاني VACDIFF1

چار السهري پاندو د ر انحساي	۱۹۹۰ . العبر النابع . جنه او	مة لقيم الإيجار في مدينة الكبيك، ١٩٩٠ . المنغيِّر التابع. قيم	
العلامة المتوقعة مُسبقاً المتوقّع	نــبة ي	المامل	المتغير
+	07,+9	TAT, T)	المقطع
-	09,71-	٥٣,١٠-	LnAGE
+	1.8,41	\$A, \$Y	NBROOMS
+	Y4,44	7,4V	AREABYRM
+	٤٥,٠٤	AA, 01	ELEVATOR
	11,41-	10,9=	BASEMENT
+	v,•v	٧,١٧	OUTPARK
+	T1, Y0	٧٣,٧٦	INDPARK
-	γ, τΥ-	17,99-	NOLEASE
-	٤,٦٠	٥,٨٤	LnDISTCBD
-	۳۸,۸۸-	\$, YY-	SINGLPAR
-	0,4V-	۱۰,۰٤-	DSHOPCNTR
	٩٨,٥	۲٩,٠	VACDIFFI

ملاحظة: 21 العدَّل = 101 ، ١٠ إحصاءة الانحدار إف = ٢٠٨٢ ، ٢٧ .

المصدر: دي روزيي وتيريو (١٩٩٦). أُعيد نشره بترخيص من الجمعيَّة العقاريَّة الأمريكيَّة.

تتضمَّن هذه القائمة العديد من المتغيَّرات التي تُعتبر مُتغيِّرات وهمية، نُعرف المتغيَّرات الوهمية أيضًا بالمتغيَّرات النوعيَّة، وذلك لأنها غالبًا ما تُستخدم لتمثيل المتغيَّرات النوعيَّة تمثيلًا عدديًّا، عادة ما تُحدَّد المتغيَّرات الوهمية بحيث تأخذ عددًا محدودًا من القيم الصحيحة، وفي مُعظم الأحيان نستخدم فقط صفرًا وواحدًا. كما بُمكن استخدام المتغيّرات الوهمية في سياق الانحدارات المقطعيّة (Cross-sectional Regressions) وانحدارات السلاسل الزمنيّة (Time Series Regressions)، سنّناقش فيها بعد هذه الأخيرة على نطاق واسع، ومن الأمثلة عن استخدام المتغيّرات الوهمية كمنغيّرات انحداريّة مقطعيّة نذكر استخدامها في نمذجة الجنس في إطار دراسة رواتب أول تعيين للمتداولين الجدد (على سييل المثال: ذكر =٠، أنثى= ١)، أو كذلك في إطار نمذجة التصنيفات الانتهائيّة السياديّة (مثال: البلدان النامية = ٠، البلدان المتقدّمة = ١) إلى آخره.

تُستخدم المتغبّرات الوهمية في كل مرَّة بنفس طريقة استخدام المتغبِّرات المفسَّرة الأخرى، ويُمكن تفسير مُعاملات المتغبِّرات الوهمية كمتوسِّط للفروق في قيم المتغبِّر التابع لكل فئة، وباعتبار كل العوامل الأخرى في النموذج.

أشار دي روزيي وتبريو (١٩٩٦) إلى عدَّة مُواصفات لخمس مناطق مُختلفة، ثم قدَّما نتائج لنموذج يحتوي على المتغبِّرات التي تناولناها هنا، والتي تم تعديلها وذكرها كها في الجدول رقم (٢,٤).

تُشير قيمة "R المعدَّل أن النموذج بُفسَر 10٪ من إجمائي تغيَّرات أسعار الإبجار عن قيمتها المتوسَّطة، بالنسبة للانحدار المقطعي تُعتبر هذه القيمة مُرتفعة جدًّا، كما نذكر كذلك أن كل المتغيِّرات معنويَّة عند المستوى ٢٠, ٠٪ فأقل، وبالتالي فإن إحصاءة الانحدار إف ترفض بشدَّة فرضيَّة العدم المتمثَّلة في أن جميع قيم معاملات المتغيِّرات المفسَّرة تُساوي صفرًا، كما نُشير إلى وجود علاقة بين الإحصاءة إف للانحدار و ٣٤ كما هو مُبيَّن في الإطار رقم (٢, ٤).

كما ذُكر سابقًا هناك طريقة لتقييم نموذج اقتصاد قياسي تتمثّل في تحديد ما إذا كان هذا الأخير بتوافق مع النظريَّة أم لا، في حالتنا هذه لبس لدينا نظريَّة حقيقيَّة، ولكن بدلًا من ذلك لدينا تصوَّر بخصوص اتجاه تأثير كل مُتغيِّر على قيم الإيجار، وعليه يُمكن مُقارنة العلامات الفعليَّة للمعاملات بقيمها المتوقَّعة الواردة في العمود الأخير من الجدول رقم (1,3) (كما حدَّدها الكاتب)، يُمكن أيضًا ملاحظة أن لجميع المعاملات، باستثناء اثنين (وهي لوغاربتم المسافة بالكيلومترات إلى المنطقة التجاريَّة المركزيَّة وفارق الشغور)، علاماتها المُتوقَّعة.

كما ذكر دي روزيي وتبريو أن العلامة الموجبة لمعامل المتغيَّر المسافة إلى المنطقة التجاريَّة المركزيَّة عُتبر علامة مُتوقَّعة، وذلك الأنه بالرغم من أنه من المحيَّد في أغلب الأحيان العيش بالقرب من وسط المدينة إلَّا أنه في هذه الحالة، وبافتراض بقاء الأشياء الأخرى على حالها، تقع أغلب الأحياء الأقل جاذبيَّة نحو وسط المدينة.

تُظهر القيم المقدَّرة للمعاملات سعر الإيجار الشهري بالدولار الكندي لكل ميزة من ميزات المسكن، لتقديم بعض الأمثلة التوضيحيَّة، تُظهر قيمة المتغيَّر NBROOMS وهي تقريبًا ٤٨، وبافتراض بقاء الأشياء الأخرى على حافا، ستؤدي غرفة نوم واحدة إضافيَّة إلى ارتفاع متوسَّط سعر إيجار العقار بمقدار ٤٤٨ شهريًا، وذلك باعتبار أسعار ١٩٩٠، نذكر كذلك أن معامل المتغيَّر BASEMENT يُساوي -١٦ مُشيرًا إلى أن الشقة بالطابق السفلي تُؤجَّر أقل بـ ٥١٦ من شقة مُماثلة فوق سطح الأرض، تُشير معاملات المواقف أخيرًا أن في المتوسَّط كل موقف سيارات خارجي يُضيف على الإيجار اللازمة للإيجار في حين أن كل موقف سيارات داخلي يُضيف ٤٧٤ وهكذا، أمَّا المقطع فيُظهر من الناحية النظريَّة قيمة الإيجار اللازمة لعقار كل قيم خصائصه صفر، تدل هذه الحالة، وكما سبق وذكرنا، أن لمعامل الحد الثابت في أغلب الأحيان تفسيرًا قليل الفائدة، وذلك لأنه يُشير إلى مسكن تم بناؤه للتو، ليس به أي غُرفة، بدون مواقف سيارات، بدون عقد إيجار، تمامًا وسط المنطقة التجاريَّة المركزيَّة ومركز التسوق، إلخ.

الإطار رقم (1, ٤) العلاقة بين إحصاءة الإنحدار إف و Pa

هناك علاقة خاصة بين قيمة R2 المتحصَّل عليها من الانحدار وإحصاءة الانحدار إف، تُذكِّر أن هذه الإحصاءة تختبر فرضيَّة العدم المتمثلة في أن معلمات الميل في الانحدار تساوي كلها صفرًا في نفس الوقت، لنُسمّي مجموع مربعات البواقي للانحدار غير المُقيَّد، والذي يضم كل المتغيِّرات المفسِّرة بـRSS، في حين يقتصر الانحدار المقيّد بيساطة على انحدار على ثابت:

$$y_t = \beta_1 + u_t \tag{§§.4}$$

وبها أنه لا توجد معلمات ميل في هذا النموذج فإنه لن يتم تفسير أيّ من تغيِّريَّة به حول قيمتها المتوشطة، وبالتالي فإن مجموع مربعات البواقي للمعادلة رقم (٤٤،٤) سيكون في الواقع المجموع الكلي للمربعات (TSS) لـ به. كما يُمكننا كتابة الصيغة المعتادة للإحصاءة إف لاختبار فرضيَّة العدم المتمثَّلة في أن جميع معلمات الميل تُساوى معّا صفرًا على النحو التائي:

$$\frac{TSS - RSS}{RSS} \times \frac{T - K}{K - 1} = \qquad \text{($5 \circ ξ)}$$

TSS - RSS = 1 يكون عدد القيود (m') في هذه الحالة مُساويًا لعدد معلمات الميل m' = k. كما تُذكّر أن m' = k. وذًا بقسمة بسط ومقام المعادلة رقم m' = k بـ m' = k نتحصّل على:

يُصبح الآن R² بسط المعادلة رقم (٤٦،٤) في حين يكون R² - 1 مقامها، وبالتالي يُمكن كتابة الإحصاءة إف كالتالي:

$$\frac{R^2(T-k)}{1-R^2(k-1)} = \frac{1}{1-R^2(k-1)}$$
 (57.5)

تصح هذه العلاقة بين الإحصاءة إف وR2 فقط لفرضيَّة العدم هذه وليس لفرضيات أخرى.

ومن نقاط الضعف الجديرة بالذكر لهذه الدراسات في هذه المرحلة هو افتراضها أن السعر الضمني لكل خاصية متطابق لمختلف أنواع الممتلكات، وأن هذه الخصائص لا تُصبح مُشبّعة، بعبارة أخرى يُفترض ضمنًا أنه في حالة تمت إضافة المزيد من غرف النوم أو من مواقف السيارات المخصصة إلى ما لانهاية فإن سعر الإيجار الشهري سيرتفع في كل مرَّة بـ 82 و بـ 82 على التوالي، إذًا، من غير المحتمل نمامًا تأييد هذا الافتراض عمليًّا، وبالنالي سوف يكون النموذج المقدَّر مُناسبًا فقط لمسكن 'مُتوسُط'، على سبيل المثال، من المرجِّح أن يُضيف موقف داخلي للسيارات إضافي قيمة إلى مسكن فاخر أكثر بكثير من القيمة التي يُضيفها إلى مسكن عادي، على نحو مُنائل، من المرجِّح أن تكون القيمة الحدَّية لغرفة نوم إضافيَّة أكبر إذا كان المسكن به غرفة نوم واحدة ممَّا لو كان المسكن بتكوَّن أصلًا من عشر غُرف، ويتمثَّل أحد الحلول لهذه المسألة في استخدام مُتغيِّرات وهمية بآثار ثابتة في الانحدارات، لشرح هذه النقطة انظر على سبيل المثال الفصل ١٠.

١٠ , ٤ اختبار الفرضيَّات غير المُتداخلة

(Tests of non-nested hypotheses)

كل اختبارات الفرضيات التي أُجْرِيَت حتى الآن في هذا الكتاب كانت في إطار النهاذج المتداخلة، وهو ما يعني أنه في كل حالة يشمل الاختبار فرض قيود على النموذج الأصلي؛ للوصول إلى صياغة مُفيَّدة تكون عبارة عن مجموعة جُزئيَّة، أو مجموعة مُتداخلة للصيغة الأصلية.

ومع ذلك من المفيد أحيانًا إجراء مُقارنة بين النهاذج غير المُتداخلة، لنفترض على سبيل المثال أن هُناك باحثين بعملان بشكل مُستقل، لكل واحد منهما نظريَّة مالبَّة مُستقلَّة لشرح تغيُّر مُتغيِّر ما، يهر، من الممكن أن تكون النهاذج التي وقع اختيارها من قِبَل الباحثين على ائتوالي كالتالي:

$$y_t = \alpha_1 + \alpha_2 x_{2t} + u_t \tag{ξ Ac$$} \xi)$$

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{3t} + v_t \tag{5.9.5}$$

حيث يُمثَّل علا و علا حدود أخطاء مُستقلَّة ومُوزَّعة بشكل مُتطابق، يتضمَّن النموذج رقم (٤٨،٤) المتغيِّر ٢٤ ولا يتضمَّن المتغيِّر ٢٤ في هذه الحالة لا يُمكن اعتبار أحد هذين المتغيِّر ٢٤ في حين يحتوي النموذج رقم (٤٩،٤) على المتغيِّر ٢٤، ولا يحتوي على المتغيِّر ٢٤، في هذه الحالة لا يُمكن اعتبار أحد هذين النموذجين صيغة مُقيَّدة للنموذج الآخر، فكيف إذًا يُمكن مُقارنة النموذجين لمعرفة أيَّها الأفضل تمثيلًا للبيانات علاً

الإطار رقم (٢ , ٤) الإختيار بين النياذج

- (١) γ₂ معنوي إحصائيًا لكن ليس γ₂. في هذه الحالة تُختزل المعادلة رقم (٥٠،٤) في المعادلة رقم (٤٨،٤) وثُمثُل هذه الأخيرة النموذج المفضَّل.
- (٢) ومعنوي إحصائيًا لكن ليس γ₂. في هذه الحالة تُحتزل المعادلة رقم (٥٠،٤) في المعادلة رقم (٤٩،٤) وتُمثُل هذه الأخيرة النموذج المفضَّل.
- (٣) كُل من γ_2 و γ_3 معنوي إحصائيًّا، هذا يعني أن كُلًا من γ_2 و γ_3 لديها قُوة تفسيريَّة إضافيَّة لـ γ_3 وينبغي في هذه الحالة الاحتفاظ بكلاهما، وبالتالي نتخل عن النموذج رقم (٤٨،٤) و (٤٩،٤) ويكون النموذج رقم (٥٠،٤) النموذج المفضَّل.
- (٤) كُل من ٧٤ و ٧٥ غير معنوي إحصائيًا، في هذه الحالة لا يُمكن إبعاد أيَّ من النهاذج، بل يجب استخدام طرق أخرى للاختيار بينهم.

باعتبار المناقشة في الفسم (٨،٤) تتمثَّل الإجابة الجُليَّة عن هذا السؤال في مُقارنة قيم R^2 أو قيم R^2 المُعدَّل المُتحصَّل

من النهاذج، في هذه الحالة بُمكن تطبيق أيَّ منهما على حد السواء، بها أن كلتا الصيغتين لهما نفس عدد المتغيَّرات في الجانب الأيمن للمعادلة، كها نذكر أنه بالإمكان استخدام *R المعدَّل حتى في الحالات التي يكون فيها عدد المتغيَّرات في النموذجين محتلفًا، وذلك لأنه يستخدم حد جزاه (Penalty Term) يأخذ في الاعتبار عدد المتغيِّرات المفسِّرة، من ناحية أخرى يستند المعدَّل إلى دالة جزاء عُدَّدة (وهي ٢ - التي تظهر بصورة دقيقة في الصيغة)، هذه الصيغة لحد الجزاء ليست بالضرورة الصيغة الأمثل.

كما تذكر أيضًا أنه نظرًا لما سبق ذكره، وأن *R المعدَّل يعتبر قاعدة هشَّة فمن المرجَّح بشكل عام أن استخدام *R المعدَّل للاختيار بين النهاذج سيدل ضمنًا على أن النهاذج التي تتضمَّن أكثر مُتغيِّرات مُفسَّرة ستكون النهاذج المفضَّلة، كما تتوفَّر أيضًا قواعد أخرى تُحاثلة، لكل واحدة منها حد جزاء أقل أو أكثر صرامة، وتُعرف جميعًا 'بمعايير المعلومات' (Information Criteria)، يشرح الفصل ٦ هذه المعايير بشيء من التفصيل، لكن نكتفي في الوقت الراهن بالقول إن الاختلاف في صرامة حد الجزاء يؤدي في عدة حالات إلى نموذج مُفضَّل مُحتلف.

كما نُشير إلى وجود منهج بديل لمقارنة النهاذج غير المُتداخلة يتمثَّل في تقدير نموذج شامل أو هجين، في مثال المعادلات رقم (٤٩،٤) و (٤٩،٤) يكون النموذج الشامل المناسب كالآتي:

$$y_t = y_1 + y_2 x_{2t} + y_3 x_{3t} + w_t \tag{0.15}$$

حيث يرمز به إلى حد الخطأ، تحتوي الصيغة رقم (٥٠،٤) على كل من المعادلات رقم (٤٨،٤) و (٤٩،٤) كحالات خاصة لها عندما يكون ورد ورد على التوالي صفرًا، وبالثالي سيُجرى اختبار أفضل نموذج من خلال فحص معنويَّة ورد ورد في النموذج رقم (٢٠،٤). سيكون هناك أربع نتائج مُحكنة (الإطار رقم (٢,٤)).

ومع ذلك هناك العديد من القيود بخصوص استخدام الاتحدارات الشاملة (£9،٤) أساس نظري متين لتشمل المتغيّرات النياذج غير المُتداخلة، والأهم من ذلك نذكر أنه حتى ولو كان للنياذج رقم (£9،٤) و (£9،٤) أساس نظري متين لتشمل المتغيّرات الملدوجة في الجانب الأيمن للمعادلات، فمن الممكن أن يكون النموذج الهجين لا معنى له، على سبيل المثال من الممكن أن تقترح النظريَّة المائيَّة إمَّا النموذج رقم (£9،٤) أو النموذج رقم (£9،٤) لنمذجة به لكنها نعتبر النموذج رقم (£9،٤) نموذجًا مُستبعدًا، بالإضافة إلى ذلك إذا كانت المتغيِّرات المُفسِّرة المتنافسة x_3 و x_3 شديدة الترابط (أي تقريبًا تربطها علاقة خطية مُتداخلة (Cottinear)) فمن الممكن أن يصبح كلاهما غير معنوي إحصائيًا إذا ما تم إدراجهما معًا في النموذج لا x_3 و x_4 (Multicottinearity) و (£9،٤)، انظر فسم تعدُّد العلاقات الخطيَّة (أو التعدُّد الحُطِّي) (Davidson and MacKinnon (1981) ((1981) ((1981) الكاتبين الأخيرين، أو الخيار ج الشامل (£9.٤) الكاتبين الأخيرين، أو (£0.5) (قوماتها)).

(Quantile Regression)

٤, ١١, ١ الحُلفيَّة والدافع

(Background and motivation)

تقدَّم مناهج الانحدارات الاعتياديَّة نمذجة على نحو فعال لمتوسَّط (الشرطي) (Conditional Mean) المتغيَّر التابع، أي أنها للتقط القيمة المتوسَّطة لـ y بالنظر إلى متوسط قيم جميع المتغيِّرات المفسَّرة، نستطيع من خلال خط الانحدار المجهَّز بطبيعة الحال حساب انفيمة التي سنتَّخذها y لكل قيمة من قيم المتغبِّرات المفسَّرة، وهو ما يُعنبر أساسًا استقراة لسلوك العلاقة بين y و x عند الوسط لبقية البيانات.

كمثال تحفيزي عن اعتبار هذا المنهج منهجًا دون الحد الأمثل في كثير من الأحيان، لنفترض أنه من الجدير بالاهتبام التفاط العلاقة المفطعيّة، عبر البلدان بين درجة تنظيم البنوك والناتج المحلي الإجالي ((Gross Domestic Product (GDP))، انطلاقًا من مستوى مُتدنَّ جدًّا من التنظيم البنكي (أو عدم التنظيم)، من المرجَّح أن زيادة التنظيم ستُشجَّع الزيادة في النشاط الاقتصادي بها أن وظائف النظام المصر في ستكون أفضل نتيجة لمزيد من الثقة والاستقرار في البيئة الماليَّة، ومع ذلك فمن المحتمل الوصول إلى نقطة تكون فيها زيادة حجم التنظيم عائفًا أمام النمو الاقتصادي من خلال خنق الابتكار واستجابة الفطاع المصر في لتلبية احتياجات الصناعات التي تخدمها، وبالتالي قد تتبادى لنا علاقة لاخطية (على الشكل ∩) بين التنظيم ونُمو الناتج المحلي الإجمالي، وقد يُؤدي تقدير نموذج الانحدار الخطي الاعتيادي إلى تقديرات جد مُضلَّلة لهذه العلاقة، بها أنها "نتوسَّط" الآثار الإيجابيَّة والسلبيَّة للتنظيم المتدن جدًا والعالى جدًّا.

من الممكن بطبيعة الحال في هذه الحالة إدراج حدود الاخطية (أي متعدد الحدود) في نموذج الانحدار (على سبيل المثال، إضافة حدود ننظيم تربيعيّة، تكعيبيّة... في المعادلة)، لكن تُمثل الانحدارات الكميّة التي وضعها كونكر وباسيت (١٩٧٨) (Bussett (1978) وBussett (1978)) ومرونة الالتفاط التعفيدات الكامنة في العلاقات من خلال تقدير نهاذج للدوال الكميّة الشرطية (Conditional Quantile Functions). كما نذكر أنه يُمكن إجراء الاتحدارات الكميّة في سياق كُلُّ من السلاسل الزمنيّة والبيانات المقطعيّة، على الرغم من أن هذا الأخير يُعتبر الأكثر شيوعًا، عادة ما نفترض أن المتغبّر التابع، والذي يُسمّى غالبًا بالتغبّر الاستجابة (Response Variable) في أدب الاتحدارات الكميّة، مُوزَّعًا بشكل مُستقل ومُتجانس النباين (Homoscedastic)، يُمكن بطبيعة الحال التخفيف من هذه الافتراضات لكن على حساب تعقيدات إضافيّة، كما تشير كذلك إلى أن الانحدارات الكميّة تُمثل طريقة شاملة التحليل العلاقات بين مجموعة من المتغبّرات، وهي أكثر ثبائًا بكثير من انحدارات المربعات الصغرى العاديّة عند وجود قيم شادّة وعدم اعتدال التوزيع، مثلها أن الوسيط غالبًا ما يُعتبر مقياسًا للسلوك المتوسّط أو النموذجي، أفضل من الوسط الحسابي عندما يكون التوزيع شديد الالتواء جَرَّاء وجود بعض القيم الشادَّة الكبيرة، كها يُعتبر الانحدار الكمي تقنية المعلميّة (Non-Parametric)، وذلك الائه لا يتطلّب أية افتراضات بخصوص التوزيع لتقدير أمثل للمعلمات.

كما يختلف الترميز والأساليب التي تُستخدم عادة في نمذجة الانحدار الكمي عن تلك المألوفة في الاقتصاد القياسي المالي، ورُبها حَدَّ ذلك من التناول المبكَّر لهذه التقنية التي كانت تاريخيًّا تُستخدم على نطاق واسع في تخصصات أخرى، على سبيل المثال، نذكر أنه نم تطوير العديد من التطبيقات في اقتصاديات العمل، وقد أدَّى توفَّر التقنيات في حزم برمجيات الاقتصاد القياسي في الأونة الأخيرة إلى جانب زيادة الاهتهام بنمذجة اسلوك طرف السلاسل إلى تحفيز تطبيقات الانحدار الكمي في مجال الماليَّة، وهنا يُعتبر الاحترام الأكثر شيوعًا لهذه التقنية في نمذجة القيمة المعرَّضة للمخاطر (Value at Risk)، ويُعتبر ذلك أمرًا طبيعيًّا؛ نظرًا لأن هذه النهاذج ترتكز على تقدير قيمة التقسيم الجزئي (Quantile) لتوزيع الحسائر المحتملة، انظر على سبيل المثال دراسة تشير نوجوكوف وأومانستيف (۲۰۰۱) ((۲۰۰۱) ((CaViaR على Manganelli (2004)) وإنجل ومنجنلي (۲۰۰۶) ((۲۰۰۹) (CaViaR)).

تُشير قيم النفسيات الجزنية التي يرمز إليه بـ ٢، إلى موضع المشاهدة ضمن سلسلة مرتَّبة ٧. على سبيل المثال، يُمثَّل الوسيط المشاهدة التي تقع في الوسط نمامًا، أمَّا المئين العاشر (الأصغر) فهو القيمة التي تقع تحتها ١٠٪ من المشاهدات (وبالتالي ٩٠٪ من المشاهدات فوقها)، إلى آخره، بشكل أدق يُمكننا تعريف قيمة التقسيم الجزئي (عدد - ٢)، (٣)، للمتغيَّر العشوائي ٧ بتوزيع نواكمي (Cumulative Distribution) (٤/٤)، كالتالي:

$$Q(\tau) = \inf y : F(y) \ge \tau$$
 (01. §)

حيث يرمز inf إلى أعظم حد أدنى (Infimum) أو 'أكبر حد شفلي'، وهو أصغر قيمة لـ y تُحقِّق المتباينة (Inequality)، بحكم تعريفها يجب أن تقع قيم التفسيرات الجزئية بين صفر وواحد.

هذا وتتناول الانحدارات الكميَّة في مرحلة لاحقة مفهوم قيم التقسيبات الجزئية، وهي تقوم بنمذجة التوزيع الشرطي لـ لا بأكمله على نحو فعَّال باعتبار المتغيِّرات المفسِّرة (وليس فقط الوسط مثلها هو الحال بالنسبة إلى طريقة المربعات الصغرى العاديَّة)، وهكذا تفحص الانحدارات الكميَّة تأثير المتغيِّرات المفسِّرة، ليس فقط على معلمات الموضع والمقباس لتوزيع لا، وإنها كذلك على شكل التوزيع، يُمكننا إذًا تحديد كيفيَّة تأثير المتغيِّرات المفسَّرة على المئين الخامس أو المئين التسعين لتوزيع لا أو أيضًا على الوسيط، إلى آخره.

٤, ١١, ٢ تقدير الدوال الكميّة

(Estimation of quantile functions)

⁽٣) لمزيد القراءة عن الاتحدار الكمي، ثُمُثل دراسة كوينكر وهالوك (٢٠٠١) (Koenker and Halkock (2001) مُقدَّمة، ولو مُقتضبة، عن الانحدارات الكميَّة وتطبيقاتها في حين يُقدَّم كتاب كوينكر (٢٠٠٥) عرضًا أكثر شمولًا عن هذا المنهج.

$$\hat{\beta}_{\tau} = \operatorname{argmin}_{\beta} \left(\sum_{i: \gamma_i > \beta x_i} \tau | \gamma_i - \beta x_i | + \sum_{i: \gamma_i < \beta x_i} (1 - \tau) | \gamma_i - \beta x_i | \right) \tag{ξ, oY}$$

تُبرز هذه المعادلة بشكل واضح أين يدخل الترجيح في عمليَّة الاستمثال، وكها ورد في السابق، بالنسبة إلى الوسيط يكون 0.5 = x وتكون الأوزان مُتهاتلة، يُمكن حل مسألة الاستمثال هذه باستخدام تمثيل برجمي خطى من خلال خوارزميَّة التبسيط (Simplex Algorithm) أو صياغتها في إطار طريقة العزوم المعمَّمة.

كبديل عن الانحدار الكمّي، من المغري التفكير في تقسيم البيانات وإجراء انحدارات مُنفصلة لكل واحدة منها، على سبيل المثال، نقوم بإسقاط ٩٠٪ من أولى المشاهدات لـ ٧، وكذلك نقاط البيانات المقابلة لها من المتغيّرات x ثم إجراء الانحدار على المشاهدات المتبقّبة، ومع ذلك تُعتبر هذه العمليَّة بمثابة اقتطاع للمتغير التابع، وهذا يُعتبر أمرًا غير مناسب بتاتًا؛ لأن ذلك من شأته أن يُؤدي إلى تحيُّزات حادة في اختيار مُفردات العيَّنة (Sample Selection Biases) من قبيل التحيُّز المناقش في الفصل ١٢ من هذا الكتاب أو المُبرّز من فِبَل هيكهان (١٩٧٩) ((١٩٧٩) (طود) لا يقوم الانحدار الكمي في الواقع بتقسيم البيانات، وإنها يستخدم كل المشاهدات في تقدير المعلهات لكل قيمة تقسيم جزئي.

من المفيد جدًّا رسم كلَّ من المعلمات المقدَّرة $\tilde{g}_{i,r}$ (لكل i ... i = i) مُقابِل قيمة النفسيم الجزئي i (من i إلى i) حتى نتمكَّن من معرفة ما إذا كانت الفيم المقدَّرة تتفاوت من قيمة تقسيم جزئي إلى أخرى، أو أنها قيم شبه ثابتة، يتم في بعض الأحيان كذلك إدراج الأعمدة $\pm i$ الحُطأ المعياري في الرسم، وهي أعمدة قيل إلى التباعد عند الاقتراب من حدود i اللأسف من الناحية المفاهيميَّة بُعتبر إنتاج هذه الأخطاء المعياريَّة لمعلمات الانحدار الكمي أكثر تعقيدًا من تقدير المعلمات نفسها، وبالتالي تُعتبر مُناقشة هذه الأخطأء المعياريَّة خارج نطاق هذا الكتاب، هذا ونُشير إلى أن كونكر (i0 . i0) أثبت تحت بعض الفرضيات أن معلمات الانحدار الكمي تتبع تقاربيًّا التوزيع الطبيعي، كما افترح كذلك عددًا من المناهج لتقدير مصفوفة التباين والتغاير للمعلمات، بما في ذلك منهج مستند على البوتستراب (Bootstrap)، انظر الفصل ۱۳ للاطلاع على مُناقشة لهذا المنهج.

٢ , ١١ , ٤ تطبيق الانحدار الكمى: تقييم أداء الصندوق

(An application of quantile regression: evaluating fund performance)

أجرى باسيت وتشن (٢٠٠١) (Bassett and Chen (2001)) (٢٠٠١) أجرى باسيت وتشن (٢٠٠١) (Bassett and Chen (2001)) دراسة عن نمط تحليل الإسناد لصناديق الاستثبار المشتركة واعتبار المؤشر S&P500 للمقارنة، وبهدف دراسة كيف أن تعرُّض المحفظة لأنهاط تحليل مُتعدَّدة يختلف باختلاف الأداء، استخدم باسيت وتشن أسلوب الانحدار الكمي.

أصبح من الصعب تقييم أداء مديري صناديق الاستثهار المشتركة بشكل فعّال بسبب مُلاحظة أن بعض أنهاط الاستثهار والرسملة الصغيرة تحقّن عوائد في المتوسّط أعلى من عائد سوق الأسهم بأكمله، وردًّا على ذلك استخدمت نهاذج العوامل (Fama and French (1993))، مثل نهاذج فاما وفرنش (١٩٩٣) (١٩٩٣) (ا١٩٩٥) لإزالة تأثير هذه الخصائص، انظر الفصل ١٤ لعرض مُفصَّل لهذه النهاذج، كما يضمن استخدام هذه النهاذج أيضًا عدم الخلط بين مهارة مُدير الصندوق في اختيار الأسهم ذات الأداء المرتفع وبين الاستثهارات العشوائيَّة في إطار الرسملة الصغيرة والتي سوف تتفوَّق أداءً على السوق في المدى الطويل، على سبيل المثال؛ إذ قام مدير الصندوق باستثهار نسبة عالية نسبيًّا من محفظته في أسهم الشركات الصغيرة، فإننا نتوقَّع مشاهدة عائدات أعلى من المتوسَّط بسبب تأثير حجم الشركة (Firm Size Effect) فقط.

في هذا السياق قام باسيت وتشن (٢٠٠١) بإجراء تحليل لنمط الاستثبار، وذلك بانحدار عوائد الصندوق على كل من عوائد محفظة النمو المرتفع، عوائد المحفظة ذات القيمة المرتفعة، عوائد محفظة النمو المتخفض، وعوائد المحفظة ذات القيمة المتخفضة، تستند هذه الأنهاط لعوائد المحافظ على مؤشرات أنهاط راسيل (Russell)، هذه الطريقة تقيس القيم المقدَّرة لكل عائد، من عوائد المحافظ المكوَّنة بأسلوب التقليد، مدى تعرُّض الصندوق فذا النمط^(٤)، وهكذا يُمكننا تحديد نمط الاستثهار الفعلي للصندوق دون معرفة حيازاته، وذلك استنادًا كليًّا على عوائده اللاحقة وعلاقاتها بعوائد مؤشرات الأنهاط، يعرض الجدول رقم (٢,٤) نتائج انحدار المربعات الصغرى العاديَّة، وكذلك نتائج الانحدارات الكميَّة باعتبار $\tau = 1, 0, 0, 0$ (الوسيط)، ٧,٠ و 9,٠ رُصدت المشاهدات على مدى خس سنوات ولغاية ديسمبر ١٩٩٧، كها ارتكزت الأخطاء المعياريَّة على طريقة إعادة المعاينة.

كما نُشير إلى أن مجموع المعلمات لنمط انحدار مُعيِّن يُساوي دائها واحد (باستثناء أخطاء التقريب)، بهدف الاختصار، أعرض فقط نتائج صندوق ماجلان النشط (Magellan Active Fund)، دون نتائج S&P التي تُظهر تغيُّرًا بسيطًا جدًّا في القيم المفتَّرة من قيمة تقسيم جزئي لأخرى، أمَّا نتائج طريقة المربعات الصغرى العاديَّة (العمود ٢) فهي تُظهر أن مُتوسَّط العائد إلى حد كبير أكثر عُرضة إلى مخاطر الاستثهارات في الأسهم ذات القيمة المرتفعة، (وهذه القيمة المقدَّرة للمعلمة هي أيضًا معنويَّة إحصائيًّا)، لكنه عُرضة أيضًا إلى مخاطر الاستثهارات في الأسهم ذات النمو المنخفض وبدرجة أقل إلى مخاطر الاستثهارات في الأسهم ذات النمو المنخفض وبدرجة أقل إلى مخاطر الاستثهارات في الأسهم ذات النمو المرتفع، كما نذكر أيضًا أنه من المثير للاهتهام مُقارنة نتائج الوسط (طريقة المربعات الصغرى العاديَّة) بنتائج الوسيط، أي (0,5) حيث تُظهر هذه الأخيرة أكثر تعرضًا بكثير إلى مخاطر الاستثهارات في الأسهم ذات النمو المرتفعة، أقل تعرُّضًا إلى الاستثهارات في الأسهم ذات النمو المنتفض، ولكنها لا تنعرَّض إطلاقًا إلى مخاطر الاستثهار في الأسهم ذات النمو المرتفعة، أقل تعرُّضًا إلى الاستثهارات في الأسهم ذات النمو المنتفض، ولكنها لا تنعرُّض إطلاقًا إلى مخاطر الاستثهار في الأسهم ذات النمو المرتفعة،

		الجدول رقم (٢ ، ٤) نتائج إنجدار المربعات الضغرى العاديّة والإنجدار الكتي للصندوق ماجلان						
(Q(0.9	Q(0.7)	Q(0.5)	Q(0.3)	Q(0.1)	OLS	المتغير		
4 , 4 4	٠,١٢	*,*1	.,19	٠,٣٥	٠,١٤	1. 1.		
(+, **)	(+, Y+)	(*, 17)	(*, YY)	(·,٣١)	(+,10)	النمو المرتفع		
· , AT	٠, ٨٥	٠,٨٣	•,Y¢	٠,٣١	-,19			
(17,1)	(+,٣+)	(,, 40)	(*,٣*)	(+, ma)	(+, (+)	القيمة المرتفعة		
٠,٥٣	· , YV	٠,١٤	.,1.	, - 1	٠,٢١			
(0,10)	(+,14)	(+, \V)	(•, ١٦)	(•,10)	(+,11)	النمو المتخفض		
٠,٥١–	• , * 1-	· , · v	٠,٠٨	٠,٣١	٠, ٠٣-			
(· ,٣٥)	(·,٣٢)	(+, ٢٩)	(·, YV)	(17,1)	(+, ++)	القيمة المنخفضة		
Y, T1	۰,۸۹	٠,٣٠-	1,11-	1,9	٠,٠٥-	ta li		
(+, 2V)	(+, \$+)	(AY, +)	(·, YV)	(47,4)	(•, ₹٥)	الثابت		

ملاحظة: الأخطاء المباريَّة بين قوسين. المصدر: باسيت وتشن (٢٠٠١)، أُعيد نشره بترخيص من دار النشر سبرينغر-قير لاغ (Springer-Verlag).

⁽٤) إضافة المترجين: المقصود بالنمط هنا هو القيمة والنمو.

من المهم كذلك فعص الحرافات العوامل (Factor Tilts) عندما نتنقًل من قيمة تقسيم جزئي إلى أخرى، من اليسار ((0.0)) إلى اليمين ((0.0))، يُمكننا كذلك رُوية أن تشبّع التعرَّض لمخاطر الاستثبارات في الأسهم ذات النمو المرتفع يتضاءل برتابة من القيمة ٣١، عند (0.0) إلى ١، عند (0.0) في حين أن تشبّع التعرَّض إلى مخاطر الاستثبارات في الأسهم ذات القيمة المرتفعة والأسهم ذات النمو المنخفض ارتفعت بصورة ملحوظة، أما تشبّع التعرَّض لمخاطر الاستثبارات في الأسهم ذات القيمة المنخفضة فقد تضاءل من ٣١، عند (0.1) إلى - ٥، عند (0.0) كما نذكر أن هناك طريقة لتفسير هذه النتائج (طريفتي وليست للمؤلفين)، وذلك بالقول إنه عندما كان أداء السوق ضعيفًا تاريخيًّا فإن ذلك أدَّى إلى قدر مُنساقٍ من الزبادة المفرطة في قيمة التعرُّض إلى مخاطر الاستثبار في الأسهم ذات القيمة والنمو المرتفع والأسهم ذات النمو المنخفض، من الواضع أخيرًا تاريخيًّا فإن ذلك يكون نتيجة لتعرُّضه إلى خاطر الاستثبارات في الأسهم ذات القيمة المرتفعة والنمو المنخفض، من الواضع أخيرًا أن القيم المفدَّرة للمقطع (معامل الحد الثابت) يجب أن تتزايد برتابة من اليمين إلى اليسار، وذلك لأن الانحدار الكمي يُصنَف بشكل فعًّال الأداء المتوسَّط، ويُمكن للمقطع كذلك أن يُفسِّر على أنه الإمورة على أنه الإمورة مُعرَّضًا إلى أن ينمط من الأنهاط.

٤, ١١, ٤ إجراء الانحدار الكمِّي في إفبور

(Quantile regression in EViews)

سنستخدم الآن التقدير البسيط لبيتا نهاذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة التي أُجريت في السابق لتوضيح كيفيَّة إجراء الانحدارات الكفيَّة باستخدام إفيوز، قُم إذّا بإعادة فتح ملف العمل 'CAPM.wfl' الذي أُنشئ في السابق، انقر على Quick/Estimate Equation... Quick/Estimate Equation... و Quick/Estimate Equation... (3, 3). أكتب 'erford c ersandp' في نافذة توصيف المعادلة، نجد كالعادة علامة التبويب 'خيارات' التي تسمح للمستخدم بالتحكم في غُتلف جوانب تقنية التقدير، لكن لنترك هذه الأخيرة على صيغتها الافتراضيَّة ثم نكتفي بالنقر فوق OK، وسوف تظهر نتائج الانحدار الكمَّي للوسيط، سوف يُقدِّر إفيوز تلقائيًا الوسيط (قيمة التقسيم الجُزئي ٥,٠) لكن من المكن استخدام كل قيم ٢ بين ٠ و ١، كها نُشير إلى أنه عوضًا عن تقدير كل قيمة تقسيم جزئي واحدة، بالنقر فوق كل حدة والحصول على المخرجات الإحصائيَّة لكل حالة يُمكن أن نقوم بعد تقدير قيمة تقسيم جزئي واحدة، بالنقر فوق View/Quantile Process/Process Coefficients وشيق تقدير فيم التقسيم الجُزئي في جدول أو في رسم بياني لكل المعاملات (الاختيار الافتراضي)، أو لبعض المعاملات عرض القيم المقدَّرة لقيم التقسيم الجزئي في جدول أو في رسم بياني لكل المعاملات (الاختيار الافتراضي)، أو لبعض المعاملات المحدَّدة، نكتفي بالنقر فوق OK وسيظهر الجدول التالي.

مزيد من التطوير والتحليل لنموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي

Equation Estin	metion)
Specification	Optom				
Equation	specification				
		mable followed by k in this $Y = c(1) + c(2)^{n}$		OR an explici	rl.
45-7-	ensandp				
Quarrate	to estmate	0.5			
					- '
	n settings	30 -			
Priority (dis	dere - dri	milie Regression (in	duding LND)		-
Sample	2002m01 20	1 3m/9-4			
				CHE	Cancel
				1,00	Lance

لقطة الشاشة رقم (٣,٤) نافذة نقدير الانحدار الكشي.

وكما في مثال ماجلان، يُمثّل التدنّي الرتيب لمعاملات المقطع عند ارتفاع فيم التقسيم الجزئي أمرًا مُتوفّعًا، وذلك لأنه تم ترتيب بيانات لا على هذا النحو، لكن بالنسبة إلى قيم الميل المقدَّرة فهي تُعتبر فيهًا مُعبّرة جدًّا؛ لأنها تُظهر أن قيمة بيتا المقدَّرة أعلى بكثير عند الذيل الأسفل مما هي عليه لبقيَّة توزيع البيانات المرتبّة، وهكذا فإن العلاقة بين فائد العوائد على السهم فورد والعوائد على المؤشر S&P500 تكون أقوى بكثير عندما تتراجع أسعار أسهم فورد بشكل حاد، يُعتبر هذا أمرًا مُقلقًا؛ لأنه يدل على أن المخاطر المنظمة عند الذيل أكبر من المخاطر المنتظمة للتوزيع برمّته، يرتبط ذلك بملاحظة أنه عندما تتخفض أسعار الأسهم فإنها تميل جميعًا إلى الانخفاض في وقت واحد، وبالتالي فإن فوائد التنويع المتوقّعة من فحص الانحدار البسيط لـ لا على لا يُمكن أن تكون مُبالغًا فيها.

Estimated equ	ITLED ERFORD C ERS ation quantile tar cess quantiles			
	Guantile	Coefficient	Std. error	1-Statušio
C	0.100	12,42521	1.5500.47	-8.016025
	0.200	8.294803	1.088524	-7.63/099E
	0.300	-5.592712	0.964050	-6.801266
	0.400	4,204004	0.004117	4,320411
	0.500	1,626561	1.006131	1.616666
	0.600	1.038468	1.104484	D 941135
	0.700	2.739069	1.143703	2,394904
	0.000	7.115613	1.503729	4.731978
	0.000	14 43761	2 947924	4.000046
ERSANDP	0.100	2.086942	0.514023	4.667776
	0.200	1.045033	0.461919	3.996000
	0.300	1.599782	0.341128	4.689681
	0.400	1.670868	0.341534	4.892246
	0.500	1.659274	0.303687	5.463766
	0.600	1.767672	0.314817	5 614920
	0.700	1.652457	0.311495	5.304915
	0.800	1.970517	0.310818	6.339783
	0.900	1.615321	0.614305	2,629500

كما يُمكن إجراء العديد من اختبارات التشخيص والتوصيف (Diagnostic and Specification Tests) للاتحدارات الكمية، من أهمها اختبار إمكانية تقييد المعاملات لتكون لها نفس القيم لكل قيمة تقسيم جزئي، لإجراء هذا الاختبار الذي يُلي تقدير الاتحدار الكمي، انفر فوق ... View/Quantile Process/Slope Equality Test، هناك مجدَّدًا عدَّة خبارات مجكنة، لذا قم بإجراء الاختبار لد ١٠ قيم تقسيم جزئي ثم انقر فوق OK، تظهر المخرجات في البداية كاختبار لمعرفة ما إذا كانت معاملات الميل المقابلة مُتطابقة أم لا، ثم يلي ذلك مُقارنة ثنائية لكل قيمة تقسيم جزئي مع القيمة التي تليها (على مبيل المثال: قيمة التقسيم الجزئي ١٠ ، ٠ مع قيمة التقسيم الجزئي ٢ ، ٠ مع قيمة التقسيم الجزئي ١٠ ، ٠ مع قيمة التقسيم الجزئي التعاملات المقابلة أن كل الإحصاءات غير معنويَّة، مُشيرة بذلك إلى أنه وعلى الرغم من أن القيم المقدَّرة لبيتا تختلف اقتصاديًا بمقدار مُهم من قيمة تقسيم جزئي لأخرى، إلَّا أنها إحصائيًا غير مُعتويًا.

المقاهيم الرئيسية

يُمكن من خلال هذا الفصل تعريف وشرح المصطلحات الرئيسية التالية:

- نموذج الإنحدار المتعدّد
 - الإنحدار المقيّد
- مجموع موبعات البواقي
- إختبار الفرضيّات المتعدّدة
 - R² معامل التحديد
 - نموذج المنفعة
 - التنفيب في البيانات

- مصفوفة التباين والتغاير
 - التوزيع إف
- المجموع الكلِّي للمربعات
- الفرضيات غير المُتداخلة
- معامل التحديد المعدل
 - الإنحدار الشامل
 - الإتحدار الكتى

مُلحق ٢,١ الاشتقاقات الرَّباضبَّة لنتائج نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي

(Mathematical derivations of CLRM results)

اشتقاق مُقدِّر المعامل بالمربعات الصغرى العاديَّة في إطار الاتحدار المتعدَّد

(regression context Derivation of the OLS coefficient estimator in the multiple)

في إطار الانحدار المتعدَّد ولكي نتحصَّل على القيم المقدَّرة للمعليات ،β،،β، بجب تصغير مجموع مربعات البواقي بالنسبة إلى جميع عناصر β. تُصيغ الآن البواقي في متَّجه كالآتي:

$$\hat{u} = \begin{bmatrix} \hat{u}_1 \\ \hat{u}_2 \\ \vdots \\ \hat{u}_n \end{bmatrix} \tag{1.15}$$

يُعتبر مجموع مربعات البواقي أيضًا دالة الخسارة المناسبة ويُقدُّم على شكل ترميز مصفوفي بالتعبير رقم (١٤٠٤) التالي:

$$L=\hat{u}'\hat{u}=\begin{bmatrix}\hat{u}_1 & \hat{u}_2 & \dots & \hat{u}_T\end{bmatrix}\begin{bmatrix}\hat{u}_1\\\hat{u}_2\\\vdots\\\hat{u}_T\end{bmatrix}=\hat{u}_1^2+\hat{u}_2^2+\dots+\hat{u}_T^2=\sum\hat{u}_t^2 \tag{Υ.}$$

لنر من إلى متَّجه المعلمات المقدَّرة بـ ألى. من المكن أيضًا كتابة:

$$L = \Omega'\Omega = (y - X\hat{\beta})'(y - X\hat{\beta}) = yy' - \hat{\beta}'X'y - y'X\hat{\beta} + \hat{\beta}'X'X\hat{\beta}$$
 (\(\tau_s\)\(\xi\)\(\xi\)

يتَّضح أن $\hat{\beta}'X'y$ برتبة $1 \times 1 = 1 \times 1 \times (T \times T) \times (K \times T)$ وكذلك $\hat{\beta}'X'y$ برتبة $1 \times 1 = 1 \times T \times (T \times T) \times (T \times T)$ لذلك في حقيقة الأمر يكون: $\hat{\beta}'X'y = y'X\hat{\beta}$. يُمكن إذًا كتابة المعادلة رقم (£ أ٣٠) كالتالي:

$$L = \hat{u}'\hat{u} = (y - X\hat{\beta})'(y - X\hat{\beta}) = yy' - 2\hat{\beta}'X'y + \hat{\beta}'X'X\hat{\beta}$$
 (£.15)

لإيجاد قيم المعلمات التي تُصغَّر مجموع مربعات البواقي نقوم بتفاضل هذا التعبير بالنسبة لـ ﴿ ومساواته بالصفر، وهكذا نتحصَّل على:

$$\frac{\partial t}{\partial \bar{g}} = -2X'y + 2X'X\hat{\beta} = 0 \tag{0.15}$$

يتَّخذ هذا التعبير هذه الصيغة لأنْ مُشتقَّة y'y يساوي صفر بالنسبة لـ $\beta \in \mathcal{B}'X'X$... إلخ التي تظهر كتربيع لـ $\mathcal{B}'X'X$ تُساوي $\mathcal{B}'X'X$. بإعادة ترتيب المعادلة رقم (١٤٥٥)، نتحصَّل على:

$$2X'y = 2X'X\hat{\beta} \tag{7.5}$$

$$X'\nu = X'X\bar{\beta} \tag{Vc}^{\dagger}\xi$$

بضرب جانِبَي المعادلة رقم (٤ أ٠٧) بمعكوس ٣٤٪، نتحصَّل على:

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'y \tag{A.15}$$

نتحصَّل إذًا على متَّجه القيم المقدَّرة لمعاملات المربعات الصغرى العاديَّة لمجموعة متكوِّنة من k معلمة كالتالي:

$$\hat{\beta} = \begin{bmatrix} \hat{\beta}_1 \\ \hat{\beta}_2 \\ \vdots \\ \hat{\beta}_k \end{bmatrix} = (X'X)^{-1}X'y \tag{9.15}$$

اشتقاق مُقدِّر الخطأ المعباري بالمربعات الصغرى العاديَّة في إطار الانحدار المتعدِّد

(regression context Derivation of the OLS standard error estimator in the multiple)

تُقدَّم الصيغة التالية [(eta-eta)(eta-eta)(eta-eta)(eta-eta)] تباين مُتَّجه المنغيِّرات العشوائيَّة eta. بها أن $y=X\beta+u$ فإنه يُمكن أبضًا القول بعد الأخذ في الاعتبار المعادلة رقم (١٤،٩)، أن:

$$\hat{B} = (X'X)^{-1}X'(XB + u) \tag{1.15}$$

بعد تفكيك الأقواس نتحصُّل على:

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'X\beta + (X'X)^{-1}X'u \tag{11.15}$$

$$\hat{\beta} = \beta + (X'X)^{-1}X'u \tag{17.15}$$

وبالنالي يُمكن صياغة تباين ﴿ كَالأَتِي:

$$E\big[\big(\hat{\beta}-\beta\big)\big(\hat{\beta}-\beta\big)'\big] = E\big[\big(\beta+(X'X)^{-1}X'u-\beta\big)\big(\beta+(X'X)^{-1}X'u-\beta\big)'\big] \tag{17.15}$$

بإلغاء العناصر β في كل مجموعة أقواس نتحصَّل على:

$$E[(\hat{\beta} - \beta)(\hat{\beta} - \beta)'] = E[((X'X)^{-1}X'u)((X'X)^{-1}X'u)'] \qquad (1 \xi \cdot \xi)$$

بتفكيك أقواس الجانب الأيمن للمعادلة رقم (١٤١،٤) نتحصَّل على:

$$E[(\hat{\beta} - \beta)(\hat{\beta} - \beta)'] = E[(X'X)^{-1}X'uu'X(X'X)^{-1}]$$

$$(10.15)$$

$$E[(\hat{\beta} - \beta)(\hat{\beta} - \beta)'] = (X'X)^{-1}X'E[uu']X(X'X)^{-1}$$
(17.5)

نُقدِّر الآن E[uu'] بـ s^2I وبالتالي:

$$E[(\hat{\beta} - \beta)(\hat{\beta} - \beta)'] = (X'X)^{-1}X's^2IX(X'X)^{-1} \tag{1V.5}$$

حيث يُمثِّل 1 مصفوفة الوحدة برتبة k × k. بمزيد من إعادة الترتيب نتحصّل على:

$$E[(\hat{\beta}-\beta)(\hat{\beta}-\beta)'] = s^2(X'X)^{-1}X'X(X'X)^{-1} \tag{1A.15}$$

يُلغي X'X العنصر ¹⁻(X'X) الأخير وبالتالي نتحصَّل على:

$$var(\beta) = s^2(X'X)^{-1} \tag{19.15}$$

كتعبير لمصفوفة تباين وتغاير المعلمات، كما تُعرف الكمّية $s^2(X^*X)^{-1}$ بمصفوفة التباين والتغاير المقدَّرة للمعلمات، تُقدَّم عناصر القطر الرئيس تباينات المعلمات المقدَّرة في حين تُعطي العناصر الواقعة خارج القطر التغايرات المقدَّرة بين القيم المقدَّرة للمعلمات، يكون تباين $\hat{\beta}_1$ أوَّل عنصر على القطر، تباين $\hat{\beta}_2$ ثاني عنصر على القطر الرئيس،... أمّا تباين $\hat{\beta}_3$ فهو العنصر عدد $\hat{\beta}_3$ القطر إلخ، على النحو المبيّن في متن الفصل.

مُلحق ٢ , ٤ مُقدِّمة مُوجزة لنهاذج العوامل وتحليل المكوِّنات الرئيسة

(A brief introduction to factor models and principal components analysis)

تُستخدم نهاذج العوامل في الأصل كتفنيات لتقليص عدد الأبعاد (Dimensionality Reduction) في الحالات التي يكون لدينا عدد كبير من المتغيّرات التي ترتبط ارتباطًا وثيقًا فيها بينها، وحيث نرغب في الأخذ بعين الاعتبار التأثيرات الأهم من خلال هذه المتغيّرات في وقت واحد، كها تقوم نهاذج العوامل بتفكيك تركيبة مجموعة من السلاسل إلى عوامل مُشتركة بين كل السلاسل، إضافة إلى نسبة من العوامل الخاصة بكل سلسلة (اختلاف خاص بكل سلسلة).

بصورة عامَّة هناك نوعان من هذه النهاذج، والتي يُمكن وصفها بشكل عام على أنها إمَّا نهاذج عوامل اقتصاد كلي أو نهاذج عوامل رياضيَّة، أمَّا الفرق الرئيس بين هذين النوعين فيتمثَّل أساسًا في أن العوامل يُمكن مُشاهدتها في النوع الأولى، في حين أن العوامل خفيَّة (غير مُشاهدة) في النوع الثاني، هذا وتشمل نهاذج العوامل المشاهدة نموذج نظريَّة التسعير في عمليات المراجحة لروس (١٩٧٦) ((١٩٧٥) (Ross (1976))، أمَّا بالنسبة لنموذج العامل الرياضي الأكثر شيوعًا فنذكر تحليل المكوِّنات الرئيسة، يُمكن أن يكون تحليل المكوِّنات الرئيسة تقنية مُفيدة عندما تكون المتغيِّرات المفسّرة مُرتبطة ارتباطًا وثيقًا فيها بينها مثلها هو الحال في إطار التعدد الخطّي على سبيل المثال، وعلى وجه التحديد إذا كان لدينا للمُشتر في نموذج الانحدار فسوف يقوم تحليل المكوِّنات الرئيسة بتحويلها إلى للمعتبرات جديدة غير مُرابطة، لتوضيح هذه النقطة لنفترض أنه يُرمز إلى المتغيِّرات المفسِّرة الأصليَّة بـ عبد المهدد عبد المؤسنة بـ عليه المكونات الرئيسة بـ ويُرمز إلى المتغيِّرات المؤسنة الأصلية :

$$\begin{array}{lll} p_1 = & \alpha_{11}x_1 + \alpha_{12}x_2 + \cdots + \alpha_{1k}x_k \\ p_2 = & \alpha_{21}x_1 + \alpha_{22}x_2 + \cdots + \alpha_{2k}x_k \\ & \dots & \dots & \dots \\ p_k = & \alpha_{k1}x_1 + \alpha_{k2}x_2 + \cdots + \alpha_{kk}x_k \end{array} \tag{$\Upsilon \cdot \hat{A} : \Sigma$}$$

حيث يرمز α₁₁ إلى المعاملات المطلوب حسابها، وهي تمثّل معامل المتغيّر المفسّر عدد j في المكون الرئيس عدد i. تُعرف هذه المعاملات أيضًا بالتشبعات العامليّة (Factor Loadings)، كما تذكر أنه سوف يكون لدينا T مُشاهدة في كل مُكوّن رئيس في حالة كان لدينا T مُشاهدة لكل مُتغيِّر مُفسّر، يجب أيضًا أن يكون مجموع مربعات المعاملات لكل مُكوِّن مُساويًا لواحد، أي:

كما يُمكن أيضًا التعبير عن هذا الشرط باستخدام الترميز سبغما:

$$\sum_{j=1}^k \alpha_{ij}^2 = 1 \ \forall \ i = 1, \dots, k \tag{\Upsilon\Upsilon (i \xi)}$$

يُعتبر إنشاء المكوَّنات تمرينًا رياضيًّا بحتًا في الاستمثال المقيَّد، وبالتالي ليس هناك أي افتراض بخصوص بُنية توزيع أو الخواص الأخرى للمتغيِّرات.

تُشتق المكوِّنات الرئيسة على نحو يجعلها مُرتَّبة ترتيبًا تنازليًّا حسب أهميتها، ورغم أن هناك له مكوِّنًا رئيسًا، وهو نفس عدد المتغبِّرات المفسَّرة، لكن في حالة وجود علاقة خطَّبة مُنداخلة بين هذه المتغبِّرات المفسَّرة الأصليَّة فمن المحتمل أن يعض المكوِّنات الرئيسة (الأخيرة) ستُمثَّل القليل جدًّا من التغيُّر، وبالتالي يُمكن إزالتها، ومع ذلك إذا كانت كافة المتغيِّرات المفسَّرة الأصليَّة بالفعل غير مُترابطة فإن كل المكوَّنات ستكون ضروريَّة على الرغم من أنه في مثل هذه الحالة ليس هناك في المقام الأوَّل أي دافع يُذكَر الاستخدام تحليل المكوِّنات الرئيسة.

كما يُمكن أيضًا أن تُفهَم المكوَّنات الرئيسة كفيم ذاتيَّة لـ ("X) حيث يُمثَّل X مصفوفة مُشاهدات المتغيِّرات الأصليَّة، وبالتالي فإن عدد القيم الذاتيَّة سيكون مُساويًا لعدد المتغيِّرات &، إذ يُرمز للقيم الذاتيَّة المرتَّبة بـ ((k ... 1 = 1 ... k) فإن النسبة:

$$\phi_i = \frac{\lambda_i}{\sum_{i=1}^k \lambda_i}$$

تُعطي نسبة التغيَّر الكلي في البيانات الأصليَّة المفسّر بالمكوَّن الرئيس !، لنفترض الآن أن المكوِّنات الرئيسة الأولى فقط، وعدد حيث (k > r > 0)، تُعتبر مفيدة بالقدر الكافي لشرح تغيَّر (X'X) وبالتالي بتم الاحتفاظ بها، في حين نتخلُص من المكوِّنات المتبقَّية وعددها r - k، يتمثَّل الانحدار المقدَّر في نهاية المطاف، وبعد تشكيل المكوِّنات الرئيسة في انحدار y على r مُكوِّن رئيس كالآتي:

$$y_t = \gamma_0 + \gamma_1 p_{1t} + \dots + \gamma_r p_{rt} + u_t \tag{YY.15}$$

قعنظ المُكوِّنات الرئيسة بهذه الطريقة بمُعظم المعلومات الهامَّة الواردة في المتغيِّرات المُفسِّرة الأصليَّة إلَّا أنها مُكوِّنات مُتعامدة (Onthogonal)، وهذا قد يكون مُفيدًا بشكل خاص للمتغيِّرات المستقلَّة التي ترتبط ارتباطًا وثيقًا فيها بينها، كها نُشير إلى أن القيم المقدَّرة للمكوِّنات الرئيسة (r, ..., r) = r, r) سوف تكون قيهًا مُتحيِّزة على الرغم من أنها أكثر كفاءة من القيم المقدَّرة بطريقة المربعات الصغرى العاديَّة، ويرجع ذلك إلى إزالة المعلومات الزائدة عن الحاجة، في الواقع إذا أشرنا بــ \bar{n} إلى مُقدِّرات المربعات الصغرى العاديَّة للاتحدار الأصلى لـ y على x فيُمكن إثبات أن:

$$\hat{\gamma}_r = P_r' \hat{\beta} \tag{Y \(\xi, \hat{I} \, \xi \)}$$

حيث يُمثَّل ﴾ القيم المقدَّرة لمعاملات المكوِّنات الرئيسة و ،P مصفوفة نضم أوَّل r مكوِّن رئيس، تُعتبر إذَّا القيم المقدَّرة لمعاملات المكوِّنات الرئيسة تراكيب خطِّية للقيم المقدَّرة بطريقة المربعات الصغرى العاديَّة.

تطبيق المكونات الرئيسة على أسعار الفائدة

(An application of principal components to interest rates)

تُستخدم العديد من النهاذج الاقتصاديَّة والماليَّة أسعار الفائدة بشكل أو بآخر كمتغيِّرات مُستقلَّة، وقد يرغب الباحثون في إدراج أسعار الفائدة في عدد كبير من الأصول المختلفة لإظهار الفرص الاستثهاريَّة المتاحة أمام المستثمرين، غير أنه يُمكن القول إن أسعار الفائدة السوقيَّة ليست مُستقلَّة عن بعضها البعض بها فيه الكفاية لجعل إدراج عدة سلاسل لسعر الفائدة في نموذج الاقتصاد القياسي أمرًا مُناسبًا إحصائيًّا، ومن بين المناهج التي قامت بدراسة هذه المسألة نجد استخدام تحليل المكوِّنات الرئيسة على عدَّة سلاسل مُترابطة لأسعار الفائدة، وذلك بهدف تحديد ما إذا كانت هذه الأخيرة تتحرُّك بشكل مُستقل عن بعضها البعض خلال فترة زمنيَّة تاريخيَّة أم لا.

كما أجرى فازي (١٩٧٣) ((١٩٧٦) دراسة مُشابهة في إطار أسعار الفائدة السوقيَّة الشهرية الهولنديَّة، تمتد من يتاير ١٩٦٢ إلى ديسمبر ١٩٧٠ (١٠٨ أشهر)، كما درس فازي كُلَّا من السوق النقديَّة، وأسعار السوق الرأسماليَّة، إلَّا أننا سنكتفي بمناقشة نتائج السوق النقديَّة فقط، وذلك بهدف الإيجاز، أمَّا أدوات السوق النقديَّة المستعرضة فهي:

الأموال (القروض) تحت الطلب

- سند الخزينة للله ثلاثة أشهر
- سند الخزينة لملَّة سنة واحدة
 - سند الخزينة لمدَّة سنتين
- سند الخزينة للله ثلاث سنوات
- سند الخزينة لملَّة خس سنوات
- قروض للسلطات المحلّية: للدَّة ثلاثة أشهر
- قروض للسلطات المحلّية: لمدّة سنة واحدة
 - ودائع يورو دولار
- سعر الخصم الرسمى للبنك المركزي الهولندي

الجدول رفيه (١٠,١) القيم الداتية المرتبة للمكونات الرئيسية لأسعار الفائدة المولنديّة بين ١٩٦١-١٩٧٠ سانات شیر ته بيانات ربع سنوية يوليو ٦٦ – ديسمېر ۷۰ ینایر ۲۲ – دیسمېر ۷۰ یتایر ۱۲ – پرتیو ۱۱ ینایر ۲۲ – دیسمبر ۷۰ 9.44 9.77 9,44 9.00 1, . . 2 -. . 73 4,33 . . 7 . λ_2 + , 1V 4 , T + λ_3 7.45, V MAY, Y 7.3T , Y 740 . V Ø,

المصدر: فازي (١٩٧٣)، أعيد نشره بإذن من إلسيفر (Elsevier)

نقوم قبل إجراء التحليل بتحويل كل السلاسل إلى سلاسل مُوحَّدة معياريًّا ليُصبح وسطها صفرًا، وتباينها الوحدة، وذلك بطرح الوسط والقسمة على الانحراف المعياري، وذلك لكل سلسلة، ترد أكبر ثلاث قيم من بين القيم الذاتية العشر في الجدول رقم (1, \$ أ).

نعرض في الجدول رقم (١, ٤أ) النتائج لكامل الفترة باستخدام بيانات شهرية، ثم لعينتين جزئيتين شهريتين، وكذلك النتائج لكامل الفترة باستخدام بيانات رُبع سنويَّة بدلًا من بيانات شهريَّة، تُظهر النتائج بوضوح أن المكوَّن الرئيس الأوَّل كافِ لوصف التغيُّر المشترك في سلاسل سعر الفائدة الهولنديَّة، يُعتبر هذا المكوِّن الأوَّل قادرًا في كل الحالات الأربعة، على شرح أكثر من ٩٠٪ من التغيُّر كما هو مُبيَّن في الصف الأخير من الجدول رقم (١, ٤أ). هذا ونُشبر إلى أنه من الواضح أن القيم الذاتبَّة المقدَّرة مُستفرَّة إلى حد ما من فترة مُعاينة إلى أخرى، وهي كذلك ثابتة نسبيًا أمام اختلاف تواتر مُعاينة البيانات، كما يُقدِّم الجدول رقم (١, ٤أ) التشبُّعات العامليَّة (القيم المقدَّرة للمعاملات) لأوَّل مُكوِّنين.

الجدول رقم (٢, ٤١) التشيعات العاملية للمكوِّن الرئيسي الأوَّل والثاني لأسعار الفائدة الهولنديَّة بين ١٩٦٢ - ١٩٧٠ مبند المديونية j α_{i2} a_{j1} الأموال (القروض) نحت الطلب . , 7 %-٠,٩٥ سند الخزينة لمدّة ثلاث أشهر · , YT .,44 ۲ سند الخزينة لمذة سنة واحدة ٣ + , 40 .,99 سند الخزينة لمذة سنتبن ţ . . 17 .,49 سند الخزينة لمذة ثلاث سنوات 4,33 .,44 ٥ سند الخزينة لمدة خمس سنوات + , + 9, ., 99 قروض للسلطات المحلَّية: للدَّة ثلاث أشهر · , · A-. , 49 قروض للسلطات المحلَّمة: للدَّة سنة واحدة F . F . .,99 .,47 · , Y 1-وداثع يورو دولار سعر الخصم الرسمي للبنك المركزي الحولندي .,47 + . 7 + 9.04 القيمة الذائيّة (لا

المصدر: فازي (١٩٧٣). أعيد نشره بإذن من إلسيفر.

نسية التغترية المفشرة بالقيمة الذاتية أ، ز0٪

وكما يُظهر في الجدول رقم (٢, ٤أ)، نجد أن جميع النشبُّعات على كل عامل من العوامل المشكَّلة للمكوِّن الرئيس الأوَّل موجبة، وبها أن السلاسل أصبحت مُوحَّدة معياريًّا بحيث يكون وسطها صفرًا ونباينها الوحدة، فإنه يُمكن أن يُفسَر وهو وه على أنها الارتباطات بين سعر الفائدة إو المكوِّن الرئيس الأوَّل والثاني، على التوالي. تُسْير كذلك إلى أن كل التشبعات العامليَّة لكل سلسلة من سلاسل سعر الفائدة قريبة جدًّا من واحد، لذلك يرى فازي (١٩٧٣) أنه يُمكن ببساطة تفسير المكوُّن الأوَّل على أنه تركيبة مُتساوية الأوزان لكل أسعار الفائدة السوقيَّة، أمّا المكوُّن الثاني والذي يُفسَّر بدرحة أقل بكثير تغيُّر الأسعار فهو يُظهر مُعامل موجبة لنمط التشبعات العامليَّة بالنسبة لسلاسل مندات الحُزينة وقيًا سالبة، أو تقريبًا صفر للسلاسل الأخرى، ويرى فازي (١٩٧٣) أن ذلك يكون نتيجة لخصائص أدوات الحزينة الهولنديَّة المتمثّلة في أنها نادرًا ما تتغيَّر ملكيتها من شخص لآخر، وبأن لها تكاليف تداول (معاملات) مُتخفضة، وبالتالي تكون أقل حساسيَّة للتحرُّكات العامَّة لأسعار الفائدة، وبأنها كذلك لا تخضع لمخاطر التخلف عن

۲,۰

40 . V

السداد بنفس الطريقة التي تخضع لها ودائع اليورو دولار على سبيل المثال، لذلك يُفسَّر المكوَّن الرئيس الثاني عمومًا بأنه يرتبط بمخاطر التخلُّف عن السداد ويتكاليف المعاملات.

يُمكن أن تكون المكوّنات الرئيسة مُقيدة في بعض الحالات، إلّا أن هذه التقنية محدودة التطبيق، ويرجع ذلك إلى الأسباب التالية:

- إن تغيّر وحدات قياس x من شأنه أن يُغيّر المكوّنات الرئيسة، وبالتالي عادة ما نقوم بتحويل كل المتغيّرات ليُصبح وسطها
 صفرًا وتباينها الوحدة، وذلك قبل تطبيق تحليل المكوّنات الرئيسة.
 - لا يكون عادة للمكونات الرئيسة أي دافع نظري أو أي تفسير على الإطلاق.
- تُعتبر المكونات الرئيسة المحتفظ بها، وعددها ٢، من بين ٨ مكون رئيس أصلي هي التي تُفشر أغلب التغير في ١٠ لكن يُمكن
 أن تكون هذه المكونات الرئيسة غير مُفيدة جدًا في تفسير ٧.

حساب المكوَّنات الرئيسة في إفيوز

(Calculating principal components in EViews)

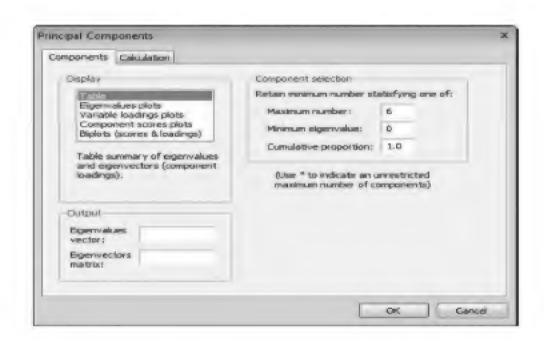
بهدف حساب المكوِّنات الرئيسة لمجموعة من السلاسل باستخدام إفيوز، تتمثَّل المرحلة الأولى في تجميع السلاسل المعنية داخل مجموعة، قُم بإعادة فتح الملف 'macro.wf1' الذي يحتوي على سلاسل سندات وأذون الخزانة الأمريكيَّة لأجال استحقاق خُتلفة، حدَّد Object/New Object، قم بتغيير 'Equation' إلى 'Group' لكن لا تقم بنسمية الكائن، ثم انقر فوق OK، عندما بطالبك إفيوز بإعطاء series expressions' 'List of series, groups and/or في النافذة أَذْخِل: USTB3M USTB6M USTB1Y USTB3Y في النافذة أَذْخِل: USTB5Y USTB3Y

Dealer DY/OH/	rgoments Ana 13 Time: 14:21 6MO3 2013MC					
	servations: 00%					
	nina: Ordinary					
	of a possible o					
Egenwalien	(Sum = 8, Av	renge 11				
				Compulation	Cultivalentes	
Number	Value	Difference	Proportion	value	ргоропол	
1	5.791739	5.554419	0.9663	5.791739	0.9653	
22	0.197320	O 1898221	D 03039	5.989059	0.0062	
31	0.008100	42 LH35 Heb	CLOSE 134	Fig. 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	13 9100005	
- 10	42.0032236	Q-DQ1031	DECREESED.	6. GROWING	0.9699	
6	40.000Mg4r	0.000200	0.0004	G. Sterre Zhinb	1.0000	
G	0.000202	- 100	0.0000	6.000000	1.0000	
Eugennen tras	(legentheory)					
Vancantinies	PS 1	PC 9	PC a	PC 4	POs	PC s
USTROW	43 -51 Hotel 7	02 did0024	0.614812	43 444000 7	0.313742	11.24138
UCSTESONI.	0.408960	-0.30631	0.101366	0,198316	-0.496750	0.61427
USTBIY	0.412145	-9.27130	-0.31644	0.508774	0.050054	D 54253
USTBSY	40 TOTALLS	0.117583	-0.56123	-0.2183a	0.489421	0.40196
LISTERS	0.9UW819	COLUMN THE	0.22123	- 0.445562	D.5:28110	0.31853
UST Bruky	40-2007/03/40	40.45458.1640	GR-14 1 GF-757 7	12-36-419	0-162664	LI CHE THE
Ordenary con	relations:					
	USTBOM	USTEMA	USTERY	USTBOY	URTHEY	OSTBION
USTESSM	1.000000					
LICUT ENGLY	REPORTED OF	T KINDOODHII				
LISTRIY	43 URBS 7 Is	O 000823466	1.40000000000			
USTBOY	0.903436	0.971666	0.00304	1.0000000		
USTESSY	0 932 431	0.941821	0.058600	0.993029	1.0000000	
USTBroy	0.000137	0.0000011	0.912662	0.000203	0.000002	1.0000000

ثم أنقر فوق OK، عندها يمكنك رؤية اللوحة الجدوليَّة التي تحتوي على كل هذه السلاسل الست، قم بتسمية المجموعة المجموعة Name وذلك بالنفر فوق علامة التبويب Name، من داخل هذه النافذة انقر فوق . . View/Principal Components وسوف تظهر لقطة الشاشة رقم (٤,٤).

للمكوِّنات الرئيسة العديد من الخصائص التي يُمكن دراستها، لكن في الوقت الحالي ثُبقي على الخصائص الافتراضيَّة، ثم ننقر فوق OK، سوف تظهر النتائج كما في الجدول التالي.

من الواضح أن هناك قدرًا كبيرًا من التغيَّر المشترك في هذه السلاسل بها أن المكوَّن الرئيس الأوَّل يلتقط أكثر من ١٩٨٪ من التغيُّر، كها يُمكننا تقليص عدد الأبعاد إذا أردنا ذلك، ويكون التغيُّر في السلاسل في حين يلتقط أوَّل مُكوِّنين رئيسين ٩٩٨٪ من التغيُّر، كها يُمكننا تقليص عدد الأبعاد إذا أردنا ذلك، ويكون ذلك باستخدام مُكوِّنين اثنين بدلًا من استخدام كل سلاسل أسعار الفائدة الست، ونذكر أنه من المثير للاهتهام أن المكوَّن الأوَّل ينضمَّن أوزانًا مُنساوية تقريبًا في كل السلاسل الست، في حين أن المكوُّن الثاني يضع وزنًا كبيرًا سالبًا على العائد الأقصر ثم ترتفع الأوزان بعد ذلك تدريجيًّا، ترتبط هذه النتيجة بالاعتقاد الشائع بأن المكوَّن الأوَّل يلتقط مُستوى أسعار الفائدة، في حين يلتقط المكوَّن الثاني ميل الهيكل الزمني (أمَّا المكوُّن الثالث فيلتقط درجة الانحناء في مُنحني العائد).



لقطة الشاشة رقم (٤,٤) إجراء تحليل المكوِّنات الرئيسة داخل إفيوز.

نقوم إذًا بتقليل هذه المجموعة، وسوف نرى أن المجموعة Interest قد تمت إضافتها إلى قائمة الكائنات.

أسئلة التعلم الذاي:

المتخدام الجداول الإحصائية المناسبة اشرح العلاقة بين التوزيع في والتوزيع إف.
 بالنسبة إلى الأسئلة ٢-٥ افترض أن نموذج الاقتصادى القياسي يكون على الشكل التالى:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + \beta_5 x_{5t} + u_t$$
 (or. ξ)

- (۲) أي من فرضيات المعاملات التالية يُمكن اختيارها باستخدام الاختيار قي؟ وأي منها يُمكن اختيارها باستخدام الاختيار
 إف؟ اذكر عدد القيود في كل حالة.
 - $H_0: \beta_3 = 2(1)$
 - $H_0: \beta_3 + \beta_4 = 1 ()$
 - $H_0: \beta_3 + \beta_4 = 1 \text{ and } \beta_5 = 1 (7)$
 - $H_0: \beta_2 = 0$ and $\beta_3 = 0$ and $\beta_4 = 0$ and $\beta_5 = 0$ (a)
 - $H_0: \beta_2\beta_3 = 1$ (a)
- (٣) في إطار المعادلة رقم (٤،٥٣)، أي من فرضيات العدم المذكورة أعلاه تُمثّل إحصاءة الانحدار إف؟ لماذا تُعتبر دائيًا فرضيّة العدم مُثيرة للاهتمام مهم كانت علاقة الانحدار قيد الدراسة؟ فيها تتمثّل تحديدًا الفرضيَّة البديلة في هذه الحالة؟
 - (٤) من بين مجموع مربعات البواقي غير المُقيّد، ومجموع مربعات البواقي المقيّد، أيّهما تتوقّع أن يكون أكبر؟ ولماذا؟
- (۵) أنت تقرر استكشاف العلاقة المقدَّمة في فرضيَّة العدم للسؤال ٢، الجزء (ج)، ما الذي يُمكن أن يُشكِّل الانحدار المقيَّد؟ تم (جراء الانحدارات على عبَّنة مُكوَّنة من ٩٦ مُشاهدة ربع سنويَّة، وكان مجموع مربعات البواقي للاتحدارين المقيَّد وغير المُقيَّد ١٠٢,٨٧ و ٩١,٤١ على التوالي، أنَّجز الاختبار، ما الذي تستنتج؟
- (٦) يمكنك تقدير انحدار نموذج على الصيغة المقدَّمة بالمعادلة رقم (٥٤،٤) أدناه بهدف تقييم تأثير العوامل المختلفة الخاصَّة بالشركة على عوائد عيَّنة من الشركات، أَجْرَيْتَ انحدارًا مقطعيًّا بـ ٢٠٠ شركة كالآتى:

$$r_{i} = \beta_{0} + \beta_{1}S_{1} + \beta_{2}MB_{i} + \beta_{3}PE_{i} + \beta_{4}BETA_{i} + u_{i}$$
 (05.5)

حيث يُمثُل:

n: نسبة العائد السنوي للسُّهم.

الشركة مُقاسًا بإيرادات المبيعات.

:MB: نسبة السعر السوقي إلى السعر الدفتري للشركة.

PE; نسبة الأرباح إلى السعر للشركة (P/E).

BETA: معامل بيتا السَّهم في نموذج تسعير الأصول الرأساليَّة.

وبعد ذلك تحصَّلت على النتائج التالية (الأخطاء المعياريَّة بين قوسين):

$$\hat{r}_i = 0.080 + 0.801S_t + 0.321MB_t + 0.164PE_t - 0.084BETA_t$$

$$(0.064) \quad (0.147) \quad (0.136) \quad (0.420) \quad (0.120)$$

$$(0.064) \quad (0.147) \quad (0.136) \quad (0.420) \quad (0.120)$$

أحسب النسب في، ماذا نستنتج بخصوص تأثير كل مُتغيِّر على عوائد السَّهم؟ استنادًا إلى نتائجك، ما هي المتغيِّرات التي ترى حذفها من الانحدار؟ إذا ارتفع بيتا السَّهم من ١ إلى ١,٢ ما هو التأثير المتوقَّع لذلك على عائد السَّهم؟ هل علامة بيتا كما كنت تتوقَّع؟ اشرح إجاباتك في كل حالة.

(٧) قام باحث بتقدير نهاذج الاقتصاد القياسي التالية المتضمَّنة لمتغيِّر تابع مُتباطئ (Lagged Dependent Variable):

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 y_{t-1} + u_t \tag{07.5}$$

$$\Delta y_t = \gamma_1 + \gamma_2 x_{2t} + \gamma_3 x_{3t} + \gamma_4 y_{t-1} + v_t \tag{6V.5}$$

حيث يُعتبر ،u و ،v اضطرابات مُستقلَّة ومُوزَّعة بشكل مُتطابق، هل لهذه النهاذج نفس قيمة: (أ) مجموع مربعات البواقي، (ب) R² (ج) المعدَّل؟ اشرح إجاباتك في كل حالة.

(A) قام باحث بتقدير اثنين من نهاذج الاقتصاد القياسي التالية:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + u_t \tag{OA.5}$$

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + v_t \tag{0.9.5}$$

حيث يُمثّل عنه و ع^{ير} اضطرابات مُستفلَّة ومُوزَّعة بشكل مُنطابق و x₃x مُنغيَّر لا أهميَّة له، ولا يدخل في عمليَّة توليد بيانات y₂x ما هي القيمة التي سوف تكون أعلى في النموذج الثاني عمَّا هي عليه في النموذج الأوَّل: (أ) R² (ب) R² المعدَّل؟ اشرح إجاباتك في كل حالة.

- (4) أعد فتح الملف إفيوز CAPM وقدر بينا نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة لكل سهم من الأسهم الأخرى في الملف.
- استنادًا إلى القيم المقدَّرة التي تحصَّلت عليها أيُّ من الأسهم تُصنَّف كأسهم دفاعيَّة وأيُّها تُصنَّف كأسهم هجوميَّة؟
 اشرح إجابتك.
- (ب) هل نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة قادر على تقديم تفسير معقول لإجمالي تغيُّرية العوائد على كل سهم من الأسهم خلال فترة العننة؟ لماذا؟ و لماذا لا؟
- (١٠) أعِد فتح الملف Macro ثم طبّق نفس النوع من نهاذج نظريَّة التسعير بالمراجحة على بعض من السلاسل الزمنيَّة الأخرى لعوائد الأسهم الواردة في الملف CAPM.
- أدر الإجراء المتدرَّج في كل حالة، هل اخْتِيرَت نفس مجموعة المتغيَّرات الجزئيَّة لكل سهم؟ هل يُمكنك تبرير
 الاختلافات في السلاسل المختارة؟
 - (ب)افحص أحجام وعلامات معلمات الانحدار في كل حالة، هل هي منطقيَّة؟
 - (١١) ما هي وحدات R²?
 - (١٢) ما هي الانحدارات الكميَّة؟ ولماذا هي مُفيدة؟
- (١٣) يرغب باحث في دراسة الترابط بين عوائد أصلين A و B في الحالات التي يتراجع فيها سعر B بسرعة. للقيام بذلك رتَّب الباحث البيانات وفقًا للتغيَّرات في سعر B ثم تخلَّى عن ٨٠٪ من المشاهدات الأولى المرتبة، قام الباحث بعد ذلك بإجراء انحدار لعوائد A على عوائد B باستخدام ٢٠٪ من المشاهدات الأخيرة المتبقية، هل تُعتبر هذه الطريقة المتَّبعة جيَّدة؟ اشرح إجابتك.

ولنمخ وفحاس

افتراهات نموذج الانحدار الغطي الكلاسيكي واختبارات التشغيص Classical Linear Regression Model Assumptions and Diagnostic Tests

غرجات التعلب

ستتعلم في هذا الفصل كيفية:

- وصف الخطوات المتبعة لاختبار تفاوت التباين والارتباط الذاتي
 (Autocorrelation) لبواقي الانحدار.
- شرح تأثير تفاوت التباين أو الارتباط الذاتي على أمثلية معلمة المربعات
 الصغرى العادية وعلى تقدير الخطأ المعيارى.
- التمييز بين اختبارات ديربن-واتسن (Durbin-Watson) وبروش-غودفري
 (Breusch-Godfrey) للارتباط الذاتي.
 - تسليط الضوء على مزايا وعُيوب الناذج الديناميكية (Dynamic Models).
 - اختبار ما إذا كانت الصيغة الدائيّة للنموذج المستخدم صيغة مُناسبة.
 - تحديد ما إذا كان توزيع بواقي الانحدار بختلف معنويًا عن الاعتدال.
 - التحري فيما إذا كانت معلمات النموذج مُستقرة أم لا.
 - تقييم الفلسفات المختلفة لكيفية بناء نموذج الاقتصادي القياسي.
 - إجراء اختبارات التشخيص داخل إفيوز.

١ , ٥ مُقَدِّمة

(Introduction)

نُذكِّر بأننا قدَّمنا خمس افتراضات تتعلَّق بنموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي، تُعتبر هذه الافتراضات ضروريَّة لإظهار أن لتقنية التقدير -أي طريقة المربعات الصغرى العاديَّة- عددًا من الخصائص المرغوبة، وحتى نتمكَّن أيضًا من إجراء اختبارات الفرضيات المتعلقة بالقيم المقدَّرة للمعاملات على نحو سليم، على وجه التحديد يُفترض أن:

$$E(u_r) = 0$$
 (1)

$$var(u_t) = \sigma^2 < \infty (\Upsilon)$$

$$cov(u_i, u_i) = 0 \quad (\Upsilon)$$

$$cov(u_t, x_t) = 0$$
 (ξ)

 $u_c \sim N(0, \sigma^2)$ (c)

سيتم الآن التعمُّق في دراسة هذه الافتراضات وبخاصة النقاط التالية:

- كيف يُمكن الكشف عن انتهاكات الافتراضات؟
 - عمليًّا ما هي الأسباب الأرجح للانتهاكات؟
- ما هي العواقب على النموذج في حالة انتهاك افتراض وتم تجاهل هذا الأمر من فِبَل الباحث؟
 تكمن الإجابة عن آخر هذه الأسئلة في أنه عمومًا يُمكن أن يُواجه النموذج مزيجًا من المشاكل الثلاث التالية:
 - قيم مُقدَّرة للمعاملات (أُو) خاطئة.
 - الأخطاء المعياريّة المصاحبة خاطئة.
 - التوزيعات المفترضة لإحصاءات الاختبار غير مُناسبة.

سنعتمد بعد ذلك منهجًا عمليًا "لحل" المشاكل المرتبطة باستخدام نهاذج تتضمَّن افتراضًا واحدًا فأكثر غير مدعوم من البيانات. تعمل مثل هذه الحلول عادة يحيث:

- لم تَعُدُ هذه الافتراضات مُنتهكة أو:
- أن المشاكل توضع جانبًا بحيث إن التقنيات البديلة المستخدمة تظل صالحة.

٢, ٥ التوزيعات الإحصائيَّة لاختبارات التشخيص

(Statistical distributions for diagnostic tests)

يُناقش النص الوارد أدناه مُختلف اختبارات التشخيص (سوء التوصيف) للانحدار، والتي تعتمد على حساب إحصاءة الاختبار الاختبار، يُمكن بناء هذه الاختبارات بعدة طرق، ويُعتبر المنهج الذي سيُحدَّد التوزيع الذي يُفترض أن تتبعه إحصاءة الاختبار المنهج الدقيق لبناء إحصاءة الاختبار، هذا ونذكر أن هناك منهجين شائعي الاستخدام، يُمكن الحصول على نتائجهما باستخدام الحزم الإحصائيَّة: اختبار مُضاعف (مضروب) لاجرانج (Lagrange Multiplier (LM)) واختبار والد (Wald Test)، هذا وسوف يُقدَّم الفصل ٩ مزيدًا من التفاصيل بخصوص هذه الإجراءات، أمَّا الآن فكل ما يحتاج القرَّاء لمعرفته هو أنه في إطار اختبارات التشخيص المُقدَّمة هنا تنبع إحصاءات الاختبار التوزيع لا بدرجات حُريَّة مُساوية لعدد القيود المدرجة في النموذج، والتي يُرمز إليها بـ ٣. أمَّا المُسخة والد لهذا الاختبار فهي تنبع التوزيع إف بدرجات حُريَّة (شر الى أنها يتكافئان كلها زاد حجم العيَّنة إلى ما لانهاية، العينات الصغيرة، إلَّا أنه تقارُبيًّا يُعتبر هذان الاختباران مُتكافئين، كها نُشير إلى أنها يتكافئان كلها زاد حجم العيَّنة إلى ما لانهاية،

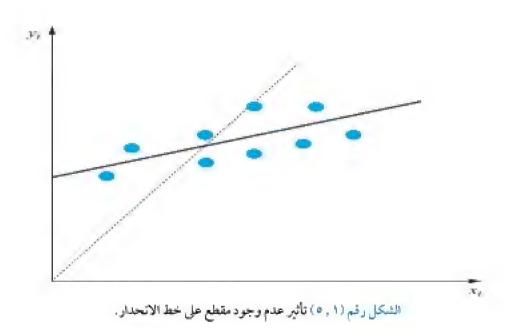
ويرجع ذلك إلى أن هناك علاقة مُباشرة بين التوزيعات إف و "x. سوف يميل المتغيَّر العشوائي إف تقارُبيًّا نحو المتغيَّر العشوائي "x مقسومًا بدرجات حُرِّيته:

$$T o\infty$$
 عندما یکون $F(m,T-k) orac{\chi^2(m)}{m}$

تعرض حزم برامج الحاسوب عادة النتائج باستخدام كلا المنهجين، إلّا أننا سوف نستعرض واحدًا فقط منها لكل اختبار وارد أدناه، يُعطي المنهجان عادة نفس الاستنتاج، لكن إن لم يكن ذلك فعادة ما تُعتبر النسخة إف الأفضل للعيّنات المحدودة، ويرجع ذلك إلى حساسيتها لحجم العيّنة؛ (لأن إحدى المعلمات درجات حرّيته تعتمد على حجم العيّنة) وهذا ما لا نجده في النسخة "بر.

$$E(u_t) = 0$$
 : ۱ والأفتراض, Ψ
(Assumption 1: $E(u_t) = 0$)

يتمثّل الافتراض الأول المطلوب في أن مُتوسط فيمة الأخطاء يُساوي صفرًا، في الحقيقة إذا تم إدراج الحد الثابت في معادلة الانحدار فلن يُنتهك هذا الافتراض، لكن ماذا لو أن النظريَّة الماليَّة تُشير في تطبيق ما إلى عدم وجود مقطع، وبالتائي إلزام خط الانحدار بالمرور من نقطة الأصل (Origin)؟ إذا كان الانحدار لا يتضمَّن مقطعًا، وإذا كان مُتوسط قيمة الأخطاء غير صفري، ينتج عن ذلك عدة عواقب غير مرغوب فيها، نُشير أوَّلا إلى أنه من الممكن أن يكون *R الذي يُعرَّف بـ £SS/TSS، سالبًا عمَّا يعني أن مُتوسَّط العيَّنة وَ 'يُفسَر التغيَّر في و أكثر عمَّا تُفسِره المتغيِّرات المفسِّرة، ثانيًا والأهم من ذلك، نذكر أنه من الممكن أن يُؤدي عدم إدراج معلمة المقطع في الانحدار إلى تحيَّزات قد تكون حادَّة في القيم المقدَّرة لمعاملات الانحدار، لفهم ذلك نتأمَّل الشكل رقم (1,0).



يُظهر الخط المنصل الانحدار المقدر المتضمَّن لحد ثابت، في حين يُظهر الخط المنقط تأثير حذف الحد الثابت (أي تعيين قبمته صفر) والمتمثَّل في أن الخط المقدَّر يكون مُجبرًا في هذه الحالة على المرور بالنقطة الأصل، وبالتالي فإن القيمة المقدَّرة لمعامل الميل (﴿قَ) تكون قيمة مُتحيَّرة، إضافة إلى ذلك عادة ما يكون *R و *R بلا معنى في هذا السياق، وينتج ذلك بسبب أن مُتوسَّط قيمة المنغيِّر التابع –أي ﴿ - غير مُساوية لمتوسَّط القيم المقدَّرة من النموذج أي متوسَّط ﴿، في حالة لم يُدرج ثابت في الانحدار.

$var(u_t) = \sigma^2 < \infty$: ۲ و الأفتر اض به به و ، ٤ (Assumption 2: $var(u_t) = \sigma^2 < \infty$

افترضنا إلى حد الأن أن تباين الأخطاء ° ثابت وهو ما يُعرف *بافتراض تجانس التباين* (Homoscedasticity)، إذا لم يكن للاخطاء تباين ثابت يفال أنهم تُخت*افو التباين* (Heteroscedastic)، لنقديم مثال توضيحي لاختلاف النباين، نفترض أننا قُمنا بتقدير الانحدار وحساب البواقي أي عنه ثم رسمها مُقابل أحد المتغيَّرات المفشَّرة عدى كها هو مُوضَّح في الشكل رقم (٢ , ٥).



من الواضح جدًّا أن الأخطاء التي في الشكل رقم (٥,٢) هي أخطاء مُحتلفة التباين، وذلك لأنه بالرغم من أن القيمة المتوسَّطة للأخطاء ثابتة تقريبًا إلَّا أن تباينها آخذ في الازدياد بشكل مُتتظم مع ازدياد x2.

١ , ٤ , ٥ الكشف عن اختلاف التباين

(Detection of heteroscedasticity)

كيف يُمكن للمرء معرفة ما إذا كانت الأخطاء مُتفاوتة التباين أم لا؟ من الممكن استخدام الطريقة البيانية على النحو الوارد أعلاه، لكن للأسف لا يُعرف سبب اختلاف التباين أو شكله إلّا نادرًا، وبالتالي فمن المرجَّح أن لا يكشف الرسم البياني عن شيء، على سبيل المثال، إذا كان تباين الأخطاء على شكل دالة مُتزايد في مدير، وكان الباحث قد رسم بيانيًّا الأخطاء مُقابل مدير، فسوف يكون من المستبعد أن يرى أي نمط لاختلاف التباين، وبالتالي سوف يستنتج خطأ أن تباين الأخطاء ثابتًا، من الممكن أيضًا أن يتغيَّر تبايُن الأخطاء مع الوقت بدلًا من أن يتغيَّر بصورة مُتنظمة بتغيَّر أحد المتغيَّرات المفسّرة، تُعرف هذه الظاهرة التي يرد وصفها في الفصل ٩ باسم 'ARCH'.

هناك لحسن الحظ عدد من الاختبارات الإحصائية المنهجيَّة لاختلاف التباين، ويُعتبر اختبار جولدفيلد وكوانت هناك لحسن الحظ عدد من الاختبارات الإحصائية المنهجيَّة لاختلاف التباين، ويُعتبر اختبار جولدفيلد وكوانت (Oddfeld-Quandt (1965)) (1970) أحد أيسط هذه الاختبارات، ترتكز طريقتها على تقسيم إجمالي العيَّنة بطول T إلى عيَّنتين فرعيَّتين بطول T و T يُقدَّر نموذج الاتحدار بعد ذلك على كل عيَّنة فرعية ثم يتم حساب نباينات البواقي (Variances فرعيَّتين بطول T على بالترتيب T و T و T و T و تتمثّل فرضيَّة العدم في تساوي تباينات الاضطرابات، وهو ما يُمكن المحتبد وهو ما يُمكن المحتبد والمحتبد والمحتب المحتبد والمحتبد وال

كتابته كالآتي: $\sigma_i^2 = \sigma_i^2 : H_0: \sigma_i^2 = \sigma_i$ في حين تكون الفرضيَّة البديلة فرضيَّة ذات طرفين، أمَّا إحصاءة الاختبار والتي يُرمز إليها ب GQ، فهي ببساطة نسبة تباينات البواقي، حيث يجب وضع أكبر النباينين في البسط (أي أن تباين العيَّنة الأكبر هو أو وذلك للعيَّنة بطول T_i ، حتى وإن كان مأخوذ من العيَّنة الفرعيَّة الثانية):

$$GQ = \frac{S_1^2}{S_2^2} \tag{1.00}$$

تحت فرضيَّة العدم المتمثَّلة في ثبات التباين تتبع إحصاءة الاختبار التوزيع (F(T1 - k T2 - k) وتُرفض هذه الفرضيَّة إذا فاقت إحصاءة الاختبار القيمة الحرجة.

يُعتبر الاختيار GQ اختيارًا بسيط البناء إلَّا أن نتائجه من المكن أن نتوقّف على اختيار محدِّد، وربها عشوائي لمكان تقسيم العيَّنة، من المرجَّح بشكل واضح أن يكون الاختيار أكثر قوة عندما يرتكز الاختيار على أسس نظرية، على سبيل المثال قبل وبعد حدث هيكلي هام، لنفترض أنه يُعتقد أن تباين الاضطرابات يرتبط بمُتغيِّر مُشاهد بر (سواء كان من بين المتغيِّرات الانحداريَّة أو لا)، كها تتمثَّل الطريقة الأفضل للقيام بهذا الاختبار في ترتيب العيِّنة وفقًا لقيم بر (بدلًا من ترتيبها وفقًا للزمن)، ثم تقسيم العيِّنة المعاد ترتيبها إلى عيُّنات بطول T₁ و T₂.

كما تُستخدم أحيانًا طريقة بديلة لتحسين الاستدلالات المستمدَّة من الاختبار وزيادة قوته، تتمثَّل في حذف بعض المشاهدات من وسط العيَّنة، وذلك لإدخال درجة من الفصل بين العبَّنين الفرعبَّين.

كما نذكر أن هناك اختبارًا آخر لاختلاف التباين أكثر شيوعًا، وهو اختبار وايت (١٩٨٠) ((White (1980))، يُعتبر هذا الاختبار مُفيدًا بشكل خاص؛ لأنه يضع عددًا قليلًا من الافتراضات بخصوص الشكل المفترض لاختلاف التباين، يُنجز هذا الاختباركما في الإطار رقم (٥,١).

الإطار وقيم (١,٥) إجداء الحشار وابت

(١) لنفترض أن نموذج الانحدار المقدِّر يكون على الشكل الخطي الاعتبادي، على سبيل المثال:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + u_t \tag{Y.0}$$

 \hat{u}_t نقوم بتقدير النموذج السابق حتى نتحصّل على البواقي \hat{u}_t

(٢) نُجري بعد ذلك الانحدار الإضافي المساعد:

$$\hat{u}_{t}^{2} = \alpha_{1} + \alpha_{2}x_{2t} + \alpha_{3}x_{3t} + \alpha_{4}x_{2t}^{2} + \alpha_{5}x_{3t}^{2} + \alpha_{6}x_{2t}x_{3t} + v_{t} \tag{$\Upsilon.0$}$$

حيث يُمثُل عد اضطراب مُوزَّع طبيعيًّا ومُستقل عن عن عن فلك بمثابة انحدار مُربَع البواقي على ثابت، على المتغيّرات المفسَّرة الأصليّة، على موبع المتغيّرات المفسَّرة وعلى حاصل الضرب التفاطعي لهذه الأخيرة، لمعرفة لماذا يُعتبر مُربّع البواقي مُتغيِّرًا ذا أهميّة نُذكِّر أنه يُمكن كتابة تباين المتغيّر العشوائي على كالآن:

$$var(u_t) = E\left[\left(u_t - E(u_t)\right)^2\right] \tag{5.0}$$

قحت فرضية أن $E(u_t) = 0$ ، يختفي الجزء الثاني من الجانب الأيمن هذا التعبير:

$$var(u_t) = E[u_t^2] (o, o)$$

ليس من الممكن مرّة أخرى معرفة مربّع اضطرابات المجتمع ﴿عَلَى لَذَلَكَ وعوضًا عنها سيتم استخدام نظيراتها من العيّنة أي مربّع البواقي.

كما يكمن السبب وراء اتخاذ النموذج الإضافي المساعد لهذا الشكل في أنه من المستحسن دراسة ما إذا كان تباين البواقي (المجسدة في أنه) يختلف بشكل مُنتظم باختلاف أحد المتغيرات الهامة في النموذج، تتضمن هذه الأخيرة المتغيرات المفسّرة الأصلية إضافة إلى مربع المتغيّرات المفسّرة وعلى حاصل الضرب لهذه الأخيرة، نُشير كذلك إلى أنه ينبغي أن يشمل الانحدار على حد ثابت حتى وإن لم يكن الأمر كذلك في الانحدار الأصلي، يرجع ذلك إلى حقيقة أن وسط أنه سيكون دائيًا غير صفري حتى وإن كان وسط عن صفرًا.

(٣) باعتبار الانحدار الإضافي المساعد وكما ذكرنا سابقًا، يُمكن إجراء الاختبار باستخدام منهجين مُختلفين، أوَلا: من الممكن استخدام إطار الاختبار إف المبين في الفصل ٤. يتضمن هذا الإطار تقدير المعادلة رقم (٣٠٥) كانحدار غير مُقيَّد ومن ثم إجراء انحدار مُقيَّد لـ ﴿٤ على ثابت فقط، نستخدم مجموع مربّعات البواقي لكل انحدار كمُدخلات للصيغة العاديّة للاختبار إف.

مع العديد من اختبارات التشخيص، يُمكن اعتباد منهجًا بديلًا لا يتطلّب تقدير انحدار (مُقيّد) ثاني. يُعرف هذا المنهج باختبار مُضاعف لاجرانج الذي يرتكز على قيمة ٣٤ في الانحدار الإضافي المساعد، إذا كان هناك مُعامل فأكثر معنوي إحصائيًّا في المعادلة رقم (٣،٥)، فإن قيمة ٣٤ فذه المعادلة سوف تكون مُرتفعة نسبيًّا، أمّا إذا كانت كل هذه المتغيّرات غير معنويّة فإن قيمة ٣٤ ستكون مُنخفضة نسبيًّا، وبالتالي يعمل اختبار مُضاعف لاجرانج من خلال الحصول على قيمة ٣٤ من الانحدار الإضافي المساعد وضربها بعدد المشاهدات ٣. كما يُمكن إثبات أن:

$TR^2 \sim \chi^2(m)$

حيث يُمثّل m عدد المتغبّرات الانحداريّة في الانحدار الإضافي المساعد (باستثناء الحد الثابت)، أي ما يُعادل عدد القيود التي يجب أن تُوضع في إطار عهج اختبار إف.

 $\alpha_5 = 0$, $\alpha_4 = 0$, $\alpha_3 = 0$, $\alpha_2 = 0$ أيعتبر الاختبار بمثابة اختبار لفرضية العدم المشتركة $\alpha_5 = 0$ ، $\alpha_6 = 0$. بالنسبة إلى اختبار مُضاعف لاجرانج، إذا كانت إحصاءة الاختبار χ^2 الواردة في الخطوة الثالثة أكبر من القيمة المقابلة من الجدول الإحصائي فيجب رفض فرضية العدم المتمثّلة في أن الأخطاء مُتجانسة التباين.

٢, ٤, ٥ العواقب المترتبة عن استخدام المربعات الصغرى العاديّة في ظل وجود اختلاف النباين

(Consequences of using OLS in the presence of heteroscedasticity)

ماذا يحدث لو أن الأخطاء كانت مُتفاوتة التباين، ولكن تم تجاهُل هذه الحقيقة وقام الباحث بإجراء التقدير والاستدلال؟ سوف نظل مُقدرات المربعات الصغرى العاديَّة في هذه الحالة تُعطي قيًا مُقدِّرة للمعاملات غير مُتحيِّزة (وأيضًا مُشَفة) لكنها لم تُعُذ الفضل المقدَّرات الحَطيَّة غير التُتحيِّزة (BLUE) وذلك لأنه لم يُعُذ لديهم أصغر تباين من بين فئة كل المقدَّرات الحَطيَّة غير التُتحيُّزة، ويرجع السبب وراء ذلك إلى أن تباين الحطأ أي "ه، لا يلعب أي دور في إثبات أن مُقدَّر المربعات الصغرى العاديَّة مُتَّسق وغير مُتحيِّز، لكن في المقابل يظهر "ه في صبغ تباين المعاملات، وبالتائي إذا كانت الأخطاء مُتفاوتة التباين تُصبح الصبغ المقدَّمة للأخطاء المعاملات باطلة، انظر هيل، غريفيث ودجودج (١٩٩٧ ص ٢١٨-٢١٨) لمعالجة جبريَّة لمعواقب اختلاف التباين.

شال (۱٫ ه)....

لنفترض أننا قُمنا بتقدير النموذج رقم (٢٠٥) الوارد أعلاه باستخدام ١٢٠ مُشاهدة وتحصَّلنا على ٣² للانحدار الإضافي المساعد (Auxiliary Regression) مُساوِ لـ ٢٣٤ . . تُقدِّم إحصاءة الاختبار كا لآن: 28.8 = 28.8 = 72 وهي إحصاءة تتبع تحت فرضيَّة العدم التوزيع (5) ٢٤. من خلال جدول ثم نجد أن القيمة الحرجة عند المستوى ٥٪ تُساوي ١١٠ . تفوق إذًا إحصاءة الاختبار القيمة الحرجة وبالتالي يتم رفض فرضية العدم، لذلك نخلُص في هذه الحالة إلى وجود دليل قوي على اختلاف التباين بحيث يُصبح من غير المعقول في هذه الحالة افتراض أن تباين الاخطاء ثابتًا.

خُلاصة القول هي أنه في حالة استخدام المربعات الصغرى العاديَّة مع وجود اختلاف التباين من المحتمل أن تكون الأخطاء المعياريَّة غير صحيحة، وبالتالي يُمكن أن تكون الاستدلالات مُضلَّلة، بصفة عامَّة، عند استخدام طريقة المربعات الصغرى العاديَّة وإذا كانت الأخطاء مُتفاوتة التباين فإن الأخطاء المعياريَّة للمقطع ستكون كبيرة جدًّا، أمَّا تأثير اختلاف التباين على الأخطاء المعياريَّة للميل فذلك يعتمد على شكل اختلاف التباين، إذا كان تباين الأخطاء على سبيل المثال مُرتبطًا إيجابيًّا بمربَّع المتغيِّر الفسِّر (كما هو الحال عمليًّا في كثير من الأحيان) سوف يكون الخطأ المعياري للميل مُنخفضًا جدًّا عند استخدام طريقة المربعات الصغرى العاديَّة، في المقابل وباستخدام نفس الطريقة، سوف يكون الخطأ المعياري للميل مُرتفعا جدًّا إذا ارتبط تباين الأخطاء عكسيًّا بالمتغيِّر المفسِّر.

٣ , ٤ , ٥ مُعالِحة اختلاف التباين

(Dealing with heteroscedasticity)

إذا كان شكل (أي سبب) اختلاف التباين معروفًا عندها يُمكن استخدام طريقة تقدير بديلة تأخذ في الحُسبان هذا التفاوت، من بين هذه الطرق نذكر طريقة المربَّعات الصغرى المعمَّمة (Generalised Least Squares (GLS)). لنفترض على سبيل المثال أن تباين الخطأ يرتبط بـ عد حسب التعبير الثالي:

$$var(u_t) = \sigma^2 z_t^2 \tag{7.0}$$

كل ما يلزم لإزالة اختلاف النباين هو قسمة مُعادلة الانحدار بـــ ع:

$$\frac{y_t}{z_t} = \beta_1 \frac{1}{z_t} + \beta_2 \frac{x_{2t}}{z_t} + \beta_3 \frac{x_{2t}}{z_t} + v_t \tag{V.0}$$

حيث يُمثّل $v_t = \frac{u_t}{r}$ عند الخطأ.

 $.var(v_t) = var(rac{u_t}{z_t}) = rac{var(u_t)}{z_t^2} = rac{\sigma^2 z_t^2}{z_t^2} = \sigma^2$ و $var(u_t) = \sigma^2 z_t^2$ و $var(u_t) = \sigma^2 z_t^2$ الْمَا الْأَنْ إِذَا كَانَ

لذلك تكون الاضطرابات المتحصَّل عليها من المعادلة رقم (٧،٥) مُتجانسة التباين، تُشير كذلك إلى أن هذا الانحدار الأخير لا بنضمَّن حدًّا ثابتًا بها أن β_1 مضروبًا بـ $\binom{+}{2}$ ، كها تُعتبر المربعات الصغرى المعمَّمة مُرادفة لاستخدام المربعات الصغرى العاديَّة مُطبَّقة على بيانات مُحوَّلة تفي بافتراضات المربعات الصغرى العاديَّة، تُعرف المربعات الصغرى المعمَّمة كذلك بالمربعات الصغرى المربعة على بيانات مُحوَّلة تفي بافتراضات المربعات الصغرى العاديَّة، تُعرف المربعات الصغرى المعمَّمة كذلك بالمربعات الصغرى المربعات الصغرى المحموع المربعات البواقي في حين تقوم المربعات الصغرى العاديَّة بتقليل نفس المجموع لكن دون ترجيح.

ومع ذلك في أغلب الأحيان يكون الباحثون غير مُتأكَّدين من السبب الدقيق لاختلاف التباين، وبالتالي تُعتبر هذه التقنية عادة غير قابلة للتنفيذ عمليًّا، يُرد في الإطار رقم (٢, ٥) 'حلَّان' آخران مُحتملان لاختلاف التباين.

قدَّم فابوزي وفرانسيس (١٩٨٠) عدَّة أمثلة عن اختبارات اختلاف النباين في إطار نموذج سوق المؤشر المفرد، وكانت النتائج توحي بشدَّة بوجود اختلاف التباين، كها قاما بفحص العوامل المختلفة التي من الممكن أن ترسم شكل اختلاف التباين.

الاطار رقم (٦. ٥) الحلول؛ لتفاوت التباين

- (۱) تحويل المتغيرات إلى لوغاريتهات أو تقليص قيمها باستخدام مقياس آخر المحجم، وهذا من شأنه إعادة قياس البيانات للحد من المشاهدات المتطرّفة. ثم يتم إجراء الاتحدار على اللوغاريتهات الطبيعية أو البيانات المحولة، لتطبيق اللوغاريتهات تأثيرًا آخر يتمثّل في تحويل نموذج الضرب، مثل نموذج الاتحدار الأسي (بحد خطأ مضاعف) المناقش سابقًا، إلى نموذج جمع، غير أنه لا يُمكن تطبيق اللوغاريتهات على المتغيّرات في الحالات التي تكون فيها قيم هذه الأخيرة معدومة أو سالبة حيث يكون اللوغاريته غير مُعرّف في هذه الحالات.
- (۲) استخدام قيم مقدّرة للأخطاء المعياريّة تكون متسقة عند وجود اختلاف التباين، تتضمّن مُعظم حزم برجيات الاقتصاد القيامي خيارًا (عادة ما يُسمّى 'حصين' أو شيء من هذا القبيل) يسمح للمُستخدم باستعمال قيمًا مُقدّرة للأخطاء المعياريّة مُعدّلة بحيث تأخذ في الحسبان تفاوت التباين وفقًا لوايت (۱۹۸۰)، أمّا أثر استخدام التصحيح فيتمثّل في أنه إذا كان تباين الأخطاء يرتبط إيجابيًّا بمربّع المتغيّر المفسّر فإن الأخطاء المعياريّة للمعاملات ترتفع مُقارنة بالأخطاء المعياريّة لطريقة المربعات الصغرى العاديّة، وهذا من شأنه جعل اختبار الفرضيات 'محافظة' أكثر بحيث يُستلزم مزيدًا من القرائن تجاه فرضيّة العدم قبل أن يتم رفضها.

٤, ٤, ٥ اختبار اختلاف التباين باستخدام إفيوز

(Testing for heteroscedasticity using EViews)

قُم بإعادة فتح ملف عمل مايكروسوفت ('Macro') الذي درسناه في الفصل السابق، والانحدار الذي يتضمَّن كل المتغيِّرات الاقتصاديَّة الكليَّة المفسّرة، وتأكد من أن نافذة مُخرجات الانحدار مفتوحة (لإظهار جدول القيم المقدّرة للمعلمات)، ارسم أولًا البواقي من خلال اختيار View/Actual, Fitted, Residuals/Residual Graph. إذا كانت تغيُّرية بواقي الانحدار تختلف بشكل منتظم على مدى العيُّنة فذلك بُعتبر علامة على اختلاف التباين، في هذه الحالة من الصعب رؤية أي نمط واضح (على الرغم من أنه من المثير للاهتهام مُلاحظة الانخفاض الكبير في التقلب (Volatility) لما بعد (٢٠٠٣)، لذلك نحن بحاجة إلى إجراء اختبار إحصائي منهجي، لاختبار اختلاف التباين باستخدام اختبار وايت، انقر من نافذة الانحدار فوق الزر View ثم اختر Residual ...Diagnostics/Heteroscedasticity Tests.. سوف ترى أن هناك عددًا كبيرًا من الاختبارات المختلفة المتاحة، بها في ذلك اختبار الاتحدار الذاتي الشرطي غير متجانس التباين (Autoregressive Conditional Heteroscedasticity (ARCH) test) والذي ستتم مُناقشته في الفصل ٩، في الوقت الحالي تُحدِّد التخصيص White، يُمكنك أيضًا تحديد ما إذا كان سيتم إدراج الجداء التقاطعي للحدود أم لا (أي ضرب كل مُتغيِّر بالمتغيِّر الآخر)، أو نكتفي بإدراج مُربَّع المتغيِّرات في الانحدار الإضافي المساعد، قُم بإلغاء التحديد 'Include White cross terms' نظرًا للعدد الكبير نسبيًّا من المتغيرات في هذا الانحدار، ثم انقر فوق OK، سوف تظهر نتائج الاختبار على النحو الموضح في الإطار التالي. يُقدم إفيوز ثلاثة أنواع تُختلفة من اختبارات اختلاف التباين، ثم يُظهر الانحدار الإضافي المساعد في الجدول الأوَّل للنتائج، تعطينا إحصاءات الاختبار المعلومات التي نحتاجها لتحديد ما إذا كان افتراض تجانس التباين صحيحًا أم لا، لكن بالاطلاع على الانحدار الإضافي المساعد الفعلي في الجدول الثاني يُمكن الحصول على معلومات إضافية مُفيدة عن مصدر اختلاف التباين إن وُجد، في هذه الحالة تُعطى كلُّ من النسخة إف و ٢٤ (أي مُضاعف لاجرانج) لإحصاءة الاختبار نفس النتيجة المتمثَّلة في عدم توفَّر أي دليل على وجود لاختلاف التباين، وذلك لأن القيم بي نزيد إلى حد كبير عن ٠٠,٠٠. أمَّا النسخة الثالثة لإحصاءة الاختبار، أي مجموع المربعات المفسّرة المقاسة (Scaled explained SS)، وكما يوحي اسمها فهي تعتمد على صيغة مُطبعة لمجموع المربعات المفسّرة للاتحدار الإضافي المساعد، تُشير هذه الإحصاءة في هذه الحالة إلى أن هناك ما ينُم عن وجود اختلاف التباين (نتيجة الاختبار معنويَّة عند المستوى ١٠٪ وليس أقل من ذلك)، وبالتالي تُعتبر نتيجة الاختبار مُبهمة بعض الشيء، لكن عمومًا يُمكن القول إنه يُرجح أن اختلاف التباين في هذه الحالة لا يُمثِّل مشكلة حقيقيَّة.

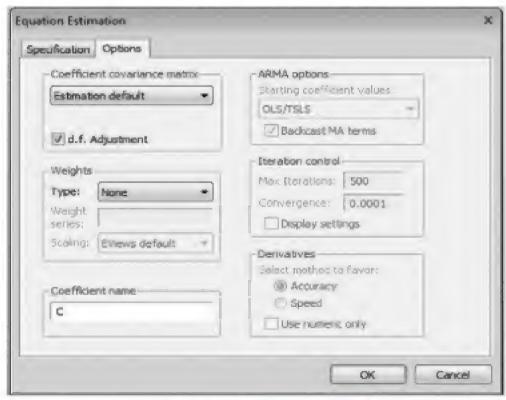
Hater desertablishing test. W	Pirallah			
F-miniliatio-	0.200965	Frob F(7.21)	70	0.9696
Obs-R-squared	0:009611	Prob. Dh. So	Hand and Till	0.9674
Dealed explained 95	12.10011	Prob Ok Sy	p. (7)	 ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴ ∴
Feed Lapseylener				
Department Variable, FID	50012			
Method Least Squares				
Date: Dividental Time, 15	L-HOP			
Describe 1 ministers point	andra.			
Instructed observations:	32·a			
	Confiscent	Std Error	dedinations;	Prob
a	193.5572	42,00306	4.519108	0.0000
DESCAPION DEP	-0.16274	0.698446	-0.9330	0.0154
DEBOD*9	= 11.2000	31,10290	- 0 06044	0.7146
DOREDITA:	-1.01E 06	die Anna de	rột point access	Ch. Pronos
DINELATION'S	~ 85.7807	780 0464	-0.43840	D. 66 F-
ONENDATION	-0.07229	0.007910	-0.46136	0.0500
DSPREADAR	-2.00397	000 0524	-0.00017	0.9974
Principle of the Paris of the P	- 196.306	3804.50260	- O. Machandrik	0.0063
FITTERM- 2	- TMB SCHI			
	E 000000	Advant chapter	dent yes	100.2001
RETERMINA				
Programmed	0.000000	falores chapters	est war	554 1994
Prepared Adusted Prequired	0.000005 -0.015718	trians chapters S.O. depends	est var eltarism	15.51266
FITERM: 2 Fi-equipmed Adjusted Prequired B.E. of regression	0.000008 -0.015719 668-6009	triam depart S.D. dependi Akaika into p	est var ekorion arion	554 1934 15 51244 15 60630
FITCHUT 2 Firequered Adjusted Prequered G.E. of regression Sum aquared resid	0.000000 -0.015718 556 5309 06578340	Moon depend S.D. depend Akalka into a Softwarz orbi	ent var ekarion arion en armer.	156.2891 554.1996 15.51266 15.00030 15.50074

٥, ٤, ٥ استخدام القيم المقدَّرة للأخطاء المعباريَّة المعدَّلة بطريقة وايت داخل إفيورْ

(Using White's modified standard error estimates in EViews)

لتقدير انحدار بأخطاء معياريَّة حصينة ضد اختلاف التباين داخل إفيوز (Heteroscedasticity-Robust Standard Errors)، حدَّد ذلك من خلال زر الخيار في نافذة إدخال الانحدار، بعبارات أخرى: اغْلِقُ نافذة اختبار اختلاف التباين وانقر فوق نتائج الانحدار الأصليَّة 'Msoftreg' ثم انفر فوق الزر Estimate وفي النافذة Equation Estimation اختر علامة التبويب Options وستظهر لقطة الشاشة رقم (١, ٥).

في مربع "مصفوفة معاملات التغاير" في الجزء العلوي الأيسر لعلامة التبويب غير الخيار إلى White ثم انقر فوق OK بمقارنة نتائج الانحدار المستخدمة لأخطاء معياريَّة حصينة ضد اختلاف التباين مع تلك التي تُستخدم فيها الأخطاء المعيارية العادية تُعتبر الاختلافات في معنويَّة المعليات هامشية لا غير، تغيَّرت بطبيعة الحال الأخطاء المعيارية فقط، في حين ظلَّت الفيم المقدَّرة للمعليات على حالها، نذكر أن الأخطاء المعياريَّة المتسقة عند وجود اختلاف التباين هي أصغر لجميع المتغبَّرات عمَّا يُؤدي إلى ارتفاع في القيمة المطلقة للنسب في، وبالتالي تصبح القيم في أصغر، هذا وتتمثَّل الاختلافات الرئيسة في الاستنتاجات التي تم التوصل إليها في كون متغبَّر الهيكل الزمني الذي كان في السابق معنوبًا فقط عند المستوى ١٠٪، أصبح الآن معنوبًا عند المستوى ٥٪ وبأن متغبَّرات التضخُّم غير المتوفّع والتغبُّر في الإنتاج الصناعي أصبحت الآن معنوبَّة عند المستوى ١٠٪.



لقطة الشاشة رقم (١,٥) نافذة خيارات الانحدار.

$i \neq j$ ل $cov(u_l, u_l) = 0$ (Assumption 3: $cov(u_l, u_l) = 0$ for $l \neq j$)

ينصُّ الافتراض ٣ المقترح لنموذج الانحدار الخطِّي الكلاسيكي أن التغاير بين حدود الخطأ عبر الزمن (أو مقطعيًّا بالنسبة إلى هذا النوع من البيانات) يُساوي صفرًا، بعبارات أخرى يُفترض أن تكون الأخطاء غير مُرتبطة ببعضها البعض، إذا لم تكن الأخطاء غير مُرتبطة ببعضها البعض يُمكن القول إنها 'مُرتبطة ذاتيًّا' (Autocorrelated)، لذا عبر مُرتبطة تسلسليًّا' (Serially Correlated)، لذا من الضروري اختبار هذه الفرضية.

لا يُمكن مُجدَّدًا مُشاهدة اضطرابات المجتمع، لذلك يتم إجراء اختبارات الارتباط الذاتي على البواقي، أي على ١٥، قبل البدء في دراسة كيفيَّة صياغة الاختبارات المتهجيَّة للارتباط الذاتي، نحتاج أوَّلًا إلى تعريف القيمة المتباطئة (Lagged Value) للمتغبر.

١ , ٥ , ٥ مفهوم القيمة المتباطئة

(The concept of a lagged value)

تُعتبر القيمة المتباطئة (أو المؤخّرة) للمتغيّر (الذي يُمكن أن يكون ،y، ،x أو ،u) ببساطة القيمة التي يأخذها المتغيّر في الفترة السابقة، على سبيل المثال، يُمكن الحصول على قيمة ،y المتباطئة بفترة واحدة وتكتب ،y، عن طريق تحويل كل المشاهدات بفترة واحدة إلى الأمام في جدول البيانات كها هو موضح في الجدول رقم (١, ٥).

	ولى	للاسل القيم المتباطئة والفروق الأ	الجدول رقم (١. ٥) إنشاء ــ
Δy_t	y_{t-1}	у,	ι
-	-	٠,٨	2006M09
·, o=(·, A-1, ٣)	٠,٨	١,٣	2006M10
Y,Y(1,Y-·,4-)	١,٣	٠,٩	2006M11
1,1=(+,4+,Y)	٠,٩-	٠,٢	2006M12
1,4(+,4-1,4-)	٠,٢	١,٧-	2007M01
£, ==(1,VY,T)	١,٧-	۲,۳	2007M02
Y, Y-=(Y, Y-·, 1)	۲,۳	٠,١	2007M03
, !(, !-*, *)	٠,١	٠,٠	2007M04
I	1	i	:

وهكذا تُظهر قيمة تفاطع الصف 2006M10 مع العمود γ_{c-1} القيمة التي كان يأخذها بهر في الفترة السابقة، أي 2006M09، والتي كانت تُساوي γ_c. كما يُظهر العمود الأخير في الجدول رقم (γ_c) كمنية أخرى تتعلق بد بهر وهي الفرق الأول () أولان () أولان () كانت تُساوي γ_c كما يُظهر العمود الأخير في الجدول رقم (γ_c كما كمنية أخرى تتعلق بد بهر وهي الفرق الأول و) والذي يُعرف أيضًا باسم التغيَّر في γ_c ويرمز إليه بـ ، Δγ_c على أساس الفرق بين قيمة γ في هذه الفترة وقيمتها في الفترة السابقة، ويحسب ذلك على النحو التالي:

$$\Delta y_t = y_t - y_{t-1} \tag{A.6}$$

لاحظ أنه عندما يتم حساب الإبطاء بفترة واحدة، أو كذلك حساب الفروق الأولى لمتغيّر ما، فإننا نخسر المشاهدة الأولى، وبالنالي عند استخدام البيانات الواردة أعلاه، سوف يبدأ انحدار عγ، من نقطة البيانات الموافقة لأكتوبر ٢٠٠٦، من الممكن أيضًا باستخدام نفس الطريقة حساب الإبطاء بفترتين، بثلاث فترات، وما إلى ذلك.

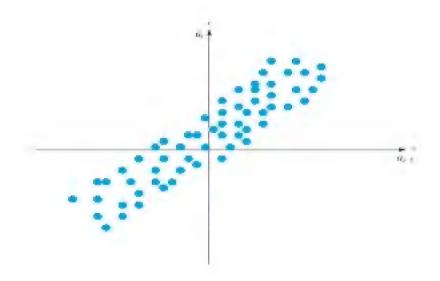
٢ , ٥ , ٥ الاختبارات البيانية للارتباط الذان

(Graphical tests for autocorrelation)

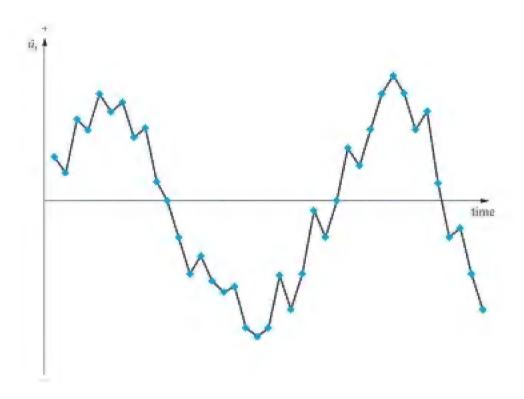
بهدف اختبار الارتباط الذاتي نُشير إلى أنه من الضروري تقضّي ما إذا كانت توجد علاقة بين القيمة الحاليَّة لـ û أي ، û، وبين أيَّ من قيمها السابقة بين الباقي الحالي ، û، والباقي الذي يأتي أيًّ من قيمها السابقة بين الباقي الحالي ، û، والباقي الذي يأتي قبله مُباشرة أي بـ û، وذلك عن طريق استقصاء بياني، وبالتالي نقوم برسم بياني لـ û، مُقابل بـ û، وكذلك رسمًا لـ û عبر الزَّمن، هذا ونُناقش أدناه بعض الأشكال النمطيَّة التي من المكن أن تتواجد في سلسلة البواقي.

تُظهر الأشكال رقم (٣, ٥) و (٤, ٥) ارتباطًا ذاتيًّا موجبًا بين البواقي، والذي يتَضح من خلال الرسم الدوري للبواقي عبر الزمن، تُعرف هذه الحالة بالارتباط الثاني الموجب، وذلك لأنه في المتوسط إذا كان الباقي في الزمن 1 - ٤ مُوجبًا فمن المرجَّح أن يكون الباقي في الزمن 2 مُوجبًا أيضًا، على نحو مُحائل، إذا كان الباقي في الزمن 1 - ٤ سائبًا فمن المرجَّح أن يكون الباقي في الزمن ٤ سالبًا أيضًا، كما يُظهر الشكل رقم (٣, ٥) أن مُعظم النقاط التي تُحمُّل المشاهدات تقع في الربع الأول والثالث، في حين يُظهر الشكل رقم (٤, ٥) أن مُعظم النقاط في كثير من الأحيان محور الزمن.

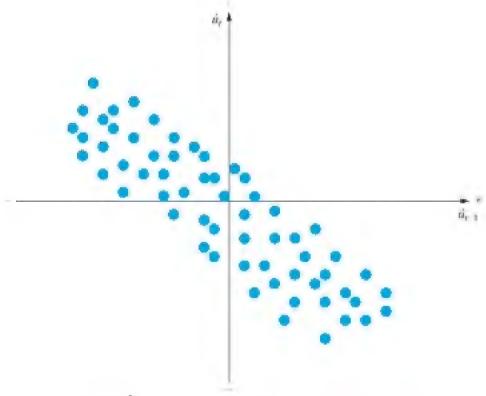
تُظهر الأشكال رقم (٥,٥) و (٦,٥) ارتباطاً ذاتيًا سلبيًا مُجسَّدًا بنمط تناوي في رسم البواقي، تُعرف هذه الحالة بالارتباط الذاتي السلبي، وذلك لأنه في المتوسط إذا كان الباقي في الزمن 1 - ٤ مُوجبًا فمن المرجَّع أن يكون الباقي في الزمن ٤ سالبًا، على نحو مُحاثل إذا كان الباقي في الزمن 1 - ٤ سالبًا فمن المرجَّع أن يكون الباقي في الزمن ٤ مُوجبًا، كما يُظهر الشكل رقم (٥,٥) أن مُعظم النقاط تقع في الربع الثاني والرابع، في حين يُظهر الشكل رقم (٦,٥) أن سلسلة البواقي ذات الارتباط الذاتي السالب تقطع محور الزمن بشكل أكثر تواترًا عمَّا لو كانت مُوزَعة عشوائيًّا.



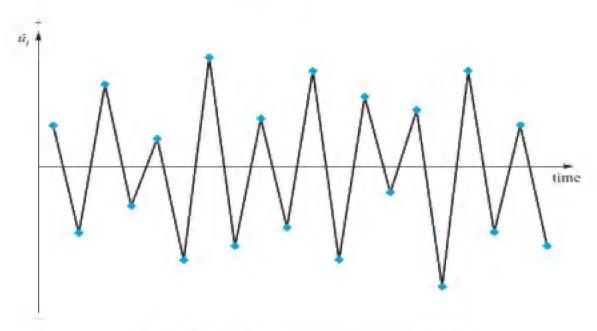
الشكل رقم (٥,٣) رسم لـ شُ مُقابِل $_{t-1}$ والذي يُظهر ارتباطًا ذاتيًّا مُوجِيًّا.



الشكل رقم (٤, ٥) رسم لـ ٩٤ عبر الزمن والذي يُظهر ارتباطًا ذاتيًّا مُوجبًا.

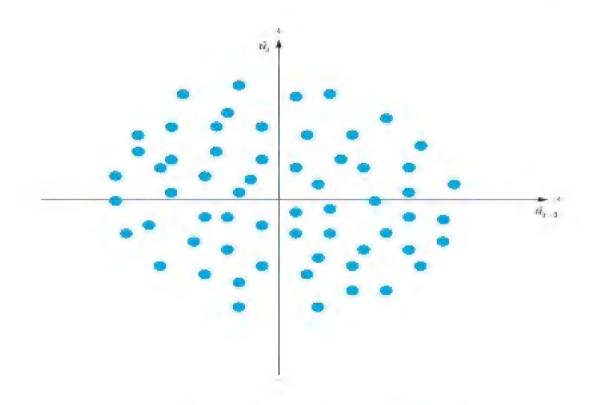


الشكل رقم (٥,٥) رسم لـ Ω مُقابل Ω_{r-1} والذي يُظهر ارتباطًا ذاتبًا ساليًا.

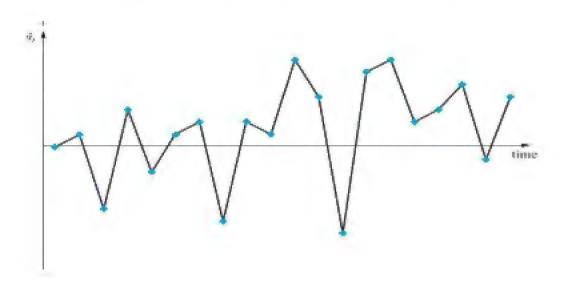


الشكل رقم (٥,٦) رسم لمانة عبر الزمن والذي يُظهر ارتباطًا ذاتيًّا سالبًا.

في الأخير تُظهر الأشكال رقم (٧,٥) و (٥,٥) عدم وجود أي نمط مُعيَّن في البواقي، وهذا ما تُجيَّد مُشاهدته، تتشر النقاط في رسم يْنَ مُقابِل ٤٠٠٠ (أي الشكل رقم (٧,٥)) بشكل عشوائي في كل الأرباع، أمَّا رسم السلسلة الزمنيَّة للبواقي (أي الشكل رقم (٨,٥)) فهو لا يقطع المحور السيني بوتيرة لا مُرتفعة جدًّا ولا مُنخفضة جدًّا.



الشكل رقم (٧ , ٥) رسم لـ Ω مُقابل Ω_{e-1} مُظهرًا عدم وجود للارتباط الذاتي.



الشكل رقم (٥,٨) رسم له ١١ عبر الزمن مُظهرًا عدم وجود للارتباط الذان.

٣, ٥, ٥ الكشف عن الارتباط الذاتي: اختبار ديرين-واتسن

(Detecting autocorrelation: the Durbin-Watson test)

من المؤكّد أن الخطوة الأولى عند اختبار ما إذا كانت سلسلة بواقي النموذج المقدَّر مُرتبطة ذاتيًّا أم لا، تتمثَّل في رسم هذه البواقي على النحو الوارد أعلاه بحثًا عن أبَّة أنهاط بها، قد تكون الطرق البيانيَّة صعبة التفسير، وبالتالي يجب إضافةً إلى ذلك تطبيقُ اختبار إحصائي منهجي، يُنسب أسهل هذه الاختبارات إلى ديربن-واتسن (١٩٥١).

يُعتبر اختبار ديرين-واتسن اختبارًا للارتباط الذاني من الدرجـــة الأولى، أي أنه يختبر فقط وجــود علاقــة بين الخطــأ وبين قيمتـــه السابقة مُباشرة، من بين طرق إجراء هذا الاختبار وتفسير إحصاءة الاختبار نجد انحدار الخطأ في الزمن ٤ على قيمته السابقة:

$$u_t = \rho u_{t-1} + v_t \tag{9.0}$$

حيث إن (٧٤ - ٨ أمَّا فرضيَّة العدم والفرضيَّة البديلة فهي:

$$H_1;\rho\neq 0\quad \text{J}\ H_0;\rho=0$$

وبالتائي، في ظل فرضيَّة العدم تكون الأخطاء في الزمن ٤ و 1 - ٤ مُستقلَّة عن بعضها البعض، أما إذا تم رفض فرضية العدم فنخلص إلى الاستنتاج بأن هناك دليلًا على وجود علاقة بين البواقي المتتالية، ليس من الضروري في الواقع إجراء الانحدار المقدَّم بالمعادلة رقم (٩ , ٥) بها أنه يُمكن حساب إحصاءة الاختبار باستخدام كمبات مُتاحة أصلًا بمجرد إجراء الانحدار الأول:

$$DW = \frac{\sum_{t=1}^{T} (u_t - u_{t-1})^2}{\sum_{t=1}^{T} u_t^2}$$
 (1.40)

لُشير إلى أن مقام إحصاءة الاختبار هو ببساطة (عدد المشاهدات - ١) x تباين البواقي، نتحصَّل على ذلك لأنه إذا كان مُتوسط البواقي صفرًا فإن:

$$var(\hat{u}_t) = E(\hat{u}_t^2) = \frac{1}{T-1} \sum_{t=2}^T \hat{u}_t^2$$

وبالتالي:

$$\sum_{t=2}^{T} \hat{u}_t^2 = var(\hat{u}_t) \times (T-1)$$

أما البسط 'فيقارن' بين قيم الخطأ في الزمن t وفي الزمن 1 - t، إذا كان الارتباط الذاتي في الأخطاء مُوجبًا فإن الفرق في البسط يكون صغيرًا نسبيًّا، أما إذا كان الارتباط الذاتي سالبًا ومع تغيُّر علامة الأخطاء في أغلب الأحيان فإن البسط سوف يكون كبيرًا نسبيًّا، كما بترتب عن عدم وجود ارتباط ذاتي قيمة في البسط تكون بين صغيرة وكبيرة، من المكن أيضًا صياغة إحصاءة دير بن-واتسن كذالة تقريبيَّة للقيمة المقدَّرة لـ م كالآي:

$$DW \approx 2(1-\beta) \tag{11.0}$$

حيث يُمثُل 6 معامل الارتباط المقدَّر المتحصَّل عليه من تقدير المعادلة رقم (٩،٥)، لرؤية كيف نتحصَّل على هذه النتيجة لنأخذ في الحسبان إمكانيَّة كتابة الدالَّة التربيعيَّة في بسط المعادلة رقم (١٠،٥) كالآن:

$$\sum_{t=2}^{T} (a_t - a_{t-1})^2 = \sum_{t=2}^{T} a_t^2 + \sum_{t=2}^{T} a_{t-1}^2 - 2 \sum_{t=2}^{T} a_t a_{t-1}$$
 (17.0)

لنَاخِذَ الآنَ بعينَ الاعتبار تركيبة أوَّل جمعين في الجانب الأيمن للمعادلة رقم (١٣،٥)، الجمع الأوَّل هو:

$$\sum_{t=2}^{T} \hat{u}_{t}^{2} = \hat{u}_{z}^{2} + \hat{u}_{3}^{2} + \hat{u}_{4}^{2} + \dots + \hat{u}_{T}^{2}$$

في حين أن الجمع الثاني هو:

$$\sum_{t=2}^{T} \hat{u}_{t-1}^2 = \hat{u}_1^2 + \hat{u}_2^2 + \hat{u}_3^2 + \dots + \hat{u}_{T-1}^2$$

 $\Sigma_{t=2}^{T} a_t^2$ وبالتائي فإن الفرق الوحيد بين هذين الجمعين يتمثّل في أنها يختلفان من حيث الحد الأوَّل والأخبر، نذكر أن الجمع $\Sigma_{t=2}^{T} a_t^2$ بحتوي على \hat{u}_t^2 ولا يحتوي على \hat{u}_t^2 في حين يحتوي على $\hat{u}_{t+1}^2 a_{t+1}^2 a_{t+1}^2 a_{t+1}^2 a_{t+1}^2$ على $\hat{u}_t^2 a_t^2 a_t^2$

$$2\sum_{t=2}^{T}\hat{u}_{t}^{2}-2\sum_{t=2}^{T}\hat{u}_{t}\hat{u}_{t-1}$$

يُؤدي استبدال بسط المعادلة رقم (١٠٠٥) بهذا التعبير إلى:

$$\begin{array}{ll} (\, {\rm NY40}) & DW \, \approx \frac{2\, \sum_{t=2}^T \bar{u}_t^2 - 2\, \sum_{t=2}^T \hat{u}_t \bar{u}_{t+1}}{\sum_{t=2}^T \hat{u}_t^2} \, = \, 2\, \Big(1 - \frac{\sum_{t=2}^T \hat{u}_t \bar{u}_{t+1}}{\sum_{t=2}^T \hat{u}_t^2} \Big) \end{array}$$

کہا یُمکن کتابہ التغایر بین u_{t-1} کہا یلی:

$$E[(u_t - E(u_t))(u_{t-1} - E(u_{t-1}))]$$

في ظل افتراض أن $E(u_t)=0$ (وبالتائي فإن $E(u_{t-1})=0$) يُصبح التغاير كالآتي: $E(u_tu_{t-1})=0$ ، أمَّا بالنسبة على بواقي العيَّنة فيُمكن تقبيم التغاير كالآتي:

$$\frac{1}{T-1}\sum_{t=2}^T \hat{u}_t \hat{u}_{t-1}$$

وبالتائي يُمكن اعتبار البسط في يمين المعادلة رقم (١٣،٥) كـــــــــــ (T-1) ضعفًا للتغاير بين u_{t-1} في حين يُمثُل مقام التعبير في يمين هذه الأخيرة (T-1) ضعفًا لتباين u_{t} ، يُمكن إذًا كتابة:

$$\begin{array}{ll} DW \approx 2 \left(1 - \frac{(T-1) \cos(\hat{u}_t, \hat{u}_{t-1})}{(T-1) \cos(\hat{u}_t)}\right) &= 2 \left(1 - \frac{\cos(\hat{u}_t, \hat{u}_{t-1})}{\cos(\hat{u}_t)}\right) \\ &= 2 \left(1 - \cos(\hat{u}_t, \hat{u}_{t-1})\right) \end{array} \tag{$1 \ \xi, 0$}$$

وبهذا تُساوي إحصاءة الاختبار تقريبًا (۾ − 1) 2، وبها أن ۾ يُمثّل معامل الارتباط، فذلك يعني ضمنًا أن 1 ≥ ۾ ≥ 1 − أي أن مَ ينحصر بين ١ − و ١، يُعَدُّ الاستبدال في هذه الحدود لـ ۾ بهدف حساب إحصاءة ديربن واتسن من المعادلة رقم (١١،٥) طريقة من شأنها أن تُعطي الحدود المقابلة لإحصاءة ديربن واتسن، وهي كالآتي: 4 ≥ 0W ≥ 0، أمّّا الآن فالنظر في الآثار المترتبة عن أخذ إحصاءة ديربن واتسن لواحدة من هذه القيم الثلاث المهمة (٠، ٢ و ٤):

- DW = 2 \(\theta = 0 \)
 اخالة عدم وجود ارتباط ذاتي في البيانات، لذلك وبشكل عام لن يتم رفض فرضية العدم إذا
 كانت إحصاءة ديربن واتسن قريبة من ٢ أى أن ليس هناك أدلة تُذكر على وجود للارتباط الذاتي.
 - $\hat{\rho} = 1$: DW = 0 , $\hat{\rho} = 1$ عصادف ذلك مع حالة وجود ارتباط ذاتي مُوجب تام في البواقي.
 - $DW = 4 \, , = -1$ وجود ارتباط ذاتي سالب في البواقي.



الشكل رقم (٩, ٩) مناطق الرفض وعدم الرفض لاختبار ديربن-وانسن.

لا يتبع اختبار ديربن-واتسن توزيعًا إحصائيًّا مألوفًا مثل التوزيعات في، إف ومربع كاي، هذا ونذكر أن لاختبار ديربن-واتسن قيمتين حرجتين: قيمة حرجة عليا (dv) وقيمة حرجة دُنيا (dx)، هناك كذلك منطقة وسيطة حيث لا يُمكن رفض ولا قبول فرضيَّة العدم المتمثَّلة في عدم وجود للارتباط الذاتي! تظهر مناطق الرفض، عدم الرفض، ومنطقة اللاحسم على خط الأعداد في الشكل رقم (4,0).

إذًا وتكرارًا لما قلت، يتم رفض فرضية العدم مُقابل افتراض وجود ارتباط ذاق مُوجب إذا كانت إحصاءة ديربن-واتسن أقل من القيمة الحرجة الدُّنيا، تُرفض كذلك فرضية العدم مُقابل افتراض وجود ارتباط ذاتي سلبي إذا كانت إحصاءة ديربن-واتسن أكبر من ٤ ناقص القيمة الحرجة الدُنيا؛ لا يتم رفض فرضية العدم، ويفترض عدم وجود أي ارتباط ذاتي في البواقي إذا كانت إحصاءة ديربن-واتسن ما بين الحد العلوي و ٤ ناقص الحد العلوي.

يال (۲, ۲)....

أراد أحد الباحثين اختبار الارتباط التسلسلي من الدرجة الأولى لبواقي انحدار خطي، بالنسبة إلى قيمة إحصاءة اختبار ديربن-واتسن فهي تُساوي ٨٦,٨٦، وهناك ثهانون مُشاهدة ربع سنويَّة في الانحدار، يأخذ هذا الأخير الشكل التالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + u_t \tag{10.0}$$

أمَّا القيم الحُرجة المناسبة للاختبار (انظر الجدول أ٦٠٢ في مُلحق التوزيعات الإحصائية في آخر هذا الكتاب) فهي 1.42 $d_0 = 1.57$ و $d_0 = 1.57$ من القيمة الحرجة الدُنيا، وبالتائي تُرفض فرضيَّة العدم المُتمثَّلة في عدم وجود ارتباط ذاتي، كها نستنتج أن بواقي النموذج تبدو مُرتبطة ارتباطًا ذاتيًّا موجبًا.

.....

الإطار رقم (٢٠,٢) الشروط المعلَّقة باختباد ديرين-واتسن لكي بكون اختبارًا صحيحًا

- (١) يجب أن يكون هناك حدثابت في الانحدار.
- (۲) يجب أن تكون المتغيرات الانحدارية غير تصادُفية كها في الافتراض ٤ لنموذج
 الانحدار الخطى الكلاسيكى (انظر الفصل ٧).
 - (٣) يجب ألا يكون هناك أي تباطؤ للمُتغيّر التابع في الاتحدار (انظر القسم ٨٠٥٠٥).

£ , ٥ , ٥ الشروط التي يتعين استيفاؤها ليكون اختبار ديربن-واتسن اختبارًا صحيحًا

(Conditions which must be fulfilled for DW to be a valid test)

يتعبَّن استيفاء ديربن-واتسن ثلاثة شروط (الإطار رقم ٣,٥) لكي يكون اختبار ديربن-واتسن قابلًا للتطبيق، إذا استُخدم هذا الاختبار عند وجود فترات إبطاء في المتغبَّر التابع، أو كذلك عند وجود مُتغبِّرات انحداريَّة تصادُّفيَّة فإن إحصاءة الاختبار سوف تكون مُتحبِّزة نحو القيمة ٣ عمَّا يدل على أنه في بعض الحالات لن يتم رفض فرضيَّة العدم المتمثَّلة في عدم وجود ارتباط ذاتي حينها يكون من المفترض رفضها.

٥,٥,٥ اختبار آخر للارتباط الذاتي.. اختبار بروتش - جودفري

(Another test for autocorrelation: the Breusch-Godfrey test)

لَذَكر بأن اختبار ديربن-واتسن يُمكِّن من اختبار ما إذا كانت الأخطاء المتتالية مُرتبطة مع بعضها البعض أم لا، إلى جانب عدم إمكانيَّة تطبيق اختبار ديربن-واتسن في حالة عدم استيفائه لبعض الشروط، نُشير كذلك إلى أنه يوجد العديد من أشكال $corr(\hat{u}_t, \hat{u}_{t-2}) \neq 0$ لكن $corr(\hat{u}_t, \bar{u}_{t-1}) = 0$ الارتباط الذاتي التي لا يُمكن لهذا الاختبار الكشف عنها، على سبيل المثال إذا كان $corr(\hat{u}_t, \hat{u}_{t-2}) \neq 0$ لكن $corr(\hat{u}_t, \hat{u}_{t-2}) = 0$ فإن اختبار ديربن واتسن على النحو المعرَّف أعلاه لن يتمكَّن من إيجاد أي ارتباط ذاتي.

تتمثّل أحد الحلول المكنة في استبدال عدي بدي المعادلة رقم (١٠،٥)، ومع ذلك عمليًّا تُعنبر فحوصات كل زوج من الارتباطات (٩٠،٥،١)، (٩٠,٥،٠)،

لذلك من المستحسن إجراء اختبار مُشترك للارتباط الذاتي والذي من شأنه أن يسمح بدراسة العلاقة بين ، ثق وبين العديد من قيمها المتباطئة في أن واحد، يُعتبر اختبار بروش-جودفري اختبارًا أعم للارتباط الذاتي حتى الرتبة ٢، أمَّا نموذج الأخطاء ضمن هذا الاختبار فيكون كالآتي:

$$u_t = \rho_1 u_{t-1} + \rho_2 u_{t-2} + \rho_3 u_{t-3} + \dots + \rho_r u_{t-r} + v_t, \quad v_t \sim N(0, \sigma_v^2) \tag{1.0}$$

تكون فرضيَّة العدم والفرضيَّة البديلة كالآي:

$$H_0$$
: $\rho_1=0$ and $\rho_2=0$ and ... and $\rho_r=0$

 $H_1: \rho_1 \neq 0 \text{ or } \rho_2 \neq 0 \text{ or ... or } \rho_r \neq 0$

لذلك في ظل فرضية العدم لا يرتبط الخطأ الحالي بأي من قيمه السابقة وعددها ٢، يُجرّى الاختبار كما في الإطار رقم (٤, ٥).

الإطار رقم (٤, ٥) إجراء اختيار يو ونشي-جو دفري

- (۱) قلر الانحدار الخطّي باستخدام المربعات الصَّغرى العاديّة واحصل على البواقي û.
- (۲) قم بانحدار على على كل المتغيرات الانحدارية للمرحلة ١ (المتغيرات x) إضافة إلى دم بانحدار كالآي:
 إلى ٤٠٠٠ ٤٠٠٠ ١٠٠٠ ١٠٠٠ وبالتالي سوف يكون الانحدار كالآي:

$$\begin{split} \hat{u}_t &= \gamma_1 + \gamma_2 x_{2t} + \gamma_3 x_{3t} + \gamma_4 x_{4t} + \rho_1 \hat{u}_{t-1} + \\ &\dots + \rho_r \hat{u}_{t-r} + v_t, \quad v_t {\sim} N(0, \sigma_v^2) \end{split} \qquad \qquad \rho_2 \hat{u}_{t-2} + \rho_3 \hat{u}_{t-3} + \end{split}$$

احصل على R2 من الانحدار الإضافي المساعد.

(٣) تكون إحصاءة الاختبار كالتالي:

$$(T-r)R^2 \sim \chi_r^2$$

حيث يرمُز ٢ إلى عدد المشاهدات.

في اختيار الارتباط الذاتي لاحظ أننا نضرب "R بـ (r - r) عوضًا عن T (كها هو الحال في اختيار اختلاف التباين)، ينتج ذلك بسبب أننا نخسر عمليًّا r مُشاهدة من العينة للحصول على عدد r فترات إبطاء المستخدمة في الاختيار، وبذلك نترك عدد (r - r) مُشاهدة تُستخدم في تقدير الانحدار الإضافي المساعد، إذا فاقت قيمة إحصاءة الاختيار القيمة الحرجة المتحصَّل عليها من الجداول الإحصائية لمربع كاي فإننا نرفض فرضية العدم المتمثَّلة في عدم وجود ارتباط ذاتي، وكها هو الحال بالنسبة لأي اختيار مُشترك، يُؤدي رفض جزء واحد من فرضيَّة العدم إلى رفض الفرضيَّة برُمَّتها، وبالتالي بكفي أن يكون الحُطأ في الزمن ع مُرتبطًا معنويًا فقط بقيمة من بين قيمه السابقة في العينة ليتم رفض فرضيَّة العدم المتمثَّلة في عدم وجود ارتباط ذاتي، يُعتبر هذا الاختبار أعم من اختبار ديربن-واتسن التي تتعلَّق بصيغة المرحلة الأولى للانحدار.

من الصعوبات المحتملة لاختبار بروش-جودفري نذكر صعوبة تحديد القيمة المناسبة لـ ٣، أي عدد فترات إبطاء البواقي المستخدمة في إجراء الاختبار، لا توجد إجابة واضحة لذلك، لكن من المعتاد تجربة مجموعة من القيم، إضافة إلى استخدام تواتر البيانات لائتخاذ القرار، على سبيل المثال، إذا كانت البيانات شهريَّة أو ربع سنويَّة فنُحدُّد على التوالي القيم ١٢ أو ٤ كفيم لـ ٣، تتمثَّل الحجَّة من وراء ذلك في أنه يُتوقع أن ترتبط الأخطاء في أي وقت من الأوقات بأخطاء السنة السابقة فقط، من الواضح أيضًا أنه إذا كان النموذج مُناسبًا إحصائيًّا فإن عدم وجود ارتباط ذاتي بين الأخطاء يكون أيَّا كانت القيمة المختارة لـ ٣.

٣ , ٥ , ٥ النتائج المترنبة عن تجاهل الارتباط الذاتي في حال وجوده

(Consequences of ignoring autocorrelation if it is present)

في الواقع تكون عواقب تجاهل الارتباط الذاتي إن وُجد مُشابهة لعواقب تجاهل اختلاف التباين، لذلك تظل القيم المقدَّرة للمعاملات المشتقَّة باستخدام المربعات الصغرى العاديَّة غير مُتحبَّرة ولكنها غير كُفؤة، أي أنها ليست أفضل مُقدَّرات خطية غير مُتحبَّرة، حتى وإن كانت أحجام العينات كبيرة، وبذلك يُمكن أن تكون تقديرات الأخطاء المعباريَّة خاطئة، وبالتالي هناك إمكانيَّة لتقديم استدلالات خاطئة بخصوص عيًّا إذا كان المتغيِّر يُمثَّل عاملًا حاسيًا في تحديد تغيُّرات لا أمَّا في حالة وجود ارتباط تسلسلي مُوجب في البواقي فسوف تكون الفيم المقدَّرة للأخطاء المعباريَّة بطريقة المربعات الصُّغرى العاديَّة مُتحبَّرة للأسفل (Downwards مُقارنة بالأخطاء المعباريَّة الحقيقيَّة، وبذلك سوف تُقدِّر المربعات الصُّغرى العاديَّة تغيُّريتها الحقيقيَّة بأقل عاً هي عليه. وهذا من شأته أن يُؤدي إلى زيادة في احتهال الخطأ من النوع الأول، أي المبل في بعض الأحيان لرفض فرضية العدم في حين أنّها فرضية صحيحة، بالإضافة إلى ذلك من المرجَّح أن تكون قيمة "R مُضخَّمة مُقارنة مع قيمتها 'الصحيحة' إذا كان الارتباط الذاتي للبواقي سوف يُؤدِّي إلى تقدير التباين الصحيح للخطأ بأقل من قيمته (في حال كان الارتباط الذاتي مُوجباً).

٧,٥,٥ مُعالِجة الارتباط الذاتي

(Dealing with autocorrelation)

إذا كان شكل الارتباط الذاتي معروفًا سوف يكون من المكن في هذه الحالة استخدام طريقة المربَّعات الصغرى المعمَّمة، من بين الإجراءات التي كانت يومًا ما شائعة إلى حد ما نذكر ما يُعرف بإجراء كوكرين-أوركت (Cochrane-Oreutt) (انظر الإطار رقم (0,0)، تعمل مثل هذه الطرق من خلال افتراض شكل معيَّن لتركيبة الارتباط الذاتي (عادة ما يُفترض أنه عملية انحدار ذاتي (Autoregressive Process) من الرتبة الأولى، انظر الفصل ٦ لمناقشة عامَّة لهذه النهاذج)، يُمكن تحديد هذا النموذج كالتالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + u_t$$
, $u_t = \rho u_{t-1} + v_t$ (\A.4)

كما نُشير إلى أن إدراج ثابت في توصيف الأخطاء غير مطلوب بما أن0 = (u). إذا كان النموذج يصح في الزمن ¢ قمن المفترض كذلك الإبقاء عليه في الزمن t - ¢ بحيث يكون النموذج في المعادلة رقم (١٨٠٥) مُتباطئًا بفترة واحدة:

$$y_{t-1} = \beta_1 + \beta_2 x_{2t-1} + \beta_3 x_{3t-1} + u_{t-1}$$
 (19.0)

بضرب المعادلة رقم (٥، ١٩) بـ م يكون:

$$\rho y_{t-1} = \rho \beta_1 + \rho \beta_2 x_{2t-1} + \rho \beta_3 x_{3t-1} + \rho u_{t-1}$$
 (Y • .0)

طرح المعادلة رقم (٢٠،٥) من المعادلة رقم (١٨،٥) من شأنه أن يُعطي:

$$y_{t-1} - \rho y_{t-1} = \beta_1 - \rho \beta_1 + \beta_2 x_{2t} - \rho \beta_2 x_{2t-1} + \beta_3 x_{3t} - \rho \beta_3 x_{3t-1} + u_t - \rho u_{t-1}$$
 (YY.6)

بعد التحليل إلى عوامل نتحصُّل على:

$$(y_{t-1} - \rho y_{t-1}) = (1 - \rho)\beta_1 + \beta_2(x_{2t} - \rho x_{2t-1}) + \beta_3(x_{3t} - \rho x_{3t-1}) + v_t \tag{YY.0}$$

 $\begin{aligned} x_{3t}^* &= (x_{3t} - \rho x_{3t-1}) \ \ v_{2t}^* &= (x_{2t} - \rho x_{2t-1}) \ \ \beta_1^* &= (1-\rho)\beta_1 \ \ v_t^* &= y_{t-1} - \rho y_{t-1} \ \ v_t = u_t - \rho u_{t-1} \end{aligned}$ $\begin{aligned} v_t &= u_t - \rho u_{t-1} \end{aligned}$ $\begin{aligned} v_{t+1} &= v_{t-1} - \rho u_{t-1} \end{aligned}$

$$y_t^* = \beta_1^* + \beta_2 x_{2t}^* + \beta_3 x_{3t}^* + v_t \tag{YT.0}$$

بها أن التوصيف النهائي رقم (٢٣،٥) يحتوي على حد خطأ خالٍ من الارتباط الذاتي، فمن الممكن تطبيق المربعات الصغرى العاديَّة مُباشرة، بُعتبر هذا الإجراء عمليًّا تطبيقًا للمربعات الصغرى المعمَّمة، بطبيعة الحال يتطلَّب إنشاء به وغيرها من المتغيِّرات أن يكون و معلومًا، لكن من الناحية العمليَّة لن يكون الأمر كذلك، وبالتاني يجب تقدير و قبل أن نتمكَّن من استخدام المعادلة رقم (٢٣،٥).

هناك طريقة بسيطة تتمثّل في استخدام م المتحصَّل عليه من إعادة ترتيب معادلة إحصاءة ديربن-واتسن أي المعادلة رقم (١١٠٥)، لكن بُعتبر ذلك مُجُرِّدًا تقريبًا لـ م بُمكن أن بكون ضعيفًا إذا كانت العبِّنات صغيرة.

يُعنبر إجراء كوكرين-أوركت إجراءً بديلًا بعمل على النحو الوارد في الإطار رقم (٥,٥)، لكن عوض التوقّف عند هذا الحد يُؤكد كوكرين-أوركت (١٩٤٩) أنه يُمكن الحصول على تقديرات أفضل في حالة أعدنا المرور بالمراحل ٢-٤ مرَّة أخرى، وهذا يعني أنه على ضوء القيم المقدَّرة الجديدة للمعاملات، أي ٩٤، ٩٤ إلخ نُنشئ ثانية الباقي ثم نقوم بانحدار هذا الأخير على قيمته السابقة للحصول على قيمة مقدَّرة جديدة لـ ٩. نستخدم هذا الأخير لحساب القيم الجديدة للمتغيَّرات ٤٤، ٤٤، ٤٤ ثم نُقدَّر مُجدَّدًا المعادلة رقم (٢٣،٥). نكرَّر هذا الإجراء حتى يُصبح الفرق في قيمة ho بين تكرار وآخر أقل من كميَّة ثابتة محدَّدة (٢٠،١ على سبيل المثال)، عمليًّا عدد قليل من التكرارات (لا يتجاوز خمس تكرارات) سوف يفي عادة بالغرض، ومع ذلك تتطلَّب طريقة كوكرين-أوركت والطرق المهائلة افتراضًا مُحدَّدًا لشكل نموذج الارتباط الذاتي.

لنَاخِذُ في الاعتبار مُجِدَّدًا المعادلة رقم (٢٣٠٥)، يُمكن إعادة كتابة هذه المعادلة بعد أخذ ٢٤٠٥ للجهة اليُمني للمعادلة:

$$y_{t} = (1 - \rho)\beta_{1} + \beta_{2}(x_{2t} - \rho x_{2t-1}) + \beta_{3}(x_{3t} - \rho x_{3t-1}) + \rho y_{t-1} + v_{t}$$
 (75.6)

يُعطى تفكيك الأفواس حول حدود المتغيِّرات المفسَّرة المعادلة التالية:

$$y_{t} = (1 - \rho)\beta_{1} + \beta_{2}x_{2t} - \rho\beta_{2}x_{2t-1} + \beta_{3}x_{3t} - \rho\beta_{3}x_{3t-1} + \rho y_{t-1} + v_{t}$$
 (Yo.0)

لنفترض الآن أننا قمنا بتقدير مُعادلة تحتوي على نفس مُتغيِّرات المعادلة رقم (٢٦،٥) باستخدام طريقة المربعات الصُغرى العاديَّة:

$$y_t = y_1 + y_2 x_{2t} - y_3 x_{2t-1} + y_4 x_{3t} - y_5 x_{3t-1} + y_6 y_{t-1} + v_t$$
 (Y7.0)

من الممكن رُؤية أن المعادلة رقم (٥، ٢٦) تُعتبر نُسخة مُقيَّدة من المعادلة رقم (٢٧،٥) بعد فرض قيود على كل من معامل x_{2r} في المعادلة رقم (٢٦،٥) وذلك بضربه بسالب معامل y_{r-1} للمحصول على معامل x_{2r-1} وذلك بضربه بسالب معامل y_{r-1} للمحصول على معامل على معامل x_{3r} ، وبالثاني تكون القيود المدرجة في المعادلة رقم (٢٧،٥) للمحصول على المعادلة رقم (٢٦،٥) كالآتى:

$$\gamma_2\gamma_6 = -\gamma_3$$
 , $\gamma_4\gamma_6 = -\gamma_5$

تُعرف هذه القيود بقيود العوامل المشتركة (Common Factor Restrictions) وهي قيود يجب اختبارها قبل الشروع في تطبيق طريقة كوكرين-أوركت أو الطرق المشابهة لها، إن صحَّت هذه القيود يُمكن حينها تطبيق طريقة كوكرين-أوركت على نحو سليم، لكن إن لم تصح تلك القيود تُصبح طريقة كوكرين-أوركت والتقنبات المشابهة لها غبر مُناسبة، وحينها يكون الإجراء السليم تقدير مُعادلة من قبيل المعادلة رقم (٢٧،٥) مُباشرة باستخدام المربعات الصُّغرى العادبَّة، لاحظ أنه عمومًا سوف يكون هناك قيد عامل مُشترك واحد لكل مُنغيَّر مُفسِّر (باستثناء الثابت) $x_{20}, x_{30}, ..., x_{30}, ..., x_{30}$ في الاتحدار، كما يذكر هندري وميزن بكون هناك قيد عامل مُشترك واحد لكل مُنغيَّر مُفسِّر (باستثناء الثابت) (١٩٧٨) (١٩٧٨) (١٩٧٨) انه من المحتمل عمليًا أن تكون القيود غبر صحيحة، وبالتالي ينبغي استخدام نموذج ديناميكي لنمذجة لا بدلًا من تصحيح بواقي النموذج الإستاتيكي (أو الثابت) (Static Model) - انظر أيضًا هندري (١٩٨٠).

تُعتبر مصفوفة وابت لتباين وتغاير المعاملات (أي حساب الأخطاء المعياريَّة باستخدام تصحيح وابت لاختلاف التباين) مُناسبة عندما تكون بواقسي المعادلة المقدَّرة مُختلفة التباين دون أن تكون مُرتبطة تسلسليًّا، كها طَوَّر نبوي وويست (١٩٨٧) ((١٩٨٧) (Newey and West (1987)) مُقدر التباين والتغاير والذي يتميَّز بكونه مُتَسقًا عند وجود كلَّ من اختلاف التباين والارتباط الذاتي، لذلك يُمثَّل استخدام تقديرات للاخطاء المعياريَّة مُعدَّلة بشكل مُناسب أسلوبًا بديلًا لمعالجة الارتباط الذاتي للبواقي.

الإطار رقم (٥,٥) طريقة كؤكرين-أوركت

- (١) لنفترض أن النموذج العام يتّخذ شكل الصيغة رقم (٥، ١٨) الواردة أعلاه، نقوم بتقدير المعادلة رقم (٥، ١٨) باستخدام المربعات الصَّغرى العاديّة مع تجاهل الارتباط الذاتي للبواقي.
 - (٢) نحصل على البواقي ثم نُجري الانحدار:

$$\hat{u}_t = \rho \hat{u}_{t-1} + v_t \tag{YV.0}$$

- (٣) نحصل على $\hat{\rho}$ ثم نحسب y_i^* إلخ باستخدام القيمة المقدّرة لـ $\hat{\rho}$.
- (٤) نُجرى انحدار المربّعات الصغرى المعمَّمة في المعادلة رقم (٢٥،٥).

على الرغم من أن تصحيح وايت لاختلاف تباين الأخطاء المعياريّة، وكها ذُكر آنفًا لا يتطلّب من المستخدم أي مُدخل إلّا أن إجراء تبوي-ويست يتطلّب تعبين فترة إبطاء (Lag Length) الاقتطاع لتحديد عدد البواقي المتباطئة المستخدمة في تقدير الارتباط اللذاتي، نذكر أن إفيوز يستخدم العدد الصحيح لـ وص الله القراريّة إبطاء، كها يعمل إجراء نبوي ويست لتقدير الأخطاء المعياريّة داخل إفيوز من خلال استدعائه من نفس مكان تواجد إجراء وايت لتصحيح اختلاف التباين، للقيام بذلك انقر فوق الزر Estimate على وفي النافذة White المختلف التبويب Options ثم بدلًا من التحديد على المربع "White" حدَّد على Newey-West على الموغم من أن هذا الحيار مُدرج نحت تباين المعامل المصحَّحة لأخطاء اختلاف التباين وللارتباط الذاتي والتي تصحَّح كلًا من الارتباط الذاتي واختلاف التباين الممكن تواجدهما، تُشير وجهة النظر هذه التي ترنيط بسارجان (Sargan)، هندري وميزن، إلى أن الارتباط الذاتي واختلاف التباين الممكن تواجدهما، تُشير وجهة النظر هذه التي ترنيط بسارجان (Sargan)، هندري وميزن، إلى أن الارتباط النسلسلي في الأخطاء ينشأ نتيجة "سوء توصيف الديناميكيات"، ولتقديم تفسير آخر عن سبب تبني هذه الفكرة، تُذكّر أنه الارتباط التسلسلي في الأخطاء ينشأ نتيجة "سوء توصيف الديناميكيات"، ولتقديم تفسير آخر عن سبب تبني هذه الفكرة، تُذكّر أنه من المكن التعبير عن المتغير التابع بأنه يتكوّن من مجموع الأجزاء التي يُمكن تفسيرها باستخدام النموذج، إضافة إلى الجزء الذي لا يُمكن تفسيرها واستخدام النموذج، إضافة إلى الجزء الذي لا يُمكن تفسيره (البواقي):

$$y_t = \hat{y}_t + \hat{u}_t \tag{YA.0}$$

حيث يُمثّل \hat{y} القيمة المفدّرة من النموذج $\hat{\mu}_{x} + \hat{\mu}_{x} + \hat{\mu}_{x} + \hat{\mu}_{x} + \hat{\mu}_{x} + \hat{\mu}_{x} + \hat{\mu}_{x}$ التابع \hat{y} القيمة المفدّرة من النموذج القيم المقدّرة، بعبارة أخرى يوجد هبكل في المتغبّر التابع \hat{y} أغنى نظرًا لكونه لعدم نمذجة هبكل ديناميكي داخل \hat{y} ليتقطه النهاذج المقدّرة سابقًا، ما نحتاجه إذًا هو نموذج ديناميكي يأخذ بعين الاعتبار هذا الهيكل الإضافي في \hat{y} .

٨,٥,٥ النهاذج الدينامكيَّة

(Dynamic models)

تُعتبر جميع النهاذج المعتمدة حتى الآن نهاذج ثابتة (Static Models) بطبيعتها، نذكر على سبيل المثال:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + \beta_5 x_{5t} + u_t \tag{$ \Upsilon \in \mathcal{O} $}$$

بعبارة أخرى لا تأخذ هذه النهاذج في الاعتبار إلا العلاقات المتزامنة بين المتغيّرات بحيث إن أيَّ تغيَّر في مُتغيِّر مُفسِّر واحد أو أكثر في الزمن t يُسبَّب تغيَّرًا فوريًّا في المتغيِّر التابع في الزمن t، لكن يُمكن بكل شهولة توسيع هذا التحليل ليشمل الحالات التي تكون فيها القيمة الحاليَّة لـ به تعتمد على القيم السابقة لـ به أو على القيم السابقة لمتغيِّر أو أكثر، على سبيل المثال:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + \beta_5 x_{5t} + \gamma_1 y_{t-1} + \gamma_2 x_{2t-1} + \dots + \gamma_k x_{kt-1} + u_t \tag{$\Upsilon \cdot .0$}$$

من الممكن بطبيعة الحال توسيع نطاق النموذج بإضافة المزيد من فترات الإبطاء، على سبيل المثال، نُضيف 2222 و 143، هذا وتُعرف النياذج التي تحتوي على مُتغيِّرات مُفسَّرة مُتباطئة (لكن دون فترات إبطاء في المتغيِّر المفسَّر) باسم نهاذج الإبطاء الموزَّع (Distributed Lag Models)، كما تُعرف التوصيفات التي تضم فترات إبطاء في كُلُّ من المتغيَّر المفسَّر والمتغيَّرات المفسَّرة بنهاذج الانحدار الذات بفترات إبطاء موزعة (Autoregressive Distributed Lag Models (ADL)).

السؤال الذي يُطرح الآن هو كم عدد فترات الإبطاء التي ينبغي إدراجُها في النموذج ولأي مُنغيَّرات؟ تُعتبر الإجابة عن هذا السُّؤال صعبة، لكن تأمل عند الاستعانة بالنظريَّة الماليَّة المساعدة على تقديم إجابة عن هذا الأخير، لمزيد من الإجابات عن هذا السؤال راجع القسم ١٤٠٥.

كما تُشير إلى أن هناك 'علاجًا' آخر مُحكنًا لمشكل الارتباط الذاتي في البواقي يتمثّل في الانتقال إلى نموذج للفروق الأولى عوضًا عن نموذج لمستويات المتغيِّرات، وكما شرحنا سابقًا يُرمز إلى الفرق الأوّل لـ لا أي $y_{t-1} - y_t - y_t = 3$. على نحو مُحاثل، يُمكن إنشاء سلسلة للفروق الأولى لكل مُتغيِّر من المتغيِّرات المفسَّرة، على سبيل المثال: $x_{2t-1} - x_{2t-1} = 3$ إلخ، لهذا النموذج العديد من المزيد من التفاصيل)، كما يُمكن التعبير عنه كالآتي:

$$\Delta y_t = \beta_1 + \beta_2 \Delta x_{2t} + \beta_3 \Delta x_{3t} + u_t \tag{Υ (\Chi_t)}$$

يُفترض في بعض الأحيان أن النغيُّر في لا يعتمد على القيم السابقة لــــ لا أو لـــــ (x = 2, ..., k) فضلًا عن التغيُّرات في المتغيّرات المفسّرة:

$$\Delta y_{t} = \beta_{1} + \beta_{2} \Delta x_{2t} + \beta_{3} \Delta x_{3t} + \beta_{4} x_{2t-1} + \beta_{5} y_{t-1} + u_{t}$$

$$(\Upsilon Y, 0)$$

٩, ٥, ٥ لماذا الحاجة إلى تماطؤات في الانحدار؟

(Why might lags be required in a regression?)

قد تنمكّن الفيم المتباطئة للمنغيّرات المفسّرة أو للمنغيّر النابع (أو لكليهما) من النقاط هبكل دينامبكي هام في المتغيّر النابع، والذي من الممكن أن ينجم عن عدد من العوامل، نسُوق فيها يلي احتيالين هامّيّنِ منها في مجال الماليَّة:

- جُود المتغيِّر النابع: في كثير من الأحيان لا يكون تأثير التغيُّر في قيمة أحد المتغيِّرات المفسّرة على قيمة المتغيِّر في الهيكل الجُرثي مُباشرًا خلال الفترة الزمنيَّة، وإنَّما يتأخّر هذا التأثير لعدَّة فترات زمنيَّة، نذكر على سبيل المثال أن تأثير التغيُّر في الهيكل الجُرثي للسوق (Market Microstructure) أو في سياسة الحكومة قد يستغرق بضعة أشهر أو أكثر للظهور، بها أنه يُمكن أن يكون الوكلاء غير مُتأكدين في البداية من الآثار التي ستترتب عن تسعير الأصول وما إلى ذلك، بشكل أعم سوف تتغيَّر العديد من المتغيِّرات في الاقتصاد والماليَّة لكن ببطء. تنجم هذه الظاهرة جُزئيًّا كنتيجة لعوامل سيكولوجية بحتة، على سبيل المثال في الأسواق الماليَّة قد لا يفهم الوكلاء تمامًا الآثار المتربِّبة عن إعلان أنباء مُعيَّنة على الغور، أو حتى أنهم قد لا يُصدِّقون هذه الأنباء، هذا وتعتمد سرعة ومدى رد الفعل أيضًا على معرفة ما إذا كان من المتوقع أن يكون التغير في المتغير دائيًا أو عابرًا، من الممكن أن ينشأ التأخير في الاستجابة أيضًا نتيجة لعوامل تكنولوجية ومُؤسساتية، على سبيل المثال، سوف يحُد تقدَّم التكنولوجيا من مدى سرعة تنفيذ أوامر الشراء أو البيع للمستثمرين، على نحو مماثل بمُعاصر العديد من المستثمرين بين خططهم الاذّخاريَّة وبين مُنتجاتهم الماليَّة الأخرى، وبالتائي يتعذَّر عليهم عمل أي شيء لفترة محددة، ومن الجدير بالذكر أيضًا أنه من المرجَع أن يكون الهبكل الديناميكي أقوى وأكثر انتشارًا كلها كان تكرار مُشاهدة البيانات أعلى.
- ردود الفعل المفرطة: يُعرف أحيانًا بأن رد فعل الأسواق الماليَّة تجاه الأنباء الجيَّدة أو الأنباء السيَّئة يكون مُبالغًا فيه، على سبيل المثال، إذا أعلنت شركة ما تحذيرًا من انخفاض أرباحها، مما يعني أنه من المحتمل أن أرباحها سوف تكون أقل عمَّا وقع الإعلان عنه رسميًّا في وقت لاحق من السنة، فيُمكن إذًا توقَّع أن الأسواق سوف تتلقَّى هذا الأمر على أنه يعني أن قيمة الشركة أقل مما كان يُعتقد سابقًا، وهذا من شأنه أن يُخفَّض من سعر أسهمها، كما نذكر كذلك أنه إذا كان هناك رد فعل مُفرط فيه فإن السَّعر سوف ينهار في البداية إلى أقل عمَّا بليق بسعر الشركة جراء هذه الأنباء السيَّنة، قبل أن يعود لاحقًا ويقفن إلى مُستوى جديد (وإن كان هذا المستوى أقل من المستوى الأوّل قبل الإعلان عن الأنباء السيَّنة).

من المحتمل أن يُمكّن الانتقال من نموذج ساكن بحت إلى نموذج يأخذ بعين الاعتبار التأثيرات المتباطئة تقليص وربها إزالة الارتباط التسلسلي في بواقي النموذج الساكن، ومع ذلك هناك مشاكل أخرى في الانحدار من شأنها أن تُسبَّب رفض فرضيَّة العدم المتمثَّلة في غياب الارتباط الذاتي، وهي مشاكل لا يُمكن مُعالجتها بإضافة مُتغيِّرات مُتباطئة في النموذج:

السهو عن مُتغيِّرات مُهمَّة والتي بدورها مُرتبطة ذاتيًا: بعبارة أخرى إذا كان هناك مُتغيِّر يُعتبر أحد المحدَّدات الهامَّة لتحركات و لكنه لم يُدرج في النموذج، وهذا المتغيِّر في حد ذاته مُرتبط ذاتيًا، فهذا من شأنه أن يُحدِث ارتباطًا تسلسليًّا في بواقي النموذج المقدَّر، لتقديم إطار مالي يُمكن من خلاله تجسيد السهو عن المتغيِّرات المهمَّة، نذكر أنه غالبًا ما يُقترض أن المستثمرين يقيِّمون العوائد المتوقعة على الأسهم بخطوة واحدة للمُستقبل باستخدام العلاقة الخطية التالية:

حيث يُمثُل $_{-,\Omega}$ مجموعة مُتغيِّرات المعلومات المتباطئة (أي أن $_{-,\Omega}$ هو مُتَّجه مُشاهدات المجموعة من المتغيِّرات في الزمن (z-1)، لكن لا يُمكن نقدير المعادلة رقم (٣٣،٥) نظرًا لأن مجموعة المعلومات الحاليَّة المستخدمة من قبل المستثمرين لتكوين توقَّعاتهم للعوائد غير معلومة، نقوم إذًا بمقاربة $_{-,\Omega}$ بمجموعة جُزئيَّة مُقترضة من المعلومات، أي $_{-,\Omega}$. على سببل المثال، في العديد من توصيفات التسعير بالمراجحة المتداولة تتضمَّن مجموعة المعلومات المستخدمة في النموذج المقدر التغيُّرات غير المُتوقّعة في الإنتاج الصناعي، الهيكل الزمني لأسعار الفائدة، التضخُّم وعلاوات مخاطر التخلُّف عن السداد. لا يد لمثل هذا النموذج أن بحذف بعض المنغبُّرات المعلوماتية المستخدمة من قِبَل المستثمرين الفعليين في تشكيل توقعات العوائد، وإذا كانت هذه المتغيِّرات مُرتبطة ذاتيًّا فهذا من شأنه أن يُحدث ارتباطًا تسلسليًّا في بواقي النموذج المقدَّر.

- الارتباط الذاتي جرَّاء عدم إدراج مُتغيِّر الموسميَّة (Scasonality): لنفترض أن المتغير الثابع يحتوي على نمط موسمي أو دوري، أي أن هناك خصائص معيَّنة تحدث بشكل دوري، قد ينشأ هذا على سبيل المثال في إطار مبيعات القفازات -حيث تكون المبيعات أعلى في قصلي الحريف والشتاء مما هي عليه في قصلي الربيع أو الصيف- من المرجَّح أن تُؤدي مثل هذه الظواهر إلى بواقي مُرتبطة ارتباطًا ذائيًا موجبًا تكون على شكل دوري مثلها هو عليه الشكل رقم (٤,٥)، إلَّا إذا تم التقاط الأنهاط الموسميَّة من قبل النموذج، انظر الفصل ١٠ لمناقشة الموسمية وكيفية مُعالجتها.
- إذا ارتكب خطأ 'سوء توصيف' (Misspecification Error) إثر استخدام نموذج وظيفي غير ملائم: على سبيل المثال، إذا كانت العلاقة بين y والمتغيرات المفسّرة غير خطية، إلا أن الباحث حدّد نموذج انحدار خطي، فهذا من شأنه أن يُحدث ارتباطًا تسلسليًّا في بواقي النموذج المقدَّر.

۱۰ , ۵ , ۵ حل توازن المدى الطويل الساكن

(The long-run static equilibrium solution)

من الممكن أن يحتوي النموذج العام المقدَّم في المعادلة رقم (٣٢،٥) العديد من الحدود المتباطئة وفروق الحدود التي تجعل من الصعب تفسير النموذج من الناحية النظريَّة، على سبيل المثال، إذا زادت قيمة عنه في الفترة ٤ فيإذا سيكون تأثير ذلك على ٧ في الفترات و + 2 ، ٤ في الفترة عنه إلى المثارة للاهتهام للنموذج الديناميكي والتي يُمكن حسابُها، لذكر حل توازن المدى الطويل الساكن.

يتمثّل التعريف المناسب اللتوازن في هذا السباق في القول إن النظام يصل حد التوازن إذا حقّفت المتغيّرات قبيًا مُستفرة لا تتغيّر بعد ذلك، أي إذا كان y و x في حالة توازن فمن الممكن كتابة:

الخ
$$x_{2t}=x_{2t+1}=\cdots=x_2$$
 بالخ $y_t=y_{t+1}=\cdots=y$

وبناء على ذلك، يكون $0 = y_t - y_{t-1} = y - y = 0$ وبناء على ذلك، يكون $0 = y_t - y_{t-1} = y - y = 0$ المخترات لم تُعُذُ تَتَغَيَّر، وبالتالي فإن طريقة الحصول على حل المدى الطويل الساكن للنموذج التجريبي المقدَّم بالمعادلة رقم (٣٢،٥) نكون كالآتى:

- (١) إزالة كل الرموز السُّفليَّة من المتغيِّرات.
- $E(u_t) = 0$: تعيين حدود أخطاء مُساوية لقيمها المتوقّعة الصفر أي: (٢)

- (٣) إزالة فروق الحدود تمامًا (على سبيل المثال ، وΔ).
- (٤) جمع الحدود في x معًا وكذلك جمع الحدود في y معًا.
- (2) إعادة ترتيب المعادلة الناتجة إن لزم الأمر يحيث يكون المنغير التابع y في الجانب الأيسر للمعادلة ويُعبَّر عنه بوصفه دالة في المنغيِّر ات المستقلة.

مال(۲, ه).....

احسب حل توازن المدى الطويل للنموذج التالي:

$$\Delta y_t = \beta_1 + \beta_2 \Delta x_{2t} + \beta_3 \Delta x_{3t} + \beta_4 x_{2t-1} + \beta_5 y_{t-1} + u_t \tag{$\Upsilon$$$\xi,0)}$$

بتطبيق ما جاء في الخطوات الأولى ٣٠١ الواردة أعلاه، نتحصُّل على الحل الساكن كالآتي:

$$0 = \beta_1 + \beta_4 x_2 + \beta_5 y \tag{Yo.o}$$

بإعادة ترتيب المعادل رقم (٣٥،٥)، ننقل لا إلى الجانب الأيسر للمعادلة:

$$\beta_5 y = -\beta_1 - \beta_4 x_2 \tag{T7.0}$$

وأخبرًا بالقسمة على هم نتحصًل على:

$$y = -\frac{\beta_1}{\beta_2} - \frac{\beta_4}{\beta_2} x_2 \tag{$\Upsilon \lor \circ$}$$

ثُمُنُّل المعادلة رقم (٣٧،٥) حل المدى الطويل الساكن للمعادلة رقم (٣٤،٥)، لاحظ أن هذه المعادلة لا تُظهر ٣٤ وذلك لأن الحد الوحيد الذي بحتوي على ٣٤ كان على شكل فروق أولى، وبالتالي فإن ٣٤ لن يُؤثر على قيمة التوازن على المدى الطويل لـ ٧.

.....

١١, ٥, ٥ المشاكل المرتبطة بإضافة مُنغيِّرات انحداريَّة مُتباطئة ' لعلاج ' الارتباط الذاتي

(Problems with adding lagged regressors to 'cure' autocorrelation)

في العديد من الحالات يُؤدِّي الانتقال من نموذج ساكن إلى نموذج ديناميكي إلى إزالة الارتباط الذاتي للبواقي، غير أن استخدام المتغيرات المتباطئة في نموذج الانحدار يجلب معه مشاكل إضافية:

- إدراج قيم مُنباطئة للمتغبَّر التابع يُعتبر انتهاكًا لافتراض عدم تصادفيَّة المتغبِّرات المفسِّرة (الافتراض ٤ لنموذج الانحدار الخطِّي الكلاسيكي) بها أن قيمة لا، وبحكم تعريفها، تُحدَّد جُزئيًّا بحد خطأ عشوائي وبالتالي فإن قيمها المتباطئة لا يُمكن أن تكون غير تصادفيَّة، في العينات الصغيرة يُمكن أن يُؤدي إدراج فترات إبطاء للمتغير التابع إلى قيم مُقدَّرة للمعاملات مُتحبِّزة، على الرغم من أنها تظل مُنسقة، مما يعني أن النحبُّر سوف يختفي تقارُبيًّا (أي كُلًما زاد حجم العبنة إلى ما لانهاية).
- ماذا تعني فعليًّا مُعادلة تضم عددًا كبيرًا من فترات الإبطاء؟ يُمكن للنموذج الذي يحتوي على العديد من فترات الإبطاء حل
 الإشكال الإحصائي المتمثل في الارتباط الذاتي للبواقي، لكن يكون ذلك على حساب خَلْق مُشكل تفسيري (أي أنه بصعب

تفسير النموذج التجريبي الذي يضم العديد من حدود فترات الإبطاء أو فروق الحدود إلى جانب إمكانيَّة عدم اختبار النظريَّة الماليَّة الأصليَّة التي دفعت إلى استخدام تحليل النموذج في المقام الأوّل).

كما نُشير كذلك إلى أنه في حالة ظُلَّ الارتباط الذاتي في بقايا النموذج، بما في ذلك فترات الإبطاء، فإن مُقدَّرات المربعات الصُّغرى العاديَّة لن تكون حتى مُتَّقسة، لفهم السبب وراء حدوث ذلك نعتبر نموذج الانحدار التائي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 y_{t-1} + u_t \tag{TA, 0}$$

حيث يتبع ٤٤ عمليَّة انحدار ذاتي من الرتبة الأولى:

$$u_t = \rho \, u_{t-1} + v_t \tag{4.6}$$

يتعويض علا المُقدِّم في المعادلة رقم (٣٩،٥) داخل المعادلة رقم (٣٨،٥) نتحصَّل على:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 y_{t-1} + \rho u_{t-1} + v_t$$
 (5.40)

من الواضح الآن أن ير يعتمد على ٧٠٠١ لناخذ المعادلة رقم (٣٨٠٥) ونُبطؤها بفترة واحدة (أي نحذف واحدًا صحيحًا من كل دليل زمني):

$$y_{t-1} = \beta_1 + \beta_2 x_{2t-1} + \beta_3 x_{3t-1} + \beta_4 y_{t-2} + u_{t-1}$$
 (£ \.o)

من الواضح من خلال المعادلة رقم (٤١،٥) أن y_{t-1} مُرتبطة بـ u_{t-1} بها أن كليهها يظهر في المعادلة، وبالتالي فإن افتراض أن E(X'u) = 0 هو افتراض غير مُستوف للمعادلة رقم (٤١،٥) وبالتالي غير مُحقَّق أيضًا للمعادلة رقم (٣٨،٥)، وهكذا فإن مُقدِّر المباتات الصُّغرى العاديَّة لن يكون مُنَّسقًا، لذلك وحنى مع وجود كميَّة لا مُتناهية من البيانات فإن القيم المقدَّرة للمعاملات سوف تكون مُتحيَّزة.

١٢ , ٥ , ٥ الارتباط الذاق والنهاذج الديناميكية داخل إفيوز

(Autocorrelation and dynamic models in EViews)

يُمكن في إفيوز استخدام الفيم المتباطئة للمُتغيَّرات كمُتغيِّرات انحداريَّة أو كذلك الأغراض أخرى وذلك باستخدام التدوين (1-) للتعبير عن التباطؤ بفترة واحدة، (5-) للتعبير عن التباطؤ بخمس فترات إلخ، حيث يُمثُّل لا اسم المتغيِّر، سوف يقوم إفيوز تلقائيًّا بتعديل فترة العيَّنة المستخدمة في التقدير لتأخذ في الاعتبار المشاهدات التي خسرناها عند تكوين فترات الإبطاء، على سبيل المثال، إذا كان الانحدار يضم خس فترات إبطاء للمتغيَّر النابع فسوف نخسر خس مُشاهدات، وسبيداً التقدير بالمشاهدة السادسة.

تُحسب إحصاءة ديرين واتسن تلقائيًا في إفيوز وتُعطى من خلال شاشات عرض مُحرجات التقدير العام التي تنتُج عن تقدير نموذج الانحدار، لعرض شاشة النتائج مُحدَّدًا، انقر في نافذة الانحدار فوق الزر View ثم اختر Estimation output. بالنسبة لانحدار الاقتصاد الكلي لما يكروسوفت الذي تضمَّن كل المتغيِّرات المفسِّرة، بلغت قيمة إحصاءة ديرين واتسن ١٦٥ . ٢. في هذه الحالة ما هو الاستنتاج المناسب بخصوص وجود ارتباط ذاتي من عدمه؟

يُمكن إجراء اختبار بروش-جودفري باختبار ...View/Residual Diagnostics/Serial Correlation LM Test.. داخل النافذة الجديدة، اكتب مُجددًا عدد البواقي المتباطئة التي تريد إدراجها في الاختبار ثم انقر فوق OK. بافتراض أنك اخترت استخدام عشر فترات إبطاء في الاختبار سوف تكون النتائج على النحو الوارد في الجدول التائي.

F-statistic	2.3496494	Prob. F(10,30	6 1	0.0130
Obs'R squared	\$5.65563	Prote chi Squ	saro(10)	0.0422
Test Equation:				
Dependent Variable:	RESID			
Method Least Squar	95			
Date 02/04/13 Time.	94,11			
Sample: 1086M05 20	malylos.			
Included observation	57 324			
Prosample missing w	alue lagged resid	uals set to zero		
	Coefficient	Std. error	t-Statetic	Photo.
0	0.055522	0.887748	0.082542	0.9502
FREAMOR	0.00123	0.155137	0.0037062	0.0002
DPPOD	0.217579	1.008076	0.166335	D. DOUDE
DORI DIT	- 1.19E-05	7.551 -05	-D.15797	D 87-46
DINELATION	-0.52145	2,170113	-2.40E-01	0.10101
OMONEY	-0.00521	0.034784	-0.15006	0.8808
DSPREAD	0.108645	6 81E010	0.015003	0.40873
RITERIM	0.377417	2 5:12172	0.150836	0.8809
Fall Sulfactor	-0.13700	0.057570	-2.37928	0.0190
PRESIDE 21	-0.05756	0.057540	-1.00042	0.0170
ME (2012) - 31	0.00018	0.057403	0.50574	0.5994
RESIDE 41	-0.13534	0.057235	2.36454	0.0187
RESID(5)	-0.13527	0.056885	-2.37803	0.0180
RESID 61	0.11208	0.057015	1.98118	0.0486
RESIDE 7	-0.07431	0.057277	1 20740	0.1855
RESIDEAL	0.10770	0.057247	-1-66125	0.0009
RESIDER	-0.15779	0.057370	-2.75002	0.0060
विक्रियाक्षात्र । विव	-0.06742	0.057536	-D-98800	0.3191
Recquered Adjusted Respiered	0.009574	Moun deper		4 938 16 12 52396
5 E of regression	12 40077	Akmika into		7 928010
Suom supamed metri	47101.05	Suffree 2 or	and Brown Committee	8 13835W
Log leelmond	1266 362	Learnan Cu.		8.012151
F. statista	1.3853.1667	Fault time West	White Shiell	2 CIONNIN I

يُقدّم إفيوز في الجدول الأوّل للنتائج نسختين من الاختبار: النسخة إف والنسخة "بر، في حين يعرض الجدول الثاني القيم المقدّرة من الانحدار الإضافي المساعد، في هذه الحالة يتمثّل الاستنتاج في كلتا النسختين للاختبار في وجوب رفض فرضيَّة العدم المتمثّلة في غياب الارتباط الذائي، وذلك لأن فيم بي أقل من ٢٠٠٠. هل يتوافق هذا الاستنتاج مع نتيجة اختبار ديربن-وائسن؟ وبالتالي ربها نرغب في النظر في اتحاذ إجراءات تصحيحيَّة على غرار ما ورد أعلاه، لذا فكر في إمكانية القيام بذلك.

١٣ , ٥ , ٥ الارتباط الذاتي في البيانات المقطعية

(Autocorrelation in cross-sectional data)

في إطار انحدار السلاسل الزمنيَّة يُعتبر احتهال حدوث الارتباط الذاتي أمرًا بديهيًّا جدًّا، ومع ذلك من المعقول أيضًا أن يتواجد الارتباط الذاتي في أتواع مُعينة من البيانات المقطعية، على مبيل المثال، إذا كانت البيانات المقطعية تشمل ربحية البنوك في مناطق مُخلفة من الولايات المتحدة، فمن الممكن أن ينشأ الارتباط الذاتي بالمعنى الحيزي إذا كان هناك بُعد إقليمي لربحية البنوك لم ينم النقاطه بواسطة النموذج، وبالتائي قد تكون بواقي البنوك التي في نفس المنطقة أو بنوك المناطق المجاورة مُرتبطة، سوف يكون اختبار الارتباط الذاتي في هذه الحالة أكثر تعقيدًا مما هو عليه في إطار السلاسل الزمنيَّة، وسوف يستلزم بناء "مصفوفة التجاوز الحيزي" (Contiguity Matrix المربِّعة والمتهائلة، أو بناء "مصفوفة المسافة" (Distance Matrix)، ستكون كلنا المصفوفةين من الدرجة N x N حيث يُمثَّل N حجم العيَّنة، تتكوَّن المصفوفة الأولى من آحاد وأصفار، نضع واحدًا للعنصر زرا عندما تُرصد المشاهدة المبنك في نفس

المنطقة، أو أنه قريب بها فيه الكفاية للبنك أو صفر إذا كان خلاف ذلك ١, ... ١ = i.i. أمَّا مصفوفة المسافة فهي تضم العناصر التي تقيس المسافة (أو معكوس المسافة) بين البنك أو والبنك أو كا تذكر أن من بين الحلول الممكنة لوجود بواقي مُرتبطة ذائبًا في مثل هذه الناذج، نجد مرة أخرى استخدام نموذج يضم هيكل تباطؤ، وهو ما يُعرف في هذه الحالة 'فترة إبطاء حيزي' (Spatial Lag). كها يرد المزيد من التفاصيل حول هذه النقطة في أنسلن (١٩٨٨) ((Anselin (1988)).

٦ و الافتراض ٤: المتغبرات عبر تصادفيّة

(Assumption 4: the x_t are non-stochastic)

يتَّضح لِحُسن الحَظ أَن مُقدَّرات المربعات الصُّغرى العاديَّة مُتَّسقة وغير مُتحيَّزة عند وجود مُتغيِّرات انحداريَّة تصادُّفيَّة شريطة أن تكون هذه الأخيرة غير مُرتبطة مع حد خطأ المعادلة المقدَّرة، لفهم هذه النقطة تُذكَّر أن:

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'y , y = X\beta + u$$
 (\$7.0)

وبالتالي:

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'(X\beta + u) \qquad (\xi \nabla_{\circ} \circ)$$

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'X\beta + (X'X)^{-1}X'u$$
 (£5.0)

$$\hat{\beta} = \beta + (X'X)^{-1}X'u \tag{$\xi \circ \zeta \circ$}$$

 $x \in X$ و x مُستقلان، نتحصل على (1):

$$E(\hat{\beta}) = E(\beta) + E((X'X)^{-1}X'u) \tag{$\xi \in \mathcal{S}$}$$

بها أن E(u) = 0 فإن هذا التعبير سوف يكون صفرًا وبالتالي يظل المقدَّر غير مُتحبَّز حتى وإن كانت المتغيِّرات الانحداريَّة تصادُفيَّة.

لكن إذا كان مُتغيِّر مُفسَّر أو أكثر مُرتبطًا في الفَتْرةِ الزَّتنيَّةِ ذاتها مع حد الاضطراب فإن مُقدَّر المربّعات الصُّغرى العاديَّة لن يكون حتى مُتَّسفًا، يتنج هذا بسبب أن المقدَّر يمنح قوَّة تفسيريَّة للمتغيّرات، بينها هو في الواقع ينجم عن الارتباط بين حد الخطأ و يه. لتوضيح ذلك لنفترض أن x_2 و يه مُرتبطان إيجابيًّا، عندما يأخذ حد الاضطراب فيمة مُرتفعة فإن فيمة يه سوف تكون أيضًا مُرتفعة (لأن يل + ... + β_2 + β_3 + β_4)، لكن إذا ارتبط β_4 إيجابيًّا مع يه فمن المرجح إذًا أن تكون قيمة β_4 مُرتفعة أيضًا، وهكذا فإن مُقدَّر المربِّعات الصُّغرى العادية سوف يُرجع ويشكل خاطئ ارتفاع قيمة β_4 إلى ارتفاع قيمة β_5 بينها في الواقع يكون β_6 مُرتفعًا؛ لأن بيساطة β_6 مُرتفع، سوف يترتَّب عن ذلك فيم مُقدَّرة للمعلهات مُتحيِّرة وغير مُتَّسقة من جهة، ومن جهة أخرى سوف يظهر الخط المجهّز الذي يلتقط الميزات الموجودة في البيانات أفضل بكثير مَّا هو عليه في واقع الأمر.

 ⁽١) سوف نُناقش في الفصل ٧ ويإسهاب الحالة التي يكون فيها X و 11 غير مُستقلَّئِن.

٧, ٥ الافتراض ٥: الاضطرابات مُوزَّعة طبيعيًّا

(Assumption 5: the disturbances are normally distributed)

نذكر أن افتراض الطبيعيَّة ((u,~N(0,\sigma^2) مطلوبًا لإجراء اختبارات الفرضيات الأحاديَّة والفرضيات المشتركة (Joim (Hypothesis) على معلمات النموذج.

١ , ٧ , ٥ اختيار الانحراف عن الاعتدال

(Testing for departures from normality)

من بين الاختبارات المطبقة الأكثر شيوعًا نجد اختبار بيرا-جارك (Bera-Jarque Test) يستخدم هذا الاختبار خاصية المتغير العشوائي الموزَّع طبيعيًّا والمتمثَّلة في أن التوزيع بأكمله يتميَّز بالعزمين الأوّلين، وهما الوسط الحسابي والتباين، وكها جاء في الفصل ٢ نشير إلى أن عزوم التوزيع الثالثة والرابعة الموحَّدة معياريًّا تُعرف بالتواء وتفرطح التوزيع، يُعرف التوزيع الطبيعي بأنه توزيع غير مُلتو، وبأن قيمة معامل تفرطحه تُساوي ٣، كها يُمكن تعريف معامل التفرطح الزائد بكونه الفارق بين معامل التفرطح والقيمة ثلاثة، وبالتالي فإن التوزيع الطبيعي سوف يكون له قيمة معدومة لمعامل التفرطح الزائد، صاغ بيرا وجارك (١٩٨١) هذه الأفكار من خلال اختبار ما إذا كان معامل الالتواء ومعامل التفرطح الزائد يُساويان معًا صفرًا، لنرمز الآن بـ ع إلى الأخطاء وبـ ٣٠ إلى تباينها، يُمكن أن نئيت أنه يُمكن التعبير عن مُعاملات الالتواء والتفرطح على التوالي كها يلي:

$$b_1 = \frac{E[u^2]}{(\sigma^2)^{1/2}}, \qquad b_2 = \frac{E[u^4]}{(\sigma^2)^2}$$
 (\$A.0)

يُساوي تفرطح التوزيع الطبيعي ٣، وبالتالي يكون تفرطحه الزائد ($b_2 - 3$) صفرًا.

تُعطى إحصاءة اختيار بيرا-جارك كالتالي:

$$W = T \left[\frac{b_1^2}{6} + \frac{(b_2 - 3)^2}{24} \right]$$
 ($\xi \, q_4 \, \phi$)

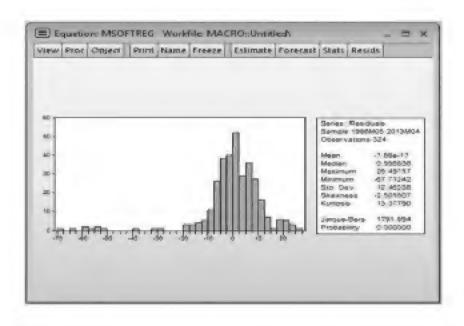
حيث يُمثَّل T حجم العيَّنة تحت فرضيَّة العدم المتمثَّلة في أن توزيع السلسلة مُتهاثل وذو تفرطح مُعتدل، تتبع إحصاءة الاختبار تقاربيًّا (2) x2.

كما تذكر أنه يُمكن تقدير b₁ و b₂ باستخدام البواقي من انحدار المربَّعات الصُّغرى العاديَّة، أي B. تتمثَّل فرضيَّة العدم في الاعتدال، ويجب رفض هذه الأخيرة إذا كانت بواقي النموذج إمَّا مُلترية أو أنها مُدبَّبة/ مُقرطحة معنويًّا (أو كلاهما معًا).

٢ , ٧ , ٥ اختيار عدم اعتدال التوزيع باستخدام إفيوز

(Testing for non-normality using EViews)

يُمكن الاطلاع على نتائج اختبارات الاعتدال ليراجارك من خلال اختيار التوزيع "بر بدرجتي حُرِّية، نذكر Normality Test. تحت فرضيَّة العدم المتمثَّلة في أن الأخطاء مُوزَّعة طبيعيًّا، تتبع إحصاءة الاختبار التوزيع "بر بدرجتي حُرِّية، نذكر كذلك أنه إذا كانت البواقي مُوزَّعة طبيعيًّا فإن المدرج النكراري يكون جرسيَّ الشكل، وأن إحصاءة ببراجارك لن تكون معنويَّة، وهذا يعني أنه يجب أن تكون القيمة بي المقدمة في أسفل شاشة اختبار الاعتدال أكبر من ٠٠٠ لعدم رفض فرضية العدم المتمثَّلة في الاعتدال عند مستوى ٥٪، في مثال انحدار مايكر وسوفت سوف تظهر هذه الشاشة كما في لقطة الشاشة رقم (٢٠٥).



لقطة الشاشة رقم (٢, ٥) نتائج اختبار عدم الاعتدال.

نكون البواقي في هذه الحالة مُلتوية سلبًا بشكل كبير إلى جانب كونها مُدبَّبة، لذلك نُرفض بشدَّة فرضية العدم المتمثّلة في اعتدال البواقي (القيمة بي لاختبار بيرا-جارك يُساوي صفرًا إلى سنة منازل عشريَّة)، عمَّا يدل على أنه من المكن أن تكون الاستدلالات التي نُجريها بشأن القيم المقدِّرة للمعاملات خاطئة، على الرغم من أنه من المحتمل أنَّ العيَّنة كبيرة كفاية لكي نكون أقل قلقًا عمَّ لو كانت العيِّنة صغيرة، كما يبدو أن عدم الاعتدال في هذه الحالة ناجمًا عن عدد قليل من البواقي السالبة والكبيرة التي تُمثل سقوط سعر السهم الشهري لأكثر من ٢٥٪.

٣,٧,٥ ما الذي ينبغي فعله إذا وُجد دليلًا على عدم الاعتدال؟

(What should be done if evidence of non-normality is found?)

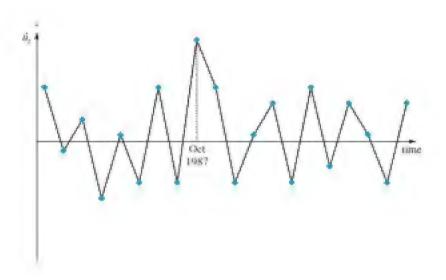
ما يجب القيام به ليس واضحًا! من الممكن بالطبع استخدام طريقة تقدير لا تفترض الاعتدال، لكن قد يصعب تنفيذ هذه الأخيرة إلى جانب كوننا أقل تأكّذا من خصائصها، من المستحسن إذّا النمسُّك بطريقة المربعات الصُّغرى العاديَّة إن أمكن؛ لأن سلوكها كان موضوع العديد من البحوث تحت عدَّة ظروف مُختلفة، أمَّا بالنسبة للعينّات ذات الأحجام الكبيرة بها فيه الكفاية يُعتبر انتهاك افتراض الاعتدال تقريبًا دون عواقب، استنادًا إلى نظرية الحد المركزي، سوف تتبع إحصاءات الاختبار تقارُبيًّا التوزيعات المناسبة حتى في غياب افتراض اعتدال الأخطاء (٢).

في النمذجة الاقتصادية أو الماليَّة في أغلب الأحيان يسبِّب باقي واحد أو باقيان مُتطرِّفان جدًّا رَفَضَ افتراض الاعتدال، تظهر مثل هذه المشاهدات عند ذيول التوزيع، وبالتالي سوف تؤدي إلى ارتفاع قيمة "u التي تدخل في تعريف التفرطح، هذا وتُعرف هذه

 ⁽٢) ينص قانون الأعداد الكبيرة (Law of Large Numbers) أن تُتوسَّط العينة (وهو تُتغيَّر عشواتي) سوف يتقارب من وسط المجتمع (وهو ثابت) في حين تنص نظرية الحد المركزي على أن وسط العينة يتقارب من التوزيع الطبيعي.

المشاهدات التي لا تنسجم مع نمط الجزء المتبقي من البيانات بالقيم الشاذَّة، إذا كان هذا هو الحال نجد من بين سُبل نعزيز فرص اعتدال الأخطاء استخدام المتغيّرات الوهميَّة، أو كذلك استخدام طرق أخرى لإزالة هذه المشاهدات على نحو فعّال.

لنفترض أننا، وفي إطار السلاسل الزمنيَّة، قُمنا بتقدير نموذج شهري لعوائد الأسهم ما بين ١٩٨٠ و ١٩٩٠، ثم رسمنا بيانيًّا البواقي ولوحظ وجود قيمة شاذَّة (Outlier) كبيرة لشهر أكتوبر ١٩٨٧ كها هو مُبيَّن في الشكل رقم (١٠، ٥).



الشكل رقم (١١) ٥) بواقي النموذج لبياتات عوائد الأسهم التي تُظهر قيمة شاذَّة كبيرة لشهر أكتوبر ١٩٨٧.

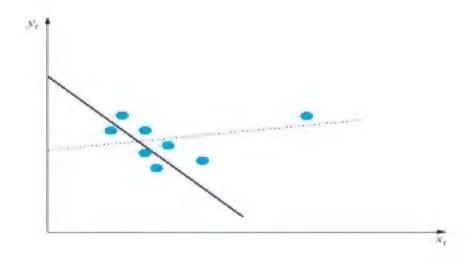
فيمة المتغيّر الوهمي £087M10	لزمن
	1986M12
	1987M03
;	
	1987M09
Υ	1987M10
•	1987M11

يُمكن تعريف مُتغيِّر جديد يُسمَّى D87M10 يكون كالتالي: 1 = D87M10 لشهر أكتوبر وصفر خلاف ذلك، تظهر مُشاهدات المتغيِّر الوهمي كيا في الإطار رقم (٦, ٥)، يُستخدم المتغيِّر الوهمي تمامًا مثل أي مُتغيِّر آخر في نموذج الانحدار، على سبيل المثال:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 D87M10_t + u_t \tag{0.40}$$

لهذا النوع من المتغيِّرات الوهميَّة الذي لا تأخذ القيمة واحد إلَّا لمشاهدة مُقردة تأثيرًا يُعادل تمامًا إزالة هذه المشاهدة من العيِّنة بأكملها، وذلك بإخضاع باقي هذه المشاهدة لأخذ القيمة صفر، كما نذكر أن المعامل المقدر لهذا المتغيِّر الوهمي سوف يكون مُساويًا لباقي المشاهدة التي وُضع لها المتغيِّر الوهمي قبل إدراج هذا الأخير في النموذج.

ومع ذلك هناك العديد من المختصين في الاقتصاد القياسي من يذكر أن المتغيَّرات الوهمية المستخدمة في إزالة بواقي القيم الشاذة يُمكن كذلك استخدامها لتحسين خصائص النموذج بشكل زائف، أي أساسًا التلاعب بالنتائج، سوف تؤدي إزالة المشاهدات الشاذة كذلك إلى تخفيض الأخطاء المعيارية، وتقليص مجموع مُربعات البواقي، وبالتالي زيادة *R ومن ثم تحسين توافق النموذج للبيانات، كها تُشير إلى أنه يصعَّب التوفيق بين إزالة المشاهدات وبين المفهوم الإحصائي القائل أن كل نُقطة بيانات تُمثل معلومة مُفيدة.



الشكل رقم (١١) ٥) الأثر المحتمل للقيمة الشاذة على تقدير المربعات الصُّغري العادية.

من ناحية أخرى تُعرف المشاهدات التي تبتعد كثيرًا عن باقي المشاهدات، والتي تبدو أنها لا تتناسب مع النمط العام لباقي المشاهدات بأنها قيم شادة، من الممكن أن يكون لهذه الأخيرة تأثير جذّي على القيم المقدّرة للمعاملات بها أنه -وبحكم تعريفها سوف تتلقى المربعات الصُّغرى العادبَّة حد جزاء كبير في شكل ارتفاع في قيمة مجموع مربعات البواقي للنقاط التي تبتعد كثيرًا عن الخط المجهَّز للبيانات، نتيجة لذلك ستحاول طريقة المربعات الصُّغرى العاديَّة جاهدة تقليل مسافات النقاط التي من شأنها أن تبتعد عن الحط، يُرد في الشكل رقم (١١ ، ٥) تصوير بيان للتأثير المحتمل للقيمة الشاذة على تقدير المربعات الصُّغرى العاديَّة.

بالنظر إلى الشكل رقم (١١, ٥) نرى أن هناك نُقطة وحيدة تبتعد كثيرًا عن بقية النقاط، في حالة تم إدراج هذه النقطة ضمن عينة التقدير سوف يُمثَّل الخط المنقط الخط المجهّز للبيانات والذي يتميَّز بمبل إيجابي طفيف، أمَّا إذا أزيلت هذه المشاهدة فسوف يكون الخط الكامل في هذه الحالة الخط المجهّز للبيانات، نرى الآن وبشكل واضح أن المبل أصبح كبيرًا وسالبًا، نذكر كذلك أنه في حالة أدرجت القيمة الشاذة في العينة المستخدمة في التقدير فإن طريقة المربعات الصَّغرى العاديَّة لن تقوم باختيار هذا الحُط الكامل بما أن المشاهدة بعيدة جدًّا عن باقي المشاهدات، وبالتالي بؤدي تربيع الباقي (أي المسافة بين النقطة والخط المجهّز) إلى ارتفاع هام في قيمة مجموع مربعات البواقي، كما تُشير ذلك إلى أنه من الممكن كشف القيم الشاذة عن طريق الرسم البياني لـ لا مُقابل من وذلك فقط في إطار الانحدار ثُناني المتغيّرات، أمَّا في حالة وجود أكثر من مُتغيِّر مُفسِّر يكون من الأسهل تحديد القيم الشاذَّة من خلال رسم البواقي بيانيًّا عبر الزمن كما هو مُبيَّن في الشكل رقم (١٠) إلخ.

يُمكننا أن نرى إذًا أن هناك مُفاضلة عُتملة بين من جهة الحاجة إلى إزالة المشاهدات الشاذَة التي يُمكن أن يكون لها تأثيرًا مُفرطًا على القيم المُقدَّرة بواسطة المربعات الصُّغرى العاديَّة والتي قد تُسبِّب أيضًا عدم اعتدال البوافي، ومن جهة أخرى المفهوم الفائل أن كل تُقطة بيانات تُمثَّل معلومة مُفيدة في حد ذاتها، تقترن هذه الأخيرة مع حقيقة أن إزالة المشاهدات قد يُحسَّن مِن تناسُب النموذج للبيانات بشكل زائف، كما نذكر أن الطريقة التي ينبغي اتَّباعُها في مثل هذه الحالات تتمثَّل في إدراج مُنغيَّرات وهميَّة في النموذج فقط إذا كانت هناك ضرورة إحصائيَّة للقيام بذلك، إلى جانب وجود مُبرَّر نظري لإدراجها، عادة ما يتأتى هذا المبرَّر من دراية الباحث بالأحداث التاريخيَّة التي تتعلَّق بالمتغيِّر التابع وبالنموذج خلال فترة العيَّنة قيد الدرس، كما يُمكن استخدام المتغيِّرات الوهميَّة بشكل مُبرَّر لإزالة المشاهدات التي تُعثَّل الأحداث التي تقع مرَّة واحدة، أو الأحداث القُصوى التي يُستبعد جدًّا تكوارُها، والتي يُعتبر عُتواها المعلوماتي عديم الأهميَّة للبيانات برمَّتها، من الأمثلة عن ذلك نذكر انهيار أسواق الأسهم، الذعر المالي، الأزمات الحكوميَّة، إلخ.

من جهة أخرى نذكر أنه من المكن أن ينتج عدم الاعتدال أيضًا من أنواع مُعيَّنة من اختلاف التباين والتي تُعرف بـالمسمَّى . ARCH ، انظر الفصل ٩ ، يُعتبر عدم الاعتدال في هذه الحالة مُتأصلًا في كافة البيانات، وبالتالي إزالة القيم الشاذة من بواقي مثل هذا النموذج لن تجعل منها بواقي طبيعيَّة.

من الاستخدامات المهمَّة الأخرى للمتغيِّرات الوهميَّة نذكر استخدامها في النمذجة الموسميَّة للبيانات الماليَّة، وكذلك في شرح ما يُسمَّى 'بالحالات الشاذَّة للتقويم'، ونخصُّ بالذكر آثار اليوم من الأسبوع (Day-of-the-Week Effects) وآثار إجازة نهاية الأسبوع (Weekend Effects) والتي سوف تُناقش كلها في الفصل ١٠.

٤ ,٧,٥ إنشاء واستخدام المتغيّرات الوحميَّة داخل إفيوز

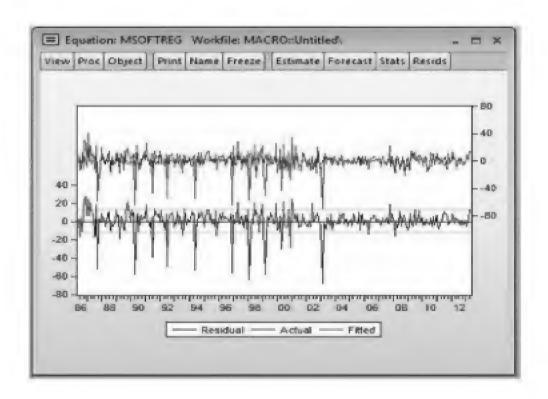
(Dummy variable construction and use in EViews)

كما رأينا من خلال الرسم البياني للتوزيع الوارد أعلاه يظهر أن عدم الاعتدال في بواقي انحدار مايكروسوفت ناجم عن بعض القيم الشاذة في العينة، يُمكن التعرُّف على مثل هذه القيم إن وُجدت، بواسطة الرسم البياني للقيم الفعليَّة، للقيم المقدَّرة ولبواقي الانحدار، كما يُمكن إنجاز هذا الرسم البياني داخل إفيوز باختيار ، Residual Actual, Fitted، بتعيَّن أن يظهر هذا الرسم كما في لقطة الشاشة رقم (٥,٣).

يُمكن أن نرى من خلال هذا الرسم البياني أن هناك عدَّة قيم شاذَّة كبيرة (سالبة)، لكن أكبرها على الإطلاق حدثت في أوائل سنة ١٩٩٨، وكذلك في أوائل سنة ٢٠٠٣، تُصادف كل هذه القيم الشاذَّة الكبيرة الأشهر التي يكون فيها العائد الفعلي أقل بكثير (أي سالبًا أكثر) من العائد المقدَّر بواسطة النموذج، من المثير للاهتهام كذلك أن باقي شهر أكتوبر ١٩٨٧ ليس مُهمَّا جدًّا لأنه ورغم أن سعر السَّهم انخفض إلَّا أن قيمة مُؤشر السوق انخفضت أيضًا، وبالتالي فإن انخفاض سعر السّهم كان مُتوقَّعًا ولو جزئيًّا (يُمكن رُؤية ذلك من خلال مُقارنة القيمة الفعليَّة بالقيمة المقدَّرة خلال ذلك الشهر).

لتحديد النواريخ الدقيقة لحدوث أكبر القيم الشاذَّة يُمكننا استخدام الخيار تظليل بالنقر بزر الماوس الأبمن فوق الرسم البيائي وتحديد الخيار 'Add Lines & Shading'، لكن رُبها يكون من الأسهل القيام بذلك عن طريق فحص جدول قيم البواقي الذي يُمكن الحصول عليه باختيار View/Actual, Fitted, Residual/Actual, Fitted, Residual Table. إذا قُمنا بذلك سوف يظهر بشكل واضح أن الباقيين الأكثر تطرُّفًا (بقيم مُقربة إلى أقرب عدد صحيح) كانا في فبراير ١٩٩٨ (٣٠٠)، وفي فبراير ٢٠٠٣ (٣٠٠).

كما ذُكر سابقًا، إحدى طرق إزالة القيم الشاذَّة الكبيرة من البيانات هي طريقة استخدام المتغيَّرات الوهمية، على الرغم من أنه من المغري إنشاء متغيَّر وهمي واحد بأخذ القيمة ١ لكل من فبراير ١٩٩٨ وفبراير ٢٠٠٣ إلا أن هذا الإجراء غير صحيح، ولن يكون له الأثر المرجُّو والمتمثّل في جَعْل كلا الباقيَيْنِ مُساويين لصفر، بدلًا من ذلك تنطلَّب منا عملية إزالة القيمتين الشاذَّتين إنشاء منغيَّرين وهميين مُنفصلين، في البداية لإحداث مُتغيِّر وهمي لفبراير ١٩٩٨، نولد سلسلة تُسمى 'FEB98DUM' والتي سوف تحتوي في بادئ الأمر على أصفار لا غير، نُولد إذًا هذه السلسلة (تلميح: يُمكن استخدام 'Quick/Gen Series' ثم نكتب في المربع = ۴٤٤٥ القيمة الأمر على أصفار لا غير، نُولد إذًا هذه السلسلة (تلميح: يُمكن استخدام 'Quick/Gen Series' ثم نقُوم بإدخال القيمة المربع = ۴٤٠١ القيمة المربع الخلايا الأخرى أصفار).



لقطة الشاشة رقم (٣, ٥) بواقي الانحدار، سلاسل القبم الفعليَّة والقبم المَقلِّرة.

بشُجرَّد إنشاء هذا المتغيَّر الوهمي قُم بإعادة الإجراء السابق لإنشاء متغيِّر وهمي آخر يُسمَّى 'FEB03DUM' والذي يأخذ القيمة الفيمة في شهر فبراير ٢٠٠٣ وصفر في الخانات الأخرى ثُم أعد نشغيل الانحدار الذي يحتوي، إلى جانب كل المتغيِّرات السابقة، على هذين المتغيِّرين الوهميَّين، كما يُمكن إجراء ذلك بطريقة أسهل من خلال النَّقر فوق كائن النتائج 'Msoftreg' ثم على الزر Estimate وإضافة المتغيِّرين الوهميَّين في آخر قائمة المتغيِّرات، تكون القائمة النهائيَّة للمتغيِّرات كالآي:

feb98dum feb03dum ermsoft c ersandp dprod dcredit dinflation dmoney dspread rterm و تظهر نتائج هذا الانحدار كما في الجدول ائتالي.

Method: Least Squares Date: 07/04/13 Time: 1 Sample (adjusted): 198	4:45			
included observations:	324 after adjust	ments		
	Coefficient	Std Error	t-Statistic	Prob
c	0.294125	0.826235	0.355982	0.7221
ERSANDP	1.401288	0.143171	9.787491	0.0000
DPROD	-1.33384	1.206715	-1.10535	0.2699
DOREDIT	-3.95E-05	6.96E-05	-0.56709	0.5711
DINFLATION	3.517510	1.975394	1.78E+00	7 S9E-02
DMONEY	-0.02196	0.032097	-0.68416	0.4944
OSPREAD	5.351376	6.302128	0.849138	0.3965
RTERM	4.650169	2.291471	2.029337	0.0430
FEB9BLXIM	-66,4613	11 60474	-5.72681	0.0000
FEB03DUM	-67.6132	11.58117	-5.83821	0.0000
Fl-squared	0.346058	Meen deper	ident var	-0.311466
Adjusted R-squared	0.327315	S.D. depend	lent var	14.05871
S.E. of regression	11.53059	Akailee info e	enterion	7.758261
Sum squared resid	41747.69	Schwarz crit	terion	7.874951
Log likelihood	-1246.B36	Hannan-Qui	nn criter.	7.804837
F-statistic	18 46280	Durbin-Wats	son stat	2.156576
Prob(F-statistic)	0.0000000			

لاحظ أن معلمات المتغبَّرات الوهميَّة في غاية المعنويَّة، وهي تنخذ تقريبًا الفيم التي كانت سنتخذها البواقي المقابلة لها في حالة لم يتم إدراج المتغيَّرات الوهميَّة في النموذج^(٣)، بمُقارنة هذه النتائج مع النتائج الواردة سابقًا والتي تستبعد المتغيَّرات الوهميَّة يُمكن الوقوف على أن القيم المقدَّرة لمعاملات المتغيِّرات المتبقَّية تغيَّرت تغيُّرًا طفيفًا جدًّا في هذه الحالة، وأن معنويَّة المعاملات تحسَّنت إلى حد

_

 ⁽٣) نُشير إلى أن التطابق غير التام بين قيم البواقي وقيم معاملات المتغيّرات الوهيّة يرجع إلى استخدام مُتغيّرين وهميّين جنبًا إلى جنب، إذا أدرجنا مُتغيّرًا وهيًّا وهيًّا واحدًا فقط فإن قيمة معامل المتغيّر الوهمي سوف تكون مُطابقة لقيمة الباقي.

كبير، كما نُشير إلى أن معلمنا الهيكل الزمني والتضخم غير المُتوقَّع أصبحنا الآن معنويَّة على التوالي عند المستوى ٥٪ وعند المستوى . ١٠٪. أمَّا القيمة "R فقد ارتفعت من ٢١ . • إلى ٣٠ . • بسبب التوافق النام بين المتغيِّرين الوهميين والمشاهدتين الشاذتين القُصويين.

أخبرًا إذا أعدنا مجدًّذًا فحص نتائج اختبار الاعتدال بالنقر فوق View/Residual Tests/Histogram - Normality Test سوف نرى أن الالتواء والتفرطح على حد السواء أقرب إلى القيم التي يتَّخذانها في حالة الاعتدال، أمَّا إحصاءة اختبار بيرا-جارك فهي تأخذ القيمة ١٦٠١ (مُقابل ١٨٤٥ سابقًا)، وهكذا فإننا نستنتج أن البواقي لا تزال بعيدة كل البعد عن التوزيع الطبيعي، وأن الرَّسم البياني للتوزيع بُظهر أنه لا يزال هناك عدَّة بوافي أخرى سالبة كبيرة للغاية، رغم أنه من المكن الاستمرار في إحداث مُنغيرات وهميَّة أخرى إلا أن هناك حدًّا لمدى رغبتنا في القيام بذلك، بالنسبة إلى هذا الانحدار بالذات، فمن غير المحتمل أن نقدر على الحصول على توزيع بوافي يكون قريبًا من التوزيع الطبيعي دون استخدام عدد كبير من المتغيرات الوهميَّة، كفاعدة عامَّة، في عينة شهريَّة نحتوي على ٣٢٤ مُشاهدة، يكون من المعقول إدراج ربها اثنين أو ثلاثة مُتغيَّرات وهميَّة للقيم الشاذَّة، لكن أكثر من ذلك سوف يكون عددًا مُبالغًا فيه.

٨, ٥ التعدُّد الخطِّي

(Multicollinearity)

عند استخدام طريقة الثقدير بالمربعات الصَّغرى العاديَّة نعتمد افتراضًا ضمنيًّا ينص على أن المتغيِّرات المفسِّرة لا ترتبط بعضها البعض، في حالة عدم وجود أي علاقة بين المتغيِّرات المفسِّرة، يُمكن القول إن هذه الأخيرة مُتعامدة فيها بينها، في هذه الحالة لن تسبِّب إضافة أو إزالة مُتغيِّر من مُعادلة الانحدار تغيُّرًا في قيم مُعاملات المتغيِّرات الأخرى.

كها نُشير إلى أنه في أي إطار عملي نجد أن الارتباط بين المتغيِّرات المفسَّرة غير صفري، مع أن هذا عُمومًا سوف لن يكون ضارًا، بمعنى أن درجة بسيطة من الارتباط تحدث تقريبًا بصفة دائمة بين المتغيِّرات المفسَّرة، لكنها لن تُسبَّب خسارة هامَّة في دقَّة المقدِّرات. ومع ذلك عندما تكون المتغيِّرات المفسَّرة مُرتبطة بشكل كبير للغاية ببعضها البعض فإن هذا يُحدِث مُشكلة تُعرَف بالتعدد الخطَّى (أو تعدد العلاقات الخطَّية)، من الممكن التمييز بين فتين من التعدد الخطَّي: التعدد الخطَّي التام، والتعدد الخطَّي شبه التام.

يحدث التعدد الخطّي التام عندما تكون هناك علاقة مضبوطة بين مُتغبَّرين مُقسَّرين أو أكثر، ليس من الممكن في هذه الحالة تقدير أيَّ من مُعاملات النموذج، لا يُلاحظ التعدد الخطي التام عادة إلا إذا استُخدم نفس المتغبِّر المفسَّر سهوًا مرَّتين في الانحدار، لتوضيح ذلك لنفترض أننا استخدمنا مُتغبِّرين اثنين في دالة الانحدار، قيمة أحدهما ضعف قيمة المتغبِّر الآخر (لنفترض على سبيل المثال أن $x_2 = 2x_2$). إذا استُخدم كل من $x_3 = x_3$ كمُتغبِّرات مُفسِّرة في نفس الانحدار فلن يكون إذًا مُحكنًا تقدير معاملات النموذج، وبها أن المتغبِّرين مُرتبطان تمامًا ببعضهما البعض فإنهما مجتوبان ممّا على معلومات تكفي فقط لتقدير معلمة واحدة لا معلمتين، من الناحية التقنية تكمُّن الصعوبة في مُحاولة عكس المصفوفة (x'x) بها أنها لن تكون مصفوفة ذات رُتبة كاملة (هناك اثنان من الأعمدة تابعة خطبًا) بحيث يكون معكوس المصفوفة (x'x) غير موجود، وبالثاني لا يُمكن حساب القيم المقدَّرة بطريقة المربعات الصُّغري العاديَّة، أي $y'x'^{-1}(x'x) = \hat{\theta}$.

أمًّا بالنسبة للتعدُّد الخطي شبه التام فهو عمليًّا الأكثر احتمالًا للحدوث، وينتج عندما تكون هناك علاقة لا يُستهان بها لكن غير مضبوطة بين مُتغيِّرين أو أكثر من بين المتغيِّرات المفسَّرة، كما نُلاحظ أيضًا أن الارتباط القوي بين المتغيِّر الثابع ومتغيِّر من المتغيِّرات المستقلة لا يعتبر تعددًا خطيًّا. بشكل مرئي يُمكن اعتبار أن الفرق بين التعدد الخطي التام وشبه التام يكون كيا يلي، لنفترض أن المتغيَّرين بدير و بهر مُرتبطان بشدَّة، إذا قمنا برسم انتشار بدير مُقابل بدير سوف يُوافق التعدد الخطي التام الحالة التي تنتشر فيها جميع النفاط تمامًا على الخط المستقيم، في حين أن التعدد الخطي شبه النام يُوافق الحالة التي تكون فيها جميع النفاط مُنتشرة بالقرب من الخط المستقيم، كلَّما اقتربت هذه النقاط (في مُجملها) من الخط كلَّما كانت العلاقة بين المتغيِّرين أقوى.

١ , ٨ , ٥ قياس التعدد الخطى شبه التام

(Measuring near multicollinearity)

من المدير للاستغراب أن اختبار التعدد الخطي صعب، وبالتالي كل ما نعرضه هنا هو عبارة عن طريقة بسيطة للتحري عن وجود أشكال التعدد الخطي شبه التام التي يسهل الكشف عنها، تنص هذه الطريقة بيساطة على التمعن في مصفوفة الارتباطات بين المتغيرات الفرديَّة، لنفترض أن مُعادلة الانحدار تضم ثلاث متغيرات (إضافة إلى الحد الثابت)، وبأن الارتباطات بين كل زوج من هذه المتغيرات المفسَّرة هي كالآي:

x_4	x_3	x_2	الارتباط
· , A	٠, ٣	-	\mathbf{x}_2
٠,٣	==	٠,٣	x_3
-	۳. ۳	• , A	x_4

من الواضح أنه في حالة الاشتباه في وجود تعدُّد خطي فإن المسبب الأرجح لذلك هو الارتباط القوي بين ي× وي× بطبيعة الحال إذا كانت العلاقة بين المتغيِّرات تنطوي على ثلاثة مُتغيِّرات أو أكثر يكون بينهم علاقة خطَّية مُتداخلة −على سبيل المثال: + ي× - مسوف يكون من الصعب جدًّا اكتشاف التعدد الخطِّي شبه التام في هذه الحالة.

٥ , ٨ , ٢ مشاكل تجاهُل التعدد الخطّي شبه التام عند تواجده

(Problems if near multicollinearity is present but ignored)

أَوْلًا: سوف يكون R مُرتفعًا، لكن سوف نكون الأخطاء المعياريَّة للمعاملات الفرديَّة مُرتفعة بحيث يبدو الانحدار في مُجمله جيَّدًا، لكن المتغيِّرات الفرديَّة ليست معنويَّة (٤)، ينشأ هذا في سياق المتغيِّرات المفسَّرة الوثيقة الارتباط كنتيجة لصعوبة رصد المساهمة الفرديَّة لكل مُتغيِّر في التناسب العام للنموذج.

ثانيًا: يُصبح الانحدار شديد الحساسيَّة للتغيَّرات البسيطة في توصيف النموذج بحيث تؤدِّي إضافة أو إزالة مُتغيِّر مُفسَّر ما إلى تغيرات كبيرة في قيم المعاملات، أو في معنويَّة المتغيِّرات الأخرى، أخيرًا سوف يجعل التعدد الخطِّي شبه التام من فترات الثقة للمعلمات فترات كبيرة جدًّا، وبالتالي يُمكن أن تؤدِّي اختبارات المعنويَّة نتائج غير مُلائمة بحيث بكون من الصعب استخلاص أي استنتاجات دقيقة.

 ⁽٤) تُشير إلى أن التعدد الخطى لا يُؤثر على قيمة ٩٤ في الانحدار.

٩,٨,٣ الحلول المقترحة لمشكلة التعدد الخطأي

(Solutions to the problem of multicollinearity)

اقْتُرِح عدد من تفنيات التفدير التي تصح في ظل وجود التعدد الخطّي، نذكر على سبيل المثال انحدار ريدج (Regression)، تحليل المكوّنات الرئيسية التي نُوقشت بإيجاز في مُلحق الفصل السابق، لكن لا يستخدم الكثير من الباحثين هذه التقنيات، ويرجع ذلك لكونها تقنيات قد تكون مُعقَّدة؛ لكون خصائصها غير مفهومة بالقدر الذي هي عليه خصائص المربعات الصُّغرى العاديّة، علاوة عن ذلك يُشير العديد من المختصّين في الاقتصاد القياسي بأن التعدُّد الخطّي هو أساسًا مُشكلة بيانات أكثر من كونه مُشكّلة نموذج أو طريقة تقدير.

كما تشمل الطرق الأخرى الأكثر تخصُّصًا في مُعالِجة التعدد الخطَّي على:

- تجاهل التعدّد الخطّي إذا كان النموذج يعنبر مفبولًا، أي إحصائبًا يكون لكل معامل قيمة معقولة وعلامة مُناسبة، هذا ونذكر أنه في بعض الأحيان، لا يُخفض وجود التعدد الخطّي النسب في، التي قد تكون معنويَّة دون التعدد الخطّي، بها فيه الكفاية لجعلها غير معنويَّة، كها تجدر الإشارة إلى أن وجود التعدد الخطّي شبه النام لا يؤثر على خصائص مُقدَّر المربعات الصُّغرى العاديَّة بكونه أفضل مُقدَّر خطِّي غير مُنحيَّر، أي أن هذا الأخير يظل مُنسقًا، غير مُنحيَّر، وكفوَّا، يرجع ذلك إلى كون التعدد الخطّي شبه النام لا ينتهك أيًّا من الافتراضات الأربع لنموذج الانحدار الخطّي الكلاسيكي، لكن في المقابل وفي ظل وجود التعدد الخطّي شبه النام يُصبح من الصعب الحصول على أخطاء معياريَّة صغيرة، لا يهمنا هذا الأمر إذا كان الهدف وراء عمليَّة بناء النموذج هو الحصول على تنبُّوات من النموذج المفدِّر، بها أن التنبُّوات لن تتأثر بوجود التعدد الحُطِّي شبه النام طالمًا استمرَّت العلاقة بين المتغيِّرات المفسِّرة خلال العينة المتنبًا بها.
- إسقاط أحد المتغيرات التي بينها علاقة خطية متداخلة بحيث تتلاشى المشكلة، غير أن ذلك قد يكون غير مقبول من قِبَل
 الباحث، لا سيها وإن كانت هناك أسباب نظريَّة قويَّة مُسبقة لإدراج كلا المتغيرين في النموذج، كها نذكر أنه في حالة كان
 المتغير المرّال مُهيًّا في عمليَّة توليد بيانات و فإن هذا سوف يؤدّي إلى ما يُعرّف بتحيُّز المتغير المهمل (Omitted Variable Bias)
 (انظر القسم ١٠٠٥).
- تحويل المتغيرات المرتبطة بشكل عالي إلى نسبة، ثم إدراج هذه النسبة فقط دون المتغيرات الفرديَّة في الانحدار، قد يكون هذا الأمر مرَّة أخرى غير مقبول في حالة كانت النظريَّة الماليَّة تقترح أن التغير في المتغير التابع ينبغي أن ينجم نتيجة للتغيرات في المتغيرات المفسرة الفرديَّة، وليس نتيجة لنسبة هذه الأخيرة.
- أخيرًا وكما ذُكر أعلاه غالبًا ما يُقال أن التعدد الخطّي شبه النام يُعتبر مشكلة في البيانات أكثر منه مشكلة في النموذج، حيث إن هناك معلومات غير كافية في العينة للحصول على قيم مُقدَّرة لكل المعاملات، لهذا السبب يدفع التعدد الحُطَّي شبه النام بالقيم المقدَّرة للمعاملات لأن يكون لها أخطاء معياريَّة كبيرة، وهو ما يحدث تمامًا في حالة كان حجم العينة صغيرًا، عادة ما تُودي زيادة حجم العينة إلى زيادة دقَّة تقدير المعاملات، وبالتالي تقليص الأخطاء المعياريَّة للمعاملات، وتمكين النموذج من نجزئة أفضل لأثار مُختلف المتغيِّرات المُسَرة على المتغيِّر المفسَّر، كما تُشير إلى أن ثمَّة إمكانيَّة أخرى مُتاحة للباحث لتجاوز مشكلة نقص المعلومات وجمع المزيد من البيانات، وذلك على سبيل المثال بأخذ فترة أطول للبيانات، أو كذلك تبديل تواتر المعاينة إلى تواتر أعلى، بطبيعة الحال قد تكون زيادة حجم العينة غير مُكنة عمليًا في حالة سبق واستخدمنا كل البيانات المتاحة، هذا وتوجد طريقة أخرى تُحكّن من زيادة كميّة

البيانات المُتاحة، ما يُمثّل علاجًا مُحتملًا للتعدد الخطّي شبه التام، تتمثّل في استخدام عيّنة مُجمّعة (Pooled Sample) وهو ما يتطلّب استخدام البيانات بيُعدَيْها المقطعي والزمني (انظر الفصل ١١).

٤ , ٨ , ٥ التعدد الخطِّي داخل إفيوز

(Multicollinearity in EViews)

بالنسبة إلى المثال المتعلَّق بعوائد السهم مايكروسوفت الوارد ذكره سابقًا يُمكن بناء مصفوفة الارتباط لمتغيَّرات الاقتصاد الكلِّي المستقلَّة داخل إفيوز بالنقر فوق Quick/Group Statistics/Correlations ثم نقوم بإدخال المتغيِّرات الاتحداريَّة (لا يشمل ذلك المتغبِّر المتحدر عليه أو عوائد S&P) في مربع الحوار الذي يظهر:

dprod dcredit dinflation dmoney dspread rterm

سوف تظهر نافذة جديدة تحتوي على مصفوفة ارتباط السلاسل على شكل جدول بيانات:

	DPROD	DCREDIT	DINFLATION	DMONEY	DSPREAD	RTERM
DPROD	0000000	0.141066	-0.124269	-0.130060	-0.055573	-0.002375
DCREDIT	0.141066	1.0000000	0.045164	-0.011724	0.015264	0.009675
DINFLATION	-0.124269	0.045164	1.000000	-0.097972	-0.224838	-0.054192
DMONEY	-0.130060	-0.011724	-0.097972	1.000000	0.213576	-0.086218
DSPREAD	-0.055573	0.015264	-0.224838	0.213576	1.000000	0.001571
RTERM	-0.002375	0.009675	-0.054192	-0.086218	0.001571	1.000000

هل تُشير النتائج إلى أي ارتباطات معنويّة بين المنغبّرات المستقلّة؟ في هذه الحالة تحديدًا نرى أن أكبر قيم للارتباط (بالفيمة المطلقة) هي ٢١,٠ وهي تُمثّل الارتباط بين المتغبّر عرض النقود والمتغبّر الهيكل الزمني، وكذلك -٢٢,٠ وهي تُمثّل الارتباط بين المتغبّر الهيكل الزمني والمتغبّر المتضخّم غير المتوقع، على الأرجح أن هذه القيم صغيرة بها فيه الكفاية ليكون من المعقول تجاهلها.

٩ , ٥ اعتماد صيغة داليَّة خاطئة

(Adopting the wrong functional form)

هناك افتراض ضمني إضافي لنموذج الانحدار الخطّي الكلاسيكي، وهو أن الصيغة الدائيَّة المناسبة هي صيغة خطَّية، وهذا يعني أنه يُفترض بالنموذج المناسب أن يكون خطِّيًا في المعلمات، في الحالة ثُنائيَّة المتغيَّرات، يُمكن تمثيل العلاقة بين لا و تد بخط مُستقيم رغم أنه لا يُمكن دائهًا تأييد هذا الافتراض، أمَّا مسألة معرفة ما إذا كان ينبغي للنموذج أن يكون خطيًّا أم لا فيُمكن اختبارها منهجيًّا باستخدام اختبار ريست لرامزي (١٩٦٩) (١٩٦٩ RESET Test) الذي يُعتبر اختبار عام لسوء توصيف الصيغة الدائيَّة، يعمل هذا الاختبار أساسًا باستخدام حدود من رُبَّب عليا للقيم المقدَّرة (على سبيل المثال ﴿تَهُ، إلى على الانحدار الإضافي المساعد، وبالتالي يُعتبر هذا الأخير انحدار لـ ،لا، أي المتغيِّر التابع في الانحدار الأصلي، على أسس القيم المقدَّرة إلى جانب المتغيِّرات المفسَّرة الأصليّة:

 $y_t = \alpha_1 + \alpha_2 \hat{y}_t^2 + \alpha_3 \hat{y}_t^3 + \dots + \alpha_p \hat{y}_t^p + \sum \beta_i x_{it} + v_t$ (01.0)

يُمكن لقوى القيم المُقدَّرة من الرنب العُليا التقاط مجموعة مُتنوَّعة من العلاقات اللاخطِّية؛ نظرًا لأنها تتضمن أسس من رُتُب عليا، وعلى ناتج ضرب المتغبِّرات المفسَّرة الأصليَّة، على سبيل المثال:

$$\hat{y}_t^2 = (\hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_2 x_{2t} + \hat{\beta}_3 x_{3t} + \dots + \hat{\beta}_k x_{kt})^2 \tag{67.0}$$

 $\chi^2(p-p)$ يثم الحصول على قيمة R^2 من الانحدار رقم (٥١٠٥)، أما إحصاءة الاختبار أي TR^2 فهي مُوزَّعة تقارُبيًّا حسب التوزيع P = p وليس P = p من الانحدار الإضافي المستخدمة في الانحدار الإضافي المساعد، وبالتالي يشتمل الاختبار على P = p حد، منها حد واحد للقيمة المقدَّرة المربّعة، حد للقيمة المقدَّرة المحبّة، ...، حد لقيمة الأس برتبة P = p ومن من القيمة الحرجة P = p من فإننا نرفض فرضيّة العدم المتمثّلة في صحّة الصيغة الدالية.

٩ , ٩ , ٥ ما الذي يجب فعله إذا ثبت أن الصيغة الدالَّية غير مُناسبة؟

(What if the functional form is found to be inappropriate?)

يتمثّل أحد الحلول الممكنة في الانتقال إلى نموذج لاخطّي، لكن لا يُقدَّم اختبار ريست للمستخدم أي أدلَّة عمَّا يُمكن أن يكون أفضل توصيف للنموذج! تُشير كذلك إلى أن النهاذج اللاخطِّية في المعلمات تستبعد عادة استخدام طريقة المربعات الصُّغرى العاديَّة، وتستوجب استخدام تقنية تقدير لاخطية، كما يظل استخدام المربعات الصُّغرى العاديَّة مُكنًا لتقدير النهاذج اللاخطية شريطة أن تكون خطيَّة في المعلمات، على سبيل المثال، إذا كان النموذج الحقيقي على الشكل التالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{2t}^2 + \beta_4 x_{2t}^3 + u_t \tag{07.0}$$

أي أنه متعدد حدود من الدرجة الثالثة في x، وأن الباحث يفترض أن العلاقة بين يرو و x، هي علاقة خطيَّة (أي أن x²، و مفقودة في توصيف النموذج) وهو ما يُمثَّل مُجُرد حالة خاصَّة من المتغيِّرات المهملة مع ما يُصاحبُها من مشاكل مُعتادة وعلاج بديهي (انظر القسم ١٠٠٥).

ومع ذلك من الممكن أن يكون النموذج لاخطّيًا جدائيًا (ضربيًا)، هذا ونذكر أن هناك إمكانيَّة ثانية مُلاثمة لهذه الحالة تتمثَّل في تحويل البيانات إلى لوغارينهات، وهذا من شأته تحويل النهاذج الضربيَّة (Multiplicative Models) إلى نهاذج تجميعيَّة (Models)، لنأخذ مُجدَّدًا وعلى سبيل المثال نموذج النمو الأُسِّق التالي:

$$y_t = \beta_1 x_t^{\beta_2} u_t \tag{05.0}$$

بأخذ اللوغاريتم نتحصَّل على:

$$ln(y_t) = ln(\beta_1) + \beta_2 ln(x_t) + ln(u_t)$$
(00.0)

.

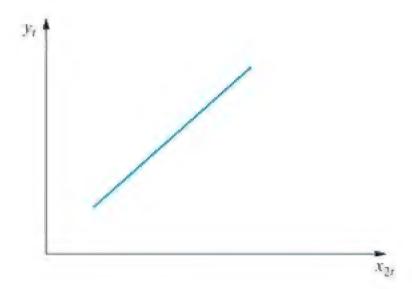
$$Y_t = \alpha + \beta_2 X_t + v_t \tag{63.6}$$

227

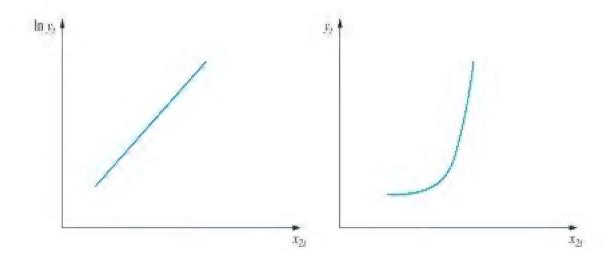
حيث (الموفاريةمي البسيط من النموذج ، vt = ln(ut) ، Xt = ln(xt) ، \alpha = ln(\beta_1) ، Yt = ln(yt) . وهكذا يجعل هذا التحويل اللوغاريةمي البسيط من النموذج معادلة انحدار خطيَّة ثُنائيَّة المتغيِّر، ويُمكن تقديرها باستخدام المربعات الصُّغري العاديَّة.

بشكل عام ووفقًا لمعالجة ستوك وواتسن (٢٠١١) (Stock and Watson (2011))، تُظهر الفائمة التالية أربعة صبغ دالبة مختلفة للنهاذج التي تُعتبر إمَّا خطُيَّة أو يُمكن تحويلها إلى خطُيَّة بعد إجراء تحويل خطِّي على مُتغيِّر أو أكثر من بين المتغيِّرات المستقلَّة أو المتغيِّر النابع، جدف التبسيط، تفحص هذه القائمة فقط التوصيف ثُنائي المتغيِّرات، كها نُشير إلى وجوب توخِّي الحذر هنا عند تفسير قيم المعاملات في كل حالة.

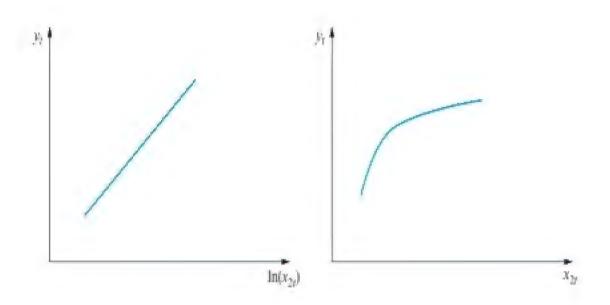
(١) النموذج الخُطِّي: $y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \mu_t$ ثُوْدي الزيادة في x_{2t} بوحدة واحدة إلى الزيادة في $y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t}$ وحدة.



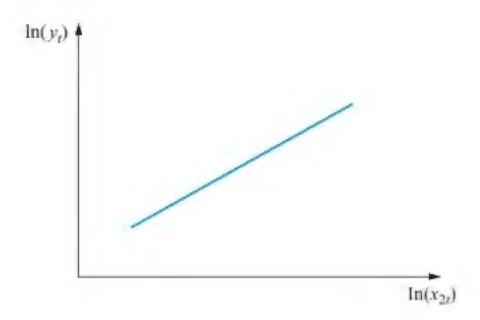
(٢) النموذج الخطّي اللوغاريتمي (Log-linear Model): النموذج الخطّي اللوغاريتمي (x_{2t} يُسبّب زيادة في x_{2t} بوحدة واحدة زيادة في النموذج الخطّي اللوغاريتمي (x_{2t} بوحدة واحدة زيادة في x_{2t} بوحدة واحدة زيادة في x_{2t} بوحدة واحدة زيادة في النموذج الخطّي اللوغاريتمي (x_{2t} بوحدة واحدة زيادة في x_{2t} بالنموذج الخطّي اللوغاريتمي النموذج الخطّي اللوغاريتمي النموذج الخطّي اللوغاريتمي النموذج الخطّي اللوغاريتمي النموذج الخطّي النموذج الخطّي اللوغاريتمي اللوغاريتمي النموذج الخطّي اللوغاريتمي النموذج النموذ



ب y_t في x_{2t} زيادة في x_{2t} بيسبَّب زيادة بـ ۱٪ في $x_{2t} = \beta_1 + \beta_2 \ln(x_{2t}) + u_t$:(Linear-log Model) في x_{2t} ويادة في x_{2t} النموذج اللوغاريتمي الخطّي (۲٪ في x_{2t} في x



(٤) النموذج اللوغاريتمي المزدوج (Double log Model): $x_{2t} = \beta_1 + \beta_2 \ln(y_t) = \beta_1 + \beta_2 \ln(x_{2t}) + u_t$ (يادة بـ ١٪ في x_{2t} زيادة في النموذج اللوغاريتمي المزدوج (Double log Model): x_2 سوف يكون أكثر تعقيدًا حيث إن شكل المنحنى سوف يعتمد على حجم y_t . β_2 . β_2



كما نُشير كذلك إلى أننا لا نستطيع استخدام R² أو R² المعدَّل لتحديد أي من هذه الأنواع الأربع من النهاذج هو الأنسب، ويرجع ذلك لكون المتغيَّرات التابعة تختلف من نموذج لآخر.

٩, ٩, ٥ إجراء اختبارات ريست باستخدام إفيوز

(RESET tests using EViews)

عند استخدام إفيوز نجد الاختبار ريست لرامزي في الفائمة View لنافذة الانحدار ('Msofireg') وتحت والمستخدمة المستخدمة المستخدمة في النموذج، نترك العدد الافتراضي ١ وذلك للاخذ بعين الاعتبار مُربع القيم المفدّرة لا غير، بالنسبة لهذا الانحدار يعتبر اختبار ريست لرامزي في حقيقة الأمر اختبارًا لمعرفة ما إذا كانت العلاقة بين فوائض عوائد السهم مايكر وسوفت والمنغيّرات الفسّرة خطيّة أم لا، تظهر نتائج هذا الاختبار المتضمّن لعنصر مُقدَّر واحد في الجدول التالي.

Equation: MSOFTREG.			
Specification: ERMSOR	T C ERSANDP DPRO	O DOREDIT DINFL	ATION
DMONEY DSPREAD	RTERM FEBSBOOM F	EB03DUM	
Omritted Variables: Squ	ares of fifted values		
	Value	네	Protostating
Fire Confirmation:	1 6/2202	343	0.08655
F statistic	2.796350	(1.313)	0,0065
Lexisthood ratio	2.881770	1	D.986.0
F-fest summery			
	Sum of Sq.	di	Mean Squares
Rest SSR	369.6734	1	369.6734
Restricted SSR	41747.69	314	1382 94648
Unreafricted SS-FC	41378.02	313	1052 19861

تعرض الصفوف الثلاث الأولى نسخ الاختبار في، إف وكا على التوالي، كما يُمكن أن نوى أن هناك دليلًا ضعيفًا على وجود اللاخطيَّة في معادلة الانحدار (على خلاف المستوى ٥٪، تُشير القيم بي أن إحصاءات الاختبار معتوبَّة عند المستوى ١٠٪)، وبالتالي يُستنج أن هناك تأبيدًا لفكرة مُلاءمة النموذج الخطَّى لعوائد السهم مايكروسوفت.

LES-lest surrenawy.				
		Matica	:41	
Floranceod LogL		-1246-6.10	334	
Umasholeri Logi.		10/46/307	363	
Tarsal Expanditures				
Chapselstons Variable E				
Mathani Luasi Sapana				
Date HZZBSZT I Toroc 1				
Consuplie venesibles son				
included administrations	394			
	Conflicant	Solut. Service	E - Sin Law I can Black	Profi
q	-0.200755	0.690422	-0.317605	0.751
F FEED CARRY 11 P	6 Sections see	Cl. 1 Swite 003	D. FORESINS	CL CHOCK
DPROD	-1.447799	1.2005709	- £ '5 CHARRING	0.230
DOMEDIA	- D. DOROGES 1	0.00000000	-D 449 150	0.658
DINIH WHEN	3. 508164 131	1.017013008	1 8292331	CL CHEST
OBACINEY	DEDUCE SHORE	C1 C1.11.410.000	12-751011340	C1 -6 (0.4)
DEMONSTRA	4.467.052	6.0000002	0.711675	0.477
FAIR FAISH	0.017010	2.286345	8 067 Tex 0246	CL STARK
4 E MGGCUJM	- 104 Extent	25-5444-331	-4.091300	CLUMPAT
A R RHOSCHUM	- 5 (2.5 (bar)/40)	35 A 10056	3. ASBM00	C) CHOCK
FITTED 2	0.011717	ST CHOZISSEZ	F-44-70/20030	C) CHES
F3 nepusered	0.353000	Mean depend	tem ver	-9.311488
Assumbed R-squared	0.303141	S. D. degseruje	ert voe	14.05007
75 E OF BOURSESSOR	5.1 (4)52.7 4	Alcohorofo co	descur	2.255541
Switch temperatured festival	0.1378 113	Suchweitz unibe	distant.	Z BHEHBH
Log likelithood	- 4 2 A 5 CHAY	Planusus-Quan	is certain	F (600)65 F (7)
F educations	148 SMR1003	Chartan Water	er stad	2 1003126

١٠ , ٥ إهمال مُتغيِّر مُهم

(Omission of an important variable)

ما هي الآثار التي سوف تترتّب عن استبعاد مُتغيّر يُعتبر من مُحدّدات المتغيّر التابع من النموذج؟ لنفترض على سبيل المثال أن العمليّة الحقيقيّة لكن غير المعلومة لتوليد البيانات تُمثّل بــ:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + \beta_5 x_{5t} + u_t$$
 (ov.o)

لكن الباحث قام بتقدير نموذج على الشكل التالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + u_t \tag{0.40}$$

بحيث أسقط المتغيِّر به من النموذج، ونتيجة لذلك تكون المعاملات المقدرة لجميع المتغيِّرات الأخرى مُتحيِّزة وغير متَسقة إلَّا إذا كان المتغيِّر المستبعد غير مُترابط مع كل المتغيِّرات المدرجة، كما نذكر أنه حتى وإن تم استيفاء هذا الشرط فإن القيمة المقدِّرة لمعامل الحد الثابت سوف تكون مُتحيِّزة، مما يعني أن أي تنبؤات مُحدثة من النموذج من شأنه أن تكون مُتحيزة، سوف تكون الأخطاء المعياريَّة كذلك مُتحيِّزة (نحيُّزًا إلى أعلى)، وبالتالي من الممكن أن تُسقر اختبارات القرضيات عن استدلالات غير مُناسبة، هذا وعرض دوجيرتي (١٩٩٢، ص ١٧٣ – ١٦٨) تخمينات أخرى تتعلَّق بسياقي هذا الموضوع.

١١, ٥ إدراج مُتغيِّر لا صلة له بالموضوع

(Inclusion of an irrelevant variable)

لنفتر ض الآن أن الباحث قام بنقيض الخطأ الذي قام به في القسم ١٠٠٥، أي أن العمليَّة الحقيقيَّة لتوليد البيانات تُمثّل كالآي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + u_t \tag{0.9.0}$$

لكن قام الباحث بتقدير نموذج على الشكل التالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + \beta_5 x_{5t} + u_t \tag{7.60}$$

وبالنالي دمج المتغيَّر غير الضروري أو المتغيَّر الذي ليس له صلة $x_{\rm S}$ ، وبها أن $x_{\rm S}$ هو مُتغيِّر ليس له صلة فإن القيمة المتنظرة ل $\theta_{\rm S}$ هي صفر، على الرغم من أنه في أي تطبيق عملي من المستبعد أن تكون القيمة المقدرة ل $\theta_{\rm S}$ تُساوي تمامًا لصفر، ونتيجة لإدراج المتغيِّر غير المهم، فإن مُقدَّرات المعاملات وإن ظلَّت مُتَّسة وغير مُتحيِّرة فهي غير كُفؤة، وهذا يعني أنه من المرجَّح أن تكون الأخطاء المتغيِّر غير المهم، فإن مُقدِّمة مُقارنة بها يُمكن أن تكون عليه في حالة لم يُدرج المتغيِّر غير المهم في النموذج، يُمكن كذلك للمتغيِّرات المعارية للمعاملات مُفخَدًّمة مُقارنة بها يُمكن أن تكون عليه في حالة لم يُدرج المتغيِّرات ليس لها علاقة بالظاهرة. بشكل عام يُمكن القول التي من شأنها عادة أن تكون معنويَّة حديًّا ألا تكون كذلك في ظل وُجود مُتغيِّرات ليس لها علاقة بالظاهرة. بشكل عام يُمكن القول أيضًا إن مدى خسارة الكفاءة يعتمد بشكل إنجابي على القيمة المطلقة للارتباط بين المتغيَّر غير المهم والمتغيَّرات المفسَّرة الأخرى.

بتلخيص القسمين الأخيرين يُمكن الفول إنه من الواضح أنه عندما نُحاول تحديد ما إذا كان الخطأ يتأتى من إدراج مُتغيِّرات أكثر عَّا يجب، أو أنه يتأتى من إدراج عدد غير كافٍ من المتغيِّرات في نموذج الانحدار، هناك دائيًا مُقايضة بين عدم الانساق والكفاءة، كما يرى كثير من الباحثين أنه في العالم المثالي سوف يتضمَّن النموذج المتغيِّرات الصحيحة فقط- لا أكثر ولا أقل من ذلك- إلَّا أن المشكلة الأولى تُعتبر أكثر خطورة من الثانية، وبالتائي في العالم الحقيقي ينبغي للمرء أن يُخطئ من جانب إدماج متغيِّرات معنويَّة حديًّا.

۱۲ , ٥ اختبارات استقرار المعلمات

(Parameter Stability Tests)

قُمنا إلى حد الآن بتقدير نهاذج على الشكل التالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + u_t \tag{71.0}$$

تتضمَّن هذه الانحدارات افتراض ضمني يتمثَّل في ثبات المعلمات (β، β، و β) للعيَّنة برمَّتها، سواء بالنسبة لفترة البيانات المستخدمة في تقدير النموذج أو لأي فترة لاحقة مُستخدمة في بناء التنبُّوات.

يُمكن اختبار هذا الافتراض الضمني باسنخدام اختبارات استقرار المعلمات، تنمثّل الفكرة في الأساس في تقسيم البيانات إلى فترات فرعيَّة، وتموذج لكامل البيانات، وبعد ذلك 'تُقارن' مجموع مربعات البواقي لكل نموذج من هذه النهاذج، هناك نوعان من الاختبارات التي سوف نتدارسهما، وهما اختبار تشاو (Chow Test) (تحليل التباين) واختبارات فشل التنبؤ.

الأطار رفيه (٧,٥) إجراء اختبار تشاو

(۱) تقسيم البيانات إلى فترتين فرعيتين، نقوم بتقدير الانحدار للفترة بأكملها ثم، وبشكل مُنفصل،
 للفترتين الفرعيتين (أي ثلاث انحدارات)، وهكذا نتحصل على مجموع مُربعات بواقى لكل انحدار.

(٢) يُعتبر الانحدار الفيد الآن الانحدار المخصص الكامل الفترة في حين أن "الانحدار غير المُقيد" يتأتى
 من جُزأين: جُزء لكل عينة فرعية. من الممكن إذًا إنشاء اختبار إف يقوم على الفارق بين مجاميع مُربعات البواقي،
 تكون الإحصاءة كالتالى:

$$\frac{RSS - (RSS_1 + RSS_2)}{RSS_1 + RSS_2} \times \frac{r - 2k}{k} = إحصاءة الإختيار (٦٢,٥)$$

حيث: RSS = مجموع مربعات البواقي للعيّنة بكاملها

RSS₁ = مجموع مربعات البواقي للعيّنة الفرعيّة ١

RSS₂ = مجموع مربعات البواقي للعيّنة الفرعيّة ٢

عدد المشاهدات T

2k = عدد المتغيّرات الانحداريّة في الانحدار "غير الْفَيّد" (لأن هذا العدد يتكوّن من جُزأين)

k = عدد المتغيّرات الانحداريّة في (كل) انحدار "غير مُقيّد"

الانحدار غير المُقبَد هو انحدار لم يُقرض فيه قيود على النموذج، بها أن القيد يتمثّل في كون المعاملات مُتساوية بين العيّنات الفرعية، فإن الانحدار المقبّد سوف يكون انحدارًا واحدًا للعينة بأكملها، وهكذا فإن هذا الاختبار يُعتبر اختبار لمعرفة إلى أي مدى يكون مجموع مربعات البواقي للعيّنة كلها (RSS) أكبر من حاصل جمع مجموع مُربعات البواقي للعينتين الفرعيتين (RSS₁ + RSS₂). كما نُشير إلى أنه إذا كانت المعاملات لا تتغيّر كثيرًا من عينة لأخرى فإن مجموع مربّعات البواقي لن يرتفع كثيرًا عند فرض القيد. وهكذا يُمكن اعتبار إحصاءة الاختبار في المعادلة (٥، ٦٢) تطبيقًا مباشرًا للصيغة العاديّة لاختبار إف المناقش في الفصل ٣. مجموع مربّعات البواقي المقيّد في المعادلة (٥، ٦٢) هو RSS في حين أن مجموع مربّعات البواقي غير المقيّد هو مجموع مربّعات البواقي المعادلة (٥، ٦٢) هو RSS في حين أن مجموع مربّعات البواقي غير المقيّد هو للعادلة (٣، ٣٠٤)، أمّا عدد القيود فهو يُساوي عدد المعاملات المقدّرة لكل من الانحدارين، أي k. بالنسبة لعدد المتغيّرات الانحداريّة في الانحدار غير المُقيّد (بها في ذلك الثوابت) فهو £2، بها أن الانحدار غير المُقيّد يتكوّن من مُجزأين، كل مُجزء يضم لا مُتغيّرًا انحداريًّا.

(٣) إجراء الاختبار، إذا كانت قيمة إحصاءة الاختبار أكبر من القيمة الحرجة للتوزيع إف، وهي
 (٣) أبر قُض إذًا فرضية العدم المتمثلة في أن المعلمات ثابتة على مر الزمن.

۱ , ۱۲ , ٥ اختبار تشاو

(The Chow test)

الخطوات التي ينطوي عليها هذا الاختبار مُبيَّنة في الإطار رقم (٥,٥)، كما تُشير إلى أنه من الممكن أبضًا استخدام منهج المتغيِّرات الوهمية لحساب كلَّ من اختبار تشاو واختبار فشل التنبؤ، في حالة اختبار تشاو يحتوي الانحدار غير المُقيَّد على مُتغيِّرات وهمية للمقطع (١٠)، لنفترض على سبيل المثال أن الانحدار على الشكل التالى:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + u_t \tag{17.0}$$

إذا تم تقسيم مجموع المشاهدات بحيث تحتوي العينات الفرعية على عدد T_1 و T_2 مُشاهدة (حيث إن $T_2 + T_1 = T$)، سوف يكون الانحدار غير المُقيَّد كالتالى:

$$y_{t} = \beta_{1} + \beta_{2}x_{2t} + \beta_{3}x_{3t} + \beta_{4}D_{t} + \beta_{5}D_{t}x_{2t} + \beta_{6}D_{t}x_{3t} + v_{t}$$
 (15.0)

حيث $D_t = 1$ إذا كان $T_t \in T_t$ وصفر خلاف ذلك، بعبارة أخرى يأخذ D_t القيمة واحد لمشاهدات العيّنة الفرعية الأولى، وصفر لمشاهدات العيّنة الفرعية الثانية، وعلى ذلك ومن هذا المنظور سوف يكون اختبار تشاو اختبار إف العادي للقيد المشترك: $B_t = 0 = B_t = 0$ و $B_t = 0 = B_t$ ، وتكون المعادلتان رقم (٦٤،٥) و (٦٣،٥) على التوالي الانحدار غير المُقيّد والانحدار المقيّد.

مثال(٥,٤)

النفترض أننا الآن في شهر يناير ١٩٩٣، نعتبر الانحدار التالي لـ ٤ نموذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة لعوائد السهم:

$$r_{gt} = \alpha + \beta r_{Mt} + \beta_3 x_{3t} + u_t \tag{30.0}$$

حيث يرمُز بيتا باستخدام بيانات شهريَّة ابتداء من سنة ١٩٨١ وإلى غاية سنة ١٩٩٧، وذلك للمساعدة في اثّخاذ قرار بخصوص اختيار السهم، كيا أبدى باحث آخر قلقه من أن انهيار سوق الأسهم في أكتوبر ١٩٨٧ قد يكون غيَّر جذريًّا العلاقة بين العائد والمخاطرة، اختبر هذا التخمين باستخدام اختيار تشاو، يكون النموذج لكل فترة فرعيَّة كالتالى:

الغم : 1981M1 - 1987M10

$$\hat{r}_{at} = 0.24 + 1.2 r_{Mt} T = 82 RSS_1 = 0.03555$$
 (77.0)

الفم ة 1987M11 - 1992M12

$$\hat{r}_{at} = 0.68 + 1.53r_{Mt} T = 62 RSS_2 = 0.00336$$
 (NV.0)

الفترة 1981M1 - 1992M12

$$\hat{r}_{gt} = 0.39 + 1.37r_{Mt} T = 144 RSS_1 = 0.0434$$
 (7A.0)

تتمثَّل فرضيَّة العدم في:

$$\beta_1 = \beta_2 + \alpha_1 = \alpha_2 : H_0$$

حيث ندل الرموز الشَّفليَّة ١ و ٢ على التوالي على العيِّنات الفرعيَّة الأولى والثانية، سوف تُقدم إحصاءة الاختبار بالمعادلة التالية:

$$7.698 = \frac{0.0434 - (0.0355 + 0.00336)}{0.0355 + 0.00336} X \frac{144 - 4}{2} = احضاءة الاختبار (٦٩٥٥)$$

عند المستوى ٥٪ بجب مُقارنة إحصاءة الاختبار بـ 3.06 = (2.140) . نرفُض ٢٥ عند المستوى ٥٪، وبالتائي لا يَجُوز استخدام القيد الذي يعنبر أن المعاملات هي نفسها في الفترتين، رُبها تستدعي النمذجة الملائمة توظيف فقط الجزء الثاني من البيانات لتقدير ببنا نموذج تسعير الأصول الرأسهائيَّة الذي اكتسب أهمَّية في اتخاذ قرارات استثباريَّة في أوائل سنة ١٩٩٣.

٥, ١٢, ٢ اختيار فشل التنيؤ

(The predictive failure test)

هناك مشكلة مع اختبار تشاو تتمثّل في ضرورة أن تكون البيانات كافية للقيام بالانحدار على كلَّ من العيّنات الفرعية، أي أن k > 0 هناك مشكلة مع اختبار تشاو تتمثّل في خالة كان العدد الإجمائي للمشاهدات المتاحة صغيرًا، بل إن ذلك أكثر رُجحانًا عندما يرغب الباحث في دراسة تأثير تقسيم العيّنة عند تُقطة قريبة جدًّا من بداية العيّنة أو قريبة جدًّا من نهايتها، هذا وتوجد صيغة بديلة لاختبار استقرار النموذج وهي اختبار فشل التنبؤ الذي يتطلب تقديرًا للعينة بأكملها إلى جانب تقدير لعيّنة فرعية واحدة، يعمل اختبار فشل التنبؤ من خلال نقدير الاتحدار على فترة فرعيّة "طويلة" (أي على مُعظم البيانات) ومن ثم استخدام القيم المقدّرة لتلك

المعاملات للتنبؤ بقيم لا للفترة الأخرى، يتم بعد ذلك ضمنيًّا مُقارنة هذه التنبؤات لـ لا بالقيم الفعليَّة، تتمثَّل فرضية العدم لهذا الاختبار، وعلى الرغم من أنه يُمكن التعبير عنها بعدة طرق تُحتلفة في أن أخطاء التنبؤ لجميع المشاهدات المتوقعة هي أصفار.

لحساب هذا الاختبار نقوم بـ:

- إجراء الاتحدار للفترة بأكملها (الانحدار المقيّد) والحصول على مجموع مربعات البواقي RSS.
- إجراء الانحدار للفترة الفرعيَّة "الطويلة" والحصول على مجموع مربعات البواقي (يُسمَّى RSS)، كما تُشير إلى أنه في هذا الكتاب سوف يرمُز T إلى عدد المشاهدات لتقدير الفترة الفرعيَّة الطويلة (حتى وإن كان هذا العدد يأتي في المقام الثاني)، أمَّا إحصاءة الاختبار فتُقدَّم بـ:

$$\frac{RSS-RSS_1}{HSS_1} \ge \frac{T_1-k}{T_2}$$
 الاختبار (۷۰٫۵)

 $F(T_2 | T_1 - k)$ عدد المشاهدات التي يُحاول النموذج 'التنبؤ' بها، سوف تتبع إحصاءة الاختبار التوزيع - T_2

لتقديم مثال توضيحي عن ذلك لنفترض أن الانحدار يكون مُجدَّدًا على المعادلة رقم (٦٣،٥)، وأن المشاهدات الثلاث الأخيرة في العيَّنة استُخدمت لاختبار فشل التنبؤ، يضُم الانحدار غير المُقيَّد ثلاثة مُتغيِّرات وهمية؛ واحدة لكل مُشاهدة من المشاهدات في ٢٤:

$$r_{at} = \alpha + \beta r_{Mt} + \gamma_1 D 1_t + \gamma_2 D 2_t + \gamma_3 D 3_t + u_t \tag{Vico}$$

حيث إن 1 = 10 للمشاهدة 2 - 7 وصفر خلاف ذلك، 1 = 10 للمشاهدة 1 - 7 وصفر خلاف ذلك، 1 = 10 للمشاهدة 1 - 7 وصفر خلاف ذلك، 1 = 10 للمشاهدة 1 - 7 وصفر خلاف ذلك، 1 = 10 للمشاهدة 1 - 7 وصفر خلاف ذلك، في هذه الحالة 1 - 7 و 1 - 7 و معاملات كل وصفر خلاف ذلك، في هذه الحالة و معاملات كل المتعبّر المستخدمين في إجراء الحتبار فشل المتعبّر المستخدمين المستخدمين في إجراء الحتبار فشل التنبؤ والمذكورين أعلاه متكافئين على الرغم من أنه من المرجّم أن يستغرق إعداد انحدار المتغبّرات الوهمية وقتًا أطول.

ومع ذلك بالنسبة لكلَّ من اختبار تشاو واختبار فشل التنبؤ يتَّسم منهج المتغيِّرات الوهمية بميزة أساسيَّة تتمثَّل في كونه يُوفر للمستخدم مزيدًا من المعلومات، تتأتى هذه المعلومات الإضافية من كون المستخدم يستطيع فحص معنويَّة معاملات المتغيِّرات الوهمية الفردية لمعرفة أي جزء من فرضية العدم المشتركة كان السبب وراه رفض هذه الأخيرة، على سبيل المثال وفي إطار انحدار نشاو، هل المقطع أم معاملات الميل بختلف معنويًا من عينة فرعيَّة لأخرى؟ وفي إطار اختبار فشل التنبؤ يُظهر استخدام منهج المتغيِّرات الوهمية في أي فترة (أو في أي فترات) تختلف أخطاء التنبؤ اختلافًا معنويًّا عن الصفر.

٣, ١٢, ٥ اختبار فشل التنبؤ الخلفي مُقابل اختبار فشل التنبؤ الأمامي

(Backward versus forward predictive failure tests)

هُناكُ نوعان من اختبارات فشل التنبؤ: الاختبارات الأماميَّة والاختبارات الحلفيَّة، اختبارات فشل التنبؤ الأمامي هي اختبارات يتم الاحتفاظ فيها بالمشاهدات القليلة الأخيرة لإجراء اختبار التنبؤ، لنفترض على سبيل المثال أن المشاهدات مُتاحة للفترة 1980Q1-2013Q4 والفيام بالتنبؤ على الفترة 1980Q1-2012Q4 والفيام بالتنبؤ على الفترة 2013Q4-2013Q4 والفيام بالتنبؤ الحلفي إلى القيام 'بالتنبؤ الحلفي' للمشاهدات القليلة الأولى، على مبيل المثال، إذا كانت البيانات مُتاحة في الفترة 1980Q1-2013Q4 وتم تقدير النموذج على الفترة 1971Q1-2013Q4 يكون التنبؤ الحلفي للفترة 1971Q1-2013Q4 يكون التنبؤ الحلفي للفترة 1980Q1-1970Q1 يكون التنبؤ الحلفي للفترة 1980Q1-2013Q4 وتم تقدير النموذج على الفترة 2013Q4 وترة العبنة.

مثال(٥,٥).....

لنفترض أن الباحث قرَّر تحديد مدى استقرار النموذج المقدر لعوائد السهم خلال كامل العيِّنة المذكورة في المثال (٤،٥) باستخدام اختبار فشل التنبؤ لمشاهدات العامين الماضيين، سيتم تقدير النهاذج التالية:

الفترة 1992M12 - 1987M1 (كامل العبُّنة)

$$\hat{r}_{at} = 0.39 + 1.37 r_{Mt} T = 144 RSS_2 = 0.0434$$
 (VY.0)

الفترة 1990M12 – 1981M1 ('عبنة فرعبة طريلة')

$$\hat{r}_{at} = 0.39 + 1.37 r_{Mt} \ T = 120 \ RSS_1 = 0.0420$$
 (VT.0)

هل يُمكن لهذا الانحدار 'توقُّع' قيم العامين الماضيين على نحو مُلاثم؟ تُقدم إحصاءة الاختبار بالمعادلة التالية:

$$0.164 = \frac{0.0434 - 0.0420}{0.0430} X \frac{120 - 2}{24} = الاختيار (احصاءة الاختيار (احصاءة الاختيار)$$

قارن إحصاءة الاختبار بـ 1,66 = (24,118) عند المستوى ٥٪، وبالتالي لن يتم رفض فرضيَّة العدم المتمثَّلة في أنه بُمكن للنموذج النبؤ على نحو مُلائم بالمشاهدات القليلة الأخيرة، وبذلك نستنتج أن هذا النموذج لا يُعاني من فشل التنبؤ خلال الفترة [991M1-1992M12].

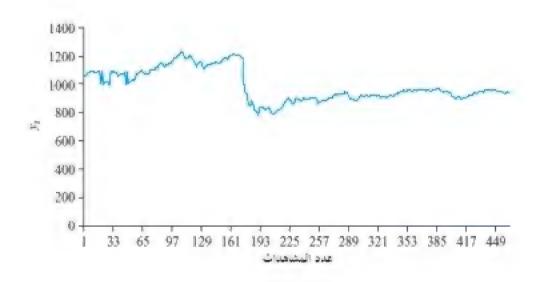
.....

\$, ١٢ , ٥ كيف بُمكن تقرير أي أجزاء فرعيَّة مُناسبة نستخدم؟

(How can the appropriate sub-parts to use be decided?)

كقاعدة عامة يُمكن استخدام كل الطرق التالية أو بعضها لاختيار مكان تقسيم العيِّنة الكليَّة:

- رسم المتغير التابع بيانيًا على مر الزمن وتقسيم البيانات وفقًا لأي تغيَّرات هيكلية واضحة في السلسلة، كما هو مُبيَّن في الشكل رقم (١٢).
- من الواضح أن y في الشكل رقم (١٢, ٥) خضع لانخفاض حادً في قيمته عند المشاهدة عدد ١٧٥ وأنه من الممكن أن يكون هذا قد سبَّب تغيّرًا في سلوكها، يُمكن بالتالي إجراء اختبار تشاو مع تقسيم العيّنة عند هذه المشاهدة.
- تقسيم البيانات وفقًا لآية احداث تاريخية هامة معروفة (مثل انهيار سوق الأسهم، تغيَّر في الهيكل الجزئي للسوق، انتخاب حكومة جديدة)، والحجة هي أن إحداث تغيير كبير في البيئة الضمنيَّة التي بُقاس داخلها لا تُعتبر المسبب الأرجح لإحداث تغيَّر هيكلي في معلمات النموذج مُقارنة بتغيير بسيط نسبيًّا.
 - استخدام جميع المشاهدات، ما عدا المشاهدات القليلة الأخيرة، والقيام باختبار قشل التنبؤ الأمامي على تلك المشاهدات.
 - استخدام جميع المشاهدات، ما عدا المشاهدات القليلة الأولى، والقيام باختبار فشلى التنبؤ الخلفي على تلك المشاهدات.



الشكل رقم (١٢) ٥) رسم بياني لمتغبّر يُظهِر اقتراح لتاريخ النغبُّر (Break date)

إذا كان النموذج جيِّدًا فإنه سوف يصمد عند إجراء اختبار تشاو أو اختبار فشل التنبؤ بأي تاريخ تغيَّر كان، إذا فشل اختبار نشاو أو اختبار فشل التنبؤ فيُمكن عندئذ اعتهاد منهجين؛ إمّا إعادة نوصيف النموذج، وذلك على سبيل المثال، بإدراج متغيَّرات جديدة، أو بإجراء تقديرات مُستقلة لكل عيَّنة فرعيَّة، من جهة أخرى إذا لم يُظهر اختبار تشاو أو اختبار فشل التنبؤ أي رفض لفرضيَّة العدم فيصبح عمليًّا من الممكن تجميع كافة البيانات معًا في نموذج واحد، سوف يُؤدي ذلك إلى زيادة حجم العيِّنة، وبالنالي زيادة عدد درجات الحرية مُقارنة بحالة استخدام عينات فرعية مُنعزلة.

ه , ۱۲ , ٥ اختيار كوانت لنسية الإمكان (The QLR test

تعمل اختبارات تشاو وفشل التنبؤ بشكل مرضي إذا كان بالإمكان تحديد تاريخ الانقطاع الهيكلي (Structural Break) في السلسلة الزمنية الماليَّة، لكن في أغلب الأحيان لا يعرف الباحث مُسبقًا تاريخ النغيُّر، أو أنه لا يعرف سوى أنه يفع ضمن نطاق مُعيَّن (مجموعة فرعيَّة) لفترة العيَّنة، في مثل هذه الظروف، يُمكن بدلًا من ذلك استخدام نسخة مُعدَّلة من اختبار تشاو، تُعرف باختبار كوانت لنسبة الإمكان (QLR)، وتُسمَّى فيها بعد كوانت (١٩٦٠)، يعمل هذا الاختبار عن طريق حساب آليَّ للإحصاءة المعتادة لاختبار إف لتشاو عديد المرات وبتواريخ تغيَّر مُختلفة ثم يتم اختيار تاريخ التغيُّر الذي يُعطي أكبر قيمة للإحصاءة إف، رغم أن إحصاءة الاختبار من النوع إف فهي سوف تتبع توزيع غير معباري عوضًا عن التوزيع إف، بها أننا انتفينا من بين عدد من الإحصاءات إف أكبرها عوضًا عن فحص واحدة منها.

يُنجز الاختبار على النحو الأمثل فقط عندما يكون مدى تواريخ التغيَّر المكنة بعيدة بها فيه الكفاية عن نقاط أطراف العيَّنة بأكملها، لذلك من المعتاد انقليم العيَّنة بنسبة ٥٪ (نموذجيًّا) عند كل طرف، لتوضيح ذلك لنفترض أن العيَّنة الكاملة نتضمَّن ٢٠٠ مُشاهدة، نختبر إذًا التغيُّر الهيكلي بين المشاهدات ٣١ و ١٧٠، تعتمد القيم الحرجة على مقدار تقليم العيَّنة، على عدد القيود تحت فرضيَّة العدم (عدد المتغيِّرات الانحداريَّة في الانحدار الأصلى لأن ذلك يُمثل فعليًّا اختبار تشاو)، وكذلك على مُستوى المعنويَّة.

١٢,٦ ، ٥ اختيارات الاستقرار المنيَّة على التقدير المتكرُّر

(Stability tests based on recursive estimation)

يُعتبر التقدير المتكرر (Recursive Estimation) بديلًا لاختبار كوانت لنسبة الإمكان، ويُستخدم في الحالة التي يعتقد فيها الباحث أن السلسلة تحتوي على تغبُّر هيكلي لكنه غير مُتأكد من تاريخه، وهو يُعرَف أحيانًا بالمربعات الصغرى التكررة (Least Squares الباحث أن السلسلة تحتوي على تغبُّر هيكلي لكنه غير مُتأكد من تاريخه، وهو يُعرَف أحيانًا بالمربعات الصغرى التكرر (Least Squares)، لا يُعتبر هذا الإجراء مُناسبًا (لًا لبيانات السلاسل الزمنية أو للبيانات المقدير المتكرر المتحدر (Market Capitalisation))، يتضمَّن التقدير المتحدار ببيساطة البدء بعينة فرعية من البيانات، تقدير الانحدار، ثم إضافة مُشاهدة واحدة في كل مرة وبشكل متنالي، وإعادة تشغيل الانحدار حتى نصل إلى نهاية العينة، كها نذكر أنه من الشائع أن نبدأ التقدير الأوَّل بأقل عدد مُكن من المشاهدة ١ إلى المشاهدة ١ إلى المشاهدة ١ عن إنتاج ٨ مُشاهدة ١ إلى المشاهدة ٢ موف تكون النتيجة النهائية عبارة عن إنتاج ٨ - ٢ تقدير عمل لكل معلمة من معليات نموذج الانحدار.

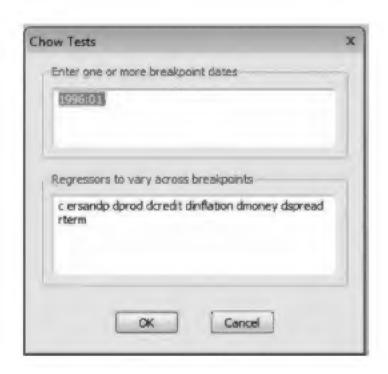
من المتوقع أن تتَّسم القيم المقدَّرة للمعلمات عند بداية الإجراء المتكررة نوعًا ما بعدم الاستقرار بها أنه تم إنتاج هذه القيم المقدَّرة باستخدام عددًا قليلًا جدًّا من المشاهدات، لكن السؤال الرئيس الذي يُطرح يتمحور حول معرفة ما إذا كانت القيم المقدَّرة متستقر تدريجيًّا، أم أنَّها ستظل تتقلب على مدى العينة بأكملها، تمثَّل رؤية هذه الأخيرة مُؤشرًا لعدم استقرار المعلمات.

ينبغي أن يكون واضحًا أنه على هذا النحو لا تُعتبر المربعات الصُّغرى المتكرَّرة في حدَّ ذاتها اختبارًا إحصائيًا لاستقرار المعلمات، بل إنها بالأحرى تُزوِّدنا بمعلومات نوعيَّة يُمكن رسمُها بيانيًّا، وبالتالي فهي تُعطي انطباعًا جدَّ مرئي عن مدى استقرار المعلمات، لكن هناك اختبارين هامين للاستقرار يُعرفان باختبارات CUSUM و CUSUMSQ، تُستمد من بواقي التقدير المتكرَّر (تُعرف بالبواقي المتكرَّرة) من المجاميع التراكميَّة للبواقي، تحت فرضيَّة العدم المتمثَّلة في الاستقرار التام للمعلمات، تكون إحصاءة CUSUM صفرًا رغم تضمينها العديد من البواقي في المجموع (الأن القيمة

 ⁽٥) تستند إحصاءات CUSUM و CUSUMSQ على وجه التحديد على أخطاء التنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل - أي الفوارق بين بن وقيمته المتوقعة استناذًا إلى
 المعلمات المقدرة في الزمن 1 - ع. انظر جرين (٢٠٠٢، الفصل ٧) ((Greene (2002, chapter 7)) للحصول على تفاصيل تفنية كاملة.

المتوقعة للاضطراب تكون دائرًا صفرًا)، يتم عادة رسم مجموعة الأشرطة ±٢ الخطأ المعياري حول القيمة صفر، وأية إحصاءة تقع خارج هذه الأشرطة تُعتبر دليلًا على عدم استقرار المعلمات.

كما يستند اختبار CUSUMSQ على نسخة مُطبعة من المجاميع التراكميَّة لمربعات البواقي، يتم التدرج كالتالي: تحت فرضيَّة العدم المتمثَّلة في استقرار المعلمات، تبدأ هذه الإحصاءة بالقيمة صفر، وتُنهي العيِّنة باتخاذها القيمة ١، عُدَّدًا، عادة ما يتم رسم مجموعة الأشرطة ±٢ الخطأ المعياري حول القيمة صفر، وأية إحصاءة تقع خارج هذه الأشرطة تُعتبر دليلًا على عدم استقرار المعلمات.



لقطة الشاشة رقم (٤, ٥) اختيار تشاو لاستقرار المعلمات.

٧, ١٢, ٥ اختبارات الاستقرار داخل إفيه ز

(Stability tests in EViews)

للوصول إلى اختبار تشاو داخل إفيوز القر قوق ...View/Stability Diagnostics/Chow Breakpoint Test من نافذة اللانحدار 'Msoftreg'. ادخل في النافذة الجديدة التي تظهر التاريخ الذي يُعتقد أن نقع فيه نقطة التغيَّر، نكتب المدخل 1996:01 في مُربع الحوار للقطة الشاشة رقم (٤, ٥) لقسمة العيَّنة إلى النصف تقريبًا، كما نُشير إلى أنه ليس من الممكن إجراء اختبار تشاو أو اختبار استقرار المعلمات عندما تكون هناك مُتغيِّرات وهمية شاذَّة في الانحدار، لذلك تأكد من أن FEB98DUM و FEB98DUM قد تم حذفها من قائمة المتغيِّرات، ويُعزى ذلك إلى أنه عندما تُقسَّم العيَّنة إلى جُزائِين فإن المتغيِّر الوهمي لأحد الجزائِين ستكون له قيم صفريَّة لجميع المشاهدات، وبالتالي هذا من شأنه أن يسبَّب التعدد الخطي التام (Perfect Multicollinearity) مع عمود الوحدة المستخدم للحد الثابت، لذا تأكَّد من أن اختبار تشاو يُجرَى باستخدام انحدار يحتوي على كافة المتغيرات المفسَّرة ما عدا الوهميَّة منها، تبعًا للإعدادات الافتراضية يسمح إفيوز لقيم جميع المعلمات أن تختلف بين العيَّنتين الفرعيَّين في الانحدارات غير المُقيَّدة،

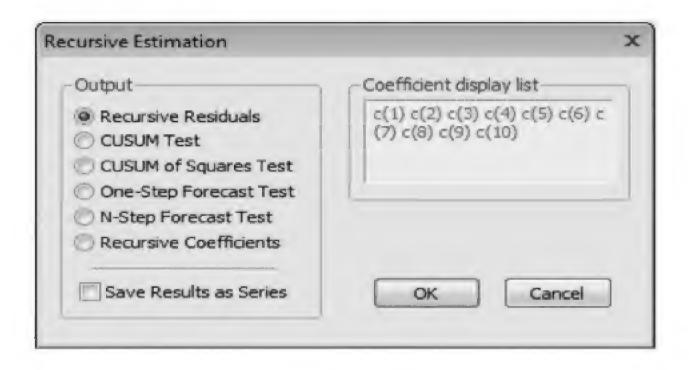
بالرغم أنه يُمكن إذا أردنا ذلك إجبار بعض المعلمات أن تكون ثابتة عبر العيَّنتين الفرعيَّتين، يُقدَّم إفيوز ثلاث نُسخ من إحصاءة الاختبار كما هو مُوضَّح في الجدول الثالي.

Chow Breakpoint Test:			
Null Hypothesis: No bre			
Varying regressors: C E			
DINFLATION DMONEY	DEDDEAD OTEDM		
DUAL PRINCIA DIAIGNET	DOLLICAD HICKIN		
Equation Sample: 1986			
Equation Sample: 1986		Prob. F(8,306)	0.6411
	M05 2013M04		0.6411

النسخة الأولى من الاختيار هي عبارة عن اختيار إف المألوف الذي يقوم بحساب الصيغة المقيَّدة والصيغة غير المقيِّدة للانحدار الإضافي المساعد، ثم 'يُقارن' مجاميع مُربعات البواقي، في حين تستند النسخ الثانية والثالثة على الصيغ آير. في هذه الحالة تكون إحصاءات الاختيار الثلاث جميعها أصغر من قيمها الحرجة، ولذلك لا يتم رفض فرضية العدم المتمنَّلة في أن المعلمات ثابتة بين العينتين الفرعيَّين، كما نُشير إلى أنه من الممكن استخدام اختيار تشاو للتنبؤ (أي اختيار فشل التنبؤ) بالنقر فوق View/Stability العينتين الفرعيَّين، كما نُشير إلى أنه من الممكن استخدام اختيار تشاو للتنبؤ (أي اختيار فشل التنبؤ) بالنقر فوق Diagnostics/Chow Forecast Test... خلال إدخال 1933، وربع الحوار يُقدِّم الجدول التالي نتائج هذا الاختيار (تُشير إلى أننا أدر جنا فقط السطرين الأوَّلين من النتائج لعدم الحاجة إلى الباقي في تفسير الاختيار).

Equation: MSOFTREG C ERSANDP DPROD			
	LACHELA LANGELA DAN	DMONEY DSPREAD	RITERM
	oservations from 2013M		
the property of the second	Control of the last of the same		
	Value	df	Probability
F-statistic	Value 0.518180	df (4,310)	Probability 0.7224

يُشير الجُدول إلى أن النموذج يستطيع بالفعل التنبؤ بشكل مناسب بمشاهدات ٢٠٠٧، وبالتالي فإن الاستنتاجات المنبثقة من شكلي الاختبار تُشير إلى أنه لا يوجد أي دليل عن عدم استقرار المعلمات، ومع ذلك فإن ما ينبغي حفًّا استنتاجه هو أن المعلمات مُستقرَّة بالنسبة إلى هذه التواريخ المعيَّنة للتغيَّر، ومن الجدير بالذكر أنه من الضروري أن يكون النموذج مُستقرًا بالنسبة إلى كل تواريخ التغيُّر التي نختارُها حتى يُمكن اعتباره نموذجًا مُناسبًا، لاختبار ذلك هناك طريقة جيَّدة تتمثَّل في استخدام أحد الاختبارات التي تستند على التقدير المتكرَّر.

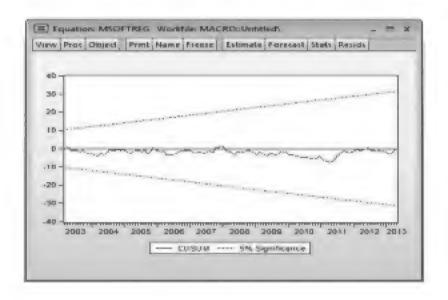


لقطة الشاشة رقم (٥,٥) رسم القيم المقدَّرة للمعاملات المتكرَّرة

انقر فوق ...(View/Stability Diagnostics/Recursive Estimates (OLS Only)، سوف نظهر لك قائمة كما في لقطة الشاشة رقم (٥,٥) تحتوي على عدد من الخيارات بما في ذلك اختبارات CUSUM و CUSUMSQ المذكورة أعلاه إلى جانب إتاحة الفرصة لرسم المعاملات المقدَّرة بشكل مُتكرِّر.

أَوَّلاً: حدَّد الحَانة بجانب Recursive coefficients وعندها سوف نتحصَّل على التقديرات المتكرَّرة لكل المعلمات المدرجة في الإطار 'Coefficient display list' الذي بضم افتراضيًّا جميع المعلمات، انقر فوق OK وسوف تبرز لنا ثمانية أشكال صغيرة؛ واحد لكل معلمة، تُظهر التقديرات المتكرَّرة ومن حولها الأشرطة ±٢ الخطأ المعياري، وكما ذُكر آنفًا تستغرق المعاملات بعض الوقت لكي تستفرَّ بها أن المجموعات القليلة الأولى قُدَّرت باستخدام عينات صغيرة، وعلى ضوء ما تقدَّم تُعتبر القيم المقدَّرة للمعلمات مُستقرَّة عبر الزمن بشكل ملحوظ، لنعد الآن إلى ...(CUSUM Test وعن ذلك.

بها أن الخط يقع تمامًا في نطافات الثقة فإن الاستنتاج يكون ثانية عدم رفض فرضيَّة العدم المتمثَّلة في استقرار المعلمات، نقوم الآن بتكرار ما سبق لكن نستخدم الاختبار CUSUMSQ بدلًا من الاختبار CUSUM. هل نُبقي على نفس الاستنتاج؟ (نعم) لماذا؟



لقطة الشاشة رقم (3, 9) الرسم البيال لاختبار CUSUM.

١٣ , ٥ أخطاء القياس

(Measurement Errors)

كما سبق وذُكر آنفًا من بين افتراضات نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي نجد افتراض عدم تصادُفيَّة المتغيِّرات المفسِّرة، من بين سُبل انتهاك هذه الفرضيَّة نذكر وجود علاقة سببيَّة ذات الجَّاهين بين المتغيِّر المفسِّر والمتغيِّر المفسِّر، سوف تُنافش هذه الحالة (نحبُّر المعادلات الآنيَّة) بالتفصيل في الفصل ٧، كما نذكر أن هناك حالة أخرى لا ينطبق فيها هذا الافتراض، وهي وجود خطا قياس في متغيِّر مُفسِّر أو أكثر، وهو ما يُعرف في بعض الأحيان بمسألة الأخطاء في قياس التغيِّرات (Errors-in-Variables)، كما يُمكن أن تحدث أخطاء القياس في العديد من الحالات، على سبيل المثال في مُنفيِّرات الاقتصاد الكلي الني غالبًا ما تكون كميَّات مُقدِّرة (الناتج المحلِّي الإجللي، التضخُّم، إلخ)، كذلك أغلب المعلومات الواردة في حسابات الشركة. على نحو مُحاثل نُصادف أحياتًا حالة لا نستطيع خلالها مُشاهدة أو الحصول على بيانات مُتغيِّر ما نكون بحاجة إليه، وبالتالي نحتاج إلى استخدام مُتغيِّر بديل (Proxy Variable) عُثلًا له، نذكر على سبيل المثال أن العديد من النهاذج تضمُّ كميَّات مُتوقِّعة (مثل النصخُّم المتوقِّع)، ولكن نظرًا لأنه لا بمكننا عادة قياس النوقعات، فإننا بحاجة إلى استخدام مُتغيَّر بديل، وبشكل أعم، يُمكن أن يكون خطأ القياس حاضرًا في المتغيَّر الديل أو في المتغيِّر المستقل، واستناول الأقسام الفرعية التالية كل حالة من هذه الحالات.

١ , ١٣ , ٥ خطأ القباس في المنغيِّر (أو المنغيِّرات) المفسِّر

(Measurement error in the explanatory variable(s))

لنفترض من أجل التبسيط أننا نرغب في تقدير نموذج يحتوي على مُتغيِّر مُفسِّر واحد فقط، يد:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + u_t \tag{Volo)$$

حيث يُمثِّل عد الاضطراب، لنفترض كذلك أننا قُمنا بخطأ عند قياس x بحيث بدلًا من رصد قيمته الصحيحة رصدنا تُسخة مُشوَّشة منها، x، تضم x الفعلي إضافة إلى بعض التشويش (Noise مُستقلًّا عن كل من xء و س:

$$\bar{x}_t = x_t + v_t \tag{V7.0}$$

نَأْخَذَ المعادلة رقم (٧٥،٥) ونقوم داخلها بتعويض ٤٠ يقيمته من المعادلة رقم (٧٦،٥) فتتحصَّا على:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2(\tilde{x}_t - v_t) + u_t \qquad (VV, \diamond)$$

يُمكننا إعادة كتابة هذه المعادلة بصياغة حد الخطأ المركب $(u_t - \beta_2 v_t)$ على حدة:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 \bar{x}_t + (u_t - \beta_2 v_t) \tag{VA.0}$$

كما ينبغي من خلال المعادلات رقم (٧٦،٥) و (٧٨،٥) توضيح أن المتغيَّر المقسَّر المقاس بشكل خاطئ (٤) وحد الخطأ المركب (عرب على من خلال المعادلات رقم (٧٦،٥) وبالتالي فإن شرط عدم تصادُفيَّة المتغيِّرات المفسِّرة غير مُتوفِّر، يُسبب ذلك معلمات مُقدَّرة بشكل غير مُتَسق، ويُمكن إثبات أن حجم التحيُّر في القيم المقدَّرة هسو دالة في تبساين التشويش في عد باعتبارها نسبة من التباين الكلي للاضطراب، كما يُمكن كذلك إثبات أنه عندما يكون على موجبًا فإن التحيُّر سوف يكون سالبًا، ولكن إذا كان على سالبًا فإن التحيُّر سوف يكون موجبًا، أي بعبارة أخرى سوف تكون القيم المقدَّرة داثهًا مُتحيِّرة نحو الصفر نتيجة لتشويش القياس.

عندما يتم قياس المتغيرات المفسّرة بشكل خاطئ، يُمكن أن يكون تأثير تحيُّز التقدير هذا تأثيرًا هامًّا جدًّا، كها يُمكن أن يكون مسألة خطيرة، ويشكل خاص عند اختبار نهاذج تسعير الأصول، يتكوّن النهج النقليدي لاختبار نهاذج تسعير الأصول الرأسهائيَّة، والذي أول من بادر إلى تقديمه هُما فاما وماكبث (١٩٧٣) (١٩٧٦) (١٩٧٦)، من مرحلتين (نُوقشت يمزيد من التفصيل في الفصل ١٤)، تتمثّل المرحلة الأولى في إجراء انحدارات مُنفصلة للسلاسل الزمنيَّة لكل شركة لتقدير المعاملات بيتا، فيها تنضمَّن المرحلة الثانية إجراء انحدارات مقطعية لعوائد الأسهم على المعاملات بيتا، وبها أن المعاملات بيتا والمراقة أولى عوضًا عن كونها مرصودة مُباشرة، فإنها سوف تحتوي بالتأكيد على خطأ قياس، يُسمَّى هذا التأثير في الأدبيات المائية أحيانًا بتحيِّر التخفيف، أمَّا الاختبارات الأولى لنهاذج تسعير الأصول الرأسهائيّة فقد أظهرت أن العلاقة بين المعامل بيتا والعوائد هي علاقة موجبة لكنَّها أقل عاكان مُتوقعًا، وهذا ما يحدث بالضبط نتيجة لخطأ في قياس معاملات بيتا، وقد اقتُرِّحت المحديد من المناهج لحل هذه المسألة، أكثرها شبوعًا هو منهج استخدام بينا المحفظة عوضًا عن استخدام بينا الأسهم الفردية في المرحلة الثانية، يُؤمل أن يُخفّف ذلك من خطأ التقدير في المعاملات بيتا، كها أن هناك منهجا القياس في المعاملات بيتا، كها أن هناك منهجا القياس في المعاملات بيتا، موف يقدَّم الفصل ١٤ مزيدًا من النفاش حول هذه المسألة.

٥ , ١٣ , ٥ خطأ القياس في المتغبّر المفسّر

(Measurement error in the explained variable)

يُعتبر خطأ القياس في المتغيِّر المفسَّر أقل خطورة بكثير عنَّا هو عليه في المتغير المفسَّر (المتغيِّرات المفسَّرة). للتذكر فإن أحد الدوافع لإدراج حد الاضطراب في نموذج الانحدار هو أنه يستطيع التفاط أخطاء القياس في ٧. وهكذا فعندما يُقاس المتغيِّر المفسَّر بشيء من الخطأ فإن حد الاضطراب سوف يكون مزيجًا مركَّبًا من حد الاضطراب المعتاد، إضافة إلى مصدر آخر للتشويش يتمثَّل في أخطاء القياس، في مثل هذه الظروف سوف تظل القيم المقدَّرة للمعليات مُتَّسقة وغير مُتحيِّزة، وكذلك تظل الصيغة المعتادة

المستخدمة في حساب الأخطاء المعياريَّة صيغة مناسبة، العاقبة الوحيدة التي تترتب عن ذلك هي أن التشويش الإضافي يعني زيادة حجم الأخطاء المعياريَّة مُقارنة مع حالة عدم وجود أخطاء قياس في y.

١٤, ٥ إسترائيجية لإنشاء نهاذج الاقتصاد القياسي ومناقشة فلسفات بناء النموذج

(A strategy for constructing econometric models and a discussion of model-building philosophies)

يتمثّل الهدف من وراء بناء نهاذج الاقتصاد القياسي في إنشاء نموذج تجريبي ملائهًا إحصائيًّا يستوفي افتراضات نموذج الاتحدار الخطّي الكلاسيكي، يكون شحيحًا (من حيث عدد المتغيِّرات)، لديه تفسير نظري سليم، ولديه كذلك 'الشكل' المناسب (أي أن كل علامات المعاملات 'صحيحة'، وكذلك كل أحجامها).

لكن كيف سيعمل الباحث على تحقيق هذا الهدف؟ هناك منهج دارج في بناء النهاذج يُعرف ب 'LSE' أو منهجيَّة التدرُّج من العام إلى الخاص (General-to-Specific Methodology) المقترنة بسارجان وهندري، ينطوي هذا المنهج أساسًا على البدء بنموذج كبير يكون إحصائيًّا مُلاثهًا، ثم تقييد النموذج وإعادة ترتيبه للوصول إلى صيغة نهائيَّة شحيحة، كما يُشدُّد منهج هندري (انظر جيلبرت يكون إحصائيًّا مُلاثهًا، ثم تقييد النموذج الجيَّد هو النموذج الذي يكون مُتَّسقا مع البيانات ومع النظريَّة، يشمل النموذج الجيَّد أيضًا النهاذج المنافسة، وهو ما يعني أن بإمكانه تفسير كل ما يُمكن للنهاذج المنافسة تفسيره وأكثر من ذلك، كما تُشير منهجية هندري إلى الاستخدام الواسع لاختبارات التشخيص للتأكد من الصلاحيَّة الإحصائية للنموذج.

كما نذكر أن هناك فلسفة بديلة لبناء نهاذج الاقتصاد القياسي سبقت بحوث هندري، وهي فلسفة تقوم على البدء بأبسط نموذج، ثم وبشكل مُتتالِ نُضيف إليه مُتغيِّرات بحيث يصبح تدريجيًّا أكثر تعقيدًا وأفضل في وصفه للواقع، يُعرف هذا المنهج المفترن بكويمنس (١٩٣٧) ((١٩٣٧) (Коортапз (1937)) أو بمنهج بكويمنس (١٩٣٧) ((١٩٣٧) (١٩٥٥) أحياتًا بمنهج النمذجة من الخاص إلى العام (١٩٨٦) (القتصادي بها أنه تم النمذجة المتجه من القاعدة إلى القمة ، كما أطلق جيلبرت (١٩٨٦) على هذا المنهج تسمية المتوسط الانحدار الاقتصادي بها أنه تم النطرُق إلى مُعظم النهاذج التطبيقيَّة في الاقتصاد القياسي على هذا النحو.

انتقد هندري والمتعاونون معه بشدَّة هذا المنهج بشكل رئيس على أساس أن اختبارات التشخيص إن وُجدت عُبرَى كما لو أنها اعتبارات ثانويَّة وبشكل محدود جدًّا، ومع ذلك إذا لم تُجرّ اختبارات التشخيص أو أنها لم تُجرّ إلَّا في نهاية عمليَّة بناء النموذج فمن المحتمل أن تكون جميع الاستدلالات السابقة باطلة، بالإضافة إلى ذلك إذا كان النموذج الأولي المحدِّد عمومًا موصوفًا بشكل سيئ فإن اختبارات النشخيص نفسها لا يُمكن الاعتباد عليها بالضرورة للدلالة على مصدر المشكلة، على سبيل المثال إذا أهمل النموذج المحدِّد في البداية مُتغبِّرات مُهمَّة في حد ذاتها مُترابطة تلقائيًا فإن إدراج فترات إيطاء للمتغبِّرات المدرجة في النموذج لن يكون العلاج المناسب لمعنوبَّة إحصاءة الاختبار WD، وبالتالي فإن النموذج المختار في نهاية المطاف في إطار منهج التدرُّج من الخاص إلى العام بُمكن أن يكون دون المثالبَّة، حيث إن النموذج المختار باستخدام منهج التدرُّج من العام إلى الخاص يُمثَل البيانات على نحو أفضل، في إطار منهج هندري تأتي اختبارات تشخيص الصلاحيَّة الإحصائية للنموذج في المقام الأوّل، مع فحصي لاستدلالات النظريَّة الماليَّة المستقات من النموذج المنهج عندري تأتي اختبارات تشخيص الصلاحيَّة الإحصائية للنموذج في المقام الأوّل، مع فحصي لاستدلالات النظريَّة الماليَّة المستقات من النموذج المنبغي إلى حين التوصَّل إلى النموذج الملائم إحصائياً.

استنادًا لهندري وريتشارد (١٩٨٢) ((Hendry and Richard (1982)) ينبغي للنموذج النهائي المقبول أن يَفِي بالعديد من المعايير (مُعدَّلة قليلًا هنا)، يجب أن يكون النموذج:

- مقبه لا منطقيًا.
- يتَّفق مع النظريَّة الماليَّة الأساسيَّة، بها في ذلك استيفاء أية قبود مهمَّة على المعلهات.
 - لديه مُتغيَّرات انحداريَّة غير مُترابطة مع حد الخطأ.
 - لديه قيم مُقدَّرة للمعلمات مُستقرة طوال العينة بأكملها.
- لديه بواقي تكون تشويشًا أبيض (White Noise) (أي أنها عشوائية تمامًا و لا تُظهر أية أنهاط مُحدَّدة).
 - قادرًا على تفسير نتائج جميع النهاذج المنافسة له وزيادة.

تُعرف آخر نقطة من النقاط السابقة بمبدأ الشمولية (Encompassing Principle)، عندما يُؤْوِي النموذج داخله نموذجًا أصغر منه فإنه يحتويه دائيًا بشكل جزئي، لكن تُحيَّذ النموذج الصغير بشكل خاص إذا كان يستطيع تفسير نتائج النموذج الأوسع، وهو ما يُعرف بالشموليَّة الشحيحة.

ومن مزايا المنهج المتجه من العام إلى الخاص هو أنه يُعتبر مُناسبًا إحصائيًّا، وأن النظريَّة التي تستند عليها النهاذج عادة لا تقول شيئًا بخصوص هيكل فترة إبطاء النموذج، وبالتالي فإن هيكل فترة الإبطاء المدرج في النموذج النهائي يُحدَّد إلى حد كبير بالبيانات نقسها، بالإضافة إلى ذلك عادة ما تُعتبر النبعات الإحصائية الناجمة عن استبعاد مُتغبَّرات مُهمَّة أكثر خطورة من تلك الناجمة عن إدراج مُتغبِّرات ليس لها علاقة بالظاهرة.

غُبرَى المنهجية المتدرَّجة من العام إلى الخاص على النحو التالي، تتمثَّل الخطوة الأولى في تشكيل نموذج 'كبير' يتكوَّن من العديد من المتغيَّرات في الجانب الأيمن من المعادلة، يُعرف هذا النموذج بالنموذج المعمَّم غير المقبَّد (Generalised Unrestricted) والذي يجب أن ينبثق من النظريَّة الماليَّة إضافة إلى وجوب احتوائه على جميع المتغيَّرات التي يُعتقد أنها تُؤثر على المتغيَّر التابع، يتعيَّن على الباحث في هذه المرحلة التأكُّد من أن النموذج يستوفي كل افتراضات نموذج الانحدار الخطِّي الكلاسيكي، عند انتهاك هذه الفرضيَّات بنعيَّن اخَّادُ الإجراءات المناسبة لمعالجة ذلك، على سبيل المثال تطبيق اللوغاريتيات، إضافة فترات إبطاء، إضافة مُتغيِّرات وهيَّة.

من المهم إجراء الخطوات السابقة قبل إجراء أي اختبار فرضيات، كها تجدر الإشارة إلى أنه ينبغي أن تُفسر اختبارات النشخيص الواردة أعلاه بكل حذر بوصفها اختبارات عامة بدلًا من أنها اختبارات خاصة، بعبارة أخرى ينبغي تفسير رقض اختبار وابت تشخيص لفرضية عدم مُعيَّة على أن هناك خللًا ما في النموذج، وهكذا وعلى سبيل المثال، إذا أظهر اختبار ريست أو اختبار وابت رفضًا لفرضية العدم فلا يجب تفسير هذه النتائج مُباشرة على أنها تعني أن الإجراء المناسب هو إيجاد حل على التوالي للشكل الداليًّ غير المناسب، أو لاختلاف تباين البواقي، من الممكن في كثير من الأحيان أن تُسبب مشكلة واحدة في النموذج انتهاك العديد من الفرضيات في آن واحد، على سبيل المثال، من الممكن أن يُسبب إسقاط مُتغيَّر من النموذج إخفاقًا في اختبار ريست، أيضًا في اختبار الارتباط الذاتي، وبالمثل يُمكن لعدد قليل من القيم الشاذَة الكبيرة التسبب في عدم الاعتدال وارتباط البواقي (في حالة كانت مُتفارية من بعضها في العبينة)، وفي اختلاف التباين (في حالة حدوث القيم المتطرفة لعدد قليل من المنعبرات المناسبة في عدم الاعتدال وارتباط المفسرة)، وعلاوة على ذلك لا تعمل اختبارات التشخيص في حد ذاتها على النحو الأمثل في ظل وجود أنواع أخرى من سوء التوصيف؛ لأنها تفترض بالأساس أن النموذج موصوف بشكل صحيح في جميع النواحي الأخرى، على سبيل المثال ليس من الواضح التعبارات اختلاف التباين سوف تعمل بشكل جيَّد إذا كانت البواقي مُترابطة تلقائبًا.

بعد الحصول على النموذج الذي يستوفي افتراضات نموذج الانحدار الخطّي الكلاسيكي يُمكن أن يكون النموذج كبيرًا جدًّا، بحيث يضم عددًا كبيرًا من فترات الإبطاء ومن المتغيِّرات المستفلَّة، تتمثَّل المرحلة الثانية إذًا في إعادة ضبط مُتغيِّرات النموذج وذلك بالتخلّص من المتغيِّرات الانحداريَّة التي تكون غير معنويَّة جدًّا، قد تختلف كذلك بعض المعاملات عن بعضها البعض اختلافًا بسيطًا بحيث يُمكن دمجها، كما يجب في كل مرحلة التحقق من أن افتراضات نموذج الانحدار الخطّي الكلاسيكي لا تزال قائمة، إذا كان الأمر كذلك، ينبغي أن يكون الباحث توصّل إلى نموذج تجريبي مُلاثيًا إحصائيًا يُمكن استخدامه في اختبار النظريّات الماليّة الضمنيّة، في النبؤ بالقيم المستفيليّة للمتغيّر التابع وكذلك في صياغة السياسات.

ومع ذلك فإنه غني عن القول إن المنهج المتجه من العام إلى الخاص لديه أيضًا نُقاده. لا يُمكن تنفيذ هذا المنهج إذا كان حجم العينة صغيرًا أو مُتوسِّطًا. في مثل هذه الحالات، سوف يدل العدد الكبير من المتغيرات المفسِّرة ضمنًا على عدد صغير من درجات الحرية. وقد يعني ذلك أن أبًا من المتغيرات سيكون معنوي، خصوصًا إذا كانت هذه الأخيرة جدِّ مُترابطة. إذا كان الأمر كذلك، فلن يكون واضحًا أي مُتغيِّر من القائمة الطويلة الأصليَّة للمُتغيِّرات الانحداريَّة المرشحة يجب حذفه لاحقًا. بالإضافة إلى ذلك وفي كل الحالات، يُمكن أن يكون للقرار المتعلَق بها يتعين حذفه من المتغيِّرات انعكاسات وخيمة على التوصيف النهائي للنموذج. كها يُمكن لمتغيِّر معنوي أن يُصبح معنوي في مرحلة لاحقة إذا ما أُسقطت مُتغيِّرات أخرى بدلًا عنه.

من الناحية النظريَّة، بجب التحقّق بعناية من حساسيَّة التوصيف النهائي لمختلف المسارات المحتملة لحذف المتغيِّرات؛ غير أن ذلك قد يعني فحص العديد (وربها المنات) من التوصيفات الممكنة. كها يُمكن أنْ يُؤدي ذلك أيضًا إلى العديد من النهاذج النهائية التي لا يبدو أيّ منها أفضل بصورة ملحوظ من الآخرين.

كما نأمل أن يُؤدّي المتهج المتجه من العام إلى خاص، إذا ما اتبع كما ينبغي حتى النهاية، إلى الحصول على نموذج سليم إحصائيًا بنجح في اجتياز كافة الاختبارات المعتادة لتشخيص النهاذج ويحتوي فقط على مُتغيِّرات انحداريَّة معنويَّة إحصائيًا. ومع ذلك، يُمكن أن يكون النموذج النهائي أيضًا مخلوقًا غربيًا يخلو من أي تفسير نظري، كما سوف يكون هناك أكثر من مجرد فُرصة عابرة أمام هذا النموذج ليكون نتاج لعملية تنقيب في البينات أثبتت صحتها إحصائيًا. من شأن هذا النموذج أن يتناسب إلى حد كبير مع عينة البيانات التي بين يدينا، لكن من الممكن أن يفشل فشلًا ذريعًا عند تطبيقه على عينات أخرى إذا لم يستند على نحو سليم إلى النظرية، سوف تجد فيها بلي مثال آخر عن استخدام نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي في مجال الماليَّة، يقوم على دراسة لمحدّدات التصنيف الانتهاني السيادي (Sovereign Credit Rating) من قبل كانتور وباكر (1993) (1996) (Cantor and Packer (1996))

٥,١٥ عدَّدات التصنيف الاثنهان السَّيادي

(Determinants of sovereign credit ratings)

۱ , ۱۰ , ٥ خلفية

(Background)

تُعتبر التصنيفات الانتهائية السيادية تقييمًا لمخاطر الديون التي تُصدرها الحُكومات، وهي تُجسَّد تقديرًا لاحتهال عدم وفاء المقترض بالتزاماته، هناك وكالتان أمريكيتان شهيرتان للتصنيف، وهما وكالة موديز ووكالة ستاندرد أند بورز (S&P)، وهي وكالات تُوفّر تصنيفات لكثير من الحكومات، وعلى الرغم من أن الوكالتين تستخدمان رموزًا مُختلفة للدلالة على المخاطرة المقترنة بمقترض مُعيَّن إلَّا أن التصنيفات التي تُوفّرها مُتشابهة، ينفسم التصنيف إلى فتين رئيستين: فنة استثراريَّة (Speculative Grade) وفئة مُضاربة (Speculative Grade)، تتميَّز الجهات المُصْدِرة للسندات ذات التصنيف الاستثراريَّ بقدرة سداد جيَّدة أو مقبولة، في حين تتميَّز الجهات المُصْدِرة للسندات ذات التصنيف الخاضع للمضاربة إمَّا بدرجة عالية من عدم التأكد بشأن ما إذا كانت ستقوم بالسداد، أو أنها أصلًا عاجزة عن السداد، أعلى تصنيف تمنحه هذه الوكالات هو 'A ثلاث مرَّات'، والذي يُشار إليه بـ 'Aaa' في تصنيف موديز، وبـ 'AAA' في تصنيف يُمنح لأعلى مُستوى قدرة سداد، بالنسبة لعيَّنة كانتور وباكر فإن أقل درجة تصنيف سيادي مُستدة هي B3 (بتصنيف موديز) أو -B (بتصنيف S&P)، وبالتائي فإن عدد تصنيفات نوع الدَّين من الأعلى إلى الأدنى مرتبةً المنوحة للحكومات هو ١٦ صنفًا.

يتمحور الهدف الرئيس لورقة بحث كانتور وباكر في محاولة شرح ونمذجة الكيفيّة التي توصّلت بها الوكالات إلى تصنيفاتها، وعلى الرغم من أن التصنيفات في حد ذاتها مُتاحة للعموم إلّا أن النهاذج أو الأساليب المستخدمة للوصول إلى تلك التصنيفات ظلّت تكتنفها السريّة، كها لا توفّر هذه الوكالات تقريبًا أي تفسير عن الأوزان النسبيّة للعوامل التي يتشكّل منها التصنيف، وبالتالي فإن نموذج محدَّدات التصنيفات الاثنهائية السيادية يمكن أن يكون مفيدًا في تقييم ما إذا كانت وكالات التصنيف تصرَّفت بصورة عقلاتية أم لا، كها يُمكن أيضًا أن تُستخدم مثل هذه النهاذج في محاولة التنبؤ بالتصنيف الذي سيتم منحه المقترض سيادي لم يسبق تصنيفه، أو عند احتهال حدوث إعادة تصنيف، وتواصل ورقة البحث -إضافة إلى مسائل أخرى - النظر فيها إذا كانت التصنيفات تُضاف أم لا إلى جملة المعلومات المتاحة للعموم، وعمًّا إذا كان من الممكن تحديد العوامل التي تُؤثر على كيفيَّة استجابة العائدات السياديَّة لإعلانات التصنيف.

۲ , ۱۰ , ۹ البيانات

(Data)

نحصًل كاتنور وباكر (١٩٩٦) على عبّنة تتألّف من تصنيفات ديون حكوميّة لتسع وأربعين دولة، بدءًا من سبتمبر ١٩٩٥، وتتراوح بين التصنيفات الواردة أعلاه. يُقاس مُتغبّر التصنيف كمبًا بحيث يتم منح الدرجة ١٦ لأعلى جودة انتيان (٨٨١/٨٨٨) في العبيّنة، في حين يتم منح الدرجة ١ لأدنى تصنيف سيادي (-83/B)، تُشكّل هذه الدرجة المتغبّر التابع، أمّا العوامل التي تُستخدم لتفسير النغبّر في درجات النصنيفات فهي مُتغبّرات الاقتصاد الكلي، تُجسّد كل هذه المتغبّرات العوامل التي من المحتمل أن تُوثر على قدرة الحكومة واستعدادها لخدمة تكاليف ديونها، ومن الناحية المثاليّة ينبغي أن يتضمّن النموذج أيضًا مُتغبّرات بديلة للعوامل الاجتماعية والسياسية، لكنها مُتغبّرات يصعبُ قياسها بموضوعية، وبالتالي لن يتم تضمينها في النموذج، كما نذكر أن كيفيّة إعداد قائمة العوامل لم تكن واضحة في ورقة البحث، بالنسبة للمتغبّرات (مع وحدات قياسها) المدرجة في النموذج فهي:

- مُتوسَّط دخل الفرد (في سنة ١٩٩٤، بآلاف الدولار الأمريكي)، يذكر كانتور وباكر أن مُتوسَّط دخل الفرد بُحدَّد الوعاء الضريبي الذي يُؤثر بدوره على قدرة الحكومة على تحصيل الإيرادات.
- تُمو الناتج المحلي الإجمائي (المتوسَّط السنوي لـ ١٩٩١٠)، بُذكر أن زيادة معدل نمو الناتج المحلي الإجمائي تُعتبر مقياسًا لدى السهولة التي ستصبح عليها خدمة تكاليف الديون في المستقبل.

- التضخّم (المتوسّط السنوي لـ ١٩٩٢، ٪)، يذكر كانتور وباكر أن ارتفاع مُعدَّل التضخَّم يُوجِي بأنه سوف يُستخدم عويل نقدي تضخَّمي لخدمة الدين عندما تكون الحكومة غير راغبة أو غير قادرة على رفع العائدات المطلوبة من خلال نظام الضرائب.
- الميزان المالي (أو الرصيد المالي) (مُتوسَّط فائض الميزانية الحكومية السنوية كنسبة من الناتج المحلي الإجمالي لـ ١٩٩٢، ١٩٩٢،
 ١)، مرة أخرى يُظهر العجز المالي الكبير أن الحكومة لديها قدرة ضعيفة نسبيًّا على تحصيل إيرادات إضافية وخدمة تكاليف الديون.
- الميزان الخارجي (مُتوسَّط فائض الحساب الجاري السنوي كنسبة من الناتج المحلي الإجمالي لـ ١٩٩٢٠٤، ٪)، يذكر كانتور
 وباكر أن عجز الحساب الجاري المستمر يُؤدي إلى زيادة المديونية الخارجية، وهو أمر قد لا يُمكن تحمُّله على المدى الطويل.
- الديون الخارجية (الديون بالعملة الأجنبية كنسبة من الصادرات في سنة ١٩٩٤، ٪)، نفس الاستنتاج كما بالنسبة للميزان الخارجي (وهو التغيَّر في الديون الخارجية مع مرور الوقت).
- مُتغير وهمي للتنمية الاقتصادية (=١ إذا كان البلد مصنّفًا مُتقدّمًا من قِبَل صندوق النقد الدولي و خلاف ذلك)، يذكر
 كانتور وباكر أن وكالات النصنيف الانتهاني تُدرَك أن البلدان النامية أكثر خطورة نسبيًا عمّاً تُقرُّه قيم العوامل الأخرى
 المذكورة أعلاه.
- مُتغير وهمي لسوابق التخلّف عن السداد (= ۱ إذا كان البلد قد نخلّف عن السداد سابقًا و خلاف ذلك)، يُمكن القول: إن الدول التي فشلت في السابق في سداد الدين تتكبّد انخفاضًا كبيرًا في تصنيفها الانتهاني.

كما تُشير إلى أن تم تحويسل مُتغيرات الدخل والتضخُّم إلى مُتغيِّرات لوغاريتمية، وأن النموذج خسطي، استُخددمت في تقسديره المربعسات الصَّغرى العباديَّة، مسوف بُلاحظ بعض فسراء هذا الكتباب الذيبن لديهم خلفية في الاقتصاد القياسي أن طريقة المربعات الصَّغرى العاديَّة لبست تمامًا طريقة التقدير الصحيحة عندما يكون بإمكان المتغيِّر التابع النَّاذ قيم من بين مجموعة عدودة معيِّنة من القيم (في هذه الحالة، ١، ٢، ٣، ٤، ١٠)، في مشل هذه التطبيقسات عبادة ما تُسعتبر تقنيسة بروبيت مرتَّب (ondered probit) (لا يشملها هذا النص) من بين التقنيات الأكثر ملاءمة، هذا ويذكر كانتور وباكر أن أي منهج آخر خلاف منهج المربعات الصُغرى العاديَّة سيكون غير قابل للتنفيذ نظرًا لحجم العيَّة الصغير نسبيًّا (تسع وأربعون مُشاهدة)، والعدد الكبير من فئات التصنيف (ست عشرة فئة).

غُرضت نتائج انحدار قيمة التصنيف على المتغيَّرات المذكورة أعلاه في الجدول ٥ لكانتور وباكر، تم تكييف هذه النتائج وعرضها هنا كما في الجدول رقم (٢,٥)، أُجريت أربعة انحدارات، كل منها يضمُّ نفس المتغيِّرات المستقلة، لكن المتغيِّر التابع مُحتلف، هذا وأُجريت انحدارات لدرجة التصنيف المقلَّمة من قِبَل كل وكالة على حدة مع عرض للنتائج في الأعمدة (٤) و (٥) من الجدول رقم (٢,٥)، تُعطي وكالات التصنيف في بعض الأحيان درجات مُحتلفة لبلد ما، ففيها يتعلَّق بإيطاليا على سبيل المثال تمنح وكالة موديز فذا البلد التصنيف ١٨، وهو ما يُولد الدرجة ١٤ على مقياس ١٦، في المقابل تمنح وكالة التصنيف ١٨٥ مُحدار يضم مُحتلف المورجة للوكالتين، وكذلك الفارق بين الدرجتين كمُتغيِّرات تابعة، تُعرض التتائج على التوالي في الأعمدة (٣) و (١) من الجدول رقم (٢,٥).

			ت الاثتمانية السيادية	بآثار التصنيقا	الجدول رفع (۲، ۵) مُحَدُّدات و
المتغيتر التابع				الملامة	المتعتر المفسر
S&P الفارق بين موديز و	تصنیف S&P	تصنيف موديز	منتوشط التصنيف	المتو قعة	(1)
(1)	(0)	(٤)	(T)	(۲)	
*r,9r4	+,078-	٣,٤٠٨	1,887	ę	1 els
(170,7)	(-***-)	(1,474)	(·, ٦٦۴)	Ÿ	المقطع
443,+444	AD3,FOOM	*****	*****		
(-۸۸۲,۲)	(٦,·٤٨)	(£,+£1)	(o,t'+T)	+	مُنوسَط دخل الفرد
+,+ £+-	***,171	*,17**	•,101		
(-, rov, +)	(۲,۱۳۲)	(1,010)	(1,970)	+	نُمو الناتج المحلي الإجمالي
+, + ** 4_	章章章,0 9 3-	*,٦٣*—	章章*・、フリリー	-	التضخم
(-077,-)	(- (VF, T)	(-r•v,r)	(ተ,ለተባ–)		
, £A-	* . , . qv	*,* £ 9.	*,*VT		1011 51 - 71
(YV{-)	(1,71)	(A1A,+)	(١,٣٢٤)	+	الميزان المالي
+,++7	*,** 4	4,44%	٠,٠٠٣		
(*,vv4)	(*,* {7)	(+,040)	(+,٣١٤)	+	الميزان الخارجي
幸幸辛・・・ ξ —	***. 11-	· *** * 10-	泰帝帝。, + 1 年-		
(Y,17Y-)	(-777,3)	(a,٣٦a=)	(o,+AA-)	-	الدين الخارجي
·,٣٦٢	###Y,o Qo	****, 907	###¥Y,VV\		
(+,A1)				+	مُنغيّر وهمي للتنمية الاقتصاديّة
	(17,4,7)	(8,170)	(6,40)		
中央中1、10日	- ドヤア、マヤヤー	^{単単} 1,7〒—	母母母 女,+ £ Y—	_	مُتغَيِّر وهمي لسوابق التخلّف عن
(777,7)	(-777,7)	(T,+ 9V-)	(で, い ロー)		السداد
*,447	٠,٩٢٦	.,4.0	*,9Y£		R2 المعدّل

ملاحظات: وُضعت النسب تي بين قوسين، تُشير * ، *= و *== إلى المعنويَّة عند المستويات ١٠٪، ٥٪ و ١٪ على التوالي.

المصدر: كانتور وباكر (١٩٩٦)، أعيد نشره بترخيص من المستثمر التوسيسي (Institutional Investor).

٣ , ١٥ , ٥ تفسير النهاذج

(Interpreting the models)

يصعب تفسير النهاذج من حيث الصلاحية الإحصائية، بها أنه عمليًّا لم يتم إجراء أيَّة اختيارات تشخيص، كها تُعتبر قيم R² المعدَّل للانحدارات المقطعية، والتي تتجاوز ٩٠٪ في كل انحدار من انحدارات التصنيف الثلاث، مُرتفعة مُشيرة بذلك إلى أن النموذج يبدو قادرًا على التقساط مُعظم تغيَّرية التصنيفات حول قيمها المتوسَّطة على امتداد العيَّنة، كما نذكر أنه ليس هناك فيما يبدو أي محاولة لإعادة ضبط مُتغيِّرات النموذج المقدَّم في ورقة البحث، لذا يُقترض أن المؤلِّفيُنِ توصَّلاً إلى هذه المجموعة من النهاذج بعد شيء من البحث.

كها تتميَّز البواقي في هذا التطبيق على وجه الخصوص بتفسير مثير للاهتهام باعتبارها الفرق بين التصنيفات الفعلية والتصنيفات المجهَّزة من الانحدار، سوف تكون النصنيفات الفعلية أعدادًا صحيحة بين 1 و 17 على الرغم من أن القيم المجهَّزة من الانحدار -وبالتالي البواقي- يُمكن أن تتَخذ أيَّة قيمة حقيقية، يذكر كانستور وباكر أن النموذج يُقدَّم نتائج جيَّدة بها أنه ليس هناك بواق أكبر من ٣ بحيث لا يوجد أي تصنيف مُقدَّر أكبر بثلاث رُتب من التصنيف الحقيقي، وأن أربع دول فقط لديها بواقي أكبر من رُتبتين، وعلاوة على ذلك فإن ٧٠٪ من البلدان توقَّعت تصنيفاتها على نحو صحيح (أي أن القيمة المطلقة للبواقي أقل من ٥٠٠).

لنتقل الآن إلى تفسير النهاذج من منظور ماني؛ فمن المثير للاهتهام فحص ما إذا كان للمعاملات علامات وأحجام مُتوقَّعة أم لا، تُعرض العلامات المتوقَّعة لنتائج الانحدار الموضوعة في الأعمدة (٣)-(٥)، في العمود (٢) من الجدول رقم (٢,٥) (مثلها حدَّدها هذا الكاتب)، كما يُمكن أن ترى أن كل المعاملات لها علامات مُتوقَّعة، على الرغم من أن مُتغيِّرات المبزان المالي والمبزان الحارجي الحست معنويَّة، أو أنها معنويَّة هامشيًّا في جميع الحالات الثلاث، كما يُمكن تفسير المعاملات على أنها مُتوسِّط التغيِّر في درجة التصنيف التي قد تنجم عن التغيِّر بوحدة واحدة في المتغيِّر، فعلى سبيل المثال، سوف يُؤدَّي الارتفاع في الدخل الفردي بـ ١٠٠٠ في المتوسط إلى زيادة التصنيف بـ ١٠ وحدة وفقًا لتصنيف موديز، وبـ ٥ ، ١ وحدة وفقًا لتصنيف وافتراض تُساوِي كل العوامل أن البلدان المتقدمة في المتوسط لديها تصنيف أعلى بثلاث درجات من دولة نامية بنفس الخصائص، وبافتراض تُساوِي كل العوامل الأخرى سوف يكون تصنيف البلد الذي سبق له التخلُّف عن السداد أقل بمرتبتين من تصنيف بلد أوفي دائمًا بمستحقًّاته.

يبدو عُمومًا أن وكالات التصنيف تضع أوزانًا مُماثلة لكل المتغيِّرات، وهذا يتَّضح من خلال تشابه المعاملات والمعتويات في الأعمدة (٤) و (٥) من الجدول رقم (٢, ٥)، يُحتبر ذلك بشكل رسمي في العمود (٦) من الجدول، حيث يُمثُل الفرق بين تصنيف وكالة موديز وتصنيف وكالة متاندرد آند بورز المتغيِّر التابع، كما نُشير إلى أن هناك فقط ثلاثة مُتغيِّرات مرجحة إحصائيًا بشكل مُحتلف معنويًّا من فِبَل الوكالتين، تُحصِّص وكالة S&P أوزانًا مُرتفعة لمتغيِّرات الدخل وسوابق التخلُّف عن السداد، في حين تُولِي وكالة موديز مزيدًا من الاهتمام للدَّين الخارجي.

٤, ١٥, ٥ العلاقة من التصنيفات والعائدات

(The relationship between ratings and yields)

يُحاول كانتور وباكر في ورقة البحث هذه تحديد ما إذا كانت التصنيفات تُقدَّم أية معلومات إضافيَّة مُفيدة لنمذجة التغيُّرية المقطعيَّة لهوامش العائدات السياديَّة تزيد عن تلك الواردة في بيانات الاقتصاد الكلي المتاحة للعموم، يُصبح المتغيُّر التابع الآن هامش العائد، أي: لوغاريتم (العائد على السند السيادي - العائد على سند الخزانة الأمريكية).

يُمكن القول: إن هذا المقياس للهامش ليس مقياسًا دقيقًا، وأنه ينبغي تعريف هامش الائتيان الحقيقي بكامل منحنى الجودة الاثتيانية عوضًا عن تحديده بنقطتين فقط من على المنحني، لكن وبصرف النظر عن هذه المسألة تُعرض في الجدول رقم (٣,٥) النتائج المتوصَّل إليها.

تُعرض ثلاثة انحدارات في الجدول رقم (٣, ٥)، يُشار إليها بالتوصيفات (١)، (٢) و (٣)، أوَّل تلك الانحدارات هو انحدار لوغاريتم الهامش على ثابت ومُتوسِّط التصنيف لا غير (العمود (١)، والذي يُظهر أن التصنيفات لها تأثير عكسي معنوي للغاية على الهامش، أمَّا التوصيف (٢) فهو يُمثَّل انحدار لوغاريتم الهامش على مُتغيِّرات الاقتصاد الكلَّ المستخدمة في التحليل السابق.

هذا وتَرِد العلامات المتوقَّعة (مثلها حدَّدها هذا الكاتب) في العمود (٢)، وكما يُلاحظ فإن جميع المعاملات لها علامات مُتوقَّعة، مع أنه لا يوجد الآن سوى معامل الدُّيُن الخارجي ومعاملات المتغيِّرات الوهميَّة التي تتميَّز بمعنويَّة إحصائيَّة، بالنسبة إلى التوصيف (٣) فهو يُمثّل الاتحدار على كلَّ من مُتوسط التصنيف ومُتغيِّرات الاقتصاد الكليّ، عندما يتم تضمين التصنيف مع عوامل الاقتصاد الكلي فإن أيًّا من هذه الأخيرة لم يَعُدُ معنويًّا باستثناء معامل التصنيف الذي يختلف إحصائيًّا اختلافًا معنويًّا عن الصفر، تُجسّد فيم ٣² المعدَّل هذا الاستئتاج، حيث إن هذه القيم تكون أكبر عندما يضم الانحدار فقط التصنيف، وأقل قليلًا عندما يحتوي الانحدار على مُتغيِّرات الاقتصاد الكليّ والتصنيف، كما يُمكن للمرء أن يُلاحظ أيضًا أنه في ظل التوصيف (٣) أصبحت الآن لمعاملات مُتغيِّرات الدخل الفردي، نُمو الناتج المحلي الإجمالي والنصخُم علامات خاطئة، في الواقع لا يُعدُّ ذلك مُشكلة حفيفيَّة؛ لأنه إذا كان المعامل غير معنوي إحصائيًّا فإنه في إطار اختبار الفرضيات لا يُمكن تمييزه عن الصفر، وبالتالي فإنه لا يهم ما إذا كان المعامل فعلاً غير معنوي وموجبًا، أو غير معنوي وسالبًا، فقط المعاملات التي على حد سواء لها علامات خاطئة وذات معنويَّة إحصائيَّة تدل على أن هناك مُشكلة في الانحدار.

		Pour	مات المثاحة لل	الجدول رقم (٣,٥) عل تُضاف التصنيفات إلى المعلو
(-	المتغير التنامج: لوغاريتم (هاسش العائد)			المنتخير
(٢)	(٢)	(1)	المتوقعة	
+,+Y£ (+,+Y1)	·,£٦٦ (•,٣٤ <i>=</i>)	章章章7,1・0 (17.1をA)	Ŷ	المقطع
-A/Y,・ ^{中中章} (-アVY,3)		**.,**1- (14,1Y0-)	-	مُتو مُنط التصنيف
۰,۲۲۱ (۱,۵۲۳)	*,188- (*,47V-)		-	شتوشط دخل الفرد
+,+¥9 (1,77V)	·,·· ٤- (·,١٤٢-)		-	نُمو الناتج المحلي الإجمالي
*,**{= (*,*\A-)	+,1+A (1,٣٩٣)		+	التضخم
(),•{o-)	(1,00V-)		-	الميزان المالي
•.•**- (1,••A-)	·.·٣٨- (١,٢٩-)		-	الميزان الخارجي
(•,•٩٥)	****, (1,701)		+	الذين الخارجي
•,۳۸- (۱,۳٤١-)	***. \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\		-	مُتغَبِّر وهمي للتنمية الاقتصاديّة
*,*A0 (*,٣A0)	****,7\Y (Y,0YY)		+	مُتغيّر وهمي لسوابق التخلّف عن السداد
+,411	*,A2V	4,414	ę	المدّل R^2

ملاحظات: وُضعت النسب تي بين قوسين، تُشير *، ** و *** إلى المعنويَّة عند المستويات ١٠٪، ٥٪ و ١٪ عل التوالي المصدر: كانتور وباكر (١٩٩٦)، أعيد نشره بترخيص من المستثمر المؤسّسي (Institutional Investor). وبالتائي بُستنتج من خلال هذا الجزء من ورقة البحث أن مُتغيِّرات الاقتصاد الكليِّ المتاحة للعموم لا تتضمَّن معلومات إضافيَّة أخرى يُمكن الاستفادة منها في التنبؤ جامش العائد أكثر من تلك التي يتضمَّنها التصنيف، وهكذا فإن المعلومات الواردة في التصنيفات تشمل تلك الواردة في مُتغيِّرات الاقتصاد الكليِّ.

٥ , ١٥ , ٥ ما الذي يُحدُّد كيفيَّة رد فعل السوق إثر الإعلان عن التصنيفات الائتهانيَّة؟

(What determines how the market reacts to ratings announcements?)

نظر كانتور وباكر أيضًا فيها إذا كان من الممكن بناء نموذج للتنبؤ بكيف متكون ردَّة فعل السوق إثر الإعلان عن التصنيفات الاثتهائيَّة من حيث التغيُّر الناتج في هامش العائد، أي لوغاريتم (العائد على مندات الخزينة) خلال فترة يومين من وقت الإعلان، تشمل العيُّنة المستخدمة في النقدير كل إعلان عن تغيُّر في التصنيف وقع بين عامي ١٩٨٧ و ١٩٩٤، ورد تسع وسبعون إعلانًا مُوزَّعة على ثهائية عشر بلدًا، من بين تلك الإعلانات هناك تسعة وثلاثون تغيُّر تصنيف فعلي من قِبَل وكالة تصنيف فأكثر، وأدرجت أربعون منها على أنها من المحتمل أن تشهد إعادة تصنيف في المستقبل القريب، والتي تُسمى حسب وكالة موديز "بقائمة المراقبة"، وبالقائمة الاستشرافية حسب وكالة موديز "بقائمة المراقبة"، وبالقائمة المراقبة "

- ما إذا كان الإعلان إيجابيًّا، أي تحسن في التصنيف.
- ما إذا كان هناك تغيّر فعلى في التصنيفات، أو مُجرد احتمال أن تشهد إعادة تصنيف.
 - ما إذا كان السند ذا تصنيف استثهاري أو ذا تصنيف خاضع للمضاربة.
 - ما إذا كان هناك إعلان تصنيفات أخرى في الستين يومًا السابقة.
 - فجوة التصنيفات بين الإعلان والوكالة الأخرى.
 - كما استخدم كذلك المتغيّر الأساسي التالي:
 - التغيُّر في الهامش خلال الستين يومًا السابقة.

ترد النتائج في الجدول رقم (٤, ٥)، لكن نكتفي في هذا النص بإدراج التوصيف النهائي (المرقم ٥ في الجدول عدد ١١ لكانتور وباكر) الذي يحتوي على كافة المتغيّرات المذكورة أعلاه، وكها يتبيّن من الجدول رقم (٥, ٤) فإنه يبدو أن أداء النهاذج ضعيف نسبيًّا في شرح كيفيَّة رد فعل السوق إثر إعلانات التصنيف، كها نذكر أن قيمة ٩٦ المعذَّل هي فقط ٢١٪، وهي الأعلى للتوصيفات الخمس التي تم اختبارها من طرف المؤلفين، علاوة على ذلك من بين المتغيِّرات السبع المستخدمة في النموذج هناك فقط متغيِّران معنويًان ومُتغيِّر معنوي هامشيًّا، وبالتالي يُمكن القول إن تغيُّرات العائد عقب الإعلان عن سندات ذات تصنيف خاضع للمضاربة أعلى بكثير من تغيُّرات العائد عقب الإعلان عن سندات ذات تصنيف استفهاريًّ، وأن تغيُّرات التصنيف هذه لها التأثير الأكبر على هوامش العائدات إذا كان هناك إعلان سابق في الستين يومًا الماضية عما لو لم يكن هناك إعلان سابق، من جهة أخرى ليس العوائد بشكل ملحوظ أكثر إذا كان الإعلان صادرًا عن وكالة موديز أو عن وكالة كان هناك تغيُّر السابق المهامش على النسين يومًا المراقبة، ولا لمعرفة ما إذا كان الإعلان صادرًا عن وكالة موديز أو عن وكالة وكالة مقدار التغيُّر السابق للهامش النسي خلال الستين يومًا المراقبة، ولا لمعرفة ما إذا كان الإعلان صادرًا عن وكالة موديز أو عن وكالة التصنيف الانتهاني.

٦ , ١٥ , ١ الاستئتاجات

(Conclusions)

- خلاصة القول: يبدو أن هناك ستة عوامل تلعب دورًا كبيرًا في تحديد التصنيفات الانتهائية السياديَّة، وهي الدخل، نمو
 الناتج المحلي الإجمالي، التضخم، الدين الخارجي، بلد مُصنِّع أم لا، وسوابق التخلُّف عن السداد.
 - تُوفِّر التصنيفات الاثتهانيَّة أكثر معلومات عن العائدات مَّا تُوفِّره جميع عوامل الاقتصاد الكلي مُجتمعة.
- لا أحد يستطيع تحديد بأي درجة كانت من الثقة العوامل التي تُحدّد كيف سبكون رد فعل الأسواق إثر الإعلان عن التصنيفات الائتهائيّة.

	الجدول رقم (٤,٥) ما الذي يحدد ردود الفعل على إعلان التصنيفات؟
ئسىي	المتغيّر التابع: لوغاريتم الهامش ال
المعامل (ئسبة ي)	المتغير التابع
٠,٠٧–	
(1, (-)	المقطع
-,-1	الإعلانات الإيجابية
(₹₹,+)	
4,+1-	تغيرات التصنيف
(+,YY-)	
(1,01)	إعلانات موديز
***.,**	فئة استثمارية غير مخاطرة
(۲,۳۳)	
-7-,+	التغيّر في الهوامش النسبيّة من اليوم -٦٠ إلى اليوم -١
(1,1-)	132 0, 132 0 2. 0 3 4 3
*+,+T	فجوة التصنيف
(3,Y)	
*** * , * û	إعلانات تصنيف أخرى من اليوم - ٦٠ إلى اليوم - ١
(Y,10)	, (% 5, 1 (% 5) C) C C C C C C C C C C C C C C C C C
71,15	R2 المعدّل

المفاهيم الرئيسة

يُمكن من خلال هذا الفصل تعريف وشرح المصطلحات الرئيسة التالية:

- تجانس التباين اختلاف التباين
- الارتباط الذاتي نموذج ديناميكي
- حل التوازن
 خطاء معيارية حصينة
 - الالتواء التفرطح
 - التعدّد الخطّي الصيغة الدالّية
 - القيمة الشاذة
 المتغبّر المهمل
 - مُتغيِّر غير مُهم استقرار المعلمات
- المربعات الصغرى المتكررة
 المنهج المتدرّج من العام إلى الخاص
 - خطأ القياس

أسئلة التعلم الذاتي

- (١) هل الافتراضات الموضوعة تتعلَّق بحدود الخطأ غير المرصودة (١٤) أم أنها تتعلَّق بمثيلاتها في العيُّنة (٢٠٤)؟ اشرح إجابتك.
 - (٢) ما هو النمط (الأنباط) التي يُحبَّذ تواجدها في الرسم البياني للبواقي؟ ولماذا؟
- (٣) قام باحث بتقدير النموذج التالي لعوائد سوق الأسهم، لكنه يعتقد أنه قد يكون هناك مُشكلة ما في هذا النموذج، بحساب النسب تي ودراسة معنوياتها وبفحص قيمة R² أو غير ذلك، اقترح ما يُمكن أن يكون وراء هذه المشكلة.

$$y_t = 0.638 + 0.402x_{2t} - 0.891x_{3t}$$
 $R^2 = 0.96$, $\bar{R}^2 = 0.89$ (V9.0)

كيف يُمكن التوصُّل إلى حل للمشكلة المتصوَّرة؟

- (٤) (أ) وضَّع باستخدام الترميز الجبري واشرح الافتراض المتعلَّق باضطرابات نموذج الانحدار الخطَّي الكلاسيكي، والذي يُشار إليه بمصطلح "تجانس التباين".
 - (ب) ما هي العواقب المترتَّبة على نموذج الاتحدار إذا لم تكن الأخطاء مُتجانسة التباين؟
 - (ج) كيف كنت ستنصرف إذا وجدت أن (ب) هو واقع الحال؟
 - (a) (أ) ماذا تفهم من مُصطلح 'الارتباط الذاتي'؟
- (ب) يشتبه أحد الخبراء في الاقتصاد القياسي في أن بواقي نموذجه يُمكن أن تكون مُترابطة ذاتيًا، اشرح الخطوَّات المتَّبعة في
 اختبار هذه النظريَّة باستخدام اختبار ديربن-واتسن.

- (ج) يأخذ هذا الخبير في الاقتصاد القياسي بتوجيهانك (!!!) فيها بخص الجزء (ب) ويحسب فيمة إحصاءة ديرين-واتسن وهي ٩٥,٠٠ كها تُشير إلى أن للانحدار ستين مُشاهدة وثلاثة مُتغيِّرات مُقسَّرة (بالإضافة إلى الحد الثابت)، قُم بإجراء هذا الاختبار، ما هو استنتاجك؟
- (3) لكي تأخذ بعين الاعتبار الارتباط الذال يُقرر الخبير في الاقتصاد القياسي استخدام نموذج في الفروق الأولى مع إضافة ثابت:

$$\Delta y_t = \beta_1 + \beta_2 \Delta x_{2t} + \beta_3 \Delta x_{3t} + \beta_4 \Delta x_{4t} + u_t \tag{$\wedge \cdot \cdot \circ$}$$

بمُحاولة حساب حل المدى الطويل لهذا النموذج اشرح ما الذي قد يُسبب مُشكلة في نقدير النهاذج التي تكون كُليًّا في الفروق الأولى.

(هـ) استقر رأي الخبير في الافتصاد القياسي على نموذج يضم على حد السواء الفروق الأولى للمتغيّرات وحدود مُستويات المتغيّرات المتباطنة:

$$\Delta y_t = \beta_1 + \beta_2 \Delta x_{2t} + \beta_3 \Delta x_{3t} + \beta_4 \Delta x_{4t} + \beta_5 x_{2t-1} + \beta_6 x_{3t-1} + \beta_7 x_{4t-1} + u_t \tag{A140}$$

هل لا يزال بالإمكان استخدام اختبار ديربن-واتسن على نحو صحيح في هذه الحالة؟

(٦) احسب حل المدى الطويل الساكن لنموذج الاقتصاد القياسي الديناميكي التالي:

$$\Delta y_t = \beta_1 + \beta_2 \Delta x_{2t} + \beta_3 \Delta x_{3t} + \beta_4 y_{t-1} + \beta_5 x_{2t-1} + \beta_6 x_{3t-1} + \beta_7 x_{3t-4} + u_t \tag{A7.0}$$

- (٧) فيها يُستخدم اختبار ريست لرامزي؟ ما الذي يُمكن فعله في حالة فشل هذا الاختبار؟
- (٨) (أ) لماذا من الضروري افتراض أن اضطرابات نموذج الانحدار مُوزَّعة بشكل طبيعي؟
- (ب) كيف يُمكن في حالة نمذجة اقتصاديَّة قياسيَّة عمليَّة مُعالِحةٌ مُشكلة عدم اعتدال البواقي؟
 - (٩) (أ) اشرح مُصطلح 'الاستقرار الهيكلي للمعلمة'؟
- (ب) يعتقد خبير في الاقتصاد القياسي المالي أن انهيار سوق الأسهم في أكتوبر ١٩٨٧ أدَّى إلى تغيَّر جلري في العلاقة بين العائد والمخاطرة التي تقدمها مُعادلة نموذج الانحدار الحُطِّي الكلاسيكي، لذلك قرَّر هذا الخبير اختبار هذه الفرضية باستخدام اختبار تشاو، قُدَّر النموذج باستخدام بيانات شهريَّة من يناير ١٩٨١ إلى ديسمبر ١٩٩٥، ثم أُجري اختباران اخران مُنفصلان للعيَّنتين الفرعيَّين اللتين تُغطِّبان بيانات ما قبل وما بعد انهيار السوق، أمَّا النموذج فهو:

$$r_t = \alpha + \beta R_{mt} + u_t$$
 (AT.4)

وبذلك يتم انحدار فاتض عائد الورقة الماليَّة في الزمن ٤ على مُتغيِّر بديل لمحفظة السوق في الزمن ٤، بالنسبة لنتائج الانحدارات الثلاث المقدَّرة لإحدى الأسهم فهي كالتالى:

:1995M12-1981M1

$$r_{\rm r} = 0.0215 + 1.491 r_{\rm mit}$$
 $RSS = 0.189$ $T = 180$ (A\$.0)

:1987M10-1981M1

$$r_{\rm t} = 0.0163 + 1.308 r_{mt} \ RSS = 0.079 \ T = 82$$
 (A0.0)

:1995M12-1987M11

$$r_r = 0.0360 + 1.613r_{rot}$$
 $RSS = 0.082$ $T = 98$ (A7.4)

- (ج) فيها يخص α و β، ما هي فرضيّة العدم والفرضيّة البديلة التي يُجرَى اختبارها هنا.
 - (د) قُم بالاختبار، ما هو استنتاجك؟
- (١٠) بالنسبة لنفس النموذج الوارد أعلاه، وعلى ضوء النتائج التالية، قُم باختيار فشل التنبؤ الخلفي واختيار فشل التنبؤ الأمامي: 1981M12-1981M1:

$$r_r = 0.0215 + 1.491r_{rot}$$
 $RSS = 0.189$ $T = 180$ (AV. \circ)

:1994M12-1981M1

$$r_r = 0.0212 + 1.478r_{mt}$$
 $RSS = 0.148$ $T = 168$ (AA.4)

:1995M12-1982M1

$$r_t = 0.0217 + 1.523r_{sat}$$
 RSS = 0.182 T = 168 (A9.4)

ما هو استنتاجك؟

- (١١) لماذا يُستحسن إزالة المتغيِّرات غير المعنويَّة من الانحدار؟
- (١٢) اشرح السبب وراء عدم إمكانيَّة إدراج مُتغيِّر وهمي شاذَّ في نموذج الانجدار عند إجراء اختبار نشاو لاستقرار المعليات، هل ستُثار نفس المشكلة لو كنت يصدد إجراء اختبار فشل التنبؤ؟ لماذا أو لماذا لا؟
- (١٣) أعِد فتح الملف 'macro.wfl' وقم بتطبيق الإجراء المتدرَّج مُتضمَّنًا جميع المتغيِّرات المفسَّرة على النحو الذي أدرجت به أعلاه، أي ersandp dprod deredit dinflation dmoney dspread rterm مع أخذ ٥٪ كمعيار أدنى صارم لإدراج المتغيِّرات في النموذج، قُم بعد ذلك بفحص النموذج الناتج من كلا الناحيتين الماليَّة والإحصائيَّة من خلال فحص علامات، أحجام ومعنوية الفيم المقدَّرة للمعلمات، وكذلك بإجراء كل اختبارات تشخيص صلاحية النموذج.
 - (أ) اشرح مُصطلح 'خطأ القياس'.
 - (ب) كيف ينشأ خطأ القياس؟
- (ج) هل أن خطأ القياس يكون أكثر خطورة إذا كان في المتغبّر التابع، أو في المتغبّر المستقلّ (المتغبّرات المستقلّة) للانحدار؟ فشر إجابتك.
 - (د) ما هو الثأثير المحتمل لخطأ القياس على اختبارات نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة، وما هي الحلول الممكنة.

ولفعل ولساوين

نهذجة السلاسل الزهنية أحادية المتغيّر والتنبؤ بما

Univariate time series modelling and forecasting

مخرجات النعلم

ستتعلم في هذا الفصل كيفية:

- شرح الخصائص الميزة لأنواع مختلفة من العمليات التصادفيّة
- تحدید نموذج السلسلة الزمنیة المناسب لسلسلة بیانات معینة
- إعداد تنبؤات خاصة بنهاذج الانحدار الذاتي للمتوسط المتحرك (ARMA)
 والتمهيد الأسي
 - تقبيم دقة التنبؤات باستخدام مقاييس مختلفة
 - تقدير نهاذج السلاسل الزمنية وإعداد تنبؤات منها في إفيوز

۱ , ٦ مقدِّمة

(Introduction)

تُعتبر نهاذج السلاسل الزمنية أحادية المتغيّر فنة من التواصيف تُحاول من خلافا نمذجة المتغيّرات المالية والتنبؤ بها باستخدام المعلومات المتضمّنة في قيمها السابقة فقط، وفي القيم الحاليّة والسابقة لحد الخطأ، قد تتعارض هذه المهارسة مع النهاذج الهيكليّة (Structural Models) ذات الطابع المتعدّد المتغيّرات، والتي تُحاول تفسير التغيّرات في متغيّر نتيجة تحرُّكات في القيم الحاليَّة أو السابقة لمتغيّرات (مُفسِّرة) أخرى، نكون نهاذج السلاسل الزمنيَّة عادة نظرية، عمَّا يعني أن إنشاءها واستخدامها لا يستند إلى أي نموذج نظري ضمني لسلوك المتغير، في الحقيقة تُعتبر نهاذج السلاسل الزمنيَّة مُحاولة الالتقاط -بطريقة عمليَّة- الخصائص الهامَّة للبيانات المرصودة التي تبرز من مجموعة متنوَّعـــة (لكن غير مُحدِّدة) من النهاذج الهيكليَّة، هناك فئة هامَّة من نهاذج السلاسل الزمنيَّة، وهي فئة نهاذج الانحدار الذاتي للمتوسِّطات المتحرِّكة المتكاملة Autoregressive Integrated Moving Average (ARIMA) Models التي ترتبط عادة الميكينز (١٩٧٦) (١٩٧٦) (عمرة عندما يكون النموذج الهيكلي غير مُناسب، فعلى سبيل المثال نفترض أن هناك مُتغيَّر الإسعى الباحث إلى تفسير تحرُّكاته، من الممكن أن المتغيَّرات التي يُعتقد الهيكلي غير مُناسب، فعلى سبيل المثال نفترض أن هناك مُتغيَّر الإسعى الباحث إلى تفسير تحرُّكاته، من الممكن أن المتغيَّرات التي يُعتقد الهيكلي غير مُناسب، فعلى سبيل المثال نفترض أن هناك مُتغيَّر الإسعى الباحث إلى تفسير تحرُّكاته، من الممكن أن المتغيَّرات التي يُعتقد

أنها تقود تحركات بلا لا يُمكن مُشاهدتها، أو لا يُمكن فياسها، أو أن مُتغيِّرات الدفع هذه تم فياسها بتواتر مُشاهدة أقل من تواتر مُشاهدة بلا، على سبيل المثال يُمكن أن تكون السلسلة بلا سلسلة من عوائد السهم اليوميَّة، وأن المتغيِّرات المفسِّرة المحتملة قد تكون مُؤشرات الاقتصاد الكلي التي تتوفَّر بشكل شهري، بالإضافة إلى ذلك، وكها سنرى لاحقًا في هذا الفصل تكون النهاذج الهيكليَّة عادة غير صالحة عند التنبؤ خارج العيَّنة، تدفع هذه الملاحظات إلى تناوُل نهاذج السلاسل الزمنيَّة البحتة التي تُمثَّل محور اهتهام هذا الفصل.

يكون النهج المعتمد لاستعراض هذا الموضوع كالتائي: نحتاج أولًا إلى تحديد مجموعة من الرموز وتعريف العديد من المفاهيم الهامة بهدف تعريف وتقدير واستخدام النهاذج ARIMA. بعد ذلك سوف يتناول الفصل خصائص وميزات نهاذج معينة من فئة النهاذج ARIMA، هذا ويسعى الكتاب إلى الإجابة عن السؤال التالي: 'بالنسبة لنموذج سلاسل زمنية محدَّد وبقيم معلمات مُعينة، كيف ستكون خصائصه المميزة؟'، عقب ذلك سيتم عكس المسألة بحيث يتم طرح السؤال المعاكس: 'باعتبار مجموعة من البيانات ذات خصائص محدَّدة ما هو النموذج المقبول لوصف البيانات؟'

٣ , ٦ بعض الرموز والمقاهيم

(Some notation and concepts)

تُعرَّف الأقسام الفرعية التالية وتشرح العديد من المفاهيم الهامة في تحليل السلاسل الزمنية، سوف يتم لاحقًا في هذا الفصل الرجوع إلى كل مفهوم من هذه المفاهيم وتفسيره، أوَّل هذه المفاهيم يتعلَّق بمفهوم سكون السلسلة من عدمه، يتمبَّز تحديد ما إذا كانت السلسلة ساكنة أم لا بأهميَّة كبيرة، وذلك لأن سكون السلسلة من عدمه يُمكن أن يُؤثر بشدة على سلوكها وعلى خصائصها أيضًا، لن نُقدَّم حاليًا مُناقشة أكثر تفصيلًا للسكون ولكيفية اختباره، وإنها سوف نستعرض ذلك في الفصل ٨.

٣,٢,١ عملية ساكنة تمامًا

(A strictly stationary process)

العمليَّة الساكنة تمامًا (Strictly Stationary Process) هي عمليَّة حيث يكون:

$$F_{y_{t_1},y_{t_2},\dots,y_{t_T}}(y_1,\dots,y_T) \ = \ F_{y_{t_1+k},y_{t_2+k},\dots,y_{t_T+k}}(y_1,\dots,y_T) \tag{1.1}$$

وذلك لكل $t_1 \ t_2 \ ... \ t_T \in Z$ ولكل $t_1 \ t_2 \ ... \ t_T \in Z$ إلى دالة التوزيع المشترك لمجموعة من المتغيَّرات العشوائيَّة (تونغ (١٩٩٠، ص ٣) (Tong. 1990, p.3))، يُمكن القول كذلك إن القياس الاحتيالي للمثتالية $\{y_t\}$ هو نفس القياس الاحتيالي لـ ورنغ (المثتالية $\{y_t\}$ هو نفس القياس الاحتيالي لـ $\{y_t\}$ هو مع مرور الزمن، $\{y_t\}$ (حيث $\{y_t\}$ يعني لكل قيم $\{y_t\}$ بعبارة أخرى، تكون السلسلة ساكنة تمامًا إذا ظل توزيع قِيْمها كيا هو مع مرور الزمن، عمَّا يعني أن احتيال أن يقع $\{y_t\}$ هو نفس الاحتيال الآن كيا في أي وقت في الماضي أو في المستقبل.

٦,٢,٢ عملية ساكنة سكونًا ضعيفًا

(A weakly stationary process)

إذا كانت سلسلة تستوفي المعادلات (٢،٦) - (٤،٦) ك ∞ ... 2 1 ء فيُقال أنها ساكنة سكونًا ضعيفًا، أو أن لها تغايرًا ساكنًا (Covariance Stationary):

$$E(y_t) = \mu \tag{Y.1}$$

(2)
$$E(y_t - \mu)(y_t - \mu) = \sigma^2 < \infty$$
 (7.7)

(3)
$$E(y_{t_1} - \mu)(y_{t_2} - \mu) = \gamma_{t_2 - t_1} \forall t_1, t_2$$
 (5.7)

تُفيد هذه المعادلات الثلاث بأن العمليَّة الساكنة يجب أن يكون لها على التوالي وسط ثابت، تباين ثابت، وهيكل تغاير ذاتي (Autocovariance) ثابت، ربها تكون تعريفات وسط وتباين المنغبر العشوائي معروفة لدى القراء، لكن ربها لا تكون التغايرات الذاتيَّة كذلك.

تحدَّد التغايرات الذاتيَّة كيف يرتبط v بقيمه السابقة، بالنسبة إلى سلسلة ساكنة فإن التغايرات الذاتيَّة لا تعتمد سوى على القارق بين t₂ و بين y_{r-10} و y_{r-10} بين y_{r-10} و العزم:

$$E(y_t - E(y_t))(y_{t-s} - E(y_{t-s})) = \gamma_s \ s = 0, 1, 2, \dots$$

بأنه دالة النغاير الذاتي. عندما يكون 0 = 8 فإننا نتحصَّل على التغاير الذاتي عند فترة إبطاء صفر والذي بُمثَّل التغاير الذاتي بين به و به أنه دالة التغاير الذاتية بها أنها تُثَلِّل تغايرات و به أنها تُثَلِّل تغايرات و به تيمها السابقة، لكن لا تُعتبر التغايرات الذاتيَّة مقياسًا مُفيدًا بشكل خاص للعلاقة بين لا وقيمها السابقة؛ نظرًا لأن قيم التغايرات الذاتيَّة تعتمد على وحدات قياس به، وبالتالى فإن الفيم التي تتَّخذها ليس لها تفسير مباشر.

وبالتالي من الأنسب استخدام الارتباطات الذاتيَّة الـمُطَّبِّعة بقسمتها على التباين:

$$\tau_S = \frac{\gamma_S}{\gamma_S} \quad S = 0, 1, 2, ...$$
(%)

السلسلة $_{s}$ من الآن الحاصيَّة المعتادة لمعاملات الارتباط، وهي أن حدود قيمها نتراوح بين ± 1 . في حالة كان s=0 نتحصَّل على الارتباط الذاتي عند فترة الإيطاء صفر، أي الارتباط بين y_{c} و الذي يُساوي بطبيعة الحال 1. إذا رسمنا $_{s}$ بيانيًّا نبعًا لـــ ... s=0,1,2,... فإننا نتحصَّل على شكل بياني يُعرف بدالة الارتباط الذاتي (Autocorrelation Function (acf)).

٣, ٢, ٢ عملية التشويش الأبيض

(A white noise process)

يُمكن بشكل عام القول إن عمليَّة التشويش الأبيض هي عمليَّة ليس فا هيكل ملموس، أمَّا تعريف عمليَّة التشويش الأبيض فهي كالتالي:

$$E(y_t) = \mu \tag{V.1}$$

$$var(y_t) = \sigma^2$$
 (A.7)

$$\gamma_{t-r} = \begin{cases} \sigma^2 & \text{if } t = r \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \tag{9.7}$$

وبالتائي يكون لعمليَّة التشويش الأبيض وسط وتباين ثابتان، وتغايرات ذائيَّة صفرية باستثناء التغاير الذاتي عند فترة الإبطاء صفر، يُمكن التعبير عن هذه الخاصِّية الأخيرة بالقول: إن كل مُشاهدة غير مُرتبطة بكل القيم الأخرى في المتتالية، وبالثالي سوف تكون دالة الارتباط الذاتي لعمليَّة النشويش الأبيض صفرًا باستثناء ذروة وحيدة تُساوي ١ عند ٥ = ٤، إذا كان ٥ = ١ وتحقَّفت الشروط الثلاث، فإن العمليَّة تُعرَف بأنها تشويش أبيض بوسط صفري.

إذا افترضنا إضافة إلى ذلك أن يه مُورَّعة طبيعيًّا فإن عيَّنة مُعاملات الارتباط الذاتي تكون أيضًا مُورَّعة تقاربيًّا حسب التوزيع الطبيعي:

$\hat{\tau}_s \sim approx. N(0,1/T)$

حيث بُمثَل T حجم العينة و ع مُعامل الارتباط الذاتي عند فترة الإبطاء كالمقدَّر من العينة، يُمكن استخدام هذه النتيجة لإنشاء اختبارات المعنوبة لمعاملات الارتباط الذاتي، وذلك عن طريق بناء منطقة عدم الرفض (شبيه بفترة الثقة) لمعامل الارتباط الذاتي المقدَّر لتحديد ما إذا كان يختلف معنويًّا عن الصفر أم لا، فعلى سبيل المثال: إذا 0 * ك تكون منطقة عدم الرفض عند المستوى ٥٩٪ كالتالى:

$$\pm 1.96 \times \frac{1}{\sqrt{T}}$$

بالنسبة لقيمة محدَّدة من 5، إذا كان معامل الارتباط الذاتي للعيَّنة وt يقع خارج هذه المنطقة فإنه يتم رفض فرضيَّة العدم المتمثَّلة ف أن القيمة الحقيقيَّة للمعامل عند فترة الإبطاء 5 هي صفر.

من المكن كذلك اختبار الفرضيَّة المشتركة المنتشَّلة في أن معاملات الارتباط عن وعددها m تُساوي كلها معًا صفر، وذلك باستخدام الإحصاءة Q المطوَّرة من قبل بوكس وبيرس (١٩٧٠) ((Box and Pierce (1970)):

$$Q = T \sum_{k=1}^{m} \hat{\tau}_k^2 \tag{1.41}$$

حيث T = حجم العينة و m = الحد الأقصى لطول فترة الإبطاء.

يتم تربيع معاملات الارتباط لكيلا تُلغي المعاملات الموجبة والمعاملات السائبة بعضها البعض، وبها أن مجموع مربعات متغيرًات مُستقلَّة تتبع التوزيع الطبيعي المعياري في حد ذاته مُتغيَّر "لا بدرجات حرَّية مُساوي لعدد المربعات في الجمع، فإنه يُمكن القول إنه تحت فرضيَّة العدم المتمثَّلة في أن كل معاملات الارتباط الذاتي وعددها m تُساوي صفرًا، تتبع الإحصاءة Q تقارُبيًّا التوزيع بير، وكها في أي اختبار فرضية مُشتركة يكفى أن يكون معامل ارتباط ذاتي واحد معنوي إحصائيًّا لينم رفض فرضية عدم الاختبار.

غير أن اختيار بوكس-بيرس يتميَّز بخصائص ضعيفة في العيَّنات الصغيرة مما يعني أنه يؤدي إلى قرار خاطئ في كثير من الأحيان إذا كانت العيَّنات الصغيرة، هذا وتم تطوير بديل مُشابه لاختيار بوكس-بيرس له خصائص جيَّدة في العيَّنات الصغيرة، تُعرف الإحصاءة المعدَّلة بإحصاءة ليونغ بوكس (١٩٧٨) ((١٩٣٨) (Ljung-Box (1978)):

$$Q^* = T(T+2) \sum_{k=1}^{m} \frac{\tau_k^2}{T-k} \sim \chi_m^2$$
 (11.7)

من الواضح من صيغة الإحصاءة أنها تقاربي (أي عندما يزيد حجم العينة إلى ما لا نهاية) تُلغي الحدود (T + 2) و (T - k) في صيغة ليونغ-بوكس كل منها الآخر بحيث تُعادل هذه الإحصاءة اختبار بوكس-بيرس. تُعتبر هذه الإحصاءة مُفيدة جدًّا كاختبار portmantean (اختبار عام) للتبعيَّة الخطِّية في السلسلة الزمنيَّة.

منال (۱, ۱)

لنفترض أن الباحث قام بتقدير أول خمس معاملات ارتباط ذاتي باستخدام سلسلة تضم ١٠٠ مُشاهدة ووجد أنها كالتالي:

.o	£	٣	Y	١	فترة الإبطاء
* , * Y Y =	1,++0	٠,٠٨٦	*, * 17-	*,Y + V	معامل الارتباط الذاتي
5	S : d.d = a	كامامكامات عكراماك	41 1 11:5		معنويَّة كل معامل من معاملات ال

يُمكن إنشاء فترة ثقة بنسبة ٩٥٪ لكل معامل باستخدام:

$$\pm 1.96 \times \frac{1}{\sqrt{T}}$$

حيث 100 = T في هذه الحالة، وبالتالي تكون قاعدة اتخاذ القرار هي رفض فرضيَّة العدم المُشتركة المتمثَّلة في أن المعامل المحدد يُساوي صفرًا عندما نقع قيمة المعامل خارج المدى (-٩٦، ١، ٩٦٠)، بالنسبة إلى هذا المثال نستنتج أن معامل الارتباط الذاتي الأول يختلف معنوبًا دون سواه عن الصفر عند المستوى ٥٪.

ننتقل الآن إلى الاختبارات المشتركة حيث تتمثّل فرضيَّة العدم في أن معاملات الارتباط الذاتي الخمس تُساوي كلها معًا صفرًا، أي:

$$H_0$$
: $au_1=0$, $au_2=0$, $au_3=0$, $au_4=0$, $au_5=0$
تُعطى المعادلات التالية إحصاءات اختبار بوكس-بيرس وليونغ-بوكس على التوالي:

$$Q = 100 \times (0.207^2 + -0.013^2 + 0.086^2 + 0.005^2 + -0.022^2) = 5.09 \tag{13.7}$$

$$Q^* = 100 \times 102 \times \left(\frac{0.207^2}{100-1} + \frac{-0.013^2}{100-2} + \frac{0.086^2}{100-3} + \frac{0.005^2}{100-4} + \frac{-0.022^2}{100-5} \right) = 5.26$$
 (YCA)

نتحصَّل على القيم الحرجة المناسبة من التوزيع به بخمس درجات حرَّية والتي تُساوي ١١,١ عند المستوى ٥٪ و ١٥,١ عند المستوى ١٪، من الواضح في كلتا الحالتين أنه لا يُمكن رفض فرضيَّة العدم المشتركة المتمثَّلة في أن معاملات الارتباط الذائي الخمس تُساوي كلها معًا صفرًا، لاحظ أنه في هذا المثال أدَّى الاختبار الفردي إلى رفض فرضيَّة العدم في حين أن الاختبار المشترك لم يُودِّ إلى نفس النتيجة، تظهر هذه النتيجة غير المُتوقعة نتيجة لضعف قوَّة الاختبار المشترك، مع أن أربعة من بين الارتباطات الذاتيَّة الحمس لم تكن معنويَّة، وبالتالي خفَّقت المعاملات غير المعنويَّة في الاختبار المشترك من تأثير معامل الارتباط الذاتي المعنوي، كما نذكر كذلك أن حجم العيَّنة المستخدم في هذا المثال مُتواضع بالمقارنة مع تلك المتوفّرة عادة في مجال الماليَّة.

٦,٣ عمليات المتوسط المتحرّك

(Moving average processes)

أبسط فئة من نهاذج السلاسل الزمنيَّة التي يُمكن اعتبارها هي عمليات المتوسَّط المتحرَّك، لنعرَّف (u_t (t = 1, 2, 3, ...) و $var(u_t) = \sigma^2$ و $E(u_t) = 0$ و $E(u_t) = 0$

$$y_t = \mu + u_t + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2} + \dots + \theta_n u_{t-n}$$
 (15.7)

نموذج مُتوسِّط مُتحرِّك من الرتبة q ويُرمز إليه بـ (MA(q)، يُمكن صياغة ذلك باستخدام الترميز سيغها كالتالي:

$$y_t = \mu + \sum_{i=1}^q \theta_i u_{t-i} + u_t \tag{10.7}$$

يُعتبر نموذج المتوسَّط المتحرِّك ببساطة تركيبة خطَّية من عمليات تشويش أبيض، حيث يعتمد y_i على القيم الحالية والسابقة لحد اضطراب التشويش الأبيض، سيتم لاحقًا مُعالجة المعادلة رقم (١٥،٦)، ويُمكن الحصول على مثل هذه العمليَّة بطريقة أسهل من خلال إدخال ترميز عامل فترة الإبطاء (Lag Operator)، هذا وتكتب $y_i = y_{i-1}$ للإشارة إلى تباطؤ y_i بفترة واحدة، كما نستخدم الترميز $y_i = y_i$ للدلالة على فترة إبطاء $y_i = y_i$ القيمة التي يتَّخذها y_i قبل i فترة)، نُشير إلى أنه في بعض الكتب والدراسات يُسمى عامل فترة الإبطاء 'بعامل الإزاحة الخلفي' (Backshift Operator) ويُرمز إليه بسد y_i ، باستخدام ترميز عامل فترة الإبطاء يُمكن كتابة المعادلة رقم (١٥،٦) كائتالي:

$$y_t = \mu + \sum_{i=1}^q \theta_i L^i u_t + u_t \tag{13.3}$$

أو كالتالي:

$$y_t = \mu + \theta(L)u_t \tag{1V.1}$$

 $\theta(L) = 1 + \theta_1 L + \theta_2 L^2 + \dots + \theta_n L^q$: حيث

فيها يلي من الفصل سوف نستبعد غالبًا الثابت μ من المعادلات، تُحقِّف إزالة μ من المعادلات إلى حد كبير من تعقيدات الجبر المستخدم، وذلك دون الإخلال بالعمومية، لفهم ذلك نعتبر عينة من المشاهدات لسلسلة على بمتوسَّط ε، يُمكن ببساطة إنشاء سلسلة صفرية الوسط بر، وذلك بطرح z من كل مُشاهدة ع.

تتمثّل الخصائص المميّزة لعمليَّة المتوسِّط المتحرِّك من الرتبة q المذكورة أعلاه في ما يلي:

$$E(v_r) = \mu \tag{A4.7}$$

$$var(y_t) = \gamma_0 = (1 + \theta_1^2 + \theta_2^2 + \dots + \theta_\sigma^2)\sigma^2$$
 (19.7)

وهكذا يكون لعمليَّة المتوسَّط المتحرَّك وسط ثابت، تباين ثابت، وارتباطات ذائيَّة قد تكون غير صفريَّة عند حد فترة الإبطاء ودائيًا صفرية بعد ذلك، سوف تُشتق كلُّ من هذه النتائج أدناه. سئال(۲٫۲)

لنعتبر العمليَّة (MA(2) التالية:

$$y_t = u_t + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2}$$
 (Y1.7)

حيث إن u عمليَّة تشويش أبيض صفرية الوسط وبتباين σ².

- (۱) احسب وسط وتباین y.
- (٢) استنتج دالة الارتباط الذاتي لهذه العمليَّة (أي صياغة الارتباطات الذاتيَّة au_1, au_2, au_3 كدالة في المعلمات $heta_2$ و $heta_3$).
 - y_t إذا كان $\theta_2 = 0.25$ و $\theta_2 = 0.25$ ارسم دائة الأرتباط الذاتي لي y_t (٣)

: 14

(١) إذا كان:

$$E(u_{t-1}) = 0 \ \forall \ i \cup \beta(u_t) = 0$$
 (YY.7)

وعليه تكون القيمة المتوقَّعة لحد الخطأ صفرًا لكل الفترات الزمنيَّة، كما يُعطي تطبيق النوقُعات على كلا الجانبين من المعادلة رقم (٢١،٦) التالي:

$$E(y_t) = E(u_t + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2}) = E(u_t) + \theta_1 E(u_{t-1}) + \theta_2 E(u_{t-2})$$
 (YY, 7)

$$var(y_t) = E[y_t - E(y_t)][y_t - E(y_t)]$$
 (Y \(\xi_t \)

لكن E(ye) = 0، وعليه يكون العنصر الأخير داخل كل مجموعة أقواس معقوفة أو مربعة في المعادلة رقم (٢٤،٦) صفرًا، وتختزل المعادلة في:

$$var(y_t) = E[(y_t)(y_t)] \tag{Yo.7}$$

نُعوِّض إبر في المعادلة رقم (٢٥٠٦) بالجانب الأيمن للمعادلة رقم (٢١٠٦):

$$var(y_t) = E[(u_t + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2})(u_t + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2})]$$
 (Y7.7)

$$var(y_t) = E\left[u_t^2 + \theta_1^2 u_{t-1}^2 + \theta_2^2 u_{t-2}^2 + cross_products\right] \tag{YV.1}$$

cross-products ناتج $E\left[cross_products
ight]=0$ ناتج $E\left[cross_products
ight]=0$ ناتج $E\left[cross_products
ight]=0$ ناتج خرب العناصر المتقاطعة) صيغة شاملة لكل حدود u التي تنضمً نرموزًا شفليَّة زمنيَّة مُختلفة، مثل $u_{t-1}u_{t-2}u$ أو مرب الغناصر المتقاطعة) أخرى لا داعي أن نفلق بخصوص ناتج ضرب هذه الحدود بها أنها في الواقع تُمثّل التغايرات الذاتيَّة لـــ u_t والتي تُساوي صفرًا بحكم تعريفها، ويرجع ذلك لكون u_t عمليَّة أخطاء عشوائية والتي تكون تغايراتها الذاتيَّة صفرًا (باستثناء عند فترة الإبطاء صفر). وهكذا نتحصل على:

$$var(y_t) = y_0 = E[u_t^2 + \theta_1^2 u_{t-1}^2 + \theta_2^2 u_{t-2}^2]$$
(YA.7)

$$var(y_t) = \gamma_0 = \sigma^2 + \theta_1^2 \sigma^2 + \theta_2^2 \sigma^2 \tag{4.7}$$

$$var(y_r) = y_0 = (1 + \theta_1^2 + \theta_2^2)\sigma^2$$
 (***\footnote{\tau}.

يُمكن أن تُفسَّر ٢٥ أيضًا على أنها التغاير الذاتي عند فترة الإبطاء صفر.

(٣) النحسب الآن دالة الارتباط الذاتي لــ ١٠٤. نُنهي أولًا التغايرات الذاتيَّة ثم الارتباطات الذاتيَّة، وذلك بفسمة التغايرات الذاتيَّة على التباين.

يكون التغاير الذاتي عند فترة الإبطاء ١ كالتالي:

$$y_1 = E[y_t - E(y_t)][y_{t-1} - E(y_{t-1})]$$
(Y1.1)

$$\gamma_1 = E[y_t][y_{t-1}] \tag{TY.1}$$

$$y_1 = E[(u_t + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2})(u_{t-1} + \theta_1 u_{t-2} + \theta_2 u_{t-3})]$$
(TT.1)

بتجاهل حاصل ضرب العناصر المتقاطعة مرَّة أخرى، يُمكن كتابة المعادلة رقم (٣٣،٦) كالتالي:

$$y_1 = E[\theta_1 u_{t-1}^2 + \theta_1 \theta_2 u_{t-2}^2] \tag{45.7}$$

$$\gamma_1 = \theta_1 \sigma^2 + \theta_1 \theta_2 \sigma^2 \tag{Yo.1}$$

$$y_1 = (\theta_1 + \theta_1 \theta_2)\sigma^2 \tag{*1.1}$$

يكون التغاير الذاتي عند فترة الإبطاء ٢ كالتالي:

$$y_2 = E[y_t - E(y_t)][y_{t-2} - E(y_{t-2})]$$
(YV, \(\gamma\)

$$y_2 = E[y_t][y_{t-2}] \tag{A.1}$$

$$\gamma_2 = E[(u_t + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2})(u_{t-2} + \theta_1 u_{t-3} + \theta_2 u_{t-4})] \tag{4.1}$$

$$\gamma_2 = E[\theta_2 u_{t-2}^2] \tag{$\xi \cdot \zeta $}$$

$$\gamma_2 = \theta_2 \sigma^2 \tag{(5)(1)}$$

ويكون التغاير الذاتي عند فترة الإبطاء ٣ كالتالي:

$$y_3 = E[y_t - E(y_t)][y_{t-3} - E(y_{t-3})]$$
 (£Y.7)

$$y_3 = E[y_t][y_{t-3}] \tag{ETa}$$

$$\gamma_3 = E[(u_t + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2})(u_{t-3} + \theta_1 u_{t-4} + \theta_2 u_{t-5})]$$
 (£5.7)

$$y_3 = 0 (\xi \circ_s \tau)$$

وبالنالي 0 = 1/2 لكل 2 < 2، سنكون كل التغايرات الذاتيَّة للعمليَّة (MA(2 مُساوية لصفر لكل طول فترة إبطاء 3 أكبر من ٢. يكون الارتباط الذاتي عند فترة الإبطاء • كالتالي:

$$\tau_0 = \frac{\gamma_0}{\gamma_0} = 1 \tag{$\xi = 1$}$$

يكون الارتباط الذاتي عند فترة الإبطاء ١ كالتالي:

$$\tau_1 = \frac{\gamma_1}{\gamma_0} = \frac{(\theta_1 + \theta_1 \theta_2)\sigma^2}{(1 + \theta_1^2 + \theta_2^2)\sigma^2} = \frac{(\theta_1 + \theta_1 \theta_2)}{(1 + \theta_1^2 + \theta_2^2)} \tag{$\xi \lor \zeta$}$$

والارتباط الذاتي عند فترة الإبطاء ٢ كالتالي:

$$\tau_2 = \frac{\gamma_2}{\gamma_0} = \frac{(\theta_2)\sigma^2}{(1+\theta_1^2+\theta_2^2)\sigma^2} = \frac{\theta_2}{(1+\theta_1^2+\theta_2^2)} \tag{ξ A.7)}$$

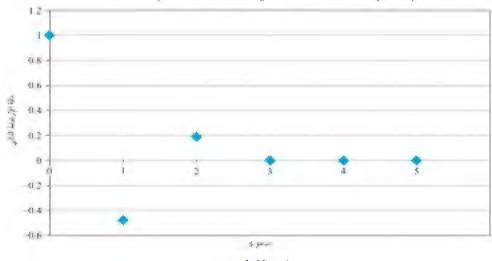
أمًّا الارتباط الذاتي عند فترة الإبطاء ٣ فهو:

$$\tau_3 = \frac{y_1}{y_2} = 0 \tag{5.9.7}$$

يكون الارتباط الذاق عند فترة الإبطاء s كالتالي:

$$\tau_s = \frac{\gamma_s}{\gamma_0} = 0 \quad \forall \ s > 2 \tag{o.1}$$

 $\pi_1 = -0.476$ و $\theta_2 = 0.25 = \theta_1 = -0.5$ و $\theta_2 = 0.25 = \theta_1 = -0.5$ و $\theta_3 = -0.5$ و $\theta_4 = -0.5$ و $\theta_5 = -0.5$ و $\theta_6 = -0$



فترة الإبطاء كا

الشكل رقم (1,1) دالة الارتباط الذاق لعمليَّة (1,1)

٤, ٦ عمليات الانحدار الذان

(Autoregressive processes)

نموذج الانحدار الذاتي هو نموذج لا تعتمد فيه القيمة الحالية لمتغيَّر y سوى على قيمه في الفترات السابقة إضافة إلى حد خطأ، يُمكن صياغة نموذج الانحدار الذاتي من الرتبة p، والذي يُرمز إليه بــــ (AR(p)، كما يلي:

$$y_t = \mu + \emptyset_1 y_{t-1} + \emptyset_2 y_{t-2} + \dots + \emptyset_p y_{t-p} + u_t$$
 (01.7)

حيث يُمثّل إله حد اضطراب التشويش الأبيض، هذا ونحتاج إلى مُعاجُة المعادلة رقم (٥١،٦) لإثبات خصائص نموذج الانحدار الذاتي، كما يُمكن كتابة هذه المعادلة بطريقة أكثر تراصًا باستخدام الترميز سيغما كما يلي:

$$y_t = \mu + \sum_{i=1}^{p} \emptyset_i y_{t-i} + u_t$$
 (oY.7)

أو كتابتها باستخدام عامل فترة الإبطاء كها يلي:

$$y_t = \mu + \sum_{i=1}^{p} \emptyset_i L^i y_t + u_t \tag{eq.7}$$

آو :

$$\emptyset(L)y_t = \mu + u_t \tag{05.7}$$

$$.\phi(L) = (1 - \phi_1 L - \phi_2 L^2 - \dots - \phi_p L^p)$$
 حيث

الإطار رقم (٦,١) شروط سكون النموذج (AR(p

تُحدّد قيمة µ بصفر في المعادلة رقم (٥٤،٦) لعمليّة (٩٤ ما وسط صفري ويُرمز إليها بــ ،٧، فنتحصل على:

$$\emptyset(L)y_t = u_t \tag{a.1}$$

يُمكن القول إن العمليّة ساكنة إذا أمكن كتابة:

$$y_t = \emptyset(L)^{-1}u_t \tag{67.1}$$

حيث يتقارب $0(L)^{-1}$ من الصفر وهذا يعني أن الارتباطات الذاتية سوف تنخفض كلها زاد طول فترة الإبطاء. $a_1u_{t-1}+a_1u_{t-1}+a_2u_{t-1}+a_3u_{t-1}$ بضم فك $0(L)^{-1}$ عند حسابه عددًا لامُتناهي من الحدود، ويُمكن كتابته كعمليّة ($0(L)^{-1}+a_3u_{t-1}+a_3$

يتمثّل شرط اختبار سكون النموذج (AR(p العام في أن جذور 'المعادلة المميّزة':

$$1 - \phi_1 z - \phi_2 z^2 - \dots - \phi_n z^p = 0 \qquad (av_1)$$

تقع كلها خارج دائرة الوحدة، سُمّيت المعادلة المميّزة هكذا لأنها تحدّد خصائص العمليّة ،٧، فعلى سبيل المثال، سوف تعتمد دالة الارتباط الذاتي للعمليّة AR على جذور هذه المعادلة المميّزة والتي تُعتبر دالة متعددة الحدود في z.

(The stationarity condition) شرط السكون (The stationarity condition)

يُعتبر السكون خاصِّية مرغوبة للنموذج AR المقدَّر لعدَّة أسباب، أحد الأسباب الهامَّة هو أن النموذج الذي يضم معاملات غير ساكنة سوف يُظهر خاصِّية غير جبَّدة تتمثَّل في أن قيم حد الخطأ سوف يكون لها تأثير لا يتناقص مع مرور الزمن على القيمة الحالبَّة لـ ١٧، في العديد من الحالات يُمكننا القول إن ذلك غير منطقي ومُستبعَد من الناحية التجريبيَّة، سوف نعرض في الفصل ٨ المزيد من المناقشة حول هذه المسألة، هذا ويُعرَّف الإطار رقم (٦,١) جبريًّا شرط السكون.

هل النموذج التالي ساكن؟

$$y_t = y_{t-1} + u_t \tag{OALL}$$

جدف اختبار ذلك نقوم أولًا بكتابة الربي باستخدام ترميز عامل فترة الإبطاء (أي Ly، ونأخذ هذا الحد إلى الجانب الأيسر من المعادلة رقم (٥٨،٦) ثم نحلًل المعادلة إلى عوامل:

$$y_t = Ly_t + u_t \tag{09.7}$$

$$y_t - Ly_t = u_t \tag{1.1}$$

$$y_t(1-L) = u_t \tag{11.1}$$

وبالتالي تكون المعادلة الميُّزة كالتالي:

$$1 - z = 0 \tag{7.7.7}$$

ويكون لها جذر 2 = 2 يقع على دائرة الوحدة لا خارجها، في الواقع هذا النموذج (R(p) الحناص المقدَّم في المعادلة رقم (٥٨،٦) يُعرف بالسير العشوائي (Random Walk) (انظر الفصل ٨).

كما يُمكن أيضًا اعتماد هذا النهج لنهاذج الانحدار الذاتي التي لها فترات إيطاء أطول، وحيث يكون سكون العمليَّة من عدمه أقل وضوحًا، على سبيل المثال، هل العمليَّة التالية ساكنة؟

$$y_t = 3y_{t-1} - 2.75y_{t-2} + 0.75y_{t-3} + u_t$$
 (14.1)

نقوم تُجدَّدًا في المرحلة الأولى بصياغة هذه المعادلة باستخدام ترميز عامل فترة الإبطاء، وتحويل كل عناصر لا إلى الجانب الأيسر من المعادلة:

$$y_t = 3Ly_t - 2.75L^2y_t + 0.75L^3y_t + u_t$$
 (15.1)

$$(1 - 3L + 2.75L^2 - 0.75L^3)y_t = u_t$$
 (10.1)

تكون المعادلة المميَّزة:

$$1 - 3z + 2.75z^2 - 0.75z^3 = 0 \tag{17.1}$$

ولحسن الحظ يُمكن تحليلها إلى عوامل كالتالي:

$$(1-z)(1-1.5z)(1-0.5z) = 0$$
 (\(\frac{1}{2}\cdot \cdot \cdo

بحيث تكون الجذور: z = 2/3 ،z = 2 و z = 2/3 ، واحد فقط من بين هذه الجذور يقع خارج دائرة الوحدة وبالتالي فإن العمليّة الثي ورد وصفها في المعادلة رقم (٦٣٠٦) ليست ساكنة.

٦,٤,٢ نظرية وولد للتحليل

(Wold's Decomposition Theorem)

تنص نظرية وولد للتحليل على أن كل سلسلة ساكنة يُمكن تحليلها إلى مجموع عمليَّتين مُستقلَّتين: جُزء حتمي بحت، وجُزء تصادفي بحت يكون بمثابة (٣٥/ ٨٨٨ في إطار نمذجة الانحدار الذاتي، هناك طريقة بسيطة للتعبير عن هذه النظرية، وذلك بالقول إن كل نموذج انحدار ذائي من الرتبة و ساكن، بدون ثابت وبدون عناصر أخرى يُمكن صياغته كنموذج مُتوسَّط مُتحرَّك من رتبة الامتناهية، تُعتبر هذه النتيجة مُهمَّة لاشتقاق دالة الارتباط الذاتي لعمليَّة الانحدار الذاتي.

بالنسبة للنموذج (AR(p) المقدَّم على سبيل المثال في المعادلة رقم (٥١،٦) (نُحدد قيمة μ بصفر، وذلك بهدف النبسيط)، وبصياغته باستخدام ترميز متعدد حدود فترة الإبطاء، μ: Φ(L)y، عكون حليل وولد كالتالي:

$$y_t = \psi(L)u_t$$
 (1A.1)

 $.\psi(L) = \emptyset(L)^{-1} = (1 - \emptyset_1 L - \emptyset_2 L^2 - \dots - \emptyset_p L^p)^{-1}$: حيث

تتمثُّل خصائص عمليَّة الاتحدار الذاتي فيها يلي، تُعطى المعادلة التالية وسط y (غير الشرطي):

$$E(y_t) = \frac{\mu}{1 - \theta_1 - \theta_2 - \dots - \theta_p} \tag{74.7}$$

كما يُمكن الحصول على دوال التغايرات والترابطات الذائيّة عن طريق حل مجموعة من المعادلات الأنيَّة تُعرف بمعادلات يول-والكر (Yule-Walker Equations)، تُصوَّر معادلات يول-والكر الارتباط (ع) كدالة في معاملات الانحدار الذاتي (ع):

$$\begin{split} \tau_1 &= \emptyset_1 + \tau_1 \emptyset_2 + \dots + \tau_{p-1} \emptyset_p \\ \tau_2 &= \tau_1 \emptyset_1 + \emptyset_2 + \dots + \tau_{p-2} \emptyset_p \\ \vdots & \vdots \vdots \\ \tau_p &= \tau_{p-1} \emptyset_1 + \tau_{p-2} \emptyset_2 + \dots + \emptyset_p \end{split} \tag{$\forall \cdot \in \mathbb{T}$}$$

لكل نموذج انحدار ذاتي ساكن تنخفض دالة الارتباط الذاتي نحو الصفر بمعدًّل هندسي(١)، سوف نستخلص هذه الخصائص لعمليَّة الانحدار الذاتي من خلال المبادئ الأولى أدناه باستخدام مثال توضيحي.

ىئال(٤, ٢)...

لنعتبر النموذج (AR(1) البسيط التالي:

 ⁽١) نُشير إلى أن ع لا يتبع قامًا مُتالية هندسيَّة، وإنها القيمة المطلقة ليدع تحذُها سلسلة هندسية، وهذا يعني أن دالة الارتباط الذاتي لا تتناقص برنابة، ويُمكن أن تُغيِّر علامتها.

$$y_t = \mu + \emptyset_1 y_{t-1} + u_t$$
 (Y1.7)

(١) احسب وسط y (غير الشرطي).

فيا تبقَّى من السؤال تحدِّد قيمة الثابت بصفر (m = 0) بهدف التبسيط.

- (٢) احسب تباين يه (غير الشرطي) (Unconditional Variance).
 - (٣) استنتج دالة الارتباط الذاتي لهذه العمليّة.

.....

لحل:

(i) تُعطى القيمة المتوقّعة للصيغة رقم (٧١،٦) الوسط غير الشرطي:

$$E(y_t) = E(\mu + \emptyset_1 y_{t-1}) \tag{YY.7}$$

$$E(y_t) = \mu + \emptyset_1 E(y_{t-1}) \tag{VT.7}$$

لكن أيضًا:

$$y_{t-1} = \mu + \emptyset_1 y_{t-2} + u_{t-1}$$
 (YE.7)

وبالتالي بتعويض ٢٠٤١ في المعادلة رقم (٧٣،٦) بعناصر الجانب الأيمن للمعادلة رقم (٧٤،٦) نتحصَّل على:

$$E(y_t) = \mu + \emptyset_1 (\mu + \emptyset_1 E(y_{t-2})) \tag{Vo.7}$$

$$E(y_t) = \mu + \phi_1 \mu + \phi_1^2 E(y_{t-2})$$
 (Y%)

بتأخير المعادلة رقم (٧٤،٦) بفترة واحدة إضافيَّة نتحصُّل على:

$$y_{t-2} = \mu + \emptyset_1 y_{t-3} + u_{t-2}$$
 (VV.1)

ويتكر ار الخطوات السابقة مرَّة أخرى يكون لدينا:

$$E(y_t) = \mu + \phi_1 \mu + \phi_1^2 E(\mu + \phi_1 E(y_{t-3}))$$
 (VA:1)

$$E(y_t) = \mu + \phi_1 \mu + \phi_1^2 \mu + \phi_1^3 + E(y_{t-3})$$
 (V9.7)

نأمل أن يكون بإمكان القراء الآن رؤية النمط الظاهر في العناصر المكوّنة لـــ (٢٤)، وبعد إجراء n استبدال مُشابه ننحصًل على:

$$E(y_t) = \mu(1 + \emptyset_1 + \emptyset_1^2 + \dots + \emptyset_1^{n-1}) + \emptyset_1^t E(y_{t-n})$$
 (A.4)

طللا أن النموذج ساكن أي $1>|_{0}0|$ فإن $0=0^{\circ}$. إذًا بإدراج الحدود عندما يكون $n\to\infty$ فإننا نتحصًل على $\lim_{n\to\infty}\phi_1^t E(y_{t-n})=0$

$$E(y_t) = \mu(1 + \emptyset_1 + \emptyset_1^2 + \cdots) \tag{ANCY}$$

هذا ونذكُر بأن هناك قاعدة جبرية تنص على أن المجموع المتناهي لعدد لامُتناه من عناصر سلسلة تتناقص بمعدَّل هندسي يُساوي 'قيمة العنصر الأول في السلسلة مقسومًا على (ناقص الفارق المشترك)، حيث يُمثُّل الفارق المشترك القيمة التي يُضرب بها كل عنصر للحصول على العنصر التالي، وبالتالي يُمكن استنادًا إلى المعادلة رقم (٨١،٦) القول إن:

$$E(y_t) = \frac{\mu}{1+\theta_t} \tag{AY.7}$$

وبالتائي نتحصَّل على القيمة المتوقَّعة أو القيمة المتوسَّطة لعمليَّة الانحدار الذاتي من الرتبة الأولى بقسمة معلمة المقطع على واحد ناقص معامل الانحدار الذاتي.

(ii) نحسب الآن تباین y_t مع تحدید μ بصفر:

$$y_t = \emptyset_1 y_{t-1} + u_t \tag{AT.1}$$

يُمكن كتابة هذه المعادلة بشكل مُكافئ كالتالي:

$$y_t (1 - \phi_1 L) = u_t \tag{A$\xi.$?}$$

استنادًا إلى نظرية وولد للتحليل يُمكن صياغة النموذج (AR(p كنموذج (MA(oc) كنموذج

$$y_t = (1 - \emptyset_1 L)^{-1} u_t \tag{Ao.1}$$

$$y_t = (1 + \emptyset_1 L + \emptyset_1^2 L^2 + \cdots) u_t$$
 (A7.7)

أو:

$$y_t = u_t + \phi_1 u_{t-1} + \phi_1^2 u_{t-2} + \phi_1^3 u_{t-3} + \cdots$$
 (AV.7)

طَلَمًا أَنَ 1 > |01 أي طالمًا أن العمليَّة به ساكنة فإن هذا المجموع سيكون مُتقاربًا. من خلال تعريف تباين مُتغبِّر عشوائي ما، يه، من الممكن كتابة:

$$var(y_t) = E[y_t - E(y_t)][y_t - E(y_t)]$$
(AA.7)

لكن $E(y_t)=0$ بها أننا حدَّدنا قيمة μ بصفر للحصول على المعادلة رقم (٨٣٠٦). وبالتالي:

$$var(y_t) = E(y_t)(y_t) \tag{A9.7}$$

$$var(y_t) = E(u_t + \emptyset_1 u_{t-1} + \emptyset_1^2 u_{t-2} + \cdots)(u_t + \emptyset_1 u_{t-1} + \emptyset_1^2 u_{t-2} + \cdots)$$
 (9.3)

$$var(y_t) = E[u_t^2 + \emptyset_1^2 u_{t-1}^2 + \emptyset_1^4 u_{t-2}^2 + \dots + cross - products]$$
 (41.7)

كما ذكرنا سابقًا يُمكن إزالة 'cross_products' (ناتج ضرب العناصر المتقاطعة) من المعادلة.

$$var(y_t) = y_0 = E[u_t^2 + \emptyset_1^2 u_{t-1}^2 + \emptyset_1^4 u_{t-2}^2 + \cdots]$$
(47.7)

$$var(y_t) = \sigma^2 + \emptyset_1^2 \sigma^2 + \emptyset_1^4 \sigma^2 + \cdots$$
 (97.7)

$$var(y_t) = \sigma^2(1 + \emptyset_1^2 + \emptyset_1^4 + \cdots)$$
 (45.7)

في حال كان 1 > | 0| فإنه يُمكن كتابة المجموع اللامتناهي في المعادلة رقم (٩٤،٦) كالتالي:

$$var(y_t) = \frac{\sigma^2}{(1-\theta_t^2)} \tag{40.7}$$

(m) لنعد الآن إلى حساب دالة الارتباط الذاتي، يجب أوَّلا حساب التغايرات الذاتيَّة، يتم ذلك باتباع معالجات جبريَّة شبيهة بالمعالجات السابقة للتباين، وانطلاقًا من تعريف التغايرات الذاتيَّة لمتغيَّر عشوائي، كيا في السابق سوف نرمز إلى التغايرات الذاتيَّة عند فترات الإبطاء ٢٠٠٤,٥٠٠ بـــ ٢٠٠٤,٧٠٠ بـــ ٢٠٠٧.

$$y_1 = cov(y_t, y_{t-1}) = E[y_t - E(y_t)][y_{t-1} - E(y_{t-1})]$$
(47.7)

وبها أننا حدَّدنا قيمة μ بصفر يكون $E(y_t)=0$ و وبالتالي:

$$y_1 = E[y_t y_{t-1}] \tag{AV.7}$$

وذلك بموجب النتيجة أعلاه المتمثّلة في أن $E(y_t) = E(y_{t-1}) = 0$ ، وهكذا نتحصّل على:

$$\gamma_1 = E[(u_t + \emptyset_1 u_{t-1} + \emptyset_1^2 u_{t-2} + \cdots)(u_{t-1} + \emptyset_1 u_{t-2} + \emptyset_1^2 u_{t-3} + \cdots)] \tag{9.4.1}$$

$$\gamma_1 = E \left[\emptyset_1 u_{t-1}^2 + \emptyset_1^3 u_{t-2}^2 + \dots + cross_products \right] \tag{9.1}$$

يُمكن مُجِدَّدًا تجاهُل ناتج ضرب العناصر المتقاطعة، وبالتالي:

$$\gamma_1 = \emptyset_1 \sigma^2 + \emptyset_1^3 \sigma^2 + \emptyset_1^5 \sigma^2 + \cdots \tag{$1 \cdot \cdot \cdot \cdot ?$}$$

$$\gamma_1 = \emptyset_1 \sigma^2 (1 + \emptyset_1^2 + \emptyset_1^4 + \cdots) \tag{1.1.7}$$

$$\gamma_1 = \frac{\theta_1 \sigma^2}{(1 - \theta_1^2)} \tag{1.757}$$

بالنسبة للتغاير الذاتي الثاني:

$$\gamma_2 = cov(y_t, y_{t-2}) = E[y_t - E(y_t)][y_{t-2} - E(y_{t-2})]$$
 (1.74)

777

باستخدام نفس القواعد المطبَّقة سابقًا على التغاير عند فترة الإبطاء ١، نتحصُّل على:

$$y_2 = E[y_t y_{t-2}] \tag{1.5.7}$$

$$\gamma_2 = E[(u_t + \emptyset_1 u_{t-1} + \emptyset_1^2 u_{t-2} + \cdots)(u_{t-2} + \emptyset_1 u_{t-3} + \emptyset_1^2 u_{t-4} + \cdots)] \tag{$1 \cdot 0.7$}$$

$$\gamma_2 = E\left[\emptyset_1^2 u_{t-2}^2 + \emptyset_1^4 u_{t-3}^2 + \dots + cross_products\right] \tag{$1.3.3}$$

$$\gamma_7 = \emptyset_1^2 \sigma^2 + \emptyset_1^4 \sigma^2 + \cdots$$
 (1.74)

$$\gamma_2 = \emptyset_1^2 \sigma^2 (1 + \emptyset_1^2 + \emptyset_1^4 + \cdots)$$
 (1 • A.7)

$$\gamma_2 = \frac{\rho_1^2 \sigma^2}{(1 - \rho_1^2)} \tag{1.9.7}$$

بإمكاننا الآن رؤية النمط الظاهر في العناصر المكوَّنة للتغايرات الذاتيَّة، إذا كوَّرنا هذه الخطوات لـــ 1⁄3 فإننا نتحصَّل على الصيغة التالية:

$$\gamma_3 = \frac{\theta_1^2 \sigma^2}{(1 - \theta_1^2)} \tag{Ninequi}$$

كما تُعطى المعادلة التالية التغاير الذاق عند كل فترة إبطاء 8:

$$\gamma_{s} = \frac{d_{1}^{s} \sigma^{2}}{(1 - Q_{s}^{2})} \tag{111cl}$$

يُمكن الآن الحصول على دالة الارتباط الذاتي من خلال قسمة التغايرات بالتباين بحيث نتحصُّل على:

$$\tau_0 = \frac{\gamma_0}{\gamma_0} = 1 \tag{117.7}$$

$$\tau_1 = \frac{\gamma_1}{\gamma_0} = \frac{\left(\frac{\delta_1 e^{\frac{\gamma}{2}}}{(1-e^{\frac{\gamma}{2}})}\right)}{\left(\frac{e^{\frac{\gamma}{2}}}{(1-e^{\frac{\gamma}{2}})}\right)} = \phi_1 \tag{117.7}$$

$$\tau_2 = \frac{\gamma_1}{\gamma_0} = \frac{\left(\frac{\sigma_1^2 \sigma^2}{(1 - \sigma_1^2)}\right)}{\left(\frac{\sigma^2}{(1 - \sigma_1^2)}\right)} = \emptyset_1^2 \tag{112.7}$$

$$\mathbf{r}_3 = \mathbf{\phi}_1^3 \tag{110.7}$$

تُعطي المعادلة التالية الارتباط الذاتي عند فترة الإبطاء ي:

$$\tau_s = \emptyset_1^s \tag{117.7}$$

والذي يعني أن 6° ecorr(y_t, y_{t-s}) = هذا ونُشير إلى أن استخدام مُعادلات يول-والكر يُعطى نفس النتائج.

٥ , ٦ دالة الارتباط الذان الجزئي

(Partial Autocorrelation Function)

تفسى دالة الارتباط الذاتي الجزئي (ويُرمز إليها بـ x_{k}) الارتباط بين مُشاهدة قبل k فترة والمشاهدة الحالبَّة بعد السيطرة على المشاهدات في فنرات الإبطاء المتوسَّطة (أي كل فنرات الإبطاء التي تكون أصغر من k)، أو بعبارة أخرى الارتباط بين y_t و y_t بعد حذف تأثيرات المتغيِّرات y_{t-1} , y_{t-1} , فعلى سبيل المثال تقيس دالة الارتباط الذاتي عند فترة الإبطاء y_t الارتباط بين y_t و y_{t-2} بعد حذف تأثيرات المتغيِّرات y_{t-2} و y_{t-2} .

عند فترة الإبطاء ١ يتساوى معامل الارتباط الذاتي مع معامل الارتباط الذاتي الجزئي؛ لأنه لا يوجد تأثيرات لمتغيّرات متأخرة يجب إزالتها، وبالتالي عند ترة الإبطاء ١.

عند فترة الإبطاء الثاني:

$$\tau_{22} = (\tau_2 - \tau_1^2)/(1 - \tau_1^2) \tag{11V.7}$$

حيث يُمثّل على التوالي معاملات الارتباط الذاتي عند فئرة الإبطاء ١ و ٢، أما بالنسبة لفترات الإبطاء التي تزيد عن اثنين فإن صيغ الارتباطات الذاتيَّة الجزئيَّة تكون أكثر تعقيدًا، وبالتالي فإن عوضها يتجاوز نظاق هذا الكتاب، ومع ذلك سوف نعرض تفسيرًا بديبيًّا للشكل الميَّز لدالة الارتباط الذاتي الجزئي لعمليَّة المتوسَّط المتحرِّك وعمليَّة الانحدار الذاتي.

s > p النسبة لحمليَّة الانحدار الذاتي من الرتبة q، ستكون هناك علاقة مُباشرة بين y_{t-1} و y_{t-1} إذا كان $q \leq s > p$ لكن إذا كان $q \leq s$ التالى: فإنه لا توجد علاقة مُباشرة بينها، لنأخذ على سبيل المثال النموذج AR(3) التالى:

$$y_{t} = \emptyset_{0} + \emptyset_{1} y_{t-1} + \emptyset_{2} y_{t-2} + \emptyset_{3} y_{t-3} + u_{t}$$
(11A.7)

ما هو الشكل الذي تتَّخذه دالة الارتباط الذاتي الجَزئي لعمليَّة المتوسط المتحرك؟ من الممكن التفكير في تحويل النموذج MA إلى نموذج AR من أجل النظر فيها إن كان هناك ارتباط مُباشر بين y_i و y_i , y_i , y_i , y_i في الواقع طالما أن العمليَّة (Invertibility) فإنه يُمكن صياغتها كنموذج AR(m) وبالتالي المطلوب الآن هو تعريف قابلية العكس (Invertibility).

٦,٥,١ شرط قابليَّة العكس

(The invertibility condition)

من المطلوب عادة أن تكون جذور المعادلة المميّزة للنموذج (MA(q أكبر من واحد من حيث القيمة المطلقة، رياضيًّا يتطابق شرط قابليَّة العكس مع شرط السكون، لكن يتمثَّل الفرق بينهما في أن الأول يُنسب للعمليَّة MA في حين يُنسب الثاني للعمليَّة AR، في إطار التمثيل (AR(m) يمنع هذا الشرط النموذج من الانفجار بحيث يتقارب (L) "\theta" نحو الصفر، يعرض الإطار رقم (٦,٢) شرط قابليَّة العكس للنموذج (MA(2).

الإطار رقم (٢,٢) شرط قابلية العكس للتموذج (٨٨١٤)

بهدف دراسة شكل دالة الارتباط الذاتي الجزئي لعمليات المتوسّط المتحرّك نستعرض العمليّة (2) MA التالية لــ :y:

$$y_t = u_t + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2} = \theta(L)u_t$$
 (119.1)

يُمكن صياغة هذه العمليّة (MA(2) كعمليّة (⇔) AR شريطة أن تكون قابلة للعكس:

$$y_t = \sum_{i=1}^{m} c_i \, L^i \, y_{t-i} + u_t \tag{17.47}$$

$$y_t = c_1 y_{t-1} + c_2 y_{t-2} + c_3 y_{t-3} + \dots + u_t \tag{171.7}$$

بعد الصياغة على هذا الشكل من الواضح الآن أنه بالنسبة لنموذج المتوسّط المتحرّك هناك علاقات شُباشرة بين القيمة الحاليّة لـ بهر وبين كل قيمها السابقة، وبالتالي فإن دالة الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج (MA(q) تنخفض بمعدّل هندسي بدلًا من أن تتضاءل نحو الصفر بعد فترة الإبطاء وكما هو الحال بالنسبة لدالة الارتباط الذاتي، وهكذا يُمكن القول إن دالة الارتباط الذاتي للنموذج AR فما نفس الشكل الأسامي لدالة الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج AR وأن دالة الارتباط الذاتي الجزئي للنموذج AR.

٦,٦ العمليات ARMA

(ARMA processes)

نتحصَّل على النموذج (p,q) ARMA بدمج النهاذج (AR(p) و MA(q)، يُشير مثل هذا النموذج إلى أن القيمة الحاليَّة لسلسلة ما، y، تعتمد خطيًّا على قيمها السابقة إضافة إلى توليفة من القيم الحاليَّة والسابقة لحد خطأ التشويش الأبيض، هذا ويُمكن كتابة النموذج كالنالي:

$$\phi(L)y_t = \mu + \theta(L)u_t \tag{177.7}$$

حيث

$$\emptyset(L) = 1 - \emptyset_1 L - \emptyset_2 L^2 - \dots - \emptyset_p L^p$$

ģ

$$\theta(L) = 1 + \theta_1 L + \theta_2 L^2 + \dots + \theta_q L^q$$

أو كذلك:

$$y_t = \mu + \emptyset_1 y_{t-1} + \emptyset_2 y_{t-2} + \dots + \emptyset_p y_{t-p} + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2} + \dots + \theta_q u_{t-q} + u_t \tag{177.1}$$

هج:

$$; E(u_t^2) = \sigma^2; E(u_t u_s) = 0, \ t \neq sE(u_t) = 0$$

تتكون خصائص العملية ARMA من مزيج من الخصائص؛ جُزء من الانحدار الذاتي (AR) وجُزء من المتوسِّط المتحرك (MA)، هذا ونُشير إلى أن دالة الارتباط الذاتي الجزئي مُفيدة بشكل خاص في هذا السياق، من جهة أخرى يُمكن لدائة الارتباط الذاتي وحدها التمييز بين عمليَّة انحدار ذاتي بحتة وبين عمليَّة مُتوسِّط مُتحرك بحتة، ومع ذلك تتخفض دالة الارتباط الذاتي للعمليَّة ARMA بمعذَّل هندسي كما في حالة العمليَّة AR البحتة، لذلك تكون دالة الارتباط الذاتي الجُزئي مُفيدة للتمييز بين العمليَّة (AR(p) والعمليَّة (ARMA وبعد فترة الإيطاء عن أن للأخيرة دالة ارتباط ذاتي ودالة ارتباط ذاتي جزئي كلاهما ينخفض بمعدَّل هندسي.

يُمكننا الآن تلخيص الخصائص الميزة للعمليات MA ، AR و ARMA ، تتمثَّل خصائص عمليَّة الانحدار الذاتي في:

- انخفاض دالة الارتباط الذاتي بمعدَّل هندسي.
- عدد النقاط غير الصفريَّة لدالة الارتباط الذاتي الجزئي يُساوي رتبة الانحدار الذاتي.
 - أمَّا خصائص عمليَّة المتوسُّط المتحرَّك فهي:
 - عدد النقاط غير الصفريَّة لدالة الارتباط الذاتي يُساوي رتبة المتوسَّط المتحرَّك.
 - انخفاض دالة الارتباط الذائي الجزئي بمعدًل هندسي.
 أخيرًا تتمثّل خصائص عمليّة الانحدار الذائي للمتوسط المتحرك في:
 - انخفاض دالة الارتباط الذاتي بمعدَّل هندسي.
 - انخفاض دالة الارتباط الذاي الجزئي بمعدّل هندسي.
 ف الواقع تُعطى المعادلة التالية وسط سلسلة الانحدار الذاي للمتوسط المتحرك:

$$E(y_t) = \frac{\mu}{1 - \phi_1 - \phi_2 - \dots - \phi_n} \tag{17 £.7}$$

تُظهر دالة الارتباط الذاتي توليفات من السلوك المستمد من الجزأين AR و MA لكن بالنسبة لفترات الإبطاء التي تزيد عن ٩٠ تكون دالة الارتباط الذاتي ببساطة مُطابقة لدالة الارتباط الذاتي للنموذج (AR الفردي بحيث يُهيمن الجزء AR في المدى الطويل، كما لا يتطلَّب الحصول على دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي قواعد جبريَّة جديدة، وإنها يُعتبر ذلك أمرًا مُمَالًا، وبالتالي نترك ذلك كتموين للقراء المهتمين.

٦,٦,١ الرسوم البيانيَّة لدوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي

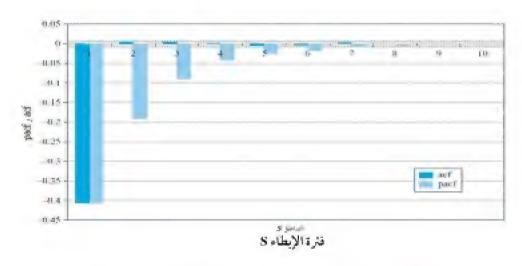
للعبُّنة للعمليات القياسيَّة (Sample acf and pacf plots for standard processes)

تُعطي الأشكال رقم (٦,٢)-(٦,٨) بعض الأمثلة عن عمليات نموذجيَّة من فصيلة العمليات ARMA إلى جانب دوال الارتباط الذاتي، والارتباط الذاتي الجزئي المميَّزة لهذه العمليات، تُشير إلى أن دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي لم تُنتج بطريقة تحليليَّة من خلال الصبغ المناسبة للنموذج قيد الدرس، وإنها باستخدام ١٠٠٠٠٠ مُشاهدة مُتحصَّل عليها عن طريق المحاكاة، وباعتبار اضطرابات مُستمدة من التوزيع الطبيعي، يتضمَّن كل شكل من الأشكال نطاقات رفض (ذات طرفين) بمستوى ٥٪ مُثَلة بالخطوط المنقَّطة، تستند هذه النطاقات إلى الصبغة 20.006 = (وروي المنتجد عند فترة الإبطاء الأول. لاحظ كيف أنه في كل حالة تنطابق دالة الارتباط الذاتي ودائة الارتباط الذاتي الجزئي عند فترة الإبطاء الأول.

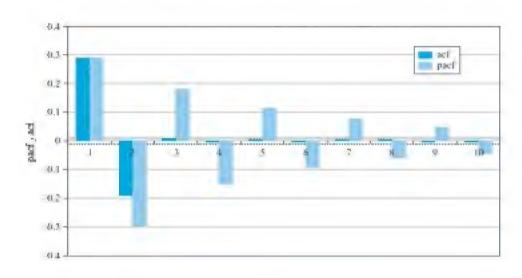
نرى في الشكل رقم (٢,٢) أن العمليَّة (1 MA لها دالة ارتباط ذاتي معنويَّة عند فترة الإبطاء ١ دون سواه، في حين أن دالة الارتباط الذاتي الجزئي تنخفض بمعدَّل هندسي، وتستمر معنويَّة إلى حدود فترة الإبطاء ٧، نرى كذلك أن دالة الارتباط الذائي عند فترة الإبطاء ١ وكل الارتباطات الذاتيَّة الجزئيَّة سالبة، وذلك نتيجة المعامل السالب في العمليَّة المولّدة لـــMA.

تُعتبر هياكل دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي في الشكل رقم (٦,٣) مرَّة أخرى مُتوقَّعة، حيث إن فقط أوَّل معاملين للارتباط الذاتي بمعدَّل هندسي، كما نُشير كذلك إلى أنه نظرًا لكون المعامل الثاني لحد الخطأ المتباطئ سالب فإن دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي تتناوب بين مُوجبة وسالبة، في حالة دالة الارتباط الذاتي الجزئي تُسمَّي هذه الدالة المتناوبة والمتناقصة 'بالموجة الجيبية المتناقصة' (Damped Sine Wave) أو 'بالمنحنى الجيبي المتناقص'.

أمًّا بالنسبة لنموذج الانحدار الذاتي من الرتبة ١ وبمعامل مُرتفع نسبيًّا، أي بمعامل قريب نسبيًّا من الفيمة ١، فإنه من المتوقع أن تتضاءل دالة الارتباط الذاتي ببطء نسبيًّا، وهذا ما نُلاحظه قامًا هنا في الشكل رقم (٢,٤). عُجدُّدًا وكها هو مُتوقَّع بالنسبة للنموذج (١,٤)، غون معامل الارتباط الذاتي الجزئي الأول فقط معنوى، في حين أن باقي المعاملات الأخرى تقريبًا صفر وغير معنويَّة.



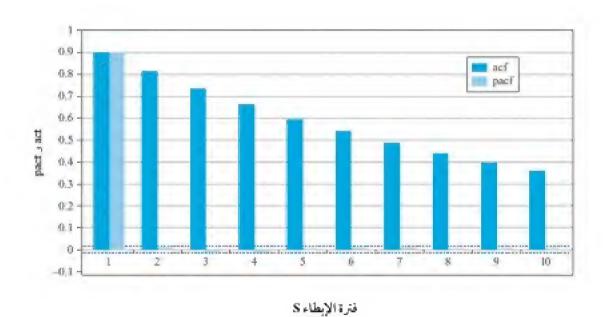
الشكل رقم (٢, ٢) دوال الأرتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعيمة $y_t = -0.5u_{t-1} + u_t: MA(1)$ في حالة نموذج (1.3 u_{t-1}



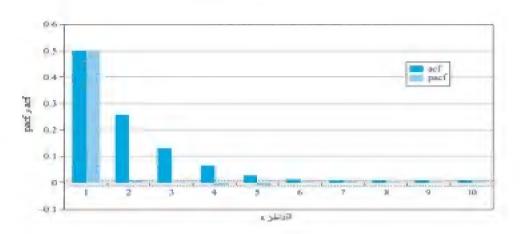
فترة الإبطاء ك

الشكل رفم (7,7) دوال الارتباط الذاي والارتباط الذاي الجزئي للعيَّنة $y_t=0.5u_{t-1}-0.25u_{t-2}+u_t$ في حالة نموذج $y_t=0.5u_{t-1}$

يرسم الشكل رقم (٦,٥) بيانيًّا نموذج (AR(1) مُولِّدًا باستخدام حدود أخطاء متطابقة لكن بمعامل انحدار ذاتي أصغر بكثير، في هذه الحالة تتضاءل دالة الارتباط الذاتي بسرعة أكبر بكثير مما كانت عليه في المثال السابق، وتُصبح فعلًا غير معنويَّة بعد خمسة فترات إبطاء تقريبًا.

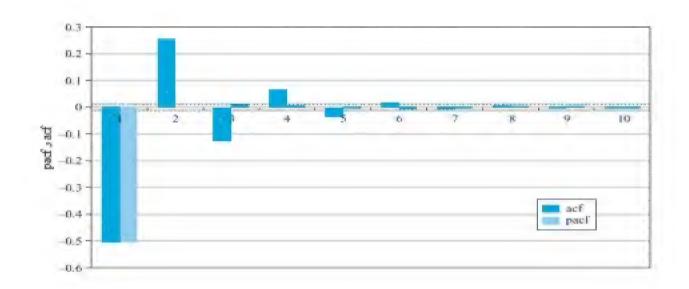


الشكل رقم (٢,٤) دوال الارتباط الذاي والارتباط الذاي الجزئي للعيَّنة $y_t = 0.9y_{t-1} + u_t: AR(1)$

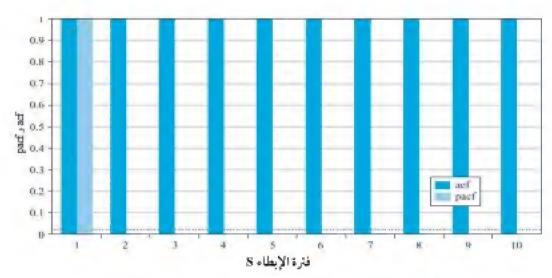


فترة الإبطاء S الشكل رقم (٣, ٥) دوال الارتباط الذاي والارتباط الذاي الجزئي للميّنة في حالة نموذج (1) AR يتخفض بأكثر سرعة: يع الة نموذج (1) AR

كما يُظهر الشكل رقم (٦,٦) دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي لنموذج (١) مطابق للنموذج المستخدم في الشكل رقم (٦,٥)، باستثناء أن معامل الارتباط الذاتي أصبح الآن سالبًا، يُؤدي ذلك إلى ظهور شكل المتحنى الجيبي المتضائل في دالة الارتباط الذائي التي تُصبح مرَّة أخرى غير معنويَّة بعد خسة فترات إبطاء تقريبًا، هذا ونُذكِّر أن معامل الارتباط الذاتي عند فترة الإبطاء ع في هذا النموذج (١) ٨٨ يُساوي "(0.5). سوف يكون هذا المعامل مُوجبًا إذا كان ٤ عددًا زوجيًّا وسالبًا إذا كان ٤ عددًا فرديًّا، كما أن معامل الارتباط الذاتي الجزئي الأوَّل فقط معنوي (وسالب) دون المعاملات الأخرى.

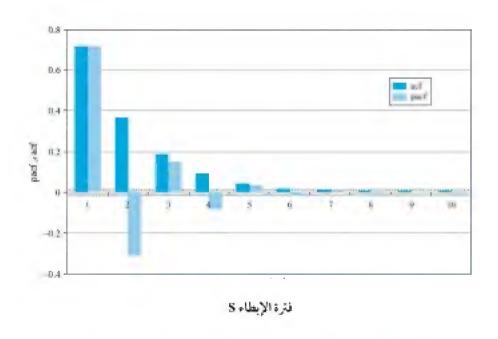


نثرة الإيطاء Sالشكل رقم (1, 1) دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعيَّنة $y_t = 0.5y_{t-1} + u_t$ مرحة وبمعامل سالب: $u_t = 0.5y_{t-1}$



الشكل رقم (٢,٧) دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي للعيَّة $y_t = y_{t-1} + u_t$: في حالة نموذج غير ساكن (أي معامل الوحدة):

يرسم الشكل رقم (٢,٧) بيانيًّا دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي لسلسلة غير ساكنة (انظر الفصل ٨ لمزيد من المناقشة)، حيث يُساوي معامل المتغيَّر التابع المتباطئ الوحدة، ونتيجة لذلك فإن الصدمات على لا لا تتلاشى أبدًا، وتستمر في النظام إلى ما لانهاية، وبالتالي تظل دالة الارتباط الذاتي ثابتة نسبيًّا عند مُستوى الوحدة حتى عند فترة الإبطاء ١٠، في الواقع حتى عند فترة الإبطاء ١٠، في الواقع حتى عند فترة الإبطاء ١٠ انخفض معامل الارتباط الذاتي فقط إلى القيمة ٩٩٨٩ . ٠.



الشكل رقم (٦,٨) دوال الارتباط الذاي والارتباط الذاي الجزئي للعيَّة $y_t = 0.5y_{t-1} + 0.5u_{t-1} + u_t :ARMA(1,1)$ في حالة تموذج

كما تُشير كذلك إلى أنه في بعض الحالات وعلى عكس ما يبدو في الشكل رقم (٧, ٦) فإن دالة الارتباط الذاتي تتضاءل بالنسبة لهذه العمليَّة غير الساكنة، وذلك بسبب طابعها غير المُستقر، إضافة إلى الدقة الحاسوبية المحدودة، ومع ذلك فإن دالة الارتباط الذاتي الجزئي تكون معنويَّة فقط عند فترة الإبطاء ١، مما يُشير بشكل صحيح إلى أن نموذج الانحدار الذاتي بدون حد مُتوسط مُتحرِّك هو الأنسب.

أخيرًا يرسم الشكل رقم (٦,٨) بيانيًّا دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي لعمليَّة ARMA غُتلطة، وكها هو مُتوقَّع من مثل هذه العمليَّة فإن دالة الارتباط الذاتي ودالة الارتباط الذاتي الجزئي كلاهما تنخفض بمعدَّل هندسي: انخفاض دالة الارتباط الذاتي الجزئي نتيجة الجزء AM، غير أن المعاملات المرتبطة بالأجزاء AR و MA صغيرة بها يكفى لتصبح معاملات الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي كلاهما غير معنويَّة اعتبارًا من فترة الإبطاء ٢.

7, V بناء النهاذج ARMA: منهجيَّة بوكس-جنكينز

(Building ARMA models: the Box-Jenkins approach)

على الرغم من وجود النهاذج ARMA قبلهم إلَّا أن بوكس وجنكينز (١٩٧٦) كانا أوَّل مَن تناول مهمَّة تقدير النهاذج ARMA بطريقة ممنهجة، يتَّصف نهجهما بكونه نهجًا عمليًّا واقعيًّا ينطوي على ثلاث خطوات:

- (۱) تحديد النموذج (Identification)
 - (٢) تقدير النموذج
- (٣) تشخيص النموذج (Diagnostic Checking)

نمر الآن إلى شرح هذه الخطوات بمزيد من التفصيل.

الخطوة ١

تتضمَّن هذه الخطوة تحديد رتبة النموذج الضروريَّة الالتقاط السيات الديناميكية للبيانات، تُستخدم إجراءات تعتمد على التمثيل البياني (رسم البيانات عبر الزمن ورسم دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي) لتحديد التوصيف الأنسب.

الخطوة ٢

تتضمَّن هذه الخطوة تقدير معلى النموذج المحدَّد في الخطوة ١، يُمكن القيام بذلك باستخدام المربعات الصغرى، أو طريقة أخرى تُعرف بالإمكان الأعظم، على حسب النموذج.

لخطوة ٣

تتضمَّن هذه الخطوة فحص النموذج، أي تحديد ما إذا كان النموذج المحدَّد والمقدَّر مقبولًا أم لا، اقترح بوكس وجنكينز طريقتين للقيام بذلك: تشخيص توفيق النموذج بعدد من المتغيِّرات أكثر من المطلوب (أو المطابقة المفرطة) (Overfitting) وتشخيص البواقي، تعني المطابقة المفرطة تعمُّد توفيق نموذج أكبر من النموذج الذي يلزم لالتقاط ديناميكيات البيانات والمحدَّد في المرحلة ١، إذا كان النموذج المحدَّد في الحقوة ١ مناسبًا فإن أيَّة عناصر أخرى تُضاف إلى النموذج ARMA لن تكون معنويَّة، أمَّا تشخيص البواقي فيشمل فحص البواقي للبحث عن الترابط الخطي الذي إن وُجد فقد يُشير إلى أن النموذج المحدَّد في البداية غير مُناسب لالتقاط خصائص البيانات، يُمكن هنا استخدام اختبار دالة الارتباط الذاتي، اختبار يونغ-بوكس.

ومن الجدير بالذكر أن "اختيارات التشخيص" في منهجيَّة بوكس-جنكينز تتضمَّن أساسًا اختيارات الارتباط الذاتي فقط بدلًا من أن تتضمَّن المجموعة الواسعة من الاختيارات المشار إليها في الفصل ٤، نذكر كذلك أنه وبهدف تحديد مدى مُلاءمة النموذج لا ينتج عن مثل هذه الاختيارات سوى نموذج موصوف بمعلمات أقل من المطلوب (صغير جدًّا)، ولا يُمكنها أن تُسفر عن نموذج موصوف بمعلمات أكثر من المطلوب (كبير جدًّا).

يُعتبر فحص مدى خُلو البواقي من الارتباط الذاتي أكثر شيوعًا بكثير من حيث الاستخدام مُقارنة بفحص إمكانيَّة توفيق النموذج بعدد من المتغيَّرات يكون أكثر من المطلوب، ويرجع ذلك جُزئيًّا لكون النهاذج ARMA يُمكن أن تُؤدي إلى عوامل مُشتركة في النموذج الذي يضم عددًا من المتغيِّرات أكثر من المطلوب، والذي يجعل من عمليَّة تقدير النموذج عمليَّة صعبة، ومن الاختبارات الإحصائيَّة اختبارات خاطئة، فعل سبيل المثال إذا كان النموذج الصحيح هو النموذج (1.1) ARMA وتعمَّدنا توفيق النموذج الإحصائيَّة اختبارات فهذا سوف يُؤدي إلى ظهور عوامل مُشتركة تحول دون تحديد جميع المعليات في هذا النموذج الأخير، لا تظهر هذه المشكلة مع النهاذج AR و MA البحتة، وإنها تظهر فقط مع العمليات المختلطة.

نسعى عادة إلى تشكيل نموذج شحيح (Parsimonious Model) وهو نموذج يصف كل خصائص البيانات المهمَّة باستخدام أقل عدد مُمكن من المعلمات (أي نموذج أبسط ما يكون)، يُحبِّذ النموذج الشحيح لأن:

- بجموع مُربعات البواقي يتناسب عكسيًّا مع عدد درجات الحرَّية، ومن شأن النموذج الذي بحتوي على مُتغيِّرات بفترات إبطاء أو حدود أخطاء بفترات إبطاء غير هامَّة (وبالتالي معلمات غير ضرورية) أن يؤدي عادة إلى زيادة الأخطاء المعيارية للمعلمات، مما يعني أنه سبكون من الصعب إبجاد علاقات قريَّة في البيانات، وعن السؤال عمَّا إذا كانت الزيادة في عدد المتغيرات (أي انخفاض عدد درجات الحرية) ستؤدي فعلًا إلى ارتفاع أو انخفاض الأخطاء المعياريَّة للمعلمات المقدِّرة، فذلك يعتمد بشكل واضح على مدى انخفاض مجموع مُربعات البواقي وعلى الأحجام النسبية لـ T و x، فإذا كانت قيمة x كبيرة جدًّا مُقارنة بقيمة x، يُرجِّح أن يفوق انخفاض مجموع مُربعات البواقي الانخفاض في x x، ولذلك تتخفض الأخطاء المعياريَّة، وبالتالي يقع الاختيار في معظم الأحيان على النهاذج 'الكبيرة' التي تضم العديد من المعلمات عندما يكون حجم العينة كبيرًا.
- قد غيل النهاذج التي تضم العديد من المتغيرات غير الضروريَّة إلى أن تتلاءم مع الخصائص المميَّزة للبيانات التي لا يمكن تكرارها خارج العينة، وهذا يعني أن النهاذج قد تبدو مُلائمة للبيانات بشكل جيَّد جدًّا، وربها تكون قيمة R² مُرتفعة إلَّا أنها تُعطي تنبؤات غير دقيقة للغاية، هناك تفسير آخر لهذا المفهوم مُقتبس من الفيزياء، وهو التمييز بين الإشارة و 'التشويش'، والهدف من ذلك هو إعداد نموذج يستطيع التقاط الإشارة (الخصائص الهامَّة في البيانات، أو الانجاهات العامَّة، أو الأنهاط الأساسيَّة) دون التشويش (الجانب العشوائي البحث للسلسلة).

1, V, ۱ استخدام معايير المعلومات لاختيار النموذج ARMA

(Information criteria for ARMA model selection)

لا تُستخدم عادة الرسومات البيانيَّة لدوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي لإتمام مرحلة تحديد النموذج، والسبب وراء ذلك هو أنه عند استخدام بيانات حقيقيَّة 'غير مُرتَّبة' فإنه وللأسف نادرًا ما تُظهر هذه البيانات الأنهاط البسيطة المعروضة في الأشكال (٢٠٦)- (٨٠٦)، وهذا يجعل من الصعب جدًّا تفسير دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي، وبالتالي فإنه من الصعب تحديد نموذج للبيانات، هناك طريقة أخرى لتحديد النموذج تُزيل نوعًا ما من عدم الموضوعيَّة المتضمَّنة في تفسير دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي، وتعتمد على استخدام ما يُعرف بمعايير المعلومات، تتكوَّن معايير المعلومات من عُنصرين: عُنصر مُرتبط بمجموع مُربعات البواقي (RSS) وعُنصر جزاء لخسران درجات الحريَّة المتأتي من إدراج معلمات إضافيَّة، وهكذا سوف يكون الإضافة مُتغيِّر أو فترة إيطاء جديدة إلى النموذج أثران مُتناقضان على معايير المعلومات؛ سوف ينخفض مجموع مُربعات البواقي، في المقابل سوف يرتفع عُنصر الجزاء.

$$AIC = ln(\hat{\sigma}^2) + \frac{2k}{\pi}$$
 (170.7)

$$SBIC = ln(\hat{\sigma}^2) + \frac{\kappa}{\tau} ln T \qquad () \Upsilon ()$$

$$HQIC = ln(\hat{\sigma}^2) + \frac{2k}{r}ln(ln(T))$$
 (17V.7)

k=p+q+1 جيث يُمثّل $\hat{\sigma}^2$ تباين البواقي (وهو يُعادل مجموع مُربعات البواقي مقسومًا على عدد المشاهدات T)، ويُمثّل p < q < q المعدد المعلمات المقدَّرة و T حجم العيَّنة، نقوم بتصغير معايير المعلومات تحت قيد $q \geq p$ أي بتحديد حد أعلى لعدد عناصر المتوسَّطات المتحرَّكة q = q أو عدد عناصر الانحدار الذاتي q = q التي سوف تُدرج في النموذج.

ومن الجدير بالذُّكُر أن معيار المعلومات البايزي لشوارز يضم عُنصر جزاء أقوى من عُنصر جزاء معيار أكايكي للمعلومات في حين يقع عُنصر جزاء معيار هنان-كوين بينهها، كها يُمكن أن يُنظر إلى مقدار "R المعذَّل كمعيار للمعلومات، على الرغم من أنه يُعتبر من المعايير الهشَّة نظرًا لكونه يُختار دائهًا أكبر النهاذج.

٢,٧,٢ أي معيار يجب تفضيله إذا اقترحت هذه المعابير درجات مُحتلفة للنموذج؟

(Which criterion should be preferred if they suggest different model orders?)

يُعتبر معيار المعلومات البايزي لشوارز معيارًا شديد الأنساق (لكنّه غير كُف)، ومعيار أكايكي للمعلومات معيار غير مُنسَق لكنّه عادة أكثر كفاءة، بعيارات أخرى: يُعطي معيار المعلومات البابزي لشوارز تقارُبيًّا درجات صحيحة للنموذج في حين يُعطي معيار أكايكي للمعلومات في المتوسّط نهاذج كبيرة جدًّا حتى وإن كانت كمّية البيانات الامتناهية، من جهة أخرى نجد أن مُتوسّط الاختلاف في درجات النموذج المختارة لعيّنات مُختلفة مأخوذة من مُجتمع ما أكبر في حالة معيار المعلومات البابزي لمشوارز مُقارنة بمعيار أكايكي للمعلومات، وبالتالي عُمومًا الا يوجد معيار يتفوّق بشكل كامل على المعيار الآخر.

T, V, T النمذجة ARIMA

(ARIMA modelling)

تتميَّر النمذجة ARIMA عن النمذجة ARMA بكون لديها حرفًا إضافيًّا في اسمها المختصر وهو الحرف "1" الذي يرمز إلى كلمة "مُتكامل" (Integrated)، تُعرف عملية الانحدار الله الإلتكامل بأنها عمليَّة تكون فيها المعادلة المميزة فما جذر على دائرة الوحدة، يأخذ الباحثون عادة عند اللزوم فرق المتغيِّر، ثم يقومون ببناء نموذج ARMA على فروق هذه المتغيِّرات، هذا ويُعادل النموذج (p,q) على مُتغيِّر ظبُقت عليه الفروق d مرَّة النموذج (p,d,q) على البيانات الأصليَّة، انظر الفصل A لمزيد من التفاصيل، نفترض فيها تبقى من هذا الفصل أن البيانات المستخدمة في بناء النموذج ساكنة، أو أنه تم تحويلها بشكل مُناسب جُعلها ساكنة، وبالتالي لن نتعمَّق سوى في دراسة النهاذج ARMA.

۱,۸ بناء النهاذج ARMA داخل إفيوز (Constructing ARMA models in EViews)

٦,٨,١ الاستعداد لبدء العمل

(Getting started)

يستخدم هذا المثال سلسلة شهريَّة لأسعار المساكن في المملكة التَّحدة سبق وأن أُدْرِجَت في ملف عمل إفيوز في الفصل ١، تضم هذه السلسلة ٢٦٨ مُشاهدة شهريَّة تبدأ من فبراير ١٩٩١ (نُذكِّر أننا نفقد مُشاهدة شهر يناير عند إنشاء القيمة المتباطئة) وتنتهي في مايو ٢٠١٣.

يتمثّل الهدف من وراء هذا التمرين في بناء نموذج ARMA للتغيَّرات في أسعار المساكن، نُذكِّر بأن هناك ثلاث مراحل مُتَّبعة، وهي: تحديد النموذج، تقدير النموذج، وتشخيص النموذج، ننتهي من المرحلة الأولى من خلال النظر إلى معاملات الارتباط الذائي والارتباط الذاتي الجزئي للتعرُّف على هيكل البيانات.

٢ , ٨ , ٦ تقدير معاملات الارتباط الذاتي إلى حدود فترة إيطاء اثنا عشر

(Estimating the autocorrelation coefficients for up to twelve lags)

نقر مرَّ تِين فوق السلسلة DHP ثم ننقُر فوق View ونختار ... Correlogram ... في النافذة 'DHP ثم ننقُر مرَّ تِين فوق السلسلة DHP ثم ننقُر فوق المربَّع View ونختيار Level (بها أن السلسلة قيد الدرس سبق وأن قمنا بتحويلها إلى عوائد منوبَّة، أو إلى نسب متوبة للتغيُّرات)، وفي المربَّع Include نكتب ١٢ وننقر فوق OK، تُعطى لقطة الشاشة رقم (٦,١) الناتج، وما يتضمَّنه من اختبارات إحصائيَّة هامَّة.

	operties Print Name	B	- 11	-		- armpris
	Correlogr	am o	LUHP			
ate: 07/05/13 Tim Imple: 1991M01.2 cluded observation	013M05					
Autocorrelation	Partial Correlation		AC	PAG	Q-Stat	Prob
1		1 1	0.358	0.356	34 360	0 000
1 2000	1 200	2	0.432	0.350	85 175	0.000
I me	1)1	3	0.240	0.021	100.96	0.000
1 (20)	111	4	0.200	-0.013	111.95	0.000
1 (0)	111	- 5	0 139	0.006	117.26	0.000
1 100	130	₿	0.138	0.047	122 55	0.000
1 (0)	111	7	0.074	-0.022	124.07	0.000
1 🛅	130	₿:	0.117	0.052	127.87	0.000
1 (20)	1 10	9	0.176	0.147	136.49	0.000
· 🗀	131	10	0 141	0.024	142.09	0.000
1 200	1 10	11	0.247	0.127	159.32	0.000
1 1000	- In	12	0.295	0.181	183 90	0.000

لقطة الشاشة رقم (٦,١) تقدير تصوير الارتباط

من الواضح جليًّا من خلال الأعمدة الأولى أن السلسلة ثابتة نوعا ما؛ نظرًا لأن السلسلة أصلًا على شكل تغيَّرات مئوية، هذا وتنخفض دالة الارتباط الذاتي بيطء شديد، كما يبدو أن المعاملين الأولين للارتباط الذاتي الجزئي دون غيرهما في غاية المعنويَّة، في حين أن معاملات الارتباط الذاتي معنويَّة حتى فترة الإبطاء السادسة (تتجاوز كلها الخطوط المتقَّطة في الصورة)، وغير معنويَّة عند فترة الإبطاء السابعة، ثم تعود بعد ذلك معنويَّة ابتداء من فترة الإبطاء الثامنة، يُعطي العمود الرابع والخامس للمخرج القيم العدديَّة لمعاملات الارتباط الذاتي ومعاملات الارتباط الذاتي الجزئي من فترة الإبطاء ١ إلى فترة الإبطاء ١ ، ونجد طول فترة الإبطاء في العمود الثالث.

يُعطي العمود قبل الأخير للمخرج الإحصاءات الناتجة عن اختبار ليونغ-بوكس، حيث إن عدد فترات الإبطاء المدرجة في المجموع يُساوي رقم الصف (أي العدد في العمود الثالث)، تتبع إحصاءات الاختبار (1) 4٪ عند الصف الأول، (2) 4٪ عند الصف الثاني، إلخ ويُقدَّم العمود الأخير قيم بي المرتبطة بإحصاءات الاختبار هذه.

كما نُذكّر أنه كقاعدة عامّة فإننا نُصنّف معامل ارتباط ذاي مُحدّد على أنه معنوي إذا تجاوز النطاق 1/(T) × 1.96 عيث يرمُز الله عدد المشاهدات، في مثالنا هذا يُعتبر مُعامل الارتباط الذاي معنويًا إذا كان أكبر من ١٠٠ تقريبًا أو أصغر من ١٠٠ بطبيعة الحال يكون هذا النطاق أوسع عندما يكون تسواتر السمعاينة شهريًّا كما هو المحال في مثالنا هذا مُقارنية بسالتواتر اليومي، حيث يكون هناك أكثر مُشاهدات، هذا ويمكن استنتاج أن شعاملات الارتباط الذاتسي الستة الأولى (وكذلك الارتباط الذاتي عند فترة الإبطاء الثامنة إلى فترة الإبطاء الثانية عشر)، وأول معاملين للارتباط الذاتي الجزئي (وكذلك الارتباط الذاتي الجزئي التاسع، الحادي عشر والثاني عشر) تُعتبر معنويَّة بموجب هذه القاعدة، وبها أن معامل الارتباط الذاتي الأوَّل معنوي للغاية فإن إحصاءة الختبار ليونغ -بوكس المشترك ترفض عند المستوى ١٪ فرضيَّة العدم المتمثّلة في عدم وجود ارتبط ذاتي، وذلك لكل أعداد فترات الإبطاء المأخوذة في الاعتبار، هذا ويمكن استنتاج أن عملية ARMA المختلطة يمكن أن تكون مُناسبة، على الرغم من أنه من الصعب تحديد درجاتها المناسبة بدقة في ظل هذه النتائج، سوف نستخدم الآن معابير المعلومات بهدف إجراء المزيد من الدراسة هذه المسألة.

٦,٨,٣ استخدام معايير المعلومات لتحديد درجات النموذج

(Using information criteria to decide on model orders)

كما هو مُبيَّن أعلاه قد يكون من الصعب جدَّا عمليًّا اتخاذ قرار بشأن در جات النموذج المناسبة من خلال الاطَّلاع على دوال الارتباط الذائي، هذا وتوجد طريقة أبسط للقيام بذلك تتمثَّل في اختيار درجات النموذج التي تُصغِّر قيمة معيار المعلومات، ومن النقاط الجديرة بالملاحظة نذكر أن الكتب وحزم البرامج الإحصائيَّة غالبًا ما تختلف في طريقة بنائها لإحصائية الاختبار، فعلى سبيل المثال الصيغ الواردة سابقًا في هذا الفصل لمعايير أكابكي وشوارز للمعلومات هي:

$$AIC = ln(\hat{\sigma}^2) + \frac{2k}{\tau} \tag{YA.7}$$

$$SBIC = ln(\hat{\sigma}^2) + \frac{k}{T}(lnT)$$
 (179.7)

حيث يُمثُّل 6º مُقدَّر لتباين اضطرابات الانحدارات عنه لل عدد المعلمات و T حجم العيثة، عند استخدام معيار يقوم على الأخطاء المعياريَّة المقدَّرة، يجب اختيار النموذج الذي يُعطي أقل قيمة لمعيار أكايكي للمعلومات ولمعبار المعلومات البايزي لشوارز، من ناحية ثانية يستخدم إفيوز صياغة لإحصاءة الاختبار مُستمدَّة من قيمة دالة لوغاريتم الإمكان (Log-Likelihood Function) وتعتمد على تقدير الإمكان الأعظم (انظر الفصل ٩)، أمَّا صيغ إفيوز المقابلة فهي:

$$AIC_{l} = -2l/T + \frac{2k}{r} \tag{17.43}$$

$$SBIC_{l} = -2l/T + \frac{k}{T}(lnT) \tag{\T\.\T\)$$

 $l = -\frac{T}{2}(1 + (2\pi) + ln(\hat{u}'\hat{u}/T))$ حيث

للاسف لا يُعتبر هذا التعديل سليًا؛ لأنه يُؤثر على القوة النسبية لعنصر الجزاء مُقارنة بنبابن الاخطاء، وأحيانًا بُؤدي بحزم البرامج المختلفة إلى تحديد درجات نموذج مُختلفة لنفس البيانات والمعيار.

لنفترض أننا نعتقد أن النياذج ARMA من الرئية (0,0) إلى (5,5) تُعتبر كلها نياذج مقبولة لتغيَّرات أسعار المساكن، يترتَّب عن ذلك النظر في سنة وثلاثين نموذجًا ((5,5), ARMA(2,0), ARMA(1,0), ARMA(1,0), ARMA(5,5)، أي من صفر إلى خس فتراث إبطاء في كلَّ من عناصر الانحدار الذاتي والمتوسط المتحرَّك.

يُمكن القيام بذلك في إفيوز من خلال تقدير كل نموذج من هذه النهاذج بشكل مُنفصل، ونُسجَّل في كل مرَّة قيمة معايير المعلومات (٢)، يُمكن إتمام ذلك بالطريقة التالية، من القائمة الرئيسة لإفيوز ننقر فوق Quick ونختار ... Estimate Equation، سوف بفتح إفيوز نافذة توصيف المعادلة، وفي مُحرَّر توصيف المعادلة نكتب على سبيل المثال:

dhp c ar(1) ma(1)

(٢) يُسكن بدلًا من ذلك لأي قارئ يُجِيد كتابة برامج في إفيوز وضع نكرار حلقي على درجات النموذج وحساب جميع قيم معايير المعلومات معًا، انظر الفصل ١٣٠ تُحدَّد في إعدادات التقدير التالي: LS - Least Squares (NLS and ARMA) كما تُحدَّد كامل العيَّنة، ثم ننقر فوق OK، وهذا من شأنه توصيف النموذج (ARMA(1,1) يرد في الجدول أدناه مُحرج التقدير.

Dependent Variable: Di- Method: Least Squares. Date: 07/06/13 Time: 10 Sample (adjusted): 1991 Included observations; Convergence achieved MA Backcast: 1991MIX	2:20 1Mo3 20 13Mo5 267 after adjustr after 8 derations			
	Coefficient	Sid Error	4-Statistic	Prob
С	0.448704	0.190681	2.484784	D.0136
AB(1)	0.840140	0.063714	13.18666	0.0000
MA(1)	-0.56410	0.097038	-5.61321	0.0000
R-squared	0.205312	Mean depen	dent var	0.436493
Adjusted Risquared	0.199292	S.D. depend	kent var	1,202504
S.E. of regression	1.076028	Akaike into c	ritenon	2.995600
Sum squared resid	305.5590	Sohwarz ord	епрп	3 035909
Log likelihood	-396.9130	Hannan-Quir	nn order.	3.011/64
E-statistic	34 10301	Durbin-Wats	on stat	2 114776
ProblE statistical	0.000000			
Inverted AR Roots	.B4			
Invested MA Proofs	56			

يُمكن من الناحية النظريَّة تفسير هذا الناتج بطريقة تُماثلة لئلك الطريقة المناقشة في الفصل ٣، غير أنه في الواقع من الصعب جدًّا تفسير قيم المعلمات المقدَّرة، كأن نقول على سبيل المثال إن "ارتفاع κ بوحدة واحدة يُؤدي إلى ارتفاع γ بـــ β وحدة ، ويرجع ذلك جزئيًّا إلى أن بناء نهاذج ARMA لا يستند إلى أي نظرية اقتصادية أو ماليَّة، فمن الأفضل في كثير من الأحيان عدم مُحاولة حتَّى تفسير تقديرات المعلمات الفردية، لكن بدلًا من ذلك دراسة مدى كون النموذج مقبولًا ككل، وتحديد ما إذا كان يصف البيانات بطريقة جيَّدة ومدى إنتاجه لتوقُّعات دقيقة (إذا كان ذلك هو المستهدّف من التمرين، وهو ما يحدث غالبًا).

كما يظهر في المخرج معكوس جذور المعادلة المميَّرة لـ AR و AM، يُمكن استخدام هذه الجذور للتحقُّق عما إذا كانت العملية التي يتضمَّنها النموذج ساكنة وقابلة للعكس على التوالي بجب أن تكون التي يتضمَّنها النموذج ساكنة وقابلة للعكس على التوالي بجب أن تكون القيمة المطلقة لمعكوس الجذور أصغر من واحد في كل حالة، كما في مثالنا هذا، كما نُشير كذلك إلى أن الجُذور في هذه الحالة تُطابق قيم (القيم المطلقة) تقديرات المعلمات (بها أن هناك عُنصر AR وحيد وعُنصر AM وحيد)، لكن عُمومًا يختلف الأمر إذا كان لدينا عدَّة فترات إيطاء، هذا ونجد في أوَّل جزء من مُحرج إفيوز لتقدير النهاذج ARMA عدد التكرارات التي تم استخدامها في عملية تقدير النموذج، وهذا بدل على أنه في الحقيقة تم استخدام طريقة تكرار رقميَّة للاستمثال بهدف تقدير المعاملات (انظر الفصل ٩ لمزيد من التفاصيل).

بتكرار هذه الخطوات على النهاذج ARMA الأخرى نتحصّل على كل القيم المطلوبة لمعايير المعلومات، والإعطاء مثال إضافي، في حالة النموذج (5,5) ARMA يجب كتابة ما يلي في مُربع تحرير توصيف المعادلة:

dhp c ar(1) ar(2) ar(3) ar(4) ar(5) ma(1) ma(2) ma(3) ma(4) ma(5)

AIC							
٥	ŧ	٣	4	١	4	q/p	
,441.	7,911	4,484	4,444	†, 1†V	Ť, Ť · V		
, 944	۲,99.	۲,909	Y, ዓግለ	Y,990	T,+AT	1	
, 981	4,904	7,407	4,434	۲,۹٦٠	T , 907	×	
769,7	٧,٩٤٩	Y,97.	۲,979	۲,972	Y, QoA	4	
7.9.4	₹ , 4 € •	r , 477	Y, 4Y2	r, 4vr	Y,470	1	
1,914	4,980	4,414	Y,900	Y,40V	Y , 9V 1	٥	
			SBIC				
٥	ŧ	٣	۲	١	4	9/p	
72	7,.00	r, • &r	r, •r4	4,128	Y, YY -		
, · ٧٦	Y, . V)	4 41	۳,۰۲۱	٣,٠٣٦	W , X + 9	1	
84	7.4.5	T, . TT	٣,٠٣٦	7. • 18	Y , 44T	x	
, · Vo	t, .ov	۲,٠٥٤	٣,٠٥٠	٣,٠٣١	*. • 1 *	*	
, • YA	Y , - 7 Y	7, . (1	4 14	Υ, • 2 ξ	r, •rr	1	
, - TV	* , · A ·	4, . 61	۴,·٦۴	Ϋ,•۵Ϋ	· 0 A, T	٥	

لاحظ أنه بهدف تقدير النموذج (5,5) ARMA، من الضروري كتابة قائمة بكل العناصر على النحو الوارد أعلاه بدلًا من أن نكتفي ببساطة بكتابة 'dhp c ar(5) ma(5) على سبيل المثال، وهو ما من شأنه أن يُعطي نموذجًا يضم مُتغيِّرًا تابعًا بخمس فترات إبطاء وحد خطأ كذلك بخمس فترات إبطاء لكن دون باقي العناصر الأخرى، وفيها يلي قيم جميع معابير أكايكي وشوارز للمعلومات المحسوبة باستخدام إفيوز.

إذًا، ما هو النموذج الذي يُصغِّر فعلًا معايير المعلومات؟ تُكُن معايير المعلومات في مثالنا هذا من اختيار نهاذج مُختلفة: بختار ARMA (2,0) النموذج (4,5) ARMA في حين بختار SBIC النموذج الأقل معلهات (2,0) ARMA أي النموذج (2,1 ARMA في حين بختار المعيار SBIC في مُعظم الحالات نموذجًا إن لم يكن أصغر، فهو بنفس المختارة مُوضَّحة في الجدول بأرقام سوداء داكنة، بختار المعيار المعيار الماؤل يتضمَّن عُنصر جزاء أكثر حجم النموذج الذي بختاره معيار AIC (أي بعدد معلهات مُساوِ إن لم يكن أقل)؛ لأن المعيار الأوَّل يتضمَّن عُنصر جزاء أكثر صرامة، وهذا يعني أن المعيار SBIC بُجازي على إدراج عناصر إضافية بشكل أكثر حدَّة، كها تُعطي العديد من النهاذج المختلفة نفس القيم تقريبًا لمعايير المعلومات عمَّا يُشير إلى أن النهاذج المختارة لا تقدَّم وصفًا واضحًا للبيانات، وأنْ هناك توصيفات أخرى تناسب البيانات بنفس القدر، كها نُشير كذلك إلى أنه بإمكاننا استخدام معيار هنان-كوين حيث يُمكن تحديد درجات النموذج المناسبة باستخدام هذا النهج.

٩ , ٦ أمثلة عن نمذجة السلاسل الزمنية في مجال الماليَّة

(Examples of time series modelling in finance)

٦,٩,١ تعادل أسعار الفائدة المغطاة والمكشوفة

(Covered and uncovered interest parity)

حظي موضوع تحديد سعر عُملة ما بها يُقابله من العملات الأخرى (أي سعر الصرف) بقدر كبير من الأهميّة في الدراسات الشجريبيّة للأدبيات الماليّة الدوليَّة، وفي هذا الإطار تحت دراسة ثلاث فرضيات على وجه الخصوص، وهي تعادل أسعار الفائدة المغطاة الشجريبيّة للأدبيات الماليّة الدوليّة، وفي هذا الإطار تحت دراسة ثلاث فرضيات الفصل إلى وتعادل القوة الشرائية في الفصل ٨، هذا وتُعتبر كل هذه الفرضيات الثلاث مُهمّة أوَّل فرضيّة بن حبن سيتم مُنافشة تعادل القوة الشرائية في الفصل ٨، هذا وتُعتبر كل هذه الفرضيات الثلاث مُهمّة للطلاب في مجال الماليّة؛ لأن انتهاك فرضيّة أو أكثر من هذه الفرضيات قد يُتبح إمكانيّة المراجحة (Arbitrage)، أو على الأقل سوف تقدّم المزيد من المعلومات حول كيفيّة عمل الأسواق الماليّة، سوف نُناقش هنا كل هذه المسائل بإيجاز؛ ولمزيد من التعمّق انظر كوثبرتسون ونيتسش (٢٠٠٤) ((Cuthbertson and Nitzsche (2004)) والمراجع العديدة الواردة فيه.

٦,٩,٢ تعادل أسعار الفائدة المغطاة

(Covered interest parity)

تعادل أسعار الفائدة المغطاة في أبسط معانبه يعني أنه في حالة كانت الأسواق الماليَّة كُفؤة فإنه من غير الممكن تحقيق أرياح دون مجازفة من خلال الافتراض بمعدل فائدة خال من المخاطرة بالعملة المحلية، أو تحويل الأموال المقترضة إلى عملة (أجنبيَّة) أخرى واستثهارها هناك بمعدلات خالية من المخاطرة، وتجميد البيع الأجل لضهان دعم سعر الصرف للعملة المحلية، وبالتالي في حال توفَّر تعادل أسعار الفائدة المغطاة من المكن كتابة:

$$f_t - s_t = (r - r^*)_t \tag{144.1}$$

حيث يُمثّل £ و ٤٠ لوغاريتهات السعر الأجل والسعر الفوري للعملة المحليّة مُقابل العملة الأجنبيّة في الزمن ٤٠ ٣ نسبة الفائدة المحليّة و ٣٠ نسبة الفائدة الأجنبية، تُعتبر هذه المعادلة شرط التوازن الذي يجب أن يتحقّق، وإلّا فسوف تظهر فُرص مُراجحة خالية من المخاطرة (Riskless Arbitrage Opportunities)، ووجود مثل هذه المراجحة من شأنه أن يضمن أن أي انحراف عن شرط النوازن لا يمكن أن يستمر إلى أجل غير مُتناه، كها تجدر الإشارة إلى أن تعادل أسعار الفائدة المغطاة تتضمَّن العديد من الافتراضات حيث تكون المعدلات الحالية من المخاطر حقًّا خالية من المخاطر، أي أنه لا توجد إمكانية للأخطار الضمنيّة، كها يُقترض كذلك عدم وجود تكاليف المعاملات كرسوم السهاسرة، وهوامش الشراء والبيع، ورسم الدمغة، إلخ، وغياب الرقابة على حركة رؤوس الأموال بحيث يمكن تحويل الأموال من عملة إلى أخرى دون قيود.

٦,٩,٣ تعادل أسعار الفائدة المكشوفة

(Uncovered interest parity)

للحصول على تعادل أسعار الفائدة المكشوفة، نأخذ تعادل أسعار الفائدة المغطاة، ونُضيف إليه شرطًا آخر يُعرف 'بالسعر الأجل غير المتحيِّز إلى أن السعر الآجل للعملة الأجنيية ينبغي أن الآجل غير المتحيِّز إلى أن السعر الآجل للعملة الأجنيية ينبغي أن يكون مُقدَّرًا غير مُتحيِّز للقيمة المستقبلية للسعر الفوري، إذا لم يتحقَّق هذا الشرط فإنه يوجد نظريًّا قُرص مُراجحة خالية من المخاطرة، تُشير نظريَّة تعادل أسعار الفائدة المكشوفة في جوهرها إلى أن التغير المتوقع في سعر الصرف ينبغي أن يكون مُساويًا للفارق في أسعار الفائدة بين تلك المتاحة بدون مخاطرة في كلَّ من العملات، جبريًّا يُمكن صياغة ذلك على النحو التالي:

$$s_{t+1}^{\varrho} - s_t = (r - r^*)_t \tag{YTC.7}$$

حيث نحتفظ بنفس الرموز كما في السابق في حين يرمز 55+1 إلى التوقُّع في الزمن t بسعر الصرف الفوري عند الزمن t + 1.

أمًّا عن مجموع الكتابات التي اهتمَّت باختبار تعادل أسعار الفائدة المغطاة، وتعادل أسعار الفائدة المكشوفة فعددها هائلًا، حيث تضم هذه الكتابات المثات من المنشورات، ومن غير المستغرب أن اختبارات تعادل أسعار الفائدة المغطاة (لكونه شرط مُراجحة بعجة) تميل إلى عدم رفض فرضية تعادل الأسعار، كيا أجرى نايلور (١٩٨٧، ١٩٨٩) ((١٩٥٥، ١٩٥٥) دراسات مُعمَّقة عن تعادل أسعار الفائدة المغطاة، وخلص إلى أن هناك فترات تاريخية كانت فيها المراجحة مُربحة، ولا سيا خلال الفترات التي تخضع فيها أسعار الصرف إلى الرقابة، تأخذ الاختبارات البسيطة نسبيًّا لتعادل أسعار الفائدة المكشوفة وللسعر الآجل غير المتحيَّر شكل المعادلات على الصيغة (١٣٣٦)، وتُضيف إليها حدودًا أخرى هامَّة، في حالة تحقُّق تعادل أسعار الفائدة المكشوفة فإن هذه الحدود المفافة يجب أن تكون غير معنويَّة، كما اختبر إيتو (١٩٨٨) ((1988) عادل أسعار الفائدة المكشوفة لسعر صرف الين مُقابل المدولار مع سعر الصرف الآجل لثلاث أشهر للفترة المعدَّة بين بناير ١٩٧٧ وفيراير ١٩٨٥، تنقسم فترة العبنة إلى ثلاث فترات نتيجة للانقطاعات الهيكليَّة الظاهرة في السلسلة، وهنا تُشير إلى أنه جرى العمل بالرقابة على تحركات رؤوس الأموال في اليابان حتى سنة اللائقطاعات الهيكليَّة الظاهرة في السلسلة، وهنا تُشير إلى أنه جرى العمل بالرقابة على تحركات رؤوس الأموال في اليابان حتى سنة العبنة الثلاث وقد تم تقدير انحدارين مُنفصلين لكل فترة من الفترات الفرعيَّة الثلاث للعبَّة؛

$$s_{t+3} - f_{t,3} = a + b_1(s_t - f_{t-3,3}) + b_2(s_{t-1} - f_{t-4,3}) + u_t$$
 (175.7)

حيث يُمثُّل st+3 نسبة الفائدة الفوريَّة المتداولة في الزمن t+3 هـ ft.3 نسبة الفائدة الآجلة لثلاث فنرات مُستقبليَّة والمتاح في الزمن r+ إلى غير ذلك، ويرمُز ut إلى حد الخطأ، من الطبيعي هنا اختبار الفرضيَّة المشتركة التالية:

$$H_0$$
: $a = 0$ and $b_1 = 0$ and $b_2 = 0$

أَنْ هذه الفرضيَّة القيد الذي ينص على أن القيمة المتوسَّطة لانـحراف نسبة الفـائدة الآجلة عن نسبة الفـائدة الفعليَّة لا تـختلف معنويًّا عن الصفر (a = 0)، وأن هذا الانحراف يجب أن يكون مُستقلًا عن كل المعلومات المتاحة في الزمن على المعلومات المتاحة في المتاحة

		تعادل أسعار القائدة	الجدول وقم (٦,١) نتائج اختيار
١٩٨١ الشهر ١ – ١٩٨٥ الشهر ٢	" ۱۹۷۷ الشهر ٤ – ۱۹۸۰ الشهر ۱۲	۱۹۷۳ الشهر ۱ – ۱۹۷۷ الشهر ۳	فترة العينة
	المقدّرة واختبار الفرضيات ك	المجموعة أ: القيم	
	$s_{t+3} - f_{t,3} = a + b_1(s_t - f_{t-3,3})$	$+b_2(s_{t-1}-f_{t-4,3})+u_t$:
·,·YV	٠,٠٠٢١	+,++44	القيمة المقدّرة ك a
• , • VV	•, * ‡	* , * Y *	b_1 القيمة المقدّرة ل
٠,٢١–	.,41	· , ٣v-	b_2 القيمة المقدّرة ك
۲,۰۲۲	¢,7 £A	**, **A	$x^2(3)$ الاختيار المشترك
.,111	.,100	.,	قيمة بي للاختبار المشترك
	اللفذرة واختبار الفرضيات لـ	المجموعة ب: القيم	
	$s_{t+3} - f_{t,3} = a + b(s$	$v_t - f_{t,3} + v_t$	
· , A4-	·, ·ot-	+ , + +	القيمة المقدّرة ك. a
τ, Ϋτ	£,1A	-,-٩٥	bالقيمة المقدّرة ك
o , ۳۹	77, •1	٣١,٩٢٣	الاختبار المشترك (2) x
· , · v	.,	.,	قيمة بي للاختبار المشترك

الصدر: إينو (١٩٨٨). أعيد نشره بترخيص من مطبعة مجلات معهد ماساتشوستس للتفنية.

هذا ويجب استيفاء جميع هذه الشروط الثلاث لكي يتحقَّق تعادُل أسعار الفائدة المكشوفة، أمَّا المعادلة الثانية التي قام إيتو باختبارها فهي كالثالي:

$$s_{t+3} - f_{t,3} = a + b(s_t - f_{t,3}) + v_t$$
 (170,7)

 H_0 : a=0 and b=0 : حيث يُمثُل v_t خيث يُعدّه الحالة كالتالي: u_t الخطأ، وتكون الفرضيَّة المهمَّة في هذه الحالة كالتالي: v_t

تختيسر المعادلة رقم (١٣٤٠٦) ما إذا كانت أخطاء النبيق (Forecast Error) السابقة تتضمَّن معلومات مُفيدة للتنبيق بالفسرق بين سعر الصرف الفعلي في الزمن 3 + 2 وقيمته التي تنبأ بها سعر الصرف الأجل، أمَّا المعادلة رقم (١٣٥٠٦) فتختبر إذا كان للعلاوة الأجلة قُدرة على الثنبق بالفارق بين سعر الصرف الفعلي في الزمن 3 + 2 وقيمته التي تنبأ بها سعر الصرف الأجل، وردت النتائج التي نتعلَّق بنفترات العيَّنة الشلاث في الجدول رقم ٣ في ورقة بحث إيشو، هذه النتائج وقع تعديلها وعرضها هنا في الجدول رقم (1, ١).

أمًّا الاستنتاج الرئيس فيتمثَّل في الفشل الواضح فيما يخص تحقُّق تعادُّل أسعار الفائدة المكشوفة خلال فترة الرقابة الصارمة على تحركات رؤوس الأموال، لكن الأدلة ضد تعادُّل أسعار الفائدة المكشوفة تقل شيئًا فشيئًا مع التخلي عن هذه الرقابة.

٦, ١٠ التمهيد الأُسِّي

(Exponential smoothing)

يُعتبر التمهيد الأمي طريقة أخرى للنمذجة (لا يعتمد على نهج ARIMA)، وهو لا يستخدم سوى توليفة خطية من القيم السابقة للسلسلة بهدف نمذجتها وتوليد تنبؤات بقيمها المستقبليَّة، ونظرًا إلى أنه لن يتم استخدام سوى القيم السابقة للسلسلة قيد الدرس فإن السؤال الوحيد المتبقي هو معرفة مقدار الأوزان التي ينبغي إرفاقها لكل مُشاهدة من المشاهدات السابقة، من المتوقع أن تحظى المشاهدات الأخيرة بأكبر قدر من الأهميَّة في المساعدة على التنبؤ بالقيم المستقبلية للسلسلة، إذا كان الأمر كذلك فمن المحبَّد أن يضع النموذج وزنًا للمشاهدات الأحدث أكبر من وزن المشاهدات الأبعد زمنيًّا، من ناحية أخرى نظل المشاهدات الأبعد زمنيًّا تحتوي على بعض المعلومات المفيدة للتنبؤ بالقيم المستقبلية للسلسلة، وهذا الأمر لا ينطبق في إطار المتوسط المتحرك، أمَّا نموذج التمهيد الأسي فمن شأنه أن يُحقِّق ذلك من خلال فرض نظام ترجيح يتراجع هندسيًّا على القيم المتأخّرة للسلسلة، تكون معادلة النموذج كالتالي:

$$S_t = \alpha y_t + (1 - \alpha)S_{t-1} \tag{\pmathbb{YTLT}}$$

حيث يُمثّل α ثابت التمهيد ويكون $1 < \alpha < 0$ ، $0 < \alpha < 1$ القيمة الحالية المتحقّقة و S_t القيمة الحالية الممهدة.

يها أن 1 = (α – 1) + α فإنه تتم نمذجة S كمتوسَّط مُرجَّح للمشاهدة الحاليَّة y والقيمة المهَّدة السابقة، هذا ويمكن إعادة كتابة النموذج السابق للتعبير لإظهار نظام الترجيح الأسي بشكل أكثر وضوحًا، بتأخير المعادلة رقم (١٣٦،٦) بفترة واحدة، نتحصَّل على التعبير التالي:

$$S_{t-1} = \alpha y_{t-1} + (1 - \alpha)S_{t-2}$$
 (1474.7)

بتأخير المعادلة السابقة مرَّة أخرى نتحصًّا, على:

$$S_{t-2} = \alpha y_{t-2} + (1 - \alpha)S_{t-3}$$
 (۱۳۸,٦)

بتعويض. على: المقدِّم في المعادلة رقم (١٣٧٠٦) داخل المعادلة رقم (١٣٦،٦) نتحصَّل على:

$$S_t = ay_t + (1 - \alpha)(ay_{t-1} + (1 - \alpha)S_{t-2})$$
 (149.7)

بتعويض ٢٤٠٠٤ المقدَّم في المعادلة رقم (١٣٨٠٦) داخل المعادلة رقم (١٤٠٠٦) نتحصَّل على:

$$S_t = \alpha y_t + (1 - \alpha)\alpha y_{t-1} + (1 - \alpha)^2(\alpha y_{t-2} + (1 - \alpha)S_{t-3})$$
 (\ \ \tau_1 \)

$$S_t = \alpha y_t + (1-\alpha)\alpha y_{t-1} + (1-\alpha)^2 \alpha y_{t-2} + (1-\alpha)^3 S_{t-3} \tag{1 if 1 is 1.}$$

وبإجراء عدد T تعويضات مُتتالية من هذا النوع نتحصُّل على:

$$S_{t} = \left(\sum_{i=0}^{T} \alpha (1-\alpha)^{i} y_{t-i}\right) + (1-\alpha)^{T+1} S_{t-1-T} \tag{$1 \in Y_{t} = 1$}$$

بها أن 0 < α فإن تأثير كل مُشاهدة ينخفض بمعدَّل هندسي كلَّها تقدمت مُشاهدات المتغيَّر في الزمن، في النهابة، عندما → T • فإن 0 → α)⁷S₀ → 0) وهكذا فإن القيمة الحاليَّة المهَّدة تكون عبارة عن مجموع لامُتناهِ مرجِّح هندسيًّا من المشاهدات السابقة.

هذا ونتحصَّل على التنبؤات من نمسوذج التمهيد الأسي من خسلال القيمسة الحاليَّة المهدّة، وذلك لأي عدد من الخطوات المستقبليَّة s:

يُمكن اعتبار نموذج التمهيد الأشي حالة خاصة لنموذج بوكس-جنكينز (ΔRIMA(0.1.1 بمعامل MA يُساوي (α – ۱)، انظر جرانجر ونيوبولد (۱۹۸٦، ص ۱۷۶) (۱۷۵هـ (1986، p. 174)).

تُعرف الطريقة المذكورة السابقة بالنمهيد الأشي الأحادي أو البسيط، ويمكن تعديلها للأخذ بعين الاعتبار الاتجاهات العاشة (طريقة هولت) (Holt's method) في المتغير الأساسي، لن تُنابع طرفي هذه الناذج الموسّعة في هذا النص؛ نظرًا لوجود طريقة أفضل لنمذجة الاتجاهات العاشة (باستخدام عمليَّة جذر الوحدة، انظر الفصل ٨) والموسميَّة (انظر الفصل ١٠) الموجودة عادة في البيانات الماليَّة.

يتمتع التمهيد الأشي بعدَّة مزايا مُقارنة بفئة النهاذج ARMA الأكثر تعقيدًا المُناقشة سابقًا، أو لا: من الواضح أنه من السهل جدًّا استخدام التمهيد الأشي، كها أنه لا داعي لتحديد عدد المعلمات التي يجب تقديرها (على افتراض اعتبار تمهيد أسَّي مُفرد فقط)، وبالتالي فإنه من السَّهل تحديث النموذج كلَّما أُتبحت مُشاهدات جديدة.

من بين عُيوب التمهيد الأشي نجد أنه بسيط بشكل مُبالَغ فيه، كها أنَّه غير مرن، هذا ويُمكن اعتبار نهاذج التمهيد الأشي نموذجًا من عائلة النهاذج ARIMA، والتي ليست بالضرورة الأمثل لالتقاط الارتباط الخطِّي في البيانات، كها أن تنبؤات نموذج التمهيد الأسي لا تقترب من الوسط طويل الأجل للمتغيِّر عند زيادة أفق التنبؤ. ينتج عن ذلك أن التنبؤات طويلة الأجل تتأثر بشكل مُفرط بالمشاهدات الأخيرة في تاريخ السلسلة قيد الدرس، وبالتالي ستكون هذه التنبؤات دون المستوى الأمثل.

سنُقدّم مُناقشة حول كيفية تقدير نهاذج التمهيد الأشي باستخدام إفيوز بعد الفسم التالي الذي يتناول التوقع في الاقتصاد القياسي.

٦,١١ التوقع في الاقتصاد القياسي

(Forecasting in econometrics)

على الرغم من أن عبارتا 'التوقع' و'التنبؤ' نعطيان أحيانًا معاني مُختلفة في بعض الدراسات، إلَّا أنه في هذا النص سيتم استخدام الكلمتين على أنها مترادفان، في هذا السياق، يعني التوقع أو التنبؤ ببساطة مُحاولة لتحديد القيم التي من المرجّع أن تتخلها السلسلة، وبطبيعة الحال يُمكن أن يكون التنبؤ أيضًا مُفيدًا في إطار البيانات المقطعية العرضيَّة، وعلى الرغم من أن المناقشة أدناه تُشير إلى بيانات السلاسل الزمنية إلَّا أن بعض النقاشات تنطبق على البيانات المقطعية العرضيَّة.

كما أن تحديد دقة التنبؤ لنموذج ما يُعتبر بمثابة اختبار هام لمدى مُلاءمته للبيانات، كما ذهب بعض المُختصِّين في الاقتصاد القياسي إلى القول بأن الصلاحيَّة الإحصائية للنموذج من حيث انتهاكه أو لا لافتراضات نموذج الانحدار الخطِّي الكلاسيكي، ومسا إذا كسان يتضمَّن معلمسات غير معنويَّة إلى حد بعيد، غير مهمَّة إذا كسان النموذج يُنتج توقعسات دقيقسة، هذا وتُنساقش الأقسسام الفرعيسة التالية للكتاب لماذا يتم وضع التوقعات، وكيف نتم التوقعات من عدة فثات هامة من النهاذج، وكيف تُقيّم التوقعات، وما إلى ذلك.

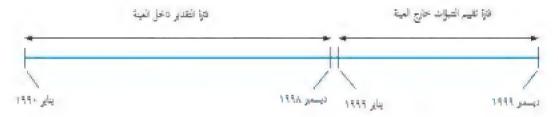
٦, ١١, ١ لماذا نقوم بالتوقُّع؟

(Why forecast?)

يرجع القيام بالتوقعات أساسًا لكونها مُفيدة! غالبًا ما تتضمَّن القرارات الماليَّة التزامًا طويل الأجل بالموارد التي تتوقف عوائدها على ما سيحدث في المستقبل، وفي هذا الإطار سوف تعكس القرارات التي تم اتخاذها اليوم توقعات الحالة المستقبلية للعالم، وكلما كانت تلك التوقعات أكثر دقة كلما كان من المرجَّح الحصول على منفعة (أو أموال!) أكبر.

هذا ونذكر فيها يلي بعض الأمثلة في مجال الماليَّة أين تحظى التوقعات المتحصَّل عليها من نهاذج الاقتصاد القياسي بالأهميَّة:

- توقع عائد الغد/سهم ما.
- توقَّع أسعار الساكن بالنظر إلى خصائصها.
- توقّع مخاطرة المحفظة خلال السنة القادمة.
 - توقّع تقلّب عوائد السندات.
- توقُّع الارتباط ليوم الغد بين تحركات سوق الأسهم الأمريكية والبريطانية.
 - توقّع العدد المحتمل للتخلف عن السداد في محفظة قروض الإسكان.



الشكل رقم (٦,٩) استخدام فترة داخل العيُّنة وفترة خارج العيُّنة للتحليل

من الواضح مُجلَّدًا أنه يُمكن تطبيق التوقُّع إما في إطار البيانات المقطعية العرضيَّة، أو في إطار السلاسل الزمنية، كها أنه من المفيد التمييز بين ججين للتوقُّع:

- النبؤ (الهيكلي) المبني على الاقتصاد القياسي: هذا النوع يربط مُنغيُّرًا تابعًا بمتغيَّر أو عدَّة مُتغيِّرات مُستقلَّة. تعمل مثل هذه النهاذج عادة بشكل جيِّد في المدى الطويل؛ لأن العلاقات طويلة الأجل بين المتغيِّرات تنشأ عادة نتيجة شروط عدم المراجحة وكفاءة السوق، ومن الأمثلة على تلك التنبؤات نجد التنبؤ بالعوائد المستمد من نهاذج تسعير الأصول، أو كذلك التنبؤ بسعر الصرف طويل الأجل القائم على نظريَّة تعادل القوِّة الشرائيَّة، أو على نظريَّة تعادل أسعار الفائدة المكشوفة.
- تنبؤ السلاسل الزمنيّة: ويتضمّن محاولة توفّع القيم المستقبليّة لسلسلة ما بالنظر إلى قيمها السابقة و/ أو القيم السابقة لحد
 الخطأ.

هذا ونذكر أن التمييز بين هذين النوعين من التوقَّع غير واضح بعض الشيء، فعل سبيل المثال ليس من الواضح لأي تصنيف تنتمي نهاذج متَّجه الانحدار الذاتي (Vector Autoregressive Models) (لمراجعة شاملة، انظر الفصل ٧).

من المهم كذلك التمييز بين تنبؤ النقطة (Point Forecast) وتنبؤ الفترة (Interval Forecast)، يقوم تنبؤ النقطة بالننبؤ بقيمة واحدة للمتغير محل الاهتمام، في حين أن تنبؤ الفترة يُوفَر نطاقًا من القيم التي يُتوفَّع أن تقع فيه القيمة المستقبلية للمتغير، وعند مستوى معين من الثقة.

٢ , ١ ، ٦ الفرق بين التنبؤات داخل العيُّنة والتنبؤات خارج العيُّنة

(The difference between in-sample and out-of-sample forecasts)

التنبؤات داخل العينة (In-Sample Forecasts) هي تلك التنبؤات التي يتم توليدها لنفس مجموعة البيانات المستخدمة في تقدير معلمات النموذج، لذلك فإن النهج المعقول لتقييم النموذج من خلال النموذج، لذلك فإن النهج المعقول لتقييم النموذج من خلال فحص دقّة التنبؤات لا يتمثّل في استخدام كل المشاهدات في تقدير معلمات النموذج، وإنها تستثني بعض المشاهدات، تُستخدم العينة الأخيرة والتي تُعرف أحيانًا باسم العينة المستبعدة لبناء التنبؤات خارج العينة (Out-of-Sample Forecasts).

لتقديم مثال يُوضِّح هذا التمييز نفرض أن بحوزتنا البعض من العوائد الشهريَّة لمؤشر FTSE خلال ١٢٠ شهرًا (من يناير ١٩٩٠ إلى ديسمبر ١٩٩٩)، من الممكن استخدام كل المشاهدات لبناء النموذج (وتوليد تنبؤات داخل العيَّنة فقط)، أو استبعاد بعض المشاهدات من عمليَّة التقدير كها هو مُبيَّن في الشكل رقم (٦,٩).

ما يمكن القيام به في هذه الحالة هو استخدام البيانات بدءًا من شهر ١ من السنة ١٩٩٠ وحتى شهر ١٦ من السنة ١٩٩٨ لتقدير معلمات النموذج، ومن ثم النبؤ بمشاهدات سنة ١٩٩٩ من خلال المعلمات المقدرة، وبطبيعة الحال تجدَّد تاريخ بدء وانتهاء الفترة داخل العينة، والفترة خارج العينة بطريقة نوعًا ما تعشَّفية، وبناء على تقدير الباحث، وهكذا يُمكننا معرفة إلى أي مدى تقترب تنبؤات أشهر ١٩٩٩ من قيمها الحقيقيَّة المقدَّمة في العينة المستبعدة، يُعتبر هذا الإجراء اختبارًا أفضل للنموذج مُقارنة بفحص ملاءمة النموذج داخل العينة، ويرجع ذلك لكون المعلومات الواردة في الشهر ١ من السنة ١٩٩٩ والأشهر الموالية لم تُستخدم عند تقدير معلمات النموذج.

٣ , ١١ , ٦ بعض المصطلحات الأخرى: التنبؤات بخطوة واحدة للمستقبل

مُقابِل التنبؤات المنعددة الخطوات للمستقبل والعيُّنة المنحرُّ كة مُقابِل العيُّنة المنكررة

(Some more terminology: one-step-ahead versus multi-step-ahead forecasts and rolling versus recursive samples)

يُعرف التنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل (One-step-ahead forecast) بأنه تنبؤ يتم إنشاؤه للمشاهدة التالية فقط في حين أن التنبؤات المتعددة الخطوات للمستقبل (Multi-step-ahead forecasts) هي تلك التي يتم إنشاؤها لسد ١، ٢، ٣، ...، ٤ خطوة للمستقبل بحيث يكون أفق التنبؤ 8 فترة مُقبلة، الاختيار بين التنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل والتنبؤ المتعدد الخطوات للمستقبل يكون حسب أفق التنبؤ محل اهتمام الباحث.

لنفترض أننا استخدمنا البيانات الشهرية للمؤشر FTSE كيا هو موضح في المثال أعلاه، إذا توقّفت فترة التقدير داخل العيّنة في ديسمبر ١٩٩٨، فيمكن إنتاج تنبؤات تصل إلى اثني عشر خطوة للمستقبل، مما يُعطي اثني عشر تنبؤًا يمكنُ مقارنتها بالقيم الفعلية للسلسلة، مُقارنة القيم الفعلية بالقيم المتنبَّأ بها بهذه الطريقة ليست مثالية؛ لأن أفق التنبؤ يتفاوت من خطوة إلى اثنتي عشرة خطوة مُستقبليَّة، فعلى سبيل المثال، يمكن أن نصادف حالة يُنتج فيها النموذج تنبؤات جبَّدة جدًّا لأفاق قصيرة (خطوة أو خطوتين مثلًا)، لكنسه ينتج توقَّعسات غير دفيقة لأفاق أبعد، لن يكون بالإمكان تقييم ما إذا كنان هذا ما بحدث في الواقع أم لا، حيث لن يكون مُتاحًا سوى تنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل، تنبؤ بخطوتين للمستقبل، إلخ، هذا ويتطلب تقييم التنبؤات عيَّنة مستبعدة أكبر بكثير.

هناك طريقة فعّالة للتحابل على هذه المشكلة تتمثّل في استخدام تاقلة متكررة (Recursive window) أو تاقلة متحرّكة (Rolling window) والتي تُولَّد سلسلة من التنبؤات لعدد مُعين من الخطوات المستقبليَّة، نموذج التنبؤ المتكرر هو عبارة عن نموذج يتم فيه تحديد تاريخ التقدير الأوَّلِي، لكن تُضاف بعد ذلك مُشاهدات إضافية إلى فترة التقدير على أساس مُشاهدة في كل مرة، في المقابل في النافذة المتحرَّكة يكون طول الفترة داخل العيَّنة المستخدمة في تقدير النموذج ثابنًا، حيث إن تاريخ بدء وانتهاء العيَّنة يزيد كلَّ منها بمشاهدة واحدة، لنفترض الآن أننا سنهتم فقط بالتنبؤات بفترة، بفترتين، وبثلاث فترات مُستقبليَّة، بُمكن إنتاج هذه التنبؤات باستخدام طريقة النافذة المتكررة وطريقة النافذة المتحرَّكة:

البيانات المشخدمة في تقدير معلهات النموذج		بدف: إنتاج تنبؤات بفترة، يفترنين ويثلاث فترات مُستقبليَّة لـ :		
نافذة متكررة	نافذة متحركة			
شهر ۱۹۹۰-شهر ۱۲ ۱۹۹۸	شهر ۱۹۹۰–شهر ۱۹۹۸	الشهر ٢٠١ و ٣ لسنة ١٩٩٩		
شهر ۱۹۹۱-شهر ۱۹۹۹	شهر ۱۹۹۲-شهر ۱۹۹۹	الشهر ۲،۲ و ٤ لسنة ١٩٩٩		
شهر ۱۹۹۹-شهر ۲ ۱۹۹۹	شهر ۱۹۹۳-شهر ۱۹۹۹	الشهر ٣، ٤ و ٥ لسنة ١٩٩٩		
شهر ۱۹۹۹-شهر ۳ ۱۹۹۹	شهر ۱۹۹۴-شهر ۴ ۱۹۹۹	الشهر ٤، ٥ و ٦ لسنة ١٩٩٩		
شهر ۱۹۹۹-شهر ۱۹۹۹	شهر ۵ -۱۹۹۰ شهر ۶ ۱۹۹۹	الشهر ٥،٥ و ٧ لسنة ١٩٩٩		
شهر ۱۹۹۹-شهر ه ۱۹۹۹	شهر ۱۹۹۰-شهر ه ۱۹۹۹	الشهر ٦، ٧ و ٨ لسنة ١٩٩٩		
شهر ۱۹۹۱-شهر ۱۹۹۹	شهر ۱۹۹۰-شهر ۲ ۱۹۹۹	الشهر ۷،۸ و ۹ لسنة ۱۹۹۹		
شهر ۱۹۹۹-شهر ۱۹۹۹	شهر ۱۹۹۸-شهر ۱۹۹۹	الشهر ٨، ٩ و ١٠ لسنة ١٩٩٩		
شهر ۱۹۹۹-شهر ۸ ۱۹۹۹	شهر ۱۹۹۹-شهر ۱۹۹۹	الشهر ٩، ١٠ و ١١ لسنة ١٩٩٩		
شهر ۱۹۹۰-شهر ۱۹۹۹	شهر ۱۹۹۰-شهر ۱۹۹۹	الشهر ١١،١٠ و ١٢ لسنة ١٩٩٩		

يُحدَّد طول العيَّنة في النوافذ المتحرَّكة أعلاه بشكل ثابت عند ١٠٨ مُشاهدات، في حين أن عدد المشاهدات المستخدمة في تقدير المعلمات في حالة النافذة المتكررة يزيد كليا نزلنا أسفل الجدول.

٤ , ١ 1 , ٦ التنبؤ باستخدام السلاسل الزمنية مُقابل التنبؤ باستخدام النهاذج الهيكلية

(Forecasting with time series versus structural models)

يُعتبر مفهوم *التوقعات الشرطيّة* (Conditional Expectations) ضروريًّا لفهم كيفيَّة إنشاء الثنيۋات، يُمكن صياغة التوقُّع الشرطي كالتالى: ينص هذا التعبير على أن القيمة المتوقعة لـ y في الزمن t + 1، مشروطة (۱) بجميع المعلومات المتاحة حتى الزمن t (Ω، عناقض ذلك مع التوقع غير الشرطي لـ y وهو القيمة المتوقعة لـ y دون أي إشارة إلى الزمن، أي وسط y غير الشرطي، هذا ويُستخدم مُؤثر التوقعات الشرطي فهذا يعتمد بطبيعة الحال على النموذج فيد الدرس، كما نُشير إلى أنه سيتم تطوير عدة فئات من نهاذج التنبؤ في هذا الفصل وفي الفصول اللاحقة.

أول ما تجدر ملاحظته هو أنه بحكم تعريفه يكون التنبؤ الأمثل لعمليَّة تشويش أبيض بوسط صفري كالتالي:

$$E(u_{t+s}|\Omega_t) = 0 \,\forall \, s > 0 \tag{$\S \circ \S$}$$

يُوضح الإطار رقم (٦,٣) أبسط طريقتين للتنبؤ، والتي يُمكن استخدامهما تقريبًا في كل الحالات.

الإطار رفع (٦.٣) طرق التنبؤ

 افتراض عدم وجود تغيرات بحيث يُساوي التنبؤ f بقيمة y بعد s خطوة مستقبلية القيمة الحالية لـ y:

$$E(y_{t+s} | \Omega_t) = y_t \tag{157.7}$$

يتصف مثل هذا التنبؤ بكونه الأمثل إذا كانت السلسلة به تتبع عملية سير عشوائي.

(٢) في ظل غياب نموذج كامل، يُمكن توليد التنبؤات باستخدام مُتوسط السلسلة طويل الأجل. تكون التنبؤات التي تستخدم الوسط غير الشرطي أكثر فائدة من التنبؤات 'دون تغير'، وذلك لكل سلسلة تتميّز بالعودة إلى المتوسط (Mean-Reverting) (أي سلسلة ساكنة).

نُعتبر نهاذج السلاسل الزمنية عمومًا أكثر ملاءمة من النهاذج الهيكلية في إنتاج التنبؤات بالسلاسل الزمنية. لتوضيح ذلك تتناول نموذج الانحدار الخطّي التالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \dots + \beta_k x_{kt} + u_t$$
 (15%7)

للتنبؤ بـــ لا نحتاج النوقع الشرطي لقيمتها المستقبليَّة، بأخذ التوقعات لكلا جانبّي المعادلة رقم (١٤٧٠٦) نتحصَّل على:

$$E(y_t | \Omega_{t-1}) = E(\beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \dots + \beta_k x_{kt} + u_t)$$
 (15A.7)

يُمكن أن تُؤخذ المعلمات خارج مُؤثر التوقعات؛ نظرًا لأن لدينا دالة انحدار مُجتمع، وبالتالي يُفترض أن تكون المعلمات معلومة، يُمكن الحصول على التعبير التالي:

$$E(y_{t+1|t}) = \beta_1 + \beta_2 E(x_{2t}) + \beta_3 E(x_{3t}) + \dots + \beta_k E(x_{kt})) \tag{15.9.7}$$

لكن تظل مشكلة أخرى: ماذا عن (٤٠٤٠)، إلخ؟ نذكّر أن المعلومات مُتاحة فقط إلى حدود الزمن 1 – ٤ وعليه نكون قيم هذه المتغيّرات غير معلومة، من الممكن التنبؤ بقيم هذه المتغيّرات، لكن سوف يتطلب ذلك مجموعة أخرى من نهاذج التنبؤ لكل متغيّر مُقشر، وطالما أن التنبؤ بالمتغيّرات المفسّرة قد يكون بنفس درجة الصعوبة أو حتى أكثر صعوبة من التنبؤ بالمتغيّر المفسّر، فإن هذه المعادلة عديمة المنفعة! وفي ظل غياب مجموعة من التنبؤات للمتغيّرات المفسّرة يُمكن أن يتّجه تفكيرنا إلى استخدام ٤٠٠٠ إلخ، أي القيم المتوسّطة للمتغيّرات المفسّرة، عمّا يُعطى المعادلة التالية:

$$E(y_L) = \beta_1 + \beta_2 \bar{x}_2 + \beta_3 \bar{x}_3 + \dots + \beta_k \bar{x}_k = \bar{y}! \tag{10.51}$$

وبالتالي إذا استُخدمت القيم المتوسطة للمتغيِّرات المفسَّرة كمدخلات للنموذج، فإن كل ما يمكن الحصول عليه كتنبؤ هو القيمة المتوسطة لـ y، هذا ويُعتبر التنبؤ باستخدام نهاذج سلاسل زمنيَّة بحتة أمرًا رائجًا نسبيًّا؛ لأنه يتجنَّب هذه المشكلة.

0, 11, 7 التنبؤ باستخدام الناذج ARMA

(Forecasting with ARMA models)

يُعتبر التنبؤ باستخدام نهاذج ARMA عمليَّة بسيطة نوعًا ما لحساب التوقعات الشرطيَّة، على الرغم من أنه يُمكن استخدام أي ترميز منطقي ومُتناسق إلَّا أنه في هذا الكتاب سوف نعتمد الاصطلاحات التالية، نرمُّز بــ على التنبؤ المتحصَّل عليه باستخدام النموذج (ARMA(p,q)، في الزمن t لــ s خُطوة مُستقبليَّة لسلسلة ما y. تُولد التنبؤات باستخدام ما يُعرف بدالة التنبؤ، وهي دالة عادة ما تكون على الشكل التالى:

$$f_{t,s} = \sum_{i=1}^{p} a_i f_{t,s-i} + \sum_{j=1}^{q} b_j u_{t+s-j}$$
 (101.7)

حيث

$$f_{t,s} = y_{t+s}, s \le 0; u_{t+s} = 0, s > 0 = u_{t+s}, s \le 0$$

ويُمثّل ،α و مل على التوالي معاملات الانحدار الذاتي والمتوسّط المتحرّك، سنُقدَّم الآن توضيحًا لكيفيَّة توليد تنبؤات لعمليات AR و MA مُنفصلة والذي سيقودنا إلى المعادلة العامة رقم (١٥١٠) أعلاه.

٦, ١١, ٦ التنبؤ بالقيمة المستقبليّة للعمليّة (MA(q

(Forecasting the future value of an MA(q) process)

لعملية المتوسط المتحرك ذاكرة لا يتجاوز طولها q، وهذا من شأته الحد من أفق التنبؤ المعقول، لنفترض على سبيل المثال أتنا قُمنا بتقدير نموذج (MA(3):

$$y_t = \mu + \theta_1 u_{t-1} + \theta_2 u_{t-2} + \theta_3 u_{t-3} + u_t \tag{107.7}$$

بها أنه يُفترض ثبات المعلمات عبر الزمن، فإذا كانت هذه العلاقة تنطبق على السلسلة y في الزمن t فإنه يُفترض أنها تنطبق أيضًا على y في الزمن ... t + 1 t + 2. وبالتاني يُمكننا إضافة ١ إلى كل رمز شُفلي للزمن في المعادلة رقم (١٥٢،٦)، كذلك بُمكننا إضافة ٢، ٣ إلخ لتتحصَّل على ما يلي:

$$y_{t+1} = \mu + \theta_1 u_t + \theta_2 u_{t-1} + \theta_3 u_{t-2} + u_{t+1}$$
 (107.7)

$$y_{t+2} = \mu + \theta_1 u_{t+1} + \theta_2 u_t + \theta_3 u_{t-1} + u_{t+2}$$
 (105.7)

$$y_{t+3} = \mu + \theta_1 u_{t+2} + \theta_2 u_{t+1} + \theta_3 u_t + u_{t+3}$$
 (100.7)

لنفترض أن جميع المعلومات حتى نهاية المدة ٤ مُتوفِّرة، وأننا نرغب في الحصول على التنبؤات لـ ١، ٣، ٣، ١٠. ٤ خطوة للمستقبل أي تنبؤات لـ ٧ في الزمن ٤ + ٤ ... \$ + 1 \$ \$. تُعتبر ... ، ye, ye_1, ... و التالي فإن إنتاج تنبؤات هو مُجرد تطبيق للتوقُّع الشرطي على المعادلة رقم (١٥٣،٦):

$$f_{t,1} = E(y_{t+1|t}) = E(\mu + \theta_1 u_t + \theta_2 u_{t-1} + \theta_3 u_{t-2} + u_{t+1} | \Omega_t)$$
 (107.7)

 $: E(y_t \mid \Omega_{t-1})$ كتابة مُحْتَرَلَة لـ $E(y_{t+1\mid t})$ كتابة عُحْتَرَلَة لـ المِثْلُ في حيث يُمثُلُ

$$f_{t,1} = E(y_{t+1|t}) = \mu + \theta_1 u_t + \theta_2 u_{t-1} + \theta_3 u_{t-2}$$
 (10747)

وبالتائي تُعطي هذه التوليفة الخطّية خدود الاضطراب التنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل الذي نقوم به في الزمن t لله t هذا وتُشير إلى أنه من غير المناسب تحديد قيم حدود الاضطرابات هذه بمتوسّطها غير الشرطي والذي يُساوي صفرًا، وبرجع ذلك لكون ما يهمنا هو التوقع الشرطي لقيم حدود الاضطرابات، وبالنظر إلى أن جميع المعلومات المعروفة حتى الزمن t مُتاحة، فإن فيم حدود الخطأ حتى الزمن t تكون معلومة، أمّا t فهو غير معلوم في الزمن t وبالتالي فإن t وبالتالي أن t وبالتالي أن من t وبالتالي أن من معلومة، أمّا t وبالتالي فهو غير معلوم في الزمن t وبالتالي فإن t

تتشكُّل التنبؤات بخطوتين للمستقبل بتطبيق التوقُّع الشرطي على المعادلة رقم (١٥٤،٦):

$$f_{t,2} = E(y_{t+2|t}) = E(\mu + \theta_1 u_{t+1} + \theta_2 u_t + \theta_3 u_{t-1} + u_{t+2} \mid \Omega_t) \tag{10A.7}$$

$$f_{t,2} = E(y_{t+2|t}) = \mu + \theta_2 u_t + \theta_3 u_{t-1}$$
 (109.7)

في الحالة أعلاء، عدر معلوم لأن المعلومات مُتاحة فقط حتى الزمن ؛ لذلك تُحدَّد قيمة (٤(ue+2 بصفر، نستمر بنطبيق نفس القواعد لتوليد تنبؤات بــ ٣، ٤، ...، 5 خطوة للمستقبل:

$$f_{t,3} = E(y_{t+3|t}) = E(\mu + \theta_1 u_{t+2} + \theta_2 u_{t+1} + \theta_3 u_t + u_{t+3} | \Omega_t)$$
(17.47)

$$f_{t,3} = E(y_{t+3|t}) = \mu + \theta_3 u_t \tag{13143}$$

$$f_{t,4} = E(y_{t+4|t}) = \mu \tag{NGY-1}$$

$$f_{t,s} = E(y_{t+s|t}) = \mu \,\forall \, s \ge 4 \tag{137.1}$$

بها أن النموذج (3) MA له ذاكرة لا تمتد سوى لثلاث فترات، فإن كل التنبؤات بأربع خطوات للمستقبل أو أكثر سوف تنهار إلى قيمة المقطع، ومن الواضح أنه إذا لم يكن هناك حد ثابت في النموذج فإن التنبؤات بأربع خطوات للمستقبل أو أكثر للنموذج (3) MA سوف تكون صفر.

AR(p) مَا التنو بالقيمة المنقبليَّة للعمليَّة (٦,١١,٧

(Forecasting the future value of an AR(p) process)

خلافًا لعملية المتوسط المتحرك فإن لعملية الانحدار الذاتي ذاكرة لامتناهية، لتوضيح ذلك افترض أننا قُمنا بتقدير النموذج (2) AR:

$$y_t = \mu + \emptyset_1 y_{t-1} + \emptyset_2 y_{t-2} + u_t$$
 (175.7)

بافتراض مُجدَّدًا استقرار المعلمات فإن هذه المعادلة تنطبق على الأزمنة 1 + 2 ، t + 2 ، t + 1 إلخ:

$$y_{t+1} = \mu + \emptyset_1 y_t + \emptyset_2 y_{t-1} + u_{t+1}$$
 (170.7)

$$y_{t+2} = \mu + \emptyset_1 y_{t+1} + \emptyset_2 y_t + u_{t+2}$$
 (177.7)

$$y_{t+3} = \mu + \emptyset_1 y_{t+2} + \emptyset_2 y_{t+1} + u_{t+3}$$
 (\\\\\\\\)

من السهل إنشاء تنبؤ بفترة واحدة للمستقبل، وذلك لكون جميع المعلومات المطلوبة معروفة في الزمن ، يُؤدي تطبيق مُؤثر التوقعات على المعادلة رقم (١٦٥،٦) وتحديد (٤٠٠١) بصفر إلى:

$$f_{t,1} = E(y_{t+1|t}) = E(\mu + \emptyset_1 y_t + \emptyset_2 y_{t-1} + u_{t+1} | \Omega_t)$$
(17A,1)

$$f_{t,1} = E(y_{t+1|t}) = \mu + \emptyset_1 E(y_t|t) + \emptyset_2 E(y_{t-1}|t)$$
 (179.7)

$$f_{t,1} = E(y_{t+1|t}) = \mu + \emptyset_1 y_t + \emptyset_2 y_{t-1}$$
 (1V·47)

يُمكن اتباع نفس الطريقة لتوليد تنبؤات بخطوتين للمستقبل:

$$f_{t,2} = E(y_{t+2|t}) = E(\mu + \emptyset_1 y_{t+1} + \emptyset_2 y_t + u_{t+2} | \Omega_t)$$
(171)

$$f_{t,2} = E(y_{t+2|t}) = \mu + \emptyset_1 E(y_{t+1}|t) + \emptyset_2 E(y_t|t)$$
(177.7)

تُعتبر الحالة السابقة الأن أكثر صعوبة قليلًا؛ لأن E(yean) غير معلوم مع أنه يُمثّل في الواقع التنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل، بحيث تُصبح المعادلة رقم (١٧٢،٦) كالتائي:

$$f_{t,2} = E(y_{t+2|t}) = \mu + \emptyset_1 f_{t,1} + \emptyset_2 y_t$$
 (177.7)

وبطريقة ثماثلة تُعطي المعادلات التالية على التوالي التنبؤات بثلاث، أربع، ...، ٤ خطوة للمستقبل:

$$f_{t,3} = E(y_{t+3|t}) = E(\mu + \emptyset_1 y_{t+2} + \emptyset_2 y_{t+1} + u_{t+3} | \Omega_t)$$
 (175.7)

$$f_{t,3} = E(y_{t+3|t}) = \mu + \emptyset_1 E(y_{t+2}|t) + \emptyset_2 E(y_{t+1}|t)$$
 () \(\nabla_0 \nabla_1)

$$f_{t,3} = E(y_{t+3|t}) = \mu + \emptyset_1 f_{t,2} + \emptyset_2 f_{t,1}$$
(177.7)

$$f_{t,4} = \mu + \phi_1 f_{t,3} + \phi_2 f_{t,2} \tag{YV-1}$$

إلخ. وبالتالي:

$$f_{t,s} = \mu + \emptyset_1 f_{t,s-1} + \emptyset_2 f_{t,s-2}$$
 (1VA.7)

		لجدول رقم (٢,٢) تجميع أعطاء التنبق		
القيمة الطلقة للخطأ	الخطأ التربيعي	الفعلي	التنبق	الحظوات المستقبلية
۱۰٫۲۰۰ = ۱۰٫۴۰۰٫۲۰	۰,۳٦٠= (۰,٤٠۰,۲۰)	·, į ·-	., ۲.	١
٠,٠٥٠ = ٠,٢٠٠,١٥	·,··Y= (·, Y··, 10)	٠, ٢٠	.,10	۲
٠,٠٠٠ = ٠,١٠٠,١٠	· . · · · = ⁵ (· . 1 · · . 1 ·)	٠, ١٠	.,1.	۴
·,17· = ·,1·,7	·,·*٦= (·,)··,·٦)	+, 1	٠,٠٩	£
٠,٠٩٠ = [٠,٠٥٠,٠٤]	·,··A= (·,·o,·{)	•,•4-	٠,٠٤	ò

وهكذا فإن التنبؤ بــ 8 خطوة للمستقبل للعمليَّة (AR(2 يُساوي المقطع + معامل فئرة الإبطاء بفئرة واحدة مضروبًا في تنبؤ الأفق 1-8 + معامل فترة الإبطاء بفترتين مضروبًا في تنبؤ الأفق 2-8.

كما يُمكن بسهولة توليد تنبؤات للنموذج (P,q) ARMA بنفس الطريقة من خلال تطبيق القواعد المستخدمة في الأجزاء المكوّنة له، وباستخدام الصيغة العامة المقدَّمة في المعادلة رقم (١٥١،٦).

٦, ١١,٨ التحقُّق مما إذا كان التنبؤ دقيقًا أم لا

(Determining whether a forecast is accurate or not)

لنفترض على سبيل المثال أنه يُتوقّع أن يكون العائد على مُؤشر FTSE ليوم الغد ٢٠.٢، وأن العائد الفعلي هو -٤٠٠. هل يُعتبر ذلك تنبؤا دقيقًا؟ من الواضح أنه لا يُمكن أن نُحدّد ما إذا كان نموذج التنبؤ جيدًا أم لا استنادًا إلى تنبؤ واحد ومشاهدة واحدة فقط، وبالثالي من الناحية العملية، عادة ما نقوم بالتنبؤات على امتداد فترة خارج العينة، وبعد ذلك نقوم بمقارنتها بالقيم الفعلية، ويجمع الفرق بينها بطريقة أو بأخرى، يُعرِّف خطأ التنبؤ للمشاهدة) بأنه الفرق بين القيمة الفعلية للمشاهدة) وقيمة الننبؤ لهذه المشاهدة، يكون خطأ التنبؤ المعرّف بهذه الطريقة مُوجبًا (سالبًا) إذا كانت التنبؤات مُنخفضة (مُرتفعة) أكثر من اللازم، لذلك لا يُمكن أن نكتفي بجمع أخطاء التنبؤات المنافقة عا يجعلها مُوجبة، ولمعرفة طريقة عمل تجميع الأخطاء، نأخذ الثال المقدَّم في الجدول وقم نقوم عادة بتربيعها أو أخذ قيمها المطلقة مما يجعلها مُوجبة، ولمعرفة طريقة عمل تجميع الأخطاء، نأخذ الثال المقدَّم في الجدول وقم نقوم بمقارنتها بالمشاهدات الفعليَّة (تم تقريب كل الحسابات إلى ثلاث أرقام عشريَّة).

mean absolute error (MSE) ومتوسَّط الخطأ التربيعي (Mean Squared Error (MSE)) ومتوسَّط الخطأ المطلق (Mean Squared Error (MSE)) بأخذ القيمة المتوسَّطة للعمود الخامس والسادس على التوالي:

$$MSE = (0.360 + 0.002 + 0.000 + 0.026 + 0.008)/5 = 0.079$$
 (\V9.\)

$$MAE = (0.600 + 0.050 + 0.000 + 0.160 + 0.090)/5 = 0.180$$
 (1A.43)

إذا أخذنا هذه المتوسَّطات كلَّا بمفرده فهناك القليل عَمَّا يُمكن استخلاصه بالنظر إلى حجم متوسَّط الخطأ التربيعي، أو حجم متوسَّط الخطأ المطلق؛ لأن قيمة الإحصاءة غير محدودة من أعلى (كيا هو الحال بالنسبة لمجموع مربعات البواقي)، بدلًا من ذلك يُمكن مُقارنة متوسَّط الخطأ التربيعي، أو متوسَّط الخطأ المطلق لنموذج ما بمتوسطات نهاذج أخرى لنفس البيانات ولنفس فترة التنبؤ، والنموذج (أو النهاذج) الذي له أدنى قيمة لمقياس الخطأ يمكن القول بأنه الأكثر دقَّة.

يُقدَّم متوسَّط الحُطْ التربيعي دالة خطأ تربيعيَّة، لذلك يُمكن أن يكون مُفيدًا بشكل خاص في الحالات التي تكون فيها أخطاء التنبؤ الكبيرة بشكل مُفرط أكثر جسامة من الأخطاء الأصغر، غير أنه يُمكن أيضًا اعتبار ذلك عبيًا في الحالة المعاكسة على الرغم من أنه يُمكن توجيه نفس الانتقادات لجميع طرق المربعات الصُغرى، وبالفعل ذهب ديلمان (المعاكسة على الرغم من أنه يُمكن توجيه نفس الانتقادات لجميع طرق المربعات الصُغرى، وبالفعل ذهب ديلمان (المعاكسة على الرغم من أنه يُمكن توجيه نفس الانتقادات لجميع طرق المربعات الصُغرى، وبالفعل بأنه عندما تكون هناك قيم مُتطرفة فإنه يتبغي استخدام القيم المطلقة الصغرى بدلًا من المعالمة (Makridakis (1993, p. 528)) (المعالمة المعالمة الخصائص من بين منوسط الحُطأ النسبي المطلق (Makridakis (1993, p. 528)) يُعتبر "مقياس نسبي ينضمن أفضل الخصائص من بين معايير الدقة المختلفة".

هذا ونستخدم مرَّة أخرى fes لنرمز إلى التنبؤات بـ 5 خُطوة للمستقبل التي نقوم بها في الزمن t للمتغيِّر و ye القيمة الفعليَّة للمتغيَّر في الزمن t، يُمكن إذًا تعريف متوسَّط الخطأ التربيعي كالتالي:

$$MSE = \frac{1}{T - (T_t - 1)} \sum_{t=T_1}^{T} (y_{t+s} - f_{t,s})^2$$
 (NANCZ)

حيث يُمثُل T حجم العينة الإجمالي (فترة داخل العينة + فترة خارج العينة) و T_1 رقم أوَّل مُشاهدة مُستخدمة في التنبؤ خارج العينة، وبالثالي تمتد فترة الثقدير داخل العينة بين المشاهدة (و المشاهدة ($T_1 = 1$) وتخصّص المشاهدات T_1 إلى T للتنبؤ خارج العينة، أي أن إجمالي العينة المستبعدة يكون ($T_1 = 1$).

يقيس متوسَّط الخطأ المطلق متوسُّط القيمة المطلقة لخطأ التنبؤ ويُقدُّم بالمعادلة التالية:

$$MAE = \frac{1}{T - (T_1 - 1)} \sum_{t=T_1}^{T} |y_{t+s} - f_{t,s}|$$
 (NAY,7)

يقوم متوسط الخطأ النسبي المطلق المعدَّل (Adjusted MAPE (AMAPE)) أو متوسط الخطأ النسبي المطلق المتهاثل (Adjusted MAPE) بتصحيح مشكلة عدم التهاثل بين الفيم الفعليَّة وقيم التنبؤ:

$$AMAPE = \frac{100}{T - (T_1 - 1)} \sum_{\ell = T_1}^{T} \left| \frac{y_{\ell+2} - f_{\ell,\ell}}{y_{\ell+2} + f_{\ell,\ell}} \right| \tag{1ATeQ}$$

يبرز التهائل في المعادلة رقم (١٨٣٠٦) بها أننا قسمنا خطأ التنبؤ على كل من منوسَّط القيمة الفعليَّة ومتوسَّط قيمة التنبؤ، وهكذا على سبيل المثال، سوف بكون متوسط الحُطأ النسبي المطلق المعدَّل هو نفسه سواء كان التنبؤ ٥,٥ والقيمة الفعليَّة ٣,٠ أو كانت الفيمة الفعليَّة ٥,٥ والتنبؤ ٣,٠، غير أن الأمر بختلف فيها يتعلَّق بالصيغة العاديَّة لمتوسط الحُطأ النسبي المطلق حيث إن المقام ببساطة عبيه وهكذا سواء كان يه أو عام أحدهما أكبر من الأخر فإن ذلك سوف يُؤثر على النتيجة:

$$MAPE = \frac{100}{T - (T_1 - 1)} \sum_{t=T_1}^{T} \left| \frac{y_{t+s} - f_{t,s}}{y_{t+s}} \right| \tag{NA5.7}$$

كما أن لمتوسط الخطأ النسبي المطلق خاصّية إضافيّة مُثيرة للإعجاب مُقارنة بمتوسّط الخطأ التربيعي، وهي أنه يُمكن تفسيره بأنه الخطأ المتوي، وعلاوة عن ذلك فإن قيمته محدودة من أسفل بصفر.

للأسف لا يُمكن استخدام التعديل في الحالات التي يُمكن أن تأخذ فيها السلسلة والتنبؤات علامات عكسيَّة (كما هو الحال في إطار التنبؤ بالعوائد مثلًا)، ويرجع ذلك إلى أن قيمة التنبؤ والقيمة الفعلية قد تتساويان بالصدفة المحضة، وتكون علامتهما مُعاكسة، وبالتالي يُلغي تقريبًا كلِّ منهما الآخر في المقام، وهذا من شأنه أن يُؤدي إلى فيم جد كبيرة وشاذة لمتوسط الحُطأ النسبي المطلق المعدَّل، لننظر في المثال التالي: لنفترض أن قيمة التنبؤ 3 = مرا لكن القيمة الفعليَّة هي 9,000 = مرد. تُضيف هذه المشاهدة إلى إجمائي متوسَّط الحُطأ التربيعي، القيمة التالية:

$$\frac{1}{241} \times (0.0001 - 3)^2 = 0.0230 \tag{1.40}$$

وهي فيمة كبيرة لكنها واردة جدًّا؛ لأنها في كثير من الحالات تنتمي إلى نطاق البيانات، لكن هذه المشاهدة الوحيدة تُضيف إلى إجمالي متوسط الخطأ النسبي المطلق القيمة النالبة:

$$\frac{100}{391} \left| \frac{0.0001 - 3}{0.0001} \right| = 6760 \tag{1A7.1}$$

لمتوسط الحفظ النسبي المطلق ميزة، وهي أنه بالنسبة لعمليَّة السير العشوائي في المستوبات اللوغاريتميَّة (أي تنبؤ صفري)، يأخذ هذا المعيار القيمة واحد (أو ١٠٠ إذا ضربنا الصيغة في ١٠٠ للحصول على نسبة منويَّة كها في المعادلة أعلاه)، وبالتالي إذا كان نموذج التنبؤ يُعطي متوسط الخطأ النسبي المطلق أصغر من واحد (أو ١٠٠) فإنه يتفوَّق على نموذج السير العشوائي، في الواقع لا يُمكن الوثوق في هذا المعيار إذا كانت السلسلة يُمكن أن تأخذ قيًا مُطلقة أصغر من واحد.

هناك معيار آخر رائج، وهو الإحصاءة U لثيل (١٩٦٦) (Theil's U-statistic (1966)) والتي تُعرَّف كالتالي:

$$U = \frac{\sqrt{\sum_{t=T_1}^{T} \left(\frac{\gamma_{t+s} - f_{t,s}}{\gamma_{t+s}}\right)^2}}{\sqrt{\sum_{t=T_1}^{T} \left(\frac{\gamma_{t+s} - f_{t,s}}{\gamma_{t+s}}\right)^2}}$$
(1AVeQ)

حيث يُمثّل fb_{ts} التنبؤ المتحصَّل عليه من نموذج مرجعي (يكون عادة نموذج بسيط كنموذج السير العشوائي على سبيل المثال)، عندما تُساوي قيمة الإحصاءة U واحدًا فذلك يعني أن النموذج قيد الدرس والنموذج المرجعي يتسويان من حيث الدقَّة (أو من حيث عدم الدقَّة)، وإذا كانت قيمة هذه الإحصاءة أصغر من واحد فذلك يعني أن النموذج قيد الدرس يتفوَّق على النموذج المرجعي، والعكس صحيح إذا كانت الإحصاءة U المن وعلى الرغم من أنه من الواضح أن هذا المقياس مُفيدًا كها زعم ماكربداكيس وهيبون (١٩٩٥) ((Makridakis and Hibon (1995)) إلَّا أنه لا يخلو من المشاكل؛ لأنه إذا تساوى V_{tra} مع V_{tra} ولن قيمة V_{tra} تكون لامُتناهية؛ لأن مقام الإحصاءة سوف يكون صفرًا، كها تتأثر قيمة U كذلك بالقيم الشاذَّة على غرار متوسَّط الخطأ التربيعي، ولن يكون لما دلالة تُذكر (V_{tra}).

٩ , ١١ , ٦ دالة الخسارة الإحصائيَّة مُقابل دوال الخسارة الماليَّة أو الاقتصاديَّة

(Statistical versus financial or economic loss functions)

تقوم العديد من دراسات الاقتصاد الفياسي الني تهتم بالنبؤ بتقييم نجاح النموذج باستخدام دوال خسارة إحصائية من قبيل تلك الموضّحة أعلاه، غير أن ذلك لا يعني بالضرورة أن النهاذج المصنّفة على أنها دقيقة نظرًا لأن لديها أصغر متوسط خطأ تنبؤ تربيعي مُقيدة في الحالات العمليّة، لتقديم مثال توضيحي دقيق، بين مُؤخرًا جيرلو، إيروين وليو (١٩٩٣) (1993) (Gerlow, Irwin and Liu (1993) أن دقة النبؤات وفقًا للمعايير الإحصائية التقليدية يُمكن أن تُقدَّم مُؤشرًا بسيطًا عن الربحية المحتملة جراء استخدام تلك التنبؤات في إستراتيجية تداول السوق، لذلك فإن النهاذج التي تتَسم بضعف أدائها لأسباب إحصائية يُمكن أن تظل تُحقَّق أرباحًا إذا استُخدمت في التداول والعكس صحيح.

ومن جهة أخرى وُجد أن النهاذج التي يُمكن أن تتنبأ بدقة بعلامة العوائد المستقبلية، أو يُمكنها التنبؤ بنقاط النحول في السلسلة تكون أكثر ربحية (ليتش وتائر (١٩٩١)) ((١٩٩١)) ((Leitch and Tanner (1991)) ((١٩٩١)) (Timmerman (1992)). اقترح بيساران وتيمرمان (١٩٩٥) ((١٩٩٥)) (Refenes (1995)) ورفينس (١٩٩٥) ((١٩٩٥)) ((١٩٩٥)) مُؤشرين مُحتملين عن قدرة النموذج على التنبؤ بتغيَّرات الاتجاه بغض النظر عن حجم هذه التغيَّرات، وفيها يلي نُقدَّم على التوالى الصبغ المناسبة لهذين المعيارين:

% correct sign predictions =
$$\frac{1}{T - (T_t - 1)} \sum_{t=T_1}^{T} z_{t+s}$$
 (1AA41)

حيث يرمُز 'correct sign predictions %' إلى نسبة النبؤات الصحيحة بالعلامات و:

 ⁽٣) نُشير إلى أن صيغة الإحصاءة لا لئيل المشار إليها في إفيوز مُتلفة قليلًا.

$$z_{t+s} = 1$$
 if $(y_{t+s}f_{t,s}) > 0$
 $z_{t+s} = 0$ otherwise
(خلاف ذلك)

% correct direction change predictions =
$$\frac{1}{r - (T_1 - 1)} \sum_{t=T_1}^{T} z_{t+s}$$
 (1A9.7)

حيث يرمُز 'correct direction change predictions %' إلى نسبة التنبؤات الصحيحة بتغيّر الاتجاه و:

$$z_{t+s} = 1$$
 if $(y_{t+s} - y_t)(f_{t,s} - y_t) > 0$
 $z_{t+s} = 0$ otherwise
(خلاف ذلك)

وبالنائي يُقدَّم المعبار في كل حالة على النوالي نسبة العلامات المتوقعة بشكل صحيح، ونسبة النوقعات الصحيحة بنغيَّر الاتجاه لبعض من الأفق الزمنيَّة z.

وبالنظر إلى مدى قوَّة كل معيار من المعايير الثلاثة المذكورة أعلاه (متوسَّط الخطأ التربيعي، متوسَّط الخطأ المطلق، ونسبة التنبؤات الصحيحة بالعلامات) في فرض حد جزاء على الأخطاء الكبيرة مُقارنة بالأخطاء الصغيرة، يُمكن ترتيب هذه المعايير على النحو التالي:

يضع متوسَّط الخطأ التربيعي حد جزاء أشد للأخطاء الكبيرة مُقارنة بالأخطاء الصغيرة، أمَّا متوسَّط الخطأ المطلق فيُجازي الأخطاء الكبيرة والأخطاء الصغيرة على قدم المساواة، في حين أن معيار التنبؤ بالعلامة لا يُجازي الأخطاء الكبيرة أكثر مَّا يُجازي الأخطاء الصغيرة.

٦, ١١, ١٠ النظريَّة المائيَّة وتحليل السلاسل الزمنيَّة

(Finance theory and time series analysis)

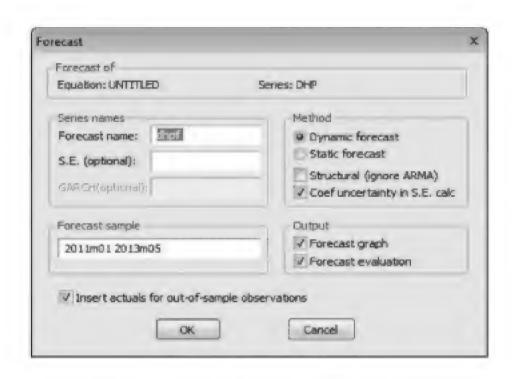
قدَّم تشو (١٩٧٨) ((١٩٧٨) مثالًا عن تحديد النموذج ARIMA وتقديره واستخدامه في التنبؤ في إطار أسعار السلع الأساسية، وجد تشو أن النهاذج ARIMA مُفيدة في التنبؤ قصير الأجل مُقارنة بالنهاذج الهيكليَّة، لكنَّه خلص كذلك إلى أنها أقل دقَّة عند آفاق أطول، كها لُوحظ كذلك أن نهاذج ARIMA لها قُدرة محدودة على الننبؤ بالتحركات غير العادية في الأسعار.

ذكر تشو (۱۹۷۸) أنه بالرغم من أن النهاذج ARIMA قد تبدو أنها تفتقر غامًا إلى الدافع النظري وإلى التفسير، إلَّا أن ذلك ليس بالضرورة صحيحًا، فقد استشهد تشو بالعديد من أوراق البحث، كها قدَّم مثالًا إضافيًّا ليُظهر أن التوصيفات ARIMA تبدو طبيعيًّا كمعادلات مُخزلة الشكل (Reduced Form Equations) (انظر الفصل ۷) تنهاشي مع بعض العلاقات الهيكلية الأساسية، في مثل هذه الحالة لن تكون النهاذج ARIMA مُناسبة وسهلة التقدير فقط، وإنها يُمكن أيضًا أن تكون قائمة على أسس من النظرية الماليَّة أو الاقتصادية.

٦, ١٢ إجراء التنبؤ باستخدام النهاذج ARIMA في إفيوز

(Forecasting using ARIMA models in EViews)

بمجرَّد الانتهاء من اختبار رتبة النموذج المحدَّد، وتقدير النموذج لمجموعة البيانات المختارة، من المهم استخدام النموذج للتنبؤ بالقيم المستقبلية للسلسلة، لنفترض أننا قُمنا بتقدير النموذج (AR(2) الذي تم اختباره لسلسلة نسبة التغيَّر في أسعار المساكن باستخدام مُشاهدات الفترة الممتدَّة بين فبراير ١٩٩١ وديسمبر ٢٠١٠، وتركنا المشاهدات النسع والعشرين المتبقَّية لإنشاء تنبؤات واختبار دقَّة الننبؤ (للفترة التي تتراوح بين يناير ٢٠١١ ومايو ٢٠١٣).



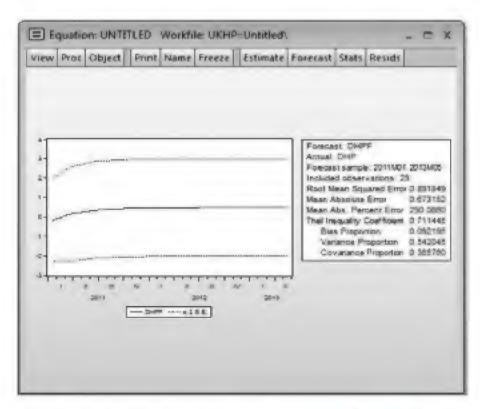
لقطة الشاشة رقم (٢, ٦) الخيارات المناحة عند إعداد التنبؤات

بالانتهاء من تقدير النموذج المطلوب وبمجرَّد قيام إفيوز بفتح النافذة التي تعرض المخرج، انقر فوق الأبقونة Forecast نقوم في هذه الحالة بإدخال مدى العينة على النحو التالي: 2011M01-2013M05. هذا ويتضمَّن إفيوز طريقتين لإنشاء التنبؤات: طريقة ديناميكية وأخرى إستاتيكيَّة، تُحدَّد الخيار Dynamic لحساب تنبؤات متعدَّدة الخطوات بدءًا من أوَّل فترة في عينة النبؤ، أو Static لحساب سلسلة من التبؤات بخطوة واحدة للمستقبل، وذلك بإضافة مُشاهدة واحدة بعد كل تنبؤ إلى أن نصل إلى آخر العبنة، كها أن هناك مُربعاً يتبح لك اختيار استخدام القيم الفعلية بدلًا من القيم المتنبأ بها للمتغيَّرات التابعة المتباطئة، وذلك للمشاهدات خارج العبنة، تُظهر لقطة الشاشة رقم (٢٠٢) النافذة المستخدمة لإدخال هذه الخيارات في حين تُعطي لقطات الشاشة رقم (٢٠٣) و العبنة، مُشاهدة منهر ديسمبر ٢٠١٠ هي نفس مُشاهدات السلسلة المُحديدة (وذلك لأننا لم نقم السلسلة فسنرى أن جميع المشاهدات حتى مُشاهدة شهر ديسمبر ٢٠١٠ هي نفس مُشاهدات السلسلة الأصليَّة (وذلك لأننا لم نقم بنفس مُشاهدات) لكن تُمثل نقاط البيانات اعتبارًا من ينابر ٢٠١١ التنبؤات المتحصّل عليها من النموذج (٤/٤).

في كل حالة تُرسم التنبؤات بخط مُستمر في حين تُرسم فترة الثقة بخطِّين مُنقَطين، بالنسبة للتنبؤات الديناميكيَّة من الواضح أن التنبؤات تتقارب سريعًا من قيمة المتوسَّط غير الشرطي طويل الأمد وذلك كُلها زاد أفق التنبؤ، بطبيعة الحال لا بجدث ذلك مع سلسلة التنبؤات بخطوة واحدة للمستقبل الناتجة عن الأمر 'static'. هذا وينم في مربع الرسم البياني عرض العديد من المقاييس المفيدة الأخرى التي تتعلَّق بأخطاء التنبؤ، بها في ذلك جذر متوسَّط الحُطأ التربيعي (Square Root of the Mean Squared Error (RMSE)، ومتوسَّط الحُطأ النسبي المطلق والإحصاءة لا لئيل، في كلتا الحالتين تزيد قيمة متوسط الحُطأ النسبي المطلق للننبؤات الديناميكية والإستاتيكيَّة عن ١٠٠٪، وهو ما يُمكن أن بحدث في بعض الحالات للاسباب التي أشرنا إليها سابقًا، يُشير ذلك إلى أن تنبُّؤات النموذج غير قادرة على تفسير الكثير من تباين جُزء البيانات الوارد خارج العيَّنة، وهذا أمر مُتوقِّع؛ لأنه من الصعب التنبؤ بتغيُّرات أسعار المساكن مثلها هو الحال بالنسبة لأبة أصول أخرى!

يُوفر (فيوز جُزاً آخر من المعلومات المفيدة، وهو تحليل أخطاه الننبؤ، يُمكن تحليل متوسط خطأ الننبؤ التربيعي إلى نسبة من التجيّز، نسبة من التباين ونسبة من التغاير، يقيس عنصر التحيّز مدى اختلاف مُتوسط التبؤات عن مُتوسط البيانات الفعلية (أي ما إذا كانت التنبؤات متحيزة أم لا)، وبالمثل يقيس عنصر التباين الفرق بين تباين التنبؤات وتباين البيانات الفعليّة، في حين يلتقط عنصر التغاير أيَّ جزء غير مُتاثِل مُتبقّ من أخطاه التنبؤ، وكما كان مُتوقعًا فإن التنبؤات ليست منحيزة، هذا وتكون التنبؤات الدقيقة غير متحيزة، ولها أيضًا نسبة تباين صغيرة، بحيث ينبغي أن يرجع مُعظم خطأ التنبؤ إلى عنصر التغاير (غير المنتظم أو المتبقي)، لمزيد من التفاصيل انظر جرانجر ونيوبولد (١٩٨٦).

وبطبيعة الحال من شأن عملية النبؤ القوية استخدام فترة خارج العبّنة أطول من سنتين، أو مُساوية للفترة المستخدمة هنا، وربها تستخدم بشكل مُتوازن عدة نهاذج مُتنافسة، وتُقارن أيضًا دفة التنبؤات من خلال فحص مقاييس الخطأ الواردة في المربع بعد الرسوم البيانيَّة للتنبؤات.



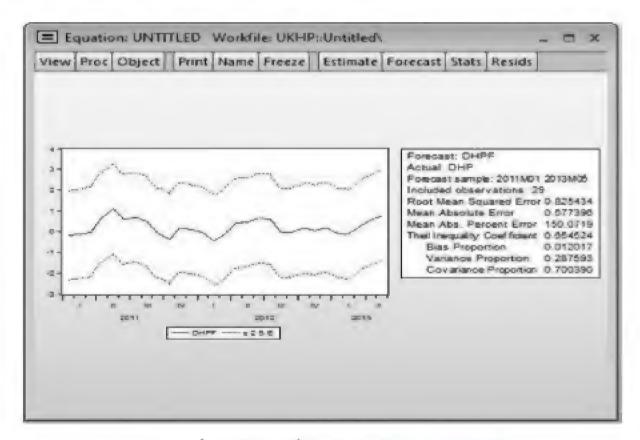
لقطة الشاشة رقم (٣, ٦) التنبوات الديناميكيَّة لنسبة التغيرات في أسعار المساكن

٦, ١٣ نهاذج التمهيد الأسي في إفيوز

(Exponential smoothing models in EViews)

يمكن تقدير هذه الفئة من النهاذج بسهولة داخل إفيوز بالنفر مرَّتين فوق المتغيِّر المطلوب في ملف العمل، بحيث يظهر جدول بيانات لهذا المتغير، ونقوم باختيار Proc من شريط الأزرار لهذا المتغير ثم Proc المتغير، ونقوم باختيار Smoothing...

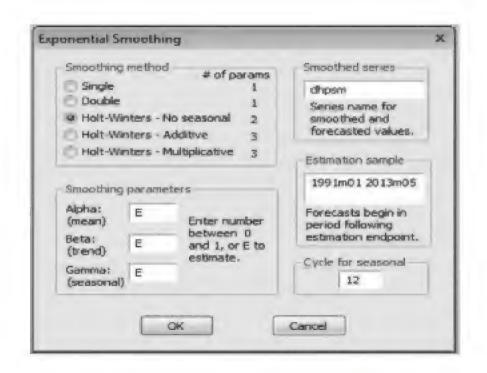
هناك مجموعة مُتنوعة من أساليب النمهيذ المناحة تتضمَّن الطرق الأحاديَّة والمزدوجة وطرقًا مُحتلفة للأخذ بعين الاعتبار الموسمية والاتجاهات العامَّة في البيانات، نقوم باختيار Single (تمهيد أشي)، وهي طريقة التمهيذ الوحيدة التي تحت مُناقشتها في هذا الكتاب، ثم نُحدَّد فترة عيَّنة التقدير بـ 2010M12 - 1991M1 لترك تسعة وعشرين مُشاهدة لإجراء التنبؤ خارج العيَّنة، بالنقر فوق OK نتحصَّل على النتائج المعروضة في الجدول التالي.



لقطة الشاشة رفم (٤ , ٦) التنبؤات الإستاتيكيَّة لنسبة التغبُّرات في أسعار المساكن

Date: 07/06/13 Time: 14:31		
Sample: 1991M02 2010M12		
Included observations: 239		
Method: Single Exponential		
Original Series: DHP		
Forecast Series: DHPSM		
Parameters: Alpha		0.2400
Sum of Squared Residuals		299.3045
Root Mean Squared Error		1.119071
End of Period Levels:	Mean	-0.458934

يتضمَّن المخرج القيمة المقدرة لمعامل النمهيد (تُساوي ٢٤, ٠ في هذه الحالة)، إضافة إلى مجموع مربعات البواقي لفترة التقدير داخل العيَّنة، وكذلك جذر متوسَّط الحُطَّ التربيعي للتنبؤات التسعة والعشرين، هذا وتكون القيمة المهدة النهائية في العيَّنة عبارة عن التنبؤات لتلك المشاهدات التسعة والعشرين (والتي سوف تكون في هذه الحَالة -٤٥٨٩٣٤ ، ٠)، يقوم إفيوز تلقائيًا بحفظ القيم المهدة (أي الفيم المقدَّرة من النموذج) والتنبؤات في سلسلة تسمى 'DHPSM'.



لقطة الشاشة رقم (٥,٥) تقدير نهاذج التمهيد الأشي

المفاعيم الرئيسة

يُمكن من خلال هذا الفصل تعريف وشرح المصطلحات الرئيسة التالية:

- اختبار ليونغ-بوكس
- نياذج ARIMA

- نظرية وولد للتحليل
- MA قابل للعكس
- دالة الارتباط الذاتي الجزئي
- دالة الارتباط الذاتي
- معيار المعلومات
- منهجيّة بوكس-جنكينز
- ا نافذة متكررة
- التمهيد الأسي

خارج العينة

• نافذة متحرّكة

- متوسط الخطأ التربيعي
- تنبؤ منعذد الخطوات
- متوسط الخطأ النسبي المطلق

أسئلة الثعلم الذاتي:

- (١) ما هي أوجه الاختلاف بين نموذج الانحدار الذاتي ونموذج المتوسَّط المتحرك؟
- (۲) لماذا تُعتبر النهاذج ARMA مُفيدة بشكل خاص للسلاسل الزمنيَّة الماليَّة؟ اشرح الفرق بين عمليات AR هـ ARMA بدون استخدام مُعادلات أو عمليات رياضيَّة؟
 - (٣) نتناول الناذج الثلاث التالية التي يرى الباحث أنها يُمكن أن تكون ناذج مقبولة الأسعار سوق الأسهم:

$$y_t = y_{t-1} + u_t \tag{14.1}$$

$$y_t = 0.5y_{t-1} + u_t \tag{191.7}$$

$$y_t = 0.8u_{t-1} + u_t \tag{147.7}$$

- (أ) إلى أيَّة فئة من النهاذج تنتمي هذه الأمثلة؟
- (ب) كيف ستبدو دالة الارتباط الذاي لكل عمليّة من هذه العمليّات؟ (لست بحاجة إلى حساب دالة الارتباط الذاي، استعرض ببساطة شكل الدالة بالنظر إلى النموذج الذي استمدت منه).
- (ج) ما هو النموذج الأرجع لتمثيل أسعار سوق الأسهم من منظور نظري ولماذا؟ إذا كان أي من النهاذج الثلاثة يُمثل فعلًا الأسلوب الذي تتحرك به أسعار سوق الأسهم، فأي من هذه النهاذج يُمكن استخدامه لكسب المال من خلال التنبؤ بالقيم المستقبلية للسلسلة؟
- (د) بالقيام بسلسلة من التعويضات المتتالية أو من خلال معرفتك بسلوك هذه الأنواع من العمليات، استعرض في كل حالة مدى استمرار الصدمات في السلسلة.

- (٤) (أ) صف الخطوات التي أشار بوكس وجنكينز (١٩٧٦) إلى ضرورة اتّباعها عند إنشاء النموذج ARMA.
 - (ب) أيّ جانب من جوانب هذه المنهجيَّة كان بشكل خاص موضع انتقادات ولماذا؟
 - (ج) صف إجراءً بديلًا يُمكن استخدامه لهذا الجانب.
 - (٥) تمكُّنت من الحصول على القيم المقدّرة التالية للنموذج (AR(2) لبعض بيانات العوائد:

$$y_t = 0.803y_{t-1} + 0.682y_{t-2} + u_t$$
 (197.1)

حيث تكون عمليَّة الخطأ على تشويش أبيض، بفحص المعادلة المميّزة، تحقق من سكون النموذج المقدّر.

(٦) تسعى باحثة إلى نحديد الرتبة المناسبة للنموذج ARMA بهدف وصف بعض البيانات الفعليَّة التي تتضمَّن ٢٠٠ مُشاهدة مُتاحة، بحوزة هذه الباحثة الأرقام التالية التي تخص التباين المقدّر للبواقي (أي (الوره) لمختلف النهاذج المرشحة، هذا وتَعتبر هذه الباحثة أن رتبة نموذج أكبر من (٣٠٣) غير ضروريَّة لنمذجة ديناميكيات البيانات، ما هي رتبة النموذج المثلى؛؟

$log(\hat{\sigma}^2)$	ARMA(p,q) رتبة النموذج
444.	(*,*)
A71.*	(1,*)
9.4.	(*,1)
۸۳٦,٠	(1,1)
A+1,+	(٢,١)
AT 1, +	(1,1)
VA9. •	(Y,Y)
VVY, •	(۲,۲)
YAY, •	(۲,۲)
V18	(٣,٣)

- (٧) كيف يُمكنك تحديد ما إذا كانت رتبة النموذج التي اقترحتها للسؤال ٦ فعلًا مُناسبة؟
- (٨) "باعتبار أن الهدف من وراء عمليَّة النمذجة الاقتصاديَّة القياسيَّة هو إيجاد النموذج الأكثر 'مُلاءمة' للبيانات، فإن إضافة المزيد من فترات الإبطاء للنموذج ARMA سوف يُؤدي في كل الحالات تقريبًا إلى مُلاءمة أفضل، وبالتالي يُعتبر النموذج الذي يضم عددًا كبيرًا من المتغيِّرات الأفضل لأنه بكون أقرب إلى مُلاءمة البيانات'، علَّق على صحَّة هذا القول من عدمه.
- (٩) (أ) تحصَّلت على هذه العينة من الارتباطات الذاتبة والارتباطات الذاتبة الجزئبة لعينة تتكون من ١٠٠ مُشاهدة لبيانات فعلية:

А	٧	٦	۵	٤	٣	٣	١	فترة الإبطاء
٠٧٤.٠	• \ A, • -	+ € ₹, +	۱۳۸,•-	7 • 7, • -	****	5•€ ,∗	\$T+,+	دالة الارتباط الذاتي
+ A Y. •	+ ¶ ¼, *	4 * 1, *	¥ + 5 , s	ነ ዊ ዊ, •	Y7A,+	۲۸۱,۰	ኚ ሮ፻. •	دالة الارتباط الجزئي

هل بإمكانك تحديد أنسب عمليَّة سلاسل زمنيَّة هٰذه البيانات؟

(ب) استخدم اختبار ليونغ-بوكس؟ لتحديد ما إذا كانت الثلاث مُعاملات الأولى للارتباط الذاتي مُجتمعة تختلف معنوبًا
 عن الصفر.

(١٠) قُمت بتقدير النموذج (١.١) ARMA التالي لجزء من بيانات سلسلة زمنيَّة:

$$y_t = 0.036 + 0.69y_{t-1} + 0.42u_{t-1} + u_t$$

 $\hat{u}_{t-1} = -1.3$ و $y_{t-1} = 3.4$ أي أنك تعلم أن $y_{t-1} = -1.3$ و $y_{t-1} = -1.3$

- (أ) أحصل على التنبؤات للسلسلة y في الأزمنة x + 1 + z و x + 1 باستخدام النموذج x + 1 المقدّر.
- (ب) إذا تبيَّن أن القيم الفعلية للسلسلة هي -٣٢، ٢٠٠، ٩٦١ ، ٠ و ٢٠٣ ، ٠ في الأزمنة ٢، 1 + 2 و 2 + ، احسب متوسَّط الخطأ التربيعي (خارج العيَّنة).
- (ج) اقترح أحد الزملاء أن نموذجًا تمهيديًّا أسَيًّا بسيطًا يُمكن أن يكون أكثر فائدة للتنبؤ بالسلسلة، مع العلم أن قيمة ثابت التمهيد تُساوي 10, 00, 00 وأحدث قيمة تُمهّدة مُتاحة S_{t-1} هي S_{t-1} هي التنبؤات للسلسلة y في الأزمنة t وأحدث قيمة مُعهّدة مُتاحة S_{t-1} هي t+2 و t+2 باستخدام هذا النموذج.
- (د) باعتبار إجاباتك على الأجزاء (أ) إلى (ج) من السؤال، حدَّد أيَّا من نموذج بوكس-جنكينز أم نموذج التمهيد الأسي يُعطى تنبؤات أكثر دقَّة في هذا التطبيق.

(١١) (أ) اشرح الأشكال النمطيَّة المتوقُّعة لدوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجُزئي للعمليات التصادفيَّة النالية:

- تشويش أبيض
 - AR(2)
 - MA(1)
- ARMA(2,1)
- (ب) نتناول العمليَّة ARMA التالية:

$$y_t = 0.21 + 1.32y_{t-1} + 0.58u_{t-1} + u_t$$

حدُّد ما إذا كان الجزء MA لهذه العمليَّة قابلًا للعكس أم لا.

- (ج) أنتج تنبؤات بفترة، بفترتين، بثلاث وبأربع فترات مُستقبليَّة للعمليَّة المقدِّمة في الجزء (ب).
- (د) اذكر بإيجاز معيارين من بين المعايير المتاحة لتقييم التنبؤات المتحصل عليها في الجزء (ج)، مع إبراز الخصائص المختلفة
 لكل منهيا.

- (هـــ) ما هي الطويقة المستخدمة لتقدير معلمات النموذج PARMA؟ اشرح بإيجاز طويقة عملها ولماذا تُعتبر طويقة المربعات الصُّغرى العاديَّة غير مُناسبة؟
- (١٣) (أ) اشرح بإيجاز أيَّة اختلافات تراها بين خصائص بيانات الاقتصادي الكليّ والبيانات الماليَّة، أي من هذه الخصائص تُشير إلى استخدام أدوات اقتصادية مُختلفة لكل فئة من البيانات؟
- (ب) نتناول معاملات الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي المفدَّرة باستخدام ٥٠٠ مُشاهدة لسلسلة أسبوعيَّة ساكنة يرد:

دالة الارتباط الجزئي	دالة الارتباط الذاتي	فترة الإيطاء
۰,۳۰۷	۰,۳۰۷	١
3,77.	• , • 15-	٣
·, 1 £ Y	٠,٠٨٦	٣
* , * A \	• . • ٣1	ŧ
٠,٠٤٩	· , 19V-	٥

باستخدام قاعدة عامَّة بسيطة حدَّد أيَّا من معاملات الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي إن وُجدت تعتبر معنويَّة عند المستوى ٥٪، استخدم كلَّا من إحصاءة بوكس-بيرس وإحصاءة ليونغ-بوكس لاختبار فرضيَّة العدم المشتركة المتمثَّلة في أن معاملات الارتباط الذاتي الخمس الأولى تُساوي سويًّا صفرًا.

- (ج) أي عملية ترى مبدئيًّا أنها تمثل النموذج الأنسب للسلسلة في الجزء (ب)؟ اشرح إجابتك.
- (د) طُلب من باحثين تقدير النموذج ARMA لسلسلة العوائد اليوميَّة لسعر صرف الدولار الأمريكي مُقابل الجنيه الإسترليني والتي يُشار إليها بدع. قام الباحث (أ) باستخدام معيار شوارز لتحديد رتبة النموذج المناسبة وتوصَّل إلى النموذج (ARMA(0.1). أمَّا الباحث (ب) فاستخدم معيار معلومات أكايكي، ويرى أن النموذج (2.0) ARMA هو النموذج الأمثل، تكون النهاذج المقدَّرة كالتالي:

$$\hat{x}_t = 0.38 + 0.10u_{t-1} \quad (i)$$

$$\hat{x}_t = 0.63 + 0.17x_{t-1} - 0.09x_{t-2}$$
 (\smile)

حيث يُمثّل علا حد الخطأ.

(t = z (أي البيانات الثالية حتى اليوم z

$$x_z = 0.31, x_{z-1} = 0.02, x_{z-2} = -0.16$$

$$u_x = -0.02, u_{x-1} = 0.13, u_{x-2} = 0.19$$

قم بإعداد تنبؤات للأيام الأربعة النالية (أي للأيام 1 + 2 ، 2 + 2 ، 3 + 2 ، 4 + 2) من كلا النموذجين.

(هـــ)اذكر بإيجاز الطريقتين المقترحتين من قِبَل بوكس وجنكينز (١٩٧٦) لتحديد مدى مُلاءمة النهاذج المقترحة في الجزء (د).

- (و) افترض أنه تبيَّن أن القيم الفعليَّة للسلسلة x في الأيام 1 + 2 ، 2 + 2 ، 3 + 4 ، 2 هي على التوالي: ٢٦ , ١٩ ، ٠ ، ٥ افترض أنه تبيَّن أن القيم الفعليَّة للسلسلة x أي الإيام أنتج تنبؤات أكثر دقَّة.
- (١٣) من ملف الإكسل 'CAPM.XLS'، اختر اثنين من بين سلاسل الأسهم، وقم بإعداد العوائد المركبة المستمرة ثم أُجُرِ تحليلًا سلسليًّا زمنيًّا لهذه العوائد، يجب أن يتضمَّن التحليل التالي:
 - (أ) فحص دوال الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي.
 - (ب) تقدير معيار المعلومات لكل رتبة نموذج ARMA بين (٠،٠) و (٥،٥).
 - (ج) تقدير النموذج الذي ترى أنه الأنسب بناءً على النتائج التي تحصلت عليها من الجزأين الأخبرين لهذا السؤال.
 - (د) إنشاء إطار تنبؤ لمقارنة الدقّة التنبؤية ل ...
 - النموذج ARMA الذي قُمت باختياره.
 - نموذج (1,1) ARMA اعتباطي.
 - نموذج التمهيد الأسى الأحادي.
- سير عشوائي بحد ثابت (Random Walk with Drift) في مستويات لوغارينم الأسعار (تلميح: يسهل القيام بذلك (ذا ما تعاملنا مع العوائد على أنها (ARMA(0,0) أي نقوم ببساطة بتقدير نموذج لا يضم سوى حدثابت).
- (هـ) قارن بعد ذلك النموذج المجهّز للبيانات بالنهاذج المقدّرة في الفصل ٤ والتي ترتكز على مُتغيِّرات خارجيَّة (Exogenous). أيّ نوع من النهاذج تُفضل ولماذا؟

ولفعل ولسابع

النهاذج متعددة المتغيِّرات Multivariate models

غرجات الصلم

سوف تتعلم في هذا الفصل كيفيّة:

- مقارنة منهج المعادلة الواحدة والمنهج القائم على النظم لبناء الناذج والتمييز بينها
 - مناقشة الأسباب والعواقب، والحلول المقترحة لتحيُّز المعادلات الآنية
 - اشتقاق معادلات مختزلة الشكل من النموذج الهيكلي
 - وصف طرق مختلفة لتقدير نياذج المعادلات الأنية
 - شرح المزايا والعيوب النسبية لنمذجة متجه الانحدار الذاتي
 - تحدید ما إذا كانت معادلة من نظام ما محددة
- تقدير أطوال فترات الإبطاء المثل، الاستجابات النبضية (Impulse Responses)
 وتحليلات التباين (Variance Decompositions)
 - إجراء اختبارات السببية لجرائجر

١ , ٧ الدوافع

(Motivations)

تعتبر كل النهاذج الهيكلية التي تم النظر فيها حتى الأن نهاذج معادلات ذات متغيّر وحيد على الشكل التالي:

$$y = X\beta + u \tag{1.4}$$

يتمثّل أحد افتراضات نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي في أن المتغيّرات المفسّرة غير تصادفيّة أو ثابتة في العيّنات المتكررة، هناك طرق مختلفة لوضع هذا الشرط، بعضها دقيق بدرجة مُتفاوتة، ولكن جميعها لها نفس الدلالة العامة، ويمكن القول أيضًا إنه بفترض أن كافة المتغيّرات الواردة في المصفوفة X تكون خارجية (Exogenous)، أي أن قيمها تحدَّد خارج نلك المعادلة، يُعتبر ذلك تعريفًا عمليًّا بسيطًا نوعًا ما للخارجيّة، على الرغم من أن هناك عدة تعريفات بديلة ممكنة؛ سوف يتم إعادة النظر في هذه المسألة في وقت لاحق من هذا الفصل، هناك طريقة أخرى لتوضيح ذلك وهي أن النموذج "مشروطًا" بالمتغيّرات في X.

وكما ذُكر في الفصل ٣، يفترض أن المصفوفة X ليس لها توزيع احتهالي، كما تُشير أيضًا إلى أن العلاقة السببية في هذا النموذج تتَّجه من X إلى لا وليس العكس، أي أن التغيُّرات في فيم المتغيِّرات المفسَّرة تسبب تغيُّرات في قيم لا، ولكن التغيُّرات في قيمة لا لن تؤثر على المتغيِّرات المفسَّرة، من ناحية أخرى يُعتبر لا متغيِّرًا واخليًّا (Endogenous) أي متغيَّر يتم تحديد قيمته بواسطة المعادلة رقم (١٠٧).

الهدف من الجزء الأول من هذا الفصل هو فحص أحد الظروف الهامة التي يُنتهك فيها الافتراض المذكور سابقًا، سوف يتم بعد ذلك النظر في تأثير مثل هذا الانتهاك على مقدر المربعات الصغرى العادية، لتوضيح حالة يُمكن أن يظهر فيها مثل هذه الظاهرة تأخذ المعادلتين الثاليتين اللتين تصفان نموذجًا ممكنًا لإجمالي العرض الكلي (على مستوى الدولة) للمساكن الجديدة (أو أي أصل ماديًّ آخر):

$$Q_{dt} = \alpha + \beta P_t + \gamma S_t + u_t \tag{YeV}$$

$$Q_{st} = \lambda + \mu P_t + \kappa T_t + v_t \tag{Y-V}$$

$$Q_{dt} = Q_{st} \tag{£4V}$$

حيث

ا كمية المساكن الجديدة المطلوبة في الزمن Q_{ac}

و المبنية) في الزمن الجديدة المعروضة (المبنية) في الزمن £

t متوسط) سعر المساكن الجديدة السائد في الزمن P_c

S = السعر البديل (المساكن القديمة على سبيل المثال)

 $v_{i} = v_{i}$ منغيِّر يمثل حالة تكنولوجيا بناء المساكن، v_{i} و v_{i} هي حدود الخطأ.

المعادلة رقم (٣٠٧) هي معادلة لنمذجة الطلب على المساكن الجديدة، والمعادلة رقم (٣٠٧) هي مُعادلة لنمذجة عرض المساكن الجديدة، أمَّا المعادلة رقم (٤٠٧) فتمثّل شرط التوازن، حيث لا يوجد فائض في الطلب (أناس يرغبون وفادرون على شراء مساكن جديدة ولكن لا يفعلون)، ولا فائض في العرض (مساكن شُيَّدت ويقيت فارغة نظرًا لقلة الطلب).

بافتراض أن السوق يكون دائيًا واضحًا، أي أن السوق يكون دائيًا في حالة توازن، وعند إسقاط الرموز السقلية للزمن بهدف التبسيط يُمكن أن تكتب المعادلات رقم (٢٠٧)-(٤٠٧) كها يلي:

$$Q = \alpha + \beta P + \gamma S + u \qquad (o, V)$$

$$Q = \lambda + \mu P + \kappa T + v \tag{7.4Y}$$

تشكل المعادلات رقم (٥،٧) و (٦،٧) معًا الشكل الهيكلي المتزامن للنموذج أو مجموعة من المعادلات الهيكلية، بحسب النظريّة الاقتصاديَّة أو الماليَّة، تضم هذه المعادلات المتغيّرات التي يُفترض أن تكون مرتبطة ببعضها البعض في علاقة من هذا

الشكل، المقصود هنا هو أن السعر والكمية يتم تحديدهما في آنٍ واحد (السعر يؤثر على الكمية، والكمية تؤثر على السعر)، وبالتالي وبهدف بيع المزيد من المساكن، وبافتراض تُساوي كل العوامل الأخرى، سوف يضطر المشيَّد إلى تخفيض السعر، بالتساوي من أجل الحصول على سعر أعلى لكل مسكن يجب على المُشيد بناء وتوقَّع بَيْع عدد أقل من المساكن، P و Q متغيَّران داخليان في حين أن S و T هما متغيَّران خارجيان.

يُمكن الحصول على مجموعة من الصيغ المختزلة للمعادلات المقابلة للسمعادلات رقم (٥،٧) و (٦،٧) من خلال حل المعادلات (٥،٧) و (٦،٧) لـ P و Q (بشكل مُنفصل)، سوف يكون هناك معادلة مختزلة الشكل لكل متغيَّر داخلي في النظام. الحل لـ Q:

$$\alpha + \beta P + \gamma S + u = \lambda + \mu P + \kappa T + v \tag{Y.V}$$

الحل لـ P:

$$\frac{Q}{B} - \frac{\alpha}{B} - \frac{\gamma S}{B} - \frac{u}{B} = \frac{Q}{\mu} - \frac{\lambda}{\mu} - \frac{\kappa T}{\mu} - \frac{v}{B}$$
(AcV)

وبإعادة ترتيب المعادلة رقم (٧،٧) نتحصُّل على:

$$\beta P - \mu P = \lambda - \alpha + \kappa T - \gamma S + \nu - u \tag{9.4}$$

$$(\beta - \mu)P = (\lambda - \alpha) + \kappa T - \gamma S + (v - u) \tag{1.4V}$$

$$P = \frac{\lambda - \alpha}{\beta - \mu} + \frac{\kappa}{\beta - \mu} T - \frac{\gamma}{\beta - \mu} S + \frac{\nu - u}{\beta - \mu}$$
 (11.47)

بضرب المعادلة رقم (٧٠٨) في μβ وإعادة ترتيب المعادلة، نتحصَّل على:

$$\mu Q - \mu \alpha - \mu \gamma S - \mu u = \beta Q - \beta \lambda - \beta \kappa T - \beta v \tag{1YeV}$$

$$\mu Q - \beta Q = \mu \alpha - \beta \lambda - \beta \kappa T + \mu \gamma S + \mu u - \beta v \tag{17.v}$$

$$(\mu - \beta)Q = (\mu\alpha - \beta\lambda) - \beta\kappa T + \mu\gamma S + (\mu u - \beta v) \tag{15.V}$$

$$Q = \frac{\mu \alpha - \beta \lambda}{\mu - \beta} - \frac{\beta \kappa}{\mu - \beta} T + \frac{\mu \gamma}{\mu - \beta} S + \frac{\mu \mu - \beta \nu}{\mu - \beta}$$
 (10cV)

المعادلات رقم (٧،١١) و (٧،١٥) هي معادلات مختزلة الشكل لــ P و Q، وهي المعادلات التي تنتج عن حل المعادلات الهندلات رقم (٧،١٥) و (٧،١)، لاحظ أن هذه المعادلات المختزلة الشكل لها متغيّرات خارجية فقط في الجانب الأيمن.

٧, ٧ تحيُّز المعادلات الآنية

(Simultaneous equations bias)

لن يكون من الممكن تقدير المعادلات رقم (٥،٧) و (٦،٧) على نحو صحيح باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية بها أنها ترتبط بشكل واضح ببعضها البعض، حيث إن كليها بحتوي على P و Q في حين تنطلّب طريقة المربعات الصغرى العادية تقدير كل واحدة منها على حدة، لكن ماذا سبحدث لو أن الباحث قام بتقدير كل مُعادلة منها بشكل مُنفصل باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية؟ تعتمد كلا المعادلتين على P، هذا ونُشير إلى أن أحد افتراضات نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي ينص على أن X و E(X'u) = 0 مُستقلان (حيث يُمثّل X مصفوفة تضم جميع متغبّرات الجانب الأيمن للمعادلة)، وباعتبار الافتراض P مرتبط بالأخطاء في المعادلات و له أن الأخطاء غير مُرتبطة بالمتغيّرات المُفشرة، لكن من الواضح من المعادلة رقم (١١، ١) أن P مرتبط بالأخطاء في المعادلات رقم (٥،٧)، أي أنه تصادفي، لذا يُعتبر هذا الافتراض مُنتهكًا.

ما هي العواقب التي تترتب على مقدر المربعات الصغرى العادية \hat{a} إذا تم تجاهل التزامن؟ تذكر أن:

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'y \tag{17.V}$$

۽ آن:

$$y = X\beta + u \tag{1VcV}$$

في المعادلة رقم (٧، ١٦)، بتعويض لا بالجانب الأيمن للمعادلة رقم (١٧،٧)، نتحصُّل على:

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'(X\beta + u) \tag{1A.V}$$

وبالتالي:

$$\hat{\beta} = (X'X)^{-1}X'X\beta + (X'X)^{-1}X'u \tag{19.V}$$

$$\hat{\beta} = \beta + (X'X)^{-1}X'u \tag{Y.4V}$$

بأخذ التوقعات، نتحصُّل على:

$$E(\hat{\beta}) = E(\beta) + E((X'X)^{-1}X'u) \tag{Y L.V}$$

$$E(\hat{\beta}) = \beta + E((X'X)^{-1}X'u) \tag{YY,V}$$

إذا كانت المتغيَّرات X غير تصادفيَّة (أي إذا لم يُنتهك الافتراض)، فإن: $B[(X'X)^{-1}X'u] = (X'X)^{-1}X'E(u) = 0$ إذا كانت المتغيَّرات X غير تصادفيَّة (أي إذا لم يُنتهك الافتراض)، فإن: $B(\hat{\beta}) = \beta$ ، ويترتب عن ذلك أن مقدَّر المربعات الحال في حالة نظام بمعادلة واحدة، بحيث يكون لدينا في المعادلة رقم (٢٢٠٧): $B(\hat{\beta}) = \beta$ ، ويترتب عن ذلك أن مقدَّر المربعات الصغرى العادية $B(\hat{\beta}) = \beta$ سوف يكون غير متحيَّز.

لكن إذا كانت المعادلة جزءًا من النظام، وبالتالي وبشكل عام بكون 0 ≠ E[(X'X)⁻¹X'u]، بحيث لن يتم إسفاط الحد الأخير في المعادلة رقم (٢٢،٧)، وهكذا يمكن استنتاج أن تطبيق طريقة المربعات الصغرى العادية على المعادلات الهيكلية التي هي جزء من النظام الآني، سوف يؤدي إلى قيم مُفدَّرة للمعاملات تكون مُتحيَّزة، يُعرف ذلك بتحير الآنيَّة (Simultaneity Bias) أو تُعَيِّز المعادلات الآنية (Simultaneous Equations Bias).

السؤال الذي يُطرح الآن هو هل أن مقدر المربعات الصغرى العادية يظل منَّسقًا على الرغم من أنه متحيز؟ في الواقع لاء حيث يكون المُقدَّر غير متَّسق أيضًا، وتظل القيم المقدَّرة للمعاملات متحيَّرة، حتى وإن أتيحت لنا كمية لامتناهية من البيانات، رغم أن إثبات ذلك يتطلب مستوى من الجبر يتجاوز نطاق هذا الكتاب.

٣, ٧ كيف يُمكن إذًا تقدير نهاذج المعادلات الآنية بشكل صحيح؟

(So how can simultaneous equations models be validly estimated?)

بأخذ المعادلات رقم (١١،٧) و (١٥،٧)، أي المعادلات مختزلة الشكل، يُمكن إعادة كتابها كما يلي:

$$P = \pi_{10} + \pi_{11}T + \pi_{12}S + \varepsilon_1 \tag{YT.V}$$

$$Q = \pi_{20} + \pi_{21}T + \pi_{22}S + \varepsilon_2 \tag{Y \xi, V}$$

حيث تكون المعاملات m في المعادلات مختزلة الشكل، مجرد توليفات من المعاملات الأصلية، وعليه يكون لدينا:

$$\pi_{10} = \frac{\lambda - \alpha}{\beta - \mu}, \; \pi_{11} = \frac{\kappa}{\beta - \mu}, \; \pi_{12} = \frac{-\gamma}{\beta - \mu}, \; \varepsilon_1 = \frac{v - u}{\beta - \mu}$$

$$\pi_{20} = \frac{\mu\alpha - \beta\lambda}{\mu - \beta}, \ \pi_{21} = \frac{-\beta\kappa}{\mu - \beta}, \ \pi_{22} = \frac{\mu\gamma}{\mu - \beta}, \ \varepsilon_2 = \frac{\mu u - \beta v}{\mu - \beta}$$

يمكن تقدير المعادلتين رقم (٢٣،٧) و (٢٤،٧) باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية بها أن جميع متغيَّرات الجانب الأيمن للمعادلة هي مُتغيِّرات خارجية، وبالتالي فإن الشروط المعتادة لانساق وعدم تحيُّز مُقدَّر المربعات الصغرى العادية ننطبق (بشرط عدم وجود أي سوء توصيف آخر)، وبالتالي يمكن الحصول على القيم المقدرة للمعاملات π_i . لكن من المحتمل ألَّا تكون قيم المعاملات π ذات أهميَّة كبيرة فالمطلوب هو المعلمات الأصلية في المعادلات الهيكلية: α ، α ، α ، α ، α هذه الأخيرة هي المعلمات التي تحدَّد قيمها كيفية ارتباط المتغيِّرات ببعضها البعض وفقًا للنظرية الاقتصادية أو الماليَّة.

٤ , ٧ هل يُمكن استرجاع المعاملات الأصلية من المعاملات ٣٠

(Can the original coefficients be retrieved from the πs ?)

الإجابة المختصرة لهذا السؤال هي 'أحيانًا' وفقًا لما إذا كانت المعادلات محددة أم لا. يُعتبر تحديد النموذج (Identification) بمثابة معرفة ما إذا كان هناك معلومات كافية في المعادلات مختزلة الشكل تُمكّن من حساب معاملات الشكل الهيكلي، لنأخذ معادلات العرض والطلب التالية:

معادلة العرض
$$Q = \alpha + \beta P$$
 معادلة العرض

معادلة الطلب
$$Q = \lambda + \mu P$$
 (۲۲،۷)

من المستحيل التمييز بين المعادلتين، بحيث إذا تم رصد بعض الكميات عن السلعة المباعة والسعر الذي بِيعَتْ به، فلن يكون من الممكن الحصول على القيم المقدَّرة للمعلمات ه، ه، لا و ع. بحدث ذلك بسبب عدم وجود معلومات كافية من المعادلات لتقدير المعلمات الأربعة، يمكن هنا تقدير معلمتين فقط، على الرغم من أن كليهما سوف تكون عبارة عن توليفة من معلمات العرض والطلب، وبالتالي لن يكون لأي منهما فائدة، في هذه الحالة سوف يُقال إن كلا المعادلتين غير محدَّدتين (Unidentified) (أو لا محدَّدتين أو ناقصة التحديد (Unidentified))، هذا ونُشير إلى أن هذه المشكلة لن تظهر إذا ما اعتبرنا المعادلتين رقم (٥٠٧) و (٦٠٧) لأن لديهما متغيَّرات خارجية مختلفة.

٧ , ٤ , ١ ما الذي يحدد ما إذا كانت المعادلة محددة أم لا؟

(What determines whether an equation is identified or not?)

يمكن أن تنشأ أي حالة من الحالات الثلاث الممكنة كما هو مبين في الإطار رقم (٧,١)، كيف بمكن تحديد ما إذا كانت المعادلة محددة أم لا؟ تعتمد الإجابة عن هذا السؤال بشكل عام على عدد ونوعبة المتغبرات الموجودة في كل معادلة هيكلبة، هناك شرطان يمكن فحصها لتحديد ما إذا كانت معادلة ما في النظام محددة أم لا، وهما: شرط الترتيب (Order Condition) وشرط الرتبة (Rank Condition):

- شرط الترتيب هو شرط ضروري، ولكنه غير كاف لتحديد المعادلة، وهذا يعني أنه حتى إذا تم استيفاء شرط الترتيب فقد لا
 تكون المعادلة مُحدَّدة.
- شرط الرتبة هو شرط ضروري وكافي لتحديد النموذج، بتم تحديد المعادلات الهيكلية في شكل مصفوفة، وبتم فحص رتبة مصفوفة المعاملات لكافة المتغيرات المستبعدة من معادلة معينة، ينطلب فحص شرط الرتبة بعض تفنيات الجبر التي تُعتبر خارج نطاق هذا الكتاب.

وعلى الرغم من أن شرط الترتيب ليس كافيًا لضهان تحديد المعادلة من النظام، لن يتم تناول شرط الرتبة مرة أخرى هنا، بالنسبة لنظم المعادلات البسيطة نسبيًّا فإن القاعدتين سوف تؤديان إلى نفس الاستنتاجات، كيا أن في الواقع مُعظم نُظُم المعادلات في الاقتصاد والمائيَّة هي معادلات زائدة التحديد، لذلك لا يُمثُّل نقص التحديد قضية كبيرة في المهارسة العملية.

الإطار رقيد (٧٠١) تحديد ما إذا كانت المعادلة عددة أم لا

- معادلة غير محددة (Unidentified)، مثل المعادلات رقم (٢٥،٧) أو (٢٦،٧). في حالة المعادلة غير المحددة
 لا يمكن بأيّة وسيلة كانت الحصول على المعاملات الهيكلية من القيم المقدّرة للشكل المختزل.
- (٢) معادلة تامة التحديد (Exactly Identified (Just Identified))، مثل المعادلات رقم (٥،٧) أو معادلة (٢) معادلة تامة التحديد يمكن الحصول على القيم المقدّرة لمعاملات الشكل الهيكلي من خلال التعويض في المعادلات المختزلة الشكل.
- (٣) إذا كانت المعادلة زائدة التحديد (Overidentified) فيمكن الحصول على أكثر من مجموعة واحدة من المعاملات الهيكلية من خلال المعادلات مختزلة الشكل، سوف يتم عرض مثال عن ذلك لاحقًا في هذا الفصل.

٧,٤,٢ صياغة شرط الترنيب

(Statement of the order condition)

هناك عدد من الطرق المختلفة لصياغة شرط الترتيب، سوف نستخدم هنا طريقة بديهية مأخوذة من رماناثان (١٩٩٥) ص هناك عدد من الطوق المختلفة لصياغة شرط الترتيب، سوف نستخدم هنا طريقة بديهية مأخوذة من رماناثان (١٩٩٥) ٦٦٦ (من (من المعادلة الميكلية، تكون المعادلة أعدد بهيع المتغيَّرات المداخلية تامة التحديد إذا كان عدد المتغيِّرات المعادلة مُساويًا لـ 1-0، حيث تعني كلمة أمستبعدة عدد جميع المتغيَّرات الداخلية والخارجية التي لا تظهر في هذه المعادلة المعيَّنة. إذا كان عدد المتغيِّرات المستبعدة أكثر من 1-0 فإن المعادلة تكون غير محددة، أحد الآثار الواضحة المترتبة عن هذه القاعدة هو أن المعادلات في النظام يمكن أن يكون لها درجات مختلفة من التحديد كها هو موضح في المثال التالي.

مثال (۷,۱)....

في نظام المعادلات التالي تكون المتغيّرات ٢ داخلية، في حين أن المتغيّرات ٢ خارجية (مع حذف الرموز السفلية للزمن)، حدّد ما إذا كانت كل معادلة من المعادلات التالية زائدة التحديد أو ناقصة التحديد أو تامة التحديد.

$$Y_1 = \alpha_0 + \alpha_1 Y_2 + \alpha_3 Y_3 + \alpha_4 X_1 + \alpha_5 X_2 + u_1 \tag{YV,V}$$

$$Y_2 = \beta_0 + \beta_1 Y_3 + \beta_2 X_1 + u_2 \tag{YALV}$$

$$Y_3 = y_0 + y_1 Y_2 + u_3 \tag{Y 9.V}$$

لدينا في هذه الحالة 3 = 6 أي ثلاث مُعادلات وثلاثة متغبَّرات داخلية، وبالتالي إذا كان عدد المتغبَّرات المستبعدة مُساويًا تمامًا لـ ٢ فإن المعادلة تكون زائدة التحديد. أمَّا إذا كان عدد المتغبِّرات المستبعدة أكثر من ٢ فإن المعادلة تكون زائدة التحديد. أمَّا إذا كان عدد المتغبِّرات المستبعدة أقل من ٢ فإن المعادلة تكون غير محددة.

المتغيِّرات التي تظهر في معادلة أو أكثر من المعادلات الثلاث هي كالتائي: Y_1 ، Y_2 ، Y_3 ، Y_4 ، Y_5 تطبيق شرط الترتيب على المعادلات رقم (۲۷،۷)–(۲۹،۷):

- المعادلة رقم (۲۷،۷): تضم كل المتغيرات دون استبعاد، لذلك فهي غير محددة.
- المعادلة رقم (۲۸۸۷): استبعد منها المتغيرات ۲۱ و ۲۷ لذلك فهي تامة التحديد.
- المعادلة رقم (۲۹۰۷): استُبعد منها المتغيّرات ۲، ۲٪ و ۲٪ لذلك فهي زائدة التحديد.

٥ , ٧ المعادلات الآنية في مجال الماليَّة

(Simultaneous equations in finance)

هناك بطبيعة الحال العديد من الحالات في مجال الماليَّة يكون فيها إطار المعادلات الآئية الأنسب مُقارنة بنموذج المعادلة الواحدة، سوف يتم عرض مثالين من أدبيات الهيكل الجزئي للسوق في وقت لاحق في هذا الفصل، أمَّا الآن فسوف نقوم بمناقشة دراسة أخرى مستقاة من الأدبيات البنكية.

شهدت الآونة الأخيرة الكثير من النقاشات على الصعيد الدولي، ويشكل خاص في المملكة المتحدة، بشأن فعالية القوى التنافسية في القطاع البنكي، كيا تُعبر الحكومات والهيئات التنظيمية عن فلقها إزاء تزايد التركيز في القطاع البنكي، كيا يشهد بذلك الموجات المتتالية من أنشطة الاندماج والأرباح الهائلة التي حققتها العديد من المصارف في أواخر التسعينيات وأوائل القرن الحادي

والعشرين، هم يزعمون أن مثل هذه الأرباح ناتجة عن غياب المنافسة الفعّالة، غير أن الكثيرين (وأبرزهم بطبيعة الحال البنوك نفسها!) يشيرون بأن مثل هذه الأرباح ليست تنيجة للتركيز المفرط أو للمهارسات المناهضة للمنافسة، وإنها تنشأ جزئيًا بسبب الازدهار العالمي الأخير في تلك المرحلة من دورة الأعهال (بحجة أن 'الأرباح ليست دائمة')، ويرجع ذلك جزئيًا إلى التخفيض الكبير في التكاليف من قبل البنوك نظرًا للتحسينات التكتولوجية الحديثة، وقد أثارت هذه المناقشات تجدُّد الاهتهام بنهاذج الربحية البنكية والمنافسة البنكية، وقد أستخدم أحد هذه النهاذج من قبل شافر وديسالفو (١٩٩٤) ((١٩٩٩ Shaffer and DiSalvo) في إطار بنكين ناشطين في جنوب وسط بنسلفائيا، نتحصَّل على النموذج من خلال المعادلة التالية:

$$\ln q_{it} = a_0 + a_1 \ln P_{it} + a_2 \ln P_{jt} + a_3 \ln Y_t + a_4 \ln Z_t + a_5 t + u_{i1t}$$
 (Y • V)

$$\ln TR_{it} = b_0 + b_1 \ln q_{it} + \sum_{k=1}^{3} b_{k+1} \ln \omega_{ikt} + u_{i2t}$$
 (Y \cv)

حيث يُمثّل 1.2 = i البنكين، q الناتج البنكي، P_i سعر الناتج في الزمن P_i مقياس للدخل الإجمالي في الزمن P_i البديل للنشاط البنكي في الزمن P_i المتغيّر P_i يمثل الاتجاه الزمني، P_i P_i إجمالي إيرادات البنك P_i في الزمن P_i المتغيّر P_i يمثل الاتجاه الزمني، P_i P_i المنطقة ألى المتعارك المت

٧,٧ تعريف الخارجية

(A definition of exogeneity)

يُعرَّف ليمر (١٩٨٥) ((١٩٨٥) Leamer (1985)) المتغيَّر × بأنه متغيَّر خارجي إذا لم يتغير التوزيع الشرطي لـ ٧ بالنظر إلى x عند إدخال تعديلات على العملية المولِّدة لـ x، وعلى الرغم من وجود العديد من التعاريف التي تختلف قليلًا فإنه من الممكن تصنيف شكلين من الخارجية هما: التحديد المسبق، والخارجيَّة التامة:

- المتغير المحدد مسبقًا (Predetermined Variable) وهو متغيّر مستقل عن الأخطاء الآنية والمستقبلية في تلك المعادلة.
- المتغير الخارجي التام (Strictly Exogenous Variable) وهو متغير مستقل عن كافة الأخطاء الأنية، المستقبلية والماضية في تلك المعادلة.

٧,٦,١ اختيارات الخارجية

(Tests for exogeneity)

كيف يمكن للباحث القول ما إذا كان يُمكن اعتبار المتغيَّرات فعلًا متغيَّرات داخلية أم لا؟ بعبارة أخرى قد تقترح النظرية الماليَّة أنه ينبغي أن تكون هناك علاقة ذات اتجاهين بين متغيَّرين أو أكثر، لكن كيف يُمكن اختبار ما إذا كان نموذج المعادلات الآنية ضم وريًّا في المارسة العملية؟

منال (۷, ۲) منال (۷, ۲)

لنأخذ مجدَّدًا المعادلات رقم (۲۷،۷) – (۲۹،۷). تضم المعادلة رقم (۲۷،۷) و Y_2 و Y_3 فهل تتطلَّب هذه المتغيِّرات معادلات منفصلة أم أنه يمكن اعتبارها (Y_3 و Y_3) متغيِّرات خارجية (وفي هذه الحالة سوف يطلق عليها X_3 و X_4)؛ يمكن التحقق من ذلك بشكل رسمي باستخدام اختبار هوسيان (Hausman Test) والذي يتم حسابه كها هو موضح في الإطار رقم (Y, Y).

الإظار رقم (٧٠١) إجراء اختيار هوسيان

الحصول على المعادلات محتزلة الشكل المقابلة للمعادلات رقم (٢٧،٧)-(٢٩،٧). يتم الحصول على المعادلات مختزلة الشكل على النحو التالي. نقوم بتعويض ولا المقدم في المعادلة رقم (٢٩،٧) داخل المعادلة رقم (٢٨،٧):

$$Y_2 = \beta_0 + \beta_1(\gamma_0 + \gamma_1 Y_2 + u_3) + \beta_2 X_1 + u_2$$
(YYN)

$$Y_2 = \beta_0 + \beta_1 \gamma_0 + \beta_1 \gamma_1 \gamma_2 + \beta_1 u_3 + \beta_2 X_1 + u_2$$
 (FY.V)

$$Y_2(1-\beta_1\gamma_1) = (\beta_0+\beta_1\gamma_0) + \beta_2X_1 + (u_2+\beta_1u_3) \tag{TEV}$$

$$Y_2 = \frac{(\beta_1 + \beta_1 \gamma_2)}{(1 - \beta_1 \gamma_1)} + \frac{\beta_2 X_2}{(1 - \beta_1 \gamma_2)} + \frac{(u_2 + \beta_1 u_2)}{(1 - \beta_1 \gamma_1)}$$
 (Ya₁V)

تُعتبر المعادلة رقم (٣٥،٧) هي معادلة غنزلة الشكل لـ ٧٤ بها أنه لا توجد متغبّرات داخليّة على الجانب الأيمن من المعادلة. بتعويض ٢٤ المقدّم في المعادلة رقم (٢٩،٧) داخل المعادلة رقم (٢٧،٧) نتحصّل على:

$$Y_1 = \alpha_0 + \alpha_1 Y_2 + \alpha_3 (\gamma_0 + \gamma_1 Y_2 + u_3) + \alpha_4 X_1 + \alpha_5 X_2 + u_1 \tag{\uparrow 1.0}$$

$$Y_{1} = \alpha_{0} + \alpha_{1}Y_{2} + \alpha_{3}y_{0} + \alpha_{3}y_{1}Y_{2} + \alpha_{3}u_{3} + \alpha_{4}X_{1} + \alpha_{5}X_{2} + u_{1}$$

$$(YV.V)$$

$$Y_1 = (\alpha_0 + \alpha_3 \gamma_0) + (\alpha_1 + \alpha_3 \gamma_1) Y_2 + \alpha_4 X_1 + \alpha_5 X_2 + (u_1 + \alpha_3 u_3)$$
 (7A.V)

وبتعويض ٧٤ المقدِّم في المعادلة رقم (٣٥،٧) داخل المعادلة رقم (٣٨،٧) تتحصَّل على:

$$\begin{array}{ll} Y_1 \; = \; (\alpha_0 + \alpha_3 \gamma_0) + (\alpha_1 + \alpha_3 \gamma_1) \left(\frac{(\beta_0 + \beta_1 \gamma_0)}{(1 - \beta_1 \gamma_1)} + \frac{\beta_2 X_2}{(1 - \beta_1 \gamma_1)} + \frac{(u_2 + \beta_1 u_2)}{(1 - \beta_1 \gamma_1)} \right) + \\ & \qquad \alpha_4 X_1 + \alpha_5 X_2 + \\ & \qquad (\alpha_1 + \alpha_3 u_3) \end{array}$$

 $(\xi \cdot \mathcal{N})$

$$\begin{array}{ll} Y_{1} = \left(\alpha_{0} + \alpha_{3}\gamma_{0} + (\alpha_{1} + \alpha_{3}\gamma_{1})\frac{(\beta_{0} * \beta_{1}\gamma_{0})}{(1 - \beta_{1}\gamma_{1})}\right) + \frac{(\alpha_{1} + \alpha_{2}\gamma_{1})\beta_{2}X_{1}}{(1 - \beta_{1}\gamma_{1})} + \frac{(\alpha_{1} + \alpha_{2}\gamma_{1})(u_{2} + \beta_{1}u_{2})}{(1 - \beta_{1}\gamma_{1})} + \alpha_{4}X_{1} + \alpha_{5}X_{2} + (u_{1} + \alpha_{3}u_{3}) \end{array}$$

$$\left(\alpha_{0}+\alpha_{3}\gamma_{0}+(\alpha_{1}+\alpha_{3}\gamma_{1})\frac{(\beta_{0}+\beta_{1}\gamma_{0})}{(1-\beta_{1}\gamma_{1})}\right)+\left(\frac{(\alpha_{1}+\alpha_{3}\gamma_{1})\beta_{2}}{(1-\beta_{1}\gamma_{1})}+\alpha_{4}\right)X_{1}+\alpha_{3}X_{2}+\left(\frac{(\alpha_{1}+\alpha_{3}\gamma_{1})(\alpha_{2}+\beta_{1}\alpha_{3})}{(1-\beta_{1}\gamma_{1})}+(\alpha_{1}+\alpha_{3}\alpha_{3})\right)X_{2}+\left(\frac{(\alpha_{1}+\alpha_{2}\gamma_{1})(\alpha_{2}+\beta_{1}\alpha_{3})}{(1-\beta_{1}\gamma_{1})}+(\alpha_{1}+\alpha_{2}\alpha_{3}\alpha_{3})\right)X_{3}+\alpha_{3}X_{4}+\alpha_{4}X_{5}+\alpha_{5}X_{5$$

تُعتبر المعادلة رقم (٤١،٧) معادلة مختزلة الشكل لـ Y_1 . وأخيرًا للحصول على المعادلة مختزلة الشكل لـ Y_3 نقوم بتعويض Y_2 المقدّم في المعادلة رقم (٣٥،٧) داخل المعادلة رقم (٢٩،٧):

$$Y_3 = \left(\gamma_0 + \frac{\gamma_1(\beta_0 + \beta_1\gamma_0)}{(1 - \beta_1\gamma_1)} + \frac{\gamma_1\beta_2X_1}{(1 - \beta_1\gamma_1)} + \frac{\gamma_1(u_2 + \beta_1u_3)}{(1 - \beta_1\gamma_1)} + u_3\right) \tag{ξ Y.V}$$

وبالتالي تُعطي المعادلات (٢٠،٧)، (٣٥،٧) و (٤٢،٧) على التوالي المعادلات مختزلة الشكل المقابلة للمعادلات (٢٧،٧)-(٢٩،٧). وكيا ذُكر أعلاه يُمكن أيضًا صياغة هذه المعادلات الثلاث باستخدام ررة للمعاملات:

$$Y_1 = \pi_{10} + \pi_{11}X_1 + \pi_{12}X_2 + v_1$$
 (EY.V)

$$Y_2 = \pi_{20} + \pi_{21}X_1 + v_2 \tag{ξ.V}$$

$$Y_3 = \pi_{30} + \pi_{31}X_1 + v_3 \tag{$\xi \circ V$}$$

نقوم بتقدير المعادلات مختزلة الشكل (٤٣،٧)-(٤٥،٧) باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية والحصول على القيم المجهّزة ٢٩، ٢٩ و ٢٩ حيث يرمز الرقم العلوي الزائد الى القيم المجهزة من تقدير الشكل المختزل.

- (۲) إجراء الانحدار المقابل للمعادلة رقم (۲۷،۷) أي معادلة الشكل الهيكلي، وفي هذه
 المرحلة نتجاهل أي تزامن ممكن.
- (٣) إجراء الانحدار (٢٧،٧) مرة أخرى، لكن الآن نقوم أيضًا بإدراج القيم المُجهَزة من المعادلات مختزلة الشكل، أي ٤٤ و ٤٦، كمتغيرات انحدارية إضافية:

$$Y_{1} = \alpha_{0} + \alpha_{1}Y_{2} + \alpha_{3}Y_{3} + \alpha_{4}X_{1} + \lambda_{2}\hat{Y}_{2}^{1} + \lambda_{3}\hat{Y}_{3}^{1} + \varepsilon_{1}$$
 (£7.7)

(٤) استخدام اختبار إف لاختبار القيد المشترك: 0 = 2k و 0 = 8k. إذا تم رفض فرضية العدم فيجب اعتبار Y_2 و Y_3 متغيرات داخلية. إذا كانت 2k و 2k غتلفة معنويًا عن الصفر هناك معلومات إضافية هامة لنمذجة 2k من المعادلات مختزلة الشكل. في المقابل إذا لم يتم رفض فرضية العدم فيمكن التعامل مع 2k و 2k كمتغيرات خارجية ل 2k و 2k من نمذجة 2k و 2k كمتغيرات داخلية. توجد معلومات إضافية مفيدة ل 2k من نمذجة 2k و 2k كمتغيرات داخلية. 2k من نمذجة 2k و 2k كمتغيرات داخلية.

٧,٧ النظم الثلاثية

(Triangular systems)

نعتبر نظام المعادلات التالي مع تجاهل الأدلة السفلية للزمن بهدف التبسيط:

$$Y_1 = \beta_{10} + \gamma_{11}X_1 + \gamma_{12}X_2 + u_1 \tag{ξV$_$CV}$$

$$Y_2 = \beta_{20} + \beta_{21}Y_1 + \gamma_{21}X_1 + \gamma_{22}X_2 + u_2 \tag{ξ A.V)}$$

$$Y_3 = \beta_{30} + \beta_{31}Y_1 + \beta_{32}Y_2 + \gamma_{31}X_1 + \gamma_{32}X_2 + u_3 \tag{5.9c}$$

نفترض أن حدود الخطأ لكل معادلة من المعادلات الثلاث غير مرتبطة مع بعضها البعض، هل يمكن تقدير المعادلات بشكل فردي باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية؟ للوهلة الأولى تبدو الإجابة المناسبة لهذا السؤال "لا لأن هذا النظام هو نظام معادلات آنية"، لكن خذ في الاعتبار ما يلي:

- $Y = X_1 = X_2$ المعادلة رقم (٤٧،٧) على متغبّرات داخلية، لذلك $Y = X_1 = X_2 = X_1$ يمكن بالتالي استخدام طريقة الموبعات الصغرى العادية في المعادلة رقم (٤٧،٧).
- تحتوي المعادلة رقم (٤٨٠٧) على متغير داخلي ٢١ إلى جانب المتغيرات الحارجية ٢١ و ٢٠، يُمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى على المعادلة رقم (٤٨٠٧) إذا كانت كل متغيرات الجانب الأيمن للمعادلة رقم (٤٨٠٧) غير مرتبطة مع حد خطأ المعادلة، في الواقع، ٢١ غير مرتبط بـــ على الأنه لا يوجد حد لـ ٢١ في المعادلة رقم (٤٧٠٧)، يُمكن إذًا استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية على المعادلة رقم (٤٨٠٧).
- تحتوي المعادلة رقم (٤٩٠٧) على كلٍ من ٤٧٠ و ٤٧٠ يُشترط أن تكون هذه المتغيِّرات غير مرتبطة بـ ٤١٥، وباعتباد حجج مماثلة لما سبق لا تحتوي المعادلات رقم (٤٧٠٧) و (٤٨٠٧) على ٤٠، يمكن إذًا استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية على المعادلة رقم (٤٩٠٧).

يعرف ذلك بالنظام المتكرر أو النظام الثلاثي (Triangular System) وهو في الحقيقة حالة خاصة عبارة عن مجموعة من المعادلات التي نبدو وكأنها نظام معادلات آنية، ولكنها ليست كذلك، في الواقع ليس لدينا هنا مشكلة التزامن؛ لأن التبعية ليست ثنائية الاتجاه، فلكل معادلة تبعيَّة في اتجاه واحد.

٨ , ٧ إجراءات تقدير نظم المعادلات الآنية

(Estimation procedures for simultaneous equations systems)

يُمكن تقدير كل معادلة من معادلات النظام المتكرر بشكل منفصل، باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادبة، لكن في المهارسة العملية هناك الفليل من نظم المعادلات المتكررة، لذلك يجب البحث عن طريقة مباشرة لمعالجة تقدير المعادلات المتأتبة من نظام آني فعلي، في الواقع هناك العديد من الطرق المحتملة التي يُمكن استخدامها، سوف يجري هذا تفصيل ثلاث منها، وهي المربعات الصغرى غير المباشرة، المربعات الصغرى ذات المرحلتين والمتغيّرات الأدائيّة (Instrumental Variables)، سوف تُناقش فيها يلي كل واحدة من هذه الطرق.

٧ , ٨ , ١ المربعات الصغرى غير المباشرة

(Indirect least squares (ILS))

على الرغم من أنه من غير المكن استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية مباشرة على المعادلات الهيكلية، إلّا أنه من الملكن أن تطبّق هذه الأخيرة بشكل صحيح على المعادلات مختزلة الشكل، إذا كان النظام تام التحديد فإن طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة تتضمن تقدير المعادلات مختزلة الشكل باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية، ومن ثم استخدامها لاستبدالها مرة أخرى للحصول على المعلمات الهيكلية، هذا وتُعتبر طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة مبدئيًا بديهية الفهم، ومع ذلك لا يتم تطبيقها على نطاق واسع للأسباب التالية:

- (١) قد يكون حل المعادلات المحصول على المعلمات الهيكلية أمرًا شاقًا، بالنسبة إلى النظم الكبيرة يمكن إعداد المعادلات في شكل مصفوفة، وبالتالي قد يتطلب حلُّها عكس مصفوفة كبيرة.
- (٢) معظم نظم المعادلات الآائية هي معادلات زائدة التحديد، ويمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة المحصول على معاملات المعادلات تامة التحديد فقط، بالنسبة للنظم زائدة التحديد فإن طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة لا تعطي فيًا مُقدَّرة وحيدة للشكل الهيكلي.

تكون مقدرات طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة متَّسقة وتقاربيًّا كفؤة، لكنها بشكل عام متحيزة، لذلك في العينات المتناهية سوف نقدم طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة قِيمًّا مقدَّرة للشكل الهيكلي تكون متحيزة، باختصار ينشأ التحيُّز من حقيقة أن معاملات الشكل الهيكلي ضمن تقدير طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة هي نحويلات لمعاملات الشكل المختزل، عندما يتم أخذ التوقعات الاختبار عدم التحيُّز، فعمومًا لن نجد أن القيمة المتوقعة لتوليفة (غير خطيَّة) معاملات الشكل المختزل مساوية لتوليفة قيمها المتوقعة (انظر قوجاراتي (٢٠٠٣) للحصول على إثبات).

۲ , ۸ , ۷ تقدير النظم تامة التحديد والنظم زائدة التحديد باستخدام طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين

(Estimation of just identified and overidentified systems using 2SLS)

تنطبق هذه التقنية لتقدير النظم زائدة التحديد عندما لا يُمكن استخدام طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة، في الواقع يُمكن أيضًا استخدام هذه التقنية لتقدير معاملات النظم تامة التحديد، وفي هذه الحالة سوف تُنتج هذه الطريقة قيمًا مفدَّرة تُعادل تقاربيًّا تلك المتحصّل عليها من طريقة المربعات الصغرى غير المباشرة.

تتم طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين (2SLS أو TSLS) على مرحلتين:

- الرحلة الأولى: الحصول على المعادلات مختزلة الشكل وتقديرها باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية، حفظ القيم
 المجهزة للمتغيرات التابعة.
- المرحلة الثانية: تقدير المعادلات الهيكلية باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية، لكن مع استبدال كل المتغيرات الداخلية في الجانب الأيمن للمعادلة بقيمها المجهّزة المتحصّل عليها في المرحلة ١.

مثال (۷,۳)

لنفترض أن المطلوب هو المعادلات رقم (٢٧،٧)-(٢٩،٧) سوف تتضمَّن طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين الخطوتين التالينين:

- المرحلة الأولى: نقوم بتقدير المعادلات مختزلة الشكل (٤٣،٧) (٤٥،٧) بشكل فردي باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية والحصول على القيم المجهزة، ونُشير إليهم بـ ٢٠٠١ و ٢٠٠١ عيث يرمز الرقم العلوي الزائد ١ إلى هذه القيم المجهزة من المرحلة الأولى.
 - المرحلة الثانية: نقوم باستبدال المتغيّرات الداخلية في الجانب الأيمن بقيمها المقدرة في المرحلة الأولى:

$$Y_1 = \alpha_0 + \alpha_1 \tilde{Y}_2^1 + \alpha_3 \tilde{Y}_3^1 + \alpha_4 X_1 + \alpha_5 X_2 + u_1 \tag{0.4V}$$

$$Y_2 = \beta_0 + \beta_1 \bar{Y}_3^1 + \beta_2 X_1 + u_2 \tag{0.14V}$$

$$Y_2 = y_0 + y_1 \hat{Y}_2^1 + u_3 \tag{o.v.}$$

حيث يُمثُل الآل و الآل القيم المجهزة المتحصّل عليها من تقدير الشكل المختزل. الآن لن يكون الآل و الآل مرتبطة بـــ الله، ولن يكون الآل مرتبطة بـــ الاله، ولن يكون الآل مرتبطًا بــــ يكون الآل مرتبطًا بــــ يكون الآل أن مُقدّر طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين متسق لكنه لا يخلو من عدم التحيَّز.

في إطار المعادلات الآنية لا تزال معرفة ما إذا كانت الافتراضات المعتادة لنموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي صحيحة أم لا مشيرة للقلق، على الرغم من أن بعض إحصاءات الاختبار تتطلب تعديلات حتى يتسنى تطبيقها في سياق النظم، هذا ونقوم معظم حزم برامج الاقتصاد القياسي تلقائبًا بإجراء أيَّة تغييرات مطلوبة، ولتوضيح أحد العواقب المحتملة لانتهاك افتراضات نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي، تذكر أنه إذا كانت الاضطرابات في المعادلات الهيكلية مرتبطة ذاتبًا، فإن مُقدَّر المربعات الصغرى ذات المرحلتين لن يكون حتى متسقًا.

كما يجب أيضًا تعديل القيم المقدّرة للأخطاء المعياريَّة مقارنة بنظيراتها في طريقة المربعات الصغرى العادية (مرة أخرى سوف تقوم برامج الاقتصاد القياسي عادةً بذلك تلقائيًا)، ولكن بمجرد الانتهاء من ذلك يُمكن استخدام اختيارات تي المعنادة لاختيار الفرضيات حول معاملات الشكل الهيختول في الجانب الأيمن المعادلة بدلًا من المتغيرات الفعلية، مما يعنى ضرورة إجراء تعديل على تباين الخطأ.

٧,٨,٣ المنغثرات الأدانية

(Instrumental variables)

بشكل عام تعتبر طريقة المتغيّرات الأداتيَّة نقنية أخرى لتقدير المعلمات التي يُمكن استخدامها بشكل صحيح في سياق نظام المعادلات الآنية، هذا ونذكر أن السبب وراء عدم إمكانيَّة استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية مباشرة على المعادلات الهبكلية هو أن المتغيِّرات الداخلية تكون مرتبطة بالأخطاء. يتمثَّل أحد الحلول لهذه المشكلة في عدم استخدام المتغيِّرات ٢٤ أو ٢٥، ولكن بدلًا من ذلك نستخدم متغيِّرات أخرى مكانها، يجب أن نكون هذه المتغيِّرات الأخرى مرتبطة (بشكل كبير) بــــ ٢٤ و ٢٥، دون أن تكون مرتبطة بالأخطاء، تُعرف مثل هذه المتغيِّرات بالأدوات (Instruments). لنفترض أننا عثرنا على الادوات المناسبة لـ ٢٤ و ٢٤ و أننا أشرنا إليها بــــ ٢٥ و ٣٥، على التوائي لا تُستخدم الأدوات مباشرة في المعادلات الهيكلية، وإنها نقوم بإجراء انحدارات على الشكل التالي:

$$Y_2 = \lambda_1 + \lambda_2 z_2 + \varepsilon_1 \tag{orcv}$$

$$Y_3 = \lambda_3 + \lambda_4 z_3 + \varepsilon_2 \tag{05.V}$$

نتحصّل على القيم المجهّزة من المعادلتين رقم (٥٣،٧) و (٥٤،٧)، أي ٢٠٪ و (٣٠ و نستبدل ٧٠ و ٣٠ بهذه الأخيرة، وذلك في المعادلة الهيكلية، كما نُشير إلى أنه من المعتاد استخدام أكثر من متغيّر أداتي واحد لكل متغيّر داخلي، إذا كانت الأدوات هي المتغيّرات في المعادلات مختزلة الشكل فإن طريقة المتغيّرات الأداتيَّة تُعادل طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين، بحيث يُمكن اعتبار هذه الأخيرة كحالة خاصة للأولى.

٤ , ٨ , ٧ ماذا سيحدث إذا تم استخدام المتغيِّرات الأداتيَّة

أو المربعات الصغرى ذات المرحلتين دون داع؟

(What happens if IV or 2SLS are used unnecessarily?)

بعبارة أخرى لنفترض أن أحدهم حاول تقدير النظام الآني في حال كانت المتغيرات المحددة كمتغيرات داخلية هي في الواقع متغيرات مستقلّة عن بعضها البعض، تكون العواقب في هذه الحالة مُشابهة لعواقب إدراج متغيرات غير هامّة في نموذج المربعات الصغرى العادية ذي المعادلة الواحدة، ويعني ذلك أن القيم المقدّرة للمعاملات سوف تظل متسقة، لكنها سوف تكون غير كفؤة مقارنة بتلك المتحصّل عليها من استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية مباشرة.

٥ , ٧ , ٨ تقنيات ثقدير أخرى

(Other estimation techniques)

هنالك بالطبع العديد من تفنيات التقدير الأخرى المتاحة لنظم المعادلات، بها في ذلك طريقة المربعات الصغرى ذات الثلاث المراحل، طريقة الإمكان الأعظم ذي المعلومات الكاملة (Full Information Maximum Likelihood) وطريقة الإمكان الأعظم ذي المعلومات المحدودة (Limited Information Maximum Likelihood). تقدم طريقة المربعات الصغرى ذات الثلاث مراحل خطوة ثالثة في عملية التقدير، والتي تأخذ في الاعتبار التغايرات غير الصفرية بين حدود الخطأ في المعادلات الهيكلية، وهي تُعنبر تقاريبًا أكثر كفاءة من طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين؛ لأن هذه الأخيرة تتجاهل أيّة معلومات متاحة بخصوص تغايرات الخطأ (وكذلك أية معلومات إضافية قد تتضمّنها المتغيّرات الداخلية للمعادلات الأخرى)، هذا وتتضمن طريقة الإمكان الأعظم ذي المعلومات الكاملة تقدير جميع المعادلات في النظام بشكل متزامن باستخدام الإمكان الأعظم (انظر الفصل ٨ للاطلاع على مناقشة عن مبادئ التقدير بالإمكان الأعظم). وبالتالي ضمن طريقة الإمكان الأعظم ذي المعلومات الكاملة، نتناول جميع المعلهات في جميع المعادلات معًا، ويتم

تشكيل دالة الإمكان المناسبة وتعظيمها. وأخيرًا تتضمَّن طريقة الإمكان الأعظم ذي المعلومات المحدودة تقدير كل معادلة بشكل مُستقل باستخدام الإمكان الأعظم، كما نُشير إلى أن طريقة الإمكان الأعظم ذي المعلومات المحدودة تُعادل تقاربيًّا طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين. لمزيد من التفاصيل التفنية لكل طريقة من هذه الطرق انظر جرين (٢٠٠٢، الفصل الخامس عشر).

يقدم القسم التالي تطبيقًا لمنهج المعادلات الآنية في مجال الماليَّة للنمذجة المشتركة لهوامش الشراء والبيع وحجم التداول في سوق خيارات المؤشر S&P 100) (Wang. Yau and Baptiste (1997)) ((1997) (Wang. Yau (2000)) عطبيقين مُنَّصلين بهذه التقنية يستحقان أيضًا الدراسة، يستخدم التطبيق الأول نظامًا ثنائي المتغيِّرات لنمذجة حجم التداول وهوامش الشراء والبيع، حيث بيَّن وانغ، يو وباتيست باستخدام اختبار هوسيان أن حجم التداول وهوامش الشراء والبيع، حيث بيَّن وانغ، يو وباتيست باستخدام اختبار هوسيان أن حجم التداول وهوامش الشراء والبيع هما في الواقع مرتبطان بشكل متزامن، لذلك يجب التعامل مع كلَّ منها كمتغيِّر داخلي ونمذجتها باستخدام طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين، أمَّا الورقة الأخيرة فتستخدم نظامًا ثُلاثي المتغيِّرات لنمذجة كل من حجم النداول، الفروق والتقلبات خلال اليوم.

٧ ، ٩ نطبيق منهج المعادلات الآنية لنمذجة هوامش

الشراء والبيع ونشاط التداول

(An application of a simultaneous) (equations approach to modelling bid-ask spreads and trading activity)

٧٠٩٠١ مقدمة

(Introduction)

تُعَدُّ دراسة الهيكل الجزئي للسوق واحدة من أسرع المجالات نموًّا في البحوث التطبيقية في مجال الماليَّة، يشتمل هذا البحث على مسائل مثل تكوين السعر في الأسواق الماليَّة، كيف يمكن أن يؤثر هيكل السوق على الطريقة التي يعمل بها، محدَّدات هامش الشراء والبيع وما إلى ذلك، هذا وتُعَدُّ الدراسة التي أجراها جورج ولونغستاف (١٩٩٣) ((١٩٩٥) (١٩٩٥) إحدى تطبيقات طرق المعادلات الآنية في أدبيات الهيكل الجزئي للسوق، تتناول هذه الورقة، من بين مسائل أخرى، الأسئلة التالية:

- هل يرتبط نشاط التداول بحجم هامش الشراء والبيع؟
- كيف تختلف هوامش الشراء والبيع بين الخيارات، وكيف يرتبط ذلك بحجم العقود المتداولة؟ وفي هذه الحالة تعني العبارة
 'بين الخيارات' مختلف فترات الاستحقاق وأسعار ممارسة الخيار على أصل أساسي معين.
 - سوف يفحص هذا الفصل الأن نهاذج ونتائج واستنتاجات جورج ولونغستاف.

٧,٩,٢ السانات

(The data)

تشمل البيانات المستخدمة من قِبَل جورج ولونغستاف أسعار الخيارات على مؤشر S&P 100 المشاهدة خلال جميع أيام النداول خلال العام ١٩٨٩. تم تداول مؤشر S&P 100 في سوق عقود بورصة شبكاغو (Chicago Board Options (CBOE) Exchange) منذ عام ١٩٨٣ على أساس مزاد علني مفتوح ومستمو، هذا ويُعرِّف سعر الخيار كيا هو مستخدم في الورقة على أنه متوسط أسعار الشراء والبيع، كيا يُحسب متوسط أسعار الشراء والبيع لكل خيار خلال الفترة بين الساعة الثانية بعد الظهر إلى الساعة الثانية و ١٥ دقيقة بعد الظهر (التوقيت الرسمي المركزي للولايات المتحدة الأمريكية) لتجنُّب تأثيرات وقت اليوم مثل الاختلافات في السلوك عند فتح وإغلاق السوق، يتم بعد ذلك إسقاط العناصر التالية من العينة لذلك اليوم لتجنُّب أي آثار ناتجة عن ارتفاع الأسعار القديمة:

- كل الخيارات التي ليس لديها عروض أسعار بيع وشراء مسجلة خلال خمس عشرة دقيقة.
 - كل الخيارات التي لديها أقل من عشرة تداولات خلال اليوم.

ينتج عن هذا الإجراء ما مجموعه ٢٤٥٦ مشاهدة، هذا ويتم إجراء انحدار "مجمع"، نظرًا لأن البيانات تحتوي على بُعدين: زمني ومقطعي، ويعني ذلك أنه يتم قياس البيانات في كل يوم تداول ولعدد من الحيارات ذات أسعار تنفيذ وتواريخ استحقاق مختلفة، وتُجمَّع البيانات في عمود واحد لتحليلها.

٣, ٩, ٧ كيف يمكن لسعر الخيار/ حجم التداول ولهامش الشراء والبيع أن يكونا مرتبطين؟

(How might the option price/trading volume and the bid-ask spread be related?)

يذكر جورج ولونغستاف أن هامش الشراء والبيع سوف يُحدَّد من خلال تفاعل قوى السوق، وبها أن هناك العديد من صناع السوق الذي يقومون بتداول المؤشر S&P 100 في سوق عقود بورصة شيكاغو فإنه سوف يتم تحديد هامش الشراء والبيع لتغطية التكاليف الحدِّيَّة فقط، هذا ونذكر أن هناك ثلاثة مكونات للتكاليف المرتبطة بصناع السوق وهي التكاليف الإدارية، تكاليف الاحتفاظ بالمخزون و تكاليف المخاطرة '. يرى جورج ولونغستاف أن هناك ثلاثة احتهالات لكيفية تحديد هامش الشراء والبيع:

- يساوي صناع السوق هوامش الشراء والبيع لجميع الخيارات: من المرجَّح أن يحدث ذلك إذا كانت تكاليف معالجة الطلبات (الإدارية) تُشكل معظم التكاليف المرتبطة بصناع السوق، يُمكن أن يكون الأمر كذلك لأن سوق عقود بورصة شيكاغو نحمل صناع السوق نفس الرسوم على كل خيار متداول، في الواقع مقابل كل عقد (١٠٠ خيار) متداول، يفرض سوق عقود بورصة شيكاغو رسوم بقيمة ٩ بينتات، وتفرض شركة مقاصة الخيارات (Options Clearing Corporation (OCC)) رسومًا بقيمة ١٠ بينتات على الشركة التي تقوم بتسوية الصفقة.
- قد يكون الهامش نسبة ثابت من قيمة الخيار: وسيكون هذا هو الحال إذا كانت غالبية تكلف صانع السوق هي
 تكاليف الاحتفاظ بالمخزون، حيث إن الخيارات الأكثر تكلفة ستكلف أكثر من أجل الاحتفاظ، وبالتالي سيتم توسيع
 نطاق الهامش.
- قد يساوي صناع السوق التكاليف الحدية عبر الخيارات بغض النظر عن حجم التداول: قد يحدث هذا إذا كانت المخاطر من موقف غير مرغوب فيه هي أهم تكلفة تواجه صناع السوق، فصناع السوق لا يملكون عادة وجهة نظر معينة حول اتجاه السوق، فهم ببساطة يحاولون جَنْيَ الأموال من خلال الشراء والبيع، وبالتالي يَوَدُّ صناع السوق أن يكونوا قادرين على التخلص وبسرعة من أيَّة مراكز (طويلة أو قصيرة) غير مرغوب فيها، ولكن التداول غير مستمر، وفي الواقع كان متوسط الزمن الفاصل بين التداولات في عام ١٩٨٩ حوالي خس دقائق، وكلها كان لدى صانعي السوق خيار أطول كلها ارتفع

الخطر الذي يواجهونه، نظرًا لارتفاع احتمال أن تكون هناك حركة كبيرة معماكسة في السعو، وبالتسالي فإن الخيارات التي تتميَّز بأحجمام تداول منخفضمة سوف تتطلَّب هوامش أعلى، حيث من المرجَّح أن يحتفظ صانع السوق بهذه الخيارات لفترة أطول.

وفي تحليل استكشافي غير كُمْيَّ، وجد جورج ولونغستاف من خلال مُقارنة بين العقود ذات آجال استحقاق مختلفة، أن هامش الشراء والبيع يزيد بالفعل بازدياد أجل الاستحقاق (بها أن قيمة الخيار ذي فترة الاستحقاق الأطول تكون أكثر قيمة) وبازدياد 'النقدية' (أي أن الخيار الأكثر ربحية يكون لديه هامش أعلى من الخيار الأقل ربحية)، ويبدو ذلك صحيحًا لكل من خيارات الشراء والبيع.

٤ , ٩ , ٧ تأثير قو اعد وحدة المزايدة السعرية على الهو امشى

(The influence of tick-size rules on spreads)

يُحدُّد سوق عقود بورصة شيكاغو وحدة النزايدة السعرية (Tick Size) (الحد الأدنى لتدرج الأسعار المحدَّدة) وهو ما سوف يضع بطبيعة الحال حدًّا أدنى لحجم الهامش، تكون وحدة المزايدة السعرية كالتالي:

- الخيارات بقيمة ٣ دولارات أو أكثر.
- أو المخيارات التي تقل قيمتها عن ٣ دو لارات.

٥,٩,٩ النهاذج والتنائج

(The models and results)

ينشأ الحدس كَوْنَ هامش الشراء والبيع وحجم التداول مرتبطين بشكل متزامن من حقيقة أن زيادة هامش الشراء والبيع يعني ضمتًا أن التداول يكون أكثر تكلفة نسبيًّا بحيث ينسحب المستثمرون الهامشيون من السوق، من ناحية أخرى يواجه صنّاع السوق مخاطر إضافية إذا انخفض مستوى نشاط النداول، وبالتائي من المتوقع أن يستجببوا من خلال زيادة رسومهم (الهامش)، تسعى النهاذج التي تم تطويرها إلى تحديد متزامن لحجم هامش الشراء والبيع والزمن الفاصل بين التداولات.

بالنسبة لعقود خيار الشراء يكون النموذج كالتالي:

$$CBA_i = \alpha_0 + \alpha_1 CDUM_1 + \alpha_2 C_i + \alpha_3 CL_i + \alpha_4 T_i + \alpha_5 CR_i + e_i$$

$$(\circ \circ_4 \lor)$$

$$CL_i = \gamma_0 + \gamma_1 CBA_i + \gamma_2 T_i + \gamma_3 T_i^2 + \gamma_4 M_i^2 + v_i$$
 (Olv)

وبشكل تُماثل يكون النموذج لعقود خيار البيع كالتالي:

$$PBA_{i} = \beta_{0} + \beta_{1}PDUM_{i} + \beta_{2}P_{i} + \beta_{3}PL_{i} + \beta_{4}T_{i} + \beta_{5}PR_{i} + u_{i}$$

$$(ov_{4}v)$$

$$PL_i = \delta_0 + \delta_1 PBA_i + \delta_2 T_i + \delta_3 T_i^2 + \delta_4 M_i^2 + w_i \qquad (\circ A_i V)$$

حيث يُمثّل Ci و PBA على التوالي هامش الشراء والبيع لعقود الشراء وهامش الشراء والبيع لعقود البيع للخيار 1.

يُمثُّل ،C و ،P على التوالي سعر الشراء وسعر البيع للخيار ،. كما يُمثُّل ،CL و ،PL على التوالي الأزمنة الفاصلة بين تداولات خيار الشراء وخيار البيع ؛.

أمًّا CR1 و PRt فيمثّلان مربع دلتا للخيارات.

CDUM, و PDUM مُتغيِّران وهميَّان يأخذان في الاعتبار الحد الأدني لوحدة المزايدة السعرية:

= 0 if C_i or P_i < 3\$

= 1 if C_i or $P_i \ge 3$ \$

الزمن المتبقي حتى تاريخ الاستحقاق

T2: يسمح بعلاقة غير خطية بين الزمن حتى تاريخ الاستحقاق والهامش

M²: مربع النقدية والذي يستخدم في صيغة تربيعية بها أن الخيارات على حدود الربحية تتميَّز بحجم تداول عالٍ، في حين أن الخيارات خارج حدود الربحية والخيارات داخل حدود الربحية يتميَّز كلاهما بنشاط تداول منخفض.

CRi و PRi هما مقاييس لمخاطر الشراء والبيع على التوالي، ومعطاة بواسطة مربع دلتا الخاص بهم.

يتم تقدير المعادلتين رقم (٥٥،٧) و (٥٦،٧)، ثم وبشكل منفصل المعادلتين رقم (٥٧،٧) و (٥٨،٧)، باستخدام طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين. ترد النتائج هنا في الجدولين رقم (١،٧) و (٢،٧).

يُشير °R المعدل ≈ 7 , • لجميع المعادلات الأربعة أن المتغيِّرات المختارة تقوم بعمل جيد في شرح الهامش والزمن الفاصل بين التداولات، هذا ويذكر جورج ولونغسناف أن سلوك صانع السوق الإستراتيجي، والذي لا يمكن نمذجته بسهولة، يلعب دورًا مهيًّا في التأثير على الهامش، وأن ذلك يُحُول دون ارتفاع قيمة °R المعدل.

تتمثل الخطوة التائية في دراسة المعقولية التجريبية للقيم المقدّرة في النظر في أحجام وعلامات ومعنويّة المعاملات، في المحدارات هامش خيار الشراء وهامش خيار البيع على التوالي، يقيس n = n وحدة المزايدة السعرية المقبّدة بالهامش، وكلاهما معنوي الحياي، وذلك إحصائيًّا وإجباي، كما يقيس n = n والم تأثير سعر الخيار على الهامش، وكما هو متوقع فإن هذين المعاملين كلاهما معنوي وإيجابي، وذلك لكونهما يمثّلان تكاليف المخزون أو تكاليف الاحتفاظ، هذا وتُشير قيمة المعامل البائغة تقريبًا n = n إلى أن زيادة سعر الخيار بمقدار دواحد سوف تؤدي في المتوسط إلى زيادة قدرها n = n إلى المامش، أمّا ويه و ويخبقيسان تأثير نشاط التداول على الهامش، كما وتجد مرة أخرى أن المعاملات لها علامات صحيحة، كما تُشير إلى أنه تم استخدام متغير عكسي لنشاط التداول في الانحدارات، ونجد مرة أخرى أن المعاملات لها علامات صحيحة، بعبارات أخرى: كلها أزداد الزمن الفاصل بين التداولات (أي عند انخفاض نشاط التداولات كما السبع هامش الشراء والبيع، وعلاوة على ذلك، وعلى الرغم من أن قيم المعاملات صغيرة إلّا أنها معنوية إحصائيًّا. في انحدار هامش خيار البيع على سبيل المثان سوف يزيد بمقدار n = n إلى أنه حتى إذا السبع المن الفاصل بين التداولات من دقيقة واحدة إلى ساعة فإن الهامش ومعنوي أحصائيًّا. يذكر المؤلفون أن ذلك قد ينشأ لأن صناعة السوق تُعتبر نشاطًا أكثر خطورة للخيارات شبه المستحقة، كما نجد تفسيرًا بديلًا الأجل؛ لأن خسارة القيمة الزمنية سوف تكون ضنيلة. أخيرًا، يقيس وم و على تأثير المخاطر على الهامش في كل من انحدارات هامش عقود البيع، وتكون تلك المعاملات سلبية وذات معنوية إحصائية عالية، تبدو هذه النتيجة غريبة؛ فقد كافح عقود المراء وهامش عقود البيع، وتكون تلك المعاملات سلبية وذات معنوية إحصائية عالية، تبدو هذه النتيجة غريبة؛ فقد كافح عقود المراء وهامش عقود البيع، وتكون تلك المعاملات سلبية وذات معنوية إحصائية عالية، تبدو هذه النتيجة غريبة؛ فقد كافح عقود المراء وهامش عقود البيع، وتكون تلك المعاملات سلبية وذات معنوية إحصائية عالية، تبدو هذه النتيجة غريبة؛ فقد كافح

	$CBA_i = \alpha$	$a_0 + \alpha_1 CDUM_i + \alpha_2 CDUM_i + \alpha_3 CDUM_i + \alpha_4 CDUM_i + \alpha_5 CDUM_i$	$\alpha_2 C_i + \alpha_3 C L_i + \alpha_3$	$_{4}T_{i}+\alpha _{5}CR_{i}+e_{i}$	(00'A)
	C.	$L_i = \gamma_0 + \gamma_1 CBA_i$	$+ \gamma_2 T_i + \gamma_3 T_i^2 +$	$\gamma_4 M_i^2 + v_i$	(07,7)
المعدّل 2	α_{5}	α_4	α_3	α_2	α_1	a_0
۱,٦٨٨	٠,١٥٣٧٨-	٠,٠٠٢٢٨-	٠,٠٠٩٠٢	٠,٠١٦٧٩	*,*7111	· A*14,
	(17,07-)	(١٣,٣١-)	(11, 11)	(10, £9)	(A, 1r)	(11,41
	R^2 العدّل	1/4	γ_3	γ ₂	γ_1	γ_0
	٠,١١٨	٠,٠٠٨٦٦	1,118-7	+,1Y£1Y-	£7,09Y	T, 1087
		(ξ,V1)	(11,17)	(7,+1-)	(r·, ٤٩)	(1.,0

ملاحظة: النسب لي بين قرسين.

المصدر: جورج ولونغستاف (١٩٩٣)، أعيد طبعه بإذن من كلية إدارة الأعمال، جامعة واشنطن.

	$PBA_i = f$	$\beta_0 + \beta_1 PDUM_i +$	$\beta_2 P_i + \beta_3 P L_i + \beta_3$	$R_4T_1 + \beta_5 PR_1 + u_1$	(4	V.V)
		$PL_i = \delta_0 + \delta_1 PB_i$			(4	A.V)
المدّل R2	β_5	β_4	β_3	β_2	eta_1	β_0
٠,٦٧٥	٠,٠٨٦٦٢-	+,++\Y+-	·,··^*1	٠,٠١٧٢٦	· , • ٣ * 0 A	٠,٠٥٧٠١
	(NV, No-)	(Y, \T-)	(17,07)	(10,91)	(0,70)	(10,19)
	المُعدَّل R2	δ_4	δ_3	δ_2	δ_1	δ_0
	·, 01V	٠,٠١٣٤٧	٠,٠٠٣٣٩	.,10101-	٤٦,٤٦٠	۲,۸۹۳۲-
		(1+, A3)	(17,4.)	(V,V{-)	(٣٤,·٦)	(A, £ Y-)

ملاحظة: النسب تي بين قوسين.

المصدر: جورج ولونغستاف (١٩٩٣)، أعيد طبعه بإذن من كلية إدارة الأعيال، جامعة واشنطن.

نحوّل اهتهامنا الآن إلى انحدارات نشاط التداول، حيث يقيس γ_1 و δ_1 على التوالي تأثير حجم الحامش على نشاط تداول عقود الشراء وعقود البيع؛ وكلاهما إيجابي ومعنوي إحصائيًا عمّاً يدل على أن الزيادة في الحامش سوف تزيد الزمن الفاصل بين التداولات، بحسب هذه المعاملات تؤدي زيادة الحامش بسنت واحد إلى زيادة متوسّط الوقت بين تداولات عقود الشراء وعقود البيع بحوالي نصف دقيقة. يُسعطي γ_2 و γ_3 تأثير الزيادة في الزمن المتبغي حتى تاريخ الاستحقاق، في حين أن γ_3 و γ_3 هما معاملان مرتبطان بصربع الزمن المتبغي حتى تاريخ الاستحقاق بالنسبة لكل من انحدار عقود الشراء وانحدار عفود البيع فإن معامل مستوى الزمن المتبغي حتى تاريخ الاستحقاق بكون سلبيًّا ومعنويًّا، في حين نجد أن معامل مربع الزمن المتبغي حتى تاريخ الاستحقاق إيجابي ومعنوي، ومع ازدياد الزمن المتبغي حتى تاريخ الاستحقاق على شكل الحرف لا

بين الزمن الفاصل بين النداولات والزمن المتبقي حتى تاريخ الاستحقاق. أخيرًا، يُعطي ٢٠ و ٥٨ نأثير زيادة موبع النقدية (أي تأثير الخيار الأكثر ربحية أو تأثير الخيار الأقل ربحية) على الزمن الفاصل بين النداولات، بالنسبة لكل من انحدارات عقود الشراء والبيع تكون المعاملات معنوية إحصائيًّا وإيجابية، مما بدل على أنه كلما تحرَّك الخيار بعيدًا عن الربحية في أي من الاتجاهين فإن الزمن الفاصل بين التداولات يرتفع، وهذا يتهاشى مع افتراض المؤلفين القائل بأن التداول يكون أكثر نشاطًا على الخيارات التي تكون على حدود الربحية، وأن التداول يكون أقل نشاطًا على كلَّ من الخيارات التي نكون خارج حدود الربحية أو داخل حدود الربحية.

٧,٩,٦ الاستناجات

(Conclusions)

يُمكن نمذجة قيمة هامش الشراء والبيع على خيارات المؤشر S&P 100 والزمن الفاصل بين التداولات (وهو مقياس لسيولة السوق) بشكل مفيد في نظام أني يمتغيِّرات خارجية مثل دلثا الخيارات، الزمن المتبقي حتى تاريخ الاستحقاق، النقدية، إلخ.

ثمثل هذه الدراسة مثالًا رائعًا عن استخدام نظام المعادلات الآنية، لكن ومن وجهة نظر المؤلف فإنه يمكن انتفادها لأسباب عديدة؛ أولًا: لم يتم إجراء اختبارات تشخيصية، ثانيًا: من الواضح أن المعادلات كلها زائدة التحديد، ولكن ليس من الواضح كيف تم توليد قيود زيادة التحديد، هل أنها تنبع من الاهتهام بالنظرية الماليَّة؟ على سبيل المثال: لماذا لا تحتوي المعادلات CBA على المتغبِّرات آجال الاستحقاق التربيعية؟ كها كان بإمكان المتغبِّرات PBA و SPR ولماذا لا تحتوي المعادلات CBA و CBA على النقدية أو متغبِّرات آجال الاستحقاق التربيعية؟ كها كان بإمكان المؤلفين اختبار داخليَّة (Endogeneity) المتغبِّرات CBA و CBA و أخيرًا، تُعتبر العلامة الخاطئة للمعاملات دلتا التربيعية ذات المعنوية الإحصائية العالية للغاية أمرًا محبُّرًا.

٠١ ، ٧ نمذجة المعادلات الآنية باستخدام إفيوز

(Simultaneous equations modelling using EViews)

ما هي العلاقة بين التضخم وعوائد الأسهم؟ غالبًا ما يُعتقد أن الاحتفاظ بالأسهم يوفّر تحوُّظًا جيدًا ضد التضخم؛ نظرًا لأن المدفوعات إلى أصحاب الأسهم ليست ثابتة من حيث القيمة الاسمية، وقثل مطالبة على الأصول الحقيقية (على عكس القسائم على السندات على سبيل المثال)، ومع ذلك فإن معظم الدراسات النجريبية التي اختبرت علامة هذه العلاقة وجدت أنها سالبة، هذا وقد التبريب عدّة تفسيرات لهذه الظاهرة التجريبية المحبّرة، منها العلاقة من خلال النشاط الحقيقي، حيث يرتبط النشاط الحقيقي ارتباطًا سلبيًا بالتضخم، ولكن يرتبط ارتباطًا إيجابيًا مع عوائد الأسهم، وبالتالي فإن عوائد الأسهم والتضخم تنفاوت إيجابيًا. من الواضح أن النضخم وعوائد الأسهم على التدفقات النقدية، وبالتالي على معدل الخصم المطبق على التدفقات النقدية، وبالتالي على قيمة الأسهم، ولكن أداء سوق الأسهم قد يؤثر أيضًا على طلب المستهلكين، وبالتالي على التضخم من خلال تأثيره على ثروة أصحاب الحيازات (المتوقّعة أو الفعلية)(١).

 ⁽١) والأهم من ذلك أن نهاذج الاقتصاد القياسي الجيدة تستند إلى نظرية مالية صلبة من الواضح أن هذا النموذج ليس كذلك، لكنه يمثل طريقة بسيطة لتوضيح تقدير وتفسير نهاذج المعادلات الآنية باستخدام إفيوز مع بيانات مناحة مجانًا!

يستخدم هذا المثال البسيط نفس بيانات الاقتصاد الكلي المستخدمة سابقًا لتقدير هذه العلاقة آنيًّا، لنفترض (دون مبرر) أننا نرغب في تقدير النموذج التائي، والذي لا بأخذ في الاعتبار الآثار الديناميكية أو التعديلات الجزئية ولا يميز بين التضخم المتوقع وغير المتوقع:

$$inflation_t = \alpha_0 + \alpha_1 returns_t + \alpha_2 dcredit_t + \alpha_3 dprod_t + \alpha_4 dmoney_t + u_1,$$
 (09.4)

$$returns_t = \beta_0 + \beta_1 dprod_t + \beta_2 dspread_t + \beta_3 inflation_t + \beta_4 rterm_t + u_{2t}$$
 (7.4V)

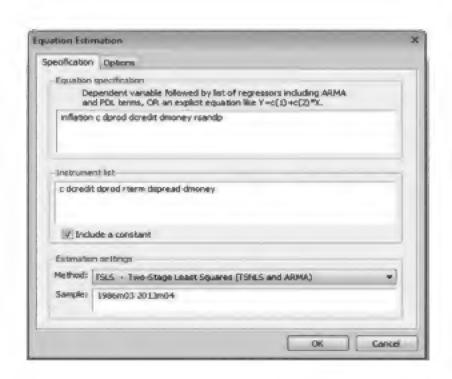
حيث يُمثّل 'returns ' عوائد الأسهم وتُعرَّف جميع المتغيّرات الأخرى كما في المثال السابق في الفصل ٥.

من الواضح أن هناك تغذية مرتدة بين المعادلتين؛ لأن متغير النضخم يظهر في معادلة عوائد الأسهم والعكس صحيح، هل المعادلات محدَّدة؟ بها أن هناك معادلتين فسوف تكون كل واحدة منهها محدَّدة إذا نقص متغير واحد من تلك المعادلة تُسقط المعادلة رقم (٩،٧)، أي معادلة التضخم، متغيرين، فهي لا تحتوي على الهامش الافتراضي أو الهامش الزمني، وبالتالي فهي زائدة التحديد، تُسقط المعادلة رقم (٦٠،٧)، أي معادلة عوائد الأسهم، متغيرين أيضًا، وهي متغيرات القروض الاستهلاكية والعرض النقدي، وهي أيضًا معادلة زائدة التحديد، وبالتالي فإن المربعات الصغرى ذات المرحلتين هي الطريقة المناسبة من حيث الاستخدام.

للقيام بذلك داخل إفيوز، نحتاج إلى تحديد قائمة من الأدوات، والتي من شأنها أن تكون جميع متغيّرات المعادلة مختزلة الشكل، وفي هذه الحالة تكون المعادلات مختزلة الشكل:

$$inflation = f(constant, dprod, dspread, rterm, dcredit, qrev, dmoney)$$
 (714)

returns = g(constant, dprod, dspread, rterm, dcredit, qrev, dmoney) (77.V)



لقطة الشاشة رقم (٧,١) تقدير معادلة التضخم

يمكننا تنفيذ كلا المرحلتين من طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين دفعة واحدة، ولكن بشكل افتراضي يقدر إفيوز كل TSLS - Two Stage Least ثم حدَّد Quick, Estimate Equation معادلة من معادلة من معادلة والنظام بشكل منفصل، للقيام بذلك انقر فوق Squares (TSNLS and ARMA) من قائمة طرق النقدير، ثم ولتقدير معادلة التضخم قم بملء مربع الحوار كما في لقطة الشاشة رقم (٧,١).

وبالتالي فإن تنسيق كتابة المتغيّرات في النافذة الأولى يكون كالمعتاد، ويجب هنا تحديد المعادلة الهيكلية الكاملة للنضخم كمتغيّر تابع، في قائمة الأدوات قم بإدراج كل متغيّر من منغيّرات المعادلة مختزلة الشكل بها في ذلك الثابت، ثم انقر فوق OK، سوف تظهر النتائج كها في الجدول التالي.

Dependent Variable: IN Method: Two-Stage Le Date: 07/06/13 Time: 1 Sample (adjusted): 196 Included observations: Instrument list: C DCRI	ast Squares 4:39 6M04 2013M04 325 after adjusti		DMONEY	
	Coefficient	Std. Error	1-Statistic	Prob
С	0.195313	0.048012	4.067988	0.0001
DPROD	0.013887	0.064302	0.215958	0.8280
DCREDIT	-7.46E-07	3.79E-06	-0.19700	0.8440
DMONEY	-0.004408	0.001662	-2.652566	0.0084
RSANDP	0.115471	0.041049	2.813014	0.0053
R-squared	-2.571046	Mean depen	dent var	0.233696
Adjusted R-squared	-2.615684	S.D. dependent var		0.324314
S.E. of regression	0.616689	Sum squared resid		121.6978
F-statistic	3.627476	Ourbin-Watson stat		1.814403
Prob(F-statistic)	0.006583	Second-Stage SSR		28.56073
J-statistic	0.270084	Instrument F	Rank	4
Prob(J-statistic)	0.603275			

وبطريقة تُماثلة، يتم تحديد مربع حوار المعادلة rsandp كيا هو موضّح في لقطة الشاشة رقم (٧,٧)، يظهر مخرج معادلة العوائد في الجدول التائي.

تُظهر النتائج بشكل عام أن عوائد مؤشر الأسهم تُعتبر محددًا موجبًا ومعنويًا للتضخم (تؤثر التغيرات في عرض النقود سلبًا على التضخم)، في حين أن للتضخم تأثيرًا سلبيًّا على سوق الأسهم، وإن لم يكن ذلك معنويًّا، كها نجد أن قيم ٣² و ٣٤ المتحصّل عليها من معادلة التضخم سالبة أيضًا، لذلك ينبغي نفسيرها بحذر، وكها مجذر دليل مستخدم إفيوز، يمكن أن يحدث ذلك أحيانًا حتى عندما يكون هناك مقطع في الانحدار، هذا وتُعتبر إحصاءة جي (J-statistic) أساسًا نسخة معدَّلة من مجموع مربعات البواقي، وهي تقيِّم تناسب النموذج للبيانات.

قد يكون من المناسب أيضًا إجراء اختبار هوسهان لمعرفة ما إذا كانت متغيَّرات التضخم وعوائد الأسهم داخلية أم لا، للقيام بذلك يجب تقدير المعادلات مختزلة الشكل وحفظ البواقي، ثم نقوم بإنشاء سلسلة للقيم المجهَّزة من النموذج، وذلك من خلال إنشاء متغيّرات جديدة تساوي الفرق بين القيم الفعلية والبواقي، نقوم بتسمية سلاسل القيم المجهّزة inflation_fit و rsandp_fit، ثم نقوم بتقدير المعادلات الهيكليّة (بشكل منفصل)، مع إضافة القيم المجهّزة من المعادلات مختزلة الشكل ذات الصلة، تكون مجموعتُي المتغيّرات (في تنسيق إفيوز تكون المتغيّرات النابعة أولًا تتبعها قوائم المتغيّرات المستقلة) على النحو النائي.

Dependent Variable: RS Method: Two-Stage Les Date: 07/06/13 Time: 2 Sample (adjusted): 196 Included observations: Instrument list: C DCRE	ast Squares 2:05 6M04 2013M04 325 after adjustr) DMONEY	
	Coefficient	Std. Error	1-Statistic	Prob.
С	1.110730	0.927393	1.197691	0.2319
DPROD	-0.269418	0.481822	-0.583381	0.5600
DSPREAD	-9.615083	4.627064	-2.078009	0.0385
RTEAM	-0.261765	0.918059	-0.285150	0.7757
INFLATION	-2.173678	3.848050	-0.565171	0.5724
R-squared	0.027482	Mean dependent var		0.584671
Adjusted R-squared	0.015325	S.D. dependent var		4.589186
S.E. of regression	4,553666	Sum squared resid		6636,120
F-statistic	2.665537	Durbin-Watson stat		1.935389
Prob(F-statistic)	0.092509	Second-Stage SSR		6602.534
J-statistic	0.929368	Instrument f	Rank .	6
Prob(J-statistic)	0.335027			

تكون معادلة عوائد الأسهم كالتالي:

rsandp c dprod dspread return inflation inflation_fit

أمًّا معادلة النضخم فهي:

inflation c dprod dcreditd money rsandp rsandp_fit

الاستنتاج هو أن حد القيمة المجهّزة للتضخم غير معنوي في معادلة عائد الأسهم، وعليه يُمكن اعتبار التضخم متغبّرًا خارجيًّا بالنسبة لعوائد الأسهم، وبالتالي من الصواب تقدير هذه المعادلة ببساطة (مطروحًا منها حد القيمة المجهّزة) بمفردها، وذلك باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية، ولكن حد عوائد الأسهم المجهّزة معنوي في معادلة التضخم، مما يشير إلى أن عوائد الأسهم داخلية.

٧,١١ في إذج متجه الانحدار الذاتي

(Vector autoregressive models)

ساهم سيمز (١٩٨٠) ((Sims (1980)) في رواج نهاذج متجه الانحدار الذاتي (٧٨٣) في الاقتصاد القياسي كتعميم طبيعي لنهاذج الانحدار الذاتي أحادية المتغيّر التي تمت مناقشتها في الفصل ٦. يُمكن الفول إن نموذج منَّجه الانحدار الذاتي هو نموذج لانحدار النظم (أي بوجد أكثر من متغيَّر نابع)، والذي يمكن اعتباره نموذجًا هجينًا بين نهاذج السلاسل الزمنية أحادية المتغيَّر التي نوقشت في الفصل ٦. ونهاذج المعادلات الآنية التي تم تطويرها سابقًا في هذا الفصل. كثيرًا ما اعتبرت نهاذج متَّجه الانحدار الذاتي كبديل للنهاذج الهيكلية للمعادلات الآنية الضخمة.



لقطة الشاشة رقم (٧, ٢) تقدير المعادلة rsandp

إن أبسط حالة يمكن أن تحظى بالاهتهام هي نموذج متجه الانحدار الذاتي ثنائي المتغيّرات، حيث لا يوجد سوى متغيّرين فقط yac و yac وحيث تعتمد القيم الحالية لكل منهها على توليفات مختلفة من k قيمة سابقة من كلا المتغيّرين، إضافة إلى حدود الخطأ:

$$y_{1t} = \beta_{10} + \beta_{11} y_{1t-1} + \dots + \beta_{1k} y_{1t-k} + \alpha_{11} y_{2t-1} + \dots + \alpha_{1k} y_{2t-k} + u_{1t}$$
 (\tau'\tau')

$$y_{2t} = \beta_{20} + \beta_{21} y_{2t-1} + \dots + \beta_{2k} y_{2t-k} + \alpha_{21} y_{1t-1} + \dots + \alpha_{2k} y_{1t-k} + u_{2t}$$
 (75.7)

 $E(u_{1t}u_{2t})=0$ و (i=1,2) ، $E(u_{it})=0$ و أبيض، أبيض، والمراب تشويش أبيض، والمراب تشويش أبيض، المراب ال

ومن الجوانب الأخرى المفيدة لنهاذج منجه الانحدار الذاتي التراص (Compactness) الذي يمكن التعبير عنه باستخدام الترميز، على سبيل المثال، لنأخذ الحالة أعلاه مع $x_1 = x_1$ بحيث يعتمد كل متغيّر فقط على القيم السابقة مباشرة لـ x_2 و x_3 إضافة إلى حد الخطأ، يُمكن كتابة ذلك كها يلى:

$$y_{1t} = \beta_{10} + \beta_{11} y_{1t-1} + \alpha_{11} y_{2t-1} + u_{1t}$$
 (10.4)

$$y_{2t} = \beta_{20} + \beta_{21} y_{2t-1} + \alpha_{21} y_{1t-1} + u_{2t}$$
 (17.4)

2 4

أو بصيغة أكثر تراصًا ك:

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 y_{t-1} + u_t$$

$$g \times 1 \quad g \times 1 \quad g \times g g \times 1 \quad g \times 1$$
(7A.V)

يوجد في المعادلة رقم (٦٨،٧) عدد g = 2 منغيًّر في النظام، كما يُعنبر توسيع النموذج إلى حالة تضم k فترة إبطاء لكل متغيًّر وفي كل معادلة أمرًا سهل التنفيذ باستخدام هذا الترميز :

كما يُمكن كذلك توسيع النموذج ليشمل الحالة التي يتضمن فيها النموذج حدود الفروق الأولى وعلاقات االتكامل المشترك (نموذج متَّجه تصحيح الخطأ (VECM)، انظر الفصل ٨).

٧, ١١, ١ مزابا نمذجة منجه الانحدار الذاتي

(Advantages of VAR modelling)

تتميز نهاذج متجه الانحدار الذاتي بالعديد من المزايا مقارنة بنهاذج السلاسل الزمنية أحادية المتغيّر أو نهاذج المعادلات الآتية الهيكلية:

- الا يحتاج الباحث إلى تحديد أيّ من المتغيّرات داخلي، وأيّ منها خارجي، فجميع المتغيّرات داخلية، تُعتبر هذه النقطة هامة جدًا؛ لأنه لكي نتمكّن من تقدير نهاذج المعادلات الآئية الهيكلية، يجب أن تكون جميع المعادلات في النظام محدَّدة، يتلخص هذا الشرط بشكل أساسي في اشتراط أن يتم التعامل مع بعض المتغيّرات على أنها خارجية، وأن المعادلات تحتوي على متغيّرات مختلفة على الجانب الأيمن للمعادلة. من الناحية المثالية يجب أن يُطرح هذا القيد طبيعيًّا من النظرية الماليَّة أو الاقتصادية، ومع ذلك فإن النظرية العملية سنكون في أحسن الأحوال غامضة في اقتراحاتها بشأن أي من المتغيّرات يجب أن تُعامل على أنها خارجية، وهذا يترك للباحث قدرًا كبيرًا من حرية التصرف فيها يتعلق بكيفية تصنيف المتغيّرات، وبها أن الاختبارات من نوع هوسهان لا تستخدم غالبًا في المهارسة العملية عندما يجب أن تستخدم، فإن توصيف بعض المتغيّرات على أنها متغيّرات خارجية، وهو أمر مطلوب لتشكيل قيود التحديد، من المرجّح في كثير من الحالات ألّا يكون صحيحًا. وصف سيمز القيود التحديد هذه بأنها "لا تصدق"، من ناحية أخرى لا يتطلّب تقدير متجه الانحدار الذاتي فرض مثل هذه القيود.
- تسمح متجهات الانحدار الذاتي لقيمة المتغيّر بأن لا تعتمد فقط على مجرد فترات إبطائها أو مزيج من حدود التشويش
 الأبيض، وبذلك تكون متجهات الانحدار الذاتي أكثر مرونة مُقارنة بنهاذج الانحدار الذاتي أحادية المتغيّر، يُمكن اعتبار هذه

- الأخيرة على أنها حالة مُقيدة لنهاذج متجه الانحدار الذاتي، وبالتالي يُمكن أن تقدم نهاذج متجه الانحدار الذاتي هيكلا عُشًا جدًا، مما يعني أنها قادرة على التفاط المزيد من خصائص البيانات.
- بشرط عدم وجود حدود متزامنة على الجانب الأيمن من المعادلات، من الممكن ببساطة استخدام طريقة المربعات الصغرى العادية بشكل منفصل في كل معادلة، ينتج ذلك من كون جميع المتغيرات على الجانب الأيمن من المعادلة تكون محددة سلفًا، أي أنها تكون معروفة في الزمن ٤، وهذا يعني أنه لا يوجد أي إمكانية للتغذية المرتدة من أيَّ من متغيرات الجانب الأيسر لأي من متغيرات الجانب الأيسر المتغيرات الحددة مسبقًا كل المتغيرات الخارجية والقيم المتباطئة للمتغيرات الداخلية.
- غالبًا ما تكون التنبؤات الناتجة عن متجهات الانحدار الذائي أفضل من تنبؤات النهاذج الهيكلية التقليدية ، وقد ذُكر في عدد من المقالات (انظر على سبيل المثال سيمز (١٩٨٠)) أن النهاذج الهيكلية الكبيرة تتميَّز بآداء سيئ من حيث دقة التنبؤ خارج العينة. ينتج ذلك ربها نتيجة للطابع الخاص للقبود المفروضة على النهاذج الهيكلية لضهان تحديد المعادلات المناقشة أعلاه. هذا ويبيَّن ماكنيز (١٩٨٦) ((١٩٨٥) ((١٩٨٥) انه يُمكن إنتاج تنبؤات لبعض المتغيِّرات (مثل معدل البطالة في الولايات المتحدة الأمريكية والناتج القومي الإجماني الحقيقي، إلخ) بدقة أكبر باستخدام متجهات الانحدار الذاتي مُقارنة بالعديد من التوصيفات الهيكلية المختلفة.

٧, ١١, ٢ المشاكل المرتبطة بمنجهات الانحدار الذاتي

(Problems with VARs)

تتضمَّن نهاذج متجه الانحدار الذاتي بلا شك عيوب وأوجه قصور مُقارنة بفثات النهاذج الأخرى:

- تعتبر متجهات الانحدار الذاتي تظرية (مثلها هي النهاذج ARMA)، بها أنها تستخدم القليل من المعلومات النظرية حول العلاقة بين المتغيَّرات للاسترشاد بها في توصيف النموذج. من ناحية أخرى سوف توفَّر قيود الاستبعاد السليمة التي تضمن تحديد المعادلات من النظام الهيكلي الآني معلومات عن هيكل هذا النموذج. ونتيجة لذلك تكون متجهات الانحدار الذاتي أقل قابلية للتحليل النظري، وبالنائي أقل استخدامًا في رسم السياسات. في ظل منهج متَّجه الانحدار الذاتي هناك أيضًا إمكانية متزايدة أن يتحصَّل الباحث سيئ الحظ على علاقة زائفة أساسًا من خلال التنقيب في البيانات. كها أنه من غير الواضح في كثير من الأحيان كيفيَّة تفسير قيم المعاملات المقدّرة لمتَّجه الانحدار الذاتي.
- كيف يمكن تحديد فترات الإبطاء المناسبة لمتجه الانحدار الذاتي؟ هناك العديد من المناهج المتاحة للتعامل مع هذه القضية والتي سوف يتم مناقشتها أدناه.
- الكثير من المعلى الدينا عدد g معادلة، أي معادلة لكل متغيّر من المتغيّرات البالغ عددها g، وإذا كان هناك k فترة إيطاء لكل متغيّر من المتغيّرات في كل معادلة فسوف يتم تقدير $g + kg^2$ معلمة، فعلى سبيل المثال، إذا كان g = g و g = g معادلة فسوف يتم تقدير ثلاثين معلمة، وبالنسبة لأحجام العينات الصغيرة نسبيًّا سوف تُستنفد درجات الحرية سريعًا، مما يعني وجود أخطاء معياريَّة كبيرة، وبالتالي فترات ثقة واسعة لمعاملات النموذج.
- هل يجب أن تكون جميع مكونات متجه الانحدار الذاتي ساكنة؟ من الواضح أنه إذا كان المرء يرغب في استخدام اختبارات الفرضيات سواء بشكل منفرد أو بشكل مشترك لفحص المعنوية الإحصائية للمعاملات، فمن الضروري أن تكون جميع

المكونات في متجه الانحدار الذاتي ساكنة، ومع ذلك يوصي العديد من أنصار منهج متجه الانحدار الذاتي ألَّا يتم إجراء الفروق للحصول على السكون. فهم يَزَوْنَ أن الغرض من تقدير متجه الانحدار الذاتي هو مجرد دراسة للعلاقات بين المتغيِّرات، وأن إجراء الفروق سوف يحذف المعلومات عن العلاقات طويلة الأجل بين السلاسل. من الممكن أيضًا الجمع بين المستويات وحدود الفروق الأولى في نموذج متجه تصحيح الخطأ؛ انظر الفصل ٨.

٣, ١١, ٧ اختيار طول فترة الإبطاء الأمثل لمتجه الانحدار الذات

(Choosing the optimal lag length for a VAR)

في كثير من الأحيان نجد أنه ليس للنظرية الماليَّة الكثير لتقوله حول الطول المناسب لفترة الإبطاء المدرجة في منجه الانحدار الذاتي، وكم من الوقت يجب أن تستغرق التغييرات في المتغيِّرات لتعمل من خلال النظام، في مثل هذه الحالات هناك عمومًا طريقتان يُمكن استخدامهما للوصول إلى الطول الأمثل لفترة الإبطاء: قيود المعادلة المتقاطعة، ومعايير المعلومات.

٤ , ١١ , ٧ استخدام قيود المعادلات المتقاطعة

لتحديد طول فترة الإبطاء لمتجه الانحدار الذاتي

(Cross-equation restrictions for VAR lag length selection)

نتمثَّل الإجابة الأولى (لكنها غير صحيحة) للسؤال المتعلق بكيفيَّة تحديد طول فترة الإبطاء المناسب في استخدام اختبارات إف للكتلة (Block F-tests) والموضحة في القسم ١٣٠٧ أدناه، غير أن هذه الاختبارات ليست مناسبة في هذه الحالة؛ لأن الاختبار إف سوف يُستخدم بشكل مُفصل لمجموعة فترات الإبطاء في كل معادلة، في حين أن المطلوب هنا فهو إجراء لاختبار معاملات مجموعة فترات الإبطاء في متجه الانحدار الذاتي وفي نفس الوقت.

ومن الجدير بالذكر هنا أنه انطلاقًا من جوهر تقدير متجه الانحدار الذاتي (كها يعتقد سيمز على سبيل المثال أنه يجب إجراء توصيف للنموذج)، يجب أن تكون النهاذج غير مقيَّدة قدر الإمكان، هذا ويمكن اعتبار متجه الانحدار الذاتي بفترات إبطاء مختلفة لكل معادلة على أنه متجه انحدار ذاتي مقيد. لنأخذ على سبيل المثال متجه انحدار ذاتي بثلاث فترات إبطاء لكلا المتغيِّرين في المعادلة الأولى وبأربع فترات إبطاء لكل متغيِّر في المعادلة الأخرى. يُمكن اعتبار ذلك نموذجًا مقيدًا، حيث يُحدَّد معامل فترة الإبطاء الرابعة لكل متغيِّر في المعادلة الأولى بصفر.

وثمَّة منهج بديل يتمثَّل في تحديد نفس عدد فترات الإبطاء في كل معادلة، وتحديد رتبة النموذج على النحو التالي. لنفترض أن متجه الانحدار الذاتي المقدَّر باستخدام بيانات ربع سنوية بنضمَّن ثهائية فترات إبطاء للمتغيِّرين في كل معادلة، وأثنا نرغب في فحص القيد المتمثَّل في أن معاملات فترات الإبطاء من ٥ إلى ٨ تُساوي معًا صفرًا، يُمكن القيام بذلك باستخدام اختبار نسبة الإمكان (انظر الفصل ٩ للحصول على تفاصيل أكثر عمومية عن مثل هذه الاختبارات)، هذا ونُشير إلى مصفوفة التباين والتغاير للبواقي (المتحصّل عليها من ٤٠)، بــ ثل عند الإمكان لهذه الفرضية المشتركة بواسطة المعادلة التالية:

$$LR = T[log |\hat{\Sigma}_r| - log |\hat{\Sigma}_u|] \qquad (V \cdot \zeta V)$$

حيث يُمثُل $|\Omega|$ عدَّد مصفوفة تبايُن وتغاير بواقي النموذج المقيّد (بأربع فترات إيطاء)، $|\Omega|$ هو محدد مصفوفة تباين وتغاير بواقي منجه الاتحدار الذاتي غير المقيّد (بثهاني فترات إيطاء)، ويمثُّل T حجم العينة، تتوزَّع إحصاءة الاختبار تفاريبًا على شكل متغيَّر كا بدرجات حرية مُساوِ للعدد الإجمالي للقيود. في حالة متجه الانحدار الذاتي أعلاه ثم تقييد أربع فترات إيطاء للمتغيَّرين في كل معادلة من المعادلتين أي ما مجموعه $3 \times 7 \times 7 = 7$ قيدًا. في الحالة العامة لمتجه انحدار ذاتي يضم عدد g مُعادلة، تفرض قيمة صفريَّة على معاملات آخر g فترة (بطاء، سوف يكون هناك إجمالًا عدد $g^2 g$ قيد. بديهبًا يُعنبر الاختبار متعدد المتغيَّرات ويُعادل فحص مدى ارتفاع مجموع مربعات البواقي عندما يتم فرض القيود، إذا كان Ω و Ω قريبين من بعضها البعض ، فإن البيانات تدعم القيد.

٥ , ١١ , ٧ استخدام معايير المعلومات لتحديد

طول فترة الإبطاء لمتجه الانحدار الذاتي

(Information criteria for VAR lag length selection)

يُعتبر اختبار نسبة الإمكان الموضح أعلاه بديهيًّا وسهل التقدير إلى حد ما، ولكن له أوجه قصور، قبل كل شيء يجب أن يكون أحد متَّجهَي الانحدار الذاتي حالة خاصة للآخر، والأخطر هو أنه يُمكن إجراء مقارنات ثنائية فقط. في المثال أعلاه، إذا كان طول فترة الإبطاء الأنسب سبع أو حتى عشر فترات فلا توجد طريقة يُمكن من خلالها استخلاص هذه المعلومة من اختبار نسبة الإمكان الذي تم إجراؤه، يُمكن التوصل إلى ذلك فقط من خلال البدء بمتجه انحدار ذاتي من الرتبة العاشرة (10) VAR، واختبار على التوائي مجموعة واحدة من فترات الإبطاء في كل مرة.

أمّا العيب الآخر لمنهج اختيار نسبة الإمكان فهو أن اختيار كا يكون نقاريبًا صحيحًا فقط في ظل افتراض أن الأخطاء المتحصّل عليها من كل معادلة موزَّعة بشكل طبيعي. هذا ومن غير المحتمل أن تدعم البيانات الماليَّة هذا الافتراض. ثمة منهج بديل لاختيار طول فترة الإبطاء المناسب لمتجه الانحدار الذاتي، وهو استخدام معيار المعلومات، كما هو محدَّد في الفصل ٦ في إطار تحديد النموذج ARMA. لا تتطلب معايير المعلومات أيَّة افتراضات بخصوص التوزيع الطبيعي للأخطاء. في المقابل تُجري المعايير مُفاضلة بين انخفاض في مجموع مربعات البواقي لكل معادلة كلما أضفنا فترات الإبطاء وبين ارتفاع قيمة حد الجزاء. يمكن تطبيق المعايير أحادية المتغيِّر بشكل منفصل لكل معادلة، لكن هنا أيضًا يُفضَّل عادة أن يكون عدد فترات الإبطاء مُساويًّا لكل معادلة. يتطلب ذلك استخدام صبغ متعددة المتغيِّرات لمعايير المعلومات والتي يُمكن تعريفها كما يلي:

$$MAIC = log |\hat{\Sigma}| + 2k'/T$$
 (V \cv)

$$MSBIC = log |\hat{\Sigma}| + \frac{2k'}{r} + log(T)$$
 (YY,V)

$$MHQIC = log|\tilde{\Sigma}| + \frac{2k'}{T} + log(log(T))$$
 (YTCV)

حيث يُمثّل \hat{z} مُحدَّدًا مصفوفة تباين وتغاير البواقي، T عدد المشاهدات ويمثّل k' العدد الإجمالي للمتغيَّرات الانحدارية في جميع المعادلات، والذي سوف بكون مُساويًا لـ p^2k+p بالنسبة لنظام متجه انحدار ذاتي بضم p معادلة، حيث تتكوَّن كل معادلة من p متغيِّر بـ k فترة إبطاء إضافة إلى الحد الثابت، وكها سبق يتم إنشاء قيم معابير المعلومات لـ p^2 ... p^2 فترة إبطاء (وبحد أقصى p^2 مُسبقًا)، أمَّا عدد فترات الإبطاء المختار فهو ذلك العدد الذي يُقلِّل قيمة معيار المعلومات المحدّد.

٧, ١٢ هل يتضمن متجه الانحدار الذاتي حدودًا متزامنة؟

(Does the VAR include contemporaneous terms?)

افتراضنا حتى الآن أن متجه الانحدار الذاتي المحدد يتَّخذ الشكل التالي:

$$y_{1t} = \beta_{10} + \beta_{11} y_{1t-1} + \alpha_{11} y_{2t-1} + u_{1t}$$
 (Y \(\xi \cdot \nabla \))

$$y_{2t} = \beta_{20} + \beta_{21} y_{2t-1} + \alpha_{21} y_{1t-1} + u_{2t}$$
 (Vo₄V)

بحيث لا توجد حدود متزامنة في الجانب الأيمن من المعادلتين رقم (٧٥،٧) و (٧٥،٧)، أي أنه ليس هناك حدود لـــ يهر في الجانب الأيمن للمعادلة يهر، لكن ماذا لو كانت المعادلات تضم حدود تغذية مرتدة متزامنة كما هو في الجائة التالية؟

$$y_{1t} = \beta_{10} + \beta_{11} y_{1t-1} + \alpha_{11} y_{2t-1} + \alpha_{12} y_{2t} + u_{1t}$$
 (V7.V)

$$y_{2t} = \beta_{20} + \beta_{21} y_{2t-1} + \alpha_{21} y_{1t-1} + \alpha_{22} y_{1t} + u_{2t}$$
 (VV,V)

كما يُمكن أيضًا كتابة المعادلتين رقم (٧٦،٧) و (٧٧،٧) عن طريق تجميع الحدود في مصفوفات ومتجهات:

$$\begin{pmatrix} y_{1t} \\ y_{2t} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \beta_{10} \\ \beta_{20} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \beta_{11} & \alpha_{11} \\ \alpha_{21} & \beta_{21} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_{1t-1} \\ y_{2t-1} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \alpha_{12} & 0 \\ 0 & \alpha_{22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_{2t} \\ y_{1t} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} u_{1t} \\ u_{2t} \end{pmatrix}$$
 (YALY)

يُعرف ذلك بالشكل البدائي لمتجه الانحدار الذاتي، وهو يُهاثل الشكل الهيكلي لنموذج المعادلات الآنية، هذا وذكر بعض الباحثين أن الطبيعة النظرية للشكل المختزل لمتجهات الانحدار الذاتي يجعلها غير مهيكلة، ويصعب نظريًّا تفسير نتائجها، وهم برون أن أشكال متجه الانحدار الذاتي المبكلي العام (مثل المعادلة رقم الأنحدار الذاتي المبكلي العام (مثل المعادلة رقم (٧٨،٧))، مع كون الأخير أكثر أهمية.

يُمكن نقل الحدود المتزامنة للمعادلة رقم (٧٨٠٧) إلى الجانب الأيسر، وتُكتب كما يلي:

$$\begin{pmatrix} 1 & -\alpha_{12} \\ -\alpha_{22} & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_{1t} \\ y_{2t} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \beta_{10} \\ \beta_{20} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \beta_{11} & \alpha_{11} \\ \alpha_{21} & \beta_{21} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_{1t-1} \\ y_{2t-1} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} u_{1t} \\ u_{2t} \end{pmatrix}$$
 (V9.V)

أو:

$$Ay_t = \beta_0 + \beta_1 y_{t-1} + u_t \tag{A.4V}$$

إذا تم ضرب جانبّي المعادلة رقم (٨٠،٧) بـ ٦٠٠، نتحصّل على:

$$y_t = A^{-1}\beta_0 + A^{-1}\beta_1 y_{t-1} + A^{-1}u_t$$
 (A)(V)

أو:

$$y_t = A_0 + A_1 y_{t-1} + e_t \tag{AYV}$$

يُعرَف ذلك بالشكل المعياري لتجه الانحدار اللهائي، وهو شبيه بالشكل المختزل لمجموعة من المعادلات الآنية. يحتوي متجه الانحدار الذاتي هذا فقط على قيم محددة مسبقًا في الجانب الأيمن (أي المتغيّرات التي تكون قيمها معروفة في الزمن ٤)، وبالتالي لا يوجد حد تغذية مرتدة متزامن. لذلك يُمكن تقدير منجه الاتحدار الذاتي هذا معادلة تلو معادلة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية.

تُعتبر المعادلة رقم (٧٨،٧)، أي الشكل البداني أو الهيكلي لمتجه الانحدار الذاتي، غير مُحدَّدة، وذلك لأن هناك نفس المتغيَّرات (المتباطنة) المحدّدة مُسبقًا في الجانب الأيمن من المعادلتين. للتغلب على هذه المشكلة بجب فرض قيد يتمثَّل في أن أحد معاملات الحدود المتزامنة بكون صفرًا. في المعادلة رقم (٧٨،٧) بجب إعطاء إما 20 أو 20 القيمة صفر للحصول على مجموعة ثلاثية من مُعادلات منجه الانحدار الذاتي التي يُمكن تقديرها بشكل صحيح، من الناحية المثاليَّة يكون الاختيار من بين هذين القيدين على أسس نظرية، فعلى سبيل المثال إذا كانت النظرية الماليَّة تقترح أن القيمة الحالية لـ 10 بجب أن تؤثر على القيمة الحالية لـ 10 ومكذا، وثمَّة إمكانية أخرى تنمثل في إجراء تقديرات منفصلة، حيث نفترض أولًا أن 10 و 10 ثم من الشائع جدًّا تقدير متجه الانحدار الذاتي مخترل الشكل فقط، وهذا بطبيعة الحال أمر صحيح تمامًا، شريطة ألَّا تتعارض هذه الصيغة مع العلاقة بين المتغيَّرات التي تطرحها النظرية الماليَّة.

تتمثّل إحدى نفاط الضعف الأساسية لمنهج منجه الانحدار الذاتي المستخدم في النمذجة في كون طبيعته النظرية والعدد الكبير من المعلمات التي يتضمَّنها تجعل من الصعب تفسير النهاذج المقدرة. وعلى وجه الخصوص قد تتضمَّن بعض المتغيِّرات المباطئة معاملات تغيِّر علاماتها بين فترات الإبطاء، وقد يؤدي ذلك إلى جانب الترابط بين المعادلات إلى صعوبة رؤية التأثير الذي يُحدثه التغيِّر في متغيِّر ما على الفيم المستفيلية لمتغيِّرات النظام، ومن أجل التخفيف من حدة هذه المشكلة جزئيًا عادة ما يتم إنشاء ثلاث مجموعات من الإحصاءات لنموذج متجه الانحدار الذاتي المقدِّر: اختبارات معنوية الكتلة، الاستجابات النبضية وتحليلات التباين. كما يتوقَّف مدى أهمية النموذج القابل للتفسير بالطبع على الغرض من بناء النموذج. قد لا يمثّل إطلاقًا تفسير النموذج مشكلة إذا كان الهدف من إنشاء متجه الانحدار الذاتي هو إعداد تنبؤات، انظر الإطار رقم (٢٠,٧).

٧, ١٣ اختبار معنوية الكتلة واختبار السببية

(Block significance and causality tests)

عندما يتضمَّن متجه الانحدار الذاتي العديد من المتغيِّرات ذات فترات إبطاء من المحتمل أن يكون من الصعب معرفة أي مجموعة من المتغيِّرات يكون لها تأثيرات معنوية على كل متغيِّر تابع و تلك التي ليس لها تأثير، ومن أجل معالجة هذه المسألة تُجرى عادة اختبارات تقيَّد كل فترات إبطاء متغيِّر ما بصفر، وعلى سبيل الإيضاح لنأخذ متجه الانحدار الذاتي من الرتبة الثالثة ((VAR(3)) ثنائي المتغيِّرات:

$$\begin{pmatrix} y_{1t} \\ y_{2t} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \alpha_{10} \\ \alpha_{20} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \beta_{11} & \alpha_{11} \\ \alpha_{21} & \beta_{21} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_{1t-1} \\ y_{2t-1} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \gamma_{11} & \gamma_{12} \\ \gamma_{21} & \gamma_{22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \gamma_{1t-2} \\ y_{2t-2} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \delta_{11} & \delta_{12} \\ \delta_{21} & \delta_{22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_{1t-3} \\ y_{2t-3} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} u_{1t} \\ u_{2t} \end{pmatrix} \text{ (AT-V)}$$

الاطار رقم (٣ ٧) النبو باستخدام متجهات الانحدار

تتمثل إحدى المزايا الرئيسة لمنهج متجه الانحدار الذاي في مجال النمذجة والتنبؤ في أنه، نظرًا لاستخدام متغيّرات متباطئة فقط في الجانب الأيمن فإنه يُمكن حساب التنبؤ بالقيم المستقبلية للمتغيّرات التابعة باستخدام معلومات من داخل النظام فقط. يُمكن أن نسمّي هذه التنبؤات بالتنبؤات غير المشروطة لأن بناءها لم يكن مشروطًا بمجموعة معينة من القيم المفترضة. غير أنه وفي المقابل قد يكون من المفيد وضع تنبؤات للقيم المستقبلية لبعض المتغيّرات مشروطة بالقيم المعروفة للمتغيّرات الأخرى في النظام. فعل سبيل المثال قد يحدث أن قيم بعض المتغيّرات تصبح معروفة قبل قيم المتغيّرات الأخرى، إذا تم استخدام هذه القيم المعروفة أولًا فإننا نتوقع أن تكون التنبؤات أكثر دقة مما لو تم استخدام القيم المقدّرة دون موجب، وبالتالي التفريط في المعلومات المعروفة، في المقابل يمكن استخدام التنبؤات المشروطة لإجراء تحليل مغاير للواقع يعتمد على دراسة تأثير بعض السيناريوهات.

فعلى سبيل المثال، في نظام متجه الانحدار الذاتي ثلاثي المتغيّرات الذي يضم عوائد الأسهم الشهرية والتضخم والناتج المحلي الإجمالي فإنه يمكننا الإجابة عن السؤال التالي: 'ما هو التأثير المحتمل على سوق الأسهم على مدى الأشهر ١-٦ القادمة إثر زيادة نقطتين متويتين في التضخم وزيادة بنسبة ١٪ في الناتج المحلي الإجمالي ؟

يُمكن كتابة متجه الانحدار الذاتي هذا للتعبير عن المعادلات الفردية كما يلي:

$$y_{1t} = \alpha_{10} + \beta_{11} y_{1t-1} + \alpha_{11} y_{2t-1} + \gamma_{11} y_{1t-2} + \gamma_{12} y_{2t-2} + \delta_{11} y_{1t-3} + \delta_{12} y_{2t-3} + u_{1t}$$
 (A&V)

 $y_{2t} = \alpha_{20} + \beta_{21} y_{1t-1} + \alpha_{21} y_{2t-1} + \gamma_{21} y_{1t-2} + \gamma_{22} y_{2t-2} + \delta_{21} y_{1t-3} + \delta_{22} y_{2t-3} + u_{2t}$.(V, T) $\hat{y}_{2t} = \hat{y}_{2t} + \hat{y}_$

على افتراض أن جميع المتغيّرات في متجه الانحدار الذاتي ساكتة، فإنه يُمكن اختبار الفرضيات المشتركة بسهولة ضمن إطار اختبار إف، حيث إن كل مجموعة فردية للقيود تشمل معلمات مُستمدة من معادلة واحدة فقط، لذلك سوف يتم تقدير المعادلات بشكل منفصل باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية للحصول على مجموع مربعات البواقي غير المقيد، ثم يتم فرض القيود وإعادة تقدير النهاذج للحصول على مجموع مربعات البواقي المقيد، تأخذ الإحصاءة إف إذًا الشكل المعتاد الموصوف في الفصل ٤. وهكذا فإن تقييم معنوية المتغيّرات في سياق متجه الانحدار الذاتي يحدث في معظم الأحيان على أساس اختبارات مشتركة على كل فترات إبطاء متغيّر ما في المعادلة بدلًا من فحص القيم المقدّرة الفردية للمعاملات.

في الواقع يُمكن الإشارة أيضًا إلى الاختبارات الموصوفة أعلاه على أنها اختبارات السببية. وصف جرانجر (١٩٦٩) الاختبارات من هذا الشكل، كما قدَّم سيمز (١٩٧٢) تُسخة مغايرة قليلًا لهذه الاختبارات. تسعى اختبارات السببية إلى الإجابة عن الاختبارات من هذا الشكل، كما قدَّم سيمز (١٩٧٢) تُسخة مغايرة قليلًا لهذه الاختبارات. تسعى اختبارات السببية إلى الإجابة عن أن تكون أسئلة بسيطة من النوع 'هل تسبب التغيُّرات في ١٧٠ إلى تغيِّرات في ٤٧٤ أمَّا الحجة المُتَّبعة فهي إذا كان ١٧٠ يُسبَّب ٤٧ فإنه ينبغي أن تكون

فترات إيطاء y_1 معنوية في معادلة y_2 إذا كان الحال كذلك وليس العكس، فإنه يُمكن القول بأن y_1 تسبب بحسب مفهوم جرانجر وأو أن هناك علاقة سببية أحادية الاتجاه (Unidirectional Causality) من y_2 إلى y_3 من ناحية أخرى إذا كان y_4 يُسبِّب y_5 وأنه ينبغي أن تكون فترات إبطاء y_5 معنوية في معادلة y_6 إذا كانت مجموعتي فترات الإبطاء معنوية فإنه يُمكن القول بأن هناك أعلاقة سببية ثنائية الاتجاه (Bi-directional Causality) أو "تغذية مرتدَّة ثنائية الاتجاه (إذا وجد أن y_1 تسبب بحسب مفهوم جرانجر y_2 ولكن ليس العكس، فإنه يُمكن القول بأن المتغيِّر y_1 إلى حد بعيد خارجي (في معادلة y_1)، أمَّا إذا لم يكن هناك أي مجموعة فترات إبطاء ذات معنوية إحصائية في معادلة المتغيِّر الآخر فإنه يُمكن القول بأن y_1 و مستقلان، وأخيرًا فإن كلمة "السببية" هي إلى حد ما تسمية خاطئة؛ لأن السببية بحسب مفهوم جرانجر لا تعني في الحقيقة فقط ارتباط بين القيمة الحالية لمتغيِّر والقيم السابقة للمتغيِّرات الأخرى؛ فهي لا تعني أن تحركات متغيِّر ما تسبب تحركات متغيِّر آخر.

الجدول رقم (٧,٣) اختبارات سبية جرانحر والقيود الضمنية على نياذج منحه الانحدار الذان				
القيود الضمنية	الفرضية			
$\delta_{21} = 0 {}_{\mathcal{I}} \gamma_{21} = 0 {}_{\mathcal{I}} \beta_{21} = 0$	فترات إبطاء y _{1t} لا تفسر القيمة الحالية لـــ y _{2t}	١		
$\delta_{11} = 0$, $\gamma_{11} = 0$, $\beta_{11} = 0$	فترات إبطاء يه لا تفسر القيمة الحالية لــ ي	Y		
$\delta_{12} = 0$, $\gamma_{12} = 0$, $\beta_{12} = 0$	فترات إيطاء ٧٤٤ لا تفسر القيمة الحالية لـــ ٧١٤	۴		
$\delta_{22} = 0 {}_{2} \gamma_{22} = 0 {}_{2} \beta_{22} = 0$	فترات إبطاء يهو لا تفسر الفيمة الحالية لـــ ٧٤٤	٤		

٧,١٤ منجهات الانحدار الذاتي بمتغيّرات خارجية

(VARs with exogenous variables)

لناخذ التوصيف (VAR(1 التالي، حيث يُمثِّل X متجه المتغيِّرات الخارجية و B مصفوفة من المعاملات:

$$y_t = A_0 + A_1 y_{t-1} + B X_t + e_t$$
 (A0.V)

تُعرَف مكونات المتجه يلا بالمتغيِّرات الخارجية بها أنه يتم تحديد قيمها خارج نظام متجه الانحدار الذاتي، بعبارة أخرى: ليس هناك معادلات في متجه الانحدار الذاتي يكون فيها أحد مكونات يلا متغيِّرا تابعًا. يُطلق على هذا النموذج أحيانًا VARX على الرغم من أنه يُمكن اعتباره مجرد متجه انحدار ذاتي مقيّد، حيث نجد معادلة لكل متغيَّر من المتغيَّرات الخارجية، لكن معاملات الجانب الأيمن في تلك المعادلات تكون مقيّدة بالقيمة صفر. هذا ويمكن اعتبار هذا القيد أمرًا مرغوبًا إذا ما اقترحت ذلك الاعتبارات النظرية، على الرغم من أنه من الواضح أن ذلك لا يمثّل الروح الحقيقية لنمذجة متجه الانحدار الذاتي المتمثّلة في عدم فرض أيّة فيود على النموذج، بل إنها "تترك القرار للبيانات".

٥٠, ١٧ الاستحامات النبضيَّة وتحليلات التباين

(Impulse responses and variance decompositions)

صوف تُشير اختبارات إف للكتلة وفحص العلاقة السببية في متجه الانحدار الذاتي إلى أيَّ متغيِّر من متغيِّرات النموذج له تأثيرات معنوية إحصائيًّا على القيم المستقبلية لكل متغيَّر من متغيِّرات النظام. لكن نتائج اختبارات إف ومن حيث طريقة إنشائها، لن تكون قادرة على شرح علامة العلاقة أو المدة التي تتطلبها هذه التأثيرات لكي تحدث، ويعني ذلك أن نتائج اختبار إف لن تكشف ما إذا كانت التغيُّرات في قيمة متغيِّر ما لها تأثير إيجابي أو سلبي على المتغيِّرات الأخرى في النظام، أو كم من الوقت سوف يستغرق تأثير ذلك المتغيِّر في الانتشار في النظام، غير أنه يُمكن الحصول على مثل هذه المعلومات من خلال فحص الاستجابات النبضيَّة لمتجه الانحدار الذاتي وتحليلات التباين.

ترسم الاستجابات النبضيَّة استجابة المتغيِّرات التابعة في متجه الانحدار الذاتي للصدمات التي يتعرِّض إليها كل متغيِّر من المتغيِّرات كل معادلة على حدة يتم تطبيق صدمة الوحدة (Unit shock) على الحُطأ، ثم يتم ملاحظة الأثار المتربَّبة على نظام متجه الانحدار الذاتي عبر الزمن، وبالتالي إذا كان هناك و متغيِّر في النظام فإنه يُمكن توليد ما مجموعه على المتحابة نبضية، من الناحية العمليَّة يتحفَّق ذلك من خلال صياغة النموذج VAR كمتجه متوسَّط متحرِّك (Vector Moving) و استجابة نبضية، من الناحية العمليَّة يتحفَّق ذلك من خلال صياغة النموذج متجه متوسط متحرك (بنفس الطريقة المتبعة في الفصل ٥ المناذج الانحدار الذاتي كمتجه متوسط متحرك (بنفس الطريقة المتبعة في الفصل ٥ النهاذج الانحدار الذاتي المدمة تدريجيًّا، شريطة أن يكون النظام ساكنًا.

لتوضيح طريقة عمل الاستجابات النبضيَّة لنأخذ النموذج (VAR(1) ثنائي المتغيِّر التالي:

$$y_t = A_1 y_{t-1} + u_t \tag{AW}$$

خيث

$$A_1 = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.3 \\ 0.0 & 0.2 \end{bmatrix}$$

يُمكن أيضًا كتابة النموذج VAR باستخدام عناصر المصفوفات والمتجهات على النحو التالي:

$$\begin{bmatrix} y_{1t} \\ y_{2t} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.3 \\ 0.0 & 0.2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_{1t-1} \\ y_{2t-1} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} u_{1t} \\ u_{2t} \end{bmatrix}$$
(AV, V)

t=0,1,... في تأثير صدمة الو حدة على المتغيّر y_{1t} في الزمن y_{1t}

$$y_0 = \begin{bmatrix} u_{10} \\ u_{20} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \tag{AA,V}$$

$$y_1 = A_1 y_0 = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.3 \\ 0.0 & 0.2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.5 \\ 0 \end{bmatrix}$$
 (A9.V)

$$y_2 = A_1 y_1 = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.3 \\ 0.0 & 0.2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.5 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.25 \\ 0 \end{bmatrix}$$
 (9.47)

وبالتائي من الممكن رسم دوال الاستجابة النبضية (Impulse Response Functions) لـ يربع و يربع إثر صدمة الوحدة في ي الاحظ أن التأثير على يربع يكون دائيًا صفرًا، وذلك لأن المعامل المرتبط بالمتغيِّر الربع في معادلة بربع مُساوِ لصفر.

t=0 لننظر الآن في تأثير صدمة الوحدة على المتغيّر y_{2t} في الزمن t=0

$$y_0 = \begin{bmatrix} u_{10} \\ u_{20} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} \tag{4.1cV}$$

$$y_1 = A_1 y_0 = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.3 \\ 0.0 & 0.2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.3 \\ 0.2 \end{bmatrix}$$
 (97.V)

$$y_2 = A_1 y_1 = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.3 \\ 0.0 & 0.2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.3 \\ 0.2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.21 \\ 0.04 \end{bmatrix}$$
 (97.v)

على الرغم من أنه من السهل إلى حد ما معرفة تأثيرات الصدمات على متغيّرات متجه الانحدار الذاتي البسيط، إلّا أنه عند تطبيق نفس المبادئ في إطار متجهات انحدار ذاتي تضم المزيد من المعادلات أو المزيد من فترات الإبطاء، يكون من الصعب جدًّا أن نرى بالعين التفاعلات بين المعادلات.

تقدم تحليلات التباين طريقة مختلفة قليلاً لفحص ديناميكيات نظام متجه الانحدار الذاتي، فهي تعطي نسبة التحركات في المنغيرات النابعة التي تعود إلى صدماتها 'الخاصة' مقابل الصدمات التي تنعرض لها المنغيرات الأخرى، بطبيعة الحال سوف تؤثر الصدمة التي يتعرّض لها المنغيرات الأخرى بطبيعة الحال سوف تؤثر الصدمة التي يتعرّض لها المتغير عدد البشكل مباشر على نفسه، لكن سوف تمتد الصدمة أيضًا إلى جميع المتغيرات الأخرى في النظام من خلال البنية الديناميكية لمتجه الانحدار الذاتي. وتحدّد تحليلات التباين اختلاف مقدار التباين في خطأ التنبؤ لـ 5 خطوة للأمام لمتغير معين يتم تفسيره من خلال الأحداث التي يتعرض لها كل متغير مفسّر، وذلك لـ 1,2 = كه من الناحية العملية يُلاحظ عادة أن الصدمات الخاصة بالسلسلة تفسّر معظم تبايُن خطأ (المتوقع) السلسلة في متجه الانحدار الذاتي، تقدم الاستجابات النبضية وتحليلات التباين إلى حدما معلومات متشابهة جدًّا.

يُعتبر ترتيب المتغيرات مهمًّا عند حساب الاستجابات النبضية وتحليلات التباين، لمعرفة السبب وراء ذلك تذكّر أن الاستجابات النبضية تُشير إلى صدمة الوحدة التي تتعرّض لها أخطاء معادلة واحدة من معادلات متجه الانحدار الذاتي، ويعني ذلك أن حدود الخطأ تبقى ثابتة لجميع المعادلات الأخرى في نظام متجه الانحدار الذاتي، غير أن ذلك يُعتبر غير واقعي إلى حد ما، حيث من المرجّع أن تكون حدود الخطأ بين المعادلات مرتبطة، وبالثالي فإن افتراض أن الأخطاء مستقلة تمامًا يؤدي إلى إعطاء فكرة خاطئة عن ديناميكيات النظام، في المهارسة العملية سوف يكون للأخطاء عُنصر مشترك لا يمكن ربطه بمتغيّر واحد فقط.

يتمثّل المنهج المتّبع عادة للتغلّب على هذا الإشكال في توليد استجابات نبضيَّة متعامدة VAR عادة للتغلّر الأول في «Responses» في إطار النموذج VAR ثنائي المتغلّرات تُنسب كل العناصر المشتركة للأخطاء بشكل تعشّفي نوعًا ما إلى المتغلّر الأول في النموذج VAR، في الحالة العامة حيث يوجد أكثر من متغيّرين في النموذج VAR تكون الحسابات أكثر تعفيدًا، لكن التفسير هو نفسه في الواقع يعني مثل هذا القيد ضمنًا "ثرتيبًا" للمتغيّرات، بحيث يتم تقدير معادلة y_{11} أولًا، وبعد ذلك معادلة y_{21} ، وهو ما يُشبه إلى حد ما النظام المتكرر أو النظام الثلاثي.

يُعنبر افتراض ترتيبًا معينًا للمتغيِّرات أمرًا ضروريًا لحساب الاستجابات النبضية وتحليلات التباين، على الرغم من أن قيد نرتيب المتغيِّرات المستخدم قد لا يكون مدعومًا من قبل البيانات، مرة أخرى ومن الناحية المثالية يجب أن تقترح النظرية الماليَّة نرتيبًا للمتغيِّرات (بعبارة أخرى: من المرجَّح أن تتبع حركات بعض المتغيِّرات حركات متغيِّرات أخرى بدلًا من أن تسبقها)، وإذا تعذَّر ذلك يُمكن مشاهدة حساسية النتائج تجاه النغيُّرات في الترتيب من خلال افتراض ترتيب، ومن ثم عكس ذلك الترتيب تمامًا وإعادة حساب الاستجابات النبضية وتحليلات التباين، ومن الجدير بالذكر أيضًا أنه كلها زاد ارتباط البواقي المتحصَّل عليها من المعادلة

المقدّرة، كلها زادت أهمّية ترتيب المتغيّرات، ولكن عندما تكون البوافي تقريبًا غير مرتبطة فإن ترتيب المتغيّرات لن يُحدث قارقًا كبيرًا (لمزيد من التفاصيل انظر لوتكيبول (١٩٩١) (١٩٩١) (Lutkepohl ، الفصل ٢).

يذكر رونكل (١٩٨٧) ((Runkle (1987)) أنه من المعروف أن كلًا من الاستجابات النبضية وتحليلات التباين يصعب تفسيرهما بدفة، كما يذكر أنه ينبغي دائمًا بناء نطاقات الثقة حول الاستجابات النبضية وتحليلات التباين، ومع ذلك فهو يُشير أيضًا أن فترات الثقة عادة ما تكون واسعة جدًّا حتى في هذه الحالة، بحيث يستحيل إجراء استدلالات دقيقة.

٧, ١٦ مثال لنموذج متجه الانحدار الذاتي: التفاعل بين عوائد العقارات والاقتصاد الكلي VAR model example: the interaction between property returns and the macroeconomy

٧,١٦,١ الخلفية، البيانات والمتغرَّات

(Background, data and variables)

يستخدم بروكس وتسولاكوس (١٩٩٩) ((١٩٩٩) ((١٩٩٩) منهجية منجه الانحدار الذاتي لدراسة التفاعل بين سوق العقارات في المملكة المتحدة ومتغيّرات الاقتصاد الكلي المختلفة، تم استخدام بيانات لوغاريتميَّة شهرية بين الفترة الممتدَّة من ديسمبر ١٩٨٥ إلى بناير ١٩٩٨، كما بخضع اختيار المتغيِّرات المدرجة في نموذج متجه الانحدار الذاتي إلى السلاسل الزمنية التي يتم إدراجها عادة في دراسات إمكانية التنبؤ بعوائد الأسهم، هذا ويُفترض أن ترتبط عوائد الأسهم بظروف الاقتصاد الكلي والشروط التجاريَّة، وبالتالي سوف يتم في الدراسة استخدام سلاسل زمنيَّة تكون قادرة على التقاط كلَّ من الاتجاهات الحالية والمستقبلية للاقتصاد ككل ولبيئة الأعمال.

هناك عُمومًا طريقتان لقياس قيمة الأصول القائمة على الملكبة وهما مفاييس مباشرة لقيمة الملكية ومقاييس قائمة على حقوق الملكية، تستند مقاييس الملكية المباشرة على تقديرات أو تقييهات دورية للعقارات الفعلية في المحفظة من فيل خبراء المعاينة، في حين تُعيّم المفاييس الفائمة على حقوق الملكية قيمة العقارات بشكل غير مباشر من خلال الأخذ في الاعتبار قيم الشركات العقارية المتداولة في البورصة، كلا مصدري البيانات لها عيوبها، تعاني مقاييس القيمة التي تعتمد على النقييم من التحييزات في النقييم وعدم الدقة، كها يميل عادة خبراء المعاينة إلى التقييهات السلسة على مر الزمن، بحيث تكون العوائد المقاسة منخفضة جدًّا خلال فترات ازدهار سوق العقارات، بالإضافة إلى ذلك لا يتم خلال كل فترة تقييم كل الممتلكات في المحفظة التي تضم مفياس القيمة، مما يؤدي إلى إدخال بعض التقبيهات التي لا معنى لها في التقبيم الكلي، مما يزيد من درجة سلاسة مسلسلة أسعار العقارات المسجلة، أما الآليات العقارية غير المباشرة، أي الشركات ذات الصلة بالعقارات المتداولة في البورصة، فلا تعلى سبيل المثال يُذكر أن أكثر من ثلاثة أرباع التغير عبر الزمن في قيمة شركات العفارات المتداولة في البورصة يُمكن أن يُعزى إلى تحركات الأسعار العامة في البورصة، لذلك تعكس مبر الزمن في قيمة شركات العفارات المتداولة في البورصة يُمكن أن يُعزى إلى تحركات الأسعار العامة في البورصة، الذلك تعكس مسلسلة فيمة العقارات القائمة على حقوق الملكية هماشا أكبر للمتداخلين في البورصة مُقارنة بسوق العقارات على وجه التحديد.

اختار بروكس وتسولاكوس (١٩٩٩) استخدام العوائد الإجاليَّة للعقارات في مؤشر فوتسي القائمة على حقوق المساهمين لبناء عوائد العقارات، لتخليص سلسلة عوائد العقارات من التأثيرات العامة للبورصة، من الشائع إجراء انحدار لعوائد العقارات على المؤشر العام للبورصة (في هذه الحالة يتم استخدام جميع أسهم مؤشر الفايتنشال تايمز)، ثم نقوم بحفظ البواقي، هذا ومن المتوقَّع أن تعكس هذه البواقي فقط الاختلاف في عوائد العقارات، وبالنائي تصبح مقياسًا لعوائد سوق العقارات المستخدم في التحليل الموالي، والتي يشار إليها بـ PROPRES.

وهكذا فإن المتغيّرات المدرجة في منجه الانحدار الذاتي هي عوائد العقارات (مع إزالة التأثيرات العامة للبورصة)، معدل البطالة، أسعار الفائدة الاسمية، الهامش بين أسعار الفائدة قصيرة الأجل وأسعار الفائدة طويلة الأجل، التضخم غير المتوقع وتوزيعات الأرباح، أمّّا الدوافع وراء إدراج هذه المتغيّرات في منجه الانحدار الذاتي إضافة إلى سلسلة العقارات فهي كالتائي:

- تم إدراج معدل البطالة (المشار إليه بـــ UNEM) للإشارة إلى الظروف الاقتصادية العامة، يميل المؤلفون في الأبحاث الأمريكيَّة إلى استخدام الاستهلاك الكلي، وهو متغيِّر تم إدراجه في نهاذج تسعير الأصول وغت دراسته كعامل محدد لعوائد الأسهم، لا تتوفر بيانات شهريَّة في المملكة المتحدة لهذا المتغيِّر ولا للمتغيِّرات البديلة له كالناتج المحلي الإجمالي. في المقابل تتوفر بيانات شهرية لسلسلة الإنتاج الصناعي، لكن لم تُظهر الدراسات الأخرى أي دليل على أن الإنتاج الصناعي يؤثر على عوائد العقارات، ونتيجة لذلك لا تعتبر هذه السلسلة بمثابة متغيَّر سببي محتمل.
- من المفترض أن تحتوي أسعار الفائدة الاسمية قصيرة الأجل (المشار إليها بـ SIR) على معلومات عن الظروف الاقتصادية المستقبلية، والتعرُّف على حالة الفرص الاستفرارية، كما وُجد في دراسات سابقة أن أسعار الفائدة قصيرة الأجل لها تأثير سلبي كبير جدًّا على عوائد الأسهم العقارية.
- موامش أسعار الفائدة (المشار إليها بـ SPREAD) أي منحنى العائد، وتفاس عادة على أنها الفرق في العوائد بين سندات الخزانة طويلة الأجل (بأجل استحقاق مُساوِ لعشر أو عشرين سنة على سبيل المثال)، ومعدل أذون الخزانة لمدة شهر واحد أو ثلاثة أشهر، هذا ويُذكر أن منحنى العائد يتميَّز بمقدرة تنبؤية إضافية تتجاوز مقدرة سعر الفائدة قصير الأجل، ويمكن أن يساعد في التنبؤ بالنائج المحلي الإجمالي لفترة تصل إلى أربع سنوات مقبلة، كما أشير كذلك إلى أن الهيكل الزمني يؤثر أيضًا على عوائد سوق العقارات.
- تعتبر تأثيرات معدل التضخم أيضًا مهمة في تسعير الأسهم، فعلى سبيل المثال، يُشار إلى أن التضخم غير المتوقع يمكن أن يكون مصدرًا للمخاطر الاقتصادية، ونتيجة لذلك سوف بتم إضافة علاوة المخاطرة أيضًا إذا كانت أسهم الشركات عرضة للتضخم غير المتوقع، يُعرَّف متغيِّر النضخم غير المتوقع (والمشار إليه بـ UNINFL) بالفرق بين معدل التضخم المحقَّق، والمحسوب كنسبة مئوية للتغير في مؤشر أسعار التجزئة، والسلسلة المقدَّرة للتضخم المتوقع، يُمكن إنتاج السلسلة الأخيرة من خلال تجهيز النموذج ARMA لسلسلة البيانات الفعلية، وإجراء تنبؤات بفترة واحدة مستقبليَّة (شهر واحد)، ثم نحرً كالعينة فترة واحدة مستقبليَّة، وهكذا.
- استُخدمت عوائد توزيعات الأرباح (والمشار إليها بـ DIVY) على نطاق واسع لنمذجة عوائد سوق الأسهم، وكذلك عوائد
 الممتلكات العقارية، وذلك استنادًا إلى الافتراض القائل أن التحركات في سلاسل عوائد توزيعات الأرباح مرتبطة بظروف
 الأعمال طويلة الأجل، وأنها تلتقط بعض مكونات العوائد التي يمكن التنبؤ بها.

يجب أن تكون جميع المتغيِّرات التي يتم تضمينها في متجه الانحدار الذاتي ساكنة من أجل إجراء اختبارات معنوية مشتركة على فترات إيطاء المتغيِّرات، وبالتالي تخضع جميع المتغيِّرات إلى اختبارات ديكي فولر الموسعة (انظر الفصل ٨)، كما نُشير إلى وجود أدلَّة على أن كلَّا من لوغاريتم مؤشر أسعار التجزئة ولوغاريتم معدل البطالة بحتويان على جذر الوحدة، لذلك يتم استخدام الفروق الأولى

لهذه المتغيّرات في التحليل اللاحق، هذا وأدَّت المتغيّرات الأربعة المتبقية إلى رفض فرضية العدم لجذر الوحدة في المستويات اللوغاريتميّّة، وبالتالي لم يتم إجراء الفروق الأولى على هذه المتغيّرات.

٧, ١٦, ٢ المنهجية

(Methodology)

يتم استخدام متجه الانحدار الذات مختزل الشكل، وعليه يمكن على نحو فعًال تقدير كل معادلة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية، ولكي يكون متجه الاتحدار الذاتي غير مقيَّد يجب استخدام نفس عدد فترات الإبطاء لجميع المتغيِّرات في جميع المعادلات، لذلك وبهدف تحديد أطوال فترات الإبطاء المناسبة بنم استخدام تعميم لمعيار المعلومات أكابكي إلى الحالة متعددة المتغيِّرات.

في إطار نظام مُعادلات منجه الانحدار الذاتي يتم فحص معنويَّة جميع فترات الإبطاء لكل متغير من المتغيرات الفردية بشكل مُشترك باستخدام اختبار إف، ونظرًا لإدراج العديد من فترات إبطاء المتغيرات في كل معادلة من معادلات النظام، فإن معاملات فترات الإبطاء الفردية قد لا تبدو معنوية لجميع الفترات، وقد تكون لها علامات ودرجات معنوية تختلف باختلاف طول فترة الإبطاء، ومع ذلك فإن اختبارات إف سوف تكون قادرة على تحديد ما إذا كانت جميع فترات إبطاء متغير ما مجتمعة معنوية أم لا، ولمزيد دراسة تأثير الاقتصاد الكلي على مؤشر العوائد العقارية يتم أبضًا حساب مضاعفات التأثير (الاستجابات النبضيَّة المتعامدة) لنموذج متجه الانحدار الذاتي المقدر، كما يتم حساب نطاقين للأخطاء المعياريَّة باستخدام منهج تكامل مونت كارلو المستخدم من قبل ماكيو وكلينغ (١٩٩٤) (١٩٩٤) (١٩٩٤) (١٩٩٤) (١٩٩٤) (١٩٩٤) المتغيرات الأخرى،

٧,١٦,٣ النتائج

(Results)

نجد أن عدد فترات الإبطاء التي تُصغّر قيمة معيار معلومات أكابكي هو أربع عشرة فترة، وهذا يتّقق مع الخمس عشرة فترة إبطاء المستخدمة من قبّل ماكيو وكلينغ (١٩٩٤)، وبالنالي هناك (١+٤١×٦) = ٨٥ منغيّرًا في كل معادلة، مما يعني ضمنًا تسعًا وخمس درجة حرية، يعرض الجدول رقم (٧,٤) اختبارات إف لفرضية العدم التي تنص على أن جميع فنرات الإبطاء لمتغيّر ما تكون مبويّا غير معنوية في معادلة معينة.

وعلى خلاف عدد من الدراسات الأمريكية الني استخدمت متغيرات مماثلة نجد أنه من الصعب تفسير التفاوت في مؤشر عوائد العقارات في المملكة المتحدة باستخدام عوامل الافتصاد الكلي. وكما يوضح ذلك الصف الأخير من الجدول رقسم (٤,٧). من بين جميع فترات إبطاء المتغيرات في معادلة العقارات نجد أن فقط فترات إبطاء عوائد العقارات نفسها ذات معنوية عالية، أمّا متغير عائد توزيعات الأرباح فهو معنوي فقط عند مستوى ٢٠٪، بالنسبة للمتغيرات الأخرى فليس لها أيّة قوة تفسيرية معنوية لعوائد العقارات، وبالتالي استنادًا إلى اختبارات إف فإن الاستنتاج الأولي هو أن الاختلاف في عوائد العقارات، والخالصة من تأثيرات سوق الأسهم، لا يمكن تفسيره بأيّ من المتغيرات الرئيسة للاقتصاد الكلي أو المتغيرات الماليّة المستخدمة في البحوث القائمة. قد

يكون أحد التفسيرات المحتملة لذلك، أن هذه المتغيَّرات لا تنقل في المملكة المتحدة المعلومات عن ظروف الاقتصاد الكلي والأعمال المفترضة لتحديد السلوك الزمني لعوائد العقارات، هذا ومن المحتمل أن تعكس عوائد العقارات تأثيرات سوق العقارات؛ كالإيجارات، معدلات العوائد، والرسملة عوضًا عن المتغيِّرات الاقتصادية الكلية أو المتغيرات الماليَّة، ومع ذلك يُؤدي استخدام البيانات الشهرية مرة أخرى إلى الحد من مجموعة متغيِّرات الاقتصاد الكلي ومتغيَّرات سوق العقارات التي يُمكن استخدامها في التحليل الكمي لعوائد العقارات في المملكة المتحدة.

		3	باختبارات إف المشة	ية الحدية المرتبطة) مستويات المعنو	فدول رقم (3, ٧
		اء المتغيرات	فترات إيط			1.16. 80.15
PROPRES	UNINFL	UNEM	SPREAD	DIVY	SIR	المتغتر التابع
4,4444	+.Y\Y\	·, •٣٢٧	*/****	٩١	.,	SIR
+>8+77	3050.+	++£73V	* - 7 7 1 7	FyFFF	.,0.70	DIVY
٠,٠٠٠٧	יור פור ני	· ,	.,	·,\\\	+-YVV4	SPREAD
+> Y V \ C	+,+V2A	Kp. K. K. F	**1101	• » ۳ • Y ጚ	٠,٣٤١٠	UNEM
· , TAA6	1,1112	· , { V 4 T	- , 4 6 7 -	.,0127	٠,٣٠٥٧	UNINFL
FIREEF	+ - V T T T	++4411	*.00TY	+=1718	*,00TY	PROPRES

الاختبار هو أن جميع فترات الإبطاء الأربعة عشر ليس لديها القدرة التفسيرية لهذه المعادلة، خاصة ف متجه الانحدار اللاقي.

المصدر: بروكس وتسو لاكوس (١٩٩٩).

ومع ذلك يبدو أن قيم فترات إبطاء متغير العقارات تتميز بقدرة تفسيرية لبعض المتغيرات الأخرى في النظام، وتظهر هذه النتائج في العمود الأخير من الجدول رفم (٤, ٧)، كما يبدو أن قطاع العقارات يُساعد في تفسير الاختلافات في الهيكل الزمني وأسعار الفائدة قصيرة الأجل، وعلاوة على ذلك، وبها أن هذه المتغيرات ليست معنوية في معادلة مؤشر العقارات، فمن الممكن أن نذكر كذلك أن سلسلة بواقي متغير العقارات 'تُسبّب بحسب مفهوم جرانجر' سعر الفائدة قصيرة الأجل والهامش الزمني، هذا وتُعتبر هذه التيجة غريبة، وحقيقة أن عوائد العقارات بتم تفسيرها بقيم فترات إبطائها، أي أن هناك ترابطًا بين نقاط البيانات (المشاهدات) المتجاورة، قد تُبرز الطريقة التي يتم بها إنتاج معلومات سوق العقارات، وانعكاسها في مؤشرات عوائد العقارات.

يُعطي الجدول رقم (٥, ٧) تحليلات النباين لمعادلة مؤشر عوائد العقارات في متجه الانحدار الذاتي لخطوة واحدة، تُحطوتين، ثلاث، أربع، اثنتي عشر، وأربع وعشرين خطوة مُستقبليَّة، وذلك حسب الترتيبين التاليين للمتغيَّرات:

PROPRES, DIVY, UNINFL, UNEM, SPREAD, SIR : ١ الترتيب

SIR, SPREAD, UNEM, UNINFL, DIVY, PROPRES : ۲ الترتيب

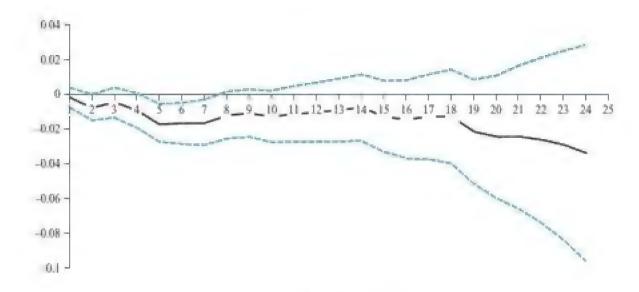
الجادول وقد (٥٠٧) تحليلات النبان لبواق موشد قطاع العقارات

.51						مقشر من	الصدمات	في:				
لأشهر استقبلية	IR	Si	VY	DI	EAD	SPR	ЕМ	UN	INFL	UN	PRES	PRO
2	١	T	١	Y	١	Y	1	۲	١	۲	١	۲
١	.,.	٠,٨	11.	TAIT	1,1	9,1	• , •	٠,٧	.,.	٠,٣	1	01,-
۲	*14	* »A	٠.٣	T2.1	+ 1 Y	ነ ነ ነ ነም	4 / \$	١٠٤	1,1	۲ı٩	44.0	(V.0
۳	۳۰۸	7,0	• , £	4415	107	3.614	15-	١,٥	7.7	* /*	47.7	ξΦ/A
٤	r.v	ተቀነ	۳, ۵	77.7	1.2	١٨.٥	1,3	1,1	٤٠٨	٤,٤	۳۰ ۳۸	01,0
١٢	7 · A	۲۰۱	30.0	A.V	10.7	19.0	٣.٣	٥,١	17.	34.0	27.1	٥٠,٠

الصدر: بروكس وتسولاكوس (١٩٩٩)

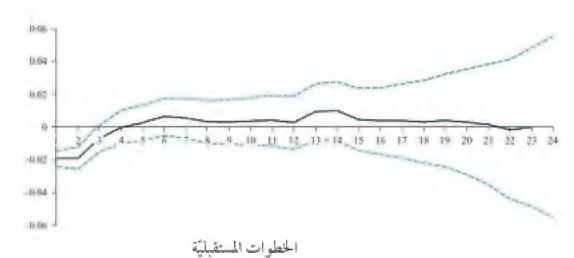
لسوء الحظ بُعتبر ترتيب المتغيّرات مهم في التحليل، وبالتالي يتم تطبيق ترتيبين أحدهما عكس الثاني تمامًا، والنظر في حساسية المثنائج، من الواضح أنه يحلول أفق النغير لمدة عامين أصبح ترتيب المتغيّرات غير مهم، وذلك تقريبًا لمعظم الحالات، ومن السيات المثيرة للاهتيام في النتائج أن الصدمات على الهامش الزمني والنضخُم غير المتوقع تشكل معًا أكثر من ٥٠٪ من الاختلاف في سلسلة العقارات، أمًا الصدمات على سعر الفائدة قصيرة الأجل وعوائد توزيعات الأرباح فلا تثمثُل سوى ١٠ إلى ١٥٪ من نباين مؤشر العقارات، أحد التفسيرات المحتملة الاختلاف النتائج بين اختبارات إف وتحليل النباين هو أن الأول هو اختبار للسبية، أمًا الثاني فهو بالفعل اختبار للخارجيَّة، وبالنالي فإن الأخير يتضمَّن قبدًا أشد صرامة يتمثَّل في أن كلًا من الصدمات الحالية والسابقة للمنغيَّرات المفسرة الا تؤثر على القيمة الحالية للمتغيِّر التابع لمعادلة الملكية، كها أن هناك طريقة أخرى لتوضيح ذلك، وهي أن الهيكل الزمني والتضخم غير المتوقع لها تأثير مُتزامن الا مُتأخر على مؤشر العقارات، وهو ما يعني وجود إحصاءات غير معنوية الاختبارات إف لكن قوة تفسيرية في تحليل النباين، لذلك وعلى الرغم من أن اختبارات إف لم تثبت أبَّة تأثيرات معنوية، إلَّا أن تحليلات تباين الأخطاء أظهرت دلائل على وجود علاقة مُتزامنة بين PROPRES و كلً من UNINFL كها يُمكن أن نفهم من عدم وجود تأثيرات منافرة متزامنة عنو مها من عدم وجود تأثيرات علي الموق يتكيَّف سريعًا مع التغيُّرات في هذه المتغيَّرات.

يعطي الشكلان رقم (٧,١) و (٧,٢) الاستجابات النبضيَّة للمنغيَّر PROPRES المرتبطة بصدمات وحدة منفصلة على التضخم غير المتوقع، وعائد توزيعات الأرباح كأمثلة (وكها ذكر أعلاه يُمكن حساب ما مجموعه ستة وثلاثين استجابة نبضيَّة نظرًا لوجود ستة متغيِّرات في النظام).



الخطوات المستقبلية

الشكل رقم (٧,١) الاستجابات النبضيَّة ونطاقَي الخطأ المباري للصدمات في أخطاء معادلة التضخم غير المتوقع



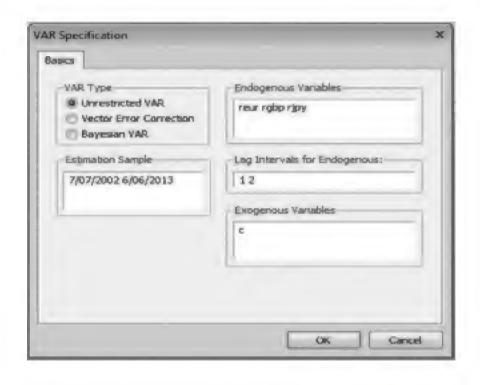
الشكل رقم (٧,٢) الاستجابات النبضيَّة ونطاقي الحطأ المعياري للصدمات في عوائد توزيعات الأرباح

وبالنظر إلى علامات الاستجابات يبدو أن الصدمات في التضخم غير المتوقع (الشكل رقم (١, ٧)) لها دائمًا تأثير سلبي على مؤشر العقارات؛ لأن الاستجابة النبضيَّة سالبة، وأثر الصدمة لا يتلاشى حتى بعد أربعة وعشرين شهرًا، كما أن لزيادة عوائد توزيعات أرباح الأسهم (الشكل رقم (٢, ٧)) تأثيرًا سلبيًّا خلال الفترات الثلاث الأولى، ولكن بعد ذلك يبدو أن الصدمة خرجت من النظام.

٤ . ١٦ . ٧ الاستئتاجات

(Conclusions)

يتمثّل الاستنتاج الذي خلصت إليه منهجية منجه الانحدار الذاتي المعتمدة في ورقة بروكس وتسولاكوس في أنه عمومًا يصعب تفسير عواند العقارات في المملكة المتحدة على أساس المعلومات الواردة في مجموعة المتغيّرات المستخدمة في الدراسات الحالية المهتمّة ببيانات غير بيانات المملكة المتحدة، كما أن النتائج لا تدل بوضوح على أن هناك تأثيرات معنوبة لهذه المتغيّرات على اختلاف سلسلة عواند العقارات التي تحت تصفيتها، ومع ذلك هناك بعض الأدلة على أن للهبكل الزمني لسعر الفائدة والتضخم غير المتوقع تأثيرًا متزامنًا على عواند العقارات، وهو ما يتّفق مع نتائج عدد من الدراسات السابقة.



لقطة الشاشة رقم (٧,٣) شاشة مدخلات متجه الاتحدار الذاق

٧, ١٧ نقدير متجه الانحدار الذاق في إفيوز

(VAR estimation in EViews)

على سبيل التوضيح بتم تقدير متجه الاتحدار الذاتي جدف دراسة ما إذا كانت هناك علاقات تقدَّم وتأخَّر (Relationships لعوائد ثلاثة أسعار صرف مقابل الدولار الأمريكي وهي: اليورو، الجنيه الإسترليني، والين الياباني، بالنسبة للبيانات فهي يوميَّة، وتمتد بين ٧ يوليو ٢٠٠٣ و ٦ يونيو ٢٠٠٣ بها مجموعه ٣٩٩٦ مشاهدة، تُرد البيانات في ملف الإكسل 'currencies.xis'، نقوم أولًا بإنشاء ملف عمل جديد يُسمى 'currencies.wil' واستيراد سلاسل العملات الثلاث، يتم إنشاء مجموعة من العوائد المثوية المركبة والمستمرة تسمى 'rgbp' و 'rgbp'، هذا ويمكن إجراء تقدير النموذج VAR في إفيوز من خلال النقر قوق القائمة المركبة والمستمرة تسمى 'Estimate VAR". تظهر شاشة مدخلات النموذج VAR كها في لقطة الشاشة رقم (٧,٣).

Cale: 07:07 13 Temp	12:01		
Sarrighte outposting): 1	M02000 6/060013		
Institute de de la la constant	ns 3985 after adjustine	F115	
Standard errors in ()	& r-statistics in []		
	IN UR	MONP	FUPY
Mich I	83900166	-0.049777	0.024186
	-0.022710	0.00000	-0.022910
	[6.61447]	(- 2.05) (de)	[1 07 460]
half & that "	0.000413	0.056771	·· 0.00 (0.04
	= 2) ()	0.000710	- 0 ng g-4g n
	1.477201	p 741400	[=1.39762]
Ffr , B 10% i	this that	0.29 Hall	- 0.067979
	0.074110	=Ó paporô	= (i (gg () mail)
	[-2:560H2]	[11:0840]	[-2.84484]
PH (EARS)	0.024696	-0 DR2099	0.002400
	~ 0.024000	-D D22040	-0.020470
	(4.02/096)	[-4,17770]	[1,55766]
REJULY Y	-0.020153	- 0.050609	0.150940
	-0.016660	0.015,23	0.016510
	1,200000	[-3.74360]	[9,10617]
FURTY ()	5 00, L. H	0.0029894	0.000718
Mark (2)	-0.010.080	0.015270	0.096500
	68.44.75.40	[(1. 4×1·1. 49)	[(L) 64 a5
e e	-5000.636	0.008645	0.000642
	- 0 00745B	 (i) D(a) → Q(i) 	0.007 * (0
	া ব শহরেন্	(0.00mos)	1 0 499477
Floring agreed	0.025479	0.050374	0.0.4.32
App from popular	0.024009	0.050435	0.3.2-04
Sam an marks	B/4-8640	237 HP48	884 4051
SE mpuiter	0.470301	0.430366	0.466153
Fields	17.3.5428	38.44742	16 510 9
Log invitand	- 2 th 44 Th 4	-2292,988	-2609.430
մեր գահատ մի [™] ,	1.330868	1 154373	1.313139
Surface SC	1 941917	1/165372	1 124149
Master stage-endered	-0.0000079	0.000162	-0.004326
S D 3000 13011	0.476,051	0.441945	0.471364
Determent result to	or amanice idof adul	0.004109	
Digitiermi maart negagi ge	(A. 34 (B1K) 6	0.004167	
Log isosmood		5043,540	
Alaba mission o	anternon.	3 040684	

في مربع المتغيِّرات الداخلية اكتب أسهاء المتغيِّرات الثلاثة reur rgbp rjpy، في المربع 'Endogenous variables' نترك الحيار الافتراضي 'C' وفي المربع 'Lag Interval' أَذْخِل ٢١ وذلك لتقدير التموذج (VAR(2) على سبيل المثال. تظهر النتائج في جدول منظم بدقة كما هو موضَّح في الصفحة السابقة، حيث يُخصَّص عمود لكل معادلة في الجزأين الأول والثاني من الجدول، وعمود للإحصاءات التي تصف النظام ككل في الجزء الثالث من الجدول، كما تُناح قيم معايير المعلومات بشكل منفصل لكل معادلة في الجزء الثاني من الجدول، وبشكل مشترك للنموذج ككل في الجزء الثالث من الجدول.

سوف نناقش بإيجاز تفسير النتائج رغم أن المثال يفترض حتى الآن أتنا نعرف طول فترة الإبطاء الناسبة للنموذج VAR، غير أنه في المهارسة العملية تتمثّل الخطوة الأولى في بناء أي نموذج VAR، وبمجرد أن يتم تحديد المتغيّرات التي سوف تدخل في النموذج VAR، في تحديد طول فترة الإبطاء المناسبة يُمكن تحقيق ذلك بطرق مُختلفة، لكن أحد أسهل هذه الطرق هو استخدام معيار معلومات متعدد المتغيّرات، يُمكن القيام بذلك بسهولة في إفيوز من نتائج متجه الانحدار الذاتي التي بحوزتنا، وذلك من خلال النقر فوق

... View/Lag Structure/Lag Length Criteria، سوف يُطلَب منك تحديد العدد الأقصى لعدد فترات الإيطاء الذي سوف يُدرج في النموذج، بالنسبة لهذا المثال نُحدَّد عشواثيًّا عدد فترات الإبطاء بــــ ١٠ فترات، سوف يتم مشاهدة نتائج الجدول التائي.

inchi	ded observatio	ns 3072				
Lag	LogL	LR	FPE	AIC	SC	140
o o	6324-3310	NA	0.004886	3.181962	3 106705	3 1836aa
1	G0GD 2640	227 0036	D 004254	3.050990	3.0726641	3 000418
2	-6034 8720	50,69431	0.000423191	3.0454471	3.078052	3 0579211
9	6030 8570	7 BANKARE 3	0.004290	3 048006	9.000440	3.064824
-fil	-0022 9370	15.98760	D.004202	3.049496	0.150563	3 070303
n ₂	6015-1400	15.50165	0.004234	3.049087	3.124983	3.075998
60	6000 170U	11 88 481	0.0003341	Statement of the statem	3.140752	3 0821MB
7	6000.1710	17 0000401	0.004241	3.00%0626	0.15,00093	3.00 č1820
a	50407 9660	14 31748	0.00043/45	3 05 1500	3 170317	3 00/35/78
W.	5088 1330	di Pandibera	0.0043944		9.188442	3.100710
	ecates lag orde					

يقدم إفيوز قيم معايير معلومات مختلفة، إضافة إلى طرق أخرى لتحديد رتبة فنرة الإبطاء، يحدّد كلَّ من معيار أكايكي ومعيار هنان-كوين في هذه الحالة طول فنرة إبطاء مُساويًا لاثنين على أنه الطول الأمثل، في حين يختار معيار شوارز النموذج (VAR(1)، قُم بتقدير نموذج (VAR(1) وافحص النتائج، هل يبدو النموذج مُناسبًا للبيانات بشكل جيّد؟ لماذا ولماذا لا؟

View/Lag Structure/ Granger Causality/ Block نقوم بعد ذلك بإجراء اختيار سببية جرانجر من خلال النقر فوق Exogeneity Tests، سوف يظهر فورًا جدول الإحصاءات كهايلي.

Date: 07/07/13 Tim	no: 14:36		
Sample: 7/07/2002			
Included observati	ons: 3966		
Dependent variable	REUR		
Excluded	Chi-sq	dř	Prob.
AGBP	5.73632B	1	0.0166
HIPY	1.413860	1	0.2344
All	6.844297	2	0.0326
Dependent variable	e: RGBP		
Excluded	Chi sq	df	Prob.
REUR	1 508416	1	0.2194
AJPY	12.94274	1	0.0003
Air	17.61649	2	0.0001
Dependent variable	s: RJPY		
Excluded	Chi-sq	cff	Prob
REUR	0.568845	1	0.4507
RCBP	6.702967	1	0.0096

لا تُظهر النتائج سوى أدلة متواضعة عن تفاعلات نقدُّم وتأخُّر بين السلاسل، وبها أننا قدَّرنا نموذج متجه انحدار ذاتي يضم ثلاثة مُتغيِّرات، سوف تظهر ثلاث مجموعات من النتائج، أي مجموعة لكل متغيِّر تابع في النظام، هناك علاقة سببية تتجه من الجنبه إلى البورو، ومن الجنبه إلى البن، وتكون هذه العلاقة معنويَّة عند المستوى ٥٪ و ١٪ على النوائي، لكن لا توجد علاقة سببية في الانجاء المعاكس؛ أي من البورو إلى الجنبه، كها لا توجد علاقة سببية بين البورو والدولار، أو بين الين والدولار في أيَّ من الاتجاهين، يُمكن تفسير هذه النتائج على أنها تُشير إلى أن المعلومات يتم دمجها بشكل أسرع قليلًا في سعر الجنبه-دولار مقارنة بأسعار البورو-دولار، أو البن-دولار.

ومن الجدير بالذكر أيضًا ملاحظة أن مصطلع "سببية جرائجر" (Granger Causality) فيه شيء من التسمية الخاطئة، حيث إن وجود "السببية" لا يعني أن التحركات في متغيّر ما تُسبب ماديًّا التحركات في متغيّر آخر، فعلى سبيل المثال في التحليل الوارد أعلاه إذا وُجد أن التحركات في سوق الجنيه حولار، فإن ذلك لا يعني أن سعر وُجد أن التحركات في سوق الجنيه مقابل الدولار فد تغيّر كنتيجة مباشرة للتحركات في سوق اليورو حولار أو بسببها، بدلًا من ذلك فإن السببية تعني بساطة الترتيب الزمني للتحركات في السلاسل، هذا ويمكن القول بشكل صحيح إن التحركات في سعر الجنيه حولار يبدو أنها تقود سعر اليورو حولار، وهكذا.

يُشير دليل إفيوز إلى أنه يُمكن تنفيذ قيود على اختبارات إف للكتلة، وذلك من خلال تقدير معادلات متجه الانحدار الذاني يشكل فردي باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية، ثم باستخدام Lag Structur ، View وبعدها Reserval ، كيا يقوم إفيوز باختبار ما إذا كان من الممكن تقييد معلمات فترة إبطاء مُعيَّنة لجميع متغيَّرات معادلة ما بصفر.

للحصول على الاستجابات النبضيَّة للنموذج المقدر انقر ببساطة فوق Impulse من على شريط الأزرار فوق الكائن VAR وسوف يظهر مربع حوار جديدكها في لقطة الشاشة رقم (٧,٤).

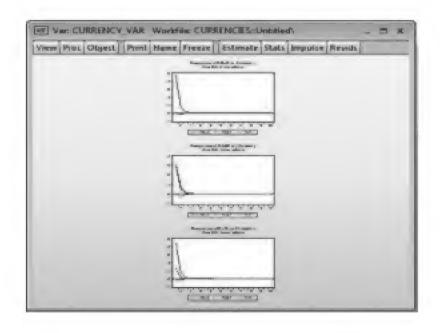
سوف يُتيح إفيوز بشكل افتراضي تقدير ورسم كل ردود فعل جميع المتغيرات للصدمات المنفصلة، وذلك بحسب الذي أدرجت به المتغيرات في نافذة التقدير، وباستخدام عشر خطوات وفترات ثقة التي تم إنشاؤها باستخدام الصيغ التحليلية، إذا تم اختيار عشرين خطوة مُستقبليَّة وتحديد 'Combined response graphs' فسوف تظهر الرسوم البيانية على شكل لفطة الشاشة رقم (٧,٥) (من الواضح أن الرسوم تظهر صغيرة على الصفحة ودون ألوان، لكن النسخ الأصلية أكثر وضوحًا)، وكما يتوقع المرء على ضوء تقديرات المعلمات ونتائج اختبار سببية جرانجر، فإنه تم فقط تحديد عدد قليل من الروابط بين السلاسل هنا، كما أن ردود فعل المتغيرات للصدمات صغيرة جدًّا باستثناء ردة فعل متغير لصدمته الخاصة، وهي تختفي تقريبًا بعد فترة الإبطاء الأولى، الاستثناءات الوحيدة هي أن الجنيه (الرسم البياني الثاني في لقطة الشاشة) والين (الرسم البياني الثاني في لقطة الشاشة) والين (الرسم البياني الثاني بستجيبان لصدمات معر اليورو مقابل الدولار.

كها يُمكن إنشاء رسومات بيانيَّة لتحليلات التباين، وذلك بالنقر فوق View ثم ... Variance Decomposition سوف يظهر رسم محائل لتحليلات التباين كها في لقطة الشاشة رقم (٢,٧)، ليس هناك مجدَّدًا الكثير لقوله من هذه الرسوم البيانية لتحليلات التباين، والتي تظهر صغيرة في الصفحة المطبوعة، باستثناء حقيقة أن سلوك السلاسل يتَّجه نحو الاستقرار عند الحالة العاديَّة بسرعة كبيرة، ومن المثير للاهتهام أنه، في حين أن نسبة الأخطاء التي تُعزَى إلى الصدمات الخاصَّة هي ١٠٠٪ في حالة سعر اليورو، إلَّا أنه

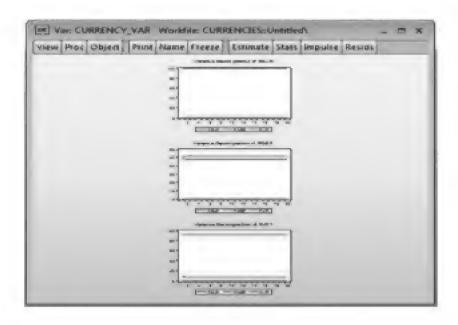
بالنسبة للجنيه الإسترليني فإن سلسلة اليورو تُفسَّر حوالي ٤٧٪ من الاختلاف في العوائد، بالنسبة للين فإن سلسلة اليورو تُفسر حوالي ٧٪ من الاختلاف في العوائد، أمَّا الجنيه فيفسَّر ٣٧٪.



لقطة الشاشة رقم (٢, ٤) إنشاء الاستجابات النبضيَّة للنموذج VAR



لقطة الشاشة رقم (٥,٥) الرسوم البيانية المجمِّعة للاستجابات النبضيَّة



لقطة الشاشة رقم (٧,٦) الرسوم البيانية لتحليلات التباين

يج أن نتذكَّر أن ترتيب المتغيِّرات له تأثير على الاستجابات النبضيَّة وتحليلات التباين، وعندما لا تشير النظرية، كما في هذه الحالة، إلى ترتيب واضح للسلاسل فإنه يجب إجراء تحليل للحساسيَّة، يُمكن إجراء ذلك من خلال النفر فوق علامة التبويب 'Ordering for عندما تكون النافذة التي تُنشئ الاستجابات النبضيَّة مفتوحة، كما يتعيَّن ظهور نافذة بعنوان 'Ordering for وسوف يكون من الممكن عكس ترتيب المتغيِّرات، أو حتَّى تحديد أيَّ ترتيب آخر نريده، بالنسبة لتحليلات التباين يلاحظ وجود المربع 'Ordering for Cholesky' في النافذة، وذلك لإنشاء التحليلات دون الحاجة إلى تحديد علامة تبويب أخرى.



أسئلة التعلم الذاق:

(١) لننظر في نظام المعادلات الآنية التالى:

$$y_{1t} = \alpha_0 + \alpha_1 y_{2t} + \alpha_2 y_{3t} + \alpha_3 X_{1t} + \alpha_4 X_{2t} + u_{1t}$$
 (95.7)

$$y_{2t} = \beta_0 + \beta_1 y_{3t} + \beta_2 X_{1t} + \beta_3 X_{3t} + u_{2t}$$
 (40.V)

$$y_{3t} = y_0 + y_1 y_{1t} + y_2 X_{2t} + y_3 X_{3t} + u_{3t}$$
 (97.4)

- اشتق المعادلات مختزلة الشكل المقابلة للمعادلات رقم (٧،٩٤)-(٧،٩٦).
- (ب) ماذا تفهم من المصطلح 'تحديد'؟ صف قاعدة لتحديد ما إذا كان نظام المعادلات تُحدَّدًا أم لا، طبَّق هذه القاعدة على المعادلات رقم (٩٤،٧)-(٩٤،٧)، هل تضمن هذه القاعدة إمكانية الحصول على قيم مقدَّرة للمعلمات الهيكلية؟
- (ج) ما هو سوء التوصيف الذي تعتبره أكثر خطورة: التعامل مع المتغيّرات الخارجية على أنّها متغيّرات داخلية، أم التعامل مع المتغيّرات الداخلية على أنّها متغيّرات خارجية؟ اشرح إجابتك.
 - (د) صف طريقة تمكّن من الحصول على معاملات الشكل الهيكلي المقابلة لنظام زائد التحديد.
- (ه) قُم باستخدام إفيوز بتقدير النموذج VAR لسلسلة أسعار الفائدة المستخدمة في مثال المكونات الأساسية في الفصل ٤، استخدم طريقة لاختيار طول قترة الإبطاء في متجه الانحدار الذاتي على النحو الأمثل، حدِّد ما إذا كانت بعض آجال الاستحقاق تتقدم أو تتأخّر عن أخرى، وذلك من خلال إجراء اختيارات سببية جرانجر ورسم الاستجابات النبضية وتحليلات التباين، هل هناك أي دليل على أن المعلومات الجديدة تتعكس بشكل أسرع في بعض فترات الاستحقاقات مقارنة بأخرى؟
 - (٢) لننظر في النظام التالي المتكون من معادلتين:

$$y_{1t} = \alpha_0 + \alpha_1 y_{2t} + \alpha_2 X_{1t} + \alpha_3 X_{2t} + u_{1t}$$
 (9V₄V)

$$y_{2t} = \beta_0 + \beta_1 y_{1t} + \beta_2 X_{1t} + u_{2t}$$
 (9.14)

- الرجوع إلى هذه المعادلات اشرح الآثار غير المرغوب فيها التي قد تظهر إذا تم تقدير المعادلة رقم (٩٧،٧) والمعادلة رقم (٩٨،٧) بشكل منفصل باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية.
 - (ب) ماذا سيكون التأثير على إجابتك على (أ) إذا لم يظهر المتغيّر به ين المعادلة رقم (٩٨،٧)؟
- (ج) اذكر شرط الترتيب لمعرفة ما إذا كانت المعادلة التي هي جزء من النظام محدَّدة أم لا، استخدم هذا الشرط لتحديد ما إذا كانت المعادلة رقم (٩٧،٧) أو المعادلة رقم (٩٨،٧) أو كليهما يُعتبران معادلات مُحدِّدة.
- (د) اشرح ما إذا كان يمكن استخدام المربعات الصغرى غير المباشرة (ILS) أو المربعات الصغرى ذات مرحلتين (2SLS) للحصول على معلمات المعادلات رقم (٩٧،٧) و (٩٨،٧)، صف كيف يتم استخدام كل من هاتين الطريقتين (ILS و (2SLS) لحساب معلمات المعادلة، قارن وقيَّم فائدة المربعات الصغرى غير المباشرة، طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين، والمتغثرات الأدائيَّة.

- (هـ) اشرح بإيجاز إجراء هوسهان لاختبار الخارجية.
- (٣) اشرح باستخدام مثال -إن كنت ترى ذلك مناسبًا- ما تفهمه من المصطلحات المترادفة: معادلات متكرَّرة ونظام ثلاثي المنغيِّرات، هل يمكن تقدير نظام ثلاثي المنغيِّرات بشكل صحيح باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية؟ اشرح إجابتك.
 - (٤) لننظر في نموذج متجه الانحدار الذاتي التالي:

$$y_t = \beta_0 + \sum_{i=1}^{k} \beta_i y_{t-i} + u_t$$
 (99.V)

حيث يُمثُل y متجه 1 x من المتغبّرات، وينكوّن من x فترة إبطاء لجميع المتغبّرات p في النظام، x منجه 1 x من حدود الأخطاء، x متجه 2 x من معاملات الحدود الثابتة و x مصفو فات x من معاملات فترة الإبطاء عدد x من معاملات الحدود الثابتة و x مصفو فات x من معاملات فترة الإبطاء عدد x

- (أ) إذا كان p=2 و q=3 اكتب جميع معادلات النموذج VAR بالكامل وعرّف بعناية أي ترميز جديد استخدمته ولم يُذكّر في السؤال.
- (ب) لماذا أصبحت متجهات الانحدار الذاتي شائعة الاستخدام في الافتصاد والماليَّة مقارنة بالنهاذج الهيكلية المشتقة من بعض النظريات الأساسية؟
 - (ج) ناقِشْ أي نقاط ضعف تراها في منهج متجه الانحدار الذاتي لنمذجة الاقتصاد القياسي.
- (د) وصل باحثان باستخدام نفس مجموعة البيانات، ولكن بالعمل بشكل مستقل، إلى تحديد أطوال فترات إبطاء مختلفة لمعادلة متجه الانحدار الذاتي رقم (٩٩،٧)، صِفْ وقيم طريقتين لتحديد أيَّ من أطوال فترات الإبطاء يُعتبر الأنسب.
 - (٥) عرَّف بعناية المصطلحات التالية:
 - نظام المعادلات الآنية المتغيّرات الخارجية
 - المتغيرات الداخلية
 المتغيرات الداخلية
 - نموذج مختزل الشكل

ولفعل ولتاس

نهذجة العلاقات طويلة الأجل في الهاليَّة Modelling long-run relationships in finance

عرجات التعلم

- سوف تتعلم في هذا الفصل كيفية:
- تسليط الضوء على المشاكل التي قد تحدث إذا تم استخدام بيانات غير ساكنة في
 - اختبار جذور الوحدة
 - فحص ما إذا كانت أنظمة المتغيّرات متكاملة تكاملًا مشتركًا
- تقدیر نموذج تصحیح الخطأ (Error Correction Model) ونموذج منجه تصحیح
 الخطأ (Vector Error Correction Model)
 - شرح الحدس وراء اختبار جوهانسن للتكامل المشترك
 - وصف كيفية اختبار الفرضيات في إطار جوهانسن

٨,١ اختبار السكون وجذر الوحدة

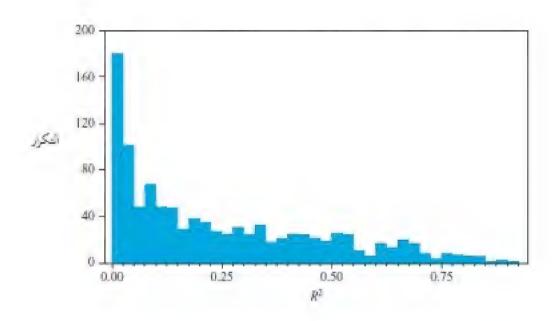
(Stationarity and unit root testing)

١ , ١ , ٨ لماذا تُعتبر اختبارات عدم السكون ضرورية؟

(Why are tests for non-stationarity necessary?)

هناك العديد من الأسباب التي تبيَّن أهبَّة مفهوم عدم السكون، ولماذا من الضروري التعامل مع المتغيَّرات غير الساكتة بطويقة مختلفة عن التعامل مع المتغيَّرات الساكنة، ثم تقديم تعريفين لعدم السكون في بداية الفصل ٦، ولغرض التحليل في هذا الفصل يُمكن تعريف السلسلة الساكنة بأنها سلسلة فيا متوسط ثابت، تباين ثابت وتغايرات فاثيَّة ثابتة لكل فترة إبطاء، وبالتالي فإن المناقشة في هذا الفصل تتعلَّق بمفهوم السكون الضعيف (Weak Stationarity)، هذا ويُعتبر فحص إمكانيَّة اعتبار السلسلة ساكنة أم لا ضروريًا للأسباب التالية:

يمكن أن يؤثر سكون السلسلة من عدمه بقوة على سلوك السلسلة وعلى خصائصها، ولتقديم مثال توضيحي عادة ما تستخدم كلمة 'صدمة' للدلالة على تغير أو تغير عبر متوقع في متغير، أو ربها ببساطة قيمة حد الخطأ خلال فترة زمنية معينة، بالنسبة للسلسلة الساكنة فإن 'الصدمات' التي يتعرّض لها النظام سوف تتلاشى تدريجيًا، وهذا يعني أن الصدمة خلال الزمن t سوف يكون لها تأثير أصغر في الزمن t + t ، ثم تأثير أكثر صغرًا في الزمن 2 + t ، وهكذا، يُمكن أن يتناقض ذلك مع حالة البيانات غير الساكنة، حيث يكون استمرار الصدمات دائهًا لامتناهيًا، لذلك بالنسبة لسلسلة غير ساكنة لن يكون تأثير الصدمة أثناء الزمن t أقل في الزمن t + t ، وفي الزمن 2 + t ، وفي الزمن 5 + t ... إلخ.



الشكل رقم (٨,١) قيمة ٣٤ لـ ١٠٠٠ مجموعة من انحدارات متغيّر غير ساكن على متغيّر آخر مُستقل غير ساكن.

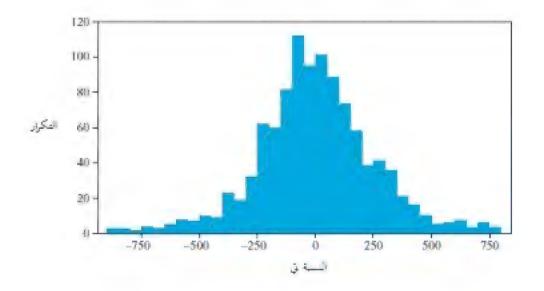
• يُمكن أن يُؤدي استخدام البيانات غير الساكنة إلى التحدارات زائفة (Spurious Regressions). إذا تم توليد مُتغيِّرين ساكنين كسلاسل عشوائية مُستفلة، وعندما يتم إجراء انحدار أحد هذين المتغيِّرين على الآخر فمن المتوقع ألَّا تحتلف النسبة تي لمعامل المبل اختلافًا معنويًّا عن الصفر، ومن المتوقع كذلك أن تكون قيمة R² مُتخفضة جدًّا، يبدو ذلك بديبيًّا؛ لأن المتغيِّرات لا ترتبط ببعضها البعض، ومع ذلك إذا كان للمتغيِّرين اتَّجاهات عبر الزمن، فإن انحدار أحدهما على الآخر يُمكن أن يكون له R² مُرتفعًا حتى وإن كان المتغيِّران غير مُرتبطين تمامًا، وبالتالي إذا تم تطبيق تقنيات الانحدار المعتادة على البيانات غير الساكنة، فقد تكون النتيجة النهائية انحدارًا "يبدو جيدًا" وفقًا للمقاييس العاديَّة (قيم مفدَّرة للمعاملات معنويَّة و R² مُرتفعًا)، لكنه في الحقيقة لا قيمة له، سوف يُطلق على هذا النموذج "الانحدار الزائف".

ولإعطاء مثال توضيحي عن ذلك تم توليد مجموعتين مُستقلتين من المتغيَّرات غير الساكنة y و x، بحجم عينة مُساوِ لــ و V، بحجم عينة مُساوِ لـــ و V، بحجم عينة مُساوِ كين بعضول على V، بحجم عينة مُساوِ كين بعضول على V، بحجم عينة مُساوِ كين بعضول على V، بعضول على V، بحجم عينة مُساوِ كين بعضول على V، بعضول عل

وكما يتبيَّن من الشكل رقم (١, ٨)، ورغم أنه من المتوقَّع أن تكون قيم "R المتحصَّل عليها من كل انحدار قريبة من الصفر بها أن المتغيِّر المفسَّر والمتغيِّر المفسِّر في كل حالة مُستقلان عن بعضهما البعض، إلَّا أنه في الواقع يتَّخذ "R فيهًا عبر النطاق بأكمله، يكون "R أكبر من 9, • لمجموعة واحدة من البيانات، في حين أنه أكبر من 0, • في أكثر من ١٦٪ من الحالات!

إذا كانت المتغيرات المستخدمة في نموذج الانحدار ليست ساكنة فيُمكن إثبات أن الافتراضات المعتادة للتحليل المقارب لن تكون صالحة، بعبارة أخرى فإن النسب في المعتادة لن تتبع التوزيع في، وكذلك الإحصاءة إف لن تتبع التوزيع إف، وهكذا.
 وياستخدام نفس البيانات المتحصَّل عليها من المحاكاة، المستخدمة في إنتاج الشكل رقم (٨,١)، يرسم الشكل رقم (٨,٢) المدرّج التكراري للنسبة في المقدرة لمعامل الميل (الانحدار) لكل مجموعة من البيانات.

بشكل عام إذا تم إجراء انحدار لمتغيّر ما على مُتغيِّر آخر غير مُرنبط به فإن النسبة تي لمعامل الميل سوف تتبع التوزيع تي، بالنسبة لعينة بحجم ٥٠٠ يعني ذلك ضمناً أن في ٩٥٪ من المرات سوف تكون النسبة تي بين ±٢، غير أنه وكما يتَّضح بصورة جليَّة من الشكل رقم (٨, ٨)، تتَّخذ النسبة تي المعتادة لانحدار متغيِّرات غير ساكنة قيهًا كبيرة جدًّا، في الواقع تكون القيمة المطلقة للنسبة تي في المثال أعلاه أكبر من ٢ في أكثر من ٨٨٪ من المرات، في الوقت الذي ينبغي أن تكون أكبر من ٢ في ٥٪ من المرات! من الواضح أنه من غير الممكن إجراء اختبارات فرضيات بشكل صحيح لمعلمات الانحدار إذا كانت البيانات غير ساكنة.



الشكل رقم . (٨,٣) قيمة النسبة في لمعامل الميل لـ ١٠٠٠ مجموعة من انحدارات متغيّر غير ساكن. على متغيّر آخر مُستقل غير ساكن.

٨,١,٢ نوعان من عدم السكون

(Two types of non-stationarity)

هناك نمسوذجان غالبًا ما يُستخدمان في توصيف عدم السكون، وهما نموذج *السير العشوائي بحد ثابث*:

$$y_t = \mu + y_{t-1} + u_t \tag{1.A}$$

وعملية الاتجاه العام الساكنة (Trend Stationary Process) والتي تسمى كذلك لأنها تكون ساكنة حول انجاه عام خطيًّ:

$$y_t = \alpha + \beta t + u_t \tag{Y.A}$$

حيث يُمثِّل على في كلتا الحالتين حد اضطراب تشويش أبيض.

نُشير إلى أنه يُمكن تعميم النموذج (١٠٨) إلى الحالة التي يكون فيها به عمليَّة متفجَّرة (Explosive Process):

$$y_t = \mu + \phi y_{t-1} + u_t \tag{Υ-$A}$$

$$y_t = \phi y_{t-1} + u_t \tag{ξ, Λ}$$

لنسمح لـ ﴿ بِأَحَدْ أَي قِيمة في الوقت الحالي بتأخير المعادلة رقم (٤،٨) بفترة واحدة ثم بفترتين نتحصُّل على:

$$y_{t-1} = \phi y_{t-2} + u_{t-1}$$
 (0.A)

$$y_{t-2} = \phi y_{t-3} + u_{t-2}$$
 (%A)

بتعويض yr-1 المقدَّم في المعادلة رقم (٥٠٨) داخل المعادلة رقم (٤٠٨) نتحصَّل على:

$$y_t = \phi(\phi y_{t-2} + u_{t-1}) + u_t$$
 (V4A)

$$y_t = \phi^2 y_{t-2} + \phi u_{t-1} + u_t \tag{A.A}$$

وبتعويض ٧٤-٤ بها يُعادله من المعادلة رقم (٦،٨) نتحصَّل على:

$$y_{t} = \phi^{2}(\phi y_{t-3} + u_{t-2}) + \phi u_{t-1} + u_{t}$$
(9.4)

$$y_t = \phi^3 y_{t-3} + \phi^2 u_{t-2} + \phi u_{t-1} + u_t \tag{1.4A}$$

يُؤدى عدد T تعويض مُتتالِ من هذا النوع إلى المعادلة التالية:

$$y_t = \phi^{T+1} y_{t-(T+1)} + \phi u_{t-1} + \phi^2 u_{t-2} + \phi^3 u_{t-3} + \dots + \phi^T u_{t-T} + u_t$$
 (11.A)

هناك ثلاث حالات مُحتملة:

$$\phi < 1 \Rightarrow \phi^T \rightarrow 0 \text{ as } T \rightarrow \infty$$
 (1)

لذلك تتلاشى الصدمات التي يتعرض لها النظام تدريجيًّا، وهذه الحالة هي حالة السكون.

$$\phi = 1 \Rightarrow \phi^T = 1 \forall T \quad (\Upsilon)$$

لذلك تستمر الصدمات التي يتعرض لها النظام ولا تتلاشى أبدًا، نتحصَّل على ما يلي:

$$y_t = y_0 + \sum_{t=0}^{\infty} u_t \text{ as } T \to \infty$$
 (17.A)

وبالتالي فإن القيمة الحالية لـ y هي مجرد مجموع الامُتناه من الصدمات السابقة، بالإضافة إلى قيمة البدء yo، يُعرف ذلك بحالة جنر الوحدة، ويكون جذر المعادلة الميَّزة مُساويًا لواحد.

(٣) 1 < φ، أصبحت الآن الصدمات أكثر تأثيرًا عبر الزمن، بها أنه إذا كان 1 < φ فإن φ < ²φ < ²φ (الخ، تُعرف هذه الحالة المتفجرة، والتي لا يُمكن اعتبارها وصفًا مقبولًا للبيانات، وذلك للأسباب المذكورة أعلاه.

لنَعُدُ للتوصيفين الخاصَّين بعدم السكون، أي السير العشوائي بحد ثابت:

$$y_t = \mu + y_{t-1} + u_t \tag{14.4}$$

وعملية الاتجاه العام الساكنة:

$$y_t = \alpha + \beta t + u_t \tag{15.4}$$

يتطلب التوصيفان مُعالجات مُحتلفة للحصول على السكون، تُعرف الحالة الثانية بعدم السكون الحتمي -Deterministic Non Stationarity) والمطلوب هو إزالة الاتجاه العام، بعبارة أخرى: إذا كان يُعتقد أن لدينا فقط هذه الفئة من عدم السكون، فسوف يتم إجراء انحدار تُعاثل لانحدار المعادلة رقم (١٤٠٨)، ويتم إجراء أيّ تقدير لاحق على بواقي المعادلة رقم (١٤٠٨)، الأمر الذي يُؤدي إزالة الاتّجاه العام الخطيّ.

 $\Delta y_t = y_t - y_{t-1}$ كما تُعرف الحالة الأولى بعدم السكون التصادفي، حيث يوجد اتجاه عام تصادفي في البيانات، نرمز بــــ $y_{t-1} - y_t = y_t - y_{t-1}$ من كلا الجانبين فإننا $Ly_t = y_t - y_{t-1}$ بحيث $Ly_t = y_{t-1} + y_t = y_t - y_t$ من كلا الجانبين فإننا نتحصَّل على ما يلي:

$$y_t - y_{t-1} = \mu + u_t \tag{10.4}$$

$$(1 - L)y_t = \mu + u_t \tag{17.4A}$$

$$\Delta y_t = \mu + u_t \tag{1V-A}$$

هناك الآن مُتغيِّر جديد وهو عαر والذي سوف يكون مُتغيِّرًا ساكنًا، هذا ويُمكن القول إن السكون تم إحداثه من خلال [جراء الفروق لمرة واحدة ، كما ينبغي أن يتَّضح أيضًا من النمثيل المقدَّم في المعادلة رقم (١٦٠٨) لماذا يُعرف إلا أيضًا بأنه عملية جدر الموحدة، أي أن جذر المعادلة الميزة 0 = (z - 1) سوف يكون مُساويًا لواحد.

ورغم أن كُلًا من سلسلة الاتجاه العام الساكنة والسلسلة الساكنة في الفروق (Difference Stationary Series) لهما "اتجاه" عبر الزمن، إلّا أنه يتعيَّن استخدام النهج الصحيح في كل حالة، لذلك إذا تم أخذ الفروق الأولى لسلسلة الاتجاه العام الساكنة فإن ذلك سوف يُؤدي إلى "إزالة" عدم السكون، ولكن على حساب إدخال عملية (MA(1) في الأخطاء، لفهم ذلك لتأخذ نموذج الاتجاه العام الساكن التالى:

$$y_t = \alpha + \beta t + u_t$$
 (1A4A)

يُمكن صياغة هذا النموذج للزمن 1 - t وذلك بطرح ١ من كل رمز زمني سُفلي في المعادلة رقم (١٨٠٨):

$$y_{t-1} = \alpha + \beta(t-1) + u_{t-1}$$
 (194A)

بطرح المعادلة رقم (١٩٠٨) من المعادلة رقم (١٨٠٨) نتحصُّل على:

$$\Delta y_r = \beta + u_t - u_{r-1} \tag{Y • A}$$

لا يتعلَّق الأمر فقط بإنشاء مُتوسَّط مُتحرَّك في الأخطاء، وإنها كذلك مُتوسَّط مُتحرَّك غير قابل للعكس (أي مُتوسَّط مُتحرَّك لا يُمكن صياغته كعمليَّة انحدار ذاتي)، وبالتالي فإن السلسلة ،۵ في هذه الحالة سوف يكون لها بعض الخصائص غير المُستحبَّة إطلاقًا.

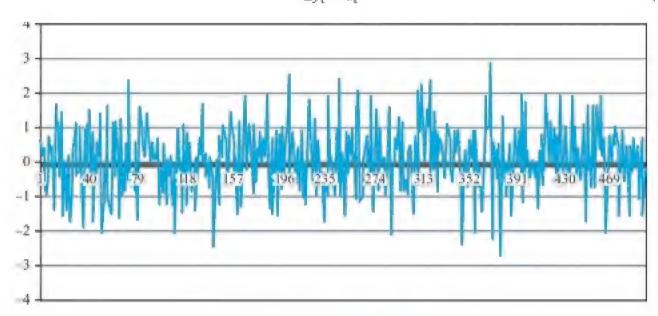
في المقابل إذا حاولنا نزع الاتجاه العام من سلسلة ذات اتجاه عام تصادفي فإن ذلك لن يُؤدي إلى إزالة عدم السكون، يتَضح لنا إذًا أن الطريقة التي يجب استخدامها ليست واضحة تمامًا، ثمَّة إمكانية لتجاوز ذلك تتمثَّل في دمج كلا الحالتين في نموذج واحد أكثر شمولًا، ثم اختبار هذا الأخير، لتأخذ على سبيل المثال النموذج التالي:

$$\Delta y_t = \alpha_0 + \alpha_1 t + (\gamma - 1) y_{t-1} + u_t \tag{YICA}$$

إلّا أنه مُجلَدًا لا تتبع النسب في في المعادلة رقم (٢١،٨) النوزيع في، يُمكن لمثل هذا النموذج أن يأخذ في الاعتبار وعلى حد السواء عدم السكون الحتمي وعدم السكون التصادفي بها أنه تبيّن أنه يُقدّم أفضل وصف لمعظم السلاسل الزمنية الاقتصادية والماليَّة غير الساكنة، لنأخذ مُجدَّدًا نموذج الانجاه العام التصادفي المبسَّط التالى:

$$y_t = y_{t-1} + u_t \tag{YY.A}$$

 $\Delta y_t = u_t$ (YY₅A)



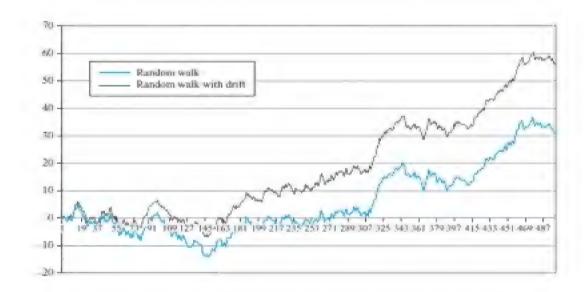
الشكل رقم (٨,٣) مثال لعملية تشويش أبيض.

يُمكن تعميم هذا المفهوم ليأخذ في الاعتبار الحالة التي تحتوي فيها السلسلة على أكثر من "جذر وحدة" واحد، ويعني ذلك أنه يتعيَّن تطبيق عامل الفروق الأولى ۵ أكثر من مرَّة للحصول على السكون، سوف يتم وصف هذه الحالة لاحقًا في هذا الفصل.

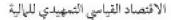
يُمكن القول: إن أفضل طريقة لفهم الأفكار التي تُوقِشَت أعلاه هي النظر في بعض الرسوم البيانية التي توضح الخصائص النموذجية لأنواع معينة من العمليات ذات الصلة، يرسم الشكل رقم (٨,٣) بيانيًّا عمليَّة (عشوائيَّة بحتة) تشويش أبيض، في حين ترسم الأشكال رقم (٨,٤) و(٨,٥) على التوالي سيرًا عشوائيًّا مُقابل سير عشوائي بحد ثابت وعمليَّة اتجاه عام حتمي.

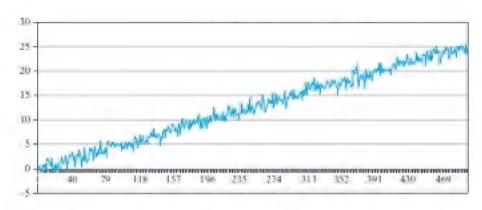
تُعطي مُقارنة هذه الأشكال الثلاثة فكرة جيَّدة عن الاختلافات بين خصائص كل من السكون، عملية الانجاه العام التصادق وعملية الانجاه العام الحتمي، يتَضح جلبًّا من الشكل رقم (٨,٣) أن عمليًّة التشويش الأبيض لا يتضمَّن سلوكها أيَّة اتجاه عام ونتقاطع غالبًا مع قيمتها المتوسَّطة الصفريَّة، تُظهر عمليَّة السير العشوائي (الخط السميك) وعمليَّة السير العشوائي بحد ثابت (الخط الباهت) للشكل رقم (٨,٤) 'تذبذبات طويلة' بعيدة عن الفيمة المتوسَّطة، وهي نادرًا جدًّا ما تنقاطع مع هذه الأخيرة، كما تُظهر مُقارنة الخطَّيِّن في هذا الرسم البياني أن الحد الثابت الموجب يؤدي إلى سلسلة من المرجَّح أن ترتفع أكثر من أن تتخفض، من الواضح أن تأثير الحد الثابت على السلاسل يصبح أكبر فأكبر كلما ثم تتبَّع العمليتين، أخيرًا من الواضح كذلك أن عمليَّة الاتجاه الحتمية للرسم البياني رقم (٨,٥) ليس ها مُتوسِّط ثابت، وتظهر تقلبات عشوائية تمامًا حول اتجاهها التصاعدي، إذا ثم إزالة الانجاه العام من السلسلة فسوف بنتج عن ذلك رسم بياني مُشابهًا لعملية التشويش الأبيض في الشكل رقم (٨,٥)، بحسب رأي هذا المؤلف.

تُشبه السلاسل الزمنيَّة في الماليَّة والاقتصاد الشكل رقم (٨,٤) أكثر عَّا تُشبه الأشكال رقم (٨,٣) و (٨,٥)، وبناء على ذلك وكما سبق ذِكْرُه أعلاه، سوف يُمثَّل نموذج الاتِّجاه العام التصادفي محل الاهتمام فيها تبقى من هذا الفصل.



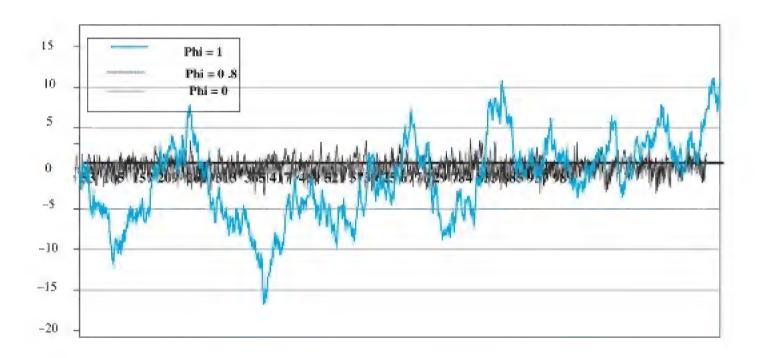
السَّكل رقم (٤.٨) الرسم البياني للسلسلة الزمنية لسير عشوائي مقابل سير عشوائي بحد ثابت.





الشكل رقم (٥,٥) الرسم البياق للسلسلة الزمنية لعملية الاتجاء العام الحتمى.

أخبرًا، يرسم الشكل رقم (٨,٦) بيانيًّا قيمة عملية مُتَّجه الانحدار الذاتي من الرتبة ١ لمختلف قيم مُعامل الانحدار الذاتي و على النحو الوارد في المعادلة رقم (٤٠٨)، كما تم رسم قيم ٥ = ۞ (أي عملية تشويش أبيض)، ٥.٥ = ۞ (أي (٤٠٨ ساكن) و = ۞ 1 (أي سير عشوائي) بيانيًّا عبر الزمن.



الشكل رقم (٦,٨) عمليًّات انحدار ذاتي بفيم تُحتلفة لـ ﴿ ٨،٠٠).

٨,١,٣ بعض التعاريف والمصطلحات الأخرى

(Some more definitions and terminology)

إذا كان يجب إجراء الفروق عدد 4 مرَّة على سلسلة غير ساكنة به قبل أن تُصبح سلسلة ساكنة، فإنه يُقال أن هذه السلسلة مُتكاملة من الرتبة له، يُمكن كتابة ذلك كما يلي: (٢٠-١٠)، لذلك إذا كان (٢٠-١١) به وإن (٣٠-١٥)، ينص هذا المصطلح الأخير على أن تطبيق عامل الفروق الرتبة له، يُمكن كتابة ذلك كما يلي: (١/٥) أي عمليَّة بدون جذور الوحدة، في الواقع سوف يُؤدِّي تطبيق عامل الفروق أكثر من 4 مرَّة على عمليَّة (١/٥) عدد 4 مرَّة يُؤدِّي إلى عمليَّة (١/٥) أي عمليَّة بدون جذور الوحدة، في الواقع سوف يُؤدِّي تطبيق عامل الفروق أكثر من 4 مرَّة على عمليَّة (١/٥) عدد أيضًا إلى عمليَّة (١/٥) (لكن بهيكل أخطاء ٨٨)، كما تُعتبر السلسلة (١/٥ سلسلة ساكنة، في حين أن السلسلة (١/١ تضم جذر وحدة واحدًا، نذكر على سبيل المثال السير العشوائي:

$$y_t = y_{t-1} + u_t \tag{7 \xi (A)}$$

تضم السلسلة (2) عبد عبد السلسلة (1) عبد المحدول على السكون، بالنسبة إلى السلسلة السكون، بالنسبة إلى السلسلة السلسلة (1) و (2) المحدول على السكون، بالنسبة إلى السلسلة السلسلين (1) و (2) المحدول أن تحدد المحدول المحدول المحدول السلسلة والمحدول المحدول الم

لمعرفة أنواع عمليات توليد البيانات التي يُمكن أن تُؤدي إلى سلسلة (2)، تأخذ بعين الاعتبار المعادلة التالية:

$$y_t = 2y_{t-1} - y_{t-2} + u_t$$
 (Yo,A)

بأخذ كل حدود ٧ إلى الجانب الأيسر من المعادلة، ثم تطبيق ترميز عامل فترة الإبطاء تتحصُّل على:

$$y_t - 2y_{t-1} + y_{t-2} = u_t$$
 (Y7.A)

$$(1 - 2L + L^2)y_t = u_t \tag{YV_sA}$$

$$(1 - L)(1 - L)y_t = u_t \tag{YA.A}$$

يجب أن يكون واضحًا الآن أن هذه العملية y_i تحتوى على جذرًيُّ وحدة، وسوف تتطلب إجراء الفروق لمرتين للحصول على السكون.

ماذا سيحدث لو قُمنا بتطبيق الفروق على يهز في المعادلة رقم (٢٥،٨) لمرة واحدة فقط؟ لنأخذ الفروق الأولى للمعادلة رقم (٢٥،٨)، أي لنطرح ٢٠٠١من كلا الجانبين للمعادلة:

$$y_t - y_{t-1} = y_{t-1} - y_{t-2} + u_t$$
 (Y9.A)

$$y_t - y_{t-1} = (y_t - y_{t-1})_{-1} + u_t$$
 (**•4A)

$$\Delta y_t = \Delta y_{t-1} + u_t \tag{Y LA}$$

$$(1 - L)\Delta y_t = u_t \tag{YY.A}$$

وبالتالي قامت الفروق الأولى بإزالة أحد جذور الوحدة، لكن لا يزال هناك جذر وحدة مُتبقُّ في المتغبِّر الجديد ١٥٧٠.

٤ , ١ , ٨ اختبار جذر الوحدة

(Testing for a unit root)

من بين الطرق التي قد تتبادر إلى ذهن القراء (لكنها طريقة غير مُناسبة) لاختبار جذر الوحدة هي فحص دالة الارتباط الذاتي للسلسلة محل الاهتمام، ومع ذلك، وعلى الرغم من أن الصدمات التي تتعرَّض لها عملية جذر الوحدة سوف تبقى في النظام إلى أجل لامُتناهِ، إلَّا أنه من المعروف أن دائة الارتباط الذاتي لعمليَّة جذر الوحدة (السير العشوائي) غالبًا ما تنخفض نحو الصفر ببط، شديد، وبالتالي يُمكن الخلط بين هذه العملية وعملية ساكنة لكنها شديدة الثبات، وهكذا، ليس من الممكن استخدام دالة الارتباط الذاتي أو دالة الارتباط الذاتي الجزئي لتحديد ما إذا كانت السلسلة لها جذر وحدة أم لا، علاوة على ذلك، حتى وإن كانت عملية توليد البيانات الحقيقية لـ بر تحتوي على جذر وحدة، فإن نتائج الاختبارات لعينة معينة يُمكن أن تؤدي إلى الاعتقاد بأن العملية ساكنة، لذلك يلزمنا نوع من الإجراء المنهجي لاختبار الفرضيات يجبب عن السؤال التائي: "باعتبار عينة البيانات التي بين أبدينا، هل من المقبول أن تحتوي عملية توليد البيانات الحقيقية لـ برجذر وحدة واحدًا أو أكثر؟".

يعود العمل الأول والرائد لاختبار جذر الوحدة في السلاسل الزمنيَّة إلى ديكي وفولر (فولر (١٩٧٦) وديكي وفولر (١٩٧٩))، يتمثَّل الهدف الأساسي للاختبار في فحص فرضيَّة العدم 1 = φ في:

$$y_t = \phi y_{t-1} + u_t \tag{TT.A}$$

مُقابِل الفرضيَّة البديلة أحاديَّة الجانب φ > 1 وبالتالي فإن الفرضيات محل الاهتهام هي: H₀: تحتوي السلسلة على جذر وحدة مقابل H₁: السلسلة ساكنة.

يتم عمليًّا استخدام الانحدار التالي بدلًا من المعادلة رقم (٣٣،٨) لسهولة الحساب والتفسير:

$$\Delta y_t = \psi y_{t-1} + u_t \tag{$\Upsilon\xi_*$A}$$

 $(\phi - 1 = \psi)$ بحيث يُعادل اختبار $\phi = 1 = \phi$ (يرا أن $\psi = 1 - \phi$).

تُعرف اختبارات ديكي فولر أيضًا باختبارات ٢، ويُمكن إجراؤها بإدراج حد ثابت (مقطع)، أو حد ثابت واتجاه عام حتمي، أو دون حد ثابت ولا اتجاه عام في انحدار الاختبار، يكون نموذج اختبار وحدة الجذر في كل حالة كما يلي:

$$y_t = \phi y_{t-1} + \mu + \lambda t + u_t \tag{Yo,A}$$

	(rvr	دول رقم (١, ٨) القيم الحرجة لاختيارات ديكي - فولو (فولو، ١٩٧٦ ص ٣٧٣)			
7.5	7.0	7.1	مستوى المعنوية		
۴, ٤۴-	Ť, A7-	Y, 0V-	القيم الحرجة لنموذج يضم ثابتًا دون اتجاه عام		
r, 97-	٣, ٤١-	٣,١٢=	القيم الحرجة لنموذج يضم ثابتًا واتجاهًا عامًّا		

كما يُمكن أيضًا كتابة الاختبارات بطرح ٧٤-١ من كل جانب من المعادلة كالتالي:

$$\Delta y_t = \psi y_{t-1} + \mu + \lambda t + u_t \tag{T7.A}$$

قدَّم ديكي وقولر (١٩٨١) في ورقة أخرى مجموعة من إحصاءات الاختبار الإضافية وقيمها الحُرجة للاختبارات المشتركة لمعنوبة حدود لا المتباطئة، الحد الثابت والاتجاه العام، لن تتم دراسة هذه المسألة بمزيد من التفصيل هنا، هذا وتُعرَّف إحصاءات الاختبار لاختبارات ديكي-فولر الأصليَّة كها يلي:

$$rac{\dot{\psi}}{SE(\dot{\theta})} = [-contain V(\Lambda)]$$
 إحصاء الاختيار

نحت فرضية العدم لا تتبع إحصاءات الاختبار النوزيع تي المعناد؛ لأن فرضية العدم هي عدم السكون، وإنَّها تتبع توزيعًا غير قياسيًّا، أوتُشتق القيم الحرجة من تجارب المحاكاة المقدِّمة في فولر (١٩٧٦) على سبيل المثال؛ انظر أيضًا الفصل ١٣ من هذا الكتاب، يعرض الجدول رقم (٨,١) أمثلة ذات الصلة بالتوزيع، كما يُقدِّم مُلحق الجداول الإحصائيَّة في نهاية هذا الكتاب مجموعة كاملة من القيم الحرجة لديكي – فولر، كما يعرض الفصل ١٣ مُناقشة وأمثلة عن كيفيَّة اشتقاق مثل هذه القيم الحرجة باستخدام طرق المحاكاة.

بمضارنة هذه القيم مع الفيم الحرجة للتوزيع الطبيعي المعياري يُمكن ملاحظة أن القيم الحرجة في ديكي فولر أكبر بكثير من حيث القيمة المطلقة (أي أنها أكثر سلبية)، وبالتالي هناك حاجة إلى مزيد من الأدلة ضد فرضية العدم في سياق اختبارات جذر الوحدة عما هو عليه في اختبارات تي القياسية، يعود ذلك جُزئيًا إلى عدم الاستقرار الكامن في عمليَّة جذر الوحدة، إلى توزيع النسب في الأكثر سياكة في إطار البيانات غير الساكنة (انظر الشكل رقم (٢ ، ٨))، وكذلك إلى عدم البقين الناتج عن الاستدلال، يتم رفض فرضية العدم المتمثّلة في وجود جذر الوحدة لصالح الفرضيَّة البديلة المتمثّلة في السكون في كل حالة تكون فيها إحصاءة الاختبار أكثر سلبية من القيمة الحرجة.

تُعتبر الاختبارات المذكورة أعلاه صالحة فقط إذا كان يه تشويش أبيض، وبشكل خاص يُفترض ألّا يكون به مُرتبطًا ذاتبًا، لكنّه سوف يكون كذلك إذا كان هناك ارتباط ذاتي في المتغيّر التابع للانحدار (عرد) لم نتم نمذجته، إذا كان الأمر كذلك سوف يكون الاختبار 'مُتضخُّمًا' (Oversized Test) مما يعني أن الحجم الحقيقي للاختبار (نسبة المرات التي تم رفض فرضية العدم الصحيحة بشكل خاطئ) سوف يكون أعلى من الحجم الاسمي المستخدم (على سبيل المثال ٥٪)، ينمثّل الحل في 'زيادة' الاختبار باستخدام و فترة إبطاء للمتغيّر التابع، يُكتب الآن النموذج البديل في الحالة (ن) كالتالي:

$$\Delta y_t = \psi y_{t-1} + \sum_{i=1}^p \alpha_i \, \Delta y_{t-i} + u_t \tag{Υ_{A_i}A}$$

نقوم الآن فترات الإبطاء للمتغيّر التابع عهد "بامتصاص" أي هيكل ديناميكي موجودة في المتغيّر التابع؛ لضهان أن us لن يكون شُرتبطًا ذاتيًّا، يُعرف هذا الاختبار باختبار ديكي-فولر الموسَّع، ويتم إجراؤه أيضًا على 4 مع استخدام نفس القيم الحرجة من جداول ديكي فولر كها في السابق.

نبرز الآن مُشكلة جديدة تتمثّل في تحديد العدد الأمثل لفترات إيطاء المتغيّر التابع، وعلى الرغم من اقتراح عدة طرق لاختيار ه، إلا أنها تُعتبر كلها إلى حد ما اعتباطيَّة، وبالتالي فهي غير معروضة هنا، بدلًا من ذلك تم اقتراح القاعدتين البسيطتين التاليتين؛ أولًا: يُمكن استخدام تكرار البيانات لاتخاذ القرار، لذا وعلى سبيل المثال، إذا كانت البيانات شهرية، نستخدم اثنتي عشرة فنرة إبطاء، وإذا كانت البيانات ربع سنوية نستخدم أربع فترات إبطاء، وهكذا، بالتأكيد لن يكون من الواضح كيفيَّة اختيار عدد فترات الإبطاء التي كانت البيانات التي تُرصد كل ساعة أو البيانات اليوميَّة)! ثانيًا: يُجب استخدام معيار معلومات لاتخاذ القرار بشأن عدد فترات الإبطاء، وبالتالي نقوم باختيار عدد فترات الإبطاء الذي يُقلّل من قيمة معيار المعلومات، كما هو مُوضَّح في الفصل ٧.

من المهم جدًّا محاولة استخدام العدد الأمثل لفترات الإيطاء للمتغيِّر الثابع في اختبار الانحدار، وفحص حساسية نتيجة الاختبار لطول فترات الإيطاء المختار، نأمل في مُعظم الحالات ألَّا يتغيَّر الاستنتاج نوعيًّا بتغيُّر بسيط في قيمة ع، لكن ذلك يحدث في بعض الأحبان، كما أن إدراج عدد قليل جدًّا من فترات الإيطاء لن يُؤدي إلى إزالة كل الارتباط الذاتي، وبالتالي تكون النتائج مُتحيَّرة، بينها يؤدي استخدام عدد كبير جدًّا من فترات الإيطاء إلى زيادة الأخطاء المعبارية للمعاملات، تنشأ هذه الزيادة في الأخطاء المعبارية؛ لأن زيادة عدد المعلمات المقدَّرة يستنزف درجات الحرَّبة، وبالتالي وبافتراض بقاء العوامل الأخرى ثابتة (على حافا) فإن القيم المطلقة

لإحصاءات الاختبار سوف تنخفض، سوف يُؤدي ذلك إلى انخفاض في قوَّة الاختبار، مما يعني أنه بالنسبة للعملية الساكنة سوف يتم رفض فرضية العدم لجذر الوحدة بشكل أقل تكرارًا مما كان ينبغي أن يكون.

۸, ۱, ۸ اختبار التكامل من الرتب العليا (Testing for higher orders of integration) لتأخذ الانحدار البسيط التالى:

 $\Delta y_t = \psi y_{t-1} + u_t \tag{T9.A}$

 H_1 : $\psi < 0$ مُقابل H_0 : $\psi = 0$ يتم اختبار

إذا تم رفض 40، فإننا سوف نستنتج ببساطة أن يه لا يحتوي على جذر الوحدة، لكن ماذا ينبغي أن نستنتج إذا لم يتم رفض الأ؟ نستنتج أن السلسلة تحتوي على جذر الوحدة، لكن هل هذا كل شيء؟ بالطبع لا! ماذا لو كان (2) ٢/٤ لا تزال فرضية العدم غير مرفوضة، ومن الضروري الآن إجراء الاختبار التالي:

$H_1: y_t \sim I(1)$ مقابل $H_0: y_t \sim I(2)$

سوف يتم الآن إجراء انحدار لـ $\Delta^2 y_t = \Delta y_t = \Delta^2 y_t = \Delta^2 y_t = \Delta y_t = \Delta^2 y_t$ (بالإضافة إلى فترات إبطاء لـ $\Delta^2 y_t = \Delta y_t = \Delta^2 y_t$ لتوسيع الاختبار إذا لزم الأمر)، وبالتالي يُعادل اختبار $H_0: \Delta y_t \sim I(1)$ اختبار $H_0: y_t \sim I(2)$ وهو أمر مُستبعد جدًّا عمليًّا) فإننا سوف نستنتج أن y_t على الأقل سوف يكون I(2)، أمَّا إذا تم رفض $H_0: \Delta y_t$ فإننا سوف نستنتج بأن I(2) بشم جذر وحدة وحيدًا، يجب إجراء اختبارات أخرى لجذور الوحدة حتى يتم رفض I(2).

يذكر ديكي وبانتولا (١٩٨٧) ((Dickey and Pantula (1987)) أن ترتيب الاختبارات على الشكل الموضّح أعلاه (أي اختبار (1)1، ثم (2)1، وهكذا) هو غير صحيح بالمعني الدقيق للكلمة، يتمثّل النهج النظري الصحيح في البدء بافتراض رُتبة نكامل عُليا معقولة (على مبيل المثال (1/2) ثم اختبار (2)1 مقابل (1/1، إذا تم رفض (2)1 فإننا نقوم باختبار (1)1 مُقابل (0)1. غير أنه عمليًّا وحسب معلومات الكاتب لا توجد سلسلة زمنيَّة مائيَّة تحتوي على أكثر من جذر وحدة واحد، لذلك تُعتبر هذه المسألة قليلة الأهمية في مجال المائيَّة.

٦ , ١ , ٨ اختبارات فيليبس-بيرون

(Phillips-Perron (PP) tests)

طور فيليبس ويبرون نظرية أكثر شمولًا عن عدم السكون لجذر الوحدة، تُعتبر اختبارات فيليبس-بيرون شبيهة باختبارات ديكي-فولر الموسعة، لكنها تتضمن تصحيح تلقائي لإجراء ديكي-فولر يأخذ في الاعتبار الارتباط الذاتي في البواقي، تُعطي الاختبارات عادة نفس النتائج وتعاني من نفس بعض أوجه القصور الهامة كها في اختبارات ديكي-فولر الموسعة.

٧, ١, ٨ الانتقادات الموجِّهة للاختبارات من نوع

ديكي-فولر وفيلبيس-بيرون

(Criticisms of Dickey-Fuller- and Phillips-Perron- type tests)

مُن أهم الانتقادات الموجَّهة لاختبارات جذر الوحدة هو ضَعف قوة هذه الاختبارات عندما تكون العملية ساكنة، لكن يكون الجذر قريبًا من حدود عدم السكون، لنأخذ على سبيل المثال عملية توليد البيانات (AR(1) بمعامل ٩٥, ٠ إذا كانت عملية توليد البيانات الفعليَّة هي:

$$y_t = 0.95y_{t-1} + u_t \tag{$\xi \cdot \zeta \Lambda$}$$

فيجب رَفْض فرضية العدم لجذر الوحدة، يُذكر أن هذه الاختيارات تُعتبر سيَّة عند تحديد ما إذا كان 1 = \$ أو 0.95 = \$ عل سبيل المثال، وبشكل خاص، إذا كانت أحجام العينات صغيرة، مصدر هذه المشكلة هو أنه في إطار اختبار الفرضيات الكلاسيكي لا يتم قبول فرضية العدم، لأنه يتم ببساطة ذِكر إما أنها مرفوضة، أو أنها غير مرفوضة، ويعني ذلك أن الفشل في رفض فرضية العدم يرجع إما لأن فرضية العدم كانت صحيحة، أو لعدم وجود معلومات كافية في العينة تُؤدَّي إلى الرفض، من بين الطرق للتغلُّب على هذه المشكلة نجد استخدام اختبار السكون، بالإضافة إلى اختبار جذر الوحدة، كها هو مُوضَّح في الإطار رقم (١٨).

الإطار رقم ١٦ . ٨) اختيارات السكون

ضمن اختبارات السكون يُمثِّل السكون فرضية العدم، وبالتالي تعكس اختبارات السكون فرضية العدم والفرضية البديلة لنهج ديكي-فولر. وهكذا وفي إطار اختبارات السكون سوف تظهر البيانات افتراضيًّا ساكنة في حالة وجود القليل من المعلومات في العينة، من بين اختبارات السكون نذكر اختبار KPSS (كويتكوسكي وآخرون (١٩٩٢) القليل من المعلومات في العينة، من بين اختبارات السكون نذكر اختبار هنا، لكن الاختبار متاح ضمن برنامج (Kwaitkowski et al. (1992). لن تتم مُناقشة حساب إحصاءة الاختبار هنا، لكن الاختبار متاح ضمن برنامج إفيوز، ويمكن مقارنة نتائج هذه الاختبارات مع إجراء ديكي فولر الموسع أو فيليبس بيرون لمعرفة ما إذا كنا سنتحصل على نفس الاستنتاج أم لا، وفيها يلي فرضيات العدم والفرضيات البديلة تحت كل نهج اختبار:

كويتكوسكي والخرون	ديكي فولر الموسع/ فيليبس بيرون
$H_0: y_t \sim I(0)$	$H_0: y_{\ell} \sim l(1)$
$H_0: y_t \sim I(1)$	$H_0: y_t \sim I(0)$
	هنالك أربعة نواتج محتملة:
H_0 و H يتم رفض	H_0 يتم رفض (1)
H_0 ويتم رفض	(۲) لا يتم رفض H₀
H_0 ويتم رفض	H_0 يتم رفض $($ $^{\circ}$ $)$
ولايتم رفض Ho	H ₀ لا يتم رفض (٤)

ولكي تكون الاستئتاجات قوية يجب أن تندرج النتائج ضمن النواتج ١ أو ٢، وهي الحالة التي بخلص فيها كلا الاختبارين إلى أن السلسلة ساكنة أو غير ساكنة، على التوالي، تدل النواتج ٣ أو ٤ على نتائج مثناقضة، ويعرف الاستخدام المشترك للسكون واختبارات جذر الوحدة معًا بتحليل البيانات التأكيدي (Analysis).

۱۸, ۲ اختبارات جذور الوحدة في ظل وجود انقطاعات هيكلية (Tests for unit roots in the presence of structural breaks)

(Motivation) الدائع (A, Y, ۱

لا تقدم اختبارات جذر الوحدة من نوع اختبارات ديكي - فولر القياسية المذكورة أعلاه أداة جيدًا إذا كان هناك انقطاع هيكلي واحد أو أكثر في السلسلة قيد الدرس، إما في المقطع أو في ميل الانحدار، وبشكل أكثر تحديدًا فإن الاختبارات تتمتع بقوة منخفضة في مثل هذه الظروف، وتفشل في رفض فرضية العدم لجذر الوحدة عندما تكون غير صحيحة؛ لأن معلمة الميل في انحدار بر على ١-١٠ متحيِّزة نحو الوحدة جراء انقطاع هيكلي غير مُنمذج، بشكل عام، كلها كان الانقطاع أكبر والعيِّنة أصغر، كلها قلَّت قوة الاختبار، وكها بيَّن ليبورن وآخرون (١٩٩٨) ((١٩٩٨) ((١٩٩٨) (١٩٩٨) فإن اختبارات جذر الوحدة تُعتبر كذلك اختبارات مُتضخَّمة عند وجود انقطاعات هيكلية، لذلك يتم فرض فرضيَّة العدم في كثير من الأحيان عندما تكون هذه الأخيرة صحيحة (١٠).

۲,۲,۲ إجراء بيرون (۱۹۸۹)

(The Perron (1989) procedure)

نتذكر مما سبق أن الإطار المرن لاختبار جذر الوحدة يتضمن انحدار يكون على الشكل التالي:

$$\Delta y_t = \psi y_{t-1} + \mu + \lambda t + \sum_{i=1}^{p} \alpha_i \, \Delta y_{t-i} + u_t \qquad (\xi \, \text{N.A})$$

حيث يُمثّل # المقطع و 1k يلتقط الانجاه الزمني، ويمكن استبعاد أحدهما أو كلاهما من الانحدار إذا كان يُعتقد أنهما غير ضروريين.

اقترح بيرون (١٩٨٩) ثلاث مُعادلات للاختيار تختلف وفقًا لنوع الانقطاع الذي يُعتقد وجوده، أطلق بيرون على المعادلة الأولى نموذج "النمو المعادلة الأولى نموذج "الاصطدام" والذي يسمح بانقطاع في مُسنوى السلسلة (أي المقطع)، وعلى المعادلة الثانية نموذج "النمو المتغيّر"، والذي يسمح بانقطاع في مُعدَّل نمو السلسلة (أي الميل)، أمَّا التموذج الثالث فيسمح لكلا التوعين من الانقطاع بأن بحدُثًا في نفس الوقت، وذلك بتغيير كُلُّ من المقطع وميل الانجاه العام، إذا قُمنا بتعريف نقطة الانقطاع في البيانات بـ ٢٥ و مَد مُعيَّقًا كالتالى:

$$D_t = \begin{cases} 0 & if \ t < T_b \\ 1 & if \ t \ge T_b \end{cases}$$

فإن المعادلة العامة للنوع الثالث من الاختبار (أي المعادلة الأعم) تكون كما يلي:

$$\Delta y_t = \psi y_{t-1} + \mu + \alpha_1 D_t + \alpha_2 (t - T_b) D_t + \lambda t + \sum_{i=1}^p \alpha_i \, \Delta y_{t-i} + u_t \tag{$\xi \Upsilon_c \Lambda$}$$

⁽١) تُعتبر هذه المادة متخصصة إلى حد ما، وبالتالي لم تتم تغطيتها بشكل جيد في معظم الكتب الدراسية العادية، ولكن تُشير إلى القراء الراغبين في معرفة المزيد من التفاصيل، إلى وجود فصل لبرون مُفيد ومُتاح في كتاب "التكامل المشترك للاقتصادي التطبيقي" لمؤلفه راو (١٩٩٤)، ماكمبلان، باسينجستوك، المملكة المتحدة (١٩٩٤) (Ran (1994), Macmillan, Basingstoke, UK). وهناك أيضًا فصل عن التغيّر الفيكلي في كتاب "جذور الوحدة، التكامل المشترك والتغيّر المبكلي" لمادالا وكيم (١٩٩٨) ((١٩٩٨) ((١٩٩٨)))، مطبعة جامعة كامبريدج.

بالنسبة لنموذج الاصطدام فقط يُعين α₂ = 0 وبالنسبة لنموذج النمو المتغيَّر فقط، يُعين α₁ = 0، وفي جميع الحالات الثلاث بوجد جذر الوحدة مع انقطاع هيكلي عند T_b تحت فرضية العدم، وتكون السلسلة عمليَّة ساكنة مع انقطاع تحت الفرضيَّة البديلة.

ومع أن بيرون (١٩٨٩) بدأ أدبيات جديدة في اختيار جذور الوحدة في ظل وجود انقطاعات هيكلية، إلّا أن الفيد الهام فذا النهج يتمثّل في أنه يفترض أن تاريخ الانقطاع معروف سلفًا، وأن الاختيار تم إنشاؤه باستخدام هذه المعلومة، ومع ذلك فمن المحتمل، وربها من المرجَّح، ألّا يكون هذا التاريخ معروفًا، وأنه يجب تحديده من البيانات، هذا ويرى كريستيانو (١٩٩٢) (Christiano (1992)) أن الأخطر هو أن الفيم الحرجة المستخدمة في الاختيار تفترض أن تاريخ الانقطاع يتم اختياره بشكل خارجي عن النموذج، ومع ذلك يقوم مُعظم الباحثين بتحديد نُقطة الانقطاع استنادًا إلى فحص البيانات، وبالتالي فإن النظرية التقاربية المفترضة لم تعد قائمة.

$$\Delta y_t = \psi y_{t-1} + \mu + \alpha \tau_t(t_{used}) + \lambda t + \sum_{i=1}^p \alpha_i \, \Delta y_{t-i} + u_t \tag{$\xi \Upsilon_s \Lambda$}$$

حيث $T_0 / T = \epsilon_{used}$ ، يتم إجراء الاختبار مرازًا وتكرازًا لقيم مختلفة من T_0 وعلى أكبر قدر مُحكن من البيانات ('عينة مُشذَّبة ') التي تستبعد المشاهدات القليلة الأخيرة (لأنه من غير الممكن الكشف بشكل مُؤكد عن انقطاعات لهذه المشاهدات)، من الواضح أن $\tau_c(\epsilon_{used})$ يأخذ في الاعتبار الانقطاع الذي يُمكن أن يكون إمَّا في المستوى (حيث $\tau_c(\epsilon_{used}) = 1$ إذا كان $\tau_c(\epsilon_{used})$ مذا $\tau_c(\epsilon_{used})$ و خلاف ذلك) أو في الانجاه العام الحتمي (حيث $\tau_c(\epsilon_{used}) = t - t_{used}$ إذا كان $\tau_c(\epsilon_{used})$ و خلاف ذلك)، هذا ويتطلّب كل توصيف من هذه التوصفات مجموعة مُختلفة من القيم الحرجة، والتي يُمكن إيجادها في بانبرجي وآخرين (١٩٩٢).

اقترح بيرون (١٩٩٧) امتدادًا لتقنية بيرون (١٩٨٩) ولكن باستخدام إجراء تسلسلي بقدَّر إحصاءة الاختيار والذي يسمح بانقطاع تحدَّده البيانات، ويكون في أي نقطة من نقاط العينة، تُعتبر هذه الثقنية مُشابهة جدًّا لثقنية زيفوت وأندروس إلا أنها أكثر مُرونة، وبالثاني يُمكن القول بأنها الأفضل؛ نظرًا لأنها تسمح بانقطاع ضمن كلَّ من فرضية العدم والفرضيَّة البديلة، في حين أنه وفقًا لنموذج زيفوت وأندروس يجدث الانقطاع فقط تحت الفرضيَّة البديلة.

كما نذكر امتدادًا آخر يتمثَّل في السماح لأكثر من انقطاع هيكلي واحد في السلسلة، فعل سبيل المثال، حسَّن لومزدين وبابل (١٩٩٧) نهج زيفوت وأندروس (١٩٩٣) ليأخذ في الاعتبار انقطاعين هيكليين، من المكن أيضًا السماح بانقطاعات هيكلية في العلاقة المتكاملة بين السلاسل، وذلك باستخدام امتداد للخطوة الأولى لنهج إنجل-جرانجر، انظر جريجوري وهانسين (١٩٩٦) ((Gregory and Hansen (1996)).

الجدول وقير (٢.٨) اختيارات متكروة لجدر الوحدة في أسعار القائدة تأخذ في الاعتبار الانقطاعات الحكلة إحصاءات الاختبار التسلسل إحصاءات الاختبار المتكرر أجل الاستحقاق \hat{t}_{DF}^{diff} tmin DF.mean tmin tpF.rend \hat{t}_{DF}^{min} \hat{t}_{DF}^{max} t_{DF} 1. V4-Y . 99-4.44-1,44-سعر الفائدة قصير الأجل 1.97 Y. 11-0.70-T , & & -1,90-٧ أيام 1.43 T. 19-1, 77-1, VA-Y. TY-١,٨٣ Y . 9 . -1, · V-1.AY-شهر واحد \$. . 7-Y, YA-1,78 Y , VO-1, - 1-1,44= ثلاثة أشهر سبتة أشيد 8.9 --T. TA-1.40 T. A4-1, ---1.41-1,00-Y , Yo-4,18 1,94-سنة واحدة Y , AA-* , Y &-1.11-8,81 T. 1T-القيم الحرجة £ , 0A-T. AA-1,77-

ملاحظات: المصدر: بروكس رو (۲۰۰۲) ((Brooks and Rew (2002))، مأخوذة من الجداول رقم ۱، ٤ و ٥. تشير ٢٣٣، على إحصاءة الاختبار النسلسلي الذي يسمح بانقطاع في الانجاه، ببنا تُشير المسمومة الاختبار الذي يسمح بانقطاع في المستوى، بعرض الصف الأخير القيم الحرجة عند مُستوى ۱۰٪ لكل نوع من الاختبارات، والمتحصل عليها من بانبرجي وآخرين (۱۹۹۲، ص ۲۷۸، الجدول ۲).

٣, ٢, ٨ مثال: اختبار جذور الوحدة

في أسعار الفائدة يورو إسترلبني

(An example: testing for unit roots in FuroSterling interest rates)

يُناقش القسم ١٢٠٨ فرضية التوقعات للهيكل الزمني لأسعار الفائدة استنادًا إلى التكامل المشترك بين سعر الفائدة طويل الأجل وسعر الفائدة قصير الأجل، من الواضح أن مفتاح هذا التحليل هو السؤال حول ما إذا كانت أسعار الفائدة في حد ذاتها (1) أم (0)، ولعله من المدهش أنه لا يوجد إجماع في الأدبيات العملية (التجربية) حول هذه المسألة، قام بروكس رو (٢٠٠٢) بدراسة ما إذا كان من الأفضل اعتبار أسعار الفائدة يورو إسترليني على أنها عملية جذر الوحدة أم لا، عما يسمح بإمكانية وجود انقطاعات هيكلية في السلسلة (٢)، كما يذكر بروكس رو بأن عدم الأخذ في الحسبان الانقطاعات الهيكلية التي قد تتواجد في البيانات (والتي قد تتج بسبب التغيُّرات في السياسة النقدية أو بسبب إزالة الرقابة على سعر الصرف) يُمكن أن يُؤدي إلى استنتاجات غير صحيحة فيها يتعلق بصحة فرضية التوقعات من عدمه، هذا وتُغطّي العينة المستخدمة من فيل بروكس رو الفترة الممتدَّة من ١ يناير ١٩٨١ إلى ١ مستمبر ١٩٩٧، أي ما مجموعه ٤٣٤٨ نقطة بيانات.

⁽٢) أسعار الفائدة يورو إسترليني هي تلك المستخدمة في إقراض/ اقتراض الأموال بالجنيه البريطاني، ولكن خارج المملكة المتّحدة.

استخدم بروكس رو اختبار ديكي-فولر القياسي إضافة إلى الاختبار التكواري والاختبار التسلسلي لبانبرجي وآخرين (١٩٩٢)، وترد نتائجهما في الجدول رقم (٨,٢)، كما أنهما استخدما الاختبار المتحرِّك ونهج بيرون (١٩٩٧)، إضافة إلى العديد من التقنيات الأخرى التي لم تُوضِّح هنا بسبب قيود المساحة.

لا تختلف نتائج الاختبارات المتكررة عن نتائج اختبار ديكي- قولر القياسي، وهي تُشير إلى أنه لا يجب رفض قرضيَّة العدم المتمثَّلة في وجود جذر الوحدة عند المستوى ١٠٪ لأي أجل من آجال الاستحقاق التي تم فحصها، أما نتائج الاختبارات التسلسليَّة فنبدو أكثر تفاوتًا بعض الشيء، حيث لا يزال نموذج الانقطاع في الاتجاه العام لا يُظهر أي إشارة عن رفض فرضيَّة العدم، في حين تُرفض فرضيَّة العدم لكلَّ من سعر الفائدة قصير الأجل، سعر الفائدة لسبعة أيام، وسعر الفائدة لشهر واحد، عندما ناخذ في الاعتبار الانقطاع الهيكل في معادلة المتوسَّط.

كما تُشير إلى أن بروكس رو توصَّلًا إلى استنتاج عام، وهو وجود أدلَّة هامة في جميع الاختبارات التي تم فحصها تُشير إلى أنه من الأفضل اعتبار أسعار الفائدة قصيرة الأجل عمليَّات جذر الوحدة لها انقطاع هيكلي في مستواها عند "الأربعاء الأسود" (١٦ سيتمبر ١٩٩٢) عندما انسحبت المملكة المتحدة من آلية سعر صرف العملات الأوروبية، في المقابل تكون معدلات الفائدة على مدى أطول عمليات (١) بدون انقطاعات.

٨, ٢, ٤ جذور الوحدة الموسمية

(Seasonal unit roots)

وكم سنتناول ذلك بالتفصيل في الفصل ١٠ تُظهر العديد من السلاسل الزمنية أنهاط موسمية، تتمثل إحدى طرق التقاط هذه الخصائص في استخدام متغيّرات وهمية حتمية بتكرار البيانات (على سبيل المثال، متغيّرات وهمية شهرية إذا كانت البيانات شهرية)، غير أنه إذا كانت الخصائص الموسمية للبيانات نفسها تتغيّر عبر الزمن بحيث لا يكون مُتوسطها ثابتًا، فسوف يكون استخدام المتغيّرات الوهمية غير مُناسب، بدلًا من ذلك يُمكن أن نُفكّر في احتمال أن تحتوي السلسلة على جذور وحدة موسمية بحيث تتطلب إجراء فُروق موسميَّة للحصول على السكون، سوف نستخدم الترميز (١٥٥) للدلالة على سلسلة مُتكاملة من الرتبة (٥٠٥ تتطلب إجراء فُروق له مرة وفُروق موسميَّة للحصول على عملية ساكنة، طوَّر أوسبورن (١٩٩٠) ((١٩٩٥) (٥٥٥) اختبارًا لجذور الوحدة الموسمية يستند إلى امتداد طبيعي لنهج ديكي -فولر، كما يُمكن أن تكون مجموعة السلاسل التي تضم جذور وحدة موسمية مُتكاملة موسميًّا تكاملًا مُشتركًا، ومع ذلك أوضح أوسبورن أيضًا أن نسبة صغيرة فقط من سلاسل الاقتصاد الكلي تُقلهر جذور وحدة موسمية؛ أمَّا الأغلبية فتحتوي على أنهاط موسمية يمكن تمييزها بشكل أفضل باستخدام المتغيَّرات الوهمية، مما يُمكن أن يُقسر عدم تَنَبِّي مفهوم جذور الوحدة الموسمية على نطاق واسع (٣).

 ⁽٣) لمزيد القراءة عن هذا الموضوع يوفر الكتاب الذي أعده هاريس (١٩٩٠) (١٩٩٥) «Harri» مقدمة واضحة جدًّا لجذور الوحدة والتكامل المشترك بها في ذلك قسم عن جذور الوحدة الموسمية.

٣ , ٨ اختبارات جذور الوحدة في إفيوز

(Testing for unit roots in EViews)

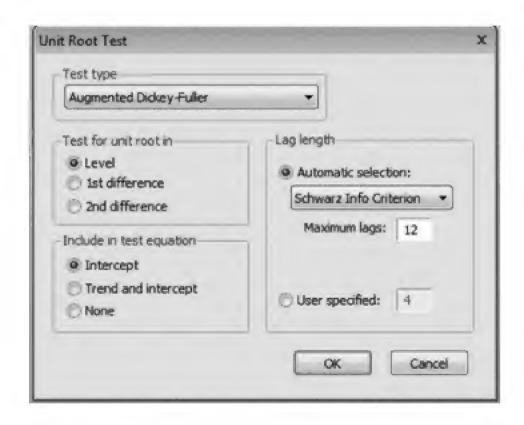
يستخدم هذا المثال نفس البيانات عن أسعار المساكن في المملكة المتحدة المستخدمة في الفصول السابقة بافتراض أن البيانات قد تم تحميلها، والمتغيِّرات قد تم تعريفها كما في السابق، ننقر مرتبن فوق الأبقونة بجانب اسم السلسلة التي نريد إجراء اختبار جذر الوحدة عليها، بحيث يظهر جدول بيانات يحتوي مُشاهدات تلك السلسلة، نفتح سلسلة أسعار المساكن الأوليَّة 'hp'، وذلك بالنفر فوق الأيقونة (hp) ننقر بعد ذلك على الزر View الموجود على شريط الأزرار أعلى جدول البيانات، ثم على Unit Root Test.. بعد ذلك ستظهر لك قائمة تضم خيارات متعددة كما في لقطة الشاشة رقم (١٨)، محتوي على العديد من الخيارات.

من هذه القائمة نقوم باختيار الخيارات التالية:

Augmented Dickey-Fuller Levels Intercept 12

- (1) Test Type
- (2) Test for Unit Root in
- (3) Include in test equation
- (4) Maximum lags

ثم نتقر فوق الزر OK.



لقطة الشاشة رقم (٨,١) قائمة الخيارات لاختيارات جذر الوحدة.

من الواضح أن ذلك سوف يُؤدي إلى إجراء اختبار ديكى-فولر الموسَّع بفترات إبطاء في المتغيِّر التابع تصل إلى اثنتي عشرة فترة في مُعادلة انحدار سلسلة البيانات الأولية، وتضم مُعادلة الاختبار قاطع دون اتجاء عام، يقدم برنامج إفيوز عددًا كبيرًا من الخيارات هنا، على سبيل المثال، بدلًا من إجراء اختبار ديكي-فولر يُمكننا إجراء اختبار فيليبس-بيرون أو اختبار كويتكوسكي وآخرين، كما هو موضّع أعلاه، أمَّا إذا وجدنا أن مستويات السلاسل غير ساكنة فيمكننا تكرار التحليل على الفروق الأولى مباشرة من هذه القائمة دون الحاجة إلى إجراء الفروق الأولى على السلسلة بشكل مُستقل، كما يُمكننا أيضًا الاختيار بين الطرق المختلفة لتحديد فترة الإبطاء المثل في اختبار ديكي-فولر الموسّع، مع كون معيار شوارز هو المعيار الافتراضي. سوف نظهر النتائج لسلسلة أسعار المساكن الأوليَّة كما هو موضح في الجدول التالي.

Exogenous: Constant			
Lag Length: 2 (Automat	ic based on SIC, MAXL	AG=11)	
		t-Statistic	Prob.
Augmented Dickey-Fuller test statistic		-0.470202	0.8934
Test critical values:	1% level	-3.454812	
	5% level	-2.872203	
	10% level	-2 572525	

* ماكينون (١٩٩٦)، قيم يي من جانب واحد.

Augmented Dickey-Full Dependent Variable; D(Method: Least Squares Date: 07/07/13 Time: 1- Sample (adjusted): 199 Included observations:	HP) 4:59 1M04 2013M05			
	Coefficient	Std. Error	1-Statistic	Prob
HP(+1)	0.000696	0.001459	0.470202	0.6386
D(HP(-1))	0.316199	0.058358	5.417290	0.0000
O(HPI-2I)	0.333239	0.058398	5.706296	0.0000
G	234.5155	176.8386	1,326156	0.1859
R-squared	0.306614	Mean depen	dent var	432,4012
Adjusted FI-squared	0.300697	S.D. depende	ent var	1419.201
S.E. of regression	1186.798	Akaike info c	nterion	17.01083
Sum squared resid	3.69E+08	Schwarz onti	arion	17.06472
Log likelihood	-2258440	Hannan-Quir	m oriter,	17/03248
F-statistic	38.98292	Durbin-Wats	on stat	2.006505
Prob(F-statistic)	0.000000			

تُقدَّم اللوحة الأولى من المخرجات قيمة إحصاءة الاختبار والقيم الحرجة ذات الصلة، وفقًا لنوع مُعادلة الاختبار (على سبيل المثال، هل تتضمَّن المعادلة قاطعًا و/ أو اتجاهًا عامًّا) وحجم العينة، كها قام معيار شوارز في هذه الحالة بإدراج فترقيُّ إبطاء للمتغيَّر الثابع في اختبار الانحدار، هذا ونُشير إلى أنه من الواضح أن إحصاءة الاختبار ليست أكثر سلبية من القيمة الحرجة، وبالتالي لا يُمكن

رفض فرضية العدم لجذر الوحدة في سلسلة أسعار المساكن، تعرض بقية المخرج نتائج التقدير، ونظرًا لأن أحد المتغيّرات المستقلة في هذا الانحدار ليست ساكنة، فمن غير المناسب فحص الأخطاء المعيارية للمعاملات أو النسب في هذه المعاملات في اختيار الانحدار. تُعيد الآن كل الخطوات السابقة على سلسلة الفروق الأولى لأسعار المساكن (نستخدم الخيار "First Difference" في نافذة تقدير جذر الوحدة، بدلًا من استخدام مُستوى السلسلة (dhp)، سوف يظهر المخرج كها هو في الجدول التالي.

Null Hypothesis: D(HP) Exogenous: Constant Lag Length: 1 (Automat		AC 45)	
Lag Length. 1 (Automat	ic based on Sic, MAAL	t-Statistic	Prob.
Augmented Dickey-Fuller test statistic		-5.857817	0.0000
Test critical values:	1% level	-3.454812	
	5% level	-2.872203	
	10% level	-2.572525	

* ماكينون (١٩٩٦)، قيم بي من جانب واحد.

Augmented Dickey-Ful Dependent Variable: Di Method: Least Squares Date: 07/07/13 Time: 2	HP,2) ; 1:30			
Sample (adjusted): 199 Included observations:		ments		
	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob
D(HP(-1))	-0.351258	0.059984	-5.857817	0.0000
D(HP(-1),2)	-0.332625	0.058297	-5.705656	0.0000
С	159.6672	76.90883	2.076058	0.0389
R-squared	0.343699	Mean depen	ident var	11.01290
Adjusted R-squared	0.338708	S.D. dependent var		1457.257
S.E. of regression	1185.039	Akaike info o	criterion	17.00415
Sum squared resid	3.69E+08	Schwarz erit	erion	17.04457
Log likelihood	-2258.552	Hannan-Quit	nn onter.	17.02039
F-statistic	68.86536	Durbin-Wats	ion stat	2.005980
Prob(F-statistic)	0.000000			

في هذه الحالة وكيا هو متوقّع، تكون إحصاءة الاختبار أكثر سلبية من القيمة الحرجة، وبالتالي يتم رفض فرضية العدم لجذر الوحدة في الفروق الأولى بشكل مقنع، ولاستكيال الموضوع نقوم بإجراء اختبار جذر الوحدة على مُستويات السلسلة dhp، وهي التغيّرات في النسبة المثوية بدلًا من الفروق المطلقة في الأسعار، يجب أن نجد أن هذه المستويات ساكنة أيضًا.

نقوم أخيرًا بإجراء اختبار كويتكوسكبي على سلسلة مستويات hp من خلال تحديد ذلك من الإطار 'Test Type' في نافذة اختبار جذر الوحدة يجب أن نُلاحظ الآن أن إحصاءة الاختبار تتجاوز القيمة الحرجة حتى عند المستوى ١٪، وبالتالي يتم وبشدة رفض فرضيَّة العدم لجذر الوحدة، وهو ما يؤكِّد نتيجة اختبار جذور الوحدة التي أُجْرِيَتْ سابقًا على نفس السلسلة.

٤ , ٨ النكامل المشترك

(Cointegration)

في كثير من الحالات إذا أخذنا التوليفة الخطّبة بين مُتغيِّرَيْنِ (1) فإن هذه التوليفة سوف تكون أيضًا (1)، وبشكل أعم: إذا كان لدينا توليفة من مجموعة من المتغيِّرات مرد لا أرب تكامل مُتغيِّر، كام مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِّر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِر، كل مُتغيِر، كل مُتغير، كل مُتغير، كل مُتغير، كل مُتغ

$$z_t = \sum_{i=1}^k \alpha_i X_{i,t} \qquad (\xi \xi, \Lambda)$$

قإن $z_t \sim I(\max d_t)$ في هذا السياق يُعتبر z_t ببساطة توليفة خطّية من $z_t \sim I(\max d_t)$ بإعادة ترتيب المعادلة رقم (٤٤٠٨):

$$X_{1,t} = \sum_{i=2}^{k} \beta_i X_{i,t} + z'_t \tag{£0.A}$$

حيث $\frac{\alpha_1}{\alpha_1} = \frac{\alpha_1}{\alpha_2}$, $\frac{\alpha_2}{\alpha_3} = \frac{\alpha_2}{\alpha_3}$, $\frac{\alpha_2}{\alpha_3} = \frac{\alpha_3}{\alpha_4}$, $\frac{\alpha_4}{\alpha_2} = \frac{\alpha_4}{\alpha_3}$, $\frac{\alpha_5}{\alpha_4} = \frac{\alpha_5}{\alpha_3}$, $\frac{\alpha_5}{\alpha_4} = \frac{\alpha_5}{\alpha_4}$, $\frac{\alpha_5}{\alpha_5} = \frac{\alpha_5}{\alpha_5}$, $\frac{\alpha_5} = \frac{\alpha_5}{\alpha_5}$, $\frac{\alpha_5}{\alpha_5} = \frac{\alpha_5}{\alpha_5}$, $\frac{\alpha_5}{\alpha_5} =$

كمثال توضيحي آخر لنأخذ نموذج الانحدار التالي الذي يضم المتغيّرات بدء و يه وهي كلها (1):

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + u_t$$
 (£7.4)

بالنسبة للنموذج المقدّر تُكتب دالة انحدار العيّنة (SRF) كما يلي:

$$y_t = \hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_2 x_{2t} + \hat{\beta}_3 x_{3t} + \hat{u}_t \tag{ξV.A}$$

بأخذ كل العناصر باستثناء البواقي إلى الجانب الأيسر للمعادلة نتحصَّل على ما يلي:

$$y_t - \hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 x_{2t} - \hat{\beta}_3 x_{3t} = \hat{u}_t \tag{\xiA.A}$$

يُمكن مرة أخرى اعتبار البواقي المصاغة بهذه الطريقة على أنها توليفة خطّية من المتغيِّرات، عادة ما تكون هذه التوليفة الخطّية من المتغيِّرات (1) هي نفسها (1)، لكن من المستحسن بشكل واضح الحصول على بواقي تكون (10، لكن السؤال الذي يطرح نفسه هو تحت أي ظرف من الظروف يُمكن الحصول على هذه الحالة؟ الجواب هو أن التوليفة الخطّية من المتغيِّرات (1) سوف تكون (0)، أي ساكنة، إذا كانت المتغيِّرات مُتكاملة تكاملًا مشتركًا.

٨, ٤, ١ تعريف التكامل المشترك (إنجل وجرانجر (١٩٨٧))

(Definition of cointegration (Engle and Granger, 1987)

لنأخذ w_t مُتّجه $k \times 1$ من المتغيّرات، تُعتبر إذًا مكوّنات w_t مُتكاملة من الرتبة (d,b) إذا:

- I(d) كانت كل مكونات w_t من الرتبة (1)
- (٢) يو جد مُتَّجه واحد على الأقل من المعاملات n بحيث يكون:

$\alpha' \mathbf{w}_t \sim I(d-b)$

عمليًّا تحتوي الكثير من المتغيَّرات الماليَّة على جذر وحدة وحيد، وبالتالي فهي (1)1، لذلك فيها تبقى من هذا الفصل سوف يقتصر التحليل على الحالة التي يكون لدينا 1 = b = ، وفي هذا السياق يُمكن تعريف مجموعة من المتغيَّرات على أنها متغيَّرات مُنكاملة تكاملًا مشتركًا إذا كانت توليفتها الحُطِّية ساكنة، هذا ونُشير إلى أن العديد من السلاسل الزمنيَّة غير ساكنة، ولكنها "تتحرك معًا" عبر الزمن، أي أن هناك تأثيرات ما على السلاسل (على سبيل المثال قوى السوق)، ويعني ذلك ضمنيًّا أن السلسلتين مُقيّدتان بعلاقة ما طويلة الأجل، كما يُمكن أيضًا اعتبار علاقة التكامل المشترك على أنها ظاهرة طويلة الأجل أو ظاهرة التوازن؛ لأنه من الممكن أن تحيد المتغيَّرات المتكاملة تكاملًا مشتركًا عن علاقتهم في المدى القصير، لكن ارتباطهم سوف يعود على المدى الطويل.

٨,٤,٢ أمثلة عن علاقات التكامل المشترك المكنة في الماليّة

(Examples of possible cointegrating relationships in finance)

ينبغي أن تُشير النظرية الماليَّة أين يُتوقَّع أن يكون لمتغبِّرين أو أكثر علاقة ما طويلة الأجل بين بعضهم البعض، هناك أمثلة كثيرة في المائيَّة للمجالات التي من المتوقع الحصول فيها على التكامل المشترك، من ذلك نذكر:

- الأسعار الفورية والمستقبلية لسلعة أو لأصل ما.
 - نسبة الأسعار النسبية وسعر الصرف.
 - أسعار الأسهم والأرباح الموزَّعة.

في جميع الحالات الثلاث تُشير قوى السوق الناجمة عن شروط عدم المراجحة بأنه ينبغي أن تكون هناك علاقة توازن بين السلاسل المعنبة، ولعل أسهل طريقة لفهم هذه الفكرة هي النظر في النأثير الذي من الممكن أن يحدث إذا لم تكن السلاسل مُتكاملة تكاملًا مشتركًا، في حالة عدم وجود التكامل المشترك لن تكون هناك علاقة طويلة الأجل تربط السلاسل معًا، بحيث يُمكن للسلاسل أن نحيد بعيدًا دون قيود، يظهر مثل هذا التأثير؛ لأن جميع التوليفات الخطية للسلاسل لن تكون ساكنة، وبالتالي لن بكون لها مُتوسط ثابت تعود إليه بشكل مُتكرَّر.

من المتوقع أن تكون الأسعار الفورية والأسعار والمستقبلية مُتكاملة تكاملًا مشتركًا؛ لأنه من الواضح أنها أسعار لنفس الأصل عند نقاط مختلفة من الوقت، وبالتالي فإنها سوف تتأثر بطرق مُتشابهة جدًّا ببعض المعلومات المعيَّنة، سوف تُعطي تكلفة الاحتفاظ العلاقة طويلة الأجل بين الأسعار الفورية والأسعار المستقبلية.

تنص نظرية تعادل القوة الشرائية (PPP) على أنه يجب أن يكون لسلَّة تُمثَّلة من السلع والخدمات نفس التكلفة عند تحويلها إلى عملة مُشتركة، بصرف النظر عن مكان شرائها، نجد المزيد من المناقشة عن تعادل القوة الشرائية في القسم ١٠٠٨، لكننا نكتفي الآن بالقول إن تعادل القوة الشرائية بعني ضمنًا أن تكون الأسعار النسبية في الدولتين وسعر الصرف بينهما مُتكاملة تكاملًا مشتركًا، في

حالة عدم وجود تكامل مُشترك بين هذه الأخيرة وبافتراض تكاليف مُعاملات صفرية يكون من المربح شراء سلع في بلد ما وبيعها في البلد آخر، وتحويل الأموال التي تم الحصول عليها مرة أخرى إلى عملة البلد الأصلي.

وأخيرًا إذا افترضنا أن بعض الأسهم في شركة معينة يتم الاحتفاظ بها بشكل دائم (أي إلى الأبد)، فإن العائد الوحيد الذي بحصل عليه المستثمر سوف يكون في شكل تدفقات غير محدودة من توزيعات الأرباح المستقبلية، وعليه فإن نموذج توزيعات الأرباح المحدَّدة بقيمتها الحالية يُشير إلى أن السعر المناسب الواجب دفعه اليوم مُقابل السهم هو القيمة الحالية لكافة توزيعات الأرباح المستقبلية، وبالتالي يُمكن القول بأنه لا يُتوقع أن "تحيد" الأسعار الحالية عن توزيعات الأرباح المتوقَّعة المستقبلية على المدى الطويل، مما يعنى ضمنًا أن أسعار الأسهم وتوزيعات الأرباح بجب أن يكونًا مُتكاملين تكاملًا مشتركًا.

السؤال المثير للاهتهام والذي يطرح نفسه الآن هو هل بجب تقدير انحدار التكامل المشترك المحتمل باستخدام مستويات المتغبّرات أو لوغاريتهات مستويات المتغبّرات؟ قد تُقدم النظريَّة الماليَّة إجابة عن الشكل الدالي الأنسب، لكن ولحسن الحظ حتى لو لم يكن الأمر كذلك، فإن هندري وجوسيليوس (٢٠٠٠) ((٢٥٠٥) (Hendry and Juselius) أشارًا إلى أنه إذا كانت مجموعة من السلاسل مُتكاملة تكاملًا مشتركًا في مُستوياتها فإنها سوف تكون أيضًا كذلك في لوغاريتهاتها.

٥ , ٨ نهاذج تصحيح التوازن أو تصحيح الخطأ

(Equilibrium correction or error correction models)

عندما تتت مُناقشة عدم السكون لأول مرَّة في سبعينيات القرن الماضي كان الإجراء المعتاد المتَّخذ بشكل مستقل في جميع الحالات هو أَخْذ الفروق الأولى لكل مُتغيَّر من المتغيِّرات (1) ومن ثم استخدام هذه الفروق الأولى في أيَّة عمليَّة نمذجة لاحقة، في سياق النمذجة أحاديَّة المتغيِّر (على سبيل المثال بناء نهاذج ARMA)، يُعتبر هذا النهج نهجًا صحيحًا نمامًا، غير أنه عندما تكون العلاقة بين المتغيِّرات ذات أهميَّة لا يُنصح بهذا الإجراء، ومع أن هذا الإجراء صحيح من الناحية الإحصائية إلَّا أنه يشكو من مُشكلة، وهي أن نهاذج الفروق الأولى البحتة لبس لها حل طويل الأجل، لنأخذ على سبيل المثال سلسلتين عدو يه كلاهما (1)1، يُمكن تقدير النموذج التالى:

$$\Delta y_t = \beta \Delta x_t + u_t \tag{$\xi \leq \Lambda$}$$

أحد تعريفات المدى الطويل المستخدمة في الاقتصاد القياسي تعني أن المتغيَّرات تقاربت من قيم مُعيَّنة عند المدى الطويل ولم تعُد تتغيَّر، وبالتالي: $y_t = y_{t-1} = x : y_t = y_{t-1} = y$ تعُد تتغيَّر، وبالتالي: $y_t = y_{t-1} = x : y_t = y_t$ وعليه فإن جميع حدود الفروق سوف تكون صفرية في المعادلة رقم (٤٩،٨)، أي أن $0 = \lambda y_t = 0 : \Delta y_t = 0$ وبالتالي ليس لديه ما يقول حول ما إذا كان بين x و y علاقة توازن أم y (انظر الفصل ٥).

لحسن الحظ هناك فئة من النياذج التي يُمكن أن نتغلب على هذه المشكلة من خلال استخدام مزيج من الفروق الأولى والمستويات المتباطئة للمتغيّرات المتكاملة تكاملًا مشتركًا، لنأخذ على سبيل المثال المعادلة التالية:

$$\Delta y_t = \beta_1 \Delta x_t + \beta_2 (y_{t-1} - \gamma x_{t-1}) + u_t \tag{$\circ \cdot \epsilon \Lambda$}$$

 $y_{t-1} = \frac{1}{2}$ (Equilibrium Correction Model) يُعرف هذا النموذج بنموذج تصحيح الخطأ أو نموذج تصحيح الخطأ (Error Correction Term)، وشريطة أن يكون y_t و x_t متكاملين تكاملًا مشتركًا، وبمعامل تكامل مُشترك y_{t-1}

 γ ، فإن $(y_{t-1} - \gamma x_{t-1})$ سوف يكون (0) حتى وإن كانت المتغبّرات المكوّنة له (1)، وبالتالي يجوز استخدام طريقة المربعات الصغرى العاديّة والإجراءات القياسية للاستدلالات الإحصائية على المعادلة رقم $(0 \cdot i \cdot i)$ ، من الممكن بطبيعة الحال إدراج مقطع في حد التكامل المشترك (على سبيل المثال $(y_{t-1} - \alpha - \gamma x_{t-1}))$ أو في النموذج $(y_{t-1} - \alpha - \gamma x_{t-1})$ أو في كلاهما، كما يُمكن تحديد ما إذا كان يجب إدراج ثابت من عدمه بالرجوع إلى النظرية الماليّة، مع الأخذ بعين الاعتبار الحجج المتعلقة بأهمية الثابت، والتي تحت مُناقشتها في الفصل $(0 - \gamma x_{t-1})$

يُطلق على نموذج تصحيح الخطأ في بعض الأحيان نموذج تصحيح النوازن، وسوف يتم استخدام المصطلحين بشكل مترادف لأغراض هذا الكتاب، تُفسِّر نهاذج تصحيح الخطأ كها يلي: يُفترض أن يتغيِّر لا بين s و s = s نتيجة للتغيِّرات في فيم المتغيِّر أو المتغيِّرات المفسِّرة s بين s و s = s ويتغيَّر كذلك جُزئيًّا لتصحيح أي عدم توازن موجود خلال الفترة السابقة، كها تُشير إلى أن حد تصحيح الخطأ s = s ويظهر في المعادلة رقم (s • s و أي غير المقبول أن يظهر هذا الحد دون فترة تباطؤ (أي s • s و المتجابة لعدم التوازن في الزمن s • s و المخلّد والمنافة طويلة الأجل بين s و s و المنافقة فصيرة الأجل بين التغيُّرات في s و التعارف في s هذا ويصف s بشكل عام سرعة التعديل نحو التوازن، أمّا تعريفه الدقيق فهو أنه يقيس نسبة خطأ توازن الفترة الماضية الذي تم تصحيحه.

يُمكن بطبيعة الحال تقدير نموذج تصحيح الخطأ لأكثر من مُتغيِّرين، فعلى سبيل المثال، إذا كان هناك ثلاثة مُتغيِّرات ، x ، ، wr ، مُتكاملة تكاملًا مُشتركًا، فيمكن أن يكون نموذج تصحيح الخطأ كالتالي:

$$\Delta y_{t} = \beta_{1} \Delta x_{t} + \beta_{2} \Delta w_{t} + \beta_{3} (y_{t-1} - y_{1} x_{t-1} - y_{2} w_{t-1}) + u_{t}$$
 (0).A)

تنص تظرية التمثيل لجرانجر (Granger Representation Theorem) على أنه إذا كان لدينا نموذج خطي ديناميكي باضطرابات ساكنة وبيانات (1)1، فيجب أن تكون المتغيّرات مُتكاملة تكاملًا مشتركًا من الرتبة (١،١).

٦ , ٨ اختبار التكامل المشترك في الانحدار . . النهج القائم على البواقي

(Testing for cointegration in regression: a residuals-based approach)

يُمكن تعميم النموذج المقترح لحد تصحيح التوازن ليشمل k مُتغيِّر (المتغيَّر y وعدد k-1 مُتغيِّر x):

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \dots + \beta_k x_{kt} + u_t$$
 (oY.A)

في حالة كانت المتغيِّرات $x_{i}, x_{2i}, x_{2i}, x_{2i}, x_{3i}, \dots, x_{ki}$ أن يكون (1(0)، لكن يظل x_{i} غير ساكن إذا لم يكن هناك تكامل مُشترك.

من الضروري إذًا اختبار بواقي المعادلة رقم (٥٢٠٨)، لمعرفة ما إذا كانت ساكنة أم غير ساكنة يُمكن إجراء اختبار ديكي فولر أو ديكي فولر الموسَّع على ٤٠، باستخدام انحدار على الصيغة التالية:

$$\Delta \hat{u}_t = \psi \hat{u}_{t-1} + v_t \tag{or_sA}$$

حيث يُمثُل ، عد خطأ مُستقل ومُوزّع بشكل مُتطابق.

ولكن بها أنه تم إجراء هذا الاختبار على بوافي النموذج، أي ، ها، فإن القيم الحرجة تتغيَّر مُقارنة بالقيم الحرجة لديكي - فولر أو ديكي - فولر الموسّع المطبّقة على سلسلة البيانات الأوليَّة، لذلك قام إنجل وجرانجر، ويرجع السبب وراء الحاجة إلى قيم حرجة من القيم الحرجة فذا التطبيق، وبالتالي بُعرف الاختبار باختبار إنجل وجرانجر، ويرجع السبب وراء الحاجة إلى قيم حرجة مُعدَّلة إلى كون الاختبار أجري على بواقي النموذج بدلًا من البيانات الأوليَّة، تم بناء البواقي من مجموعة معينة من القيم المقدَّرة للمعاملات، وسوف يُسؤدي خطأ نقدير المعاينة في تلك المعاملات إلى نغير توزيع إحصاءة الاختبار، هذا وفسام المقدَّرة للمعاملات، وسوف يُسؤدي خطأ نقدير المعاينة في تلك المعاملات إلى نغير توزيع إحصاءة المختبار، هذا وفسام المقدَّرة للمعاملات، وسوف يُسؤدي فولر، وهي معروضة أيضًا في نهاية هذا الكتاب، كها تُصبح القيم الحرجة لديكي فولر، وهي معروضة أيضًا في نهاية هذا الكتاب، كها تُصبح القيم الحرجة أكثر سلبية كلها زاد عدد المتغيَّرات في انحدار التكامل المشترك المحتمل.

من الممكن أيضًا استخدام إحصاءة اختبار ديربن واتسون (Durbin- Watson (DW)) أو نهج فيليبس-ببرون لاختبار عدم سكون ، 10، إذا تم تطبيق اختبار ديربن واتسون على بواقي الحدار التكامل المشترك المحتمل فإنه يعرف باسم الالحدار المتكامل المشترك لديربن واتسون (CRDW)، تحت فرضية العدم لجذر الوحدة في الأخطاء، بكون 0 ≈ CRDW، لذلك بتم رفض فرضية العدم لجذور الوحدة إذا كانت إحصاءة CRDW أكبر من القيمة الحرجة ذات الصلة (والتي تُساوى تقريبًا ٥ , ٠).

السؤال الذي يُطرح الآن هو ما هي فرضية العدم والفرضية البديلة لأي اختبار جذر وحدة مُطبق على بواقي انحدار التكامل المشترك المحتمل؟

 $H_0: \hat{u}_t \sim I(1)$

 $H_1 \colon \hat{u}_t \sim I(0)$

وبالتاني وفي ظل فرضية العدم هناك جذر وحدة في بواقي انحدار التكامل المشترك المحتمل، بينها تحت الفرضيَّة البديلة نكون البواقي ساكنة، وعليه وفي ظل فرضية العدم، لا توجد تركيبة خطيَّة ساكنة للمتغيَّرات غير الساكنة، لذلك إذا لم يتم رفض فرضية العدم فلا وجود للتكامل المشترك، في هذه الحالة تتمثَّل نمذجة الاقتصاد القياسي المناسبة في استخدام توصيفات على الفروق الأولى فقط، لن يكون لمثل هذه النهاذج حل توازن طويل الأجل، لكن ذلك لا يكتسب أهنيّة؛ لأن عدم وجود تكامل مُشترك يعني ضمنًا عدم وجود علاقة طويلة الأجل.

من ناحية أخرى إذا تم رفض فرضية العدم لجذر الوحدة في بواقي انحدار التكامل المشترك المحتمل فسوف نستنتج أنه تم العثور على تركية خطّبة ساكنة للمتغيّرات غير الساكنة، وعليه يُمكن تصنيف المتغيّرات على أنها مُتكاملة تكاملًا مُشتركًا، تتمثّل الإستراتيجية المناسبة للنمذجة الاقتصادية الفياسبة في هذه الحالة في إنشاه وتقدير نموذج تصحيح الخطأ، باستخدام الطريقة الموضّحة في القسم التالي.

٧ , ٧ طرق تقدير المعلمات في النظم المتكاملة تكاملًا مشتركًا

(Methods of parameter estimation in cointegrated systems)

ما هي إستراتيجية النمذجة المتبعة إذا كان يُعتقد أن البيانات المتاحة غير ساكنة وربها مُتكاملة تكاملًا مشتركًا؟ هناك (على الأقل) ثلاث طرق يُمكن استخدامها: طريقة إنجل—جرانجر، طريقة إنجل—يو، وطريقة جوهانسن، سوف نتناول أدناه الطريقة الأولى والثالثة من هذه الطرق بشيء من التفصيل.

٨,٧,١ طريقة إنجل- جرائجر ذات الخطوتين

(The Engle -Granger 2-step method)

هذه الطريقة هي عبارة عن طريقة ذات مُعادلة واحدة، وتتم على النحو التالي:

الخطوة ا

التأكد من أن جميع المتغيَّرات الفردية (1)1، نقوم بعد ذلك بتقدير انحدار التكامل المشترك باستخدام طريقة المربعات الصغرى العاديَّة، هذا ونُشير إلى أنه لا يُمكن إجراء أيَّة استدلالات على القيم المقدَّرة لمعامل هذا الانحدار؟ كل ما يُمكن فعله هو تقدير قيم المعليات، كما نقوم بحفظ بواقي انحدار التكامل المشترك، أي عن ثم نختير هذه البواقي للتأثُّد من أنها (0)1، إذا كانت كذلك انتقل إلى الخطوة ٢؛ أمَّا إذا كانت (1)1، فإننا نقوم بتقدير نموذج بضم فقط فروق أولى.

الخطدة ٢

نستخدم بواقي الخطوة الأولى كمتغيِّر في نموذج تصحيح الخطأ، على سبيل المثال:

$$\Delta y_t = \beta_1 \Delta x_t + \beta_2(\hat{u}_{t-1}) + v_t \qquad (o \xi, \Lambda)$$

حيث $-\frac{1}{2}x_{t-1} = y_{t-1} - \hat{\tau}x_{t-1}$ (Cointegrating Vector)، في هذه الحالة سوف يكون متَّجه التكامل المشترك: $-\frac{1}{2}x_{t-1} = y_{t-1} + 10$, بالإضافة إلى ذلك كُل تحويل خطّي لمتّجه التكامل المشترك سوف يكون أيضًا ماكنًا، التكامل المشترك سوف يكون أيضًا مُتجهًا مُتكاملًا مُشتركًا، لذلك على سبيل المثال، $-\frac{1}{2}x_{t-1} = y_{t-1} - y_{t-1}$ سوف يكون أيضًا ماكنًا، في المحادلة رقم (٤٨٠٨) سوف يكون $-\frac{1}{2}x_{t-1} = y_{t-1}$ متّجه التكامل المشترك، يجوز الآن إجراء استدلالات في المحدار المرحلة الثانية، أي استدلالات تتعلَّق بالمعلمات $-\frac{1}{2}x_{t-1} = y_{t-1}$ مشريطة ألَّا يكون هناك أشكال أخرى من سوء التوصيف)، وذلك لأن كل المتغيِّرات في هذا الانحدار تكون ساكنة.

تشكو طريقة إنجل - جرانجر ذات الخطوتين من عدَّة مشاكل:

- (١) المشكلة المعتادة للعينة المتناهية والمتمثّلة في ضعف قوّة اختبارات جلر الوحدة والتكامل المشترك المناقشة أعلاه.
- (٢) يُمكن أن يكون هناك تحيُّز المعادلات الآنية إذا كانت العلاقة السببيَّة بين لا و x ثُنائيَّة الاتجاه، ولكن يتطلب منهج المعادلة الفردية أن يقوم الباحث بالتطبيع على متغيَّر (أي تحديد متغيَّر واحد كمتغيَّر تابع والمتغيِّرات الأخرى كمتغيِّرات مُستقلة)، وهكذا يضطر الباحث إلى التعامل مع لا و x بشكل غير متهائل، على الرغم من أنه لا يوجد سبب نظري للقيام بذلك، وهناك مسألة أخرى، وهي كها يلى: لنفترض أنه تم تقدير التوصيف التالي كانحدار للتكامل المشترك المحتمل:

$$y_t = \alpha_1 + \beta_1 x_t + u_{1t} \tag{OOAA}$$

ماذا لو بدلًا من ذلك تم تقدير المعادلة التالية؟

$$x_t = \alpha_2 + \beta_2 y_t + u_{2t} \tag{0.1.A}$$

إذا وُجد أن (١/٥/٣٠٠ ، فهل يعني ذلك تلقائبًا أن (١/٥/٣٠٠ نكون الإجابة من الناحية النظرية 'نعم'، لكن عملبًا بُمكن التوصل إلى استنتاجات مُختلفة في العيّنات المتناهية، كذلك إذا كان هناك خطأ في توصيف النموذج في المرحلة ١، فسوف يُنقل ذلك الخطأ إلى اختبار التكامل المشترك في المرحلة ٢ جراء الطبيعية المتنالية لحساب إحصاءة اختبار التكامل المشترك.

- (٣) لا يُمكن إجراء أيّة احتبارات للفرضيات عن علاقة التكامل المشترك الفعلية المقدّرة في المرحلة ١.
 - (٤) قد يكون هناك أكثر من علاقة تكامل مُشترك واحدة، انظر الإطار رقم (٨,٢) .

المشاكل ١ و٢ هي مشاكل خاصَّة بالعيَّنات الصغيرة، ويجب أن تختفي تقاربيًّا، كها تتم مُعالجة المشكلة ٣ بطريقة أخرى تعود إلى إنجل ويو، وهناك أيضًا تقنية بديلة أخرى تتغلب على المشاكل ٢ و٣، تعتمد على منهج مختلف يقوم على تقدير نظام مُتَّجه الانحدار الذاتي (٧٨٣)، انظر القسم ٩،٨.

الإطار رقم (٨,٢) علاقات التكامل المشترك المتعددة

في حالة وجود مُتغيِّرين فقط في المعادلة، y_{ℓ} على سبيل المثال، فيمكن أن يكون هناك على الأكثر تركيبة خطية واحدة فقط من y_{ℓ} ومع ذلك، لنفترض أن هناك x مُتغيِّراً في النظام (مع تجاهل أي حد ثابت)، يُرمز إليها بـــ $y_{\ell}, x_{2\ell}, \dots, y_{\ell}, x_{2\ell}$. في هذه الحالة قد يصل عدد علاقات التكامل المشترك المستقلة خطيًا إلى x علاقة (حيث x على يُحتمل أن يُمثل ذلك مشكلة لمنهج الانحدار المستخدم لطريقة المربعات الصغرى العادية الموصوف أعلاه، والذي يستطيع إيجاد علاقة تكامل مُشترك واحدة على الأكثر بغض النظر عن عدد المتغيِّرات الموجودة في النظام، وإذا كانت هناك علاقات تكامل مُشترك مُتعددة فكيف يُمكن للمرء أن يعرف ما إذا كانت هناك علاقات أخرى، أو ما إذا تم العثور على 'أفضل' أو أقوى علاقة تكامل مُشترك؟ سوف يحد انحدار طريقة المربعات الصغرى العاديّة التركيبة الحطيّة الساكنة ذات النباين الأدنى للمنغيّرات، مُشترك؟ سوف يحد انحدار طريقة المربعات الصغرى العاديّة التركيبة الحطيّة الساكنة ذات النباين الأدنى للمنغيّرات، ولكن قد تكون هناك تراكيب خطيّة أخرى للمنغيّرات تكون بديهيّا أكثر جاذبيّة (٤). يتمثل الحل لهذه المشكلة في استخدام منهج النظم للتكامل المشترك وعددها x. أحد هذه استخدام منهج النظم للتكامل المشترك والذي يسمح بتحديد جميع علاقات التكامل المشترك وعددها x. أحد هذه المتخرة مو طريقة جوهانسن، انظر القسم x.

 ⁽٤) سوف يدرك القراء الذين هم على دراية بالدراسات السابقة المتعلقة بالتحوط بالعقود المستقبلية، أن إجراء الحدار بطريقة المربعات الصغرى العادية سيقلل من تباين محفظة التحوط، أي إنها ستقلل من التباين المتبقي في الاتحدار، والوضع هنا مشابه.

٨,٧,٢ طريقة إنجل ويو ذات الثلاث خطوات

(The Engle and Yoo 3-step method)

يأخذ إجراء إنجل ويو (١٩٨٧) ذو الثلاث خطوات، أول خُطوتين من طريقة إنجل-جرانجر، أضاف إنجل ويو بعد ذلك خطوة ثالثة تُعطي قِيًا مُقدَّرة مُحدَّثة لمتجه التكامل المشترك والأخطاء المعيارية لهذا الأخير، تُعتبر الخطوة الثالثة لإنجل ويو جبريًا خطوة تقنية، وبالإضافة إلى ذلك فإن طريقة إنجل ويو تعاني من كل المشاكل المتعلقة بطريقة إنجل-جرانجر، هذا ويُذكر أن هناك إجراء أفضل بكثير يُستخدم لتدارك عدم إمكانية إجراء اختيار الفرضيات المتعلقة بعلاقة التكامل المشترك، وهو إجراء جوهانسن (١٩٨٨)، لهذه الأسباب نادرًا ما يُستخدم إجراء إنجل-يو في التطبيقات العمليَّة، ولن يتم تناوله مرَّة أخرى هنا، وفيها يلي نُقدَّم تطبيقًا لإجراء إنجل-جوانجر في إطار الأسواق الفوريَّة والمستقبلية.

المعلاقة التقدم والتأخر والعلاقة طويلة الأجل بين الأسواق الفوريَّة والمستقبلية (lead-lag and long-term relationships between spot and futures markets)

(Background) خلفیة ۸,۸,۱

إذا كانت الأسواق غير احتكاكية (Frictionless) وتعمل بكفاءة، فمن المتوقع أن تكون التغيَّرات في (لوغاريتم) السعر الفوري للأصل المالي وتغيَّراته المقابلة في (لوغاريتم) السعر المستقبلي مُرتبطة بشكل مُتزامن تمامًا دون أن تكون مُرتبطة ذاتيًّا فيها بينها، يتم تمثيل هذه المفاهيم رياضيًّا كها يلي:

- $\operatorname{corr}(\Delta \log(f_t), \Delta \ln(s_t)) \approx 1$ (i)
- $\operatorname{corr}(\Delta \log(f_t), \Delta \ln(s_{t-k})) \approx 0 \ \forall \ k > 0 \ (\ \ \)$
- $\operatorname{corr}(\Delta \log(f_t j), \Delta \ln(s_t)) \approx 0 \ \forall j > 0 \ (>)$

بعبارة أخرى من المتوقّع أن تحدث التغيُّرات في الأسعار الفورية والتغيُّرات في الأسعار المستقبلية في نفس الوقت (الشرط (أ))، من المتوقع كذلك ألَّا يكون التغيُّر الحَالي في السعر المستقبلي مرتبطًا بالتغيُّرات السابقة في السعر الفوري (الشرط (ب))، ألَّا يكون للتغيُّرات الحاليَّة في السعر الفوري علاقة بالتغيرات السابقة في السعر المستقبلي (الشرط (ج))، هذا وتُعرف التغيرات في لوغاريتهات الأسعار الفورية والمستقبلية أيضًا بالعوائد الفوريَّة والعوائد المستقبلية.

في الحالة التي يكون فيها الأصل الأساسي عبارة عن مؤشر الأسهم، تُعرف علاقة التوازن بين الأسعار الحالية والأسعار المستقبلية بنموذج تكلفة الاحتفاظ (Cost of Carry Model)، وتكون كها يلي:

$$F_t^* = S_t e^{(r-d)(T-t)} \tag{av. A}$$

حيث يُمثّل £ السعر المستقبلي العادل، £ السعر الفوري، ٢ سعر الفائدة المركب والمستمر الخالي من المخاطرة، ۵ العائد المركب المستمر على أساس توزيعات أرباح مؤشر الأسهم حتى تاريخ استحقاق العقد الآجل ويُمثّل (٢ - ٢) الوقت المتبقّي حتَّى تاريخ استحقاق العقود المستقبلية، بتطبيق اللوغاريتم على جانبئي المعادلة رقم (٥٧،٨) نتحصَّل على:

$$f_t^* = s_t + (r - d)(T - t) \tag{2.6}$$

حيث يُمثّل ٢٠ لوغاريتم سعر العقود المستقبلية العادل و ٤٠ لوغاريتم السعر الفوري، تُشير المعادلة رقم (٥٨، ٥) إلى أن العلاقة طويلة الأجل بين لوغاريتهات الأسعار الفورية والأسعار المستقبلية ينبغي أن نكون واحدة لواحدة، وهكذا فإن الأساس الذي يُعرَف بأنه الفرق بين الأسعار المستقبلية والأسعار الفورية (يُعدَّل إذا لزم الأمر وفقًا لتكلفة الاحتفاظ) يجب أن يكون ساكنًا؛ لأنه إذا كان يُمكن أن ينحرف الأساس دون قيود فإن فرص المراجحة سوف تظهر والتي يجب أن يُتَّخذ سريعًا إجراء بشأنها من قِبَل المتداولين بحيث يتم إعادة العلاقة بين الأسعار الفورية والأسعار المستقبلية إلى التوازن.

يُمكن اختبار الفكرة الفائلة بأنه لا يتبغي أن تكون هناك أية علاقة تقدُّم-تأخُّر بين الأسعار االفورية والمستقبلية، وأنه ينبغي وجود علاقة واحدة لواحدة طويلة الأجل بين لوغاريتهات الأسعار الفورية والأسعار والمستقبلية، باستخدام الانحدارات الحُطَّية البسيطة وتحليل التكامل المشترك، الآن سوف يدرس هذا الكتاب نتائج ورقتين مُرتبطتين، الورقة الأولى لتسي (١٩٩٥) ((1995) Tse (1995)) الذي استخدم بيانات يومية عن مؤشر أسهم نبكاي الباباني (NSA) وعقودها المستقبلية، أمَّا الورقة الثانية فهي لبروكس رو وريتسون (٢٠٠١) ((٢٠٠١) (٢٠٠١) والعقود المستقبلية على المؤشر.

	سعار وعوائد بيانات FISE عالية التكرار	الجدول رقم (٨,٣) اختبارات ديكي قولز على لوغاريتم ال
الأسعار الفورية	الاسعار المنتقبلية	
۰,۷۲۲۵-	۰,۱۳۲۹_	إحصاءات ديكي-فولر لبياتات لوغاريتم الأسعار
118,14.4-	AE, 997A-	إحصاءات ديكي-قولر لبيانات العوائد

تتكوَّن البيانات المستخدمة من قِبَل تسي (١٩٩٥) من ١٠٥٥ مُشاهدة يوميَّة على مؤشر أسهم نيكاي الياباني، وعلى مؤشر العقود المستقبلية، وذلك من ديسمبر ١٩٨٨ إلى أبريل ١٩٩٣، أمَّا البيانات المستخدمة من قبل بروكس وآخرين فتتكون من ١٣٠٣٥ مُشاهدة كل عشر دقائق) جُميع أيام التداول وخلال الفترة الممتلَّة بين يونيو ١٩٩٦ ومايو ١٩٩٧ والمقدَّمة من قِبَل فوتسي العالميَّة (FTSE International)، وجدف إنشاء نموذج ملائم إحصائيًّا، يجب أولًا التحقُّق من المتغيَّرات فيها إذا كان يُمكن اعتبارها ماكنة أم لا، هذا ونظهر نتائج اختبار ديكى –فولر على لوغاريتهات الأسعار الفوريَّة والمستقبلية لبيانات فوتسي المتحصَّل عليها كل عشر دقائق، في الجدول رقم (٨,٣).

وكماكان مُتوقعًا، خلصت كلتا الدراستين إلى أن سلسلتي لوغاريتم الأسعار تضم جذر الوحدة، في حين أن العوائد ساكنة، بطبيعة الحال، قد يكون من الضروري توسيع الاختبارات بإضافة فترات إبطاء في المتغيِّر الثابع، وذلك للأخذ بعين الاعتبار الارتباط الذاتي في الاخطاء، (أي اختبار ديكي-فولر الموسّع)، لم تُقدَّم نتائج هذه الاختبارات لأن الاستنتاجات لم تتغيَّر، وبالتالي فإن النموذج السليم إحصائبًا هو النموذج المطبَّق على العوائد، غير أن الصيغة التي تحتوي على الفروق الأولى فقط ليس لها حل توازُن طويل الأجل، بالإضافة إلى ذلك تُشير النظريَّة إلى أن السلسلتين يجب أن يكون بينها علاقة طويلة الأجل، لذا فإن الحل يكمن في معرفة ما إذا كانت هناك علاقة تكامل مُشترك بين ، أو و عن مما يعني أنه من الصواب في هذا السباق إدراج حدود المستويات مع العوائد، يتم اختبار ذلك من خلال فحص ما إذا كانت بواقي انحدار الشكل التالي (أي ع):

$$s_t = \gamma_0 + \gamma_1 f_t + z_t \tag{2.9}$$

ساكنة أم لا، وذلك باستخدام اختبار ديكي-فولر، حيث يُمثَّل ،z حد الخطأ، يرد في الجدول رقم (٨,٤) قيم المعاملات للمعادلة رقم (٩،٨) المقدَّرة إضافة إلى إحصاءة اختبار ديكي-فولر.

القيمة المقدرة	المعامل
٠, ١٣٤٥	
• , ٩٨٣٤	
إحصاءة الاختيار	اختبار ديكي قولر على البواقي
1 E , YT+T-	

الصدر: بروکس، رو وریتسون (۲۰۰۱)

	ميح الحطأ المقدر ليبانات UTSE عالية التكوار	الحدول رقم (٥ , ٨) تمودج تصه
الــــــة ي	القيمة المقدرة	المعامل
١,٦٠٨٣	4,7V1rE7	\hat{eta}_0
0,179.4-	٠,٨٣٨٨-	$\hat{\delta}_1$
19,7441	•,1794	$\hat{eta}_{ ext{i}}$
7., 59.57	٠,١٣١٢	\hat{a}_{i}

المصدر: بروكس، رو وريتسون (۲۰۰۱)

من الواضح أنه يُمكن اعتبار بواقي انحدار التكامل المشترك ساكنة، لاحظ أيضًا أن معامل الميل المفدّر في انحدار التكامل المشترك يأخذ قيمة قريبة من الوحدة، كما هو متوقّع من النظرية، غير أنه ليس من الممكن منهجيًّا اختبار ما إذا كان المعامل الحقيقي للمجتمع مُساويًا لواحد؛ لأنه لا يُوجِد في هذا الإطار طريقة لاختبار الفرضيات عن علاقة التكامل المشترك.

نتمثّل المرحلة الأخيرة في بناء نموذج تصحيح الخطأ المستخدم لمنهج إنجل-جرانجر ذات الخطوتين، في استخدام فترة إيطاء في البواقي المتحصَّل عليها في المرحلة الأولى، أي ،2، كحد تصحيح التوازن في المعادلة العامة، يكون النموذج العام كالتالي:

$$\Delta \log s_t = \beta_0 + \delta \hat{z}_{t-1} + \beta_1 \Delta \ln s_{t-1} + \alpha_1 \Delta \ln f_{t-1} + v_t \tag{7.4}$$

ذا النموذج في الجدول رقم (٥,٨).	نيم المقدّرة لمعاملات ه	، v حد الخطأ، ترد القي	حيث يُمثّل
---------------------------------	-------------------------	------------------------	------------

			دقة التبوخارج العية	الجدول رقم (٨,٦) مقارنة
VAR	ARIMA	ECM-COC	ECM	
.,	1,116311	٠,٠٠٠٤٣٥٠	• , • • • £٣A٢	RMSE
٠, ٤٣٧٨	٠ , ٤٣٨٢	+, 2700	• , १४०१	MAE
711,4	7,18,47	%1A,V0	%3V,34	نسية الانجاء الصحيح

المصدر: بروکس، رو وریتسون (۲۰۰۱).

لننظر أولًا في علامات ومعنويَّة المعاملات (يُمكن الآن أن تفسر هذه الأخيرة على نحو صحيح؛ لأن جميع المتغيِّرات المستخدمة في هذا النموذج ساكنة)، ش مُوجب وعالي المعنويَّة، ممَّا يدل على أن السوق المستقبلي يقود بالفعل السوق الفوري، حيث إن التغيُّرات المتباطئة في الأسعار المستقبلية تُؤدي إلى نغيُّر إيجابي في سعر السوق الفوري التاني، كما أن الله مُوجب وعالى المعنويَّة، عمَّا يُشير إلى أنه في المتوسِّط يوجد ارتباط ذاتي مُوجب في العوائد الفوريَّة، أمَّا معامل تصحيح الخطأ ثمّ فهو سالب ومعنوي، ممَّا يُشير إلى أنه إذا كان الفرق بين لوغاريتم السعر الفوري ولوغاريتم السعر المستقبلي مُوجبًا خلال فترة ما فإن السعر الفوري سوف يهبط خلال الفترة القادمة لاستعادة التوازن، والعكس صحيح.

٨,٨,٢ التنبؤ بالعوائد الفورية

(Forecasting spot returns)

بين كلَّ من بروكس، رو وريتسون (٢٠٠١) وشي (١٩٩٥) أنه من الممكن استخدام صيغة تصحيح الخطأ لنمذجة التغيَّرات في لوغاريتم مؤشر الأسهم، السؤال الواضح الذي يطرح نفسه هو ما إذا كان من الممكن استخدام مثل هذا النموذج للتنبؤ بالقيمة المستقبلية لسلسلة الأسعار الفوريَّة لعيَّنة البيانات المستبعدة وغير المُستخدمة سابقًا في تقدير النموذج، هذا ونُشير إلى أن كلًّا من بروكس، رو وريتسون (٢٠٠١) وتسي (١٩٩٥) قد استخدما تنبؤات متحصَّل عليها من ثلاثة نهاذج أخرى، وذلك لمقارنتها بتنبؤات نموذج تصحيح الخطأ، هذه النهاذج هي: نموذج تصحيح الخطأ بحد إضافي يأخذ في الاعتبار تكلفة الاحتفاظ، النموذج ARMA (تم اختبار طول فترة الإبطاء باستخدام معبار معلومات)، ونموذج مُتَّجه الانحدار الذاتي غير المفيّد (تم اختبار طول فترة الإبطاء باستخدام معبار معلومات)، ونموذج مُتَّجه الانحدار الذاتي غير المفيّد (تم اختبار طول فترة الإبطاء باستخدام معبار معلومات)،

يتم تقييم النتائج من خلال مُقارنة جذر متوسط الخطأ التربيعي (RMSE)، مُتوسط الخطأ المطلق (MAE) والنسبة المتوية للننبؤات الصحيحة بالاتجاه، هذا وترد نتائج التنبؤات الواردة في ورقة بروكس، رو وريتسون في الجدول رقم (A, 7)، من هذا الجدول الأخير يُمكن مُلاحظة أن نهاذج تصحيح الخطأ لها أدنى جذر متوسط خطأ تربيعي وأدنى مُتوسط خطأ مُطلق إضافة إلى أعلى نسبة مثوية للتنبؤات الصحيحة بالانجاه، غير أنه لا توجد فروق هامَّة بين النهاذج، والأربعة تنبَّأت بشكل صحيح بنسبة ٢٠٪ من علامات العوائد النالية.

لأسباب إحصائيَّة من الواضح أن أداء نهاذج تصحيح الخطأ فيها يتعلَّق بالتنبؤ خارج العيَّنة يُعتبر أفضل من أداء مُنافسيها، ولكن لا يعني ذلك بالضرورة أن لمثل هذه التنبؤات أي استخدام عملي، شكَّكت العديد من الدراسات في جدوى المقاييس الإحصائية لدقة التنبؤ كمؤشرات لربحية استخدام هذه التنبؤات في إطار التداول العملي (انظر على سبيل المثال ليتش وتاتر (١٩٩١) (١٩٩١)). قام بروكس، رو وريتسون (٢٠٠١) بتدارس هذا الرأي عن طريق وضع مجموعة من قواعد التداول التي نقوم على تنبؤات مُتحصَّل عليها من نموذج تصحيح الخطأ بتكلفة الاحتفاظ، وهو أفضل نموذج للتنبؤ الإحصائي، أمَّا فترة التداول فهي عبارة عن سلسلة البيانات خارج العينة التي لم تُستخدم في تقدير النموذج، وتمتد من ١ مايو إلى ٣٠ مايو ١٩٩٧. يُوفَر نموذج تصحيح الخطأ بتكلفة الاحتفاظ (٢٠٠ (ECM- COC) تنبؤات بخطوة واحدة إلى الأمام كل عشر دقائق، كما تتضمَّن إستراتيجية النداول تحليل التنبؤات بالعوائد الفورية، وإدراج القرار الذي تمليه قواعد النداول الموضَّحة أدناه، يُقترض أن الاستثهار الأصلي هو النداول تحليل التنبؤات بالعوائد الفورية، وإدراج القرار الذي تمليه قواعد النداول الموضَّحة أدناه، يُقترض أن الاستثهار الأصلي عو المتخاط، كما يتم المخاطر، كما يتم استخدام خس إستراتيجيات تداول ومُقارنة أرباحها بالأرباح المتحصَّل عليها من شراء وحيازة المؤشر سلبيًّا، هناك بالطبع عدد لا حصر له من الإستراتيجيات التي يُمكن تبنيها لمجموعة معيَّنة من النبؤات بالعائد الفوري، لكن بروكس، رو وريتسون استخدموا الإستراتيجيات التالية:

- إستراتيجية تداول السيولة: تشمل إستراتيجية التداول هذه القيام بشراء ورقة ماليَّة بليها فورًا صفقة بيع (أي شراء وبيع أسهم فوتسي
 ١٠٠) كل عشر دقائق؛ لأنه من المتوقع من خلال النموذج أن يكون العائد إيجابيًّا، إذا كان من المتوقع من خلال النموذج أن يكون العائد سلبيًّا فإنه لن يتم إجراء أي تداول، ويحصل الاستثهار على المعدل الخالي من المخاطرة.
- إستراتيجية الشراء والحيازة ما دام التنبؤ إيجابيًا: تسمح هذه الإستراتيجية للمتداول بأن يستمر في حيازة المؤشر إذا كان
 العائد المتوقع في فترة الاستثمار التالية موجبًا، بدلًا من القيام بشراء ورقة ماليّة يليها فورًا صفقة بيع لكل فترة.
- إستراتيجية المرشح: العائد المتوقع أفضل من المتوسط: تنضمن هذه الإستراتيجية شراء المؤشر فقط في الحالة التي تكون فيها
 العوائد المتوقعة أكبر من العائد الإيجابي المتوسط (لا يوجد تداول للعوائد السلبية، وبالتائي يُؤخذ المتوسط فقط على العوائد الاعاسة).
- إستراتيجية المرشح: العائد المتوقع أفضل من العُشير الأول (First Decile): هذه الإستراتيجية مُشابهة للإستراتيجية السابقة، ولكن بدلًا من استعمال المتوسط كما في السابق، فإنه يتم فقط التداول على أعلى ١٠٪ من العوائد.
- إستراتيجية المرشح: قطع عشوائي عالي: يتم فرض مُرشح عشوائي مُساو لـ ١٠٧٥ ، ١٠٧٥ ، ١٠ ايؤدي إلى إجراء عمليات تداول فقط للعوائد التي يُتوقَّع أن تكون كبيرة للغاية لفترة عشر دقائق.

يعرض الجدول رقم (٨,٧) النتائج المتحصَّل عليها من استخدام كل إستراتيجية من الإستراتيجيات التي تستخدم تنبؤات العوائد الفورية المتحصَّل عليها من نموذج تصحيح الخطأ بتكلفة الاحتفاظ.

يُعتبر شهر الاختبار، أي مايو ١٩٩٧، شهرًا تصاعديًّا بشكل خاص، حيث حقَّفت إستراتيجية شراء وحيازة المؤشر البحتة عائد بنسبة ٤٪ أو ما يقرب من ٥٠٪ سنويًّا، من الناحية المثالية، سوف يتم إجراء عملية التنبؤ على مدى فنرة أطول من شهر واحد، ويفضل أن يكون ذلك تحت ظروف سوق مُختلفة، غير أن ذلك يُعتبر ببساطة مستحيلًا بسبب عدم توفُّر بيانات عالية التكرار على مدار فترة زمنية طويلة، من الواضح أن الننبؤات لديها بعض القدرة على تحديد التوقيت الأمثل للاستثبار، بمعنى أنها تبدو أنها تضمن تداولات في المتوسِّط مُستثمرة في المؤشر عندما يكون في حالة ارتفاع، وتخرج من السوق عندما ينخفض المؤشر، كما نُشير إلى أن إستراتيجيات التداول الأكثر ربحية من حيث القيمة الإجمائية هي تلك التي تتداول على أساس كل التنبؤات بالعائد الفوري الإيجابي،

وجميع القواعد باستثناء المرشح الأكثر صرامة تجني مالًا أكثر مُقارنة بالاستثبار السلبي، كما يبدو أن المرشح الصارم لا يعمل جيدًا؛ لأنه خارج المؤشر لفترة طويلة جدًّا خلال فترة الارتفاع المطود للسوق.

			كلفة الاحفاظ	رنج تصحيح الخطأ	الحِدول رقيم (٧, ٨) ربحية تداول تمو
عدد التداولات	العائد السنوي مع انزلاق (٪)	الثررة النهائية مع انزلاق (£)	العائد السنوي (٪)	الثروة النهائية (£)	إسترانيجية التداول
١	£, • 4 { £ 4 , • A }	1.5.,97	£, •9 {£9, •A}	1.5.,97	استثهار سلبي
2 AT	0,78 {7V,7A}	1.01,7%	10,77	1101,71	تداول السيولة
ተለተ	0,0A {11,91}	1.00,77	10,77	1107,71	إستراتيجيّة الشراء والحيازة ما دام التنبؤ إيجابيًّا
۱۳۵	\Y,T\ {\&A,TY}	1177,07	18,20	1188,01	المرشح ١
le	\$,2Y {\$\$,00}	1.87,17	11,	11,.1	المرشح ٢
Λ	۰,۲۲ {۳,۸٤}	۱۰۰۳, ۲۳	1,9A [YY,Y7]	1+19,57	المرشح ٣

المصدر: بروكس، رو وريبستون (۲۰۰۱).

ومع ذلك فإن صورة الربحية الهائلة التي رسمت حتى الآن هي مُضلّلة نوعًا ما، وذلك لسبين: زمن الانزلاق وتكاليف المعاملات؛ أولًا: من غير المعقول الافتراض أنه يُمكن تنفيذ التداولات في السوق في اللحظة التي يُطلب فيها ذلك، حيث قد يستغرق الأمر بعض الوقت لإيجاد الأطراف المقابلة لجميع النداولات المطلوبة 'لشراء المؤشر' (نُشير إلى أنه من الناحية العمليّة من الممكن بالطبع الوصول إلى صورة مُشابهة للعوائد بعدد أقل بكثير من الأسهم)، وبالتالي: فإن بروكس ورو وريتسون أجازوا عشر دقائق 'لزمن الانزلاق'، وهو ما يفترض أن الأمر يستغرق عشر دقائق من لحظة إعطاء أمر التداول إلى لحظة تنفيذه، ثانيًا: من غير الواقعي التفكير في تحقيق أرباح هائلة، بها أن تكاليف المعاملات في السوق الفورية لا يُستهان بها، وأن الإستراتيجيات التي تحت دراستها تُشير الكثير من الصفقات. يُشير ساتكليف (1997، ع ٤٧) ((Sucliffe (1997, p 47)) إلى أن إجالي تكاليف المعاملات لعمليات شراء أسهم فوتسي التي يليها فورًا صفقة بيع تبلغ ٧ ، ١٪ من الاستثبار.

إن تأثير زمن الانزلاق هو جَعْل التنبؤات أقل فائدة مما كانت ستكون عليه لولاه، على سبيل المثال، إذا كان من المتوقع أن يرتفع السعر الفوري، وأنه قد ارتفع بالفعل ثم توقف عن الارتفاع في الوقت الذي يتم فيه تنفيذ الأمر، وهكذا تفقد التوقعات قدرتها على تحديد التوقيت الأمثل للاستثبار في السوق، كما يبدو أن الثروة النهائية (الطرفية) تنخفض يشكل كبير عندما يُؤخذ زمن الانزلاق في الاعتبار، مع انخفاض للعائد الشهري يتراوح ما بين ٥ , ١٪ و ١٠٪ بحسب قاعدة التداول.

أخبرًا، إذا أخذنا في الاعتبار تكاليف المعاملات، فإن أيًّا من قواعد التداول يُمكن لها أن تتفوق من حيث أداؤها على إستراتيجية الاستثهار السلبي، وهي كلها في واقع الأمر تجلب خسائر فادحة.

(Conclusions) الاستنتاجات (A, A, ۴

إذا كانت الأسواق غير احتكاكية وتعمل بكفاءة، فمن المتوقع أن تكون النغيَّرات في السعر الفوري للأصل المالي وتغيَّراته المقابلة في السعر المستقبلي مُرتبطة بشكل مُتزامن تمامًا دون أن تكون مُرتبطة ذاتيًّا فيها بينها، ومع ذلك فقد وثَّقت العديد من الدراسات الأكاديمية أن سوق العقود المستقبلية 'يقود' باستمرار السوق الفورية، مما يعكس الأخبار بسرعة أكبر نتيجة لحقيقة أن مؤشر الأسهم ليس كيانًا واحدًا، وتعنى هذه النقطة الأخبرة ضمنًا ما يلى:

- · يتم تداول بعض مكوَّنات المؤشر بشكل غير مُنتظم، مما يعني أن قيمة المؤشر الملحوظة تحتوي أسعار مكونات "قديمة".
 - التداول في السوق الفورية أكثر تكلفة، وبالتالي تتفاعل السوق الفورية ببطء أكثر مع الأخبار.
- يتم إعادة حساب مؤشرات أسواق الأسهم كل دقيقة، لذلك فإن المعلومات الجديدة تأخذ وقتًا أطول لتنعكس في المؤشر.
 من الواضح أن مثل هذه المعوقات للسوق الفورية لا يُمكن أن تفسر علاقات التأخر -التقدُّم اليوميَّة التي وثقها تسي
 (1990). وعلى أيَّة حال، بها أنه يبدو مُستحيلًا الاستفادة من هذه العلاقات، فإن وجودها يتطابق تمامًا مع غياب فرص المراجحة ويتوافق مع التعريفات الحديثة لفرضية كفاءة الأسواق.

٩ اختبار وتقدير نظم التكامل المشترك باستخدام تقنية جوهانسن المبنيَّة على مُنجهات الانحدار الذات

(Testing for and estimating cointegrating systems using the Johansen technique based on VARs)

لنفترض أن لدينا مجموعة من g متغبّر (2 ≤ g) قبد الدراسة وهي مُتغبّرات (1) أيُعتقد أنها قد تكون مُتكاملة تكاملًا مُشتركًا، يُمكن إعداد مُتجه الانحدار الذاق (VAR) بــ k فترة إبطاء والذي يتضمَّن هذه المتغبّرات كيا يلي:

$$\begin{array}{lll} y_t = & \beta_1 y_{t-1} + \beta_2 y_{t-2} + \dots + \beta_k y_{t-k} + & u_t \\ g \ge 1 & g \ge gg \ge 1 & g \ge gg \ge 1 & g \ge gg \ge 1 \end{array} \tag{71.4}$$

وبهدف استخدام اختبار جوهانسن يجب تحويل مُتجه الانحدار الذاتي المقدَّم في المعادلة رقم (٦١،٨) أعلاه إلى نموذج مُتجه تصحيح الخطأ (Vector Error Correction Model (VECM)) على الشكل التالي:

$$\Delta y_{t} = \Pi y_{t-k} + \Gamma_{1} \Delta y_{t-1} + \Gamma_{2} \Delta y_{t-2} + + \Gamma_{k-1} \Delta y_{t-(k-1)} + u_{t}$$
 (7Y, A)

$$\Gamma_i = \left(\sum_{i=1}^l \beta_i\right) - I_g$$
 و $\Pi = \left(\sum_{i=1}^k \beta_i\right) - I_g$ حيث Π

يضم مُتجه الانحدار الذاي هذا و منغبُرات على شكل فروق أولى على الجهة البسرى للمعادلة و 1 – لا فترة إبطاء للمنغيُرات التابعة (فروق) على الجهة اليمنى للمعادلة ترتبط بها مصفوفة من المعاملات اله في الواقع يُمكن أن يتأثر اختبار جوهانسن بطول فترة الإبطاء المستخدم في نموذج مُتجه تصحيح الخطأ، لذا من المفيد مُحاولة تحديد طول فترة الإبطاء الأمثل، كما هو مُوضح في الفصل ١٦ هذا ويُركُّز اختبار جوهانسن على فحص المصفوفة ١٦، يُمكن أن تُفسّر ١٦ على أنّها مصفوفة مُعاملات المدى الطويل بها أنه في حالة التوازن سوف تكون جميع العناصر ١٠٤٠ مفريَّة، وسوف يُؤدي تحديد حدود الخطأ ١٤، بقيمها المتوقّعة الصفريَّة إلى جعل = ١٤٠٠ الفروق الولى كمتغيَّر تابع، إضافة إلى حدود للمُستويات المتباطئة وللفروق المتباطئة في الجانب الأيمن للمعادلة.

لنفترض الآن أن رُتبة المصفوفة تُساوي واحدًا (1 = (1) rank)، إذًا سوف يكون (1 + 1) سالبًا و < ٪ 0 = (1 - 1) الم 1، إذا كانت القيمة الذائيَّة عدد ٪ غير صفريَّة، فإنه يكون لدينا 1 < ٪ 0 > (1 - 1)، ويعني ذلك أنه لكي تكون رُتبة ٦ مُساوية لواحد فبجب أن تكون القيمة الذاتبة القصوى معنويًّا غير صفرية في حين لن تختلف القيم الذاتبة الأخرى معنوبًّا عن الصفر.

هناك نوعان من إحصاءات اختبار التكامل المشترك في إطار منهج جوهانسن، والتي تمت صياغتها على النحو التالي:

$$\lambda_{trace}(r) = -T \sum_{l=r+1}^{S} \ln(1 - \hat{\lambda}_l)$$
 (hg. A)

Ĵ

$$\lambda_{max}(r,r+1) = -T \ln \left(1 - \hat{\lambda}_{r+1}\right) \tag{15.4}$$

حيث يُمثّل r عدد المتجهات المتكاملة تحت فرضية العدم ويُمثّل بثم القيمة المقدَّرة للقيمة الذاتية المرتَّبة عدد الملصفوفة اله بديبيًّا كُلَّها كان بثم أكبر كُلَّها كان (بذ – 1) المربرًا وسالبًا، وبالنالي تكون إحصاءة الاختبار أكبر، كما نُشير إلى كل قيمة ذاتية سوف تكون مُرتبطة بمتجه تكامل مُشترك غُتلف، والذي سوف يكون متجه ذاتي، نُشير القيمة الذائية غير الصفرية معنويًّا إلى متجه تكامل مُشترك معنوي.

يُعتبر الاختبار ٨٤٠٥٥٥ اختبارًا مُشتركًا حبث تتمثّل فرضية العدم في وجود عدد متجهات للتكامل المشترك بكون أقل أو يُساوي r مُقابل فرضيّة بديلة غير مُحدَّدة أو عامَّة يكون فيها عدد متجهات التكامل المشترك أكبر من r، يبدأ الاختبار بـ p قيمة ذائيّة،

أؤخذ القيم الذائية المستخدمة في إحصاءات الاختبار بدقة من مصفوفات ضرب العزوم المقيدة الرئبة وليس من المصفوفة П ذاتها.

ثم نقوم وبصورة مُتنالبة بإزالة أكبر قبمة ذاتيَّة، يكون $\lambda_{trace}=0$ عندما تكون كل قبم λ مُساوية لصفر لكل i=1,...,g ثم نقوم وبصورة مُتنالبة بإزالة أكبر قبمة ذاتيَّة، يكون $\lambda_{trace}=0$ عندما تكون كل قبم $\lambda_i=1,...,g$

يقوم الاختبار مسهم بإجراء اختبارات مُنفصلة على كل فيمة ذاتية، وله فرضية عدم تتمثَّل في أن عدد المتجهات المتكاملة يكون مُساويًا لـ r في مُقابِل فرضيَّة بديلة تتمثَّل في أن عدد المتجهات المتكاملة يكون مُساويًا لـ (r + 1).

وفّر جوهانسن وجيوسيليوس (١٩٩٠) القيم الحرجة لهذين النوعين من الإحصاءات، أمّّا توزيع إحصاءات الاختبار فهو غير معياري، وتعتمد القيم الحرجة على قيمة (٢ – و)، على عدد العناصر غير الساكنة وعلى ما إذا نم إدراج ثوابت في كل مُعادلة من المعادلات أم لا، هذا ويُمكن إدراج مقاطع سواءً في المتجهات المتكاملة نفسها أو كحدود إضافية في متجه الانحدار الذاني، يُعادل هذا الأخير تضمين اتجاه في عمليات توليد البيانات لمستويات السلاسل، نُشير أيضًا إلى أن أوسنيروالد ولينوم (١٩٩٢) (Osterwald and) وفّرًا مجموعة قيم حرجة لاختبار جوهانسن أكثر اكتهالًا، بعضها أبضًا مُدرج في ملحق الجداول الإحصائية في نهاية هذا الكتاب.

إذا كانت إحصاءة الاختبار أكبر من القيمة الحرجة المتحصَّل عليها من جداول جوهانسن فإنه يتم رفض فرضية العدم التي تنص على أن هناك r متجه للتكامل المشترك لصالح الفرضية البديلة المتمثَّلة في أن هناك r+1 متجه للتكامل المشترك (اختبار عليه المديلة المتمثَّلة في أن هناك r+1 متجه للتكامل المشترك (اختبار λ_{trace})، كما يتم إجراء الاختبار بالتتابع، ويكون لدينا تحت فرضية العدم r+1 أو أكثر من r+1 متجه للتكامل المشترك (اختبار λ_{trace})، كما يتم إجراء الاختبار بالتتابع، ويكون لدينا تحت فرضية العدم r+1

يتضمَّن الاختبار الأول فرضية عدم تتمثّل في عدم وجود متجهات تكامل مُشترك (وهو ما يُعادل رتبة صفوية للمصفوفة ١٦)، إذا لم يتم رفض فرضية العدم سوف نستنتج أنه لا يوجد متجهات تكامل مُشترك وننتهي من الاختبار، ومع ذلك إذا تم رفض: و ٢ = 0، فسوف يتم اختبار فرضيَّة العدم التي تنص على وجود منجه تكامل مُشترك واحد (أي ٢ = 1 : ٨)، وهكذا، وبالتالي فإن قيمة ٣ تزيد بشكل مُستمر إلى أن نصل إلى عدم رفض فرضيَّة العدم.

نكن كيف يتطابق ذلك مع اختبار رتبة المصفوفة r ؟ r هو رتبة المصفوفة r وهي مصفوفة لا يُمكن أن تكون من الرتبة الكاملة (أي من الرتبة g)؛ لأن ذلك يتطابق مع بيانات p الأصلية الساكنة، أمَّا إذا كانت r مصفوفة ذات رُتبة صفريَّة فإنه وقياسًا على الحَالة أحاديَّة المتغبِّر، يعتمد p فقط على p مون p دون p بحيث لا تُوجد علاقة طويلة الأجل بين عناصر p وبالثاني لا وجود للتكامل المشترك، بالنسبة لـ p > p (p × p) على التوالى، أي:

$$\Pi = \alpha \hat{\beta}^r \tag{10.4}$$

تُعطي المصفوفة β متجهات التكامل المشترك، في حين تُعطي المصفوفة » مقدار كل منجه للتكامل المُشترك داخل كل معادلة من مُعادلات نموذج متجه تصحيح الخطأ (VECM)، والمعروفة أيضًا "بمعليات التعديل"، لنفترض على سبيل المثال أن 4 = g بحيث بتضمَّن النظام أربعة مُتغيِّرات، تُكتب عناصر المصفوفة π كيا يلي:

$$\Pi = \begin{pmatrix} \pi_{14} & \pi_{12} & \pi_{13} & \pi_{14} \\ \pi_{21} & \pi_{22} & \pi_{23} & \pi_{24} \\ \pi_{31} & \pi_{32} & \pi_{33} & \pi_{34} \\ \pi_{41} & \pi_{42} & \pi_{43} & \pi_{44} \end{pmatrix}$$
 (77.4 A)

إذا كان r=r، بحيث يكون هناك متجه تكامل مُشترك واحد، فإن α و β سوف يكونان من الرتبة (1×1):

$$\Pi = \alpha \beta' = \begin{pmatrix} \alpha_{11} \\ \alpha_{12} \\ \alpha_{13} \\ \alpha_{14} \end{pmatrix} (\beta_{11} \quad \beta_{12} \quad \beta_{13} \quad \beta_{14}) \tag{1V. A}$$

وإذا كان r=2، بحيث يكون هناك متجهان للتكامل المشترك، فإن α و β سوف يكونان من الرتبة (r=2):

$$\Pi = \alpha \beta' = \begin{pmatrix} \alpha_{11} & \alpha_{21} \\ \alpha_{12} & \alpha_{22} \\ \alpha_{13} & \alpha_{23} \\ \alpha_{14} & \alpha_{23} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \beta_{14} & \beta_{12} & \beta_{13} & \beta_{14} \\ \beta_{21} & \beta_{22} & \beta_{23} & \beta_{24} \end{pmatrix}$$
(7A. A)

r = 3, ... و هكذا لـــ r = 3

لنفترض الآن أن 4 = g و 1 = r كما في المعادلة رقم (٦٧،٨) أعلاه، بحيث يكون لدينا أربعة مُتغيّرات في النظام وهي ٧٠، ٧٤، و٠٠ و و ي تعامل مُشترك واحدًا، نتحصل إذًا على ١٠٠٤ من خلال المعادلة التالية:

$$\Pi = \begin{pmatrix} \alpha_{11} \\ \alpha_{12} \\ \alpha_{13} \\ \alpha_{14} \end{pmatrix} (\beta_{11} \quad \beta_{12} \quad \beta_{13} \quad \beta_{14}) \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \end{pmatrix}_{t-k} \tag{74.4}$$

يُمكن أيضًا كتابة المعادلة رقم (٦٩،٨) كما يلي:

$$\Pi = \begin{pmatrix} \alpha_{11} \\ \alpha_{12} \\ \alpha_{13} \\ \alpha_{14} \end{pmatrix} (\beta_{11} y_1 \quad \beta_{12} y_2 \quad \beta_{13} y_3 \quad \beta_{14} y_4)_{t-k}$$
 (V · · · A)

بالنظر إلى المعادلة رقم (٧٠،٨) من الممكن كتابة المعادلات بشكل مُنفصل لكل مُتغيِّر ، Δν، من الشائع أيضًا "التطبيع" على منغير مُعيَّن، بحيث يكون مُعامل هذا المُنغيِّر في متجه التكامل المُشترك مُساويًا لواحد، على سبيل المثال فإن النطبيع على ١٠ سوف يجعل حد التكامل المشترك لــــ على للعادلة هو:

$$\hat{z}^{j_1}, \qquad \alpha_{11} = \left(y_1 + \frac{\beta_{12}}{\beta_{11}}y_2 + \frac{\beta_{13}}{\beta_{11}}y_3 + \frac{\beta_{14}}{\beta_{11}}y_4\right)_{t=k}$$

وأخيرًا تجدر الإشارة إلى أن الوصف أعلاه لا يُمثّل تمامًا كيفيَّة عمل إجراء جوهانسن، وإنها هو تقريبًا بديهي له.

٨,٩,١ اختبار الفرضبات باستخدام طريقة جوهانسن

(Hypothesis testing using Johansen)

لا تسمح طريقة إنجل-جرانجر بإجراء اختبار فرضيات عن علاقات التكامل المشترك في حد ذاتها، لكن إعداد جوهانسن يسمح في المقابل باختبار الفرضيات حول علاقات التوازن بين المتغيّرات، كما تسمح طريقة جوهانسن للباحث باختبار فرضية عن معامل واحد أو أكثر في علاقة التكامل المشترك من خلال اعتبار الفرضية على أنها قيد مفروض على المصفوفة ١٦، في حالة وجود r منجه للتكامل المشترك فإن فقط توليفاتها الخطية أو تحويلاتها الخطية، أو توليفات منجهات التكامل المشترك سوف تكون ساكنة، في الواقع يُمكن ضرب مصفوفة المتجهات المتكاملة ۾ في أي مصفوفة متطابقة وغير شافة للحصول على مجموعة جديدة من متجهات التكامل المشترك.

لا تعني مجموعة قيم المعاملات طويلة الأجل المطلوبة أو العلاقات بين المعاملات بالضرورة أن متجهات التكامل المشترك يجب أن تكون مُقيدة، يرجع ذلك إلى كون أي توليفة من متجهات التكامل المشترك تُعتبر أيضًا متجهًا للتكامل المشترك، لذلك يُمكن الجمع بين متجهات التكامل المشترك التي نم الحصول عليها حتى الآن لتوفير متجه جديد أو بشكل عام مجموعة جديدة من المتجهات تتسم بالخصائص المطلوبة، كلًا كانت الخصائص المطلوبة أكثر بساطة وأقل عددًا، كلما زاد احتهال أن تؤدي عملية إعادة التوليف هذه (والتي تُسمَّى إعادة التطبيع) إلى إنتاج تلقائي لمتجهات التكامل المشترك بالخصائص المطلوبة، ومع ذلك، عندما تصبح القيود أكثر عددًا، أو نتضمَّن المزيد من معاملات المتجهات، سوف يُصبح من المستحيل في نهاية المطاف إشباع جميع هذه القيود عن طريق إعادة التطبيع، بعد هذه النقطة سوف تكون جميع التوليفات الخطبة الأخرى للمنغيَّرات غير ساكنة، إذا كان القبد لا يُؤثر كثيرًا على النموذج، أي إذا كان التغيد غير مُلزم، فيجب ألَّا تنغير المتجهات الذاتية بشكل كبير بعد فرض القيد، تُعطي المعادلة التالية إحصاءة النموذج، أي إذا كان التغيد غير مُلزم، فيجب ألَّا تنغير المتجهات الذاتية بشكل كبير بعد فرض القيد، تُعطي المعادلة التالية إحصاءة النموذج، أي إذا كان التغيد غير مُلزم، فيجب ألَّا تنغير المتجهات الذاتية بشكل كبير بعد فرض القيد، تُعطي المعادلة التالية إحصاءة النموذية المنتخدمة في اختيار هذه الفرضية:

$$-T + \sum_{i=1}^{r} [\ln(1 - \lambda_i) - \ln(1 - \lambda_i^*)] \sim \chi^2(m) = [-2m]$$
 (۷) د ماءة الاختبار

حيث يُمثَل "٨، الجُذُور المميّزة للنموذج المقيَّد، ٨ الجذور المميّزة للنموذج غير المقيَّد، ٣ عدد الجُذُور المميّزة غير الصغرية في النموذج غير المقيّد و m عدد القيود.

يتم فعليًّا فرض القيود من خلال استبدالها في المصفوفات α أو β المناسبة وحسب الاقتضاء، بحيث يُمكن إجراء الاختبارات إمًّا على متجهات التكامل المشترك أو تحميلها (Londings) في كل مأعادلة في النظام (أو كلاهما)، لنأخذ على سبيل المثال المعادلات رقم (أما على متجهات التكامل المشترك في كل معادلة يجب أن تأخذ قيم (عمر ١٦٠، ٨) أعلاه، قد تقترح النظرية أن معاملات تحميل متجه أو متجهات التكامل المشترك في كل معادلة يجب أن تأخذ قيم معينة، في هذه الحالة من المهم اختبار القيود على عناصر α (على سبيل المثال α = α من المعادلة على موف بكون من الأهمية بمكان دراسة ما إذا كانت مجموعة فرعية فقط من المتغيرات في α لازمة فعليًا للحصول على توليقة خطية ساكنة، سوف بكون من المناسب في هذه الحالة اختبار قبود على عناصر α ، على سبيل المثال، لاختبار الفرضية القائلة بأن α لبست ضرورية لنكوين علاقة طويلة الأجل، تُحدُّد α = α و α و α و الخرود الخرود الخرود المؤمنة القائلة بأن المهرا المؤمنة المؤمنة

للحصول على معالجة مفصلة وممتازة للتكامل المشترك في سياق كلِّ من نهاذج المعادلة الواحدة ونهاذج المعادلات المتعدَّدة، انظر هاريس (١٩٩٥)، سوف يتم الآن تقديم العديد من التطبيقات لاختبارات التكامل المشترك ونمذجة الأنظمة المتكاملة تكاملًا مشتركًا في مجال الماليَّة.

٨ , ١ ، تعادل القوة الشرائية

(Purchasing power parity)

ينص تعادل القوة الشرائية على أن سعر صرف التوازن أو سعر الصرف طويل الأجل بين دولتين يُساوي نسبة مستويات أسعارهم النسبية، بعني تعادل القوة الشرائية ضمنًا أن سعر الصرف الحقيقي ، Q ساكن، هذا ويُمكن تعريف سعر الصرف الحقيقي كها يلي:

$$Q_{t} = \frac{E_{t}P_{t}^{*}}{P_{t}} \tag{YY.A}$$

بحيث يُمثَّل E سعر الصرف الاسمي بالعملة المحلية لكل وحدة من العملة الأجنبية، P مستوى الأسعار المحليَّة و Pe مستوى الأسعار الأجنبيَّة، بأخذ لوغاريتم المعادلة رقم (٧٢٠٨) وإعادة ترتيبها نتحصَّل على طريقة أخرى للتعبير عن علاقة تعادل القوة الشرائية:

$$e_t - p_t + p_t^* = q_t$$
 (VY, A)

حيث تُشير حروف الطباعة الصغيرة في المعادلة رقم (٧٣،٨) إلى التحويلات اللوغاريتمية لحروف الطباعة الكبيرة المقابلة لها والمستخدمة في المعادلة رقم (٧٢،٨)، هناك شرط ضروري وكافي لتحقَّق تعادل الفوة الشرائية، وهو أن تكون مُتغيِّرات الجانب الأيسر من المعادلة رقم (٧٣،٨)، أي لوغاريتم سعر الصرف بين البلدين أ و ب ولوغاريتهات مُستويات الأسعار في البلدين أ و ب، متكاملة تكاملًا مشتركًا بمتجه تكامل مُشترك مُساوِ لـ [١ - ١].

أجرى تشن (١٩٩٥) اختبارًا لهذا النموذج باستخدام بيانات شهرية عن بلجيكا، فرنسا، ألمانيا، إيطاليا وهولندا خلال الفترة الممتدَّة بين أبريل ١٩٧٣ وديسمبر ١٩٩٠، هذا وتم فحص تقييهات ثنائية لمعرفة ما إذا كان يوجد تكامل مشترك أم لا، وذلك لجميع توليفات هذه الدول (عشرة أزواج من البلدان)، وبها أن هنالك ثلاثة متغيَّرات في النظام (لوغاريتم سعر الصرف وسلسلتَيُّ لوغاريتم الأسعار الاسميَّة) في كل حالة، وبها أن المتغيِّرات التي تكون على شكل مُستويات لوغاريتميَّة تُعتبر غير ساكنة فإنه يمكن أن يكون هناك بحد أقصى علاقتان متكاملتان تكاملًا مشتركًا ومستقلتان خطيًّا لكل زوج من البلدان، يعرض الجدول ١ لتشبن نتائج تطبيق اختبار الأثر لجوهانسن والذي تم تعديله وعرضه هناكها في الجدول رقم (٨,٨).

وكما يتبيّن من النتائج فإنه يتم رفض فرضية العدم القائلة بعدم وجود متجهات متكاملة تكاملًا مشتركًا لكل زوج من أزواج البلدان، وكذلك رفض فرضية العدم المتمثّلة في وجود مُتّجه واحد أو أقل للتكامل المشترك للأزواج التالية: فرنسا-بلجيكا، ألمانيا- إيطاليا، ألمانيا- بلجيكا، وهولندا-بلجيكا، كما أنه في جميع الحالات لم يتم رفض فرضية العدم المتمثّلة في وجود مُتّجهين أو أقل للتكامل المشترك وهكذا فإننا نستنتج أنه تم تأييد فرضية تعادل القوّة الشرائية، وأن هناك إمّا علاقة واحدة أو علاقتان للنكامل المشترك بين السلاسل بحسب أزواج البلدان، هذا وترد القيم المقدّرة لديه و يه في العمودين الأخرين من الجدول رقم (٨,٨)، تقترح نظريّة تعادل القوّة الشرائية بأن القيم المقدرة لهذه المعاملات يجب أن تكون على التوالي ١ و ١٠، تكون القيم المقدّرة للمعاملات في مُعظم الحالات بعيدة جدًّا عن هذه القيم المتوقّعة، كما يُمكن بطبيعة الحال فرض هذا القيد واختباره في إطار منهج جوهانسن على النحو المشار إليه أعلاه، لكن تشن لم يقم بإجراء هذا التحليل.

التكامل المشترك بين أسواق السندات الدولية (Cointegration between international bond markets)

يحنفظ المستثمرون في كثير من الأحيان بسندات من أكثر من سوق وطني واحد على أمل تحقيق انخفاض في المخاطرة من خلال التنويع (Diversification) الحاصل في السندات، إذا كانت سندات الأسواق الدولية مُرتبطة ارتباطًا وثيقًا على المدى الطويل فسوف يكون التنويع أقل فعالية مما لو كانت أسواق السندات تعمل بشكل مستقل عن بعضها البعض، هناك مُؤشر هام عن مدى توفّر التنويع طويل الأجل للمستثمرين في أسواق السندات الدولية، ونتحصّل عليه من خلال تحديد ما إذا كانت الأسواق منكاملة

تكاملًا مشتركًا أم لا، سوف يدرس هذا الكتاب الآن مثالين من الأدبيات الأكاديمية التي تبحث في هذه المسألة وهما: كلير، ماراس. وتوماس (١٩٩٥) ((Clare, Maras and Thomas (1995)) وميلز وميلز (١٩٩١) ((1991) Mills and Mills).

		سانات اوروسة	مادل الفوة الشرانية على	، التكامل المشترك لت	الحدول رقم (۸،۸) اختياران
a_2	α_1	r ≤ 2	r ≤ 1	r = 0	اختبارات التكامل المشترك يين:
-، د , ۲	1,77	1,17	۱۷,۱۰	=r:, 7r	FRF-DEM
т,эт—	7,70	0,54	10,41	=or, 19	FRF-ITL
* , A *-	۸٥,٠	٦,٤٢	17,47	*14,1.	FRF-NLG
1,10-	۸۷,۰	٣,٦٣	*Y7, •9	907,0E	FRF-BEF
۲,۲۵-	0,4	1,79	*Y+, Y7	*17,09	DEM-ITL
·, TO-	٠, ١٢	4,44	17,74	=01,70	DEM-NLG
- ۲ ¢ , ۰	٠,٨٧	\$,08	*****	=19,14	DEM-BEF
+ , V 1-	.,00	0, 00	18,88	*TV,01	ITL-NLG
YA-	٧٧,٠	٧,١٥	77,1%	*19,Y£	ITL-BEF
۲,۱۷–	1,19	٣,٨٨	*Y1,9V	=\1,07	NLG-BEF
-	-	۸,۱۸	17,90	₹1,0 ₹	القيم الحرجة

ملاحظات: FRF: الفرنك الفرنسي؛ DEM: المارك الألماني؛ NLG: الغيلدر المولندي؛ TTL: اللبرة الإيطالية؛ BEF: الفرنك البلجيكي.

المصدر: تشن (١٩٩٥)، أعيد نشره بتصريح من تايلور وفرانسيس المحدودة (www.tandf.co.uk).

١ , ١ ١ , ٨ التكامل المشترك بين أسواق السندات الدولية منهج أحادي المنغيّر

(Cointegration between international bond markets: a univariate approach)

استخدم كلير، ماراس وتوماس (١٩٩٥) ((١٩٩٥) (Clare, Maras and Thomas (1995)) طريقة المعادلة الواحدة لديكي-فولر وإنجل-جرانجر لاختبار التكامل المشترك باستخدام تحليل مُزدوج لمؤشرات سوق السندات لأربع دول وهي: الولايات المتحدة الأمريكية، المملكة المتّحدة، ألمانيا واليابان، هذا وتم استخدام بيانات شهريَّة عن إجمالي عوائد مؤشرات السندات الحكومية والمتحصَّل عليها من الإخوة سالومون (Salomon Brothers) من شهر يناير ١٩٧٨ إلى شهر أبريل ١٩٩٠، يُظهر تطبيق اختبار ديكي-فولر على لوغاريتم المؤشرات النتائج التالية (والمقتبسة من الجدول رقم ١ لكلير، ماراس وتوماس) الواردة في الجدول رقم (٨,٩).

لم تعرض ورقة كلير، ماراس وتوماس القيم الحرجة ولا ما يُفيد بها إذا تم إدراج ثابت واتجاه عام في اتحدارات الاختبار أم لا، ومع ذلك فإن النتائج واضحة، هذا ونُذكَّر بأنه تُرفض فرضية العدم لجذر الوحدة إذا كانت إحصاءة الاختبار أصغر (وأكثر سلبية) من القيمة الحرجة، بالنسبة للعبِّنات ذات الأحجام الواردة هنا سوف تتراوح القيم الحرجة عند المستوى ٥٪ ما بين -٩، ١ و التيالي فقد ثبت بشكل قاطع بأن لوغاريتهات المؤشرات غير ساكنة، في حين يُؤدي أخذ الفروق الأولى للوغاريتهات (أي العوائد) إلى السكون.

	الحدول رقم (٨,٩) اختبارات ديكي – فولر لمؤشرات السندات الدولية
إحصاءة ديكي – فولر	المجموعة أ: اختبار على لوغاريتم مؤشر البلد:
-د٣٩٥	المانيا
·, v ٩.٩-	اليايان
· , AA 5-	المملكة المتحدة
٠, ١٧٤	الولايات الأمريكية المنحدة
بتم العوائد للبلد:	المجموعة ب: اختبار على لوغارين
1•,∀V-	ألمانيا
1+,11-	اليايان
1.,03-	المملكة المتحدة
1 • , 1 £-	الولايات المتحدة الأمريكية

المصدر: كلير، ماراس وتوماس (١٩٩٥)، أعيد طبعه بتصريح من بلاكويل للنشر.

وبها أن جميع لوغاريتهات المؤشرات في جميع الحالات الأربعة تظهر أنها (1)1، فإن المرحلة التائية في التحليل تتمثّل في اختبار التكامل المشترك من خلال إنشاء اتحدار للتكامل المشترك المحتمل واختبار عدم السكون في بواقيه، يستخدم كلير، ماراس وتوماس انحدارات من الشكل التالي:

$$B_i = \alpha_0 + \alpha_1 B_i + u \qquad (V \xi, \Lambda)$$

مع حذف الرموز السفليَّة للزمن، وحيث يُمثُل B_i و B_i لوغاريتهات مؤشرات السندات لأي بلدين i و i، ترد النتائج في جداولهم ٣ و c، واللذان تم دمجها معًا هنا في الجدول رقم (٨, ١٠)، هذا وقدَّم كلير، ماراس وتوماس النتائج المستخلصة من تطبيق سبع اختبارات مُختلفة، في حين نعرض هنا فقط نتائج كلَّ من اختبار الاتحدار المتكامل المشترك لديرين واتسون، اختبار ديكي-فولر واختبار ديكي-فولر واختبار ديكي-فولر الموسَّع (على الرغم من أن ورقتهم لم تذكر أطوال فترات الإبطاء هذا الأخير).

لا يُمكن في هذه الحالة رفض فرضية العدم لجذر الوحدة في البواقي المتحصّل عليها من الانحدار رقم (٧٤٠٨)، وبالتالي فإن الاستنتاج الذي نتوصّل إليه هو عدم وجود تكامل مُشترك بين أيّ زوج من أزواج مؤشرات السندات في هذه العيّنة.

٨ , ١١ , ٨ التكامل المشترك بين أسواق السندات الدولية منهج متعدد المنغيّرات

(Cointegration between international bond markets: a multivariate approach)

قام ميلز وميلز (١٩٩١) بالنظر أيضًا في مسألة التكامل المشترك أو عدم التكامل المشترك بين نفس أسواق السندات الدولية الأربعة، غير أنه وعلى عكس كلير وآخرون (١٩٩٥) الذين استخدموا مؤشرات أسعار السندات، فإن ميلز وميلز استخدما مشاهدات الإقفال اليومية لعوائد الاسترداد (Redemption Yields)، هذا وتمتد فترة عينة عوائد الاسترداد من ا أبريل ١٩٨٦ إلى ٢٩ ديسمبر ١٩٨٩ مما يُعطي ٩٦٠ مُشاهدة، كما استخدما إجراء انحدار من نوع ديكي-فولر لاختبار عدم سكون السلاسل الفردية وتوصلوا إلى أن جميع سلاسل العوائد الأربعة هي (١٥).

			ت الدولية	واج مؤشوات السندا	لتكامل المشترك لأز	۱۸۱۱ اختبارات اا	الجدول رقم (،
القيمة الحرجة عند ٥٪	اليابان—الو لايات الشحدة الأمريكية	ألمانيا –الولايات المتحدة الأمريكية	נשט- ונואס	الملكة المحدة-الولايات المحدة الأمريكية	الملكة المتحدة - اليأبان	וلبلكة التحدة - ألانيا	الاختبار
+ , TA1	., 159	+,179	- , 77 -	·,·4V	-,197	.,144	CRDW
T.TV.	4.1%.	ኛ, ነገ፣	۲,۱۸۰	۲,۰۲۰	T, VV +	Y,9V+	DF
4,10.	1, 49.	۱,٦٤٠	۲,۴٦٠	1,4++	7,4	۲,13.	ADF

المصدر: كلير، ماراس وتوماس (١٩٩٥)، أعيد طبعه بتصريح من بلاكويل للنشر.

		لعوائد السندات الدولية	الجدول رقم (١١) اختبارات جوهانسن للتكامل المشترك
لحرجة	1	إحصاءة الاختبار	r : عدد متجهات التكامل المشترك تحت فرضية اتعدم
7,0	7.10		
۲۸,٦	¥2,7	77, -7	
۲۳, ۸	71,7	1 · , 0 A	١
14.	۲.۰,۳	Y.0Y	۲
٤,٢	Υ, ٩	٠,١٢	r

المصدر: ميلز ومبلز (١٩٩١)، أعيد طبعه بتصريح من بلاكويل للنشر.

يتم بعد ذلك استخدام طريقة أنظمة جوهانسن لاختبار التكامل المشترك بين السلاسل، وعلى عكس كلير وآخرين، درس ميلز وميلز جميع المؤشرات الأربعة معًا بدلًا من فحصها زوجًا زوجًا، لذلك وبها أن هناك أربعة متغيرات في النظام (عوائد الاسترداد لكل بلد)، أي أن 4 = g، فيمكن العثور على الأكثر ثلاثة متجهات تكامل مُشترك مُستقلة خطيًّا، أي أن 3 ≥ r، هذا ويتم استخدام إحصاءة الأثر التي تأخذ الشكل التالي:

$$\lambda_{trace}(r) = -T \sum_{i=r+1}^{g} \ln(1 - \hat{\lambda}_i)$$
 (Vo. A)

حيث يُمثّل ،k القيمة الذاتية المطلوبة، وردت النتائج في جدولهم رقم ٢، والذي تم تعديله بشكل طفيف هنا وعُرض في الجدول رقم (٨,١١).

بالنظر إلى الصف الأول تحت العنوان يُمكن مُلاحظة أن إحصاءة الاختبار أصغر من القيمة الحرجة، لذلك لا يمكن رفض فرضية العدم 0 = r، حتى عند المستوى ١٠٪، وبالتالي ليس من الضروري النظر إلى الصفوف المتبقية من الجدول، وهكذا نؤكد ثانية أن نتيجة هذا التحليل هي نفس نتيجة كلير وآخرين، أي أنه لا توجد متجهات للتكامل المشترك. نظرًا لعدم وجود توليفات خطية للعوائد تكون ساكنة، وبالتالي عدم وجود تمثيل لتصحيح المخطأ، فإن ميلز وميلز واصلًا في تقدير متجه الانحدار الذاتي للفروق الأولى للعوائد، يأخذ متجه الانحدار الذاتي الشكل التالي:

$$\Delta X_t = \sum_{i=1}^{k} \Gamma_i \, \Delta X_{t-i} + v_t \tag{Vis A}$$

حبث إن:

$$X_{t} = \begin{bmatrix} X(US)_{t} \\ X(UK)_{t} \\ X(WG)_{t} \\ X(JAP)_{t} \end{bmatrix}, \Gamma_{t} = \begin{bmatrix} \Gamma_{11t} & \Gamma_{12t} & \Gamma_{13t} & \Gamma_{14t} \\ \Gamma_{21t} & \Gamma_{22t} & \Gamma_{23t} & \Gamma_{24t} \\ \Gamma_{31t} & \Gamma_{32t} & \Gamma_{33t} & \Gamma_{34t} \\ \Gamma_{41t} & \Gamma_{42t} & \Gamma_{43t} & \Gamma_{44t} \end{bmatrix}, \upsilon_{t} = \begin{bmatrix} \upsilon_{1t} \\ \upsilon_{2t} \\ \upsilon_{3t} \\ \upsilon_{4t} \end{bmatrix}$$

حدَّد ميلز وميلز عدد فترات الإبطاء لل لكل تغيُّر في العوائد وفي كل انحدار بـ ٨ فترات الإبطاء، مُعتبرين أن اختبارات نسبة الإمكان رفضت إمكانية وجود أعداد أقل لفترات الإبطاء، لسوء الحظ وكما يمكن للمرء أن يتوقع بالنسبة لانحدار تغيُّرات العوائد اليومية، فإن قيم معامل التحديد *R لمعادلات نموذج متجه الانحدار الذاتي تُعتبر منخفضة، حيث إنها تتراوح ما بين ٤٠٠٠ بالنسبة للولايات المتحدة و ٢٠٠٠ لألمانيا، كما تم حساب تحليلات التباين والاستجابات النبضية لمتجه الانحدار الذاتي المقدَّر، إضافة إلى ذلك تم استخدام ترتيبين للمتغيِّرات: الأول بناءً على دراسة سابقة، والثاني يعتمد على التسلسل الزمني لفتح (وإغلاق) الأسواق الماليَّة محل الدراسة: البابان ← ألمانيا ← المملكة المتحدة ← الولايات المتحدة، سوف لن تعرض هنا سوى نتائج هذا الأخير، وهي نتائج مُقتبسة من الجدولين رقم ٤ و ٥ لميلز وميلز (١٩٩١)، كما يرد في الجدولين رقم (١٨٠٨) و (٨٠١٨) على التوالي تحليلات النباين والاستجابات النبضية لمتجهات الاتحدار الذاتي.

وكما يُمكن للمرم أن يتوقع من الخفاض معامل التحديد R لمعادلات متجه الانحدار الذاي ومن عدم وجود التكامل المشترك، تبدو أسواق السندات مُستقلة جدًّا عن بعضها البعض، كما يبدو أن تحليلات التباين، التي تُظهر نسبة التغيُّرات في المتغيَّرات الثابعة التي تعود إلى صدماتها الخاصَّة، مُقابل الصدمات التي تلحق بالمتغيَّرات الأخرى، تُشير إلى أن الأسواق في الولايات المتَّحدة الأمريكية، في المملكة المُتَّحدة وفي اليابان هي إلى حد ما أسواق خارجيَّة عن هذا النظام، ويعني ذلك أنه لا يُمكن تفسير الكثير من تغيُّر السلاسل الأمريكية أو البريطانية أو اليابانية بتغيُّرات غير تغيُّرات عوائد سنداتهم الخاصة، أمَّا في الحالة الألمانية وبعد عشرين يومًا، فقد فشرت الصدمات الألمانية فقط AT من التغيُّرات في العائد الألماني، هذا ويبدو أن العائد الألماني يتأثر بشكل خاص بالصدمات الأمريكية (٤, ٨٪ بعد عشرين يومًا)، كما يبدو أيضًا أن الصدمات البابانية غا التأثير الأقل على عوائد سندات الأسواق الأخرى.

يظهر نمط تُحاثل من دوال الاستجابات النبضيَّة التي تُظهر ويشكل مُنفصل تأثير صدمة الوحدة على أخطاء كل معادلة من معادلات منَّجه الانحدار الذاتي، تبدو الأسواق مُستقلة نسبيًّا عن بعضها البعض، كما أنها تشَّم بالكفاءة المعلوماتية، بمعنى أن الصدمات تعمل من خلال النظام بسرعة عالية، لا توجد استجابة للصدمات تزيد عن ١٠٪ في أي سلسلة من السلاسل بعد ثلاثة أبام من حدوث الصدمة، وفي مُعظم الحالات تعمل الصدمات عبر النظام في غضون يومين، وتعني مثل هذه النتيجة أن إمكانية تحقيق عوائد زائلة من خلال التداول في سوق ما على أساس 'أخبار قديمة' مُتحصَّل عليها من سوق آخر يبدو أمرًا مُستبعدًا جدًّا.

	i.	مُقسر من خلال التغيّرات ف			تفسير التغيّرات في
اليا	ألمانيا	الملكة التحدة	الولايات المتحدة الأمريكية	الأيام المقيلة -	
, r	١,٧	Υ, ξ	90,7	١	لولايات المتحدة
, Ý	٣,٣	Υ,Λ	٩٤,٢	0	الأمريكية
, 1	Υ, ٩	۳,۱	97,9	١.	
, Y	Y , 9.	٣,٢	٩٢,٨	٧.	
, V	4 1 4	٩ ٨,٣	+ , +	١	
, q	+ ; Y	٩٦, ٣	١,٧	٥	المملكة المتحدة
۳.	٠, ٩	91,7	۲,۲	١.,	
, r	٠, ٩	91,7	۲,۲	۲.	
, .	45,7	Ψ, ξ	000	١	
, .	A£, A	1,1	1,1	٥	ألمانيا
٦.	AY, q	٦,٥	۸,٣	1 -	
, v	AY,V	1,0	Α, ξ	χ.	
	١,٤	٠,٠	4) 4	١	
, 7	1,1	١,٤	١,٣	٥	
, 1	١,٨	۲,۱	١, ٥	١.	اليابان
, Y	1,4	т,т	1,1	۲.	

المصدر: مليز وميلز (١٩٩١)، أعيد طبعه يتصريح من بلاكوبل للنشر.

٣, ١١, ٨ التكامل المشترك في أسواق السندات الدولية: الاستنتاجات

(Cointegration between international bond markets: conclusions)

يُمكن استخلاص مجموعة من الاستنتاجات من هائين الورفتين، أشار كلا المنهجين إلى أن أسواق السندات الدولية ليست متكاملة تكاملًا مشتركًا، وهذا يعني أن المستثمرين يمكنهم الحصول على فوائد تنويع كبيرة، ويتعارض ذلك مع النتائج المسجلة للأسواق الاخرى، مثل سوق الصرف الاجنبي (بيلي وبوليرسليف (١٩٨٩))، سوق السلع الأساسية (بيلي (١٩٨٩)) وسوق الأسهم (تايلور وتونكس (١٩٨٩)) ((1989) ((Taylor and Tonks (1989)) أن غياب التكامل طويل الأسهم (تايلور وتونكس (١٩٨٩)) ((المحموصيات المؤسساتية، مثل فترات الاستحقاق غير المتجانسة والهياكل الضريبية، اختلاف الأجل بين الأسواق ربيا يعود إلى المحصوصيات المؤسساتية، مثل فترات الاستحقاق غير المتجانسة والهياكل الضريبية، اختلاف مشتقل عن بعضها البعض.

دد الأيام بعد الصدمة	استجابة الولايات المتحدة للابتكارات في:						
	الولايات المتحدة	المملكة المتحدة	ألمانيا	اليابان			
	٠,٩٨	*,**	*,**	*, * *			
Y	٠,٠٦	٠,٠١	٠, ١٠-	.,.0			
Ť	٠,٠٣-	٠,٠٢	٠, ١٤–	٠,٠٧			
۴	٠,٠٩	٠,٠٤-	-,-4	·, · A			
٤	٠,٠٣-	٠,٠٣–	٠,٠٢	. , . 4			
1+	٠,٠٣-	٠,٠١–	٠,٠٢-	+ , + 1-			
₹	.,	٠,٠٠	٠,١٠-	•,•!-			
		استجابة المملكة المتحد	ة للابتكارات في:				
	الولايات المتحدة	الملكة المتحدة	آلمانيا	اليابان			
	٠,١٩	٠,٩٧	*,**	+1++			
1	٠,١٦	٠,٠٧	*, * \	+,+%-			
٣	٠,٠١-	1,-1-	.,.2-	4 , 4 9,			
٣	+,+4	+,+1	* , +°1	+,+0			
٤	+,+0	+ , + 1=	* , *Y	+,+V			
1.	+,+1	*, * 1	· , · ٤=	+ - + 1=			
٧٠	.,	*,**	• , • \=	+,++			
ندد الأيام بعد الصدمة		ابتكارات في:					
عدد الا يام بعد الصدمه	الولايات المتحدة	المملكة المتحدة	ألمانيا	اليابان			
	٠,٠٧	٠,٠٦	-,40	*,**			
1	٠,١٣	.,.0	.,11	+,+1			
7	٠,٠٤	٠,٠۴	.,				
*	-,++	.,	٠,٠٠	*,*1			
٤	+,+1	.,	.,	.,			
1.	٠,٠١	٠,٠١	• , • \ -				
7.	.,	٠,٠٠	.,	.,			

				تابع الحدول رقم (۱۳) (۸)		
	استجابة اليابان للابتكارات في:					
اليابان	ألمانها	الملكة التحدة	الولايات المتحدة			
٠,٩٧	٠,١٢	٠,٠٥	٠,٠٣	,		
+,+\$	* , *V	٠,٠٢		1.		
٠,٣١	* ; * *	٠,٠٢	٠,٠٢	۲		
+,+V	*, **L	٠,٠٢	4,41	٣		
+,+%	• , +V	٠,٠٣	+ , + Y	£		
+,+\$	*, *1	*, * 1	+,+1) +-		
+ ; + 5	* , * +	*, * *	F , F 5	۲٠		

المصدر: مليز وميلز (١٩٩١)، تم إعادة طبعه بتصريح من بلاكويل للنشر.

٨ , ١٢ اختبار فرضية التوقعات للهيكل الزمني لأسعار الفائدة

(Testing the expections hypothesis of the term structure of intrest rates)

أشير إلى أن الترميز التالي هو تُسخة مُطابقة للترميز المستخدم من قبل كامبل وشيلر (١٩٩١) ((١٩٩١) ((١٩٩١) ورقتها الأصلية، تُعرف نظرية التوقعات الخطّية المفردة للهيكل الزمني المستخدمة لنمئيل فرضيّة التوقعات (المشار إليها فيها بعد بـ في ورقتها العلاقة بين سعر الفائدة أو العائد للفترة n، والمشار إليه بـ $R_i^{(m)}$ ، وسعر الفائدة في الفترة m، والمشار إليه بـ $R_i^{(m)}$ ، حيث يكون n أكبر من m، وبالتالي يُمثّل $R_i^{(m)}$ سعر الفائدة أو العائد المتوقع من الأداة الأطول أجلًا مُقارنة بسعر الفائدة أو العائد الأقصر أجلًا $R_i^{(m)}$ ، بعبارة أدق: تنص فرضيّة التوقعات على أن العائد المتوقع من الاستثبار في سعر فائدة الفترة n سوف يساوي العائد المتوقع من الاستثبار في أسعار الفترة n أن العائد المتوقع عن الاستثبار في أسعار الفترة n إلى n-m فترة مُستقبليّة، إضافة إلى علاوة مخاطرة ثابتة n، والتي يُمكن التعبير عنها كها يلى:

$$R_t^{(n)} = \frac{1}{a} \sum_{i=0}^{q-1} E_t R_{t+mi}^{(m)} + c \tag{VV. A}$$

حيث $q=\frac{n}{m}$ وبالتالي يُمكن صياغة سعر الفائدة الأطول أجلًا، أي $R_t^{(n)}$ ، كمتوسط مُرجح لمعدلات الفائدة الأقصر أجلًا الحالية والمتوقعة، أي $R_t^{(n)}$ ، إضافة إلى علاوة مخاطرة ثابتة ، إذا أخذنا المعادلة رقم (٧٧٠٨) في الاعتبار، فإنه يُمكن مُلاحظة أنه بطرح $R_t^{(n)}$ من كلا طرقي المعادلة فإننا نتحصَّل على:

$$R_t^{(n)} - R_t^{(m)} = \frac{1}{q} \sum_{i=0}^{q-1} \sum_{j=1}^{j=1} E_t \left[\Delta^{(m)} R_{t+jm}^{(m)} \right] + c \tag{VA.A} \label{eq:equation:equation}$$

يُولد فحص المعادلة رقم (٧٨،٨) بعض القيود المثيرة للاهتهام، إذا كانت أسعار الفائدة قيد التحليل، والنقل مثلًا $R_t^{(n)}$ عوائد $R_t^{(n)}$ ، سلاسل (1/1، فإن $R_t^{(n)}$ و $\Delta R_t^{(n)}$ سوف تكون سلاسل ساكنة بحكم تعريفها، وثمَّة فبول عام بأن أسعار الفائدة، عوائد أذون الحَزانة... إلخ، تُوصف بشكل جبُّد على أنها عمليات (1)1، وهذا ما يُمكن مُلاحظته في كامبل وشيلر (١٩٨٨) وستوك وواتسون (١٩٨٨) (١٩٨٨) أن تأبت فهو إذن سلسلة ساكنة بحكم تعريفه، وبناء على ذلك أوبها أن π ثابت فهو إذن سلسلة ساكنة بحكم تعريفه، وبناء على ذلك إذا تم الاحتفاظ بفرضية التوقعات، وبها أن π π π هما (0)1 ممَّا يعني ضمنًا أن الجانب الأيمن للمعادلة رقم (٧٨،٨) ساكنًا، فإن π بين الجانب الأيمن للمعادلة رقم (٧٨،٨) ساكنًا،

والجانب الأيسر من العلاقة، يُعرف $R_i^{(m)} = R_i^{(m)}$ عادة بالهامش بين معدلات الفترة m ومعدلات الفترة m ويُشار إليه بـ $R_i^{(m)} = R_i^{(m)}$ وبناء على ذلك نستنتج أنه إذا تحقّقت فرضيَّة التوقعات سوف نجد أن الهامش ساكن، وبذلك سيكون بين $R_i^{(m)} = R_i^{(m)}$ تكامل مُشترك، وبمتّجه للتكامل المشترك (١٠-١) لـ $R_i^{(m)} = R_i^{(m)}$ ، وبالتالي فإن العملية المتكاملة التي تقود كلا المعدَّلين تُعد مُشتركة بين الاثنين، وبذلك يُمكن القول إن المعدلات لها اتجاه عام تصادُّقِ مُشترك، ونتيجة لذلك بها أن فرضيَّة التوقعات نتوقع أن تتكامل كل سلسلة من سلاسل سعر الفائدة مع سعر الفائدة لمرة واحدة تكاملًا مشتركًا، فإنه يجب أن يكون صحيحًا أن العملية التصادفيَّة التي تقود جميع الأسعار هي نفس العمليَّة التي تقود السعر لفترة واحدة، ويعني ذلك أن كل توليغة من الأسعار تُشكُّل لإنشاء الهامش يجب أن تكون مُتكاملة تكاملًا مشتركًا وبمتجه للتكامل المشترك مُساو لـ (١٠-١).

تم في الأدبيات إجراء العديد من الدراسات حول فرضيَّة التوقعات للهيكل الزمني، ولا يبدو أن هناك إجماعًا عامًّا فيها يتعلَّق بصحَّتها. إحدى هذه الدراسات التي اختبرت فرضيَّة التوقعات باستخدام مجموعة من البيانات الفياسيَّة لماكولوتش (١٩٨٧) (١٩٨٧) عود إلى شيا (١٩٩٣) (Shea (1992)). تشمل البيانات الهيكل الزمني بقسيمة صفرية لعدَّة فترات استحقاق تمتد من شهر إلى خسة وعشرين سنة، وتُغطّي الفترة ما بين بناير ١٩٥٦ وفبراير ١٩٨٧، كما تم في ورقة شيا استخدام تقنيات مُختلفة، غير أننا سوف نُناقش هنا فقط تطبيقه لتقنية جوهانسن، هذا وتم إنشاء مُتَّجه على يتضمَّن سعر الفائدة لكل أجل من آجال الاستحقاق:

$$X_t = \begin{bmatrix} R_t & R_t^{(2)} & \dots & R_t^{(n)} \end{bmatrix}' \tag{VA.A}$$

حيث يُشير ،R إلى سعر الفائدة الفوري نذكر أن كل عنصر من عناصر هذا المتَّجه غير ساكن، وبالتالي يُستخدم منهج جوهانسن لنمذجة نظام أسعار الفائدة ولاختبار التكامل المشترك بين الأسعار، كها نم استخدام كلِّ من إحصاءات الاختبار المستده و محمد والتي تُقابل استخدام الفيمة الذاتية القصوى والقيم الذاتية المتراكمة على التوالي، هذا وقام شيا باختبار النكامل المشترك بين توليفات مختلفة لأسعار الفائدة، مُقاسة كعوائد حتى تاريخ الاستحقاق، يرد في الجدول رقم (٨,١٤) مجموعة مختارة من نتائج شيا.

يبدو أن النتائج الواردة أدناه إضافة إلى النتائج الأخرى التي قدَّمها شياء تُشير إلى أن أسعار الفائدة في آجال الاستحقاق المختلفة عادة ما تكون مُنكاملة تكاملًا مشتركًا وغالبًا بمنجه واحد للنكامل المشترك، وكما قد يتوقع المرء، يُصبح التكامل المشترك أضعف في الحالات التي ينطوي فيها التحليل على معدلات بعيدة عن بعضها البعض خلال نطاق الاستحقاق، ومع ذلك يُعتبر التكامل المشترك بين المعدلات شرطًا ضروريًّا ولكن ليس كافيًا لكي تُثبت البيانات فرضيَّة التوقعات للهيكل الزمني، كما تنطلُّب صحَّة فرضيَّة التوقعات أيضًا أن كل توليفة من المعدلات التي تم إنشاؤها للحصول على الهامش يجب أن تكون مُتكاملة تكاملًا مشتركًا وبمتَّجه للتكامل المشترك مُساوٍ لـ (١٠ - ١)، عند وضع قيود مُماثلة على القيم المقدّرة لـ β المرتبطة بمتجهات التكامل المشترك، فإنه عادة ما يتم رفضها مما يشير إلى تأييد محدود لفرضيَّة التوقعات.

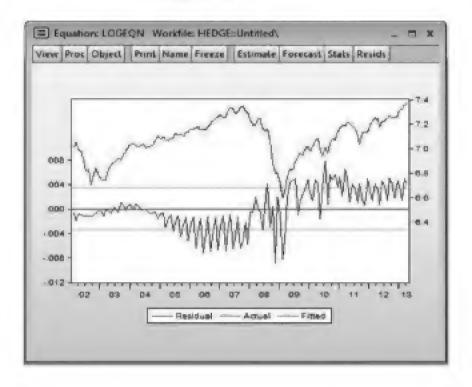
$Y, Y \wedge Y$				طول فترة		
$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	λ_{trace}	λ_{max}	الفرضية هي:	الإبطاء لمتجه الإنحدار	أسعار الفائدة المدرجة	فترة العينة
$Y_{t} = [R_{t} R_{t}^{(120)}]'$ $Y_{t} = [R_{t} R_{t}^{(120)}]'$ $Y_{t} = [R_{t} R_{t}^{(120)}]'$ $Y_{t} = [R_{t} R_{t}^{(120)}]'$ $Y_{t} = [R_{t} R_{t}^{(60)} R_{t}^{(120)}]'$				-	$X_t = \left[R_t R_t^{(6)} \right]^r$	۱۹۵ الشهر ۱ – ۱۹۷ الشهر ۱۲
Y , α , γ				۲	$X_t = \left[R_t R_t^{(120)}\right]'$	۱۹۵ الشهر ۱ – ۱۹۸۱ الشهر ۲
$r=0$ الشهر $r=0$ $r \leq 1$ $r=0$ $r = 0$ $r \leq 1$ $r = 0$ $r \leq 1$ $r = 0$ $r \leq 1$ $r = 0$ $r =$				۲	$X_t = \left[R_t R_t^{(60)} R_t^{(120)} \right]'$	۱۹۵ الشهر ۱ – ۱۹۸۷ الشهر ۲
				٧	$X_t = \begin{bmatrix} R_t R_t^{(60)} R_t^{(120)} \\ R_t^{(180)} R_t^{(240)} \end{bmatrix},$	۱۹۷۷ الشهر ۵ – ۱۹۸۷ الشهر ۲
	o, 2V	۳,۸۰	r ≤ 3			
2,2V	1,11	١,٦٦	r ≤ 4			

ملاحظات: """ و """ تدل على المعنوية عند المستويات ٢٠٪، ١٠٪ و ٥٪ على التوالي ٢٠ هو عدد منجهات التكامل الشترك تحت فرضية العدم. المصدر: شيا (١٩٩٢)، أعيد نشره بإذن من الجمعية الإحصائية الأمريكية، جميع الحقوق محفوظة.

٨ اختبار التكامل المشترك ونمذجة النظم المتكاملة تكاملًا مشتركًا باستخدام إفيوز

(Testing for cointegration and modelling cointegrated systems using EViews)

سوف نفوم الأن بدراسة التكامل المشترك بين السلاسل الفورية والمستقبلية للمؤشر S&P500 التي تحت مناقشتها في الفصول ٣ و ٤ وذلك باستخدام إفيوز، إذا كانت السلسلتين متكاملتين تكاملًا مشتركًا، فهذا يعني أن الأسعار الفورية والمستقبلية بينها علاقات طويلة الأجل



لفطة الشاشة رقم (٨,٢) الرسم البياني للبواقي الفعليَّة والمجهَّزة للتأكُّد من السكون.

تمنعها من أن نبتعدا عن بعضها البعض دون قيود، والاختبار التكامل المشترك باستخدام منهج إنجل-جرانجر، نقوم بقحص بواقي انحدار السعر الفوري على السعر المستقبلي^(٦)، نقوم إذًا بإنشاء مُتغيِّرَيْنِ جديدين للوغاريتم سلسلة الأسعار الفورية وللوغاريتم سلسلة الأسعار الفورية وللوغاريتم سلسلة الأسعار المستقبلية، وتُسمَّيها على التوالي 'Ispot' و 'Ifutures'، نقوم بعد ذلك بخلق كائن مُعادلة جديد وإجراء الانحدار التالى:

LSPOT c LEUTURES

كما نُشير ثانية إلا أنه من غير الصواب اختبار أي شيء ما عدا قيم المعاملات في هذا الانحدار، توجد بواقي هذا الانحدار في كائن يُسمَّى View/Actual, Fitted, Residual ثم على View/Actual, Fitted, Residual ثم على الانحدار، انقر فوق Graph، وبعد ذلك سوف ترى رسمًا بيانبًا لمستويات البواقي (الخط الأزرق)، والتي تبدو أكثر شبهًا بسلسلة ساكنة مُقارنة بسلسلة الأسعار الأصليَّة (يُعادل الخط الأحر القيم الفعلية لـ ٧)، لاحظ كم أن الخط الفعلي والخط المجهَّز قريبان من بعضها البعض؛ فالخطَّان لا يُمكن تمييزهما تقريبًا، لذلك نجد أن مقياس البواقي في الجهة اليسرى (في لقطة الشاشة) صغيرًا جدًّا، يجب أن يظهر الرسم البياني كما في لفطة الشاشة رقم (٨,٢).

نقوم بإنشاء سلسلة جديدة لحفظ هذه البواقي في كاثن لاستخدامها لاحقًا:

STATRESIDS = RESID.

 ⁽٦) نُشير إلى أنه من الشائع إجراء انحدار لمسلوغاريتم الأسعار الفورية على لوغاريتم الأسعار المستقبلية بدلًا من إجراء انحدار على المستويات؛ والسبب الرئيس لاستخدام اللوغاريتيات هو أن فروق اللوغاريتيات عُثل العوائد، في حين أن ذلك ليس صحيحًا بالنسبة للمستويات.

يُعتبر ذلك أمرًا مطلوبًا؛ لأنه في كل مرة يتم فيها إجراء انحدار، يتم تحديث الكائن RESID (الكتابة فوقه) لاحتواء بواقي أحدث انحدار تم إجراؤه، نقوم بعدها بإجراء اختبار ديكي-قولر الموشع على سلسلة البواقي STATRESIDS، نفترض ثانية أنه يُسمح بإدراج فنرات إبطاء تصل إلى اثنتي عشرة فنرة، ويُستخدم معيار شوارز لاختيار طول فئرة الإبطاء المثلى، كما يتم استخدام ثابت دون اتجاه عام في انحدار مُستويات السلاسل، نتحصّل على النتائج التالية:

Null Hypothesis: STATR Exogenous: Constant	ESIDS has a unit root		
Lag Length: 2 (Automat	ic based on SIC, MAXL	AG=12)	
		t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic		-1.738437	0.409€
Test critical values:	1% level	-3,460425	
	5% level	-2.883408	
	10% level	-2.578510	

* ماكينون (١٩٩٦)، قيم بي من جانب واحد.

Dependent Variable: D(STATRESIDS) Method: Least Squares Date: 08/05/13 Time: 16:36 Sample (adjusted): 2002M03 2013M04 Included observations: 132 after adjustments							
	Coefficient	Std. Error	t-Ştatistiç	Prob			
STATRESIDS(-1)	-0.120172	0.069127	-1.738437	0.0845			
D(STATRESIDS(-1))	-0.658848	0.083894	-7.853369	0.0000			
D(STATRESIDS(-2))	-0.558155	0.074282	-7.513974	0.0000			
С	7.97E-05	0.000193	0.412030	0.6810			
R-squared	0.506131	Mean deper	ndent var	3.78E-05			
Adjusted R-squared	0.494556	S.D. depend	dent var	0.003124			
S.E. of regression	0.002221	Akarke info	criterion	-9.351697			
Sum squared resid	0,000632	Schwarz on	terion	-9.264340			
Log likelihood	621.2120	Hannan-Qu	inn onter.	-9.316199			
F-statistic	43.72608	Durbin-Wat	son stat	2.010767			
Prob(F-statistic)	0.000000						

وبها أن إحصاءة الاختبار (-١.٧٤) ليست أكثر سلبية من القيم الحرجة حتى عند المستوى ١٠ ٪، فلا يُمكن رفض فرضيَّة العدم لجذر الوحدة في بواقي انحدار الاختبار، وبالتالي فإننا نستنج أن السلسلتين غير مُتكاملتين تكاملًا مشتركًا، ويعني ذلك أن الشكل الأنسب للنموذج الذي سوف يتم تقديره هو عبارة عن نموذج يضم فقط الفروق الأولى للمتغيَّرات، بها أنه لا وجود لعلاقة طويلة الأجل.

في المقابل إذا وجدنا أن السلسلتين مُتكاملتين تكاملًا مشتركًا فيمكن حينها تقدير نموذج تصحيح الخطأ، بها أنه توجد توليفة خطّية بين الأسعار الفوريَّة والمستقبلية نكون ساكنة، سوف بكون نموذج تصحيح الخطأ هو النموذج المناسب في هذه الحالة بدلًا من النموذج في شكل فروق أولى فقط؛ لأنه سوف يُمكّننا من التقاط العلاقة طويلة الأجل بين السلاسل، وكذلك العلاقة قصيرة الأجل، يُمكننا تقدير نموذج تصحيح الخطأ عن طريق إجراء الانحدار التالي:

rspot c rfutures statresids(-1)

غير أنه إذا قمت بتقدير هذا النموذج فإن القيمة المقدَّرة لحد تصحيح الخطأ لن تكون في الحقيقة معقولة، ونظرًا إلى أن السلسلتين ليستا مُتكاملتين تكاملًا مشتركًا فإن النموذج على الشكل التالي:

rspot c rfutures rspot(-1) rfutures(-1)

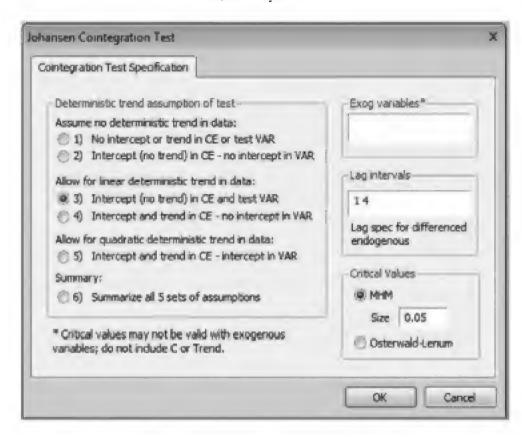
سوف يكون مُناسبًا أكثر، هذا ونُشير إلى أنه يُمكننا إما إدراج أو استبعاد الحدود المتباطئة، وأن أيًا من الشكلين سوف يكون سليبًا من منظور أن جميع العناصر في المعادلة هي عناصر ساكنة.

قبل أن نتقل لشيء آخر لا بُد أن نُشير إلى أن هذه التبجة لبست ثابتة تمامًا، فعلى سبيل المثال، إذا قمنا بإجراء انحدار لا بحتوي على فترات إبطاء (أي اختبار ديكي فولر بحت)، أو على عينة فرعية من البيانات، سوف نجد أنه يجب رفض فرضيّة العدم لجذر الوحدة، عمَّا يدُل على أن السلاسل مُتكاملة تكاملًا مشتركًا، وبالتالي يجب الحذر عند استخلاص استنتاج قاطع في هذه الحالة.

ورغم أنه من السهل جدًّا استخدام منهج إنجل-جرانجر كما هو مُوضَح أعلاه، إلَّا أنه يشكو من عيب رئيس، وهو أنه لا يُمكن تقدير سوى علاقة تكامل مُشترك واحدة بين المتغيَّرات، في مثال الأسعار الفورية والمستقبلية يُمكن أن يكون هناك على الأكثر علاقة واحدة للتكامل المشترك بها أن هناك فقط مُتغيِّرين في النظام، ولكن في حالات أخرى إذا كان هناك مُتغيرات أكثر فمن المحتمل أن يكون هناك أكثر من علاقة تكامل مُشترك مُستقلة خطيًّا، وبالتالي من المناسب بدلًا من ذلك دراسة مسألة التكامل المشترك ضمن إطار متجه الاتحدار الذاتي لجوهانسن.

يُركز التطبيق الذي سوف نقوم بدراسته الآن على ما إذا كانت عوائد أذرن الخزانة ذات آجال الاستحقاق المختلفة متكاملة تكاملًا مشتركًا أم لا، نقوم بإعادة فتح ملف العمل 'macro.wf1' المستخدم في الفصل الرابع، هناك ست سلاسل لاسعار الفائدة، وهي تُمثّل أسعار الفائدة لثلاثة وستة أشهر، لسنة، ثلاث، خسى وعشر سنوات، تحمل كل سلسلة في الملف اسمًا يبدأ بالأحرف 'asib'، تتمثّل الخطوة الأولى في أيَّ تحليل للتكامل المشترك في التأكد من أن المتغيرات كلها غير ساكنة في مُستوياتها، تأكّد إذًا من صحَّة ذلك لكل سلسلة من السلامل الست، من خلال إجراء اختبار جذر الوحدة على كل سلسلة.

بعد ذلك ولتشغيل اختيار التكامل المشترك نُحدُّد السلاسل الست ثم ننقر فوق Quick/ Group Statistics/ Johansen بعد ذلك ولتشغيل اختيار التكامل المشترك نُحدُّد السلاسل الست، انقر فوق OK وعندها سوف نظهر قائمة الخيارات التالية (لقطة الشاشة رقم (٨,٣)).



لقطة الشاشة رقم (٣,٨) اختبار جوهانسن للتكامل المشترك.

تركز الاختلافات بين النهاذج من ١ إلى ٦ على ما إذا تم إدراج مقطع أو اتجاه عام أو كليهما في كلَّ من علاقة التكامل المشترك المحتملة و(أو) متجه الانحدار الذاني، هذا ويُعتبر عادة فحص حساسيَّة النتائج لنوع التوصيف المستخدم فكرة جيِّدة، لذلك حدَّد الحيار ٦ الذي سوف يقوم بذلك، ثم انقر فوق OK، تظهر النتائج كما في الجدول التالي.

تُعنبر النتائج المتحصَّل عليها من الأنواع الست للنموذج، ومن نوع الاختبار (الإحصاءة 'trace' أو 'max') مُتباينة بعض الشيء فيها يتعلق بعدد منجهات التكامل المشترك (الجزء الأعلى من النتائج)، حيث تُشير الإحصاءة trace إلى وجود على الأقل مُتَّجه واحد للتكامل المشترك في حين يختار نهج الإحصاءة max بين صفر ومتجهين للتكامل المشترك، ويتوقف ذلك على توصيف نموذج منجه الانحدار الذاتي، وبالتالي لدينا نتيجة غير حاسمة فيها يتعلق بها إذا كانت سلاسل أسعار الفائدة الست فعلًا مُتكاملة تكاملًا مُشتركًا أم لا، لكن ثقل الأدلة يميل نوعًا ما لصالح التكامل المشترك.

نوفر الثلاثة أجزاء من الجدول التالي معلومات يُمكن استخدامها لتحديد طول فترة الإبطاء المناسبة لمتجه الانحدار الذاتي، كما يُمكن استخدام قيم لوغاريتم دالة الإمكان لإجراء اختبارات حول ما إذا كان من الممكن تقييد متجه الانحدار الذاتي برتبة معينة إلى متجه انحدار ذاتي برتبة أقل؛ نجد قيم معايير معلومات أكايكي وشوارز في الجزأين الأخيرين يُحدُّد معيار معلومات أكايكي متجه انحدار ذاتي بثلاث أو بأربع فترات إبطاء على حسب ما إذا تم إدراج مقطع و/أو متجه عام، في حين يختار معيار معلومات شوارز دائها منجه انحدار ذاتي بدون فترات إبطاء، هذا ونُشير إلى اختلاف في الرتبة المثلي للنموذج

يرجع إلى الصغر النسبي لحجم العينة الشهرية المتاحة، مُقارنة بعدد المشاهدات التي كانت ستكون متاحة لو كانت البياتات المستخدمة بيانات يومية، مما يعني أن حد الجزاء في معيار معلومات شوارز يكون أكثر حدة على المعلمات الإضافية في هذه الحالة.

إذًا لرؤية النهاذج المقدرة، انقر فوق ... View/Cointegration Test/ Johansen System Cointegration Test وحدَّد الخيار ٣ أي مقطع (دون اتجاه عام) في معادلة التكامل المشترك، وفي اختبار متجه الانحدار الذاتي) ثم عدَّل 'Lag Intervals' إلى ١ ٣، وانقر فوق OK، وكما يظهر في الجدول التالي يُنتج إفيوز كمية كبيرة جدًّا من المخرجات (٧).

	eta Toros, 12 ua Matens solvado				
	servations 391				
Series: UST	B10Y USTB1Y	USTRAM US	TRAY USTRA	Y USTBAM	
ege interve	di 1 tes et				
filmine had 4th	06 kevel") Numb	er of Company	posting Relate	min by Muster	
Dala Treed	Monte	Nove	Liverar	Limear G	uadratic
lout type	No Intercept No Trend	Intercept No frend	Intercept No Trand	Intercept 6	tercept Frond
-		9			
Transper	2	5	2	3	d a
Max-Eig	57	G.	D.	1	1
*Geliteral sealor	e hased on Mack	Conon-Maug-M	johnin (1989)		
rdseeneteen	Criteria by Flam	k and Medel			
Dala Trand	None	None	Lanear	Linear	Guadratec
Florik or	No Intercept	Intercept	Internegat	Intercept	Am heavenings b
No. of GEs	No Trend	No Trend	Nio Transi	Texted	Francis
.og Likuskho	ead by Flank (ra	ws) and Mode	el (columne)		
43	1967.692	1967.692	1966.534	1988 534	1969.015
3	19665-205	1997 510	19891382	teen ane	15991,2889
2	2002 157	2003 584	2004 315	2009 071	2009 549
a	2012 664	2015.717	2016.425	2024 588	2025 050
4	2019.161	2022,446	28000000 74945	2005 103	2000000.2000
5	20021.2021	2025 817	200745 Chile	2041.577	Acres 4 book
-6	2021 729	2026 855	2026 855	2044 One	2011 089
Akaike Infor	mation Criteria	by Rank (row	s) and Mode	(columns)	
0	11.96267	11.36267	11.00040	-11.33049	11 20604
4	-11.40016	-11.40800	11.52004	-11.350022	1.1.00005
27	-11,42777	-11 42420	-11.465000	-11.42100	 1.1 assess
-3	-11.41859	-11.41879	-11.40452	- 11,436d9°	11 42(99)
4	-11.38412	-1132974	-11.36938	-11.42121	-11 40991
E-	-11.32318	-1131979	-11.31516	11,37990	11.97380
+91	11,26006	-11,24620	11.24620	11 31607	11 341 560 6
Bohwatz Gr	iteria by Flank (own) and Mo	del (column)	
O	-9.6707051	-8.6707061	-9.56807	-9.56807	-9 403 (9
1	-9.57030	-9.56050	-9.47559	-9.47313	_ 58 (NBes 202
2	-9.45393	~9 4268B	-9 35950	-9 35317	9.28423
źs.	9.30379	© 5568 B 712	0.21920	9.23612	Sh TRASET T
4	D. 120000	0.07603	0.04006	0.64790	9-019-1
Et .	-8.92638	-8.80418	-8.84766	-6.86326	8.83580
65	-8.71286	-8.63691	-8.83691	-8.63629	8.63629

 ⁽٧) يوفر إفيوز متجهات تكامل مشترك ونحميلات مقدرة لـ ٢ إلى ٥ متجهات تكامل مشترك إضافية، لكتها لا تُعرض هنا للحفاظ على المساحة.

Date: 08/05/13 Time: 18:30

Sample (adjusted): 1986M07 2013M04 Included observations: 322 after adjustments Trend assumption: Linear deterministic trend

Series: USTB10Y USTB1Y USTB3M USTB3Y USTB5Y USTB6M

Lags interval (in first differences): 1 to 3

Unrestricted Cointegration Rank Test (Trace)

Hypothesized		Tra		
No. of CE(s)	Eigenvalue	Statistic	Critical Value	Prob.**
None*	0.136950	142.4602	95.75366	0.0000
At most 1*	0.118267	95,03524	69.81889	0.0001
At most 2*	0.089649	54.50629	47.85613	0.0105
At most 3*	0.043899	24.26233	29.79707	0.1896
At most 4	0.024827	9.807123	15.49471	0.2959
At most 5	0.005303	1.712066	3.841466	0.1907

يشير اختبار الأثر إلى وجود ثلاث معادلات متكاملة تكاملًا مشتركًا عند المستوى ٥٪ يُشير * إلى رفض فرضية العدم عند المستوى ٥٪

يُشير ** إلى قيم بي تاكيتون، هوغ ومكيليس (١٩٩٩) ((MacKinnon-Haug-Michelis (1999)

يُظهر الجزآن الأوّلان من الجدول نتائج الإحصاءات على التوالي، في كل حالة، يعرض العمود الثاني القيم الذاتية المرتَّبة، العمود الثالث إحصاءات الاختبار، العمود الرابع القيم الحرجة، والعمود الأخير قيم بي، بفحص الحتبار الأثر، وإذا نظرنا في الصف الأول بعد العناوين يتبيَّن أن الإحصاءة ١٤٢, ٤٦٠ تفوق إلى حد كبير القيمة الحرجة (أي ٩٥, ٧٥)، وبالتالي تُرفض فرضية العدم المتمثّلة في عدم وجود متجهات تكامل مُشترك، إذا انتقلنا بعد ذلك إلى الصف التالي ترى أن إحصاءة الاختبار (٩٥,٠٣٥٢) تفوق مرَّة أخرى القيمة الحرجة، لذلك بتم أيضًا رفض فرضية العدم القائلة بوجود متجه تكامل مُشترك واحد على الأكثر.

Hypothesized		Max-Eige	n 0:05	
No. of CE(s)	Eigenvalue	Statistic	Critical Value	Prob.**
None:	0.136960	47.42496	40.07757	0.0063
At most 1"	0.118267	40.52805	33.87687	0.0070
At most 2"	0.089649	30.24396	27 58434	0.0222
At most 3°	0.043899	14.45521	21.13162	0.3288
At most 4	0.024827	8.095058	14.26460	0.3691
At most 5	0.005303	1.712066	3.841466	0.1907

يشير اختيار القيمة الذاتية القصوى إلى وجود ثلاث معادلات متكاملة تكاملًا مشتركًا عند المستوى ٥٪ يُشير * إلى رفض فرضية العدم عند المستوى ٥٪ يُشير ** إلى قيم بي لماكينون، هوغ ومكيليس (١٩٩٩) (MacKinnon-Hang-Michelis (1999))

	USTBIY	USTROM	USTB3Y	USTB5Y	USTB6M	
2.684473	-18 296340	-12 359460	10,792730	-8 712903	25 780170	
0.449156	2.335248	-0.630527	8.305166	-5.503590	4.615958	
-2,721506	8.091590	-6 936259	-14.941690	12.300630	4,363734	
5.106830	4.395945	1.184519	5.364618	11.363300	4.452396	
4,873386	-0.273274	-0 306956	2,703060	-6.990166	0.301395	
0.745641	0.345006	0.062957	-0.855164	0.641708	0.342586	
Unrestricted A	kdjustment Coe	fficients (alpha	0:			
D/USTB10Y)	0.019584	0.011721	-0.029932	0.022940	0.004912	-0.015252
D(USTB1Y)	0.021022	0.027672	-0.013588	0.006678	0.026106	-0.00924
D(USTB3M)	0.030206	0.045208	0.010914	0.007775	0.016975	-0.004310
D(USTB3Y)	0.014473	0 010067	-0.014191	0.023590	0.024070	-0.014900
D(USTB5Y)	0.019761	0.008199	-0.026057	0.030408	0.016818	-0.014461
D(USTB6M)	0.013243	0.043250	-0.006139	0.007435	0.021381	-0.006117
1 Cointegratin	g Equation(s): I	Log likelihood	1948 484			
Normalized oc	ointegrating cos	efficients (stanc	tard error in pa	rentheses)		
USTB10Y	USTB1Y	USTB3M	USTB3Y	USTB5Y	USTB6M	
1.000000	-6.815619	-4.604054	4.020428	-3.245667	9.603439	

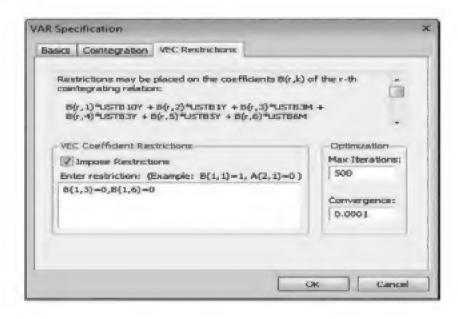
D(USTB10Y)	0.052573	
	(0.040990)	
D(USTB1Y)	0.056434	
	(0.036520)	
D(USTB3M)	0.081088	
	(0.031220)	
D(USTB3Y)	0.038852	
	(0.044320)	
D(USTB5Y)	0.053047	
	(0.044370)	
D(USTB6M)	0.035550	
	(0.032430)	

Normalized c	ointegrating o	cefficients (sta	ındard error in	parentheses)	
USTB10Y	USTB1Y	USTB3M	USTBáY	USTB5Y	USTB6M
1.000000	0.000000	20.727950	-90.896910	62.104930	12.443350
		(18.897300)	(19.780600)	(14.172400)	(21.355500)
0.000000	1.000000	3,716758	-13.926450	9.588359	0.416677
		(2.491280)	(2.916370)	(2.089530)	(3.148560)
Adjustment c	oefficients (st	andard error in	parentheses)		
D(USTB10Y)	0.047309	-0.330950			
	(0.041510)	(0.281330)			
D(USTB1Y)	0.044005	-0.320010			
	(0.036770)	(0.249190)			
D(USTB3M)	0.000783	-0.447095			
	(0.030850)	(0.209070)			
D(USTB3Y)	0.034330	-0.241293			
	(0.044910)	(0.304330)			
D(USTB5Y)	0.049364	-0.342399			
	(0.044970)	(0.304730)			
D(USTB8M)	0.016124	-0.141293			
	(0.032170)	(0.218030)			

ملاحظة: الجدول مقطوع

كما ترفض أيضًا فرضيَّة العدم المتمثَّلة في وجود متجهين للتكامل المشترك على الأكثر، لكننا تتوقف عند الصف التالي، حيث إننا لن نرفض فرضية العدم القائلة بوجود ثلاثة متجهات للتكامل المشترك على الأكثر عند المستوى ٥ ٪، وهو الاستنتاج الذي سوف تعتمده، يؤكد الاختبار max الموضح في الجزء الثاني هذه النتيجة.

كها نُشير إلى أن قيم المعاملات غير المقيدة هي القيمة المقدرة للمعاملات في متجه التكامل المشترك، وهي معروضة في الجزء الثالث من النتائج، ومع ذلك من المفيد في بعض الأحيان تطبيع قيم المعاملات لتحديد قيمة أحد هذه المعاملات بالوحدة، مثلها هو الحال في انحدار التكامل المشترك في إطار منهج إنجل-جرانجر، سوف يتم إجراء التطبيع بواسطة إفيوز، وذلك بالنسبة للمتغير الأول المعطّى في قائمة المتغيرات (أي أيًّا كان المتغير المدرج أولًا في النظام سوف يأخذ مُعامله افتراضيًّا الفيمة 1 في منجه النكامل المشترك المطبّع)، أمَّا الجزء السادس من الجدول فيعرض القيم المقدَّرة في حالة كان لدينا منجه تكامل مشترك واحد فقط، والذي تم تطبيعه بحيث يكون معامل العائد على السندات لمدة عشر سنوات مُساويًا للوحدة، كما يعطي هذا الجزء أبضًا معاملات التعديل أو التحميل في كل اتحدار (أي "مقدار متجه التكامل المشترك المطبّعة ثم معلمات التعديل)، لكن تحت التألم من النتائج يتم استخدام نفس الصبغة (أي تُعرض منجهات التكامل المشترك المطبّعة ثم معلمات التعديل)، لكن تحت افتراض أن هناك متجهين للتكامل المشترك، ويستمر ذلك إلى حالة خسة متجهات للتكامل المشترك، وهو العدد الأقصى المكن انظام يحتوى على ست منغيرات.



لقطة الشاشة رقم (4, 4) توصيف منجه الانحدار الذال لاختبارات جوهانسن.

لرزية نموذج متجه تصحيح الخطأ كاملًا، حدَّد ... Vector Error Correction بدءًا من علامة التبويب الافتراضيَّة 'Basics' في 'VAR type' حدَّاد VAR type'، وفي الإطار 'Hag Intervals for D (Endogenous)' اكتب الافتراضيَّة 'Basics' في 'Basics' حدَّاد واحد، وذلك القر بعد ذلك فوق علامة التبويب cointegration وفي الإطار 'Rank' نترك افتراضيًّا الذي متجه تكامل مُشترك واحد، وذلك بهدف التبسيط، ونُحدَّد الخيار ٣ ليكون لدينا مقطع دون اتجاه عام في معادلة التكامل المشترك ومتجه الانحدار الذاتي، عند النقر فوق OK سوف يظهر المخرج لنموذج متجه تصحيح الخطأ بأكمله.

من المهم أحيانًا اختيار الفرضيات حول أيَّ من المعلمات في متجه التكامل المشترك أو تحميلاتها في نموذج متجه تصحيح الخطأ، وللقيام بذلك من الشاشة 'Vector Error Correction Estimate' انقر فوق الزر Estimate ثم انقر على علامة النبويب B(i,j) المعامل عدد B(i,j) في إفيوز، يُرمز إلى القيود المتعلقة بعلاقات التكامل المشترك الواردة في B(i,j)، حيث يمثّل B(i,j) المعامل عدد في علاقة التكامل المشترك عدد B(i,j).

نسمح في هذه الحالة بعلاقة تكامل مُشترك واحدة لا غبر، لذلك نفترض أننا نريد إجراء اختبار الفرضية المتمثّلة في أن عوائد الثلاثة أشهر لا تظهر في معادلة التكامل المشترك، يُمكننا اختبار ذلك من خلال تحديد القيد المتمثّل في أن معلماتها تساوي صفرًا، باستخدام المصطلحات الواردة في إفيوز، يتحقَّق ذلك من خلال كتابة 0 = (1,6) = 0. B(1,3) في الإطار ' VEC Coefficient ونقر فوق OK في الإطار ' Restrictions ونقر فوق OK، سوف يُظهر إفيوز بعد ذلك قيمة إحصاءة الاختبار، يليها متجه التكامل المشترك المقيّد ونموذج متجه تصحيح الخطأ، ولحفظ المساحة سوف يتم في الجدول التالي عرض إحصاءة الاختبار ومتجه التكامل المشترك المقيّد فقط.

تتبع إحصاءة الاختبار التوزيع تهر بدرجتيّ حرية بها أن لدينا قيدَيْنِ، تكون قيمة بي للاختبار هنا مُساوية لــ ١٠٨٧٦. • • ، وبالتالي لا تدعم البيانات القيود عند المستوى ٥٪ وسوف نستنتج أن علاقة التكامل المشترك بجب أن تتضمن أيضًا منحنى العائد قصير الأجل.

أمًّا عند إجراء اختبارات فرضيات تتعلَّق بمعاملات التعديل (أي التحميلات في كل معادلة)، فإنه يُشار إلى هذه القيود بـ (A(i,j) والذي يُمثَّل معامل متجه التكامل المشترك للمتغيِّر عدد i في علاقة التكامل المشترك عدد i، على سبيل المثال، سوف يختبر 0 = (2,1) فرضية العدم المتمثّلة في أن معادلة المتغيّر الثاني بحسب الترتيب الوارد في التوصيف الأصلي (USTBIY في هذه الحالة) ودون إدراج منجه التكامل المشترك الأول، إلخ، نترك فحص بعض القيود من هذا القبيل كتمرين.

Vector Error Correction Estimates	
Date: 08/06/13 Time: 07:25	
Sample (adjusted): 1986M07 2013M04	
Included observations: 322 after adjustments	
Standard errors in () & t-statistics in []	
Cointegration Restrictions:	
B(1,3) = 0, $B(1,6) = 0$	
Convergence achieved after 12 iterations.	
Not all cointegrating vectors are identified	
LR test for binding restrictions (rank = 1):	
Chi-square(2)	9.042452
Probability	0.010876
Cointegrating Eq:	CointEq1
USTB10Y(-1)	0.459023
USTB1Y(-1)	-1.950770
USTB3M(-1)	0.000000
USTB3Y(-1)	5.177136
USTB5Y(-1)	-3.863573
USTB6M(-1)	0.000000
C	0.799548

ملاحظة: الجدول مقطوع

ملاحظة عن نهاذج الذاكرة الطويلة

(A note on long-memory models)

هناك اعتقاد سائد على نطاق واسع بأن (لوغاريتيات) أسعار الأصول تضم جذر الوحدة، أمّا سلسلة عوائد الأصول فمن الواضح أنها لا تضم جذر وحدة إضافيًّا، بالرغم من أن ذلك لا يعني أنها مُستقلَّة، وعلى وجه الخصوص، من الممكن (بل وثبت أن ذلك هو الحال بالنسبة لبعض البيانات الماليَّة والاقتصاديَّة) أن مُشاهدات مُتباعدة عن بعضها البعض لسلسلة ما تُظهر علامات تبعيَّة، يُقال أن مثل هذه السلامل قتلك فاكرة طويلة (Long Memory)، تتمثَّل إحدى الطرق لتمثيل هذه الظاهرة في استخدام نموذج متكامل كسريًّا (المسلمة مُتكاملة من الرتبة أله إذا أصبحت ساكنة بعد إجراء فروق عليها له مرَّة على الأقل، في إطار التكامل الكسري، يُسمح لـــ أنه بأخذ قيم غير صحيحة، تُشير إلى أنه تم تطبيق هذا الإطار لتقدير النهاذج ARMA (انظر على سبيل المثال ميلز وماركيلوس (٢٠٠٨) (2008) (Mills and Markellos (2008))، في إطار النهاذج المتكاملة كسريًّا، سوف تنخفض دالة الارتباط الذاتي للموذج المتكامل كسريًّا تنخفض بشكل أبطأ بكثير من دالة الارتباط الذاتي للنموذج المتكامل كسريًّا تنخفض بشكل أبطأ بكثير من دالة الارتباط الذاتي للنموذج المتكامل كسريًّا تنخفض بشكل أبطأ بكثير من دالة الارتباط الذاتي للنموذج المتكامل كسريًّا النهذج المحمد النهاذج GARCH (التي تحت مُناقشتها في الفصل ٩)، حيث وُجد أن التقلب يُظهر تبعيَّة طويل الأجل، وعليه تم اقتراح فئة جديدة من النهاذج GARCH) للأجل، وعليه تم اقتراح فئة جديدة من النهاذج باسم النهاذج GARCH المتكاملة كسريًّا (FIGARCH) للأخذ بعين الاعتبار هذه الأجل، وعليه تم اقتراح فئة جديدة من النهاذج باسم النهاذج GARCH المتكاملة كسريًّا (FIGARCH) للأخذ بعين الاعتبار هذه

الظاهرة (انظر دينج، جرانجر وإنجل (١٩٩٣) ((١٩٩٦) (Ding, Granger and Engle (1993))، أو بولرسليف وميكلسين (١٩٩٦) ((Bollerslev and Mikkelsen (1996)).

الشاهيم الرئية النالية: عدم السكون عملية متفجّرة عدم السكون عملية متفجّرة الانحدار الزائف جنر الوحدة الانحدار الزائف اختبار ديكي فولر الموسع التكامل المشترك منوخ تصحيح الخطأ منهج إنجل - جرانجر ذو الخطوتين تقنية جوهانسن نموذج متجه تصحيح الخطأ القيم الذائية

أسئلة التعلم الذاتي:

- (١) (أ) ما هي أنواع المتغيّرات التي يرجَّح أن تكون غير ساكنة؟ كيف يُمكن جَعُل هذه المتغيِّرات ساكنة؟
- (بٍ) لماذا من المهم بشكل عام اختبار عدم السكون في بيانات السلاسل الزمنيَّة قبل محاولة بناء نموذج تجريبي؟
 - (ج) عرِّف المصطلحات التالية وصِف العمليَّات التي تمثلها:
 - السكون الضعيف
 - السكون التام (Strict Stationarity)
 - اتجاه عام حتمي
 - اتجاه تصادُفي
- (۲) يريد الباحث اختبار رتبة التكامل لبعض بيانات السلاسل الزمنيَّة، لذلك يُقرَّر استخدام اختبار ديكي فولر وتقدير انحدار
 على الشكل التالى:

$$\Delta \boldsymbol{y}_t = \boldsymbol{\mu} + \boldsymbol{\psi} \boldsymbol{y}_{t-1} + \boldsymbol{u}_t$$

وتحصل على القيمة المفدَّرة 0.02 = ﴿ بخطأ معياري مُساوِ لــ ٣١ , ٠ .

- (i) ما هي فرضية العدم والفرضية البديلة لهذا الاختبار؟
- (ب) بالنظر إلى البيانات والقيمة الحرجة -٨٨ , ٢ ، قم بإجراء الاختبار.
- (ج) ماذا يُمكن أن نستنتج من هذا الاختبار وما هي الخطوة التالية التي ينبغي اتخاذها؟
- (د) لماذا لا يكون من المناسب مُقارنة القيمة المقدَّرة لإحصاءة الاختبار بالقيمة الحرجة المقابلة من التوزيع تي، على الرغم من أن إحصاءة الاختبار تأخذ شكل نسبة تي المعتادة.
- (٣) باستخدام نفس الانحدار كما في السؤال الثاني، لكن على مجموعة مختلفة من البيانات يحصل الباحث الآن على القيمة المقدَّرة
 (٣) باستخدام نفس الانحدار كما في السؤال الثاني، لكن على مجموعة مختلفة من البيانات يحصل الباحث الآن على القيمة المقدَّرة
 (٣) بخطأ معياري مُساو لــ ١٦، ٠٠.

- (i) قم بإجراء الاختبار.
- (ب) ما هو الاستنتاج وما هي الخطوة التالية التي ينبغي اتخاذها؟
- (ج) يقترح باحث آخر أنه قد تكون هناك مشكلة مع هذه المنهجية لأنها تفترض أن الاضطرابات (١٤٠) هي تشويش أبيض،
 اقترح مصدرًا مُحتملًا للصعوبة، وكيف يمكن للباحث تفاديها عمليًّا.
- (١) (١) لناخذ مجموعة من القيم للأسعار الفورية والمستقبلية لسلعة معينة، في إطار هذه السلاسل اشرح مفهوم التكامل المشترك، ناقيش كيف يُمكن للباحث اختيار التكامل المشترك بين المتغيرات باستخدام منهج إنجل-جرانجر، اشرح أيضًا الخطوات المتبعة في صياغة نموذج تصحيح الخطأ.
- (ب) أعْطِ مثالًا آخر من مجال الماليَّة حيث يُمكن توقع النكامل المشترك بين مجموعة من المنغيَّرات، اشرح بالرجوع إلى الآثار
 المترتبة عن عدم التكامل المشترك، لماذا يُمكن توقع التكامل المشترك بين هذه السلاسل.
- (4) (أ) استعرض بشكل موجز منهجية جوهانسن لاختبار التكامل المشترك بين مجموعة من المتغيّرات في إطار متجه الانحدار الذاتي.
 - (ب) يستخدم الباحث منهج جوهانسن ويتحصل على إحصاءات الاختبار التالية (وكذلك القيم الحرجة):

القيمة الحرجة عند المستوى ٩٥٪	λ_{max}	r
44,114	47, 411	
YV, 179	79,181	١
Y . , YVA	17,8.8	۲
18, . ٣7	۸,۸٦١	٣
4,414	1,998	٤

حدد عدد متجهات التكامل المشترك.

- (ج) 'إذا كانت سلسلتان متكاملتان تكاملًا مشتركًا فمن غير الممكن إجراء استدلالات عن علاقة التكامل المشترك باستخدام تقنية إنجل—جرانجر؛ لأن بواقي الانحدار يُرجَّح أن تكون مرتبطة ذاتيًا'، كيف تجاوز جوهانسن هذه المشكلة واختبر الفرضيات عن علاقة التكامل المشترك؟
- (د) أَعْطِ مثالًا أو أكثر من الأدبيات الماليَّة الأكاديمية أين تم استخدام تقنية نظم جوهانسن، ما هي النتائج والاستئتاجات الرئيسة لهذا البحث؟
- (هـ) قارِنْ بين اختبار القيمة الذاتية القصوى لجوهانسن واختبار يقوم على إحصاءة الأثر، بيَّن بوضوح فرضية العدم والفرضية البديلة في كل حالة.
- (٦) (١) لنفترض أن باحثة لديها مجموعة من ثلاثة متغيرات، (y_t(t = 1, ..., T) أي تُشير y_t إلى p متغير أو متجه من الرتبة x 1 والني ترغب في اختبارها فيها يتعلَّق بوجود علاقات تكامل مشترك باستخدام إجراء جوهانسن، ما هي الآثار المترتبة عن إبجاد أن رتبة المصفوفة المناسبة تأخذ القيمة:
 - 11.1
 - A (65)

- Y (iii)
- Y (iv)

(ب) تحصَّلت الباحثة على نتائج اختبار جوهانسن باستخدام المتغيِّرات الواردة في الجزء (أ) وهي كالتالي:

القيمة الحرجة ٥٪	λ_{max}	r
T., T.	٣٨,٦٥	*
YY, A &	Y3,91	١
1., ٧1	1.,77	۲
17,77	Α,οο	٣

حدِّد عدد متجهات التكامل المشترك، اشرح إجابتك.

- (٧) قُم بمقارنة أوجه الشبه والاختلاف بين منهجيات إنجل-جرانجر وجوهانسن لاختبار التكامل المشترك وتمذجة الأنظمة المتكاملة تكاملًا مشتركًا، أيها في رأيك تُعتبر الأفضل؟ ولماذا؟
- (٨) افتح داخل إفيوز الملف 'currency.wf1' الذي سوف يتم مناقشته بالتفصيل في الفصل الثاني، حدَّد ما إذا كانت سلسلة أسعار الصرف (في شكل مستوياتها الأولية) غير ساكنة، إذا كان الأمر كذلك اختبر التكامل المشترك بينهم باستخدام كلَّ من منهج إنجل-جرانجر ومنهج جوهانسن، هل كنت تتوقَّع أن تكون السلاسل متكاملة تكاملًا مشتركًا ؟ لماذا ولماذا لا؟
 - (٩) (أ) ما هي المشاكل التي تظهر عند اختبار جذر الوحدة إذا كان هناك انقطاع هيكلي في السلسلة قيد الاختبار؟
 - (ب) ما هي حدود منهج بيرون (١٩٨٩) للنعامل مع الانفطاعات الهيكلية في اختيار جذر الوحدة؟

والفمل والتاسع

نهذجة التقلب والارتباط Modelling Volatility and Correlation

غرجات التعلم

سوف تتعلم في هذا الفصل كيفية:

- مُناقشة خصائص البيانات التي تُعفز على استخدام نهاذج GARCH.
 - شرح كيفية تقدير نهاذج التقلب الشرطي.
 - اختبار وجود 'آثار 'ARCH' في بيانات السلاسل الزمنية.
 - إعداد التنبؤات باستخدام النهاذج GARCH.
 - مُقارنة نهاذج مُختلفة من فئة GARCH.
- مُناقشة المناهج الثلاث لاختبار الفرضيات المتاحة ضمن طريقة التقدير بالإمكان الأعظم.
 - إنشاء نهاذج التقلب الشرطي مُتعدّدة المتغيّرات والمقارنة بين التوصيفات البديلة.
 - تقدير نهاذج GARCH الأحاديّة والمتعدّدة المتغيّرات داخل إفيوز.

٩,١ الدوافع: جولة في عالم اللاخطية

(Motivations: an excursion into non-linearity land)

كانت كل النهاذج التي تمت مُنافشتها في الفصول من الثالث إلى الثامن من هذا الكتاب ذات طابع خطّي، أي أن النموذج خطّي في المعلمات، بحيث يكون هناك معلمة واحدة مضروبة في كل مُتغيّر من متغيّرات النموذج، على سبيل المثال، يُمكن للنموذج الهيكلي أن يكون شيئًا من هذا القبيل:

$$y = \beta_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + \beta_4 x_4 + u_t \tag{1.4}$$

أو بصيغة أكثر تراصًا كـ: $y = X\beta + u$. كما يُفترض بالإضافة إلى ذلك أن $w = N(0, \sigma^2)$. يُعتبر النموذج الخطّي على النحو المبيّن أعلاه نموذجًا مُفيدًا، وقد مثّلت خصائص المقدّرات الخطّية موضوع العديد من الأبحاث، وهي خصائص مفهومة بشكل جيّد

للغاية، كما يُمكن تحويل العديد من النهاذج التي نبدو للموهلة الأولى أنها غير خطّية إلى نهاذج خطّية بتطبيق اللوغاريتهات، أو بأي تحويل مُناسب آخر، وعلى الرغم من ذلك من المحتمل أن هناك العديد من العلاقات في مجال الماليَّة غير خطَّية في جوهرها، وكها ذكر كامبل، لو وماكينلي (١٩٩٧) ((١٩٩٧) (Campbell, Lo and MacKinlay) تكون عوائد الخيارات غير خطَّية في بعض مُنغيِّرات المدخلات، وكذلك بالنسبة إلى رغبات المستثمرين في المقايضة بين العوائد والمخاطر، تقدَّم هذه الملاحظات دوافع جليَّة لاعتبار نهاذج غير خطَّية في العديد من الحالات بُغية النقاط الخصائص المهمَّة للبيانات بشكل أفضل.

كما تُعتبر كذلك النهاذج الهيكليَّة الخطَّبة (والسلاسل الزمنيَّة)، مثل النموذج المقدَّم بالمعادلة رقم (١،٩)، غبر قادرة على تفسير عدَّة خصائص مُهمَّة رائجة في الكثير من البيانات الماليَّة، بها في ذلك:

- التفرطح الضعيف (Leptokurtosis) وهو ما يعني ميل عوائد الأصول الماليَّة بالتميُّز بتوزيعات ذات ذيول سميكة وزيادة في الندبُّب (Peakedness) حول الوسط.
- عنفوديَّة التقلب (Volatility Clustering) أو تحبُّم التقلب (Volatility Pooling) أي: ميل التقلب في الأسواق الماليَّة إلى الظهور على شكل عناقيد، وبالتالي من المتوقع أن تكون العوائد الكبيرة (الموجبة أو السالية) متبوعة بعوائد كبيرة والعوائد الصغيرة (الموجبة أو السالية) منبوعة بعوائد صغيرة، هذا ونُشير إلى أنه ثمَّة تفسير معقول لهذه الظاهرة، والذي يبدو أنه خاصية لجميع سلاسل عوائد الأصول في الماليَّة تقريبًا، وهو أن وصول المعلومات الذي يقود تغيُّرات الأسعار في حد ذاته بحدث دفعة واحدة بدلًا من أن يكون مُتباعدًا بشكل مُتساو عبر الزمن.
- آثار الرفع الثاني (Leverage Effects) أي أن التقلب بميل إثر انخفاض الأسعار إلى الارتفاع أكثر مُقارنة عماً هو عليه إثر ارتفاع للأسعار بنفس الحجم.

بشكل عام يُعرَّف كامبل وآخرون (١٩٩٧) عملية توليد بيانات لاخطيَّة كعمليَّة نكون فيها القيمة الحاليَّة مُرنبطة لاخطيًّا بالقيم الحاليَّة والسابقة لحد الخطأ:

$$y_t = f(u_t, u_{t-1}, u_{t-2}, ...)$$
 (Y.4)

حيث يُمثّل us حد خطأ مُستقل ومُوزَّع بشكل مُتطابق و / دالَّة لاخطَّية، وفقًا لكاميل وآخرين، تُعطي المعادلة التالية تعريفًا أفضل من الناحية العمليَّة وأكثر دقَّة بعض الشيء للنموذج اللاخطِّي:

$$y_t = g(u_{t-1}, u_{t-2}, ...) + u_t \sigma^2(u_{t-1}, u_{t-2}, ...)$$
 (7.4)

حيث إن و هي دالَّة في حدود الأخطاء السابقة فقط و ت يُمكن أن يُفسَّر على أنه حد التباين بها أنه مضروب بالقيمة الحاليَّة للخطأ، كما يصف كامبل وآخرون بشكل مُفيد النهاذج التي تضم دالَّة (٠) و لاخطيَّة بكونها نهاذج لاخطيَّة في الوسط، في حين توصف النهاذج التي تضم دالَّة ٥(٠) و لاخطيَّة بكونها نهاذج لاخطيَّة في التباين.

يُمكن أن تكون النهاذج خطية في الوسط والتباين (نذكر على سبيل المثال نهاذج ARMA ونهاذج الانحدار الخطي الكلاسيكي)، أو خطية في الوسط لكن لاخطية في التباين (نذكر على سبيل المثال نهاذج الاخطية في الوسط لكن لاخطية في التباين (نذكر على سبيل المثال نهاذج الارتباط المزدوج (Bicorrelation Models))، وكمثال بسيط على ذلك يكون في التباين (نذكر على سبيل المثال نهاذج الارتباط المزدوج (Brooks and Hinich (1999))، وكمثال بسيط على ذلك يكون النموذج على الشكل التالي (انظر: بروكس وهنيتش (١٩٩٩)) ((1999))

$$y_t = \alpha_0 + \alpha_1 y_{t-1} y_{t-2} + u_t \tag{5.4}$$

وأخيرًا، يُمكن أن تكون النهاذج لاخطِّية في كلِّ من الوسط والتباين (نذكر على سبيل المثال نموذج العتبة الهجين (Hybrid Threshold Model) بأخطاء GARCH المستخدم من قبل بروكس (٢٠٠١)).

٩,١,١ أنواع الناذج اللاخطية

(Types of non-linear models)

هناك عدد لامتناه من الأنواع المختلفة للنهاذج اللاخطية، غير أنه تبيَّن أن فقط عددًا قليلًا منها مُفيد في نمذجة البيانات الماليَّة، من بين النهاذج الماليَّة اللاخطية الأكثر شُهرة نجد نهاذج ARCH و GARCH المستخدمة في نمذجة التقلب والتنبؤ به، وكذلك نهاذج تبديل النظام (Switching Models) الني تسمح لسلوك السلسلة باتباع عمليات مُختلفة في أوقات زمنية مُختلفة، سوف تُناقش نهاذج التقلب والارتباط في هذا الفصل، أمَّا نهاذج تبديل النظام فسوف تتم تغطيتها في الفصل ١٠.

٩,١,٢ اختبار اللاخطية

(Testing for non-linearity)

كيف يُمكن تحديد ما إذا كان النموذج اللاخطِّي فعلًا مُناسبًا للبيانات؟ ينبغي أن تأتي الإجابة عن هذا السؤال على الأقل في جزء منها من النظريَّة الماليَّة إلى أن العلاقة بين المتغيِّرات تستلزم في حد ذاتها نموذجًا لاخطِّيًا، لكن يُمكن أيضًا أن يكون الاختيار بين الخطية واللاخطية قائيًا جُزئيًّا على اعتبارات إحصائيَّة، أي تحديد ما إذا كان التوصيف الخطِّي يصف جميع أهم خصائص البيانات التي بين أيدينا أم لا.

ما هي إذًا الأدوات المتاحة للكشف عن السلوك اللاخطيّ في السلاسل الزمنية الماليَّة؟ للأسف، من المحتمل أن تكون الأدوات التقليدية المحليل السلاسل الزمنية (مثل تقديرات دوال الارتباط الذاتي أو الارتباط الذاتي الجزئي، أو التحليل الطيفي الذي يُعنَى بفحص البيانات في مجال التردد) قليلة الفائدة، من الممكن ألا تجد هذه الأدوات أيَّة أدلَّة على وجود بُنية خطية في البيانات، ولكن هذا لا يعني بالضرورة أن مثل هذه المشاهدات مُستقلة عن بعضها البعض.

ومع ذلك، هناك العديد من الاختبارات العامة والاختبارات الخاصة، عادةً ما تكون الاختبارات العامّة، والتي يُطلق عليها أحيانًا اختبارات إلى نوعين: الاختبارات العامة والاختبارات الخاصة، عادةً ما تكون الاختبارات العامّة، والتي يُطلق عليها أحيانًا اختبارات 'portmanteau'، مُصمّمة لاكتشاف العديد من الانحراف عن العشوائية في البيانات، وهذا يعني أن هذه الاختبارات سوف تكشف عن مجموعة مُتنوعة من الهياكل اللاخطية في البيانات، على الرغم من أنه من غير المرجّع أن تُخبر هذه الاختبارات الباحث عن نوع اللاخطية الموجودا ولعل أبسط اختبار عام للاخطية هو اختبار ريزت (RESET) لرامسي الذي تمت مُناقشته في القصل ٤، وذلك على الرغم من أن هناك العديد من الاختبارات الشائعة الأخرى المتاحة، هذا ويُعرف أحد الاختبارات الأكثر استخدامًا باختبار (انظر: بروك وآخرون (١٩٩٦) (١٩٩٥) (١٩٩٥)) والذي سُمّي على اسم الكُتّاب الثلاثة الذين أعدُّوه لأوَّل مرَّة، يُعتبر اختبار فرضية بحت، بمعنى آخر: تتمثّل فرضيّة العدم لهذا الاخبر في أن البيانات هي تشويش بحت (عشوائيّة قامًا)، كها ذُكر أن لهذا الاختبار فرضية بحت، بمعنى آخر: تتمثّل فرضيّة العدم لهذا الاخبر في أن البيانات هي تشويش بحت (عشوائيّة قامًا)، كها ذُكر أن لهذا الاختبار قُدرة على كشف مجموعة مُتنوّعة من الانحرافات عن العشوائيّة، كالعمليّات التصادُقيّة الخطّية واللاخطيّة، الفوضى

الحتميَّة (Deterministic Chans)، إلخ (انظر: بروك وآخرون (١٩٩١))، كما يتبع اختبار BDS تحت فرضيَّة العدم التوزيع الطبيعي المعياري، تُعتبر تفاصيل هذا الاختبار وغيرها تفاصيل تقنية وهي خارج نطاق هذا الكتاب رغم أن كود الحاسب لتقدير اختبار BDS مُتاح الآن على نطاق واسع ودون مقابل على شبكة الإنترنت.

بالإضافة إلى تطبيق اختبار BDS على البيانات الخام في محاولة المعرفة إن كان هناك أي شيء ما، افترح آخرون استخدام هذا الاختبار كاختبار تشخيص، نتمثّل الفكرة وراء ذلك في تقدير النموذج المفترح (على سبيل المثال نموذج خطّي، نموذج المفترح مُلاثها فينبغي أي نموذج آخر لاخطّي)، ثم تطبيق الاختبار على البواقي (الموحدة معياريًا) المعرفة ما تبقى، إذا كان النموذج المفترح مُلاثها فينبغي أن تكون البوافي الموحّدة معياريًا تشويشًا أبيض، في حين إذا كان النموذج المفترض غير كافي لالتقاط كل الخصائص الهامّة للبيانات فسوف تكون إحصاءة اختبار BDS للبواقي الموحّدة معياريًا معنويّة إحصائيًا، تُعتبر هذه الفكرة تُعتاز من الناحية العمليّة؛ أوَّلًا: إذا كان النموذج المفترض نموذجًا غير خطّي (من قبيل النموذج ARCH) فإن النوزيع المقارب لإحصاءة الاختبار سوف يتغبّر بحيث لن تعوذ هذه الأخيرة تتبع التوزيع الطبيعي، يتطلّب ذلك فيهًا حرجة جديدة يتم التعاوها من خلال المحاكاة، وذلك لكل نوع من النافج اللاخطية التي نقوم بفحص بواقيها، والأخطر من ذلك هو أنه إذا كان النموذج المجهّز للبيانات غير خطّي فإن أي هبكل آخر يكون عادة منفوضًا، ثمّا يُسفر عن اختبار بكون إمّا غير قادر على كشف هياكل النموذج المجهّز للبيانات (انظر: بروكس وهروي (1999) (Brooks and Henry (2000)) أو أنه يقوم باختبار نموذج على أساس كونه ملائيًا، لا ينتمي حتى إلى الفنة الصحيحة لعمليّة توليد البيانات هذه (انظر: بروكس وهروي (1999)).

كما نُشير إلى أن اختيار BDS مُتاح داخل إفيوز، ولتشغيله على سلسلة مُعيَّنة من البيانات، نقوم ببساطة بفتح السلسلة التي سيتم اختيارها (والتي قد تكون مجموعة من البيانات الخام أو بواقي النموذج المقدَّر) بحيث تظهر على شكل جدول بيانات، فُم إذًا بتحديد القائمة View ثم ... BDS Independence Test. سينوفر لك بعد ذلك العديد من الخيارات الممكنة؛ ثرد مزيد من التفاصيل بهذا الشأن في دليل الستخدم إلفيوز.

تشمل اختبارات الهيكل اللاخطّي في بيانات السلاسل الزمنيّة الأخرى الشائعة اختبار الطيف المزدوج (Bispectrum Test) لهنيتش (١٩٨٧) ((Hinich (1982)) وكذلك اختبار الارتباط المزدوج (Bicorrelation Test) (انظر: هسيه (١٩٩٣)) ((Hsieh هنيتش (١٩٩٦) أو بروكس وهنيتش (١٩٩٩) لتعميم الاختبار إلى الحالة مُتعدَّدة المتغيِّرات).

كما نُشير إلى أن مُعظم نطبيقات الاختبارات المذكورة أعلاه خلصت إلى وجود تبعيَّة لاخطَّية في سلاسل عوائد الأصول الماليَّة، وإن كانت هذه التبعيَّة (Dependence) تُوصف على أفضل وجه باستخدام نموذج من النوع GARCH (انظر: هنيتش وباترسون (١٩٩٦))؛ (Baillie and Bollerslev (1989)) ((١٩٨٩))؛ بروكس (١٩٩٦)؛ وبولرسلاف (١٩٨٩) ((١٩٨٩)) ((١٩٨٩))؛ بروكس (١٩٩٦)) والمراجع الواردة في هذه الأبحاث للاطلاع على تطبيقات لاختبارات اللاخطِّية على البيانات الماليَّة).

من جهة أخرى، وفيها يخص الاختبارات الخاصَّة، فإنها عادة ما تكون مُصمَّمة بحيث بكون باستطاعتها العثور على أنواع مُخدَّدة من الهياكل اللاخطَّية، كها نذكُر أنه ليس من المرجَّح أن تكشف الاختبارات الخاصَّة عن أشكال أخرى من اللاخطِّية في البيانات، لكن نتائجها نتيح بحكم تعريفها، فئة من النهاذج التي يُفترض أن نكون ذات أهميَّة للبيانات التي بين أيدينا، سوف نُقدَّم لاحقًا في هذا الفصل وفي الفصول التائية أمثلة عن الاختبارات الخاصَّة.

٩, ١, ٣ الفوضي في الأسواق الماليَّة

(Chaos in financial markets)

بحث المتخصّصون في الاقتصاد القياسي طويلًا وملبًّا عن الفوضى في البيانات الماليّة، وفي بيانات الاقتصاد الكلي والجزئي، الكن نجاحهم في ذلك وإلى يومنا هذا كان محدودًا جدًّا، هذا وتُعتبر نظرية الفوضى مفهومًا مأخُوذًا من العلوم الفيزيانية، وهي تُشير إلى إمكانيّة وجود مجموعة من المعادلات اللاخطية الحتيبيّة التي تُشكّل أساس سلوك السلاسل أو الأسواق الماليّة، سوف يبدو هذا السلوك في نظر الاختبارات الإحصائية العاديّة المعدِّة للتنظيق على النهاذج الخطية سلوكًا عشوائيًّا بحثًا، أمّّا الدافع وراه هذا الشوخي فهو واضح، تعني الرُوية الإيجابيّة للفوضى أنه رغم أن تنبؤ المدى الطويل بحكم تعريفه لا جدوى منه فإن التنبؤ على المدى القصير وقابليّة التحكُّم (Controllability) مُكنان، على الأقل من الناحية النظريّة؛ لأن هناك بعض الهياكل الحتميّة الكامنة في البيانات، هذا وتوفّر في الادبيات تعريفات مُخلقة لما يُحكّل فعلًا الفوضى، لكن أبرزها قوة يُعرَّف النظام الفوضوي بأنه نظام يُبدى اعتبادًا فانق الحساسية على الظروف الأوليّة (المحاسلية على الظروف الأوليّة الأساسية للنظم الفوضويّة، وهو أنه في صورة إحداث تعيَّر مُثناهي الصغر في الظروف الأوليّة (الحالة الأولية للنظام) فإن النغيَّر المفابل المكرَّر عبر النظام صوف يتزايد باطراد لفترة زمنيَّة اعتباطيَّة، على الرغم من أن العديد من الإحصاءات تُستخدم عادة في اختبار الفوضى، إلَّا أن واحدة فقط تُمثُل اختبارًا حقيقيًا للفوضى، وهي تقدير أكبر أس ليابونوف الإولية عالميًا مُقدِّرة والنيل توفّر دليلًا عن الفوضى، هذا الأمر استحياد فائل المنوف المولوف الأولية عمليًا مُقدِّرة بشيء من الخطأ في القياس أو تشويش خارجي)، سوف يدل ضمنًا على أن التنبؤ النظام على المدى الطويل يُعدُّ أمرًا مستحيلًا، حيث إنه من المحتمل أن نخسر كل المعلومات المفيدة خلال مراحل زمنيَّة قليلة.

تم في الثهانينات تَبَنِّي نظريَّة الفوضى والترويج لها في كلَّ من المنشورات الأكاديميَّة والأسواق الماليَّة في جميع أنحاء العالم، إلَّا أن تطبيقات نظرية الفوضى على الأسواق الماليَّة كانت غير ناجحة دون أي استثناء تقريبًا، وبالتالي ورغم أن الأفكار تُثير اهتهاما مُتواصلًا بنظريَّة الفوضى نظرًا للخصائص الرياضية المثيرة للاهتهام، وإمكانيَّة إيجاد أفضل التنبؤات، إلَّا أنه يُمكن القول إن الاهتهام الأكاديمي والعملي بنهاذج الفوضى للأسواق الماليَّة قد اختفى تفريبًا، هذا ويبدو أن السبب الرئيس وراء فشل منهج نظرية الفوضى يتمثّل في حقيقة أن الأسواق الماليَّة هي أسواق في غاية التعقيد، تضم عددًا كبيرًا جدًّا من المشاركين المختلفين لكل منهم أهداف مُختلفة ومجموعات مُختلفة من المعلومات، وفوق كل ذلك كل واحد منهم هو إنسان له مشاعر إنسانيَّة ولاعقلانيَّة، ونتيجة لذلك عادة ما تكون البيانات الماليَّة والاقتصادية من بعيد أكثر تشويشًا "وأكثر عشوائية" من بيانات المجالات الأخرى، مما يجعل توصيف النموذج الحتمى أكثر صُعوبة بكثير وربها غير مُجدٍ.

٩,١,٤ نهاذج الشبكات العصبية

(Neural Network Models)

الشبكات العصبية الاصطناعية (Artificial neural networks (ANNs)) هي فئة من النهاذج التي يُعتبر تركيبها مُستوحًى إلى حد بعيد من طريقة إجراء العقل البشري للحسابات، وقد استخدمت الشبكات العصبية الاصطناعية على نطاق واسع في مجال الماليَّة

لمعالجة مشاكل السلاسل الزمنية والتصنيف، هذا وشملت التطبيقات الحديثة للشبكات العصبية الاصطناعية التنبؤ بعوائد الأصول الماليَّة، التقلب وكذلك التنبؤ بالإفلاس والاستيلاء، وردت هذه التطبيقات في الكتب المؤلَّفة من قِبَل تريبي وتوربن (١٩٩٣) (١٩٩٣) (٧an Eyden (1996)) (١٩٩٦) عموعة تقنية من (١٩٩٥)، كما قدَّم وايت (١٩٩٦) مجموعة تقنية من الأبحاث المتعلَّقة بجوانب الافتصاد القياسيَّة للشبكات العصبيَّة، في حين تضمَّنت أبحاث فرنسيس وفان ديجك (٢٠٠٠) (٢٠٠١) (٢٠٥٥) (٢٠٥٥) (٢٠٥٥) (٢٠٥٥)

عمليًّا ليس هناك في مجال الماليَّة أيَّة دوافع نظريَّة للشبكات العصبيَّة (التي غالبًا ما تُسمَّى تقنية 'الصندوق الأسود') لكنَّها تستمد رواجها من قدرتها على التناسب مع أي علاقة داليَّة في البيانات بدرجة دقَّة عشوائيَّة، أمَّا فئة نهاذج الشبكات العصبية الاصطناعية الأكثر شيوعًا فتُعرف بنهاذج شبكات التغلية الأماميَّة (Feedforward Network Models) وهي نهاذج لها مجموعة من المدخلات (شبيهة بالمتغيِّرات الانحداريَّة) ترتبط بمُخرج أو أكثر (شبيهة بمتغيِّر مُنحدر عليه) بواسطة طبقة واحدة أو أكثر 'مخفيَّة' أو وسيطة، كما يُمكن تعديل حجم وعدد الطبقات المخفيَّة لإعطاء تناسُب أقرب أو أقل قُربًا لبيانات العينة، في حين أن شبكة التغذية الأماميَّة دون طبقات مخفيَّة هي بيساطة نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي.

من المرجّع أن تعمل فإذج الشبكات العصبيّة بشكل أفضل في الحالات التي لا تُقدّم فيها النظريّة الماليّة أية تفاصيل بخصوص الصيغة الدالية المحتملة للعلاقة التي تجمع بين مجموعة المتغيّرات، غير أن رواج الشبكات العصبيّة شهد دون شك تضاؤلًا على امتداد السنوات الحمس الماضية أو أكثر نتيجة لما لُوحِظ من مشاكل عدّة رافقت استخدامها، من ذلك نذكر أولًا أنه لا يوجد أي نفسير نظري حقيقي لقيم المعاملات المقدّرة باستخدام الشبكات العصبية، ثانيًا: لا تنوفر تقريبًا أية اختبارات تشخيص أو توصيف للهاذج المفدّرة لتحديد ما إذا كان النموذج فيد الدراسة مُتاسبًا أم لا، ثالثًا: يُمكن أن تُوفِّر الشبكات العصبية الاصطناعية لمجموعة مُعيَّنة من البيانات التعديد أن تُوفِّر تنبؤات ذات دقَّة رديئة خارج العينة، تُعتبر التبيجة الأخيرة نتاجًا لميل الشبكات العصبية للنوافق إلى حد كبير مع خصائص بيانات عينة محدَّدة ومع النشويش، وبالتاني عجزها عن تعميم النتائج، هذا ونُشير إلى وُجود طرق مُتلفة لحل هذه المشكلة، منها طريقة التشذيب (أي إزالة بعض أجزاء الشبكة)، أو استخدام معاير المعلومات لتوجيه حجم طرق مُتلفة لحل هذه المشكلة، منها طريقة التشذيب (أي إزالة بعض أجزاء الشبكة)، أو استخدام معاير المعلومات لتوجيه حجم الشبكة، أخيرًا: يُمكن أن يكون التقدير اللاخطي لنهاذج الشبكات العصبية مسألة مُضية وتستغرق حسابيًا وقتًا طويلًا، بشكل خاص وعلى سبيل المثال إذا كان يجب تقدير النموذج باستخدام كامل العينة لإنتاج تنبؤات بخطوة واحدة للمستقبل.

٩,٢ نهاذج التقلب

(Models for volatility)

مثّلت نمذجة تقلُّب سوق الأسهم والتنبؤ به موضوع العديد من الدراسات النظريَّة والعمليَّة من قِبَل الأكاديميين والمارسين على حد السواء، طوال العقد الماضي أو نحو ذلك، هناك العديد من الدوافع وراء نطاق البحث هذا، حيث يُمكن القول إن التقلب يُعتبر أحد أهم المفاهيم في مجال الماليَّة برمَّته، يُستخدم التقلب المقاس بالانحراف المعياري أو بتبايُن العوائد غالبًا كمقياس غير دفيق لإجمالي مخاطر الأصول الرأسهائيَّة، كما نذكر أن العديد من نهاذج القيمة المعرَّضة للمخاطر (Value-at-Risk) المستخدمة في قياس مخاطر السوق تتطلَّب تقدير معلمة التقلب أو التنبؤ بها، هذا ويدخل تقلب أسعار سوق الأسهم مُباشرة في صيغة بلاك-شولز (Scholes) المستخدمة في المعارات المتداولة.

سوف تُناقش بعض الأقسام التالية نهاذج مختلفة تُعتبر مُناسبة لالتقاط الخصائص المسلَّم بها والمناقشة أدناه للتقلب، والتي تمت مُلاحظتها في الدراسات الأدبيَّة.

٣, ٩ التقلب التاريخي

(Historical Volatility)

تُعتبر القيمة المقدِّرة التاريخيَّة للتقلب أبسط نموذج للتقلب، يقتضي التقلب التاريخي ببساطة حساب تباين (أو الانحراف المعياري) العوائد وفقًا للطريقة المعتادة وعلى مدى فترة تاريخيَّة ما، وهو ما سيُصبح بعد ذلك توقَّع التقلب لجميع الفترات المستقبليَّة، استُخدم مُتوسَّط التباين الناريخي (أو الانحراف المعياري) عادة كمُدخل يُمثَّل التقلب في نهاذج تسعير الخيارات على الرغم من وجود أدلَّة مُتزايدة تُشير إلى أن استخدام التقلب المتنبَّ به من نهاذج السلاسل الزمنيَّة الأكثر تطوُّرًا سوف يُؤدي إلى تقييهات أكثر دقَّة لعقود الاختيار الماليَّة (انظر على سبيل المثال أكجيراي (١٩٨٩) ((١٩٥٥) (Akgiray (1989)))، و تشو وفرويند (١٩٩٦) ((١٩٩٥) (١٩٩٥))، كما نُشير في الأخير إلى أن التقلب التاريخي يظل مُفيدًا كمؤشر لمقارنة القدرة التنبؤيَّة للنهاذج الزمنيَّة الأكثر تقعيدًا.

٤ , ٩ نهاذج التقلب الضمني

(Implied volatility models)

تتطلب جميع نهاذج تسعير الخيارات المائيَّة تقدير أو توقَّع التقلب باعتباره مُدخلًا، بالرجوع إلى سعر الخيار المتداول الذي تم الحصول عليه من بيانات المعاملات، من الممكن تحديد التنبؤ بالتقلب خلال مُدَّة سريان عقد الخيار الذي يتضمَّنه تقبيم الخيارات، على سبيل المثال، في حالة استخدام نموذج بلاك-شولز العادي فإن سعر الخيار، الوقت المتبقي حتى تاريخ الاستحقاق، سعر الفائدة الخالي من المخاطرة، سعر تُعارسة الخيار والقيمة الحالية للأصل الأساسي، كلها مذكورة في تفاصيل عقود الخيارات، أو يُمكن الحصول عليها من بيانات السوق، وبالتالي من الممكن على ضوء كل هذه الكميات استخدام طريقة عدديَّة مثل طريقة التنصيف Method of من بيانات السوق، وبالتالي من الممكن على ضوء كل هذه الكميات استخدام طريقة عدديَّة مثل طريقة النصيف Method of واتشام وبرامور من بيانات الشوق، يتفسمَّنه عقد الخيار (انظر واتشام وبرامور (۱۹۰۵) (۱۹۰۹) (۱۹۰۹) الشيقاق التقلب الفيمني تنبؤ السوق يتقلب عوائد الأصول الأساسيَّة خلال مدة سم يان هذا الخيار.

٥, ٩ نياذج المتوسِّط المتحرِّك المرجِّح أُسْيًّا

(Exponentially Weighted Moving Average Models, EWMA)

يُعتبر المتوسَّط المتحرَّك المرجَّح أُسَيًّا بشكل أساسيّ مجُرَّد امتداد لمقياس مُتوسَّط التقلب التاريخي، والذي يُتيح للمشاهدات الأكثر حداثة بأن يكون لها تأثير على التنبؤ بالتقلب أقوى من تأثير نقاط البيانات القديمة، وهكذا وفي إطار التوصيف المتوسَّط المتحرِّك المرجَّح أُسَيًّا، فإن آخر مُشاهدة لها الوزن الأكبر، أمَّا الأوزان المرتبطة بالمشاهدات السابقة فهي تنخفض بشكل مُتضاعف مع مرور الزمن، يتميَّز هذا المنهج بميزتين إذا ما قُورن بالتموذج التاريخي البسيط، أوَّل هذين الميزتين هو أنه من المرجَّح عمليًّا أن يتأثر التقلب أكثر بالأحداث الأخيرة، التي سيكون لها أكبر وزن، من تأثُّره بالأحداث الأبعد زمنيًّا، أمَّا الميزة الثانية فتتمثَّل في أن تأثير

مُشاهدة مُعيَّنة على التقلب يتخفض بمُعدَّل أُسِي نظرًا لتناقص الأوزان التي ترتبط بالأحداث الأخيرة، من ناحية أخرى يُمكن أن يُؤدي المنهج التاريخي البسيط إلى تغيُّر مُفاجئ للتقلب عندما تنحسر الصدمة داخل عيَّنة القياس، أمَّا إذا استمرَّت الصدمة خلال فترة عبنة قياس تكون طويلة نسببًا فإن المُشاهدة الكبيرة بشكل غير عادي سوف تعني ضمنًا أن النبؤات سوف تظل على نحو زائف عند مُستوى مُرتفع، حتى وإن شهد السوق بعد ذلك فنرة هدوء، كها يُمكن التعبير عن نموذج المتوسَّط المتحرِّك المرجح أُسَيًّا بعدَّة طرق تذكر منها على سبيل المثال:

$$\sigma_t^2 = (1 - \lambda) \sum_{j=0}^{\infty} \lambda^j (r_{t-j} - \bar{r})^2$$
(0.4)

حيث يُمثّل من الفترات، كما يُمثّل من الفترة عوالتي ستُصبح تنبُّو التقلب المستقبلي لكل الفترات، كما يُمثُّل من مُتوسَّط العائد المقدّر باستخدام المشاهدات و المناهدات و المناهدات الأقدم، المقدّر باستخدام المشاهدات الحديثة مُقارنة بالمشاهدات الأقدم، المذكر أنه يُمكن تقدير عامل التضاؤل، لكنه حُدِّد في العديد من الدراسات بـ ٩٤ ، على النحو الموصى به من قبل ريسك متريكس (RiskMetries) المتخصّصون في إعداد البرجيات الواتجة لقياس المخاطر، كما تُشير أيضًا أن ريسك متريكس والعديد من الدراسات الأكاديمية تفترض أن مُتوسِّط العائد عمو صفر، بالنسبة للبيانات ذات التواتر اليومي أو ذات تواتر أعلى من ذلك، لا يُعتبر هذا افتراضا غير معقول، ونظرًا إلى أن مُتوسِّط العائد عادة ما يكون ضبيلًا جدًّا فمن الأرجع أن يُسبب هذا الافتراض خسارة في الدقّة الا نكاد تُذكّر، من الناحية العمليّة من الواضح أنه الا يُمكن إناحة عدد الامتناء من مُشاهدات السلسلة بحيث يجب اقتطاع المجموع في المعادلة رقم (٥٠٩) إلى عدد مُحدَّد من فترات الإيطاء، كما هو الحال بالنسبة لمناذج التمهيد الأسي (Exponential Smoothing Models)، فإن التنبؤ من نموذج المتوسِّط المتحرِّك المرجح أُسُيًّا لجميع آفاق التنبؤ هو أحدث مُتوسِّط قيمة مُقدَّرة مرجحة.

من الجدير بالذكر وجود عنصرين هامّين يُقيّدان نهاذج المتوسَّط المتحرَّك المرجَّح أسيًّا، أوَلاً: على الرَّغم من أن هناك العديد من الطرق التي يُمكن استخدامها لحساب المتوسِّط المتحرِّك المرجح أسيًّا، إلَّا أنه من المهم أن نفذكر أن العنصر الجوهري في كل طريقة هو أنه عندما يتم استبدال المجموع اللاشتناهي في المعادلة رقم (٩٠٩) بمجموع مُتناه من البيانات المرصودة، فإن مجموع أوزان المعادلة سوف يُصبح أصغر من واحد صحيح، في حالة العينات الصغيرة يُمكن أن بُعدت ذلك فرقًا كبيرًا في المتوسَّط المتحرَّك المرجح أشيًّا المحسوب، وبالثالي قد يكون من الضروري إجراء تصحيح، ثانيًّا: معظم نهاذج السلاسل الزمنية، مثل نموذج GARCH (انظر أدناه)، لليها توقَّعات نميل نحو تبايُن السلسلة غير الشرطي، وذلك كلَّم زاد أفق التنبق، وهو ما يُعتبر خاصية جبَّدة بُحِيَّد أن تكون في نهاذج النبؤ بالتقلب، حيث إنه من المعروف تمامًا أن تقلبات السلاسل تتميَّز بسلوك العودة إلى المتوسَّط، وهذا يعني ضمنًا أنه إذا كانت عند المتعرى عالم مُقارنة بمتوسِّطهم التاريخي فإنها سوف تميل إلى التراجع نحو المستوى المتوسِّطهم أمّا إذا كانت عند مُستوى عالم مُقارنة بمتوسِّطهم التاريخي فإنها سوف تميل إلى الارتفاع نحو المتوسِّط، وذلك خلافًا لنهاذج المتوسِّط المتحرِّك المرجع أشيًّا.

٩,٦ نهاذج الانحدار الذاني للنقلب

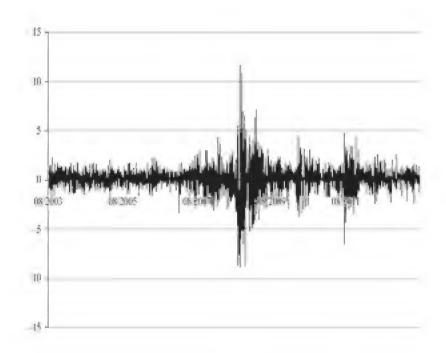
(Autoregressive volatility Models)

تُعتبر نهاذج الانحدار الذاتي للنقلب مثالًا بسيطًا نسبيًا عن فئة توصيفات النقلب النصادُفي (Stochastic Volatility)، تكمن الفكرة في إيجاد سلسلة زمنيَّة من مُشاهدات وكيل (بديل) التقلب، ومن ثم يُمكن تطبيق الإجراءات العاديَّة لبوكس-جنكينز لتقدير الفكرة في إيجاد سلسلة زمنيَّة من مُشاهدات وكيل (بديل) التقلب، ومن ثم يُمكن تطبيق الإجراءات العاديَّة لبوكس-جنكينز لتقدير نهاذج الانحدار الذاتي (أو ARMA) على هذه السلسلة، إذا كانت الكميَّة موضوع اهتهام الدراسة هي القيمة المفدَّرة للتقلب اليومي (Daily Range) فإنه بنم في الأدبيات استخدام مُتغيِّرين وكيلين بسيطين وهما: مربع العوائد اليومية أو مُقدَّرات المدى اليومي (Estimator هذا العوائد العوائد المرصودة وتربيع كل مُشاهدة من مُشاهدات هذا العمود، يُصبح إذًا العائد التربيعي في كل نقطة زمنيَّة ٤ القيمة المقدَّرة للتقلب اليومي لليوم ٤، أمَّا مُقدَّر المدى فعادة ما يتضمَّن حساب لوغاريتم نسبة أعلى سعر على أدنى سعر مرصود في يوم التداول٤ والذي يُصبح القيمة المقدَّرة للتقلب لليوم ٤:

$$\sigma_t^2 = \log\left(\frac{hlgh_t}{low_t}\right) \tag{7.4}$$

باعتبار إمَّا مربع العائد اليومي أو مُقدَّر المدى، يُقدَّر نموذج الانحدار الذاني العادي، حيث تُقدَّر المعاملات على باستخدام طريقة المربعات الصغرى العاديّة (أو طريقة الإمكان الأعظم، انظر أدناه)، كما يتم إعداد التنبؤات أيضًا بالطريقة المعتادة المناقشة في الفصل ٦ في إطار النهاذج ARMA:

$$\sigma_t^2 = \beta_0 + \sum_{j=1}^p \beta_j \sigma_{t-j}^2 + \varepsilon_t \qquad (V \in \P)$$



الشكل رقم (٩,١) العوائد اليوميَّة لـ ٢٠١٣ بين أغسطس ٢٠٠٣ وأغسطس ٢٠١٣.

٩,٧ نياذج الانحدار الذاق الشرطى غير مُتجانس التباين

(Autoregressive Conditionally Heteroscedastic (ARCH) Models)

ثمّة نموذج لاخطّي مُستخدم على نطاق واسع في مجال الماليَّة يُعرف بنموذج ARCH (ترمُز كلمة ARCH إلى الاتحدار الذاتي الشرطي غير مُتجانس التباين)، لمعرفة السبب وراء اعتبار هذه الفئة من النهاذج مُفيدة تُذكّر بأنه يُمكن التعبير عن النموذج الهيكلي المعتاد باستخدام مُعادلة على الصيغة الواردة في المعادلة رقم (١٠٩) أعلاه حيث إن (١٠٩ مناه ويُعرف افتراض نموذج الانحدار الخطّي الكلاسيكي المتمثّل في ثبات تباين الأخطاء بنجانس التباين (أي أنه من المفترض أن ٤٥٥ = (١٠٠ مناه إذا كان تباين الأخطاء غير ثابت فهذا يُعرف باختلاف التباين، وكها جاء في شرح الفصل ٥، إذا كانت الأخطاء غير مُتجانسة التباين في حين النافز ضنا أنها مُتجانسة فيُمكن أن يترقّب عن ذلك خطأ في القيم المقدّرة للاخطاء المعاربيَّة، كها نذكر أنه من غير المرجّع في إطار السلاسل الزمنيَّة الماليَّة أن يكون تباين الأخطاء ثابتًا عبر الزمن، وبالتائي فمن المنطقي اعتبار تموذج لا يفترض ثبات التباين، ويصف كيف أن تباين الأخطاء يتطوَّر.

كما أن هناك خاصية أخرى هامَّة يشترك فيها العديد من السلاسل الزمنيَّة لعوائد الأصول الماليَّة، والتي تُوفَّر دافعًا لاستخدام نماذج من فئة ARCH، تُعرف هذه الخاصية 'بعنفوديَّة النقلب' أو 'تجمُّع التقلب'، تصف عنقوديَّة النقلب ميل التغييرات الكبيرة في أسعار الأصول (سالبة أو موجبة) في تعقُّب التغييرات الصغيرة، أسعار الأصول (سالبة أو موجبة) في تعقُّب التغييرات الصغيرة، بعبارات أخرى، يميل المستوى الحالي للتقلب إلى الارتباط إيجابيًّا بمستواه خلال الفترات التي تسبق مُباشرة، تتجلَّى هذه الظاهرة في الشكل رقم (۱, ۹) الذي يرسم بيانيًّا العوائد اليوميَّة لـ S&P بين أغسطس ٢٠٠٣ وأغسطس ٢٠١٣.

النقطة الهامة التي يجدر ملاحظتها من الشكل رقم (١, ٩) هي أن التقلب بجدت على دفعات، وعلى ما يبدو هناك فترة طويلة نسبيًّا من الهدوء النسبي للسوق خلال الفترة الممتدَّة من ٢٠٠٣ إلى ٢٠٠٨ وحتى بداية الأزمة الماليَّة، بدليل أن خلال هذه الفترة هناك فقط عواقد إيجابية وسلبية صغيرة نسبيًّا، من ناحية أخرى وخلال الفترة المتراوحة بين مُنتصف ٢٠٠٨ ومُنتصف ٢٠٠٩، كان النقلب أعلى بكثير حيث رُصد العديد من العواقد الكبيرة الموجبة أو السالبة خلال فترة زمنيَّة وجيزة، وباستخدام غير مناسب بعض الشيء للمصطلحات، يُمكن القول إن التقلب مُرتبط ذاتيًّا.

السؤال الذي يُطرح الآن هو كيف يُمكن باستخدام المعلمات وصف هذه الظاهرة التي تُعدُّ أمرًا شانعًا في العديد من سلاسل عوائد الأصول الماليَّة (أي كيفيَّة نمذجتها)؟ من بين الأساليب المستخدمة نجد استخدام نموذج ARCH، يتطلَّب فَهُم كيفيَّة عمل هذا النموذج نعريفًا للتباين الشرطي للمتغيَّر العشوائي به، يُعتبر الفرق بين التباين الشرطي (Conditional Variance) والتباين غير الشرطي تمامًا نفس الفرق بين المتوسَّط الشرطي والمتوسَّط غير الشرطي، كما يُمكن الإشارة إلى التباين الشرطي بـــ وَهُ والذي يُكتب كالآن:

$$\sigma_t^2 = \text{var}\left(u_t | u_{t-1}, u_{t-2}, ...\right) = E\left[\left(u_t - E(u_t)\right)^2 | u_{t-1}, u_{t-2}, ...\right]$$
 (A.4)

عادة ما يفترض أن E(ue) = 0 وبالتالي:

$$\sigma_t^2 = \text{var}\left(u_t | u_{t-1}, u_{t-2}, \dots\right) = E\left[u_t^2 | u_{t-1}, u_{t-2}, \dots\right] \tag{9.4}$$

تنصُّ المعادلة رقم (٩،٩) على أن التباين الشرطي للمتغيّر العشوائي ١١٠ الموزَّع طبيعيًّا بمتوسِّط صفري يُساوي القيمة المتوقعة الشرطية لمربع ،١٤٠ تتم نمذجة 'الارتباط الذاتي في النقلب' حسب النموذج ARCH من خلال السياح للتباين الشرطي لحد الخطأ أي حَمَّ بأن يكون مُرتبطًا بقيمة الخطأ التربيعي في الفترة السابقة مُباشرة:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 \tag{1.44}$$

يُعرف النموذج المذكور أعلاه بـ (ARCH(1) بها أن النباين الشرطي لا يعتمد سوى على خطأ تربيعي مُتباطئ بفترة واحدة، لاحظ أن المعادلة رفم (١٠٠٩) ليست سوى نموذج جُزئي بها أنه لم يُذكر شيء حتى الآن بخصوص المتوسَّط الشرطي، في إطار النموذج ARCH يُمكن لمعادلة المتوسَّط الشرطي (التي تصف كيفيَّة تفاوت المتغيِّر النابع على مر الزمن) أن تتَّخذ تفريبًا كل الأشكال التي يرغب بها الباحث، ومن الأمثلة على النموذج الكامل نذكر:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + u_t \quad u_t \sim N(0, \sigma_t^2)$$
 (1)(4)

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 \tag{14.4}$$

يُمكن بكل سهولة توسيع نطاق النموذج المقدَّم بالمعادلات رقم (١١،٩) و (١٢،٩) إلى الحالة العامَّة حيث يعتمد تباين الخطأ على عدد q فترة إبطاء للأخطاء التربيعيَّة، وهو ما يُعرف بالنموذج (ARCH(q):

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \alpha_2 u_{t-2}^2 + \dots + \alpha_q u_{t-q}^2$$
(17.4)

في الأدبيات وعوضًا عن تسمية التباين الشرطي ، عن مُسمَّى غالبًا ، h، وبذلك يُكتب النموذج كالتالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + u_t \qquad u_t \sim N(0, h_t)$$
 (15.4)

$$h_t = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \alpha_2 u_{t-2}^2 + \dots + \alpha_q u_{t-q}^2$$
 (10.4)

فيها تبقى من هذا الفصل سوف نستخدم σ٤٠ للدلالة على التباين الشرطي في الزمن r، باستثناء تعليهات الكمبيوتر حيث سوف يتم استخدام h بها أنه من الأسهل عدم استخدام الأحرف اليونانيَّة.

٩,٧,١ طريقة ثانية لصياغة النهاذج ARCH

(Another way of expressing ARCH models)

لغاية التوضيح نأخذ بعين الاعتبار النموذج (ARCH(1) يُمكن التعبير عن هذا النموذج بطريقتين تبدوان مُختلفتين، لكنها في الواقع مُتطابقتان، تكون الطريقة الأولى على النحو الوارد في المعادلات رقم (١١،٩) و (١٢،٩) المذكورة أعلاه، أمَّا الطريقة الثانية فهي على النحو التالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + u_t \tag{17.9}$$

$$u_t = v_t \sigma_t \quad v_t \sim N(0,1) \tag{1V.4}$$

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 \tag{1A.4}$$

يُعتبر شكل النموذج المقدَّم بالمعادلات رقم (١١،٩) و (١٢،٩) الأكثر استخدامًا على الرغم من أن توصيف النموذج كها جاء في المعادلات رقم (١٦،٩) إلى (١٨،٩) يُعتبر ضروريًّا حتى ينسنَّى استخدام النموذج GARCH في دراسة المحاكاة (انظر الفصل ١٣)، لإثبات أن طريقتيُّ صياغة النموذج مُتكافئتان، نأخذ في الاعتبار المعادلة رقم (١٧،٩) حيث إن الامُوزَع طبيعيًّا، مُتوسِّطه صفر، وتباينه الوحدة، ولذلك سوف يكون الله أيضًا مُوزَعًا طبيعيًّا بمتوسَّط صفري وبتباين يُساوي عَه.

٩,٧,٢ قيود عدم السلبيّة

(Non-negativity constraints)

بها أن h يُمثّل التباين الشرطي فيجب أن تكون قيمته دائيًا موجبة قطعًا؛ ويكون التباين السالب في أي نقطة زمنيَّة لا معنى له، فيها بخص المتغبَّرات على يمين مُعادلة التباين الشرطي، فتمثّل كلَّها مُربَّعات الأخطاء المتباطئة، وبالتللي وبحكم تعريفها سوف لن تكون سالبة، وبهدف ضهان أن ذلك سوف يُؤدي دائيًا إلى قيم مقدَّرة مُوجبة للتباين الشرطي، يتطلَّب الأمر أن تكون كل المعاملات في معادلة التباين الشرطي غير سالبة، إذا التَّخذ معامل أو أكثر قيمة سالبة فإن قيمة التباين الشرطي المجهَّزة من النموذج يُمكن أن تكون سالبة عندما يكون حد التجديد (Innovation Term) التربيعي المتباطئ المقترن بهذا المعامل كبيرًا بدرجة كافية، ومن الواضح أن ذلك لا معنى له، لذلك وعلى سببل المثال، في حالة المعادلة رقم (١٨،٩)، سوف يكون شرط عدم السلبيَّة كالتالي: $0 \le \alpha_0$ و $0 \le n$ ، بشكل أعم، بالنسبة إلى النموذج المثال، في حالة المعادلة رقم (١٨،٩)، سوف يكون شرط عدم السلبيَّة كالتالي: $0 \le \alpha_0$ و $0 \le n$ ، بشكل أعم، بالنسبة إلى النموذج عدم صديقة التباين الشرط في الواقع شرطًا كافيًا لكنَّه ليس ضروريًّا عدم سلبيَّة التباين الشرطي (أي أنَّه يُعتبر شرطًا أقوى قليلًا عمَّا هو ضروري بالفعل).

*ARCH اختمار 'آثار ۹,۷,۴

(Testing for 'ARCH effects')

يُمكن إجراء اختبار لنحديد ما إذا كانت 'آثار ARCH' موجودة في بواقي النموذج المقدَّر، وذلك باستخدام الخطوات الموضَّحة في الإطار رقم (٩,١).

وهكذا يُعتبر هذا الاختبار اختبارًا لفرضيَّة العدم المشتركة المتمثّلة في أن كل فترات إبطاء البواقي التربيعيَّة وعددها (لها قيم لا تختلف معنويًّا عن الصفر، إذا كانت قيمة إحصاءة الاختبار أكبر من الفيمة الحرجة للنوزيع ٣٤، تُرفض إذّا فرضيَّة العدم، يُمكن كذلك اعتبار هذا الاختبار كاختبار للارتباط الذاتي في البواقي التربيعيَّة، بالإضافة إلى اختبار بواقي النموذج المقدَّر، كثيرًا ما يُطبق اختبار ARCH على بيانات العوائد الخام.

٤ , ٧ , ٩ اختبار 'آثار ARCH' في عوائد أسعار الصرف باستخدام إفبوز

(Testing for 'ARCH effects' in exchange rate returns using EViews)

من المنطقي أوّلًا وقبل الشروع في تقدير نموذج من النوع GARCH حساب اختبار إنجل (١٩٨٢) ((١٩٥٤) للكشف عن آثار ARCH للتأكد من أن هذه الفئة من النهاذج مُناسبة للبيانات، سوف يستخدم هذا التموين (والثهارين المتبقية من هذا الفصل) عوائد أسعار الصرف اليومية (اسم الملف هو currencies.wfl) حيث هناك ٣٩٨٨ مُشاهدة، كها يتطلَّب هذا النوع من النهاذج حتهًا بيانات أكثر كثافة عاً تتطلَّبه النهاذج التي تقوم على الانحدارات الخطيَّة البسيطة، وبالتالي وبافتراض بقاء العوامل الأخرى ثابتة فهي تعمل على نحو أفضل عندما يكون تواتر مُعاينة البيانات يومي عوضًا عن أن يكون بتواتر أقل.

الإطار رقم (1, 9) اختبار اآثار AHCH

(١) تشغيل أي انحدار خطّى يتّخذ الشكل المقدّم في المعادلة أعلاه، على سبيل المثال:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_{2t} + \beta_3 x_{3t} + \beta_4 x_{4t} + u_t \tag{19.9}$$

ثم نقوم بحفظ البواقي إثة.

(۲) تربيع البواقي ومن ثم نقوم بانحدار هذه الأخيرة على فترات الإبطاء الخاصة بها p
 وذلك لاختبار ARCH برتبة p، أى تشغيل الانحدار التالى:

$$\hat{u}_{t}^{2} = \gamma_{0} + \gamma_{1}\hat{u}_{t-1}^{2} + \gamma_{2}\hat{u}_{t-2}^{2} + \dots + \gamma_{n}\hat{u}_{t-n}^{2} + v_{t}$$
 (7.4)

حيث يُمثل إلى حد الخطأ.

نتحصّل من هذا الانحدار على R2.

- (٣) تُعرّف إحصاءة الاختبار بأنها ٢R² (عدد المشاهدات مضروبًا بمعامل الارتباط المتعدّد) المتحصل عليها من الانحدار الأخير، وهي إحصاءة تتبع التوزيع (q) χ²(q).
 - (٤) فرضية العدم والفرضية البديلة هي:

$$\gamma_q = 0$$
 , ... , $\gamma_3 = 0$, $\gamma_2 = 0$, $\gamma_1 = 0$: H_0
 $\gamma_q \neq 0$, $\gamma_3 \neq 0$, $\gamma_2 \neq 0$, $\gamma_1 \neq 0$: $\gamma_1 \neq 0$: $\gamma_2 \neq 0$

يتم حساب اختبار وجود ARCH في البواقي بإجراء انحدار البواقي التربيعيَّة على ثابت وعلى p فترات إبطاء، حيث بُحدَّد من قبل المستخدم، لنفترض على سبيل المثال أنه يتم تحديد العدد o كقيمة لسب p، تتمثَّل الخطوة الأولى هذا الاختبار في تقدير نموذج خطُّي بحيث يُمكن اختبار وجود ARCH في السبواقي، من القائمة الرئيسة نقوم بتحديد Quick ثم تحديد المحرِّر Estimate Equation Specification المدخلات التالية (1) ma(1) ma(1) والتي سوف تقوم بتقدير النموذج نكتب بعد ذلك داخل المحرِّر Equation Specification المدخلات التالية (1) ma(1) نقوم إثر ذلك بتحديد الطريقة (NLA and ARMA) على عوائد الجنيه الإسترئيني مُقابل الدولار (1)، نقوم إثر ذلك بتحديد الطريقة (NLA and ARMA) التقدير النموذج، وذلك باستخدام كامل العيَّنة ثم ننقر على الزر OK (لا تظهر هنا نُخرجات التقدير).

⁽١) أشير أنه في هذه المرحلة وقع اختيار الرُّنبة (١٠١) بطريقة اعتباطية تمامًا، ومع ذلك فمن المهم التفكير بعض الشيء في نوع ورُّنبة النموذج المستخدم حتى وإن لم يكن لذلك أهمية مُباشرة للمسألة المطروحة (والتي سوف تُسمَّى لاحقًا بمعادلة المتوسط الشرطي) بها أنه يتم قياس النباين حول القيمة المتوسَّطة، وبالتالي فمن المُرجَّح أن يُؤدي كل سوء توصيف في معادلة المتوسَّط إلى سوء توصيف معادلة التباين.

F statistic	49.31597	Prob. F(5, 18)	14)	0.0000
Obs'A-squared	232.5277	Prob. Chi-Sc	r	0.0000
Test Equation;				
Dependent Variable: RE	SID*2			
Method: Least Squares				
Date: 08/06/13 Time: 03	7:36			
Sample (adjusted): 6/06	/2002 7/07/2007	,		
Included observations:				
	Coefficient	Std Ernar	r-Statistic	Prob
c	0.109478	0.009717	11.266640	0.000000
RESID^2(-1)	0.117137	0.015797	7.414951	0.0000
RESID*2(-2)	0.126761	0.015896	7.974218	0.0000
RESID12(-3)	0.043890	0.016007	2,729444	0.0064
RESID*2(-4)	0.035868	0.015895	2.256530	0.0241
The state of the s	0.069178	0.015774	5.653618	0.0000
RESID: 2(-6)	0.000110			
RESID*2(-5)	0.058409	Mean depen	dent var	0.186471
RESID*2(-5)				
RESID*2(-5) A squared Adjusted R-equared	0.058409	Mean depen	ent var	0.536205
RESID*2(-5) Risquared Adjusted Risquared S.E. of regression	0.058409 0.057225	Mean depen S.D. depend	ent vär riterion	0 536205 1 533977
	0.058409 0.057225 0.520837	Mean depen S.D. depend Akaike into o	elit vär viterion erion	0 536205 1 533977 1 543450
RESID*2(-5) Plisquared Adjusted Risquared SE of regression Sum squared resid	0.058409 0.057225 0.520837 1077.473	Mean depend S.D. depend Akaike into d Schwarz crit	ent var eriterion erion en criter.	0.186471 0.506205 1.503977 1.540450 1.537938 2.016422

تتمثّل الخطوة التالية في النقر فوق View من النافذة Equation وتحديد Residual Diagnostics ثم اختيار View وقل View من النافذة Test بنم تتمثّل الخطوة التالية في المربع 'Test type' اختر OK و محدد فترات الإبطاء التي سيتضمّنها النموذج، ثم ننقر فوق ARCH في عوائد التقدير السابق نتائج اختبار إنجل، كما تُعتبر كُلُّ من النسخة إف وإحصاءة LM معنوية للغاية ثمّاً يُشير إلى وجود ARCH في عوائد الجنيه الإسترليني مُقابل الدولار.

٥ , ٧ , ٩ أوجه القصور في النهاذج (ARCH(q

(Limitations of ARCH(q) models) ARCH(q)

وقًر النموذج ARCH إطارًا لتحليل وتطوير نهاذج السلاسل الزمنية للتقلب، ومع ذلك نادرًا ما استخدمت النهاذج ARCH خلال العقد الماضي أو أكثر لأنها تجلب معها العديد من الصعوبات:

- كيف بنبغي تحديد قيمة p أي عدد فترات إبطاء الباقي التربيعي المدرجة في النموذج؟ يتمثّل أحد النُّهُج المستخدمة إزاء هذه المشكلة في استخدام اختبار نسبة الأرجحيَّة الذي سوف يُناقش لاحقًا في هذا الفصل مع أنه ليس هناك بشكل واضح نهج أفضل من ذلك.
- يُمكن أن تكون قيمة q أي عدد فترات إيطاء الخطأ التربيعي اللازمة لالتقاط كل التبعيَّة في التباين الشرطي كبيرة جلَّه،
 سوف ينتج عن ذلك نموذجًا للتباين الشرطي يكون كبيرًا من حيث عدد المتغيَّرات وغير شحيح، لتجاوز هذه المشكلة قام
 إنجل (١٩٨٢) بتحديد انخفاض اعتباطي خطًى لطول فترات الإبطاء على النموذج (١٩٨٨) كالتالى:

$$\sigma_t^2 = \gamma_0 + \gamma_1 (0.4 \hat{u}_{t-1}^2 + 0.3 \hat{u}_{t-2}^2 + 0.2 \hat{u}_{t-3}^2 + 0.1 \hat{u}_{t-4}^2)$$
(Y1.4)

بحيث يكون هناك معلمتان لازمتان لا غير في معادلة التباين الشرطي (٢٥ و ٢١) عوضًا عن خس معلمات يتطلّبها النموذج (4) ARCH غير المفيّد.

إمكانية انتهاك قيود عدم السلبية، بافتراض بقاء العوامل الأخرى ثابتة، كلّما زادت معلمات مُعادلة التباين الشرطي كلّما زاد
 احتمال أن تكون القيمة المقدَّرة لمعلمة أو أكثر من بين هذه المعلمات سالبة.

يُعتبر النموذج GARCH امتدادًا طبيعيًّا للنموذج (ARCH(q ويتغلَّب على البعض من هذه المشاكل، وعلى عكس النموذج ،ARCH يُعتبر النموذج GARCH نموذجًا شائع الاستخدام في المهارسة العمليَّة.

٩,٨ ناذج ARCH المشمة

(Generalised ARCH (GARCH) models)

طُور النموذج GARCH على نحو مُستقل من قِبَل بولرسلاف (١٩٨٦) وتايلور (١٩٨٦)، يُتيح النموذج GARCH للتباين الشرطي بأن يعتمد على فترات الإبطاء السابقة لهذا الأخير بحيث تُصبح الآن مُعادلة التباين الشرطي في الحالة الأبسط كالتالي:

$$\sigma_{t}^{2} = \alpha_{0} + \alpha_{1} u_{t-1}^{2} + \beta \sigma_{t-1}^{2} \tag{77.4}$$

وهو ما يُمثّل النموذج (GARCH(1.1) يُعرف أم بأنه التباين الشرطي بها أنه يُعتبر القيمة المقدَّرة يفترة واحدة للمستقبل للتباين وهي قيمة محسوبة استنادًا إلى كل المعلومات السابقة التي يُعتقد بأنها ذات صلة، باستخدام النموذج GARCH يُمكن تفسير القيمة الحاليَّة المقدَّرة للتباين h_1 بأنها دالة موزونة في كل من القيمة المتوسَّطة على المدى الطويل (تعتمد على (α_0))، المعلومات عن التقلب خلال الفترة السابقة $(\alpha_0 u_{k-1}^2)$ ، كها نُشير إلى أنه التقلب خلال الفترة السابقة $(\alpha_0 u_{k-1}^2)$ ، كها نُشير إلى أنه يُمكن التعبير عن النموذج MGARCH بشكل يُظهر هذا الأخير على أنه في الواقع نموذج ARMA للتباين الشرطي، نفهم ذلك لنعتبر أن العائد التربيعي في الزمن α_0 مُقارنة بالتباين الشرطي هو:

$$\varepsilon_t = u_t^2 - \sigma_t^2$$
 (YT, 4)

2 9

$$\sigma_t^2 = u_t^2 - \varepsilon_t \tag{75.4}$$

نستخدم التعبير الأخير لاستبداله في التباين الشرطي للمعادلة رقم (٢٢،٩):

$$u_t^2 - \varepsilon_t = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta (u_{t-1}^2 - \varepsilon_{t-1})$$
 (Yo.4)

بترتيب المعادلة ثانية يكون:

$$u_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta u_{t-1}^2 - \beta \varepsilon_{t-1} + \varepsilon_t \tag{Y7.4}$$

وهكذا فإن:

$$u_t^2 = \alpha_0 + (\alpha_1 + \beta)u_{t-1}^2 - \beta\varepsilon_{t-1} + \varepsilon_t \tag{YV.4}$$

يُعتبر هذا التعبير الأخير عمليَّة (1.1) ARMA للأخطاء التربيعيَّة.

السؤال الذي يُطرح الآن هو لماذا يُعتبر النموذج GARCH النموذج الأفضل، وبالتالي الأكثر استخدام من النموذج الإجابة هي أن النموذج الأول يُعتبر أكثر شُحًّا، وينفادى توفيق النموذج بعدد من المتغبِّرات أكثر من المطلوب (Overfitting)، ونتيجة للإجابة هي أن النموذج الأول يُعتبر أكثر شُحًّا، وينفادى توفيق النموذج لماذك بكون احتهال انتهاك النموذج لقيود عدم السلبيَّة أقل، بهدف توضيح لماذا يُعتبر النموذج GARCH شحيحًا نأخذ في البداية مُعادلة التباين الشرطي وقم (٢٢،٩) ونظرح ١ من كل رمز سفلٍ زمني لمعادلة التباين الشرطي رقم (٢٢،٩) بحيث يُمكن الحصول على التعبير التالي:

$$\sigma_{c-1}^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{c-2}^2 + \beta \sigma_{c-2}^2 \tag{9.1A}$$

ثم نطرح مرة أخوى ١ من كل رمز سفليّ زمني:

$$\sigma_{t-2}^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-3}^2 + \beta \sigma_{t-3}^2 \tag{7.4}$$

نستبدل σ_{ε-1} داخل المعادلة رقم (۲۲،۹):

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta(\alpha_0 + \alpha_1 u_{t-2}^2 + \beta \sigma_{t-2}^2)$$
 (**.4)

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \alpha_0 \beta + \alpha_{1\beta} u_{t-2}^2 + \beta^2 \sigma_{t-2}^2$$
(*1.4)

نستبدل الآن عربي داخل المعادلة رقم (١،٩):

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \alpha_0 \beta + \alpha_{1\beta} u_{t-2}^2 + \beta^2 (\alpha_0 + \alpha_1 u_{t-3}^2 + \beta \sigma_{t-3}^2) \tag{TY.4}$$

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \alpha_0 \beta + \alpha_1 \beta u_{t-2}^2 + \alpha_0 \beta^2 + \alpha_1 \beta^2 u_{t-3}^2 + \beta^3 \sigma_{t-3}^2$$
 (TY.4)

$$\sigma_t^2 = a_0(1 + \beta + \beta^2) + a_1 u_{t-1}^2 (1 + \beta L + \beta^2 L^2) + \beta^3 \sigma_{t-3}^2$$
 (Y \(\xi_4\))

سوف ينتج عن العدد اللامتناهي من الاستبدالات المتعاقبة من هذا النوع ما يلي:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 (1 + \beta + \beta^2 + \cdots) + \alpha_1 u_{t-1}^2 (1 + \beta L + \beta^2 L^2 + \cdots) + \beta^{\infty} \sigma_0^2 \tag{$\Upsilon_0.4$}$$

التعبير الأول على يمين المعادلة رقم (٣٥،٩) هو ببساطة ثابت، وبها أن عدد المشاهدات يميل إلى ما لانهاية فإن ١٩٥٣ سوف يميل إلى الصفر، وبالتالي يُمكن كتابة النموذج (GARCH(1,1 كالتالي:

$$\sigma_t^2 = \gamma_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 (1 + \beta L + \beta^2 L^2 + \cdots)$$
 (T3.4)

$$j = \gamma_0 + \gamma_1 u_{t-1}^2 + \gamma_2 u_{t-2}^2 + \cdots$$
 (TV.4)

وهذا يُمثَّل نموذج ARCH مُفيَّد برُنبة لامُتناهية، وهكذا فإن النموذج (GARCH(1.1)، الذي بحتوي على ثلاث معلمات فقط في معادلة التباين الشرطي يُعتبر نموذجًا شحيحًا جدًّا يسمح لعدد لامُتناهِ من الأخطاء التربيعيَّة السابقة بالتأثير على التباين الشرطي الحالي.

كما يُمكن للنموذج (GARCH(1.1 أن يمتدَّ ليشمل الصيغة (GARCH(p,q)، أبن تُضبط معلمات التباين الشرطي الحالي بطريقة يعتمد فيها هذا الأخير على عدد p فترات إبطاء للخطأ التربيعي وعدد p فترات إبطاء للتباين الشرطي:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \alpha_2 u_{t-2}^2 + \dots + \alpha_q u_{t-q}^2 + \beta_1 \sigma_{t-1}^2 + \beta_2 \sigma_{t-2}^2 + \dots + \beta_p \sigma_{t-p}^2 \tag{ΥA.4}$$

$$\sigma_{t}^{2} = \alpha_{0} + \sum_{i=1}^{q} \alpha_{i} u_{t-i}^{2} + \sum_{j=1}^{p} \beta_{j} \sigma_{t-j}^{2}$$
 (Y9.9)

لكن بشكل عام يكون النموذج GARCH(1.1) كافيًا لالتقاط عنقوديَّة التقلب في البيانات ونادرًا ما يُقدَّر أو حتى يُقكِّر في نموذج برتبة أعلى من ذلك في المؤلفات الأكاديمية المائيَّة.

4, A, N التباين غير الشرطي في إطار التوصيف GARCH

(The unconditional variance under a GARCH specification)

يتغيّر التباين الشرطي لكن التباين غير الشرطي لــــ ، تابتًا، ويُعطى بالمعادلة:

$$var(u_t) = \frac{a_0}{1 - (a_t + ff)}$$
 (\xi \cdot \cdot \qquad \text{\qquad}

طالما أن $1 > \beta + \alpha$ ، بالنسبة ل $1 \le \beta + \alpha$ ، يكون النباين غير الشرطي ل u_1 غير مُعرَّف، وهذا يُطلق عليه 'عدم السكون في النباين'، أمَّا $1 = \beta + \alpha$ فيُعرف باسم 'جذر الوحدة في النباين' ويُسمَّى أيضًا 'GARCH المتكامل' (Integrated GARCH) أو النباين، أمَّا ل α الميكون في المتوسّط (على سببل المثال المحلاء)، وعلاوة على ذلك فإن النموذج GARCH الذي يتضمَّن معاملات تُشير إلى عدم السكون في النباين يكون مُتوسِّط سلاسل الأسعار)، وعلاوة على ذلك فإن النموذج GARCH الذي يتضمَّن معاملات تُشير إلى عدم السكون في النباين يكون لديها بعض الحُصائص غير المُستحبَّة إطلاقًا، يتعلَّق أحسد الأمثلة التوضيحيَّة عن ذلك بالتنبؤات بالنباين المعدَّة من هذه النهاذج، بالنسبة إلى نهاذج المحليات GARCH فإن النباين الشرطي تقترب من القيمة المتوسِّطة للنباين على المدى الطويل كلَّما زاد أفق التوفَّع (انظر أدناه)، أمَّا بالنسبة إلى العمليات IGARCH فإن هذا التقارب لن يحدث أبدًا، وعندما يكون $1 < \beta + \alpha$ فإن التنبؤ بالنباين الشرطي يميل إلى ما لانهاية كلها زاد أفق التوقُّع.

الإطار رقم (٩,٢) تقدير النموذج ARCH أو GARCH

(۱) تحديد المعادلات المناسبة للمتوسط وللتباين، على سبيل المثال تُحدّد النموذج (۱) AR(1)-GARCH(1,1)

$$y_t = \mu + \emptyset y_{t-1} + u_t, \quad u_t \sim N(0, \sigma_t^2)$$
 (£1.4)

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta \sigma_{t-1}^2 \tag{EY.4}$$

 (۲) تحديد لوغاريتم دالة الإمكان التي سيُجرى تعظيمها تحت افتراض التوزيع الطبيعي للاضطرابات:

$$L = -\frac{7}{2}\log(2\pi) - \frac{1}{2}\sum_{t=1}^{7}\log(\sigma_t^2) - \frac{1}{2}\sum_{t=1}^{7}\frac{(y_t - \mu - p_t y_{t-1})^2}{\sigma^2}$$
 (\$7.9)

(٣) سوف يقوم الكمبيوتر بتعظيم الدالة وتوليد قيم المعلمات التي تُعظّم لوغاريتم
 دالة الإمكان إلى جانب إنشاء أخطائهم المعيارية.

٩,٩ تقدير النهاذج ARCH و GARCH

(Estimation of ARCH/GARCH models)

بها أن النموذج لم يَعُد على الشكل الخطّي المعتاد فلا يُمكن لطريقة المربعات الصُّغرى العاديَّة أن تُستخدم لتقدير النموذج بها أن النموذج بهناك العديد من الأسباب وراء ذلك، أبسطها وأكثرها أهنية هو أن طريقة المربعات الصُّغرى العاديَّة تعمل على تصغير مجموع مربعات البواقي، يعتمد مجموع مربعات البواقي فقط على معليات مُعادلة المتوسِّط الشرطي دون النباين الشرطي، وبالتالي فإن تصغير مجموع مربعات البواقي لم يَعُد الهدف المناسب، بهدف تقدير نهاذج من العائلة GARCH، استُخدمت تفنية أخرى تُعرف بطريقة الإمكان الأعظم، تعمل هذه الطريقة بشكل أساسي على إيجاد القيم الأكثر احتهالًا للمعلمات بالنظر إلى البيانات الفعليَّة، وبصورة أكثر محديدًا، يتم إعداد دالَّة لوغاريتم الإمكان ثم نسعى للحصول على قيم المعاملات الكفيلة بتعظيم هذه الدالَّة، هذا ويُمكن استخدام طريقة التقدير بالإمكان الأعظم لإيجاد قيم معلمات النهاذج الخطية والنهاذج اللاخطية على حد سواء، يُبيَّن الإطار رقم (٢, ٩) طريقة التقدير النهاذج النهادج المحصول القسم التائي بمزيد من التفصيل النقاط ٢ و ٣ الواردة في الإطار، وذلك بشرح كيفيَّة اشتقاق لوغاريتم دالَّة الإمكان.

٩,٩,١ تقدير المعلمات باستخدام الإمكان الأعظم

(Parameter estimation using maximum likelihood)

في إطار التقدير بالإمكان الأعظم وكما ذكرنا أعلاه، نقوم باختيار مجموعة من قيم المعلمات التي يُرجَّح أنها أنتجت البيانات المرصودة، ويتم ذلك أولًا من خلال إعداد بالله الامكان التي يُرمز إليها بــ LF، سوف نكون دالَّة الإمكان دالَّة ضربية للبيانات الفعليَّة، وبالتالي سوف يكون من الصعب تعظيم هذه الدالَّة بالنسبة إلى المعلمات، لذلك يتم أخذ لوغاريتم هذه الأخبرة بهدف تحويل دالَّة الإمكان إلى دالَّة جعيَّة لبيانات العينة، أي LLF، هذا ويرد في مُلحق هذا الفصل اشتقاق لمقدَّر الإمكان الأعظم (ML) في إطار نموذج الانحدار البسيط نُنائي المتغيِّرات ومُتجانس التباين، يتضمَّن اشتقاق مُقدَّر الإمكان الأعظم بشكل أساسي القيام بتفاضل دالَّة لوغاريتم الإمكان بالنسبة إلى المعلمات، لكن كيف يُساعد هذا في تقدير النهاذج مُختلفة التباين؟ كيف يُمكن تعديل طربقة تقدير النهاذج مُتلفة التباين؟ كيف يُمكن تعديل طربقة تقدير النهاذج مُتلفة التباين الموضحة في الملحق ليتم تطبيقها على تقدير نهاذج GARCH؟

في إطار النهاذج مُتفاوتة التباين الشرطية يكون النموذج كالتاني: γ_r = μ + 0y_{t-1} + u_t, u_t~N(0,σ_t²) كما سبق مع مُعادلة التباين الشرطي، كما يُمكن إنشاء لوغاريتم دالَّة الإمكان المناسبة للنموذج GARCH بنفس الطريقة المستخدمة في حالة تجانس التباين وذلك بتعويض:

$$\frac{T}{2}\log\sigma^2$$

بها يُعادله من التباين المتغيَّر مع الزمن:

$$\frac{1}{2} \sum_{t=1}^{T} \log \sigma_t^2$$

وتعويض σ² في مقام الجزء الأخير من التعبير بـــ σۥ (انظر مُلحق هذا الفصل)، هذا ويُعتبر اشتقاق هذه النتيجة باستخدام المبادئ الأوّلية خارج نطاق هذا النص، لكن تُقدَّم المعادلة رقم (٤٣،٩) في الإطار رقم (٩,٢) دالة لوغاريتم الإمكان للنموذج المذكور أعلاه بتباين شرطي مُتغبَّر مع الزمن وبأخطاء مُوزَّعة طبيعيًّا.

يعود تعظيم لوغاريتم دالة الإمكان بديهيًّا إلى تقليل:

$$\sum_{t=1}^{7} \log \sigma_t^2$$

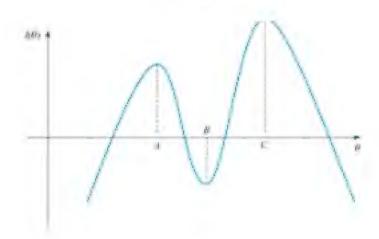
2

$$\sum_{t=1}^T \frac{(y_t - \mu - \emptyset y_{t-1})^2}{\sigma_t^2}$$

معًا (بها أن هذه الحدود تظهر مسبوقة بعلامة سالبة في لوغاريتم دالة الإمكان و (2π أمّا تعظيم لوغاريتم دالة الإمكان للمعلمات)، هذا ويعني تقليل هذه الحدود معًا ضمنًا تقليل تباين الخطأ كها هو مُوضَّح في الفصل ٤، أمّا تعظيم لوغاريتم دالة الإمكان للمعلمات)، هذا ويعني تقليل هذه الحدود معًا ضمنًا تقليل تباين الخطأ كها هو حالة تجانس التباين، كها طُورت المشتقات التحليليّة بالنسبة للموذج تكون فيه التباين، كها طُورت المشتقات التحليليّة بالنسبة إلى المعلمات للوغاريتم دالة الإمكان في المعادلة رقم (٤٣٠٩)، لكن اقتصر ذلك على سياق الأمثلة الأبسط من توصيفات GARCH، وعلاوة على ذلك تُعتبر الصيغ النائجة مُعقَّدة، لذلك غائبًا ما يُستخدم إجراء عددي لتعظيم دالة لوغاريتم دالة الإمكان.

تعمل كل الطرق أساسًا من خلال "البحث" في فضاء المعلمات وحنى إيجاد قيم المعلمات التي تُعظَّم لوغاريتم دالة الإمكان، أمَّا (فيوز فيستخدم طريقة تكراريَّة لتعظيم لوغاريتم دالة الإمكان، وهذا يعني أنه على ضوء مجموعة من التخمينات الأوّلية بخصوص القيم المقلّرة للمعلمات، يقع في كل تقريب مُتتالِ تحديث قيم المعلمات هذه إلى أن يُحدِّد البرنامج أنه تمَّ التوصُّل إلى القيم المثل، إذا كان للوغاريتم دالة الإمكان قيمة عُظمى واحدة بالنسبة إلى قيم المعلمات، فإن كل طريقة من طرق الاستمثال بنبغي أن تكون قادرة على إلى هذه القيمة العُظمى على الرغم من أن بعض الطرق سوف تستغرق في ذلك وقتًا أطول من غيرها.

هذا ويُعتبر العرض المفصل لمختلف طرق الاستمثال المتاحة خارج نظاق هذا الكتاب، لكن وكها هو الحال مع النهاذج اللاخطية من قبيل النهاذج GARCH، فإنه بُمكن أن يكون للوغاريتم دالة الإمكان العديد من القيم العُظمى المحلية بحيث بُمكن للخوارزميات المختلفة إيجاد قيم عُظمى علية مُختلفة للوغاريتم دالة الإمكان، ولهذا السبب يجب تحذير القراء من أن إجراءات الاستمثال المختلفة يُمكن أن تُؤدي إلى قيم مُقدَّرة مُختلفة للمعامل، وخاصة إلى قيم مُقدَّرة مُختلفة للاخطاء المعياريَّة (لمزيد من التفاصيل انظر بروكس، بورك وبير ساند (Brooks, Burke and Persand) ٢٠٠١ أو ٢٠٠٣)، تُعَدُّ مجموعة جيَّدة من معلمات المخمين الأوَّلية في مثل هذه الحالات أمرًا ضروريًّا، وكها هو مُوضَّح في الشكل رقم (٢٠٩)، يُمثَل وجود فيم مُثل محلَّية (أو Multimodalities) على سطح الإمكان عوائق خطرة مُحتملة عند استخدام منهج الإمكان الأعظم لتقدير معلمات النموذج GARCH.



الشكل رقم (٩,٢) مسألة القيم المثلى المحلَّية عند التقدير باستخدام الإمكان الأعظم.

لنفترض الآن أن النموذج يحتوي على معلمة واحدة لا غبر، θ ، بحيث تُعظّم لوغاريتم دالة الإمكان بالنسبة إلى هذه المعلمة، في الشكل رقم (٩,٢)، نرمُز بــ (θ) إلى فيمة لوغاريتم دالة الإمكان لكل قيمة من فيم θ ، من الواضح أن (θ) يبلغ القيمة العُظمى العامَّة عندما يكون θ = θ ، وهذا يُبرهن على أهمية الفيم الأولية الجيّدة للمعلمات، ومن المعتمل أن تُؤدي كل القيم الأولية التي تقع على بسار النقطة θ إلى اختيار θ بدلًا من θ . كما أنه من المرجّع عمليًا أن تكون الحالة أسوأ المحتمل أن تُؤدي كل القيم الأولية التي تقع على بسار النقطة θ إلى اختيار θ بدلًا من θ . كما أنه من المرجّع عمليًا أن تكون الحالة أسوأ من النقط المثل المحلّية، كما أن هناك إمكان بالنسبة إلى عديد المعلمات عوضًا عن معلمة واحدة، ومن الممكن أن يكون هناك العديد من النقاط المثل المحلّية، كما أن هناك إمكانية أخرى من شأنها أن تجعل من عمليّة الاستمثال أمرًا صعبًا وهي عندما تكون لوغاريتم دالة الإمكان مُسطحة بالقرب من القيمة العُظمى، لذلك وعلى سبيل المثال، إذا كانت القمّة المقابلة للنقطة θ في الشكل رقم (٩,٢) مسطحة يدلًا من كونها حادّة فيُمكن لمجموعة من قيم θ أن تُؤدي إلى قيم مُتشابهة جدًّا للوغاريتم دالة الإمكان، مما يجعل من الصعب الاختيار يين هذه القيم.

لشرح ذلك مجددًا وبمزيد من التفاصيل تتم عمليَّة الاستمثال بالطريقة المبيَّنة في الإطار رقم (٩,٣)، تقوم كل طرق الاستمثال داخل إفيوز على تحديد المشتقات الأولى والثانية للوغاريتم دالة الإمكان بالنسبة إلى قيم المعلمات في كل تكرار وهي مُشتقات تُعرف على التوائي باسم الانحدار (أو التدرج) والهيسيان (Hessian) (أي مصفوفة المشتقات الثانية للوغاريتم دالة الإمكان بالنسبة إلى المعلمات)، كما تُشير إلى أنه يتوفَّر داخل إفيوز خوارزميَّة استمثال تعود إلى بيرند، هول، هول وهسمان (١٩٧٤) (Berndt.) (Hall, Hall and Hausman (1974)

نستخدم طريقة ВННН المشتقات الأولى فقط (وهي مُشتقات محسوبة عدديًّا وليس تحليليًّا) وتقوم بحساب القيم التقريبيَّة للمشتقات الثانية، هذا ويزيد عدم حساب الهسيان الفعلي في كل تكرار ولكل فاصل زمني من سرعة العمليات الحسابيَّة، لكن يُمكن أن تكون عمليَّة التقريب رديئة في حالة كان لوغاريتم دائة الإمكان بعيدًا جدًّا عن قيمته العُظمى، وهو ما يتطلَّب المزيد من التكرارات للوصول إلى القيم المثل، كما تُعتبر خوارزمية ماركوارت (Marquardt Algorithm) المثاحة في إفيوز تعديلًا لطريقة المعاملات إلى شكل مُخلف لطريقة جاوس-نيوتن (Ganss-Newton)) تُدرج "تصحيحًا" الغرض منه الدفع سريعًا بالقيم المقدَّرة للمعاملات إلى قيمها المثلى، يرد وصف مُفصَّل لكل طرق الاستمثال هذه في برس وآخرين (1992) ((1992)) (Press et al. (1992)).

إطار رقم (٩.٣) استخدام التقدير بواسطة الإمكان الأعظم على الصعيد العمل

- إعداد دالة لوغاريتم الإمكان.
- (٢) استخدام الانحدار للحصول على القيم المقدّرة الأولية لمعلمات مُعادلة المتوسّط.
- (٣) اختيار بعض القيم الأولية لمعلمات مُعادلة التباين الشرطي. في معظم حزم البرمجيات، تكون القيم الأولية الافتراضية لمعلمات التباين الشرطي صفرًا، وهذا أمر مُؤسف لأن غالبًا ما تُسفر القيم الصفرية للمعلمات عن قيمة عُظمى محلية للإمكان. لذا نُعين إذا أمكن ذلك قيرًا أولية مقبولة بعيدة عن الصفر.
- (٤) تحديد معيار التقارب (Convergence Criterion) ويكون ذلك إما حسب معيار أو حسب قيمة. عندما يتم اختيار 'حسب المعيار' فإن الحزمة سوف تستمر في البحث عن 'أفضل' قيم للمعلمات والتي تُعطي قيمة أعلى لدالة لوغاريتم الإمكان إلى أن يُصبح التغيّر في قيمة هذه الأخيرة بين التكرارات أصغر من معيار التقارب المحدّد. أمّا اختيار 'حسب الفيمة' فإن ذلك سوف يسمح إلى البرنامج بالبحث إلى أن يُصبح التغيّر في القيم المقدّرة للمعاملات صغيرًا بالقدر الكافي. بالنسبة إلى إفيوز فإن معيار التقارب الافتراضي هو ٢٠٠، وهو ما يعني أن التقارب يتحقق وأن البرنامج سوف يتوقف عن البحث إذا كانت النسبة المثوية للتغيّر في أيّ من القيم المفدّرة للمعاملات لآخر تكرار أصغر من ١، ٥٠.

٩,٩,٢ عدم اعتدال التوزيع والإمكان الأعظم

(Non-normality and maximum likelihood)

نُذَكِّر بأنُ افتراض الطبيعيَّة الشرطية لـ عدم اعتدال النوزيع . باستخدام التمثيل النالي:

$$u_r = v_r \sigma_r, \quad v_r \sim N(0,1) \tag{ξ, \S}$$

$$\sigma_t = \sqrt{\alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta \sigma_{t-1}^2}$$
 (\(\xi_0, \q\)

كما تذكر أنه لا يُمكن توقَّع أن يكون على مُوزِّعًا طبيعيًّا، أي أنه حد اضطراب (٨(٥,٥٠) من نموذج الانحدار، وهو ما يدل ضمنًا أنه من المحتمل أن نكون ذيول التوزيع سميكة، هناك طريقة جديرة بالاعتبار لاختبار الاعتدال تتمثَّل في إنشاء الإحصاءة:

$$v_t = \frac{u_t}{\sigma_t}$$
 (£7.4)

والتي ستكون اضطراب النموذج في النقطة الزمنيَّة ٤ مقسومًا بالانحراف المعياري الشرطي في تلك النقطة الزمنيَّة، وبالتائي فإن ٧٠ هو الذي يُفترض أن يكون مُوزَعًا طبيعيًّا وليس ٢٠، أمَّا نظيره في العيَّنة فهو:

$$\hat{\theta}_t = \frac{\hat{u}_t}{\hat{a}_t}$$
 ($\xi \vee_{\xi} \P$)

والذي يُعرف بالباقي الموحَّد معياريًّا، كما يُمكن فحص ما إذا كان يَّ يتبع التوزيع الطبيعي أم لا باستخدام أيَّ من اختبارات الاعتدال المعياريَّة مثل اختبار بيرا-جارك، عادة ما نجد أن يَّ يظل مُدبَّبًا لكن بصفة أقل من تدبب عنه، والنتيجة هي أنه يُمكن للنموذج GARCH التقاط بعض التدبُّب في التوزيع غير الشرطي لعوائد الأصول، لكن ليس كلَّه.

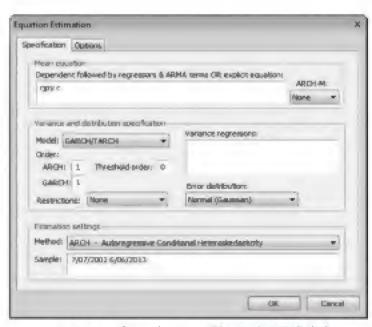
السؤال الذي يُطرح الآن هو هل يُعتبر عدم التوزيع الطبيعي لـ ٤٠ مُشكلة؟ حسنًا، الجواب هو 'في الواقع لا'، حتى في صورة عدم تحقُّق افتراض الاعتدال الشرطي فإن القيم المقدَّرة للمعلمات سوف نظل مُتَسقة إذا تم توصيف مُعادلات المتوسَّط والتباين بشكل صحيح، غير أن في إطار عدم الاعتدال سوف تكون القيم المقدَّرة المعتادة للأخطاء المعياريَّة غير مُلائمة، وينبغي استخدام مُقدَّر تُحتلف لمصفوفة التباين والتغاير حصين ضد عدم الاعتدال، يعود إلى بولرسلاف وولدريدج (١٩٩٢) (١٩٩٢) (Quasi-) بُعرف هذا الإجراء (أي الإمكان الأعظم بأخطاء معياريَّة تعود إلى بولرسلاف وولدريدج) بشبه الإمكان الأعظم (-QML) (QML).

٩,٩,٣ تقدير نهاذج GARCH في إفيوز

(Estimating GARCH models in EViews)

لتقدير تموذج من النوع GARCH؛ نقوم بفتح مُربع حوار توصيف المعادلة من خلال تحديد ... GARCH وسوف تُفتح النافذة في بتحديد ... Object/New Object/Equation ، اختر ARCH من مربع التحديد "Estimation Settings Method" وسوف تُفتح النافذة في لقطة الشاشة رقم (١, ٩).

كها نذكر أنه من الضروري تحديد كل من مُعادلة المتوسِّط ومُعادلة التباين، بالإضافة إلى أسلوب التقدير والعيُّنة.



لقطة الشاشة رقم (٩, ١) تقدير نموذج من النوع GARCH.

معادلة المتوشط

(The mean equation)

يجب إدخال توصيف مُعادلة المتوسَّط في مُربَّع تحرير المتغيَّر التابع، أَدْخِل التوصيف بإدراج المتغيِّر التابع تليه المتغيِّرات الاتحداريَّة، يتبغي أيضًا إدراج الحد الثابت 'C'، إذا تضمَّن توصيف مُعادلتك الحد ARCH·M (انظر لاحقًا في هذا الفصل) فيجب عليك النقر على الزر المناسب في الجهة اليُّمني العليا لمربع الحوار لتحديد الاتحراف المعياري الشرطي، التباين الشرطي أو لوغاريتم التباين الشرطي.

معادلة التباين

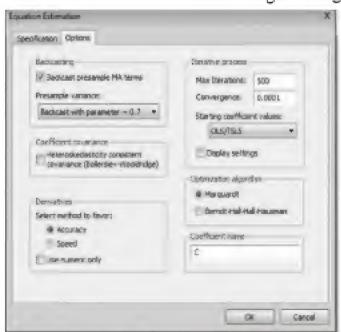
(The variance equation)

مُربَّع التحرير المسمَّى 'Variance regressors' (أي المتغيِّرات الانحداريَّة للتباين) هو مُربَّع بتم فيه إدراج المتغيِّرات التي يجب نضمينها في توصيف مُعادلة التباين، لاحظ أن إفيوز يُدرج دائها ثابتًا في مُعادلة التباين الشرطي، لهذا السبب ليس من الضروري إضافة 'C' إلى قائمة المتغيِّرات الانحداريَّة للتباين، على نحو مُماثل، ليس من الضروري إدراج حدود ARCH أو GARCH في هذا المربَّع بها أنه سيتم تناول هذه الأخيرة في أنحاء أخرى من مربَّع الحوار، بدلًا من ذلك أَذْ خِل هنا كل المتغيِّرات الخارجيَّة أو المتغيِّرات الوهمية التي توغب في تضمينها إلى مُعادلة التباين الشرطي، أو ببساطة اترك هذا المربع فارغًا (كها هو الحال عادة).

توصيف النباين والتوزيع

(Variance and distribution specification)

قم تحت العنوان 'Variance and distribution Specification' (توصيف النباين والتوزيع) باختيار عدد الحدود المحدود محمد المحدود الم



لقطة الشاشة رقم (٩,٢) خيارات تقدير النموذج GARCH.

خيارات التقدير

(Estimation options)

يُوفِّر إفيوز عددًا من الإعدادات الاحتياريَّة للتفدير، يمنح النقر فوق علامة التبويب Options الخيارات المبيَّنة في لقطة الشاشة وقم (٢, ٩) المراد ملؤها حسب الاقتضاء، كما يُستخدم الخيار مصفوفة التغاير المصحَّحة لأخطاء عدم ثبات التباين (Heteroskedasticity Consistent Covariance) لحساب التغايرات والأخطاء المعياريَّة لمقدِّر شبه الإمكان الأعظم، وذلك باستخدام الطرق التي وصفها بولرسلاف وولدريدج (١٩٩٢)، هذا ويُستخدم هذا الخيار إذا كنت تشك في أن الأخطاء تتبع النويع الشرطي الطبيعي، لاحظ أن القيم المقدَّرة للمعاملات سوف تظلَّ ثابتة (تقريبًا) في حالة تم تحديد هذا الخيار وأن فقط مصفوفة التغاير المقدَّرة سوف تتغيَّر، تشَّم لوغاريتم دوال الإمكان للنهاذج ARCH غالبًا بسلوك غير جيَّد بحيث من المكن عدم تحقُّق التفارب باستخدام المعاملات المولى المكن في إفيوز اختيار خوارزمية تكراريَّة (خوارزمية ماركوارت (Ganss Newton Algorithm)) وخوارزمية جاوس-نيوتن (Ganss Newton Algorithm) لتغيير قيم البداية، زيادة الحد الأقصى لعدد التكرارات أو تعديل معيار التقارب، على سبيل المثال، إذا لم يتحقَّق التقارب، أو إذا تحصلنا على قبيط المنال تتوفر الخيارات النالية في الزوز مجموعة مُتنوَّعة من المعلومات ومن إجراءات الاستدلال والفحص التشخيصي، على سبيل المثال تتوفر الخيارات النائية في الزور مجموعة مُتنوَّعة من المعلومات ومن إجراءات الاستدلال والفحص التشخيصي، على سبيل المثال تتوفر الخيارات النائية في الزور كموعة مُتنوَّعة من المعلومات ومن إجراءات الاستدلال والفحص التشخيصي، على سبيل المثال تتوفر الخيارات النائية في الزورك الانكان:

- البواقي الفعليَّة والمجهَّزة من النموذج: يتم عرض البواقي في أشكال مُختلفة، مثل جدول ورسوم بيانيَّة وبواقي مُوحَد معياريًّا.
- الرسم البياني GARCH: برسم هذا الرسم البياني الاتحراف المعياري بخطوة واحدة للمستقبل، σ، أو التباين الشرطي σ²
 لكل مُشاهدة في العينة.
 - مصفوفة التغاير.
 - اختيارات المعاملات.
 - اختبارات البواقي/تصوير الارتباط-إحصاءات Q.
 - اختبارات البواقي/المدرج التكراري-اختبار الاعتدال.
 - اختبارات البواقي/اختبار ARCH LM.

إجراءات النموذج ARCH

(ARCH model procedures)

إثر تقدير نموذج من نوع GARCH تكون كل هذه الخيارات مُتاحة بالضغط على الزر 'Proc':

- إنتاج سلسلة البواقي.
- إنتاج سلسلة التباين للنموذج GARCH.
 - التنبؤ.

هذا ونذكر أن تقدير النموذج (GARCH(1.1 على سلسلة الين مُقابِل الدولار ('rjpy') باستخدام التعليمات الموضحة أعلاه، وباستخدام الإعدادات الافتراضيَّة في كل المواضع من شأنه أن يُقرز النتائج التالية:

> Dependent Variable: RJPY Method: ML - ARCH (Marguardt) - Normal distribution Date: 08/06/13 Time: 18:02 Sample (adjusted): 7/08/2002 6/06/2013 Included observations: 3987 after adjustments Convergence achieved after 24 iterations Presample variance: backcast (parameter = 0.7) GARCH = C(2) + C(3)*RESID(-1)*2 + C(4)*GARCH(-1)Coefficient z-Statistic Prob. Std. Error 0 0.002664 0.006491 0.410491 0.6814

C	0.004404	0.000453	9.719821	0.0000
RESID(-1)12	0.046623	0.003476	13.41392	0.0000
GARCH(-1)	0.933667	0.005074	184.0124	0.0000
R-squared	-0.000243	Mean deper	ndent var	-0.004699
Adjusted R-squared	-0.000243	S.D. dependent var		0.471950
S.E. of regression	0.472008	Akaiko info	criterion	1.235623
Sum squared resid	686.0459	Schwarz crit	terion	1.241935
Log likelihood	-2459,215	Hannan-Qui	nn criter.	1.237861
Durbin-Watson stat	1.705253			

إحصائيًّا تُعتبر معاملات كل من حدود البواقي التربيعيَّة المتباطئة والتباين الشرطي المتباطئ في معادلة التباين الشرطي معنويَّة للغاية، نذكر أيضًا وكما هو الحال عادة بالنسبة إلى الفيم المقدَّرة للنموذج GARCH لبيانات عوائد الأصول الماليَّة، يكون مجموع معاملات الخطأ التربيعي المتباطئ والتباين الشرطي المتباطئ فريبًا جدًّا من الوحدة (٩٨ ، تقريبًا)، وهذا يعني أن الصدمات على التباين الشرطي سوف تكون شديدة الاستمرار، ويُمكن ملاحظة ذلك من خلال النظر في مُعادلات التنبؤ بالقيم المستقبلية للتباين الشرطي باستخدام نموذج GARCH الواردة في قسم لاحق، سوف يدل المجموع المرتفع لهذه المعاملات ضمنًا أن العائد الكبير، مُوجبًا كان أم سالبًا، سوف يُؤدي بالتوقعات المستقبليَّة للتباين بأن تكون مُرتفعة لفترة طويلة، أمَّا المعاملات الفرديَّة للتباين الشرطي فهي كذلك كما هو مُتوقِّع، كما نذكر أن حد المقطع لمعادلة التباين "C" صغيرًا جدًّا، "المعلمة ARCH" في حدود ٥٠ ، ٠ في حين أن معامل التباين الشرطي الشرطي المتباطئ ("GARCH") أكبر من ذلك وفي حدود ٣٠ ، ٠ .

. ٩ , ١ امتدادات للنموذج GARCH الأساسي

(Extensions to the basic GARCH model)

تم مُنذ تطوير النموذج GARCH اقتراح عدد هائل من الامتدادات والبدائل، سبتم تسليط الضوء هنا على مثالين من أهم الأمثلة عن النهاذج GARCH، كما يُرجى أن يرجع القراء المهتمون الراغبون في المزيد من البحث إلى دراسة مُتكاملة مُعدَّة من قِبَل بولرسلاف وآخرين (١٩٩٢).

اقتُرحت العديد من الامتدادات للنموذج GARCH كنتيجة للمشاكل التي لُوحظت لدى النهاذج (GARCH(p.q) القياسيَّة، أول هذه المشاكل هو أنه من الممكن أن تكون شروط اللاسلبيَّة مُنتهكة من قِبَل النموذج المقدر والطريقة الوحيدة لتجنُّب هذا سوف تكون بالتأكيد في وضع قيود مُصطنعة على معاملات النموذج من أجل إجبارهن على أن يكن معاملات غير سالبة، ثانيًا: لا تستطيع النهاذج GARCH تسفير آثار الرَّفع المللي (المبيَّنة أدناه) على الرغم من أنها تستطيع تفسير عنقوديَّة التقلب، وضعف التفرطح في السلاسل، أخيرًا: لا يُتبح النموذج GARCH أيَّة تغذية مُرتدَّة مُباشرة بين التباين الشرطي والمتوسَّط الشرطي.

سيتم الأن فحص بعض التعديلات الأكثر استخدامًا والمؤثرة على النهاذج GARCH وهذه التعديلات من شأنها أن تُؤدي إلى إ إزائة بعض قيود أو حدود النموذج الأساسي.

9,11 فير المُنهائلة

(Asymmetric GARCH models)

يتمثّل أحد القيود الرئيسة للنهاذج GARCH في كونها تقرض استجابة مُتهائلة للتقلب للصدمات الموجبة والسائبة، يتتُح ذلك لكون النباين الشرطي في المعادلات مثل المعادلة رقم (٣٩،٩) هو دالة في أحجام البواقي المنباطئة، وليس في علامات (موجبة أم سائبة) البواقي (بعبارة أخرى، بتربيع الحُطأ المتباطئ في المعادلة رقم (٣٩،٩) تُفقد العلامة)، لكن يرى البعض أنه من المرجّع أن تُسبّب صدمة سائبة على السلاسل الزمنيّة الماليّة ارتفاعًا في التقلب أكثر عمّا تُسبّبه صدمة موجبة بنفس الحجم، في حالة العوائد على أسهم الملكية تُنسب مظاهر عدم النهائل هذه عادة إلى آثار الترفع المالي، والذي يمفتضاه بسبب الانخفاض في قيمة أسهم الشركة ارتفاع في نسبة الدَّين إلى حقوق المساهين، وهذا يقود المساهين الذين يتحمّلون المخاطر المتبقيّة للشركات إلى إدراك كون تدفقاتهم النقديّة المستقبليّة أكثر مُخاطرة نسبيًا.

كما نذكر أن هناك وجهة نظر أخرى مُستمدَّة من فرضيَّة 'التقلب والتغذية المرتدَّة'، حسب هذه الأخبرة وبافتراض أن الأرباح الموزَّعة على المساهمين ثابتة، إذا ارتفعت العوائد المتوقَّعة عند ارتفاع تقلُّب أسعار الأسهم، إذن يجب أن تنخفض أسعار الأسهم عندما يرتفع التقلب، وعلى الرغم من أنه لا يُمكن أن يُنسب عدم التهاثل في سلاسل العوائد، باستئناء عوائد أسهم الملكيَّة، إلى تغيُّر الوفع المالي، إلا أن ليس هناك على حد السواء ما يدعو لافتراض أن عدم التهاثل هذا يوجد فقط في عوائد أسهم الملكيَّة.

يرد فيها يلي شرح لصيغتين لامُتماثلتين مشهورتين، وهما: النموذج GJR الذي سُمِّي على اسم الكتاب جلوستن، جاغنتان ورنكل (١٩٩٣) ((Glosten, Jagannathan and Runkle (1993)) المُقتَرح من طرف نيلسون (١٩٩١) ((Nelson (1991)).

9, 17 و النموذج GJR

(The GJR model)

يُعتبر النموذج GJR امتداد بسبط للنموذج GARCH بإدراج حد إضافي بأخذ في الاعتبار أوجه عدم التهاثل المكنة، تُقدَّم الآن المعادلة التالية التباين الشرطي:

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta \sigma_{t-1}^2 + \gamma u_{t-1}^2 I_{t-1}$$
 ($\xi \Lambda, 4$)

حيث:

$$u_{t-1} < 0$$
 إذا $1 = I_{t-1}$ المناب ذلك $0 = I_{t-1}$

 $lpha_1>0$ ، $lpha_0>0$ ، كالنائي سوف نرى أن $0<\gamma$ ، تُشير الآن إلى أن شرط اللاسلبية سوف يكون كالنائي: $lpha_1>0$ ، $lpha_0>0$ ، $lpha_1+\gamma\geq 0$ و $lpha_1+\gamma\geq 0$ ، وهذا يعني أن النموذج يظل مقبولًا حتى وإن كان $\gamma<0$ شريطة أن يكون $\gamma<0$ ، وهذا يعني أن النموذج يظل مقبولًا حتى وإن كان $\gamma<0$ شريطة أن يكون $\gamma<0$ ، $\alpha_1+\gamma\geq 0$.

سال (۹٫۱)

لتقديم مثال توضيحي عن النهج GJR، نستخدم العوائد الشهريَّة لــ S&p500 من ديسمبر ١٩٧٩ وحتى يونيو ١٩٩٨، نتحصًّل على النتائج الثالية، حيث إن النسب تي بين قوسين:

$$y_t = 0.172$$
(3.198) (£9.4)

$$\begin{split} \sigma_t^2 &= 1.243 + 0.015 u_{t-1}^2 + 0.498 \sigma_{t-1}^2 + 0.604 u_{t-1}^2 I_{t-1} \\ &\qquad (16.372) \quad (0.407) \quad (14.999) \quad (5.772) \end{split} \tag{$\circ \cdot , \P$}$$

لاحظ أن حد اللاتماثل γ له علامة صحيحة ومعنويَّة، لرؤية كيف أن التقلب يرتفع بعد صدمة كبيرة سالبة أكثر عمَّا يرتفع بعد صدمة كبيرة مُوجبة، نفترض أن $\sigma_{c-1}^2 = 0.5$ و $\sigma_{c-1} = 0.5$ إذا كان $\sigma_{c-1} = 0.5$ فهذا يعني أن 1.65 ومع ذلك تُشير صدمة كبيرة مُوجبة، نفترض أن 0.823 $\sigma_{c-1}^2 = 0.5$ و $\sigma_{c-1} = 0.5$ إلى أن التباين الشرطي المجهّز من النموذج في الزمن $\sigma_{c-1} = 0.5$ عكون = σ_{c-1}^2 مدمة بنفس الحجم لكن بعلامة مُضادة، أي 0.5 $\sigma_{c-1} = 0.5$ إلى أن التباين الشرطي المجهّز من النموذج في الزمن $\sigma_{c-1} = 0.5$.

٩, ١٣ النموذج EGARCH

(The EGARCH model)

اقتُرِح النموذج GARCH الأُسّي من طرف نيلسون (١٩٩١)، هناك طرق تُحتلفة للتعبير عن مُعادلة التباين الشرطي، لكن تتمثّل أحد التوصيفات المكنة في:

$$\ln(\sigma_t^2) = \omega r + \beta \ln(\sigma_{t-1}^2) + \gamma \frac{u_{t-1}}{\sqrt{\sigma_{t-1}^2}} + \alpha \left[\frac{|u_{t-1}|}{\sqrt{\sigma_{t-1}^2}} - \sqrt{\frac{2}{\pi}} \right]$$
 (01.4)

يتمتّع هذا النموذج بعديد من المزايا التي لا يتمتّع بها التوصيف GARCH البحت، نذكر أوَّلًا أنه تبعًا لنمذجة (مُوع المعلمات مالبه، وبالتالي ليس هناك حاجة لفرض قبود مُصطنعة بخصوص عدم سلبية معلمات النموذج، ثانيًا: تأخذ الصيغة الصيغة EGARCH في الاعتبار اللاتماثل بحيث إذا كانت العلاقة بين التقلب والعوائد علاقة سلبيَّة فإن ٧ سوف يكون سالبًا، لاحظ أن نيلسون يفترض في الصيغة الأصلية هيكل توزيع الخطأ المعمم (Generalised Error Distribution) للأخطاء، يُعتبر توزيع الخطأ المعمّم مجموعة واسعة من النوزيعات التي يُمكن استخدامها لأنواع عديدة من السلاسل، غبر أن جميع تطبيقات النموذج EGARCH تقريبًا تستخدم التوزيع الطبيعي الشرطي للأخطاء، المذكور آنفًا، بدلًا من توزيع الخطأ المعمّم نظرًا لما يتمتّع به من مهولة حسابيّة وتفسير مهل.

٩,١٤ النموذج GJR و EGARCH في إفيوز

(GJR and EGARCH in EViews)

تُظهر شاشة القائمة الرئيسة لتقدير GARCH أن هناك توفّر عددًا من الأشكال المختلفة للنموذج GARCH البسيط، ويُمكن القول: إن أهم هذه الأشكال هي النهاذج غير المُتهائلة مثل النموذج GARCH (GARCH ذو عتبة) والذي يُعرف أيضًا باسم نموذج GJR والنموذج GARCH) لتقدير النموذج GJR داخل إفيوز، نقوم من خلال شاشة توصيف مُعادلة النموذج GARCH (لقطة الشاشة رقم (1, 4) أعلاه) بتغيير العدد 'Threshold Order' (درجة العتبة) من • إلى ١، أمّّا لتقدير النموذج GARCH فنقوم بتغيير الحدد 'GARCH' إلى 'GARCH' (درجة العتبة) من • الله المقادر النموذج 'GARCH' إلى 'GARCH' أعلام

Department Variable: RJPY Method: Mi. – APCH (Merquardt) – Normal distribution Date: 08/06/13 Time: 13:23 Sample (adjusted): 7/08/2002 6/06/2013 Included observations: 3987 after adjustments									
					Convergence achieved after 2	1 Ibenetions			
					Presample variance: backcast	(parameter -	0.7)		
					$GAHCH = C(2) + C(3)^4 RES(0)$	$(-1)^2 + C(4)^2$	RESID(-1)^2	*(RE5/ID(-1) </th <th>οη</th>	οη
					→ C(5)*GIARCH(=1	1)			
	Coefficient	5td Ernor	z-Statistic	Prob					
C	-0.001220	0.006679	-0.182713	0.0550					
	Variance E	quation							
G	0.003697	0.000445	8 786861	0.0000					
RESID(-1)/2	0.024976	0.002703	6.743803	0.0000					
RESID(-1/12=(RESID(-1)<0)	0.038199	0.004976	7.673294	0.0000					
GARCH(-1)	0.938557	0.005137	182,7135	0.0000					
R equared	-0.000054	Mean dependent var		0.004699					
Adjusted Risquared	-0.000054	S.D. dependent var		0.471950					
S.E. of regression	0.471963	Akarke into onterion		1,229490					
Sum squared resid:	667.6779	Schwarz on	denion	1,23,49,49					
Lag likelihood	-2445,989	Harman-Ou	ine order.	1.232287					
	1.705575								

يُقدّم هذان الجدولان التائيان للنتائج على التوالي فيّم المعاملات المقدّرة لكلّ من هذين التوصيفين، وذلك باستخدام بيانات العوائد اليوميّة لسعر صرف الين مُقابل الدولار (yen-US)، بالنسبة إلى التوصيف GJR، ترى أن حد اللاتحائل (-)RESID(-1)/SQRT(GARCH(-1))، ثرى أن حد اللاتحائل (-)RESID(-1)/SQRT(GARCH(-1)) مُوجب ومعنوي للغاية، في حين أن القيمة المقدَّرة للمعامل ((1-)A2*RESID(-1)/SQRT(GARCH) في النسائية تُؤدي إلى النموذج GJR، تُشير القيم المقدَّرة أن الصدمات السائية تُؤدي إلى ارتفاع في التباين الشرطي للفترة التالية أكثر ممَّا تُسبَّه الصدمات السائبة بنفس العلامة، بينها العكس هو الصحيح بالنسبة إلى النموذج الرتفاع في التباين الشرطي للفترة التالية أكثر ممَّا تُسبَّه الصدمات السائبة بنفس العلامة، بينها العكس هو الصحيح بالنسبة إلى النموذج الاستمثال تتقارب من الواضح إذًا أنه يجب علينا توخَّي الحذر عند تفسير القيم المقدَّرة للنهاذج من النوع GARCH بها أن إجراءات الاستمثال تتقارب من القيم المثلى في كلتا الحالتين، والقيم المقدَّرة تبدو ويصورة مُحتلفة مقبولة تمامًا.

Dependent Variable: R.				
Method: Mt ARCH (N	Aarquardt) – Nor	mal distribution	n	
Date: 08/06/13 Time: 1	3:32			
Sample (adjusted): 7/0/				
Included observations:				
Convergence achieved				
Presample variance: ba				
LOG[GARCH] = C(2) +				
+ G(4)*	RESID(-1)/ SOI	RT(GARCH(1)) + C(5)*LOG(G/	ARCH(-1))
	Coefficient	Std. Error	z-Statistic	Prob
С	-0.001259	0.006459	-0.194903	0.8455
	Varian	ice Equation		
C(2)	-0.107729	0.008416	-12.80063	0.0000
C(3)	0.107247	0.007361	14.56981	0.0000
C(4)	-0.037184	0.004177	-8.903008	0.0000
C(5)	0.979445	0.002488	393.6791	0.0000
R-squared	-0.000053	Mean dependent var		-0.004699
Adjusted R-squared	-0.000053	S.D. dependent var		0.471950
S.E. of regression	0.471963	Akaike info criterion		1.227398
Sum squared resid	887.8769	Schwarz crit	terion	1,235287
Log likelihood	-2441.818	Hannan-Qui	inn criter.	1.230195
Durbin-Watson stat	1.705577			

كما تُعتبر النتائج التي تتعلَّق بحد اللاتماثل في النموذج EGARCH عكس ما كان مُتوقَّعًا في حالة تطبيق النموذج GARCH على مجموعة من عوائد الأسهم، لكن يُمكن القول إن تفسير اللاتماثل بأثر الرفع المالي أو بالتغلية العكسية للتباين كلاهما لا ينطبق في سياق أسعار الأسهم، في حالة صدمة موجبة على العوائد فهذا يعني ضمنًا المزيد من الين مُقابِل الدولار الواحد، وبالتالي تتحدَّث عن ارتفاع قيمة الدولار أو انخفاض قيمة الين، وبالتالي تُشير نتائج النموذج EGARCH إلى أن ارتفاع قيمة الدولار (انخفاض قيمة الين) يُؤدي إلى زيادة النقلب في الفترة التالية أكثر منًا يُسبِّه ارتفاع في قيمة الين بنفس المقدار (والعكس بالعكس بالنسبة إلى النموذج GJR).

٩, ١٥ اختيار ات عدم التماثل في التقلب

(Tests for asymmetries in volatility)

اقترح إنجل ونغ (۱۹۹۳) (1993) Engle and Ng (1993) (1993) اقترح إنجل ونغ التقلب تُعرف باسم اختبارات التحيُّز من حيث العلامة والحجم، وبالتالي ينبغي استخدام اختبارات إنجل ونغ لتحديد ما إذا كان النموذج اللامتهائل مطلوبًا لنمذجة سلسلة مُعيَّنة أو أنه يُمكن اعتبار النموذج GARCH المتهائل مُناسبًا، عمليًّا عادة ما تُطبَّق اختبارات إنجل ونغ على بواقي النموذج GARCH المعد لبيانات العوائد، لنعرِّف S_{i-1} على أنه مُتغيَّر وهمي مُؤشر يأخذ القيمة ١ إذا كان S_{i-1} وصفر خلاف ذلك، هذا ويعتمد اختبار تحيُّز الإشارة على معنويَّة S_{i-1} من عدمها في المعادلة:

$$\hat{u}_{t}^{2} = \emptyset_{0} + \emptyset_{1} S_{t-1}^{-} + \nu_{r} \tag{o.4}$$

حيث يُمثَّل ، و حد خطأ مُستقل ومُوزَّع بشكل مُتطابق، إذا كانت الصدمات المُوجبة والسالبة على 4-1 تُؤثَّر بشكل مُختلف على التباين الشرطي، فإن ٥١ سوف يكون معنويًّا إحصائيًّا.

من الممكن أيضًا أن مقدار أو حجم الصدمة سوف بُحدٌد ما إذا كانت استجابة التقلب للصدمات مُتماثلًا أم لا، يتم في هذه الحالة إجراء اختبار التحيُّز السالب بسبب الحجم يقوم على إجراء انحدار يُستخدم قيم الآن 57. كمتغيَّر ميل وهمي، يُمكن القول إن هناك تحيِّزًا بسبب الحجم سالبًا إذا كان ٥١ في هذا الانحدار معنوي إحصائيًّا:

$$\hat{u}_{t}^{2} = \emptyset_{0} + \emptyset_{1} S_{t-1}^{-} u_{t-1} + v_{t}$$

$$(oY < 9)$$

أخبرًا، بتحديد $S_{t-1}^{-1} = 1 - S_{t-1}^{-1}$ بحيث ينتقي S_{t-1}^{-1} المشاهدات التي تكون لها تجديدات مُوجبة، يقترح إنجل ونغ اختبارًا مُشتركًا لتحبيَّز الإشارة والحجم، قائمًا على الانحدار التائي:

$$\hat{u}_{t}^{2} = \emptyset_{0} + \emptyset_{1}S_{t-1}^{-} + \emptyset_{2}S_{t-1}^{-}u_{t-1} + \emptyset_{3}S_{t-1}^{+}u_{t-1} + v_{t}$$

$$(o \xi, 4)$$

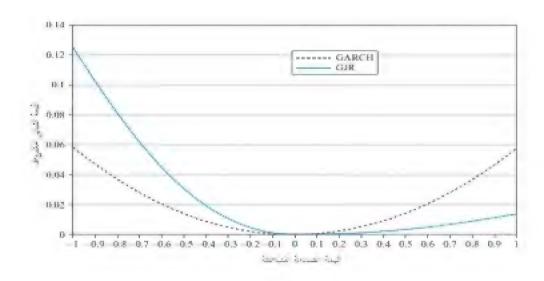
تُشير معنويَّة ، 0 إلى وجود نحيُّز الإشارة حيث إن للصدمات الموجبة والسائبة تأثيرات مُنباينة على النقلب المستقبلي مُقارنة مع ما تتطلَّبه الصيغة GARCH القياسيَّة من استجابة مُتهائلة للتقلب المستقبلي، ومن جهة أخرى، تُشير معنويَّة ، 0 و ، 0 إلى وجود تحيُّز الحجم حيث لا تحظى علامة الصدمة فقط بالأهميَّة، بل كذلك حجم الصدمة، باستخدام الطريقة المعتادة صيغت إحصاءة الاختبار المشترك وذلك بحساب TR^2 من خلال الاتحدار رقم (٥٤،٩)، تحت فرضيَّة العدم المتمثَّلة في عدم وجود آثار اللاتماثل، يتبع TR^2 تقارُبيًّا التوزيع TR^2 بثلاث درجات حرّية.

٩,١٥,١ مُنحنيات تأثير الأخيار

(News impact curves)

يمنح مُنحنى تأثير الأخبار المقدَّم من قِبَل باجان وشفيرت (١٩٩٠) ((Pagan and Schwert (1990) رسمًا بيانبًا لدرجة عدم قائُل التقلب للصدمات الموجبة والسالبة، استنادًا إلى نموذج مُقدَّر، يرسم مُنحنى تأثير الأخبار تقلب الفترة المقبلة (ਰਫ਼ੇ) الذي ينجم عن القيم المختلفة الموجبة والسالبة لـ $_{1-N}$ ، تُرسم هذه المنحنيات باستخدام مُعادلة التباين الشرطي المقدِّرة لمعاملات النموذج والقيم المتباطئة للتباين الشرطي التي تأخذ التباين غير الشرطي كفيمة أوَّلية، وذلك باستخدام القيم المقدِّرة لمعاملات النموذج والقيم المتباطئة للتباين الشرطي التي تأخذ التباين غير الشرطي كفيمة أوَّلية، تُستخدم بعد ذلك الفيم المتنالبة لـ $_{1-N}$ في المعادلة لتحديد القيم المقابلة لـ $_{1-N}$ المستمدَّة من النموذج، لنأخذ على سبيل المثال تقديرات إفيوز للنهاذج GARCH و GJR المذكورة أعلاه لبيانات S&PS00 يتم بعد ذلك استبدال فيم $_{1-N}$ المنتدَّة بين ($_{1-N}$) في مُعادلة كل نموذج لتقصِّي تأثير ذلك على التباين الشرطي خلال الفترة المقبلة، يُقدِّم الشكل رقم ($_{1-N}$) مُنحنيات تأثير الأخبار للنهاذج المقرقة عن ذلك.

وكما يتضح من الشكل رقم (٩,٣)، يكون مُنحنى تأثير الأخبار للنموذج GARCH (الخط الرمادي) بطبيعة الحال مُتماثلًا حول الصفر بحيث إن صدمة بحجم ما سوف يكون لها نفس التأثير على التباين الشرطي المستقبلي مهما كانت علامة تلك الصدمة، من ناحبة أخرى نرى أن مُنحنى تأثير الأخبار للنموذج GJR (الخط الأسود) غير مُتماثل حيث إن للصدمات السائبة أكثر تأثير على التباين الشرطي المستقبلي من الصدمات السائبة بنفس الحجم، من الممكن أيضًا أن نرى أنه في إطار النموذج GJR، سوف يكون الصدمة سائبة بحجم ما شوف يكون لها تأثيرًا أكبر لصدمة سائبة بحجم ما تأثيرًا أكبر عمًّا قد بتضمَّنه النموذج GARCH، في حين أن الصدمة الموجبة بحجم ما سوف يكون لها تأثيرًا أكبر في ظل النموذج GARCH مُقارنة بالنموذج GJR، تحصل هذه النتيجة الأخيرة بسبب الانخفاض في قيمة عنه، أي مُعامل الخطأ التربيعي المتباطئ، عند إدراج حد عدم التماثل في النموذج.



الشكل رقم (٩,٣) مُنحنيات تأثير الأخبار على العائد S&P500 المتحصّل عليها باستخدام القيم المقدّرة لمعاملات النياذج GARCH و GJR.

9, ١٦ في مُعادلة المتوسَّط GARCH في مُعادلة المتوسَّط (GARCH-in-mean)

تفترض مُعظم النهاذج المستخدمة في مجال الماليَّة أنه ينبغي مُكافأة المستثمرين، نتيجة تُحمُّلهم لمخاطر إضافية بمنحهم عائدًا أعلى، يتمثَّل أحد سُبل وضع هذه الفكرة موضع التطبيق في السياح بأن يكون عائد الورقة الماليَّة مُحدَّدًا جُزئيًّا بمُخاطرته، لذلك اقترح إنجل، ليليين وروبينز (١٩٨٧) ((١٩٨٧) (Engle, Litien and Robins (1987)) التوصيف ARCH-M، حيث يدخل التباين الشرطي لعوائد الأصول في مُعادلة المتوسِّط الشرطي، وبها أن النهاذج GARCH تُعتبر الآن أكثر شعبيَّة بكثير من النموذج ARCH، فمن الأكثر شيوعًا تقدير النموذج GARCH-M، يُعطى التوصيف التالي مثالًا عن النموذج GARCH-M:

$$y_t = \mu + \delta \sigma_{t-1} + u_t, \quad u_t \sim N(0, \sigma_t^2)$$
 (oo.4)

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta \sigma_{t-1}^2$$
 (07.4)

إذا كان 5 مُوجبًا ومعنوبًا إحصائبًا فإن زيادة المخاطرة جرَّاء زيادة في التباين الشرطي تُؤدِّي إلى ارتفاع مُتوسَّط العائد، وبالتالي يُمكن تفسير 6 على أنَّه علاوة المخاطرة، هذا ويظهر حد التباين الشرطي ءءُّم في بعض التطبيقات العمليَّة مُباشرة في مُعادلة المتوسَّط الشرطي بدلًا من الصيغة الجذرية التربيعيَّة ءء، كما نُدرج في بعض التطبيقات الأخرى حد الفترة الزمنيَّة ذاتها، أي ءُم، بدلًا من الحد المتباطئ.

٩,١٦,١ في إفيوز GARCH·M في إفيوز

(GARCH-M estimation in EViews)

باستخدام البيانات rjpy وبتقدير النموذج GARCH-M المتضمَّن لحد الانحراف المعياري الشرطي في مُعادلة المتوسَّط الشرطي دون الأخذ في الاعتبار عدم التهائل، من خلال القائمة الرئيسة GARCH كها هو مُوضَّح أعلاه، نتحصَّل على النتائج كها في الإطار التالي.

Method ML – ARCH (N Date: 08/06/13 Time: 1 Sample (adjusted): 7/04 Included observations: Convergence achieved	6.06 8/2002 6/06/201 3997 after acju: after 29 seratio	g saments ns.		
Presample variance: by GARGH = C(3) + C(4)*			1) r-Statistic	Prob
SQRT(GARCH)	-0.05226D	пптвавя	_ D 683433	0.4943
C	0.024758	0.032632	0.758621	0.4481
	Varian	ice Equation		
С	0.004326	0.000457	9,461929	0.0000
RESID(1)12	0.046511	0.000485	10,04509	0.0000
GARCH[-1)	0.934156	0.005041	185 3095	0.0000
A squared	0.000344	Mean depen	dent var	0.004669
Adjusted R squared	0.000668	S.D. depend	ont var	0.471960
S.E. of regression	0.472091	Akarte into o	nlenon	1.236012
Sum signared resid	888 1354	Schwarz ore	erion	1.243901
Log likeshood	-2458 989	Hannan-Quir	nh shiser	1 238809
Durbin-Watson stat	1.706155			

ونرى في هذه الحالة أن علامة القيمة المُقدَّرة لمعلمة مُعادلة المتوسَّط الشرطي سالبة لكنَّها غير معنوبَّة إحصائبًا، وبالتالي نستنتج أنه بالنسبة لعوائد هذه العملة لا تُوجد تغذية مُرتدَّة من التباين الشرطي نحو المتوسط الشرطي.

٩, ١٧ استخدامات النهاذج من نوع GARCH بها في ذلك التنبؤ بالتقلب

(Uses of GARCH-type models including volatility forecasting)

تُعتبر النهاذج GARCH بشكل أساسي نهاذج مُفيدة، ويرجع ذلك لإمكانيَّة استخدامها في نمذجة تقلُّب سلسلة ما عبر الزمن، ومن الممكن الجمع بين أكثر من نموذج واحد من النهاذج الزمنيَّة التي تمَّ التطرُّق إليها لحد الآن في هذا الكتاب للحصول على نهاذج الحُتلطة ومن الممكن الجمع بين أكثر من نموذج واحد من النهاذج الزمنيَّة التي تمَّ التعليل المرابقة المنافعة المنافعة المنافعة المنافعة المنافعة المنافعة المنافعة المنافعة الممكن لحدا العديد من الحُصائص الهامَّة للسلاسل الزمنيَّة، ونذكر على سبيل المنال النموذج الإيحدُّه إلَّا الحيال!

كما يُمكن استخدام النياذج من النوع GARCH للتنبؤ بالتقلب، يُعتبر النموذج GARCH نموذجًا لوصف الحركات في التباين الشرطي لحد الخطأ به التي قد لا تبدو مُفيدة بشكل خاص، لكن يُمكن أن نُبيَّن أن:

$$\operatorname{var}(y_t | y_{t-1}, y_{t-2}, ...) = \operatorname{var}(u_t | u_{t-1}, u_{t-2}, ...)$$
 (ov.4)

إذًا باعتبار الفيم السابقة لكليهما فإن التباين الشرطي لـ ٧ هو نفس التباين الشرطي لـ ١٠ وبالتاني سوف تمنح نمذجة من أيضًا نمساذج وتبؤات لـ ١٧، لذلك إذا كان المتغير التابع في الانحدار علا يُمثّل سلسلة عوائد الورقة الماليَّة، فإن التنبؤات بـ يُم سوف تكون التنبؤات المستقبليَّة لتباين على وهكذا فإننا نجد أن التنبؤ بالتقلب يُمثُل أحد الاستخدامات الأساسيَّة للنهاذج من النوع GARCH، يُمكن أن يكون ذلك مُقيدًا على سبيل المثال في تسعير الخيسارات الماليَّة أين يُمثُّل التقلب مُدخلا من مُدخلات نموذج تسعير الأصول، على سبيل المثال، تُعتبر قيمة عقود خيارات الشراء (Call Option) العاديَّة دالة في: القيمة الحاليَّة للخيار، سعر مُعارسة الحيارات فهو في حقيقة ناريخ الاستحقاق، سعر الفائدة الحلي من المخاطرة والتقلب، أمَّا التقلُّب المطلوب للحصول على سعر مُنساسب للخيسارات فهو في حقيقة الأمر التقلب المتوقع للأصل محل عقد الخيار على مدى فترة صلاحيَّة الخيار، وكما أشير إلى ذلك من قبل، من الممكن استخدام مقياس الأمر التقلب المتوقع للاصل محل عقد الخيار على مدى فترة صلاحيَّة الخيار، وكما أشير إلى ذلك من قبل، من الممكن استخدام مقياس النوقع التقلب المستقبلي، لكن هناك طريقة أخرى تبدو أنسب تتمثّل في استخدام نموذج السلاسل الزمنيَّة، مثل النموذج المحالة، فذا وتُرد أدناه مُناقشة مُستفيضة فذه القدرة التنبؤيَّة للنهاذج المختلفة، هذا وتُرد أدناه مُناقشة مُستفيضة فذه القدرة التنبؤيَّة للنهاذج المختلفة، هذا وتُرد أدناه مُناقشة مُستفيضة فذه القدرة التنبؤيَّة.

يُعتبر إعداد تنبؤات باستخدام نهاذج من الفئة GARCH أمرًا بسيطًا تسبيًّا، حيث إن الجبر المستخدم يكون مُشابهًا جدًّا لذلك المطلوب للحصول على تنبؤات من النهاذج ARMA، يُقدَّم المثال رقم (٩,٢) توضيحًا لذلك.

شال(۲, ۹).....

لنعتبر النموذج (GARCH(1,1) التالي:

$$y_t = \mu + u_t, \ u_t \sim N(0, \sigma_t^2)$$
 (oa.4)

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta \sigma_{t-1}^2 \tag{0.9.4}$$

لتفترض أن الباحث قام بتقدير النموذج GARCH الوارد سابقًا لسلسلة عوائد مُؤشر أسعار الأسهم وتحصَّل على قيم المعلمات المُقدِّرة الثالية: $\hat{a}_1 = 0.0023 = \hat{a}_2$ ، $\hat{a}_3 = 0.7811$ $\hat{a}_4 = 0.0023$ المُقدِّرة الثالية: $a_4 = 0.0023 = \hat{a}_4$ ، $a_5 = 0.7811$ المتحدامها لإنتاج تنبؤات بخطوتين وبثلاث خُطوات للمستقبل للتباين الشرطى لــــي y_2 .

ما نحتاج إليه هو توليد تسنبؤات لـ $\sigma_{t+1}^2 | \Omega_T \circ \sigma_{t+2}^2 | \Omega_T \circ \sigma_{t+1}^2 |$

$$\sigma_{T+1}^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_T^2 + \beta \sigma_T^2 \tag{7.44}$$

$$\sigma_{\tilde{\tau}+2}^2 = a_0 + a_1 u_{\tilde{\tau}+1}^2 + \beta \sigma_{\tilde{\tau}+1}^2 \tag{71.4}$$

$$\sigma_{T+3}^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{T+2}^2 + \beta \sigma_{T+2}^2 \tag{7Y.4}$$

ليكن $\sigma_{1T}^{f^2}$ التنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل لـ σ^2 المعد في الزمن T، من السهل حساب ذلك لأن في الزمن T قيم كل حدود الجهة اليُّمني للمعادلة معروفة، هذا ويُمكن الحصول على $\sigma_{1T}^{f^2}$ بأخذ التوقَّع الشرطي للمعادلة رقم (٢٠،٩).

$$\sigma_{1,T}^{f^2} = \alpha_0 + \alpha_1 u_T^2 + \beta \sigma_T^2 \tag{TT.9}$$

يُمكن من المعادلة رقم (٦١٠٩) كتابة:

$$\sigma_{2,T}^{f^z} = \alpha_0 + \alpha_1 E(u_{T+1}^2 | \Omega_T) + \beta \sigma_{1,T}^{f^z}$$
 (75.4)

حيث يُمثَّل (u بَّمَا اللهُ عَد الاضطرابِ التربيعي u بُهُ المعد في الزمن r، من الضروري إيجاد (u بَهُ الاضطرابِ التربيعي u باستخدام التعبير الرياضي لتباين المتغيِّر العشوائي u، يفترض النموذج أن السلسلة لها متوسَّط صفري بحيث يُمكن كتابة التباين كالتالي:

$$var(u_t) = E\left[\left(u_t - E(u_t)\right)^2\right] = E(u_t^2) \tag{30.4}$$

التباين الشرطى لــ u_e هو σ_r^2 وبالتالي:

$$\sigma_T^2 | \Omega_T = E(u_t)^2 \tag{17.4}$$

بعكس حدود المعادلة وتطبيقها على المسألة التي بين يدينا نتحصَّل على:

$$E(u_{T+1}|\Omega_T)^2 = \sigma_{T+1}^2 \tag{7V.4}$$

لكن σ_{t+1}^2 غير معروف في الزمن T وبالتالي يُستبدل بقيمته المتوقَّعة $\sigma_{t+1}^{f^2}$ بحيث تُصبح المعادلة رقم (٦٤،٩) كالتالي:

$$\sigma_{t,T}^{f^z} = \alpha_0 + \alpha_1 \sigma_{t,T}^{f^z} + \beta \sigma_{t,T}^{f^z} \tag{A.4}$$

$$\sigma_{2,T}^{f^2} = \alpha_0 + (\alpha_1 + \beta)\sigma_{1,T}^{f^2} \tag{19.4}$$

ماذا عن التنبؤ بثلاث خطوات للمستقبل؟ باعتبار حجج مماثلة نتحصَّل على:

$$\sigma_{1T}^{f^2} = E_T(\alpha_0 + \alpha_1 u_{T+2}^2 + \beta \sigma_{T+2}^2)$$
 (V·(9)

$$\sigma_{3,T}^{f^2} = \alpha_0 + (\alpha_1 + \beta)\sigma_{2,T}^{f^2} \tag{Vist}$$

$$\sigma_{3,T}^{f^2} = \alpha_0 + (\alpha_1 + \beta) \left[\alpha_0 + (\alpha_1 + \beta) \sigma_{1,T}^{f^2} \right] \tag{VY.9}$$

$$\sigma_{3,T}^{f^2} = \alpha_0 + \alpha_0(\alpha_1 + \beta) + (\alpha_1 + \beta)^2 \sigma_{1,T}^{f^2}$$
 (YT.4)

هذا ويُمكن إنتاج أي تنبؤ بعدد 5 خُطوة للمستقبل بواسطة المعادلة التالية:

$$\sigma_{s,T}^{f^{z}} = \alpha_{0} \sum_{i=1}^{s-1} (\alpha_{1} + \beta)^{i-1} + (\alpha_{1} + \beta)^{s-1} \sigma_{1,T}^{f^{z}}$$
(Vi.4)

وذلك لكل قيمة من قيم 2 ≤ s.

ومن الجدير بالذكر عند هذه النقطة أن التباينات، وبالتالي التبؤات بالتباين، تتميَّز بكونها عمليَّة جمعيَّة على مر الزمن، وهو ما يُعتبر خاصَّية مُفيدة جدًّا، لنفترض على سبيل المثال أنه باستخدام العوائد اليوميَّة لسعر الصرف الأجنبي جرى إعداد تنبؤات للتباين بخطوة، بخطوت، بثلاث خطوات، بأربع خطوات وبخمس خطوات للمستقبل، أي أنه تم إعداد تنبؤ لكل يوم من أيام الأسبوع المقبل للتداول، ببساطة سوف يكون التباين المتوقع لكامل الأسبوع مجموع الخمس تنبؤات اليوميَّة للتباين، إذا كان الانحراف المعياري هو القيمة المقدَّرة المطلوبة للتقلب بدلًا من التباين، عندها نأخذ ببساطة الجذر التربيعي لتنبؤات التباين، ومن هنا نُشير كذلك أن الانحرافات المعيارية هي المفياس المطلوب للتقلب فلا بد من تربيعها لتحويلها إلى تباينات، تُجمع بعد ذلك التباينات ويُؤخذ الجذر التربيعي لها للحصول على انحراف معياري أسبوعي.

.....

٩, ١٧, ١ إجراء التنبؤ باستخدام النهاذج GARCH في إفيوز

(Forecasting from GARCH models with EViews)

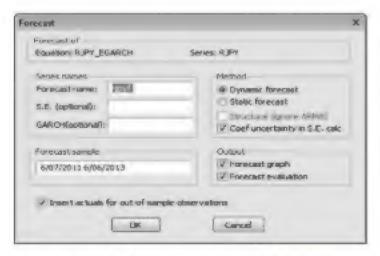
استنادًا إلى أحد النهاذج GARCH التي يُمكن تقديرها داخل إفيوز نتحصَّل على التنبؤات باستخدام فقط عيَّة فرعيَّة من البيانات المتاحة لتقدير النموذج، نضغط بعد ذلك فوق الزر 'Forecast' الذي يظهر بعد الانتهاء من تقدير النموذج المطلوب، لنفترض على سبيل المثال أننا أوقفنا تقدير النموذج (GARCH(1.1) (بدون عدم تماثل و لا حد GARCH في مُعادلة المتوسَّط) لعوائد الين الياباني عند التاريخ ٦ يونيو ٢٠١٧ وذلك للاحتفاظ بالسنتين الأخيرتين من البيانات لإجراء التنبؤ (أي أن 'عيِّنة التنبؤ' هي عند التاريخ ٦ يونيو ٢٠١٧)، ننقر بعد ذلك فوق علامة التبويب Forecast أعلى نتائج التقدير وسوف يظهر مربع الحوار في لقطة الشاشة رقم (٩,٣).

هناك مُجدَّد العديد من الخيارات المتاحة بها في ذلك إناحة اسم لتنبؤات لكل من المتوسط الشرطي والتباين الشرطي، أو الخيار بين إنتاج ننبؤات ساكنة (سلسلة مُستمرة من التنبؤات بخطوة واحدة للمستقبل) أو تنبؤات ديناميكيَّة (تنبؤ بخطوات مُتعدَّدة للمستقبل)، تُقدَّم لقطات الشاشة رقم (٤,٤) و (٩,٥) رسومًا للتنبؤات الساكنة والديناميكيَّة المتحصَّل عليها.

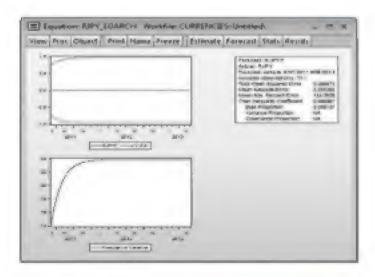
التنبؤات الديناميكيَّة للنموذج (GARCH(1,1) (لغاية سنتين مُقبلتين)

(GARCH(I,I) Dynamic forecasts (up to two years ahead))

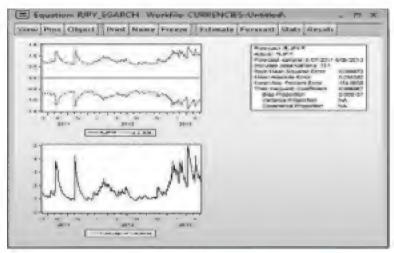
تُظهر التنبؤات الديناميكيّة لمعادلة المتوسّط أن شكل الننبؤات مُسطَّحًا تمامًا (يرجع ذلك لكون مُعادلة المتوسط الشرطي تضم فقط حدًّا ثابتًا) بينها كانت قيمة التباين الشرطي في نهاية فترة التقدير عند مُستوى مُتدنَّ تاريخيًّا مُقارنة بمتوسَّطها غير الشرطي، وبالتائي تتقارب التنبؤات من القيمة المتوسَّطة طويلة الأمد كُلها زاد أفق التنبؤ، كها تُشير إلى أنه لا توجد فترات ثقة مُكوّنة من الأشرطة للأخطاء المعباريَّة لتنبؤات النباين الشرطي، هذا ويتطلَّب حساب هذه الفترات نوعًا ما تقدير تباين التباين، وهو ما يُعتبر خارج نطاق هذا الكتاب (ويتعدَّى قُدرة الدوال المدمجة في برنامج إفيوز)، كها تُوفِّر تنبؤات التباين الشرطي الأساس لأشرطة الأخطاء المعباريَّة المتوسط المرطي، وبها أن تنبؤات التباين الشرطي ترتفع تدريجيًّا مع زيادة أفق التوقُّع فإن أشرطة الأخطاء المعباريَّة تشّم بعض الشيء، أمَّا إحصاءات تقييم النبؤ الواردة في المربع على يمين الرسوم البيانيَّة فهي تخص فإن أشرطة الشرطي.



لقطة الشاشة رقم (٣, ٩) التنبؤ باستخدام النهاذج GARCH



لقطة الشاشة رقم (٩,٤) التنبؤات الديناميكيَّة للتباين الشرطي



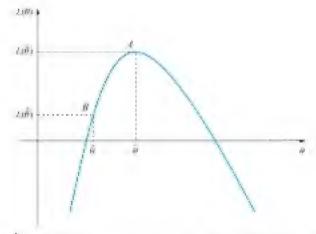
لقطة الشاشة رقم (٩,٥) التنبؤات الساكنة للتباين الشرطي

التنبؤات الساكنة للنموذج (I,1) GARCH

(تنبؤات مُتحركة بيوم واحد للمستقبل)

(GARCH(1,1) Static forecasts (rolling one-day ahead))

من الواضح أن لتنبؤات النباين قمّين؛ واحدة عند منتصف سنة ٢٠١١، والأخرى عند أواخر سنة ٢٠١٦، غير أن هذه النبؤات مُستقرَّة إلى حد ما خلال سنة ٢٠١٦ وتاريخيًّا مُنخفضة جدًّا، قبل أن ترتفع ثانية خلال سنة ٢٠١٦، وبها أن هذه النبؤات مُستقرَّة إلى حد ما خلال سنة ٢٠١٦ المستقبل للتباين الشرطي فإنها تُظهر تقلبًا أكثر بكثير ممَّا تُظهره التنبؤات الديناميكيَّة، كما ينتج عن هذا التقلب المزيد من التقلب في أشرطة الأخطاء المعاريَّة حول تنبؤات المتوسط الشرطي، كما نُشير إلى أنه رغم التحديث البومي للتنبؤات بناة على المعلومات الجديدة التي تُغذِّي التنبؤات فإن القيم المقدَّرة للمعلمات في حد ذاتها لم تُحدَّث، وبالتالي ترتكز التنبؤات فبيل نهاية العينة على فيم مُقدَّرة تعود تقريبًا إلى سنتين مضت، إذا أردنا تحديث فيم النموذج المقدَّرة على امتداد العينة فسوف نحتاج إلى كتابة بعض التعليهات البربحيَّة ضمن تكوار حُلِّقي بكون تنفيذه بطيئًا جدًّا كما لو أننا نقوم بتقدير العديد من النهاذج نما على مُناقشة كيفيَّة إنشاء التكرارات الحَلَقيَّة داخل إفيوز، وبطريقة مُماثلة يُمكن إعداد تنبؤات لكل نموذج، من نهاذج العائلة GARCH ، يُمكن تقديره باستخدام هذا البرنامج.



الشكل رقم (٩,٤) ثلاثة نهج لاختبار القرضيات في إطار الإمكان الأعظم.

٩, ١٨ اختبار القيود اللاخطِّية أو اختبار الفرضيات عن الناذج اللاخطَّية

(non-linear models Testing non-linear restrictions or testing hypotheses about)

في إطار النهاذج اللاخطَّية، لا تزال اختبارات إف وي المعتادة صحيحة لكنها ليست مرنة بها فيه الكفاية، لنفترض على سبيل المثال أنه من المثير للاهتهام اختبار الفرضية 1 = 8، الآن وبعد أن تم توسيع نطاق النهاذج ليشمل النهاذج اللاخطَّية، لم يَعُذُ هناك داعٍ لافتراض أن القيود ذات الصلة هي فقط قيود خطَّية.

ضمن التقدير بالمربعات الصُّغرى العاديَّة تعمل طريقة اختبار إف من خلال فحص مدى ارتفاع مجموع مربعات البواقي إثر فرض قُبود على معلمات النموذج، بعبارات عامَّة جدًّا، يعمل اختبار الفرضيات في إطار الإمكان الأعظم بطريقة تُعاثلة، أي أن هذه الطريقة تعمل من خلال فحص مدى انخفاض قيمة لوغاريتم دالة الإمكان فور فرض القيد، إذا انخفضت لوغاريتم دالة الإمكان "كثيرًا" نستنتج حينها أن البيانات لا تُؤيِّد القيود، وبالتالي يجب رفض الفرضيَّة.

كها نذكر أن هناك ثلاثة أساليب لاختبار الفرضيات تقوم على مبادئ الإمكان الأعظم وهي: طريقة والد، طريقة نسبة الإمكان، وطريقة مُضاعف لاجرانج، لتقديم توضيح مُوجز عن كيفيَّة عمل كل واحدة من هذه الطرق، نعتبر أن هناك معلمة واحدة θ سوف بتم تقديرها ونرمُز بــ θ إلى القيمة المُقدَّرة باستخدام الإمكان الأعظم وبـ θ القيمة المُقدَّرة المُقبَّدة، كها نرمز إلى القيمة المعظمة للوغاريتم دالة الإمكان باستخدام الإمكان الأعظم غير المُقيَّد بـ $(\hat{\theta})$ والأمثليَّة المقيَّدة بـ $(\hat{\theta})$ ، هذا ويُمكن توضيح أساليب الاختبار الثلاث كها في الشكل رقم (٤,٤).

تتضمّن تعابير إحصاءات اختبار مُضاعف لاجرائج المشتقات الأولى والثانية للوغاريتم دالة الإمكان بالنسبة لمعلهات المقدير المقتقات الأولى للوغاريتم دالة الإمكان جمعها بمتّجه الدرجات وهي مُشتقات تقيس ميل لوغاريتم دالة الإمكان عند كل فيمة من قيم المعلمات الممكنة، كها تُشكّل القيم المتوقّعة للمشتقات الثانية مصفوفة المعلومات، وهي تقيس درجة تدبّب لوغاريتم دالة الإمكان ومدى ارتفاع قيمة هذه الأخيرة عند المستوى الأمثل مُقارنة بيًا هي عليه في أماكن أخرى، كها تُستخدم مصفوفة المشتقات الثانية أيضًا الإنشاء معاملات الأخطاء المعباريَّة، أمّا فيها يخص اختبار مُضاعف الاجرائج فلا يتضمّن سوى تقدير الانحدار المقيّد يُعتبر المنقيد بها أن ميل لوغاريتم دالة الإمكان عند الحد الأقصى سوف يكون -وبحكم تعريفه - صفرًا، وبها أن تقدير الانحدار المقيّد يُعتبر عادة أسهل من تقدير الانحدار غير المقيّد فإن اختبارات مُضاعف الإجرائج عادة ما تكون عمليًّا الأسهل استخدامًا من بين الطرق الناهوذج تحت فرضيَّة العدم نأخذ القيمة صفرًا، أو أنها تُدمج معًا يحيث يكون هناك عدد أقل من المعلمات التي سوف يجري تقديرها، المنفرى كها تُشير إلى أن اختبار والد الا يتضمَّن سوى تقدير للانحدار غير المُقيِّد، وتُعتبر الاختبارات المعتادة في وإف للمربعات الصُغرى العاديًة أمثلة عن اختبارات والد (باعتبار جُدَّدًا أننا قُمنا فقط بقدير انحدار غير المُقيِّد، وتُعتبر الاختبارات المعتادة في وإف للمربعات الصُغرى العاديَّة أمثلة عن اختبارات والد (باعتبار جُدَّدًا أننا قُمنا فقط بقدير انحدار مُقيَّد).

من بين النهج الثلاث لاختبار الفرضيات في إطار الإمكان الأعظم يتميَّز اختبار نسبة الإمكان بديهيًّا بأكثر جاذبية، وبالتالي سوف تُمثل دراسة مُعمَّقة لهذا الأخير موضوع القسم التالي، لمزيد من التفاصيل انظر غوش (١٩٩١ القسم ٢٠١٠) (.1991) (section 10.3).

٩, ١٨, ١ اختبارات نسبة الإمكان

(Likelihood ratio tests)

$$LR = -2(L_r - L_q) \sim \chi^2(m) \tag{Vo.4}$$

حيث يُمثّل m عدد القيود، كها نذكر كذلك أنه بالنسبة إلى النموذج غير المُقيّد تقل دائها القيمة المعظمة للوغاريتم دالة الإمكان عن مثيلتها في النموذج المفيّد بحيث يكون $L_r \leq L_s$ ، تُعتبر هذه القاعدة بديبيّة وتُحائلة لتأثير فرض قيد على النموذج الخطّي المقدّر بالمربعات الصُّغرى العاديَّة حيث إن $RRSS \geq URSS$ ، على نحو تُحائل يتحقّق التساوي بين L_s و L_s فقط عندما يكون القيد موجودًا أصلًا في البيانات، ومع ذلك نُلاحظ أن الاختبار إف المعتاد هو في حقيقة الأمر اختبار والد وليس اختبار نسبة الإمكان بها أنه يُمكن حسابه باستخدام نموذج غير مُقيّد لا غير، هذا ويظهر نهج اختبار إف القائم على مُقارنة مجموع مُربعات البواقي بيساطة نتيجة لجبر المربعات الصُّغ ي العاديَّة.

قُدُّر النموذج GARCH وتم الحصول على القيمة ٦٦,٨٥ كقيمة مُعظَّمة للوغاريتم دالة الإمكان، لنفترض أن الباحث يرغب في اختبار ما إذا كان α = β في المعادلة رقم (٧٧،٩):

$$y_t = \mu + \emptyset y_{t-1} + u_t, \quad u_t \sim N(0, \sigma_t^2)$$
 (V7.4)

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta \sigma_{t-1}^2 \qquad (VV, 4)$$

بعد فرض القيد وتقدير النموذج الخفضت القيمة المعظّمة للوغاريتم دالة الإمكان إلى ٩٤, ٥٤، هل البيانات تُؤيد القيد، أي هل أن التوصيف (ARCH(1 كاف؟ تُقدَّم المعادلة التالية إحصاءة الاختبار:

$$LR = -2(64.54 - 66.85) = 4.62 \tag{VA, 4}$$

يتبع الاختبار التوزيع 3.84 = (1) x عند المستوى % و عاً يسمح برفض فرضيَّة العدم هامشيًّا، وبالثاني نستنتج أن النموذج (1)ARCH، بدون فترة إبطاء في التباين الشرطي في مُعادلة التباين ليس كافيًّا تمامًّا لوصف التبعية في التقلب عبر الزمن.

٩ , ١ ٩ التنبؤ بالتقلب: بعض الأمثلة والنتائج الواردة في الكتابات المنشورة

(Volatility forecasting: some examples and results from the literature)

هناك العديد من الكتابات الحديثة نسبيًّا التي حاولت مُقارنة العديد من النهاذج من حيث دقَّة ننبؤاتها بالتقلب خارج العيُّنة، فعلى سبيل المثال، وجد أكجيراي (١٩٨٩) ((Akgiray (1989)) أن النموذج GARCH يتفوق على كل من النموذج ARCH، نموذج المتوسَّط المتحرُّك المرجح أسَّبًا ونموذج المتوسِّط التاريخي فيها يخص الننبؤ بالتقلب الشهري لمؤشر الأسهم الأمريكيَّة، باستخدام تنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل بتقلب سعر صرف الدولار، لوحظت نتيجة تُماثلة للتفوق الواضح للنموذج GARCH من قبل واست وتشو (١٩٩٥) ((West and Cho (1995)) على الرغم من أن سلوك النموذج GARCH في آفاق أبعد لم يكن أفضل من سلوك النهاذج البديلة، كيا قام باجان وشفيرت (١٩٩٠) بمقارنة النهاذج EGARCH ،GARCH ،نموذج ماركوف لتبديل النظام (١٩٩٠) regime) وثلاثة نهاذج لامعلميَّة فيها يتعلَّق بالتنبؤ بتقلب العوائد الشهريَّة للأسهم الأمريكية، وخلصًا إلى أن نتائج النموذج EGARCH مرضيَّة إلى حد بعيد، يليه في ذلك النموذج GARCH، أمَّا بقية النهاذج فكانت تنبؤاتها ردينة للغاية، من جهتهما قام فرنسيس وفان ديجك (١٩٩٦) (١٩٩٥) (Franses and van Dijk (1996) بمُقارنة ثلاث نهاذج من عائلة النهاذج GARCH (النموذج GARCH القياسي، النموذج QGARCH والنموذج GJR) فيها يخص التنبؤ بالثقلب الأسبوعي للعديد من مُؤشرات أسواق الأسهم الأوروبية، وجد فرنسيس وفان ديجك أن النهاذج GARCH اللاخطِّية لم تتمكُّن من التغلب على النموذج GARCH القياسي، أخيرًا: وجد برالسفورد وفاف (١٩٩٦) (Brailsford and Faff (1996)) أن النهاذج GARCH و GJR تتفوَّق قليلًا على العديد من النهاذج الأكثر بساطة عند التنبؤ بالتقلب الشهري لمؤشر الأسهم الأستراليَّة، هذا ويتمثَّل الاستنتاج الذي خلصت إليه هذه المجموعة المتنامية من البحوث في أن الثنبؤ بالتقلب يُعتبر 'مُهمَّة في غاية الصعوبة' (برالسفورد وفاف ١٩٩٦، ص ٤١٩) على الرغم من أن نهاذج عدم التجانس الشرطي تبدو من أفضل النهاذج المتوفَّرة حاليًا، بصفة خاصَّة وفيها يتعلَّق بالتنبؤ تُعتبر النهاذج اللاخطِّية واللامعلميَّة الأكثر تعقيدًا أدنى مرتبة من النهاذج الأكثر بساطة، تُشير إلى أنه تم ذكر هذه النتيجة في ورقة بحث سابقة لديمسون ومارش (١٩٩٠) (Dimson and Marsh (1990)) في إطار مُقارنة النهاذج المعقَّدة نسبيًّا بالنهاذج الخطِّية الشحيحة، أخيرًا نظر بروكس (١٩٩٨) فيها إذا كانت مقاييس حجم التعامل في السوق تُساعد في تحسين دقة التنبؤ بالتقلب وتُوصَّل إلى أن ذلك غير مُكن.

قدّم داي ولويس (١٩٩٢) ((١٩٩٥) (Day and Lewis (1992)) هذا لا المدف من ورقة بحثها دراسة أداء التنبؤ خارج العينة الأبحاث، لذلك سوف نُقدّم الآن فحصًا مُعمَّقًا لدراسة داي ولويس، كان الهدف من ورقة بحثها دراسة أداء التنبؤ خارج العينة للنهاذج GARCH و EGARCH في توقُّع تقلب مُؤشر السوق، ثم ثمّت مُقارنة التنبؤات المتحصَّل عليها من نهاذج الاقتصاد القياسي هذه مع التنبؤات المتحصَّل عليها من التقلب الضمني بكونه توقُّع السوق للمستوى المتوسَّط لتقلب الأصل الأساسي خلال مُدَّة سريان الخيار الذي يترتب عن السعر المتداول الحالي للخيار، وباعتبار نموذج لتسعير الخيارات مثل نموذج بلاك-شولز، يُمكن مُباشرة مُشاهدة كل مُدخلات النموذج، باستثناء التقلب من السوق أو أن هذه المدخلات منصوص عليها في بنود عقد الخيار، وبالتالي من المكن باستخدام طريقة بحث تكراريَّة كطريقة نيوتن-رافسون (انظر واتشام وبارامور عليها في بنود عقد الخيار، وبالتالي من المكن باستخدام طريقة بحث تكراريَّة كطريقة نيوتن-رافسون (انظر واتشام وبارامور (۲۰۰۶) (Watsham and Parramore (2004)) استخراج تقلب الأصل الأساسي من سعر الخيار.

هناك سؤال مهم للباحث، وهو معرفة ما إذا كان التقلب الضمني أو نياذَج الاقتصاد القياسي يُقرز تنبؤات أدق بتقلب الأصل الأساسي، إذا كانت الخيارات وأسواق الأصول الأساسية تتَّسم بالكفاءة المعلوماتيَّة فلن يكون لنهاذج الاقتصاد القياسي المعدَّة للتنبؤ بالتقلب التي تستند على القيم المحقَّفة السابقة للتقلب الأصلى أيَّة قوة تفسيريَّة إضافيَّة للقيم المستقبلية لتقلب الأصل الأساسي، من ناحية أخرى إذا تضمَّنت نهاذج الاقتصاد القياسي معلومات إضافيَّة مُفيدة في التنبؤ بالتقلب المستقبلي، فمن الممكن تحويل هذه التنبؤات إلى قاعدة تداول مُربحة.

تشمل البيانات المستخدمة من قبل داي ولويس أسعار الإقفال الأسبوعيَّة (من الأربعاء إلى الأربعاء ومن الجمعة إلى الجمعة) للخيار على المؤشر 28 وسعر المؤشر الأساسي بين ١١ مارس ١٩٨٩ و ٣١ ديسمبر ١٩٨٩، كيا استخدما وعلى حد السواء عوائد من منتصف الأسبوع وحتى مُنتصف الأسبوع المقبل وعوائد من الجمعة إلى الجمعة المقبلة لتحديد ما إذا كان لآثار نهاية الأسبوع تأثير معنوي على هذه الأخيرة، يذكر داي ولويس أن عوائد يوم الجمعة تحتوي على آثار الاستحقاق؛ نظرًا لأن التقلبات الضمنيَّة تشهد ففزة في يوم الجمعة لأسبوع الاستحقاق، لا تُعتبر هذه المسألة ذات أهينة مُباشرة لهذا الكتاب، وبالتالي سوف تُعرض هنا فقط نتائج العوائد من منتصف الأسبوع وحتى مُنتصف الأسبوع المقبل.

بالنسبة إلى النهاذج التي استخدمها داي ولويس فهي على النحو التالي، أوَّلًا: بالنسبة إلى المتوسط الشرطي لنهاذج السلاسل الزمنيَّة، استخدم داي ولويس التوصيف GARCH-M لنمذجة فائض عائد السوق على المتغيِّر الوكيل الخالي من الخطر:

$$R_{Mt} - R_{Ft} = \lambda_0 + \lambda_1 \sqrt{h_t} + u_t \qquad (\vee \P . \P)$$

حيث بُمثُل بهيم العائد على محفظة السوق و Rec المعدَّل الحَالي من الخطر، كما نُشير إلى أن داي ولويس يرمُزان إلى التباين الشرطي بــــ أمَّه، مع أننا قُمنا هنا بتعديل ذلك ليُصبح h، سوف نستخدم كذلك الترميز أمَّ للدلالة على القبم المقدَّرة للتباين الضمني، أمَّا بالنسبة إلى النباين فسوف يُستخدم توصيفان: النموذج GARCH(1,1) البسيط، والنموذج EGARCH:

$$h_{t} = \alpha_{0} + \alpha_{1} u_{t-1}^{2} + \beta_{1} h_{t-1} \tag{A.4}$$

φĥ

$$\ln(h_t) = \alpha_0 + \beta_1 \ln(h_{t-1}) + \alpha_1 \left(\theta \frac{u_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}} + \gamma \left[\left| \frac{u_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}} \right| - \left(\frac{z}{\pi} \right)^{1/2} \right] \right)$$
 (A1.4)

تتمثّل إحدى طرق اختبار ما إذا كانت نهاذج النقلب الضمني أو النهاذج من النوع GARCH تُحقَّق الأداء الأفضل في إضافة قيمة مُتباطئة من تقدير التقلب الضمني (٣٤٠٦) إلى المعادلات رقم (٨٠٠٩) و (٨١٠٩)، وبالتائي سوف بنتج عن ذلك التوصيف الهجين' أو الشامل'، تُصبح المعادلة رقم (٨٠٠٩) كالتائي:

$$h_t = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta_1 h_{t-1} + \delta \sigma_{t-1}^2$$
(AY.4)

والمعادلة رقم (٨١،٩) كالتالي:

$$\ln(h_t) = a_0 + \beta_1 \ln(h_{t-1}) + a_1 \left(\theta \frac{u_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}} + \gamma \left[\left| \frac{u_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}} \right| - \left(\frac{2}{\pi} \right)^{1/2} \right] \right) + \delta \ln(\sigma_{t-1}^2)$$
(AT.4)

نتمثَّل الاختبارات محل الاهتهام في اختبار $\theta = \theta : \theta = 0$ في المعادلات رقم (۸۲،۹) و (۸۲،۹)، إذا تعذَّر رفض فرضيات العدم هذه في المعادلة وفي نسبت أن التقلب الضمني لا يتضمَّن أيَّة معلومات إضافيَّة مُفيدة في تفسير التقلب عن تلك المستمدة من النموذج GARCH وفي المعادلة وفي المعادلة وقم (۸۲،۹) و $\theta = 0$ and $\theta = 0$ المعادلة وقم (۸۲،۹) و $\theta = 0$ معرف تُحترل في:

$$h_t = \alpha_0 + \delta \sigma_{t-1}^2 \tag{AY.9}$$

$$ln(h_t) = \alpha_0 + \delta Ln(\sigma_{t-1}^2)$$
(AT.4)

تختبر هذه المجموعة من القيود المفروضة على المعادلات رقم (٨٣،٩) و (٨٣٠٩) ما إذا كان الخطأ التربيعي المتباطئ والتباين الشرطي المتباطئ يتضمَّنان أيَّة قوَّة تفسيريَّة إضافيَّة حالما يتم إدراج التباين الضمني في التوصيف، هذا ويُمكن اختبار كل هذه القيود بسهولة نسبيَّة باستخدام اختبار نسبة الإمكان، يعرض الجدول رقم (٩,١) نتائج هذا الاختبار.

يظهر من القيم المقدَّرة ومن أحطائها المعياريَّة ضمن التوصيف رقم (٨٣،٩) أن حد التقلب الضمني (٥) معنوي إحصائيًّا في حين أن حدود النموذج GARCH (م∞ و β) ليست كذلك، ومع ذلك فإن إحصاءات الاختبار الواردة في العمود الأخير كلاهما أكبر من القيم الحرجة المقابلية للتوزيع x² مُشيرة إلى أن النموذج GARCH والنقلب الضمني كلاهما يتميَّز بقدرة إضافية في نمذجة تقلب السهم الأساسي، كما أجرى داي ولويس تحليلًا تُماثلًا يُقارن بين النموذج EGARCH والتقلب الضمني وتُعرض نتائج هذا التحليل هُنا في الجدول رقم (٩,٢).

مني	لتفلب الض	الله القابل ا	rech -	ا ۱۹ الت	الجدول رقم (ا

				- 4	ل التقلب الضحم	(LE) GARCH	م(١٤١) النموا	الجادول را
			R_{Mt} -	$R_{Ft} = \lambda_0 +$	$-\lambda_1\sqrt{h_t}+u_t$			(V4, 4)
			$h_{t} =$	$= \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2$	$-1 + \beta_1 h_{t-1}$			(A+, 9)
			$h_{\rm r} = \alpha_0$	$+ a_1 u_{t-1}^2 +$	$\beta_1 h_{t-1} + \delta \sigma_{t-1}^2$	L		(AY, 4)
				$h_t = \alpha_0 +$	$\delta \sigma_{t-1}^{z}$			(P.T.4')
χ²	Log – L	δ	β_1	α_1	α ₀ x 10 ⁻⁴	λ_1	λ_0	مُعادلة التباين
17,77	٧٦٧,٣٢١	-	٠,٨٥٤	٠,٠٩٢	0,844	+,+V1	• ; • • ٧ †	(A+,4)
			(۸,۱۷)	(+,AE)	(1,70)	(+,+1)	(+,++2)	
-	VV1, T+£	۸۱۲,۰	*,*1A-	٠,٣٦٦	7, 70	۲,۰٤٣	.,10	(AY.4)
		(7,)	(+,04-)	(1,17)	(۲,4۸)	(+,+Y)	(+,+YA)	
የ ዮ, ጊኛ	V1E, 79E	٠,٥٨١		-	۰,۹۹۳	٠,١٨٤-	٠,٠٠٥٦	۸۲،۹)'(
		(1,91)			(١,٥٠)	(·,··\-)	(+,++1)	

ملاحظات: النسب في بين قوسين، ويرمُز .l.ng.l إلى القيمة المعظّمة لدالة لوغاريتم الإمكان في كل حالة، يرمُز "x إلى قيمة إحصاءة الاختبار وهي إحصاءة تتبع التوزيع (1) تهر في حالة اختُرلت المعادلة (٨٢،٩) في المعادلة (٨٠٠٩) والتوزيع (2) تهر في حالة اختُرلت المعادلة (٨٢،٩) في المعادلة (٨٢،٩). المصدر: داي ولويس (١٩٩٣)، أعيد نشره بترخيص من إلسيفر.

كما نُشير إلى أن نتائج النموذج EGARCH مُشابهة للغاية لتلك المتحصل عليها من التوصيفات GARCH، استناذًا إلى إحصاءات نسبة الاحتمال، لا يُمكن حذف المعلومة المتباطئة من التوصيف EGARCH ولا الحدود المتباطئة للتقلب الضمني حبث إن كُلًا من حدود النموذج EGARCH ومعاملات التقلب الضمني ذات معنويَّة هامشيَّة في التوصيف رقم (٨٣،٩).

الجدول رقم (٩,٢) النموذج GARCH مُقَامِلُ التقلبِ الصَّمَى

$$R_{Mt} - R_{Ft} = \lambda_0 + \lambda_1 \sqrt{h_t} + u_t \tag{V4.4}$$

$$ln(h_t) = \alpha_0 + \beta_1 ln(h_{t-1}) + \alpha_1 \left(\theta \frac{u_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}} + \gamma \left[\left| \frac{u_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}} \right| - \left(\frac{z}{\pi} \right)^{1/2} \right] \right) \tag{A1.9}$$

$$ln(h_t) = \alpha_0 + \beta_1 ln(h_{t-1}) + \alpha_1 \left(\theta \frac{u_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}} + \gamma \left[\left| \frac{u_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}} \right| - \left(\frac{z}{\pi} \right)^{1/2} \right] \right) + \delta Ln(\sigma_{t-1}^2) \tag{AT.9}$$

$$ln(h_t) = \alpha_0 + \delta Ln(\sigma_{t-1}^2)$$
('AT.4)

χ²	Log – L	8	γ	θ	β_{T}	$\alpha_0 \times 10^{-4}$	λ_1	λ_0	شعادلة التباين
۸,۰۹	VV1, \$71	*	·,Tav	+ , TVŤ	٠, ٥٢٩	۲,٦٢-	1,148	+ , ++†% <u>~</u>	(A1,4)
			(T, 1Y)	(8,14-)	(r,31)	(Y, 4+-)	(·, ça)	(* , *T=)	
_	٧٨٠,٤٨٠	.,701	٠,٢١٠	- , ۲۸۲-	-, TVT	Υ,ΥΑ-	٠,٠٧٦-	4,4170	(AY. 9)
		(1,41)	(1,14)	(-37,3)	(1, (A)	(1,AY-)	(·, Y {-}	(·,0%)	
T+,A5	V70,+71	٠, ١٦٧		-	-	۲,۷٦-	٠, ١٣٩-	+,++{V	("AY.¶)
		(8,+1)				(*,7+-)	(· , { † - }	(+_,V1)	

ملاحظات: النسب تي بين قرسين، ويرمُز عا-goal إلى القيمة المعظمة تلو غاريتم دالة الإمكان في كل حالة، يرمُز "بر إلى قيمة إحصاءة الاختبار وهي إحصاءة تتبع التوزيع (1)"بر في حالة اختُزكت المعادلة (٨٣٠٩) في المعادلة (٨١،٩) والتوزيع (3) "بر في حالة اختُزلت المعادلة (٨٣٠٩) في المعادلة (٨٣٠٩).

المصدر: داي ولويس (١٩٩٢)، أعبد نشره بترخيص من إلسيفر.

ومع ذلك لا تُمثل الاختبارات المذكورة أعلاه اختبارًا حقيقيًّا للقدرة التنبؤية للنهاذج، حيث إن جميع هذه المشاهدات استخدمت في كُلُّ من تقدير واختبار النهاذج، فذا السبب قام المؤلفان بإجراء اختبار تنبؤ خارج العيَّنة، هناك ما مجموعه ٧٢٩ نُقطة بيانات في عيَّنة المؤلفين، وقد استخدما منها أوَّل ٤١٠ مُشاهدات لتقدير النهاذج، وبعد ذلك قاما بالتنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل بتقلب الأسبوع التالي، ثم جدَّد المؤلفان بناء العيَّنة ثانية بإضافة مُشاهدة واحدة في كل مرَّة وإنشاء تنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل في كل مرحلة.

قيّم داي ولمويس التنبؤات بطريقتين، تمثّلت الأولى في إجراء اتحدار لسلسلة التقلب المحقِّق على الثنبؤات إضافة إلى ثابت:

$$\sigma_{t+1}^2 = b_0 + b_1 \sigma_{t}^2 + \xi_{t+1} \tag{A5.4}$$

حيث يرمُّز σ_{t+1}^2 إلى القيمة الحقيقيَّة للتقلب عند الزمن t+1 و σ_{t}^2 القيمة المتنبؤ بها للتقلب خلال الفترة t، تقتضي التنبؤات الدقيقة تمامًا أنْ يكون t و t المناصل t الطريقة الثانية فتكون من خلال مجموعة من اختبارات التنبؤ الشامل t المعديد من Encompassing Tests) تعمل هذه الطرق أساسًا من خلال إجراء انحدار للتقلب المحقَّق على التنبؤات الناتجة عن العديد من النهاذج، تُستكمل سلاسل التنبؤات ذات المعاملات المعنويَّة لتشمل تنبؤات النهاذج، تُستكمل سلاسل التنبؤات ذات المعاملات المعاملات غير المعنويَّة.

لكن ما هو التقلب؟ بعبارة أخرى، مع أي مقياس يجب مُقارنة التنبؤات، مع التقلب المحقَّق أم مع التقلب اللاحق؟ حظي هذا السؤال وحتى وقت قريب باهنهام ضئيل في المؤلفات الأدبيَّة، هناك طريقة شاتعة الاستخدام تتمثَّل في افتراض أن المقياس اللاحق المناسب هو مُربع العائد اليومي إذا كان الأمر يتعلَّق بتنبؤ التقلب اليومي، يُمكن صياغة التباين الشرطي لأي مُتغيِّر عشوائي ٢٠ كالتالي:

$$var(r_t) = E[r_t - E(r_t)]^2$$
(Ao, 4)

وكها ذكرنا سابقًا يُفترض عادة أن (E(r) يُساوي صفرًا، وهذا ليس بالأمر غير المعقول إذا كان تواتر البيانات مُرتفعًا نسبيًّا، بحمث تُخنزل مُعادلة التناين في:

$$var(r_t) = E[r_t^2]$$
 (A%)

يذكر أندرسون ويولرسلاف (١٩٩٨) ((١٩٩٩) ((١٩٩٩) أن العوائد التربيعيَّة اليوميَّة تمنح مُنغيَّرًا وكيلًا للتقلب اليومي أفضل من ذلك بكثير يتمثَّل في حساب التقلب من البيسانسات داخل اليوم، على سبيل المثال يُمكن الحصول على مقياس أفضل للتباين اليومي بأخذ العوائد عند كل ساعة ثم تربيعها وجمعها معًا، أمَّا السبب وراء كون استخدام البيانات ذات التواتر العالي يمنح مقياسًا أفضل للتقلب اللاحق فيرجع ببساطة لتوظيفه لمعلومات أكثر، باستخدام بيانات يوميَّة فقط في حساب مقياس التقلب اليومي نكون قد استخدمنا فعليًّا مُشاهدتين فقط من سلسلة مُشاهدات السعر الأساسي، إذا كان سعر الإغلاق اليومي ثابتًا من يوم إلى يوم مُوالٍ فإن العائد التربيعي وبالتالي التقلب سوف يكون صفرًا، مع أنه من الممكن أن تكون هناك تقلبات جوهريَّة خلال اليوم، ذهب هانسن ولوند (٢٠٠١) ((2006) Hansen and Lunde) أبعد من وكيل غير جيَّد للتقلب الحقيقي.

استخدم داي ولويس في دراساتهم مقياسين للتقلب اللاحق (حيث كان التواتر المستخدم في النهاذج هو التواتر الأسبوعي): (١) مُربع العائد الأسبوعي على المؤشر، وأطلقوا عليه اسم SR.

(٢) تباين العوائد اليوميَّة في الأسبوع مضروبة في عدد أيام التداول خلال ذلك الأسبوع، وأطلقوا عليه اسم WV تُشير مُناقشة اندرسون وبولرسلاف إلى أنه من المرجِّح أن يكون المقياس الأخير المقياس الأفضل، وبالنالي ينبغي التركيز أكثر على نتائجه، يُقدَّم الجدول رقم (٩,٣) نتائج الانحدارات المنفصلة للتقلب المحقَّق على ثابت وعلى السلسلة المتبَّأ بها للتقلب.

يُمكن تفسير القيم المقدَّرة للمعاملات 60 المقدَّمة في الجدول رقم (٩,٣) بأنها مُؤشرات لمعرفة ما إذا كانت مُّهُج التنبؤ المعنيَّة مُتحيِّزة أم لا، في جميع الحالات كانت قيم المعاملات 60 قريبة من الصفر، كما أن القيم المقدَّرة تكون معنويَّة إحصائيًا فقط بالنسبة إلى التنبؤات بالتقلب التاريخي والتنبؤات بالتقلب الضمني عندما يكون العائد الأسبوعي التربيعي مقياسًا لاحقَّا للتقلب، هذا وتُشير القيم المقدَّرة الموجبة للمعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط مُنخفضة للغاية، أمَّا القيم المقدَّرة للمعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط مُنخفضة للغاية، أمَّا القيم المقدَّرة للمعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط مُنخفضة للغاية، أمَّا القيم المقدَّرة للمعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط مُنخفضة للغاية، أمَّا القيم المقدَّرة للمعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط مُنخفضة المغاية، أمَّا القيم المقدَّرة المعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط مُنخفضة المغاية، أمَّا القيم المقدَّرة المعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط مُنخفضة المغاية، أمَّا القيم المقدَّرة المعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط مُنخفضة المغاية، أمَّا القيم المقدَّرة المعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط مُنخفضة المغاية، أمَّا القيم المقدَّرة المعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط مُنخفضة المغاية، أمَّا القيم المقدَّرة المعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط المعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط المقالة القيم المقرَّدة المعاملات المؤلِّد المعاملات إلى أن التنبؤات في المتوسَّط المنابؤات القيم المقرَّدة المؤلِّد المُعامِد المؤلِّد المُن التنبؤات في المتوسِّط المؤلِّد المؤلِّد

الوحدة باستثناء النموذج GARCH (عندما بُستخدم التباين اليومي في التقلب الاحق) والنموذج EGARCH (عندما يكون التباين الأسبوعي التربيعي مقيامًا لاحقًا للتقلب)، أخيرًا: تكون قيم R² صغيرة جدًّا (كلها أقل من ١٠٪ ومُعظمها أقل من ٣٪) مَّا بدل على الأداء الضعيف لسلاسل التنبؤ في شرح تغيَّر مقياس التقلب المحقَّق.

			$\sigma_{t+1}^2 = b_0 + b_1 \sigma_{ft}^2 + \xi_{\ell+1}$	(
R ²	b_1	b_0	المتغير الوكيل للتقلب اللاحق	لموذج التنبؤ
.,.98	+, 179	*,****		
	(۲۱,۱۸)	(0,7+)	SR	الثاريخي
·,·TÉ	.,101	-,	wv	
	(Y, 2A)	(+, 4+)	WV	الثاريخي
.,.٣٩	•,1٧١	٠,٠٠٠	SR	
	(۲,۱۰)	(1,.1)	, nc	GARCH
٠,٠١٨	1, •Vξ	٠,٠٠٠	wv	a . p. au
	(٣,٣٤)	(١,٠٧)	***	GARCH
.,	۱,۰۷٥	.,	SR	ECARCU
	(1,1)	(• , • •)	V41	EGARCH
٠,٠٠٨	1,019	٠,٠٠٠-	WV R	ECARCU
	(Y, 2A)	(*, £A-)		EGARCH
·, • TV	.,	.,	SR	. <u> </u>
	(YA, I)	(۲, ۲۲)	,	التقلب الضبمني

ملاحظات: تُشير كلمة التاريخي للى استخدام المتوسَّط التاريخي البسيط للعوائد التربيعيَّة في التنبؤ بالتقلب؛ النسب تي بين قوسين، تُشير SR و WV عل التوالي إلى شُربع العائد الأسبوعي على المؤشر S&P100 وإلى تباين العوائد البوميَّة في الأسبوع مضروبة في عدد أيام التداول خلال ذلك الأسبوع. المصدر: داي ولويس (1947)، أعيد نشره بترخيص من إلسيفر.

تستند انحدارات التنبؤات الشاملة إلى إجراء يعود إلى فير وشيلر (١٩٩٠) ((١٩٩٥) وهو إجراء يسعى إلى عديد ما إذا كانت المجموعات مُختلفة من التنبؤات تختلف فيها بينها من حيث ما تتضمُّنه من مجموعات مُختلفة من المعلومات، يكون انحدار الاختبار على الشكل التالى:

$$\sigma_{\ell+1}^2 = b_0 + b_1 \sigma_{\ell t}^2 + b_2 \sigma_{Gt}^2 + b_3 \sigma_{\ell t}^2 + b_4 \sigma_{Ht}^2 + \xi_{\ell+1}$$
 (AV .9)

وتُعرض نتائج هذا الانحدار في الجدول رقم (٤, ٩).

		<u> </u>	ات بالنقلب خارج ا	ت النسبي للتنبؤ	ات محتوى المعلوما	الجدول رقم (٩,٤) مقارنا
			$\sigma_{t+1}^2 = b_0 +$	$b_1\sigma_{tt}^2 + b_2\sigma_{Gt}^2 +$	$-b_3\sigma_{Et}^2 + b_4\sigma_{Ht}^2 +$	- { _{t+1} (AV.4)
R ²	b_4	b_3	b_2	b ₁	b ₀	مُقارنات التنبؤ
٠,٠٢٧	-	-	·, ۲۹۸ (·, ٤٢)	·, 1·1 (1, ·٣)	·,···۱·- (·,·٩-)	GARCH الضمني مُقابِل
٠,٠۴٨	·,\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	-	·, ٢ { ٢- (·, ٢٨-)	·, ٦٣٢ (١, ٠٢)	*,***1A (1,10)	مُقابِل GARCHالضمني مُقابِل التاريخي
٠,٠٢٦	-	·, 177 (·, 77)	-	•,190 (١,٦٢)	*,****1- (*,*V-)	EGARCH)الضمني مُقابِل
٠,٠٣٨	+,11A (V,V£)	-	·,*Y{- (·, öY-)	·,04· (1,£0)	*,****\ (1,7V)	EGARCHالضمني مُقابل مُقابِل التاريخي
٠,٠١٨	-	·,···-)	1,•V• (Y,VA)	-	·,···· (·,٣٧٠)	EGARCH تقابل GARCH

ملاحظات: النسب في بين قوسين؛ المقياس اللاحق المستخدم في هذا الجدول هو تباين العوائد اليوميَّة في الأسبوع مضروبة في عدد أيام التداول خلال ذلك الأسبوع. المصدر: داي ولويس (١٩٩٣)، أعيد نشره بترخيص من إلسيقر.

تُنَّسم أحجام ومعنويات المعاملات في الجدول رقم (٩,٤) بالأهنَّية، حيث تُمثَّل عدم المعنويَّة الميزة الأبرز لمعظم سلاسل التنبؤات، في المقارنة الأولى لا سلسلة تنبؤات التقلب الضمني ولا سلسلة تنبؤات النموذج GARCH لها معاملات معنويَّة إحصائيًّا.

عندما يُضاف التقلب التاريخي إلى النموذج، يكون معامله مُوجبًا ومعنويًّا إحصائيًّا، كيا تبرُّز نتائج مُماثلة عند مُقارنة التنبؤات المتحصَّل عليها من نموذج التقلب الضمني، وتلك المتحصَّل عليها من النموذج EGARCH: أي ولا واحدة معنويَّة، لكن عند إضافة سلسلة المتوسَّط التاريخي فإن مُعاملها يكون معنويًّا، ويتَّضح من هذا ومن الصف الأخير من الجدول رقم (٤, ٩) أن لبس لحد عدم التياثل في النموذج EGARCH أيَّة قوَّة تفسيريَّة إضافيَّة مُقارنة مع تلك التي يتضمَّنها النموذج GARCH المتهاثل، مرَّة أخرى، كل فيم صغيرة جدًّا (أقل من ٤٪).

يتمثّل الاستنتاج الذي توصلت إليها هذه الدراسة (والذي يتهاشى بشكل عام مع استنتاجات العديد من الدراسات الأخرى) في أن النتائج ضمن العيَّنة تُشير إلى أن التقلب الضمني بحتوي على معلومات إضافيَّة لم ترد في التوصيفات /GARCH للأخرى) لكن تُشير النتائج خارج العيَّنة أن التنبؤ بالتقلب يُعتبر مُهمَّة صعبة!

٩, ٢٠ إعادة النظر في نهاذج التقلب العشوائي

(Stochastic volatility models revisited)

تعرَّضنا إلى مُناقشة نياذج الانحدار الذاتي في القسم (٦٠٩) أعلاه وهي نياذج تُعتبر حالات خاصَّة من فئة نياذج أعم تُعرَف بنهاذج التقلب التصادُفي، من المفاهيم الخاطئة المتداولة اعتبار التوصيفات من نوع GARCH هي أنواع من نهاذج التقلب التصادُفي، ومع ذلك، وكها يُستشف من اسمها، تختلف نهاذج التقلب التصادُفي عن النهاذج GARCH أساسًا في كون مُعادلة التباين الشرطي في النوصيف GARCH مُعادلة حتميَّة تمامًا بالنظر إلى كل المعلومات المتاحة بها في ذلك معلومات الفترة السابقة، بعبارات أخرى تفنفر مُعادلة التباين في النموذج GARCH إلى حد خطأ؛ إذ يُقتصر إدراج هذا الأخير على مُعادلة المترسَّط.

تتضمَّن نهاذج التقلب التصادُّفِ حد خطأ ثانِ يُضاف إلى مُعادلة التباين الشرطي، كها يُعتبر توصيف الانحدار الذاتي للتقلب سهل الفهم وسهل التقدير لكونه ينطلَّب أن يكون لدينا مقباس للتقلب قابل للمشاهدة، يُستخدم بعد ذلك كأي مُنغبِّر آخر من مُنغبِّرات نموذج الانحدار الذاتي، غير أن مُصطلح التقلب الذاتي، يقترن عادة بصيغة مُختلفة، وكأحد الأمثلة عن ذلك نذكر:

$$y_t = \mu + u_t \sigma_t$$
, $u_t \sim N(0,1)$ (AA,4)

$$\log(\sigma_t^2) = \alpha_0 + \beta_1 \log(\sigma_{t-1}^2) + \sigma_\eta \eta_t \tag{A9.4}$$

حيث يُمثُّل ﴾ مُتغبِّرًا عشوائبًّا ثانيًا يتبع التوزيع (0,1) N ومُستقلًّا عن ،u، يكون التقلب هنا تقلبًا كامنًا بدلًا من أن يكون مُشاهدًا، وبالتالي تتم نمذجته بطريقة غير مُباشرة.

ترتبط نهاذج التقلب التصادّق ارتباطًا وثيقًا بالنظريات الماليَّة المستخدمة في أدب تسعير الخيارات، هذا وافترضت الأعمال السابقة ثبلاك وشولز (١٩٧٣) أن التقلب ثابت عبر الزمن، تم اتخاذ هذا الافتراض إلى حد كبير بهدف التبسيط على الرغم من أنه يصعب اعتباره افتراضًا واقعيًّا، ومن أحد الآثار الجانبية المنفّرة لاستخدام نموذج يتضمَّن ثبات التقلب كافتراض، نجد أن الخيارات المربحة جدًّا (deep in-the-money) والخيارات شديدة البُعد عن الربحيَّة (far out-of-the-money) مُسعّرة بأقل من قيمتها مُقارنة بالأسعار المتداولة الفعليَّة، ساهمت هذه الملاحظة التجربييَّة جُزئيًّا في نشأة نهاذج التقلب التصادُفي، حيث تتم نمذجة لوغاريتم عمليَّة التباين غير المنظور بواسطة توصيف تصادُفي خطي على غرار نموذج الانحدار الحُظِّي، وتتمثّل الميزة الأساسيَّة لنهاذج التقلب التصادُفي في أنه يُمكن النظر إليها على أنها تقريبات في الزمن المنفصل لنهاذج الزمن المستمر المستخدمة في أُطُر تسعير الأصول (انظر التصادُفي في أنه يُمكن النظر إليها على أنها تقريبات في الزمن المنفصل لنهاذج الزمن المستمر المستخدمة في أُطُر تسعير الأصول (انظر التقلب التصادُفي (أحاديَّة المتغيِّر)، انظر تابلور (١٩٩٤)، غيسلز وآخرين (١٩٩٥) ((١٩٩٥) (والمراجع الواردة في هذه الأبحاث.

على الرغم من أن نهاذج التقلب التصادّ في استُخدمت على نطاق واسع في المؤلفات الرياضيَّة لتسعير الخيارات، إلَّا أنها لم تحظ بنفس الانتشار في التطبيقات الماليَّة التجربيَّة ذات الزمن المنفصل، ويرجع ذلك ربها إلى التعقيد الذي يرتبط بعمليَّة تقدير معلمات النموذج (انظر هارفي، رويز وشيفارد (١٩٩٤) (١٩٩٤) (١٩٩٤) (Harvey, Ruiz and Shephard (1994))، وعلى الرغم من أن النهاذج من النوع النموذج (انظر هارفي، رويز وشيفارد (١٩٩٤) (١٩٩٤) (١٩٩٤) (١٩٩٤) وعلى الرغم من أن النهاذج من النوع GARCH تكون في الزمن المستمر أبعد عن أسسها النظريَّة من الثقلب التصادُفي إلَّا أن تقديرها باستخدام الإمكان الأعظم يكون أسهل، كها لا يتوفَّر أي تعديل بسيط نسبيًّا لإجراء الإمكان الأعظم المستخدم في تقدير النهاذج GARCH وبالتالي لن نُواصل هنا مُناقشة نهاذج التقلب التصادُفي.

٩,٢٠,١ نماذج العزوم من درجة أعلى

(Higher moment models)

انتقلت الأبحاث خلال العقدين الماضيين من دراسة بحتة للعزم الأوَّل للسلاسل الزمنيَّة الماليَّة (آي تقدير النهاذج على سلاسل العوائد نفسها) إلى الاهتمام بالعزم الثاني (نهاذج للتباين)، في حين أن هذا يمثّل بوضوح خطوة كبيرة إلى الأمام في تحليل البيانات الماليَّة، إلَّا أنه من الواضح أيضا أن توصيفات التباين الشرطي ليست قادرة تماما على التفاط جميع الخصائص الهامَّة للسلاسل الزمنيَّة، فعلى سبيل المثال، لا يُمكن للنهاذج GARCH ذات الاضطرابات الموحَّدة معياريًّا والمعتدلة (١٠٠) أن تُولد أطراف توزيع سميكة بها فيه الكفاية لنمذجة ضعف التفرطح الذي يُلاحظ في الواقع في سلاسل عوائد الأصول الماليَّة، هذا ويُشير أحد النهج المقترحة لهذه المسألة أن تكون الاضطرابات الموحَّدة معياريًّا مُستمدَّة من التوزيع في لستيورنت (Student's) بدلًا من التوزيع الطبيعي، ومع ذلك ليس هناك سبب لافتراض أن سهاكة أطراف التوزيع يجب أن تكون ثابتة عبر الزمن، وهو ما يُجبرنا عليه النموذج GARCH.

وثمة إمكانية أخرى لتوسيع نطاق البحث ليشمل استخدام عزوم توزيع العوائد من الدرجة الثالثة والرابعة (أي الالتواء والتفرطح على التوالي)، وهكذا من الممكن أن يتبع الالتواء أو التفرطح الشرطي في إطار هذا التوصيف عملية من النوع GARCH تسمح له بالنغير عبر الزمن، هذا وقدم هارفي وصديق (٢٠٠٩) ((1999, 2009) (العrvey and Siddique) نموذج انحدار ذاتي للالتواء الشرطي، في حين اقترح بروكس، بورك، هيرافي وبيرساند (٢٠٠٥) ((2005) (٢٠٠٥) المحفظة التفرطح الشرطي، يُمكن أن يكون لمثل هذه النهاذج تطبيقات عديدة أخرى في مجال المالية بها في ذلك توزيع الأصول (اختيار المحفظة المالية)، تسعير الخيارات، تقدير علاوات المخاطر وما إلى ذلك، كها تم في إطار نموذج تسعير الأصول الرأسهالية إجراء توسيع التحليل ليشمل عزوم توزيع العوائد من درجة تزيد عن الدرجتين حيث يُؤخذ في الاعتبار الالتواء المشترك والتفرطح المشترك بين عوائد الأصول وعوائد السوق (انظر على سبيل المثال هونج وآخرين (٢٠٠٤) ((2004) النهي تأخذ بعين الاعتبار تأثير العزوم من المروكس وآخرين (٢٠٠٩) إطارًا يقوم على المنفعة (Utility) لتحديد نِسَب التحوُّط المثلى الذي تأخذ بعين الاعتبار تأثير العزوم من المرتبة الأعلى على قرار التحوُّط ضد مخاطر السلع الأساسية المبرمة بعقود مستقبلية.

٩,٢٠,٢ نهاذج أطراف التوزيع

(Tail models)

من المعلوم تمامًا أن عوائد الأصول المالبَّة لا تتبع التوزيع الطبيعي، بل إنها تكون في مُعظم الأحيان ضعيفة النفرطح أي أن المرافها سميكة، يترتب على هذه الملاحظة العديد من الآثار على النمذجة الاقتصاديَّة القياسيَّة، يُشنرط أوَّلًا: أن تكون النهاذج وإجراءات الاستدلال حصينة ضد توزيعات الأخطار غير المُعتدلة التوزيع، ثانيًا: لم تَعُد مخاطرة حيازة ورقة مائيَّة مُعيَّنة تُقاس بشكل مُناسب باستخدام التباين وحده، ففي إطار إدارة المخاطر سوف يُؤدي افتراض اعتدال التوزيع عندما تكون العوائد ذات توزيع سميك الأطراف إلى تقدير مخاطرة المحفظة المائيَّة بأقل عمَّا هي عليه، وبناة على ذلك استُخدمت العديد من المناهج التي تأخذ بعين الاعتبار وبصفة مُنظمة تواجد ضعف التفرطح في البيانات المائيَّة، بها في ذلك استخدام التوزيع في لستيورنت.

يُمكن القول إن النهج الأبسط يتمثّل في استخدام مزيج من التوزيعات الطبيعيَّة، كما يُمكن مُلاحظة أن مزيجًا من التوزيعات الطبيعيَّة ذات التباينات المختلفة يُؤدي إلى سلسلة شاملة تكون ضعيفة التفرطح، ثانيًا: يُمكن استخدام التوزيع في لستيورنت وتقدير معلمة درجات حرَّيته المعتادة إلى جانب المعلمات الأخرى للنموذج باستخدام الإمكان الأعظم، تتحكَّم القيمة المقدَّرة لدرجات الحرّية في سياكة أطراف التوزيع المجهَّزة من النموذج، إضافة إلى ذلك من الممكن استخدام توزيعات احتياليَّة أخرى مثل التوزيعات الثابتة التي تندرج ضمن الإطار العام لنظريَّة القيم المتطرّفة (انظر بروكس، كلبر، ديل مول وبيرساند (٢٠٠٥) ((٢٠٠٥) (Brooks, Clare, Dalle Molle and Persand) ((٢٠٠٥) للاطلاع على نهج بديل).

٩,٢١ التنبؤ بالتغايرات والارتباطات

(Forecasting covariances and correlations)

يتمثّل أحد أوجه القصور الرئيسة لنهاذج التقلب التي سبق فحصُها أعلاه في كونها وبطبيعتها أحاديَّة المتغيَّر تمامًا، أي أنها تقوم بنمذجة التقلب الشرطي لكل سلسلة بشكل مُستقل تمامًا عن السلاسل الأخرى، يُمكن أن يُشكّل ذلك قيدًا هامًّا لسببين؛ أوَّلًا: بقدر ما تكون هناك 'آثار جانبيَّة للتقلب بين الأسواق أو الأصول' (أي ميل التقلب في سوق ما أو لأصل ما إلى التغيَّر نتيجة تغيَّر الثقلب في سوق أخر أو لأصل أخر) سوف يكون توصيف النموذج أحادي المتغير خاطئًا، على سبيل المثال، سوف يسمح لنا استخدام نموذج مُتعدَّد المتغيِّرات بتحديد ما إذا كان التقلب في سوق يؤدي إلى تقلبات الأسواق الأخرى أو تباطئها، ثانيًا: غالبًا ما تحظى التغايرات بين السلاسل في مجال الماليَّة بالاهتام بها في ذلك تباينات السلاسل الفرديَّة ذاتها، بالنسبة إلى حساب نسب التحوُّط، تقديرات قيم المحفظة الماليَّة المعرَّضة للمخاطر، حساب المعامل بينا في ذلك تباينات السلاسل الفرديَّة ذاتها، بالنسبة إلى حساب نسب التحوُّط، تقديرات قيم المحفظة الماليَّة المعرَّضة للمخاطر، حساب المعامل بينا في نهاذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة وما إلى ذلك، فكلها تنطلَّب أخذ التغايرات كمُدخلات.

ويُمكن للنهاذج GARCH مُتعدِّدة المتغيِّرات التغلُّب على كل هذه النقائص المقترنة بنظرائهم أحاديَّة المتغيِّر، كها يُمكن استخدام عمديدات النهاذج المتحدِّدة المتغيِّر، وبها أن تقلبات على النهاذج الخال في النهاذج أحاديَّة المتغيِّر، وبها أن تقلبات السلاسل الزمنيَّة الماليَّة غالبًا ما تتحرَّك معًا فإن اتخاذ نهج مُشترك لنمذجة النقلب يُرجِّح أن يكون أكثر فعاليَّة من التعامل مع كل سلسلة على حدة، بالإضافة إلى ذلك، ولأن النهاذج مُتعدَّدة المتغيِّرات تتبح تقديرات للتغايرات الشرطية فضلًا عن التباينات الشرطية، فإنه من المكن أن يكون لهذه النهاذج عدد من التطبيقات الأخرى المفيدة.

كما تُشير إلى أن العديد من الأبحاث بحثت القدرة النبؤية للعديد من النهاذج التي تنضمَّن ارتباطات، فعلى سبيل المثال، وجد سبجل (١٩٧٧) ((١٩٧٧) (Siegel (1997)) أن التنبؤات بالارتباط الضمني من الخيارات المتداولة تحتوي على كل المعلومات الواردة في العوائد التاريخيَّة (على الرغم من أنه لم يعتبر نهاذج المتوسَّط المتحرِّك المرجح أُسِّيًا ولا النهاذج من النوع GARCH)، من ناحية أخرى وجد والتر ولوبيز (٢٠٠٠) ((Walter and Lopez (2000)) أن الارتباط الضمني يكون عمومًا أقل فائدة مُقارنة بالتنبؤات المُشتقَّة من النهاذج Garch في توقَّع الارتباط المستقبلي بين عوائد الأصل الأساسي، أخيرًا: وجد جبسون وبوير (١٩٩٨) ((١٩٩٨) ((١٩٩٥) عليها من النهاذج النسط، بمعنى أن هذه الأخيرة تُقرز أرباحًا أقل عندما تُستخدم التنبؤات في إستراتيجيَّة النداول.

٩,٢٢ مَمَذَجَة التغاير والتنبؤ به في مجال المَاثيَّة: بعض الأمثلة

(Covariance modelling and forecasting in finance: some examples)

٩, ٢٢, ١ تقدير معاملات بينا الشرطبة

(The estimation of conditional betas)

يُعرَّف معامل بيتا في نهاذج تسعير الأصول الرأسهائيَّة الأصل ؛ بأنَّه نسبة التغاير بين عائد محفظة السوق وعائد الأصل على تباين عائد محفظة السوق، عادة ما يتم إنشاء المعاملات بيئا باستخدام مجموعة من البيانات الثاريخيَّة عن تباينات وتغايرات السوق، ومع ذلك بنَّسم تقدير بيتا بهذه الطريقة، مثله مثل مُعظم المسائل الأخرى في مجال الماليَّة، بنظرة رجعيَّة في حين ينبغي أن يرتكز الاهتمام الفعلي للمستثمرين حول بيئا المهيمن طوال فترة احتفاظ المستثمر بالأصل، تُوفِّر نهاذج GARCH مُتعدَّدة المتغيِّرات طريقة بسيطة للتقدير الشرطي (المتغيِّر زمنيًا) للمعاملات بيئا، عندما تُعدُّ تنبؤات التغاير بين عائد الأصل وعائد محفظة السُّوق، وكذلك التنبؤات بتباين محفظة السُوق من هذا النموذج فإننا نتحصَّل على تنبؤ بيئا تتغيَّر قيمته عبر الزمن:

$$\beta_{i,t} = \frac{\sigma_{i,n,t}}{\sigma_{m,t}^2}$$
(4.4)

حيث يُمثَّل بين عائد السوق في الزمن ۽ للسهم ۽ للسهم ۽ م_{اسم} التغاير بين عوائد السوق وعوائد السهم ۽ في الزمن ۽ و مُمثَّل تباين عائد السوق في الزمن ۽

٩, ٢٢, ٢ نسب التحوُّط الديناميكيَّة

(Dynamic hedge ratios)

على الرغم من أن هناك عدة تقنيات مناحة للتخفيض من الخطر وإدارته إلّا أن أبسطها وربها أكثرها استخدامًا هي طريقة التحوُّط باستخدام العقود المستقبلية (الآجلة)، يتحقَّق التحوُّط من خلال اتخاذ مواقف عكسية في أسواق العقود المستقبلية وأسواق العقود الفورية في آنٍ واحد، يحيث إن أنَّة خسائر مُتكبَّدة نتيجة لحركة نسبية للسعر في سوق ما يجب أن يُقابلها وإلى حد ما حركة إيجابيَّة للسعر في سوق آخر، تُعرف نسبة التحوُّط بأنها نسبة عدد وحدات الأصول المستقبلية المشتراة على عدد وحدات الأصول الفوريَّة، وبها أن في هذا السياق يُقاس الخطر عادة يتقلب عوائد المحفظة فإن اختيار نسبة التحوُّط التي تُقلَّل من تباين عوائد المحفظة الني يتضم مركز عقود مستقبلية وأخرى فوريَّة يُمكن أن يُمثَّل بديهيًّا إستراتيجيَّة وجيهة، وهو ما يُعرف بنسبة التحوُّط الثلى، تبعًا لهول التي تضم مركز عقود مستقبلية والحرى فوريَّة يُمكن أن يُمثَّل بديهيًّا إستراتيجيَّة وجيهة، وهو ما يُعرف بنسبة التحوُّط الثلى، تبعًا لهول التحوُّط، والتعوري ك حلال فترة التحوُّط، والمنابي بالطريقة المعهودة، وذلك بتعريف أوَّلاً: كله = التغيُّر في السعر المستقبل بم خلال فترة التحوُّط، والنحراف المعياري لـ 25، عم الانحراف المعياري لـ 45، عم المكشوف معامل الارتباط بين كله و 46 و ما التحوُّط، بالنسبة إلى التحوُّط القصير (أي مركز طويل على الأصل وبيع على المكشوف بالنسبة إلى العقد المستقبلي)، يُمثَّل (AAF – 26) التغيُّر في قيمة المركز المتحوَّط خلال فترة التحوُّط في حين أنه بالنسبة إلى التحوُّط الطويل تكون الصيغة المناسبة هي (AB – 46).

نتميَّز المحفظتان الماليتان المغطّاتين (مركز طويل فوري وبيع على المكشوف مستقبلي، أو مركز طويل مستقبلي وبيع على المكشوف فوري) بنفس التباين والذي يُمكن الحصول عليه من: $var(h\Delta F - \Delta S)$

بالرجوع إلى قواعد استخدام مُؤثر التباين يُمكن كتابة التباين كالآتي:

 $var(\Delta S) + var(h\Delta F) - 2cov(\Delta S, h\Delta F)$

أو

 $\operatorname{var}(\Delta S) + h^2 \operatorname{var}(\Delta F) - 2h \operatorname{cov}(\Delta S, \Delta F)$

وبالنالي نتحصَّل على تباين التغيُّر في قيمة المركز المتحوِّط كالتالي:

$$v = \sigma_s^2 + h^2 \sigma_F^2 - 2hp\sigma_s \sigma_F \tag{4.44}$$

يُفضى تصغير هذا التعبير بالنسبة إلى h إلى:

$$h = p \frac{\sigma_s}{\sigma_c} \tag{4.4}$$

وفقًا لهذه الصيغة تكون نسبة التحوُّط المثلى مُجدَّدًا ثابتة عبر الزمن وتُحسب باستخدام البيانات التاريخيَّة، لكن ماذا لو أن الانحرافات المعياريَّة تتغيَّر عبر الزمن؟ يمكن في هذه الحالة التنبؤ بالانحرافات المعيارية، وبالارتباط بين التغيِّرات في السلاسل القورية والمستقبلية باستخدام النموذج GARCH مُتعدَّد المتغيرات، بحيث يُستبدل التعبير السابق بـــ:

$$h_t = p_t \frac{a_{SI}}{\sigma_{FI}} \tag{9.7.9}$$

هناك نهاذج عديدة مُستخدمة في النبؤ بالنغاير والارتباط سبنم النظرق إلى العديد منها لاحقًا، تم تصنيف هذه النهاذج إلى نهاذج بسيطة، نهاذج GARCH مُتعدَّد المتغيرات ونهاذج الارتباط الخاصَّة.

٩, ٢٣ نهاذج التغاير البسيطة

(Simple covariance models)

٩,٢٣,١ التغابر والارتباط التاريخيّان

(Historical covariance and correlation)

من الممكن حساب التغاير والارتباط بين سلسلتين بالطريقة المعتادة باستخدام مجموعة من البيانات التاريخيَّة، بنفس طريقة ا حساب التقلب تمامًا.

٩, ٢٣, ٢ نهاذج التغاير الضمني

(Implied covariance models)

من الممكن حساب التغايرات الضمنيَّة باستخدام الخيارات التي تعتمد عوائدها على أكثر من أصل أساسي واحد، كما نُشير إلى أن العدد الصغير نسبيًّا لهذه الخيارات يحد من الظروف التي يجوز فيها حساب التغايرات الضمنيَّة، ومن الأمثلة عن ذلك تذكر الخيارات التي يرنبط عائدها بأداء مُؤشِّرَيْنِ أو أكثر، الخيارات على "هامش عمليَّة التكسير" للدرجات المختلفة للنفط والخيارات على العملة، في الحالة الأخبرة تُعطى المعادلة التالية التباين الضمني لعوائد العُملة المتقاطعة xy:

$$\bar{\sigma}^{2}(xy) = \bar{\sigma}^{2}(x) + \bar{\sigma}^{2}(y) - 2\bar{\sigma}^{2}(x,y) \tag{45.4}$$

حيث يُمثَّل (x) ق و (y) و التباين الضمني للعوائد x و y على التوالي و (x,y) ق التغاير الضمني بين x و y، بتغيير التقلبات الضمنيَّة للعملات الثلاث المشاهدة للخيار من جانب لآخر في المعادلة رقم (٩،٩٤) نتحصًّل على التغاير الضمني بواسطة:

$$\partial^{2}(x,y) = \frac{\partial^{2}(x) + \partial^{2}(y) - \partial^{2}(xy)}{2} \tag{90.9}$$

فعلى سبيل المثال، إذا كان التغاير الضمني بين USD/DEM و USD/JPY محور اهتهامنا، فمن الضروري أن تتوفر لدينا التباينات الضمنيَّة لعوائد USD/DEM ولعوائد USD/JPY إضافة إلى تباين عوائد العملة المتقاطعة DEM/JPY للحصول على الثغاير الضمني باستخدام المعادلة رقم (٩،٩٤)،

٣, ٣٣, ٩ استخدام نموذج المتوسَّط المتحرَّك المرجح أُسِّيًّا لحساب التغايرات

(Exponentially weighted moving average model for covariances)

مُجدَّدًا وكما هو الحال بالنسبة إلى نمذجة تقلب سلسلة مُفردة، نجد التوصيف المتوسَّط المتحرَّك الموصوف أُسَّيَّا والذي يُعطي أوزانًا ا أكبر للمشاهدات الحديثة عند حساب التغاير أكثر ممَّا يُعطيه التقدير الذي يقوم على المتوسَّط البسيط، بالنسبة إلى تركبب تُناثي المنغبَّر يضم سلسلتين من العوائد على x و v، يُمكن كتابة تقديرات نموذج المتوسَّط المتحرَّك المرجح أشيًا للتباينات والتغايُرات في الزمن ٤ كالتالي:

$$h_{ii,t} = \lambda h_{ii,t-1} + (1 - \lambda) x_{t-1} y_{t-1}$$
 (47.4)

حيث إن $j \neq i$ في توصيف التغايرات و j = j في توصيف التباين، وكما في الحالة أحادية المتغيّر، فإن القيم j = j من النموذج تصبح أيضًا التنبؤات للفترات اللاحقة، يرمُز j = j في توصيف التباين، وكما في عامل التضاؤل الذي يُحدد الأوزان النسبية المرتبطة بالمشاهدات الحديثة مُقارنة بالمشاهدات الأقل حداثة، نُشير إلى أنه يُمكن تقدير هذه المعلمة (باستخدام الإمكان الأعظم على سبيل المثال) لكنها غالبًا ما تُضبط عشوائيًّا (تستخدم طريقة ريسك متيركس (Riskmetrics) على سبيل المثال j = j كقيمة لعامل النشاؤل للبيانات الشهرية و j = j للبيانات ذات التواتر اليومي).

يُمكن إعادة كتابة هذه المعادلة كدالة لامُتناهية الرُّتبة في العوائد فقط، وذلك باستبدال التغايرات تباعًا:

$$h_{ij,t} = (1 - \lambda) \sum_{i=0}^{\infty} \lambda^i x_{t-i} y_{t-i}$$
 (4V.4)

على الرغم من أن النموذج المتوسَّط المتحرَّك الموصوف أُشيًّا رُبها يُمثَّل الطريقة الأبسط للأخذ بعين الاعتبار التغيُّر عبر الزمن للتباينات والتغايُّرات إلَّا أن هذا النموذج يُعتبر صيغة مُقيَّدة للتوصيف GARCH المتكامل (IGARCH) ولا يضمن أن تكون مصفوفة التغاير والتباين المقدَّرة مصفوفة مُوجبة بشكل مؤكد، وكما هو الحال بالنسبة للنموذج المتوسِّط المتعليع النموذج المتوسِّط المتحرِّك الموصوف أُشيًّا الأخذ بعين الاعتبار الرجوع إلى المتوسِّط المشاهد في تقلبات أو في تغايرات عوائد الأصول والذي يُعتبر أمرًا شائعًا بوجه الخصوص عندما تكون ترددات المشاهدات مُنخفضة.

٩, ٢٤ النهاذج GARCH مُتعدَّدة المتغيِّرات

(Multivariate GARCH models)

تُعتبر النهاذج GARCH مُتعدِّدة المتغيِّرات نهاذج مُشابهة جدًّا في جوهرها بنظراتهم أحاديَّة المتغيِّر، باستثناء أن النهاذج الأولى غُدُّد كذلك مُعادلات تصف كيفيَّة تغيُّر التغايرات عبر الزمن، وبالتالي فهي تُعتبر وبحكم تعريفها نهاذج أكثر تعقيدًا في توصيفها وتقديرها، هُناك العديد من الصبغ المختلفة للنهاذج GARCH مُتعدِّدة المتغيِّرات التي ورد ذكرها في الأبحاث المنشورة، لعل أهمَّها النسوذج VECH أشعوذج VECH القُطري ونموذج BEKK، سوف نُناقش أدناه كل من هذه النهاذج إضافة إلى العديد من النهاذج الأخرى كل بدوره، للاطلاع على مُناقشة أكثر تفصيلًا لهذه النهاذج انظر كرونر ونغ (١٩٩٨) (١٩٩٨) (Kroner and Ng (1998))، هناك في كل حالة عدد N من الأصول التي سوف نقوم بنمذجة تبايناتها وتغايراتها.

٩, ٢٤, ١ النموذج ٧ECH

(The VECH model)

على غرار النهاذج GARCH أحاديَّة المتغيِّر يُمكن ضبط مُتغيِّرات مُعادلة المتوسط الشرطي بأية طريقة شتنا، وإن كان من الجدير بالذكر أنه نظرًا لكون التباينات الشرطيَّة تُقاس حول القيمة المتوسَّطة فإن سوء توصيف هذه الأخيرة قد يعني ضمنًا سوء توصيف النباينات السابقة، لنفترض بهدف إدخال بعض الرموز أن $y_c(y_{1t}, y_{2t} ... y_{Nt})$ هو مُتَّجه مُشاهدات السلاسل الزمنيَّة من الدرجة النباينات السابقة، لنفترض بهدف إدخال بعض الرموز أن $y_c(y_{1t}, y_{2t} ... y_{Nt})$ هو مُتَّجه مُشاهدات السلاسل الزمنيَّة من الدرجة $C \cdot N \times 1$ مُتَّجه عمودي من الدرجة D(N+1)/2 يضم النباين والتغاير الشرطيان و D(N+1) وهو: D(N+1)/2 مناك توصيف شائع للنموذج D(N+1) بعود في البداية إلى بولرسلاف، إنجل وولدريدج D(N+1) وهو:

$$VECH(H_t) = C + AVECH(\Xi_{t-1}\Xi_{t-1}') + BVECH(H_{t-1}) \quad \Xi_t | \psi_{t-1} \sim N(0, H_t)$$
 (4A.4)

حيث إن H_t مصفوفة التباين والتغاير الشرطي من الدرجة Σ_t ، $N \times N$ مُتَّجه التجديد (الاضطراب) من الدرجة $N \times 1$ بُمثَّل محموعة المعلومات المتوفَّرة في الزمن N = 1 ، $N \times 1$ عامل تكديس الأعمدة يتم تطبيقه على الجزء العُلوي للمصفوفة المتهاثلة، في حالة مُتغبِّرين اثنين (أي N = 2) سوف يكون مُتَّجه المعلهات N = 1 من الدرجة $N \times 1$ ومصفوفات المعلهات $N \in 1$ من الدرجة $N \times 1$

يُمثَّل 1-[- A -] مصفوفة التباين غير الشرطي للنموذج VECH حيث يرمُّز 1 إلى مصفوفة الوحدة من الدرجة ... 2/(N(N+1)/2 يتطلَّب شكون النموذج VECH أن تكون القيم المطلقة لجميع الفيم الذاتيَّة لـ [A + B] أصغر من واحد صحيح.

ومن أجل التوصل إلى فهم أعمق لكيفيَّة عمل النموذج VECH، نكتب أدنساه العناصر التاليسة عندما يكون N = 2، نُعرّف:

$$\begin{split} H_t &= \begin{bmatrix} h_{11t} & h_{12t} \\ h_{21t} & h_{22t} \end{bmatrix}, \qquad \Xi_t = \begin{bmatrix} u_{1t} \\ u_{2t} \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} c_{11} \\ c_{21} \\ c_{31} \end{bmatrix}, \\ A &= \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}, \qquad B = \begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ b_{21} & b_{22} & b_{23} \\ b_{31} & b_{21} & b_{22} \end{bmatrix}, \end{split}$$

يأخذ مُؤثر VECH الجزء المثلثي العُلوي للمصفوفة ليضم كل عنصر من هذا الجزء في مُتَّجه ذي عمود واحد، فعلى سبيل المثال، بالنسبة لـ VECH(H_t) بُصبح لدينا:

$$VECH(H_t) = \begin{bmatrix} h_{11t} \\ h_{22t} \\ h_{12t} \end{bmatrix}$$

 h_{ijt} المستخدمتين في النموذج ويُمثَّل t لسلسلتي عوائد الأصلين (i= 1, 2) المستخدمتين في النموذج ويُمثَّل h_{iit} التغايُرات الشرطية بين عوائد السلسلتين، أمَّا بالنسبة لـ VECH($\Xi_t\Xi_t'$) التغايُرات الشرطية بين عوائد السلسلتين، أمَّا بالنسبة لـ VECH($\Xi_t\Xi_t'$) ويُمكن صياغته على النحو التالي:

$$\begin{split} VECH(\Xi_t\Xi_t^r) &= VECH\left(\begin{bmatrix} u_{1t} \\ u_{2t} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_{1t} & u_{2t} \end{bmatrix}\right) \\ &= VECH\left(\begin{matrix} u_{1t}^2 & u_{1t}u_{2t} \\ u_{1t}u_{2t} & u_{2t}^2 \\ \end{matrix}\right) \\ &= \begin{bmatrix} u_{1t}^2 \\ u_{2t}^2 \\ u_{1t}u_{2t} \end{bmatrix} \end{split}$$

تُعطى المعادلات التالية النموذج VECH كاملًا:

(99.4)

$$h_{11t} = c_{11} + a_{11}u_{1t-1}^2 + a_{12}u_{2t-1}^2 + a_{13}u_{1t-1}u_{2t-1} + b_{11}h_{11t-1} + b_{12}h_{22t-1} + b_{13}h_{12t-1}$$

$$(1 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot)$$

$$h_{22t} = c_{21} + a_{21}u_{1t-1}^2 + a_{22}u_{2t-1}^2 + a_{23}u_{1t-1}u_{2t-1} + b_{21}h_{11t-1} + b_{22}h_{22t-1} + b_{23}h_{12t-1} + b_{24}h_{22t-1} +$$

(1 + 1 . 9)

$$h_{12t} = c_{31} + a_{31}u_{1t-1}^2 + a_{32}u_{2t-1}^2 + a_{33}u_{1t-1}u_{2t-1} + b_{31}h_{11t-1} + b_{32}h_{22t-1} + b_{33}h_{12t-1}$$

وبالنائي من الواضح أن التباينات الشرطية والتغايُرات الشرطية تعتمد على القيم المتباطئة لكل التباينات الشرطية، كما تعتمد كذلك على التغايُرات الشرطية بين كل عوائد الأصول في السلسلة بالإضافة إلى الأخطاء التربيعيَّة المتباطئة والضرب التقاطُعي للأخطاء، يُعتبر عدد معلمات هذا النموذج غير المُقيَّد مُرتفعًا جدًّا، كما يصعب تقدير هذا الأخير، إذا كان 2 = N يكون لدينا ٢١ للأخطاء، يُعتبر عدد معلمات هذا النموذج غير المُقيَّد مُرتفعًا جدًّا، كما يصعب تقدير هذا الأخير، إذا كان 2 = N يكون لدينا ٢١ معلمة وبالنسبة لــ 4 = N يكون عدد المعلمات ٢٠ العلمات ٢٠ المعلمات ١٢٠!

٩,٢٤,٢ النموذج VECH القُطري

(The diagonal VECH model)

بازدياد عدد الأصول المستخدمة يُمكن أن يُصبح سريعًا تقدير النموذج VECH غير قابل للنطبيق عمليًّا، لهذا السبب تُحدُّد مصفوفة التباين والتغاير الشرطية للنموذج VECH على الشكل الذي أعدَّه بولرسلاف، إنجل وولدريدج (١٩٨٨) حيث يُفترض أن تكون المصفوفات A و B مصفوفات قُطريَّة، هذا القيد يعني ضمنًا أنه لن يكون هناك آثار جانبيَّة غير مُباشرة للتقلب من سلسلة لأخرى عنَّا يُؤدي إلى تخفيض كبير في عدد المعلمات المقدَّرة إلى تسع معلمات في الحالة ثُنائيَّة المتغيِّر (أصبح الآن لكلَّ من A و B ثلاث عناصر)، وإلى ١٢ معلمة بالنسبة إلى النظام ثلاثي المتغيرات (أي إذا كان 3 ×).

يتصف الآن التموذج، الذي يُعرف بالنموذج VECH القُطري، كالتالي:

$$h_{ij,t} = w_{ij} + \alpha_{ij} u_{i,t-1} u_{i,t-1} + \beta_{ij} h_{ij,t-1} \quad i,j = 1,2$$
 (1.7.4)

حيث يُمثّل α_{ij} و α_{ij} المعلمات، كما يُمكن كذلك التعبير عن النموذج GARCH مُتعدّد المتغيّرات برُتبة لامُتناهية حيث يُعبّر عن التغاير بكونه المتوسّط المرجّع بمعدل انخفاض هندسي للعناصر الأخيرة للضرب التقاطُعي للعوائد غير المُتوفّعة حيث تحمل المشاهدات الحديثة الأوزان الأكبر، كما يوجد حل بديل لمشكلة البُعديّة بيتمثّل في استخدام النموذج GARCH المتعامد (انظر على سبيل المثال فان دير ويد (٢٠٠٢))، ((٢٠٠٢))، ((٢٠٠٢)) أو النموذج لاحكل نجد لاحك المعوائد في استخدام النموذج النموذج التعامد (انظر على سبيل المثال فان دير ويد (٢٠٠٢))، ((Engle, Ng and Rothschild (1990))، من عيوب النموذج التعريف أنه لا يضمن أن تكون مصفوفة التغاير مصفوفة شبه مُوجبة التعريف.

يجب أن تكون مصفوفة التباين والتغاير أو مصفوفة الارتباط مصفوفة "شبه مُوجبة التعريف" ويتم التغاضي عن الحالة التي تكون فيها جميع عوائد سلسلة ما لها نفس القيمة أي أن تباينها صفرًا، لذلك تكون المصفوفة داثهًا مُوجبة التعريف، وهذا بعني، من بين أمور أخرى، أن كل الأرقام على القطر الرئيس لمصفوفة التباين والتغاير سوف تكون أرقامًا مُوجبة، وأن هذه المصفوفة سوف تكون مُتهاثلة حول هذا القطر الرئيس، تُعتبر هذه الخصائص بديبيًّا جذابة، إضافة إلى أهميتها من وجهة نظر وياضية، فبالنسبة للتبايُّنات لا يُمكن أن تكون سائبة، والتغاير بين سلسلتين لا يتغيَّر أيًّا كان ترتيب السلسلتين وإيجابيَّة التعريف ضروريَّة لضهان ذلك.

كما تُعتبر مصفوفة الارتباطات موجبة التعريف هامّة في بعض التطبيقات في بحال الماليّة ونذكر على سبيل المثال أهميّتها من وجهة نظر إدارة المخاطر، وهذه الخاصية هي التي تضمن أنه أيّا كان وزن السلسلة في محفظة الأصول تكون قيمة المخاطر المقلّرة دائيًا مُوجبة، لحسن الحظ تُعتبر هذه الخاصية المرغوبة آليًا أحد ميزات مصفوفات الارتباطات غير المتغيّرة زمنيًا، والتي تُحسب مُباشرة باستخدام البيانات الفعليّة، وتظهر حالة شاذة عها سبق ذكره عندما نستخدم طريقة استمثال لاخطيّة في تقدير مصفوفة الارتباط (باعتبارها نهاذج GARCH مُتعدّد المتغيّرات) أو عندما يستخدم مُدير المخاطر قيم مُعدّلة لبعض الارتباطات، يُمكن أن تكون مصفوفة الارتباط المعدّلة النائجة مصفوفة موجبة التعريف، كما يُمكن ألا تكون كذلك، وهذا بعتمد على قيم الارتباطات التي تنضمّنها وقيم الارتباطات المتبقية، إذا صادف ولم تكن مصفوفة الارتباط مُوجبة التعريف فإن النتيجة هي أنه بالنسبة لبعض معامل ترجيح الأصول الفرديّة للمحفظة يُمكن أن يكون تباين المحفظة المقدّر ساليًا.

٩, ٢٤, ٣ النموذج BEKK

(The BEKK model)

يتناول النموذج BEKK (كرونر وإنجل (١٩٩٥)) الصعوبة المرتبطة بالنموذج VECH والمتمثّلة في ضيان التعريف الموجب(٢) للمصفوفة H، يُمثّل النموذج BEKK كالتالي:

$$H_{t} = W'W + A'H_{t-1}A + B'\Xi_{t-1}\Xi'_{t-1}B$$
 (1.7.4)

 ⁽٢) نظهر اللفظية الأواتليّة BEKK من كون أن ورقة البحث الأولى ورد فيها بابا وكرافتس (Baba and Krafts) كمشاركين في التأليف.

حيث يُمثِّل A و B مصفوفات معلمات من الدرجة N x N و W مصفوفة معلمات مُثلَّثة علويَّة، يُضمن التعريف الموجب لمصفوفة التغاير من خلال الطبيعة التربيعيَّة للحدود الواردة في الجهة اليمني للمعادلة.

٩, ٢٤, ٤ تقدير النموذج GARCH مُتعدّد المتغيّرات

(Model estimation for multivariate GARCH)

في ظل افتراض اعتدال التوزيع الشرطي، يُمكن تقدير معلمات النهاذج GARCH مُتعدَّدة المتغيِّرات في أي من التوصيفات الواردة أعلاه باستخدام دالة لوغاريتم الإمكان:

$$l(\theta) = -\frac{TN}{2} \log 2\pi - \frac{1}{2} \sum_{t=1}^{T} (\log |H_t| + \Xi_t H_t^{-1} \Xi_t')$$
 (1 • £ .4)

حيث برمُز 6 إلى كل المعلمات غير المعروفة والتي سيجرى تقديرها، N عدد الأصول (أي عدد السلاسل في النظام)، T عدد المشاهدات وتُحافظ كل الرموز الأخرى على دلالانها كها في السابق، تتبع القيمة مقدَّرة الإمكان الأعظم لـــ 6 تقاربيًّا التوزيع الطبيعي، وبالتالي من الممكن تطبيق إجراءات الإحصاء الاستدلالي التقليديَّة، هذا ويتعدَّى عرض المزيد من التفاصيل حول عمليَّة الطبيعي، وبالتالي من الممكن تطبيق إجراءات الإحصاء الاستدلالي التقليديَّة، هذا ويتعدَّى عرض المزيد من التفاصيل حول عمليَّة التقدير باستخدام الإمكان الأعظم في إطار النهاذج المحددة المتغيِّرات نطاق هذا الكتاب، لكن يكفي القول إنه مُقارنة بالنهاذج أحاديَّة المتغيِّر، يجعل إدراج تعقيدات ومعلمات إضافيَّة إلى النموذج عمليَّة التقدير مُهمَّة حسابيًّا أكثر صُعوبة على الرغم من أن المبادئ هي أساسًا نفسها.

٩,٢٥ نهاذج الارتباط المباشر

(Direct correlation models)

تُحدُّد النهاذج VECH و BEKK ديناميكية النغايرات بين مجموعة من السلاسل، ويتم إنشاء الارتباطات بين أيَّ زوج من السلاسل وفي كل نقطة زمنيَّة بقسمة التغايرات الشرطية بناتج ضرب الانحرافات المعياريَّة الشرطية، كها نُشير إلى أن هناك نهجًا مُحتلفًا قليلًا يتمثَّل في نمذجة ديناميكيَّة الارتباطات بشكل مُباشر، وهو ما أطلق عليه بوونس وآخرون (٢٠٠٦) ((٢٠٠٦) (2006)) تسمية 'التوليفات اللاخطيَّة من النهاذج أحاديَّة المتغيِّر، لأسباب سيتم النطرّق إليها في القسم الفرعي التالي.

٩ , ٢٥ , ١ نموذج الارتباط الثابت

(The constant correlation model)

هناك طريقة بديلة للتقليص من عدد المعلمات في إطار النهاذج MGARCH تشترط أن تكون الارتباطات بين الاضطرابات على اراو على نحو مُكافئ بين المتغيِّرات المشاهدة عبر الزمن، وبالتالي على الرغم من أن التغايرات الشرطبة ليست ثابتة إلَّا أنها ترتبط بالتباينات على النحو المبيَّن في نموذج الارتباط الشرطي الثابت (Constant Conditional Correlation Model) المقترح من قِبَل بولرسلاف (1990)، كما تكون التباينات الشرطية في نموذج الارتباط الثابت تُعاثلة لتباينات مجموعة توصيفات GARCH أحاديَّة المتغيِّر (على الرغم من أنها مُقدَّرة سويًّا):

$$h_{ii,t} = c_i + a_i \epsilon_{i,t-i}^2 + b_i h_{ii,t-1} \quad i = 1, ..., N$$
 (1.0.4)

$$h_{ij,t} = \rho_{ij} h_{ii,t}^{1/2} h_{ii,t}^{1/2} \quad i,j = 1, ..., N, \quad i < j$$
 (1.7.4)

هل من المعقول من الناحية العمليَّة افتراض ثبات الارتباطات عبر الزمن؟ طُوَّر العديد من الاختبارات لهذه الفوضيَّة، من ذلك اختبار بيرا وكيم (٢٠٠٢) ((٢٠٠٤) (Bera and Kim (2002)) الذي يرتكز على مصفوفة المعلومات واختبار مُضاعف لاجرانج المقترح من قبل تسي (٢٠٠٠) ((Tse (2000))، يبدو أن استنتاجات هذه الاختبارات التي تم التوصُّل إليها تتوقَّف على الاختبار الذي تم استخدامُه، لكن يبدو أن هناك أدلة لا يستهان بها ضد ثبات الارتباطات لا سبها في إطار عوائد الأسهم.

٩, ٢٥, ٢ نموذج الارتباط الشرطي الديناميكي

(The dynamic conditional correlation model)

تتوفَّر العديد من الصياغات المختلفة لنموذج الارتباط الشرطي الديناميكي (Dynamic Conditional Correlation Model) لكنَّ التوصيف الراتب المذكورة أعلاه، لكن للتوصيف الراتب المذكورة أعلاه، الكن يسمح للارتباطات بالتغيَّر عبر الزمن، تُعرَّف مصفوفة التباين والتغاير H كالتالي:

$$H_t = D_t R_t D_t \tag{1.44}$$

حيث تحتوي المصفوفة القُطريَّة ،D الانحرافات المعياريَّة الشرطية (أي الجذور التربيعيَّة للتباينات الشرطية المتحصَّل عليها إثر إجراء تقديرات للنهاذج GARCH أحاديَّة المتغيِّر لكل سلسلة فرديَّة N) على القطر الرئيس؛ ويمثَّل ،R مصفوفة الارتباط الشرطي، كها نذكر أن إلزام ،R بأن يكون غير مُتغيِّر زمنيًّا من شأنه أن يُؤدي إلى نموذج الارتباط الشرطي الثابت.

هناك العديد من الطرق الصريحة المكنة لضبط عناصر ،R من بينها نهج التمهيد الأشي الذي تمت مُناقشته في إنجل (٢٠٠٢)، بشكل عام يُمكن تحديد النموذج من النوع MGARCH على النحو التالي:

$$Q_t = S \circ (\iota \iota' - A - B) + A \circ u_{t-1} u'_{t-1} + B \circ Q_{t-1}$$

$$(\land \cdot \land \land \P)$$

حيث بُمثُل 5 مصفوفة الارتباط غير الشرطي لمتَّجه البواقي الموحَّدة معياريًّا (المتحصَّل عليها من المرحلة الأولى للتقدير ، انظر أدناه)، α د. α مصفوفة الارتباط غير الشرطي لمتَّجه جميع عناصره واحد و α مصفوفة التباين والتغاير مُوجبة التعريف مُتهائلة ومن الدرجة α ، α المناه والمعالم و

$$R_t = diag\{Q_t^*\}^{-1}Q_t diag\{Q_t^*\}^{-1}$$
 (1.9.4)

حيث يرمُز (.)diag إلى مصفوفة تضم عناصر القطر الرئيس لـــ (.) و "Q مصفوفة تأخذ الجذر التربيعي لكل عُنصر من Q، عمليًّا تُعبِّر هذه العمليَّة عن أخذ التغايرات من Q، وقسمتها بنتائج ضرب الانحرافات المعياريَّة المناسبة من Q لإنشاء مصفوفة الارتباطات.

اقترح تسي وتسوي (٢٠٠٢) (Tse and Tsui (2002)) صيغة مُختلفة قليلًا لنموذج الارتباط الشرطي الديناميكي، كما يُمكن تبسيط المعادلة رقم (١٠٨٠٩) بتحديد كلَّ من A و B كأعداد قياسيَّة بحيث تنبع جميع الارتباطات الشرطية نفس العمليَّة.

يُمكن في مرحلة واحدة تقدير النموذج باستخدام الإمكان الأعظم على الرغم من أن ذلك سوف يكون عمليَّة صعبة في إطار النظم الكبيرة، ونتيجة لذلك دعا إنجل إلى إجراء تقدير النموذج على مرحلتين حيث يتم أوَّلًا نمذجة كل متغيَّر في النظام على حدة كنموذج GARCH أحادي المتغيَّر، نقوم في هذه المرحلة الأولى بإنشاء لوغاريتم دالة الإمكان المشتركة، وهي ببساطة عبارة عن جمع كل الإمكانات العُظمى (وعددها N) للنهاذج GARCH الفرديَّة، ثم نقوم في المرحلة الثانية بتعظيم الإمكان الشرطي بالنسبة إلى كل المعلوات غير المعروفة في مصفوفة الارتباط، في المرحلة الثانية للتقدير تتَّخذ دالة لوغاريتم الإمكان الشكل التالي:

حيث يُمثّل على المعلمات غير المعروفة المقدَّرة في المرحلة الأولى و ع كل المعلمات التي سوف تُقدَّر في المرحلة الثانية، باستخدام إجراء بمرحلتين يكون التقدير مُتَّسفًا لكنه غير كُفء نتيجة لتواصل عدم اليقين الذي يشوب المعلمات من المرحلة الأولى إلى المرحلة الثانية.

٩, ٢٦ امتدادات للنموذج GARCH مُتعدَّد المُنغيرات الأساسي

(Extensions to the basic multivariate GARCH model)

تم اقتراح العديد من الامتدادات للتوصيف أحادي المتغيّر، العديد منها رُخُل إلى الحالة مُتعدَّدة المتغيِّرات، فعلى سبيل المثال يُمكن إدراج حدود النباين أو التغاير الشرطي في مُعادلة المتوسط الشرطي (انظر بولرسلاف وآخرين (١٩٨٨))، وفي إطار التطبيقات المائيَّة حيث تُمثَّل به العوائد، يُمكن بشكل عام تفسير معلمات هذه المتغيِّرات بكونها علاوات المخاطرة.

٩, ٢٦, ١ النموذج GARCH مُتعدِّد المتغيرات غير المُتهائل

(Asymmetric multivariate GARCH)

أصبحت النهاذج غير المُنهائلة رائجة جدًّا في النطبيقات العمليَّة حيث بُسمح للنباينات و/ أو التغابرات الشرطبة أن يكون لها رد فعل مُختلف إزاء الأحداث الإبجابيَّة والسلبيَّة من نفس الحجم، في إطار تعدُّد المتغيَّرات، يتحقَّق رد الفعل المختلف إزاء الأحداث الإبجابيَّة والسلبيَّة عادة في إطار النمذجة المقترحة من قبَل جلوستن وآخرين (١٩٩٣) أكثر من التوصيف EGARCH لنيلسون الإبجابيَّة والسلبيَّة عادة في إطار النمذجة المقترحة من قبَل جلوستن وآخرين (١٩٩٣) أكثر من التوصيف HEKK لنيلسون (١٩٩١)، كما اقترح كرونر ونغ (١٩٩٨) على سبيل المثال الإضافة النالبة إلى الصبغة BEKK (مع تعديلات بديهيَّة خاصَّة بالنهاذج VECH و VECH القطري):

$$H_{t} = W'W + A'H_{t-1}A + B'\Xi_{t-1}\Xi'_{t-1}B + D'Z_{t-1}Z'_{t-1}D$$
 (\\\\\\\\\\\\)

حيث يُمثَّل z_{t-1} مُتجهًا عموديًّا من الدرجة N تأخذ عناصره القيمة $-\varepsilon_{t-1}$ إذا كان العنصر المهاثل الوارد في ε_{t-1} سالبًا وصفرًا ما عدا ذلك، كما قام كرونر ونغ (١٩٩٨) يتحليل خصائص اللاتمائل التي تتميَّز بها النهاذج ذات مصفوفة التغاير المتغيَّرة زمنيًّا، وكشفا عن ثلاثة أشكال مُحكنة للسلوك اللامُتهائل، أوَّلًا: تُظهر مصفوفة التغاير لاتماثلًا في تبايُنها إذا كان التباين الشرطي

لسلسلة ما يتأثّر بإشارة الحدث في تلك السلسلة، تُظهر مصفوفة التغاير لاتماثلًا في التغاير إذا كان التباين الشرطي لسلسلة ما يتأثّر بإشارة الحدث في سلسلة أخرى، أخيرًا: إذا كان التغاير الشرطي يتأثر بإشارة الحدث في عوائد أيّ سلسلة من السلاسل فإن النموذج يُقال أنه يُظهر تغايرًا لامُتهاثلًا.

٩,٢٦,٢ افتراضات التوزيع البديلة

(Alternative distributional assumptions)

كما هو الحال بالنسبة لنهاذج التقلب التصادُّفي و GARCH أحاديَّة المتغيِّر فإن افتراض الاعتدال الشرطي (مُتعدَّد المتغيِّرات) لا يُمكن أن يُولِّد أطراف توزيع سميكة بها فيه الكفاية لنمذجة دقيقة لخصائص توزيع البيانات الماليَّة، كما يُمكن الحصول على أفضل تقريب للتوزيعات الفعليَّة للسلاسل الزمنيَّة (وخصوصًا السلاسل الماليَّة) باستخدام التوزيع تي لستيورنت، يظل تقدير مثل هذا النموذج مُحكنًا باستخدام الإمكان الأعظم لكن باستخدام دالة إمكان مُغايرة (وأكثر تعقيدًا)، سوف تتضمَّن الصيغة العاديَّة تقدير معلمة وحيدة لدرجات الحريَّة التي سنُطبَّق على جميع السلاسل في النظام كجزء من العمليَّة، كما أن لهذا النهج عبيًا مُحتملًا إضافيًّا، وهو أن سهاكة طرف التوزيع المتمثَّلة في معلمة درجات الحريَّة ثابتة عبر الزمن، لذلك افترح بروكس، بورك وآخرون (٢٠٠٥) نموذجًا بتخطَّى أوجه القصور هذه، ومع ذلك يظل تحديد بعض القيود أمرًا مطلوبًا، وثمَّة مسألة أخرى وهي ما مدى التواء التوزيع غير الشرطي للصدمات، إذا كان الحال كذلك فإن النموذج المبنيَّ على التوزيع تي لستبورنت لن يكون مُناسبًا، ويجب استخدام توزيع بديل على غرار التوزيع تي الملتوي متعدَّد المتغيَّرات المقترح من قبل باوينز ولوران (٢٠٠١).

على الرغم من أن هناك العديد من الإضافات الأخرى التي يُمكن تصوُّرها للنهاذج الأساسيَّة، على غرار النموذج MGARCH اللدوري أو الموسمي، إلَّا أن مجموعة التوصيفات المستخدمة في الكتابات المتاحة أضيق من توصيفات النهاذج أحاديَّة المتغيِّر، وتتمثَّل نقطة الضعف الرئيسة، حتى بالنسبة إلى النهاذج الأشح المذكورة أعلاه، في كون عدد معلمات هذه النهاذج مُرتفعًا جدًّا، ورغم ذلك ما نؤال العديد من التطبيقات المحتملة في مجال الاقتصاد والماليَّة تُجرى في إطار نظم ذات أبعاد مُرتفعة (من قبيل توزيع الأصول بين عدد من الأسهم)، وبالتالي من النهاذج المبتكرة الهامَّة نجد استحداث النهاذج المتعامدة والنهاذج ذات العوامل المشار إليهما سابقًا بشترك كلاهًا في نفس الفكرة الأساسية، وهي أنه بفرض هيكل معيَّن على مصفوفة النباين والتغاير من المكن التوصُّل إلى صيغة مُبسَّطة.

٩, ٢٧ النموذج GARCH مُتعدّد المتغيّرات لتسعير الأصول الرأسم اليّة ذات تغايرات مُتغيّرة عبر الزمن

(A multivariate GARCH model for the CAPM with time-varying covariances)

قام بولرسلاف، إنجل وولدريدج (١٩٩٨) بتقدير النموذج GARCH مُتعدَّد المتغبِّرات على عوائد أذون الخزانة الأمريكيَّة، عوائد الأسهم المضمونة (Gilts) وعوائد الأسهم، تتكوَّن البيانات المستخدمة من فائض عوائد فترة الاحتفاظ المحسوبة لأذون الخزانة الأمريكيَّة لمدة عشرين سنة، وعوائد المؤشر المرجّح لقيمة أسهم بورصة نيويورك الواردة في سجل مركز بحوث أسعار الأوراق الماليَّة، تمتد البيانات من الربع الأول لسنة ١٩٥٩ (1959Q1) إلى الربع الثاني من سنة ١٩٨٤ مركز بحوث أسعار الأوراق الماليَّة، تمتد البيانات من الربع الأول لسنة ١٩٥٩ (1959Q1) إلى الربع الثاني من سنة ١٩٨٤ (1984Q2) أي ما مجموعه ١٠٢ مُشاهدة.

كما ثم استخدام نموذج GARCH-M مُتعدَّد المتغيَّرات من النوع VECH القُطري إلى جانب استخدام خوارزميَّة بيرند وآخرين (١٩٧٤) في تقدير المعاملات بالإمكان الأعظم، هذا ويسهل عرض القيم المقنَّرة لمعاملات مُعادلات المتوسط والتباين الشرطيين على التوالي كما في المعادلات التالية:

$$\begin{vmatrix} y_{1t} \\ y_{2t} \\ y_{3t} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.070 \\ (0,032) \\ -4,342 \\ (1,030) \\ -3,117 \\ (0,710) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 0.499 \\ (0,160) \sum_{j} w_{jt-1} \\ h_{2jt} \\ h_{3jt} \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} \varepsilon_{1t} \\ \varepsilon_{2t} \\ \varepsilon_{3t} \end{vmatrix}$$
 (117.4)

$$\begin{vmatrix} h_{11t} \\ h_{12t} \\ h_{22t} \\ h_{23t} \\ h_{33t} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 0.011 \\ 0.004) \\ 0.176 \\ 0.062) \\ 13.305 \\ (6.372) \\ 0.018 \\ (0.009) \\ 5.143 \\ (2.820) \\ 2.083 \\ (1.466) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 0.445 \, \varepsilon_{1t-1}^2 \\ (0.105) \\ 0.233 \varepsilon_{1t-1} \varepsilon_{2t-1} \\ (0.0092) \\ 0.188 \varepsilon_{2t-1}^2 \\ (0.113) \\ 0.197 \varepsilon_{1t-1} \varepsilon_{3t-1} \\ (0.132) \\ 0.165 \varepsilon_{2t-1} \varepsilon_{3t-1} \\ (0.092) \\ 0.078 \varepsilon_{3t-1}^2 \\ 0.078 \varepsilon_{3t-1}^2 \\ (0.052) \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 0.466 h_{11t-1} \\ (0.054) \\ 0.598 h_{12t-1} \\ (0.052) \\ 0.441 h_{22t-1} \\ (0.215) \\ -0.362 h_{13t-1} \\ (0.361) \\ -0.348 h_{23t-1} \\ (0.338) \\ 0.469 h_{33t-1} \\ (0.333) \end{vmatrix}$$

المصدر: بولرسلاف: إنجل وولدريدج (١٩٩٨)، أعيد نشره بترخيص من مطبعة جامعة شيكاغو.

حيث يُمثّل برالا العوائد، عموعة مُتَّجهات قيم الأوزان في الزمن 1 - غ، ويُشير 12.3 = غ إلى الأذونات، السندات والأسهم على التوالي، وترد الانحرافات المعباريَّة بين قوسين، لننظر الآن في الآثار التي تترتب عن علامات، أحجام ومعنويات قيم المعاملات المقدَّرة الواردة في المعادلات رقم (١١٢،٩) و (١١٣،٩)، ثُمثّل فيمة المعامل في مُعادلة المتوسط الشرطي المساوية لسلام 193, مقياسًا إجاليًا لتجنُّب المخاطر النسبية وتُقشَّر أيضًا على أنها تُمثّل مُوازنة (مُقاصلة) السوق بين العائد والمخاطرة، يُعطي مُعامل النباين هذا المدرج في معادلة المتوسط الشرطي، العائد الإضافي المطلوب تعويضًا عن تحمل وحدة إضافيَّة من النباين (المخاطرة)، أمّا مُعاملات المقطع للسندات والأسهم في مُعادلات المتوسط الشرطي فهي سائبة للغاية وإحصائيًا معنوية جدًّا، يرى المؤلفون أن هذا يُعدُّ أمرًا مُتوقَّعًا؛ لأن المعاملات الضريبيَّة التفضيليَّة التي يحظي بها الاستثبار في الأصول طويلة الأجل تُشجّع المستثمرين على الاحتفاظ بهذه الأصول حتى وإن كانت نسب العائد مُنخفضة نسييًّا.

يُعتبر الهيكل الديناميكي في مُعادلات التباين والتغاير الشرطي الأقوى بالنسبة للأذونات والسندات وضعيفًا للغاية بالنسبة للأسهم، وهذا ما يتَضح من المعنويات الإحصائيَّة لكل منهم، في الواقع ولا معلمة من معلمات مُعادلات التباين والتغاير الشرطي للأسهم معنويَّة عند المسنوى ٥٪، كما نذكر أن التغاير غير الشرطي بين الأذونات والسندات مُوجب في حين أنه سالب بين الأذونات والأسهم وبين السندات والأسهم، ويرجع ذلك لكون معلمات التغاير الشرطي المتباطئ سالبة في الحالتين الأخيرتين، وأكبر من حيث قيمها المطلقة من معاملات الضرب التقاطعي للأخطاء المتباطئة المقابلة.

أخيرًا تُعتبر درجة الثبات (Degree of persistence) في التباين الشرطي (التي تُحدَّد بـ α1 + β) والتي تُجسَّد درجة تَعَنْقُد الثقلب، كبيرة نسبيًّا بالنسبة لمعادلة الأذونات، لكنَّها وبشكل مُقاجئ ضئيلة بالنسبة للسندات والأسهم إذا ما نظرنا إلى نتائج أوراق البحث الأخرى التي تتعلق بنفس الموضوع.

٩ ، ٢٨ و تقدير نسبة النحوُّط المتغيّرة مع الزمن لعوائد مُؤشر أسهم FTSE

(Estimating a time-varying hedge ratio for FTSE stock index returns)

قام بروكس، هنري وبيرساند (٢٠٠٢) في ورقة بحث لهم بمقارنة فعاليَّة التحوُّط استنادًا إلى نسب التحوُّط المُشتقَّة من عديد التوصيفات GARCH مُتعدَّدة المُتغيِّرات مع تلك المستمدَّة من تقنيات أخرى أبسط، نُناقش فيها يلي البعض من نتائجهم الرئيسة.

٩, ٢٨, ١ معلومات أساسية

(Background)

هناك العديد من البحوث التجريبيَّة عن حساب نسب التحوُّط المثل، كما نجد إجماعًا عامًّا على أن استخدام الناذج المتعدَّدة المتغيِّرات (MGARCH) يمنح أداءات تتفوَّق على كل من التحوُّطات الثابتة عبر الزمن أو تحوطات المربعات الصُّغرى العاديَّة المتدرِّجة، ويتُضح ذلك من انخفاض تقلبات المحفظة، فعلى سبيل المثال ذكر تشيكائي، كومبي وفيجلفسكي (Cecchetti,) (19AA) ويبلي ومايرز (19AA) ويبلي ومايرز (19AA) أن أسعار (1988) (Myers and Thompson (1989)) أن أسعار السلع الأساسيَّة تنميَّز بمصفوفات تغاير مُتغيِّرة مع الزمن، وبما أن الأنباء بخصوص الأسعار الفوريَّة والمستقبلية تصل إلى السوق على شكل رزم مُنفصلة فإن مصفوفة التغاير الشرطي، وبالتالي نسبة التحوُّط المثل، تُصبح مُتغيِّرة مع الزمن، كما استخدم يبلي ومايرز في مصفوفة التغير الشرطي، وبالتالي نسبة التحوُّط المثل، تُصبح مُتغيِّرة مع الزمن، كما استخدم يبلي ومايرز في مصفوفة التغاير ولتقدير نسبة التحوُّط الناتجة عن ذلك.

Notation) الترميز (Notation)

ناخذ S_t و S_t على أنّها يُمثّلان لوغاريتم مؤشر الأسهم ولوغاريتم مؤشر أسعار الأسهم المستقبلية على التوائي، يكون العائد الحقيقي على المركز الفوري المحتفظ به بين الزمن 1-s والزمن s كالتائي: $S_t=S_t=S_t$ وعلى نحو ثماثل فإن العائد الحقيقي على المركز المستقبلي هو: $\Delta F_t=F_t-F_t=S_t$ غير أنه في الزمن 1-s يُمكن كتابة العائد المتوقّع، أي $E_{t-1}(R_t)$ للمحفظة المائيّة المؤلفة من وحدة واحدة من مؤشر الأسهم و β وحدات من العقد المستقبلي كالتالي:

$$E_{t-1}(R_t) = E_{t-1}(\Delta S_t) - \beta_{t-1} E_{t-1}(\Delta F_t)$$
 (118.4)

حيث يُمثّل β_{t-1} نسبة التحوُّط المحدَّد في الزمن t-1 والمستخدم في الفترة t، هذا ويُمكن كتابة تباين العائد المتوقّع للمحفظة، أي $h_{p,t}$ كالتالي:

$$h_{p,t} = h_{s,t} + \beta_{t-1}^2 h_{t,t} - 2\beta_{t-1} h_{SE,t}$$
 (110.4)

حيث يُمثُّل h_{ss} ، h_{ss} و h_{ss} على التوالي التبايُّنات الشرطية للمحفظة وللمراكز الفوريَّة والمستقبلية، كما يُمثُّل h_{ss} التغاير الشرطي بين المركز الفوري والمركز المستقبلية في محفظة المستثمر، أي الشرطي بين المركز الفوري والمركز المستقبلية في محفظة المستثمر، أي نسبة التحوُّط المثلى، فهو كالنالى:

$$\beta_{t-1}^* = -\frac{h_{SF,t}}{h_{F,t}} \tag{117.4}$$

$$\Delta S_t = a + b\Delta F_t + u_t \tag{11V.4}$$

 $b = \frac{h_{SF}}{\pi}$: نتحصًّل على القيمة المُقدَّرة لنسبة النحوُّط المثل باستخدام المربعات الصُّغرى العاديَّة كالتالي:

٩,٢٨,٣ البيانات والنتائج

(Data and results)

تتألف البيانات المستخدمة في دراسة بروكس، هنري وبيرساند (٢٠٠٢) من ٣٥٨٠ مُشاهدة يوميَّة لمؤشر الأسهم FTSE 100 وللعقود المستقبليَّة على مُؤشرات أسعار الأسهم والتي تشمل الفترة بين ١ بناير ١٩٨٥ و ٩ أبريل ١٩٩٩، هذا وتم دراسة العديد من نهج تقدير نسبة التحوُّط المثلي.

تم في بداية الأمر تقييم فعاليَّة التحوُّط داخل العيَّنة حيث تم إنشاء وتقييم التحوُّطات باستخدام نفس مجموعة البيانات، كما نم بحث فعاليَّة التحوُّط خارج العيَّنة لأفق تحوُّط بيوم واحد من خلال إنشاء تنبُّؤات بيوم واحد للمستقبل للتباين الشرطي للسلاسل المستقبلية، غُوُل هذه التنبُّؤات بعد ذلك إلى نسب تحوُّط باستخدام المعادلة رقم المستقبلية وللتغاير الشرطي بين السلاسل الفوريَّة و المستقبلية، غُوُل هذه التنبُّؤات بعد ذلك إلى نسب تحوُّط باستخدام المعادلة رقم (٩، ١١٦)، هذا وتم فحص أداء تحوُّط المستخدام النموذج BEKK المتضمَّن لحدود عدم التهائل (على نفس منوال النهاذج GJR)، ترد عوائد وتبايُنات مُختلف إستراتيجيات التحوُّط في الجدول رقم (٩، ٩).

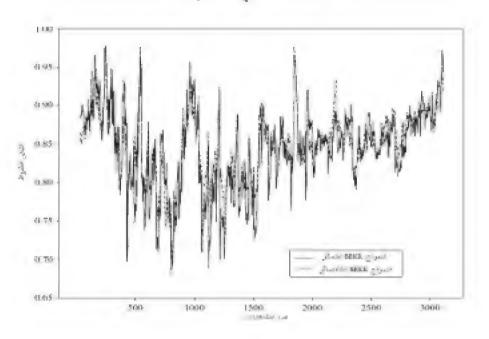
أمَّا النهج الأبسط والذي يرد في العمود (٢) فيتمثّل في عدم وجود تحوَّط على الإطلاق، في هذه الحالة تضم المحفظة ببساطة مركزًا طويل على سوق التعامل النقدي، نذكر كذلك أن هذا النهج قادر على تحقيق عوائد مُوجبة هامَّة داخل العينّة لكن تفاوت عوائد المحفظة يكون مُرتفعًا، وعلى الرغم من أن كل الإستراتيجيات البديلة لا تستطيع تحقيق عوائد تختلف معنويًّا عن الصفر، سواء في العينّة أو خارجها، إلَّا أنه من الواضح من خلال الأعمدة (٣) - (٥) من الجدول رقم (٥, ٩) أن أي تحوُّط يُولِّد تفاوت عوائد أقل بكثير عمَّا هو عليه في حالة عدم وجود تحوُّط على الإطلاق.

	عن عوائد المحافظ	وط: إحصاءات مُوجِزة	نم (٩,٥) فعالية التح	الجدول زأ
	داخل العينة			
تحوط لائتهائل مُتغيّر مع الزمن	تحوّط مُنهائل مُتغبّر مع الزمن	تحوّط ضعيف	غير متحوّط	
$\beta_t = \frac{h_{FS,t}}{h_{F,t}}$	$\beta_t = \frac{h_{FS,t}}{h_{F,t}}$	$\beta = -1$	$\beta = 0$	
(0)	(£)	(°)	(1)	(1)
٠,٠٠٠	٠,٠٠٦١	+ , + + + T =	۰,۰۳۸۹	المائد
(·, 90A·)	{+,4037}	{*,*T01-}	{r, rv \r}	
+,1711	٠,١٧٤-	., 1714	٠,٨٢٨٦	التباين
	خارج العبتة			
تحوط لاثنتهائل متغير مع النزمن	تحوّط مُنهائل مُتغيّر مع الزمن	تحوط ضعيف	غير متحوط	
$\beta_t = \frac{h_{FS,t}}{h_{F,t}}$	$\beta_t = \frac{h_{FS,t}}{h_{F,t}}$	$\beta = -1$	$\beta = 0$	
+,+1{*	.,.17.	.,	· , · A 1 9	العائد
{+,4+A+}	{17774, •}	{+,+111}	{1,240A}	
4,1188	٠,١١٨٦	٠,١٦٩٦	1, 197	اثنباين

مُلاحظة: النسب تي معروضة بين {.}.

الصدر: بروكس، هنري وبيرساند (٢٠٠٢).

بالنسبة للتحوّط الضعيف والذي يتطلَّب وحدة واحدة من العقد المستقبلي قصير الأجل عن كل وحدة من العقد الفوري، لكنَّه لا يسمح للتحوُّط بأن بتغيّر مع الزمن، فإنه بُولَّد انخفاضًا في النباين في حدود ٨٠٪ داخل العيَّنة وما يُقارب ٩٠٪ خارج العيَّنة مُقارنة مع المركز غير المُتحوَّط، عند السياح لنسبة التحوُّط بأن تكون مُتغيِّرة مع الزمن وعندما تكون مُحدَّدة من النموذج GARCH مُقارنة مع المركز غير المُتحوِّط، عند السياح لنسبة التحوُّط بأن تكون مُتغيِّرة مع الزمن وعندما تكون مُحدِّدة من النموذج المتوالي المتائل والمتعدّد المتغيِّرات فإن ذلك بُؤدي إلى مزيد من الانخفاض كنسبة من نباين المركز غير المُتحوِّط بـــ ٥٪ و ٢٪ على التوالي داخل العيَّنة المستبعدة، أمَّا السياح بأن يكون للنباين الشرطي استجابة لامُتاثلة للصدمات الموجبة والسالبة فيؤدي إلى انخفاض جد مُتواضع في النباين داخل العيَّنة (انخفاض إضافي بــ ٥ ، ٠٪ من القيمة الأوَّلية) وعمليًّا دون تغيير يُذكر في قيمة النباين خارج العيَّنة.



الشكل رقم (٩,٥) نسب التحوُّط المتغيَّرة مع الزمن لعوائد مؤشر FTSE المشتقَّة من النهاذج BEKK المنهائلة واللائمة إثلة.

يرسُم الشكل رقم (٩, ٥) بيانيًّا نسبة التحوُّط المتغيِّرة مع الزمن والمتحصَّل عليها من النهاذج MGARCH المتهائلة واللامُتهائلة، نذكر أن نسبة التحوُّط المثلي لم تتجاوز قط ٩٦, ٠ عقد مُستقبلي لكل عقد مُوشر، بقيمة مُتوسِّطة تبلغ ٨٢, ٠ عقد مستقبلي مُباع لكل عقد مُوشر طويل الأجل، أمَّا تباين نسبة التحوُّط المثلي المقدَّرة فنبلغ ٢٠٠، ٠، وعلاوة عن ذلك تبدو سلسلة نسب التحوُّط المثلي المتحصَّل عليها من خلال تقدير النموذج GARCH المتهائل سلسلة ساكنة.

هذا ورُفض اختيار ADF لفرضيَّة العدم (1)-1-1-1 (أي أن نسبة التحوط المثل المتحصَّل عليها من النموذج ADF اللامنهائل محتوي على جذر الوحدة) بشدَّلَة من قبل البيانات (إحصاءة ADF = -0, VY10 و والقيمة الحرجة عند المستوى 0٪ = - اللامنهائل محتويً المتخبِّر مع الزمن مُقارنة بالتحوُّط الثابت عبر الزمن، بيع (شراء) عدد أقل من العقود المستقبلية لكل عقد مُؤشر طويل الأجل (قصير الأجل) وبالتالي يُوفِّر على الشركة التعرُّض لمخاطر النقدية على المدى القصير، ومن بين التفسيرات الممكنة لتفوُّق أداء الإستراتيجيات الديناميكيَّة على النحوُّط الضعيف، نذكر أن النحوُّط الديناميكي يستخدم معلومات المدى القصير، في حين تقود اعتبارات المدى الطويل وفرضيَّة أن العلاقة بين حركات الأسعار الفوريَّة والمستقبلية هي ١:١ التحوُّط الضعيف.

كما قام بروكس، هنري وبيرساند بدراسة أداء التحوُّط للعديد من النهاذج باستخدام نهج حديث لإدارة المخاطر، ووجدوا مُحدَّدًا أن التحوُّط المتغيِّر مع الزمن يُفضي إلى تحشُّن ملحوظ في النتائج، لكنَّ أَخْذَ عدم النهائل بعين الاعتبار لن يترتب عنه سوى تخفيض إضافي زهيد في خطر المحفظة المتحوِّطة.

٩, ٢٩ نهاذج التقلب التصادُق مُتعدَّدة المتغيِّرات

(Multivariate stochastic volatility models)

كما في حالة المتغيّر الواحد وعلى الرغم من أن مُصطلح 'التقلب التصادُفي' يُستخدم عادة في وصف النهاذج من فئة GARCH مُتعدَّد المتغيِّرات، إلَّا أن هذا المصطلح غير مُناسب نمامًا في هذا الإطار، ويرجع ذلك لكون مُعادلات التباين والتغاير الشرطي تُعتبر مُعادلات حتميَّة بالنظر إلى المعلومات التي تتضمَّنها الفترة السابقة، ومعنى ذلك أنه ليس هناك مصدر إضافي للتشويش في مُعادلة التباين (أو التغاير) الشرطي للنموذج GARCH مُتعدَّد المتغيِّرات.

كان اقتراح نموذج التقلب التصادُفي مُتعدَّد المتغيَّرات مُبادرة من هارفي، رويز وشيفارد (١٩٩٤) والترميز المستخدم هنا يشبه إلى حد كبير ترميزهم، لنأخذ يهر على أنه عناصر مُتَّجه مُشاهدات من الدرجة Ν x 1 في الزمن t للسلسلة i وبتباين مُ مُتغيِّر مع الزمن، مُعرَّفًا كالتائي:

$$y_{it} = \epsilon_{it} (\exp\{h_{it}\})^{1/2} \quad i = 1, ..., N; t = 1, ..., T$$
 (11A.4)

حيث يُمثَّل $\epsilon = (\epsilon_{1t}, ..., \epsilon_{Nt})$ عُمَّجه الاضطرابات بمُتوسَّط صفري وبمصفوفة تغاير ع $\epsilon = \epsilon_{1t}$

$$h_{it} = \log(\sigma_{it}^2) \tag{119.4}$$

في إطار نموذج التقلب التصادُفي يُمكن تحديد ha بحيث تسير وفق عمليَّة انحدار ذاتي من الدرجة P:

$$h_{it} = \gamma_i + \sum_{p=1}^{p} \psi_{ip} h_{i,t-p} + \eta_{it} \quad i = 1, ..., N$$
 (17 • . 4)

حيث يُمثّل $\eta_{c} = (\eta_{12}, \dots, \eta_{Nc})$ كها يُفترض عادة المتعبّل $\eta_{c} = (\eta_{12}, \dots, \eta_{Nc})$ كها يُفترض عادة أن $\eta_{c} = (\eta_{12}, \dots, \eta_{Nc})$ كافيًا، وبهذا تكون أن $\eta_{c} = (\eta_{12}, \dots, \eta_{Nc})$ مُستقلان فيها بينهها ومُوزَّعان حسب التوزيع الطبيعي مُتعدَّد المتغبّرات، عادة ما يُعتبر P = 1 كافيًا، وبهذا تكون ديناميكيات التباين لكل سلسلة في النظام عمليَّة (AR(1) مُكل إضافة حدود المتوسَّط المتحرِّك، أو حتى مُتغبّرات خارجيَّة إلى توصيف التباين، لكن ذلك نادر عمليًّا.

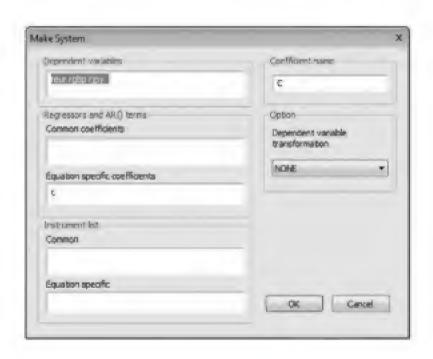
ومن الجدير بالذكر أنه يُشترط في هذا النموذج أن نكون الارتباطات ρι بين اضطرابات مُعادلة المتوسَّط ثابتة عبر الزمن، وبالتالي فإن التغايرات بين السلاسل π تتبع دالة في التبايُّنات بدلًا من أن تكون مُستقلَّة فيها بينها، تُضاهي هذه الصيغة النموذج GARCH مُتعدِّد المتغيَّرات ذا الارتباط الشرطي الثابت المقترح من قبل بولرسلاف (١٩٩٠) والمناقش أدناه، وتُمثل أحد أوجه القصور الهامة للنموذج، غير أن ذلك يعني ضمنًا أن نهاذج التقلب التصادُفي مُتعدِّدة المتغيِّرات شحيحة للغاية، وأن عدد المعلمات يصعد مُباشرة مع عدد المتغيِّرات التي في النظام، على سبيل المثال، في إطار تموذج التقلب التصادُفي ثُنائي المتغيِّرات، هناك ثهاني معلمات سيجري تقديرها (٣).

⁽٣) وهذا يُقابل تسع مُتغيّرات بالنسبة إلى النموذج VECH MGARCH القُطري و ٢١ مُتغيّرًا بالنسبة إلى النموذج MGARCH غير المُقيّد.

اقترح هارفي وآخرون (١٩٩٤) تقدير النموذج باستخدام شبه الإمكان الأعظم بواسطة مُرشَّح كالمان (١٩٩٤)، غير أن دانيلسون (١٩٩٨) يرى أن طريقة استخدامهم لشبه الإمكان الأعظم تفتقر إلى الكفاءة، ووفقًا لما اقترحه جاكبي، بولسون وروسي (١٩٩٥) (١٩٩٥) (١٩٩٥) مناك تهج بديل لتقدير نهاذج التقلب النصادُّقي مُتعدَّدة المتغيِّرات يتمثَّل في الاستفادة من طرق سلسلة ماركوف مونتي كارلو البايزيَّة (Bayesian Markov Chain Monte Carlo).

٩ , ٣٠ تقدير النهاذج GARCH مُتعدِّدة المتغيِّرات باستخدام إفيوز (Estimating multivariate GARCH models using EViews)

لتقدير مثل هذا النموذج نحتاج أولًا إلى إنشاء نظام يحتوي على المتغيّرات التي سيتم استخدامها، تحدّد المتغيّرات الثلاث 'rgbp' ، 'reur' و 'rjpy' ثم ننقر فوق زر الفأرة الأيمن، نختار Open/as System، وسوف تظهر لقطة الشاشة رقم (1, 9).



لقطة الشاشة رقم (٩,٦) إعداد النظام.

وبها أنه لن يتم استخدام أيَّة مُتغيِّرات مُفسَّرة في مُعادلة التباين الشرطية فيُمكن الاحتفاظ بكل الخيارات الافتراضية، لذا يكفي النقر فوق OK، سيظهر إطار النظام الذي يحتوي على ثلاث مُعادلات لا تتضمَّن سوى مقاطع، ثم ننقر بعد ذلك فوق ARCH - من النافذة 'Estimation method' (تقدير النظام)، نقوم بتغيير 'Estimation method' (طريقة التقدير) إلى - Conditional Heteroscedasticity وسوف تظهر لقطة الشاشة رقم (9, ۷).

⁽٤) انظر: تشب وغرينبرغ (١٩٩٦) ((Chib and Greenberg (1996)) لناقشة تستفيضة ولكن تقنية جدًّا عن تعقيدات طريقة سلسلة ماركوف مونتي كارلو البايزيّة.

Estimation method	ARCH coefficient restrictions
ARO1 - Conditional Heteroskedessicity *	Coefficient: Restriction
ARCH model specification Model type:	ARCH(1) GARCH(1)
Okagonal VECH -	
Auto-regressive order	From destribution
ARCH: 1 TARCH: 0	Nultranate homal +
SARON 1	Label Street Lab and
Váriance regresions	Simple
	7/07/2002 6/06/2013

لقطة الشاشة رفم (٩,٧) خيارات تقدير النموذج GARCH مُتعلَّدة المتغيِّرات.

يسمح إفيوز بتقدير ثلاث فتات مُهمَّة من النهاذج GARCH مُتعدِّدة المتغيِّرات وهي: النموذج VECH القُطري، نموذج الارتباط الشرطي الثابت، ونموذج BEKK القُطري، بالنسبة إلى توزيع الخطأ يُمكن استخدام إمَّا التوزيع الطبيعي مُتعدَّد المتغيِّرات، أو التوزيع في مُتعدَّد المتغيِّرات، أو التوزيع في لستيورنت مُتعدَّد المتغيِّرات، هذا ويُمكن إدراج مُتغيِّرات خارجيَّة إضافيَّة في مُعادلة التباين والأخذ بعين الاعتبار اللاتمائل.

يُمكن من خلال النقر فوق علامة النبويب Options (خيارات) تمكين المستخدم من تعديل الإعدادات المستخدمة في عمليّة الاستمثال، يُمكن أن تكون هذه الإعدادات مُفيدة في حالة وجود مشاكل عند تقدير النموذج كعدم التقارب، أو إفضاء التقارب إلى قيم معليات مُقدَّرة غير معقولة، نترك كل هذه الخيارات على حالتها الافتراضية وعند النقر فوق OK نتحصَّل على النتائج التائية (٥٠).

يعرض الجزء الأوَّل من الجدول القيم المقدَّرة لمعادلة المتوسط الشرطي، لم يُستخدم في هذا المثال سوى مفاطع في مُعادلات المتوسِّط، أمَّا الجزء التالي فيُظهر مُعاملات مُعادلات التباين، تتبعها بعض مقاييس جودة التوفيق للنموذج ككل، وكذلك لكل مُعادلة من مُعادلات المتوسِّط الفرديَّة، كما يعرض الجزء الأخير من الجدول مُعاملات التباين المحوَّلة، وهي في هذه الحالة مُطابقة لقائمة مُعاملات التباين بها أنه عندما تكون الأخطاء طبيعيَّة فإنه لا يتم إجراء أي تحويل (تختلف هذه المعاملات فقط في حالة استخدام التوصيف تي لستيورنت)، من الواضح أن قيم المعاملات المقدَّرة كلها على حد السواء منطقيَّة ومعنويَّة إحصائيًّا.

هناك عدد من الخطوات المفيدة الأخرى التي يُمكن القيام بها بمُجرَّد تقدير النموذج، تتوفَّر جيعها بالنقر فوق الزر 'View' (عرض)، فعلى سبيل المثال، يُمكننا رسم سلسلة البواقي بيانيًّا أو تقدير الارتباطات بينها، وبالنقر أيضا فوق 'Conditional variance' يُمكننا الحصول على قائمة بقيم التباينات الشرطية والتغايرات أو الارتباطات عبر الزمن أو كذلك رسمها بيانيًّا، كها نستطيع إضافة إلى ذلك القيام باختبار الارتباط الذاتي واعتدال الأخطاء.

 ⁽٥) تتجلّ صعوبة هذا النموذج في كونه يتطلّب عند تقديره وقتًا أطول من كلّ من النموذج GARCH أحاديٌ المتغيّر والنهاذج الأخرى التي استعرضناها سابقًا.

System: UNTITLED

Estimation Method: ARCH Maximum Likelihood (Marquardt)

Covariance specification: Diagonal VECH

Date: 08/06/13 Time: 05:50 Sample: 7/08/2002 6/06/2013 Included observations: 3987

Total system (balanced) observations 11961 Presample covariance: backcast (parameter = 0.7)

Convergence achieved after 15 iterations

	Coefficient	Std. Error	z-Statistic	Prob.
O(1)	-0.014665	0.006099	-2.404605	0.0162
C(2)	0.010580	0.005707	-1.853937	0.0637
C(3)	0.009758	0.006197	1,413283	0.1576
	Variance Equ	ation Coefficier	nts	
C(4)	0.000758	0.000142	5.333032	0.000
C(5)	0.000811	0.000118	6.893582	0.000
C(6)	0.000972	0.000138	7.057098	0.000
C(7)	0.000955	0.000151	6.329567	0.000
G(8)	0.000899	0.000134	6.729971	0.000
C(9)	0.005043	0.000437	11.53342	0.000
C(10)	0.029060	0.001835	15.83992	0.000
C(11)	0.025820	0.001535	16.81733	0.000
C(12)	0.034765	0.002368	14.67968	0.000
C(13)	0.030542	0.001972	15,49565	0.000
C(14)	0.036163	0.002608	13.86502	0.000
C(15)	0.054571	0.003427	15.92236	0.000
C(16)	0.967396	0.001849	523.0839	0.000
C(17)	0.966886	0.001784	542.0472	0.000
C(18)	0.953090	0.003015	316.1549	0.000
C(19)	0.963545	0.002291	420.5394	0.000
C(20)	0.946951	0.003561	265.9424	0.000
C(21)	0.923789	0.004770	193,6745	0.000
Log likelihood	-4949.970	Schwarz crit	terion	2.526724
Avg. log likelihood	-0.413842	Hannan-Qui	nn criter.	2.505336
Akaike info criterion	2.493589			

Equation: REUR = C(1))			
R-squared	-0.000232	Mean deper	ndent var	-0.007413
Adjusted R-squared	-0.000232	S.D. depend	ient var	0.476621
S.E. of regression	0.476676	Sum square	d resid	905.6991
Prob(F-statistic)	1.694663			
Equation: RGBP = C(2)			
R-squared	-0.000548	Mean deper	ndent var	-0.00022€
Adjusted R-squared	-0 000548	S.D. depend	ient var	0.442446
S.E. of regression	0.442568	Sum square	d resid	780.7222
Prob(F-statistic)	1.590781			
Equation: RJPY = C(3)				
R-squared	-0.000813	Mean deper	ndent var	-0.004699
Adjusted R-squared	-0.000813	S.D. depend	ient var	0.471950
S.E. of regression	0.472142	Sum square	d resid	888.5516
Prob(F-statistic)	1.704282			
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri	X rix	–1)′ + B1.*GAI	HGH(-1)	
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matr	x rix nx	ariance Coeffic		
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matr	x rix nx			Prob.
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matr	x rix nx Transformed V	ariance Coeffic	ients	
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matr B1 is an indefinite matr	x rix nx Transformed V Coefficient	ariance Coeffic Std. Emor	ients z-Statistic	0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1)	Transformed V Coefficient 0.000758	Std. Error 0.000142	z-Statistic 5.333032	0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811	Std. Error 0.000142 0.000118	z-Statistic 5.333032 6.893582	0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972	Std. Error 0.000142 0.000118 0.000138	z-Statistic 5.333032 6.893582 7.057098	0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955	Std. Error 0.000142 0.000118 0.000138 0.000151	z-Statistic 5.333032 6.893582 7.057098 6.329567	0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2) M(2,3)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955 0.000899	Std. Error 0.000142 0.000118 0.000138 0.000151 0.000134	z-Statistic 5.333032 6.893582 7.057098 6.329567 6.729971	0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2) M(2,3) M(3,3)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955 0.000809 0.005043	Std. Error 0.000142 0.000118 0.000138 0.000151 0.000134 0.000437	z-Statistic 5,333032 6,893582 7,057098 6,329567 6,729971 11,53342	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2) M(2,3) M(3,3) A1(1,1)	Coefficient 0.000758 0.000911 0.000972 0.000955 0.000899 0.005043 0.029060	Std. Error 0.000142 0.000118 0.000138 0.000151 0.000134 0.000437 0.001835	5.333032 6.893582 7.057098 6.329567 6.729971 11.53342 15.83992	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2) M(2,3) M(3,3) A1(1,1) A1(1,2)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955 0.000899 0.005043 0.029060 0.025820	Std. Error 0.000142 0.000138 0.000131 0.000134 0.000134 0.000437 0.001835 0.001535	z-Statistic 5.333032 6.893582 7.057098 6.329567 6.729971 11.53342 15.63992 16.81733	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2) M(2,3) M(3,3) A1(1,1) A1(1,2) A1(1,3)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955 0.000899 0.005043 0.029060 0.025820 0.034765	0.000142 0.000118 0.000138 0.000151 0.000134 0.000437 0.000435 0.001535 0.002368	5.333032 6.893582 7.057098 6.329567 6.729971 11.53342 15.63992 16.81733 14.67968	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2) M(2,3) M(3,3) A1(1,1) A1(1,2) A1(1,2) A1(1,3)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955 0.000899 0.005043 0.029060 0.025820 0.034765 0.030542	0.000142 0.000118 0.000138 0.000151 0.000134 0.000437 0.001835 0.001535 0.002368 0.001972	5.333032 6.893582 7.057098 6.329567 6.729971 11.53342 15.83092 16.81733 14.67968 15.48565	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2) M(2,3) M(3,3) A1(1,1) A1(1,2) A1(1,3) A1(2,2) A1(2,3)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955 0.000899 0.005043 0.029060 0.025820 0.034765 0.030542 0.036163	Std. Error 0.000142 0.000118 0.000138 0.000151 0.000134 0.000437 0.001835 0.001535 0.002368 0.001972 0.002608	z-Statistic 5.333032 6.893582 7.057098 6.329567 6.729971 11.53342 15.63992 16.81733 14.67968 15.48565 13.86502	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2) M(2,3) M(2,3) M(3,3) A1(1,1) A1(1,2) A1(1,2) A1(1,3) A1(2,2) A1(2,3) A1(3,3)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955 0.000899 0.005043 0.029060 0.025820 0.034765 0.030542 0.036163 0.054571	3td. Emor 0.000142 0.000118 0.000138 0.000151 0.000134 0.000437 0.001835 0.001535 0.002368 0.001972 0.002608 0.003427	z-Statistic 5.333032 6.893582 7.057098 6.329567 6.729971 11.53342 15.63092 16.81733 14.67968 15.48565 13.86502 15.92236	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2) M(2,3) M(3,3) A1(1,1) A1(1,2) A1(1,3) A1(2,2) A1(2,3) A1(3,3) B1(1,1)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955 0.000899 0.005043 0.029060 0.025820 0.034765 0.030542 0.036163 0.054571 0.967396	0.000142 0.000118 0.000138 0.000151 0.000134 0.000437 0.001835 0.001535 0.002368 0.001972 0.002608 0.003427 0.001849	5.333032 6.893582 7.057098 6.329567 6.729971 11.53342 15.63092 16.81733 14.67968 15.48565 13.66502 15.92236 523.0839	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(1,3) M(2,2) M(2,3) M(3,3) A1(1,1) A1(1,2) A1(1,3) A1(2,2) A1(2,3) A1(3,3) B1(1,1) B1(1,2)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955 0.000899 0.005043 0.029060 0.025820 0.034765 0.030842 0.036163 0.054571 0.967396 0.966886	0.000142 0.000118 0.000138 0.000151 0.000134 0.000134 0.0001835 0.001835 0.001972 0.002608 0.003427 0.001849 0.001784	5.333032 6.893582 7.057098 6.329567 6.729971 11.53342 15.63092 16.81733 14.67968 15.48565 13.86502 15.92236 523.0839 542.0472	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
M is an indefinite matri A1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri B1 is an indefinite matri M(1,1) M(1,2) M(2,2) M(2,3) M(3,3) A1(1,1) A1(1,2) A1(1,3) A1(2,2) A1(2,3) B1(1,1) B1(1,2) B1(1,3)	Transformed V Coefficient 0.000758 0.000811 0.000972 0.000955 0.000899 0.005043 0.029060 0.025820 0.034765 0.030542 0.036163 0.054571 0.967396 0.966866 0.953080	3riance Coeffic Std. Emor 0.000142 0.000118 0.000138 0.000151 0.000134 0.000437 0.001835 0.001535 0.002368 0.001972 0.002608 0.003427 0.001849 0.001784 0.003015	z-Statistic 5.333032 6.893582 7.057098 6.329567 6.729971 11.53342 15.63992 16.81733 14.67968 15.48565 13.86502 15.92236 523.0839 542.0472 316.1549	Prob. 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000

المفاهيم الرئيسة

يُمكن من خلال هذا الفصل تعريف وشرح المصطلحات الرئيسة التالية:

- النموذج GARCH
- اللاخطية

- اختبار والد
- التباين الشرطي
- اختبار نسبة الإمكان
- الإمكان الأعظم
- التوصيف GJR
- اختبار مُضاعف لاجرانج
- مرجح أسَّيًّا
- اللاتماثل في التقلبات
- المتوسط المتحرك
- الارتباط الشرطي الثابت
- النموذج BEKK
- VECH قطري
 مُنحنى تأثر الأخبار
- GARCH في المتوسّط
- عنقو ديّة التقلب

مُلحق تقدير المعلمات باستخدام الإمكان الأعظم

Appendix (Parameter estimation using maximum likelihood)

توخّيًا للتبسيط سوف بسنعرض هذا الملحق مسألسة الانحدار تُنساني المتغبّر بأخطساء مُتجانسسة، وذلك على سبيل الإيضاح (أي افتراض عدم وجود ARCH وأن نباين الأخطاء ثابت مع الزمن)، لنفترض أن نموذج الانحدار الخطّي محل اهتمامنا بأخذ الشكل التالى:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + u_t \tag{1.14}$$

بافتراض أن (u_z~N(0,σ²) يكون (y_z~N(β₁ + β₂x_z,σ²) وبهذا تكون دالة الكثافة الاحتياليَّة للمتغيّر العشوائي الموزَّع طبيعيًّا بهذا المتوسَّط وبهذا التباين كالتالي:

$$f(y_t | \beta_1 + \beta_2 x_t, \sigma^2) = \frac{1}{\sigma \sqrt{2\pi}} \exp\left\{ -\frac{1}{2} \frac{(y_t - \beta_1 - \beta_2 x_t)^2}{\sigma^2} \right\}$$
 (Y.4)

تُعتبر الدالة الاحتماليَّة دالة في البيانات للمعلمات المعطاة، ترسَّم القيم المتتالية لــــ ، لا مُنحنى التوزيع الطبيعي بشكله الجرسي المألوف، وبها أن عناصر لا مُستقلَّة ومُوزَّعة بشكل مُتطابق فإنه يُمكن صياغة دالة الكثافة الاحتماليَّة المشتركة لكل عناصر لا كحاصل ضم ب دوال الكثافة الفرديَّة:

$$\begin{split} f\left(y_{1},y_{2},...,y_{T}|\beta_{1}+\beta_{2}x_{1},\beta_{1}+\beta_{2}x_{2},...,\beta_{1}+\beta_{2}x_{T},\sigma^{2}\right) &= f\left(y_{1}|\beta_{1}+\beta_{2}x_{1},\sigma^{2}\right)f\left(y_{2}|\beta_{1}+\beta_{2}x_{2},\sigma^{2}\right)...f\left(y_{T}|\beta_{1}+\beta_{2}x_{T},\sigma^{2}\right) \\ &= \prod_{t=1}^{T}f\left(y_{t}|\beta_{1}+\beta_{2}x_{t},\sigma^{2}\right) \qquad t=1,2,...,T \end{split}$$

يُعرف حد الجهة اليسرى للمعادلة بالكثافة المشتركة (Joint Density) وتُعرف حدود الجهة اليَّمنى بالكثافات الهامشيّة (Marginal Densities) تنبثق هذه النتيجة من استقلاليَّة قيم y_i وبالطريقة نفسها التي جاءت في مبادئ نظرية الاحتيال، حيث إنه بالنسبة إلى ثلاث أحداث مُستقلَّة A و B و A يكون احتيال حدوث كلَّ من A و B و A معًا مُساويًا لاحتيال A مضروبًا باحتيال مضروبًا باحتيال A من المعادلة مضروبًا باحتيال A و A من المعادلة A و A من المعادلة (A و A و A من المعادلة (A و A و A من المعادلة (A و A

$$f\left(y_{1},y_{2},...,y_{T}|\beta_{1}+\beta_{2}x_{T},\sigma^{2}\right)=\frac{1}{\sigma^{T}(\sqrt{2\pi})^{T}}\exp\left\{-\frac{1}{2}\frac{(y_{t}-\beta_{1}-\beta_{2}x_{t})^{2}}{\sigma^{2}}\right\} \tag{$\xi.[4)$}$$

وهو ما يُمثّل الكتافة المشتركة لجميع عناصر y وفق القيم المعطاة لــــ β_2 ، β_1 ، α^2 و α^2 و α^2 و α^2 و عكس الحالة المشتركة لجميع عناصر α^2 و القيم المعطاة المعربين التقدير α^2 و α^2 و α^2 و الأمر كذلك فإن α^2 أعرف بكونها دالة الإمكان، الحالة المنابقاء أي أن α^2 و تُكتب كالتالى:

$$LF\left(\beta_{1},\beta_{2},\sigma^{2}\right)=\frac{1}{\sigma^{T}(\sqrt{2\pi})^{T}}\exp\left\{-\frac{1}{2}\frac{(y_{t}-\beta_{1}-\beta_{2}x_{t})^{2}}{\sigma^{2}}\right\} \tag{0.14}$$

يفتضي تفدير الإمكان الأعظم اختبار قيم المعلمات (\beta_1,\beta_2,\eta^2) التي تُعظّم هذه الدالَّة، من الضروري القيام بتفاضل المعادلة وقم (١٩أ٥) بالنسبة لــــــ \beta_2 و 2°، لكن هذه المعادلة هي حاصل ضرب عدد T من الحدود وبالتالي من الصعب القيام بتفاضل المعادلة رقم (١٩أ٥).

لحسن الحظ من المكن تطبيق اللوغاريتم على المعادلة رقم (٥١٩) بها أن (٣٥١) المجينة مع العلم أنه في كلنا الحالين سيتم اختيار نفس القيم المثلي للمعلمات، إذًا باستخدام القوانين المختلفة لتحويل الدوال التي تتضمَّن اللوغاريتهات يُمكن الحصول على لوغاريتم دالة الإمكان:

$$LFF = -T \ln \sigma - \frac{T}{2} \ln(2\pi) - \frac{1}{2} \sum_{\ell=1}^{T} \frac{(y_{\ell} - \beta_1 - \beta_2 x_{\ell})^2}{\sigma^2}$$
 (7.14)

وهو ما يُعادل:

$$LFF = -\frac{T}{2}\ln\sigma^{2} - \frac{T}{2}\ln(2\pi) - \frac{1}{2}\sum_{t=1}^{T} \frac{(y_{t} - \beta_{1} - \beta_{2}x_{t})^{2}}{\sigma^{2}}$$
 (V.14)

للحصول على المعادلة رقم (٧٠١٩) تم فقط تغيير الجزء الأول للجهة اليمني للمعادلة رقم (٩١٩٦) لإظهار ٣٥ بدلًا من ٥ في ذلك الجزء من التعبير.

بالرجوع إلى النتيجة التالية:

$$\frac{\delta}{\delta x} \left(\ln(x) \right) = \frac{1}{x}$$

وبمُفاضِلة المعادلة رقم (٧٠١٩) بالنسبة لــــ eta_2 ، eta_2 و σ^2 تتحصَّل على التعابير التالية للمشتقات الأولى:

$$\frac{\delta LFF}{\delta \beta_1} = -\frac{1}{2} \sum_{z} \frac{(y_z - \beta_1 - \beta_2 x_z) \cdot 2 - 1}{\sigma^2} \tag{Aciq}$$

$$\frac{\delta LFF}{\delta R_{z}} = -\frac{1}{2} \sum \frac{(y_{t} - \beta_{1} - \beta_{2} x_{t}) \cdot 2 - x_{t}}{\sigma^{2}} \tag{9.49}$$

$$\frac{\delta LFF}{\delta \sigma^2} = -\frac{T}{2} \frac{1}{\sigma^2} + \frac{1}{2} \sum_{l} \frac{(y_l - \beta_1 - \beta_2 x_l)^2}{\sigma^4}$$
 (1.4)

نُساوي المعادلات رفم (٩أ٨٠)- (٩أ١٠) بالصفر بهدف نقليل الدوال ونضع قُبَّعات فوق المعلمات للدلالة على أنها مُقدَّرات الإمكان الأعظم، من خلال المعادلة رقم (٩أ٨٠) نتحصَّل على:

$$\sum (y_t - \hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 x_t) = 0 \tag{11.4}$$

$$\sum y_t - \sum \hat{\beta}_1 - \sum \hat{\beta}_2 x_t = 0 \tag{17.14}$$

$$\sum y_t - T\hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 \sum x_t = 0 \tag{17.14}$$

$$\frac{1}{r}\sum y_t - \hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 \frac{1}{r}\sum x_t = 0 \tag{12.14}$$

تُذكّر بأن:

$$\frac{1}{T}\sum y_t = \bar{y}_t$$

هو مُتوسَّط y وهو ما ينطبق أيضًا على x، يُمكن أخبِرًا اسْتقاق مُقدَّر لــــ #:

$$\hat{\beta}_1 = \bar{y} - \hat{\beta}_2 \bar{x} \tag{10.4}$$

من خلال المعادلة رقم (٩١،١٩) نتحصل على:

$$\sum (y_t - \hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 x_t) x_t = 0 \tag{17.49}$$

$$\sum y_t x_t - \sum \hat{\beta}_1 x_t - \sum \hat{\beta}_2 x_t^2 = 0 \tag{1V.4}$$

$$\sum y_t x_t - \hat{\beta}_1 \sum x_t - \hat{\beta}_2 \sum x_t^2 = 0 \tag{1A.49}$$

$$\hat{\beta}_2 \sum x_t^2 = \sum y_t x_t - (\bar{y} - \hat{\beta}_2 \bar{x}) \sum x_t \tag{19.19}$$

$$\hat{\beta}_2 \sum x_t^2 = \sum y_t x_t - T \overline{x} \overline{y} + \hat{\beta}_2 T \overline{x}^2$$
 (Y • . 19)

$$\hat{\beta}_2(\sum x_t^2 - T\bar{x}^2) = \sum y_t x_t - T\bar{x}\bar{y} \tag{YVA}$$

$$\beta_2 = \frac{\sum y_t x_t - TRY}{(\sum x_t^2 - TRY)} \tag{YY.(4)}$$

ومن خلال المعادلة رقم (٩١،٠١) نتحصل على:

$$\frac{T}{\pi^2} = \frac{1}{\pi^4} \sum (y_t - \hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 x_t)^2$$
 (YY.14)

بإعادة ترتيب المعادلة:

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{1}{\tau} \sum (y_t - \hat{\beta}_1 - \hat{\beta}_2 x_t)^2 \tag{YEAQ}$$

لكن الحد بين قوسين في الجهة اليمني للمعادلة رقم (٩ أ٠٤٠) هو الباقي في الزمن ، (أي القيمة الفعليَّة ناقص القيمة المجهَّزة من النموذج) وبالتالي:

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{1}{r} \sum \hat{u}_t^2 \tag{Yoch4}$$

هل هذه الصبغ مُشابهة لمقدَّرات المربعات الصُّغرى العاديَّة؟ تتطابق المعادلات رقم (١٥،١٩) و (٢٢،١٩) مع مُعادلات المربَّعات الصُّغرى العاديَّة، وبالتالي يُفضي الإمكان الأعظم والمربَّعات الصُّغرى العاديَّة إلى تقديرات مُتطابقة لمعاملات المقطع والميل، غير أن تقدير *6 في المعادلة رقم (٢٥،١٩) مُحتلف، كان مُقدَّر مُعادلات المربَّعات الصُغرى العاديَّة كالتالى:

$$\hat{\sigma}^{z} = \frac{1}{T-k} \sum \hat{u}_{t}^{z} \tag{YTA}$$

ويتبيَّن أيضًا أن مُقدَّر المربَّعات الصُّغرى العاديَّة غير مُتحيِّز، وعليه يجب أن يكون مُقدَّر الإمكان الأعظم لتباين الخطأ مُتحيِّزًا رغم أنه مُتَّسق لأنه عندما يكون ∞ → T فإن T → k ≈ T.

كما نُشير إلى أنه من الممكن كذلك إجراء الاشتقاق السابق باستخدام المصفوفة بدلًا من جبر سيغها، تظل مُقلَّرات مُعاملات المقطع والميل الناتجة عن ذلك مُتطابقة لتلك المتحصَّل عليها من المربَّعات الصَّغرى العاديَّة في حين يكون تقدير خطأ التباين عُجدَّدًا مُتحيِّزًا، ومن الجدير بالذكر كذلك أن مُقدَّر الإمكان الأعظم مُتَّسق وتقارُبي كفء، من الصعب جبريًّا اشتفاق مُقدَّر الإمكان الأعظم للوغاريتم دالة الإمكان للنموذج GARCH وبالتالي فهي خارج نطاق هذا الكتاب.

أسئلة التعلم الذاتي:

- (١) (أ) ما هي خصائص البيانات الماليَّة المسلَّم بها والتي لا يُمكن تفسيرها باستخدام النهاذج الخطيَّة للسلاسل الزمنية؟
 - (ب) أي من هذه الخصائص يُمكن نمذ جنها باستخدام العمليَّة (GARCH(I,I)
 - (ج) لماذا يُفضَّل الباحثون في الأبحاث التجريبيَّة الحديثة النموذج (1.1)GARCH على النموذج (ARCH(p) البحث؟
- (د) اشرح امتدادين للنموذج GARCH الأصلي، ما هي الخصائص الإضافيّة للبيانات الماليّة التي من المكن أن تلتقطها هذه
 الامتدادات؟

(هـ) لنأخذ النموذج (١,١) GARCH التالي:

$$y_t = \mu + u_t \quad u_t \sim N(0 \ \sigma_t^2) \tag{171.4}$$

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta \sigma_{t-1}^2$$
 (177.4)

إذا كان يه يُمثِّل سلسلة العوائد اليوميَّة للسهم، في هموعة القيم المحتملة للمعاملات عمر ميَّة للسهم، في هجموعة القيم المحتملة للمعاملات

- (و) لنفترض أن الباحث يُريد اختبار فرضيَّة العدم: 1 = α₀ + β في مُعادلة الجزء (هـ)، اشرح كيف يُمكن إنجاز ذلك في
 إطار الإمكان الأعظم.
- (ز) لنفترض أن الباحث قام بتقدير النموذج GARCH الوارد سابقًا لسلسلة عوائد مُؤشر أسعار الأسهم وتحصّل على قيم المعلمات المقدَّرة التالية: 0.0023 $\hat{\mu}=0.0172$ $\hat{\mu}=0.0175$ أذا توفرت للباحث بيانات تصل

- حتى الزمن 7، اكتب المعادلات في α، «α، في قيمها المتباطئة التي يُمكن استخدامها لإنتاج تتبؤات بخطوة، بخطوتين. وبثلاث خُطوات للمستقبل للتباين الشرطي لـ y.
- (ح) لنفترض الآن بدلًا من ذلك أن قيمة المعامل المقدَّرة أله لهذا النموذج هي ٩٨ . ، بإعادة النظر في تعابير التنبؤات التي تحصَّلت عليها في الجزء (ز)، اشرح ما سيحدث للتنبؤات في هذه الحالة.
 - (٢) (أ) ناقش بإيجاز المبادئ التي يقوم عليها الإمكان الأعظم.
- (ب) صف باختصار الأساليب الثلاث لاختبار الفرضيات المتاحة ضمن التقدير بالإمكان الأعظم، أي منها يُرجَّح أن يكون الأسهل حسابيًّا من الناحية العمليَّة، ولماذا؟
- (ج) تُستخدم المربعات الصَّغرى العاديَّة والإمكان الأعظم في تقدير معلمات نموذج الانحدار الخطَّي البسيط، هل أنها تُعطي نفس القيم المفدَّرة؟ اشرح إجابتك.
 - (٣) (أ) ميّز بين مُصطلحات التباين الشرطي، و التباين غير الشرطي، أيُّها من الأرجح أن يكون مُهمًّا لإنتاج:
 - تنبؤات بالتبابن بخطوة واحدة للمستقبل.
 - تنبؤات بالتباين بعشرين خطوة للمستقبل.
- (ب) إذا كان سيت العمليّة (١.١) GARCH في هي النتيجة المحتملة إذا قُمنا بتقدير انحدار على الشكل (١٣١٩) باستخدام طريقة المربعات الصُّغرى العاديّة، وبافتراض أن التباين الشرطي ثابت.
 - (ج) قُم بمقارنة ومُقابِلة نهاذج التقلب التالية مُشيرًا إلى نقاط قوَّتها ونقاط ضعفها:
 - التقلب التاريخي.
 - المتوسَّط المتحرِّك المرجح أسَّيًا.
 - .GARCH (1,1)
 - التقلب الضمني.
 - (٤) لنفترض أن الباحث يهتم بنمذجة العلاقة بين عوائد سوق بورصة نيويورك وعوائد سوق بورصة لندن.
 - اكتب نموذج VECH قُطري لهذه المسألة، ناقش قيم تقديرات المعاملات التي تتوقّعها.
- (ب) نفترض أن هناك حاجة إلى التنبؤات بالارتباط الأسبوعي للأسبوعين المقبلين، صف إجراء يُمكِّن من إنشاء مثل هذه التنبؤات باستخدام مجموعة من بيانات العوائد اليوميَّة لمؤشر السوق.
 - (ج) ما هي النهج الأخرى المتاحة لنمذجة الارتباط؟
 - (د) ما هي نقاط قوة وضعف النهاذج GARCH مُتعدّدة المتغيّرات مُقارنة مع البدائل التي افترحتها في الجزء (ج)؟
- (a) المقصود بمنحنى تأثير الأخبار؟ باستخدام لوحة جدوليَّة أو غير ذلك، فيم بإنشاء مُنحنى تأثير الأخبار للنهاذج GARCH و EGARCH المقدَّرة الثالية، وحدَّد التباين الشرطي المتباطئ بقيمة الثباين غير الشرطي (المقدَّر باستخدام عينة البيانات) ألا وهي ٩٦٠٠٠:

$$\log(\sigma_t^2) = \alpha_0 + \alpha_1 \frac{u_{t-1}}{\sqrt{\sigma_{t-1}^2}} + \alpha_2 \log(\sigma_{t-1}^2) + \alpha_3 \left[\frac{|u_{t-1}|}{\sqrt{\sigma_{t-1}^2}} - \sqrt{\frac{2}{\pi}} \right]$$
 (17 %, 4)

EGARCH	GARCH	
· , • ٢٧٨-	+ , +) ٣	μ
(• , • ٨٥٥)	(*,*114)	
٠, ٠٨٢٣	*,**19	α_0
(·, ۵ΥΥΛ)	$(\cdot, \cdot \cdot)_{Y})$	
•,• ٢١٤-	***, 1. **	α
(·,·***)	(•,•٣٣٣)	
==. , q 7.4°4	. , 4	$\alpha_{\rm Z}$
(\cdot,\cdot) (*)	$(\cdot,\cdot$ 1V $\circ)$	
== - , 7777	-	α_3
(·,·٧٩٥)		

- (ب) في الواقع قُدُرت النهاذج في الجزء (أ) باستخدام العوائد اليوميَّة لسعر الصرف الأجنبي، كيف يُمكن للنظريَّة الماليَّة أن تُفسِّر الأنهاط الملاحظة في مُنحنيات تأثير الأخبار؟
- (1) باستخدام إفيوز، قُم بتقدير نموذج GARCH مُتعدَّد المتغيِّرات لسلاسل العوائد الفوريَّة والمستقبلية المتوفَّرة داخل (1) باستخدام إفيوز، قُم بتقدير نموذج GARCH مُتعدَّد المتغيِّرات، احفظ التغايُّرات والتعانيات الشرطية المجهَّزة ثم استخدمها في إنشاء نسب التحوُّط المثلى المتغبِّرة مع الزمن، قارن ذلك الرسم البياني بنسبة التحوُّط غير الشرطي المحسوبة في الفصل ٣.

ولفمل ولعاشر

نماذج تبديل النظام Switching Models

غرجات التعلم

سوف تتعلُّم في هذا الفصل كيفية:

- استخدام مُتغيرات وهمية للمقطع وللميل للسهاح للشُلوك الموسمي في السلاسل الزمنية.
 - الحث على استخدام نهاذج تبديل النظام في الاقتصاد القياسي المالي.
- تحدید وشرح المنطق الذي تستند إلیه نهاذج مارکوف لتبدیل النظام
 (Markov Switching Models).
- مُقارنة ومُقابلة نهاذج ماركوف لتبديل النظام ونهاذج الانحدار الذاتي ذات العتبات (Threshold Autoregressive Models).
 - شرح ما يُستخلص بداهة من تقدير نهاذج تبديل النظام.

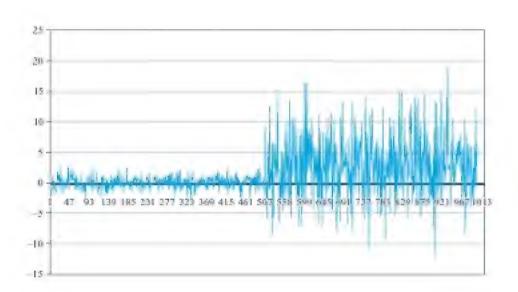
۱۰,۱ الدوافع (Motivations)

يبذُو أن العديد من السلاسل الزمنيَّة في الاقتصاد والماليَّة تمرُّ بسلسلة أحداث يتغيَّر خلافا سُلوك السلسلة بشكل كبير جدًّا مُقارنة بها كانت عليه سابقًا، يُمكن أن يتغيَّر سُلوك السلسلة عبر الزمن، ويكون هذا التغيُّر من حبث قيمتها المتوسَّطة، من حبث تقلّبها، أو من حبث مدى ارتباط قيمتها الحاليَّة بقيمتها السابقة، يُمكن أن يتغيَّر السُّلوك مرَّة واحدة وإلى الأبد، ويُعرف ذلك عادة 'بالانقطاع الهيكلي' في السلسلة، كما يُمكن أن يتغيَّر سُلوك السلسلة لفترة من الزمن قبل أن تعود إلى سُلوكها الأصلي أو أن تتحوَّل إلى نمط آخر من السُّلوك، ويُسمَّى هذا الأخير عادة 'بتحوَّل النظام' أو 'تبدُّل النظام'.

١٠,١,١ ما الذي قد يُسبِّب تغرُّات أساسيَّة فريدة في خصائص السلسلة؟

(What might cause one-off fundamental changes in the properties of a series?)

تُنسب التغيَّرات الجوهريَّة في خصائص السلسلة عادة إلى الأحداث الضخمة مثل: الحروب، المخاوف الماليَّة؛ كالسُّحُب التُفرط للإيداعات المصرفيَّة، التغيُّرات الهامَّة في سياسة الدولة، ونخص بالذُّكر استحداث قيمة مُستهدفة للتضخم، أو كذلك إزالة



الشكل رقم (١٠,١) عيَّة من رسم بياني لسلسلة زمنيَّة توضَّح نحوُّل النظام.

الرقابة على أسعار الصرف، كما نذكر أيضًا التغيَّرات في الهيكل الجُزئي للسوق، مثل 'الانفجار الكبير' (Big Bang)، أو عندما أصبح التداول في بورصة لندن يتم إلكترونيًّا، أو تغيير آليَّة التداول في السوق مثل الانتقال الجزئي لبورصة لندن سنة ١٩٩٧ من نظام تُحرُّكه أسعار صانعي السوق (Quote-Driven System) إلى نظام تُحرُّكه أوامر النداول (Order-Driven System).

من ناحية ثانية، من الصحيح أيضًا أن تحوُّلات النظام قد تحدث بصفة مُنتظمة وبتكرارات أكثر بكثير، من الممكن أن تحدث مثل هذه التغيُّرات نتيجة لعوامل أكثر غموضًا، لكن لا تزال مع ذلك تُحدِث تعديلات هامَّة إحصائيًّا في سُلوك السلسلة، ومن الأمثلة على ذلك نذكر أنهاط التداول اليومي المشاهدة في هوامش الشراء والبيع في سوق الأسهم (انظر الفصل ٧)، تبدو هذه الفروق ذات قيم مُرتفعة خلال فتح السوق، ثم تتقلَّص تدريجيًّا على مدار اليوم قبل أن تتَّسع مُجدَّدًا عند إغلاق السوق.

لإعظاء مثال عن نوع التحوُّلات التي من الممكن حدوثها يُقدِّم الشكل رقم (١٠,١) مثالًا صارخًا عن ذلك، وكما بتبيِّن من هذا الشكل بتغيَّر سُلوك السلسلة بشكل لافت للانتباء عند حدود المشاهدة رقم ٥٠٠، لا يقتصر الأمر على أن السلسلة تُصبح أكثر تقلبًا من ذي قبل، بل إن قيمة مُتوسِّطها تزداد أيضًا بشكل ملحوظ، وعلى الرغم من أن هذا المثال يُعتبر حالة صارمة تم إنشاؤها باستخدام بيانات مُحاكاة، فمن الواضح أنه أمام هذه التغيُّرات في النظام لن يكون تقدير نموذج خطي على كامل الفترة التي تشمل التغيُّر من نظام لآخر، ثم التغيُّر من نظام لآخر، ثم تقدير ناذج مُنفصلة لكل جزء، من المكن كذلك الساح للسلسلة إلا بأن تكون مُستمدَّة من نوعين مُختلفين من عمليات توليد

تهاذج تبديل النظام م

البيانات أو أكثر وعند أزمنة مُحتلفة، فعل سبيل المثال، إذا كان يُعتقد أن العمليَّة (AR(1 مُناسبة لالتقاط الخصائص الهامَّة لسلسلة ما تغبُّر سُلوكها عند المشاهدة رقم ٥٠٠ مثلًا، فإنه يُمكن تقدير نموذجين كالآتي:

م قبل المشاهدة رقم
$$y_t = \mu_1 + \emptyset_1 y_{t-1} + u_{1t}$$
 قبل المشاهدة رقم (۱،۱۰)

وم بعد الشاهدة رقم
$$y_t = \mu_2 + \phi_2 y_{t-1} + u_{2t}$$
 (۲ ، ۱ ۰)

في إطار الشكل رقم (١٠,١)، بدل ذلك على التركيز على نغير قيمة المتوسّط لا غير، تُحثّل هذه المعادلات مثال بسيط جدًا لما يُعرف باسم النموذج خطي القِطع (Piecewise Linear Model)، أي أنه على الرغم من أن النموذج إجمالًا غير خطّي (أي عندما يُؤخذ النموذج بأكمله) إلَّا أن كل عُنصر من العناصر المكوّنة له يُعتبر نموذجًا خطيًّا.

قد تكون هذه الطريقة صحيحة، إلا أنها من المرجّع أن تكون مهدرة للمعلومات أيضًا، فعل سبيل المثال، حتى وإن كان هناك في كل عيّنة ما يكفي من المشاهدات لتقدير الناذج (الخطية) المنفصلة فسوف يكون هناك خسارة من حيث الكفاءة بسبب وجود عدد أقل من المشاهدات في كلّ من العيّنتين عنًا لو تم تجميع كافة المشاهدات معًا، من الممكن كذلك أن تتغيّر خاصّية فقط من خصائص السلسلة، على سبيل المثال تتغيّر قيمة مُتوسّط السلسلة (غير الشرطي) دون المساس بخصائصها الأخرى، من المنطقي في هذه الحالة محاولة إبقاء كل المشاهدات معًا لكن مع الأخذ بعين الاعتبار الشكل المميّز للتغيّر الفيكلي في عمليّة بناء النموذج، وبالتالي فإن المطلوب هو عبارة عن مجموعة من النهاذج تسمح باستخدام جميع مُشاهدات السلسلة في تقدير النموذج، وأن هذا النموذج بكون أيضًا مرنًا بها فيه الكفاية ليأخذ بعين الاعتبار أنواعًا مُتلفة من الشّلوك عند نقاط مُتلفة من الزمن، هناك فئتان من نهاذج تبديل النظام يُرجّع أنها فيه الكفاية ليأخذ بعين الاعتبار أنواعًا مُتلفة من الشّلوك عند نقاط مُتلفة من الذاتي فات العثبات.

السؤال الأوَّل والرئيس الذي يطرح نفسه الآن هو: كيف يُمكن تحديد أين يقع تبديل (أو تبديلات) النظام؟ سوف تعتمد الطريقة المستخدمة في اتخاذ هذا الخيار على النموذج المستخدم، هناك نوع بسيط من نهاذج تبديل النظام أين تتم التبديلات من نظام لأخر بشكل حتمي باستخدام المتغيِّرات الوهمية، ومن أحد الاستخدامات الهامة لهذا النموذج في مجال المالية هو السياح بـ الموسمية؛ في البيانات المالية، في مجال الاقتصاد والمالية عمومًا يُعتقد أن العديد من السلاسل تُبدي سُلوكًا موسميًّا ينتج عنه أن أحد عناصر السلسلة يكون متغيِّرًا دوريًّا يُمكن التنبؤ به جُزئيًّا عبر الزمن، (ذا قُمنا على سبيل المثال بدراسة البيانات الشهريَّة أو الفصلية للإنفاق الاستهلاكي فمن المرجَّح أن قيمة السلسلة معوف ترتفع بسرعة في أواخر شهر توقمبر بسبب النفقات المتعلقة بعيد الميلاد، يلي ذلك تدني قيمة السلسلة في منتصف شهر بناير، عندما بدرك المستهلكون أنهم أنفقوا أكثر من اللازم قبل عبد الميلاد، وفي موسم تخفيضات شهر بناير! كما ينخفض أيضًا للإنفاق الاستهلاكي في المملكة المتحدة عادة خلال فترة عطلة أغسطس عندما يكون جميع أصحاب العقول الواجحة قد غادروا البلاد، تتجلَّى هذه الفلواهر في المملكة المتحدة عادة تعلال فترة عطلة أغسطس عندما يكون جميع أصحاب العقول الواجحة قد غادروا البلاد، تتجلَّى هذه الفلواهر في المملكة المتحدة عادة تعلال فترة عطلة أغسطس عندما يكون جميع أصحاب العقول الواجحة قد غادروا البلاد، تتجلَّى هذه الفلواهر في العديد من السلاسل وتكون بنفس الدرجة، وفي نفس الوقت من كل سنة، وما عدا ذلك يُنسَب إلى الاتجاء العام طويل المذى (Long-term Trend) وإلى النغيَّرية قصيرة الأجل للسلسلة.

٢ . ١٠ الأحداث الموسميَّة في الأسواق الماليَّة.. مقدمة واستعراض للمؤلفات

(Seasonalities in financial markets: introduction and literature review)

في إطار الأسواق المائيّة، ولا سبها فيها يتعلَّق بالأسهم، لوحظ وجود عدد من 'النأثيرات الموسمية' الأخرى، تُعرف مثل هذه التأثيرات 'بانحرافات التقويم' (Calendar Anomalies) أو 'تأثيرات التقويم' (Calendar Effects)، ومن الأمثلة عن ذلك نذكر تأثيرات فتح وإغلاق السوق، 'تأثير شهر يناير'، تأثيرات نهاية الأسبوع وتأثيرات عطلة البنوك، هذا ومثَّل التحرَّي عن وجود

'تأثيرات التقويم' في الأسواق الماليَّة من عدمه موضوعًا لعدد هائل من الأبحاث الأكاديميَّة الحديثة، يُمكن تعريف تأثيرات التقويم بشكل عام على أنها ميل عوائد الأصول الماليَّة إظهار أنهاط مُنتظمة في أوقات مُخدَّدة من اليوم، من الأسبوع، من الشهر، أو من السنة، ومن الأمثلة عن أهم تلك الانحرافات نجد تأثير يوم الأسبوع الذي يُؤدي في المتوسط إلى ارتفاع ملحوظ في عوائد بعض أيام الأسبوع دون أيام أخرى، فعلى سبيل المثال، توصَّلت دراسات فرنش (١٩٨٠)، جببونز وهيس (١٩٨١) ((١٩٨١) (١٩٨٥) الأسبوع دون أيام أخرى، فعلى سبيل المثال، توصَّلت دراسات فرنش (١٩٨٠)، جببونز وهيس (١٩٨١) (١٩٨٤) التَّحدة سالب (١٩٤١) وكيم وستانبو (١٩٨٤) ((١٩٨٤) ((١٩٨٤) ((١٩٨٤) المقابل، وجد جاف ووسترفيلد (١٩٨٥) ((١٩٨٥) ((١٩٨٥) الماليات المتَحدة سالب معنوبًا يوم الجمعة، في المقابل، وجد جاف ووسترفيلد (١٩٨٥) ((١٩٨٥) ((١٩٨٥) الماليات المتَحدة أن أيام الثلاثاء شهدت أدنى مُستويات لعوائد أسواق الأسهم اليابانية والأسترالية.

تبدو هذه النتائج للوهلة الأولى مُتناقضة مع فرضية كفاءة الأسواق حيث إنه يُمكن اعتبار وجود انحرافات التقويم على أنها تدل ضمنًا على أن المستثمرين بإمكانهم وضع إستراتيجيات تداول تجني من ورائها أرباحًا غير طبيعيَّة استنادًا إلى هذه الأنباط، فعلى سبيل المثال، ومع بقاء جميع العوامل الأخرى ثابتة، قد يرغب مُشترو الأسهم في بيع الأسهم عند الإغلاق يوم الجمعة، والقبام بالشراء عند الإغلاق بوم الخميس، وذلك بهدف الاستفادة من تلك التأثيرات، ومع ذلك فإن إثبات إمكانيَّة التبؤ بعوائد الأسهم لا يعني بالضرورة عدم كفاءة السوق، على الأقل لسبين؛ أولًا: من المرجَّح أن مُتوسط فائض العوائد الطفيف الموثق في أوراق البحوث المذكورة أعلاه لن يُولَّد أرباحًا صافية ضمن إستراتيجية تداول حالمًا نأخذ بعين الاعتبار تكائيف المعاملات، لذلك، وفي ظل العديد من التعريفات "العصرية" لكفاءة السوق (على سبيل المثال تعريف جنسن، ١٩٩٨) فإنه لن يتم تصنيف هذه الأسواق بكونها غير فعالة، ثانيًا: من المكن أن تُعزى الاختلافات الواضحة في عوائد مختلفة أيام الأسبوع إلى التفاوت الزمني لعلاوات مخاطر سوق الأسهم.

إذا تواجدت أيَّ من ظواهر التقويم تلك في البيانات، لكن تم تجاهلها أثناء عمليَّة بناء النموذج، فمن المرجَّح أن تكون نتيجة ذلك سوء توصيف للنموذج، فعلى سبيل المثال، من المرجَّح أن يُؤدي تجاهل الموسميَّة في الإ إلى ارتباط ذاقٍ في البواقي بدرجة مساوية للموسميَّة، فمثلًا يكون الارتباط الذاتي من الدرجة الخامسة إذا كانت الإسلسلة لعوائد يوميَّة.

٣, ١٠ نمذجة الموسميَّة في البيانات الماليَّة

(Modelling seasonality in financial data)

وكما ورد أعلاه، تُعتبر الموسميَّة عند التكرارات المختلفة في البيانات الماليَّة أمرًا مُوثَقًا جيِّدًا عَمَّا لا يدع شكَّا في وجودها، حتى وإن كان هناك جدل حول كيفيَّة تفسير الموسميَّة تفسيرًا منطقيًّا، وتتمثَّل إحدى الطرق البسيطة للتعامل مع ذلك، وفحص مدى تواجد الموسميَّة في إدراج متغيَّرات وهمية في معادلات الانحدار، يعتمد العدد المقبول للمتغيَّرات الوهمية التي يُمكن إنشاؤها على تهاذج تبديل النظام ٥٠٥

نواتر البيانات، على سبيل المثال، يُمكن إنشاء أربعة متغيّرات وهمية لبيانات رُبع سنوية، واثني عشر متغيّرًا للبيانات الشهرية، خسة متغيّرات لبيانات يومية وهكذا، في حالة بيانات ربع سنوية سوف يتم تعريف أرباع المتغيّرات الوهمية على النحو التالي:

١ =D1، في الربع الأوَّل وصفر خلاف ذلك

١ =D2c في الربع الثاني وصفر خلاف ذلك

٠D3 افي الربع الثالث وصفر خلاف ذلك

D4- ١ في الربع الرابع وصفر خلاف ذلك

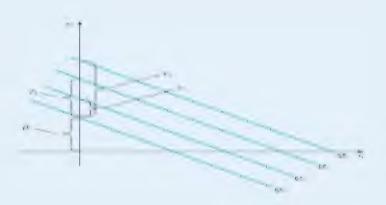
كم عدد المتغيرات الوهمية التي يُمكن وضعها في نموذج الانحدار؟ إذا تم استخدام حد المقطع في الانحدار فإن عدد المتغيرات الوهمية التي يجب إدراجها يكون أقل بواحد من 'موسميَّة' البيانات، لفهم ذلك فلننظر فيها قد يحدث إذا قُمنا باستخدام كل المتغيرات الوهمية الأربعة للسلسلة الربعيَّة، فيها يلي الفيم التي سوف تتخذها المتغيرات الوهمية لفترة مُنتصف الثهانينات إلى جانب مجموع المتغيرات الوهمية عند كل نُقطة زمنية، والذي يرد في العمود الأخير:

المجموع	D4	ДЗ	D2	DI		
1	*	•	•	١	QI	ነጻለገ
1		а	١		Q2	
١	к	1,			Q3	
١	3	31			Q4	
3	4	+	*	١	QI	VAPI
1.	*	Ŧ	3		Q2	
3	4	7,	W		Q3	
			إلخ			

سبكون مجموع المنغبَّرات الوهمية الأربعة يساوي واحد في كل فترة زمنيَّة، للأسف هذا المجموع قطعًا مُطَابِقًا للمنغبَّر المرتبط ضمنيًا بمعامل المفطع، وبالتالي إذا تم إدراج كل من المتغبِّرات الوهمية الأربعة والمقطع في نفس الانحدار سوف تظهر مشكلة التعدد الخطي التام بحيث لا يكون الحصول على "(X'X) ولا يُمكن تقدير أيَّ من المعاملات، تُعرَف هذه المشكلة بفخ التغيَّرات الوهميَّة، يتمثَّل الحل لهذه المشكلة إمَّا في استخدام ثلاثة منغيَّرات وهميَّة فقط إضافة إلى المقطع، أو استخدام المنغيَّرات الوهميَّة الأربعة دون المقطع.

الإطار رقم (١٠,١١) كيف تعمل المتغيّرات الوهمية؟

تعمل المتغيّرات الوهمية -وكما هو موضح أعلاه- بتغيير المقطع، بحيث على ضوء كل المتغيّرات المفسّرة يُسمّح لمتوسط قيمة المتغير التابع بالتغيّر عبر الفصول. وهذا مُبيَّن في الشكل رقم (٢،١٠).



الشكل رقم (١٠,٣) استخدام المتغيّرات الوهمية المقطعية لبيانات فصليّة.

لنأخذ الانحدار التالي:

$$y_t \; = \; \beta_1 + \gamma_1 D1_t + \gamma_2 D2_t + \gamma_3 D3_t + \beta_2 x_{2t} + \cdots + u_t \qquad \qquad (\forall \cdot \land \cdot)$$

سوف يتم تغيير المقطع خلال كل فترة. سيكون المقطع على النحو التالي:

- الربع الأول بها أن D1 = D3 = 0 و فلك لكل مُشاهدات الربع $\hat{\beta}_1 + \hat{\gamma}_1$ الربع الأول بها أن D2 = D3 = 0 و ذلك لكل مُشاهدات الربع المربع المربع الأول بها أن $\hat{\beta}_1 + \hat{\gamma}_1$
- و في الربع الثاني بها أن D2=0 و D3=0 و فلك لكل مُشاهدات الربع $\hat{\beta}_1+\hat{\varphi}_2$ و الربع $\hat{\beta}_1$
- $\hat{\beta}_1 + \hat{\gamma}_3$ في الربع الثائث بها أن 1 = D3 = 0 و D3 = 1 وذلك لكل مُشاهدات الربع γ .
 - لوبع الربع الرابع بها أن D1=D2=D3=0 وذلك لكل مُشاهدات الربع $\hat{\beta}_1$

تهاذج تبديل النظام ٧٠٥

سوف تُلتقط الحُصائص الموسميَّة في البيانات باستخدام أيَّ من هذين الحلَّين، وستكون البواقي في كل حالة مُتطابقة على الرغم من أن تفسير المعاملات سوف يتغيَّر، فإذا تم استخدام أربعة متغيِّرات وهمية (وبافتراض عدم وجود متغيِّرات مُقسرة في الانحدار)، يُمكن تفسير المعاملات المقدرة على أنها مُتوسط قيمة المتغيَّر النابع خلال كل فصل، في حالة استخدام ثابت وثلاثة متغيِّرات وهمية فإن المعاملات المقدرة للمتغيِّرات الوهمية تُفسَّر على أنها عَثل مُتوسط انحرافات المتغيِّرات التابعة للفصول المدرجة عن قيمها المتوسّطة للفصل المستبعد من الانحدار، على النحو الوارد في المثال (١٠١٠) أدناه.

ميثال(١٠,٠١).......

بحث بروكس وبيرساند (٢٠٠١) عن دليل لتأثير يوم الأسبوع في خمسة أسواق أوراق ماليَّة في جنوب شرق آسيا وهي: كوريا الجنوبية، ماليزيا، الفلبين، تابوان وتايلاند. هذا وتم جَمْع البيانات من بريارك داتاسنريم (Primark Datastream) على أساس أسعار الإغلاق اليوميَّة لجميع أيام الأسابيع (من أيام الاثنين إلى أيام الجمعة) الواقعة في الفترة الممتدَّة من ٣١ ديسمبر ١٩٨٩ وحتى ١٩ يناير ١٩٩٦ (أي ما مجموعه ١٩٨٩ مُشاهدة). تتَّخذ الانحدارات الأولى المقدرة، والتي تُشكل الاختبارات الأبسط لتأثيرات يوم الأسبوع، الشكل التالى:

$$r_t = \beta_1 + \gamma_1 D 1_t + \gamma_2 D 2_t + \gamma_3 D 3_t + \gamma_4 D 4_t + \gamma_5 D 5_t + u_t$$
 (5.1.)

حيث يُمثّل re العائد المدروس بصفة مُنفصلة لكل بلد في الزمن D1e et متغيّر وهمي ليوم الاثنين يأخذ القيمة الكل مشاهدات يوم الاثنين وصفر خلاف ذلك، وهكذا يُمكن تفسير قيم المعاملات المفدّرة على أنها مُتوسط عائد العينة لكل يوم من أيام الأسبوع، يُظهر الجدول رقم (10,1) نتائج هذه الانحدارات.

نتمثَّل الخصائص الرئيسة بإيجاز فيها يلي، ليس هناك تأثيرات تقويم معنويَّة لكل من كوريا الجنوبية والفلبين، بالنسبة لتابلاند وماليزيا فلكلُّ منهما متوسَّط عوائد موجب يوم الاثنين وعوائد سالبة معنويًّا يوم الثلاثاء، أمَّا تابوان فلديها تأثير معنوي يوم الأربعاء.

كما ذُكر أعلاه يُمكن أيضًا استخدام المتغيِّرات الوهمية لاختبار انحرافات التقويم الأخرى كتأثير يناير مثلًا، وما إلى ذلك من الانحرافات كما نوقش أعلاه، كما يُمكن أن يتضمَّن الانحدار في نفس الوقت متغيِّرات وهميَّة ذات تواترات مُختلفة، يُمكن على سبيل المثال إضافة متغيِّر وهمي جديد ، D6 يُمثَّل 'تأثيرات شهر أبريل' إلى المعادلة رقم (٤٠١٠)، يقترن ببداية السنة الضريبية الجديدة في المملكة المتَّحدة، مثل هذا المتغيِّر، وحتى وإن كان الانحدار يستخدم بيانات يومية، من شأنه أن يأخذ القيمة ١ لجميع المشاهدات التي نقع في شهر أبريل وصفر خلاف ذلك.

			عاملات أيام	, ۱۰) قیم ومعنویات ه	الجنول رقم (١
الفليين	كوريا الجنوبية	تايوان	ماليزيا	تايلاند	
.,)19	٠,٠٠٠٥٦	•,••1٨0	• . • • गण	• , • • • ६٩	الاثنين
(1,8774)	(·,£٣٣١)	==(Y, 97·E)	**(T, 4A+E)	(·, W()	
.,qv-	1,00102	٠,٠٠١٧٥-	+,++179-	.,	الثلاثاء
(+,+41%-)	(•, 2422)	**(Y, \YaA-)	(1, TATE-)	(-7777,-)	
.,	٠,٠٠٣٤٦_	٠,٠٠٠٣١	٠,٠٠١٦٠_	٠,٠٠٠٣٧-	الأربعاء
(·,o7*Y-)	**(Y ,) +V=)	(+, £VA1)	(24\Y-)	(-,00-)	
٠,٠٠٠٩٢	+,++109	*,**109	+,++1++	+, +++&+	الخميس
(+, A4+A)	(1, 444 £-)	**(Y,YAA%)	(1, + ٣٧٩)	(·,0£7A)	
.,101	٠,٠٠٠٤٢	.,	٠,٠٠٠٥٢	• , • • • • ! -	الجمعة
(1,7177)	(·,٣\٢٣)	(+,+047)	(•,0•٣٦)	(·,٣٩٩٨-)	

ملاحظات: ترد المعاملات في كل خليَّة تليها النسب تي بين قوسين؛ يرمز " و "" على التوالي إلى المعنوية عند المستويات ٥٪ و ١٪. المصدر: يروكس وبيرساند (٢٠٠١).

إذا اخترنا حذف أحد المتغيَّرات الوهمية والإبقاء على المقطع يُصبح المتغيَّر الوهمي المحذوف حبنئذ الفئة المرجعيَّة التي على أساسها تُقارن كل المتغيَّرات الوهمية الأخرى، لنأخذ على سبيل المثال نموذجًا تُعاثلًا للنموذج السابق لكن مع حذف المتغيَّر الوهمي ليوم الاثنين:

$$r_t = \alpha + \gamma_1 D 1_t + \gamma_2 D 2_t + \gamma_3 D 3_t + \gamma_4 D 4_t + \gamma_5 D 5_t + u_t \tag{0.11}$$

سوف تكون قيمة المقطع المفدَّرة @ هي قيمة يوم الاثنين، ٢٠٤ + @ قيمة يوم الثلاثاء، وهكذا، أمَّا يَّ وَتُفَسَّر على أنها فارق متوسَّط العوائد بين أيام متوسَّط العوائد بين أيام الأربعاء، الحميس، الجمعة، ويوم الاثنين.

على أمل أن يكون هذا التحليل قد أوضح بطريقة جيّدة المتغيّر الوهمي (أو المقطع) الذي يجب حذفه من الانحدار، فإننا نستطيع التحكم في تفسير نتائج اختبار الفرضيَّة بطريقة طبيعية، وهو الأمر الأكثر أهيَّة، كما يُمكن تطبيق نفس المنطق على متغيّرات وهميَّة للميل (Slope dummy variables) الوارد وصفها في القسم التالي.

١٠,٣,١ المنغرَّات الوهبَّة للميل

(Slope dummy variables)

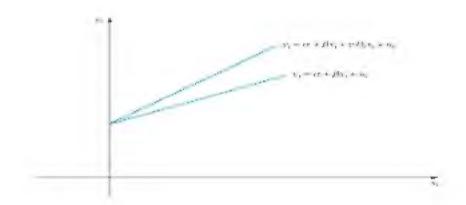
يُمكن إضافة إلى المتغيَّرات الوهميَّة للمقطع، أو بدلًا منها، استخدام متغيِّرات وهمية للميل، تعمل هذه المتغيَّرات على تغيير مبل خط الانحدار تاركة المقطع دون تغيير، يُقدَّم الشكل رقم (٢٠,٣) مثالًا توضيحيًّا في إطار متغيَّر وهمي وحيد للميل (أي ` تهادَّج تبديل النظام ٩٠٥

حالتين مُختلفتين)، ينطبق مثل هذا الإعداد على سبيل المثال إذا كانت البيانات نصف سنويَّة (مرتين سنويًا) أو نصف أسبوعيَّة، أو كذلك المشاهدات المرصودة عند فتح وإغلاق الأسواق، وبالتالي سوف يُعرَّف وD على النحو التالي: 1 = D للنصف الأول من السنة، وصفر للنصف الثاني من السنة.

يُغيِّر المتغيِّر الوهمي للميل ميلَ خط الانحدار تاركًا المقطع دون نغير، في الحالة السابقة يُحدَّد المقطع بـ » في حين أن الميل يتغيَّر عبر الزمن، بالنسبة للفترات التي يأخذ فيها المتغيِّر الوهمي صفرًا سوف يكون الميل مساويًا لـ 8 في حين أنه في الفترات التي يأخذ فيها المتغيِّر الوهمي واحدًا صحيحًا يكون الميل مساويًا لـ ٧ + 8.

من الممكن كذلك ويطبيعة الحال استخدام أكثر من متغيَّر وهمي واحد للميولات، فعلى سبيل المثال، إذا كانت البيانات فصليَّة يُمكن استخدام الإعداد التالي مع العلم أن يـ D3 ... ، D3 قُثُل الفصول ١ -٣.

$$y_t = \alpha + \beta x_t + \gamma_1 D 1_t x_t + \gamma_2 D 2_t x_t + \gamma_3 D 3_t x_t + u_t \tag{3.1.1}$$



الشكل رقم (٣٠,٣) استخدام منغبرات وهميَّة للميل.

في هذه الحالة وبها أن هناك أيضًا حدًّا عند عنه غير مُرنبط بمتغيَّر وهمي فإن مُعاملات المتغيَّرات الوهميَّة (٢٠ إلخ) تُفسَّر على أنها غُثُل انحراف ميل ذلك الربع عن مُتوسِّط الميل لجميع الأرباع (الفصول)، من ناحية أخرى إذا تم إدراج أربعة متغيَّرات وهميَّة للميل (دون إدراج عنه شُكُسَّر مُعاملات المتغيِّرات الوهميَّة على أنها مُعاملات مُتوسِّط الميل خلال كل ربع، مرة أخرى، من المهم عدم إدراج أربعة متغيَّرات وهمية ربعيَّة للميل إلى جانب على الانحدار وإلَّا سوف نُواجه مُشكلة التعدد الخطَّى التام.

مثال(۲,۲)

بالعودة إلى المثال المنعلَق بتأثيرات يوم الأسبوع في أسواق الأسهم في جنوب شرق آسيا، وبالرغم من أن معنويَّة المعاملات في المعادلة رقم (٤٠١٠) تدعم قرضيَّة وجود الموسميَّة في العوائد، فإنه من الجدير بالذُّكُر أن عوامل المخاطرة لم تُوخذ بعين الاعتبار، ومن المهم قبل استخلاص نتائج بشأن احتهال وجود فرص مُراجحة أو بخصوص عدم كفاءة الأسواق، السماح لإمكانيَّة أن يكون السوق أقل أو أكثر خاطرة في أيام مُعيَّنة دون أخرى، وبالتالي يُمكن تفسير العوائد المعنوية المنخفضة (المرتفعة) في المعادلة رقم (٤٠١٠) بانخفاض (ارتفاع) المخاطرة، لذلك قام بروكس وبيرسائد باختبار الموسميَّة باستخدام نموذج سوق تجريبي يتم بواسطته فياس خطر السوق تقريبيًا بالعائد على مؤشر الأسعار العالمي لاتفاقية التجارة الحرة، وبالتالي وجدف يحث كيفيَّة اختلاف الخطر من يوم إلى آخر خلال أيام الأسبوع، سوف نستخدم متغيَّرات وهميَّة نفاعُليَّة (Interactive Dummy Variable) (أي متغيَّرات وهمية للميل) لتحديد ما إذا كان الخطر يرتفع (ينخفض) خلال اليوم الذي تكون فيه العوائد عائية (مُنخفضة).

يُمكن كتابة المعادلة المفدَّرة، على نحو مُنفصل لكل بلد وباستخدام بيانات السلاسل الزمنيَّة، على النحو التالي:

$$r_t = \left(\sum_{i=1}^{5} \alpha_i D_{it} + \beta_i D_{it} RWM_t\right) + u_t \tag{V.1.}$$

حيث يرمز , م و , ه إلى المعاملات التي سيتم تقديرها، على منغير وهمي عدد ، بأخذ القيمة ١ في اليوم ، = ٥ وصفر خلاف ذلك ويُمثَّل , ٨٤ العائد على مؤشر الأسعار العالمي، وبهذه الطريقة عند دراسة تأثير مخاطر السوق على الموسمية يُسمح لكل من المخاطرة والعوائد بأن يتغيَّرًا بتغيَّر أيام الأسبوع، هذا وتَرِد نتائج تقدير المعادلة رقم (١٠،٧) في الجدول رقم (١٠،١)، لاحظ أنه تم استبعاد كوريا الجنوبية والفليين من هذا الجزء من التحليل بها أنه لم يتم العثور فيهها على أيَّة انحرافات تفويم لتُقسَّر في الجدول رقم (١٠،١)، وكها يتَضح من الجدول، تظل هناك تأثيرات معنويَّة ليوم الاثنين في أسواق أسهم بانكوك وكوالالمبور وتأثير معنوي ليوم الخميس في سوق أسهم كوالا لمبور حتى بعد إدراج متغيَّرات وهمية للميل والتي تسمح للمخاطرة بالتغيَّر عبر أيام الأسبوع.

عر المخاطرة	تفاعلية ومتغير بديل	دراء منغة ات وخمية	ت بدء الأسدة مع ا	ر (۲۰۰۲) تأثیران	الحدول و ق

تايوان	حاليزيا	تايلاند	
	٠,٠٠١٨٥	٠,٠٠٣٢٢	الاثنين
(+, 49 (+)	==(Y,A.Yo)	***(*,****)	
.,18.		*,**111-	ולנוללון
(١,٠١٦٣)	(1,4174-)	(1,1080-)	
٠, • • ٢٦٢–	٠,٠٠٠٢٥	٠,٠٠١٦٤-	الأربعاء
(+ A 1 A A -)	(·,٣٧١)	(1,1977-)	
•,••\٦٦-	·, ·· \ 0V	-,/-5	الخميس
(1,1117-)	*(Y, Tala)	(1,+417)	
٠, ٠ • • ١٣=	· , TYO Y-	٠,٠٠٠٣١	الجمعة
(· , · ٩٧٦-)	(• , 0 ٦ ٨ • -)	(+,+7718)	
•, ٦٣٣•	+,0191	٠,٣٥٧٣	بيئا - الاثنين
**************************************	==(£, 9YA£)	*(Y, 14AV)	
., 1074	· , 9.4 T T	1,.701	ينا – الثلاثاء
(T,V.VA)	**(\1, YV+A)	**(A, * * *)	
٠,٣٤٤٤	*, ovo*	1,17121	يتا- الأربعاء
(1, (101)	==(o,1AV·)	***(*,V\{Y)	
٠,٦٠٥٥	٠,٨١٦٣	٠,٦٦٦٢	بنا- الخميس
4(7,0127)	***(9\£\)	44(T, 9T)T)	
1, -9-3	٠,٨٠٥٩	.,9178	يتا - الجمعة
**(£,979£)	**(V, ££97)	**(0, 17.1)	

ملاحظات: تَرد المعاملات في كل خليَّة تليها النسب في بين قوسين؛ يرمز * و ** على التوالي إلى المعنوية عند المستويات ٥٪ و ١٪. المصدر: بروكس وبيرساند (٢٠٠١). تهاذج تبديل النظام ١١٥

كما تنخفض النسب في انخفاضًا طفيفًا من حيث القيمة المطلقة، مُشيرة بالتالي إلى أن تأثير يوم الأسبوع أصبحت أقل وضوحًا بقليل، ومع ذلك فإن متوسط عائد سوق الأسهم التايواني السالب معنويًّا قد اختفى تمامًا، من الواضح كذلك أن مُستويات متوسط المخاطر تختلف باختلاف أيام الأسبوع، فعلى سبيل المثال، تتراوح قيم بيتا لسوق الأسهم في بانكوك من أدنى مستوى لها وهو ٣٦,٠ ويُوافق يوم الاثنين إلى أعلى مُستوى لها والذي يتجاوز الوحدة خلال يوم الثلاثاء، وهذا يوضح أنه ليس هناك فقط تأثير يوم الاثنين مُوجب ومعنوي في هذا السوق، وإنها يتعدَّى ذلك إلى كون استجابة تحركات سوق بانكوك للتغيرات في قيمة سوق الأسهم العالمية العالم تُعتبر أقل بكثير في ذلك اليوم مُقارنة بأيام الأسبوع الأخرى.

111699116691116991116991116691116991166911169911169911169911169911169911169911169911169911169911169911169911169

١٠,٣,٢ المتغيِّرات الوهميَّة للموسمية في إفيوز

(Dummy variables for seasonality in EViews)

يُعتبر تأثير شهر يناير تأثير النفويم الأكثر شيوعًا في البيانات الشهريَّة، تم إنشاء متغيَّر وهمي يأخذ القيمة ١ فقط في أشهر يناير بهدف دراسة ما إذا كان هناك فعلًا وجود لتأثير شهر يناير في انحدار سلسلة زمنيَّة شهريَّة، من السهل القيام بذلك من خلال إنشاء متغيِّر وهمي جديد بُسمَّى JANDUM يحتوي من أوَّله إلى آخره على أصفار، ومن ثمَّ تعديل مُدخلات المتغيِّر بنغير كل أصفار الأشهر يناير بواحد، بالرجوع إلى مثال سعر سهم مايكروسوفت في ملف العمل 'macro.wf1' للقصول \$ و ٥ بنغير كل أصفار المتغيِّر باستخدام المنهجيَّة الموصوفة أعلاه، وإجراء الانحدار عُذَدًا بعد إدراج هذا المتغيِّر الوهمي الجديد، تُود تنائج هذا الانحدار في الجدول التالي:

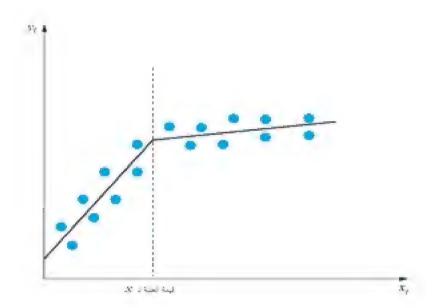
Dependent Variable: El Method: Least Square: Date: 07/08/13 Time: 0 Sample (adjusted): 198 Included observations:	: 6.30 6M05 2013M04			
	Coefficient	Std. Error	1-Statistic	Prob
G	-0.222940	0.897978	-0.248269	0.804
ERSANDI*	1.386384	0.143283	9.675858	0.0000
DPHOD	-1.242103	1.206216	-1.029752	0.3034
DOHEDIT	3.18E-05	6.07E-05	-0.456415	0.6484
DINFLATION	3.962921	2.242415	0.875360	0.3824
DMONEY	0.003737	0.034398	-0.108637	0.9134
DSPREAD	4.281576	6.333687	0.676001	0.4999
RTERM	4.622120	2.287478	2.020619	0.0442
F FRENLILLAN	65 65 307	11.59906	-5.660684	0.0000
FEBOODUM	-66 00058	11.57405	-5.771558	0.0000
JANDUM	4,127243	2.834768	1 455936	0.146
R-squared	0.350457	Mean deper	ndent var	-0.311468
Adjusted R squared	0.329705	5.D depend	dent ver	14,0567
S.E. of regression	11.51000	Akauke into	фифенера	7.757605
Sum верыянней пожий	41466.86	Schwarz on	Терпкого	7.006043
Log likelihood	1245,745	Harman Gu	irun genter	7.0090043
F-statistic:	96 BBZ75	Durbin-Wat:	son stat	2 153722
Prob(F-statistic)	0.000000			

يتبيَّن من الجدول أن المتغيِّر الوهمي خارج نطاق المعنويَّة الإحصائية عند المستوى ١٠٪ وبعلامة مُوجبة مُتوقَّعة، مع افتراض بقاء العوامل الأخرى ثابتة، تُشير قيمة المعامل ٤٠١٢٧ إلى أن عوائد سهم مابكروسوفت في شهر بناير أعلى بحوائي ٤٪ من مُتوسَّط عوائد باقي أشهر السنة.

٤ , ١٠ تقدير الدوال خطية القطع البسيطة

(Estimating simple piecewise linear functions)

يُعتبر النموذج خطَّي القطع مثالًا لمجموعة عامة من النهاذج التي تُعرف بتقني*ات سبلين* (Spline Techniques)، تشمل تقنيات سبلين تطبيق دوال متعدَّدة الحدود على الأجزاء المختلفة للبيانات بطريقة مُجزَّاة، تُستخدم هذه النهاذج على نطاق واسع لتوفيق مُتحنيات العوائد إلى عوائد السندات ذات آجال الاستحقاق المختلفة (انظر على سبيل المثال شيا (١٩٨٤)).



الشكل رقم (٢٠,٤) نموذج خطَّي القطع بعتبة "x.

يعمل النموذج خطّي القطع البسيط على النحو التالي، إذا كانت العلاقة بين السلسلتين x و y تختلف حسب ما إذا كانت قيمة x أصغر أو أكبر من قيمة عتبة ما "x فإنه من المكن النقاط هذه الظاهرة باستخدام المتغيَّرات الوهميَّة، يُمكن تعريف المتغيَّر الوهمي D، بحيث يتَّخذ القيم التالية:

لتقديم مثال توضيحي عن الحالات التي يكون فيها النموذج خطّي القطع مُفيدًا، نذكر أنه تختلف أحيانًا حدود وحدات المزايدة السعريَّة (١٩٩٣) (انظر كذلك الفصل ٦ المزايدة السعريَّة (١٩٩٣) عقود بورصة شيكاغو وحدات المزايدة السعريَّة بـ ١/ ٨ دولارات للخيارات بقيمة ٣ دولارات فأكثر

تهادَّج تبديل النظام ١٣٠٥

وب ١٦/١ دولارًا للخيارات التي قيمها أقل من ٣ دولارات، يعني ذلك أن حركات الأسعار الدنيا المسموح بها هي على التوالي ١٨ دولارات و ١٦/١ دولارًا للخيارات بقيمة ٣ دولارات فأكثر، وللخيارات التي قيمها أقل من ٣ دولارات، وبالتالي إذا استُخدم ٧ وهو هامش شراء وبيع الخيار و x وهو سعر الخيار كمتغيَّر لتفسير حجم الهامش جُزئيًّا فإن الهامش سيتغيَّر جُزئيًّا بتغيُّر سعر الخيار وبطريقة قطعية وفقًا لحد وحدات المزايدة السعريَّة، يُمكن إذًا تحديد النموذج على النحو التالي:

$$y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + \beta_3 D_t + \beta_4 D_t x_t + u_t$$
 (9.1.)

مع العلم أن Dt لها نفس التعريف السابق، على ضوء ما تقدَّم بخصوص المتغيِّرات الوهميَّة، استُخدم المتغيِّر الوهمي في المعادلة رقم (٨٠١٠) كمقطع وكمنغيَّر وهمي للمبل على حد السوام، يُقدَّم الشكل رقم (٢٠,٤) مثالًا يُظهر البيانات وخط الانحدار.

لاحظ أنه يُفترض في هذه المرحلة أن قيمة العتبة أو "المفصل" معلومة، هذا ونُشير إلى أنه من الممكن تعميم هذه الحالة إلى حالة يكون فيها يه مُستمدًّا من أكثر من نظامين، أو أنه ناتج عن نموذج أكثر تقعيدًا.

٥ , ١٠ نهادُج ماركوف لتبديل النظام

(Markov switching models)

على الرغم من اقتراح أدبيات الاقتصاد الفياسي لعدد هائل من نهاذج العنبة اللاخطية، إلّا أن هناك فقط نوعين من النهاذج كان لهما تأثير ملحوظ في مجال الماليّة (إضافة إلى النهاذج Hamilton (العتبات من النوع المشار إليه في الفصل ٨)، هذان النموذجان هما نموذج ماركوف لتبديل النظام المنسوب إلى هاميلتون (١٩٨٩ و ١٩٩٠) ((١٩٩٥ و ١٩٥٠) ونموذج الانحدار الذاتي ذو العتبات المنسوب إلى تونغ (١٩٨٣ و ١٩٩٠)، سوف تتم مُناقشة كلِّ من هذه الصيغة أدناه.

١٠,٥,١ أساسيات نهاذج ماركوف لتبديل النظام

(Fundamentals of Markov switching models)

تُفسَّم المجموعة الشاملة للأحداث المكنة في إطار نهج ماركوف لتبديل النظام إلى m حالة من حالات العالم، يُرمز إليها بسس... m المقابلة للأنظمة m، يعبارة أخرى: يُفترض أن p نيدُل النظام وفقًا لمتغيَّر غير مُشاهد p والذي يأخذ قيبًا صحيحة، سوف نفترض فيها تبقى من هذا الفصل أن m=1 أو m=1 وبالتالي إذا كان m=1 فإن العمليَّة تكون في النظام m في الزمن m وإذا كان m عن غير المعمليَّة تكون في النظام m في الزمن m تخضع حركات متغيَّر الحالة (State Variable) بين الأنظمة إلى عمليَّة ماركوف، يُمكن التعبير عن خاصَّية ماركوف هذه كالتالى:

$$P[a < y_t \le b \mid y_1, y_2, \dots, y_{t-1}] = P[a < y_t \le b \mid y_{t-1}]$$
 (1.1.)

تنص هذه المعادلة ببساطة على أن التوزيع الاحتمالي للحالة في أي زمن t يتوقف فقط على الحالة في الزمن 1 - t وليس عل حالات الأزمنة 2 - t - 3 .r - 2 ... وبالتائي عمليات ماركوف ليست مُعتمدة على مسار ما، تكمن قوة النموذج في مرونته وفي كونه قادرًا على التقاط التغيرات في التباين بين عمليات الحالة، فضلًا عن التقاط التغيرات في المتوسط.

يتكوَّن الشكل الأساسي لنموذج هاميلتون، والذي يُعرف أيضا "بمرشح هاميلتون" (Hamilton's filter) (انظر هاميلتون (١٩٨٩))، من متغيِّر حالة يُرمز إليه بـ zz، والذي يُفترض أنه استنادًا إلى عمليَّة ماركوف من المرتبة الأولى يقوم بتقدير:

$$Prob[z_t = 1 | z_{t-1} = 1] = p_{11}$$
 (11.1.)

$$Prob[z_t = 2 | z_{t-1} = 1] = 1 - p_{11}$$
 (17.1.)

$$Prob[z_t = 2 | z_{t-1} = 2] = p_{22}$$
 (14.1.)

حيث يرمُّز به و و يوع على التوالي إلى احتيال التواجد في النظام ١، عليًا وأن نظام الفترة السابقة هو النظام ١ واحتيال التواجد في النظام ٢، عليًا بأن نظام الفترة السابقة هو النظام ٢، وبالتالي تُعرَّف وو بي الحالة ٢ في الفترة ١ في الفترة ١ – ٤ إلى الحالة ٢ في النظام ٢، عليًا بأن نظام الفترة ١ – ٤ إلى الحالة ٢ إلى الحالة ١ بين الزمن ٤ والزمن ١ – ٤، كما يُمكن في إطار هذا التوصيف إثبات أن يتطوَّر ع حسب العمليّة (١) AR(1)

$$z_{t} = (1 - p_{11}) + \rho z_{t-1} + \eta_{t} \tag{10.11}$$

حيث إن 1 - p₁₁ + p₂₂ - 1، يُمكن بشكل عام اعتبار z تعميًا للمتغيِّرات الوهميَّة التي سبق ذكرها والمستخدمة في نمذجة التحوُّلات في السلسلة، من الممكن في إطار نهج ماركوف لتبديل النظام وجود تحوُّلات مُتعدَّدة من مجموعة سلوكيات إلى أخرى. تتطوَّر سلسلة العوائد المشاهدة في هذا الإطار على النحو المفدَّم في المعادلة رقم (١٠،١٥):

$$y_t = \mu_1 + \mu_2 z_t + (\sigma_t^2 + \phi z_t)^{1/2} u_t$$
 (17.1.)

حيث إن $(u_1-N(0,1))$ ، تكون قيمة السلسلة وتبايُنها المنوقعان في الحالة ١ على النوالي μ_1 و σ_1^2 هن أمّا في الحالة ٢ فهما على النوالي $\sigma_1^2+\phi$ و $(\mu_1+\mu_2)$ و $(\mu_1+\mu_2)$ و $(\mu_1+\mu_2)$ و التباين في الحالة ٢ أيضًا كالتالي: $\sigma_1^2+\phi$ و $(\mu_1+\mu_2)$ و المعلومة $(\mu_1,\mu_2,\sigma_1^2,\sigma_2^2,p_{11},p_{22})$ باستخدام الإمكان الأعظم، تتعدَّى تفاصيل التقدير نطاق هذا الكتاب لكن يقدِّم إنجل وهاميلتون $(\mu_1,\mu_2,\sigma_1^2,\sigma_2^2,p_{11},p_{22})$ تفاصيل أكثر شمولًا.

إذا كان المتغيِّر يتبع عمليَّة ماركوف فإن كل ما هو مطلوب للتنبؤ باحتيال أن يكون المتغيِّر في نظام مُعيَّن خلال الفترة السابقة هو احتيال الفقرة الحاليَّة إضافة إلى مجموعة احتيالات الانتقال (Transition Probabilities) من نظام إلى آخو المقدِّمة في المعادلات رقم (١١،١٠) – (١٤،١٠) في حالة كان لدينا نظامان اثنان، أمَّا في الحالة العامة حيث هناك m حالة فمن الأفضل صياغة احتيالات الانتقال من حالة إلى أخرى في مصفوفة كالتالي:

$$P = \begin{bmatrix} P_{11} & P_{12} & \dots & P_{1m} \\ P_{21} & P_{22} & \dots & P_{2m} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ P_{m1} & P_{m2} & \dots & P_{mm} \end{bmatrix}$$
 (1V.1.)

حيث يُمثَّل ،P احتيال الانتقال من النظام ؛ إلى النظام ؛، ونظرًا إلى أن المتغيَّر يجب أن يكون في حالة من الحالات m، وذلك في أي وقت من الأوقات، فيصح كتابة:

$$\sum_{i=1}^{m} P_{ij} = 1 \quad \forall \quad i \tag{Act}$$

يُعرِّف مُتجه احتمالات الحالات الحالية كالتالي:

تهافج تبديل النظام ٥١٥

$$\pi_t = [\pi_1 \, \pi_2 \dots \, \pi_m] \tag{19.1}$$

حيث بُمثل ، ٣ احتيال أن يكون y حاليًا في الحالة i، إذا علمنا ، ٣ و P فمن الممكن التنبؤ باحتيال أن يكون المتغيّر y في نظام ما خلال الفترة القادمة باستخدام المعادلة:

$$\pi_{t+1} = \pi_t P \tag{Y * () *)}$$

أمًّا الاحتيالات لـ 8 خطوة في المستقبل فتُعطى بالمعادلة التالية:

$$\pi_{t+s} = \pi_t P^s \tag{Yield}$$

١٠,٦ نموذج ماركوف لتبديل النظام لنمذجة سعر الصرف الحقيقي

(A Markov switching model for the real exchange rate)

هناك عدد من نطبيقات نموذج ماركوف لتبديل النظام في مجال الماليَّة، فمن الواضح أن هذا النهج يُعتبر مُفيدًا عندما يُعتقد أن السلسلة تخضع لتحوُّلات من نوع سلوك لآخر قبل العودة مُجدَّدًا لنفس السلوك، وحيث يكون "متغيِّر الدفع" (Forcing Variable) المنسبَّب في تحوُّلات النظام غير مُشاهد.

من بين التطبيقات نذكر نمذجة سعر الصرف الحقيقي، وكها ورد في الفصل ٨، تُشير نظريَّة تعادل القوة الشرائية إلى أنه ينبغي دائها تطبيق قانون السعر الواحد على المدى الطويل بحيث تكون تكلفة سلة نموذجيَّة من السلع والحدمات بعد تحويلها إلى عملة موحدة هي نفسها أيَّا كان مكان شرائها، ومن بين الآثار المترتَّبة على نظريَّة تعادل الفوة الشرائيَّة تحت بعض الافتراضات نجد أن سعر الصرف الحقيقي (والذي يُعرف بأنه سعر الصرف مقسومًا على رقم قياسي للمستوى العام للأسعار، كمؤشر أسعار المستهلكين مثلًا) يجب أن يكون ساكنًا، غير أن عددًا من الدراسات فشل في رفض فرضيَّة العدم المتمثّلة في وجود جذر الوحدة في أسعار الصرف الحقيقيّة، مُشيرة بذلك إلى رفض نظريَّة تعادُل الفوة الشرائية.

من المعروف على نطاق واسع أن قوة اختبارات جذر الوحدة تكون مُتدنية في ظل وجود انقطاعات هيكلية، فمثلاً يجد اختبار ADF صعوبة في التمييز بين عملية ساكنة تخضع لانقطاعات هيكلية، وبين عملية جذر الوحدة، للتحقُّق من هذه الإمكانية قام بيرجمان وهانسون (٢٠٠٥) ((Bergman and Hansson (2005)) بتقدير نموذج ماركوف لتبديل النظام بتركيب (1) AR لسعر الصرف الحقيقي، والذي يسمح بتبديلات مُتعدَّدة بين نظامين، يتمثَّل التوصيف المستخدم من قِبلها فيها يلى:

$$y_t = \mu_{s_t} + \phi y_{t-1} + \epsilon_t \tag{YY.1.}$$

حيث يُمثل y_t سعر الصرف الحقيقي، s_t (t = 1,2) الحالتين و s_t (t = 1,2) يُفترض أن متغيِّر الحالة s_t يتبع نموذج ماركوف ثنائي النظام القياسي كها هو موضح أعلاه.

استُخْدِمت بيانات فصلية تمتد بين الربع الثاني لسنة ١٩٧٧ والربع الرابع لسنة ١٩٩٧ (٩٩ نقطة بيانات) لسعر الصرف الحقيقي (عدد وحدات العملة الأجنبية مقابل الدولار الأمريكي) لكل من المملكة المتحدة، فرنسا، ألمانيا، سويسرا، كندا واليابان، كها

 ⁽¹⁾ قام المؤلفان كذلك بتقدير نهاذج تسمح تـ ٥ و ٥ بالتغيّر عبر الحالات لكن لم يتسلّ رفض القيد التي يعتبر أن الحالتين فمها نصس المعلمات وبالتالي تفترض القيم المقدمة في الدراسة أن ٥ و ٥ ثابتة.

تم تقدير النموذج باستخدام أول اثنتين وسبعين مُشاهدة (من الربع الثاني لسنة ١٩٧٣ إلى الربع الرابع لسنة ١٩٩٠)، وتم الاحتفاظ بباقي المشاهدات لإجراء تقييم للنبؤات خارج العبنة، كما استخدم المؤلفان ١٠٠ مرَّة لوغاريتم سعر الصرف الحقيقي، والذي تم تطبيعه ليأخذ القيمة واحدًا في الربع الثاني لسنة ١٩٧٣، وذلك لكل البلدان، يعرض الجدول رقم (٣٠، ١) القيم المقدَّرة لنموذج ماركوف لتبديل النظام والمتحصَّل عليها باستخدام الإمكان الأعظم.

وكما يتبيّن من الجدول، تمكّن النموذج من فصل أسعار الصرف الحقيقيّة إلى نظامين مُنفصلين، وذلك لكل سلسلة من السلاسل وبمقطع موجب في النظام ١ (μ1) لكل البلدان باستثناء اليابان (بسبب القوة الهاثلة للين خلال فترة العيّنة)، وهذا يُوازي ارتفاعًا في لوغاريتم عدد وحدات العملة الأجنبيّة مُقابل الدولار الأمريكي أي انخفاض قيمة العملة المحلية مقابل الدولار، أمّا احتالات البقاء في أي المقطع في النظام ٢، فهو سالب لكل البلدان وهو ما يُمثّل ارتفاعًا في قيمة العملة المحلية مقابل الدولار، أمّا احتالات البقاء في نفس النظام خلال الفترة اللاحقة (p22 و p11) فهي احتالات مُنخفضة نسبيًّا بالنسبة لبريطانيا، فرنسا، ألمانيا وسويسرا، مُشيرة بذلك إلى أن عملات ثلك البلدان تشهد تبديلات من نظام لآخر مُتكورة نسبيًّا.

بعد الأخذ في الاعتبار تبديل المقاطع بين الأنظمة، من المثير للإهتبام أن معامل (AR(1) أي φ في الجدول رقم (٣٠,٣) أقل بكثير من الوحدة، مُشيرًا إلى سكون أسعار الصرف الحفيفيَّة.

		ار الصرف	لتبديل النظام لأسع	ة لنموذج ماركوف	٣٠٠١) القيم المقدّر	لجدول رقم (
اليابان	كندا	سويسرا	المانيا	فرنسا	المملكة المنحدة	أعلعا
* , TV *-	1,797	۲,۳۹۰	1,019	٦, ١٣١	T,001	μ_1
(+,581)	(+, ۲٣+)	(·, VYI)	(+,VTT)	(+,1+1)	(+,00+)	
A, 974-	-7.47.	7,007-	7,777-	Ϋ,Λέφ-	-۶۶۰, ۵	μ_2
(\oV)	(+, Y £ 9)	(·, vva)	(+, \$AV)	(+, {+4)	(+,284)	
٠,٨٧١	•,477	۸٥۶,٠	4,000	٠,٩٠٤	· , 9.7A	φ
(*,*tV)	(+,+Y1)	(·,·YV)	(+,+tT)	(+,+++)	(+,+YY)	
10,009	1,788	או ב, או	1.,٧19	V,V+7	1.,114	σ^2
(٢,٦٦٥)	(+, ۲۷٦)	(Y, YYA)	(V99)	(1, ۲۹۳)	(١,٦٩٨)	
+, 911	1,407	· , V4Y	4 , 1 AY	.,174	→,\Vĭ	p_{11}
+, A1V	• , 4 £ £	٠,٧١٦	٠,٨٣٠	٠,٨٣٣	٠,٦٩٠	p_{22}

ملاحظة: الأخطاء المعياريَّة بين قو سين.

المصدر: بيرجمان وهانسون (٢٠٠٥). أعيد نشره بترخيص من إلسيقر.

هذا وقام بيرغهان وهانسون بمحاكاة بيانات من نموذج ماركوف الساكن لتبديل النظام بتركيب (AR(1) وبمعلمات مُقدَّرة لكنهما افترضا قيام الباحث باختبار ADF العادي على بيانات افتراضيَّة، وجد بيرجمان وهانسون أنه لا يُمكن في أي حالة من الحالات رفض فرضية العدم المنمثَّلة في جذر الوحدة، مع أنه من الواضح أن هذه الفرضيَّة خاطئة؛ لأن البيانات المحاكاة ساكنة، يتُضح من ذلك أن عدم الأخذ في الحسبان تغيُّر المقاطع عبر الزمن (أي الانقطاعات الهيكلية) في الدراسات التجربينَّة السابقة لأسعار الصرف الحقيقيَّة يُمكن أن يكون السبب وراء الاستنتاج بأن السلامل هي عمليات جذر الوحدة في حين أن النظريَّة الماليَّة تُشير إلى أنه ينبغي أن تكون ساكنة.

تهاةج تبديل النظام ١٧

استخدم المؤلفان أخيرًا نموذج ماركوف لتبديل النظام بتركيب (AR(1) للتنبؤ بالجزء المتبقي من أسعار الصرف في العيئة، ومُقارنة تلك التنبؤات بثلك الناتجة عن المسار العشوائي، وعن نموذج ماركوف لتبديل النظام بمسار عشوائي، بالنسبة لجميع السلاسل الست ولآفاق توقعات تصل إلى أربع خطوات مُستقبليَّة (فصول)، وجد المؤلفان أن نموذج ماركوف لتبديل النظام يُنتج تنبؤات لها أصغر مُتوسَّطات أخطاء تربيعيَّة، هذا وتُعتبر هذه التحسينات في التنبؤ -مُقارنةً بالسير العشوائي- ذات معنويَّة إحصائيَّة.

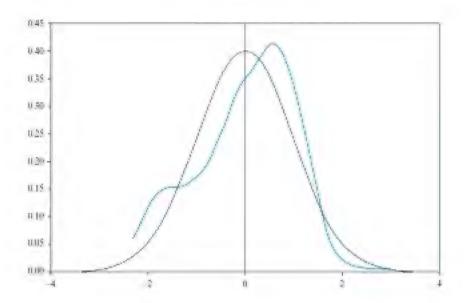
٧ . ١٠ نموذج ماركوف لتبديل النظام لنمذجة نسبة عائد السندات إلى الأسهم

(A Markov switching model for the gilt-equity yield ratio)

كما هو مبيّن آدناه يُعتبر مبح ماركوف لتبديل النظام مفيدًا أيضًا في نمذجة سلوك سلسلة زمنية لنسبة عائد السندات إلى الأسهم (Gill-Equity Yield Ratio) والذي يُعرّف بأنه نسبة عائد الدخل على السندات الحكومية طويلة الأجل إلى عائد أرباح الأسهم الموزِّعة، هذا وقد وقعت الإشارة إلى أن القيمة الحالية لنسبة عائد السندات إلى الأسهم قد تكون مُفيدة لمديري الاستثهارات أو الاستثمار في السندات الحكوميّة، وبالتالي يُقترض أن نسبة عائد السندات إلى الأسهم تتضمَّن معلومات مفيدة في تحديد المسار المحتمل للاتجاهات العامّة المستقباية لسوق الأسهم، كما يُقترض أن يكون لنسبة عائد السندات إلى الأسهم مُستوى توازن في المدى الطويل، وأي انحرافات عن هذا المستوى تُوخذ كإشارة إلى أن أسعار الأسهم وصلت إلى مستوى لا يمكن تحمُّله، فإذا أصبحت نسبة عائد السندات إلى الأسهم مُرتفعة مُقارنة بمستواها في المدى الطويل، يُنظر إلى الأسهم بأنها باهظة الثمن مُقارنة بالسندات، من المنتظر إذا عند مُستويات مُعيَّنة لعوائد السندات، وجوب ارتفاع عوائد الأسهم، وذلك من خلال انخفاض أسعار الأسهم، وعلى نحو عائل إذا كانت نسبة عائد السندات إلى الأسهم أفل المنهم أفل المنهم على أنه الإنسم، وإذا كانت نسبة عائد السندات إلى الأسهم مُنخفضة نشتري الأسهم، وإذا كانت مُرتفعة نبيع الأسهم، في هذا الإطار تُناقش ورقة بحث بروكس ويرساند وبال الأسهم مُنخفضة نشتري الأسهم، وتنظر فيها إذا كان من الممكن وضع قواعد تداول مُربحة استنادًا إلى التنبؤات المُشنَّة المستدات إلى الأسهم مُنخفضة نشتري الأسهم، وإذا كان من الممكن وضع قواعد تداول مُربحة استنادًا إلى التنبؤات المُشنَّة من هذا النموذج.

استخدم بروكس وبيرساند (٢٠٠١) عوائد شهريَّة لأرباح مُؤشرات الأسهم الموزَّعة وعوائد شهريَّة للدخل على السندات الحكومية تُغطِّي الفترة ما بين يناير ١٩٧٥ وأغسطس ١٩٩٧ (٢٧٢ مُشاهدة) لثلاث بُلدان، وهي: المملكة المتحدة، الولايات المتحدة، وألمانيا، تتمثَّل السلاسل المستخدمة في عوائد الأرباح الموزَّعة وقيم المؤشرات لـ FTSE100 (المملكة المتحدة)، S&P500 (الولايات المتحدة) و DAX (ألمانيا)، هذا وتستند مُؤشرات السندات وعوائد الاسترداد (Redemption Yields) على الأسعار النظيفة لمسندات دين الحكومة البريطانية الموحد، وكذلك على السندات الحكومية الأمريكية والألمانية لأجل عشر سنوات.

وكمثال على ذلك يمثّل الشكل رقم (١٠,٥) رسمًا بيانيًّا لتوزيع نسبة عائد السندات إلى الأسهم للولايات المتحدة (بالخط الأزرق)، جنيًا إلى جنب مع التوزيع الطبيعي بنفس المتوسط والتباين، من الواضح أن توزيع سلسلة نسبة عائد السندات إلى الأسهم ليس بالتوزيع الطبيعي، كما يُشير شكل التوزيع إلى وجود منوالين مُنفصلين: جزء علوي للتوزيع مُشتمل على مُعظم المشاهدات، وجزء سفلي يُغطي أصغر قيم نسبة عائد سندات إلى الأسهم.



الشكل رقم (٩٠، ٩٠) التوزيع غير الشرطي لنسبة عائد السندات إلى الأسهم للولايات المتحدة إلى جانب التوزيع الطبيعي ينفس المتوسط والتباين.

تُشير مثل هذه الملاحظة، إضافة إلى فكرة وجوب وضع قاعدة للتداول مبنيَّة على معرفة ما إذا كانت نسبة عائد السندات إلى الأسهم 'مُرتفعة' أم 'مُتخفضة' ، وفي ظل عدم وجود نموذج اقتصاد قياسي منهجي لهذه النسبة، إلى أن نهج ماركوف لتبديل النظام يُمكن أن يكون نهجًا مُفيدًا، كيا نذكر أنه في إطار نهج ماركوف لتبديل النظام تُحسب قيم نسب عائد السندات إلى الأسهم من مزيج من التوزيعات الطبيعيَّة حيث يُساوي مجموع الأوزان المقترنة بكل توزيع واحدًا صحيحًا، وحيث تخضع التحركات بين السلاسل إلى عمليَّة ماركوف، هذا وقُدِّر نموذج ماركوف لتبديل النظام باستخدام طريقة الإمكان الأعظم (مثل ما هو مُبيَّن في الفصل ٩) استنادًا إلى شفرة بربحيَّة باستخدام جاوس مُقدَّمة مِن قِبَل جيمس هاملتون ترد فيم المعاملات المقدَّرة في الجُدول رقم (٤ ، ١٠).

تُقدَّم الأعمدة المعنونة من (١) إلى (٤) من الجدول رقم (١٠,١)، مُتوسِّطات وتباينات قيم نسب عائد السندات إلى الأسهم لكل نظام من النظامين، هذا وترد الأخطاء المعباريَّة المرتبطة بكل معلمة بين قوسين، من الواضح أن نموذج تبديل النظام قد قسَّم البيانات إلى عينتين مُتميَّر تبن: واحدة بمتوسِّط مُرتفع (٢, ٢، ٢ و ٢, ٢ و ٣ ، ٣ على التوالي لكل من المملكة المتَّحدة، الولايات المتَّحدة وألمانيا)، وواحدة بمتوسِّط مُنخفض (٢, ٢، ٢ و ٢ ، ٢) كما كان مُتوقِّعًا من خلال التوزيع غير الشرطي للعوائد، من الواضح أيضًا أنَّ بنب عائد السندات إلى الأسهم في المملكة المتَّحدة وألمانيا هي الأكثر تغيِّرًا عبر الزمن عندما تكون فيها هذه النسب ذات مُتوسِّط مُتخفض، أشا في ألمانيا فهو أكثر بعشرين مرَّة)، بالنسبة لـعدد المشاهدات التي يزيد احتمال أن تكون نسبة عائد السندات إلى الأسهم في حدا المتاللي عندما تكون نسبة عائد السندات إلى الأسهم في الملكة المتَّحدة (أي ٥ ، ٣٧٪ من مجموع المشاهدات) في حين يبلغ هذا العدد ١٠٠ مُشاهدة (٨ ، ٣٠٪) في الولايات المتّحدة والولايات المتّحدة في نظام المتوسِّط المنخفض، أمَّا بالنسبة لألمانيا فمن المرجَّح أن تكون نسبة عائد السندات إلى الأسهم في الملكة المتّحدة والولايات المتّحدة والولايات

تهادّج تبديل النظام ١٩٥

تُعطي أعمدة الجدول رفسهم (٤ , ١٠) المرقمة (٥) و (٦) على التوالي قيم p₁₁ و p₂₂ أي على التوالي احتيال البقاء في الحسالة ١ علمًا بأن نسبة عائد السندات إلى الأسهم كانت في الشهر السابق مُباشرة في الحالة ١، واحتيال البقاء في الحالة ٢ علمًا بأن نسبة عائد السندات إلى الأسهم كانت سابقًا في الحالة ٢.

تُشير القيم المرتفعة لهذه المعلمات إلى أن الأنظمة مُستقرة إلى حد بعيد؛ لأن احتمال الانتقال من نظام يتَسم بارتفاع نسبة عائد السندات إلى الأسهم، والعكس بالعكس، أقل من ١٠٪ للسلاسل الثلاث، يُقدم الشكل رقم (١٠, ١٠) 'رسمًا بيانيًّا لـ 9 والذي يعرض قيم نسبة عائد السندات إلى الأسهم، واحتمال أن تكون هذه الأخيرة في نظام نسبة العائد المرتفع في كل نقطة زمنيَّة في المملكة المتحدة.

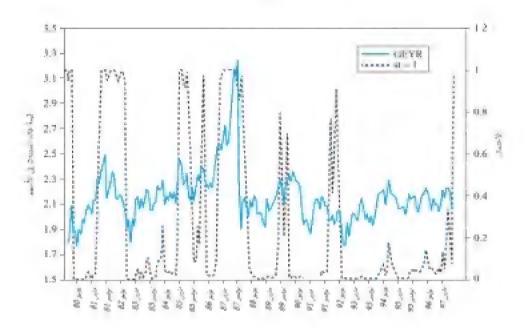
			ر ف	نظام لأسعار الص	اركوف لتبديل الن	لمقدرة لنموذج م	ع, ١١) القيم ا	الجدول رقم (
N ₂ (A)	N ₁ (V)	p ₁₂ (٦)	p ₁₁ (0)	$\sigma_{\tilde{\epsilon}}^2$ (§)	σ ₁ ² (٣)	μ ₇ (Υ)	μ ₁ (۱)	الإحصاءات
17.	1.7	·, 9V19 (•,•17£)	•,908V (,•V17)	+,+1£T (,++1A)	·,·٦٢٤ (,··٩٢)	₹,•V≵٩ (,•٣٦٧)	7, ETAT (, • T • 1)	المملكة المتحدة
۲۷۲	3	+ , 9,41° (+ , + 1 + 1)	•,4V1V (,•1V1)	+,+490 (,++££)	•,•742 (,•7•2)	Υ, 1Υ1Α (, •٦ΥΥ)	7,8008 (,71A1)	الولايات المتحدة
٧Y	***	·, qrta (·,·rtr)	+, 9,411 (+,+1+V)	·,·1Y0	·,001· (·,·079)	Υ, 101T (•,•10ξ)	Ψ,•Υσ• (•,•οὲὲ)	المانيا

ملاحظات: الأخطاء المعياريَّة بين قوسين؛ يرمز N₁ و N₂ على التوائي إلى عدد المُشاهدات المفترضة في النظام ١ و ٣.

الصدر: بروكس وبيرساند (۲۰۰۱ب).

وكما نرى، يُعتبر احتمال أن تكون نسبة عائد السندات إلى الأسهم في النظام المرتفع في المملكة المتُحدة (الخط المنقط) كثير التغيّر لكن في مُعظم الأوقات يقترب هذا الاحتمال إمَّا من صفر أو من واحد، يبدو أبضًا أن النموذج قام يعمل جيَّد إلى حد بعيد في تحديد النظام الذي ينبغي أن تنتمي إليه نسبة عائد السندات إلى الأسهم في المملكة المتّحدة، وذلك نظرًا لكون الاحتمال يتناسب مع الاتجاهات العامة للتسبة الفعلية لعائد السندات إلى الأسهم (الخط الكامل).

بيَّن إنجل وهاميلتون (١٩٩٠) أنه من الممكن إجراء تنبؤ باحتمال أن تكون السلسلة ،٧، والتي تتبع عملية ماركوف لتبديل النظام، في نظام مُعيَّن، هذا واستخدم بروكس وبيرساند (٢٠٠١) أوَّل ستون مُشاهدة (من ينابر ١٩٧٥ إلى ديسمبر ١٩٧٩) لإجراء تقدير داخل العينة لمعلمات النموذج (سربير الهراء و الهراء يتم إذًا إنتاج توقُّعات بخطوة واحدة مستقبليَّة لاحتمال تواجد نسبة عائد السندات إلى الأسهم في نظام المتوسِّط المرتفع خلال الفترة المقبلة، إذا كان توقُّع احتمال نواجد نسبة عائد السندات إلى الأسهم في النظام المنخفض خلال الفترة المقبلة أكبر من ٥٠، فمن المتوقع أن تكون هذه النسبة مُنخفضة، وبالتالي تُشترى الأسهم أو يُحتفظ بها.



البيانات الشكل رقم (١٠,٦) قيم نسبة عائد السندات إلى الأسهم واحتيال تواجدها في نظام نسبة العائد المرتفع في المملكة المتّحدة.

أمَّا إذا كان توقَّع احتيال تواجد نسبة عائد السندات إلى الأسهم في النظام المنخفض أصغر من ٠,٠ فمن المتوقع أن تكون هذه النسبة مُرتفعة، وبالتالي يُستثمر في السندات أو يُحتفَظ بها، نُضيف بعد ذلك مُشاهدة إلى النموذج مع مجموعة جديدة من المعلمات، ونقوم بإنشاء تنبؤات للاحتيال، تستمر هذه العمليَّة إلى أن يتم تقدير ٢١٢ احتيالًا مع ما يُقابلها من قواعد للتداول.

تم من جهة أخرى حساب العوائد لكل شهر من الأشهر خارج العينة لمحفظة تبديل النظام، إضافة إلى مُقارنة خصائصها بخصائص إستراتيجية الشراء والاحتفاظ بالأسهم، وإستراتيجية الشراء والاحتفاظ بالسندات. تُحسب العوائد على أنها عوائد مثوية مُركبة ومُستمرة على السهم (FTSE في المملكة المتحدة، S&P500 في الولايات المتحدة و DAX في ألمانيا)، أو على السندات الحكومية طويلة الأجل، كما ثم التوصل إلى أن ربحية قواعد التداول الناتجة عن تنبؤات نموذج ماركوف لتبديل النظام تتفوَّق من حيث قيمتها الإجالية على الإستراتيجية البسيطة المتمثلة في الشراء، والاحتفاظ بالأسهم بها أنها تُعطي في المملكة المتّحدة مُتوسِّط عوائد أعلى وانحرافات معيارية أقل، كما تُولِّد محفظة تبديل النظام مُتوسِّط عائد بلغ 71, 1% بالشهر، مُقارنة بـــــــــــ 73, 1% لمحفظة تتكوَّن فقط من سندات و 77, 1% لمحفظة أسهم بحتة، لكن هذه التحسينات على مُستوى العائد ليست بذلك الوضوح بالنسبة للولايات المتّحدة وألمانيا، هذا وتبلغ نسبة شارب لمحفظة ماركوف لتبديل النظام في المملكة المتّحدة تقريبًا ضعف نسبة شارب لمحفظة الشراء، والاحتفاظ بالأسهم، ممَّا يُشير إلى أن نموذج ماركوف لتبديل النظام، وبعد الأخذ بعين الاعتبار المخاطرة، يُوفَر قاعدة تداول أفضل، في المقابل هذا التحسُّن في نسبة شارب للبلدين الآخرين مُتواضع جدًّا.

وتلخبصًا لما جاء يُمكن القول إنه:

- يُمكن استخدام نهج ماركوف لتبديل النظام لنمذجة نسبة عائد السندات إلى الأسهم.
- يُمكن استخدام النموذج المتحصل عليه لإنتاج تنبؤات باحتمال تواجد نسبة عائد السندات إلى الأسهم في نظام مُعيَّن.
- قبل الأخذ بعين الاعتبار تكاليف المعاملات، تُعقَّق قاعدة التداول المشتقَّة من النموذج أداء أفضل من إستراتيجيَّة الشراء والاحتفاظ بالسهم، على الرغم من أن دقة التنبؤ مُتدنَّية إذا ما قيست إحصائيًّا.

تهاذج تبديل النظام ٢١٥

بعد طرح تكاليف المعاملات لم تتمكن قواعد التداول المبنية على نموذج ماركوف لتبديل النظام من التغلّب على الاستثيار السلبي، وذلك لمؤشرات كلّ من البلدان الثلاث التي تحت دراستها.

٨ . ١٠ نقدير نهاذج ماركوف لتبديل النظام في إفبور

(Estimating Markov switching models in EViews)

من الممكن الآن ويكل سهولة تقدير نهاذج ماركوف لتبديل النظام في إفيوز (٢)، سوف نستعرض الآن المثال المستخدم سابقًا والمتعلق بتغيرات سلسلة أسعار المساكن، تُعيد إذًا فتح الملف 'UKHP.wfi'، ننقر فوق Quick/Estimate Equation ثم ضمن النافذة (Estimation Settings, Method' نقوم بتغيير (LS Least squares (NLS and ARMA) إلى الحيار الأخير، أي - Switching Regression ونُكمل مُربع الحوار كما في لقطة الشاشة رقم (١٠,١).



لقطة الشاشة رقم (١٠,١) تقديسر تموذج ماركوف لتبديل النظام.

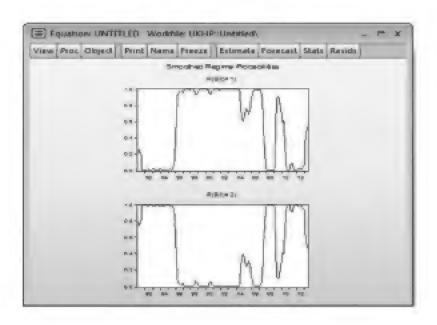
سيتضمَّن الإطار الأول المتغيِّر التابع، تليه قائمة المتغيِّرات الانحداريَّة التي يُسمح لها بالتغيُّر عبر الأنظمة، أمَّا لتقدير نموذج بسبط لا يضم سوى مقطع متغيِّر في كل حالة فنُدرج حينها ثابت فقط، هذا ويجب إدراج كل المتغيِّرات التي لا يُسمَح للمعلمات التي ترتبط بها بالتغيُّر عبر الأنظمة في الإطار الثاني، كما نضع علامة على المربع 'Regime specific error variances' للسياح باختلاف

 ⁽٣) ومع ذلك لا يُمكن استخدام الإجراءات المدمجة لإفيوز ٨ في تقدير نهاذج الانحدار الذاني ذات العتبات التي تضم مُتغيِّرات عتبة مرصودة من النوع الموصوف أدناه.

التباينات عبر الأنظمة، من الممكن اختيار العديد من الأنظمة لكن في الوقت الراهن نختار ٢٠. هناك كالعادة علامة التبويب 'Options' التي تسمح للمستخدم بتحديد كيفية إجراء عمليَّة التقدير، وكيفية حساب الأخطاء المعياريَّة، ومع ذلك من الممكن الاحتفاظ بالخيارات الافتراضيَّة، ننقر إذًا فوق OK وسوف تظهر لنا النتائج كها في الجدول التالي.

Dependent Vanable: DHP	,			
Method, Switching Regre	ssion (Markov S	avilohing)		
Date: 09/13/13 Time: 06:	37			
Sample (adjusted): 1991N				
Included observations: 21	68 after adjustm	ents		
Number of states: 2				
initial probabilities obtain				
Ordinary standard errors				
Random search: 25 starti	_		ung 1 standard	
	-kn, seed-1518	(06152)		
Convergence achieved at	ter 8 iterations			
Variable	Coefficient	5td Error	z-Statistic	Prob
45500000000000000000000000000000000000	Reg	ime 1	Materiota physical processing and children	
С	0.969945	0.109325	9.770593	0.0000
LOG(SIGMA)	-0.066307	0.063072	-1.051297	0.2931
	Reg	jime 2		
E	-0.204681	0.136876	-1.497556	0.1342
LOG(SIGMA)	0.160707	0.075853	2.119848	0.0341
	Transition Ma	ibrix Parametei	3.	
P11-C	3.660935	0.909152	4.535532	0.0000
P21-C	-3.529586	0.885610	-3.984359	0.0001
Mean of dependent var	0.437995	S.D. depend	tent var	1.200502
S.E. of regression	1.102850	Sum square		321.0977
Durbin-Watson stat	1.708086	Log likelihor		-404.3894
Akaike info onterion	3.062607	Schwarz crit	terion	3.143003

من الواضح من خلال دراسة النتائج أن النموذج نجح في التقاط خصائص البيانات، هذا وتم تحديد نظامين متميزين: نظام الم يتميز بزيادة مُرتفعة في مُتوسَّط الأسعار بنسبة ٩٦ ، ٧٪ في الشهر وبانحراف معباري مُنخفض، في حين أن النظام ٢ يتميز بمنوسَّط عائد سالب (نظرًا لانخفاض الأسعار بـ ٢٠ ، ٧٪ في الشهر)، وبتقلب ٨ أكبر بكثير، هذا ونذكر أنه للاطلاع على مصفوفة احتهالات الانتقال من نظام لآخر نقو فوق Summary، ثم نختار View/Regime Results بيُمكن القول الانتقال من نظام لاخر نقو فوق نعام مُعيَّن خلال الفترة المقبلة يُناهز ٩٧٪، كما بلغ مُتوسَّط مُدَّة النظام ١ أربعين للهورا، ومُتوسِّط مُدَّة النظام ٢ خسة وثلاثين شهرًا، وهو ما يدل مُجدَّدًا على استقرار الأنظمة، هذا ونقوم باختيار الاحتيالات لفترة واحدة مُستقبليًة، الاحتيالات المهدة أو الاحتيالات المجهزة من النموذج عبر الزمن، يُمكن عندئذ اختيار الاحتيالات لفترة واحدة مُستقبليًة، الاحتيالات المرشحة أو الاحتيالات المهدة، نذكر أن الاحتيالات المهدة تُقدَّر باستخدام كامل العينة، في حين أن مُستقبليًة، الاحتيالات المرشحة تستخدم أسلوبًا تكراريًّا، والذي يستخدم بدوره المعلومات المتوفِّرة في الزمن ٤ لحساب احتيال التواجد في كل نظام في الزمن ٤، هذا ويمنح اختيار 'واحتيالات عهدة على رسوم بيائية مُتعددة 'الرسوم البيائية في لقطة الشاشة رقم (٢٠٠).



لقطة الشاشة رقم (٢٠,٢) احتهالات عهدة موجودة في الأنظمة ١ و ٢.

ولعل من المهم في البداية أن نُشير إلى أن الشكلين هما بطبيعة الحال صور معكوسة (أحدهما انعكاس لصورة الآخر) بها أن مجموع احتهالات التواجد في النظام ١ والنظام ٢ يجب أن يُساوي دائها واحدًا صحيحًا، بدراسة كيفية تغيَّر الرسوم البيانية عبر الزمن، نرى أن احتهال التواجد في النظام ١ قريبًا من الصفر حتى مُنتصف سنة ١٩٩٠، وهو ما يُقابل فترة نمو بطيء أو سالب لأسعار المساكن، تغيَّر السلوك بعد ذلك وانخفض احتهال التواجد في حالة النمو الضعيف أو السالب (النظام ٢) إلى الصفر، وشهد سوق العقارات فترة أداء جيد حتى سنة ٢٠٠٥ تقريبًا، حيث أصبحت الأنظمة أقل استقرارًا لكن تميل بشكل مُتزايد نحو النظام ٢ حتى مطلع سنة ٢٠٠٣، عندما بدأ السوق مرة أخرى يتخذ مُنعطفًا جديدًا؟

٩ ، ١ ، نهاذج الانحدار الذاتي ذات العتبات

(Threshold autoregressive models (TAR))

غُثُلُ نياذج الانحدار الذاي العتبات فئة من نياذج الانحدار الذاي اللاخطية، كما تُعتبر هذه النياذج تخفيفًا بسيطًا نسبيًّا لنياذج الانحدار الذاي العاديَّة، والتي تسمح بتقريب خطي موضعي عبر عدد من الحالات، وفقًا لتونغ (١٩٩٠ ص ٩٩)، يسمح مبدأ العتبة 'بتحليل نظام تصادُّقي مُعقد من خلال تحليله إلى مجموعة من النظم الفرعية الأصغر'، هذا ويتمثّل الفرق الرئيس بين نياذج ماركوف لتبديل النظام ونياذج الانحدار الذاي ذات العتبات في أنه يُغرض في إطار النوع الأول أن متغيّر الحالة معروف ومُشاهد، في حين أن النوع الثاني يفرض أن متغيّر الحالة كامن، تُقدّم المعادلة رقم (٢٣،١٠) مثالًا بسيطًا جدًّا عن نموذج الانحدار الذاي ذي العتبات، يحتوي النموذج على عمليَّة انحدار ذاي من الدرجة الأولى في كل نظام من النظامين، وهناك عتبة واحدة لا غير، يكون عدد العتبات بطبيعة الحال مُساويًا لعدد الأنظمة ناقص واحد، وبالتالي يُفترض أن يتبع المتغيِّر التابع به عمليَّة انحدار ذاي تضم معامل العتبات قيمة المتغيِّر المتباطئ بـ به فترة المحدَّد للحالة والذي يُرمز إليه بـ به هـ بك أصغر من قيمة العتبة ت، أمَّا إذا كانت قيمة المتغيِّر المتباطئ بـ به فترة المحدَّد للحالة والذي يُرمز إليه بـ به عمليَّة انحدار ذاتي مُحتلفة العتبة ت، أمَّا إذا كانت قيمة المتغيِّر المتباطئ بـ به فترة المحدَّد للحالة تُساوي أو تفوق قيمة العتبة ت، يتبع به عمليَّة انحدار ذاتي مُحدار ذاتي مُحدال المحدَّد كلحال مقطع به ومعامل الحدار ذاتي به يُحتب النموذج كالتالي:

$$y_{t} = \begin{cases} \mu_{1} + \phi_{1}y_{t-1} + u_{1t} & \text{ii} \quad s_{t-k} < r \\ \mu_{2} + \phi_{2}y_{t-1} + u_{2t} & \text{ii} \quad s_{t-k} \ge r \end{cases} \tag{YT.1.}$$

ولكن ما هو المتغيِّر المحدِّد للحالة، عدد؟ يُمكن أن يكون هذا المتغيِّر أيَّ متغيِّر بُعتقد أنه قادرًا على نحوبل يه من مجموعة سلوكيات إلى مجموعة أخرى، من الواضح أنه يجب أن تلعب النظرية الاقتصادية أو الماليَّة دورًا هامًّا في اتخاذ هذا القرار، إذا كان = ١٤ ملوكيات إلى مجموعة أخرى، من الواضح أنه يجب أن تلعب النظرية الاقتصادية أو الماليَّة دورًا هامًّا في اتخاذ هذا القرار، إذا كان = ١٥ فإن القيمة الحالية للمتغيِّر المحدد للحالة هي التي تُؤثر في تواجد لا في نظام ما في الزمن ١٤ لكن في العديد من التطبيقات تُحدَّد قيمة ١٤ بحيث تكون قيمة ٥ في الفترة السابقة مُباشرة هي التي تُحدِّد القيمة الحالية لمد لا.

أمَّا أبسط حالة لتحديد المتغبِّر المحدِّد للحالة فهي عندما بكون هذا المتغبِّر هو المُنغبِّر قيد الدراسة، أي أن: يريه = يريه، تُعرف هذه الحالة بنموذج الانحدار الذاتي ذي العتبات الـمُثار ذاتيًّا (self-exciting TAR) وذلك لأن فترة إبطاء المتغبِّر y هي التي تُحدِّد النظام الذي ينتمي إليه y حاليًا، يُكتب الأن النموذج كالتالي:

$$y_{t} = \begin{cases} \mu_{1} + \phi_{1}y_{t-1} + u_{1t} & \text{ii} \quad y_{t-k} < r \\ \mu_{2} + \phi_{2}y_{t-1} + u_{2t} & \text{ii} \quad y_{t-k} \ge r \end{cases}$$
 (7 § (1 ·)

يُمكن بطبيعة الحال توسعة نطاق نهاذج المعادلات رقم (٢٣،١٠) و (٢٤،١٠) لتشمل عدَّة اتجاهات، فمن المكن مثلًا أن يكون عدد فترات إبطاء المتغيِّر التابع المستخدم في كل نظام أكثر من واحد، وليس من الضروري استخدام نفس عدد فترات الإبطاء في كل نظام، كما يُمكن زيادة عدد الحالات إلى أكثر من حالتين، هذا ويُمكن كتابة الصيغة العامة لنموذج الانحدار الذاتي ذي العتبات، والذي يسمح بشكل ترميزي بوجود أكثر من نظامين وأكثر من فترة إبطاء واحدة كالتالي:

$$\mathbf{x}_t = \sum_{j=1}^{J} I_t^{(j)} \left(\phi_0^{(j)} + \sum_{i=1}^{P_j} \phi_i^{(j)} \, \mathbf{x}_{t-i} + u_t^{(j)} \right), \quad r_{j-1} \leq z_{t-d} \leq r_j \tag{Yochsylvanian}$$

كما تجدر الإشارة ثانية إلى أنه وفي إطار نهج نموذج الانحدار الذاتي ذي العنبات، وبالنظر إلى قيمة ٤، بكون المتغبّر ٧ إمَّا في نظام أو في آخر، وتكون الانتقالات من نظام لآخر انتقالات مُتقطّعة.

يتناقض ذلك مع نهج ماركوف لتبديل النظام حيث بكون المتغيّر لا في كلتا الحالتين مع احتيال لتواجده في كل حالة وفي كل نقطة زمنيّة، هناك فئة أخرى من نهاذج الانحدار الذاتي ذات العتبات تُعرف بالانحدارات الذاتيّة ذات الانتقال التدريجي (STAR) تأخذ بعين الاعتبار انتقال أكثر تدرجًا بين الأنظمة باستخدام دالة مُستمرَّة لمؤشر النظام بدلًا من انتقال قطعي (انظر فرنسيس وفان ديجك ٢٠٠٠، الفصل ٣).

تهاةج تبديل النظام ٥٢٥

١٠,١٠ تقدير نهاذج الانحدار الذاتي ذات العتبات

(Estimation of threshold autoregressive models)

يُعنبر تقدير معلمات النموذج (ф. المراه) أكثر صعوبة بكثير من عمليَّة تقدير معلمات عمليَّة الانحدار الذاتي الخطِّي التقليدي، يرجع ذلك إلى أنه بشكل عام لا يُمكن بطريقة بسيطة تحديد هذه المعلمات في نفس الوقت، ويُحتمل أن تُؤثر القيم المختارة لمعلمة واحدة على القيم المقدَّرة لباقي المعلمات الأخرى، هذا واقترح تونغ (١٩٨٣، ١٩٨٩) إجراء انحدار بفترة إبطاء مُعقَّد لامعلمي لتقدير قيم العتبات (٢) ومعلمة التأخير (Delay Parameter) (۵).

ومن الناحية المثالبيَّة، من الأفضل تقدير قيم العنبات داخليًّا ضمن إجراء استمثال بالمربعات الصغرى غير الخطية (Least Squares)، غير أن هذا الأمر غير مُكن، كما أن العلاقة الوظيفيَّة الكامنة بين المتغيِّرات هي علاقة غير مُستمرَّة عند العنبات بحيث لا يُمكن تقدير العنبات في نفس الوقت مع المكوِّنات الأخرى للنموذج، بتمثَّل أحد الحلول لهذه المشكلة والمستخدم أحبانًا في الأعمال التجريبيَّة في استخدام طريقة بحث داخل مجموعة من القيم تسعى لإبجاد الحد الأدنى لمجموع مربعات البواقي عبر نطاق من قيم العنبات للنموذج المفترض، تَرد لاحقًا في هذا الفصل عبَّنة من التعليمات البرجيَّة المستخدمة في إنجاز ذلك.

١٠,١٠,١ تحديد رتبة النموذج ذي العنبات (طول فترة الإبطاء)

(Threshold model order (lag length) determination)

على الرغم من أنها بعيدة عن كونها مثاليَّة هناك طريقة بسيطة لتحديد أطوال فترات الإبطاء المناسبة لمكوِّنات الانحدار الذاتي الكل نظام، تتمثَّل هذه الطريقة في افتراض نفس عدد فترات الإبطاء في كل الأنظمة، وبالتالي يتم اختيار فترة الإبطاء بالطريقة العاديَّة المتمثَّلة في تحديد فترة الإبطاء المناسب لنموذج الانحدار الذاتي الخطي، ثم افتراض نفس فترة الإبطاء لكل حالات نموذج الانحدار الذاتي ذي العتبات، رغم أن هذه الطريقة سهلة التنفيذ إلَّا أنه من الواضح أنها ليست الأفضل؛ لأنه عندما تكون البيانات مُستمدَّة من أنظمة مُختلفة من غير المحتمل أن يكون لكل حالة نفس فترة الإبطاء، كها هو الحال عندما تُقرض صيغة داليَّة خطية، علاوة عن ذلك، من غير المرغوب فيه اشتراط نفس فترة الإبطاء في كل نظام، ويتناقض ذلك مع فكرة أن البيانات لها سلوكيات تختلف باختلاف الحالات، الأمر الذي يمثُل تماثا الدافع من وراء دراسة نهاذج العتبة في المقام الأول.

هناك طريقة بديلة أفضل من السابقة تشترط تحديد قيم العتبات وتتمثّل في استخدام معيار معلومات لاختيار أطوال فترات الإبطاء في كل نظام بشكل مُتزامن، هذا وسلَّط فرنسيس وفان ديجك (٢٠٠٠) الضوء على أحد عُيوب هذه الطريفة والمتمثّل في أنّه عمليًّا في كثير من الأحيان يستقر النظام في حالة واحدة لفترة أطول بكثير عمَّا يستقر في الحالات الأخرى، لا تُعطي معابير المعلومات في مثل هذه الحالات نتائج جيَّدة فيها يخص اختيار النهاذج بالنسبة للأنظمة التي تضم بعض المشاهدات، وبها أن عدد المشاهدات صغير في هذه الحالات فإن الانخفاض الإجمالي في مجموع مُربعات البواقي سيكون صغيرًا جدًّا كلها زادت المعلمات المضافة لهذه الأنظمة، وهذا من شأنه أن يُؤدي إلى اختيار معايير المعلومات لدرجات نهاذج صغيرة للحالات التي تضم عددًا صغيرًا من المشاهدات، لذلك يكمن الحل في نعريف معيار معلومات لا يُجازي النموذج بأكمله عن إضافة معلمات لحالة واحدة، اقترح تونغ (١٩٩٠) نُسخة مُعدَّلة لمعيار أكابكي للمعلومات (AIC) يُعطي وزنًا لـ 20 لكل نظام من خلال عدد المشاهدات في ذلك النظام، في حالة نظامين اثنين يكون معيار أكابكي للمعلومات كالتالي:

$$AIC(p_1, p_2) = T_1 \ln \hat{\sigma}_1^2 + T_2 \ln \hat{\sigma}_2^2 + 2(p_1 + 1) + 2(p_2 + 1) \tag{Y7.}$$

حيث يُمثَّل T₁ و T₂ عدد المشاهدات في النظام ١ و ٢ على التوالي، p₁ و p₂ أطوال فترات الإبطاء و p₂ و ؤؤ تباينات البواقي، بطبيعة الحال يُمكن إدخال تعديلات مُحاثلة على معايير المعلومات الأخرى.

١٠,١٠,٢ تحديد معلمة التأخير ٥

(Determining the delay parameter, d)

يُمكن تحديد معلمة التأخير له بعدَّة طُرق مُختلفة، كما يُمكن تحديد معلمة التأخير جنبًا إلى جنب مع درجات فترة الإبطاء لكل نظام باستخدام معيار معلومات، على الرغم من أن هذا البُعد الإضافي من شأنه أن يؤدي بطبيعة الحال إلى زيادة كبيرة في عدد النهاذج المرشّحة للتقدير، لكن استناذًا إلى أسس نظريَّة، تأخذ هذه المعلمة في العديد من التطبيقات القيمة واحد، في إطار الأسواق الماليَّة ذهب البعض (انظر على سبيل المثال كراجر وكوجلر (١٩٩٣) ((١٩٩٥) ((Krager and Kugler (1993))) إلى أن آخر قيمة سابقة للمتغيَّر المحدَّد للحالة هي الأكثر احتيالًا لتكون المحدَّد للحالة الراهنة بدلًا من قيمة فترق سابقتين، ثلاث فترات سابقة ...

يُمكن الوصول إلى تقدير معاملات الانحدار الذاتي باستخدام المربعات الصغرى اللاخطية (NLS)، يُناقش قرنسيس وفان ديجك (٢٠٠٠، الفصل ٣) المزيد من التفاصيل حول هذا النهج.

١٠,١١ اختبارات التوصيف في إطار نموذج ماركوف لتبديل النظام ونهاذج الانحدار الذاني ذات العتبات: مُلاحظات تحذيريَّة

(Specification tests in the context of Markov switching and threshold autoregressive models: a cautionary note)

من المثير للاهتهام في إطار كُلِّ من نموذج ماركوف لتبديل النظام ونهاذج الانحدار الذاتي ذات العتبات تحديد ما إذا كانت نهاذج العتبات تُعطي جودة توفيق عالية مُقارنة بنهاذج خطية مُاثلة، هناك طريقة مُثيرة للاهنهام رغم عدم صحَّنها لدراسة هذه المسألة، وهي أن نقوم بفعل شيء مُاثل لما يلي: نُقدِّر نموذج العتبة المطلوب ونظيره الحُطِّي، ثم نقوم بمُقارنة مجموع مربَّعات البواقي لكل منهها باستخدام اختبار إف، لكن يُعتبر هذا النهج غير سليم في هذه الحالة بسبب معلهات الإزعاج (Nuisance Parameters) غير المعروفة في ظل فرضيَّة العدم.

بعبارة أخرى، تتمثّل فرضيَّة العدم لهذا الاختبار في أن المعلمات الإضافيَّة في نموذج تبديل النظام تأخذ القيمة صفر بحيث بحيث بحين هذا النموذج في التوصيف الخطِّي، وينتج عن ذلك أن الشروط المطلوبة لإثبات أن إحصاءات الاختبار تتبع توزيع مُقارب معياري لا تنظيق، وبالنائي فإن القيم الحرجة المشنقَّة تحليليًّا غير مُتوفِّرة، ويجب الحصول على تلك القيم لكل حالة على حدة عن طريق المحاكاة، هذا وقدَّم هاملتون (١٩٩٤) فرضيًّات بديلة لتقييم نموذج ماركوف لتبديل النظام يُمكن اختبارها بشكل صحيح باستخدام إطار اختبار الفرضيات الاعتبادي في حين قدَّم هانسن (١٩٩٦) حُلولًا في إطار نهاذج الانحدار الذاتي ذات العنبات.

تهاذج تبديل النظام

سوف يدرس هذا الفصل الآن تطبيقين لنهاذج الانحدار الذاتي ذات العتبات (TAR) في مجال الماليَّة: تطبيق لنمذجة أسعار الصرف ضمن بيئة تعويم موجَّه وآخر لفُرص المراجحة التي ينطوي عليها الفارق بين الأسعار الفورية والمستقبلية لأصل معيَّن، انظر ياداف، يوب وبودبال (١٩٩٤) ((١٩٩٤) ((٢٩٥٤) المحصول على لمحة (تقنية في المقام الأول) شاملة للعديد من تطبيقات نهاذج الانحدار الذاتي ذات العتبات.

١٠, ١٢ نموذج الانحدار الذاتي ذي العتبات المثار ذاتيًا لنمذجة سعر صرف الفرنك الفرنسي مُقابل المارك الألماني

(A SETAR model for the French franc-German mark exchange rate)

كانت البلدان الأوروبية التي تُشكّل جُزءًا من آلية أسعار الصرف (ERM) في النظام النقدي الأوروبي مُطالبة خلال التسعينات بتقييد عُملاتها لتظل ضمن نطاقات مُحدَّدة مُقارنة بالعملات الأخرى لآليَّة أسعار الصرف، يبدو أن ذلك لم يطرح أية مُشكلة مع بداية الألفيَّة الجديدة بها أن اتحاد النقد الأوروبي (EMU) كان على وشك الدخول حيَّز التنفيذ وكانت وأسعار تحويل العملات المحليَّة إلى اليورو كانت معروفة مُسبقًا، لكن في أوائل التسعينات دفع شرط بقاء العملات ضمن نطاق مُحدَّد حول تعادلها المركزي (Central) بالبنوك المركزيَّة إلى التدخُّل في الأسواق إمَّا لرفع أو لخفض قيمة عُملاتها.

كما تناولت دراسة قام بها تشابيل وآخرون (١٩٩٦) (Chappell et al.(1996)) تأثير مثل هذه التدخُّلات على ديناميكيات وخصائص السلاسل الزمنيَّة لسعر صرف الفرنك الفرنسي مُقابل المارك الألماني، هذا ويُسمح الأزواج العملات الأساسيَّة كسعر صرف الفرنك الفرنسي مُقابل المارك الألماني بأن تتحرك بين ±٢,٢٥٪ من جانبي تعادلها المركزي في إطار آليَّة أسعار الصرف، استخدمت الفرنك يوميَّة تتراوح بين ١ مايو ١٩٩٠ و ٣٠ مارس ١٩٩٢، كما استُخدمت أوَّل ٤٥٠ مُشاهدة لعمليَّة التقدير، واحتفظ ب ٥٠ مُشاهدة المُتبقَّية لإجراء توقُّع خارج العيَّنة.

استخدم نموذج الانحدار الذاتي ذو العنبات المثار ذاتيًا (SETAR) للاخذ بعين الاعتبار أنواع السلوك المختلفة وفقًا لِمَا إذا كان سعر الصرف قريبًا أم لا من حد آليَّة سعر الصرف، والحجَّة وراء ذلك هي أنه بالقرب من الحد ستطلب البنوك المركزية المعنية التدخُّل في اتجاهات مُعاكسة للدفع بسعر الصرف نحو تعادله المركزي، من المتوقَّع أنْ يُؤثَّر هذا التدخُّل على الديناميكيات العاديَّة للسوق التي تضمن رد فعل سريعًا تجاه الأخبار وعدم توفَّر فرص للمراجحة.

يُرمز إلى لوغاريتم سعر صرف الفرنك الفرنسي مُقابل المارك الألماني في الزمن ٤ بـــ ، ٤، قام تشابيل وآخرون (١٩٩٦) بتقدير نموذجين: نموذج يضم عتبتين، وآخر بعتبة واحدة، يُتوقَّع أن يكون النموذج الأوَّل الأنسب للبيانات التي بين أيدينا؛ لأنه من المرجَّع أن يتأثَّر سعر الصرف بندخُل البنك المركزي إذا اقترب سعر الصرف من الحد الأعلى أو الحد الأدنى المحدَّد، لكن لم يكن المارك أبدًا العملة الضعيفة طوال فترة العينة المستخدمة، وبالتالي فإن سعر صرف الفرنك الفرنسي مُقابل المارك الألماني كان إمَّا في أعلى الحد أو في الوسط، ولم يكن أبدًا قريبًا من الحد السفلي، وبالتالي يكون النموذج ذو العتبة الواحدة أكثر مُلاءمة؛ لأنه من المرجَّح أن تكون العتبة النافية المقدَّرة زائفة.

بيَّن المؤلفين باستخدام اختبارات DF و ADF أن سلاسل أسعار الصرف لم تكن ساكنة، وبالتالي فإن استخدام نموذج العتبة على مُستويات السلاسل غير صالح تمامًا للتحليل، ومع ذلك يرى هؤلاء المؤلفين أن نموذج الفروق الأولى المناسب من الناحية الاقتصاديَّة القياسيَّة سوف بفقد تفسيره البُدَهِيُّ؛ لأن السلطات النقديَّة تستهدف قيمة سعر الصرف وليس تغيَّراته، بالإضافة إلى ذلك إذا كانت نطاقات تقلُّب العملة تعمل على نحو فعَّال فإن سعر الصرف سوف يكون مُقيَّدًا بالتواجد داخل هذه النطاقات، وبالتائي وبمعنى آخر يجب أن يكون ساكنًا، بها أنه لا يُمكن أن يتنقَّل في الاتجاهين دون قيد، هذا ويتم تحديد درجات النموذج لكل نظام باستخدام معيار أكايكي للمعلومات، يُقدَّم الجدول رقم (١٠,٥) النموذج المقدَّر.

	ل رقم (ع. ١٠) النموذج SETAR لشعذجة سعر صرف الفرنث الفرنسي مقابل المارك						
عدد الشاهدات	للنظام	النموذج					
33.7	$E_{t-1} < 5.8306$	$\hat{E}_t = \frac{0.0222 + 0.9962E_{t-1}}{(0.0458) (0.0079)}$					
1 - 4	$E_{t-1} \geq 5.8306$	$\hat{E}_{c} = 0.3486 + 0.4394E_{t-1} + 0.3057E_{t-2} + 0.1951E_{t-3}$ $(0.2391) (0.0889) (0.1098) (0.0866)$					

المصدر: تشابيل وآخرون (١٩٩٦)، أعيد طبعه بترخيص من جون وايلي وأولاده.

وكها نرى فإن النظامين يضيًّان سيرًا عشوائيًّا بحد ثابت (Random Walk with Drift) في إطار ظروف السوق العاديَّة حيث لا يتجاوز سعر الصرف عتبة مُعيَّنة، وكذلك نموذج (AR(3 يُمثُل تعديلًا للسوق أبطأ بكثير عندما يُساوي سعر الصرف أو يتجاوز العتبة، كها يُساوي اللوغارينم الطبيعي للتعادل المركزي لسعر الصرف خلال الفترة ٨١٥٣، ٥ في حين يُساوي لوغاريتم الحد الأعلى لنطاق تقلُّب الأسعار ٨٣٧٦، ٥، أمَّا القيمة المقدَّرة للعتبة فتبلغ ٨٣٠٦، ٥ وهي تفوق التعادل المركزي بـ ٥٥، ١٪ تقريبًا، بينها يفوق الحد الأعلى التعادل المركزي بـ ٥٥، ٢٪ من وبالتالي فإن قيمة العتبة المقدَّرة دون الحد الأعلى لنطاق تقلُّب الأسعار وهو ما يتهاشي مع توقُّعات المؤلفين بها أنه من المرجَّح أن تتدخَّل البنوك المركزيَّة قبل أن يبلغ سعر الصرف فعلًا الحد الأعلى لنطاق تقلُّب الأسعار.

قام بعد ذلك المؤلفين بإنتاج توقَّعات للخمسين مُشاهدة الماضية باستخدام كل من نموذج العتبة المقدَّر أعلاه، نموذج الانحدار الذاتي ذو العتبات المثار ذاتيًّا بعتبتين، السير العشوائي والنموذج (AR(2 (حيث ثم اختيار درجة النموذج بتقليل معيار أكابكي للمعلومات داخل العيَّنة)، تُعرض النتائج هنا في الجدول رقم (١٠,١).

بالنسبة لسعر صرف الفرنك الفرنسي مُقابل المارك الألماني نجد أن نموذج الاتحدار الذاني ذا العتبات المثار ذاتبًا بعتبة واحدة يُعطي أصغر مُتوسَّطات أخطاء تربيعيَّة مُقارنة بالنهاذج الثلاثة الأخرى لآفاق توقَّع بفترة، بفترتين، بثلاث فترات، بخمس فترات وبعشر فترات مُستقبليَّة، استنادًا إلى مقياس خطأ التنبؤ التربيعي الوسيط، يتفوَّق السير العشوائي تفوقًا طفيفًا على نموذج الانحدار الذاتي ذي العتبات المثار ذاتيًا بعتبة واحدة لآفاق توقُّع بفترة وبفترتين مستقبلتين، في حين أنه يستعبد هيمنته عند أفق التوقُّع بثلاث فترات مُستقبليًة.

من ناحية ثانية وفي حاشية، ذكر المؤلفين كذلك أنه تم تقدير واختبار النموذج SETAR لتسع سلاسل سعر صرف أخرى من آلية أسعار الصرف لكن في كل حالة من هذه الحالات أنتجت النهاذج SETAR توقَّعات أقل دقَّة من تلك التي أنتجها نموذج السير العشوائي، يُقدَّم القسم ١٤،١٠ تفسيرًا مُحتملًا لهذه الظاهرة.

		مُقابِل المارك الألماني	رف الفرنك الفرنسي) دقّة الثنبؤ بسعر ص	الجلول رقم (٦ ، ١٠
	تقبلية	خطوات التنبؤ المس			
١.	¢	٣	٣	1	
	ننبؤ التربيعي	لجدول أ: مُتوسط خطأ ال			
1,AYE1	A, • YE- • V	£,TTE-V	7,89E-17	1,A{E-•V	السير العشواني
Y,14E0	7,10E-+7	Y,TTE-•%	1,19E-*7	₹,47E-•V	AR(2)
0, Y {E-•V	٥, ٤ \E- • V	₹,1₹E-+V	₹,41E-+V	1,A.EV	SETAR بعتبة واحدة
0,71E-•V	0,V1E-•V	₩,٦٣E-+V	Y, 97E-•V	1,A.EV	SETAR بعثبتين
	ييعي الوسيط	لجدول ب: خطأ التنبؤ التر	-		
1, · · E- · ٦	Y, E9E-+V	Y, Y1E-*Y	۱,۰8E-+۷	Y, A • E • • A	السير العشواتي
1, TYE 0	0, # E- · 7	1, VVE- • 1	9, **E-*V	Y, Y4EV	AR(2)
Υ,ΥξΕ-•V	Y, &YE-•V	1.0VE-*Y	1, YYE-+V	4, TTE- · A	SETAR بعتبة واحدة
Υ, £ΦΕ-•V	Y, OVEV	1,AVE-1Y	1,77E-+V	1, • YE- • V	SETAR بعثبتين

المصدر: تشابيل وآخرون (١٩٩٦)، أعيد طبعه بترخيص من جون وايلي وأولاده.

كما وشع بروكس (٢٠٠١) بحث تشابيل وآخرين ليُسمح للتباين الشرطي لسلاسل سعر الصرف بأن يُستمد من النموذج GARCH الذي بحتوي بدوره على عتبة، وأبن يختلف سلوك التقُلب قبلها عمَّا هو عليه بعدها، وجد بروكس أن ديناميكيات التباين الشرطي تختلف تمامًا من نظام لآخر، وأن النهاذج التي تأخذ بعين الاعتبار أنظمة مُختلفة يُمكن أن تُوفِّر توفَّعات للتقُلب أفضل من تلك التي توفِّرها النهاذج التي لا تضم أنظمة مُختلفة.

۱۰,۱۳ نهاذج العتبة وديناميكيات مؤشر ۱۰,۱۳ وأسواق العقود المستقبليَّة للمؤشر

(Threshold models and the dynamics of the FTSE 100 index and index futures markets)

ناقش أحد الأمثلة الواردة في الفصل ٨ الآثار المترتبة على فعاليَّة أداء الأسواق الفورية والمستقبلية نتيجة علاقة التقدُّم-التأخُّر بين السلسلتين، إذا كان هذان السوقان يعملان على نحو فعَّال، فمن الممكن أيضًا إثبات علاقة التكامل المشترك المتوقَّعة بينها.

أمًّا إذا كانت أسواق السهم والأسواق المستقبليَّة لمؤشر الأسهم تعمل بشكل صحيح فإن تحركات الأسعار في هذه الأسواق يمكن وصفها على أفضل وجه من خلال نموذج متجه تصحيح الحُطأ (Vector Error Correction Model, VECM) من الدرجة الأولى، ويكون حد تصحيح الخطأ فارق السعر بين السوقين (الأساس (Basis))، يُمكن صياغة نموذج متجه تصحيح الخطأ كالتائي:

$$\begin{bmatrix} \Delta f_t \\ \Delta s_t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \pi_{11} \\ \pi_{21} \end{bmatrix} [f_{t-1} - s_{t-1}] + \begin{bmatrix} u_{1t} \\ u_{2t} \end{bmatrix} \tag{YV.1.}$$

حيث يُمثَّل Δ/، و ع26 التغيُّرات في لوغاريتم الأسعار المستقبلية والفوريَّة على النوالي و π11 و π21 مُعاملات تصف كيفيَّة حدوث التغيُّر في الأسعار الفوريَّة والمستقبلية نتيجة الأساس، بكتابة هاتين المعادلتين كتابة كاملة نتحصَّل على ما يلي:

$$f_t - f_{t-1} = \pi_{11}[f_{t-1} - s_{t-1}] + u_{1t} \tag{YA.1.}$$

$$s_t - s_{t-1} = \pi_{21}[f_{t-1} - s_{t-1}] + u_{2t}$$
 (Y4.1+)

يُعطى طرح المعادلة رقم (٢٩،١٠) من المعادلة رقم (٢٨،١٠) التعبير التالي:

$$(f_t - f_{t-1}) - (s_t - s_{t-1}) = (\pi_{11} - \pi_{21})[f_{t-1} - s_{t-1}] + (u_{1t} - u_{2t})$$

$$(Y \cdot \iota Y \cdot \iota)$$

والذي يُمكن أيضًا كتابته كما يلي:

$$(f_t - s_t) - (f_{t-1} - s_{t-1}) = (\pi_{11} - \pi_{21})[f_{t-1} - s_{t-1}] + (u_{1t} - u_{2t})$$

$$(\Upsilon)(1)$$

أو باستخدام النتيجة $b_t = f_t - s_t$ نتحصًّل على:

$$b_t - b_{t-1} = (\pi_{11} - \pi_{21})b_{t-1} + \varepsilon_t \tag{TY.1.}$$

:حيث إن $u_{zt} - u_{zt}$ نأخذ $e_t = u_{zt} - u_{zt}$ الجانين

$$b_{t} = (\pi_{11} - \pi_{21} - 1)b_{t-1} + \varepsilon_{t} \tag{TT.1}$$

إذا كان نموذج متجه تصحيح الحطأ من الدرجة الأولى مُناسبًا فإنه من غير الممكن تحديد مُعادلات هيكليَّة لعوائد كلَّ من أسواق السهم والأسواق المستقبليَّة لمؤشر الأسهم، مع ما يترتب عن ذلك من آثار واضحة على إمكانيَّة التنبؤ، ويكون السوقان فعلًا أسواقًا كُفُؤة، وبالنالي لضهان كفاءة الأسواق وغياب المراجحة، يجب أن يُعتمد نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة الأولى دون سواه من الأنهاط الأخرى في وصف الأساس، غير أن الأداف الحديثة تُشير إلى وجود أكثر ديناهيكيات على يُجب أن تكون في الأسواق التي تعمل بكفاءة، ويصفة خاصَّة أشير إلى أن الأساس لأيام التداول التي تصل إلى ثلاث أيام سابقة بحتوي على قُوَّة تنبؤية لتغيرات مُوشر المنقدية 100 المنظمة المختلفة التي لا تُثار بداخلها المراجحة في حين المنطقي وجود أنظمة مُختلفة في هذا السياق هو أن الأساس (يُعدَّل إذا لزم الأمر وفقًا لتكاليف لحدث المراجحة خارجها، والسبب المنطقي لوجود أنظمة مُختلفة في هذا السياق هو أن الأساس (يُعدَّل إذا لزم الأمر وفقًا لتكاليف المحاملات عملاً المنتسب فعلاً في المراجحة، وبالتالي بُمكن أن تنشأ علاقة انحدار ذاتي بين القيم الحالية والسابقة للأساس، وتستمر على مر الزمن داخل حدود المعتبة بها أنه من غير المربح للمتداولين استغلال هذه العنبات ينبغي أن تقود المراجحة، وبالتالي سوف يكون هناك عنبات يغيب فيها أي نشاط مراجحة، لكن بمجرد أن يتمال وبغض النظر عن ديناميكيات الأساس ضمن العنبات، بمجرد أن يتم تجاوز العبات يجب أن تخفي الديناميكيات الأساس ضمن العنبات، بمجرد أن يتم تجاوز العبات يجب أن تخفي الديناميكيات الأساس ضمن العنبات، بمجرد أن يتم تجاوز العبات يجب أن تخفي الديناميكيات الأساس ضمن العناميات الإضافية.

بالنسبة للبيانات المستخدمة من قِبَل بروكس وغاريت (٢٠٠٢) فتتمثّل في أسعار الإغلاق اليومية لمؤشر أسهم 100 FTSE ا والعقود المستقبليَّة على مُؤشرات أسعار الأسهم خلال الفترة الممتدَّة بين ١٩٨٥ وأكتوبر ١٩٩٣، نذكر أن انهيار سوق الأسهم لشهر أكتوبر ١٩٨٧ حدث تمامًا في منتصف هذه الفترة، وبالتالي أجرى بروكس وغاريت تحليلها على عيَّنة قبل الانهيار، وعيَّنة بعد الانهيار تهاذج تبديل النظام ٢٣١

وكذلك على كسامل العينسة، يُعتبر ذلك أمرًا ضروريًا نسطرًا لأنه لوحظ أن العلاقسة العساديَّة بين السعر السفوري والسعر المستقبلي انهارت في وقت قريب من انهيار السوق (انظر أنتونيو وغاريت (١٩٩٣) ((١٩٩٥) ((١٩٩٥)))، والسعر المستقبلي انهارت في وقت قريب من انهيار السوق (انظر أنتونيو وغاريت (١٩٩٣) ((١٩٩٥)) ويم المعاملات المفدّرة للنموذج الخطّي (١٤٨٥ للأساس، تُشير النتائج للعينة بأكملها أن فترات الإبطاء الثلاث الأولى للأساس هامَّة في نمذجة الأساس الحالي، تأكدت هذه النتيجة (لكن بدرجة أقل) للعينات الفرعيَّة لما قبل وما بعد الانهيار، وبالتالي يُوحي التوصيف الخطّي فيها يبدو أنه من المكن إلى حدما التنبؤ بالأساس مُشيرًا بذلك إلى وجود فرص مُراجحة مُكنة.

		ذج الخطي (AR(3) للأساس	ول رقم (۲۰۰۷) النمو
	$b_{t} = \phi_{0} + \phi_{1}b_{t-1} + \phi_{2}b_{t-1}$	$b_{t-2} + \phi_3 b_{t-3} + \varepsilon_t$	
عيّنة ما بعد الانهيار	عيّنة ما قبل الانهيار	كامل العينة	المعلجة
** , 7791	***, ٧١٧٤	***, ٧٠٥١	
(+,+110)	(·,·٣٧٧)	(+,+770)	ϕ_1
***, 170*	**, • 9 £ 7	***, ۱۲78	
(+,+YVA)	(*, * £ 77)	(·,·YVE)	ϕ_2
+,+871	***,11+7	**, *AVY	
(.,.*\0)	(·,·٣٧٧)	(+, + ₹₹۵)	ϕ_1

ملاحظات: الأرقام الواردة بين قوسين هي الأخطاء المعياريَّة الحصينة ضد تقاوت التباين، * و** تدل على المعنويَّة عند المستويات ٥٪ و ١٪ على النوالي. المصدر: بروكس وغاريت (٢٠٠٢)

قي حالة غياب تكاليف المعاملات تؤدي الحرافات الأساس بعبدًا عن الصفر في أيَّ من الاتجاهين إلى المراجحة، من ناحية أخرى وجود تكاليف المعاملات يعني أن الأساس بُمكن أن يجيد عن الصفر دون التسبب فعلًا في المراجحة، وبالتالي وبافتراض الغياب لأي تكاليف مُعاملات تفاضلية سوف يكون هناك حدود علوية وسفلية يُمكن أن يتقلب الأساس خلالها دون التسبب في المراجحة، هذا وقام بروكس وغاريت (٢٠٠٢) بتقدير نموذج الحدار ذاتي ذي عتبات مثار ذاتيًا يتضمّن عتبين (ثلاثة أنظمة) لنمذجة الأساس، بم أن تلك العتبات يجب أن تتناسب مع الحدود العليا والسفل التي يُمكن للأساس خلالها بالتقلُّب دون التسبب في المراجحة، في إطار كفاءة الأسواق، لن تتواجد قُرص مُراجحة مُربحة عندما يكون $r_1 \geq r_2 \leq r_3$ حيث يُمكّل r_3 و r_1 العتبات التي تُحدُّد النظام الذي يتمي إليه الأساس، إذا كتابت هذه العتبات تُمثّل في بيع العقود المستقبليّة والأسهم وعندما يبط الأساس دون مُستوى العتبة الأدنى (r_3) فإن مُعاملة المراجحة المناسبة نتمثّل في بيع العقود المستقبليّة والأسهم المكشوفة، وينطبق ذلك بصورة عكسيَّة إذا تجاوز الأساس العتبة r_3 وعندما يقع الأساس ضمن العتبات بجب أن لا تكون هناك المكشوفة، وينطبق ذلك بصورة عكسيَّة إذا تجاوز الأساس ضمن كل مُعادلة من المعادلات، وتُقدَّر العنبات باستخدام طريقة بحث الكل فترة عيَّة.

الجدول رقم (١٠,٨) التموذج SETAR بعثبتين لتملجة $b_t = \begin{cases} \phi_0^1 + \sum_{i=1}^3 \phi_i^1 b_{t-i} + \varepsilon_t^1 & \text{if } b_{t-1} < r_0 \\ \phi_0^2 + \sum_{t=1}^3 \phi_t^2 b_{t-t} + \varepsilon_t^2 & \text{if } r_0 \le b_{t-1} < r_1 \\ \phi_0^3 + \sum_{i=1}^3 \phi_i^3 b_{t-i} + \varepsilon_t^3 & \text{if } b_{t-1} \ge r_1 \end{cases}$ $b_{t-1} \geq r_1$ $r_0 \leq b_{t-1} < r_1$ $b_{t-1} < r_0$ الجدول أ: كامل العينة ** . , OYET ** * , ATA * · , \\40- ϕ_1 (+,+a)Y) (+, Vo : 4) (. , . £10) *** , Y * AA - 4 8-+ , + 2 4 9 ϕ_2 (*, *\$77) (+,+A87) (+,+£+1) **., YYTV *** , 177. +. + 210 ϕ_3 (+,+A11) (·,·٣٥٥) (·,·٣٤٤) · , • 1 ٣٨ \hat{T}_0 .,.104 \hat{r}_1 الجدول ب: عيَّنة ما قبل الانهيار **., £0 £V ** . , 1077 · , ££AY ϕ_1 (+,+VY+) $(\Lambda : \Lambda : \Lambda)$ (+, \AY\) *, * YAA-3717, *** ϕ_2 (· , · V) ·) $(\cdot,\cdot \forall \lambda 1)$ (+,+40+) +, +VV+ ** . , 77 - 9 ***, 1187 ϕ_3 (+, +Y+7) (+,+aT1) (· , · AT &) ., . . 0 T \hat{r}_0 ., . 117 ŕ,

		رقم (۱۰٫۸)	تابع الجدول
	لجدول ج: عيَّنة ما بعد الانهيار		
** + . AT 9V	***, ٧٤٧٤	44,0.19	
(*,*0TT)	(•, ١٢٠١)	(+, 174+)	ϕ_1
• , • ٦٨٩	***, ٣٩٨٤	**, ***	
(*,*a\t)	(+,+191)	(+,+AVE)	ϕ_z
٠,٠٤٦١	•,1617	•,•£†£	
(+,+&++)	(•,•٧٦٣)	(·,·Y&A)	ϕ_3
	·, ··A·		\hat{r}_0
	٠,٠\٤٠		ř ₁

ملاحظات: الأرقام الواردة بين قوسين هي الأخطاء المبارية الحصينة ضد تفاوت التباين. * و ** تدل على المنوية

عند المستويات ٥٪ و ١٪ على التوالي.

الصدر: بروكس وغاربت (٢٠٠٢)

أظهرت النتائج أن التبعيَّة في الأساس نقل إلى حد ما عندما يُسمح لهذا الأخير بأن يكون مُستمدًّا من الأنظمة الثلاث بدلًا من نظام واحد، بالنسبة لعبُنة ما بعد الانهيار، وبدرجة أقل بالنسبة لكامل العيَّنة ولعيَّنة ما قبل الانهيار، يُمكن أن نرى أن هناك تعديلًا للسوق أبطأً بكثير بين العتبات مُقارنة بها هو خارجها، ويتبيَّن ذلك من خلال معنويَّة حدود الانحدار الذاتي من الدرجة الثانية والثالثة.

كما لا يزال هناك على ما يبدو بعض الأدلَّة على التعديل البطيء للسوق تحت العتبة الدُّنيا، حيث يمثِّل شراء العقود المستقبلية وبيع الأسهم الإستراتيجيَّة المناسبة للتداول، نسب بروكس وغاريت (٢٠٠٢) ذلك جُزئيًّا إلى التكاليف والقيود المفروضة على البيع المكشوف (Shon-Selling) للأسهم التي تحُول دون حُدوث تعديل للسوق بشكل أسرع، أمَّا البيع المكشوف للعقود المستقبلية فهو أسهل وأقل كُلفة، وبالتالي لا يُتَخذ أي إجراء بخصوص الأساس سوى استخدام النموذج (AR(I) عندما يتجاوز الأساس العتبة العليا.

نتهاشي مثل هذه النتيجة تمامًا مع التوقعات وتُشير إلى أنه بمجرَّد الأخذ بعين الاعتبار تكاليف المعاملات المعقولة فإنه بُمكن للأساس التقلب بشيء من المرونة متى كانت المراجحة غير مُربحة، وبمجرَّد أن يتحرَّك الأساس خارج مدى تكاليف المعاملات المحدَّد يحدُث التعديل خلال فترة واحدة كها تنبأت بذلك النظرية.

١٠,١٤ مُلاحظة بخصوص نهاذج تبديل النظام ودقَّة التوقُّع

(A note on regime switching models and forecasting accuracy)

لاحظت العديد من الدراسات عجز نهاذج العتبة أو نهاذج تبديل النظام في إنتاج دقّة توقّع خارج العينة تفوق دقّة توقّع النهاذج الخطّية أو السير العشوائي رغم مقدرتها الواضحة للتناسب مع البيانات بشكل أفضل داخل العيّنة، هذا وقدَّم داكو وساتشيل (1994) (Dacco and Satchell (1999)) تسوية تُمكنة لهذه المسألة حيث أشار المؤلفان إلى أن نهاذج تبديل النظام يُمكن أن تُعطى

توقعات رديئة نتيجة لصعوبة توقَّع النظام الذي سوف تكون السلسلة بداخله، وبالتالي سيُفقد أي مكسب بتأتي من تناسب النموذج الجيِّد للبيانات داخل النظام إذا كان النموذج يتنبأ بالنظام بشكل خاطئ، يُمكن أن تنطبق هذه الحُجَّة على كل فئة من فئات نهاذج تبديل النظام ونهاذج الانحدار الذاتي ذات العتبات.



أسئلة التعلم الذاتي

- أخاول باحثة إنشاء نموذج اقتصاد قياسي لشرح الحركات اليوميَّة لعوائد الأسهم، أشارت فيا زميلتها أنها يجب أن ترى ما إذا
 كانت بياناتها تتأثر بعوامل موسميَّة يوميَّة أم لا.
 - (أ) كيف يُمكن لها القيام بذلك؟
- (ب) قامت الباحثة بتقدير نموذج يضم متغيَّر تابع، وهو عبارة عن العوائد اليوميَّة لسهم مُعيَّن مُنداول في بورصة لندن للأوراق المالبَّة والعديد من متغيِّرات الاقتصاد الكلي، ونسب مُحاسبيَّة كمتغيِّرات مُستقلَّة، وقد حاولت باستخدام (فيوز تقدير هذا النموذج، بالإضافة إلى خسة متغيِّرات وهيَّة يوميَّة (واحدة لكل يوم من أيام الأسبوع) وحد ثابت، يُخبرها إفيوز بعد ذلك أنه لا يستطيع تقدير معلمات النموذج، اشرح ما الذي حدث على الأرجح، وكيف يُمكن لها إصلاح ذلك.
 - (ج) تُقدَّر زميلتها بدلًا من ذلك النموذج التالي لعوائد الأصل r_t (مع وضع الأخطاء المعيارية بين قوسين):

قُلاً ر النموذج باستخدام ٥٠٠ مُشاهدة، هل يوجد دليل قوي على وجود التأثيرات يوم الأسبوع بعد الأخذ بعين الاعتبار تأثيرات المتغيِّرات الأخرى؟

- (د) ميّز الفرق بين المتغيّرات الوهميّة للمفطع والمتغيّرات الوهميّة للميل، وإعطاء مثال لكل منهيا.
- (هـ) أشار باحث مالي إلى أن العديد من المستثمرين يُعيدون توازن تحافظهم الماليَّة في نهاية كل سنة ماليَّة بهدف تحقيق خسائر، وبالتالي التخفيض من التزاماتهم الضريبية، ضع إجراءً لاختبار ما إذا كان هذا السلوك له تأثير على عوائد الأسهم.

تهافح تبديل النظام ٥٣٥

- (1) (1) ما هو نموذج تبديل النظام؟ صف باختصار نهاذج الانحدار الذاي ذات العتبات ونهاذج ماركوف لتبديل النظام وميّز بينها، كيف يُمكنك أن تتَّخذ قرارًا بخصوص أيّ من فئتي النهاذج هي الأكثر مُلاءمة لتطبيق معيّن؟
 - (ب) صِف المصطلحات النالية على النحو المستخدم في سياق نهاذج ماركوف لتبديل النظام:
 - خاصَّية ماركوف.
 - مصفوفة الانتقال،
 - (ج) ما هو نموذج الانحدار الذاتي ذو العتبات المثار ذاتيًّا؟ ناقش المسائل المطروحة عند تقدير مثل هذا النموذج.
- (٤) ما هي المشكلة (المشاكل) التي قد تبرز إذا ما طُبقت معايير المعلومات القياسيَّة الواردة في الفصل ٦ لتحديد درجات كل مُعادلة في نموذج الانحدار الذاتي ذي العتبات؟ كيف للمعايير المعدَّلة بشكل مُناسب التغلُّب على هذه المشكلة؟
- (هـ) اقترح باحث أن السبب "وراء أن العديد من البحوث التجريبيَّة وجدت أن تعادل القوة الشرائية لا ينطبق" هو وجود تكاليف للمعاملات وجمود أسواق السلع، صف إجراء يضم نموذج العتبة يُمكن استخدامه لتقييم هذا الاقتراح في سياق سلعة واحدة.
- (و) قام باحث بنقدير نموذج الانحدار الذاتي ذي العنبات المنار ذاتبًا بعنبة واحدة وبثلاث فترات إبطاء في كلا النظامين باستخدام الإمكان الأعظم، كما قام بعد ذلك بتقدير النموذج الخطّي (AR(3) باستخدام الإمكان الأعظم، ثم انتقل إلى استخدام اختبار نسبة الإمكان لتحديد ما إذا كان نموذج العتبة اللاخطي ضروريًا أم لا، اشرح الخلل في هذه الطريقة.
- (ز) "تُعتبر نهاذج العنبة نهاذج أكثر تعقيدًا من نهاذج الانحدار الذاتي الخطية، وبالتالي يتعيَّن أن تُنتج النهاذج الأولى توقَّعات أكثر دقَّة بها أنه يتعيَّن أنها تلتقط المزيد من السهات الهامَّة للبيانات"، ناقش ذلك.
 - (٣) يُشير باحث إلى أن ديناميكيات تقلُّب سلسلة من العوائد اليوميَّة للسهم تختلف:
 - يوم الاثنين مُقارنة بأيَّام الأسبوع الأخرى.
 - إذا كان تقلّب عائد اليوم السابق أكبر من ٠.١٪ مُقارنة بها إذا كان تقلّب عائد اليوم السابق أصغر من ٠.١٪.
 صف نهاذج يُمكن استخدامها لالتقاط هذه الخصائص المذكورة للبيانات.
 - (١) أعد فتح سلاسل عوائد سعر الصرف، واختبر مدى احتواثها على تأثيرات يوم الأسبوع.
 - (ب) أُعِد فتح سلسلة تغيِّرات أسعار المساكن، وحدُّد ما إذا كان هناك أي دليل عن الموسميَّة.

ونفمل وفحاوي عشر

بيانات البائل Panel Data

مخرجات التعلم

سوف تتعلُّم في هذا الفصل كيفية:

- وصف الميزات الرئيسة لبيانات البانل (Panel Data) وتحديد مزايا وعيوب العمل
 بالبانل بدلًا من الهياكل الأخرى.
- شرح الحدس وراء الانحدارات غير المرتبطة ظاهريًّا (Regression (SUR) واقتراح أمثلة عن استخدامات مُفيدة لهذه الانحدارات
- التمييز بين نهج التأثيرات الثابتة ونهج التأثيرات العشوائية لتوصيف نموذج البانل،
 وتحديد أيها الأنسب في حالات معيئة.
 - تقدير وتفسير نتائج اختبارات جذور الوحدة واختبارات التكامل المشترك للبائل.
 - بناء وتقدير نهاذج البائل في إفيوز.

١ , ١ مقدمة - ما هي تقنيات البائل ولماذًا تستخدم؟

(Introduction - what are panel techniques and why are they used?)

الحالة التي غالبًا ما نظهر في النمذجة الماليَّة هي الحالة التي يكون لدينا فيها بيانات تضم كلَّ من عناصر السلاسل الزمنيَّة والبيانات المقطعيَّة. تُعرف مثل هذه المجموعة من البيانات بسبيانات البائل (بيانات سلاسل زمنية مقطعية) أو البيانات الطولية. سوف تُجسد بيانات البائل المعلومات عبر الزمان والمكان، والأهم من ذلك هو أن بيانات البائل تُحفظ عن نفس الأفراد أو الأشياء (سوف تُحسد بيانات البائل تُحفظ عن نفس الأفراد أو الأشياء (سوف تُحسميها من الآن فصاعدًا بيانات عن 'كيانات')، وهي تقيس بعض الكميات عنهم عبر الزمن(١). سوف يعرض هذا الفصل

⁽١) وبالتالي تحديدًا إذا لم تكن البيانات لنفس الكيانات (على سبيل المثال شركات مختلفة أو أناس مختلفين)، ومُقاسة عبر الزمن، فإنها ثن تكون بيانات البانل.

ويناقش السهات الهامة لتحليل البائل، وسوف يشرح التقنيات المستخدمة لنمذجة مثل هذه البيانات. من الناحية الاقتصادية القياسيَّة، يُمكن أن يكون لدينا الإعداد الموضح في المعادلة التالية:

$$y_{it} = \alpha + \beta x_{it} + u_{it} \tag{1.11}$$

حيث يُمثَّل y_{it} المتغيِّر التابع، α حد المقطع، β مُتَّجه kx1 من المعلمات التي سوف يتم تقديرها للمتغيِّرات المفسَّرة و x_{it} مُثَّجه x_{it} من المشاهدات على المتغيِّرات المفسِّرة و x_{it} المسرة و x_{it} الم

تتمثّل الطريقة الأبسط للتعامل مع مثل هذه البيانات في تقدير انحدار مجمع، والذي يتضمَّن تقدير معادلة واحدة على جميع البيانات معًا، بحيث تكون مجموعة بيانات و مكدسة في عمود واحد يحتوي على كل مُشاهدات المقطع العرضي والسلاسل الزمنيَّة، وعلى نحو مُاثل، تُكدَّس جميع المشاهدات لكل مُتغيِّر مفسِّر في عمود مُنفرد في المصفوفة x، بعد ذلك يتم تقدير هذه المعادلة بالطريقة المعتادة باستخدام طريقة المربعات الصغرى العادية.

وعلى الرغم من أن هذه الطريقة سهلة التنفيذ وتتطلّب تقدير أقل عدد مُكن من المعليات، إلا أنها تنطوي على بعض القيود الشديدة، والأهم من ذلك هو أن تجميع البيانات بهذه الطريقة يفترض ضمنيًّا أن منوسط قيم المتغيرات والعلاقات بينها ثابتة عبر الزمن وبين جميع الوحدات المقطعيَّة في العينة، يُمكننا بطبيعة الحال تقدير انحدارات لسلاسل زمنيَّة مُنفصلة لكل كائن أو كيان، ولكن من المحتمل أن تكون هذه الطريقة طريقة عمل دون المستوى الأمثل؛ لأن هذا النهج لن بأخذ في الاعتبار أي هيكل مشترك موجود في السلسلة محل الاهتهام، يُمكننا بدلًا من ذلك تقدير انحدارات مقطعيَّة مُنفصلة لكل فترة زمنيَّة، لكن ربها لن يكون ذلك من الصواب إذا كان هناك بعض التفاوت المشترك في السلاسل عبر الزمن، إذا كنا محظوظين بها فيه الكفاية وتوفَّر لدينا بيانات البائل، فهناك مزايا هامة لهذا الفيكل الغني يُمكن الاستفادة منها:

- أولًا وربها الأهم، يمكننا التعامل مع مجموعة أوسع من القضايا، ومعالجة مسائل أكثر تعقبدًا باستخدام بيانات البائل عبًا هو
 مُكن باستخدام السلاسل الزمنيَّة البحتة، أو البيانات المقطعيَّة البحتة فقط.
- ثانيًا: غالبًا ما يكون من المفيد فحص كيفيَّة التغيَّر الديناميكي للمتغيرات أو للعلاقات بين هذه المتغيرات (عبر الزمن)، للفيام بذلك باستخدام بيانات سلاسل زمنيَّة بحنة، غالبًا ما ينطلب الأمر بيانات على المدى الطويل للحصول على عدد كافِ من المشاهدات لنتمكَّن من إجراء اختبارات فرضيات ذات معنى، ولكن من خلال الجمع بين البيانات المقطعيَّة والسلاسل الزمنية، يُمكننا زيادة عدد درجات الحرية، وبالتالي قوة الاختبار، وذلك من خلال توظيف معلومات حول السلوك الديناميكي لعدد كبير من الكيانات في نفس الوقت، كما يُمكن أن يساعد التفاوت الإضافي الذي يحدث بسبب الجمع بين البيانات بهذه الطريقة في التخفيف من حدة مشاكل التعدُّد الحُطِّي التي قد تنشأ من نمذجة السلاسل الزمنيَّة بشكل فردى.

_

 ⁽٢) تُشير إلى أنه في هذا الفصل ثم تعريف لل بشكل مختلف قليلًا مُقارنةً بالفصول الأخرى فذا الكتاب، يُمثّل له في هذا الفصل عدد معلمات المبل التي يجب تقديرها (بدلًا من العدد الإجمائي للمعلمات كما هو الحال في الفصول الأخرى)، وهو مُساو لعدد المتغيّرات الفشرة في نموذج الاتحدار.

ثالثًا وكها سيتبيَّن أدناه، يُمكن من خلال هيكلة النموذج بطريقة مُناسبة إزالة تأثير أشكال مُعيَّنة من تحيُّز المتغيَّرات المهملة في نتائج الانحدار.

١١,٢ ما هي تقنبات البائل المناحة؟

(What panel techniques are available?)

يتمثَّل أحد الأساليب لتحقيق الاستفادة الكاملة من هيكل البيانات في استخدام إطار الانحدار غير المرتبط ظاهريًّا، والذي اقتُرح في البداية من قبل زيلنر (١٩٦٢) (Zeliner (1962))، استُخدم هذا النموذج على نطاق واسع في مجال الماليَّة، حيث إن المطلوب هو نمذجة عدَّة مُتغبِّرات وثيقة الارتباط فيها بينها عبر الزمن(٣)، شمَّى الانحدار غير المرتبط ظاهريًّا بهكذا اسم؛ لأن المتغيّرات التابعة قد تبدو للوهلة الأولى غير مُرتبطة فيها بين المعادلات، لكن التمعُّن جيدًا في هذه المعادلات سوف يُؤدي إلى الاستنتاج بأنها في الواقع مُرتبطة فيها بينها رغم ما تبدو عليه، ومن الأمثلة عن ذلك نذكر تدفُّق الأموال (أي صافي الأموال الجديدة المستثمرة) إلى المحافظ (صناديق الاستثمار) التي يديرها بنكان استثماريان مختلفان، يُمكن أن تكون التدفقات النقدية مُرتبطة؛ لأنها تُعتبر إلى حد ما بدائل (إذا كان أداء مدير أحد الصناديق ضعيفًا، فقد يتحوَّل المستثمرون إلى الصندوق الآخر)، كما ترتبط التدفُّقات النقدية؛ لأن إجمالي الأموال في جميع الصناديق الاستثهاريَّة سوف يتأثر بمجموعة من العوامل المشتركة (ترتبط على سبيل المثال بميل الأشخاص إلى الادِّخار من أجل الثقاعد)، ورغم أنه يُمكن نمذجة تدفُّق الأموال لكل بنك على حدة، إلَّا أنه بإمكاننا بطريقة ما تحسين كفاءة التقدير من خلال التقاط على الأقل جزء من الهيكل المشترك، كما يُمكن ضمن نهج الانحدار غير المرتبط ظاهريًّا الأخذ بعين الاعتبار العلاقات المتزامنة بين حدود الخطأ في معادلتي تدفُّقات الأموال إلى الصناديق لكل بنك باستخدام طريقة المربعات الصغرى المعمَّمة، هذا ونذكر أن الفكرة وراء الانحدار غير المرتبط ظاهريًّا هي في الأساس تحويل النموذج بحيث تصبح حدود الخطأ غير مُرتبطة، إذا كانت الارتباطات بين حدود الخطأ في المعادلات الفردية أساسًا صفرية، فسوف يكون إجراء الانحدار غير المرتبط ظاهريًّا على نظام المعادلات مُساويًا لإجراء انحدارات مُنفصلة على كل معادلة باستخدام المربعات الصُّغري العاديَّة، ينطبق ذلك أيضًا إذا كانت جميع قيم المتغيِّرات المفسِّرة هي نفسها في جميع المعادلات، على سبيل المثال إذا كانت معادلات الصندوقين تضم فقط مُتغيِّرات الاقتصاد الكلي.

ومع ذلك فإن قابلية تطبيق تقنية الانحدار غير المرتبط ظاهريًا محدودة؛ لأنه لا يُمكن استخدامها إلا عندما يكون عدد مشاهدات السلسلة الزمنيَّة، أي T، لكل وحدة مقطعيَّة ؛ على الأقل مُساويًا للعدد الإجائي لهذه الوحدات، أي ١٨، أما المشكلة الثانية التي يُثيرها الانحدار غير المرتبط ظاهريًّا فتتمثَّل في أن عدد المعلمات التي سوف يتم تقديرها في الإجمال كبير جدًّا، كما يجب أيضًا تقدير مصفوفة التباين والتغاير للأخطاء (التي سوف تكون مصفوفة ضخمة بأبعاد (٨٢ × ٨٢))، لهذه الأسباب يتم استخدام نهج بيانات البائل الكاملة الأكثر قابلية للتطبيق بشكل أكثر شبوعًا.

 ⁽٣) تم على سبيل المثال استخدام إطار الانحدار غير المرتبط ظاهريًا لاختبار أثر إدخال اليورو على تكامل أسواق الأسهم الأوروبية (كيم وآخرون (٢٠٠٥))
 (Kim et al. (2005)) في اختبارات نموذج تسعير الأصول الرأسيائية واختبارات فرضية عدم تحيُّز سعر الصرف الأجل (هودجسون وآخرون (٢٠٠٤))
 (Hodgson et al. (2004))

عمومًا هناك فتنان من نهج مُقدَّرات البانل (Panel Estimator) التي يُمكن استخدامها في الأبحاث الماليَّة: نهاذج بتأثيرات ثابتة للمقطع (Fixed Effects Models) والنهاذج بتأثيرات عشوائية (Random Effects Models)، تسمح أبسط أنواع النهاذج بتأثيرات ثابتة للمقطع في نموذج الانحدار بأن يختلف مقطعيًّا، ولكن لا تسمح له بالاختلاف زمنيًّا، في حين أن جميع القيم المقدَّرة للميل تكون ثابتة مقطعيًّا وزمنيًّا على حد السواء، من الواضح أن هذا النهج يُعتبر أكثر شُخًا من نموذج الانحدار غير المرتبط ظاهريًّا (حيث سيكون لكل وحدة مقطعيَّة أيضًا معلهات ميل مُختلفة)، لكنَّه يتطلَّب تقدير (N + k) معلمة (1).

التمبيز الأول الذي يجب أن تستخلصه هو بين البائل المتوازل (Balanced Panel) والبائل غير المتوازل (Unbalanced Panel)، يضم البائل المتوازن نفس عدد مُشاهدات السلاسل الزمنيَّة لكل وحدة مقطعيَّة، (أو بشكل متكافئ، ولكن في الاتجاه الآخر، نفس عدد الوحدات المقطعيَّة في كل نقطة زمنية)، في حين أن البائل غير المتوازن سيكون له بعض العناصر المقطعيَّة لها مُشاهدات أقل من مُشاهدات عناصر أخرى، تُستخدم نفس التقنيات في كلنا الحالتين، وعلى الرغم من أن العرض المقدَّم أدناه يفترض ضمنيًّا أن البائل مُتوازن، إلَّا أنه يجب أن يتم حساب المشاهدات المفقودة تلقائيًا بواسطة حزمة البرامج المستخدمة لتقدير النموذج.

١١,٣ النموذج بتأثيرات ثابتة

(The fixed effects model)

لمعرف الطريق التي يعمل بها النموذج بتأثيرات ثابتة، يُمكن أن نأخذ المعادلة رقم (١،١١) أعلاه، ونقوم بتفكيك حد الاضطراب u_{tt} إلى تأثير فردي خاص u_{tt} 'واضطراب مُتبقي' v_{tt} يتغيَّر عبر الزمن ومن كبان لآخر (يلتقط كل ما هو غير مُفشّر بخصوص y_{tt} :

$$u_{it} = \mu_i + v_{it} \tag{Y.11}$$

يُمكن إعادة كتابة المعادلة رقم (١،١١) وذلك بتعويض على: يا يُقابله من المعادلة رقم (٢،١١) ونتحصَّل على:

$$y_{it} = \alpha + \beta x_{it} + \mu_i + \nu_{it} \tag{(7.11)}$$

يُمكن أن نفكر في μ_i على أنه يشمل كل المتغيّرات التي تؤثر على y_{ii} مقطعيًّا، ولكن لا تتغيّر عبر الزمن، كالقطاع الذي تنشط فيه الشركة، جنس الشخص، البلد الذي يوجد به مقر البنك، إلخ، يُمكن تقدير هذا النموذج باستخدام المتغيّرات الوهمية، وتُسمَّى هذه الطريقة بنهج المربعات الصغرى ذات المتغيّرات الوهميّة (Least Squares Dummy Variable):

$$y_{it} = \beta x_{it} + \mu_1 D 1_i + \mu_2 D 2_i + \mu_3 D 3_i + \dots + \mu_N D N_i + v_{it}$$
 (\$\\\)

⁽٤) من المهم أن ندرك هذا الفيد لتقنيات البائل، والذي ينص على أن العلاقة بين المتغيّر المفشّر والمتغيّرات المفسّرة يُفترض أن تكون ثابتة على حد السواء مقطعيًا وعبر الزمن، حتى وإن سمح تفاوت المفاطع للقيم المتوسّطة بالاختلاف، يفترض إذًا استخدام تقنيات البائل بدلًا من تقدير الحدارات مُنفصلة على السلاسل الزمنيّة تكل كائن أو تقدير الحدارات مقطعيّة مُنفصلة تكل فترة زمنيّة ضمنيًّا أن مكاسب الكفاءة المتأثية من الفيام بذلك تفوق أيَّ تحيزات قد تنشأ في تقدير المعليات.

يانات الباتل ٤١

حيث يُمثُل با 10 متغيرًا وهميًّا يأخذ القيمة ١ لكل مُشاهدات الكيان الأوَّل (على سبيل المثال الشركة الأولى) في العينة، وصفر خلاف ذلك، خلاف ذلك، بالك متغير وهمي يأخذ القيمة ١ لكل مُشاهدات الكيان الثاني (على سبيل المثال الشركة الثانية) وصفر خلاف ذلك، وهكذا، لاحظ أننا قمنا بإزالة حد المقطع (۵) من هذه المعادلة لتجنُّب 'فخ المتغير الوهمي المبين في الفصل ١٠، حيث يكون لدينا تعدُّد خطَّي تام بين المتغيرات الوهميَّة والمقطع، عند كتابة نموذج الآثار الثابتة بهذه الطريقة يكون من السهل نسبيًّا معرفة كيفيَّة اختبار ما إذا كان تهج البائل ضروريًّا أم لا، سوف يكون هذا الاختبار عبارة عن نسخة معدلة بعض الشيء من اختبار تشاو المشروح في الفصل ٥، وذلك بإدراج قيد يتمثَّل في أن جميع المتغيرات الوهميَّة للمقاطع لها نفس المعامل (أي أن الله الله بالله بالموافقة تجميع البيانات معًا، واستخدام المربَّعات الصُّغرى العاديَّة، وعليه إذا تم رفض فرضية العدم هذه يُمكن ببساطة تجميع البيانات معًا، واستخدام المربَّعات الصُّغرى العاديَّة، وعليه إذا تم رفض فرضية العدم فلن يكون سلبيًّا فرض القبد المتمثّل في أن كل الوحدات المقطعية لها نفس المقطع، وبالنالي يجب استخدام نهج الباتل.

سوف يضم النموذج المعطى في المعادلة رقم (۱۱، ٤) الآن k + N معلمات للتقدير، هذه المعلمات من شأنها أن تُحقّل مشكلة صعبة لأي حزمة انحدار عندما يكون N كبيرًا، ولتجنّب ضرورة تقدير العديد من معلمات المتغيّرات الوهميّة، يتم إجراء تحويل للبيانات بهدف تبسيط المسألة، هذا التحويل، والمعروف باسم التحويل الداخلي (Within Transformation)، يتضمن طرح المتوسّط الزمني من قيم المتغيّر، وذلك لكل كبان بعيدًا عن قيم المتغير (٥)، لذا نقوم بتعريف $y_i = \sqrt{1} = \sqrt{1}$ على أنه المتوسّط الزمني من كل مُتغيّر لا للوحدة المقطعيّة i، ونحسب بطريقة تُحائلة مُتوسّطات كل المتغيّرات المقسّرة، يُمكننا بعد ذلك طرح المتوسّط الزمني من كل مُتغيّر للحصول على انحدار يحتوي فقط على مُتغيّرات مطروح منها المتوسّط، نُشير مرة أخرى إلى أن حد المقطع لبس مطلوبًا في مثل هذا الانحدار؛ لأن المتغيّر التابع ومن خلال طريقة إنشائه سوف يكون مُتوسّطه صفرًا، بكون النموذج الذي يحتوي على مُتغيّرات مطروح منها المتوسّط المتوسّط كالنالى:

$$y_{it} - \bar{y}_i = \beta(x_{it} - \bar{x}_i) + u_{it} - \bar{u}_i \tag{0.11}$$

والذي يُمكننا كنابته على النحو التالي:

$$\ddot{y}_{it} = \beta \ddot{x}_{it} + \ddot{u}_{it} \tag{7.11}$$

حيث تُشير النقاط المزدوجة فوق المتغيّرات إلى الفيم المطروح منها المتوسّط.

كبديل لطرح المتوسَّط من المتغيَّرات، يُمكن ببساطة (جراء انحدار مقطعي على القيم المتوسَّطة زمنيًا للمتغيَّرات، والذي يُعرف باسم القدر النبيني (Between Estimator)، وثمَّة إمكانيَّة أخرى وهي أنه بدلًا من ذلك يُمكن تطبيق عامل الفرق الأول على المعادلة رقم (۱۱،۱۱) بحيث يُصبح النموذج نموذجًا لشرح التغيَّر في بهر عوضًا عن شرح مُستوى بهر، عند أخذ الفروق، سوف عُخذف كل المتغيَّرات التي لا تتغيَّر عبر الزمن (أي به)، سوف تُنتج عمليَّة أخذ الفروق والتحويل الداخلي تقديرات مُتطابقة في حالة كان لدينا فترتين زمنيَّين لا غير، عندما يكون لدينا أكثر من فترتين زمنيَّين فإن الاختيار بين النهجين سوف يعتمد على الخصائص الفترضة لحد الخطأ، يصف وولدريج (۲۰۱۰) هذه المسألة بقدر كبير من التفصيل.

 ⁽٥) يُعرف هذا التحويل باسم التحويل الداخل الأنه يتم إجراء الطرح داخل كل كانن مقطعي.

 ⁽¹⁾ تتمثّل ميزة إجراء الانحدار على القيم المتوسّطة (المقدر البيني) بدلًا من إجرائه على القيم المطروح منها المتوسّط (المقدر الضمني) (Wulhin Fistimator) في أنه من المرجّع أن نقلل عمليّة حساب المتوسّط من تأثير خطأ القياس في المنغيّرات على عمليّة التقدير.

يُمكن الآن تقدير المعادلة رقم (١١) ، ٦) بشكل روتيني باستخدام المربّعات الصغرى العادية على العيّنة المجمّعة للبيانات المطروح منها المتوسّط، لكن يتعيّن علينا معرفة عدد درجات الحرّية فذا الانحدار، وعلى الرغم من أن تقدير المعادلة لن يستخدم سوى الهدرجة حُريّة من المشاهدات البالغ عددها ١٣، من المهم أن ندرك أننا استخدمنا كذلك ١٨ درجة حُريّة عند إنشاء المتغيّرات المفسرة البالغ عددها ١٨ والتي كنا مُطالبين بتقدير المطروح منها المتوسّط (أي أننا فقدنا درجة من الحريّة لكل مُتغيّر من المتغيّرات المفسّرة البالغ عددها ١٨ والتي كنا مُطالبين بتقدير مُتوسّطها)، وبالتالي فإن عدد درجات الحرّية التي بجب استخدامُها في تقدير الأخطاء المعياريّة بطريقة غير مُتحيّزة، وعند إجراء اختبار الفرضيات هو (١٨ - ١٨ م)، يجب على أيّ حزمة برمجية مستخدّمة في تقدير هذه النهاذج أن تأخذ في الاعتبار وبشكل تلفائي هذا العدد من درجات الحرّية.

سوف بُعطي الانحدار على المتغيَّرات المطروح منها المتوسَّط زمنيًّا، معلمات وأخطاء معياريَّة تُماثلة لتلك المتحصَّل عليها مُباشرة من انحدار المربعات الصغرى ذات المتغيِّرات الوهميَّة، ولكن دون عناء تقدير العديد من المعلمات! ومع ذلك فإن العيب الرئيس لهذه العمليَّة هو أننا نفقد القدرة على تحديد تأثير جميع المتغيِّرات التي تؤثر على يهر ولكنها لا تتغيَّر عبر الزمن.

٤ , ١١ النهاذج بتأثيرات ثابتة زمنيًّا

(Time-fixed effects models)

من الممكن أيضًا الحصول على نموذج بتأثيرات ثابتة زمنيًا بدلًا من نموذج بتأثيرات ثابتة للكيان، نستخدم مثل هذا النموذج عندما نعتقد أن القيمة المتوسَّطة لـــ ،, لا تتغيَّر عبر الزمن، لكنها لا تتغيَّر مقطعيًّا، وبالتالي وباعتبار تأثيرات ثابتة زمنيًّا، يُسمح للمقاطع بالاختلاف عبر الزمن لكن يُفترض أن تكون هي نفسها بين الكيانات في كل نقطة زمنيَّة معيَّنة، يُمكننا كتابة النموذج بتأثيرات ثابتة كالتالي:

$$y_{it} = \alpha + \beta x_{it} + \lambda_t + v_{it} \tag{V.11}$$

حيث يُمثَّل ، لا المقطع المتغيِّر زمنيًّا، وهو بلتقط جميع المتغيِّرات التي تُؤثِّر على y والتي تتغيَّر عبر الزمن، ولكنها ثابتة مقطعيًّا، ومن الأمثلة عن ذلك، نذكر تغيُّر البيئة التنظيمية أو معدل الضريبة خلال فترة العيَّنة، في مثل هذه الظروف قد يُؤثر هذا التغيُّر في البيئة على yx تأثيرًا كبيرًا، لكن بالطريقة ذاتها لكل الشركات التي يُفترض أنها جبعًا تتأثَّر بنفس القدر بهذا التغيُّر.

يُسمح بالتفاوت الزمني في حدود المقطع تمامًا مثلها يُسمح بالتأثيرات الثابتة للكيان، بعبارة أخرى يُمكن تقدير نموذج المربعات الصغرى ذي المتغيَّرات الوهميَّة:

$$y_{it} = \beta x_{it} + \lambda_1 D 1_t + \lambda_2 D 2_t + \lambda_3 D 3_t + \dots + \lambda_N D N_t + v_{it}$$
(Activ)

حيث يُشير £01 على سبيل المثال إلى مُتغيِّر وهمي يأخذ القيمة ١ للفترة الزمنيَّة الأولى، وصفر خلاف ذلك، وهكذا، الفرق الوحيد هو أن المتغيِّرات الوهميَّة تلتقط الآن التغيُّر الزمني بدلًا من التغيُّر المقطعي، بطويقة تُماثلة، وبهدف تجنُّب تقدير نموذج يحتوي على جميع المتغيِّرات الوهميَّة وعددها ٣، يُمكن إجراء تحويل داخلي لطرح المتوسَّطات المقطعيَّة من كل مُشاهدة:

$$y_{it} - \bar{y}_t = \beta(x_{it} - \bar{x}_t) + u_{it} - \bar{u}_t \tag{9.11}$$

حيث يُمثّل يَهمّن أن تكتب هذه المعادات y عبر الكيانات لكل فترة زمنيَّة يُمكن أن تكتب هذه المعادلة كائتالي:

$$\ddot{y}_{it} = \beta \ddot{x}_{it} + \ddot{u}_{it} \tag{1.11}$$

حيث تُشير النقاط المزدوجة فوق المتغيّرات إلى قيم مطروح منها المتوسّط (لكن يتم الآن طرح المتوسّط مقطعيًّا بدلًا من طرح المتوسّط زمنيًّا).

أخبرًا، من الممكن السياح في نفس النموذج بكلٌ من التأثيرات الثابئة للكبان والتأثيرات الثابئة زمنيًّا، سوف يُطلق على مثل هذا النموذج نموذجًا مُكوِّن الخطأ المزدوج، والذي يجمع بين المعادلتين رقم (٣،١١) و (٧،١١)، ويضم نموذج المربعات الصغرى ذو المتغبِّرات الوهميَّة المقابل كلَّا من المتغبِّرات الوهميَّة الزمنيَّة والمتغبِّرات الوهميَّة المقطعيَّة:

$$y_{it} = \beta x_{it} + \mu_1 D 1_i + \mu_2 D 2_i + \mu_3 D 3_i + \dots + \mu_N D N_i + \lambda_1 D 1_t + \lambda_2 D 2_t + \lambda_3 D 3_t + \dots + \lambda_t D T_t + v_{it} \quad (11.11)$$

ومع ذلك يكون عدد المعلمات المراد تقديرها الآن مُساويًا لـــ W + W + T ويكون التحويل الداخلي في هذا النموذج المزدوج أكثر تعقيدًا.

٥ , ١ ١ التحقُّق من المنافسة المصرفية باستخدام النموذج بتأثيرات ثابتة

(Investigating banking competition using a fixed effects model)

لفد خضع قطاع الخدمات المصرفية للأفراد في المملكة المتّحدة إلى تغيَّر كبير في هيكله على مدار الثلاثين عامًا الماضية نتيجة لإلغاء القيود التنظيمية، لموجات الاندماج وللتكنولوجيا الحديثة، وقد أدَّى التركيز المرتفع نسبيًّا للحصة السوقية في قطاع الحدمات المصرفية للأفراد بين عدد متواضع من البنوك الكبيرة إلى جانب ما يبدو أنه مكاسب هائلة متكررة، إلى مخاوف من أن القوى التنافسية في البنوك البريطانية ليست قوية بها فيه الكفاية (٧)، ويذهب البعض إلى القول إن ذلك يتزامن مع المهارسات التقييدية، الحواجز التي تحول دون الدخول إلى السوق وتدني القيمة مُقابل المال بالنسبة للمستهلكين، قام ماثيوز، موريند وزهاو (٢٠٠٧) بإجراء دراسة للتحقيق من الظروف التنافسية في المملكة المتحدة بين عامي ١٩٨٠ و ٢٠٠٤ باستخدام نهج "التنظيم الصناعي التجريبي الجديد" الذي ابتكره بانزار وروس (١٩٨٧، ١٩٨٧) ((١٩٥٧، ١٩٥٤) ((١٩٥٥ عالم كون سهلًا (حتى وإن كان تركيز الحصة السوقية بين الشركات مُرتفعًا)، بحيث يتم ضبط الأسعار عند التكاليف الحديّة، تتمثل التقنية المستخدمة لفحص هذا التخمين في اشتقاق قيود على الصبغة المختزلة لمعادلة دخل ضبط الأسعار عند التكاليف الحديّة، تتمثل التقنية المستخدمة لفحص هذا التخمين في اشتقاق قيود على الصبغة المختزلة لمعادلة دخل الشركات تكون قابلة للاختبار.

يتمثّل البحث التجريبي في اشتقاق مُؤشر (الإحصاءة H لبانزار وروس (Panzar-Rosse H-statistic)) لمجموع مُرونات الإيرادات لتكاليف عوامل الإنتاج (أسعار المدخلات)، إذا كان هذا المؤشر يقع بين • و ١، يكون لدينا مُنافسة احتكارية أو توازن تنافسي جُزئي، أمّا إذا كان ٥ > H فذلك يعني أن لدينا حالة احتكار، وفي حالة 1 = H يكون لدينا مُنافسة كاملة أو تنافس مثالي، والنقطة الأساسية هي أنه إذا اتَّسم السوق بالمنافسة الكاملة، فلن تُؤثر زيادة أسعار المدخلات على مُحرجات الشركات، بينها سيحدث العكس إذا كانت المنافسة احتكارية، تُعطى المعادلة التائية نموذج ماثيوز وآخرين:

 ⁽٧) من المثير للاهتهام أنه رغم أن العديد من المراقبين غير النظاميين يعتقدون أن التركيز في الخدمات المصرفية للاقراد في المملكة المتحدة قد نها يشكل كبير إلا أنه في الحقيقة انخفض قليلًا بين عامي ١٩٨٦ و ٢٠٠٢.

 $ln~REV_{it} = \alpha_0 + \alpha_1 ln~PL_{it} + \alpha_2 ln~PK_{it} + \alpha_3 ln~PF_{it} + \beta_1 ln~RISKASS_{it} + \beta_2 ln~ASSET_{it} + \beta_3 ln~BR_{it} + \gamma_1 GROWTH_t + \mu_t + v_{it}~(~\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \)$

حيث يُمثّل REVit نسبة إبرادات البنك إلى إجمالي موجودات الشركة أ في الزمن £ 1, ..., N; t = 1, ..., T نسبة تكاليف العيالة إلى عدد الموظّفين (سعر الوحدة للعمل)؛ PK نسبة الأصول الرأسياليّة إلى الأصول الثابتة (سعر الوحدة من رأس المال) و PF نسبة تكاليف الفائدة السنوية إلى إجمالي الأموال القابلة للإقراض (سعر الوحدة للأموال)، كما يتضمّن النموذج أيضًا العديد من المتغيّرات التي تلتقط ثبنك شعيًن التأثيرات المتغيّرة زمنيًا على الإيرادات والتكاليف وهي: RISKASS أي نسبة المخصصات إلى إجمالي الأصول؛ ASSET يُمثّل حجم البنك ويُقاس بإجمالي الأصول؛ BB نسبة عدد فروع البنك إلى إجمالي عدد الفروع لجميع البنوك، أخيرًا: يُمثّل GROWTH مُعدل نمو إجمالي الناتج المحلي، والذي يختلف بشكل واضع عبر الزمن، ولكنه ثابت من بنك إلى الخراق نقطة زمنيّة مُحدًّدة إلى هي التأثيرات الثابتة الحاصّة بالبنك و الله على معلمة التنافس H كالتاني: الم المناف و المنافق المنافق المنافق المنافق التنافس التنافس المنافق الثنافية المنافق المنافقة بالبنك و المنافقة بالبنك و المنافقة بالبنك و المنافقة بالبنك و المنافقة بالمنافقة التنافس المنافقة التنافق المنافقة بالبنك و المنافقة بالبنك و المنافقة بالمنافقة التنافق التنافق التنافقة المنافقة المنافقة بالمنافقة بنافة بالمنافقة بال

للأسف لا يكون نهج بانزار وروس صالحًا إلَّا عندما يُطبق على سوق مصرفية مُتوازنة على المدى الطويل، وبالتالي قام المؤلفان أيضًا بإجراء اختبار على هذه المسألة، والذي يركز على الانحدار التالي:

 $\ln ROA_{it} = \alpha'_{.0} + \alpha'_{.1} \ln PL_{it} + \alpha'_{.2} \ln PK_{it} + \alpha'_{.2} \ln PF_{it} + \beta'_{.1} \ln RISKASS_{it} + \beta'_{.2} \ln ASSET_{it} + \beta'_{.3} \ln BR_{it} + \gamma'_{.4} GROWTH_t + \eta_i + w_{it} \quad \text{() Y &) } \text{)}$

المُتغيِّرات المُفسَّرة لانحدار اختبار النوازن (١١، ١٣) هي نفس المتغيِّرات المُستخدمة في انحدار الننافسيَّة (١١،١٢)، لكن المتغيِّر التابع هو الآن لوغاريتم العوائد على الأصول la ROA. نقول إن السوق في حالة نوازن إذا كان لدينا a(+ a(+ a(+ a) + a)+ a).

يُذكر أن سوق المملكة المتّحدة له أهمية دولية خاصة نتيجة لسرعة إلغاء القيود التنظيمية ولحجم التغيَّرات في هيكل السوق الني حدثت خلال فترة العيَّنة، وبالنالي فإن دراسة ماثيوز وآخرين تركَّز بشكل حصري على المملكة المتّحدة، استخدم ماثيوز وآخرون نموذج البائل بتأثيرات ثابتة، مما يسمح للمقاطع بأن تكون مختلفة عبر البنوك، ولكن يفترض أن هذه التأثيرات ثابتة عبر الزمن، هذا ويُعتبر عبج التأثيرات الثابتة نهجًا معقولًا بالنظر إلى البيانات التي تم تحليلها هنا، حيث إن هناك عدد سنوات كبير بشكل غير عادي (خسة وعشرون) مُفارنة بعدد البنوك (اثنا عشر)، مما يُؤدي إلى ما مجموعه ٢١٩ من السنوات والبنوك (المشاهدات)، نذكر أنه تم الحصول على البيانات المستخدمة في الدراسة من التقارير السنوية للبنوك والمستخلص السنوي للإحصاءات المصرفية من جمعية المصرفيين البريطانيين، كما تم إجراء التحليل على فترة العبَّنة بأكملها، أي من ١٩٨٠ إلى ٢٠٠٤، ولعيَّنين فرعيَّين، من ١٩٨٠ إلى ١٩٩٠ ومن ١٩٩٢ إلى ١٩٩٠، تعطى نتائج اختبارات التوازن أولًا في الجدول رقم (١٠١١).

يتم رفض فرضية العدم المتمثّلة في أن النائيرات الثابتة للبنوك تُساوي معًا صفرًا (المعرض) عند مستوى المعنويّة الرف وذلك للعيّنة بأكملها وللعيّنة الفرعية الثانية، ولكن ليس على الإطلاق للعينة الفرعية الأولى، ومع ذلك تُشير النتائج عمومًا إلى فائدة نموذج البائل بنأثيرات ثابنة، والذي يأخذ في الاعتبار عدم تجانس البنوك، هذا ويتمثّل محور الاهتمام الرئيس للجدول رقم (١١,١) في اختبار التوازن، وهو يُشير إلى وجود دليل طفيف عن عدم التوازن (بختلف علم معنويًّا عن الصفر عند مستوى ١٠٪) للعينة بأكملها، ولكن ليس لأيٌ من العيّنات الفرعيَّة الفرديَّة، وبالتالي، فإن الاستنتاج هو أن السوق ببدو بها فيه الكفاية في حالة توازن بحيث يكون من الصواب الاستمرار في تقضى مدى المنافسة باستخدام منهجية بائزار وروس، هذا وترد نتائج ذلك في الجدول رقم (١١,١٥).

تَرِد فيمة معلمة التنافس H، والتي تُساوي مجموع مرونات المدخلات، في الصف الأخير من الجدول رقم (١١,٢) وتنخفض قيمتها من ٧٨,٠ في العينة الفرعية الأولى إلى ٤٦,٠ في العينة الفرعية الثانية، مما يوحي بأن درجة المنافسة في الخدمات المصرفية للأقراد في المملكة المتحدة ضعفت خلال هذه الفترة، ومع ذلك تُبيِّن المتائج في الصفين أعلى الصف الأخير في جدول (١١،٢)،

⁽٨) يكشف اختبار الاستقرار الهبكلي لتشار عن انقطاع هبكلي بين العبنتين الفرعيتين، لم يُقدُّم المؤلفون أي تعليق آخر عن نتائج انحدار التوازن.

والتي تُظهر أن فرضيات العدم 0 = H و H = 1 يُمكن رفضها عند مستوى المعنويَّة 1٪ لكلا العيَّنتين الفرعيَّتين، مما بدل على أن أفضل ما يتميَّز به السوق هو المنافسة الاحتكاريَّة بدل كُلُّ من المنافسة الكاملة (تنافُس مثاني) أو الاحتكار المطلق، أما بالنسبة إلى النحدارات التوازن، فإنه يتم وبشدَّة رفض فرضيَّة العدم المتمثّلة في أن المتغيِّرات الوهميَّة للتأثيرات الثابتة تُساوي معًا صفرًا (٠ = به)، مما يُبرر استخدام نموذج البائل بتأثيرات ثابتة، ومُشيرة إلى أن المستويات الأساسيَّة للمتغيِّرات التابعة تختلف.

	تموذج البائل بتأثيرات	ات توازن السوق المصرفيّة باستخدام	رل رقم (۱۱,۱) اختيار
T - · E - 1 9 9 T	1991-194.	Y E - 19A -	المتغير
.,	*,,1.78	***, * **	I. Carrier
(Y, 1·)	(1,AV)	(†, †)	Intercept
*,***T	•,••09	• , • • • }-	InPL
(+, TV)	(1,71)	(v, v)	IIICL
, ** 1%-	• , • • ٢ •=	**,11=	InPK
(١,٨١)	(۱, ۲۱)	(1,14)	in ix
*,***0	• , • •)" { -	1,1114-	1nPF
(+, £9)	(١,٠١)	(١,٠٣)	
*** , AT EY-	**** , 0012-	*** · , \ 1 E V \ -	InRISKASS
(0,91)	(A, 0Y)	(14,07)	
,**\7=	*** , ** 7A-	*·,··\%-	InASSET
(Y,+V)	(Y, +V)	(Y, T4)	IIII KAA LAL
+ , + + ¥ o-	* , * * \V	₽.,\Т-	InBR
(1,00)	(*, 4V)	(1,91)	Indix
,**	٠,٠٠٠٤	****, * * * V	CROWTH
(1,71)	(١,٥٤)	(£,14)	GROWTH
*, \$V*7	•,7109	•, ٥٨٩٨	within \mathbb{R}^2
F(11,117) = 11.28**	F(9,66) = 1.50	F(11,200) = 7.78***	$H_0:=\eta_i=0$
F(1,117) = 0.28	F(1,66) = 0.01	$F(1,200) = 3.20^{\circ}$	$H_0 := E = 0$

ملاحظات: النسب تي بين قوسين، يدل *، "" و """ على المعنوية عند المستويات ١٠٪، ٥٪ و ١٪ على النوالي. المصدر: ماثيوز وآخرون (٢٠٠٧)، أعيد طبعه بإذن من إلسيفير.

Y++&-\99Y	1991-194+	Y + + E - 19A+	المثغير
			المتعير
1,0800-	**1,1,77	۲,۰۸۳-	Intercept
(ov)	(۲,٠٦)	(1,71)	
*,+\78-	600, 175	٠,٠٠٩٨-	InPL
(+,18)	(Υ, οV)	(+,0{)	
*,****	٠,٠٠٢٦	٠,٠٠٢٥	InPK
(+,41)	(•, ١٦)	(٠,١٣)	
79.0,.	****,7119	***** , \$VAA	InPF
(۱۲,۷۲)	(1A, ŠY)	(۲۲, ۱۲)	
۵,۸٩٨٦	**1, £1 £V	**Y, 9.4.47	InRISKASS
(1,17)	(۲, ۲٦)	(+4,7)	
, * 777-	*, . 974-	***** , * 0 0 1 -	InASSET
(Y, 0Y)	(Y, X9)	(٣,٣٤)	nnaar t
٠,٠٨٠٩	٠,٠٠٠٩٤	***+,+£%	InBR
(١, ٤٣)	(·, ov)	(+y, y)	шьк
.,.111-	٠,٠٠٢٧-	**, **AY-	CD CHITTI
(1,**)	(1,17)	(1,91)	GROWTH
+, 1170	٠,٩١٨١	٠,٩٢٠٩	within R^2
(11,117) = 11.95***	F(9,66) = 21.97***	F(11,200) = 23.94***	$H_0 := \eta_i = 0$
7(1,117) = 71.25***	F(1,66) = 205.89***	F(1,200) = 229.46***	$H_0 := H = 0$
7(1,117) = 94.76***	F(1,66) = 16.59***	F(1,200) = 128.99***	$H_1 := H = 1$
+, 2727	· , VVA:	·, aV1a	н

ملاحظات: النسب تي بين قوسين، يدل "، ""و""" على المعنوية عند المستويات ١٠٪، ٥٪ و ١٪ على التوالي، ثم إضافة مجموعة النجيات الأخيرة في الجدول من قبل المؤلف الحالي.

المصدر: ماثيوز وآخرون (٢٠٠٧) أعيد طبعه بإذن من إلسيفر

أخيرًا، يبدو أن جميع مُتغيِّرات التحكم المصرفية الإضافية لها علامات تشد الانتباه، نذكر أن مُتغيِّر الأصول الخطرة له علامة مُوجبة بحبث تؤدي المخاطر العالية إلى زيادة الإيرادات لكل وحدة من إجمالي الأصول، كما تُشير إلى أن مُتغيِّر الأصول له علامة سائبة، وهو ذو معنويَّة إحصائية عند مستوى ٥٪ أو أقل، وذلك في كل الفترات الثلاث، مما يوحي بأن البنوك الأصغر نكون نسبيًّا أكثر ربحيَّة، أمَّا تأثير وجود المزيد من الفروع المصرفية فيتمثَّل في تخفيض الربحية، ولا تتأثر نسبة الإيرادات إلى إجمالي الموجودات إلى حد كبير بالظروف الاقتصادية الكلية، كما يبدو أن البنوك كانت أكثر ربحيَّة عندما كان الناتج المحلى الإجمالي ينمو بشكل أبطأ.

١١,٦ النموذج بتأثيرات عشوائية

(The random effects model)

هناك بديل للنموذج بتأثيرات ثابتة المذكور أعلاه وهو النموذج بتأثيرات عشوائية، والذي يُعرف أحيانًا باسم نموذج مكونات الخطأ (Error Components Model)، وكما بالنسبة للتأثيرات الثابتة، يقترح نهج التأثيرات العشوائيَّة حدود مقاطع مُختلفة لكل كيان، وتكون هذه المقاطع موَّة أخرى ثابتة عبر الزمن، مع افتراض أن العلاقات بين المتغيَّر المفشر والمتغيِّرات المفسَّرة تظل نفسها مقطعيًّا وزمنيًّا على حد السواء.

ومع ذلك فإن الفرق بين النموذج بتأثيرات ثابتة والنموذج بتأثيرات عشوائية هو أنه يُفترض في ظل النموذج بتأثيرات عشوائية أن تنشأ مقاطع كل وحدة مقطعيَّة من مقطع مُشترك α (وهو نفس المقطع لجميع الوحدات المقطعيَّة وعبر الزمن) بالإضافة إلى مُنغيَّر عشوائي ،٤ يتغيَّر مقطعيًّا لكنَّه ثابت عبر الزمن، يقيس ،٤ الانحراف العشوائي لكل حد مقطع للكيان عن حد المقطع الإجمالي ، α يُمكننا كتابة نموذج البائل بتأثيرات عشوائية على النحو التالى:

$$y_{it} = \alpha + \beta x_{it} + \omega_{it}, \ \omega_{it} = \epsilon_i + \nu_{it}$$
 (15.11)

حيث يظل x_{it} مُتَّجه من الدرجة (k x 1) يضم المتغيِّرات المفسَّرة، ولكن على عكس النموذج بتأثيرات ثابتة، لا توجد مُتغيِّرات وهميَّة لالتقاط عدم التجانس (التباين) في البعد المقطعي، في المقابل بحدث عدم التجانس من خلال الحدود ، ع، كما نُشير إلى أن هذا الإطار يتطلب افتراضات منها أن حد الخطأ المقطعي الجديد ٤٠ له مُتوسَّط صفري، مُستقل عن حد خطأ المشاهدات الفرديَّة (vic)، له تباين ثابت إح وهو مُستقل عن المتغيِّرات المفسِّرة (xic).

ثقدر المعلمات (المتجهات α و θ) بشكل مُتَّسق لكنها لن تَتَّسم بالكفاءة عند استخدام المربَّعات الصغرى العاديَّة، كما يجب إدخال تعديل على الصيغ المعتادة نتيجة للارتباطات المتبادلة بين حدود الخطأ لوحدة مقطعيَّة معيَّنة في نقاط زمنيَّة مختلفة، بدلًا من المربَّعات الصغرى المعاديَّة، نستخدم عادةً طريقة المربَّعات الصغرى المعمَّمة، ويتمثَّل التحويل الذي يتضمنه إجراء المربَّعات الصغرى المعمَّمة في طرح المتوسِّط المرجح لـــ y_{ii} عبر الزمن (أي جزء من المتوسِّط بدلًا من المتوسط الكلي، كما كان الحال بالنسبة لتقدير الناثيرات الثابتة)، نُعرِّف البيانات "شبه مطروحة المتوسِّط" كما يلي: $y_{ii} = y_{ii} = y_{ii} = x_{ii} - 0$ وتباين حد الخطأ الخاص التوائي مُتوسِّطات y_{ii} و y_{ii} عبر الزمن (y_{ii})، سوف يكون y_{ii} من تباين حد خطأ المشاهدات (y_{ii}) وتباين حد الخطأ الخاص بالكيان (y_{ii}):

$$\theta = 1 - \frac{\sigma_v}{\sqrt{T\sigma_e^2 + \sigma_v^2}} \tag{10.11}$$

سوف يكون هذا التحويل مطلوبًا على وجه الخصوص لضهان عدم وجود ارتباطات مُتبادلة في حدود المخطأ، لكن ولحسن الحظ تقوم حزم البرنجيًّات القياسيَّة بإجراء هذا التحويل تلقائيًّا.

⁽٩) الترميز المستخدم هنا هو نسخة مُعدلة قليلًا من ترميز كينيدي (٢٠٠٣، ص ٣١٥).

وكما هو الحال بالنسبة للتموذج بتأثيرات ثابتة، ليس من الصعب نظريًّا أن تأخذ التأثيرات العشوائية بعين الاعتبار اختلاف الزمن مثلها تأخذ في الاعتبار الاختلاف—ات المقطعيَّ—ة، في حالة اختلاف السزمن يتم إدراج حد خطساً خاص بالسفترة الزمنيَّـة:

$$y_{it} = \alpha + \beta x_{it} + \omega_{it}, \ \omega_{it} = \epsilon_t + v_{it}$$
 (17.11)

مرة أخرى يُمكن نصوَّر نموذج ذي اتجاهين يسمح للمقاطع بالاختلاف على حد السواء مقطعيًّا وزمنيًّا، يُناقش الإطار رقم (١١,١) الاختيار بين النهاذج بتأثيرات ثابتة والنهاذج بتأثيرات عشوائيَّة.

الإطار رقم (١١،١) تأثيرات ثابتة أم تأثيرات عشوائية؟

غالبًا ما يقال أن النموذج بتأثيرات عشوائية يكون أكثر ملاءمة عندما يُمكن اعتبار الكيانات في العيّنة تُحتارة عشوائيًا من المجتمع، ولكن النموذج بتأثيرات ثابتة يكون أكثر قبولًا عندما تكون الكيانات في العيّنة تُمثّل فعليًّا المجتمع بأكمله (على سبيل المثال، عندما تتكوّن العيّنة من جميع الأسهم المتداولة في بورصة معيّنة)، من ناحية تقنية أكثر، يُمكن القول إن إجراء المربّعات الصُّغرى المعمّمة ضمن نهج التأثيرات العشوائية لن يُزيل المتغيّرات المفسّرة التي لا تتغيّر عبر الزمن، وبالتالي يُمكن يعداد تأثيرها على يهر وبالنظر إلى وجود عدد أقل من المعلمات التي سيتم تقديرها في النموذج بتأثيرات عشوائية (بدون مُتغيّرات وهميّة وبدون إجراء تحويل داخلي)، وبالتالي توفير درجات حرّية، فإنه ينبغي للنموذج بتأثيرات عشوائية أن يُنتج تقديرات أكثر كفاءة مُقارنة بنهج التأثيرات الثابتة.

ومع ذلك فإن لنهج التأثيرات العشوائية عيبًا كبيرًا ينشأ من حقيقة أن النموذج بتأثيرات عشوائية يكون صحيحًا فقط عندما يكون حد الخطأ المركب عن هنه غير مُرتبط مع جميع المتغيّرات المفسّرة. يُعتبر هذا الافتراض أكثر صرامة من الافتراض المقابل في حالة التأثيرات الثابتة؛ لأننا نحتاج في حالة التأثيرات العشوائية إلى أن يكون كل من عو و منه مستقلين عن كل المتغيّرات عبه. كما يُمكن اعتبار ذلك أيضًا بمثابة استقصاء ما إذا كان أيّ من المتغيّرات المهملة غير المُشاهدة (والتي تُؤخذ في الاعتبار من خلال وجود مقاطع مُختلفة لكل كبان) غير مرتبطة بالمتغيّرات المفسّرة المدرجة. إذا كانت غير مُرتبطة يُمكن استخدام نهج التأثيرات العشوائيّة، وفي الحالة المعاكسة يكون النموذج بتأثيرات ثابتة هو الأفضل.

يعتمد الاختبار المستخدم لتحديد ما إذا كان هذا الافتراض صالحًا لمقدر التأثيرات العشوائية، على نسخة أكثر تعقيدًا قليلًا من اختبار هوسهان الموصوف في القسم ٧، ٦. إذا كان هذا الافتراض غير صحيح، سوف تكون تقديرات المعلمات متحيّزة وغير متسقة، لمعرفة كيف يحدث ذلك لتفترض أن لدينا مُتغيّر مُفسِّر واحد فقط عنه يتغيّر إيجابيًّا بتغيّر عهر وكذلك بتغيّر حد الخطأ ، سوف ينسب هذا المقدّر كل زيادة في ٧ إلى عن أنه في الواقع البعض منه ينشأ من حد الخطأ، عما يؤدي إلى معاملات متحيّزة.

١١, ٧ تطبيق بيانات البائل على استقرار الانتهان البنكي في أوروبا الوسطى والشرقية

(Panel data application to credit stability of banks in Central and Eastern Europe)

اكتسبت الأعمال المصرفية بصورة متزايدة طابعًا عالميًّا على مدى العقدين الماضيين، مع اختراق المتافسين الأجانب الأسواق المحلية في العديد من البلدان، يمكن للمشاركين الأجانب في القطاع المصرفي أن يُحسنوا من مُنافسة وكفاءة الاقتصاد الذي يدخلونه، وقد يكون لهم تأثير على استقرار مُحصَّصات الانتهان، حيث من المحتمل أن يكونوا أفضل تنوعًا من البنوك المحلية، وبالنائي سوف يكونون أكثر قدرة على الاستمرار في الإقراض عندما يكون أداء الاقتصاد المضيف ضعيفًا، لكن يُذكر كذلك أن البنوك الأجنبية قد تُغيِّر من عرض الائتهان المصرفي ليتناسب مع أهدافهم الخاصة بدلًا من أن يتناسب مع أهداف الاقتصاد المضيف، وقد يتَخذون إجراءات أكثر مُسايرة للتقلبُّات الدوريَّة من البنوك المحلية؛ لأنه يتوفّر فم أسواق بديلة لسحب عرض الانتهان المصرفي الخاص بهم عندما ينخفض نشاط السوق المضيفة، وعلاوة على ذلك قد تؤدي الأوضاع المتدهورة في البلد الأصلي إلى إعادة الأموال لذعم البنك الأم الضعيف.

من الممكن وجود اختلافات في السياسات الخاصة بتقديم الانتهان اعتهادًا على طبيعة تشكيل الفروع بالخارج، إذا كان وجود الفرع ناتج عن الاستيلاء على أحد البنوك المحلية، فمن المحتمل أن الفرع سوف يُواصل في تنفيذ السياسات التي يتبعها الكيان المستقل الأصلي، ينفس الطريقة وبنفس الإدارة ولكن بشكل خُفّف، ولكن عندما يكون فرع البنك الأجنبي التابع نائجًا من تشكيل عملية بدء تشغيل جديدة كُليًّا (استثهار في مجال جديد)، من المرجّع أن يعكس الفرع البنكي أهداف وغايات المؤسسة الأم منذ البداية، وقد يكون أكثر رغبة في إسراع توسيع نمو الائتهان بهدف الحصول على موطئ قدم كبير في سوق الائتهان بأسرع وقت ممكن.

تستخدم دراسة أجراها دي هاس وفان ليلفيلد (٢٠٠٦) (de Haas and Van Lelyveld (2006)) انحدارًا للسلاسل الزمنيَّة المقطعية باستخدام عيَّنة تضم حوالي ٢٥٠ بنكًا من عشر بلدان من أوروبا الوسطى والشرقيَّة لفحص ما إذا كانت البنوك المحلية والأجنبية تتفاعل بشكل مُختلف أم لا مع التغيُّرات في النشاط الاقتصادي للبلد الأصلي أو للبلد المضيف والأزمات المصرفية.

تُغطي البيانات التي تم الحصول عليها من قاعدة بيانات بنكسكوب (BankScope) الفترة ما بين ١٩٩٣ و ٢٠٠٠، يتمثَّل النموذج الأساسي في انحدار البائل بتأثيرات عشوائية على الشكل التالي:

$gr_{it} = \alpha + \beta_1 Takeover_{it} + \beta_2 Greenfield_i + \beta_3 Crisis_{it} + \beta_4 Macro_{it} + \beta_5 Contr_{it} + (\mu_i + \epsilon_{it})$ (\V.\\)

حيث يُمثّل المتغيّر التابع 'gra' النسبة المئوية للنمو في النهان المصرف أ في السنة الم معرفة هو عبارة عن مُتغيّر وهمي يأخذ القيمة الممصارف الأجنبية الناتجة عن الاستحواذ في الزمن الوصفر خلاف ذلك! 'Greenfield' هو عبارة عن مُتغيّر وهمي يأخذ القيمة الذا كان المصرف النبجة شركة أجنبية تقوم باستثرار مصرفي جديد بدلًا من الاستحواذ على استثرار قائم من قبل 'Crisis' هو مُتغيّر وهمي يأخذ القيمة الذا كان البلد المضيف للبنك أ تعرض لكارثة مصرفية في السنة الاجمالي المبلد الأم والبلد المضيف، معدل تلتقط ظروف الاقتصاد الكلي في البلد الأم (معدل الإقراض والتغيّر في الناتج المحلي الإجمالي للبلد الأم والبلد المضيف، معدل النضخم في البلد المضيف، الاختلافات في معدلات نمو الناتج المحلي الإجمالي للبلد الأم والبلد المضيف والاختلافات في أسعار

يُناقش دي هاس وفان ليلفيلد التقنيات المختلفة التي يُمكن استخدامها لتقدير مثل هذا النموذج، تُعتبر طريقة المربَّعات الصُّغرى العاديَّة غير مُناسبة؛ لأنها لا تسمح بوجود فروق في معدلات متوسط نمو سوق الانتيان على مستوى البنك، يُعتبر استخدام النموذج الذي يسمح بالتأثيرات الخاصة بكل كيان (مثل النموذج بتأثيرات ثابتة الذي يسمح بمقطع مُختلف لكل بنك) أفضل من المربَّعات الصُّغرى العاديَّة (المستخدمة في تقدير الانحدار المجمّع)، لكن تم استبعاد هذا النموذج على أساس أن عدد البنوك أكبر بكثير من عدد الفترات الزمنية، وبالتالي سوف يتطلب تقدير عدد كبير جدًّا من المعلمات، كما يذكر دي هاس وفان ليلفيلد أن هذه التأثيرات الحاصة بالبنوك ليست لها أهيَّة في المسألة المطروحة، الأمر الذي قادهما إلى اختيار نموذج البائل بتأثيرات عشوائيَّة، والذي يسمح أساسًا جيكل مُختلف للخطأ لكل بنك، تم إجراء اختبار هوسيان، وتبيَّن أن النموذج بتأثيرات عشوائية يُعتبر نموذجًا صاحبًا؛ لأن التأثيرات الخاصة بالبنك (١١) موجودة 'وفي مُعظم الحالات لا ترتبط ارتباطًا وثيفًا بالمتغيِّرات المُفسَرة '.

تتمثّل النتيجة الرئيسة في أنه في أوقات الكوارث المصرفية، تُقلّل البنوك المحلية بشكل كبير من معدلات نموها الانتهاني (بمعنى أن الفيمة المقدَّرة لمعلمة المتغبِّر Crisis تكون سالية بالنسبة للمصارف المحلية)، في حين أن المعلمة تقترب من الصفر دون أن نكون معنويَّة بالنسبة للبنوك الأجنبية، كما أن هناك علاقة سلبية ومعنوية بين نمو الناتج المحلي الإجمالي للبلد الأم وتغيُّر الانتهان في البلد المضيف، وعلاقة إيجابيَّة بين نمو الناتج المحلي الإجمالي وتغيُّر الانتهان في البلد المضيف، وكما توقَّع المؤلفان بُشير ذلك إلى أنه عندما يكون للبنوك الأجنبية أقل فُرص إقراض في بلدانها، وبالتالي أقل تكلفة فرصة بديلة للأموال المتاحة للإقراض، فإنها قد تحوُّل مواردها للبلد المضيف، أمَّا مُعدلات الإقراض فليس لها تأثير يذكر على نمو حصَّة سوق الانتهان، سواء في الداخل أو في البلد المضيف، أمَّا المتغبُرات Preenfield فهي ليست معنوية إحصائيًا (رغم أن القيمة المطلقة للمعلمات كبيرة جدًّا) ممَّا بُشير إلى المُضيف، أمَّا المتغبُرات Preenfield فهي ليست معنوية إحصائيًا (رغم أن القيمة المطلقة للمعلمات كبيرة جدًّا) ممَّا بُشير إلى

 ⁽١٠) استخدم دي هاس وفان ليلفيلد تصحيحات للاخطاء المعيارية من عدم التجانس ومن الارتباط الذائي، بالإضافة إلى ذلك أجرى الكاتبان انحدارات تضمئن مُتغيرات وهميّة تفاعليّة، على الرغم من عدم التطرق إلى مُناقشتها هنا.

Af, Yes

(a, T+)

PART, TT

(0,04)

أن طريقة استثمار البنك الأجنبي في البلد المضّيف لا تكتسي أهميَّة في تحديد معدل نموه الائتماني أو أن أهمية طريقة الاستثمار تختلف اختلافًا كبيرًا خلال العيَّنة، ممَّا يؤدي إلى أخطاء معياريَّة كبيرة، كما يُؤدي وجود بنك أم أضعف (مع وجود مخصصات أكبر للخسارة) إلى تقلص في الانتهان يكون معنويًّا إحصائيًّا في البلد المضيف نتيجة لتخفيض عرض الأموال المتاحة، تبيَّن عُمومًا أن العوامل المتعلَّقة بالبلد الأم والعوامل المتعلَّقة بالبلد المضيف مُهمة في شرح نمو انتهان البنوك الأجنبية.

البنوك الأجنبية ٢	البنوك الأجنبية ا	البنوك المحلية	العينة كاملة ٢	العينة كاملة ١	المتغيرات المفشرة
			0,70-	11,04-	Takeover
			(·, Y4)	(1, 11)	Lakeover
A,11	15,54		79,09	12,44	G-16-11
(10)	(+,AA)		(1,00)	(1, 14)	Greenfield
£ , 14-	-,52	===14,4%	**** 1 £ , £ Y =	=== 19,79-	4.1
(·,·*)	(+,+*)	(*, £*)	(Y,9Y)	(£,†·)	Crises
	***A,77			*** A . * A	
	(£,11)			(47,3)	Host-home ∆GDI
***A, \{		===1,V£	P##1,1A		
(Y , 9T)		(1,9A)	(v, ٣٩)		Host AGDP
-7 F , A			*1,·ξ-		
(Y, VA)			(1, 44)		Home ∆GDP
	٠,٨٥			**1,14	Host-home lendin
	(+,AA)			(1,4V)	rate
١,٥٠		٠,٣٤	*, YA		
(1,11)		(1,71)	(1,+4)		Host lending rate
1,11			***Y, 9Y		Home lending rate
(1,10)			(£,+T)		tacine reacing the
+ ; +V	*, *A	٠,٠٣	٠,٠٣	+ , + >=	Hest inflation
(+, 2 %)	(+, 11)	(+, \Y)	(1,+1)	(·,٣٧)	Host inflation

*** . , Ao

(T, YE)

PERT, Yo

(£, VV)

*** , Y 4

(0, 72)

Solvency

خدول رقم (۳، ۱۱	CVI									
	991,10-	٠,٠٢	٠,٠٢	۰,٥٢-	٠, ٤٣-					
Liquidity	(٢,٠٩)	(·, ٧A)	(+,V+)	(١,٤٠)	(1,18)					
a.	**T1,70-	Y9,18-	Y1,47-	١٠٨,٠٠-	177,14-					
Size	(١,٩٦)	(1,07)	(١,١٦)	(•,0٤)	(+,VY)					
B 5 12	**1,+9	**1, • 4	9991,71	۲,۱٦	1,91					
Profitabili	(٢,١٨)	(٢,١٤)	(۲,۸۱)	(·,Və)	(+,Y4)					
Laterant and	***1,77	===1,q.	=== Y , V)	٣,٤٢-	T, Až-					
Interest mai	(Y, 9+)	(٣, ٤١)	(٤,٩٦)	(1,14)	(+,98)					
د المشاهدات	1 1	1 7	٧٧٠	777	YYY					
مدد البنوك	454	Y£V	1/15	ΑŤ	AT					
ة إختبار هوسيان	٠,٦٦	٠,٩٤	٠,٧٦	٨٥,٠	٠,٩٢					
R ²	٠,٢٨	٠,٣٣	٠,٣٠	٠,٤٦	+,£Y					

ملاحظات: النسب في بين قوسين، لا تظهر القيم القدّرة لمعليات القطع والمتغلّر الوهمي للبلد، الخلايا الفارغة هي نتيجة عدم إدراج متغير معين في الاتحدار. المصدر: دي هاس وقان ليلفيلد (٢٠٠٦)، أعيد طبعه بإذن من إلسيفر.

٨ ، ١١ بيانات البانل في إفيوز

(Panel data with EViews)

يُعتبر تقدير نهاذج البائل سواء بتأثيرات ثابتة أو عشوائيَّة، عمليَّة سهلة للغاية في إفيوز، الجزء الأصعب هو تنظيم البيانات بحيث يتمكن البرنامج من إدراك أن لديك بيانات البائل، ويتمكن من تطبيق الثقنيات بناء على ذلك، على الرغم من وجود عدد من الطرق المختلفة لإنشاء ملف عمل للبائل في إفيوز، إلَّا أن أبسط طريقة، والتي سيتم تبنيها في هذا المثال تتمثَّل في استخدام المراحل الثلاث التالية:

- إعداد ملف عمل جديد لاحتواء البيانات بعدد مناسب من مُشاهدات البيانات المقطعيَّة، بفترة زمنيَّة مُناسبة وبتكرار مُناسب.
 - (٢) استيراد البيانات كمتغيِّرات مجمَّعة تضم جميع مُشاهدات السلسلة محدَّدة في عمود، ويُمثِّل كل عمود مُتغيِّر مُنفصل.
 - (٣) هيكلة البيانات ضمن إفيوز بحيث يتوفر إطار كامل لبيانات البانل.

التطبيق الذي سيتم النظر فيه هنا هو بديل عن الاختبار السابق لنموذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة المنسوب إلى فاما وماكبيث (١٩٧٣) والذي نوقش بمزيد من التفصيل في الفصل ١٤، ويشمل اختبارهم إجراء تقدير من خطوتين؛ أولًا: تقدَّر قيم بيتا في انحدارات سلاسل زمتيَّة مُنفصلة لكل شركة، ثانيًا: لكل نقطة زمنيَّة مُنفصلة، نقوم بإجراء انحدار مقطعي لفائض العوائد على قيم بينا:

$$R_{it} - R_{ft} = \lambda_0 + \lambda_m \beta_{Fi} + u_i \tag{1A.11}$$

ate: 1996 te: 2006
te: 2006
ad .
and r
ections: 2500

لقطة الشاشة رقم (١١,١) نافلة إنشاء ملف عمل للباتل.

نتمشَّل المرحلة الأولى كما هو موضَّح أعلاه، في إنشاء ملف عمل لاحتواء البيانات، وبالتالي نفتح Eviews ونقوم باختيار File/New/Workfile، ثم في المربع 'workfile structure type'، نُحدَّد Balanced Panel و بيانات سنويَّة تبدأ في ١٩٩٦ وتنتهي في ٢٠٠٦ مع ٢٠٠٠ مقطّع عرضي، سوف تظهر نافذة إنشاء ملف العمل، والتي يجب إكهالها كما في لقطة الشاشة رقم (١١,١).

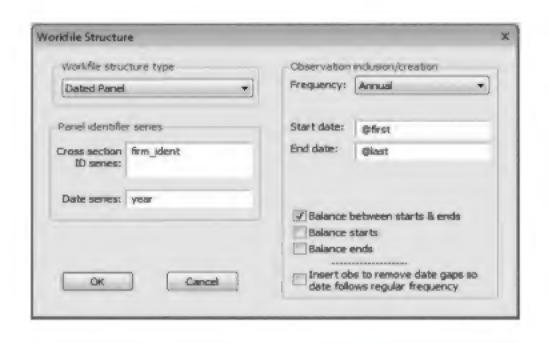
نقوم بعد ذلك باستيراد ملف الإكسل المسمَّى panelex.xls وذلك بتحديد Ville/Import/Read لا تنسى تغيير نوع الملف إلى الكسل (r.xls)، تكون قراءة البيانات من خلال By Observation، وتبدأ من الخلية A2، في المربع ... OK، وهكذا سوف يتم استيراد البيانات مع المتغيِّرات الأربع في الأعمدة، من الواضح أي مُتغيِّرين من بين

⁽١١) تم حساب عدد هذه الشركات من قِبل كيث أندرسون (Keith Anderson) والمؤلف، سوف يكون هناك بعض القيود الشديدة لهذا التحليل إذا افترضنا أنه جزء من يحث أصلي، ولكن مجموعة قواعد بيانات البائل المتاحة مجانًا محدودة للغاية، لذا نأمل أن تكفي البيانات كمثال عن كيفية تقدير نهاذج البائل باستخدام إفيوز، لا شك أن القراء الذين يستطيعون الوصول إلى مجموعة واسعة من البيانات، سوف تكون لديهم الفدرة على التفكير في تطبيقات أفضل بكثير.

المتغيِّرات هما: سلسلة العوائد وسلسلة قيم بيتا، ولكن للحصول على بيانات السلاسل الزمنيَّة المقطعيَّة، نحتاج كذلك إلى مُعرَّفات الزمن (المتغيِّر الذي أسميته 'year') والمقاطع العرضيَّة ('firm_ident').

المرحلة الأخيرة هي الآن هيكلة البائل بشكل صحيح، يُمكن تحقيق ذلك عن طريق النقر المزدوج على الكلمة Range في الجزء العلوي من نافذة ملف عمل، الأمر الذي يُؤدي إلى فتح النافذة 'Workfile structure ؛ يجب مل، هذه النافذة كما في لقطة الشاشة رقم. (١١,٢).

لذا في المربع 'Cross section ID series' نقوم بإدخال firm-ident وفي المربع 'Cross section ID series' نُدخل year ثم نتقر فوق 'Cross section ID series' نُدخل year ثم نتقر فوق 'Cross section ID series' الآن إنشاء البائل وهو جاهز للاستخدام، لتقدير انحدارات البائل ننقر فوق ... Quick/ Estimate Equation وبعد ذلك سوف تفتح النافذة المعادلة Equation Specification نقوم بإدخال المتغيّرات return c beta.



لقطة الشاشة رقم (١١, ٢) نافذة هيكل ملف عمل الباتل.

إذا قمنا بالنقر فوق علامة النبويب Panel Options، سوف نرى عددًا من الخيارات المتاحة والحَاصَّة بنهاذج بيانات البائل، أهم هذه الخيارات هو المربع الأول، حيث يمكن اختيار إمَّا التأثيرات الثابتة أو التأثيرات العشوائية، لا تنضمَّن الحالة الافتراضيَّة أيَّا من التأثيرات، مما يعني فعليًّا إجراء انحدار مجمَّع بسيط، وبالتالي وفي مرحلة أولى تقدير نموذج لا يضم لا تأثيرات ثابتة ولا تأثيرات عشوائيَّة، سوف تكون النتائج كما في الجدول التالي.

Dependent Variable: RE Method: Panel Least Sc Date: 06/15/13 Time: 06 Sample: 1996 2006 Periods included: 11	quares 8:41			
Cross sections include: Total panel (unbalanced		9856		
	Çoefficient	Std Error	I-Statistic	Prob
С	0.001843	0.003075	0.599274	0.5490
DETA	0.000454	0.002735	0.166156	0.9680
R-squared	0.000003	Mean deper	ndeni var	0.002345
Adjusted R-squared	0.0000110	S.D. depend	ient var	0.052280
S.E. of regression	0.052285	Akaike into i	enterion	-3.063986
Sum squared resid	24.20443	Schwarz crit	terion	3.052385
Log likelihood	13569.33	Hannan-Qui	nn oriter.	-3.063441
F-statistic	0.027608	Durbin-Wats	on stat	1.639308
Prob(F-statistic)	0.868038			

يُمكننا أن نرى أن لا المقطع ولا المبل معنوي إحصائبًا، أمَّا العوائد المستخدمة في هذا الانحدار فهي في شكل نسب ولبست نسبًا مئوية، وبالتالي فإن تقدير المبل البالغ ٤٥٤،٠٠، يُمثّل علاوة مُخاطرة شهريَّة تُساوي ٤٥٤،٠٠٪ أي حوالي ٥٠،٠٠٪ في السنة في حين أن فائض العوائد (المتوسَّط غير المرجَّح) مجميع الشركات في العينة يبلغ حوالي ٢٠٪ سنويًّا، لكن هذا الانحدار المجمَّع يفترض أن المفاطع هي نفسها لكل شركة ولكل سنة، يُمكن أن يكون هذا الافتراض افتراضًا غير مُناسب، ويمكننا بدلًا من ذلك تقدير نموذج بتأثيرات ثابتة لكل شركة وعبر الزمن، مما يأخذ بعين الاعتبار عدم التجانس الخاص بالشركة وعدم التجانس الخاص بالزمن، كما هو موضَّح في الجدول التالي.

Dependent Variable: RE				
Method Panel Least Sc	quares			
Date: 09/23/07 Time: 21	1:37			
Sample: 1996 2006				
Periods included: 11				
Gross-sections include:				
Total panel (unbalanced	() observations:	8855		
	Coefficient	5td Error	t-Statistic	Prob
G	0.015393	0.004406	3.493481	0.0008
GETA	-0.011800	0.003957	-2.981904	0.0029
	Effects	epecification		
Cross-section fixed (du Period fixed (dummy va				
R-aquared	0.909743	Mean depen		0.002345
Adjusted R-squared	0.132984	S.D. depend		0.052282
S.E. of regression	0.048682	Akaike info orderion		-3.032388
Sum squared resid	16.85255	Schwarz crit		-1,635590
Log likelihood	15172.42	Hannan-Qui	nn criter.	2,558711
F-statistic	1.778776	Clurtun-Wats	ion stat	2 067530
ProblE-statistic1	0.000000			

يُمكننا أن نرى أن تقدير معلمة بيتا الآن سالب وذو معنويَّة إحصائية، في حين أن المقطع مُوجب ومعنوي إحصائيًّا، إذا أردنا رؤية التأثيرات الثابنة (أي رؤية قيم المتغيَّرات الوهمية لكل شركة ولكل نقطة زمنيَّة)، فيمكننا النقر فوق View/Fixed/Random خم ننقر إما على Cross-Section Effects أو على Period Effects (هذه الأخيرة يُسميها إفيوز التأثيرات الثابتة زمنيًّا).

من الجدير بعد ذلك تحديد ما إذا كانت التأثيرات الثابتة ضرورية أم لا من خلال إجراء اختيار التأثيرات الثابتة الزائدة، للقيام بذلك انفر فوق View/Fixed/Random Effects Testing ثم على View/Fixed/Random Effects Testing سوف تظهر النتائج في الجدول التالي.

Redundant Fixed Effects Tests Equation: Untitled Test cross-section and period fixed effects					
Effects test	Statistic	d.l.	Prob		
Cross-section F	1.412242	(1733,7111)	0.0000		
Cross-section Chi-square	2619.419	1733	0.0000		
Period F	83.16944	(10,7111)	0.0000		
Period Chi-square	753.7063	10	0.0000		
Cross-Section/Period F	1.779779	(1743,7111)	0.0000		
Cross-Section/Period Chi-square	3208 189	1743	0.0000		

لاحظ أن إفيوز سوف يعرض كذلك نتائج النموذج المقيَّد حيث يُسمح فقط بالتأثيرات الثابتة مقطعيًّا دون التأثيرات الثابتة للفترة، ثم نموذج مقيَّد لا يسمح سوى بالتأثيرات الثابتة للفترة (١٣)، ومن المثير للاهتهام أن المعلمات المقطعية للنهاذج بتأثيرات ثابتة دون سواها، لا تختلف نوعيًّا عن تلك الخاصة بالاتحدار المجمَّع الأوَّلي، لذلك فإن التأثيرات الثابتة للفترة هي التي تُحدث اختلاقًا، كما تم استخدام ثلاثة اختبارات مختلفة من اختبارات التأثيرات الثابتة الزائدة، كلَّ منهم على صبغة اختبار إف و ٣٤: (١) تقييد التأثيرات الثابتة للفترة بصفر؛ و (٣) تقييد كلا النوعين من التأثيرات الثابتة بصفر، في جميع الحالات الثلاث تكون قيم في المرتبطة بإحصاءات الاختبار صفر إلى أربعة منازل عشرية، مما يشير إلى أن القيود لا تدعمها البيانات، وأنه لا يُمكن استخدام عينة مجمعة.

نقوم بعد ذلك يتقدير النموذج بتأثيرات عشوائية من خلال اختيار ذلك من علامة النبويب panel estimation option، ومثل ما هو الحال في التأثيرات الثابتة يُمكن أن تكون التأثيرات العشوائيَّة إمَّا من البُعد المقطعي أو من بُعد الفترة، هنا سوف نكتفي بتحديد تأثيرات عشوائيَّة للشركات (أي تأثيرات عشوائيَّة مقطعيَّة) دون تأثيرات عشوائيَّة زمنيَّة، تظهر النتائج التي تم التوصل إليها كها في جدول الجزء العلوى من الصفحة النالية.

نكون قيمة الميل المقدَّرة مرَّة أخرى ذات حجم مُختلف مُقارنة عمَّا هي عليه في انحدار التأثيرات الثابثة والانحدار المجمَّع، من الأهمية بمكان تحديد ما إذا كان النموذج بتأثيرات عشوائية يجتاز اختبار هوسهان للتأثيرات العشوائية غير المترابطة مع المتغيَّرات

⁽١٢) لم يتم عرض هذه الناذج بهدف الاختصار.

المفسَّرة، للقيام بذلك ننقر فوق View/Fixed/Random Effects Testing/Correlated Random Effects -Hausman Test تم التوصل إلى النتائج التالية، حيث نُقدَّم هنا فقط الجزء العلوي من الجدول الذي يُشير إلى نتائج اختبار هوسيان.

Department Verniste III.	FURRIN			
Method: Panel BGLS (C)		tom effecter		
Clade 00/23/07 Tong 21	55			
Sample 1980 жки				
Remode included: 11				
Crows excurers included	1. 1.70m			
Total parel (unbalanced)				
Swamy and Arona eatim.	asor of compone	ni vanances		
	Coefficient	Sad Error	1-Stations	Prolo
0	о сивновна	0.000007	1.004900	0.21162
IR. IA	-0.001409	0.002894	-0.518188	0.8044
	Liffects op	peoficialism		
			8.D.	Etter
Conservation random			DOTESTOR	Q. CONTRO
ádkonymenatie rumdom	0.050763		0.9440	
	Wasgirte	d statebox		
R-aguared	0.000000	Mean dependent var		0.001660
Adjusted Rilequared	CONTRACTOR	5.0 pependem var		90 819 12000
S E of regression	0.051106	Sum equared resid		20 12475
F statesta	о энание	Charles Walson stat		1 (0.000)
Proteil -mainte)	0.606701			
	Unweight	ed materials		
M-squared	-0.000245	Mean depen	dent var	0.002045
	24 21044	Deutenia Mente		1.6(3)(0.00)

تكون القيمة بي للاختبار أقل من ١٪، عَمَّا يُشير إلى أن النموذج بتأثيرات عشوائية غير مُناسب وأنَّه يُفضَّل توصيف التأثيرات الثابتة.

Equation: Untitled Test cross-section random el	flects		
Test summary	Chi-Sq Statistic	Chi-Sq. d.f.	Prob.
Cross-section random	12.633579		0,0004

٩ ، ١ ١ اختبارات جذر الوحدة والنكامل المشترك للباتل

(Panel unit root and cointegration tests)

١ ، ٩ ، ١ الخلفية والدافع

(Background and motivation)

يُعتبر مبدأ اختبار جذر الوحدة في إطار البائل مُشابهًا جدًّا لذلك المستخدم في إطار المعادلات الفردية، والذي تمت مُناقشته في الفصل ٨، كما نُلاحظ أن اختبارات جذر الوحدة من قَبِيل اختبار ديكي-فولر، أو اختبار فيليبس-بيرون تتَّسم بقوَّة مُنخفضة، وخاصة إذا كانت العيَّنة مُتواضعة الحُجم، وهذا يُوفَّر دافعًا رئيسًا لاستخدام البائل (على أمل أن يتم استخدام إصدارات أكثر قوة للاختبارات عندما ينم الجمع بين معلومات السلاسل الزمنيَّة والمعلومات المقطعيَّة) نتيجة للزيادة في حجم العيَّنة، سوف يكون من

الأسهل بطبيعة الحال زيادة عدد المشاهدات بمجرد زيادة طول فترة العيّنة، ولكن قد لا تكون هذه البيانات مُتاحة، أو قد تكون محدودة الاستخدام بسبب الانقطاعات الهيكلية في السلسلة الزمنيّة.

وعلى رغم أن نهج السلاسل المفردة ونهج البائل لاختبار جذر الوحدة والسكون قد تبدو ظاهريًّا مُتشابهة جدًّا، إلَّا أنه في الواقع يُعتبر إنشاء وتطبيق إحصاءات اختبار سليمة أكثر تعقيدًا في حالة البائل مُقارنة بالسلاسل المفردة، إحدى التعقيدات قد تنتج عن التوزيعات المتناظرة المُختلفة للاختبارات الإحصائية نتيجة الاعتباد على إما أن يكون N ثابتًا و T بميل إلى ما لا نهاية أو العكس، أو أن كلًّا من T و N يزيد في آن واحد بنسبة ثابتة.

هناك مسألتان هامتان لا بد من أخذهما في الاعتبار، هما؛ أولاً: يحتاج تصميم وتفسير فرضيَّة العدم والفرضيَّة البديلة إلى تفكير مُتأنَّ في إطار البائل، ثانيًا: قد تكون هناك مشكلة تبعبَّة مقطعيَّة في الأخطاء عبر انحدارات اختبار جذر الوحدة، تُشير بعض الأدبيات إلى الدراسات المبكرة السابقة التي تفترض عدم التبعيَّة المقطعيَّة بوصفها "الجيل الأول" من اختبارات جذر الوحدة للبائل، في حين تُسمَّى النهج الأكثر حداثة التي تأخذ في الاعتبار بعض أشكال التبعيَّة باختبارات "الجيل الثاني".

رُبها تكون نقطة البداية البدية لاختبارات جذر الوحدة عندما يكون لدينا بيانات بانل هي إجراء انحدارات مُنفصلة عبر الزمن لكل سلسلة، ولكن باستخدام نهج الانحدار غبر المرتبط ظاهريًّا لزيلنر، الذي يُمكن أن نُسمُيه اختبار ديكي فولر الموسَّع مُتعدَّد المتغيِّرات (Multivariate ADF (MADF)، لا يُمكن استخدام هذه الطريقة إلَّا إذا كان N « T» وقد قدَّم تايلور وسارنو (١٩٩٨) في هذا الإطار تطبيقًا مُبكرًا لاختبارات تعادل القوة الشرائيَّة، غير أنه من الإنصاف القول بأنه نادرًا ما تُستخدم هذه التقنية، حيث يُفضَّل الباحثون بدلًا من ذلك استخدام تركيبة بانل كاملة.

قُثْل أبعاد البائل أحد الاعتبارات الرئيسة: هل يجب أن يكون T كبيرًا أو الا كبيرًا، أو أن كليها يجب أن يكون كبيرًا؟ يُمكن استخدام نهج ديكي قولر الموسَّع مُتعدد المتغيِّرات إذا كان T كبيرًا و الا صغيرًا، مع أنه وكيا أشار بريتونغ وبيزاران (٢٠٠٨) Breitung (٢٠٠٨) من نهج ديكي قولر الموسَّع مُتعدد المتغيِّرات إذا كان من المجدي اعتباد نهج البائل أصلًا، وذلك الأنه عندما يكون T كبيرًا بشكل كافي فإن اختبارات ديكي قولر الموسَّع المنفصلة تحظى بقدر من الثقة يجعل من نهج البائل نهجًا بالكاد يستحق عناء التعقيد الإضافي الذي يُصاحبه.

١١,٩,٢ إجراء اختبارات بفرضيات بديلة مُشتركة

(Tests with common alternative hypotheses)

طوَّر ليفين، لين وتشو (٢٠٠٢) ((Levin. Lin and Chu (2002)) - ويرمز إليهم فيها بعد (LLC)- اختيارًا يقوم على المعادلة الثالية:

$$\Delta y_{i,t} = \alpha_i + \theta_t + \delta_i t + \rho_i y_{i,t-1} + \sum_i \alpha_i \Delta y_{t-i} + v_{i,t}$$

$$t = 1, 2, \dots, T; \ i = 1, 2, \dots, N$$
(19.11)

يُعتبر هذا النموذج نموذجًا عامًّا جدًّا؛ لأنه يأخذ في الاعتبار تأثيرات خاصَّة بالكيان، وتأثيرات خاصَّة بالزمن من خلال » و يُعتبر هذا النموذج نموذجًا عامًّا جدًّا؛ لأنه يأخذ في الاعتبار تأثيرات خاصَّة بالكيان، وتأثيرات خاصَّة بالزمن من خلال » و على النوالي، إضافة إلى الاتجامات الحنميَّة المنفصلة في كل سلسلة من خلال » و الأرتباط الذاتي في Δν، بطبيعة الحال و كها بالنسبة لاختبارات ديكي-فولر، يُمكن حذف أيَّ من هذه الحدود الحتمية من الانحدار أو حتَّى حذفها كلها، هذا و تتمثَّل فرضيَّة العدم في: الهن الله و الفرضيَّة البديلة: البديلة: الهن و كها كلها، هذا و تتمثَّل فرضيَّة العدم في: الهن الهن الفرضيَّة البديلة المناسكة الم

يعود أحد الأسباب التي تجعل من اختبار جذر الوحدة اختبارًا أكثر تعقيدًا في إطار البائل إلى العدد الكبير من "معليات الإزعاج" (Nuisance Parameters) في المعادلة والضرورية للأخذ في الاعتبار التأثيرات الثابتة (أي به، θ_t ، θ_t ، θ_t ، θ_t معليات الإزعاج هذه على التوزيع المقارب لإحصاءات الاختبار، وبالتالي اقترح ليفين، لين وتشو إجراء انحدارين مساعدين إضافيين لإزالة آثار هذه المعليات، نقوم أوَّلًا بانحدار Δy_{ie} على قيمها المتباطئة Δy_{ie} , Δy_{ie} وعلى المتغيَّرات الحارجيَّة (أحد المعليات به، θ_t أو كلها، بحسب ما هو مطلوب)؛ وتتحصَّل على البواقي Δy_{ie} كما تُشير إلى أن أعداد فترات الإبطاء للمتغيِّرات النابعة، أي برم، لا يجب أن تكون هي نفسها لكل سلسلة في البائل، نقوم بعد ذلك بإجراء انحدار للقيمة المتباطئة لــــ v_t أي t_t على نفس المتغيِّرات للحصول على البواقي t_t من نقوم بتوحيد البواقي المتحصَّل عليها من الاتحدارات معياريًّا من خلال قسمتها بالخطأ المعياري للاتحدار به والذي نتحصَّل عليه من انحدار ديكي فولر الموسَّع (۱، ۱۹):

$$\bar{u}_{1it} = u_{1it}/s_i \tag{Y * (Y)}$$

9

$$\bar{u}_{2it} = u_{2it}/s_i \tag{YI,II}$$

وهكذا سوف يكون عادلًا لـ عادلًا لـ عادلًا لكن مع إزالة تأثيرات المكوَّنات الحتمية، وسوف يكون عادلًا لـ الله الكن مع إزالة تأثيرات المكوَّنات الحتمية، وسوف يكون عادلًا لـ المهل من هذا مع إزالة تأثيرات المكوَّنات الحتمية نقوم في الأخير بإجراء انحدار لـ تقين على تقين استخدام القيمة المقلَّرة للميل من هذا الاختبار الإنشاء إحصاءة الاختبار، والتي تتوزَّع تقارُبيًّا كمتغيَّر طبيعي معياري، سوف تقنرب إحصاءة الاختبار من هذا التوزيع الطبيعي "الحدِّي" كلَّم يعبل T إلى ما لا نهاية، وكلما يمبل N إلى ما لا نهاية رغم أن تقارب الأول (T) أسرع من تقارُب الثاني (N).

طوَّر بريتونغ (٢٠٠٠) نسخة معدَّلة من اختبار ليفين، لين وتشو لا تتضمن الحدود الحتميَّة (أي التأثيرات الثابثة و/أو اتجاه حتمى)، والذي يقوم بالتوحيد المعياري لبواقي الانحدار الإضافي المساعد بطريقة أكثر تعقيدًا.

ينبغي أن يكون واضحًا أنه في إطار نهج ليفين، ولين وتشو ونهج برينونغ، يكفي أن يكون لدينا دليل واحد على رفض فرضية العدم المتمثّلة في عدم السكون لسلسلة واحدة ليتم رفض فرضية العدم المشتركة، كما أشار بريتونغ وبيزاران (٢٠٠٨) إلى أن الاستنتاج المناسب عند رفض فرضية العدم هو أن "نسبة كبيرة من الوحدات المقطعيّة هي وحدات ساكنة"، قد لا يكون ذلك مُفيدًا جدًّا بشكل خاص عندما يكون N كبيرًا؛ لأنه ليس لدينا أيّة معلومة عن عدد السلاسل الساكنة، في كثير من الأحيان يكون افتراض التجانس افتراضًا لا معنى له من الناحية الاقتصاديّة، حيث لا توجد نظرية تُشير إلى أن كل السلاسل لديها نفس ديناميكيات الانحدار الذاتي (Autoregressive Dynamics)، وبالتالي نفس قيمة م.

٣, ٩, ١ ١ اختبارات جذر الوحدة للباتل بعمليات غير مُتجانسة

(Panel unit root tests with heterogeneous processes)

فادت الصعوبة المذكورة في نهاية القسم الفرعي السابق إيم، بيزاران وشين (٢٠٠٣) ((٢٠٠٥) ((١٩٠١) - المسابق إيم، بيزاران وشين (١٩،١١) المستكورة أعلاه، حيث تكون فرضيَّة المعدم ويرمز إليهم فيما بعد (١٩،١١) المستكورة أعلاه، حيث تكون فرضيَّة المعدم والفرضيَّة البديلة الآن على النحو التالى:

 $.H_1 \colon \rho_i < 0, \ i = 1, 2, \dots, N_1 ; \ \rho_i = 0, \ i = N_1 + 1, \ N_1 + 2, \dots, N_J H_0 \colon \rho_i = 0 \ \forall \ i$

وهكذا فإن فرضية العدم لا تزال تُحدِّد جميع السلاسل في البائل على أنها سلاسل غير ساكنة، في حين أنه ضمن الفرضية البديلة تكون نسبة من السلاسل (N₁/N) ساكنة، والنسبة المتبقّبة (N₁/N) غير ساكنة، ولكن من الواضح أنه لا وجود لفيود تفرض تطابق جميع قيم م، يتم إنشاء إحصاءة اختبار البائل في هذه الحالة من خلال إجراء اختبارات مُتفصلة لجذر الوحدة لكل سلسلة في البائل، وحساب الإحصاءة في لاختبار ديكي فولر الموسَّع لكل سلسلة وبالطريقة المعتادة، ثم أُخذ مُتوسَّطها المقطعي، يتم بعد ذلك تحويل هذا المتوسَّط إلى مُتغيِّر طبيعي معياري ضمن فرضية العدم لجذر الوحدة، وذلك في كل سلسلة من السلاسل، طوَّر إيم، بيزاران وشين اختبار مُضاعف لاجرانج بالإضافة إلى اختبار في الأكثر شيوعًا (١٣٠)، إذا كان بُعد السلسلة الزمنية كبيرًا بشكل كافي فيمكن حينها إجراء اختبارات الفردية ترفض فرضية العدم، وبالنائي مدى متانة الأدلة مُقابل فرضيَّة العدم المشتركة.

نجدر الإشارة إلى أنه رغم أن اختبارات جذر الوحدة للبانل غير المتجانسة المطوَّرة من قِبَل إيم، بيزاران وشين نفوق اختبارات الحالة المتجانسة عندما يكون N متواضعًا مُقارنة بسس T، إلَّا أنها قد لا تكون اختبارات قويَّة بها فيه الكفاية عندما يكون N كبيرًا و T صغيرًا، وفي هذه الحالة يكون نهج ليفين، لين وتشو مُناسبًا.

قام مادالا ورو (۱۹۹۹) ((۱۹۹۹) ((۱۹۹۹) وتشوي (۲۰۰۱) ((۲۰۰۱) (۲۰۰۱) بنطوير صيغة نمَّتلفة قليلًا عن نهج إيم، بيزاران وشين نستند إلى فكرة نعود إلى فيشر (۱۹۳۲) ((۱۹۳۲) وتشوي (Fisher (1932))، حيث نقوم مرَّة أخرى باختبارات مُنفصلة لجُذر الوحدة لكل سلسلة من مجموعة السلاسل، ثم تُجمع الفيم بي المرتبطة بإحصاءات الاختبار. (ذا قُمنا بتسمية هذه الفيم بي بـ = ۲٫۰۰٪ الكل سلسلة من عن عن ورضيَّة العدم المتمثّلة في وجود جذر الوحدة في كل سلسلة، فإن كل قيمة من عن سوف تتبع التوزيع المنتظم على مدى المجال [۱۰۰] وبالتالي كـ ۸ محدّد و ∞ → ۲ سوف يكون لدينا المعادلة التالية:

$$\lambda = -2\sum_{i=1}^{N} \ln (pv_i) \sim \chi_{2N}^2 \tag{YY.11}$$

في هذه الحالة يُمكن أن يختلف عدد المشاهدات في كل سلسلة بها أنه تم إجراء انحدارات مُنفصلة لكل سلسلة، ثم يتم فقط تجميع الفيم بي في إحصاءة الاختبار، كما تُشير إلى أن افتراض الاستقلاليَّة المقطعيَّة يُعتبر أمرًا ضروريًا هنا لينبع هذا المجموع النوزيع ألا توزيع إحصاءة الختبار ديكي فولر الموسّع غير معياري، ويعتمد على إدراج معلمات الإزعاج، فإنه وللأسف يجب الحصول على فيم بي التي سوف تُدرج في هذه المعادلة من محاكاة مونت كارلو (Monte Carlo Simulation). وإضافة إلى ذلك، إذا كانت السلاسل قيد الدراسة لها أطوال فترات إبطاء مُختلفة لـ عنها عاكاة مونت كارلو مُنفصلة!

بالإضافة إلى إحصاءة ٢٠، قام نشوي (٢٠٠١) بتطوير بديل فذا الاختبار، يعتمد هو الآخر على قيم بي، ويتبع تقاربيًّا التوزيع الطبيعي، وكها هو الحال بالنسبة لاختبار إيم، بيزاران وشين، ينبغي أن يكون واضحًا أن نهج مادالا-وو-تشوي لا يتطلَّب تطبيق نفس المعلمة م لكل السلاسل بها أنه يتم إجراء اختبار ديكي فولر الموسَّع بشكل مُنفصل على كل سلسلة.

(١٣) يفترض كلا الاختبارين أن لدينا باتل مُتوازِن، أي أن عدد مُشاهدات السلاسل الزمنيَّة هو نفسه لكل كيان مقطعي.

٤ , ٩ , ٩ اختبارات سكون البانل

(Panel stationarity tests)

إن النَّهُج المذكورة أعلاه تُعتبر اختبارات لعدم السكون، وهي مُشابهة لنهج ديكي فولر، وفي ظل فرضية العدم يكون لدينا حالة من عدم السكون، ومع ذلك من الممكن أيضًا إنشاء اختبار حيث تكون فرضيَّة العدم عبارة عن سكون جميع السلاسل في البائل، وهو ما يُهاثل اختبار KPSS المفترح من قبل كويتكوسكي و آخرين (١٩٩٢)، في هذه الحالة تكون فرضيَّة العدم عبارة عن سكون جميع السلاسل، ويتم رفضها إذا كانت سلسلة على الأقل غير ساكنة، تم تطوير هذا النهج في سباق البائل من قبل هادري (٢٠٠٠) (Hadri (2000))، ويُفضي إلى إحصاءة اختبار تتبع تقاربيًّا التوزيع الطبيعي، وكها في الحالة أحادية المتغيِّر، يُمكن أن تكون اختبارات السكون مُفيدة في التحقُّق من متانة استنتاجات اختبارات جذر الوحدة.

٥, ٩, ١ الأخذ بعين الاعتبار عدم التجانس المقطعي

(Allowing for cross-sectional heterogeneity)

يُعتبر افتراض الاستقلال المقطعي لحدود الخطأ في انحدار البائل أمرًا بعيدًا كل البعد عن الواقعية ويُرجَّح أن يُنتهك عند التطبيق، على سبيل المثال، وفي سياق اختبار ما إذا كان تعادل القوة الشرائية قائيًا، من المحتمل أن تكون هناك عوامل هامة غير محددة توثر على جبع أسعار الصرف أو على مجموعات من أسعار الصرف في العينة، وهو ما سوف يُودي إلى بواقي مُترابطة، شرح أوكونيل (١٩٩٨) (O'connell (1998)) الاختلالات الكبيرة لحجم الاختبار التي يُمكن أن تنشأ عندما تكون مثل هذه التبعينات المقطعية موجودة لكنها لم تُؤخذ في الحسبان، أي أنه يتم رفض فرضية العدم عندما تكون صحيحة أكثر بكثير مماً ينبغي أن تُرفض عن طريق الصدفة البحثة إذا كانت القرضية التوزيعيَّة صالحة لإحصاءة الاختبار، إذا تم تعديل القيم الحرجة المستخدمة في الاختبارات لإزالة أثار اختلالات الحجم، فإن قوَّة الاختبار سوف تنخفض للرجة أنه في الحالات القُصوى سوف تختفي بالكامل الفائدة من استخدام تركيبة البائل، كما تُشير إلى أنه وفقًا لمادالا ووو (١٩٩٩)، فإن الاختبارات التي تعتمد على إحصاءة فيشر تكون أكثر قوَّة عند عدم نمذجة النبعيَّة المفطعيَّة مُقارفة بنهج إيم، بيزاران وشين.

باستخدام المربعات الصُّغرى المعمَّمة، اقترح أوكونيل مقدرًا مُناسبًا لـ م حيث تُستخدم ارتباطات يُفترض أن تكون الاصفريَّة بين الاضطرابات، لتخطِّي عقبة وجوب تحديد مصفوفة الارتباط (والذي يُمكن أن يكون عملًا شاقًا؛ لأن الشكل الذي يجب أن تتخذه هذه المصفوفة ليس واضحًا)، اقترح باي ونغ (٢٠٠٤) ((٢٠٠٤) (Bai and Ng (2004)) نهجًا يقوم على فصل البيانات إلى مكون عوامل مُشتركة شديد الارتباط فيها بين السلاسل، وجزء خاص مُيَّز، كها أن هناك نهجًا آخر يتمثَّل في إجراء المربعات الصُّغرى العاديَّة لكن مع ضرورة استخدام الأخطاء المعياريَّة المعدَّلة، والتي تُسمَّى أيضًا "الأخطاء المعياريَّة المصحَّحة للسلاسل الزمنيَّة المقطعية "، انظر على سبيل المثال بريتونغ وداس (٢٠٠٥) ((Breitung and Das (2005)).

ومع ذلك، من الواضح عمومًا أن مُعالجة التبعيَّة المقطعيَّة بشكل مُرْضِ يزيد من صعوبة المسألة التي هي في الأصل مُعقَّدة، بوجود مثل هذه التبعيَّات، تتأثر إحصاءات الاختبار جدَّيًا بمعلمات الإزعاج، ونتيجة لذلك، وعلى الرغم من عدم تفوُّقه من الناحية النظرية، فإن الجيل الأول من النهج، والذي يتجاهل التبعيَّة المقطعيَّة، لا يزال يُستخدم على نطاق واسع في الدراسات التطبيقية.

١١,٩,٦ التكامل المشترك للبائل

(Panel cointegration)

لوحظ غالبًا في الأدبيات أن تطوَّر تفنيات نمذجة التكامل المشترك للبائل لا يزال في بدايته في حين أن اختبارات جذر الوحدة للسلاسل الزمنيَّة المقطعيَّة بلغ ذروة نموَّه، كما يُعتبر اختبار التكامل المشترك للسلاسل الزمنيَّة المقطعيَّة مسألة مُعقَّدة إلى حد ما، حيث يتعيَّن علينا النظر في إمكانية تكامل مجموعات من المتغيِّرات تكاملًا مُشتركًا فيها بينها (وهو ما يُمكن أن نطلق عليه 'التكامل المشترك المقطعي')، وكذلك إمكانية التكامل المشترك داخل المجموعات، ومن الممكن أيضًا أن تختلف المعلمات في سلاسل النكامل المشترك أو حتى عدد علاقات التكامل المشترك عبر البائل.

إثر العمل الريادي الذي قام به بيدروني (٢٠٠٤، ٢٠٠٩) ((Pedroni (1999. 2004))، تستند مُعظم الأعمال حتَّى الأن إلى تعميم لطُّرق المعادلة الواحدة من نوع إنجل-جرانجر، يُعتبر إعداد هذه الطريقة عامًّا جدًّا، ويسمح بمقاطع مُنفصلة لكل مجموعة من المتغيِّرات التي من الممكن أن تتكامل فيها بينها تكامُلًا مُشتركًا، كها يسمح بالجَّهاهات حتميَّة مُنفصلة.

يُمكن لمجموعة من المتغيِّرات yet و xmate المتكاملة فرديًّا من الدرجة الأولى والتي يُعتقد أن بينها تكاملًا مُشتركًا، أن تكون كها في كتابة المعادلة التالية:

$$y_{it} = \alpha_i + \delta_i t + \beta_{1i} x_{1i,t} + \beta_{2i} x_{2i,t} + \dots + \beta_{Mi} x_{Mi,t} + u_{i,t}$$
 (YY', YY)

حيث يُمثّل m=1,...,M المتغيّرات المفسّرة في انحدار التكامل المشترك المحتمل، t=1,...,T و t=1,...,M

يتم بعد ذلك إخضاع البواقي المتحصَّل عليها من هذا الانحدار، أي شهر إلى انحدارات مُنفصلة من قَبِيل اختبار ديكي-فولر أو ديكي-فولر الموسَّع، وذلك لكل مجموعة من المتغيِّرات لتحديد ما إذا كانت (1)1، على سبيل المثال:

$$u_{i,t} = \rho_i u_{i,t-1} + \sum_{j=1}^{p_i} \psi_{i,j} \, \Delta u_{i,t-j} + v_{i,t} \tag{7.5.11}$$

تتمثّل فرضيَّة العدم في أن بواقي جميع انحدارات الاختبار هي عمليَّات جذر الوحدة (1 = (H₀: ρ)، وبالتالي لا وجود للنكامل المشترك، هذا ويقترح بيدروني فرضيَّتين بديلتين تُمكنتين، تتمثّل الفرضيَّة الأولى في أن جميع ديناميكيات الانحدار الذاتي هي نفس العمليَّة الساكنة (١ لا ١ > ρ = ρ < 1 لا)، أمَّا الثانية فتتمثّل في أن الديناميكيات من كل مُعادلة اختبار نتبع عمليَّة ساكنة تُحتلفة العمليَّة الساكنة (١ لا الاجتبار لا تسمح الحالة الأولى بعدم التجانس في حبن تسمح الحالة الثانية بذلك، على غرار الاختلاف بين طريقة ليفين، لين وتشو وطريقة إيم، بيزاران وشين كها هو موضح أعلاه، هذا وقام بدروني بعد ذلك بإنشاء مجموعة كاملة من إحصاءات للوغين، لين وتشو والتي نستند إلى صبغ مُوحَّدة معياريًّا من النسبة في المعتادة، وذلك من خلال المعادلة رقم (١١، ٢٤)، كها تُشير إلى أن التوجيد المعياري المطلوب يتوقّف على ما إذا تم تضمين مقطع أو اتجاه في المعادلة رقم (٢١، ٢٤) أم لا، وعلى قيمة ٨، نتبع كل إحصاءة اختبار من هذه الإحصاءات الموحَّدة معياريًّا تقاربيًّا التوزيع الطبيعي المعياري.

طوَّر كاو (١٩٩٩) ((١٩٩٩) ٢٤٥) بشكل أساسي نسخة مقيَّدة من نهج بيدروني، حيث يفترض أن معليات الميل في المعادلة رقم (٢٣،١١) تكون ثابتة فيها بين المجموعات، على الرغم من أنه لا يزال بُسمح للمقاطع بالاختلاف، ثم يتم إجراء انحدار اختبار ديكي فولر أو ديكي فولر الموسَّع على العيَّنة المجمّعة بافتراض التجانس في قيمة ٥، تُتيح هذه القيود بعض التبسيط في نهج الاختبار.

بالإضافة إلى اختبار التكامل المشترك باستخدام البواقي المتحصَّل عليها عقب هذه الامتدادات لطريقة إنجل-جرانجر، من الممكن أبضًا استخدام تعميم لطريقة جوهانسن، على الرغم من أنها بشكل عام أكثر تعقيدًا، طُوَّر هذا النهج من قِبَل لارسون وآخرين الممكن أبضًا استخدام تعميم لطريقة جوهانسن، على الرغم من الهابسل في استخدام نهج جوهانسن على كل مجموعة من السلاسل بشكل مُنفصل، نحتفظ بعد ذلك بالقيم بي لاختبار الأثر (Trace Test) ثم نقوم بجمع لوغاريتمات هذه القيم وضرب هذا المجموع بـ - ٢ وذلك باتباع طريقة مادالا ووو، كما في المعادلة رقم (٢٠٠١) أعلاه، كما يُمكن اعتبار نهج متكامل للأنظمة يقوم على المجموع بـ - ٢ وذلك باتباع طريقة مادالا ووو، كما في المعادلة رقم (٢٠٠١) أعلاه، كما يُمكن اعتبار نهج متكامل للأنظمة يقوم على المراجع الواردة فيه لمزيد من التفاصيل.

١١, ٩, ٧ مثال توضيحي عن استخدام اختبارات جذر

الوحدة والتكامل المشترك للبائل: العلاقة بين التنمية الماليَّة ونمو الناتج المحلى الإجمالي

(An illustration of the use of panel unit root and cointegration tests: the link between financial development and GD Prowth)

من منظور سياسي نجد أن من بين القضايا الهامّة بالنسبة للبلدان الناسية مدى الارتباط بين النمو الاقتصادي، وتطوّر الأسواق الماليّة للبلد، ذكرت الأدبيات ذات الصلة أن القيود الحكومية المفرطة (مثل حدود الإقراض، القيود المفروضة على أسعار فائدة الإقراض والاقتراض، منع البنوك الأجنبية، وما إلى ذلك) قد تُعيق تطوير الأسواق الماليَّة، وبالنائي فإن النمو الاقتصادي سيكون أبطأ عما لو كانت الأسواق الماليَّة أكثر حيوية، ومن ناحية أخرى، إذا كان الوكلاء الاقتصاديون قادرين على الاقتراض بأسعار فائدة معقولة، أو رفع تمويل أسواق رأس المال بسهولة، فإن ذلك يمكن أن يزيد من جدوى الفرص الاستثمارية الحقيقية، ويسمح بزيادة كفاءة تخصيص رأس المال.

أدت كلَّ من البحوث النظرية والبحوث التجريبية في هذا المجال إلى استنتاجات مُتفاوتة، حيث توصَّلت النهاذج النظرية إلى نتائج مختلفة تتوقَّف على الإطار المستخدم والافتراضات المقدمة، وفيها يخص الجانب التجريبي فإن العديد من الدراسات الموجودة في هذا المجال تُعابي من مُشكلتين؛ تتمثَّل المشكلة الأولى في أن اتجاه السببيَّة بين التنمية الاقتصادية والمالبَّة قد يسير في الاتجاه الآخر: إذا نها الاقتصاد فإن الطلب على المنتجات المالبَّة سوف يزداد في حد ذاته، وبالتالي من الممكن أن يؤدي النمو الاقتصادي إلى تطوير الأسواق المالبَّة بدلًا من الاتجاه الآخر للعلاقة السببيَّة، أمَّا المشكلة الثانية فتتمثَّل في أنه بالنظر إلى أن السلاسل الزمنيَّة الطويلة غير مُتوفرة عادة للاقتصادات النامية، فإن اختبارات جدر الوحدة والتكامل المشترك التقليديَّة التي تفحص الارتباط بين هذين المتغيَّرين تعاني من ضغف في قوَّتها، وبشكل خاص، ورغم أن الأبحاث تمكّنت من تحديد الرابط بين النمو الاقتصادي وتنمية سوق الأوراق المالبَّة، إلَّا أنه لم يكن من الممكن تحديد مثل هذا التأثير لتطوُّر القطاع المصرفي، ويُوفِّر ذلك دافعًا قويًّا لاستخدام تقنيات البائل التي تُعتبر تقنيات أكثر قوَّة وتُشكل النهج الذي اعتمده كريستوبولس وتسيوناس (٢٠٠٤) ((2004) Christopoulos and Tsionas (2004)). سوف يتم الأن منافشة بعض المنهجيات والنتائج الرئيسة لورفتهم.

الأولى	الفروق	المستويات		المتغترات	
مادالا -وو	إيم، بيزاران وشين	مادالا -وو	إيم، بيزاران وشين	٠٠,يسم	
**** 0A, TT	*** { , 0 % -	YV, \Y	٠,١٨–	النائج (v)	
*** \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	-44, 74-	18,44	Y,V1	العمق المالي (F)	
AP, 75	-1A, o****	T+, TV	+,+&-	يضة الاستثمار (S)	
===V£, Tq	aaao, 14-	73, TV	· , {V-	التضخم (ض)	

ملاحظات: القيمة الحرجة لاختبار مادالا ووو هي ٣٧ . ٥٧ عند مستوى ١٪، *** يدل على رفض فرضية العدم المتمثلة في وجود جذر الوحدة عند مستوى ٧١

الصدر: كريستوبولس وتسيوناس (٢٠٠٤)، أعيد طبعه بإذن من إلسيفر.

بتعريف الناتج الحقيقي للبلد بـ y_{it} "العمق" المالي بـ F نسبة الناتج الإجمالي المستثمر بـ S، ومعدل التضخم بـ P، يكون النموذج الأساسي الذي استخدمه كريستوبولس وتسيوناس كالتالي:

$$y_{it} = \beta_{0i} + \beta_{1i}F_{it} + \beta_{2i}S_{it} + \beta_{3i}\dot{p}_{it} + u_{it}$$
 (Yo, 11)

يتم حساب القيمة التقريبيَّة للعمق المالي F باستخدام نسبة إجمالي التزامات المصرف إلى الناتج المحلي الإجمالي، هذا ونُشير إلى أن كريستوبولس وتسبوناس حصلا على البيانات من الإحصاءات الماليَّة الدولية لصندوق النقد الدولي لعشر بلدان (كولومبيا، باراغواي، بيرو، المكسيك، الإكوادور، هندوراس، كينيا، تايلاند، جمهورية الدومينيكان وجامايكا) خلال الفترة المتراوحة بين 1940 و ٢٠٠٠.

يضم الاتحدار في المعادلة رقم (١١، ٢٥) الناتج القومي كمتغيّر تابع والتطوَّر المالي كأحد المتغيّرات المستقلة، لكن كريستوبولس وتسيوناس قامًا أيضًا بفحص العلاقة السببيَّة العكسية حيث يكون ٢ المتغيِّر التابع و و أحد المتغيِّرات المستقلة، قام المؤلفان في البداية بتطبيق اختبارات جدّر الوحدة على كل سلسلة من السلاسل الفرديَّة (الناتج، العمق المالي، نسبة مُساهمة الاستثمار في تكوين الناتج المحلي الإجمالي والتضخُّم) بشكل مُستقل لكل بلد من البلدان العشر، آمًّا النتاتج فكانت مُتفاوتة، لكنها تُظهر أن مُعظم السلاسل تتميِّز بعمليات جدّر الوحدة في المستويات، ولكنها ساكنة في الغروق الأولى، كما استخدم كريستوبولس وسيوناس بعد ذلك اختبارات جدر الوحدة للبائل المقترحة من قبل إيم، بيزاران وشين واختبار كا' (Chi-squared Test) لمادالاً وو-تشاو بشكل مُنفصل لكل مُنغيِّر لكن الآن باستخدام بائل تضم جميع البلدان العشر، هذا وتم تحديد عدد فترات الإبطاء لــــ يربك باستخدام معبار أكايكي للمعلومات، كما نُشير إلى أن فرضيَّة العدم في جميع الحالات تكون عمليَّة جدر الوحدة، تُعتبر النتائج باستخدام معبار أكايكي للمعلومات، كما نُشير إلى أن فرضيَّة العدم في جميع الحالات تكون عمليَّة جدر الوحدة، تُعتبر النتائج المعروضة في المجدول رقم (١٤, ١١) الآن أكثر قوَّة ونُظهر بشكل قاطع أن كل السلاسل الأربعة غير ساكنة عند المستوى ولكن ساكنة في الفروق.

بيانات البائل ١٥٥٥

	والتطور	للبائل بين النمو الاقتصادي	اتج اختبار التكامل المشترك	لجدول رقم (۱۱٫۵) ت
ئېقېن، ئېن و تشو ھاريس-تسافالېس				. 1 7:-11
تأثيرات ثابتة مع انجاه	التأثيرات النابنة	تأثيرات ثابتة مع انجاه	التأثيرات الثابتة	المتغيرات
**** 0 , 0 V-	٧٧,١٣-	٠, ٨٩	****, **-	Dep. var.: y
1,70-	· . X 0-	٠,٥	1 , Y=	Dep. var.: F
$r \leq 3$	r ≤ 2	$\tau \le 1$	r = 0	
¥٣, ¥٦	YA, 41	T., VT	*****	Fisher z^2

ملاحظات: يدل "Dep. Var." على المتغيّر التابع، *** يدل على رفض فرضية العدم المتمثّلة في عدم وجود تكامل مشترك عند مستوى ٢٪، الغيم الحرجة لاختباز فيشر هي ٣٧,٥٧ و ٣١.٤١ عند المستويات ١٪ و ٥٪ على التوالي.

المصدر: كريستوبولس وتسيوناس (٢٠٠٤)، أعيد طبعه بإذن من إلسيقر.

تتمثل المرحلة التائية في اختبار ما إذا كانت السلاسل مُتكاملة تكاملًا مُشتركاً أم لا، ومرة أخرى يتم في مرحلة أولى إجراء ذلك بشكل مُنفصل لكل بلد، ثم باستخدام نهج الباتل، بالتركيز على هذا الأخير تم استخدام نهج ليفين، لين وتشو إلى جانب طريقة هاريس-تسافاليس (Harris-Tsavalis) التي تُشبه بشكل عام هذا النهج لكنها تتميّز بعوامل تصحيح مُختلفة قليلًا في التوزيع المفارب بسبب افتراضها أن تا ثابت و الا يميل إلى ما لا نهاية، وكها تُوفِش في القسم الفرعي السابق، تقوم هذه التقنيات على إجراء اختبار جذر الوحدة على البواقي المتحصّل عليها من انحدار التكامل المشترك المحتمل، هذا وبحث كريستوبولس وتسيوناس (Christopoulos and استخدام اختبارات الثابئة واتجاه حتمي في انحدارات الاختبار، كها تم تطبيق هذه الاختبارات على انحدارات تضم بشكل مُنفصل كلًا من التأثيرات الثابئة واتجاه حتمي في انحدارات الاختبار، كها تم تطبيق هذه الاختبارات على انحدارات تضم بشكل مُنفصل كلًا من الو و الا كمتغيّرات تابعة.

تُظهر النتائج في الجدول رقم (١١) بشكل جلي أنه عندما يكون 'الناتج' هو المتغيِّر التابع، فإن نهج ليفين، لين وتشو يرفض فرضيَّة العدم المتمثلة في وجود جذر الوحدة في بواقي انحدار التكامل المشترك المحتمل، وذلك عندما يتم إدراج التأثيرات الثابتة فقط في انحدار الاختبار، في المقابل، عندما يتم إضافة اتجاه في الانحدار، لن يتم حينها رفض فرضيَّة العدم، أمَّا في إطار اختبار هاريس-تسافاليس والذي يضم تأثيرات ثابتة والانحدار الذي يضم تأثيرات ثابتة والانحدار الذي يضم تأثيرات ثابتة والانحدار الذي يضم تأثيرات ثابتة وأغياهًا، لكن عندما يتم استخدام 'العمق المالي' كمنغيَّر تابع فإن أيَّا من هذه الاختبارات لن يرفض فرضيَّة العدم، وبالتالي فإن كافة الأدلَّة التي تُقدِّمها الاختبارات القائمة على البواقي تُشير إلى وجود تكامل مُشترك عندما يكون 'الناتج' هو المتغيَّر وبالتالي فإن كافة الأدلَّة التي تُقدِّمها الاختبارات القائمة على البواقي تُشير إلى وجود تكامل مُشترك عندما يكون 'الناتج' هو المتغيَّر العمق المالي' كمتغيَّر تابع، فشر المؤلفون هذه النتائج بشكل يدعو إلى الربية لأنها تعنى أن السببيَّة تتَّجه من 'الناتج' إلى 'العمق المالي' وليس العكس.

قي الصف الأخير من الجدول رقم (٥, ١١)، يُبيِّن نهج الأنظمة المستخدم في اختبار التكامل المُشترك والذي يقوم على مجموع لوغاريتهات القيم بي المتحصَّل عليها من اختبار جوهانسن، رفض فرضية العدم المتمثَّلة في عدم وجود مُتَّجهات نكامل مُشترك (Ho:r = 0)، في حين لم يتم رفض (1 ≥ Ho:r) وما يعدها، وبالتالي فإن الاستنتاج الذي يُمكن الخروج به هو وجود علاقة تكامل مُشترك واحدة بين المتغيِّرات الأربعة في البائل، لاحظ أنه في هذه الحالة، وبها أنه تم اختبار التكامل المشترك في نظام نموذج مُتجه الانحدار الذاتي، فإنه يتم التعامل مع جميع المتغيِّرات بالتوازي، وبالتالي لا توجد نتائج مُنفصلة للمتغيِّرات التابعة المختلفة.

۱۱,۹,۸ إجراء اختبار جذور الوحدة والتكامل المشترك في الباتل باستخدام إفيوز

(Testing for unit roots and cointegration in panels using EViews)

يوفّر إفيوز مجموعة من الاختبارات لجذور الوحدة ضمن هيكل البائل، ولكنها تقوم كلها على افتراض الاستقلال المقطعي، ونظرًا إلى أنه يُمكن استخدام جميع المناهج في وقت واحد بمجرّد النقر على الفارة، يبدو أنه من الأفضل القيام بذلك لتقييم حساسية النتائج للمنهجية المستخدمة، سوف يستخدم هذا المثال التوضيحي أذون الخزانة/ عوائد السندات الموجودة في الملف "macro.W61" لذلك قم يإعادة فتح هذا الملف، كما قُمنا قبل ذلك بإنشاء مجموعة الإجراء اختبارات جوهانسن (والتي قُمت بتسميتها لذلك قم يإعادة فتح هذا الملف، كما قُمنا قبل ذلك بإنشاء مجموعة أدول مناج عُجدَّدًا إلى إنشاء مجموعة محتوي على عوائد أدوات الخزانة لجميع آجال الاستحقاق: ٣ أشهر، ٦ أشهر، سنة واحدة، ٣ سنوات، ٥ سنوات و ١٠ سنوات. يمكنك القيام بذلك من خلال تسليط الضوء على السلاسل الست، ثم حدَّد وصفظ ملف العمل.

قبل تشغيل أي اختبار من اختبارات جذر الوحدة أو التكامل المشترك لبيانات البائل، من المفيد البد، بفحص ننائج اختبارات جذر الوحدة الفردية لكل سلسلة، لذلك قم بإجراء اختبار ديكي فولر الموسّع على مستويات كل سلسلة من سلاسل العوائد باستخدام انحدار بضم مقطعًا لكن دون اتّجاه حتمي، واستخدام معيار معلومات شوارز لتحديد أطوال فترات الإبطاء في كل حالة، يجب أن تجد أن جميع إحصاءات الاختبار تُقارب ١٠، مع قيم بي تُقارب ٧، الى ٨، ١٠، ممّا يدل على أن فرضية العدم المتمثّلة في وجود جذر الوحدة لا يُمكن رفضها.

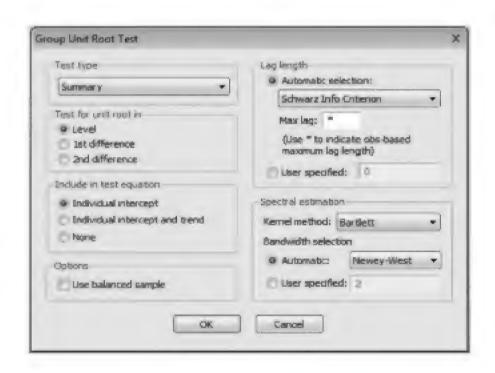
وكما نعلم من المناقشة السابقة فإن اختبارات جذر الوحدة لها قوَّة مُنخفضة في ظل وجود عيَّنات صغيرة، وبالتالي يُمكن أن تُقدَّم اختبارات جذر الوحدة على البائل ننائج مُختلفة، يُعنبر إجراء هذه الآخيرة في إفيوز أمرًا سهلًا، يكفي النقر مرَّتين على المجموعة التي قُمت بإنشائها بحيث تظهر اللوحة الجدوليَّة التي تحتوي على السلاسل الست، ننقر بعد ذلك فوق View/Unit Root Test وسوف تظهر لنا لقطة الشاشة رقم (١١٣).

يُمكن الاحتفاظ بالخيارات الافتراضية، وإدراج طباعة ملخص النتائج المتحصَّل عليها من مجموعة اختبارات جذر الوحدة للباتل، سوف يُتبح تغيير مربع نوع الاختبار، تحديد نوع مُحدَّد من الاختبار، وفي هذه الحالة سوف يتم عرض النتائج بمزيد من التفاصيل بها في ذلك اختبار الانحدار، إذا أردنا ببساطة فحص مُوجز النتائج، فها علينا سوى النقر فوق OK، وسوف نرى النتائج التالية.

باستخدام معيار معلومات شوارز، تم اختيار فتريّ إبطاء لاختيار ديكي فولر الموسّع الذي يضم مقطعًا دون اتجاه، هذا ويَرِد فيها يلي العديد من الاختيارات، أوَّلا: اختيار ليفين، لين وتشو الذي يفترض م مُشتركًا لكل السلاسل، تُساوي إحصاءة الاختيار ١, ٢٨ وبقيمة بي تُعادل ٩, • وبالتائي لا يتم رفض فرضيَّة العدم المتمثّلة في وجود جذر الوحدة، ثانيًا: يتم تقديم ثلاثة اختيارات سمح بقيم م منفصلة لكل سلسلة، هذه الاختيارات هي اختيار إيم، بيزاران وشين ثم بديلين لاختيار فيشر اقترحها مادالا ووو (١٩٩٩) وتشوي (٢٠٠١): اختيار بديل لاختيار ديكي فولر الموسّع واختيار بديل لاختيار فيليبس بيرون، تكون إحصاءات الاختيار في جميع الحالات أقل بكثير من القيم الحرجة، عمَّا يُشير إلى أن السلاسل تحتوي على جذور الوحدة، وبالتائي فإن الاستنتاجات المستخلصة من اختيار جذر الوحدة الفردية، في هذه الحالة لن

بيانات البائل

يكون لاستخدام البائل أيَّ تأثير يُذكر، ربها لأن ٦ = N صغير جدًّا، بينها ٣٢٦ = T لكل سلسلة يُعتبر كبيرًا جدًّا، وبالتالي فإن المنافع الإضافيَّة من استخدام البائل ضئيلة جدًّا.



لقطة الشاشة رقم (٣٠ . ١١) نافذة اختيار جذر الوحدة للبائل.

Series: USTB10Y, USTB1Y, US1				
Date, and a dig Tours on ad	ream, USTB3Y	Y, USTB6Y, US	MBERT	
Date: 08/15/13 Time: 06:41				
Sample: 1986M03 2013M04				
Exogenous variables; individual	effects			
Automatic selection of maximus	m lags			
Automatic lag selection based of	on SIC: 0 to 2			
Newey-West automatic bandwi-	dth selection a	nd Bartlett ke	mel	
			F	
Moshad	Statistic	Prob **	Cross-	Dive
Method	Statistic	Prob."	Cross- sections	Obs
				Dbs
Null. Unit root (assumes commo				Obs
Null. Unit root (assumes commo	on unit root pro	cessi	sections	
Null. Unit root (assumes commo Levin, Lin & Chu t'	on unit root pro 1,28779	0.9011	sections	
Null. Unit root (assumes commo Levin, Lin & Chu t' Null: Unit root (assumes individi	on unit root pro 1,28779	0.9011	sections	
Method Null: Unit root (assumes commo Levin, Lin & Chu t' Null: Unit root (assumes individual) Im, Pasaran and Shin W-stat ADF - Fisher Chi-square	on unit root pro 1.28778 ual unit root pri	0.9011 0.9010 0.9406	sections 6	1943

^{**} تُحسب الاحتيالات لاختبارات فيشر باستخدام توزيع كا المقارب، تفترض جميع الاختبارات الأخرى تقاربيًّا التوزيع الطبيعي.

إذا أردنا إجراء اختبار التكامل المشترك للبائل فيمكن القيام بذلك بيساطة من خلال اختيار View/Cointegration Test من اللوحة الجدولية للمجموعة، يُمكن بعد ذلك اختيار إمَّا نهج النظام القائم على طريقة جوهانسن أو نهج المعادلة الواحدة.

١١,١٠ مواد إضافية للقراءة

(Further reading)

قد يشعر بعض القرّاء بأن المزيد من التعليهات في هذا المجال يُمكن أن يكون مُفيدًا، إذا كان الأمر كذلك فإن المراجع الكلاسيكية المتخصّصة في تقنيات بيانات البائل هي التالية: بلناجي (٢٠٠٥) ((Baltagi (2005))، (٢٠٠١)، (عسباو (2003))، مسباو (١٠٠٣) ((Wooldridge (2011))، مسباو (١٠٠٤) ((Wooldridge (2011))، تُعتبر كل هذه المراجع الخرى مثل أريلانو (٢٠٠٣) ((٢٠٠١) ((٢٠١١) (٢٠١١))، تُعتبر كل هذه المراجع الأربعة مراجع مُفصَّلة للغاية وتتضمَّن إشارات مرجعيَّة جيَّدة للتطورات الحديثة لنظريَّة توصيف نهاذج البائل فيها يتعلَّق بجائبها التقديري والاختباري، غير أن كل هذه المراجع تتطلَّب أن يتمتَّع القراء بمستوى عالٍ من الرياضيات والاقتصاد القيامي، كها قدَّم التقديري والاختباري، غير أن كل هذه المراجع تتطلَّب أن يتمتَّع القراء بمستوى عالٍ من الرياضيات والاقتصاد القيامي، كها قدَّم كيبدي (٢٠٠٨، الفصل ١٧) ((٢٠٠١) المراسات الماليَّة التي تستخدم تقنيات البائل، وتستعرض منهجية البائل بشكل وصفيًّ تُقدَّم الأمثلة الواردة أعلاه بعض الأمثلة عن الدراسات الماليَّة التي تستخدم تقنيات البائل، وتستعرض منهجية البائل بشكل وصفيًّ كافي لتستحق القراءة كأدوات مُساعدة على الرغم من أن وقت النشر يدل ضمنًا على استبعاد أحدث النطوُّرات في هذا المجال، أخيرًا: يُقدَّم بريتونغ وبيزاران (٢٠٠٨) دراسة أكثر شمولًا وحداثة عن البائل رغم أنها على مستوى تقنى عالى.



أسئلة التعلم الذاتي:

(١) (أ) ما هي مزايا بناء باتل من البيانات إذا كان ذلك مُتاحًا، بدلًا من استخدام البيانات المجمَّعة؟ (ب) ما هو المقصود بمصطلح 'الاتحدار غير المرتبط ظاهريًّا '؟ أعطِ أمثلة من مجال الماليَّة حيث يُمكن استخدام هذا النهج. بيانات البائل

- (ج) ميَّز بين البانل المتوازن والبانل غير المتوازن وأعْطِ أمثلة لكل منهما.
- (١) (١) اشرح كيف أن النهاذج بتأثيرات ثابتة تُعادل انحدار المربعات الصغرى العاديَّة بمتغيّرات وهمية.
 - (ب) كيف يُمكن للنموذج بتأثيرات عشوائيَّة أن يلتقط عدم التجانس المقطعي في حد المقطع؟
- (ج) ما هي المزايا والعيوب النسبيَّة لتوصيفات التأثيرات الثابتة مُقابل التأثيرات العشوائيَّة، وكيف يُمكنك أن تختار بينهما لتطبيقها على مسألة معينة؟
 - (٣) أوجِد مثالًا آخر على استخدام نهاذج انحدار البائل في الأدبيات الماليَّة الأكاديمية، وقُم بها يلي:
 - اشرح لماذا تم استخدام نهج البائل.
 - هل تم اختيار النموذج بتأثيرات ثابتة أم بتأثيرات عشوائية؟ ولماذا؟
- ما هي النتائج الرئيسة للدراسة؟ وهل هناك أي إشارة حول ما إذا كانت النتائج سوف تختلف في هذه الدراسة أو في الدراسات السابقة إذا ما استخدمنا انحدارًا مجمعًا بدلًا من انحدار البائل؟
 - (٤) (أ) ما هي مزايا وعيوب إجراء اختبارات جذر الوحدة في إطار البانل بدلًا من إجراتها على سلسلة تلو الأخرى؟
- (ب) اشرح الاختلافات بين اختبارات جذر الوحدة للبائل القائمة على فرضية بديلة مشتركة وتلك القائمة على العمليَّات غير المتجانسة.

ولفمل ولتاني عشر

نهاذج الهتغيّر التابع الهدود Limited dependent variable models

تخرجات التعلو

سوف تتعلُّم في هذا الفصل كيفية:

- مُقارنة أنواع مُختلفة من نهاذج المتغير التابع المحدود واختيار النموذج المناسب
 - تفسير وتقييم نهاذج لوجيت (Logit) وبروبيت (Probit)
 - التمييز بين الحالات ذات الحدين والحالات مُتعددة الحدود
- التعامل بشكل مُناسب مع المتغيّرات التابعة المراقبة (Dependent Variables) والمتغيّرات التابعة المبتورة (Dependent Variables)
- تقدير نهاذج المتغير التابع المحدود في إفيوز باستخدام الإمكان
 الأعظم

(Introduction and motivation) المقدَّمة والدافع

أظهرت الفصول ٥ و ١٠ الاستخدامات المختلفة للمتغيّرات الوهميّة في التقاط متغيّرات المعلومات النوعية بطريقة عدديّة، مثل تأثيرات بوم الأسبوع، الجنس، التصنيفات الانتهائيّة، إلخ، عندما يُستخدم المتغيّر الوهمي كمتغيّر مُفسَّر في نموذج الانحدار، فذلك لا يُثير عادة أيَّة مشاكل خاصَّة (طالما أننا نحرص على تفادي فنح المتغيّرات الوهمية، انظر الفصل ١٠)، غير أن هناك العديد من الحالات في البحوث الماليَّة، وبدلًا من مُتغيِّر مُفسِّر واحد أو أكثر نجد أن المتغيَّر المفسَّر متغيَّر نوعيّ، يتم بعد ذلك ترميز المعلومات النوعيَّة كمتغيَّر وهمي، ويُشار إلى هذه الحالة على أنها متغيَّر تابع محدود، وتتطلَّب مُعاملة مختلفة، يُشير هذا المصطلح إلى كل مسألة

نقتصر فيها القيم التي تتَّخذها المتغيَّرات التابعة على أعداد مُعيَّنة دون سواها (على سبيل المثال ١٠، ٢، ٣، ٤) أو حتى عدد ثُنائي (١ أو ١ فقط)، هناك العديد من الأمثلة على ذلك، على سبيل المثال، عندما نُريد نمذجة:

- لاذا تختار الشركات إدراج أسهمها في بورصة ناسداك (NASDAQ) بدلًا من إدراجها في بورصة نبويورك (NYSE).
 - · لا الله المنا الأسهم أرباحًا في حين لا يدفع البعض الآخر.
 - ما هي العوامل التي تؤثر على إمكانيَّة تخلُّف البلدان عن سداد ديونها السياديَّة.
 - لماذا تختار بعض الشركات إصدار أسهم جديدة لتمويل توسُّعها، في حين يختار البعض الآخر إصدار سندات.
 - لماذا تختار بعض الشركات الانخراط في تقسيم الأسهم، في حين أن البعض الآخر لا يفعل.

من السهل نوعًا ما في كل هذه الحالات مُلاحظة أن الشكل المناسب للمتغيّر التابع هو متغيّر وهمي ٠ - ١ بها أن هناك فقط نتيجنين عُتملتين، بطبيعة الحال هناك حالات أخرى يكون من الأنسب فيها السماح للمتغيّر النابع بأخذ قيم أخرى، لكن سوف يتم النظر في هذه الحالات لاحقًا في القسم ٩،١٢، سوف ندرس في البداية طريقة تتّسم بالبساطة والوضوح، تتناول المتغيّرات التابعة الثنائيّة رغم أنها -ولسوء الحظ- تشويها بعض النواقص، تُعرف هذه الطريقة بنموذج الاحتمال الخطّي (Linear Probability Model)،

١٢,٢ نموذج الاحتيال الخطِّي

(The linear probability model)

يُعَدُّ نموذج الاحتيال الخطّي (LPM) من بعيد الطريقة الأبسط للتعامل مع المتغيِّرات التابعة الثنائيَّة، يستند هذا النموذج إلى افتراض أن احتيال وقوع حدث، P₁، يرتبط خطيًّا بمجموعة من المتغيِّرات المفشّرة x₂₁, x₃₁, ..., x_{kt}:

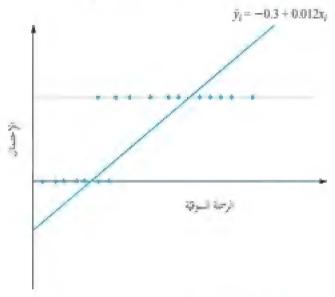
$$P_i = p(y_i = 1) = \beta_1 + \beta_2 x_{2i} + \beta_3 x_{3i} + \dots + \beta_k x_{ki} + u_i, \quad i = 1, 2, \dots, N$$
 (1.17)

لا يُمكن رصد الاحتيالات الفعليَّة، لذلك سوف نقدِّر نموذجًا قُثُل فيه المخرجات به (سلسلة تتكوَّن من الرقمين صفر وواحد) المتغيِّر التابع، وهكذا نتحصَّل على نموذج انحدار خطِّي يُمكن تقديره باستخدام طريقة المربعات الصَّغرى العاديَّة، هذا ويمكن أن تشمل مجموعة المتغيِّرات المفسِّرة إمَّا متغيِّرات كمِّية، أو متغيِّرات وهميَّة، أو كليهما معًا، كما تُمثل القيم المُجهَّزة من هذا الانحدار الاحتيالات المقدَّرة لـ 1 = به لكل مُشاهدة ا، يُمكن أن تُفسِّر القيم المقدَّرة للمبل في نموذج الاحتيال الخطِّي على أنها التغيُّر في احتيال أن يكون المتغيِّر التابع مُساويًا لـ ١ نتيجة لتغيُّر مُغيِّر مُفسِّر مُعيَّن بوحدة واحدة، مع الاحتفاظ بتأثيرات جميع المتغيِّرات المفسَّرة الأخرى ثابتة، لنفترض على سبيل المثال أننا نرغب في نمذجة احتيال توزيع الشركة الأرباح (1 = به) كدالة في وسملتها السوقيَّة (عيد)، مقاسًا بملايين الدولارات الأمريكية) وجهَّزنا الخط التالي للبيانات:

$$\hat{P}_i = -0.3 + 0.012x_{2i} \tag{Y, NY}$$

حيث يُشير الله الاحتمال المجهّز من النموذج أو المقدَّر للشركة)، يُشير هذا النموذج إلى أن كل زيادة بمليون دولار أمريكي في حجم الشركة يُقابِلها زيادة بـ ١٠٠٠ (أو ٢٠١٪) في احتمال توزيع الشركة لأرباح، كما أن الشركة التي تبلغ فيمتها ٥٠ مليون دولار سوف يكون لها احتمال -٣٠٠ + ١٠٠٠ + ١٠٠٠ (أو ٣٠٪) بأن تقوم بتوزيع أرباح، بيانيًّا، يُمكن تمثيل هذه الحالة كما هو مُبيَّن في الشكل رقم (١٢٠١).

على الرغم من أنه من السهل تفسير وتقدير نموذج الاحتمال الخطّي، إلّا أن الرسم البياني يُشير بشكل مُباشر إلى وجود مُشكلة مع هذه الإعدادات، فبالنسبة لأيّة شركة تكون قيمتها أقسل من ٢٥ مليون دولار، يسكون احتمسال دفسع الأرباح المتبّأ بسه من النموذج سالبًا، في المقابل، كل شركة تتجاوز قيمتها ٨٨ مليون دولار، يكون هذا الاحتمال أكبر من واحد، من الواضح أنه لا يُمكن السماح بالاحتفاظ بهذه التنبؤات؛ لأن الاحتمالات يجب أن تكون داخل النطاق (١٠١)، الحل الواضح لهذه المشكلة هو اقتطاع الاحتمال عند ٠ أو ١، بحيث إذا كان الاحتمال يُساوي -٣٠ ، مثلًا نُحدَّد القيمة صفرًا للاحتمال، وإذا كان هذا الأخير ٢ ، ١ مثلًا فإننا ترجع القيمة ١ للاحتمال، غير أن هناك سبيين يجعلان من هذا الحل حلَّا غير مُلاثم:



الشكل رقم (1, ١٧) العيب الفادح لنموذج الاحتيال الخطأي.

- (١) ينتج عن عمليَّة الاقتطاع هذه العديد من المشاهدات التي تكون احتمالاتها المقدِّرة إمَّا صفرًا أو واحدًا صحيحًا.
- (۲) والأهم من ذلك هو أنه -ببساطة من غير المقبول القول بأن احتمال دفع الشركة لأرباح يكون إمّا صفرًا أو واحدًا صحيحًا، فهل نحن فعلًا مُتأكدون من أن الشركات الصغيرة جدًّا لن تدفع أبدًا أرباحًا، وبأن الشركات الكبيرة سوف تدفع دومًا؟ الإجابة هي: ربيا لا، لذلك عادة ما يُستخدم نوع مختلف من النياذج للمتغيَّرات التابعة الثنائيَّة، وهي إمّّا التوصيف لوجيت أو التوصيف بروبيت، سوف تُتاقش هذه النُّهُج في الأقسام التالية، لكن من الجدير بالذكر قبل ذلك أن نموذج الاحتمال الخطي يُعاني أيضًا من بعض مشاكل الاقتصادي القباسي الأكثر تعارُفًا، والتي قُمنا بدراستها في الفصول السابقة، في البداية، وبها أن المتغيِّر التابع لا يأخذ سوى قيمة واحدة أو قيمتين، وذلك مهها كانت قيم المتغيِّرات المفسَّرة (والتي تكون ثابتة في العينات المتكررة)، فإن حد الاضطراب سوف يأخذ كذلك قيمة واحدة فقط من القيمتين (۱)، نتناول الآن مجددًا المعادلة رقم (۱۰،۱۲)، إذا كان التهرية به فإن به بحكم تعريفها تُساوي:

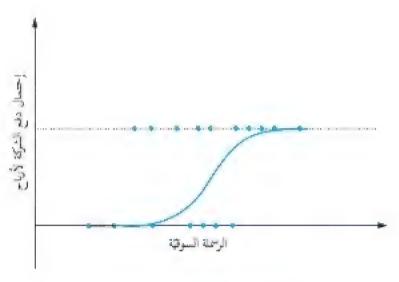
$$u_i = 1 - \beta_1 - \beta_2 x_{2i} - \beta_3 x_{3i} - \dots - \beta_k x_{ki};$$

 $y_i = 0$ فإن کئن اذا کان $y_i = 0$

$$u_i = -\beta_1 - \beta_2 x_{2i} - \beta_3 x_{3i} - \dots - \beta_k x_{ki}.$$

١١) ملاحظة: تُشير المناقشة إلى الاضطراب ١٤ بدلًا من الباقي ٩٠.

وبالتائي من غير المعقول افتراض أن حد الخطأ مُوزَّع طبيعيًّا، وبها أن u يتغيَّر بشكل مُتنظم مع تغيَّر المتغيِّرات المفسَّرة فإن الاضطرابات سوف تكون أيضًا مُحتلفة التباين، لذلك من الضروري في إطار نهاذج المتغيِّر التابع المحدود استخدام أخطاء معياريَّة حصينة ضد تفاوت التباين.



الشكل رقم (٢,٢) النموذج لوجيت.

٣, ١٢ النموذج لوجيت

(The logit model)

باستطاعة كلِّ من النموذج لوجيت والنموذج بروبيت التغلب على أوجه قصور نموذج الاحتيال الخطَّي المتمثَّلة في إمكانيَّة إنتاجه لاحتيالات مُقدَّرة سالية أو أكبر من واحد، ويكون ذلك عن طريق استخدامها لدالة تقوم على نحو فعَّال بتحويل نموذج الانحدار بحيث تكون القيم المجهَّزة من النموذج داخل المجال (٠٠١)، بمجرَّد النظر يظهر نموذج الانحدار المجهَّز على شكل 8 بدلًا من خط مُستقيم كها هو الحال في نموذج الاحتيال الخطَّي، وهذا ما يظهر في الشكل رقم (٢٠,٢).

تكون الدالة اللوجستية ٤، والتي هي دالة لأيِّ متغيِّر عشوائي ٢، كما يلي:

$$F(z_i) = \frac{e^{z_i}}{1 + e^{z_i}} = \frac{1}{1 + e^{-z_i}} \tag{\Upsilon, YY}$$

حيث يُمثُل e أس للأساس الطبيعي في إطار الأسلوب لوجيت، يُسمَّى هذا النموذج هكذا لأن الدالة F هي في الواقع التوزيع اللوجستي المتراكم، لذا يكون النموذج لوجيت المقدَّر كها يلي:

$$P_{i} = \frac{1}{1 + e^{-(\beta_{1} + \beta_{2} x_{2i} + \beta_{3} x_{2i} + \dots + \beta_{k} x_{ki} + u_{i})}}$$
 (\xi_{i} \tag{1})

حيث تُمثّل Pi مرّة أخرى احتمال Pi مرّة

تُمثُّل القيم • و ١ في النموذج اللوجستي القيم المقاربة للدالة، وبالتالي فإن الاحتيالات لن تنزل إلى صفر صحيح، ولن نصل إلى واحد حتى وإن اقتربت إلى حد كبير من هذه القيم، كُلما مال z في المعادلة رقم (٣٠١٢) إلى اللانهاية كُلما مال e^{-z} إلى صفر و (1/(1+e^{-z}) إلى ١/(1+e^{-z}) إلى اللانهاية السالبة كلما مال e^{-z} إلى اللانهاية و 1/(1+e^{-z}) إلى ٠.

ومن الواضح أن هذا النموذج ليس بالنموذج الخطّي (ولا يمكن تحويله إلى نموذج خطّي)، وبالتالي لا يمكن تقديره باستخدام طريقة المربعات الصُّغرى العاديَّة، وإنها تستخدم عادة الإمكان الأعظم، وهذا ما سوف يُناقش في القسم ٧،١٢ وبمزيد من التفصيل في مُلحق هذا الفصل.

٤ , ١ استخدام النموذج لوجيت لاختبار فرضيّة تسلسل اختيار مصادر التمويل

(Using a logit to test the pecking order hypothesis)

يتناول هذا القسم دراسة فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر التمويل المقترحة من قِبَل هيلويج وليانغ (1997) ((1996)). تُشير نظرية تمويل الشركات أن الشركات يجب أن نستخدم في المقام الأوَّل أرخص الطرق لتمويل أنشطتها (أي مصادر الأموال التي تتطلب دفع أدنى معدلات عائد للمستثمرين)، والانتقال إلى أساليب أكثر تكلفة فقط عندما تستنفد المصادر الأقل تكلفة، يُعرف هذا باسم 'فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر التمويل' المقترحة في البداية من قِبَل مايرز (1984) ((1984)) ((Myers (1984))، يُزعَم أن الاختلافات في التكلفة النسبية لمصادر التمويل المختلفة تنشأ إلى حد كبير عن عدم تماثل المعلومات؛ نظرًا لأن كبار المديرين في الشركة بعرفون المخاطر الحقيقية للأعمال التجارية، على خلاف المستثمرين الخارجيين المحتملين (٢٠)، وبالتالي بافتراض تساوي جميع العوامل الأخرى، تُفضَّل الشركات التمويل الداخلي، ثم عند الحاجة إلى التمويل إضافي (خارجي) فإن درجة مُخاطرة الشركة سوف التمويل المطلوب، وكلها كانت الشركة تشسم بمخاطرة أكبر كلَّها كان تسعير أوراقها الماليَّة أقل دقة.

قام كل من هيلويج وليانغ (١٩٩٦) بدراسة فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر النمويل في سياق مجموعة من الشركات الأمريكية الني تم إدراجها مُؤخِّرًا في سوق الأسهم سنة ١٩٨٦، مع تتبُّع لقراراتها فيها يخص النمويل الإضافي خلال الفترة الممتدَّة بين ١٩٨٤ و ١٩٩٢، يُذكر أن هذه الشركات المدرجة حديثًا تشهد معدلات نمو أعلى، وأنها أكثر عُرضة لطلب تمويل خارجي إضافي من الشركات المدرجة في سوق الأسهم لسنوات عديدة، ومن الأرجح كذلك أن هذه الشركات تُبدي عدم تماثُل في المعلومات بسبب افتقارها لسجل أداء، هذا وتأتي فائمة الاكتتابات العامة الأولية من مُؤسسة بيانات الأوراق الماليَّة ومن هيئة الأوراق الماليَّة والبورصات، ويتم الحصول على البيانات من قاعدة البيانات كومبوستات (Compustat).

يتمثّل أحد الأهداف الأساسية لورقة هيلويج وليانغ في تحديد العوامل التي تُؤثر على احتيال زيادة التمويل الخارجي، لذلك يكون المنغيّر التابع منغيّرًا تُنائيًّا، أي عمود تكون عناصره إمّا واحدًا (عند الحصول على تمويل من مصادر خارجيَّة) أو صفرًا (عندما لا تتجصَّل الشركة على أية أموال من مصادر خارجيَّة)، وبالتائي لن تكون طريقة المربعات الصغرى العاديّة مُناسبة، ولذلك يُستخدم النموذج لوجيت، هذا وتكون المتغيّرات المفسّرة عبارة عن مجموعة متغيّرات تهدف إلى التقاط الدرجة النسبية لعدم تماثل المعلومات ودرجة المخاطرة المرتبطة بالشركة، إذا كانت البيانات تُؤيد فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر التمويل فإنه كلها كانت الشركات أكثر عُرضية الله المناسبولة الداخليّة التي تحتفظ بها، وهكذا يقيس متغيّر "العجز" (النفقات الرأسياليّة+الاستحواذات+الأرباح الموزَّعة-الأرباح)، أمّا متغيّر "العجز الإيجابي" فهدو تُماثل لمتغيّر العجز لكن نعطي لكُل عجز سلبي (أي الفوائض) القيمة صفر، وفيها بخص متغيّر "الفائض" فهو يُساوي سالب العجز، وذلك للشركات التي لدبها عجز سلبي ومتغيّر "العجز الإيجابي « إيرادات التشغيل" هو عبارة عن حد تفاعل حيث يُضرب المتغيّران بعضهها لضبط الحالات التي تدمتع فيها ومتغيّر "العجز الإيجابي » إيرادات التشغيل" هو عبارة عن حد تفاعل حيث يُضرب المتغيّران ببعضهها لضبط الحالات التي تدمتع فيها

_

 ⁽۲) "يكون لدى المدراء معلومات خاصة بشأن قيمة الأصول القائمة والفرض الاستثهاريّة، وهي معلومات لا يُمكن إبلاغها إلى السوق بمصداقيّة، وبناء على ذلك -ومن وجهة نظر المدير - لن يتم تسعير أي ورقة ماليّة محفوفة بالمخاطر مُقدَّمة من الشركة بشكل نزيه" (هيلويج وليانغ، ص ٤٣٨).

الشركات بفرص استثهارية قوية غير أن اعتهاداتها الداخليَّة محدودة، "الأصول" هي متغيَّر بُستخدم كقياس لحجم الشركة و"نمو الأصول في القطاع" هو مُتوسَّط نسبة نُمو الأصول في القطاع الذي تنتمي إليه الشركة خلال الفترة بين ١٩٨٣ و ١٩٩٢، أخيرًا، يرمُز المنعبِّر 'نُمو مبيعات الشركة' إلى مُتوسِّط مُعدَّل نُمو المبيعات خلال السنوات الخمس الأخيرة، و"النمويل السابق" هو عبارة عن متغيِّر وهمي يُساوي ١ للشركات التي تحصَّلت على تمويل خارجي خلال السنة السابقة، هذا وتَرِد نتائج انحدار النموذج لوجيت في الجدول رقم (١٢٠).

	9	لاحتيال التمويل الخارء	ول رقم (۱, ۱۲) تقدير لوجيت
(T)	(1)	(1)	المتغير
•,10-	+ , V Y -	- , r 4-	المقطع
(1,0A-)	(V, *.0-)	(٣,٤Y-)	
	٠,٠٣	*,* \$	العجز
	(+,1A)	11.7%)	
+,T£-			العجز الإيجابي
(1,19-)			
7, -7-			الفائض
(ヤ,ヤアー)			
·.·T-			مجز الإيجابي x إيرادات التشغيل
(-,09-)			
4,444	4,1118	1,1118	الأصول
(1,44)	(1,77)	11,44)	
*, * * Y=	+, + + Y=	٠,٠٠٢-	تُمو مبيعات الشركة
4-25,19	(1,40-)	(Y,Y•-)	
	+,٧٩		التمويل السابق
	(A, £A)		

ملاحظة: تدل الخليّة الفارغة على أن المنفرّ المعني لم يُدرج في ذلك الانحدار؛ بين قوسين النسب ق1 لم تُعرض سوى الأرقام لجميع السنوات في الُعيّنة. المصدر: هيلويج وليانغ (١٩٩٦)، أعيد نشره بإذن من إلسيفر (Elsevier).

للمتغيِّر الرئيس "العجز" معلمة غير معنويَّة إحصائبًا، وبالنالي فإن احتيال الحصول على تمويل خارجي لا يعتمد على حجم العجز النقدي للشركة (")، ولمعلمة متغيِّر "الفائض" علامة صحيحة سالبة عنَّا يُشير إلى أنه كلَّما زاد فائض الشركة كلَّما قلَّ

 ⁽٣) هناك تفسير بديل كيا في الحالات الماثلة في إطار نموذج الانحدار العادي، وهو أن الاحتيال يختلف اختلافا كبيرًا من شركة الأحرى باختلاف حجم العجز النفدي بحيث تكون الأخطاء المعباريَّة كبيرة مُقارنة بتفدير النفطة.

احتمال حصولها على تمويل خارجي، وهو ما يدعم بطريقة محدودة فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر التمويل، وتتَّجه الشركات الأكبر (التي تمتلك أصولًا أكبر) أكثر إلى استخدام أسواق رأس المال، وكذلك الشركات التي حصلت فعلًا على تمويل خارجي خلال السنة السابقة.

٥ , ١٢ النموذج بروبيت

(The probit model)

عوضًا عن استخدام الدالة اللوجستيَّة التراكمية لتحويل النموذج يُستخدم أحيانًا التوزيع الطبيعي التراكمي كبديل عن ذلك، وهكذا نتحصَّل على النوذج بروبيت، تُعرَّض الدالة F في المعادلة رقم (٣،١٣) بـ:

$$F(z_i) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{z_i} e^{-\frac{z_i^2}{2}} dz$$
 (0,1Y)

ثُعتبر هذه الدالَة دالة التوزيع التراكمي لمتغيِّر عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي المعياري، وكما في حالة النهج اللوجستي، تُوفِّر هذه الدالة تحويلًا يضمن أن الاحتمالات المجهَّزة من النموذج تتراوح بين صفر وواحد، وكذلك على غرار النموذج لوجيت، فإن x_{4i} الأثر الحدِّي للتغيُّر بوحدة واحدة في المتغيِّر المفسِّر، x_{4i} على سبيل المثال، سوف يُعطى بـ $\beta_0 F(z_i)$ حيث يُمثَّل β_0 المعلمة المرتبطة بـ $z_i = \beta_1 + \beta_2 x_{2i} + \beta_3 x_{3i} + \dots + u_i$ و

٦ , ١٢ الاختيار بين النموذج لوجيت والنموذج بروبيت

(Choosing between the logit and probit models)

بالنسبة لغالبية التطبيقات تُعطي لهاذج لوجيت وبروبيت توصيفات مُشابهة جدًّا لخصائص البيانات، ويرجع ذلك لكون كثافتهما مُتشابهة إلى حد بعيد، بعبارة أخرى، لا يُمكن عمليًّا التمييز بين الرسوم البيانيَّة للانحدارات المجهَّزة من النهاذج لوجيت وبروبيت (الشكل رقم (٢ , ١٢) على سبيل المثال)، كها أن العلاقات الضمنيَّة بين المتغيِّرات المقسِّرة واحتهال أن يكون 1 = , لا مُتشابهة جدًّا، كها أن كلا النهجين – وإلى حد كبير – يُفضَّلان على نموذج الاحتهال الحُطِّي، أمَّا الحُالة الوحيدة التي يُمكن أن تُعطي فيها النهاذج لوجيت وبروبيت نتائج مُحتلفة بقدر لا يُستهان به، فهي عندما يكون توزيع قيم ، لا بين صفر وواحد غير مُتوازن للغاية؛ على سبيل المثال عندما يحدث 1 = , لا فقط في ١٠٪ من الحالات.

يُشير ستوك وواتسون (٢٠٠٦) إلى أنه يُفضَّل عادة النهج اللوجستي؛ لأن الدالة التي يتضمَّنها لا تتطلب تقديرًا للتكامل، وبالتالي يُمكن تقدير معلمات النموذج بشكل أصرع، غير أن هذا السبب لم يَعُدُ قائرًا نظرًا للسرعات الحاسوبيَّة المتحصَّل عليها الآن، وأصبح اختيار توصيف بدلًا من الآخر يتم الآن عادة بطريقة اعتباطيَّة.

١٢,٧ نقدير نهاذج المتغيَّر النابع المحدود

(Estimation of limited dependent variable models)

بالنظر إلى أن النموذج لوجبت والنموذج بروبيت كلاهما غير خطّي لذلك لا يُمكن تقديرهما باستخدام طريقة المربعات الصُّغري العاديَّة، ورغم أنه يُمكن مبدئيًّا تقدير المعلمات باستخدام المربعات الصغري غير الخطّية إلَّا أن الإمكان الأعظم يُعتبر أبسط ويُستخدم بصورة مُنتظمة في المهارسة العمليَّة، وكما تُوقش في الفصل ٩، فسإن مبدأ الإمكان الأعظم يتمثَّل في اختبار المعلمات التي تعظَّم معنَّا دالة لوغاريتم الإمكان، سوف يعتمد شكل هذه الدالة على ما إذا كان النموذج المستخدم هو النموذج لوجبت أم النموذج بروبيت، لكن المبادئ العامة لتقدير المعلمات الموصوفة في الفصل ٩ تظل قائمة، وهذا يعني أننا نُعِدُّ دالة لوغاريتم الإمكان المناسبة ثم تتكفَّل حزم البرمجيات بإيجاد قيم المعلمات التي تعظم معًا هذه الدالة باستخدام طريقة بحث تكواريَّة، كها يرد في مُلحق هذا الفصل اشتقاق لمقدَّر الإمكان الأعظم (ML) للنهاذج لوجيب وبروبيت، هذا ويعرض الإطار رقم (١٠ , ١٢) كيفيَّة تفسير المعلمات المقدَّرة المتحصَّل عليها من النهاذج لوجيب وبروبيت.

يمجرَّد الانتهاء من تقدير معلمات النموذج يُمكن حساب الأخطاء المعياريَّة، وإجراء اختبارات الفرضيات، وعلى الرغم من أنه يتم إنشاء إحصاءات الاختبار في بالطريقة المعتادة، إلَّا أن تقدير صيغ الأخطاء المعيارية تتبع تقدير الإمكان الأعظم فقط في حالة عدم التهاثل، وبناء على ذلك من الشائع استخدام القيم الحرجة للتوزيع الطبيعي بدلًا من القيم الحرجة للتوزيع في مع الافتراض ضمنيًّا أن حجم العيَّنة كبيرًا بها فيه الكفاية.

الإطار رقم (١٢,١) تفسير معلمات النادج لوجيت

يتم حساب الأخطاء القياسية والنسب تي (t-ratios) تلفائيًّا من خلال حزم برعيات الاقتصاد القياسي المستخدمة، كما يُمكن إجراء اختبارات الفرضيات بالطريقة المعتادة. غير أن تفسير المعاملات يحتاج إلى عناية طفيفة. فقد يستسهل البعض بطريقة خاطئة القول إن الزيادة بوحدة واحدة في x_{2i} على سبيل المثال تُسبَّب زيادة بـ x_{2i} في احتبال أن النتيجة المقابلة لـ x_{2i} سوف تتحقّق. يُعتبر هذا التفسير صحيحًا إذا كان النموذج هو نموذج الاحتبال الخطّي.

 $P_{l} = 1$ المثال على سبيل المثال على سبيل المثال على الدالة ليس على سبيل المثال المثال على الدالة فير أن هذا التفسير ليس صحيحًا في حالة نهاذج لوجيت لأن شكل الدالة (غير الحقطية) اللوجستيّة. للحصول على العلاقة المطلوبة بين تغيّرات x_{2i} وتغيّرات P_{l} نحتاج إلى القيام بتفاضل الدالة P_{l} بالنسبة إلى P_{l} ويتبيّن أن هذه المشتقّة ليست سوى P_{l} وتغيّرات P_{l} . لذلك وفي الواقع فإن زيادة بوحدة واحدة في P_{l} سوف مده المشتقّة ليست سوى P_{l} المنابق المثال أن المحافية في P_{l} المنابق المثال المثال أن أن أن أمنا بتقدير المنابق المثال أن المؤمن المثال الذي يضم ثلاث متغيّرات مفسّرة باستخدام الإمكان الأعظم:

$$\hat{P}_{i} = \frac{1}{1 + e^{-(\alpha_{1} + \alpha_{2}x_{2i} + \alpha_{3}x_{2i} + \alpha_{3}x_{4i})}}$$
 (7.17)

وهكذا تكون 1.0 = 0.1 ه، 0.3 = 0.7 ه 0.3 = 0.7 و 0.3 = 0.7 نحتاج الآن إلى حساب $F(z_i)$ الذي يتطلّب بدوره مُتوسَطات المتغيّرات المفسّرة وحيث يُعرِّف يُعرِّف كها في السابق. لنفترض أن هذه المتوسّطات هي: 0.3 = 0.2 هيء 0.3 = 0.3 هكذا نتحصّل على القيمة المقدّرة لــــــ $F(z_i)$:

$$\hat{P}_{i} = \frac{1}{1 + e^{-(0.1 + 0.3 \pi 1.6 - 0.6 \pi 0.2 + 0.6 \pi 0.1)}} = \frac{1}{1 + e^{-0.65}} = 0.63$$
 (Y.17)

وبالتائي فإن الزيادة بوحدة واحدة في x_2 سوف تُسبّب زيادة في احتمال أن النتيجة المقابلة لـ $y_i = 1$ سوف تتحقّق بــــ: $x_i = 0$, $x_i = 0$,

كما أنه توجد طريقة أخرى لتفسير نهاذج الاختيار المنفصل (Discrete Choice Models) تُعرف بنموذج المنفعة العشوائية. تتمثّل الفكرة في أنه يُمكن اعتبار قيمة لا التي يختارها الفرد لا (سواء • أو ١) على أنها القيمة التي تمنح ذلك الفرد مُستوى مُعيّن من المنفعة. ومن الواضح أن الخيار المتّخذ سوف يكون الخيار الذي يُولّد أعلى مُستوى من المنفعة. يُعتبر هذا التفسير مُفيدًا بوجه خاص في الحالات التي يُواجه فيها الشخص الاختيار بين أكثر من احتمالين كها في الفسم ١٢ . ٩ أدناه.

٨ , ١٧ مقاييس جودة التوفيق لنهاذج المتغبِّر التابع الخطَّية

(Goodness of fit measures for linear dependent variable models)

بالنسبة لنهاذج المتغيّر النابع الخطّبة، وعلى الرغم أنه من الممكن حساب مقاييس جودة التوفيق العاديّة مثل مجموع مربعات البواقي (RSS)، R^2 أو R^2 أو أن قيم هذه المقاييس تفقد دلالتها الحقيقيّة، فهدف الإمكان الأعظم هو تعظيم قيمة لوغاريتم دالة الإمكان، وليس تصغير مجموع مربعات البواقي، كما أن R^2 و R^3 المعدَّل ستكون مقاييس مُضلَّلة في حالة ما حُسِبت بالطريقة المعتادة، وذلك لأن القيم المُجهَّزة من النموذج يُمكن أن تتَّخذ أيَّة قيمة، في حين أن الفيم الحقيقيَّة تقتصر على الفيمنين و 1. لتوضيح ذلك، لنفرض أننا بصدد دراسة إمكانيَّة موافقة بنك على منح قرض (R^3) من عدمه (R^3)، فهل R^3 على سبيل المثال يعني الموافقة على تقديم القرض أم لا؟ بهدف الإجابة عن هذا السؤال نقوم أحيانًا بتقريب أيَّة قيمة لـ R^3 تكون أصغر من 0,0 إلى صفر، غير أنه من المستبعد أن يعمل هذا النهيج بشكل جيَّد في حالة كانت مُعظم مُشاهدات المتغير التابع مُساوية لواحد أو مُساوية لصفر، من المنطقي في مثل هذه الحالات استخدام الاحتمال غير الشرطي أن R^3 و R^3 و المنابع أن الموذج قد توقّع بشكل صحيح بالنتيجة المتعلّقة بها إذا كان البنك سيقدم قرضًا للعميل عندما يكون R^3 و R^3

وهكذا إذا كان 1 = y و 0.8 = R، فإن النموذج عمليًّا قام بالتنبؤ الصحيح (سواء تم متح القرض أو رفضه - لا يمكن أن يكون لدينا أيَّة نتيجة أخرى)، بينها لا يرجع الفضل في الوصول إلى هذه النتيجة إلى R² أو R²، هناك مقياسان لجُودة التوفيق يُشار إليهها عادة لنهاذج المتغبِّر التابع المحدود، وهما كالتالي:

النسبة المثوية لقيم إلا التي تم توقعها بشكل صحيح، والتي تُعرف بأنها ١٠٠× عدد المشاهدات المتوقعة بشكل صحيح مقسومًا على العدد الإجمالي للمشاهدات:

Percent correct predictions =
$$\frac{100}{N} \sum_{i=1}^{N} y_i I(\hat{P}_i) + (1 - y_i) \left(1 - I(\hat{P}_i)\right)$$
 (ALNY)

Percent correct predictions =
$$100 \times \left[\frac{\sum y_i t(\hat{p}_i)}{\sum y_i} + \frac{\sum (1-y_i)(1-t(\hat{p}_i))}{N-\sum y_i} \right]$$
 (9.17)

مرَّة أخرى، كلُّم كان هذا العدد مُرتفعًا كلُّم كان تناسب النموذج للبيانات أفضل.

(٢) مقياس يُعرف بـ 'pseudo-R2' ويُعرَف كالتالي:

$$pseudo - R^2 = 1 - \frac{LLF}{LFF_n}$$
 (\`\\Y)

حيث بُشير LLF إلى القيمة المعظّمة للوغاريتم دالة الإمكان للنموذج لوجيت وبروبيت، ويُمثّل LLF قيمة لوغاريتم دالة الإمكان للنموذج المقيَّد أين تُحدُّد كل قيم معليات الميل بصفر (أي أن النموذج لا يضم سوى مقطع)، على غرار R² المعتاد، تكون قيمة الإمكان للنموذج المقيّد، لكن تقف أوجه التشابه بينهها عند هذا الحد، وبها أن الإمكان هو في الأساس احتهال مُشترك فبجب أن نكون قيمته بين صفر وواحد، وبالتالي سوف يُؤدي تطبيق اللوغاريتم الذي نقوم به للحصول على لوغاريتم دالة الإمكان إلى عدد مالب، وهكذا كلَّما تحسّنت مُلاءمة النموذج للبيانات كلَّما أصبحت دالة لوغاريتم الإمكان أقل سلبيَّة، وبالتالي ترتفع قيمة -pseudo النبوذج بتناسب ثمامًا مع البيانات (أي أن كل قيم الم تكون إمًا صفرًا أو واحدًا صحيحًا مثل القيم الفعلية)، وهذا لا يمكن أن يجدث في الواقع، وبالتالي فإن القيمة القصوى لـ pseudo تكون أقل من واحد، كها نفقد التفسير البسيط لـ R² المعتاد الذي يقيس نسبة التغيَّر في المتغيِّر الثابع الذي يُقسره النموذج، ففي الواقع، يفتقر -pseudo واحد، كها نفقد التفسير بديهي.

هذا التعريف لـ pseudo-R² يُعرف أيضًا بـ McFadden's R²، بل ومن الممكن أيضًا الإشارة إلى هذا المقياس بطرق أخرى، فمن الممكن على سبيل المثال تعريف pseudo-R² على أنه (RSS/TSS) – 1] حيث يُمثُّل RSS مجموع مربعات البواقي من النموذج المُجهَّز و TSS المجموع الكلى لموبعات y.

٩ , ١٢ المتغيّرات التابعة الخطّية مُتعدّدة الحدود

(Multinomial linear dependent variables)

جيع الأمثلة التي ثم تناولها حتى الآن في هذا الفصل تتعلق بحالات تمت فيها نمذجة المتغيّر التابع كاختيار ثنائي (Binary Choice)، في المقابل هناك أيضًا العديد من الحالات التي يجد فيها المستثمرون والوكلاء الماليون أنفسهم أمام العديد من البدائل، فعلى سببل المثال يُمكن إدراج شركة في بورصة نيويورك أو بورصة ناسداك أو بورصة الأسهم الأمريكيّة، يجوز للشركة التي تعتزم الاستيلاء على شركة أخرى أن تختار الدفع إمّا نقدًا أو بالأسهم، أو بمزيج من الاثنين معًا، يمكن لمستثمر صغير الاختيار بين خمسة صناديق استثهار مُختلفة، يُمكن لهيئة التصنيف الاثنهاني إسناد أحد التصنيفات الستة عشر المختلفة (من AAA إلى -B3/B) لديون شركة ما.

نُشير إلى أن الثلاثة أمثلة الأولى تختلف عن المثال الأخير، ففي الحالات الثلاث الأولى لا يُوجد ترتيب طبيعي للبدائل، فيقع الخيار ببساطة على أحد هذه البدائل، أمّّا في الحالة الأخيرة فهناك ترتيب واضح للبدائل؛ لأن الدرجة ١ التي تُشير إلى السندات المصنَّفة AAA أفضل من الدرجة ٢ التي تُشير إلى السندات المصنَّفة +AAI/AA وهكذا (انظر القسم ٥، ١٥ من الفصل ٥)، وهكذا يتعين التمييز بين هاتين الخالتين، واتباع نهج مُختلف في كل حالة، يُستخدم في الحالة الأولى (أي عندما لا يكون هناك ترتيب طبيعي) النموذج لوجيت أو النموذج بروبيت بروبيت مُتعدَّد الحدود (Multinomial Probit)، بينها يُستخدم في الحالة الثانية (أي عند وجود ترتيب) النموذج لوجيت أو النموذج بروبيت المرتب، سوف نُناقش في القسم التالي هذه الحالة الأخيرة، أمَّا الآن فسوف نتطرَّق إلى النهاذج متعدَّدة الحدود.

عندما تكون البدائس غير مُرتِسة، فهذا يُسمَّى أحيسانًا الاختيار التفصل أو مشكلة الاختيار التعدُّد، تُستمد النماذج المستخدمة من مبادئ تعظيم المنفعة، أي أن الفرد بختار البديل الذي يُعظَّم منفعته مُقارنة بالبدائل الأخرى، من منظور اقتصادي قياسي، يتم ذلك من خلال استخدام تعميم بسيسط للتركيب الثنسائي المنساقش سسابقًا، عندما يكون لدينا خيارين فقط (٠٠١) فإننا لا نحتاج سوى لمعادلة واحدة لمعرفة احتيال اختيار أحد البديلين، إذا كان الآن لدينا ثلاثة بدائل، فسوف نحتاج لمعادلتين، أمّا إذا كان بحوزتنا أربعة بدائل، فسوف نحتاج إلى ثلاث مُعادلات، بشكل عام، إذا كان عدد الخيارات البديلة المكنة m فإن عدد المعادلات التي نحتاجها هو 1 – m.

يُمكن أن تُوضِّح هذه الحالة بطريقة أفضل من خلال البداية بدراسة نموذج الاحتيال الحُطيِّ متعدَّد الحدود، يظل هذا النموذج بطبيعة الحال يُعاني من نفس أوجه القصور التي نجدها في الحالة الثنائيَّة (أي نفس المشاكل التي نجدها في نموذج الاحتيال الخطي)، ورغم ذلك فإنه يصلح كمثال بسيط يكون مُقدَّمة للمناقشة (٤)، هذا ويُمثُّل اختيار وسيلة التنقُّل للذهاب إلى مقر العمل المثال الأكثر شبوعًا لاستخدام نموذج الاختيار المتعدِّد(٥)، لنفترض أن التنقل إلى مقر العمل يكون إمَّا بالسيارة أو بالحافلة، أو

⁽٤) قام هالكومبيس (٢٠٠٥) ((Halcoussis (2005, chapter 12)) بتقسير النياذج متعدَّدة الحدود بوضوح من خلال أمثلة بدييَّة.

⁽٥) استُخدم هذا المثال التوضيحي على سبيل المثال من قبل جرين (٢٠٠٢) وكينيدي (٢٠٠٣).

بالدراجة (ثلاثة بدائل)، ولنفترض أيضًا أن المتغيِّرات المفشّرة هي دخل الفرد (1)، إجمالي ساعات العمل (H)، جنس الفرد (G) والمسافة المقطوعة (^(N))، يُمكننا إعداد معادلتين:

$$BUS_i = \alpha_1 + \alpha_2 I_i + \alpha_3 H_i + \alpha_3 G_i + \alpha_5 D_i + u_i \tag{11.14}$$

$$CAR_{i} = \beta_{1} + \beta_{2}I_{i} + \beta_{3}H_{i} + \beta_{4}G_{i} + \beta_{5}D_{i} + v_{i}$$

$$()Y_{i},Y_{j})$$

حيث 1 = £BUS إذا كان الشخص ، يتنقَّل بالحافلة، وصفر خلاف ذلك؛ CAB; = 1 إذا كان الشخص ، يتنقَّل بالسيارة، وصفر خلاف ذلك.

لا توجد مُعادلة للتنقُّل بالدراجة، والتي تُصبح بمثابة نُقطة مرجعية؛ لأنه إذا كانت المتغيِّرات التابعة في المعادلتين صفرًا فيجب أن يتنقَّل الشخص بالدراجة (٧)، في الواقع لسنا بحاجة إلى تقدير المعادلة الثالثة (مُعادلة التنقُّل بالدراجة) بها أنه يُمكن استخلاص كافة المعلومات من المعادلتين الأخريين، هذا ويُمكن تفسير القيم المفلَّرة من المعادلات على أنها احتهالات، لذلك إذا أضفنا إليها الاحتهال الثالث يجب أن تساوي معًا القيمة واحدًا، وبالتالي، إذا وجدنا لشخص ما أن احتهال التنقُّل للعمل بالسيَّارة هو ع. واحتهال التنقُّل بالحافلة ٣٠ فإن احتهال التنقُّل بالدراجة يجب أن يكون ٣٠ م. ١٠ ع. ١٠ ع. ٢٠ م. كها يجب أن يكون مجموع المقاطع في المعادلات الثلاث (المعادلتان المقدَّر تان إضافة إلى المعادلة المحذوفة) مُساويًا لصفر فيها بين وسائل النقل الثلاث.

رغم أن الاحتيالات المفترة سوف يكون مجموعها دائها واحدًا، وذلك بحكم طريقة إنشائها، كها هو الحال في الحالة ثنائية الحدود، إلّا أنه لا شيء بضمن أن تكون هذه الاحتيالات بين • و ١، فمن الممكن أن يكون احتيال أو أكثر أكبر من واحد أو سالبًا، وبهدف التنبؤ بوسيلة التنقُّل التي سوف بستخدمها شخص ما، وبالنظر إلى أن المعلمات في المعادلتين (١١،١٢) و (١٢،١٣) قد تم تقديرها، وعلى ضوء قيم المنفيرات المفسّرة لذلك الشخص، فإن قيمة أكبر احتيال مُقتَّر تُعوَّض بواحد، وباقي الاحتيالات تصبح صفرًا، لذلك وعلى سبيل المثال إذا كانت الاحتيالات المقلّرة لشخص ما ينتقل إمّا بالسيارة أو بالحافلة أو بالدراجة هي ١، ١ و ٢، ٠ و ٣٠٠٠. فإن هذه الاحتيالات يتم تقريبها إلى ١ و ٠ و ٠، وبالتالي فإن النموذج يتوقَّع أن هذا الشخص سوف يتنقَّل إلى مقرَّ عمله بالسيارة.

ثمامًا مثلها أن لنموذج الاحتمال الخطّي أوجه قصور هامّة تجعل من النهاذج لوجبت وبروببت نهاذج مُفضَّلة، فإنه بنبغي في إطار الخيارات المتعدَّدة استخدام النهاذج لوجبت وبروبيت مُتعدِّدة الحدود، تُعتبر هذه النهاذج تعميهات مُباشرة للحالات الثنائيَّة، وكها في حالة نهاذج الاحتمال الحقطِّي مُتعدَّدة الحدود فإنه يجب تقدير 1 – m مُعادلة حيث إن هناك m نتيجة أو اختيارًا عُتملًا، هذا وتُصبح النتيجة التي لم تُقدَّر لها مُعادلة الخيار المرجعي، وبالتالي يجب تفسير قيم المعليات المقدَّرة بطريفة مُختلفة قلبلًا، لنفترض أن التنقُّل بالحُافلة (8) أو بالسيارة (C) تُقدَّم منافع للشخص ؛ تعتمد على الخصائص المذكورة أعلاه (B) مؤرد الله فإن اختيار السيارة بتم إذا كان لدينا:

$$(\beta_1 + \beta_2 I_i + \beta_3 H_i + \beta_4 G_i + \beta_5 D_i + v_i) > (\alpha_1 + \alpha_2 I_i + \alpha_3 H_i + \alpha_4 G_i + \alpha_5 D_i + u_i)$$
 (17.17)

بمعنى آخر، سوف يكون احتيال اختيار السيَّارة للتنقُّل أكبر من احتيال اختيار الحافلة إذا كانت المنفعة المتأتية من الذهاب بالسيارة أكبر، يُمكن إعادة كتابة المعادلة رقم (١٢،١٣) على النحو التالي:

⁽٦) ليكون هذا النهج سابيًّا نُشير إلى أنه يجب استخدام نفس المتغبِّر ات الفشرة في كل مُعادلة.

٧٧) نفترض أن هذه الخيارات شاملة، ويستبعد كلِّ منها الأخر، أي أنه لا يُمكن سوى اختيار طريقة واحدة من وسائل النقل!

إذا افترضنا أن س و س يتبعان بشكل مُستقل توزيعًا مُعيِّنًا فإن الفرق بينهما سوف بتبع التوزيع اللوجستي (^)، يُمكننا إذًا كتابة:

$$P(C_i/B_i) = \frac{1}{1+e^{-Z_i}} \tag{Yes}$$

أين يُمثَّل z الدالة على الجانب الأبسر من المعادلة رقم (١٤،١٢) أي ٢٠٠٠ (β2 - α2) + (β2 - α2) ويُصبح التنقُّل إلى مقر العمل بالحافلة الفئة المرجعية، تُشير (P(C1/B1) إلى احتيال أن يختار الفرد ا التنقُّل بالسيارة بدلًا من الحافلة.

ندل المعادلة رقم (١٥،١٢) على أن احتيال تفضيل اختيار السيارة على الحافلة بتوقف على الدالة اللوجستيَّة لفروق المعلمات التي نصف المنافع المتأتية من كل وسيلة من وسائل التنقُّل، لا نستطيع بطبيعة الحال تحصيل كلَّ من $β_2$ و $α_2$ على سبيل المثال، وإنها نسترجع فقط الفارق بينهها (ولتُسَمَّ ذلك $γ_2 = β_2 - α_2)$ ، تقيس هذه المعلمات تأثير التغيُّرات الهامشية في المتغيِّرات المفسِّرة على احتيال التنقُّل بالسيارة مُقارِنة باحتيال التنقُّل بالحافلة، لاحظ أن الزيادة بوحدة واحدة في السوف تُؤدي إلى زيادة بداك حاجة إلى مُعادلة وليس زيادة بدء به الخالية المعادلتين رقم (٥٠١٢) و (٦٠١٢) أعلاه، بالنسبة إلى هذه المسألة ثلاثيَّة الحدود هناك حاجة إلى مُعادلة أخرى تعتمد على سبيل المثال على فارق المنفعة بين التنقُّل بالدراجة والتنقُل بالحافلة، يتم تقدير هاتين المعادلتين في وقت واحد باستخدام الإمكان الأعظم.

وفيها يخص النموذج لوجيت مُتعدَّد الحدود يجب افتراض أن حدود الخطأ في المعادلتين (أي يمه و يه في المثال أعلاه) مُستقلة، غير أن ذلك بُثير مُشكلة كلّما كان خياران أو أكثر مُتشابهين إلى حد كبير، تعرف هذه المشكلة باسم "استقلالية البدائل غير الهامة"، لنوضيح ذلك، استخدم كبنيدي (٢٠٠٣، ص ٢٧٠) مثالًا حيث أدرج خبارًا آخر للتنقل بالحافلة والشيء الوحيد الذي يختلف هو لون الحافلة، لنفترض أن الاحتمالات الأولى للتنقل بالسيارة، بالحافلة وبالدراجات هي ٢٠٠٥، و ٣٠، و ٣٠، إذا تم إدراج حافلة خضراء كوسيلة تنقل جديدة، بالإضافة إلى الحافلة الحمراء المتوفرة، فإننا تتوقع أن الاحتمال الإجمالي للتنقل بالحافلة يجب أن يبقى عند ٣٠، وأن الركاب يجب أن ينقسموا بين نوغي الحافلة (مثلًا كل نصف يستخدم حافلة من لون)، تُنتج هذه النتيجة من حقيقة أن اللون الجديد للحافلة ليس مهمًّا لأولئك الذين اختاروا فعلًا التنقل بالسيارة أو بالدراجة، لسوء الحظ، لن يكون النموذج لوجيت قادرًا على التقلط ذلك، وسوف يسعى للحفاظ على الاحتمالات النسبية للخيارات القديمة (وهي على التوالي ٤/ ١٠، ٣/١٠ و الحمراء وبالدراجة، وهذا بعيد كل البعد على التوالي ٤/ ١٠، ٣/١٠ و ٣/ ١٣ للتنقل بالسيارة، بالحافلة الخضراء، بالحافلة الخضراء، بالحافلة الخضراء، بالحافلة الحمراء وبالدراجة، وهذا بعيد كل البعد على يقودنا إليه حدسنا.

خسن الحظ يمكن للنموذج بروبيت متعدد الحدود، وهو تعميم متعدد الخيارات للنموذج بروبيت الذي نوقش في القسم ١٩٠٥ أعلاه، معالجة ذلك، يتم إعداد النموذج بروبيت متعدد الحدود بطريقة محائلة قامًا لطريقة إعداد النموذج لوجيت متعدد الحدود، باستثناء استعال النوزيع الطبيعي التراكمي لـ (١٠ - ١٠) بدلًا من النوزيع اللوجستي التراكمي، ويستند ذلك إلى افتراض أن ١٠٠ و ١٠٠ موزَّعان حسب النوزيع الطبيعي مُتعدِّد المتغيِّرات، لكنها وعلى خلاف النموذج لوجيت يُمكن أن يكونا مُرتبطين، يُمكن استخدام الارتباط الموجب بين حدود الأخطاء لعكس أوجه التشابه في خصائص خيارين أو أكثر، غير أن مثل هذا الارتباط بين حدود الخطأ يجعل تقدير النموذج بروبيت متعدد الحدود باستخدام الإمكان الأعظم صعبًا؛ لأنه يجب حساب تكاملات متعددة، يُشير كينيدي (٢٠٠٣، ص ٢٧١) إلى أن هذه الصعوبة أذت إلى استمرار استخدام النهج لوجيت متعدد الحدود على الرغم من مُشكلة استقلالية البدائل غير الهامة.

⁽A) في الواقع بجب أن يتبعا توزيعات لوغاريتم ويبل (log Weibull distributions) المُستقلَّة.

١٢, ١٠ إعادة النظر في فرضية تسلسل اختيار مصادر التمويل – الاختيار بين طرق التمويل

(The pecking order hypothesis revisited - the choice between financing methods)

استُخدم النموذج لوجيت في القسم ٢٠١٦ لتقييم ما إذا كان هناك دعم تجريبي لفرضية تسلسل اختيار مصادر التمويل حيث الختصرت هذه الفرضية في احتيال سعي الشركة للحصول على تمويل خارجي أم لا، لكن لنفترض أننا نَوَدُّ أن ندرس ليس فقط ما إذا كانت الشركة ستفرَّر البحث عن تمويل خارجي، ولكن أيضًا طريقة التمويل التي ستختارها عندما يُتاح لها عدد من البدائل، وحسب ما ذُكر أعلاه تُشير فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر التمويل بأن طرق التمويل الأقل كُلفة – مع افتراض ثبات الأشباء الأخرى – والتي تُطرح عندما يكون عدم تماثل المعلومات قليلا هي التي تُسخدم في المفام الأوَّل؛ كيا أن الطريقة المستخدمة تعتمد أيضًا على درجة المخاطرة المرتبطة بالشركة، وبالرجوع إلى دراسة هيلويج وليانغ، فقد ذكرا أنه إذا تم اتباع تسلسل اختيار مصادر التمويل فإن الشركات المصنَّة بأنها ذات مخاطر قليلة سوف تُصدر أوَّلا ديونًا عامَّة، في حين أن الشركات ذات المخاطرة المعتدلة فتصدر ديون خاصة والشركات الأكثر مخاطرة سوف تُصدر أسهمًا، وبها أن هناك أكثر من خيار واحد ممكن، فإن لدينا مسألة المعتدلة خيارات متعدّدة، وبالتالي فإن النموذج لوجيت متعدّد الحدود، هناك ثلاثة خيارات عكنة في هذه الحالة: إصدار سندات، إصدار أسهم أو إصدار ديون خاصة، وكها هو الحال دائهًا بالنسبة للنهاذج متعدّدة الحدود، فإن عدد المعادلات المقدِّرة أقل بواحد من عدد الحيارات، وبالتالي سوف تُقدِّر معادلات للأسهم والسندات دون الدين الخاص، يُصبح هذا الأخير تقطة مرجعية بحيث تقيس المعاملات المفدّرة احتال إصدار أسهم أو سندات بدلًا من ديون خاصّة، وتدل المعادر أسهم بدلًا من إصدار ديون خاصة.

تكون مجموعة المتغيّرات المفسّرة مختلفة قلبلًا الآن نظرًا للطبيعة المختلفة للمسألة المطروحة، فيُصبح المتغيّر الرئيس الذي يقيس الخطر الآن المجموع 2 الخالي من الرفع المالي* (unlevered Z score) وهو عبارة عن مجموع 2 لألتيان (Altman's Z score) يتم إنشاؤه كمتوسّط مُرجّع للأرباح التشغيليَّة قبل خصم الفوائد والضرائب، المبيعات، الأرباح غير المُوزَّعة ورأس المال العامل، جميع أسهاء المتغيِّرات الأخرى لا تحتاج غالبًا إلى تفسير، وبالتائي لن تُناقش بالتفصيل، إلَّا أنها تنقسم إلى فئتين: فئة تقيس مُستوى المخاطرة المرتبطة بالشركة (المجموع 2 الخالي من الرفع المائي، الديون، مصروفات الفائدة ونباين الأرباح)، وفئة تقيس درجة عدم التياثل في المعلومات (نفقات البحث والتطوير، ولمحالت، النمو الصناعي، إصدار الأسهم غير المائيَّة والأصول)، يُذكر أن الشركات التي لديها نفقات كبيرة في بجال البحث والتطوير، وتلك التي تتلقى قويلًا لم أس المال الاستثباري، والشركات الأصغر حجرًا تعاني المال الاستثباري، والشركات الأصغر حجرًا تعاني من عدم تماثل كبير في المعلومات، هذا وترد في الجدول رقم (٢٠,١) قيم المعلمات المقدّرة للنموذج لوجيت مُتعدَّد الحدود حيث من عدم تماثل كبير في المعلومات، هذا وترد في الجدول رقم (٢٠,١) قيم المعلمات المقدّرة للنموذج لوجيت مُتعدَّد الحدود حيث يكون إصدار الأسهم كمتغيَّر تابع (٠٠٠) في العمود الثاني وإصدار السندات كمتغيَّر تابع (٥٠٠) في العمود الثاني وإصدار السندات كمتغيَّر تابع (١٠٠) في العمود الثاني.

ترسم النتائج عُمومًا صورة غير واضحة عن مدى صحَّة فرضيَّة تسلسل اختبار مصادر النمويل، تُشير القيم المقدَّرة الإيجابية (المعنويَّة) والسلبية (غير المعنويَّة) على التوالي لمتغيَّر 'المجموع 2 الخالي من الرفع المالي' ولمتغيِّر 'مصروفات الفائدة إلى أن الشركات التي تتمتع بصحة ماليَّة حيَّدة (أي الشركات الأقل خطورة) تكون أكثر عرضة الإصدار أسهم أو سندات بدلًا من إصدار ديون خاصة، غير أنَّ العلامة الموجعة أكثر الأصدار أسهم أو سندات، أمَّا المتغيِّر 'تباين الأرباح والله علامة خاطئة، لكنها غير معنويَّة إحصائيًا، كيا أن تقريبًا جميع متغيِّرات عدم تماثل المعلومات لها

معلمات غير معنويَّة إحصائيًّا، الاستثناءات الوحيدة هي أن الشركات التي لها تغطية للمجازفة تسعى للحصول على تمويل من سوق رأس المال من أي نوع كان، شأنها شأن الشركات غير الماليَّة، أخيرًا، تُعنبر الشركات الأكبر حجمًا الأكثر احتمالًا الإصدار السندات (لكن ليس الأسهم)، وهكذا خلص المؤلفان إلى أن النتائج "لا تُشير إلى أن الشركات تتجنَّب بشدة التمويل الحارجي، كما تنص على ذلك فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر التمويل"، وبأن "الأسهم لا تُعتبر مصدر التمويل الأقل ما يكون مرغوبًا فيه من بين مصادر التمويل؛ لأنه يبدو أنها تهيمن على القروض المصرفيَّة "هيلويج وليانغ (١٩٩٦، ص ٤٥٨).

شعادلة السندات	معادلة الأسهم	المتغتر
£,7A-	£.1V-	المقطع
(a, £A-)	$(-V\bar{I},I)$	-
٠,٢٦	+.11	المجموع Z اتحالي من الرفع المالي
(FA,Y)	(1.AE)	
Ť, Ť A	1,77	الدين
(AA,Y)	(1.3+)	
٤,٥٤-	9,21-	مصروفات الفائدة
(*, £Y-)	(-TP.•)	
-, \ £-	*,* £-	تباين الأرباح
(1,07-)	(• , ≎ ¢ −)	
٠,٨٩	*,11	البحث والتطوير
(1,09)	(1,7A)	
٠,٨٦	*,V*	المجازفة المغطاة
(Y,0+)	(٢,٣٢)	
+,+==	•,•1-	العمر
(N.A2-)	(-+1,1)	
1,95	1,03	العمر فوق الخمسين
(3,77)	(1,88)	
٤٣.٠	٠,٦٢	الممتلكات، المنشآت والمعدات
(+,0+)	(*,9,8)	
٠,٠٠٣	*,**0	النمو الصناعي
(+,V+)	(١,١٤)	
*, * * 0	*,**A	إصدار الأسهم غير المالية
(0.5,7)	(P,A4)	
*, * * ¥	+,++1=	الأصول

ملاحظة: النسب تي بين فوسين؛ لم تُعرض سوى الأرفام لجميع السنوات في العيّنة. المصدر: هيلويج وليانغ (١٩٩٦)، أعيد نشره بإذن من إلسيفر (Elsevier).

١٢, ١١ نهاذج الاستجابة للمتغيّرات التابعة الخطيّة المرتبّعة

(Ordered response linear dependent variables models)

يمكن أن يُسند لبعض المتغيّرات التابعة المحدودة قيّا رقمية ذات ترتيب طبيعي، في مجال الماليَّة وكيا أشرنا سابقًا، يُعتبر التصنيف الانتياني المثال الأكثر شبوعًا عن ذلك، لكن هناك تطبيقًا ثانيًا وهو نمذجة هامش شراء وبيع الأوراق الماليَّة (انظر على سبيل المثال: آب غويليم و آخرين (١٩٩٨) ((ap Gwilym et al.(1998)) (١٩٩٨))، ليس من المناسب في مثل هذه الحالات استخدام النموذج لوجيت أو النموذج بروبيت منعدَّد الحدود؛ لأن هذه الأساليب لا يمكن أن تأخذ في الاعتبار أيَّ ترتيب في المنغيِّرات النابعة، هذا ونُشير إلى أن المنغيِّرات النرتيبية (Ordinal Variables) تظل عُتلفة عن نوع البيانات المعتاد المستخدم في الفصول الأولى من هذا الكتاب مثل عوائد الأسهم، الناتج المحلي الإجالي، أسعار الفائدة، إلخ، وهذه أمثلة عن الأعداد الأصليَّة (Cardinal Numbers) حيث يُمكن استخلاص معلومات إضافية من مُقارنة الفيم الفعليَّة لبعضها البعض، كتوضيح لذلك يُمكن القول إن الزيادة في أسعار المنازل بنسبة ٢٠٪ تمثُّل ضعفًا لنسبة النمو بـ ٧٠٪ في أسعار المنازل، غير أن ذلك لا ينطبق على الأعداد الترتيبيَّة بها أن (بالرجوع إلى مثال التصنيفات الاثنانيَّة) التصنيف AAA الذي تُسند إليه الدرجة ١٦ لا يُعتبر أفضل مرَّين من التصنيف Baa2/BBB الذي تُسند إليه الدرجة ٨٠ والدرجة ٨٠ والدرجة ١٦ على سبيل المثال، يُعادل الفرق بين الدرجة ٨ والدرجة ٦٠ على سبيل المثال، يُعادل الفرق عن الدرجة ٨ والدرجة ٨٠ والدرجة ١٦ على سبيل المثال، يُعادل الفرق عن الدرجة ٨ والدرجة ١٦ على سبيل المثان، وبها أنه لا يمكن عمل هذه البيانات سوى تفسير ترتيبها دون قيمها العديَّة الفعليَّة فإنه لا يُمكن استخدمة هنا تعميًا للناذج لوجيت وبروبيت ويُعرف بنموذج لوجيت الربَّب (Ordered Probit) ونموذج بروبيت الربِّب (Ordered Probit).

باستخدام نموذج التصنيف الائتهاني مرة أخرى يُعدُّ النموذج بحيث يندرج سند ما ضمن الفئة +AA (باستخدام مصطلحات ستاندارد أند بورز) إذا كانت جدارته الاثتهائيَّة (الحُفيَّة) غير المرصودة مُنخفضة إلى حد لا يسمح بتصنيفها AAA، ومُرتفعة إلى حد لا يسمح بتصنيفها AA، نقوم بعد ذلك بتقدير القيم الحُدِّيَّة بين كل تقبيم جنبًا إلى جنب مع معلمات النموذج.

١٢ مل التصنيفات الائتهائية غير المطلوبة مُتحيَّزة للأسفل؟ عليل مروبت المرتب

(Are unsolicited credit ratings biased downwards? An ordered probit analysis)

تُعتبر نمذجة محدَّدات التصنيفات الانتهائية واحدة من أهم استخدامات النهاذج بروبيت والنهاذج لوجيت المرتَّبة في مجال المائيَّة، تقوم وكالات التصنيف الانتهائي الرئيسة بهانشاء ما يمكن نسميته بالتصنيفات المطلوبة، وهي تلك التصنيفات التي يُتحصَّل عليها عندما تتَّصل الجهة المصدرة للديون بالوكالة ويدفع لها رسومًا مُقابل إعداد تصنيف لها، لا تسعى العديد من الشركات على مستوى العالم للحصول على تصنيف (لأن الشركة على سبيل المثال تعتقد أن وكالات التصنيف ليست في وضع جيَّد لتقييم مخاطر الديون في بلدها، أو لأنها لا تخطط لإصدار أي دَيْن، أو لأنها تعتقد أنه سيتم منحها تصنيفًا منخفض)، ورغم ذلك يُمكن للوكالة إعداد تصنيف لهذه الشركات، تُعرف هذه التصنيفات 'غير المُبررة وغير المرغوبة ' بالتصنيفات غير المطلوبة، هذا وتقوم جميع وكالات

التصنيف الرئيسة بإعداد تصنيفات غير مطلوبة، إضافة إلى إعدادها لتصنيفات مطلوبة، نزعم هذه الوكالات أن هناك طلبًا في السوق على هذه المعلومات، حتى وإن كان المصدر لا بُقضًل أن يتم تصنيفه.

تزعم الشركات التي تتلقى تصنيفات غير مطلوبة أن هذه الاخيرة مُتحبَّرة للاسفل مُقارنة بالتصنيفات المطلوبة، وأنه لا بُمكن اعتيادها دون درجة من التفاصيل التي لا يمكن تقديمها سوى من فِبَل الشركة المصنفة نفسها، في هذا الصدد، سعى بون (٢٠٠٣) (Poon (2003) من خلال دراسة إلى اختبار فرضيَّة نحيًّز التصنيفات، وذلك بعد الأخذ بعين الاعتبار خصائص الشركة المصنفة التي تتعلق بمخاطرها.

تشتمل البيانات المستخدمة على عبنة مجمّعة تضم جميع الشركات التي ظهرت في قائمة S&P السنويَّة لمُصلِرِي الديون خلال السنوات ١٩٩٨ على مُستوى خسة عشر بلدًا بها السنوات ١٩٩٨ شركة على مُستوى خسة عشر بلدًا بها مجموعه ٥٩٥ مُشاهدة، ويتحليل أوَّلي ذي طابع استكشافي للبيانات، وجد بون أن حوالي نصف تصنيفات العينة كانت غير مطلوبة، والواقع أن التصنيفات غير المطلوبة في العينة تكون في المتوسط أقل بكثير من التصنيفات المطلوبة أو مو مُتوقع تتمتّع الشركات ذات التصنيف غير المطلوب، تستخدم المنهجيّة في الأساس ذات التصنيف المطلوب بخصائص مائيّة أفضل بكثير من الشركات ذات التصنيف غير المطلوب، تستخدم المنهجيّة في الأساس النموذج بروبيت المرتّب، وتشمل المتغيّرات المفسّرة خصائص الشركة إضافة إلى متغيّر وهمي لمعرفة ما إذا كان التصنيف الاثتهائي للشركة قد تم طلبه أم لا:

$$R_i^* = X_i \beta + \epsilon_i \tag{13.17}$$

و:

$$R_i = \begin{cases} 1 & if \quad R_i^* \leq \mu_0 \\ 2 & if \quad \mu_0 < R_i^* \leq \mu_1 \\ 3 & if \quad \mu_1 < R_i^* \leq \mu_2 \\ 4 & if \quad \mu_2 < R_i^* \leq \mu_3 \\ 5 & if \quad R_i^* > \mu_3 \end{cases}$$

BB ، $\xi = BBB$ ، 0 = A ، $7 = i كُمثُل <math>R_i$ مرجبة التصنيف المرصودة والتي تنَّخذ قيضًا عددية على النحو التائي: AA فأكثر = 1 = 1 أو ما دونها = 1 = 1 أيمثُل R_i 'التصنيف الفعلي' غير المرصود (أو المتغيِّر المستمر غير المرصود الذي يُمثُل تصنيف CCC و Y = B ، Y = R للجدارة الاثنيانيَّة لمصدر الدين X_i ، X_i مُثَّجه يتكوَّن من المتغيِّرات التي تُفسِّر تفاوت التصنيفات؛ X_i مُثَّجه المعاملات؛ X_i معلیات العتبة التي يجب تقديرها إضافة إلى X_i و X_i حد خطأ يُفترض أنه مُوزَع طبيعيّ.

تسعى المتغيِّرات المفشرة إلى تحديد الجدارة الانتهائية باستخدام المعلومات المتاحة للعموم، لذلك تم تقدير توصيفين: يتضمَّن الأوَّل المتغيِّرات المنافيرات الماليَّة الأوَّل المتغيِّرات الماليَّة الماليَّة الماليَّة المنافيرات الماليَّة المنافيرات الماليَّة المنافير وهمي أوَّل لمعرفة ما إذا كان تصنيف الشركة قد طُلِب أم لا (SOL) ومنغيِّر وهمي ثانٍ بشكل منفصل لمعرفة ما

 ⁽٩) نفترض هذا استخدام فئات تصنيف اثنياني أشمل يبلغ عددها ست (٨٨٨، ٨٨، ٨٥ BBB، ٩٥ و ١) بدلًا من الفئات الأكثر دقة التي استخدمها كانتور وباكر (١٩٩٩).

إذا كان مغرَّ الشركة في اليابان أم لا^(۱۱)، بالنسبة للمتغيِّرات الماليَّة فهي كالتائي: ICOV تغطية الفوائد (أي فوائد الأرباح)، ROA العائد على الأصول، DTC إجمائي الدَّيْن إلى رأس المال، SDTD نسبة الدبون القصيرة إلى إجمائي الدبن، كما أن هناك ثلاثة متغيِّرات وهميَّة هي SOVA، SOVAA و SOVBBB وهي متغيِّرات وهمية تلتقط التصنيف الاثتهائي السيادي لمصدر الدين (^(۱۱)، يعرض الجدول رقم (۱۲,۳) النتائج التي أسفر عنها تقدير نموذج بروبيت المرتَّب.

تتمثّل النتيجة الرئيسة في أن المتغبّر .SOL مُوجب ومعنوي إحصائيًّا في النموذج 1 (ومُوجب لكنّه غير معنوي في النموذج ٢)، مُشيرًا إلى أنه حتى بعد الأخذ بعين الاعتبار الخصائص الماليَّة للشركات، فإن الشركات التي لم تطلب تصنيفًا التهائيًّا تتلفى تصنيفًا المناوسة المنفرة المعلمة حد النفاعل بين المتغبّر الوهمي المستخدم لطبابان (SOL» (SOL» فهي مُوجبة ومعنوية إحصائيًا في كلا التوصيفين، ممَّا بُشير إلى المستخدم لطلب التصنيف والمتغبّر الوهمي المستخدم للبابان (SOL» (SOL» فهي مُوجبة ومعنوية إحصائيًا في كلا التوصيفين، ممَّا بُشير إلى وجود دليل قوي على أن الشركات البابائية التي تطلب تصنيفًا الثنائيًّا تتحصّل على درجات أعلى، كما أن الشركات اليابائية التي تطلب تصنيفًا الثنائيًّا تتحصّل على درجات أعلى، كما أن الشركات التي تتميَّز بخصائص ماليَّة قويَّة (نسبة تغطبة فائدة أعلى، عائد أعلى على الأصول، انخفاض الدَّيْن إلى إجابي رأس المال أو انخفاض نسبة الديون بخصائص الدَّين إلى الديون طويلة الأجل) تتمتَّع في المتوسط بتصنيف أعلى، ومن العيوب الرئيسة التي يُعتمل تواجدها في التحليل الوارد أعلاه تذكر تحيِّز الانتقاء النّاتي (Self-Sclection Bias) أو تحيَّز في اخيتار مُقردات العينة الذي يُمكن أن ينتج في حالة اختارت الشركات النبي تحصيفات بتجاهل هذه المشكلة المحتملة، وفي حالة وجودها فإن المعاملات ستكون غير مُتَّسقة، للتغلب على هذه بروبيت لمحددات التصنيف، يكون نموذج بروبيت المستخدم في المرحلة الأولى كالتالى:

$$Y_i^* = Z_i \gamma + \xi_i \tag{1V.1Y}$$

حيث $1 = \gamma$ إذا كانت الشركة طلبت تصنيفًا، وصفر خلاف ذلك، يُمثّل γ الميل الحفي لـمُصدر الدَّيْن المحصول على تصنيف، γ يضم المتغيَّرات التي تُفشَّر خيار طلب التصنيف من عدمه و γ المعلمات التي سيتم تقديرها، عند نقدير هذه المعادلة لن يتم النصنيف γ على النحو المحدد أعلاه في المعادلة رقم (١٦،١٢) إلَّا إذا كان γ هذا وتنبع حدود الخطأ في المعادلتين، أي γ و γ النصنيف γ على النحو المحدد أعلاه في المعادلة رقم (١٦،١٢) إلَّا إذا كان γ الأوزيع الطبيعي المعياري ثنائي المتغيَّر بارتباط γ هذا ويعرض الجدول رقم (٢٠ ي النتائج التي أسفر عنها إجراء التقدير ذو المرحلتين، حيث أدرجت القيم المقدَّرة للنموذج بروبيت الثنائي المتعلَّق بطلب التصنيف في المجموعة أ والقيم المقدَّرة لمحدَّدات التصنيف للشركات المُصنَّفة في المجموعة ب

^{. (}١٠) قم استخدام منغير وهمي لليابان؛ نظرًا لأن هناك عددًا كبيرًا من الشركات في العيُّنة من هذا البلد.

 ⁽١١) لذلك ا = SOVAA (ذا كان السيادي (أي حكومة ذلك البلد) لديه ذين مُصنَف AA فأكثر، وصفر خلاف ذلك الياخير SOVA (فا كان السيادي أي حكومة ذلك البلد) لديه ذين مُصنَف AA فأكثر، وصفر خلاف ذلك الياخير SOVBBB (أقيمة الإفا كان السيادي له تصنيف BBB. كل شركة في دولة ذات سيادة يقل تصنيفها عن BBB يُعيِّن لها قيمة صفرية لجميع المتغيِّرات الوهميَّة الثلاث للتصنيف السيادي.

Tale	النموذ	١	النموذ	قح آ
لتغيرات المفشرة	المعامل	إحصاءة الاختبار	المعامل	إحصاءة الاختبار
المقطع	۲,۳۲٤	***A, 97.	1,897	eeey, 100
SOL	., 729	***, 1.0	1,791	٧,٦٤٧
JP	· , 0 £ A-	###₹, १ १९−	1,791	***, 221
JP*SOL	1,712	*****	1, £AV	**** o , 1AT
SOVAA	Y.170	***A, Y\A	Y, 8V+	***A,9V0
SOVA	•,002	447,007	•,480	***Y, 93A
SOVBBB	٠,٤١٦-	١,٤٨٠-	· , ۱۸۱-	-,7-1-
ICOV	٠,٠٢٢	***Y, £77	*,**0-	+,177-
ROA	3 . (, .	BBB1+, F+7	-,148	964 '5 1A
DTC	1,444-	-577, c***	· , of f –	1,14
SDTD	1, 111-	-AYY, c***	٠,١١١	٠,١٧١
SOL*ICOV		-	1,110	٠,١٦٢
SOL*ROA	-	-	-,117-	١, ٤٧٦-
SOL*DTC	-	-	۰,۷٥٦	1,177
SOL*SDTD	-	-	· , AAY-	1, 79+-
JP*ICOV	-	-	-, 9	+, YV@
JP*ROA	-	-	٠,١٨٣	***, 7 * *
JP*DTC	~	-	1,450-	**** 'A ! E-
JP*SDTD	-	-	۲, ٤٤٣-	===T, {TV-
۸۸ فأكثر	0,.90,		2 , 0VA	
A	AAY, Tr. (69 . , 6)	***Yo, YVA	۱٤۷, عدر ۵,۵۷۸ و _ک	*** 77. 798
- 2 de	التموذ	١٠	النموذ	آج ۲
لتغيرات المفشرة	المعامل	إحصاءة الاختبار	المعامل	إحصاءة الاختبار
ввв	۲,۷۸۸ و ۲,۷۸۸	***19,771	۲,۸۴۳ و ۱٤۷)ء	***14,7.2
ВВ	١,٢٨٧ و ٢٥٥,٦٤	###\£,\EY	۲,۸۰۳ و ۲,۸۰۳	===11,771
В	×ر ۲۸۷ , اه	PPPV, 9YV	61, ETT 31.	***V,41.
CCC أو أقل	F.g.		F _S	

ملاحظة: تُشير *، "" و *"" إلى المعنويَّة عند المستويات ١٠٪، ٥٪ و ١٪ على النوالي. المصدر: بون (٢٠٠٣)، أعيد نشره بإذن من إلسيفر.

الجدول رقم (٤) ١٣) التموذج بروبيت المرتب ذو المرحلتين اللهي يأخذ في الاعتبار تحيّز الانتفاء في تحذدات التصنيفات الانتهائية

إحصاءة الاختبار	المعامل	المتعنير المفشر
		المجموعة أ: قرار التصنيف الانتهاني
****, 470	1,172	المقطع
*** { , 4 0 1 -	· , YY7-	JP
assA'A+4-	• , 404-	SOVAA
#1,V q E-	•, 111-	SOVA
****, 194-	1,14-	SOVBBB
· , 9.7 Y-	4,449=	ICOV
###1,0 † Y	1,401	ROA
1,+19	+, *V*	DTC
**************************************	1,701-	SDTD
		المُجموعة ب: مُعادلة مُحدَّدات النصنيف
**** , , 4 .	٧,٣٦٨	المقطع
aaak" £)	7,107	JP
****, 171	7,710	SOVAA
eeey, you	+ , AV 0	SOVA
+, ٧٦٨	+,٣+1	SOVBBB
+,130	1,117	ICOV
A-3, Y ⁴⁴⁸	+,+TA	ROA
٠,٥١٢-	٠,٣٣٠-	DTC
٠,٣٠٣	1,110	SDTD
1,179	٠,٠٣٨	JP*ICOV
*** 1 / F	+ , 1AA	JP*ROA
· , 9.4 5-	· , A · A-	IP*DTC
*** 7 , 25 +-	Υ, ΛΥΥ-	IP*SDTD
**** V Y Y Y	۰,۸۳٦-	الارتياط المقلر
	2,770>	۸۸ فأكثر
****, ۲۳0	۲۹۸,۲۰ و ۲۷۵,۶۰	A
वावाय यू , १ जु ह	۸۹۷,۲۰ و ۲۹۸,۲۵	BBB

		لحدول رقم (۱۲٫٤)
AAV, FREE	\$1, YEA , FT, Y1E	ВВ
444, 444	41,718,71	В
	t g	ccc او اقل

ملاحظة: تُشير *، ** و *** إلى العنويّة عند المستويات ١٠٪، ٥٪ و ١٪ على التوالي. المصدر: بون (٢٠٠٣)، أعيد نشره بإذن من السيفر.

تُشير القيمة الموجبة للمعلمة في المجموعة أإلى أن القيمة المرتفعة للمتغيَّر المرتبط بها تزيد من احتيال اختيار الشركة للتصنيف، ومن بين المتغيَّرات الماليَّة الأربعة، فإن منغيَّر العائد على الأصول ومتغيَّر الديون القصيرة الأجل كنسبة من إجمالي الدين فقط كانت لهما علامات صحيحة، وكان تأثيرهما (إيجابيًّا وسلبيًّا على التوالي) معنوي على قرار اللجوء إلى طلب التصنيف، أمَّا المعلمات المرتبطة بالمتغيِّرات الوهمية للتصنيف الانتياني السيادي (SOVA، SOVAA و SOVBBB) فهي كلها معنويَّة ولها علامات سالبة، عمَّا يُشير إلى أنه من غير المرجَّح أن يُطلب مُصدر الدين في بلد ذي تصنيف سيادي مُرتفع تصنيفه الانتياني من S&P مع افتراض ثبات العوامل الأخرى.

هذه المتغيّرات الوهمية للتصنيف السيادي، وكما هو مُتوقَّع، لها علامات مُعاكسة في مُعادلة محدِّدات التصنيف (المجموعة ب)، حيث إنه من المرجَّح أن تحصُّل الشركات في البلدان التي تتمتَّع بتصنيف دين حكومي مُرتفع على تصنيف أعلى، ومن بين المتغيِّرات الماليَّة الأربعة، فإن العائد على الأصول فقط له تأثير معنوي (وإيجابي) على التصنيف الممنوح، أمَّا المتغيِّر الوهمي المستخدم للشركات اليابانيَّة فهو كذلك مُوجب ومعنوي، مثلها هو الحال بالنسبة لثلاثة من المتغيِّرات الماليَّة الأربعة عند التفاعل مع المتغيِّر الوهمي المستخدم لليابان، يُشير ذلك إلى أن S&P على ما يبدو تُسند أوزانًا مُحتلفة للمتغيِّرات الماليَّة عند إعدادها تصنيفات للشركات اليابانيَّة مُقارنة بشركات مُماثلة في بلدان أخرى.

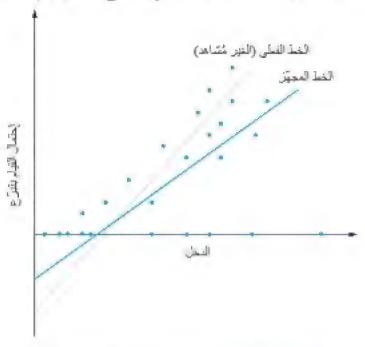
نُشير في الأخير إلى أن الارتباط المقدَّر بين حدود الخطأ في مُعادلة قرار النصنيف ومُعادلة مُحدَّدات النصنيف، أي بيه، معنوي وسالب (-٨٣٦)، عنَّا يُشير إلى أن النتائج الواردة في الجدول رقم (٢,٣) أعلاه مُعرَّضة لتحيُّز الانتقاء الذاتي، وبالتالي تُفضَل نتائج النموذج المتكوَّن من مرحلتين، غير أن العيب الوحيد لهذا النهج ومن خلال طريقة بنائه لا يستطيع الإجابة عن السؤال الرئيس عيا إذا كانت النصنيفات غير المطلوبة أقل في المتوسط بعد الأخذ في الاعتبار الخصائص الماليَّة لـمُصدر الدَّيْن؛ لأن في المرحلة الثانية لهذا النهج لم يتم إدراج سوى الشركات التي طلبت تصنيفًا!

١٢, ١٣ المتغيّرات التابعة المحصورة والمتغيّرات التابعة المبتورة

(Censored and truncated dependent variables)

تحدث المتغيَّرات المحصورة أو المتغيَّرات المبتورة عندما يكون نطاق القيم المشاهدة للمتغيَّرات التابعة محدودًا لسبب أو لآخر، وخلافًا لأنواع المتغيِّرات النابعة المحدودة التي تحت دراستها حتى الآن في هذا الفصل، فإن المتغيِّرات المحصورة أو المتغيِّرات المبتورة ليست بالضرورة متغيِّرات وهميَّة، ومن الأمثلة القياسية عن ذلك نذكر التبرعات الخيرية التي يقدمها الأفراد، من المرجَّح أن بعض الأفراد في الواقع يُفضلون تقديم تبرعات سلبية (أي الحصول على تبرعات من المؤسسة الخيرية بدلًا من التبرع إليها)، ولكن نظرًا لأن

ذلك غير ممكن، فسوف يكون هناك العديد من المشاهدات عند تمام الصفر، لنفترض على سبيل المثال أننا ترغب في نمذجة العلاقة بين التبرعات للجمعيات الخبرية والدخل السنوي للفرد بالجنيه الإسترليني، يُوضَّح الشكل رقم (٢٢,٣) هذه الحالة التي قد تعترضنا.



الشكل رقم (١٣,٣) نمذجة التبرُّعات الخيريَّة كدالة في الدَّخل.

يُبرز الإطار رقم (١٢,٢) الاختلافات الرئيسة بين البيانات المحصورة والبيانات المبتورة، بالنسبة لكلّ من البيانات المحصورة والبيانات المبتورة، فإن طريقة المربعات الصغرى العاديَّة ليست بالطريقة المناسبة، ويجب استخدام النهج القائم على الإمكان الأعظم، على الرغم من أن النموذج في كل حالة من الحالتين محتلف بعض الشيء، كما يُمكن في كلتا الحالتين حساب الآثار الهامشيَّة بالنظر إلى المعلمات المقدَّرة، لكن هذه الآثار تُعتبر الآن أكثر تعقيدًا عمَّا هي علية في حالة النموذج لوجيت أو بروبيت.

١٢, ١٣, ١ نهاذج المنغيِّرات التابعة المحصورة

(Censored dependent variable models)

يُعرف النهج المستخدم عادة في تقدير النهاذج ذات المتغيِّرات التابعة المحصورة باسم تحليل توبيت، والذي سُمَّيَ على اسم توبين (١٩٥٨)، لتوضيح ذلك نفترض أننا نُريد نمذجة الطلب على خصخصة أسهم الاكتتابات العامة الأولية على النحو المبيَّن أعلاه، كدالة في الدخل (x21)، العمر (x31)، المستوى التعليمي (x41) ومنطقة الإقامة (x51)، وهكذا يكون النموذج كها يلي:

$$\begin{aligned} y_i^* &= \beta_1 + \beta_2 x_{2i} + \beta_3 x_{3i} + \beta_4 x_{4i} + \beta_5 x_{5i} + u_i \\ y_i &= y_i^* \quad \text{for} \quad y_i^* < 250 \\ y_i &= 250 \quad \text{for} \quad y_i^* \geq 250 \end{aligned} \tag{$$\Lambda_c Y$}$$

حيث يُمثُّل إلا الطلب الفعلي على الأسهم (أي عدد الأسهم المطلوبة)، وهو قابل للمشاهدة فقط إذا كان الطلب أقل من ٢٥٠، ومن الجدير بالملاحظة في هذا التموذج أن هـ، هـ، إلخ تُمثُّل الأثر المترتَّب على عدد الأسهم المطلوبة (نتيجة التغيُّر بوحدة واحدة في ٤٠، الخ) وليس الأثر المترتَّب على العدد الفعلي للأسهم التي سيتم شراؤها (الأسهم المخصَّصة).

الإطار رقم (١٢,٢) أوجه الاختلاف بين المتغيّرات التابعة المراقبة

على الرغم أنه يبدو من الوهلة الأولى أن الكلمتين مراقبة ومبتورة يُمكن استبدال أحدهما بالآخر، إلَّا أنه عندما يتم استخدام المصطلحين في الاقتصاد القياسي، فإن البيانات المراقبة تختلف عن البيانات المبتورة.

- أعد تعدّ البيانات المحصورة عندما يكون المتغيّر التابع "محصورا" عند تُقطة مُعيّنة بحيث لا يُمكن مُشاهدة القيم التي تزيد (أو تقل) عن هذه النقطة. وعلى الرغم من أن المتغيّر التابع محصورًا فإن قيم المتغيّرات المستقلّة التي تُقابلها تظل قابلة للرصد.
- لنفترض على سبيل المثال أن خصخصة الاكتتابات العامة الأولية شهدت تجاوز طلب الاكتتاب لعدد الأسهم المعروضة وكنت تسعى إلى نمذجة الطلب على الأسهم باستخدام الدخل الأسري، العمر، المستوى التعليمي ومنطقة الإقامة كمتغيرات مُفسِّرة. يُمكن أن يكون سقف عدد الأسهم المخصصة لكل مستثمر مُحدِّدًا بـ ٢٥٠ سهمًا على سبيل المثال، مما يُؤدي إلى التوزيع المقطوع.
- في هذا المثال، وعلى الرغم أنه من المحتمل أن تكون تخصيصات الأسهم عند مُستوى ٢٥٠
 سهرًا دون تجاوز هذا الرقم، فإن كل مُشاهدات المتغيّرات المستقلة مُتوفّرة، وبالتالي فإن المتغيّر
 التابع يُعتبر محصورًا وليس مبتورًا.
- في المقابل يُمكن الحديث عن المتغيّر التابع المبتور عندما تكون مُشاهدات كلّ من المتغيّر التابع والمتغيّرات المستقلّة مفقودة عند تجاوز المتغيّر التابع لعتبة مُعيّنة (أو يكون دون تلك العتبة). وبالتالي فإن الاختلاف الرئيس مُقارنة بالبيانات المحصورة هو أننا لا نستطيع رصد أيّ من المتغيّرات عنه، وبالتالي يتم حذف بعض المشاهدات أو قطعها تمامًا من العيّنة. لنفترض على سبيل المثال، أن البنك مهتم بتحديد العوامل (مثل العمر، المهنة والدخل) التي تُؤثر على قرار العميل بشأن مسا إذا كان سسيتم إجراء

معاملة ما في فرع أو عبر الإنترنت. لنفترض كذلك أن البنك حاول التوصّل إلى ذلك من خلال تشجيع العملاء على ملء استبيان على الإنترنت عند تسجيل الدخول.

في هذه الحالة لن تكون هناك بيانات مُطلقًا بالنسبة للعملاء الذين اختاروا إجراء مُعاملاتهم من خلال الفرع لأنهم ربها لم يتسنَّ هُم الدخول إلى النظام الشبكي للبنك، وبالتالي لن تتاح هُم الفرصة لاستكهال الاستبيان. وبالتالي، فإن مُعالجة البيانات المبتورة تُعتبر في الواقع مشكلة اختيار عناصر العينة؛ لأن عينة البيانات التي يمكن رصدها ليست ممثلة للمجتمع قيد الدراسة افالعينة سوف تكون مُتحيزة، ومن المرجح جدًّا أن يُؤدي ذلك إلى قيم مُقدِّرة مُتحيزة وغير مُتسقة، تُعتبر هذه المشكلة شائعة، وتنتج عندما يُمكن رصد بيانات المشترين أو المستخدمين في حين أنه لا يُمكن رصد بيانات لغير المشترين أو لغير المستخدمين، من الممكن بطبيعة الحال رغم أن ذلك مُستبعدًا، أن يشمل مجتمع الدراسة العملاء الذي يستخدمون الإنترنت لإنمام مُعاملاتهم المصرفية دون سواهم، وفي هذه الحال لن تكون هناك أيّة مُشكلة.

كما نجد في مجال الماليَّة تطبيقًا مُثيرًا للاهتمام للنهج توبيت يرجع إلى هوسهالتر (٢٠٠٠) ((2000) الذي استعمل هذا النهج لنمذجة مُحدِّدات مدى التحوُّط من قبل مُنتجي النفط والغاز باستخدام العفود المستقبلية أو عقود الخيارات الماليَّة خلال الفترة ١٩٩٢، من الواضح أن المتغيِّر التابع المستخدم في هذه الانحدارات، وهو نسبة الإنتاج المغطّى، هو متغيِّر مُراقب؛ لأن حوالي نصف المشاهدات مُساوِ لصفر صحيح (أي أن الشركات لا تتحوَّط إطلاقًا) (١٢)، كما تنشأ الرقابة على نسبة الإنتاج المغطّى بسبب ارتفاع التكاليف الثابتة التي تمنع العديد من الشركات من التحوط حتى وإن رغبت في ذلك، وعلاوة على ذلك إذا توقَّعت الشركات ارتفاع أسعار النفط أو الغاز في المستقبل فقد ترغب في زيادة تعرُّضها لتغيرات الأسعار بدلًا من تقليلها (أي تحوُّط سلبي)، لكن هذا لن يحدث نظرًا للطريقة التي استُخدمت في إنشاء بيانات الدراسة.

أمّا النتائج الرئيسة المستمدَّة من الدراسة فتتمثَّل في أن نسبة التعرُّض للتحوُّط ترتبط سلبًا بالجدارة الانتهائية، وترتبط ارتباطًا إيجابيًّا بكل من المديونية، معدل الضريبة الهامشي للشركة، وموقع منشأة إنتاج الشركة، غير أن مدى النحوُّط لا يتأثر بحجم الشركة المقاس بمجموع أصولها.

قبل الانتقال إلى شيء آخر من الجدير الإشارة إلى وجود عنصرين هامَّين يُقيِّدان نمذجة توبيت؛ أولًا: مُقارنة بنهاذج الانحدار القياسيَّة تناثر هذه النهاذج بشكل أكبر بعدم اعتدال التوزيع، وباختلاف التباين (انظر أميميا (١٩٨٤) ((١٩٨٤) (Атетіуа (1984))، عُلَّ يُسبب تحيُّزُ وعدم اتَّساق التقديرات، ثانيًا: وكها ذكر كينيدي (٢٠٠٣، ص ٢٨٣)، يقتضي النموذج توبيت بأن يكون مقبولًا أن يكون للمتغير التابع قيم قريبة من الحد، هذا ونذكر أنه لا توجد مشكلة تُذكر في مثال خصخصة الاكتتابات العامة الأولية الذي قت

⁽١٢) جدير بالملاحظة أن هذا المثال هو مثال عن المتغيّر التابع المراقب لا المتغيّر التابع المبتور؛ لأن قيم جميع المتغيّرات المفسّرة لا تزال مُتاحة في الحسابات السنويّة حتَّى وإن كانت الشركة لا تتحوَّط مُطلقًا.

مناقشته أعلاه، حيث إن الطلب يُمكن أن يكون ٢٤٩ سهمًا، غير أنه لن يكون من المناسب استخدام النموذج توبيت في الحالات المخالفة لذلك، مثل عدد الأسهم التي تصدرها كل شركة خلال شهر ما، بالنسبة لمعظم الشركات، فإن هذا الرقم سيكون صفرًا تمامًا، ولكن بالنسبة للشركات الأخرى فإن العدد سيكون أعلى من ذلك بكثير، وبالنالي لن يكون من الممكن إصدار على سبيل المثال، واحد أو ثلاثة أو خسة عشر سهمًا، وفي هذه الحالة يتبغى استخدام نهج بديل.

١٢, ١٣, ٢ نهاذج المتغيَّرات التابعة المبتورة

(Truncated dependent variable models)

بالنسبة للبيانات المبتورة يُستخدم نموذج أشمل بحنوي على معادلتين؛ واحدة لمعرفة ما إذا كانت نقطة بيانات معبَّنة ستندرج في الفئات الملاحظة أو المقيدة وأخرى لنمذجة المتغيِّر الناتج عن ذلك، تُعادل المعادلة الثانية النهج توبيت، تسمح هذه المنهجية المتكوَّنة من أمعادلتين لمجموعات مختلفة من العوامل بأن تُوثر على اختيار العيِّنة (على سبيل المثال، قرار إناحة الوصول إلى الحساب المصرفي عبر الإنترنت) من خلال المعادلة التي سيتم تقديرها (لنمذجة العوامل التي تؤثر على ما إذا كان سبتم إجراء معاملة بنكبَّة معينة عبر الإنترنت، أو من خلال الفرع على سبيل المثال)، إذا ارتأبنا أن مجموعتي العوامل سوف تكون متهاثلة، فإنه يُمكن استخدام معادلة واحدة ويكون النهج توبيت كافيًا، غير أنه في عديد الحالات قد يعتقد الباحث أن المتغيِّرات في معادلة اختيار العينة والمتغيِّرات في معادلة انتهار العينة والمتغيِّرات في معادلة التقدير يجب أن تكون مختلفة، وبالتالي تكون المعادلات كائتالي:

$$a_i^* = \alpha_1 + \alpha_2 z_{2i} + \alpha_3 z_{3i} + \dots + \alpha_m z_{mi} + \varepsilon_i \tag{14.1Y}$$

$$y_i^* = \beta_1 + \beta_2 x_{2i} + \beta_3 x_{3i} + \dots + \beta_k x_{ki} + u_i$$
 (Y • . \ Y)

حيث y_i = y_i إذا كان a_i > 0 و y_i غير مرصودة إذا كان a_i 2 يُشير a_i إلى 'الميزة' النسبية للتواجد في العيَّنة المرصودة. مقارنة بالتواجد في العيَّنة غير المرصودة.

تُحدد المعادلة الأولى ما إذا كانت نقطة بيانات محددة ؛ مرصودة أم لا، وذلك عن طريق إجراء انحدار للمتغيّر الوكيل للمتغيّر الكامن (غير المرصود) ثم على مجموعة من العوامل عن أمّا المعادلة الثانية فهي مُشابهة للنموذج توبيت، من الناحية المثل تُقدَّر المعادلة بنين رقم (١٩٠١٢) و (٢٠٠١٢) معًا باستخدام الإمكان الأعظم، ويعتمد ذلك عادة على افتراض أن حدَّي الخطأ ، و و به بتبعان توزيعًا طبيعيًّا مُنعدد المتغيّرات بأخذ في الاعتبار أي ارتباط محتمل بينها، ومع ذلك ورغم أن التقدير المشترك للمعادلات يُعتبر أكثر كفاءة إلَّا أنه حسابيًّا أكثر تعقيدًا، وبالتالي غالبًا ما تُستخدم طريقة ذات مرحلتين التي روَّج لها هيكيان (١٩٧٦)، تأخذ طريقة هيكيان كفاءة إلَّا أنه حسابيًّا أكثر تعقيدًا، وبطريقة ذكيَّة الارتباط الممكن بين ع و به عند تقدير المعادلات بطريقة مُنفصلة، انظر مادالا (Maddala (1983)) (١٩٨٣).

١٢,١٤ نهاذج المتغيِّر التابع المحدود في إفيوز

(Limited dependent variable models in EViews)

يُعتبر تقدير نهاذج المتغيِّر التابع المحدود في إفيوز بسيطًا جدًّا، بالنسبة للمثال الذي سوف ندرسه هنا فيتعلَّق بها إذا كان من الممكن تحديد العوامل التي تُؤثر على احتهال رسوب الطالب/ الطالبة في الحصول على الماجستير، تشمل البيانات عيَّنة من السجلات الفعلية لمعدلات الرسوب خلال خس سنوات لطلاب ماجستير الماليَّة في مركز الجمعيَّة الدولية لأسواق رأس المال بجامعة ريدينج، ترد هذه البيانات في جدول البيانات 'msc-fail.xls'، ومع أن القيم في جدول البيانات كلها قيم حقيقية، إلَّا أن العينة تتضمَّن ولكل سنة من السنوات الحمس فقط ١٠٠ طالب من الذين أكملوا (أو لا، وذلك حسب الحالة!) درجة الماجستير خلال السنوات من ٢٠٠٢ إلى ٢٠٠٧، لذلك، لا ينبغي استخدام هذه البيانات للاستدلال عن معدلات الرسوب الفعلية لهذه البرامج، هذا ونُشير إلى أن فكرة هذا المثال مأخوذة من دراسة هيسلوب وفاروتو (٢٠٠٧) ((2007)) Hesiop and Varotto اللذين بسعيان إلى افتراح نهج لمنع التحيزات المنهجية في قرارات القبول(١٣).

يتمثّل الهدف هنا في تحليل العوامل التي تُؤثر على احتمال رسوب الطالب في الماجستير، هذا ونذكر أن المتخبّر التابع ('رسوب') (FAIL) هو متغبّر ثنائي يأخذ القيمة 1 في حالة فشل مرشح ما في المحاولة الأولى في الحصول على الماجستير من حيث تقديره/ تقديرها العام و ٠ خلاف ذلك، وبالتالي تبرز الحاجة إلى نموذج مناسب للمتغبّرات التابعة المحدودة، من قَبِيل النموذج لوجيت أو النموذج بروبيت.

تشمل المعلومات الأخرى التي يتضمّنها جدول البيانات والتي سيتم استخدامها التاني: سن الطالب (AGE)، متغيّر وهمي يأخذ القيمة ١ إذا كان الطالب من الإناث (FEMALE)، متغيّر وهمي يأخذ القيمة ١ إذا كان الطالب لديه خبرة مهنيّة (EXPERIENCE)، متغيّر وهمي يأخذ القيمة ١ إذا كان الطالب الحصول على شهادة بأخذ القيم من ١ إلى١٠(١٤)، كما نجد المتغيّرات التالية: متغيّر وهمي يأخذ القيمة ١ إذا كان سبق للطالب الحصول على شهادة دراسات عليا (PG-DEGREE)، متغيّر وهمي يأخذ الفيمة ١ إذا كان الطالب تحصل على التقدير أفي درجة البكالوريوس (AGRADE) دراسات عليا (PG-DEGREE)، متغيّر وهمي يأخذ الفيمة ١ إذا كان تقدير درجة البكالوريوس أقل من النقدير بالأولى أو ما يعادلها ومتغيّر وهمي يأخذ الفيمة ١ إذا كان تقدير درجة البكالوريوس أقل من النقدير بالشوى الأولى أو الطالب تحصّل على ما يعادل المستوى الثاني من الدرجة الثانية)، كما تشير إلى أن الطالب تحصّل على ما يعادل المستوى الثاني من الدرجة الثانية)، كما تشير إلى أن المدرجة ب (أو المستوى الأعلى من الدرجة الثانية) تُمثل المتغيّر الوهمي المحذوف، وبالثاني تُصبح النقطة المرجعية التي تقارن بها الدرجات الأخرى الفلسوى الشهنية المنتخدة المنافقة المرجعية التي تقارن بها الدرجات الأخرى الفلس الفلس ٩، أمّا بخصوص السبب وراء اعتبار هذه المتغيّرات مؤشرًا مُفيدًا على احتبال الرسوب فهو واضح إلى حد ما، وبالثاني تنهي أن الشعبيّر الوهمي للسنوات ٢٠٠٤ و ٢٠٠٧ (٢٠٠٥ ومتوسط جودة الطلاب خلال فترة الحمس سنوات، تم إنشاء متغيّرات وهميّة للسنوات ٢٠٠٤ من نموذج الانحدار.

نقوم في البداية بفتح ملف عمل جديد بمكن أن يضم سلسلة 'غير منظّمة/غير مؤرخة' بطول ٥٠٠ مُشاهدة ثم استبراد الثلاثة عشر متغيّرًا، هذا ونُظّمت البيانات حسب المشاهدات وتبدأ في الخلية ٨٤، يتطلب متغيّر رمز البلد مزيد من المعالجة حتى يتسنى

⁽١٣) نُشير إلى أن هذا الكتاب يستخدم في التحليل فقط مجموعة قرعية من العينة ومن المتغيّرات التي استخدمها هيسلوب وقاروتو، لذلك فإن النتائج المعروضة أدناه قد تختلف عن نتائجهما، وبها أن عدد الفشل صغير نسبيًّا، فقد احتفظت عمدًا بأكبر عدد من مشاهدات الإخفاق في العينة، ثمَّا سيودي إلى تحيُّز معدل الفشل المقدر إلى الأعلى مقارنة بالمعدل الحقيقي.

⁽١٤) لم يتم الكشف عن الهويات الصحيحة للبلدان المعنية لتجتُّب أي إحراج للطلاب المنتمين لبلدان ذات معدلات فشل مُرتفعة نسبيًّا، إلَّا أن البلد ٨ يرمز إلى المملكة المتحدة!

استخدامه، لكن المتغيَّرات الأخرى متوفرة على الشكل المناسب، لنفترض في البداية أننا نقدر نموذج الاحتمال الخطي لمتغيَّر الرسوب على ثابت وعلى متغيِّرات السن، إنجليزية، أنثى والخبرة المهنيَّة، يُمكن القيام بذلك ببساطة عن طريق تشغيل انحدار خطَّي بالطريقة المعتادة، وعلى الرغم أن لهذا النموذج العديد من العيوب غير المُستحبة كما ورد أعلاه، إلا أنه يُوفِّر معبارًا مفيدًا يُسترشد به لمقارنة النهاذج الأكثر ملاءمة المقدَّرة أدناه.

by list of regressions, OR a (2)%.
(2)=x.
(2)=x.
igrede belowbarisde po_degren
Logit Extreme value
abet, Guitagrag Yakar) 💌

لقطة الشاشة رقم (١٣,١) تافذة تقدير المعادلة للمنغيِّرات التابعة المحدودة.

Ø riuber /White □ Q.M	Optimization algorithm © Quadratic Hil Climbing Newton Raphism Bernst Hall Hall mausings
Conflictorit varia	Correspondence: 500 Convergence: 0.0001 Starting coefficient values: Evices Supplied *

لقطة الشاشة رقم (١٢,٢) خيارات تقدير المعادلة للمتغيّرات التابعة المحدودة.

نقوم بعد ذلك بتقدير نموذج بروبيت ونموذج لوجيت باستخدام نفس المتغيّرات التابعة والمستقلة المذكورة أعلاه، اختر Quick ثم Equation Estimation ثم اكتب المتغيّر التابع متبوعًا بالمتغيّرات المفسرة:

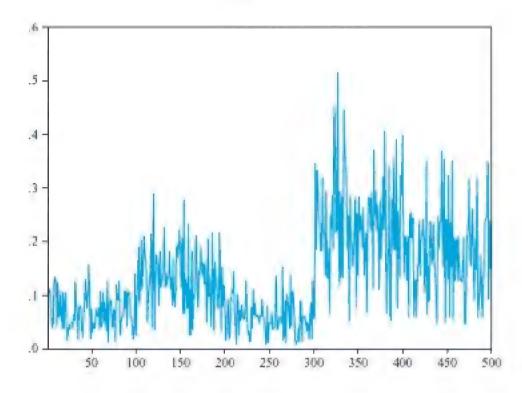
> FAIL C AGE ENGLISH FEMALE WORK-EXPERIENCE AGRADE BELOWBGRADE PG-DEGREE YEAR2004 YEAR2005 YEAR2006 YEAR2007

ثم في الإطار المسمى 'Estimation settings' نحده (Logit, Probit, Extreme Value) نحده 'Estimation settings' بعد ذلك اختيار إما النهج بروبيت أو النهج لوجيت، بأكملها ١٠٠١، سوف نظهر شاشة كما في لقطة الشاشة رقم (١٠١)، يمكنك بعد ذلك اختيار إما النهج بروبيت أو النهج لوجيت، كما نُشير إلى أن إفيوز يُوفِّر كذلك إمكانيَّة تقدير نهاذج المتغيِّرات المبتورة والمحصورة ونهاذج الخيارات المتعدِّدة التي يُمكن تحديدها من قائمة الخيارات المنسدلة من خلال اختيار الطريقة المناسبة من 'Estimation settings'، لنفترض هنا أننا نرغب في اختيار النموذج بروبيت (الإعداد الافتراضي)، انقر إذًا فوق علامة النبويب Options في الجزء العلوي من النافذة، وهذا يُمكِّنك من تحديد التباينات بروبيت (الإعداد الافتراضي)، انقر إذًا فوق علامة النبويب Options في الجزء العلوي من النافذة، وهذا يُمكِّنك من تحديد التباين (انظر لقطة الشاشة رقم (٢٠,٢)).

تُشير إلى أن هناك خيارات أخرى لتغيير طريقة الاستمثال ومعيار التقارب على النحو المبيَّن في الفصل ٨، كيا أننا لسنا بحاجة هنا إلى إجراء أيَّ تعديلات على الخيارات الافتراضيَّة، لذلك انقر فوق OK وسوف تظهر لك النتائج، ننفر فوق Freeze ونعطي اسمًا لهذا الجدول ثم للانتهاء نقدر النموذج لوجيت، يعرض الجدول التالي النتائج التي يتعين الحصول عليها للنموذج بروبيت.

Dependent Variable, FAIL Mathod: MIL = Binary Probit (Guadratic hill climbing) Dale: 08/04/07 Time 19:10 Sample: 1 500 Sample: 1 500 Convergence schleved after 5 iterations QML (Huber/White) standard errors it covariance						
	Coefficient	Sad Ernor	g-Sharlenic	Prob		
C	1.287210	O ODDSOR	2111901	0.0347		
AGE	0.005677	0.022559	0.251648	0.8013		
ENGLISH	0 090792	0.1562.26	0.600382	0.5403		
FEMALE	O 194107	0.186201	1.045480	0.2972		
WORK EXPERIENCE	0.318947	0 10 1333	2.102006	0.0325		
AGRADE	0.538814	0.231149	2.331038	0.0198		
BELOWBORADE	0.941900	0.210301	1.658603	0.1101		
PG DEGREE	0.132967	0.295625	0.588502	0.5562		
YEARDOOM	0.5464463	0.241450	1.446161	0.3476		
YEAR2005	-0.7D8000	0.269527	-0.400422	0.6986		
YEAR2008	0.673612	0.238836	2.823944	0.0047		
YEAR2007	0.433785	0.24793	1 749630	0.0803		
McFadden R-squared	0.068870	Mean depen	ident var	0.134000		
S D dependent var	0.340903	5 E of regre	MASIGHT	0.333221		
Akade into criterion	0.785825	Sum aquine	d record	54.18582		
Sensyez ormerion	0.866076	Log intellings	00	— 17位 4553		
Hannan-Ouinn creer.	0.805512	Restr log lik		-196.9602		
LR stasissic	35 00773	Avg. log like	lihood	0.358913		
Prob(LRI statistic)	0.000247					
Obs with Dep 0	433	Total obs		500		
Obs with Dep 1	67					

وكيا يتضح من الجدول فإن قيم "pseudo-R صغيرة جدًّا وأقل قليلًا من ٩٪، مع أن هذا بحدث في كثير من الأحيان بالنسبة لنهاذج المتغيَّر التابع المحدود، كيا نذكر أن متغيَّرات الخبرة المهنية والتقدير أ إضافة إلى متغيَّرين من المتغيَّرات الوهمية للسنوات لديهم معليات معنوية إحصائيًّا، وذلك دون سواهم من المتغيَّرات، أما المتغيِّر الوهمي تقدير درجة البكالوريوس أقل من ب فهو تقريبًا معنوي عند المستوى ١٠٪ في التوصيف بروبيت (وإن كان معنوي عند مستوى أقل في النموذج لوجيت) ، وكيا يلاحظ من الصفين الأخيرين للجدول فإن نسبة الرسوب في هذه العينة صغيرة جدًّا، مما يجعل إعداد نموذج جيد للبيانات أصعب مما لو كانت نسبة الناجحين ونسبة الراسيين أكثر توازنًا، هذا ويمكن دراسة العديد من إحصاءات جودة التوفيق (من نافذة مخرجات تقدير النموذج لوجيت أو النموذج بروبيت) وذلك بالنقر فوق (View/Goodness-of-fit Test (Hosmer-Lemeshow) كيا يمكن التثبت من مدى ملاءمة النموذج من خلال إنشاء مجموعة من "التنبؤات داخل العينة '؛ بعبارة أخرى: نقوم بإعداد القيم المُجهَّزة من النموذج.



الشكل رقم (٤ , ١٢) القيم المُجهَّزة من انحدار بروبيت للرسوب في الماجستير.

للقيام بذلك انقر فوق علامة التبويب Forecast بعد نقدير النموذج بروبيت ثم قم بإلغاء تحديد مربع نقييم التنبؤات في نافذة المخرجات ؟ لأن تقييم التنبؤات ليس مهمًا في هذه الحالة، سوف نتحصًل بعدها على الرسم البياني للقيم المعدَّة من النموذج التي تظهر في الشكل رفم (٢٠, ٤)، أما الاحتمال غير الشرطي للرسوب في الماجستير لعبيَّة الطلاب التي بين يدينا فيساوي ٢٠ ١٨٪ فقط (أي فقط ٢٠ من أصل ٥٠٠ طالب رسبوا)، لذلك يجب تصنيف المشاهدة على أنها قدُّرت بطريقة صحيحة إذا كان ٤ = بر و 40.13 به و 60.13 به و 60.13 به فقط و 60.13 به و 60.13 به فقط و 70.13 بالموفح المنهل طريقة لنقييم النموذج في إيفيوز هو النقر فوق Wiew/Actual, Fitted و 70 بروبيت، بعد ذلك ومن خلال هذه المعلومات يُمكننا الوقوف على أن من بين الطلاب الد ٢٧ الذين رسبوا تنبأ النموذج بشكل صحيح ببرسوب ٤٦ منهم (وتنبأ بشكل خاطئ بأن ٢٠ سوف ينجحون)، ومن بين الد ٣٣ طائبًا الذين نجحوا تنبأ النموذج بشكل خاطئ بأن ١٥٠ طائبًا رسبوا، وتنبأ بشكل صحيح بنجاح الطلاب المتبقين وعددهم ٢٠٠، كما يُمكن الإفهوز إعداد "جدول تصنيف التوقعات التنبؤات "تلقائبًا بالنقر فوق Wiew/Expectation-Prediction وعددهم ٢٠٠، كما يُمكن النظر إلى المتبال الموب غير الشرطي بوصفة العتبة (١٣٤ ، ١)، بشكل عام يُمكن النظر إلى هذه التنبؤات على أنها مجموعة تنبؤات (داخل العينة) مقبولة حيث كانت ٨ ، ٢٤٪ من إجائي التنبؤات صحيحة، تتكوَّن هذه التنبؤات الصحيحة من ٢ ، ٢٤٪ من تنبؤات صحيحة للرسوب.

من المهم الإشارة إلى أنه -وكها ذكرنا سابقًا- لا يُمكننا تفسير فيم المعلهات المقدَّرة بالطريقة المعتادة، لتفسير تلك القيم نحتاج إلى حساب الآثار الهامشية، لسوء الحظ لا يقوم إيفيوز بذلك تلقائيًّا، لذلك ربها يكون من الأفضل حساب الآثار الهامشية في ورقة الحساب باستخدام الطريقة المبيَّنة في الإطار رقم (١٢,١) للنموذج لوجيت، وبطريقة تُحاتلة للنموذج بروبيت، إذا قُمنا بذلك سوف نتحصَّل في نهاية المطاف على الإحصاءات المعروضة في الجدول رقم (١٢,٥)، ومن المثير للاهتهام أن هذه الإحصاءات مُشابهة إلى حد كبير من حيث قيمها لتلك المتحصَّل عليها لنموذج الاحتهال الخطَّي.

النموذج بروبيت	النموذج لوجيت	المعلمة
1,1121-	·, r : rr-	С
+,+++V	• , • • 5 7	AGE
* , *) * *-	• , • \VA-	ENGLISH
• , • Y \$ A-	* , * * * * + -	FEMALE
+ , + £ + V-	٠,٠٦١٣-	WORK-EXPERIENC
٠,٠٦٨٩-	* , \\V*-	AGRADE
+ , + \$TV	•,•1•1	BELOWBGRADE
+,+1V+	٠,+٣٢٩	PG-DEGREE
+,+11V	* , * V * <u>£</u> =	YEAR2004
• , • ١٣٩–	• , • 14.4	YEAR2005
+,+Alt	٠, ١٣٤٤	YEAR2006
+,+000	· , + ٩ \ V	YEAR2007

يُقدُّم لنا هذا الجُدول القيم التي يُمكن تفسيرها بشكل مُباشر من حيث كيفيَّة تأثير المتغيَّرات على احتهال الرسوب في الملاجستير، على سبيل المثال، تدل قيمة معلمة العمر التي تُساوي ٢٠٠١ ، أن زيادة عمر الطالب بسنة واحدة من شأنها أن تزيد من احتهال الرسوب بنسبة ٢٠٠٧ ، مع بقاء كل العوامل الأخرى ثابتة، في حين نجد أن احتهال رسوب طالبة أقل يحوالي ٢٠٥ إلى ٣٪ (حسب النموذج) من احتهال رسوب طالب أنه نفس الخصائص، كها أن حصول المترشّع على التقدير أ (الدرجة الأولى) في البكالوريوس يجعل احتهال رسوبه في الماجستير أقل بنسبة ٨٩٠ ٪ إلى ٧ ، ١٢٪ (حسب النموذج) من طالب آخر له نفس الخصائص متحصّل على التقدير ب (المستوى الأعلى من الدرجة الثانية)، في الأخير، وبها أنه تم حذف المتغيِّر الوهمي لسنة ٢٠٠٣ من المعادلات، فإن هذا الأخير يُصبح النقطة المرجعية، لذلك فإن طلاب السنوات ٢٠٠٥ ، ٢٠٠١ و ٢٠٠٧ هم أكثر عُرضة للرسوب في الماجستير مقارنة بطلاب سنة ٢٠٠٣، على عكس طلاب سنة ٢٠٠٥، ٢٠٠ من ٢٠٠٠ .



أسئلة التعلم الذاتي:

- (١) اشرح لماذا لا يُعتبر نموذج الاحتيال الخطِّي مُناسبًا كتوصيف لتقدير المتغيِّر التابع المحدود.
 - (٢) قُم بمقارنة ومُقابلة التوصيفات لوجيت وبروبيت لمتغيرات الاختيار الثنائي.
- (٣) (أ) اشرح طريقة عمل أسلوب التقدير بالإمكان الأعظم المستخدم لنهاذج المتغيّر التابع المحدود.
 - (ب) لماذا يجب علينا توخي الحذر عند تفسير مُعاملات النموذج بروبيت أو النموذج لوجيت؟
- (ج) كيف يمكننا قياس ما إذا كان النموذج لوجيت الذي قمنا بتقديره يناسب جيَّدًا البيانات أم لا؟
 - (د) ما هو الفرق بين مسألة الاختيار الثنائي ومسألة الاختيار المتعدَّد من حيث إعداد النموذج؟
- (٤) (أ) اشرح الفرق بين المتغيّر المحصور والمتغيّر المبتور من حيث استخدام هذه المصطلحات في الاقتصاد القياسي.
- (ب) أعطِ أمثلة مُستقاة من مجال الماليَّة (بخلاف تلك التي سبق الإشارة إليها في هذا الكتاب) عن حالات يُمكن أن تُصادف
 فيها كل نوع من المتغيِّرات المذكورة في الجزء (أ) من هذا السؤال.
 - (ج) بالرجوع إلى أمثلتك المقدَّمة في الجزء (ب)، كيف يُمكن توصيف وتقدير هذه الناذج؟
 - (٥) قُم بإعادة فتح جدول البيانات 'fail.xis' المستخدمة في نمذجة احتمال الرسوب في الماجستير وقم بما يلي:
- (أ) تناول سلسلة رموز البلدان وقم بإنشاء متغير وهمي لكل بلد على حدة، أعِدْ إجراء الانحدار بروبيت ولوجيت السابق المتضمّن لكل المتغيّرات الأخرى، بالإضافة إلى المتغيّرات الوهمية للبلدان، قُم بإعداد الانحدار بحيث تُصبح المملكة المتحدة نقطة مرجعية ينم على أساسها قباس التأثير على نسبة الرسوب في البلدان الأخرى، بالاحتفاظ بجميع العوامل الأخرى في النموذج ثابتة، هل هناك دليل على وجود بلدان لها نِسَب رسوب تزيد أو تقل بشكل معنوي عن نسبة الرسوب في المملكة المتحدة؟ بالنسبة للنموذج لوجيت، استخدم النهج الوارد في الإطار رقم (١٢,١) لتقييم الفروق في معدلات الرسوب بين المملكة المتحدة وبين كل بلد من البلدان الأخرى.
- (ب) افترض أن أحد الباحثين يُشير إلى إمكانيَّة وجود علاقة غير خطية بين احتيال الرسوب وعمر الطالب، لاختبار ذلك قُم
 يتقدير نموذج بروبيت يضم جميع المتغيَّرات كاملة المذكورة أعلاه بالإضافة إلى متغيَّر آخر، هل هناك بالفعل دليل عن
 وجود هذه العلاقة اللاخطية؟

مُلحق مُقدّر الإمكان الأعظم للنهاذج لوجيت وبروبيت

(The maximum likelihood estimator for logit and probit models)

نذكِّر أنه في إطار الصياغة لوجيت تُعطى المعادلة رقم (٤،١٢) القيمة المقدَّرة لاحتمال $y_i = 1$

$$P_{i} = \frac{1}{1 + e^{-(\beta_{1} + \beta_{2} x_{2}) + \beta_{3} x_{2} + \dots + \beta_{k} x_{k} + u_{i})}}$$
 (Yelly Y)

بهدف التبسيط نُحدَّاً و بالثاني تتحصَّل $z_1=eta_1+eta_2x_{2i}+eta_3x_{3i}+\cdots+eta_kx_{ki}$ يقيمته المتوقَّعة ونُعرَّف مُجدَّدًا

$$P_{i} = \frac{1}{1+e^{-z_{i}}} \tag{Y.lnY}$$

على:

سوف نحتاج أيضًا إلى احتيال 1 ± بر أي احتيال 0 = بر، هذا الأخير بُساوي واحدًا نافص الاحتيال المقدّم في المعادلة رقم (١٥) (١٥)، وبالنظر إلى أنه يمكن أن يكون لدينا في الواقع إمّا أصفار أو قيم تُساوي واحدًا لــــ بر بدلًا من احتيالات، فإن دالة الإمكان لكل مُشاهدة بر سوف تكون:

$$L_i = \left(\frac{1}{1+e^{-x_i}}\right)^{y_i} \times \left(\frac{1}{1+e^{x_i}}\right)^{(1-y_i)} \tag{Yelling}$$

تعتمد دالة الإمكان التي نحتاجها على الاحتمال المشترك لجميع المشاهدات N بدلًا من المشاهدة الفودية ، بافتراض أن كل $L(\theta|x_{2i},x_{3i},...,x_{ki};i=1,x_{2i},x_{3i},...,x_{ki};i=1,x_{2i})$ مُشاهدات γ_i مُستقلَّة، بكون الإمكان المشترك مُساوبًا لحاصل ضرب الإمكانات الهامشيَّة وعددها N، يرمُز γ_i المتنادًا إلى البيانات، وهكذا تكون دالة الإمكان كالتالي:

$$L(\theta) = \prod_{i=1}^{N} \left(\frac{1}{1 + e^{-\xi_i}} \right)^{y_i} \times \left(\frac{1}{1 + e^{\xi_i}} \right)^{(1 - y_i)} \tag{ξ, $i \in Y$}$$

وكما هو الحال بالنسبة للنماذج GARCH، يُعتبر تعظيم دالة جمعيَّة لمجموعة المتغيِّرات من الناحية الحسابيَّة أسهل من تعظيم دالة ضربيَّة، طالمًا يُمكن أن نضمن أن المعلمات الكفيلة بتحقيق ذلك سوف تكون نفس المعلمات، نأخذ إذًا اللوغاريتم الطبيعي للمعادلة رقم (١٢أ،٤) ثم نقوم بتعظيم دالة لوغاريتم الإمكان:

$$LLF = -\sum_{i=1}^{N} [y_i \ln(1 + e^{-z_i}) + (1 - y_i) \ln(1 + e^{z_i})]$$
 (0.11)

كما نُشير إلى أن تقدير النموذج بروبيت يكون بنفس الطريقة تمامًا، باستثناء أن شكل دالة الإمكان في المعادلة رقم (١٣ أ.٤) سوف يكون مُختلفًا قليلًا، لكن بدلًا من ذلك يقوم تفدير النموذج بروبيت على دالة النوزيع الطبيعي المعهودة الوارد وصفها في الفصل ٩.

(١٥) يُمكننا استخدام الفاعدة التالية:

$$1 - \frac{1}{1 + e^{-t_i}} = \frac{1 + e^{-t_i} - 1}{1 + e^{-t_i}} = \frac{e^{-t_i}}{1 + e^{-t_i}} = \frac{e^{-t_i}}{1 + \frac{1}{x_i}} = \frac{e^{-t_i} \times e^{t_i}}{1 + e^{t_i}} = \frac{1}{1 + e^{t_i}}$$

وانفعل واثنافث حشر

طرق المحاكاة Simulation methods

غرجات التعلم

ستتعلم في هذا الفصل كيفية:

- تصميم أطر المحاكاة لحل العديد من المشاكل في بجال الماليّة
- ا شرح الفرق بين المحاكاة البحتة وبين أساليب العينة المعادة
- وصف مختلف التقنيات المتاحة للحد من تقلب عينات مونت كارلو
 - تنفیذ تحلیل المحاکاة فی إفیوز

۱۳,۱ الدوافع(Motivations)

نجد في مجال الماليَّة والاقتصاد القياسي العديد من الحالات لا يملك فيها الباحث أساسًا أيَّة فكرة عها سوف مجدث! ولتقديم مثال توضيحي عن ذلك في سياق نهاذج قياس المخاطر الماليَّة المعقَّدة للمحافظ التي تضم أعدادًا كبيرة من الأصول التي تعتمد في تحركاتها على بعضها البعض، نذكر أنه ليس من الواضح دائهًا مدى تأثير الظروف المتغيَّرة، فعلى سبيل المثال، وفي أعقاب الاتحاد النقدي الأوروبي، واستبدال عملات الدول الأعضاء باليورو، يسود الاعتقاد على نطاق واسع بأن الأسواق الماليَّة الأوروبية قد أصبحت أكثر تكاملًا، عما أدَّى إلى ارتفاع الارتباط بين تحركات أسواق أسهم تلك الدول، إذًا كيف ستتأثّر خصائص المحفظة التي تضم أسهم العديد من الدول الأوروبية في حالة ارتفعت الارتباطات بين الأسواق إلى ٩٩٪؟ من الواضح أنه من غير المحتمل أن يكون بالإمكان الإجابة عن مثل هذا السؤال باستخدام البيانات التاريخية الفعلية لوحدها؛ لأن الحدث (أي أن يكون الارتباط مساويًا لـ ٩٩٪) لم يقع بعد.

تصبح ممارسة الاقتصاد القياسي صعبة بسبب سلوك السلاسل والعلاقات المتبادلة بينها، والتي تجعل فرضيات النموذج في أحسن الأحوال مشكوكًا في صحّتها. على سبيل المثال، فإن وجود أطراف توزيع سميكة، انقطاعات هيكليَّة وسببيَّة ثنائية الانجاه بين المنغبِّرات المتقلة إلخ سوف يجعل من عملية تقدير المعلمات والاستدلال عمليَّة أقل موثوقية، هذا ونذكر أن

البيانات الفعليَّة تكون مشوَّشة، ولا أحد يعرف حقًّا كل الميزات التي تكمن داخلها، من الواضح أنه من المهم أن يكون للباحثين فكرة عن ماهيَّة تأثيرات هذه الظواهر على تقدير النموذج وعمليَّة الاستدلال.

أُمنّل المحاكاة في المقابل فرصة لخبر الاقتصاد الفياسي لبنصر ف' كعالم حقيقي'، وليقوم بتجارب في ظل ظروف خاضعة للرقابة، كما تُمكّن تجربة المحاكاة خبير الاقتصاد القياسي من تحديد مدى تأثير تغيير عامل أو جانب من جوانب المشكلة، مع تَرُك جميع الجوانب الأخرى للمشكلة دون تغيير، وهكذا تُتبع المحاكاة إمكانية المرونة التامة، هذا ويمكن تعريف المحاكاة بأنها طريقة لوضع نموذج يسعى إلى تقليد نظام فعّال أثناء تطوّره، كما يُعبّر نموذج المحاكاة من خلال مُعادلات رياضيّة عن الشكل المفترض لتشغيل النظام، نُشير إلى أن المحاكاة تُعتبر مُفيدة بشكل خاص في الاقتصاد القياسي عندما تكون النهاذج مُعقّدة جدًّا، أو عندما تكون أحجام العيّنات صغيرة جدًّا.

۲ , ۱۳ محاكاة مونت كارلو

(Monte Carlo simulations)

تستخدم دراسات المحاكاة عادة لدراسة خصائص وسلوكيات الإحصاءات المختلفة المثيرة للاهتهام، غالبًا ما تُستخدم هذه التقنية في الاقتصاد القباسي عندما تكون خصائص طريقة تقدير ما غير معروفة، فعلى سبيل المثال ومن خلال النظرية التقاريبة من الممكن معرفة كيفية عمل اختيار معين عندما يكون حجم عينة لامتناهيّا، ولكن كيف يعمل هذا الاختيار إذا كان عدد المشاهدات المتاحة خمسين مُشاهدة لا غير؟ هل سيظل الاختيار يمتلك الخصائص المرغوبة المتمثّلة في الحجم المناسب والقوة العائية؟ بعبارة أخرى: إذا كانت فرضية العدم صحيحة هل سيؤدي الاختيار إلى رفض فرضية العدم في ٥٪ من المرات إذا تم استخدام منطقة رفض ٥٪؟ وإذا كانت فرضية العدم غير صحيحة هل سيتم رفضها غالبًا؟

ومن الأمثلة المستمدَّة من الاقتصاد القياسي حيث يُمكن أن تكون المحاكاة مُفيدة، نذكر:

- قياس قيمة تحيُّز المعادلات الآنية الناتج عن التعامل مع متغيّر داخلي على أنَّه متغيّر خارجي.
 - تحدید القیم الحرجة المناسبة لاختبار دیکي فولر.
- تحديد الآثار التي يُمكن أن يُحدثها اختلاف التباين على حجم وقوة اختبار الارتباط الذاتي.
 كما تُعتبر المحاكاة أيضًا أداة مفيدة جدًّا في مجال الماليَّة في حالات، مثل:
 - تسعير الخيارات غير المُتداولة في ظل غياب صيغة تسعير تحليليَّة.
 - تحديد تأثير التغيرات الجوهرية في بيئة الاقتصاد الكلى على الأسواق الماليّة.
- ناذج إدارة مخاطر "اختبار الإجهاد" لتحديد ما إذا كانت تولَّد متطلبات رأس مال كافية لتغطية الخسائر في جميع الحالات.

يعرض الإطار رقم (١, ١٣) في جميع هذه الحالات الطريقة الأساسية لإجراء مثل هذه الدراسة (مع إضافة خطوات وتعديلات عند الضرورة)، نعرض على التوالي شرحًا موجزًا لكل خطوة من هذه الخطوات، تتضمَّن المرحلة الأولى تحديد النموذج الذي سيتم استخدامه لتوليد البيانات، ويُمكن أن يكون هذا الأخير سلسلة زمنية بحنة أو نموذجًا هيكليًّا، بالنسبة لنهاذج السلاسل الزمنية البحنة فهي عادة ما تكون أسهل من حيث تطبيقها، بينها يتطلَّب النموذج الهيكلي التام من الباحث أيضًا تحديد عملية توليد البيانات للمُتغيِّرات المفسَّرة، بافتراض أن نموذج السلاسل الزمنية يعتبر مُناسبًا، فإن الخيار التالي الذي سيتم اتخاذه هو اختيار التوزيع الاحتهالي للأخطاء.

طرق المحاكاة مرق

الإطار رقم (١, ١٣) إجراء محاكاة مونت كارلو

- (۱) توليد البيانات وفقًا لعملية توليد البيانات المطلوبة، مع اعتبار أخطاء مُستمدَّة من توزيع مُعيَّن
 - (٢) إجراء الانحدار وحساب إحصاءة الاختبار
 - (٣) حفظ إحصاءة الاختبار وكل معلمة ذات أهمية
 - (٤) العودة إلى المرحلة ١ وتكرار ما سبق عدد N مرة

عادة ما يُستخدم التوزيع الطبيعي المعياري رغم أنه من الممكن أيضًا استخدام أي توزيع آخر معقول من الناحية العمليَّة (مثل التوزيع تي لستبورنت).

تتضمَّن المرحلة الثانية تقدير المعلمة ذات الأهمية في الدراسة، فعلى سبيل المثال، يُمكن أن تكون المعلمة محل الاهتهام، قيمة معامل في الانحدار أو قيمة خيار عند تاريخ انتهائه، بدلًا من ذلك يُمكن أن تكون المعلمة محل الاهتهام قيمة المحفظة حسب مجموعة معينة من السيناريوهات التي تُنظم طريقة تحرك أسعار الأصول المكوِّنة لها عبر الزمن.

تُعرف الكمية الم بأنها عدد التكرارات (المقصود بالنكرار هنا هو إعادة التجربة)، ويجب أن تكون كبيرة قدر الإمكان، تنمثّل الفكرة الأساسيَّة وراء محاكاة مونت كارلو في أخذ عينات عشوائية من توزيع معين، لذلك إذا تم تحديد عدد تكرارات صغيرًا جدًّا فإن النتائج سوف تكون حساسة للتوليفات "الفردية" للأعداد العشوائية المسحوبة، كها تجدر الإشارة أيضًا إلى أن حجج المقاربة تنطبق في دراسات مونت كارلو كها تنظيق في المجالات الأخرى من الاقتصاد القياسي، ويعني ذلك أن نتائج دراسة المحاكاة سوف تكون مساوية تقارُبيًّا لنظيراتها التحليلية (على افتراض أن هذه الأخيرة موجودة).

٣,٣ تقنيات تقليل النباين

(Variance reduction techniques)

لنفترض أن x يُشير إلى قيمة المعلمة محل الاهتهام للتكرار x إذا تم حساب متوسط قيمة هذه المعلمة لمجموعة من التكرارات Random على سبيل المثال 1000 = N تكرار، وقام باحث آخر بإجراء دراسة مماثلة على مجموعات مختلفة من السحويات العشوائية (Draws على سبيل المثال عينة فقط من مُشاهدات مجتمع ما في عليل الانحدار القياسي، يُقاس تغيِّر المعاينة في دراسة مونت كارلو بتقدير الخطأ المعباري الذي يُشار إليه بــ Sx:

$$S_x = \sqrt{\frac{\text{var}(x)}{N}} \tag{1.14}$$

حيث بُشير (var(x) إلى تباين القيم المقدَّرة للكمية محل الاهتهام على مدى التكرارات N، يتبيَّن من هذه المعادلة أنه بهدف تقليص الخطأ المعياري لمونت كارلو بمعامل قدره ١٠٠، يجب زيادة عدد التكرارات بمعامل قدره ١٠٠، وبالنائي لتحقيق دقة مقبولة، ربها وجب تحديد عدد عالٍ من تكرارات غير قابل للتحقيق، هناك طريقة بديلة لتقليل خطأ مُعاينة مونت كارلو تتمثَّل في استخدام

ثقنية نقليل التباين، هناك العديد من التقنيات المتاحة لتقليل التباين، من بين الطرق الأبسط والأكثر استخدامًا نذكر طريقتين: المتغيّرات المضادة (Antithetic Variates) ومُتغيّرات التحكم (Control Variates). سيئم الآن وصف كلّ من هذه التقنيات.

١٣,٣,١ المتغيرات المضادة

(Antithetic variates)

من أحد الأسباب التي تجعل دراسة مونت كارلو تنطلّب عادة الكثير من التكرارات هو أنها قد تنطلّب العديد والعديد من المجموعات المتكررة من العيّنات قبل أن تغطي فضاء الاحتهالات الكاملة بشكل كاف، هذا وتُعتبر قيم السحوبات (أو عمليات السحب) العشوائيّة بحكم طبيعتها عشوائية، وهكذا وبعد عدد معين من التكرارات، من الوارد عدم حدوث جميع النتائج المكنة (1)، إن ما هو مطلوب فعلًا هو أن تُغطّي التكرارات المتنالية أجزاة مختلفة من فضاء الاحتهالات، وهذا بعني أن السحوبات العشوائيّة للنكرارات المختلفة تولّد نتائج تُغطّي جميع الاحتهالات، وقد بستغرق ذلك وقتًا طويلًا لبتحقّق بشكل طبيعي.

تتضمن طريقة المتغيِّر المضاد أُخدَ مُكملة مجموعة من الأعداد العشوائية وإجراء محاكاة مُوازية على تلك الأعداد، فعلى سبيل المثال، إذا كانت القوة التصادفيَّة الدافعة هي عبارة عن مجموعة من السحوبات (0,1) TN يُرمز إليها بــ بد، فإنه لكل تكوار يتم أيضًا استخدام تكرار إضافي بأخطاء عدد أن تُنبت أنه يتم تقليص الخطأ المعياري لمونت كارلو عند استخدام المتغيِّرات المضادة، الإعطاء توضيح بسيط عن ذلك لنفترض أن القيمة المتوسَّطة للمعلمة محل الاهتمام بين مجموعتين من تكرارات مونت كارلو هي:

$$\bar{x} = (x_1 + x_2)/2 \tag{Y_4 Y}$$

حيث يرمُز x_1 و x_2 إلى القيم المتوسِّطة لمعلمات مجموعات التكرارات ۱ و ۲ على التوالي، نتحصل على تباين \bar{x} كالتالي: $var(\bar{x}) = \frac{1}{2}(var(x_1) + var(x_2) + 2cov(x_1 \ x_2))$

إذا لم يتم استخدام أيَّ من المتغيِّرات المضادة، فإن مجموعتيُّ تكرارات مونت كارلو سوف تكون مُستقلة، بحيث يصبح التغاير بينها صفرًا، أي:

$$var(\bar{x}) = \frac{1}{\epsilon} \left(var(x_1) + var(x_2) \right) \tag{5.14}$$

غبر أن استخدام المتغبّرات المضادة سوف يُؤدي إلى تغاير سلبي في المعادلة رقم (٣،١٣)، وبالتالي تفليص خطأ معاينة مُونت كارلو.

قد يبدو للوهلة الأولى أن تقليص التفاوت في مُعابنة مونت كارلو الناتج عن استخدام المتغيِّرات المضادة سوف بكون كبيرًا، بها أن التعابُر المناسب هنا هو التغاير بين بها أن التعابُر المناسب هنا هو التغاير بين الكمية المحاكاة محل اهتهام التكرارات العاديَّة، وتلك التي تستخدم المتغيِّرات المضادة، غير أن التغاير السلبي التام يكون بين السحوبات العشوائية (أي حدود الخطأ) ومُتغيِّراتها المضادة، على سبيل المثال، وفي إطار تسعير الخيارات (التي سترد مُناقشتها أدناه)،

 ⁽١) بالنسبة للمتغير العشوائي المستمر من الواضح أنه سوف يكون هناك عدد الأمتناو من القيم الممكنة، في هذا الإطار تُختزل الشكلة بيساطة في أنه إذا كان فضاء
 الاحتيالات مُفشّل إلى فترات صغيرة عشوائية فإن بعض هذه الفترات لن يتم تغطيتها بالقدر الكافي بالسحوبات العشوائية التي تم اختيارها فعليًا.

يُمثُّل إصدار سعر الورقة الماليَّة محل العقد (وبالتالي سعر الخيار) تحويلًا لاخطيًّا لـ ١٤، وبالتالي فإن التغايرات بين الأسعار النهائية للأصول الأساسيَّة القائمة على السحوبات، وتلك القائمة على المتغيِّرات المضادة سوف تكون سلبية، ولكن لن تكون - ١.

هناك العديد من التقنيات الأخرى لتقليل النباين التي تعمل باستخدام مبادئ مشابهة، حيث نجد تقنيات المعاينة الطبقية (Stratified Sampling)، مطابقة العزوم (Moment Matching) والتسلسل ذا الفروق المنخفضة (Stratified Sampling)، تنضمن هذه تُعرف الطريقة الأخيرة أيضًا باسم متتاليات شبه عشوائية من السحويات (Quasi-Random Sequences of Draws)، تنضمن هذه الأخيرة اختيار تسلسل معين من عينات ممثلة من توزيع احتمالي محدّد، ينم اختيار العبنات المتتالية بحيث يتم بواسطة التكرارات اللاحقة سد الفجوات غير المحددة المتبقية في التوزيع الاحتمالي، وتكون نتيجة ذلك مجموعة من السحويات العشوائية لمونت كارلو على مناسب بين جميع النتائج ذات الاهتمام، يؤدي استخدام التسلسل ذي الفروق المنخفضة إلى تقليص الأخطاء المعباريّة لمونت كارلو على نحو يتناسب شباشرة مع عدد التكرارات لا مع الجدر التربيعي لهذه الأخيرة، وبالتالي وعلى سبيل المثال لتقليص الخطأ المعباري لمونت كارلو بمعامل قدره ١٠، يجب زيادة عدد التكرارات بمعامل قدره ١٠، فقط في التسلسل ذي الفروق المنخفضة، هذا ويتعدّى عرض المزيد من التفاصيل عن تقنيات عدد التكرارات بمعامل قدره ١٠ فقط في التسلسل ذي الفروق المنخفضة، هذا ويتعدّى عرض المزيد من التفاصيل عن تقنيات المسلسل ذي الفروق المنخفضة نطاق هذا الكتاب لكن يُمكن الاطلاع عليها في كتابات بويل (١٩٧٧) ((١٩٥٣) ((١٩٥٩) (عوس) أو بريس وآخرون (١٩٩٧) ((١٩٩٧) ((١٩٩٧) ((١٩٩٠) (١٩٩٧) . يعرض الأوّل مثالًا مفصلًا وهامًا في إطار تسعير الخيارات.

١٣,٣,٢ مُتغيِّرات النحكم

(Control variates)

يتضمَّن تطبيق مُتغيِّرات التحكم توظيف متغيِّر مماثل للمتغيَّر المستخدم في المحاكاة، لكن تكون خصائصه معروفة مُسبقًا قبل إجراء المحاكاة، نرمز إلى المتغيِّر الذي نُحاكي خصائصه بـ ×، يتم إجراء المحاكاة على × و كذلك على لا، مع استخدام نفس مجموعات السحوبات العشوائية في كلتا الحالتين، كما نُشير إلى قيم × و لا المقدَّرة من المحاكاة بـــــ \$ و لا على التوالي، كما يمكن اشتقاق قيمة مقدَّرة جديدة لـ × من:

$$x^* = y + (\hat{x} - \hat{y}) \tag{0.14}$$

يُمكن أن تُثبت مرَّة أخرى أن خطأ معاينة مونت كارلو لهذه الكمية "٢٠ سوف يكون أقل من خطأ x شريطة توفَّر ظروف مُعيَّنة، تُساعد مُتغيِّرات التحكم على تقليل تفاوت مونت كارلو الراجع لمجموعة معينة من السحوبات العشوائية، وذلك باستخدام نفس السحوبات على مسألة ذات صلة يكون حلها معروفًا، من المتوقع أن تكون آثار خطأ المعاينة للمسألة قيد الدراسة والمسألة المعروفة متشابهة، وبالتالي يمكن الحد منها بمعايرة نتائج مونت كارلو باستخدام النتائج التحليلية.

ومن الجدير بالذكر أن مُتغيِّرات التحكم تنجح في تقليل خطأ معاينة مونت كارلو فقط إذا كانت مسائل التحكم والمحاكاة مرتبطة ارتباطًا وثيفًا، وبها أنه تم خفض الارتباط بين إحصاءة المراقبة والإحصاءة محل الاهتبام فإن خفض النباين يكون ضعيفًا، لنَعُدُ مرة أخرى إلى المعادلة رقم (١٣، ٥) ولنأخذ تباين كلا الجانبين:

$$var(x^*) = var(y + (\hat{x} - \hat{y})) \tag{7.14}$$

var(y) = 0 بها أن y كمية معروفة تحليليًّا، وبالتائي فهي لا تخضع لاختلاف المعاينة، لذلك يُمكن كتابة المعادلة رقم (١٣، ١٣) على النحو التالي:

$$var(x^*) = var(\hat{x}) + var(\hat{y}) - 2cov(\hat{x} | \hat{y})$$
 (V, YY)

أمًّا الشرط اللازم ليكون تباين مُعاينة مونت كارلو أقل عند استخدام مُتغيِّرات التحكم مُقارنة بعدم استخدام هذه الأخيرة فهو أن يكون (var(x أقل من var(x) انطلاقًا من المعادلة رقم (٧،١٣)، يُمكن كذلك صياغة هذا الشرط كالتالي:

$$var(\hat{y}) - 2cov(\hat{x}, \hat{y}) < 0$$

أو

$$cov(\hat{x}, \hat{y}) > \frac{1}{2}var(\hat{y})$$

بقسمة جانبَيِ المتباينة على ناتج ضرب الانحرافات المعبارية، أي var(9)) وvar(9)، نتحصَّل على الارتباط في الجانب الأيسر من المعادلة:

$$corr(\hat{x},\hat{y}) > \frac{1}{2} \sqrt{\frac{var(\hat{y})}{var(\hat{x})}}$$

ولتقديم مثال توضيحي عن استخدام منغبرًات النحكم قد بهتم الباحث بتسعير خيار آسيوي حسابي باستخدام المحاكاة، نُذكُر أن الخيار الآسيوي الحسابي هو الخيار الذي يعتمد عائده على قيمة المتوسَّط الحسابي للأصل الأساسي طيلة فئرة حساب المتوسَّط، عند تاريخ الاكتتاب، لا يتوفَّر بعد نموذج (ذو صيغة مُغلقة) تحليلي لتسعير مثل هذه الحيارات، يُمكن في هذا السياق الحصول على سعر متغير التحكم من خلال إيجاد سعر بواسطة محاكاة مشتق مماثل تكون قيمته معروفة من الناحية التحليلية، على سبيل المثال خيار تقليدي أوروبي، وبالتالي يتم تسعير الحيار الآسيوي وخيار تقليدي باستخدام المحاكاة كها هو موضع أدناه، مع الإشارة إلى السعر المحاكي لهذين الخيارين بد Pa و Pas على التوالي، يتم حساب سعر خيار تقليدي Pas أيضا باستخدام صيغة تحليلية مثل تلك المقدَّمة من قبل بلاك-شولز، وهكذا نتحصَّل على القيمة المقدَّرة الجديدة لسعر الخيار الأسيوي Pas كالتالى:

$$P_A^* = (P_A - P_{BS}) + P_{BS}^* \tag{ALITY}$$

٣,٣,٣ إعادة استخدام الأرقام العشوائيَّة عبر التجارب

(Random number re-usage across experiments)

على الرغم من أنه من غير المعقول بطبيعة الحال إعادة استخدام مجموعات من سحوبات الأرقام العشوائية ضمن تجربة مونت كارلو، إلّا أن استخدام نفس مجموعات السحوبات خلال التجارب من شأنه أن يُقلص إلى حد كبير قابليَّة اختلاف القيم المقدَّرة خلال التجارب، على سبيل المثال، قد يكون من المهم فحص قوة اختبار ديكي-فولر لعينات من حجم ١٠٠ مشاهدة ولقيم مختلفة لـ ٥ (استخدمنا ترميز الفصل ٨)، وبالتالي، بالنسبة لكل تجربة تتضمَّن قيمة مختلفة لـ ٥، يُمكن استخدام نفس المجموعة من الأرقام العشوائية العادية القياسية لتقليص اختلاف المعاينة خلال التجارب، إلَّا أنه وبطبيعة الحال لن تزيد دقَّة التقديرات الفعلية في كل حالة.

ثمَّة إمكانية أخرى تتضمن أخَذ سلسلة طويلة من السحوبات ومن ثم تقسيمها إلى عدَّة مجموعات أصغر بهدف استخدامها في تجارب مختلفة، على سبيل المثال، يمكن أن تُستخدم محاكاة مونت كارلو لتسعير عدة خيارات ذات أزمنة استحقاق مُختلفة، لكنها مُنطابقة في جميع النواحي الأخرى، وبالنائي، إذا كان محل اهتامنا هو آفاق استحقاق تُعادل ستة أشهر، ثلاثة أشهر، وشهر واحد، فإنه يجب إجراء سحوبات عشوائيَّة كافية لستة أشهر، ثم يمكن استخدام سحوبات الست أشهر لبناء تكرارين لأفق استحقاق مدَّته ثلاثة أشهر، وسنة تكرارات لأفق استحقاق مدَّته شهر واحد، سوف يتم مرَّة أخرى تخفيض تقلب أسعار الخيارات التي تحت محاكاتها خلال فترات الاستحقاق، على الرغم من عدم زيادة دقة الأسعار في حد ذاتها لعدد ما من التكرارات.

كما نُشير إلى أنه من غير المرجَّح أن يُؤدي إعادة استخدام الأرفام العشوائيَّة إلى توفير الوقت في العمليَّة الحسابيَّة، حيث إن السحوبات العشوائيَّة عادة ما تستغرق نسبة صغيرة للغاية من الوقت الإجمالي الذي يتطلَّبه إجراء التجربة بأكملها.

£ , ۱۳ اليونستراب (Bootstrapping)

يرتبط البوتستراب بالمحاكاة، مع وجود فارق وحيد حاسم بينها، ففي المحاكاة يتم إنشاء البيانات بشكل مصطنع تمامًا، في المقابل يُستخدم البوتستراب للحصول على وصف لخصائص المقدَّرات التجريبية باستخدام نقاط بيانات العيَّة نفسها، ويتضمَّن أخذ عينات بشكل متكرَّر مع استبدال من البيانات الفعلية، شكَّك العديد من الاقتصاديين القياسيين في البداية من جدوى هذه التقنية، والتي تبدو للوهلة الأولى أنها نوع من الحدع السحرية، حيث إنها تستحدث معلومات إضافية مُقيدة من عيَّنة ما، في الواقع يذكر دافيسون وهينكلي (١٩٩٧، ص ٣) ((1997، p 3)) ((Davison and Hinkley (1997, p 3)) أن مصطلح 'البوتستراب' في هذا السياق مُتأتَّ من التشابه مع شخصية البارون مونشهاوزن (Munchhausen) الذي خرج من فاع البحيرة بواسطة سحب نفسه بواسطة أربطة حذائه.

لنفترض أنه يتوفّر لدينا عيَّنة من البيانات $y_1, y_2, ..., y_T$ وأن المطلوب هو تقدير إحدى المعلمات θ ، يُمكن الحصول على تقريب للخصائص الإحصائية لـ θ من خلال دراسة عيَّنة من مُقدرات البوتستراب، يتم ذلك من خلال أخذ عدد N عيِّنة بحجم T واستبدال المشاهدات من العيَّنة y_1 وإعادة احتساب y_2 مع كل عيَّنة جديدة، نتحصَّل إذًا على سلسلة من القيم المقدَّرة y_1 ونقوم بدراسة توزيعها.

أمَّا أفضليَّة البوتستراب على استخدام النتائج التحليلية فيتمثَّل في أنه يسمح للباحث أن يستخلص استدلالات دون وضع افتراضات قويَّة عن التوزيع؛ لأن التوزيع المستخدم سوف يكون نفس توزيع البيانات الفعلية، وبدلًا من فرض شكل على توزيع المعاينة للفيمة 6، فإن البوتستراب يتضمَّن تقديرًا تجريبيًّا لتوزيع المعاينة من خلال فحص تفاوت الإحصاءة داخل العيَّنة.

يتم سحب مجموعة من العينات الجديدة مع استبدال من العينة، وتحسب إحصاءة الاختبار على الاهتهام لكل عينة من تلك العينات، في واقع الأمر، يتضمن ذلك أخذ عينات من العينة، وهو ما يعني أننا نتعامل مع العينة وكأنها مجتمع يُمكن سحب عينات منه، نقوم بتسمية إحصاءات الاختبار المحسوبة من العينات الجديدة "ق، من المحتمل أن تكون العينات مختلفة تمامًا عن بعضها البعض وعن القيمة الأصلية لـ 6 لكون أن بعض المشاهدات يُمكن أن تظهر في العينة مرات عديدة، والبعض الآخر لا يظهر مُطلقًا، وهكذا يتم الحصول على توزيع قيم "ق والتي يُمكن من خلالها حساب الأخطاء المعيارية أو بعض الإحصاءات الأخرى المثيرة للاهتهام.

تزامنًا مع التقدم في السرعة والقوة الخاسوبية، ازداد عدد تطبيقات البوتستراب في مجال الماليَّة والاقتصاد القياسي بسرعة في السنوات السابقة، على سبيل المثال، استُخدم البوتستراب في الاقتصاد القياسي في إطار اختبار جذر الوحدة، هذا واقترح كل من شاينكيان وليبرون (١٩٨٩) ((١٩٨٩) ((١٩٨٩) (١٩٨٩)) أبضًا أن البوتستراب يُمكن استخدامه "كتشخيص مُختلط" حبث يتم عادةً أخذ عينات من البيانات الأصلية مع استبدال المشاهدات لتكوين سلسلة بيانات جديدة، ينبغي أن تولد التطبيقات المتنالية لحدا الإجراء عدَّة مجموعات من البيانات التي لها في المتوسط نفس خصائص التوزيع مثل البيانات الأصلية، لكن وبحكم تعريفه، تحت إزالة أي نوع من الارتباط في السلسلة الأصلية (على سبيل المثال، الارتباط الذاتي الخطي أو اللاخطي)، يُمكن بعد ذلك استخدام تطبيقات الاختبارات الاقتصادية القياسية على السلاسل المختلطة كمقياس يُمكن من خلاله مُقارنة النتائج بالبيانات الفعلية أو إنشاء تقديرات للاخطاء المعباريَّة أو إنشاء فترات ثقة.

نُناقش فيا بلي وفي مجال الماليَّة تطبيقًا للبوتستراب في إطار إدارة المخاطر، ومن الاستخدامات الحديثة الأخرى المفترحة للبوتستراب تذكر استخدام هذا الأخير في تجريب البيانات (التنفيب في البيانات) في إطار اختبارات ربحية قواعد التداول التفنية، بحدث تجريب البيانات عندما يتم استخدام نفس المجموعة من البيانات لبناء قواعد التداول، وكذلك لاختبار هذه الأخيرة، في مثل هذه الحالات إذا تم فحص عدد كافي من قواعد التداول، فإنه من المحتَّم أن البعض منها سوف بُولِّد عن طريق الصدفة البحتة عوائد إيجابيَّة ذات معنويَّة إحصائيَّة، هذا ويُقال أن تجريب البيانات يحدث عندما تستمر على مدى فترة زمنيَّة طويلة، دراسة قواعد التداول التقنية التي "نجحت" في الماضي، بينها تتلاشى قواعد التداول الأخرى التي فشلت، بعد ذلك يتم إعلام الباحثين فقط بالقواعد التي نجحت دون غيرها من القواعد التي فشلت، وهي قواعد تُعَدُّ ربها بالآلاف.

تتجلى تحيُّزات تجريب البيانات في جوانب أخرى من التقدير والاختبار في مجال الماليَّة، نذكر أن لو وماكينلاي (١٩٩٠) وجدًا أن اختبارات نهاذج تسعير الأصول الماليَّة قد تسفر عن استنتاجات مُضلَّلة عند استخدام خصائص البيانات لبناء إحصاءات الاختبار، ترتبط هذه الخصائص ببناء المحافظ الاستثهاريَّة التي تقوم على بعض خصائص الأسهم المحُفزة تجريبيًّا كالرسملة السوقية، بدلًا من الخصائص ذات الدوافع النظرية كعوائد الأرباح.

يقترح سوليفان، نيميرمان ووابت (١٩٩٩) (١٩٩٩) (١٩٩٩) (١٩٩٩) (١٩٩٩) (وابت (٢٠٠١) استخدام البوتستراب لاختبار تجريب البيانات، تعمل هذه التقنية من خلال وضع القاعدة تحت الدراسة في إطار 'عالم' من قواعد النداول المتشابهة إلى حد كبير، ومن شأن ذلك أن يُفضي مُحتوى تجريبيًا للفكرة القائلة بأنه ربها نمت دراسة مجموعة متنوعة من القواعد قبل تحديد القاعدة النهائية، يتم تطبيق البوتستراب على كل قاعدة من قواعد التداول، وذلك من خلال أخذ عينات مع استبدال المشاهدات من السلسلة الزمنية للعوائد المرصودة لتلك القاعدة، تتمثّل فرضية العدم في عدم وجود قاعدة تداول نقنية متفوقة عن البقيّة، يوضح سوليفان، تيميرمان ووايت كيف يمكن بناء القيمة بي من اختبار 'فحص الواقع' القائم على البوتستراب، والذي يتولّى تقييم معنوبّة العوائد (أو فائض العوائد) الناجمة عن القاعدة بعد الأخذ بعين الاعتبار حقيقية أن كل القواعد المكنة قد تحت دراستها.

١ , ٤ , ١٢ مثال عن البوتستراب في إطار الانحدار

(An example of bootstrapping in a regression context)

باعتبار النموذج المعتاد للانحدار:

$$y = X\beta + u \tag{4.14}$$

فإنه يُمكن تطبيق البوتستراب على نموذج الانحدار بطريقتين.

إعادة مُعابنة البيانات

(Re-sample the data)

يتضمن هذا الإجراء أخذ البيانات ومُعاينة كامل الصفوف المقابلة للمشاهدات) معًا، يُوضِّح الإطار رقم (٢, ١٣) الخطوات المُتَّبِعة لهذا الإجراء، هناك مشكلة منهجية مُرتبطة بهذا النهج، وهي أن هذا الأخير يتطلَّب مُعاينة المتغيِّرات الانحداريَّة، غير أن نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي يفترض أن هذه المتغيَّرات ثابتة في العيَّنات المتكرَّرة، مما يعني أنه ليس لديها توزيع معاينة، وبالنائي فإن إعادة معاينة المتغيِّرات المفسَّرة لا يتهاشي مع روح نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي، في المقابل، فإن التأثير العشوائي الوحيد في الانحدار هو الأخطاء ٢٠، فلهاذا لا يُطبق عليها الدي تستراب؟

الإطار رقم (١٣,٢) إعادة معاينة البيانات

- (١) توليد عينة من البيانات الأصلية بحجم T عن طريق المعاينة مع استبدال المشاهدات من جميع الصفوف (أي إذا تم تحديد المشاهدة عدد ٣٢، فإننا نأخذ ٧٤٤ وقيم جميع المتغيرات المفشرة للمشاهدة عدد ٣٢).
 - (Υ) حساب مصفوفة المعاملات لعينة البوتستراب، "β.
- (٣) الرجوع إلى المرحلة ١ وتوليد عينة أخرى بحجم Τ. كرر هذه المراحل عدد Ν من المرات. وبالتائي سيتم الحصول على مجموعة من متجهات المعامل وعددها Ν، ۴β، والتي سوف تكون بشكل عام مختلفة بحيث نتحصل على توزيع للقيم المقدرة لكل معامل.

إعادة المعاينة من البواقي

(Re-sampling from the residuals)

يُعتبر هذا الإجراء إجراء 'بحتًا من الناحية النظرية' على الرغم من صعوبة فهمه وتطبيقيه، تظهر خطوات هذا الإجراء في الإطار رقم (١٣,٣).

١٣, ٤, ٢ حالات يكون فيها البوتستراب غير فعَّال

(Situations where the bootstrap will be ineffective)

هناك حالتان على الأقل لا يعمل فيها البوتستراب الموضّع أعلاه بشكل جيَّاد.

القيم الشاذَّة في البيانات

(Outliers in the data)

إذا وُجِدَت قيم شاذَّة في البيانات، فمن الممكن أن تؤثّر على استنتاجات البوتستراب، على وجه الخصوص، يُمكن أن تتوقَّف نناتج تكرار ما بشكل كبير على مدى ظهور الفيم الشاذَّة (وعدد مرات ظهورها) في العيَّنة المتحصَّل عليها باستخدام البوتستراب.

الإطار رقم (٣٠ ، ١٣) إجادة المعاينة من اليواقي

- (١) تقدير النموذج على البيانات الفعلية، الحصول على القيم المجهّزة من النموذج ŷ
 وحساب البواقي û
- (٢) أخذ عينة بحجم T مع الإستبدال من هذه البواقي (ولنسميها ٩٠)، ثم القيام بتوليد متغير تابع باستخدام البوتستراب وذلك بإضافة قيم البواقي المُجهَّزة من النموذج إلى البواقي المتحصل عليها باستخدام البوتستراب:

$$\mathbf{y}^* = \hat{\mathbf{y}} + \hat{\mathbf{u}}^* \tag{1.417}$$

- X نقوم بعد ذلك بإجراء انحدار للمتغير التابع الجديد على البيانات الأصلية B^* للحصول على متَّجه معامل البوتستراب B^* .
 - (٤) الرجوع إلى الخطوة ٢ وإعادة الخطوات عدد N من المرات.

البيانات غبر المستقلة

(Non-independent data)

يفترض استخدام البوتستراب ضمنيًّا أن البيانات مُستقلة عن بعضها البعض، من الواضح أن ذلك لن يحدث في حالة وجود على سبيل المثال ارتباط ذاتي في البيانات، يتمثَّل الحل المحتمل لهذه المشكلة في استخدام 'كتلة مُتحرِّكة للبوتستراب'، تأخذ هذه الطريقة في الاعتبار تبعيَّة السلاسل من خلال مُعاينة مجموعات كاملة من المشاهدات في وقت واحد، كما نذكر أن كتابات دافيسون وهينكلي (١٩٩٧) وإيفرون (١٩٧٩، ١٩٨٧) ((Efron (1979, 1982)) تطرَّقت إلى هذه المسألة إلى جانب مسائل أخرى تتعلَّق بالجانب النظري والعملي للبوتستراب.

كما تجدر الإشارة أيضًا إلى أن تقنيات نقليل التباين مُتاحة أيضًا في إطار البوتستراب، وهي تعمل بطريقة مُشابهة جدًا لتلك المذكورة أعلاه في سياق المحاكاة البحثة.

٥ , ١٣ توليد الأرقام العشوائية

(Random number generation)

تتضمن مُعظم حزم الكمبيونر الخاصة بالاقتصاد القياسي مُولِّدًا للأرقام العشوائيَّة، كها أن أبسط فتة من الأرقام التي يُمكن توليدها تتأتى من التوزيع المنتظم (١٠٠)، التوزيع المنتظم (١٠٠) هو توزيع حيث يُمكن فقط سحب القيم المحصورة بين و ١ ولكل قيمة ضمن الفترة لها نفس احتهال أن يقع الاختيار عليها، يُمكن أن تكون السحوبات المنتظمة مُتقطَّعة أو مُستمرَّة، وكمثال عن مُولَّد الأرقام المنتظمة المتقطَّعة نذكر حجر النرد أو عجلة الروليت، كها يُمكن لأجهزة الكمبيوتر توليد سحوبات من الأرقام العشوائيَّة المنتظمة المستمرَّة، يُمكن توليد الأرقام المنتظمة المستمرة (١٠٠) وفقًا للتكرار التالى:

$$y_{i+1} = (ay_i + c) \text{ modulo } m \ i = 0.1 \dots T$$
 (11.14)

و كذلك

$$R_{i+1} = y_{i+1}/m \text{ for } i = 0.1 \dots T$$
 (17.17)

لعدد T من السحوبات العشوائيَّة، حيث يُمثَّل y النواة (القيمة الأولية لــ y)، a مُضاعف و r الزيادة وثلاثتهم ثوابت، يعمل 'عامل باقي القسمة' ببساطة كالساعة، حيث يعود إلى واحد بعد وصوله إلى m.

سوف تتطلّب أيَّة دراسة محاكاة تضم تكرارًا، مثل الذي سبق وصفه في المعادلة رقم (۱۳، ۱۳) لتوليد سحوبات عشوائية، من المستخدم تحديد القيمة الأولية ولا لبده العملية، سوف يُؤثر اختيار هذه القيمة بشكل غير مستحب على خصائص السلسلة التي تم توليدها، سوف يكون هذا التأثير الأقوى على به به به به به به به به بيل المثال، إذا تم استخدام مجموعة من السحوبات العشوائية لإنشاء سلسلة زمنية تتبع العملية GARCH فإن المشاهدات الأولى سوف تكون أقل شبهًا بالعملية المطلوبة مُقارنة بنقاط البيانات اللاحقة، وبالتالي سوف يأخذ التصميم الجيّد للمحاكاة بعين الاعتبار هذه الظاهرة، وذلك بتوليد بيانات أكثر مما هو مطلوب ثم إسفاط المشاهدات القليلة الأولى، على سبيل المثال، إذا كنا بحاجة إلى ۱۰۰۰ مُشاهدة، فيمكن توليد ۱۲۰۰ مُشاهدة، ثم حذف المشاهدات من ۱ إلى ۲۰۰ واستخدام المشاهدات من ۱ إلى ۱۲۰۰ لإجراء التحليل.

تُعرف هذه السحوبات للأرقام العشوائية التي يُنتجها الحاسوب باسم الأرقام الشبه عشوائية، وذلك لأنها في الواقع ليست عشوائية على الإطلاق، بل حتمية تمامًا لأنها مُشتقة من صيغة دقيقة! عندما يتم اختيار قيم المعلمات القابلة للتعديل من قبل المستخدم بعناية، يُمكن الحصول على مُولِّد للأرقام الشبه عشوائية يُلبي جميع الخصائص الإحصائية للأعداد العشوائية الحقيقية، في التهابة سوف تبدأ مُتتاليات الأرقام العشوائية بالتكرر، لكن يتبغي أن يأخذ ذلك وقتًا طويلًا قبل أن يحدث، لمزيد من التفاصيل وللحصول على الشفرة البرعبيَّة لقورتران (Fortran code)، انظر بريس وآخرين (١٩٩٢) ((١٩٩٥) الوجرين (٢٠٠٢) ((٢٠٠٥) الحصول على مثال.

يُمكن تحويل السحوبات (0,1) إلى سحوبات من أي توزيع نُريد، كالتوزيع الطبيعي أو التوزيع تي لستيورنت، تقوم حزم برمجيات الاقتصاد القياسي المُجهَّزة بوظائف المحاكاة عادة بالقيام بذلك تلقائيًّا.

٢ , ١٣ عيوب نهج المحاكاة في حل مسائل الاقتصاد القياسي أو المسائل الماليّة

(Disadvantages of the simulation approach to econometric or financial problem solving)

قد تكون مكلَّفة من الناحية الحسابيَّة

أي أن عدد عمليات التكرار المطلوبة لإيجاد حلول دقيقة قد يكون كبيرًا جدًّا، ويعتمد ذلك على طبيعة المهمة المطروحة، إذا كان كل تكرار معقدًا نسبيًّا من حيث مشكلات التقدير، فإن المشكلة يُمكن أن تكون غير قابلة للتطبيق حسابيًّا، حيث قد يستغرق الأمر أيامًا أو أسابيع أو حتى سنوات لتنفيذ التجربة، وعلى الرغم من أن وقت وحدة المعالجة المركزية في تناقص كلها تم جَلْب أجهزة كمبيوتر أسرع إلى السوق، إلَّا أنه يبدو أن الجانب التفني للمسائل التي تحت دراستها يتسارع بنفس الخطى!

قد تكون النتائج غير دقيقة.

حتى وإن كان عدد التكرارات كبيرًا جدًّا، فلن تُقدم تجارب المحاكاة إجابة دقيقة عن المسألة إذا نم إجراء بعض الافتراضات غير الواقعية عن عملية توليد البيانات، على سبيل المثال وفي إطار تسعير الخيارات، لن تكون تقييهات الخيارات التي يتم الحصول عليها من المحاكاة دقيقة إذا كانت عملية توليد البيانات تفترض أخطاء مُوزَّعة بشكل طبيعي في حين أن أطراف توزيع السلسلة الحقيقيَّة للعوائد الأساسية سميكة.

غالبًا ما يكون من الصعب تكرار النتائج

باستثناء الحالات التي يتم فيها إعداد التجربة بحيث يكون تسلسل السحوبات العشوائية معروفًا ويمكن إعادة بنائه، وهو ما يُعتبر عمليًّا حالة نادرة، فإن نتائج دراسة مونت كارلو سوف تكون وإلى حد ما حكرًا على استقصاء مُعيَّن، في هذه الحالة سوف يتضمَّن تكرار التجربة مجموعات مختلفة من السحوبات العشوائية، وبالتائي من المرجَّح أن يؤدي إلى نتائج مختلفة، خاصة إذا كان عدد التكرارات صغيرًا.

نتائج المحاكاة خاصة بالتجربة

إن الحاجة إلى تحديد عملية توليد البيانات باستخدام مجموعة من المعادلات أو مُعادلة واحدة تعني ضمنًا أنه لا يُمكن تطبيق النتائج إلّا على هذا النوع الدقيق من البيانات، رُبها تنظيق أيّة استنتاجات تم النوصُّل إليها أو لا تنظيق على عمليات أخرى لتوليد البيانات، لتقديم مثال توضيحي، يتضمَّن فحص قوة الاختبار الإحصائي، بحكم تعريفه تحديد مدى تكرار رفض فرضيَّة العدم الخاطئة، في سياق اختبارات ديكي-قولر على سبيل المثال، نتحصَّل على قوة الاختبار الذي تحدده دراسة مونت كارلو من خلال النسبة المثوية للمرات التي يتم فيها رفض فرضيَّة العدم المتمثَّلة في وجود جذر الوحدة، لنفترض أن عملية توليد البيانات التالية تُستخدم لتجربة محاكاة من قبيل:

$$y_t = 0.99y_{t-1} + u_t \quad u_t \sim N(0.1)$$
 (17.17)

من الواضح أن فرضية السعدم المتمثّلة في وجود جذر الوحسدة ستكون خساطنة في هذه الحالسة، كنون ذلك ضروريًّا لفحص قسوة الاختبار، ومع ذلك، ولعيّنات ذات أحجام ضئيلة، من المحتمل أن يتم رفض فرضيَّة العدم في حالات نادرة جدًّا، ليس من المناسب أن نستنج من مثل هذه التجربة أن اختبار ديكي فولر لا يُعتبر عمومًا اختبارًا قويًّا؛ لأنه في هذه الحالة لا تُعتبر فرضيَّة العدم (1 = \$) خاطئة تمامًا! هذه المشكلة عامة في العديد من دراسات مونت كارلو، يتمثّل حل هذه المشكلة في تشغيل عمليات المحاكاة باستخدام أكبر عدد ممكن من عمليات توليد البيانات المختلفة والمناسبة، أخبرًا، ينبغي أن يكون واضحًا أن عملية مونت كارلو لتوليد البيانات يجب أن تنطابق قدر الإمكان مع المشكلة الحقيقيَّة محل الاهتبام.

في الحُتام تُعتبر المحاكاة أداة مُفيدة للغاية، ويمكن تطبيقها على مجموعة هائلة من المسائل، ازدادت شعبيَّة هذه التقنية على مدى العقد الماضي، ولا تزال في ازدياد، غير أنه وككل أداة، تُصبح المحاكاة خطرة إذا ما وُضعت بين أيادٍ خاطئة، فمن السهل جدًّا الحُوض في تجربة محاكاة دون التفكير فيها إذا كان هذا النهج صحيحًا أم لا.

١٣,٧ مثال عن محاكاة مونت كارلو في الاقتصاد القياسي اشتقاق مجموعة من القيم الحرجة لاختبار ديكي فولر

(An example of Monte Carlo simulation in econometrics deriving a set of critical values for Dickey -Fuller test)

نُذكِّر أن المعادلة المستخدمة في اختبار ديكي فولد المطبَّق على السلسلة ، و هي عبارة عن الانحدار التالي:

$$y_t = \phi y_{t-1} + u_t \tag{15.14}$$

بحيث يكون الاختبار عبارة عن اختبار $\phi = 1$ مُقابل $\phi = 1$ ، ونتحصَّل على إحصاءة الاختبار محل الاهتمام كائتالي:

$$\tau = \frac{\bar{\phi} - 1}{SE(\bar{\phi})} \tag{10.1T}$$

تحت فرضية العدم لجذر الوحدة، لا تتبع إحصاءة الاختبار توزيعًا معياريًا، وبالتالي هناك حاجة إلى المحاكاة للحصول على القيم الحرجة المناسبة، من المؤكد أن هذه القيم معلومة جيّدًا للعموم، لكن من المثير للاهتمام معرفة كيفيَّة توليد هذه القيم، كما يُمكن اعتماد نهج محاثل جدًّا في الحالات التي تكون فيها البحوث قليلة والنتائج معروفة بقدر أقل نسبيًّا.

تُجرى المحاكاة بانباع الخطوات الأربع الموضحة في الإطار رقم (١٣,٤)، هذا ويرد أدناه شفرة برمجيَّة لإفيوز تُستخدم لإجراء مثل هذه المحاكاة، الهدف من ذلك هو تطوير مجموعة من القيم الحرجة لانحدارات اختبار ديكي-فولر، يتضمَّن إطار المحاكاة عيَّنات بأحجام ٥٠٠، ١٠٠٠ و ٥٠٠ مُشاهدة، لكل حجم من هذه الأحجام يتم إجراء انحدارات بدون ثابت أو اتجاه عام، انحدارات بثابت وبدون اتجاه عام وانحدارات بثابت واتجاه عام. كما تم استخدام ٥٠٠٠ تكرار في كل حالة، وتحديد القيم الحرجة للاختبار أحادي الجانب عند المستويات ١٪، ٥٪ و ٢٠٪، هذا ويمكن إيجاد الشفرة البرجيَّة مكتوبة مُسبقًا في الملف 'dícv.prg'.

تُعتبر برامج إفيوز ببساطة مجموعة من التعليهات المحفوظة كنص عادي بحيث يُمكن كتابتها داخل إفيوز، أو باستخدام معالج وورد أو محرر نصوص، كما يجب أن تتضمَّن ملفات برامج إفيوز اللاحقة "PRG"، نذكر أن هناك عدَّة طرق لتشغيل البرامج بعد كتابتها، ربها أبسطها هو كتابة كل التعليهات أولًا ومن ثمَّة حفظها، نقوم بعد ذلك بفتح برنامج إفيوز ونقوم باختيار File, Openand Programs وعند الطلب قم بتحديد المجلد والملف الذي يتضمَّن التعليهات، وبذلك سوف يظهر على الشاشة ملف البرنامج الذي يجنوي على التعليهات، لتشغيل البرنامج، انقر فوق الزر Run.

الإطار زقم (٤, ١٣) إنشاء بحاكلة موتت كارلو

- (۱) بناء عملية توليد البيانات تحت فرضية العدم، أي الحصول على سلسلة لـ y التي تتبع عملية جذر الوحدة. يمكن القيام بذلك من خلال:
- سحب سلسلة بطول T (العدد المطلوب من المشاهدات) من التوزيع الطبيعي، سوف تكون هذه السلسلة سلسلة الخطأ، أي أن (0,1) مرس.
 - افترض الفيمة الأولى لـ ٧٠ أي قيمة ٧ في الزمن 1 = ٤.
 - بناء سلسلة لـ ٧ بشكل متكرر، بدءًا بـ ٧٤، وهكذا.

$$y_2 = y_1 + u_2$$

 $y_3 = y_2 + u_3$
 $y_7 = y_{T-1} + u_7$ (13.17)

- (۲) حساب إحصاءة الاحتبار ۲.
- (٣) إعادة الخطوات ١ و ٢ عدد ٨ من المرات لتكرار التجربة ٨ مرة.
 سوف يتم الحصول على توزيع قيم ٢ من خلال التكرارات.
- (٤) ترتيب المجموعة المتكونة من ١٧ قيمة لـ ٣ من الأدنى إلى الأعلى. سوف تكون القيمة الحرجة المناسبة عند المستوى ٥٪ عبارة عن المثين الخامس لهذا التوزيع.

سوف يقوم إفيوز بعد ذلك بفتح مربع حوار يحتوي على العديد من الخيارات، يها في ذلك تشغيل البرنامج في وضع 'Verbose' أو 'Quiet' أو 'Quiet' أو 'Verbose' للاطلاع على سطر الشفرة الذي يتم تشغيله عند كل نقطة من تنفيذ البرنامج (أي يتم تحديث الشاشة باستمرار)، ويكون ذلك مُفيدًا في برامج تصحيح الأخطاء أو لتشغيل البرامج القصيرة، أمّّا اختيار وضع Quiet فيستخدم لتشغيل البرنامج دون تحديث شاشة العرض، وهذا من شأنه تسريع عمليّّة تنفيذ البرنامج (بشكل ملحوظ)، سوف تظهر الشاشة كها في لقطة الشاشة رقم (1, ١٣)، انقر بعد ذلك فوق Ok، وفيها يلي قائمة بالتعليهات الواردة في البرنامج، كها توضح المناقشة الواردة أدناه ما يفعله كل سطر.

Program	х
Program name or path	7
C. YOHRIS BOOK BOOK & DATA DECYLERG	
Program arguments (%0 %1)	
	OK
Runtime errors	7
Verbose (slow) update screen/status line Quiet (fast) no screen/status line updates	Cancel
Version 4 compatible variable substitution and program boolean comparisons	
Maximum errors before halting: 1	
Save options as default	

لقطة الشاشة رقم (١٣,١) تشغيل برنامج إفيوز

```
'NEW WORKFILE CREATED CALLED DF- CV, UNDATED
WITH 50000 OBSERVATIONS
  WORKFILE DF - CV U 50000
  RNDSEED 12345
  SERIES T1
  SERIES T2
  SERIES T3
  SCALAR K1
  SCALAR K2
  SCALAR K3
  SCALAR K4
  SCALAR K5
  SCALAR K6
  SCALAR K7
  SCALAR K8
  SCALAR K9
  !NREPS=50000
  !NOBS=1000
  FOR !REPC=1 TO !NREPS
  SMPL @FIRST @FIRST
  SERIES Y1=0
  SMPL @FIRST+1 !NOBS+200
  SERIES Y1=Y1(-1)+NRND
  SERIES DY1=Y1-Y1(-1)
SMPL @FIRST+200 !NOBS+200
  EQUATION EQLLS DYI Y1(-1)
  T1(!REPC)=@TSTATS(1)
  EQUATION EQ2.LS DY1 C Y1(-1)
  T2(!REPC)=@TSTATS(2)
  EQUATION EQ3.LS DYI C @TREND Y1(-I)
  T3(!REPC)=@TSTATS(3)
  NEXT
  SMPL @FIRST !NREPS
  KI=@QUANTILE(T1,0.01)
  K2=@QUANTILE(T1,0.05)
  K3=@QUANTILE(T1,0.1)
  K4=@QUANTILE(T2,0.01)
  K5=@QUANTILE(T2,0.05)
  K6=@QUANTILE(T2,0.1)
  K7=@QUANTILE(T3,0.01)
```

K8=@QUANTILE(T3,0.05) K9=@QUANTILE(T3,0.1) وعلى الرغم من أنه من المحتمل وجود طرق أكثر فاعلية لتنظيم البرنامج من تلك المذكورة أعلاه، إلّا أنه تمت كتاب هذا النموذج للشفرة البرمجيّة بطريقة تجعل من السهل تتبعه، سوف بتم تشغيل البرنامج بالطريقة الموضّحة أعلاه، بمعنى آخر، سيتم فتح البرنامج من إفيوز، ومن ثم الضغط على الزر Run واختيار طريقة التنفيذ (Verbose أو Quiet).

النقطة الأولى التي يجب مُلاحظتها هي أن أسطر التعليقات في إفيوز يُشار إليها باستخدام الرمز ١٥، سوف يقوم السطر الأول من الشفرة البرمجيَّة 'WORKFILE DF- CV U 50000 بإنشاء ملف عمل داخل إفيوز يُسمَّى DF_CV.WK1 والذي سيكون دون تاريخ ويتضمَّن سلاسل بطول ٥٠٠٠، تُعتبر هذه الخطوة لازمة لكي يتوفَّر لإفيوز مكانًا لوضع سلاسل المخرجات بها أنه لم بنم فتح ملف عمل آخر من خلال هذا البرنامج! لن يكون هذا السطر ضروريًّا في الحالات التي يتطلب فيها البرنامج ملف عمل موجود مُسبقًا ويحتوي على البيانات التي سيتم فتحها؛ لأن أبة نتائج جديدة وكائنات يتم إنشاؤها سوف يتم إلحاقها بملف العمل الأصلي، هذا ويحدد RNDSEED 12345 الرقم العشوائي للنواة الذي سوف يتم استخدامه لبدء السحوبات العشوائية.

يُنشئ السطر 'SERIES TI سلسلة جديدة تُستَّى TI يتم تعبئتها بالعناصر NA (غير مُتاح)، كما ستحتوي السلاسل T2 و T3 إحصاءات اختبار ديكي - فولر لكل تكرار للحالات الثلاث (دون ثابت أو اتجاه عام، بثابت ولكن بدون انجاه عام، بثابت واتجاه عام، على التوالي)، يُحدُّد السطر 'SCALAR KI عددًا قياسبًا (عددًا مُفردًا) وهو K1، هذا وتُستخدم P8..... Kl للاحتفاظ بالقيم الحرجة عند المستويات ١٨، ٥٪ و ١٠ ١٪ لكل حالة من الحالات الثلاث، إضافة إلى ذلك، يُحدُّد NREPS=50000 عدد التكرارات التي سبتم استخدامها بـ ١٠٠٠، ويُحدُّد NOBS=1000! عدد المشاهدات المراد استخدامها في كل سلسلة زمنية بـ ١٠٠٠، تُتبع علامات النعجب استخدام أعدادًا قياسيَّة بدون الحاجة إلى تعريفها مُسبقًا باستخدام التعليمة SCALAR كما يُمكن بطبيعة الحال تغيير هذه القيم حسب الرغبة، هذا ونذكر أنه يتم تعريف التكرارات الحلقيَّة في إفيوز من خلال استخدام في البداية و NEXT في انتفيذ التكرار بطريقة مشابهة لشفرة برنجيَّة الفيجوال بيسك (Visual Basic)، وعليه فإن FOR التحداث الرئيسة، والذي سوف يبدأ في تنفيذ التكرارات الحلفي للتكرارات الرئيسة، والذي سوف يبدأ في تنفيذ التكرارا NREPS!

SMPL @FIRST @FIRST

SERIES Y1=0

SMPL@FIRST+1!NOBS+200

SERIES Y1=Y1(-1)+NRND

SERIES DY1=Y1-Y1(-1)

SMPL@FIRST+200!NOBS+200

EQUATION EQ1.LS DY1 Y1(-1)

بعد تقدير المعادلة سوف يتم إنشاء العديد من الكميات الجديدة، بُشار إلى هذه الكميات في إفيوز بواسطة "@"، وهكذا فإن السطر '(TI(!REPC)=(TSTATS(1))" سوف يأخذ النسبة تي لمعامل المتغبّر المستقل الأول (في هذه الحالة فقط)، وسوف يضعه في الصف 'REPC (في هذه الحالة فقط)، وسوف يضعه في الصف 'REPC من السلسلة T1، وعلى نحو تُعاثل تُوضع النسب تي للقيمة المتباطئة لـ Y في T2 و T3 وذلك على التوالي للانحدارات التي تضم ثابتًا وثابتًا مع انجاه عام، أخيرًا، سوف يقوم NEXT بإنهاء التكرار الحلقي لعمليات التكرار ويقوم ' SMPL @FIRST (المحدار المحداد التي تضم ثابتًا وثابتًا بحيث تشتغل من الله الله وسوف نعثر على القيم الحرجة عند المستويات الن، ٥٪ و ١٠٪ للانحدار بدون ثابت ولا اتجاه عام في K2 ، K1 و K3، سوف تأخذ الشفوة 'QUANTILE(T1.0.01)" قيمة التقسيم الجزئي ١٪ من السلسلة التفادي فرز السلسلة.

تكون القيم الحرجة التي تم الحصول عليها من خلال تشغيل النعليمات المذكورة أعلاه، والني هي مُتطابقة تقريبًا لنلك الموضوعة في الجداول الإحصائية في نهاية هذا الكتاب، كالتالي (برقمين بعد الفاصلة):

20+	7,0	7.1	
١,٦٢-	1,90-	Y , OA-	عدم وجود ثابت أو انجاه عام
۲,۵٦–	Y, A0-	٣, ٤٥-	وجو د ثابت دون اتجاء عام
Υ, έΥ-	٣, ٤١-	٣, ٩٣-	وجود ثابت وانجاه عام

يُعتبر ذلك أمرًا مُتوقعًا، حيث إن استخدام ٥٠٠٠٠ تكرار ينبغي أن يضمن الحصول على تقريبًا للسلوك المقارب، على سبيل المثال، باستخدام هذه المحاكاة تكون القيمة الحرجة عند المستوى ٥٪ لاختبار الانحدار الذي لا يضم ثابتًا أو اتجاهًا عامًّا وباستخدام ٥٠٠ مشاهدة هي -١,٩٤٥ و -١,٩٤٥ في قولر (١٩٧٦)، وعلى الرغم من أن محاكاة دبكي-قولر لم تكن ضرورية؛ لأن القيم الحرجة لإحصاءات الاختبار الناتجة معروفة جيدًا وموثقة سلفًا، إلا أنه يُمكن اعتباد إجراء مُشابه جدًّا لمجموعة مُتنوعة من المسائل، على سبيل المثال، يُمكن استخدام نهج محائل لبناء القيم الحرجة أو لتقييم أداء الاختبارات الإحصائية في حالات مختلفة.

٨ , ١٣ مثال عن كيفية محاكاة سعر الخيار المالي

(An example of how to simulate the price of financial)

يَرِد أدناه مثال بسيط عن كيفية استخدام دراسة مونت كارلو للحصول على سعر الخيار المالي، ومع أن الخيار المستخدم للتوضيح هنا هو مجرد خيار شراء 'تقليدي' أوروي يُمكن تقييمه بشكل تحليلي باستخدام المعادلة العادية لبلاك-شولز (١٩٧٣)، إلّا أن الطريقة المستخدمة تُعتبر عامة بها فيه الكفاية بحيث إنها تحتاج فقط إلى تعديلات طفيفة نسبيًّا لتقييم خيارات أكثر تعقيدًا، يقدم بويل (١٩٧٧) ((١٩٧٧) Boyle (1977)) مقدمة ممتازة وسهلة الفهم عن تسعير الخيارات الماليَّة باستخدام مونت كارلو، تظهر الخطوات المُتَّبعة في ذلك في الإطار رقم (١٣,٥).

الإطار رقم (١٣,٥) عاكاة سعر الحيار الأسبوي

- (١) تحديد عملية توليد البيانات للأصل الأساسي. نفترض عادةً نموذج السير العشوائي بحد ثابت. كما نُحدد الحجم المفترض للحد الثابت والحجم المفترض لمعلمة التقلبات. نُحدد أيضًا سعر مُارسة الخيار K والزمن المتبقّي حتى تاريخ الاستحقاق T.
- (۲) نسحب من التوزيع الطبيعي سلسلة بطول T، وهو عدد المشاهدات المطلوب $\varepsilon_t \sim 1$ أن $\varepsilon_t \sim 1$ أن $\varepsilon_t \sim 1$ الطول حياة الخيار. سوف تكون هذه السلسلة، سلسلة الخطأ أي أن N(0.1).
 - (٣) إعداد سلسلة من المشاهدات للرصل الأساسي بطول T.
- (3) رصد سعر الأصل الأساسي في تاريخ الاستحقاق، أي عند المشاهدة T. بالنسبة لخيار الشراء، إذا كانت قيمة الأصل الأساسي عند تاريخ الاستحقاق $P_T \le K$ فإن الخيار ينتهي بدون قيمة في هذا التكرار. أمّا إذا كانت قيمة الأصل الأساسي عند تاريخ الاستحقاق $P_T > K$ فإن الخيار ينتهي بربح وتكون قيمته في ذلك عند تاريخ الاستحقاق $P_T > K$ والتي يجب تخفيضها باستخدام معدل خالٍ من المخاطرة. يقوم استخدام المعدل الخالي من المخاطرة على حجج تتعلّق بالحياديّة ألمخاطر (انظر دو في (١٩٩٦) ((Duffie (1996))).
- (٥) نكرر الخطوات ١-٤ ما مجموعه ٨ مرة، ونأخذ القيمة المتوسطة للخيار عبر
 التكرارات٨. سوف يكون هذا المتوسط سعر الخيار.

١٣,٨,١ محاكاة سعر الخيار المالي باستخدام عملية أساسيَّة ذات أطراف سميكة

(Simulating the price of a financial option using a fat-tailed underlying process)

يتمثّل الافتراض المقيَّد جدًّا وغير الواقعي في منهجية تسعير الخيارات المذكورة أعلاه في أن عوائد الأصول الأساسية تتوزع بشكل طبيعي، في حين أنه من الناحية العملية من المعروف جيدًا أن عوائد الأصول لها أطراف سميكة، يُمكن إزالة هذا الافتراض باستخدام عدَّة طرق؛ أولًا: يُمكننا في الخطوة ٢ أعلاه استخدام سحوبات من توزيع ذي أطراف سميكة، كالتوزيع تي لستيودنت، وهناك طريقة أخرى من شأنها توليد توزيع عوائد ذات أطراف سميكة تتمثّل في افتراض أن الأخطاء، وبالتالي العوائد، نتبع عمليَّة (GARCH، لتوليد سحوبات من العملية GARCH، قُم بالخطوات الموضّحة في المربع رقم (١٣,٦).

الإطار رقد (١٣,٦) توليد صحوبات من العملية GARCH

- (۱) نسحب من التوزيع الطبيعي سلسلة بطول T، وهو العدد المطلوب من المشاهدات لطول حياة الخيار. سوف تكون هذه السلسلة، سلسلة الخطأ أي أن (0,1) ~ 3 .
 - (٢) تذكر أن إحدى الطرق للتعبير عن النموذج GARCH هي:

$$r_t = \mu + u_t$$
 $u_t = \varepsilon_t \sigma_t$ $\varepsilon_t \sim N(0.1)$ (17.17)

$$\sigma_t^2 = \alpha_0 + \alpha_1 u_{t-1}^2 + \beta \sigma_{t-1}^2$$
 (1A.17)

تم إنشاء سلسلة لـ α_1^2 ومن الضروري تحديد القيم الأولية γ_1 و γ_2^2 والفيم المفبولة للمعلمات α_1 و α_2 نفترض أنه تم ضبط قيم γ_1 و γ_2 ب وواحد على التوالي، وقيم المعلمات كالتالي: α_1 = 0.15 ، α_2 = 0.01 و أيمكن استخدام المعادلات الموضحة أعلاه لتوليد النموذج الخاص بـ γ_1 كما هو موضح أعلاه.

۱۳,۸,۲ محاكاة سعر خيار آسيوي

(Simulating the price of an Asian option)

الخيار الآسيوي هو الخيار الذي يعتمد مردوده على القيمة المتوسَّطة للاصل الأساسي طبلة فترة حساب المتوسَّط المحددة في العقد، تُحدِّد معظم عقود الخيارات الآسيوية أنه يجب استخدام المتوسَّط الحسابي بدلًا من المتوسَّط الهندسي، لسوء الحظ يُعتبر المتوسَّط الحسابي لعملية جذر الوحدة بحد ثابت غير مُحدَّد بشكل جيد، بالإضافة إلى ذلك، حتى لو افترضنا أن أسعار الأصول مُوزَّعة حسب النوزيع الطبيعي اللوغارينمي، فإن متوسَّطها الحسابي لن يكون مُحدِّدًا، وبالتالي لا تزال هناك حاجة إلى تطوير صبغة تحليليَّة ذات شكل مُغلق، وهكذا فإن تسعير الخيارات الآسيوية يُمثِّل تطبيعيًا لطرق المحاكاة، كما أن تحديد فيمة الخيار الآسيوي يتم بنفس الطريقة التي يتم بها تحديد خيارات الشراء والبيع التقليديَّة، تُجرى المحاكاة بشكل تُماثل، باستثناء اختلاف وحيد في الخطوة الأخيرة وهو تحديد قيمة العائد في تاريخ انتهاء الخيار.

١٣,٨,٣ تسعر الخيارات الآسيوية باستخدام إفيوز

(Pricing Asian options using EViews)

نعرض أدناه عينة من الشفرات البرمجيّة لإفيوز المستخدمة في تحديد فيمة الخيار الآسيوي، المثال المستخدم هو مثال في إطار خيار آسيوي حسابي على المؤشر FTSE 100، وسيتم إجراء عمليّتي محاكاة بأسعار محتلفة لمهارسة الخيار (إحداهما يكون خارج حدود الربحيَّة مستقبلًا، والآخر داخل حدود الربحيَّة مستقبلًا)، في كل حالة من الحاليين يكون عمر الخيار ستة أشهر، مع بده حساب المتوسّط اليومي بشكل فوري، وبتم الحصول على قيمة الخيار لكل من الشراء والبيع على شكل نقاط مُؤشر، نتحصَّل على المعلمات كها بلي، مع صياغة نسبة عائد الأرباح والمعدَّل الخالي من المخاطرة كنسب منوية:

strike=6500, risk-free=6.24, dividend yield=2.42, 'today's' FTSE=6289.70, forward price=6405.35, implied volatility=26.52

: * الماكا: *trike=5500, risk-free=6.24, dividend yield=2.42, 'today's'

FTSE=6289.70, forward price=6405.35, implied volatility=34.33

كما يُمكن أيضًا تطبيق أي لغة برمجة أو حزمة إحصائية أخرى؛ لأن كل ما هو مطلوب هو مُولد أرقام عشوائية جاوسية، إمكانية التخزين في مصفوفات وتكرار حلقي، ونظرًا لعدم إجراء أي تقدير فعلي، فمن المحتمل أن تكون الاختلافات بين الحزم ضئيلة جدًّا، تقوم جميع التجارب على ٢٥٠٠٠ تكرار، وعلى مُتغيِّراتها المضادة (الإجمالي: ٥٠٠٠٠ مجموعة من السحوبات) لتقليص خطأ مُعاينة مونت كارلو.

يرد فيها بلي بعض العيّنات من الشفرات البرمجيَّة لتسعير الخيار الأسيوي للأخطاء الموزعة بشكل طبيعي باستخدام إفيوز:

'UNDATED WORKFILE CREATED CALLED ASIAN- P WITH 50000 OBSERVATIONS WORKFILE ASIAN P U 50000 RNDSEED 12345 !N=125!TTM=0.5 !NREPS=50000 !IV=0.28!RF=0.0624 !DY=0.0242 !DT=!TTM / !N !DRIFT=(!RF-!DY-(!IV^2/2.0))*!DT !VSQRDT=!IV*(!DT*0.5) !K=5500 !S0=6289.7SERIES APVAL SERIES ACVAL SERIES SPOT SCALAR AV SCALAR CALLPRICE SCALAR PUTPRICE SERIES RANDS 'GENERATES THE DATA FOR !REPC=1 TO !NREPS STEP 2 RANDS=NRND SERIES SPOT=0 SMPL @FIRST @FIRST SPOT(1)=!S0*EXP(!DRIFT+!VSQRDT*RANDS(1))SMPL 2 IN SPOT=SPOT(-1)*EXP(!DRIFT+!VSQRDT*RANDS(!N))

```
COMPUTE THE DAILY AVERAGE SMPL @FIRST !N
AV=@MEAN(SPOT)
IF AV>!K THEN
  ACVAL(!REPC)=(AV-!K)*EXP(-!RF*!TTM)
ELSE
  ACVAL(!REPC)=0
ENDIF
IF AV<!K THEN
  APVAL(!REPC)=(!K-AV)*EXP(-!RF*!TTM)
ELSE
  APVAL(!REPC)=0
ENDIF
RANDS=-RANDS
SERIES SPOT=0
SMPL @FIRST @FIRST
SPOT(1)=!S0*EXP(!DRIFT+!VSQRDT*RANDS(1))
SMPL 2 !N
SPOT=SPOT(-1)*EXP(!DRIFT+!VSQRDT*RANDS(!N))
COMPUTE THE DAILY AVERAGE
SMPL @FIRST !N
AV = @MEAN(SPOT)
IF AV>!K THEN
  ACVAL(!REPC+1)=(AV-!K)*EXP(-!RF*!TTM)
  ACVAL(!REPC+1)=0
ENDIF
IF AV<!K THEN
  APVAL(!REPC+1)=(!K-AV)*EXP(-!RF*!TTM)
ELSE
  APVAL(!REPC+1)=0
ENDIF
NEXT
SMPL @FIRST!NREPS
CALLPRICE=@MEAN(ACVAL)
PUTPRICE=@MEAN(APVAL)
```

تستخدم أجزاء كثيرة من البرنامج أعلاه تعليات مُماثلة لتلك الواردة في محاكاة القيمة الحرجة لديكي - فولر، لذلك سوف نُركَّر الآن على شرح كيفيَّة بناء البرنامج، وعلى الأوامر التي لم نتعرَّض إليها من قبل، تقوم المجموعة الأولى من الأوامر بإعداد ملف عمل جديد بُسمى 'ASIAN_P' والذي سوف يتضمَّن جميع الكائنات والمخرجات، تُحدد السطور التالية بعد ذلك، معليات محاكاة مسار سعر الأصل الأساسي (الحد الثابت، التقلب الضمني، إلخ)، كما يقوم '!=TTM!N=!=T' بتفسيم الفترة حتى زمن الاستحقاق (٥,٠ سنة) إلى الفترة زمنيَّة مُنفصلة، وبها أن المطلوب هو المتوسط اليومي، فمن الأسهل تعيين 125=ا (العدد التقريبي لأيام التداول خلال نصف سنة)، بحيث تُمثّل كل فترة زمنية TT بومًا واحدًا، في إطار مقياس خالٍ من المخاطرة، يفترض النموذج أن سعر الأصل الأساسي يتبع حركة براونية هندسية (Geometric Brownian Motion)، والني يتم الخصول عليها بواسطة المعادلة التائية:

$$dS = (rf - dy)Sdt + \sigma Sdz \tag{19.14}$$

حيث يُمثُّل dz تزايد الحركة البراونية، هذا ويُغذُّ عرض المزيد من التفاصيل عن تمثيل الحركة البراونية للأصل الأساسي في الزمن المستمر خارج نطاق هذا الكتاب، يُقدُّم هوغ (١٩٩٨) ((١٩٩٨) مُعالجة لهذه الصيغة إلى جانب العديد من الصيغ الأخرى المفيدة لتسعير الخيارات، أمَّا هال (٢٠١١) ((١٥١١) فيُقدَّم مُناقشة مُيشَرة عن الحركة البراونية، كما يُمكن كتابة التقريب في الزمن المتقطع للمعادلة الأخيرة ولخطوة زمنية واحدة كالتالى:

$$S_t = S_{t-1} \exp\left[\left(rf - dy - \frac{1}{2}\sigma^2\right)dt + \sigma\sqrt{dt} u_t\right] \tag{Y*.14}$$

حيث يُمثّل الله عملية خطأ تشويش أبيض، تقوم التعليهات التائية بإنشاء مصفوفات للسعر الفوري الأساسي (المسمَّى 'SPOT) والقيم المخصومة للبيع ('APVAL') وللشراء ('ACVAL')، كما تُشير إلى أنه يتم بشكل افتراضي إنشاء مصفوفات بطول محدِّد من خلال صياغة تعريف 'workfile' (أي ٥٠٠٠٠).

يُمكُن الأمر 'FOR !REPC=I TO !NREPS DO REPC=I. NREPS,2' من البدء في التكرار الحلقي الرئيس للمحاكاة والذي يتواصل إلى حد بلوغ عدد التكرارات المحدّد، وذلك بزيادة ٢ في كل خطوة، ينتهي التكرار الحلقي عند 'END DO REPC'، هذا ونستخدم الرقم ٢ كخطوة لأن المتغبّرات المضادة تُستخدم أيضًا لكل تكرار، مما يؤدي إلى إنشاء مسار محاكاة آخر لأسعار الأصول الأساسية ولقيمة الخيار.

يتم إجــراء محوبات عشوائية (0.1) « ومن ثم تحويلها إلى سلسلـة من الأسعار المستقبلية للأصل الأساسي خلال الــ ١٢٥ يومًا القادمة، سوف بقوم 'AV-@MEAN(SPOT) بحساب مُتوسَّط سعر الأصل الأساسي خلال فترة صلاحبة الخيار (أي ١٢٥ يومًا)، هذا ونقوم العبارتان التاليتان بإنشاء عوائد الأرباح النهائية لخيارات الشراء والبيع على التوالي، لخيار الشراء تُحدد 'ACVAL' بمتوسط السعر الأساسي أكبر من سعر عُارسة الخيار في حالة كان مُتوسط السعر الأساسي أكبر من سعر عُارسة الخيار في حالة كان مُتوسط السعر الأساسي أكبر من سعر عُارسة الخيار (أي إذا انتهى الخيار في حالة ربح) وصفر خلاف ذلك، بالنسبة لخيار البيع يكون العكس صحبحًا، ينم تخفيض عائد الأرباح ليُعادل الفيمة الحاليّة، وذلك باستخدام المعدل الخالي من المخاطرة، ويوضع في الصف REPC لمصفوفات خيارات الشراء والبيع 'ACVAL' أو 'APVAL' على التوالي.

تُكرَّر بعد ذلك العملية باستخدام المتغيَّرات المضادة التي تم إنشاؤها باستخدام 'RANDS-RANDS'، هذا وتوضع القيم الحالية لخيارات الشراء والبيع لهذه المسارات في الصفوف ذات الأرقام الزوجيَّة من المصفوفة 'ACVAL' و 'APVAL'.

يُؤدي ذلك من إتمام الحلقة الأولى من التكرار الحلقي REPC والذي يبدأ مُجلَّدًا بــ REPC، ثم ٥، ٧، ٩، ...، ٩٩٩٩، موف تؤدي ذلك من إتمام الحلقة الأولى من التكرار الحلقي REPC واللنان سوف تحتويان على ٥٠٠٠٠ صف تنضمن القيمة الحائية خيارات الشراء والبيع لكل مسار محاكى، نتحصَّل إذًا ويبساطة على أسعار الحُيارات من خلال المتوسَّطات المتحصَّل عليها من السعاد، تكرار.

لاحظ أنه يُمكن بسهولة حساب كلِّ من قيم خيار الشراء، وقيم خيار البيع من عُاكاة مُعبَّنة، بها أن الحَطوة المُكلَّفة أكثر من الناحية الحسابيَّة هي المتقاق مسار الأسعار التي تحت مُحاكاتها للأصل الأساسي، هذا وتَرِد النتائج في الجدول رقم (١, ١٣) إلى جانب القيم المُشتقَّة من التقريب التحليلي لسعر الحَيار، والتي تعود إلى ليفي (Levy) والمقدَّرة في هوغ (١٩٩٨، ص ٩٧-١٠٠) وذلك باستخدام شفرة برمجيَّة من الفيجوال بيسك للتطبيقات.

يتمثّل الفرق الرئيس بين الطريقة التي جرت بها المحاكاة هنا والطريقة المستخدمة في محاكاة القيم الحرجة لديكي-قولر باستخدام إفيوز في أنه هنا يتم إنشاء الأرقام العشوائية من خلال فتح سلسلة جديدة تسمى 'RANDS' وتعبثتها بسحوبات من الأرقام العشوائيَّة، والسبب وراء ضرورة القيام بذلك هو أنه يُمكن لاحقًا أُخْذ سائب عناصر 'RANDS' لشكيل المتغيَّرات المضادة، أخيرًا، بالنسبة لكل تكرار، سوف يقوم الشرط IF بتحديد أسعار خيارات الشراء خارج حدود الربحيَّة (حيث بكون K>AV) وأسعار

خيارات البيع خارج حدود الربحيَّة (حيث يكون KKAV) بصفر، نقوم بعد ذلك بتخفيض أسعار خيارات الشراء والبيع لتُعادل قيمها الحاليَّة، وذلك لكل نكرار وباستخدام المعدَّل الخائي من المخاطرة، أمَّا خارج حلقة التكرار، فتكون أسعار الخيارات عبارة عن مُتوسَّطات هذه الأسعار المُخفضَّة عبر ٥٠٠٠٠ تكرار.

بنهاية المحاكاة سوف يتضمَّن ملف العمل 'ASIAN_P' العديد من الكائنات، بها في ذلك الكميات القياسية CALLPRICE و CALLPRICE والتي سوف تكون بمثابة أسعار خيارات الشراء والبيع، كها تحتوي السلاسل ACVAL و APVAL على القيم الحالية للخيار، وذلك لكل مسار من المسارات التي تحت محاكاتها والبالغ عددها ٥٠٠٠٠، هذا ويكون الحصول على كامل السلاسل من خلال كل التكرارات مُفيدًا لإنشاء الأخطاء المعياريَّة، وللتحقُّق من أن البرنامج يعمل بشكل صحيح.

يُعطي تطبيق التعليمات المذكورة أعلاه (مع أخذ K=5500 والثقلب الضمني بنسبة ٢٨٪)، الأسعار التي تحت محاكاتها لخيارات الشراء والبيع على النحو الوارد في الجدول التالي.

Strike — 6500. IV — 26.52		Strike = 5500, IV = 34.33	
CALL	Price	CALL	Price
Analytical Approximation	203.45	Analytical Approximation	888.58
Monte Carlo Normal	204.22	Monte Carlo Normal	885.29
PUT	Price	PUT	Price
Analytical Approximation	348.7	Analytical Approximation	64.52
Monte Carlo Normal	349.43	Monte Carlo Normal	61.52

تكون أسعار الخيارات المحاكات في كلنا الحالتين قريبة جدًّا من التفريبات التحليلية، على الرغم من أن محاكاة مونت كارلو يبدو أنها تُبالغ في تقدير قيمة خيارات الشراء خارج حدود الربحيَّة وتُقلِّل من قيمة خيارات البيع خارج حدود الربحيَّة، قد تنتج بعض الأخطاء في الأسعار التي تمت محاكاتها مُقارنة بالتقريب التحليلي نتيجة لاستخدام عملية حساب المتوسط في الوقت المتقطَّع تستخدم ١٣٥ نقطة فقط.

۱۳,۹ مثال عن استخدام البوتستراب في حساب متطلبات مخاطر رأس المال (An example of boostrapping to calculate capital risk requirements)

١٣,٩,١ الدافع المالي

(Financial motivation)

 أفق محُدَّد مُسبقًا وبدرجة من الثقة مُحدَّدة كذلك مُسبقًا، إن جذور شعبية القيمة المعرضة للمخاطر نتبع من بساطة حسابها، سهولة تفسيرها، ومن حقيقة أن القيمة المعرضة للمخاطر يمكن تجميعها بشكل مناسب لكامل الشركة لإنتاج قيمة واحدة تشمل نطاق واسع من مخاطر مراكز الشركة ككل، ويعرف تقدير القيمة المعرضة للمخاطر في كثير من الأحيان بمنطلبات مخاطر المركز، أو الحد الأدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال؛ سوف تُستخدم هذه المصطلحات الثلاثة كمترادفات في الشرح الوارد أدناه، توجد طرق مُتنوعة مُتاحة لحساب القيمة المعرضة للمخاطر، بها في ذلك طريقة 'دلتا العادية '، المحاكاة التاريخية والتي تتضمَّن تقدير قيم التقسيم الجزئي لعوائد المحفظة ومحاكاة مونت كارلو المهبكلة؛ انظر دود (١٩٨٩) (Dowd (1998) أو جوريون (٢٠٠٦) ((2006) للحصول على مُقدمات شاملة عن القيمة المعرَّضة للمخاطرة.

يتضمن نهج مونت كارلو خطوتين، يتم أولا تحديد عملية توليد البيانات للاصول الأساسية في المحفظة، وبجُرى ثانيًا محاكاة المسارات المستفبليَّة المحتملة لتلك الأصول على مدى أفاق معينة، ويتم فحص قيمة المحفظة في نهاية الفترة، وبالتالي يتم الحصول على عوائد لكل مسار محاكى، ومن هذا التوزيع المتحصَّل عليه من تكرارات مونت كارلو يُمكن قياس القيمة المعرضة للمخاطر، والتي تُعتبر نسبة مثرية من القيمة الأولية للمحفظة على أنها المئين الأول أو الخامس.

من الواضح أن طريقة مونت كارلو تُعتبر طريقة قوية ومرنة للغاية لتوليد تقديرات للقيمة المعرضة للمخاطر، بها أنّه بُمكن تحديد أي عملية تصادفيَّة للأصول الأساسية، كها يُمكن بسهولة إدراج تأثير زيادة التباينات، الارتباطات، ... في تصميم المحاكاة. غير أننا نجد على الأقل عَبيان بقترنان باستخدام محاكاة مونت كارلو في تقدير القيمة المعرضة للمخاطر، أولاً: بالنسبة للمحقظة الكبيرة، قد يكون الوقت الحسابي اللازم لحساب القيمة المعرضة للمخاطر كبيرًا للغاية، ثانيًا: والأهم من ذلك كله هو أن القيمة المعرضة للمخاطر المحسوبة قد تكون غير دقيقة إذا كانت العملية العشوائية المفترضة للأصل الأساسي غير مناسبة.

بشكل خاص، غالبًا ما يُفترض أن أسعار الأصول تتبع السير العشوائي أو السير العشوائي بحد ثابت، حيث تكون الاضطرابات المحرّكة عبارة عن سحوبات عشوائية من التوزيع الطبيعي، وبها أنه من المعروف جيدًا أن عوائد الأصول لها أطراف سميكة، فمن المحتمل أن يُؤدي استخدام سحوبات جاوسيَّة في المحاكاة إلى تقدير القيمة المعرضة للمخاطر بأقل عماً هي عليه بشكل منظم، بها أن العوائد الإيجابية أو السلبية الكبيرة للغابة هي أكثر احتهالًا عمليًّا من احتهال حدوثها في إطار النوزيع الطبيعي، هذا ويُمكن بطبيعة الحال تعويض السحوبات العشوائية الطبيعية بسحوبات من التوزيع في، أو يُمكن افتراض أن العوائد تتبع العملية ويمكن بطبيعة الحال تعويض المحاكاة عناسبًا حقًّا أم لا.

هناك نهج بديل يُمكن أن يتغلب على هذا الانتقاد يتمثّل في استخدام البوتستراب بدلًا من محاكاة مونت كارلو، في هذا السياق، يتم إنشاء الأسعار المستقبلية المحاكات باستخدام سحوبات عشوائية مع الاستبدال من العوائد الفعلية نفسها بدلًا من توليد الاضطرابات بشكل مصطنع من التوزيع المفترض، استُخدم مثل هذا النهج من قِبَل هسيه (١٩٩٣)، وبروكس، كلير وبيرساند الاضطرابات بشكل مصطنع من التوزيع المفترض، استُخدم مثل هذا الأدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال، سوف ننتقل الآن إلى دراسة المنهجية المقترحة من قِبَل هسيه.

استخدم هسيه (١٩٩٣) سلاسل لوغاريتم العوائد اليومية للعقود المستقبلية بالعملات الأجنبية (مُقابل الدولار الأمريكي) في الفترة الممتدَّة من ٢٢ فبراير ١٩٨٥ وحتى ٩ مارس ١٩٩٠ (١٢٧٥ مشاهدة) للجنيه الإسترليني (يُشار إليه بــ BP)، المارك الألماني (GM)، الين الياباني (JY) والفرنك السويسري (SF)، تتمثل المرحلة الأولى من مراحل إعداد إطار البوتستراب في بناء نموذج بتناسب من البيانات ويصف بشكل مُناسب خصائصها، كما استخدم هسيه اختبار BDS (الذي تحت مُناقشته باختصار في الفصل ٩) لتحديد فئة النهاذج المناسبة، يُظهر تطبيق هذا الاختبار على بيانات العوائد الخام أن البيانات ليست عشوائية، وبأن هناك هيكلاً ما في البيانات، تُشير التبعيّة في السلسلة، والتي تتجلَّى من خلال رفض الاختبار للعشوائيّة، إلى وجود إمَّا:

- y_{t-1}, y_{t-2}, ... و y_t بين بين علاقة خطية بين إلى
- او علاقة لاخطية بين ye و المحافظة لاخطية بين ye

يتم تطبيق اختبار Q لبوكس-بيرس على كلَّ من العوائد بهدف اختبار الخطية، وعلى القيم المربعة أو المطلقة للعوائد بهدف اختبار اللاخطية، لا تظهر نتائج هذا الاختبار هنا، لكنها تستبعد فعلا إمكانية التبعيَّة الخطيَّة (بحيث لن يكون نموذج الانحدار الذائي المتوسِّط المتحرِّك على سبيل المثال نموذجًا مُناسبًا للعوائد)، لكن يبدو أن هناك دليلاً على وجود تبعيَّة لاخطيَّة في السلسلة، لذلك فإن السؤال الثاني الذي يُطرح هو ما إذا كانت اللاخطيَّة في الوسط أم في التباين (انظر الفصل ٨ للتوضيح)، استخدم هسبه اختبار الارتباط المزدوج لإظهار أنه لا يوجد دليل عن اللاخطية في الوسط، وبالتالي فإن أنسب فئة من النهاذج لسلسلة العوائد هو نموذج بتباينات (شرطية) مُتغيِّرة مع الزمن، كها استخدم هسيه نوعين من النهاذج: النموذج BGARCH ونموذج تقلب الانحدار الذاتي، هذا وترد القيم المفتَّرة لمعامل النموذج EGARCH في الجدول رقم (١٠,١١).

تجدر الإشارة إلى أن هناك العديد من الخصائص لقيم EGARCH المقدِّرة، أولاً وكما يُمكن للمرء أن يتوقع بشأن عوائد العقود المستقبلية للعملات، فإن حدود عدم التهائل (أي القيم المقدِّرة لـ γ) ليست معنويَّة لأيُّ من السلاسل الأربع، تُشير الفيم المقدرة المرتفعة لـ β إلى درجة عالية من الثبات في التقلبات وذلك لجميع الحالات باستثناء البن الياباني، يرى يروكس، كلير وبيرساند (۲۰۰۰) أن مثل هذا الثبات قد يكون مفرطًا، بمعنى أن التقلبات التي ينطوي عليها التباين الشرطي المقدَّر تكون ثابتة جدًّا لإعادة إنتاج ملامح تقلب سلسلة العوائد الفعلية، يُمكن أن يؤدي مثل هذا الثبات المفرط للتقلب إلى تقدير مُبالغ فيه للقيمة المعرضة للمخطر، وبصرف النظر عن هذه المسألة استمر هسبه في تقبيم فعاليَّة النهاذج تقدير مُبالغ فيه للقيمة المعرضة للمخطر، وبصرف النظر عن هذه المسألة استمر هسبه في تقبيم فعاليَّة النهاذج المعياريَّة، التي يتم إنشاؤها عن طريق أخذ بواقي النهاذج المقدرة وقسمتها على انحرافاتها المعيارية الشرطيّة. إذا التقط النموذج EGARCH بعيم الخصائص الهامَّة للبيانات، يجب أن تكون سلسلة البواقي المعياريَّة عشوائية تمامًا. كما يُلاحظ أن النموذج EGARCH لا يستطيع التقاط كل التبعيَّة اللاخطيَّة في سلاسل المارك والفرنك.

الجدول رقم (١٣٠١) قيم النموذج EGARCH المُقِدَّرة لغوائد العقود الستقبلية

$$X_t = \mu + \sigma_t \eta_t$$

$$\eta_{r} \sim N(0,1)$$

$$log \sigma_t^2 = \alpha + \beta \sigma_{t-1}^2 + \phi(|\eta_{t-1}| - (2/\pi)^{1/2}) + \gamma \eta_{t-1}$$

القرنك السويسري	الين الياباني	المارك الألماني	الجنيه الإسترليني	المعامل
٠,٠٠٠٢٣٩	٠,٠٠٠٢٢	٠,٠٠٠٢٧٧	+, + + + + 1 9	μ
(+, +++ + 7 0)	(+,+++1/4)	(·,···۲۱٤)	(+,···Y+A)	
.,9977\$1-	£ , £٣٨٢٨٩-	1, • ٧ ٣ ٣ ٣ ٩ –	+, %AA\YV-	α
(+, +TTEV9)	(·, volv· £)	(+,+£1AYA)	(+,+T++AA).	
· , A900TV	• , pp • V • V	٠,٨٨٩٥١١	• , 97.47.4	β
(・,・・Yo・A)	(·,·VoAo1)	(+,+£٣A3)	(+,++490)	
•,107779	• , ۲۸۲ ۱٦٧	٠,١٨٧٠٠٥	+,170101	φ
(+,+11:17)	(·,·٩٢٣٥٧)	(+,+YATAA)	(+,19971)	
., 179.70	٠,٣١٣٢٧٤	· , · AEIVT	+,11+٧1٨-	Y
(·,١٦٦٥·٧)	(•, ٢•١٥٣١)	(•) { ٧ ٢ ٧ ٩)	(+ \VV (0A)	

ملاحظات: الأخطاء المعيارية موضوعة بين قوسين.

المصدر: هسيه (١٩٩٣)، أعيد طبعه بإذن من كلية إدارة الأعيال، جامعة واشنطن.

يُستمد النهج الثاني لنمذجة التقلب من مُقدر التقلب المرتفع/ المنخفض، وبالتائي يتم إنشاء سلسلة التقلبات اليومية باستخدام التقديرات المقاسة مُجدَّدًا على مدى يوم التداول:

$$\sigma_{Pt} = (0.361 \times 1440/M)^{1/2} \log(High_t - Low_t)$$
 (Y1.17)

حيث يُمثّل Low, و الدوم أعلى وأدنى أسعار مُتداولة خلال اليوم t و M عدد دقائق التداول خلال اليوم، يُمكن الآن نمذجة سلسلة الثقلب عهر كأيَّة سلسلة أخرى، باعتبار التبعيَّة (أو الثبات) في التقلبات، يكون النموذج الطبيعي المفترح هو نموذج الانحدار الذاتي في التقلب، تُعرف الصيغة المستخدمة لسلسلة الأسعار بنموذج تقلب الانحدار الذاتي:

$$\chi_t = \sigma_{P,t} u_t$$
 (YY, YY)

$$\ln \sigma_{Pt} = \alpha + \sum_{i} \beta_{i} \ln \sigma_{Pt-i} + \nu_{t}$$
 (YY, YY)

حيث يُمثّل ١٠ حد الحُطأ، يُحدُّد الطول المناسب لفترة إبطاء نموذج نقلب الانحدار الذاتي باستخدام معيار معلومات شوارتز الذي يُشير إلى استخدام ٨، ٨، ٥ و ٨ كفترات إبطاء لسلاسل الجنيه، المارك، الين والفرنك على التوالي، هذا وتَرد قيم المعاملات المقدَّرة لنهاذج تقلب الانحدار الذاتي في الجدول رقم (٢ , ١٣).

		$X_t = \sigma_{P,t} + u_t$			
	$ln\sigma_{P_r}$	$t = \alpha + \sum_{i} \beta_{i} + ln\sigma_{P,t-i}$	$+ v_t$		
الفرنك السويسرة	اثين الياباني	الثارك الأثناني	الجنيه الإسترليني	المعامل	
1, 114-), AV E-	١,١٣٩-	١, +٣٧-	α	
(+, \9T)	(+,144)	(+, \AV)	(+,1V3)		
+,110	۸۰۲, ۰	۲۵۲,۰	•, ۱۹۲	β_1	
(+,+YA)	(·,·YA)	(* , * YA)	(+,+YA)		
+, 1+7	٠,١٣٧	•,111	٠, ١٣٤	$oldsymbol{eta}_2$	
(+,+YA)	(+,+YA)	(*, *YA)	(*,*Y4)		
•, • 1/4	·, · 0 A	٠,٠٥٢	•,•17	β_3	
(+,+YA)	(+,+74)	(·,·YA)	(*,*Y4)		
+,+91	٠,١٠٩	· , · ٩٢	·,+19	β_4	
(+,+7A)	(+,+YA)	(A7. +)	(+,+Y4)		
٠,١١٨	٠,١١٢.	٠,٠٩١	•, \٣٧	β_5	
(• , • ₹ ٨)	(·,·YA)	(+, +YA)	(+,+YA)		
+, +V£		٠,٠٧٢	·,·YV	β_{6}	
(+,+YA)		(·,·YA)	(+,+Y4)		
٠,٠٨٦		٠,١١٠	·,·V*	β_7	
(·,·YA)		(+,+YA)	(*, ·YA)		
٠,٠٧٨		٠,٠٧٩	۰,۰۸۸	β_{B}	
(·,·YA)		(+,+YA)	(*,·YĀ)		
+,197	• , 3V+	• , YYV	• , YV £	₽ ^z	

المصدر: هسيه (١٩٩٣)، أعيد طبعه بإذن من كلية إدارة الأعيال، جامعة واشنطن.

نتحصًّل على درجات الثبات لكل سلسلة سعر صرف، والتي تدل عليها القيم المقدَّرة في نموذج نقلب الانحدار الذاتي، من معموع معاملات β، وهي على التوالي ١٩، ١٥، ١٥، ١٥، ١٠ و ٢٤، ١٠، أعتبر هذه الأرقام عالية، وإن كانت أقل من تلك الواردة في صياغة النموذج المعرود التحصيل على البواقي المعياريَّة لهذا النموذج من خلال مره المعرود على أمثًل مره قيم النقلُّب المجهَّزة من النموذج، لا يُظهِر تطبيق اختبار BDS على هذه البواقي المعياريَّة أي دليل على وجود تركيبة إضافية باستثناء طرق محاكاة الفرنك السويسري حيث تكون إحصاءات الاختبار ذات معنويَّة هامشية، وبالتائي، بها أن هذه البواقي الموحدة مُستقلَّة ومُوزَّعة بشكل مُتطابق فإنه يجوز إجراء معاينة من هذه البواقي باستخدام تفنية البوتستراب.

وتلخيصًا لما سبق يُستنج أن كلًا من النموذج EGARCH ونموذج نقلب الانحدار الذاتي يُقدِّمان توصيفات معقولة لسلاسل عوائد العقود الأجلة، تُستخدم فيها بعد هذه النهاذج إلى جانب البوتستراب للحصول على تقديرات القيم المعرضة للمخاطر، يتحقَّق ذلك من خلال إجراء محاكاة للفيم المستقبليَّة لسلاسل الأسعار المستقبلية باستخدام قيم المعلمات الفدَّرة من النموذجين واستخدام الاضطرابات التي تم الحصول عليها عن طريق المعاينة مع الاستبدال من البواقي المعاريَّة (١٠٠٠هُم) بالنسبة للنموذج EGARCH والاستبدال من يه و به بالنسبة لنهاذج تقلب الانحدار الذاتي، وبهذه الطريقة، من الممكن محاكاة ١٠٠٠ مسار مستقبل للسلاسل (أي يتم استخدام ١٠٠٠ تكرار)، وفي كل حالة يُمكن حساب الخد الأقصى للانخفاض (الحسارة) خلال فترة احتفاظ معينة بالخيار من خلال المعادلة التالية:

$$Q = (P_0 - P_1) \times number \ of \ contracts \tag{75.17}$$

حيث يُمثّبل P القيمسة الأوليسة للمركز و P هو أدنى سعر محساكى (للمركز الطويسل)، أو أعلى سعر محساكى (للمركز القصير) خلال فسترة الاحتفاظ، يتم حساب الحسد الأقصى للخسارة بافتراض فترات احتفاظ تضم ١، ٥، ١٠، ١٥، ١٠، ٢٠، ٢٠، ٢٠، ٢٠، ٢٠، ٩٠ و ١٨٠ يومًا، من المفترض أن يتم فتح مركز العقود المستقبلية في اليوم الأخير للعينسة المستخدمة لتقدير النهاذج أي في ٩ مارس ١٩٩٠.

يُمكن اتخاذ المئين التسعين لهذه الخسائر القصوى البالغ عددها ١٠٠٠٠ للحصول على قيمة رأس المال المطلوب لتغطية الخسائر في ٩٠٪ من الأيام، من المهم للشركات في تأخذ بعين الاعتبار الحد الأقصى من الخسائر اليومية الناشئة عن مراكزها المستقبلية، بها أن الشركات سوف تكون مُطائبة بإضافة المزيد من الأموال إلى حساباتها الاحتياطيَّة لتغطية هذه الخسائر، إذا لم يتم توفير الأموال لحساب الاحتياط، فمن المرجح أن تقوم الشركة بتصفية مركز عقودها المستقبلية، وبالتالي ندمير أي تأثيرات تحوطيَّة تتطلبها الشركة من العقود المستقبلية في المقام الأول.

ومع ذلك يستخدم هسيه (١٩٩٣) نهجًا مختلفًا قليلًا عن المرحلة النهائية، بتمثّل فيها يلي، بافتراض أن عدد العقود المحتفظ بها هو ١ (بدون فقدان للعمومية) يُمكن بالنسبة للمركز الطويل كتابة ما يلي:

$$\frac{\varrho}{z_0} = \left(1 - \frac{z_1}{z_0}\right) \tag{Younge}$$

أو

$$\frac{Q}{x_0} = \left(\frac{x_1}{x_0} - 1\right) \tag{Y7.14}$$

بالنسبة للمركز القصير، يُعرف عنه بأنه السعر الأدنى للمركز الطويل (أو السعر الأقصى للمركز الفصير) على مدى أفق الاحتفاظ بالمركز، في كلنا الحالتين وبها أن عن ثابت، سوف يعتمد توزيع Q على توزيع عنه يفترض هسيه (١٩٩٣) أن الأسعار تتبع الثوزيع الطبيعي اللوغاريتمي، أي أن لوغاريتهات نسب الأسعار:

$$ln\left(\frac{\chi_1}{\chi_2}\right)$$

مُوزَّعة بشكل طبيعي، وإزاء هذه الحالة يُمكن الحصول على تقدير بديل للمثين الخامس لتوزيع العوائد عن طريق أحذ القيمة الحرجة المناسبة من الجداول الإحصائية للتوزيع الطبيعي، ثم ضربها بالانحراف المعياري وإضافتها إلى مُتوسِّط التوزيع.

تُقارِن الحَدود الدنيا لمُنطلبات مخاطر رأس المال المقدَّرة باستخدام النموذج EGARCH ونموذج تقلب الانحدار الذاتي مع تلك المقدَّرة باستخدام البوتستراب من تغيِّرات الأسعار نفسها، وتُسمى "نموذج الكتافة اللاشرطية" (Unconditional Density Model)، ترد الحدود الدنيا لمتطلبات مخاطر رأس المال المقدَّرة في الجدول رقم (٢٣,٣).

تُشير المدخلات الواردة في الجدول رقم (٣, ١٣) إلى مقدار رأس المال اللازم لنغطية ٩٠٪ من الحسائر المتوقعة، كنسبة مثوية للقيسم الأوليسة للمراكز، على سبيل المتسال، وفقًا للنموذج EGARCH ينبغي الاحتضاظ بحوالي ١٨٤٪ من قيمة المركز الطويل في حسالة الين لتغطية ٩٠٪ من الحسائر المتوقعة لفترة احتفاظ تُعادل ١٨٠ يومًا، نحتوي النسائج على العديد من الحسائص المثيرة للاهتمام، أولًا: تكون الحدود الدنبا لمتطلبات مخاطر رأس المال المشتقة من تطبيق البوتستراب على تغير الاسعار نفسها (النهج اللاشرطي) في مُعظم الحسلات أعلى من تلك الناتجة عن السطريقتين الأخريين، وخاصة لآفاق الاستئمار القصيرة، يُعتقد أن ذلك بحدث بسبب حقيقة أن مستوى النقلي الشرطية فرة حساب الحدود الدنبا لمتطلبات مخاطر رأس المال يكون مُنخفظ المبداية أن يكون التقليب أقل من المتوسط التساريخي، ومع زيادة فترة الاحتفاظ من اللي ١٨٠ يومًا، تتقسارب القيم المقدرة للحدود الدنبا لمتطلبات من تلك المتحصّل عليها من المحدود الدنبا لمتطلبات مناطر رأس المال المستحصّل عليها من المتوفح EGARCH حتى بعد ١٨٠ يومًا، تتقارب الفيم المقدرة للحدود الدنبا لمتطلبات مناطر رأس المال المستحصّل عليها من المتوفح EGARCH حتى بعد ١٨٠ يومًا، وي الواقع، في بعض الحالات يبدو أن القيم المقدّرة للحدود الدنبا لمتطلبات مخاطر رأس المال المتحصّل عليها من النموذج EGARCH عليها من المتول عليها من النموذج EGARCH عليها من المتول عليها من النموذج EGARCH عليها من المال.

كما يمكن مُلاحظة أن الحدود الدنيا لمتطلبات مخاطر رأس المال للمواكز القصيرة أكبر مُقارنة بتلك الحاصة بالمراكز الطويلة، يُمكن أن يُعزى ذلك إلى الاتجاه التصاعدي في عوائد العقود المستقبلية خلال فترة العينة، مما يدل على أن الحركة التصاعدية في سعر العقود المستقبلية كانت في المتوسَّط أكثر ترجيحًا من سقوط سعر هذه الأخيرة.

هناك خطوة أخرى في التحليل لم يُجْرِها هسيه، ولكن تظهر في بروكس، كلير وبيرساند (٢٠٠٠)، وهي نقيبم القيم المقدَّرة للحدود الدنيا لمتطلبات مخاطر رأس المال في فترة خارج العيَّنة، سوف يقيَّم مثل هذا التمرين النهاذج، مع افتراض أنه تم استخدام الحد الأدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال المقدَّر من النموذج.

الجدول رقم (١٣,٣) الحد الأدني لمتطلبات محاطو رأس المال لعقود العملات المستقبلية كتسبة متوية من القيعة الأولية للمركز

			مركز طويل		مركز	مركز قصير		
	عدد الأيام	الإنحدار الذاني	الكثافة اللاشر طية	EGARCH	الانحدار الذاق	الكثافة اللاشرطية	EGARCH	
نيه الإسترليني	١	۰,۷۳	-,91	٠, ٩٣	٠,٨٠	٩, ٩٨	1,.0	
	2	1,4+	۲,۳۰	۲,٦١	۲,۱۸	۲,۷٦	۲,۰۰	
	١.	۲,۸۳	٣,٢٧	8,14	۲,۲۸	٤,٢٢	£, AA	
	١٥	T, 22	14, 45	Þ, VT	1,10	٥,٤٨	3,30	
	۲.	٤,١٠	17,3	٦,٩٦	0,75	ኒ ,ምም	۸, ٤٣	
	70	٤,٥٩	٥,١٥	Α,ΥΦ	1,1.	V, #1	1+,87	
	۳۰	٥,+٢	0,21	٩,+٨	γ,11	۸,۳۳	17, 17	
	٦.	V, Yž	V, £ £	12,0.	11,14	NY, AV	7+,77	
	q.	Α, V ξ	A , V+	14,41	10,50	ነጊ, ዒ+	۲۸,۰۳	
	141	13,44	Y+,3V	Y ž, T o	10,81	ኛል,ተገ	ξΑ,•Υ	
	١	-, VY	۰,۸۷	٠, ٨٣	٠,٨٩	3,++	-, 40	
النارك الأثناني	٥	1,49	۲,۱۸	Τ,Τέ	۲,۲۲	T,V.	7,41	
	١.	¥,VV	٣,١٤	ዮ, ቂዮ	٣,1.	٤,١٢	۰,۰۳	
	10	٣,04	۳,۸٦	0, TV	٤,٣٦	۵,۳+	1,44	
	γ.	ξ, + ⊃	٤,٤٥	7,0%	0,19	٦,١٤	A, 41	
	Υo	٥,٥٥	٤,٩٠	V,, A7.	٦,١٤	V.Y1	1+,79	
	۳۰	\$, 4 m	۰,۳۷	A,Va	٧,٠٢	٧,٨٨	17,77	
	٦٠	v.11	V, Y£	18,12	11,57	۱۲,۳۸	7+,47	
	۹.	A, AV	ለ,ተባ	17,-7	18,34	17,17	YV, V0	
	١٨٠	11,78	۱۰,۳۵	41,79	75,70	የ ጊ, የ ១	\$0,74	
لين الياباني	١	٠,٥٢	٠,٧٤	• , VT	٠,٦٨	· , AV	7A, 1	
	a	1,71	1,99	۲,۲۳	1,97	የ,ምን	7,17	
	١.	۲,۵۹	۲,۸۲	Ϋ, έ٦	۴,٠٦	۲,°۲	٤,٤١	
	١٥	٣,٣٠	٣,٤٦	٤٠٣٧	£,11	£, ጌ+	0,49	
	τ.	4,40	٤,١٠	٥,٠٩	0,14	9,29	1,77	
	Yo	1,17	£,0A	o,VA	0,91	ጌ,ቸ፥	V,9A	
	ψ.	٤,٩٥	1,47	٦,۴٤	1,01	٦,٨٥	۸,۸۱	

تابع الجدول رة	17,7)+						
	٦.	1,44	٦,٨٤	A, VY	1.,07	1+,VE	17,01
	ą.	۸, ٤٣	Α, • •	1 + 2 0 1	14,11	18,++	۱۷, ۱۳
	14.	1.,47	1 - , **	14,44	11,83	77,77	77,79
الفرتك	١	٠,٨٢	۰,۷۹	٠,٨٩	٠, ٩٣	١,١٢	٠,٩٨
السويسري	٥	1,44	۲,۵۱	Υ, ξΑ	۲,۲۳	Y , ቁም	Υ, ٩Λ
	1 -	Y,AV	۴,۳۰	٤,١٣	r,rv	٤,٥٣	۶,۰۹
	۱۵	٣,3٧	٤,٣٥	٠,٦٠	٤,٢٢	۷۲, ۵	v. •٣
	۲.	٤,٣٤	٥,١٠	٦,٨٢	2,+9	7,79	٨,٨٦
	Yo	٤,٨١	0,70	۸,۱۲	۵,٩٠	V , VV	1.,95
	۳۰	0,87	٦,٢٠	4,37	٦,٧٠	Α, εν	14,00
	7.	V,79	۸, ٤١	1#,V#	1.,00	14,14	* 1 , * V
	۹.	4,50	4,44	17,89	۱۴,٦٠	17, 12	TV.A.
	14.	14,14	14,00	YY, 9Y	Y1,VY	YV, 80	£0, £V

المصدر: هسيه (١٩٩٣)، أعبد طبعه بإذن من كلية إدارة الأعيال، جامعة واشنطن.

ومن خلال تتبع التغير في فيمة المركز مع الزمن، إذا كان الحد الأدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال مُناسبًا، فيجب أن يكون ٩٠٪ من أيام الاختبار خارج العينة، يُسمى أي يوم يكون فيه الحد الأدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال غير كافي تتغطية الحسائر "التجاوز" أو "الاستثناء"، يُعتبر النموذج الذي يؤدي إلى أكثر من ١٠٪ من الاستثناءات للتغطية الاسمية بنسبة ٩٠٪ غير مقبول على أساس أنه في المتوسط لم يكن الحد الأدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال كافيًا، وبالمثل، فإن النموذج الذي يُؤدي إلى استثناءات أقل يكثير من نسبة ١٠٪ من الاستثناءات المتوقعة، يُعتبر أيضًا غير مقبول على أساس أنه تم تحديد حد أدنى المتطلبات مخاطر رأس المال عند مستوى عالم بشكل غير مُناسب، مما يؤدي إلى تقييد رأس المال دون ضرورة في شكل سيولة، ودون أن يكون مُيرًا الأرباح، لاحظ بروكس، كلير وبيرساند (٢٠٠٠)، كما هو الحال بالنسبة لنتائج هسيه، أن قيم الحد الأدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال المقدَّرة من النهاذج من توع GARCH عالية للغاية، مما يؤدي إلى عدد تجاوزات أقل بكثير من النسبة الاسمية.

١٣ , ٩ , ١٢ ثقدير القيمة المعرضة للمخاطر باستخدام البوتستراب في إفيوز

(VaR estimation using bootstrapping in EViews)

عقب المناقشة الواردة أعلاه بشأن مناهج هسيه (١٩٩٣) وبروكس، كلير وبيرساند (٢٠٠٠) المستخدمة في حساب الحدود الدنيا لمتطلبات مخاطر رأس المال، يُمكن استخدام الشفرة البرمجيَّة لإفيوز التالية لحساب الحد الأدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال لفترة احتفاظ بطول ١٠ أيام (وهو الطول الذي تطلبه الهيئات التنظيمية من البنوك)، وكذلك البيانات اليومية لـــ S&P500، الموجودة في الملف 'sp500.wf1'، يرد فيها يلى الشفرة البرمجيَّة متبوعة بنسخة مشروحة لبعض الأسطر الرئيسة.

```
THIS PROGRAM APPLIES THE BOOTSTRAP TO THE
'CALCULATION OF
'MCRR FOR A 10-DAY HORIZON PERIOD
'LOAD WORKFILE
LOAD "DACHRIS\BOOK\SP500.WF1"
RNDSEED 12345
!NREPS=10000
SERIES RT
SERIES U
SERIES H
SERIES MIN
SERIES MAX
SERIES L1
SERIES S1
SCALAR MCRRL
SCALAR MCRRS
RT=LOG(SP500/SP500(-1))
EQUATION EQLARCH(M=100,C=1E-5) RT C
EQ1.MAKEGARCH H
EXPAND 1 10000
SERIES HSQ=H'0.5
SERIES RESI=RT-@ COEFS(1)
SERIES SRES=RESUHSO
EQ1.FORECAST RTF YSE HF
BOOTSTRAP LOOP
FOR !Z=1 TO !NREPS
  SMPL 3 2610
  GROUP G1 SRES
  GLRESAMPLE
  SMPL 2611 2620
  RT = @COEFS(1) + @SQRT(HF(-2610))*SRES B(-10)
  SP500=SP500(-1)*EXP(RT)
MIN(!Z)=@MIN(SP500)
MAX(IZ)=@MAX(SP500)
NEXT
SMPL 1 10000
LONG POSITION
L1=LOG(MIN/1138.73)
MCRRL=1-(EXP((-1.645*@STDEV(L1))+@MEAN(L1)))
SHORT POSITION
S1=LOG(MAX/1138.73)
MCRRS=(EXP((1.645*@STDEV(S1))+@MEAN(S1)))-1
```

سوف يركز شرح الشفرة البرجيّة لإفيوز الواردة أعلاه مجُدَّدًا على الأوامر التي لم نتم مناقشتها سابقًا، تقوم العبارات "SCALAR و "... SCALAR" بإعداد مصفوفات تُحفظ بداخلها السلاسل والأعداد القباسيّة (أي الأعداد المفردة) على التوالي، "SCALAR و "SCALAR" والساح العملية بإجراء ما يصل إلى ١٠٠ تكوار مع معيار تقارب يعادل تم إنشاؤه بد 'EQ1' والساح للعملية بإجراء ما يصل إلى ١٠٠ تكوار مع معيار تقارب يعادل السطر وانشاؤه بد كيا التعمل المعملية المتعبر التابع وتنضمًا معادلة المتوسّط الشرطي حدًّا ثابتًا لا غير، كما سيعمل السطر الشفرة (وهو سلاسل العوائد) المتغير التابع وتنضمًا معادلة المتوسّط الشرطي حدًّا ثابتًا لا غير، كما سيعمل السطر الشفرة (المحدة على إنشاء سلسلة من قيم التباين الشرطي المجهّزة من النموذج، والتي يُشار إليها بحرف H، أمَّا الشفرة (المحددة الإصلي لسلسلة على تزيد من طول المصفوفات في ملف العمل من الطول الأصلي لسلسلة (المحددة) إلى ١٩٠٠٠.

سوف تقوم الأسطر الثلاث التالية SERIES RESI=RT-@COEFS(I) «SERIES HSQ-H'0.5 و SERIES RESI=RT-@COEFS(I) و SERIES و SRES=RESI/HSQ بإنشاء مجموعة من اليواقي المعياريَّة.

أمًا الخطوة التائية فتتمثّل في التنبؤ بالتباين الشرطي للعشر مُشاهدات من ٢٦١١ إلى ٢٦٢٠ باستخدام الأمر 'EQI.FORECAST RTF YSE HF' والذي سوف يقوم بإنشاء توقعات للمتوسَّط الشرطي (الموضوعة في RTF)، للانحراف المعياري الشرطي (YSE) وللنباين الشرطي (HF) على التوائي.

نجد فيها بعد جوهر البرنامج المتمثّل في التكرار الحلقي للبوتستراب، Z، ثم تعريف عدد التكرارات 'NREPS' بـــ نجد فيها بعد جوهر البرنامج المتمثّل في التكرار الحلقي للبوتستراب، Z، ثم تعريف عدد التكرارات 'GROUPGI SRES على عنصر واحد فقط وهو SRES)، يتم فيها بعد إجراء مُعاينة عليها، ثم يتم وضع السلسلة التي تحت إعادة مُعاينتها في SRES-B، يتم بعد ذلك إنشاء المسارات المستقبليَّة للسلاسل خلال فترة الاحتفاظ لمدة عشرة أبام ويتم حفظ الحد الأقصى والحد الأدنى للسعر الذي تحقَّق خلال تلك الفترة (المشاهدات ۲۲۱۱) في المصفوفات MAX و MIN على التوالي، أخبرُا: يُنهى NEXT حلقة تكرار البوتستراب.

تُعَدُّ الشفرة SMPL التائية ضرورية لإعادة تعيين فترة العبَّنة المستخدمة لتغطية جميع أعداد المشاهدات من ١ إلى ١٠٠٠٠ (أي دمج جميع تكرارات البوتستراب والبائغ عددها ١٠٠٠٠)، في صورة عدم إدراج هذه الشفرة فإن إفيوز يقوم بشكل افتراضي باستخدام تعليمة العبِّنة الأحدث ويقوم بإجراء التحليل فقط باستخدام المشاهدات ٢٦٢١ إلى ٢٦٢٠:

SMPL 1 10000

تقوم مجموعة الأمرين التالية بتوليد الحد الأدنى لمنطلبات رأس المال للمركز الطويل، المرحلة الأولى هي بناء لوغاريتم العوائد للحد الأقصى للخسارة خلال فترة الاحتفاظ المحدَّدة بعشرة أيام، كما تُشير إلى أن هذا الأمر سوف يقوم تلقائيًا بهذا الحساب لكل عنصر في الصف 'MIN' أي لـ ١٠٠٠ تكرار، وبهدف استخدام المعلومات من جميع التكرارات، وبافتراض أن الإحصاءة الما تتبع التوزيع الطبيعي خلال التكرارات، يُمكن حساب الحد الأدنى لمتطلبات رأس المال باستخدام الأمر المعطى (بدلًا من استخدام المئين الخامس للتوزيع التجريبي)، ويعمل ذلك على النحو التالي، بافتراض أن (ن الله موزَّع بشكل طبيعي، مُتوسَّطه ١١ وانحرافه المعياري من خلال طرح المتوسط والقسمة على الانحراف المعياري:

$$\frac{\ln\left(\frac{x_1}{x_0}\right) - m}{sd} \sim N(0,1)$$

عند النسبة ٥٪ تكون القيمة الحرجة للذيل السفلي للنوزيع الطبيعي المعياري مُساوية لـــ -١،٦٤٥ ، ١، لذلك للعثور على المُين الخامس:

$$\frac{\ln\left(\frac{x_1}{x_0}\right) - m}{a^{\frac{1}{2}}} = -1,645 \tag{YV.YY}$$

نقوم بإعادة ترتيب المعادلة رقم (٢٧،١٣):

$$\frac{x_3}{x_5} = \exp[-1.645sd + m] \tag{YALYY}$$

ومن المعادلة رقم (١٣، ٢٥)، يُمكن كذلك كتابة المعادلة رقم (١٣، ٢٨) على النحو التالي:

$$\frac{Q}{x_0} = 1 - \exp[-1.645sd + m] \tag{YALYY}$$

والتي سوف تُعطي الحد الأقصى للخسارة أو للانخفاض على المركز الطويل خلال العشرة أيام التي تمت عُاكاتها، كما نتحصَّل على الحد الأقصى للانخفاض على المركز القصير كالتالي:

$$\frac{\varrho}{s_o} = \exp[-1.645sd + m] - 1 \tag{Y*.1Y}$$

يكرّر السطرين الثاليين الإجراء الموضح أعلاه، لكن يتعويض 'MIN' بـــ 'MAX' لحساب الحد الأدنى لمثطلّبات رأس المال للمركز القصير، أمَّا النتائج التي سوف يتم توليدها من خلال تشغيل البرنامج أعلاه فهي تقريبًا التالية:

MCRR = 0.04035

MCRR = 0.04814

حيث يرمُز MCRR إلى الحد الأدنى لمتطلّبات رأس المال، تمثّل هذه الأرقام الحد الأدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال بالنسبة للمراكز الطويلة والقصيرة على التوالي، كنسبة منوية من القيمة الأولية للمركز مُقابل تغطية ٥٩٪ على مدى عشرة أيام، ويعني ذلك على سبيل المثال، أن ٤٪ تقريبًا من قيمة مركز طويل محتفظ به كرأس مال سائل ستكون كافية لتغطية الحسائر في ٩٥٪ من الأيام إذا تم الاحتفاظ بالمركز لمدة عشرة أيام، بالنسبة لرأس المال المطلوب لتغطية ٩٥٪ من الحسائر على مدى فترة احتفاظ لمدة عشرة أيام لمركز قصير في مؤشر المؤلك عشرة أيام، بالنسبة لرأس المال المطلوب لتغطية ٩٥٪ من الحسائر على مدى فترة احتفاظ لمدة عشرة أيام لمركز قصير في مؤشر المؤلك المؤشر شهد انزلاقًا إيجابيًا خلال فترة العينّة، لذلك فإن عوائد المؤشر ليست مُنهائلة حول الصفر، بها أن العوائد الإيجابية تكون أكثر احتهالًا بقليل من العوائد السلبية، وبائتالي فإن منطلبات رأس مال مُرتفعة تكون ضرورية للمركز القصير بها أن الحسارة تكون أكثر احتهالًا مُقارنة بالمركز الطويل بنفس الحجم.

الفاعيم الرئية يُمكن من خلال هذا الفصل تعريف وشرح المصطلحات الرئيسة التالية: • المحاكاة • البوتستراب • تغيّرية معاينة مونت كارلو • عدد شبه عشوائي • المتغيّرات المضادة • مُتغيّرات التحكم

أسئلة التعلم الذاي

- (١) (أ) اذكر مثالين من مجال الماليَّة ومثالين من الاقتصاد القياسي (يُفضَّل أن تكون غير تلك المذكورة في هذا الفصل!) عن
 الحالات التي يكون فيها نهج المحاكاة مرغوبًا، اشرح في كل حالة الفائدة وراء عمليات المحاكاة.
- (ب) ميَّز بين طرق المحاكاة البحتة والبونستراب، ما هي المزايا التسبية لكل تقنية؟ بناء على ذلك أي حالات يُمكن الاستفادة منه من التقنية الأخرى؟
 - (ج) ما هي تقنيات تقليل التباين؟ صِف اثنتين من هذه التقنيات مع شرح كيفيَّة استخدامها.

طرق المحاكاة ٩٤٠٧

- (د) لماذا من الجيد إجراء المحاكاة باستخدام أكبر عدد مُكن من تكرارات التجربة؟
 - (a) كيف يتم توليد الأرقام العشوائية بواسطة جهاز الكمبيوتر؟
- (و) ما هي عيوب طرق المحاكاة مُقارنة بالأساليب التحليلية، بافتراض أن هذه الأخيرة مُتاحة؟
- (٢) تخبرك باحثة بأنها تعتقد أن خصائص اختبار ليونغ-بوكس (أي حجم الاختبار وقوَّته) سوف تتأثر سلبًا بوجود ARCH في البيانات، قم بتصميم تجربة محاكاة لاختبار هذا الاقتراح.
 - (٣) (أ) لننظر في النموذج (AR(1) التالي:

$y_t = \phi y_{t-1} + u_t$

قم بتصميم تجربة محاكاة (باستخدام شفرة برجيَّة في إفيوز) لتحديد تأثير زيادة قيمة ١٥ من ١٠ إلى ١ على توزيع النسب ي.

- (ب) نأخذ مجددًا النموذج (ΑR(1) المذكور في الجزء (أ) من هذا السؤال، كها ورد في الفصل ٤، من المفترض أن المتغيّرات المفسّرة في نموذج الانحدار غير تصادفيّ، ورغم ذلك فإن بيء تصادفي، وكنتيجة لذلك فإن مُقدر φ سوف يكون متحيزًا في العيّنات الصغيرة، قُم بتصميم تجربة محاكاة للتحقق من تأثير قيمة φ وحجم العيّنة على مدى التحيّر.
- (٤) الخيار المقيد (Barrier Option) هو خيار يعتمد على مسار تُحدَّد، وبعتمد ربحه على ما إذا كان سعر الأصل الأساسي يتجاوز العتبة المحدَّدة أم لا، يُعرف عقد خيار الشراء غير النشط بأنه خيار شراء يزُول عندما بنخفض السعر الأساسي عن مستوى الحاجز المعطى H، وهكذا نتحصَّل على الربح كما يلي:

$$\begin{aligned} \max[0, S_{T-K}] & \text{ if } S_t > H \ \forall \ t \leq T \\ 0 & \text{ if } S_t \leq H \text{ for any } t \leq T \end{aligned}$$

حيث يُمثَّل 5r السعر الأساسي في تاريخ الانتهاء T و K سعر التنفيذ، لنفترض أن عقد خيار الشراء غير النشط مُكتتب على المؤشر IV = 25% ، H = 4900 ، القيمة الحالية للمؤشر 5000 = S والوقت المتبقَّي حتّى تاريخ الاستحقاق = 1 سنة، 4900 ، W = 25% ، المعدل الحالي من المخاطر = ٥٪ ونسبة عائد الأرباح = ٢٪.

قم بتصميم محاكاة مونت كارلو لتحديد السعر العادل الواجب دفعه مُقابل هذا الخيار، باستخدام نفس مجموعة السحويات العشوائية، ما هي قيمة خيار الشراء الماثل دون حاجز؟ قُم بتصميم شفرة حاسوبية في إفيوز لاختبار تجربتك.

ولفمخ وارويع عشر

إجراء بحوث تجريبية أو عمل مشروع أو أطروحة في مجال الماليَّة Conducting empirical research or doing a project or dissertation in finance

غرجات التعلم

ستتعلم في هذا الفصل كيفية:

- اختيار موضوع مُناسب لمشروع بحث تجريبي في مجال الماليَّة
 - إعداد مقترح بحثى
 - إيجاد مصادر مُناسبة للأدبيات وللبيانات
 - تحديد هيكل مُناسب للأطروحة
 - إعداد وإجراء دراسة سليمة للحدث (Event Study)
- استخدام نهج فاما-ماكبث (Fama-MacBeth) ونهج فاما-فرنش لاختبار
 نهاذج تسعير الأصول وشرح التفاوت في عوائد الأصول

١ , ١٤ ما المقصود بمشروع بحث تجريبي ولأي غرض يُستخدم؟

(What is an empirical research project and what is it for?)

تتطلّب العديد من المقررات خلال مرحلة الدراسة الجامعية وعلى مُستوى الدراسات العُليا، أو تسمح للطالب بإجراء مشروع بحث، وقد يختلف ذلك من مقال مُوسَّع إلى بحث شامل أو أطروحة من ١٠٠٠٠ كلمة أو أكثر، يُقبِل الطلاب عادة على هذا الجزء من شهادتهم الجامعية بكثير من التخوُّف، وإن كان القيام بمشروع البحث يُقدِّم في واقع الأمر فُرصة فريدة للطلاب لاختيار موضوع ذي أهمية، وتحديد المشروع بأكمله بأنفسهم من البداية إلى النهاية، ويكون الغرض من مشروع البحث عادة تحديد ما إذا كان بإمكان الطلاب تعريف وتنفيذ بحث يكون إلى حد ما أصليًّا، مع التقييد بوقت وبطول تقرير محدَّدين، أمَّا من ناحية الاقتصاد القياسي، فيعتبر إجراء بحث تجريبي من أفضل الطرق لتناول المحتوى النظري، واكتشاف الصعوبات العمليَّة التي تُواجه المختصِّين في الاقتصاد القياسي أثناء إجراء البحوث، كما يُتبع إجراء البحوث للباحث قُرصة خل مُعضلة ما، ورُبَّا اكتشاف شيء لم يسبقه إليه أحد، وهو ما يُمكن أن يكون تجربة مُثمرة للغاية، بالإضافة إلى ذلك يُمكَّن مشروع البحث الطلاب من اختيار موضوع ذي فائدة، أو أهميَّة

مُباشرة لهم، وبكون غالبًا مُفيدًا في مُساعدة الطلاب على تطوير مهاراتهم في إدارة الوقت وكتابة التقارير، هذا ويُمكن أن تُوفِّر الوثيقة النهائيَّة في كثير من الحالات منبرًا للمناقشة في المقابلات الحَاصَّة بالثوظيف، أو تكون بمثابة نُقطة انطلاق لمؤيد من الدراسة على مُستوى الدراسات العليا أو الدكتوراه.

يسعى هذا الفصل إلى تقديم اقتراحات حول كيفية التوجه نحو عملية إجراء البحوث التجريبية في مجال الماليَّة، سوف نُقدَّم هنا توجيهات عامَّة لا غير، ولن يضمن اتُباع هذه النصيحة بالضرورة علامات عالية؛ لأن أهداف ومُستوى مشروع البحث تختلف من مُؤسسة إلى أخرى(١).

٢ , ١٤ اختيار موضوع البحث

(Selecting the topic)

إثر قرار أو ضرورة القيام بمشروع بحث تتمثّل المرحلة الأولى في تحديد مجال موضوع مُناسب، ويُعَدُّ ذلك في جوانب شتى أحد الأجزاء الأكثر صعوبة والأكثر أهميَّة للعمليَّة بأكملها، بإمكان بعض الطلاب التفكير فورًا في موضوع محدَّد، لكن بالنسبة لمعظم الطلاب يُعتبر ذلك عمليَّة تبدأ بتحديد موضوع عام جدًّا وشاسعًا للغاية، ومن ثم تضييق نظاق الموضوع إلى مسألة أصغر بكثير يسهل التعامل معها.

يُمكن أن يتأتّى إلهام اختيار موضوع البحث من عدَّة مصادر، كما يُمثّل التفكير بعقلانيَّة بالمصلحة الخاصّة وبمجالات الخبرة نهجًا جيُّدًا، فعلى سبيل المثال، ربما أنك اشتغلت بشكل أو بآخر في الأسواق الماليَّة، أو ربها أنك مهتم بشكل خاص بأحد جواتب وحدة مقرَّرات دراسيَّة سبق لك دراستها، كما يستحق الأمر تخصيص بعض الوقت للحديث إلى بعض المدرسين الجامعيين للفوز بمشورتهم فيا يخص المواضيع المثيرة للاهتهام والممكن إنجازها في مجالات تخصصاتهم، في نفس الوقت، رُبها تشعر بثقة كبيرة تجاه الحدف الكمي للماليَّة، أو تجاه تسعير الأصول، أو تقدير النهاذج على سبيل المثال، لكتك لا تشعر بالارتباح تجاه التحليل النوعي، حيث بعلب منك إبداء الرأي حول مسألة مُعيَّنة (على سبيل المثال "هل ينبغي أن نكون الأسواق الماليَّة أكثر تنظيمًا؟")، في هذه الحالة من المثالب أن يكون جزء من العمل ذا درجة عالية من التقنية.

وبالمثل، يجد بعض الطلاب أن الاقتصاد القياسي على حد السواء صعب وغير مهم، ربها يكون هؤلاء الطلاب مُؤهلين بصورة أفضل للمواضيع ذات الطابع النوعي، أو للمواضيع التي لا تتضمَّن سوى إحصاءات أوليَّة لا غير، لكن تتأتَّى دقة البحث وقيمته المضافة من بعض الجوانب الأخرى للمسألة، قد بكون نهج دراسة الحالة الذي لا يرتكز على أيُّ تحليل كمِّي مقبولًا قامًا، حتَّى أنه يُمكن اعتبار فحص مجموعة من دراسات الحالات المختارة بعناية أكثر مُلاءمة لمعالجة مسائل معيَّنة، وخاصَّة في الحالات الني لا تُتاح فيها البيانات الرقميَّة الرسميَّة بسهولة، أو عندما يكون كل كبان مُستفلًا بذاته، حيث لا يُنصَح بتعميم نتائج النموذج المقدِّر على مجموعة من البيانات، تكون دراسات الحالات مُفيدة عندما تكون الحالة في حد ذاتها فريدة أو غير مألوفة، أو عندما يكون كل كبان عبد الدراسة إلى حد بعبد غير مُتجانس، كها تنظوي دراسات الحالات على دراسة أكثر عُمقًا مُقارنة بالمناهج الكميَّة، هذا ويُعتبر العمل قيد الدراسة إلى حد بعبد غير مُتجانس، كها تنظوي دراسات الحالات على دراسة أكثر عُمقًا مُقارنة بالمناهج الكميَّة، هذا ويُعتبر العمل خو الصبغة الرياضيَّة العالية الذي لا يحظى بأهيَّة تُذكَر، والذي يُطبَّق بشكل غير مُناسب أضعف بكثير من دراسة الحالة المبنيَّة بشكل جبُّد، والمحلَّلة على نحو دقيق.

⁽١) تُشير إلى أن هناك مسألة واحدة قيد الدراسة في هذا الفصل، وهي كتابة مشروع بحث تُعتاز.

الجمع بين جميع هذه المدخلات في اختيار موضوع البحث من شأنه أن يُمكّنك على الأقل من تحديد ما إذا كان يجب إجراء عمل كمّي أم عمل غير كمّي، وتحديد مجال بحث عام (نذكر على سبيل المثال تسعير الأوراق الماليّة، الهيكل الجزئي للسوق، إدارة المخاطر، اختيار الأصول، المسائل التشغيليَّة، التمويل الدوئي، الاقتصاد القياسي المائي، إلخ)، ويُمكن أن يتّخذ مشروع البحث شكلًا من بين العديد من الأشكال كها هو مُبيَّن في الإطار رقم (١٠ ل ١٤).

يجب أن يتضمَّن مشروع البحث الجيَّد أو الأطروحة الجيَّدة عنصرَ الأصالة، أي السهامه في المعرفة، كما يجب أن يُضيف جُزءًا ولو صغيرًا جدًّا إلى الصورة العامة في مجال موضوع البحث بحيث يكون الكم المعرفي في نهاية المشروع أكبر عمَّا كان عليه قبل بدء المشروع، تُخيف هذه الفكرة عادة الطلاب؛ لأنهم غير متأكّدين من أين ستتأتَّى أصالة البحث، بالنسبة إلى مشاريع البحث المبنيَّة على التجربة نظرح الأصالة نفسها بشكل طبيعي، فعلى سبيل المثال يُمكن أن يُوظِّف مشروع البحث التقنيات العاديَّة على بيانات بلد آخر، أو سوق أو أصل جديد، أو يُمكن أن يُطوِّر مشروع البحث تقنية جديدة، أو يُطبِّق تقنية موجودة على مجال مُحتلف، تبرز المشاريع المثيرة للاهتهام عادة عندما تُؤخذ الأفكار من مجال آخر، وتُطبِّق في مجال الماليَّة، فعلى سبيل المثال، يُمكنك تحديد أفكار أو مُقاربات من المواد العلمية التي درستها في مجال آخر خلال المرحلة الجامعيَّة الأولى.

الإطار رقم (١٤.١) الأنواع المكنة لمشروع البحث

- عمل تجريبي يتضمّن تحليلًا كمّيًّا للبيانات.
- دراسة استقصائية عن ممارسة الأعمال التجارية في إطار مُنشأة مائيّة.
- طريقة جديدة لتسعير الأوراق الماليَّة أو تطوير نظري لطريقة جديدة للتحوط من التعرّض للمخاطر.
 - مُواجعة نقديّة لمجموعة كتابات عن موضوع معيّن.
 - تحليل لسوق جديدة أو لفئة جديدة من الأصول.

يتطلّب كل نوع من أنواع مشاريع البحث هذه نهجًا تُحتلفًا بعض الشيء، ويُجرى بدرجات متفاوتة من النجاح، يجري التركيز فيها تبقى من هذا الفصل على نوع الدراسة التي تتضمّن صياغة نموذج تجريبي باستخدام الأدوات التي تم وضعها في هذا الكتاب، يبدو أن هذا النوع من مشاريع البحث هو أحد المشاريع الأكثر اختبارًا، كها يبدو كذلك أنه يُمثّل إستراتيجية أقل مُحاطرة من الأنواع الأخرى. فعلى سبيل المثال، من المرجّع أن لا تنجع المشاريع التي تتميّز بالطموح الجريء لتطوير نظريّة ماليَّة جديدة، أو التي تعرض نموذجًا جديدًا كليًّا لتسعير الخيارات ولن يجد الطالب إلّا القليل ليكتبه، بالإضافة إلى ذلك تفتقر المراجعات النقديّة غالبًا إلى الدقّة، وأنها ليست نقديّة بها فيه الكفاية بحيث يبدو إجراء تطبيق تجريبي يتضمَّن تقدير نموذج اقتصاد قياسي نهجًا أقل مُحاطرة بها أنه يُمكن بحيث يبدو إجراء تطبيق تجريبي يتضمَّن تقدير نموذج اقتصاد قياسي نهجًا أقل مُحاطرة بها أنه يُمكن

إضافة إلى مساهمته الفردية إلى المعرفة يتضمن مشروع البحث الجيَّد أيضًا تحليلًا مُعمقًا للقضايا المطروحة، بدلًا من أن يكون عرضًا مطحيًّا وصفيًّا بحتًا، كما سيحظى مشروع البحث الجيَّد بالاهتهام، ويُمكن أن يستفيد منه فئة أو أكثر من المستخدمين (مع أن مجموعة المستخدمين يُمكن أن تكون باحثين أكاديميين آخرين، ولبس بالضرورة مهنيين)، ويُمكن أن يكون موضوعًا رائجًا يستحق النشر في الوقت الراهن، كما يُمكن أن يكون غير ذلك، هذا ويطعن البحث الجيِّد في الاعتقادات السابقة، ويغيِّر في الطريقة التي ينظر بها الباحث إلى المسألة قيد الدراسة، كما يُمكن لمشاريع البحث الجيَّدة أن تكون مُفيدة في المقام الأول لأكاديميين آخرين، ولبست بالضرورة أبحاثًا قابلة للتطبيق العملي المباشر، من جهة أخرى وبهدف إجراء بحث يجب أن يرتكز العمل الذي يتَّسم بدرجة عالية من العملية في النهج الأكاديمي على أسس متينة.

تتمثّل المرحلة التالية في تحويل هذا الاتجاه العام إلى موضوع بحث ذي حجم قابل للتنفيذ يُمكن مُعالجته في إطار الضوابط التي تُحدّدها المؤسّسة، من المهم كذلك التأكّد من أن أهداف البحث ليست أهدافًا عامَّة أو فنيَّة لا يُمكن تناولها في حدود قيود الوقت المتاح للبحث، وعدد الكلمات المسموح بها، كما لا يتمثّل هدف مشروع البحث عادة في حل كل المعضلات في مجال الماليَّة، وإنها صياغة ومُعالجة مسألة صغيرة.

غالبًا ما يكون من المستحسّن في هذه المرحلة تصفّح الإصدارات الأخيرة للمجلات الرئيسة ذات الصلة بمجال موضوع البحث، وهذا الإجراء من شأنه إظهار الأفكار الرائجة نسبيًّا، وكيفية تناوُل البحوث الراهنة لمسألة معيَّنة، يعرض الجدول رقم (١٤,١) قائمة بالمجلات الهامّة، يُمكن تفسيم هذه المجلات بصفة عامة إلى قسمين: المجلات الموجهة إلى المهارسين والمجلات الأكاديميَّة، ترتكز المجلات الموجّهة للمهارسين عادة على مجال معيَّن كها تتضمَّن مقالات تهتم غالبًا بمسائل عمليَّة للغاية، وتضم بطبيعتها عادةً مفاهيم رياضيَّة أقل، كها تستند بدرجة أقل إلى الأسس النظريَّة بالمقارنة بالمجلات الأكاديميَّة، بطبيعة الحال، لا يُعتبر القصل بين المجلات الموجهة للمهارسين والمجلات الأكاديميَّة فصلًا تامًّا؛ لأن الكثير من المقالات التي تتضمَّنها المجلات الموجهة للمهارسين، والمحكس بالعكس! لا تُعتبر القائمة الواردة في الجدول رقم (١٤,١) بأي حال من الأحوال للمهارسين تُنهر دوريات جديدة بصفة شهرية خاصة في مجال الماليَّة.

تحتوي العديد من المواقع على شبكة الإنترنت على قوائم المجلات في مجال الماليَّة، أو روابط للمجلات الماليَّة، نذكر منها بعض المجلات المقيدة:

- www.cob.ohio-state.edu/dept/fin/overview.htm : مكتبة افتراضيّة في مجال المائيّة تضم روابط جبّدة وقائمة بمجلات في عال المائيّة.
- www.helsinki.fi/WebEc/journals.html : بقدم هذا الموقع قائمة بمجلات في مجال الاقتصاد، بها في ذلك الماليَّة، بالإضافة إلى عدد من المصادر ذات الصلة بمجال الماليَّة.
 - www.people.hbs.edu/pgompers/finjourn.htm: يقدم هذا المُوقع قائمة بروابط لمجلات في مجال الماليَّة.
- www.numa.com/ref/journals.htm: دليل نوما (Numa) لمجلات المشتقّات الماليّة، ويقدّم العديد من الروابط والأسهاء الهامّة للجلات أكاديميّة، وخاصة المختصّة منها في المشتقّات الماليّة.
 - www.aeaweb.org/econlit/journal list.php: يقدُّم هذا الموقع قائمة شاملة بالمجلات في مجال الاقتصاد بها في ذلك الماليَّة.

باد القيالين	الحدول وقم (١٤, ١٤) قائمة بالمجلات في مجال المالية والاقتص	
مجلات في الاقتصاد القياسي وما شابه	المجلات في مجال المَّاكِّة	
بيومتركا	الاقتصاد المالي التطبيفي	
(Biometrika)	(Applied Financial Economics)	
إكنومترركا	المالئة الرياضية التطبيقية	
(Econometrica)	(Applied Mathematical Finance)	
استعراضات في الاقتصاد الفياسي	الإدارة الماليَّة الأوروبية	
(Econometric Reviews)	(European Financial Management)	
نظرية الاقتصاد القياسي	المجلة الأوروبية للمائية	
(Econometric Theory)	(European Journal of Finance)	
مجلة الاقتصاد القياسي	الماليَّة ومؤشر الستوكاستك	
(Econometrics Journal)	(Finance and Stochastics)	
المجلة الدرثية للتنبؤ	مجلة المحللين الماليين	
(International Journal of Forecasting)	(Financial Analysts Journal)	
مجلة الاقتصاد القياسي التطبيقي	الإدارة الماليَّة	
(Journal of Applied Econometrics)	(Financial Management)	
مجلة الإحصاءات التجارية والاقتصادية	المجلة الماليَّة	
(Journal of Business and Economic Statistics)	(Financial Review)	
مجلات في الاقتصاد الفياسي وما شابه	اللجلات في مجانَ المائيَّة	
مجلة الاقتصاد القياسي	عِلة الماليَّة العالمية	
(Journal of Econometrics)	(Global Finance Journal)	
عِلة النبو	المجلة الدولية للمالبَّة والاقتصاد	
(Journal of Forecasting)	(International Journal of Finance & Economics)	
بجلة الجمعية الأمريكية للإحصاء	المجلة الدولية للماليَّة النظريَّة والتطبيقيَّة	
(Journal of the American Statistical Association)	(International Journal of Theoretical and Applied Finance)	
مجلة الاقتصاد القياسي المائي	عبلة ماليَّة الشركات التطبيقيَّة	
(Journal of Financial Econometrics)	(Journal of Applied Corporate Finance)	
إلى ج) (Journal of the Royal Statistical (من أ إلى ج) (Journal of the Royal Statistical	المجلة الدولية للتحليل الماني	
(Society (A to C)	(International Review of Financial Analysis)	
بجلة تحليل السلاسل الزمنية (Journal of Time Series Analysis)	(Journal of Applied Finance) جِنَّةَ الْمَالِيَّةِ الْتَطْبِيقِيَّةِ	

	ايع الجلول رقم (١٠,١)
جمعيّة الديناميكيات والاقتصاد القيامي اللاخطيّة (Society for Nonlinear	مجلة إدارة الأصول
(Dynamies and Econometries	(Journal of Asset Management)
	بجلة الأعيال المصرفية والماليَّة
	(Journal of Banking and Finance)
	بحلة الأعمال (Journal of Business)
	عجلة الأعمال الماليَّة والمحاسبة
	(Journal of Business Finance & Accounting)
	مجلة علوم الماليَّة الحسابيّة
	(Journal of Computational Finance)
	مجلة ماليَّة الشركات (Journal of Corporate Finance)
	(Journal of Derivatives) جملة المشتقات
	(Journal of Empirical Finance) جَلِدُ المَالِيُّةِ التطبيعيَّةِ
مجلات في الاقتصاد القياسي وما شابه	المجلات في مجال الماليَّة
	عِنْهُ المَاكِّ (Journal of Pinance)
	عِلَّة التحليل المالي والكمِّي
	(Journal of Financial & Quantitative Analysis)
	إلى (Journal of Financial Economics) جلة الاقتصاد المالي
	(Journal of Financial Markets) مجلة الأسواق الماليّة
	(Journal of Financial Research) عِلَةُ البِحوثِ المَالِيَّةُ
	إلى (Journal of Fixed Income) مجلة الدخل الثابت
	مجلة أسواق العقود المستقبليّة (Journal of Futures Mark@ts)
	عجلة الأسواق الماليَّة الدولية والمؤسسات والمال
	Journal of International Financial Markets, Institutions and
	(Money
	مجلة المال الدولي والماليَّة
	(Journal of International Money and Finance)
	مجلة المال، الاثنيان والمصر فية
	(Journal of Money, Credit, and Banking)
	جلة إدارة المحافظ (Journal of Portfolio Management)
	غِلة المُخاطرة (Journal of Risk)
	بحلة المخاطرة والتأمين
	(Journal of Risk and Insurance)

	تابع الجدول رقم (١٤,١)
	مجلة المخاطرة والماليَّة الرياضية لحالة عدم التأكد (Journal of Risk and
	(Uncertainty Mathematical Finance
	مجلة ماليَّة حوض المحيط الهادئ
	(Pacific Basin Finance Journal)
	المجلة الفصليَّة للاقتصاد والماليَّة
	(Quarterly Review of Economics and Finance)
مجلات في الاقتصاد القياسي وما شابه	المجلات في مجال الماليَّة
	مجلة دراسات تسعير الأصول
	(Review of Asset Pricing Studies)
	مجلة الماليَّة السلوكية
	(Review of Behavioural Finance)
	مجلة دراسات ماليَّة الشركات
	(Review of Corporate Finance Studies)
	جِلة الماليّة (Review of Finance)
	(Review of Financial Studies) مجلة الدراسات المائيّة
	المخاطرة (Risk)

١٤,٣ بحث تُموَّل أم مُستقل؟

(Sponsored or independent research?)

لبعض كليات الأعيال ارتباط وثيق بالقطاع الصناعي الذي يُمكن أن يُقدُم للطلاب فرصة للعمل على مشروع بحثي مُعيَّن يكون مُحوَّلا، يُمكن للطرف السراعي للبحث اختيار الموضوع وتقديم توجيهات إضافيَّة من واقع خبرته من منظور عملي، كما يُمكن أن تُعطي رعاية الأبحسات الطسالب فكرة عن المشساكل البحثية التي تهم المسارسين، وقد تضمَّن أن يكون العمل فعليًّا مُوجَهًا للقطاع الخاص ويصلة مُباشرة به، كما يُمكن للراعي لمشروع البحث إتاحة الوصول إلى البيانات التي يمتلكها، أو إلى البيانات التي يمتلكها، أو إلى البيانات ذات الطابع السرِّي، وهذا من شأنه توسعة نطاق الموضوعات التي يُمكن التطرّق إليها، والأهم من ذلك كلَّه هو أن العديد من الطلاب يأمل في الفوز بعرض عمل دائم في حالة نجاحهم في إقناع الشركة التي يعملون بها.

غالبًا ما يستهوي الطلاب العمل على مشاريع بحث تُموَّلة، لكن يُعتبر ذلك إلى حد بعيد سيفًا ذا حدَّيْنِ؛ لوجود عدد من المساوئ؛ أوَّلاً: لا تستطيع كل الكليات الجامعيَّة تقديم مثل هذه الرعايات، وحنى تلك الني بإمكانها ذلك فإنها لا تُوفِّره إلَّا لجزء من طلاب الفصل، ثانيًا: تُعتبر المسائل الأكثر أهيَّة ومُلاءمة للمهارسين في أغلب الأحيان (ولكن ليس دائمًا)، وللأسف أقل أهميَّة

جمهور الأكاديميين، ويرجع ذلك أساسًا لإمكانيَّة التباين بين أهداف الجهة الراعية لمشروع البحث وأهداف الجامعة، فعلى سبيل المثال، قد يهتم بنك استثبار نمطي بمشروع بحث يُقارن عددًا من قواعد التداول، وتقييم ربحيَّة كل واحدة منها، لكن قد يرى العديد من الأكاديميين أن هذا الميدان قد استوفى حظَّه من الأبحاث، وأن إيجاد قاعدة مُربحة جدًّا لا يُقدَّم شيئًا إلى المعرفة، وبالتالي مثل هذا المشروع يكون ضعيفًا، لذلك إذا توفَّرت لك فُرصة إجراء بحث تُموَّل فتأكَّدُ أن هذا البحث يحظى بقيمة أكاديميَّة وأخرى عمليَّة، فمن شبه المؤكد أن الأكاديمي هو من سيقيِّم العمل.

١٤,٤ مُقترح البحث

(The research proposal)

تطلب بعض الكليَّات الجامعيَّة تقديم مُقتَرحًا بحثيًّا بتم تقييمه والاستعانة به لتحديد مدى مُلاءمة الأفكار لاختيار المشرف المناسب، وعلى الرغم من أن مُتطلبات مُقترح البحث يُرجَّح أن تختلف بشكل كبير من مُؤسسة إلى أخرى إلَّا أن هناك بعض النقاط العاشّة التي قد تكون مُقيدة في جميع الأحوال، كما ينبغي في بعض الحالات هيكلة مُقترح البحث على أنه نُسخة مُصغَّرة من التقرير النهائي لكن دون نتائج أو استنتاجات!

- پنتلف الطول المطلوب لمفترح البحث، لكن يتراوح عادة بين صفحة وست صفحات A4 تكتب مع ترقيم الصفحات.
 - ينبغى أن يبدأ المقترح بذكر الدافع من وراء الموضوع بشكل مُختصر، أي لماذا يُعتبر الموضوع مُهمًا أو مُفيدًا؟
- يجب أن يكون هناك استعراض موجز للأدبيات ذات الصلة، لكن لا ينبغي أن تغطي أكثر من حوالي ثلث إلى نصف الطول
 الكلي لمقترح البحث.
 - يجب طرح أسئلة البحث أو الفرضيات التي سيتم اختبارها فيها بعد بوضوح.
 - يجب مُناقشة البيانات والمنهجية التي تنوي استخدامها.
 - تتضمَّن بعض المقترحات أيضًا سُلَّمًا زمنيًّا أي جدولًا زمنيًّا لأجزاء مشروع البحث المنتظر إكمالها.

٥ , ١٤ أوراق العمل والأبحاث المنشورة على شبكة الإنترنت

(Working papers and literature on the internet)

للأسف يتراوح الفارق الزمني بين تاريخ كتابة البحث وتاريخ نشره الفعلي في كثير من الأحيان بين سنتين إلى ثلاث سنوات (وهذا الفارق آخِذٌ في الازدياد بسرعة)، حتى إن الأبحاث في أحدث إصدارات المجلات المنشورة تُعتبر نوعًا ما قديمة، أَضِفُ إلى ذلك أن العديد من شركات الأوراق الماليَّة، البنوك والبنوك المركزيَّة في جميع أنحاء العالم تُصدر ننائج بحوث ذات جودة عالية في شكل تقارير، وفي كثير من الأحيان لا تكلَّف نفسها عناء عُماولة نشرها، الكثير من هذه التقارير هي الآن مُتاحة على شبكة الإنترنت، وبالتالي من المهم إجراء بحث بالكلمات المفتاحيَّة باستخدام محركات البحث على شبكة الإنترنت المتوفِّرة بسهولة، يُقدِّم الجدول رقم (18, ٢) بعض الاقتراحات لنقاط انطلاق في البحوث.

الجدول رقم (٢ , ١٤) مواقع القرنت مفيدة للأدبيات المالية

الحامعات

- في جميع أنحاء العالم تتيح الآن كل الجامعات تقريبًا نسخًا من أوراق المناقشات الخاصة بهم
 إلكترونيًّا، إليك بعض الأمثلة عن الأقسام المائيَّة:
 - http://w4.stern.nyu.edu/finance: قسم الماليَّة، مدرسة ستيرن، جامعة نيويورك.
 - http://fic.wharton.upenn.edu/fic/papers.html: مركز وارتون للمؤسسات المائيَّة.
 - http://haas.berkeley.edu/finance/WP/rpf.html: جامعة كاليفورنيا في بيركلي.
- www.icmacentre.ac.uk/research/discussion-papers: مركز الجمعية الدولية الأسواق رأس
 المال، جامعة ريدينج طبعًا.

بنوك الاحتياطي الفيدرالي الأمريكية وبنك إنجلترا.

- www.bankofengland.co.uk: بنك إنجلترا، ويحتوى على أوراق عملي، أخبار ومُناقشات.
- www.frbatlanta.org: بنك الاحتياطي الفيدرالي بأتلانتا ويتضمَّن معلومات عن البيانات
 الاقتصادية والبحثية ومنشورات.
- www.stls.frb.org/fred: بنك الاحتياطي الفيدرالي بسانت لويس ويضم كمية كبيرة من البيانات الأمريكية المفيدة، تشمل بيانات نقدية، بيانات عن سعر الفائدة وبيانات مائية متوفّرة بتواتر يومي، أسبوعي، أو شهرى، وعلى فترة زمنية طويلة.
- www.chicagofed.org: بنك الاحتياطي الفيدرالي بشيكاغو، ويضم بيانات هامّة وروابط مفيدة.
- www.dallasfed.org: بنك الاحتياطي الفيدرائي بدالاس، يضم بيانات الاقتصاد الكلّي،
 بيانات عن سعر الفائدة وبيانات نقديّة ومصرفيّة.
- www.federalreserve.gov/pubs/ifdp: * بجلس مُحافظي البنك الاحتياطي الفيدرالي ويضم أوراق مُناقشات عن الماليَّة الدولية.
 - www.ny.frb.org/research: بنك الاحتياطي الفيدرالي بنيويورك.

تابع الجدول رقم (١٤,٢)

الهيئات الدولية

- http://dsbb.imf.org: صندوق النقد الدولي ويضم أوراق عمل، تنبؤات وسلاسل أسعار السلع الأساسية.
 - www.worldbank.org/reference: أوراق عمل البنك الدولي في مجال الماليَّة.
- www.oecd-ilibrary.org: منظمة التعاون الاقتصادي والتنمية، يتبح هذا الموقع النفاذ إلى أوراق بحث، بيانات إلخ، قابلة للبحث.

متفرّ قات

- www.nber.org: المكتب الوطني للبحوث الاقتصادية وهو عبارة عن قاعدة بيانات ضخمة من أوراق المنافشات والروابط بها في ذلك مصادر البيانات.
- WoPEc) http://econpapers.repec.org:
 خالات الاقتصاد بها في ذلك المائيّة.
- www.ssrn.com: شبكة بحوث العلوم الاجتماعية، قاعدة بيانات ضخمة مُتزايدة بسرعة ومُتاحة تضم أوراق عمل ومُلخصات الأبحاث المنشورة.

مصادر البيانات المجانية المستخدمة في هذا الكتاب

- www.nationwide.co.uk/default.htm: مُؤشر فصلي الأسعار المساكن في المملكة المتحدة يعود إلى
 سنة ١٩٥٢ إضافة إلى أسعار المساكن حسب المنطقة ونوع الملكية.
- www.oanda.com/convert/fxhistory: سلاسل تاريخية لأسعار الصرف لمجموعة هاثلة من أزواج
 العملات.
- www.bis.gov: مكتب الولايات المتحدة للإحصائيات العماليّة سلاسل اقتصاديّة كلّية عن
 الولايات المتحدة.
- www.federalreserve.gov/econresdata/default.htm : بجلس الاحتياطي الفيدرالي الأمريكي بجموعة إضافية من سلاسل الافتصاد الكلي الأمريكية، أسعار الفائدة، إلخ وأوراق العمل.
 - http://research.stlouisfed.org/fred2: مجموعة واسعة من سلاسل الاقتصاد الكلي الأمريكية.
- http://finance.yahoo.com: ياهو! المائية مجموعة رائعة من البيانات المائية المجانية، المعلومات،
 الأبحاث و التعليقات.

٦ , ١٤ الحصول على البيانات

(Getting the data)

على الرغم من أنه لا يزال هناك الكثير مما يتعيَّن عمله قبل الشروع في تحليل البيانات، إلَّا أنه من المهم التفكير قبل القبام بأي شيء آخر في ماهية البيانات المطلوبة لإتمام مشروع البحث، فالعديد من الأفكار المثيرة للاهتهام والمعقولة لمشاريع بحث تقع نظرًا لعدم توافر البيانات ذات الصلة، على سبيل المثال، يُمكن أن تكون البيانات المطلوبة بيانات سرّبة، أو أنها مُناحة مُقابل تكلفة ماليَّة باهظة، أو أن جمعها من مصادر ورقيَّة مُختلفة يستغرق وقنًا طويلًا جدًّا وهكذا، لذلك وقبل أن يستقر رأبك على موضوع معيَّن تأكد من أن البيانات مُتاحة.

يُمكن أن تكون البيانات مُتوفِّرة في مُؤسستك إما في شكل ورقي (على سبيل المثال من خلال تقارير صندوق النقد الدولي، أو تقارير البنك الدولي)، أو يُفضَّل أن تُتاح إلكترونيًّا، هذا وتتمتَّع العديد من الجامعات بإمكانيَّة النفاذ إلى قواعد بيانات رويترز (Reuters)، داتاستريم (Datastream) أو بلومبرج (Bloomberg)، كما أن العديد من عناوين المواقع الإلكترونية المذكورة أعلاه تضم قواعد بيانات واسعة، وإضافة إلى ذلك تمتلك العديد من الأسواق والبورصات صفحات ويب خاصة بها تتضمَّن تفاصيل عن توافَّر البيانات، ومع ذلك لا بد أن نكون خدِرينَ بعض الشيء لضان دقة البيانات المتاحة مجانًا؛ فالبيانات المجانيَّة عبيَّن أحيانًا أنها ليست كذلك!

١٤,٧ اختيار برامج الحاسوب

(Choice of computer software)

من الواضح أن اختيار برامج الحاسوب يعتمد على المهام المطروحة، فالمشاريع التي تسعى إلى تقديم آراء، إلى توليف الأدبيات، أو تقديم عرض نقدي لا تنطلب إطلاقًا أية برمجيات متخصّصة، من ناحية ثانية، حتى أولئك الطلاب الذين يفودون مشاريع بحث في غاية التقنية نادرًا ما يتوفّر لديهم وقت للبدء من الصفر في تعلّم لغة برمجة جديدة كليًّا أثناء إجرائهم للبحث، لذلك من المستحسن عادة إن أمكن استخدام حزمة من البرمجيات القياسيّة، لا بد من الإشارة أيضًا إلى أنه نادرًا ما تُسنَد علامات للطلاب الذين 'يُعبدون اختراع العجلة'، لذلك من المكن أن يُعتبر تعلّم نمط برمجة لتقدير نموذج GARCH متعدّد المتغيّرات باستخدام لغة برعجة ++C عمليّة قيّمة للتطوَّر الوظيفي للرَّاغيين في أن يكونوا باحثين كثيين، لكن من غير المرجّح أن يجلب ذلك علامات عالية في إطار مشروع بحثي إلَّا إذا كانت هناك قيمة مُضافة أخرى، يتمثّل النهج الأمثل عادة في إجراء التقدير بأسرع وقت تُمكن، وبأكبر قدر ممكن من الدَّقة لتَرَك وقت كافي لإجراء الأجزاء الأخرى من العمل.

(Methodology) منهجيّة البحث (Methodology)

نادرًا ما يكون البحث الجيّد بحثًا تجريبيًّا بحثًا، فالنموذج التجريبي يجب أن ينبثق من تظرية اقتصاديَّة أو ماليَّة، وهذه النظريَّة بجب أن تُقدَّم وثُناقَش قبل بدء العمل الاستقصائي، هذا ويُمكننا تعريف النظريَّة على أنها نظام من البيانات يضم عددًا من الفرضيات، توضح النظريَّة خصائص البيانات والعلاقات المتوقَّعة استنادًا إلى بعض المبادئ الأساسيَّة، كما يُمكن للنظرية أن تُعطي ترتيبًا ومعنى للنتائج التجريبيَّة، وبوسعها ضهان أن النتائج ليست نتيجةً عمليَّة تنقيب في البيانات.

عند افتراض أن مشروع البحث ذو طبيعة تجريبيَّة (أي أنه يسعى لاختبار نظريَّة، أو للإجابة عن سؤال ما باستخدام بيانات حقيقيَّة)، فإن السؤال المهم الذي سوف يُطرَح يتعلق بنوع النموذج المستخدم، سوف يُناقش هذا الفصل الآن منهجين من بين المناهج الأكثر أهميَّة لإجراء بحوث في مجال الماليَّة، والتي ظهرت خلال العقدين أو الثلاثة عُقود الماضية: منهجيَّة دراسة الحدث، ونهج فاما-فرنش، وعلى الرغم من أن كليهما لا يتطلَّب أدوات اقتصاد قياسي جديدة لم يُتطرِّق إليها في الفصول السابقة، إلَّا أن المصطلحات المستخدمة تُعتبر خاصَّة جدًّا بهذا الجزء من الأدبيات، وبالتالي فإن إجراء مُناقشة معمَّقة عن كيفيَّة تنفيذ هذه التقنيات قد يكون أمرًا ذا فائدة.

(Event studies) در اسات الحدث (Event studies)

تُعنبر دراسات الحدث مُفيدة جدًّا في بحوث المائيَّة، وننيجة لذلك فهي شائعة الاستخدام إلى حد كبير في الأدبيات، تُمثَّل دراسات الحدث في جوهرها مُحاولة لقياس مدى تأثير حدث مُميَّز على مُتغيِّر مالي، عادة ما يكون عوائد الأسهم، فعلى سبيل المثال درست الأبحاث تأثير أنواع مُختلفة من الإعلانات (مثل الأرباح الموزَّعة، نجزئة الأسهم، الدخول أو الحروج من مُؤشر الأسهم) على عوائد الأسهم المعنيَّة، كما تُعتبر دراسات الحدث غالبًا اختبارات لكفاءة السوق: إذا كانت الأسواق المائيَّة تَشَسم بالكفاءة المعلوماتيَّة، بجب أن يكون هناك رد فعل فوري على هذا الحدث في تاريخ الإعلان دون رد فعل آخر خلال أيَّام التداول اللاحقة.

يذكر ماكينلي (١٩٩٧) أن إجراء دراسات الحدث يبدو صعبًا في البداية لكنه في الواقع عمليَّة سهلة، ومن وجهة نظري فإن العكس مُمامًا هو الصحيح؛ من السهل مبدئيًّا فَهُم وإجراء دراسات الحدث، لكن الفيام بذلك بشكل دقيق يتطلَّب الكثير من التفكير، هناك مجموعة مُذهلة من النُّهُج التي يُمكن استخدامها، لكن من غير الواضح إطلاقًا من الوهلة الأولى أيّ منها يُعتبر النهج المناسب أو الأمثل، هذا ووضع بول وبراون (١٩٦٨) ((1968) (Ball and Brown (1968)) وفاما وآخرون (١٩٦٩) حجر الأساس لإجراء دراسات حدث مُعاصرة، لكن وكما لاحظ ماكينلي فإن دراسات مُشابهة أُجريت قبل أكثر من ثلاثة عقود.

وعلى الرغم من أنه يُوجد الآن العديد من أوراق الدراسات الاستقصائية المفيدة التي تصف بكثير من التفصيل الجوانب المختلفة لدراسات الحدث إلَّا أنه –وللأسف– لكل واحدة منها ترميز ونهج خاص بها، الشيء الذي يُمكن أن يُسبب لَبسًا، يُقدَّم كورادو (٢٠١١) (Armitage (1995)) ((ميتاج (١٩٩٥) ((١٩٩٥) وماكبنلي (١٩٩٧)) بصفة خاصة مشروحة بوضوح وتُشبه عن كثب الاستعراض المقدَّم هنا، هذا ويُقدَّم كامبل وآخرون (١٩٩٧) مُناقشة تُماثلة لكن باستخدام ترميز المصفوفة.

١٤,٩,١ بعض الرموز ووصف النهج الأساسي

(Some notation and a description of the basic approach)

نحتاج بطبيعة الحال إلى أن نكون قادرين على تحديد التواريخ التي تقع فيها الأحداث بشكل دقيق، وعادة ما تُصَفَّ بيانات العيَّنة حول هذا التاريخ، إذا كان لدينا ٨ حدث في العيَّنة فإننا نُحدِّد عادة "نافذة الحدث، وهي الفترة الزمنيَّة التي نتقصَّى خلالها تأثير هذا الحدث، عُدَّد طول هذه النافذة بحسب ما إذا كنا نرغب في تحرِّي التأثيرات قصيرة الأجل أو طويلة الأجل المترتبة على الحدث، فمن الشائع على سبيل المثال فحص فترة تضم عشرة أيام تداوُل قبل الحدث، وتصل إلى عشرة أيام بعده كنافذة حدث قصيرة الأجل، في حين أن النافذة طويلة الأجل يُمكن أن تُغطَّي شهرًا، سنة أو حتى عدَّة سنوات بعد الحدث.

السؤال الأول الذي يُطرح حالما يتم تحديد الحدث هو: ما هو نوانر البيانات الذي ينبغي استخدامه في التحليل، بيَّن ماكينلي (١٩٩٧) أن قوَّة دراسات الحدث في الكشف عن الأداء غير العادي تزيد كثيرًا عند استخدام بيانات يوميَّة بدلًا من مُشاهدات أسبوعيَّة أو شهريَّة، حيث يُمكن الحصول على نفس قوَّة الدراسة بـــ الله أصغر بكثير، أو إذا كان الله مُعطى فإن قوَّة الدراسة سوف تكون أكبر بكثير، وعلى الرغم من أنه من الممكن في بعض الحالات استخدام بيانات داخل اليوم إلَّا أن جمعها ليس بالأمر الهين، ويُمكن أن يُسبب مشاكل إضافيَّة، بها في ذلك التأثيرات الهيكليَّة الجزئيَّة السائبة؛ ولعل هذا هو السبب وراء كون المشاهدات اليوميَّة عَثْل التواتر المفضَّل في مُعظم الدراسات في الأدبيات (٢).

نعرق العائد لكل شركة أولكل يوم اطوال نافذة الحدث بأنه R_{i} يُمكننا إجراء النهج التالي بشكل مُتفصل لكل يوم من أيام نافذة الحدث، فعل سبيل المثال يُمكننا فحص العائد لكل يوم من الأيام العشر التي تسبق الحدث وحتى عشرة أيام بعده (حيث 0=0 يُمثُّل ناريخ الحدث و (0,0,0,0,0) = 0 ... (0,0,0,0) = 0 ... (0,0,0,0) = 0 ... (0,0,0,0) = 0 ... (0,0,0) = 0 ... (0,0,0) = 0 ... (0,0,0) = 0 ... (0,0,0) = 0 ... (0,0,0) = 0 ... (0,0,0) = 0 ... (0,0,0) = 0 ... (0,0) = 0

$$AR_{it} = R_{it} - E(AR_{it}) \tag{1.15}$$

هناك العديد من الطرق التي تُمكّن من احتساب العوائد المتوقَّعة، لكن عادة ما يتم ذلك باستخدام عيَّنة من البيانات قبل نافذة الحدث بحيث لا يُسمح لطبيعة الحدث بأن اتشوب عمليَّة تقدير العوائد المتوقَّعة، افترح أرميتاج (١٩٩٥) أن فترات التقدير يُمكن أن تضم من ٢٠٠ إلى ٣٠٠ إلى ٣٠٠ إلى ٣٠٠ إلى ٣٠٠ إلى ٣٠٠ يوم بالنسبة للمشاهدات اليوميَّة، وبين ٢٤ إلى ٦٠ شهرًا عندما يتم إجراء التحليل على أساس شهري، تزيد نوافذ التقدير الأطول عادة من دقَّة تقدير المعلمات، ومعها إمكانيَّة الانقطاع الهيكلي، وبالتالي نحن أمام مُفاضلة.

إذا كانت نافذة الحدث قصيرة جدًّا (يومًا أو بعض الأيام مثلًا) فلا داعي لأن نقلق كثيرًا بشأن إنشاء العائد المتوقَّع؛ لأنه من المرجَّع أن يكون قريبًا جدًّا من الصفر على المدى القصير، وفي مثل هذه الظروف من المحتمل ببساطة قبول استخدام العواند الفعليَّة بدلًا من العوائد غير العاديَّة.

من ناحية أخرى وفي كثير من الأحيان تُترك فجوة بين فترة التقدير ونافذة الحدث، وذلك للتأكَّد تمامًا من أن توقَّع الحدث (أي تسرُّب الحدث) لا يُؤثر على تقدير مُعادلة العائد المتوقَّع، ومع ذلك من الممكن جدًّا من الناحية العمليَّة ألا نمتلك تَرَفَ القيام بذلك، بسبب أن فترة العيَّنة المتاحة غير كافية، ومن الواضح أن ما نُوَدُّ القيام به هو حساب العائد المتوقَّع لهذا السهم إذا كان الحدث لم يحدث على الإطلاق بحيث نتمكَّن من عزل تأثير هذا الحدث عن الحوادث المنفصلة التي قد تحدث في نفس الوقت.

 ⁽٦) تحتاج إلى أن يكون على بيئة من الآثار المحتملة التي ينطوي عليها النداول الضئيل للأسهم، عماً يؤدي إلى أسعار لا معنى قماء وإلى عوائد غير عادية وغير عثاقة، لكن لن نتناول هنا هذه المسألة بمؤيد من النقاش.

تتمثّل أبسط طريقة لإنشاء العوائد المتوقّعة (ما عدا ضبط قيمها بصفر) في افتراض مُتوسَّط عائد ثابت بحيث يكون العائد المتوقّع ببساطة متوسِّط العائد لكل سهم ؛ محسوبًا بنفس تواتر نافذة الحدث، والذي نسميه ، أنه هذا وأجرى براون وورنر (١٩٨٠، المتوقَّع ببساطة متوسِّط العائد لكل سهم ؛ محسوبًا بنفس تواتر نافذة الحدث، والذي نسميه ، أنه هذا وأجرى براون وورنر (١٩٨٠) (١٩٨٥) (١٩٨٥) (١٩٨٥) عجربة محاكاة لمفارنة طرق تقدير العوائد المتوقّعة لدراسات الحدث، وجد الباحثان أن نهجًا بسيطًا يتمثل في استخدام مُتوسطات العوائد التاريخيَّة بتفوق أداة على العديد من النهج الأكثر تعقيدًا بسبب خطأ التقدير الذي يُصاحب هذه الأخيرة.

هناك طريقة ثانية أكثر تعقيدًا بقليل وتنمثّل في طرح العائد على المنغيّر الوكيل لمحفظة السوق في اليوم ؟ من العائد الفردي، وهذا من شأنه أن يُؤدي بكل تأكيد إلى تجاوز تأثير التحركات العامّة للسوق بطريقة بسيطة، ويُعادل افتراض أن بينا السهم في نموذج السوق أو نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة يُساوي الوحدة.

لكن النهج الأكثر شبوعًا لإنشاء العوائد المتوقَّعة يتمثَّل على الأرجح في استخدام نموذج السوق، يعمل هذا النهج أساسًا من خلال إنشاء العائد المتوقَّع باستخدام انحدار عائد السهم ؛ على ثابت، وعلى عائد محفظة السوق:

$$R_{it} = \alpha_i + \beta_i R_{int} + u_{it} \tag{Y.15}$$

يُحسب بعد ذلك العائد المتوقَّع للشركة ؛ لأي بوم ، من أيام نافذة الحدث على أنه القيمة المقدَّرة لبيتا من هذا الاتحدار مضروبة في العائد الفعلي للسوق لليوم ؛.

ومن الأسئلة المثيرة للاهتهام معرفة ما إذا كان يجب أن يتضمَّن العائد المتوقَّع المعامل به المتحصَّل عليه من فترة التقدير، إضافة إلى هم مضروبًا بعائد السوق، هذا وتتضمَّن مُعظم التطبيقات لدراسات الحدث المعامل به، بل وحتى الدراسة الأصليَّة لقاما وآخرين، ومع ذلك سواء بسبب بعض الأحداث المنفصلة التي تُؤثر على سعر السهم، أو عند توقُّع الحدث، بجب علينا توخِّي الحذر عند القيام بذلك لأنه إذا كان ألفا مُرتفعًا (مُنخفضًا) جدًّا خلال فترة التقدير، فإنه سيدفع العائد المتوقَّع إلى الارتفاع (الانخفاض)، وبالتالي من الأفضل افتراض أن القيمة المتوقَّعة لألفا صفر، واستبعاده من حساب العائد غير العادي لفترة الحدث.

يُستخدم في مُعظم التطبيقات مُؤشر أسهم عام، مثل مُؤشر فاينانشيال تايمز جُميع الأسهم، أو كذلك مُؤشر 1980 لتمثيل محفظة السوق، هذا ويُمكن إدخال تعقيدات على هذه المعادلة بالشكل الذي فُريده، وذلك على سبيل المثال إذا أخذنا في الاعتبار حجم الشركة أو غيره من الخصائص، تُدرج هذه الأخيرة في الانحدار كعوامل إضافيَّة، إلى جانب العائد المتوقَّع خلال نافذة الحدث، وتُحسب بطريقة مُشابهة، كها يُمكن أيضًا استخدام نهج يقوم على نهاذج التسعير بالمراجحة لتشن وآخرين (١٩٨٦) وقاما وفرنش (١٩٩٣)، يُقدَّم القسم التالي مُناقشة أكثر تفصيلًا لهذه المسألة.

يتمثّل النهج الأخير في إنشاء 'عفظة مُراقبة' للشركات التي لديها خصائص أشبه ما يكون بخصائص الشركة المعلنة للحدث كحجم الشركة، بيتا، النشاط الصناعي، نسبة السعر السوقي إلى السعر الدفتري، ومن ثم استخدام العوائد على هذه المحفظة كعوائد مُرتفبة، هذا وأشار أرميتاج (١٩٩٥) إلى نتائج العديد من محاكاة مونت كارلو التي تُقارن نتائج أَطر نموذجيَّة مُخلفة يُمكن استخدامها في دراسات الحدث، يُصاغ إطار اختبار الفرضيات عادة بحيث تتمثّل فرضيَّة العدم التي يتعبَّن بحثها في عدم وجود أي تأثير للحدث على سعر السهم (أي أن العائد غير العادي يُساوي صفرًا)، في إطار فرضيَّة العدم المتمثّلة في غياب أي أداء غير عادي للشركة ؛ في

اليوم ، خلال نافذة الحدث فإنه بإمكاننا إنشاء إحصاءات اختبار ترتكز على الأداء القياسي غير الطبيعي، نتبع إحصاءات الاختبار هذه تقاربيًّا التوزيع الطبيعي (عند ارتفاع طول نافذة التقدير T):

$$R_{it} \sim N(0, \hat{\sigma}^Z(AR_{it}))$$

حيث يُمثَّل (ARic) ثمَّ تباين العوائد غير العاديَّة، والني يُمكن أن تقدَّره بطرق مُختلفة، هناك طريفة بسيطة استُخُدِمَت من قِبَل براون وورنر (١٩٨٠) من بين آخرين، وتتمثَّل في استخدام سلسلة زمنيَّة من بيانات تقدير العوائد المتوقَّعة بشكل مُنفصل لكل سهم، لذلك يُمكننا تعريف (ARic) ثمَّ بأنها تُساوي تبايُن بواقي نموذج السوق والتي يُمكن على سبيل المثال حسابها باستخدام:

$$\hat{\sigma}^2 \left(A R_{lt} \right) = \frac{1}{r-2} \sum_{l=2}^{r} \hat{u}_{lt}^Z \tag{$r_{\rm t} \setminus \xi$}$$

حيث يُمثّل T عدد المشاهدات في فترة التقدير، بدلًا من ذلك إذا قُدُرت العوائد المتوقّعة باستخدام متوسّط العوائد التاريخيّة فإننا وبكل بساطة نستخدم تبايّن هذه الاخبرة.

يتم في بعض الأحيان (جراء تعديل لــــ (ARic) الذي يعكس الأخطاء الناجمة عن تقدير α و β في نموذج السوق بُصبح النباين في المعادلة السابقة بعد إدراج التعديل كالتالي:

$$\hat{\sigma}^{2}(AR_{it}) = \frac{1}{T-2} \sum_{t=2}^{T} \left(\hat{u}_{it}^{2} + \frac{1}{T} \left[1 + \frac{R_{int} - \hat{R}_{in}}{\hat{\sigma}_{-}^{2}} \right] \right)$$
 (£.15)

حيث يُمثَّل $ar{R}_m$ و $ar{\sigma}_m^2$ على النوائي مُتوسَّط وتباين عوائد محفظة السوق خلال نافذة التقدير، ينبغي أن يكون واضحًا أنه كلما زاد طول فترة التقدير T كلما تقلص هذا التعديل تدريجيًّا إلى الصفر.

يُمكننا بعد ذلك إنشاء إحصاءة الاختيار بأخذ العائد غير العادي وقسمته بها يُقابله من خطأ معياري وهو ما يتبع تقاربيًّا التوزيعَ الطبيعي المعياري^(٣):

$$S\hat{A}R_{it} = \frac{\hat{A}R_{it}}{[\partial^2(AR_{it})]^{4/2}} \sim N(0,1)$$
 (0,1)

حيث يرمز SÂRic إلى العائد غير العادي الموحّد معياريًّا، وهو إحصاءة الاختبار لكل شركة i ولكل يوم حدث t.

من المرجَّح أن يكون هناك قدر لا بأس به من التفاوت في العوائد طوال أبام نافذة الحدث، حيث ترتفع الأسعار في بعض الأيام، ثم تنخفض في أبام أخرى، وعلى هذا النحو من الصعب تحديد الأنهاط العامَّة، لذلك من الممكن التفكير في حساب السلسلة الزمنيَّة للعائد المتوسَّط التراكمي خلال نافذة حدث مُتعدُّدة الفترات (على مدى عشرة أبام تداول مثلًا)، وذلك بجمع العوائد المتوسَّطة على عدَّة فترات، ونذكر على سبيل المثال من 17 إلى 27:

$$C\hat{A}R_i(T_1, T_2) = \sum_{t=T_i}^{T_2} \hat{A}R_{it}$$
 (7.15)

⁽٣) نُشير إلى أنه في بعض الدراسات وبها أنه يتعيَّن تقدير نباين العينة فإننا نفترض أن إحصاءة الاختيار تتبَّع التوزيع في لسيودنت بــــ (٣ - ٣) درجة حرية في العينات المحدودة، حيث يُمثَّل \$ عدد المعلمات المقدَّرة عند إنشاء مقياس للعوائد المتوقَّعة (بالنسبة لنموذج السوق 2 = \$). وشريطة أن يكون لنافذة التعدير طولًا مفيولًا على سبيل المثال سنة أشهر من أيام التداول أو أكثر، فلا فرق يذكر بين استخدام التوزيع الطبيعي والتوزيع في.

هذا ونُشير إلى أن الزمن بين 71 و 72 يُمكن أن يُشكِّل نافذة الحَدث بأكملها، أو جُزءًا منها فحسب، نتحصل على تباين CAR يضرب عدد المشاهدات داخل نافذة الحدث زائد واحد بتباين العائد غير العادي اليومي المحسوب في المعادلة رقم (٤،١٤) أعلاه:

$$\hat{\sigma}^{2}(CAR_{i}(T_{1}, T_{2})) = (T_{2} - T_{1} + 1)\hat{\sigma}^{2}(\hat{A}R_{it})$$
(V_k\ \\ \\ \)

 T_2 و T_1 بين T_2 و الأساس مجموع التباينات الفردية اليومية على امتداد الفترة T_2 بين T_3

يُمكننا الآن إنشاه إحصاءة الاختبار للعائد غير العادي التراكمي بنفس الطريقة المُتَبعة في النواريخ الفردية، والتي سوف تتبع مرَّة أخرى التوزيع الطبيعي المعياري:

$$SC\hat{A}R_{I}(T_{1},T_{2}) = \frac{c\hat{A}R_{I}(T_{1},T_{2})}{[\partial^{3}(CAR_{I}(T_{1},T_{2}))]^{1/2}} \sim N(0,1)$$
(A.1.5)

من الشائع دراسة نافذة ما قبل الحدث (لتحديد ما إذا كان هناك تحسب فذا الحدث)، ونافذة ما بعد الحدث، بعبارات أخرى، نجمع العوائد اليوميَّة لشركة معيَّنة ، طوال الأبام الممتدَّة بين 10 = ¢ و 1 = ¢ على سبيل المثال، ثم بشكل منفصل على الفترة بين 1 + ¢ و 10 + ¢ على أن يُنظر إلى اليوم الفعلي للحدث، أي ¢ بمفرده.

تُظهر بعض الشركات عادة عائدًا غير عادي سالبًا حول تاريخ الحدث عندما يُتوقَّع أن يكون العائد موجبًا، وهذا على الأرجح ليس مُفيدًا جدًّا، لكن إذا كان لدينا الا شركة أو الا حدث فإنه عادة ما يكون الاختلاف الإحصائي عن الصفر لمتوسَّط العائد لجميع الشركات أكثر أهمية من الاختلاف الإحصائي عن الصفر الأية شركة فردية محدَّدة، هذا ويمكن تعريف هذا المتوسط لكل الشركات، ولكل يوم عمل حدة طوال نافذة الحدث على النحو التالي:

$$\hat{A}R_{\ell} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \hat{A}R_{i\ell} \tag{9.15}$$

سوف يكون تباين متوسَّط العائد غير العادي لجميع الشركات مُساويًا لــــ أَ مضروبًا بمتوسَّط تباينات عوائد الشركات الفرديَّة:

$$\partial^{2}(AR_{t}) = \frac{1}{n^{2}} \sum_{i=1}^{N} \partial^{2}(AR_{it})$$
 (1.41)

وبالتائي تُقدَّم المعادلة التالية إحصاءة الاختبار (العائد الموحَّد معياريًّا) المستخدمة في اختبار فرضيَّة العدم المتمثَّلة في أن العائد المتوسَّط (لجميع الشركات N) لليوم t يُساوي صفرًا:

$$SC\bar{A}R_t = \frac{\bar{A}R_t}{[\bar{\sigma}^2(AR_t)]^{1/2}} = \frac{\frac{1}{R}\sum_{i=1}^N \bar{A}R_{it}}{\left[\frac{1}{R^2}\sum_{i=1}^N \bar{\sigma}^2(AR_{tt})\right]^{1/2}} \sim N(0,1)$$
 (11,15)

يُمكننا أخيرًا تجميع العوائد لكل الشركات، وعلى مَرَّ الزمن لتشكيل إحصاءة اختبار واحدة تفحص فرضيَّة العدم المتمثّلة في أن العائد منعدَّد الأفق (أي التراكمي) لكل الشركات يُساوي صفرًا، هذا وسوف نتوصَّل إلى إحصاءة تُماثلة سواء بدأنا بنجميع العوائد عبر الزمن، ثم تجميعها جُميع الشركات أو العكس، يُمكن كتابة العائد المتوسَّط التراكمي عن طريق أخذ متوسَّط العائد لكل الشركات أو لا، ثم حساب العائد التراكمي على مر الزمن:

 $T_2 - T_1 + 1$ عدد الأيام التي تشملها الفترة بين $T_1 \in T_2$ بيا في ذلك نقاط النهاية يُساوي $T_1 = T_1 + 1$

$$C\tilde{A}R(T_1, T_2) = \sum_{t=T_1}^{T_2} \hat{A}R_t$$
 (\Y.\\\)

وبطريقة تُعاثلة إذا بدأنا بحساب (CAR((T1, T2) لكل شركة على حدة فعلينا أن نأخذ مُتوسَّطها لــــ N شركة:

$$\hat{CAR}(T_1, T_2) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \hat{CAR}_i(T_1, T_2)$$
 (14.15)

الفرديَّة: $C \hat{A} R_i$ تباين $C \hat{A} R_i$ فعلينا ضرب $\frac{1}{N}$ بمتوسِّط تباينات $C \hat{A} R_i$ الفرديَّة:

$$\hat{\sigma}^{2}(CAR(T_{1}, T_{2})) = \frac{1}{N^{2}} \sum_{i=1}^{N} \hat{\sigma}^{2}(CAR_{i}(T_{1}, T_{2}))$$
 (15.15)

بإمكاننا مُجدَّدًا إنشاء إحصاءة اختبار تتبع التوزيع الطبيعي المعياري:

$$SC\hat{A}R(T_1, T_2) = \frac{C\hat{A}R(T_1, T_2)}{\|\overline{\sigma}^2(CAR(T_1, T_2))\|^{1/2}} \sim N(0, 1)$$
 (\0, \2)

١٤.٩.٢ الانحدارات المقطعية

(Cross-sectional regressions)

تُوفِّر المنهجيات والصيغ الواردة أعلاه أدوات مُحتلفة لدراسة ما إذا كانت العوائد غير العاديَّة معنويَّة إحصائيًا أم لا، غير أنه من المثير للاهتهام عادة أن نأخذ بعين الاعتبار الاختلاف في خصائص جزء من الأحداث، وكذلك دراسة العلاقة بين خصائص العوائد غير العاديَّة وبين حجمها، فعلى سبيل المثال قد نتساءل هل للحدث تأثير أكبر على الشركات الصغيرة؟ أم على الشركات الني يتم تداولها بشكر كبير؟ إلخ، ولعل أبسط طريقة للوصول إلى ذلك هي حساب العوائد غير العاديَّة على النحو المرغوب فيه باستخدام ما يُشبه المعادلة رقم (٢٠١٤) أعلاه ومن ثم استخدامها كمتغيَّر تابع في انحدار مقطعي على الشكل التالي:

$$AR_i = \gamma_0 + \gamma_1 x_{1i} + \gamma_2 x_{2i} + \dots + \gamma_M x_{Mi} + 4\sigma_i$$
 (17.15)

حيث يُمثُل AR العائد غير العادي للشركة i خلال فترة معينّة ويُمثُل M ... i = 1 ... i جموعة تتكوَّن من عدد i خصائص يُعتقد أنها تُوثر على العائدات غير العادية i به يقيس تأثير المتغيّر المقابل i على العائد غير العادي و i حد الخطأ، يُمكننا فحص كل من علامة ، حجم والمعنويّة الإحصائيّة لـ i كاختبار لمعرفة ما إذا كان مُتوسّط العائد غير العادي مُعتلفًا إحصائيّا عن الصفر ، وذلك بعد الأخذ بعين الاعتبار تأثيرات عدد i من الخصائص ، هذا ويدعو ماكينلي (١٩٩٧) إلى استخدام أخطاء معياريَّة حصينة ضد نفاوت التباين في الانحدار .

يُقاس العائد غير العادي المستخدم في هذه المعادلة عادة على مدى عدَّة أيام (أو حتى على كامل نافذة الحدث) لكن يُمكن أيضًا أن يستند حسابه على يوم واحد.

٣, ٩, ٩ التعقيدات المرتبطة بإجراء دراسات الحدث وكيفيَّة حلُّها

(Complications when conducting event studies and their resolution)

تُقدَّم المناقشة الواردة أعلاه منهجيَّة مُوخَّدة تُستخدم عادة عند إجراء دراسات الحدث، وتوفَّر في أغلب الأحيان استدلالات مُناسبة، غبر أن استخدام إحصاءات الاختبار يتطلب عددًا من الافتراضات حول طبيعة البيانات والناذج المستخدمة، كما هو الحال دائيًا في الاقتصاد القيامي، الآن سوف نسلُط الضوء على البعض من هذه الافتراضات، وبَحَّث ما سوف يترتَّب عليها من آثار.

التعبثة المقطعثة

(Cross-sectional dependence)

هناك افتراض أساسي عندما يتم تجميع عوائد الشركات، وهو أن الأحداث مُستفلَّة عن بعضها البعض، وهذا في كثير من الأحيان مُخالف للواقع، وخاصَّة عندما تتجمَّع الأحداث خلال فنرة زمنيَّة، فعلى سبيل المثال إذا كنا نفحص تأثير إعادة تشكيل المؤشرات على أسعار الأسهم المكوَّنة لها فإن مكوِّنات المؤشر هذه لا تتغيَّر سوى في أوقات معيَّنة من السنة، لذلك عادة ما تدخل مجموعة من الأسهم في المؤشر في نفس البوم، وعندها لن يكون هناك أحداث أخرى من هذا القبيل خلال ثلائة أو سنة أشهر.

أمًّا أثر هذا التجمَّع للأحداث فيتمثَّل في أننا لا نستطيع افتراض أن عوائد مختلف الشركات مُستقلَّة، ونتيجة لذلك فإن تباينات العوائد المجمَّعة جُميع الشركات (المعادلات رقم (١٠٠١٤) و (١٤٠١٤)) لن تُطبِّق؛ لأن هذه الاشتقاقات تفترض أن عوائد الشركات مُستقلَّة فيها بينها، بحيث لا يُمكن أن تكون كل التغايرات بين عوائد مُختلف الشركات مُساوية لصفر، ثمَّة حل بديهي لهذه المسألة، وهو عدم تجميع عوائد مختلف الشركات، وإنها ببساطة إنشاء إحصاءات اختبار لكل حدث على حدة، ثم إجراء تحليل موجز لها (على سبيل المثال الإشارة إلى مُتوسِّطاتها، تبايناتها، نسبة الأحداث الهامَّة،...).

هناك حل ثان ينمثّل في إنشاء محافظ للشركات التي أصدرت حدثًا في نفس الوقت، ثم ينم التحليل على كل محفظة من هذه المحافظ، يُحسب الانحراف المعياري باستخدام عينة من عوائد هذه المحافظ خلال اليوم ٢ (أو خلال الفترة بين ٢٠ و ٢٥ على حسب ما هو مطلوب)، يسمح هذا النهج بالارتباطات المتقاطعة، بها أن هذه الأخيرة سوف تُؤخَذ بعين الاعتبار تلقائيًّا عند حساب عوائد المحافظ والانحرافات المعياريَّة لهذه العوائد، لكن عيب هذا الأسلوب هو أنه لا يسمح باختلاف تباينات الشركات، حيث إن كل التباينات مرجحة بالتساوي داخل المحفظة، بينها تسمح الطريقة الاعتباديَّة المذكورة أعلاه بذلك.

تغيم تباينات العوائد

(Changing variances of returns)

ورد في الأدبيات الإشارة إلى أن تباينات العوائد غالبًا ما ترتفع طوال نافذة الحدث، لكن في المقابل يتم احتساب قيمة التباين المستخدمة في إجراء الاختبار بناء على نافذة التقدير، والتي عادة ما تكون قبل الحدث ببعض الوقت، هذا ومن المرجَّح أن يزيد -سواء الحدث في حد ذاته أو العوامل التي تُؤدي إليه - من حالة عدم اليقين، ومعها تقلّب العوائد، ونتيجة لذلك سوف يكون التباين المقاس منخفضًا للغاية، وغالبًا ما تُرفض فرضيَّة العدم المتمثّلة في غياب العائد غير العادي خلال الحدث، لمعاجّة هذه المسألة يفترح بويمر وآخرون (١٩٩١) ((١٩٩١) (Boehmer et al. المنابل غوائد مختلف الشركات خلال نافذة الحيث، في حالة اعتمدنا هذا الإجراء من الواضح أننا لا نستطيع تقدير إحصاءات الاختبار لكل شركة بشكل منفصل (مع أنه يُمكن القول إنها وعلى أية حال ذات أهميَّة ضئيلة)، يُستبدل مُقدّر النباين في المعادلة رقم (١٠٠١٤) بهن

$$\hat{\sigma}^{2}(AR_{t}) = \frac{1}{N^{2}} \sum_{i=1}^{N} (\hat{A}R_{it} - \hat{A}R_{t})^{2}$$
 (17.15)

تتبع إحصاءة الاختبار نفس التوزيع كما في السابق، يُمكن إجراء تعديل مُماثل لتباين العائد غير العادي التراكمي:

$$\hat{\sigma}^{Z}(CAR(T_{1},T_{2})) = \frac{1}{N^{Z}} \sum_{i=1}^{N} \left(C\hat{A}R_{i}(T_{1},T_{2}) - CAR_{i}(T_{1},T_{2}) \right) \tag{1A612}$$

ورغم أن إحصاءة الاختبار هذه سوف تسمح للتباين بالتغيَّر عبر الزمن إلَّا أن ما يعيبها هو أنها لا تسمح بالاختلافات في تباينات عوائد مختلف الشركات، كما أنها لا تأخذ بعين الاعتبار الارتباطات المتقاطعة في العوائد الناجمة عن تجميع الأحداث.

توجيح الأسهم

(Weighting the stocks)

هناك مخرج آخر يتمثّل في عدم إعطاء النهج المذكور أعلاه أوزانًا مُتساوية لكل عائد من عوائد الأسهم في عمليَّة الحساب، هذا وغُكُن الخُطوات المذكورة أعلاه من إنشاء العائد التراكمي للشركات (في المعادلة رقم (٩،١٤))، ومن ثمَّة توحيده معياريًّا باستخدام الانحراف المعياري الإجمالي (في المعادلة رقم (١٠١٤))، كما أنه يوجد طريقة بديلة تتمثّل في توحيد العائد غير العادي لكل شركة معياريًّا، إذا أخذنا العائد غير العائد غير العائد غير العائد عمياريًّا لكل شركة، أي هـ SĀR، من المعادلة رقم (٥،١٤) فإنه بإمكاننا حساب مُتوسَّطها لجميع الشركات ١٨:

$$S\hat{A}R_{t} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} S\hat{A}R_{it}$$
 (19.15)

سبق وتم توحيد قيم SAR معياريًّا لذلك لا حاجة لقسمتها بالجذر التربيعي للتباين، إذا أخذنا هذا الـ SAR وضربناه بـ √ ا فإننا سوف نتحصَّل على إحصاءة الاختبار، والتي تتبع تقاربيًّا التوزيع الطبيعي، وتعطي من خلال طريقة إنشائها وزنًا مُتساويًا لكل عائد غير عادي موحَّد معياريًّا (وذلك لأننا أخذنا مُتوسِّطهم غير المرجِّح):

$\sqrt{N} SAR_t \sim N(0,1)$

كما يُمكننا وبطريقة ثماثلة أنحذ المتوسّط غير المُرجّع للعوائد غير العاديّة التراكميَّة الموحّدة معياريًّا (SCAR) على النحو التالي:

$$SC\hat{A}R(T_1, T_2) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} SC\hat{A}R_i(T_1, T_2)$$
 (Y . \ \ \)

$$\sqrt{N} SCAR(T_1, T_2) \sim N(0,1)$$

إذا كان العائد غير العادي الفعلي مُتشابهًا بين الأوراق المالبَّة فمن الأفضل إعطاء أوزان مُتساوية للعوائد غير العاديَّة عند حساب إحصاءة الاختبار (كما في المعادلات رقم (١٩،١٤) و (٢٠،١٤))، لكن إذا كان العائد غير العادي يتغيَّر إيجابيًّا بثغيَّر تبايُّته فمن الأفضل إسناد أوزان أكبر للأسهم التي لديها تباينات عوائد أقل (كما في المعادلة رقم (١٥،١٤) على سبيل المثال).

نوافذ الحدث الطويل

(Long event windows)

تُعتبر دراسات الحدث اختبارات مُشتركة لمعرفة ما إذا كان العائد غير العادي الذي سببه الحدث مُساويًا لصفر، وما إذا كان النموذج المستخدم في إنشاء العوائد المتوقعة صحيحًا أم لا، فإذا أردنا دراسة تأثير حدث على مدى فترة طويلة (ولنقل على سبيل المثال أكثر من بضعة أشهر) فلا بد أن نكون أكثر حذرًا فيها يتعلَّق بتصميم النموذج المستخدم في حساب العوائد المتوقعة، وكذلك ضهان أن هذا النموذج يأخذ في الحسبان المخاطرة على نحو مُناسب، خلال نوافذ الحدث القصيرة، عادة ما تكون الاختلافات بين النهاذج صغيرة وأية أخطاء في توصيف النموذج تكاد تكون معدومة، أمَّا على المدى الطويل فإن الأخطاء الصغيرة التي تُرافق صياغة نموذج تسعير الأصول يُمكن أن تُؤدي إلى أخطاء فادحة في حساب العوائد غير العاديّة، وبالتائي أخطاء تتعلَّق بتأثير الحدث.

هناك سُؤال رئيس يُطرّح عند إجراء دراسات الحدث بهدف قياس التأثيرات طويلة الأمد يتمثّل في معرفة ما إذا كان يتعيَّن استخدام العوائد غير العاديَّة التراكميَّة (CARS) على النحو الموضّح أعلاه، أم عوائد الشراء والاحتفاظ غير العاديَّة التراكميَّة (CARS)، هناك العديد من الاختلافات الهامَّة بينها، الاختلاف الأول هو أن عوائد الشراء والاحتفاظ غير العاديَّة تستخدم العوائد الهندسيَّة بدلًا من العوائد الحسابيَّة (تستخدم في حساب العوائد غير العادية التراكمية) في حساب العائد الإجمالي خلال فترة الحدث موضع الاهتمام، وبالتالي يُمكن أن تسمح عوائد الشراء والاحتفاظ غير العاديَّة بتضاعف العائد (Compounding) في حين لا تسمح العوائد غير العاديَّة التراكميَّة بذلك، تُعطى المعادلة التالية الصيغة المستخدمة عادة في حساب عوائد الشراء والاحتفاظ غير العاديَّة:

$$B\widehat{H}AR_{i} = \left[\prod_{t=T_{i}}^{T_{2}} (1 + R_{it}) - 1\right] - \left[\prod_{t=T_{i}}^{T_{2}} \left(1 + E(R_{it})\right) - 1\right] \tag{YICLE}$$

حيث يُمثُّل (Ric) العائد المتوقَّع، عند إنشاء عواند الشراء والاحتفاظ غير العاديَّة، عادة ما يستند العائد المتوقَّع إلى شركة ليس لها صلة بالحدث، أو إلى محفظة شركات تتطابق نوعًا ما مع الشركة المعلنة للحدث (تستند على سبيل المثال إلى حجم الشركة، النشاط الصناعي، إلخ)، هناك طريقة بديلة رغم أنها أقل استحسانًا من الأولى تتمثَّل في الحصول على العائد المتوقَّع من خلال مُؤشر مثل مُؤشر سوق الأسهم.

إذا أردنا يُمكننا بعد ذلك جمع عوائد الشراء والاحتفاظ غير العاديَّة لجميع الشركات N لإنشاء مقياس إجمالي، هذا وأوصى باربر وليون (١٩٩٧) ((١٩٩٧) ((١٩٩٥) (١٩٩٥) ((١٩٩٥) ((١٩٩٥) (١٩٩٥) ((١٩٩٥) (١٩٩٥) (١٩٩٥) ((١٩٩٥) (١٩٩٥

تحليل وقت الحدث مُقابل وقت التقويم

(Event time versus calendar time analysis)

تضمَّنت كل الطرق التي وردت مُناقشتها أعلاه إجراء التحليل في وقت الحَمَث، غير أن هناك نهجًا بديلًا أوصى به فاما (١٩٩٨) وميتشل وستافورد (٢٠٠٠) ((2000)) (Mitchell and Stafford) من بين آخرين، يتضمَّن استخدام وقت التقويم، يتضمَّن استخدام منهجيَّة وقت التقويم أساسًا إجراء انحدار سلسلة زمنيَّة، وفحص المقطع المتحصَّل عليه من هذا الانحدار، يكون المتغيَّر

⁽٥) مع أن ليون وآخرين (١٩٩٩) اقترحوا إحصاءة تي مُعدّلة من الالتواء باستخدام تفنية إعادة المعاينة لتخفيف حدّة هذه المشكلة.

التابع عبارة عن سلسلة من عوائد المحافظ والتي تقيس العوائد المتوسّطة في كل نقطة زمنيَّة لمجموعة من الشركات التي خضعت للحدث محل الاهتهام خلال فترة قياس محدِّدة مُسبقًا قبل ذلك الوقت، فعلى سبيل المثال يُمكننا لمدَّة سنة بعد الحدث فحص عوائد الشركات التي أعلنت تعليق دفع أرباح أسهمها، وبالتالي لكل مُشاهدة ٤، سوف يكون المتغيِّر التابع عبارة عن العائد المتوسِّط على جميع الشركات التي علَّقت دفع أرباح الأسهم في أي وقت أثناء السنة الماضية، بعد سنة من الحدث ومن طريقة تكوينها سوف تُستبعد الشركة من المحفظة، وبالتالي سوف يتغيَّر عدد الشركات مع مرور الزمن (مع تغيُّر عدد الشركات التي أوققت دفع أرباح الأسهم) وسوف تُعاد مُوازنة المحفظة فعليًّا كل شهر، بالنسبة للمتغيَّرات المقسِّرة، من الممكن أن تكون مقاييس المخاطرة المتحصَّل عليها من نموذج الأربع عوامل المقترح من فِبَل كارهارت (١٩٩٧) ((Carhart (1997)) وهذا النموذج ستتم مُنافشته على نحو مُفصَّل أدناه.

سوف يقوم نهج وقت التقويم بترجيح كل فترة زمنيَّة بالتساوي، وبالثاني سوف يتغيَّر الوزن المسند لكل شركة فرديَّة في العيَّنة عكسيًّا بتغيُّر عدد الشركات الأخرى التي خضعت للحدث خلال فترة المشاهدة، وهذا يُمكن أن يُحدث إشكالًا، وسوف يُؤدي إلى فقدان المقدرة على كشف تأثير الحدث إذا برمج المدراء أحداثهم للاستفادة من سوء التقييم.

العينات الصغيرة وعدم الاعتدال

(Small samples and non-normality)

إن إحصاءات الاختبار المعروضة في القسم السابق هي عبارة عن إحصاءات مُفاربة، ومن هنا قد تظهر إشكاليات سواء في حالة كانت نافذة التقدير (T) قصيرة جدًّا، أو إذا كان عدد الشركات (N) صغيرًا جدًّا عند استخدام إحصاءة للشركات المجمَّعة، وكها سبق وأشرنا في هذا الكتاب، من المعروف جيدًّا أن عوائد السهم نتميَّز بكونها فليلة التفرطح وتميل ذبول توزيعها السفليَّة إلى أن تكون أطول من ذبول توزيعها العلويَّة، هذا ومن الممكن أن يُسبَّب وجود القيم المنظرُّفة، ونذكر على سبيل المثال العوائد الكبيرة جدًّا خلال نافذة التقدير، والتي من شأنها أن تُؤثر على تقدير معلمات نموذج السوق أو على القيم المقدَّرة لتباين البواقي، إشكالًا خاصَّة في العينات الصغيرة، ومن الإجراءات التصحيحيَّة لذلك نذكر استخدام نهج إعادة المعاينة في حساب إحصاءات الاختبار.

توجد إستراتيجيَّة ثانية لمعالجة مسألة عدم الاعتدال تتمثَّل في استخدام اختبار لا معلمي، مثل هذه الاختبارات تُعتبر اختبارات حصينة في ظل وجود توزيعات غير مُعتدلة، رغم أنها عادة ما تكون أقل قوَّة من نظيراتها المعلميَّة، في هذا الإطار يُمكننا اختبار فرضية العدم المتمثَّلة في أن نسبة العوائد الإيجابيَّة غير العاديَّة لم تتأثر بالحدث، بعبارة أخرى، نظل نسبة العوائد غير العاديَّة الإيجابيَّة لجميع الشركات عند مُستواها المتوقَّع، يُمكننا إذًا استخدام إحصاءة الاختبار ع:

$$z_p = \frac{[p-p^*]}{[p^*(1-p^*)/N]^{1/2}} \tag{YY, Y §)}$$

حيث يُمثّل ع النسبة الفعليَّة للعوائد غير العاديَّة السلبية خلال نافذة الحدث و "ع النسبة المتوقَّعة للعوائد غير العاديَّة السلبية، عُت فرضيَّة العدم، تتبع إحصاءة الاختبار التوزيع ذا الحدّين الذي يُمكن تقريبه بالتوزيع الطبيعي المعياري، أحيانًا تُحدَّد قيمة "ع بسه ه ، • لكن قد يكون ذلك غير مُناسب إذا كان توزيع العوائد مُلتويًا كها هو الحال عادة، ويدلًا من ذلك من الأفضل حساب "ع استنادًا إلى نسبة العوائد غير العاديَّة السلبية خلال نافذة التقدير، كها يُمكن كذلك استخدام اختبار ويلكوكسون للرتب ذات الإشارة (Wilcoxon signed-rank test).

بعض المسائل الأخرى المتعلَّقة بدراسات الحدث

(Event studies - some further issues)

هناك افتراض ضمني آخر في منهجية اختبار الحدث العادية، وهو أن الأحداث نفسها تحدث بشكل لا إرادي، غير أنه من الناحية العملية، غالبًا ما تتكتّم الشركات عن مدى وتوقيت وأشكال تقديم الإعلانات التي تُصدرها، من المرجّع أن تلجأ الشركات إلى استخدام الثكتّم لتقديم الإعلانات عندما تكون ردود أفعال السوق أكثر مُلاءمة، فعلى سبيل المثال، عندما تسمح القواعد التنظيميّة المحليّة بالنكتم، يُمكن أن تنشر الشركات أخبارًا سبئة عندما تكون الأسواق مُغلقة، أو عندما تكون وسائل الإعلام والمستثمرين مشغولين بمواد إخباريّة هامّة أخرى، هذا وناقش برابهالا (١٩٩٧) ((١٩٩٥) تداعيات وحلول للقرار الذاتي للشركة بشأن موعد نشر الإعلان (أو حتى إصداره)، عندما نختار شركة عدم الإعلان فإنه بكون لدينا عينة نوعًا ما منقوصة بها أنه لا يُمكننا سوى مُشاهدة أحداث الشركات التي اختارت نشر الإعلان.

توجد طريقة لمعالجة عدد من المسائل المطروحة أعلاه بشكل مُتزامن (كاختلاف تباين العوائد بين الشركات، تغيَّر تباينات العوائد عبر الزمن، وتجميع الأحداث لمختلف الشركات) نتمثَّل في استخدام ما يُسمى بالمربعات الصغرى المعمَّمة عند بناه إحصاءات الاختبار، تعمل هذه الطريقة أساسًا من خلال إنشاء مصفوفة النباين والتغاير للعوائد غير العاديَّة، واستخدامها في ترجيح العوائد أثناء حساب إحصاءة الاختبار الإجاليَّة؛ انظر أرميتاج (١٩٩٥) لمزيد من التفاصيل.

عاً سبق، يُمكن أن نلاحظ أن هناك مجموعة من الطرق التي تُستخدم في إجراء دراسات الحدث، تتشابه هذه الطرق في جوهرها، لكنها تختلف من حيث طريقة إجراء التجميع عبر الزمن وبين الشركات، وهذا من شأنه أن يُؤثر على طريقة حساب الانحرافات المهاريَّة، كيف نختار إذًا أي نهج نستخدم؟ باعتبار إطار وطبيعة الأحداث فيد الدراسة، نأمل التوصُّل إلى تصوُّر صائب عن النهج الذي يُرجَّح أن يكون الأنسب، فعلى سبيل المثال هل يُعَدُّ التجميع إشكالًا؟ هل كان من المتوقع أن تشهد تباينات العوائد تغيُّرًا مع مرور الزمن؟ هل من المهم السياح لنباينات العوائد بالتقاوت بين الشركات؟ من خلال الإجابة على هذه الأسئلة، يُمكننا عادة تحديد الإجراء المناسب، أمَّا في حالة وجود شك بخصوص الإجراء المناسب فمن المستحسن دائهًا فحص مجموعة من الطرق ومقارنة النتائج للتحقق من متانتها، وفي صورة حالفنا الحظ، سوف تُؤدي التقنيات الحسابية المختلفة إلى نفس المنتيجة.

٤ , ٩ , ٤ إجراء دراسة الحدث باستخدام إكسل

(Conducting an event study using Excel)

سوف يستخدم هذا القسم الآن خلاصة ما جاءت به النهج المذكورة أعلاه بهدف إجراء دراسة الحدث، ورغم أن تلك الخلاصة ينبغي أن تكون كافية للبدء في الدراسة والحصول على بعض النتائج الإرشاديَّة، إلَّا أنه من المهم أن نُشير إلى أن هناك الكثير على يُمكن إضافته إلى دراسات الحدث لجعلها أكثر دقَّة من النهج المقدَّمة هنا، هذا ويُشجَّع القراء على الاطَّلاع على أوراق البحث المذكورة أعلاه لمزيد من التفاصيل.

تتمثّل الخطوة الأولى في تحديد الحدث الذي سوف يُؤخذ نأثيره بعين الاعتبار، وما أكثر الأحداث التي يُمكن اعتبارها (إعلانات توزيع الأرباح، إعلانات تجزئة الأسهم، تغيرات مُكوِّنات المؤشرات، إعلانات الاندماج، دوران كبار المديرين التنفيذيين، إعلانات العقود الجديدة، إعلانات الافتصاد الكلِّي، إلخ)، وبمجرَّد الانتهاء من ذلك وبعد جمع البيانات يأتي الجزء الذي يتطلَّب وقتًا طويلًا وهو تنظيم البيانات بطريقة تجعل التعامل معها سهلًا، من الممكن إجراء التحليل باستخدام أي حزمة برمجيات تحليل بيانات بها في ذلك إفيوز، ومع ذلك وبها أن الجزء الأكبر من العمل يتضمَّن ترتيب البيانات، وبها أن الجزء المتعلَّق بالاقتصاد القياسي عادة ليس معفدًا (في مُعظم الخالات لا نقوم حتَّى بإجراء انحدار)، فمن المنطقي ربها العودة (لى استخدام مايكروسوفت إكسل أو حزمة جداول بيانات مُشابهة (٢).

غُثُلُ العوائد غير العاديَّة لـ 20 = N شركة نُقطة انطلاق التحليل الذي سوف نقوده هنا، نرد هذه العوائد في الملف إكسل Event.xis* وهي عوائد تم حسابها عن طريق نموذج السوق باستخدام المعادلات رقم (١٠١٤) و (٢٠١٤)، غُسب العوائد للأيام - ٢٥٩ إلى + ٢٦٣ وترد البيانات الحام في الورقة 'Abnormal returns'، كها تم إنشاء جدول البيانات بحيث يتم محاذاة البيانات في يوم الحدث، ورغم أن الشركات نتعرَّض للحدث في أيَّام مُحتلفة إلَّا أن الجدول تم إعداده بحيث يكون اليوم ' ' يوم الحدث في نفس الصف جُميع الشركات، تمتد فترة التقدير من يوم - ٢٥٩ إلى اليوم - ١٠ (شاملة ٢٤٩ يوم) في حين أن فترات الحدث التي تحت دراستها هي (1-7.0.1-T)، اليوم T نفسه، (1-7.0.1+T) و (1-7.0.1+T)، يسمح لنا أوَّل هذه النوافذ بدراسة ما إذا كان هناك أي تسرُّب للمعلومات التي من شأنها التأثير على عوائد الأسهم السابقة لهذا الحدث، كها أن وجود تأثير فوري خلال يوم الحدث من عدمه سوف يعتمد على ما إذا كان الإعلان تم مُسبقًا، أو أنه كان مُقاجئًا للأسواق، إذا كان الحدث معروفًا مُسبقًا قبل حدوثه في اليوم T فإن تأثيره على الأسواق في ذلك اليوم يُمكن أن يكون معدومًا؛ لأنه أصلًا انعكس في الأسعار، كها نُشير إلى أن التعديل المقترح في المعادلة رقم (١٤٠٤) لم يُستخدم تظرًا لكون فترة التقدير طويلة جدًّا (249 T) عمّا يجعل حد التصحيح ضئيلًا.

نبدأ أوَلًا بحساب العائد المتوسَّط لجميع الشركات والبالغ عددها عشرون، لكل يوم من أيام نوافذ التقدير، أمَّا الحدث فيحسب في العمود V من الورقة 'Abnormal returns' باستخدام صيغة إكسل AVERAGE بالطريقة المعنادة، كما أن جميع العمليات الحسابيّة للإحصاءات الهامَّة تم القيام بها في ورقة مُستقلة قُمت بتسميتها 'summary stats'، تحسب الورقة في البداية العائد غير العادي لليوم T والعوائد غير العاديّة التراكميَّة لمختلف الفترات باستخدام المعادلات رقم (١٠١٤) و(١٠١٤) على التوالي لكل شركة على حدة، وكذلك لمتوسَّط جميع الشركات.

أمًّا الخطوة التالية فتتمثَّل في حساب تباينات العوائد غير العاديَّة أو العوائد غير العاديَّة التراكميَّة، بالنسبة لليوم ٣، يتم ذلك بالستخدام المعادلة رقم (٢،١٤) التي تُعتبر بيساطة سلسلة زمنيَّة من نباين العوائد خلال نافذة التقدير، وتوضع في الصف ٢ (وتُنسخ مُباشرة في الصف ١١)، بالنسبة لنوافذ الحدث التي تضم عدَّة أيام، يُضرب تباين اليوم الواحد في المعادلة رقم (٣،١٤) بعدد الأيام في نافذة الحدث (١٠ أو ٢٥٠) باستخدام المعادلة رقم (١،٤، ٧)، تُحسب بعد ذلك إحصاءات الاختبار بقسمة العائد غير العادي على انحرافه المعادي (أي الجذر التربيعي للتباين) باستخدام المعادلة رقم (١٠٥٥) أو بها يُعادله من العائد غير العادي التراكمي في المعادلة رقم (٨٠١٤)، تُشير في الأخير إلى أن أسهل طريقة للحصول على القيم بي للاختبارات هي استخدام دالة إكسل TDIST لاختبار ذي طرفين، وبعدد كبير من درجات الحرية (لنفترض مثلا ٢٠٠٠) بحيث يُمكن تقريبها بالتوزيع الطبيعي.

_

 ⁽١) يستخدم الثال أدناه عينة صغيرة من البيانات الحقيقية لحدث حقيقي، لكن لم يتم إعظاء أية نفاصيل عن طبيعة هذا الحدث حتى يتسلّى توزيعها مجانًا مع
 الكتاب.

وكما سبقت مُناقشته في القسم السابق هناك العديد من المشاكل المحتملة التي تُرافق منهجية دراسة الحدث البسيطة نوعًا ما والمذكورة أعلاه، لذلك وجدف إعطاء متانة للتحليل، من الجيد التفكير في دراسة طرق مُتلفة لمعالجة المشكلة، كما ترد في الأعمدة X و Y من الورقة 'summary stats' فَحُصَان مُتملان للنتائج، يُمكن إجراء هاتين الطريقتين فقط استنادًا إلى متوسَّط العائد بين الشركات لا على مُستوى الشركة الفردية، هذا ويتمثَّل التعديل الأول في حساب الانحراف المعياري المستخدم في إحصاءات الاختبار بشكل مقطعي بهدف الأخذ بعين الاعتبار إمكانيَّة تغيَّر تباينات العوائد (التي ترتفع عادة) حول تاريخ الحدث، وبالتالي نأخذ ببساطة تباين العائد غير العادي التراكمي الذي يهمنا، ونقسم ذلك بــــ N (أي ٢٠) ثم نُكمل بالطريقة المتادة.

كما أن هناك إمكانيَّة أخرى تمت دراستها في العمود ٧ تتمثَّل في ترجيح الشركات بشكل مُنساوِ من خلال حساب متوسَّط العوائد غير العاديَّة الموحَّدة معياريًّا كما جاء في المعادلة رقم (١٩٠١٤) أو المعادلة رقم (٢٠٠١٤)، وبالتالي تكون إحصاءة الاختبار ببساطة هذا المتوسَّط مضروبًا بالجذر التربيعي لــــ N.

إذا أخذنا الآن بعين الاعتبار نتائج هذه الورقة، فمن الواضح أن هناك القليل من الأدلة عن وجود رد فعل على المدى القصير لهذا الحدث، فخلال أسبوعي التداول قبل الحدث، (أي من 10 - 7 إلى 1 - 7)، هناك شركة واحدة فقط لها عوائد غير عاديَّة ذات معنويَّة إحصائية عند المستوى ٥٪ (الشركة رقم ٢٠ لها عائد غير عادي تراكمي يُساوي ٢٠,٥٪ وإحصاءة اختبار تُساوي ٢٠,٠٪)، كما أن أيًّا من الشركات الفردية لا يوجد لها عوائد معنويَّة عند ناريخ الحدث ٢، كما أن ولا شركة تُظهر معنوية إحصائية في نافذة ما بعد الحدث القصيرة (1 + 7 إلى 10 + 7)، أمَّا على المدى الطويل، أي خلال سنة التداول المقبلة، فهناك بعض الإجراءات، فنجد الآن أن خس شركات لها عوائد معنوية إحصائيًّا، بالإضافة إلى عوائد غير عادية تراكميَّة اقتصاديًّا كبيرة جدًّا تتراوح بين ٢٠٪ و ٥٥٪.

يفحص النتائج على المستوى الإجمالي، من المطمئن أن النُّهُج الثلاث المختلفة بعض الشيء والمعروضة في الأعمدة W إلى Y تُعطي نتائج مُتشابهة جدًّا، هذا وتتمثَّل فرضيَّة العدم هنا في أن العائد غير العادي المتوسَّط (أو العائد غير العادي التراكمي المتوسَّط) يُساوي صفرًا، مرة أخرى ليس هناك أي رد فعل ملموس للسوق قبل الحدث، خلال الحدث أو على المدى القصير بعد الحدث، ومع ذلك فإن العائد غير العادي في المدى الطويل إيجابي ومعنوي إحصائيًا أبًّا كان النهج المستخدم من بين الثلاثة تُبُج، ومن المثير للاهتمام أن الفيم المقدَّرة للنباين قبل الحدث (في الفترة بين 10 - ؛ و 1 - 7) مُرتفعة في النهج المقطعي المقدَّم في المعادلة رقم (١٨،١٤) على الرغم من أنها مُتخفضة خلال الحدث ويعده في نفس النهج.

أخيرًا وفي الورقة الثالثة من المصنف Event.xis والمسهاة 'non-parametric test' تُحسب الإحصاءة اللامعلميَّة على المعادلة رقم (٢٢،١٤) ومن ثم نتحصَّل على القيمة بي باستخدام الدالة TDIST على النحو الوارد أعلاه، نفحص هذه القيمة فرضيَّة أن تكون نسبة العوائد غير العاديَّة حول الحدث هي نفس النسبة خلال نافذة التقدير، لذلك بقوم أول صف (الصف ٢) بحساب 'و أي النسبة المتوقَّعة للعوائد غير العاديَّة السلبية استنادًا إلى بيانات نافذة التقدير، نقوم بعد ذلك ولكل نطاق فترة حدث بحساب و أي النسبة الفعلية للعوائد السلبية السلبية استنادًا إلى بيانات نافذة التقدير، نقوم بعد ذلك ولكل نطاق فترة حدث بحساب و أي النسبة الفعلية للعوائد السلبية المنابة (٧).

 ⁽٧) تُشير إلى أنه من غير الممكن بطبيعة الحال حساب z لتفس يوم الحدث؛ نظرًا لأن نسبة العوائد السلبية ع سوف تكون إما صغرًا صحيحًا أو واحدًا صحيحًا.

تتفاوت النسبة المتوقَّعة للعوائد السلبية بين ٤٣ ، • للشركة رقم ١٨ و ٥٥ ، • للشركة رقم ٨ لكن النسب الفعليَّة للعوائد في النوافذ ما قبل الحدث وما بعد الحدث القصيرة غالبًا ما تكون أقل من ذلك بكثير، فعلى سبيل المثال، بالنسبة للشركة رقم ١ قيمة ع هي ٣ ، • (أي عوائد سلبية خلال ثلاثة أيام من عشرة) قبل الحدث. قبل الحدث هناك ست شركات من بين العشرين شركة لها اختلافات هامَّة بين ع و ٣ في حين أنه خلال الأسبوعين المواليين مُباشرة للحدث هناك فقط ثلاثة اختلافات هامَّة، غير أنه في المدى الطويل ليس هناك أيَّة اختلافات كبيرة بين النسبة المتوقَّعة والنسبة الفعليَّة للعوائد اليوميَّة غير العاديَّة السالبة سواء للشركات الفرديَّة أو للمتوسَّط.

١٤,١٠ اختبارات على نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة وعلى منهجيَّة فاما-فرنش

(Tests of the CAPM and the Fama-French Methodology)

١٤,١٠,١ اختبار نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة

(Testing the CAPM)

الأساسيَّات (The basics)

قبل الانتقال إلى نهاذج مُتعدَّدة العوامل أكثر تطوَّرًا، من المقيد استعراض النهج التقليدي الذي تم تطويره لاختبار نموذج تسعير الأصول الرأسهائيَّة، لا يُعَدُّ هذا المكان بالمناسب لإضافة مُناقشة مُفصَّلة عن الدافع وراء نموذج تسعير الأصول الرأسهائيَّة أو عن كيفية اسْتقاقه، يُمكن إيجاد مثل هذه المناقشة بشكل مُبسَّط في بودي وآخرين (٢٠١١) أو في مُعظم المراجع المائيَّة الأخرى، بدلًا عن ذلك يُمكن الاطلاع على كاميل وآخرين (١٩٩٧) لمزيد من المعالجة التقنية عن هذه المسألة، هذا وترد في كتاب كوثبرتسون ونيتزش (٢٠٠٤) (٢٠٠٤) (المصول.

تتمثَّل المعادلة الأكثر اقتباسًا لنموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة في:

$$E(R_l) = R_f + \beta_l [E(R_m) - R_f]$$
 (YY, 15)

لذا ينص نموذج تسعير الأصول الرأسياليَّة على أن العائد المتوقَّع على السهم ، يُساوي معدَّل الفائدة الخالي من المخاطرة به لذا ينص نموذج تسعير الأصول الرأسيائية على أن العائد المتوقّع علاوة المخاطرة عن كل وحدة مخاطرة، والتي تُعرف أيضًا باسم علاوة مخاطرة السوق [E(R_m) - R_f]، مضروبة في مقياس مدى خطورة الأسهم، والمعروف بسـ 'بيتا' ، الله الأيمكن مُشاهدة بيتا من السوق، وإنها يجب حسابها، وبالتائي عادة ما تتم اختبارات نموذج تسعير الأصول الرأسيائية على خُطوتين، في الخطوة الأولى نقوم بتقدير بيتا الأسهم، وفي الثانية اختبار النموذج، من المهم الإشارة إلى أن نموذج تسعير الأصول الرأسيائية في كل فترة زمنية لكل سهم، لكنه نموذجًا من حيث التوقَّعات، وبالتالي لا ينبغي أن نتوقَّع أن يصح نموذج تسعير الأصول الرأسيائية في كل فترة زمنية لكل سهم، لكنه إذا كان نموذجًا جيدًا فلا بد أن يصح 'في المتوسّط'، نستخدم عادة مُؤشر عام لسوق الأسهم كمتغيّر وكيل لمحفظة السوق، والعائد على أذون الخزانة قصيرة الأجل كمعدَّل خال من المخاطرة.

يُمكن حساب بيتا السهم بطريقتين، تُحسب بيتا في الأولى مُباشرة على أنها التغاير بين قائض عائد السهم وفائض العائد على محفظة السوق مقسومًا على تباين فائض العوائد على محفظة السوق:

٦٦٤

$$\beta_i = \frac{cov(R_i^c, R_m^c)}{var(R_{ic}^c)} \tag{Yinter}$$

حيث يرمُز الرمز العلوي ؟ إلى فائض العوائد (أي العائد مطروح منه المعدَّل الحَالي من المخاطرة)، بدلًا من ذلك وعلى نحو مُكافئ يُمكننا إجراء انحدار سلسلة زمنيَّة لفائض عوائد الأسهم على فائض عوائد محفظة السوق بشكل مُنفصل لكل سهم، وهكذا تكون بينا القيمة المقدَّرة للميل:

$$R^{e}_{i,t} = \alpha_i + \beta_i R^{e}_{m,t} + u_{i,t} \quad i = 1, \dots, N; \quad t = 1, \dots, T \tag{Yellow} \label{eq:tau}$$

حيث يُمثُل N العدد الإجمالي للأسهم في العينة و T عدد مُشاهدات السلاسل الزمنيَّة لكل سهم، تكون القيمة المقدَّرة للمقطع (a) من هذا الانحدار 'ألفا جنسن' للسهم التي تقيس إلى أي مدى نفوَّق أداء السهم، أو قل عن ما كان مُتوفعًا بالنظر إلى مُستوى مُخاطرته السوقية، ربها لا تشم دراسة ألفا لكل سهم فردي بأهميَّة كبيرة، إلَّا أنه يُمكننا استخدام هنا نفس الانحدار لاختبار أداء المحافظ، إستراتيجيات التداول وما إلى ذلك، كل ما علينا فعله هو استبدال فانض العوائد الذي يُمثُل المتغيِّر التابع بفائض عوائد المحفظة أو قاعدة التداول.

لتعد إلى اختبار نموذج تسعير الأصول الرأسمائية، ولنفترض أن لدينا عينة تنكوَّن من ١٠٠ سهم (100 = N) وعوائدها لخمس سنوات من البيانات الشهرية (60 = T)، تتمثَّل المخطوة الأولى في إجراء ١٠٠ انحدار للسلاسل الزمنيَّة (واحد لكل سهم فردي)، ونُدار الانحدارات باستخدام ستين نقطة من البيانات الشهرية، تتضمَّن المرحلة الثانية إجراء انحدار مقطعي وحيد لمتوسَّط عوائد الأسهم (عبر الزمن) على ثابت وبيتا:

$$\bar{R}_i = \lambda_0 + \lambda_1 \beta_i + v_i, \quad i = 1, \dots, N$$
 (Yh, YE)

حيث يُمثّل R مُتوسَّط العائد للسهم ؛ خلال السنة أشهر، كما تُشير إلى أنه وعلى خلاف المرحلة الأولى، يتضمَّن الحدار المرحلة الثانية الآن العوائد الفعليَّة وليس فائض العوائد، كما ينص نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة في جوهره أن الأسهم التي لديها بينا أعلى هي الأكثر مُخاطرة، وبالتالي ينبغي أن تستوجب عوائد مُتوسَّطة أعلى لتعويض المستثمرين عن هذا الخطر.

إذا كان نموذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة نموذجًا صالحًا، يظهر تنبؤان رئيسان يُمكن اختبارهما باستخدام انحدار المرحلة الثانية وهما: $\lambda_0 = R_f$ و $R_f = R_f$ المقلك ولتأييد نموذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة نتوقَّع أن تكون القيمة المقلَّرة للمقطع قريبة من نسبة الفائدة الخالية من المخاطرة، وتكون قيمة الميل قريبة من علاوة مُخاطرة السوق.

كما نجد أثرين آخرين يترتبان عن نموذج تسعير الأصول الرأسماليَّة، أولاهما: هو أن العلاقة بين بيتا السهم وعائده هي علاقة خطُّية، والثاني أنه لا يوجد مُتغيِّرات أخرى تُساعد في تفسير التفاوت المقطعي في العوائد، لذا وبعبارات أخرى، أي مُتغيِّر آخر نُضيفه إلى انحدار المرحلة الثانية (٢٦٠١٤) يجب ألَّا ترتبط به معلمة مُقدَّرة معنويَّة إحصائيًّا، وبالثالي يُمكننا على سبيل المثال إجراء الانحدار الموسَّع التالي:

$$\bar{R}_i = \lambda_0 + \lambda_1 \beta_i + \lambda_2 \beta_i^2 + \lambda_3 \sigma_i^2 + v_i \tag{YV.15}$$

غير أن الأبحاث أشارت إلى أن نموذج تسعير الأصول الرأسهائية ليس بالنموذج الكامل لعوائد الأسهم، فقد تبيّن بشكل خاص أن عوائد الشركات ذات الرأسهال الصغير ويشكل مُنتظم أعلى عنا تنبأ به نموذج تسعير الأصول الرأسهائية، وبشكل مُائل تبيّن أن عوائد الأسهم 'ذات القيمة الاسميّة' (أسهم نسبة سعرها السوقي إلى سعرها الدفتري ضعيفة، أو أسهم تكون نسبة أرباحها إلى السعر ضعيفة) على نحو مُنتظم أعلى عنا تنبأ به نموذج تسعير الأصول الرأسهائية، يُمكننا اختبار ذلك مُباشرة باستخدام انحدار المرحلة الثانية بكون مُختلفًا ومُوسَّعًا كالتالى:

$$\bar{R}_{i} = \lambda_{0} + \lambda_{1}\beta_{1} + \lambda_{2}MV_{1} + \lambda_{3}BTM_{1} + \nu_{1} \tag{YALYE}$$

حيث يرمُّز MV، إلى الرسملة السوقية للسهم i و BTM، نسبة قيمته الدفترية إلى قيمته السوقية (^{A)}، استُخدم هذا النوع من النهاذج من قبل فاما وفرنش (١٩٩٢) على النحو المبين في المناقشة أدناه، كها في المعادلة رقم (٢٧،١٤)، فإن اختبار نموذج تسعير الأصول الرأسهائيَّة المدعوم من البيانات يكون 0 = 12 و 0 = 12.

تُعاني بيانات العوائد لسوء الحظ من مشاكل يُمكن أن تجعل من نتائج اختبارات نموذج تسعير الأصول الرآسيائية نتائج مشكوكًا فيها، أو ربها حتى غير صالحة، أولًا: يُمكن أن يُؤدي عدم الاعتدال الرائج في العوائد إلى مشاكل مع الاختبارات في العينات المتناهية؛ وبالرغم من أن الاعتدال لا يُعتبر مُتطلَّبًا نظريًّا خاصًّا بنموذج تسعير الأصول الرأسيائية إلَّا أنه ضروري ليكون اختبار الفرضيات سليهًا، ثانيًا: من المحتمل كذلك أن نشهد العوائد اختلافًا في التباين، هذا واستَخدمت البحوث الأكثر حداثة لاختبار نموذج تسعير الأصول الرأسيائية طريقة العزوم المعمَّمة حيث يُمكن بناء مُقدِّرات حصينة ضد هذه المشاكل؛ انظر على سبيل المثال كوكرين (٢٠٠٥)، هناك مُشكلة هامَّة أخيرة، وهي أخطاء القياس في بيتا التي نُوقِشَت بصورة مُستفيضة في القسم ١٣٠٥ من هذا الكتاب، لتقليص مثل هذه الأخطاء في القياس يُمكن أن تستند تقديرات بيتا على المحافظ بدلًا من الأوراق المائية الفردية، كما يُمكن بدلًا من ذلك تطبيق تصحيح شانكن (١٩٩٧) حيث يتم ضرب الانحراف المعاري في إحصاءة الاختبار بمعامل لتسوية خطأ القياس.

تهج فاما –ماکیث

(The Fama-MacBeth approach)

استخدم فاما وماكبث (١٩٧٣) نهجًا من مرحلتين لاختبار نموذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة (CAPM) المذكور أعلاه لكن باستخدام سلسلة زمنيَّة من القاطع العرضيَّة ، أُسُس هذا النهج هي تمامًا كها هو مُبيَّن أعلاه، لكن بدلًا من إجراء انحدار سلسلة زمنيَّة واحدة لكل سهم ثم انحدار مقطعي واحد، يُجرى التقدير باستخدام نافذة مُتحرِّكة.

 ⁽٨) نُشير إلى أن العديد من الدراسات تستخدم نسبة سعر السوق إلى السعر الدفتري الذي يُتحصَّل عليه بقسمة واحد على نسبة السعر الدفتري إلى سعر السوق،
 لذلك عدد الأسهم ذات الفيمة الاسمية مُتدنَّ في السابقة و مُرتفع في الأخيرة.

استخدم فاما وماكبث خس سنوات من المشاهدات لتقدير بيتا نهاذج تسعير الأصول الرأسهائية والمقاييس الأخرى للخطر (أي الانحراف المعياري ومُربع بيتا)، والتي استُخدمت شهريًا كمتغيّرات مُفسِّرة في مجموعة من الانحدارات المقطعيّة على مدى السنوات الأربعة التالية، تُرخَّل إذًا فترة التقدير لأربع سنوات، وتنواصل العملية إلى أن يتم بلوغ نهاية فترة العينة (٩)، لتوضيح ذلك، كانت فترة السلاسل الزمنيَّة المستخدمة من قبل الباحثين لتقدير بيتا تتراوح بين ينابر ١٩٣٠ وديسمبر ١٩٣٥، أمَّا الاتحدارات المقطعيَّة فقد أُجْرِيَتُ باستخدام العوائد الشهريَّة لكل سهم كمتغيَّرات نابعة، وذلك لشهر ينابر ١٩٣٥، ثم وبشكل مُنفصل لفبراير ١٩٣٥، ...، إلى ديسمبر ١٩٣٨، تُرخَّل العبُّنة إذًا مع تقديرات بينا من ينابر ١٩٣٤ إلى ديسمبر ١٩٣٨، وتبدأ الانحدارات المقطعية الآن من يناير ١٩٣٩، وجده الطريقة انتهى بها الأمر إلى إجراء انحدار مقطعي لكل شهر من أشهر العبِّنة (باستثناء السنوات الخمس الأولى التي استخدمت في التقديرات الأولية لبيتا).

بها أنه لدينا قيمة مُقدَّرة وحيدة للامدا (Lamda)، (Lamda)، (1 2 3 4) بن أنه لكل فترة زمنيَّة نما فإنه بإمكاننا إعداد نسبة تي لكل واحدة منها على أنها المتوسَّط على الفترة نما ويُرمز إليه بـ بن مقسومًا على خطئها المعياري (والذي يُساوي الانحراف المعياري على مر الزمن مقسومًا على الجذر التربيعي لعدد القيم المقدَّرة الزمنيَّة لـ بردُّ).

وبالتالي فإن القيمة المتوسُّطة لد رأد على الفترة t يُمكن حسابها كما يلي:

$$\tilde{\lambda}_j = \frac{1}{T_{FWB}} \sum_{t=1}^{T_{FWB}} \tilde{\lambda}_{j,t} \quad j = 1, 2, 3, 4 \tag{Y4.15}$$

حيث يُمثّل ٢٤٨٣ عدد الانحدارات المقطعية المستخدمة في المرحلة الثانية للاختبار، ويكون الانحراف المعياري كالتالي:

$$\hat{\sigma}_{j} = \sqrt{\frac{1}{T_{FMR} - 1}} \sum_{t=1}^{T_{FMR}} \left(\hat{\lambda}_{j,t} - \hat{\lambda}_{j} \right)^{2} \tag{$\Upsilon \cdot \iota \setminus \xi$}$$

وهكذا تكون إحصاءة الاختبار ببساطة م∂ررُدُ التبع تقارُبيًّا التوزيع الطبيعي المعياري أو التوزيع ، بــــ 1 − _{Trme} درجة حرَّية في العينات المتناهية، تُؤيِّد النتائج الرئيسة لفاما وماكبث استنتاجات أخرى سابقة لبلاك، جنسن وشولز (١٩٧٢)، يرد في الجدول رقم (١٤,٣) تلخيص هَذه النتائج.

يُمكننا مُقارنة القيم المقدَّرة للمقطع والميل بالقيم الفعليَّة للمعدَّل الحَالِي من المخاطرة (R_n) وعلاوة خاطرة السوق أو الني تُساوي على النوالي ٢٠٠، و ١٤٣، لكامل العيَّنة التي تُصادف النتائج المعروضة في الجدول، كما أن القيم المقدَّرة للمعلمات مه و الم فا علامات صحيحة (كلاهما مُوجب)، وبالتالي فإن المعدَّل الضمني الحَالي من المخاطرة يكون مُوجبًا، وكذلك العلاقة بين العوائد وبيتا، هذا وتختلف كلتا المعلمتين معنوبًا عن الصفر على الرغم من أنها تُصبح غير معنوبَّة عندما يتم إدراج المقايس الأخرى للخطر كما هو الحال في الصف الثاني من الجدول، وبالتالي ذهب البعض إلى أن هناك تأبيدًا توعيًا لنموذج تسعير الأصول الرأسمائيَّة لكن دون تأبيد كمُني بها أن أحجام المقطع والمبل غير مُناسبة، على الرغم من أن الفروق بين المعلمات المقلَّرة وقيمها المتوقعة ليست بالمعنوبَّة إحصائيًّا بالنسبة للعيَّنة الكاملة لقاما وماكبث، ومن الجُدير بالذكر أيضًا من خلال الصف الثاني للجدول أن مُربع بيئا والخطر غير المُرتبط بحركة السوق لهما معلمات أقل معنوبَّة حتى من بيئا نفسها في تفسير النباين المقطعي في العوائد.

 ⁽٩) يرجّح السبب وراء تجديد العبَّة فقط كل أربع سنوات إلى ضعف القوّة الحاسوبية المتاحة في ذلك الوقت. لكن الدراسات الأحدث تقوم بذلك بشكل سنوي أو حتى شهري.

$\hat{\lambda}_3$ $\hat{\lambda}_2$		اج تسعير الأصول	الجدول رقم (١٤،٣) تثاثج فاما وماكيث عن اختبار نموذج تسعير		
	Ä2	Ä	\tilde{I}_0	النموذج	
		*+,++Aa	**,**%)	للموذج ١: نموذج تسعير الأصول	
		(Y,Y0)	(Y,Y £)	الرأسياليَّة	
	*,****%-	٠,٠١١٤	·, · · Ÿ ·	شعوذج ٢: نموذج تسعير الأصول	
(1,11)	(+,A%-)	(1,A0)	(*,00)	الرأسائية الموشع	

ملاحظات: النسب تي بين قوسين؛ ترمز * إلى المعنوية عند المستوى ٥٪.

المصدر: الأعداد مُستخرجة من الجدول ٣ لقاما وماكبث (١٩٧٣).

١٤,١٠,٢ اختبارات تسعير الأصول من منظور نهج فاما-فرنش

(Asset pricing tests - the Fama-French approach)

من بين كل النُّهُج التي تم تطويرها لاختبار تسعير الأصول تُعتبر الأساليب المبتكرة من قِبَل فاما وفرنش في سلسلة من أوراق البحث إلى حد بعيد الأكثر استخدامًا، في حقيقة الأمر، لا تُعَدِّ منهجيَّة فاما-فرنش أسلوبًا مُنفرذًا، وإنها مجموعة مُترابطة من النُّهُج التي ترتكز على مفهوم أن مُخاطرة السوق ليست كافية لتفسير المقطع العرضي لعوائد السهم؛ بعبارة أخرى، لماذا تولَّد بعض الأسهم عوائد مُتوسَّطة أعلى من أسهم أخرى؟

تسعى نهاذج فاما-فرنش وكارهارت التي سيرد وصفها بالتفصيل أدناه، إلى قياس العوائد غير العاديَّة بعد الأخذ بعين الاعتبار تأثير خصائص الشركة أو المحفظة قيد الدراسة، من الثابت في الأدبيات الماليَّة أن بعض أنواع الأسهم تدرُّ في المتوسَّظ عوائد أعلى بكثير من عوائد الأسهم الأخرى، فعلى سبيل المثال، تدرُّ أسهم الشركات الصغرى الأسهم ذات القيمة الاسميَّة (تلك التي تكون نسبة أرباحها إلى السعر ضعيفة) والأسهم ذات الزخم (Momentum) (التي شهدت زيادات في أسعارها في الآونة الأخيرة) عادة عوائد أعلى من تلك التي فما خصائص معاكسة، وهذا يترتب عليه آثار هامة على تسعير الأصول وعلى الطريقة التي نرى بها المخاطرة والعوائد المتوقِّعة، فعلى سبيل المثال، إذا أردنا تقييم أداء مدير صندوق استثهار، من المهم الأخذ بعين الاعتبار خصائص هذه المحافظ لتجنب تصنيف خاطئ للمدير على أنه يمتلك مهارات في انتقاء الأسهم، في حين أنه يتَّبع بشكل روتيني إستراتيجية شراء أسهم الشركات الصَّغرى ذات القيمة الاسميَّة والمحققة زيادة في أسعارها وهي أسهم بتفرَّق أدارها في المتوسِّط على أداء سوق الأسهم ككل.

فاما-فرنش (۱۹۹۲)

(Fama-French (1992))

يرتكز نهج فاما-فرنش (١٩٩٢) مثله مثل نهج فاما وماكبث (١٩٧٣) على سلسلة زمنيَّة من النهاذج المقطعيَّة، نقوم هنا بإجراء مجموعة من الانحدارات المقطعيَّة على الشكل التالي:

$$R_{i,t} = \alpha_{0,t} + \alpha_{1,t}\beta_{i,t} + \alpha_{2,t}MV_{i,t} + \alpha_{3,t}BTM_{i,t} + u_{i,t}$$

$$(\Upsilon), \S)$$

حيث يُمثّل بي هجُددًا العوائد الشهريَّة، على مُعاملات بينا نهاذج تسعير الأصول الرأسهائيَّة، بالله القيم السوفية و به وسائص تسب القيمة الدفترية إلى القيمة السوقية لكل شركة ، ولكل شهر ، وبالتائي فإن المتغيِّرات المفسَّرة هنا في هذا الانحدار هي خصائص الشركة نفسها، هذا وأظهر قاما وفرنش أنه عندما نستخدم حجم الشركة ونسبة السعر الدفتري إلى سعر السوق كمتغيِّرات في الانحدار المقطعي فإنها تكون مُرتبطة ارتباطًا كبيرًا بالعوائد (لها علامة سائبة وعلامة مُوجبة على التوائي)، بحيث وبعد افتراض تساوي كل العوامل تُحقق الأسهم الصغيرة والأسهم ذات القيمة الاسميَّة عوائد أعلى من عوائد الأسهم الكبيرة والأسهم مُتنامية القيمة، كما بيِّن الكاتبان أن بينا السوق في الانحدار ليست معنويَّة (بل ولها أيضًا علامة خاطئة) مُقدِّمين بذلك أدلَّة دامغة ضد نموذج تسعير الصول الرأسهائيَّة.

فاما-فرنش (۱۹۹۳)

(Fama-French (1993))

استخدم فاما-فرنش (١٩٩٣) نموذج عاملي في إطار انحدار السلاسل الزمنيَّة والذي يُطبَّق الآن بشكل مُستقل على كل محفظة ::

حيث يُمثُّل R العائد على السهم أو المحفظة i في الزمن t و SMB ، RMRF هي عوامل محاكاة عوائد المحافظ على النوالي لفائض عوائد السوق، حجم الشركة والقيمة (١٠).

صُمّمت عوامل محاكاة المحافظ بحيث تكون نسبة تعرضها لمخاطر العامل المعني كاملة دون التعرُّض لمخاطر العوائد الأخرى، بتفصيل أكثر، يُمكن بناء العوامل في نموذج فاما وفرئش (١٩٩٣) كما يلي، يتم قياس فائض عائد السوق بأنه فارق العوائد بين مُؤشر S&P500 وأذون الخزانة (RMRF) ويُمثّل SMB فارق العوائد بين محفظة الأسهم الصغيرة ومحفظة الأسهم الكبيرة وتُسمَّى عوائد المحافظ الصغيرة ناقص الكبيرة، كما بُمثّل HML فارق العوائد بين محفظة أسهم اسميَّة تكون فيها نسب الفيمة الدفترية إلى القيمة السوقية مُنخفضة، وتُسمَّى عوائد المحافظ العالمية ناقص المتخفضة، وتُسمَّى عوائد المحافظ العالمية ناقص المتخفضة، وتُسمَّى عوائد المحافظ العالمية ناقص المتخفضة، يتمثَّل أحد الأسباب الرئيسة وراء استخدام عوامل محاكاة المحافظ بدلًا من مُواصلة نهج (١٩٩١) في أن الباحثين أرادا إدراج السندات أيضًا ضمن مجموعة عوائد الأصول المدروسة، هذه السندات ليس لها نظير واضح للرسملة السوقية أو لنسبة القيمة الدفترية إلى القيمة السوقية.

في إطار فاما وفرنش (١٩٩٣) تُجرى انحدارات السلاسل الزمنيَّة هذه على محافظ الأسهم التي نُصنَف بطريقتين وفقًا لنسب قيمها الدفترية إلى قيمها السوقية، أو وفقًا لرسملتها السوقيَّة، وهكذا من الممكن مُفارنة قيم المعاملات المُفدَّرة بين المحافظ ؛ مُقارنة نوعيَّة، تُعرف القيم المقدَّرة الانحدارات السلاسل الزمنيَّة بالتشبعات العامليَّة والتي تقيس مدى حساسيَّة كل محفظة فرديَّة لكل عامل من هذه العوامل، سوف نتحصَّل على مجموعة مُستقلَّة من التشبعات العامليَّة لكل محفظة ؛ بها أن كل محفظة تخضع إلى انحدارات

⁽١٠) رغم أنه يُمكن تطبيق هذا النموذج على الأسهم الفرديّة إلّا أن أهميَّته أكبر في إطار المحافظ، مع أن المبادئ هي نفسها.

سلاسل زمنيَّة تُحتلفة إلى جانب حساسيات تُحتلفة تجاه عوامل الخطر، هذا وقارن فاما وفرنش (١٩٩٣) نوعيًّا هذه التشبعات العامليَّة بين مجموعة تضم خسة وعشرين محفظة مُصنَّفة بطريقتين وفقًا لحجمها، ووفقًا لنسب قيمها الدفترية إلى قيمها السوقية.

تتمثّل المرحلة الثانية من هذا النهج في استخدام التشبعات العامليّة المتحصّل عليها من المرحلة الأولى كمتغيّرات مُفسّرة في الانحدار المقطعي:

$$\bar{R}_i = \alpha + \lambda_M \beta_{i,M} + \lambda_S \beta_{i,S} + \lambda_V \beta_{i,V} + e_i$$
 (TY.15)

يُمكن تفسير معلمات انحدار المرحلة الثانية بهذ، يَهُ و لاه على أنها علاوات نخاطر العوامل؛ بعبارات أخرى، تُمثّل هذه المعلمات مقدار العائد الإضافي الذي يتولّد في المتوسّط نتيجة تحمُّل وحدة إضافيَّة من مصدر الخطر.

بها أن التشبعات العامليَّة وعلاوات المخاطرة تتفاوت مع مرور الزمن، يتم تقدير النموذج باستخدام نافذة مُتحرَّكة، على سبيل المثال يُقدَّر نموذج السلاسل الزمنيَّة في المعادلة رقم (٣٢،١٤) عادة باستخدام خس سنوات من البيانات الشهريَّة، ثم تُقدَّر المعادلة رقم (٣٣،١٤) باستخدام انحدارات مقطعية مُستقلَّة وعوائد شهريَّة عن كل شهر من الأشهر الاثني عشر التالية، ثم تُقدَّم العينة بسنة وتُقدَّر مجموعة جديدة من المعاملات β من المعادلة رقم (٣٢،١٤) ثم نُتج مجموعة جديدة من اثني عشر قيمة مُقدَّرة ليسد المحكن بدلًا من ذلك تحديث العينة شهريًّا، في كلتا الحالتين سوف يكون هناك قيمة مُقدَّرة واحدة ليكل الموعن كل شهر بعد نافذة الحمس سنوات الأولى المستخدمة في نقدير بيتا، نأخذ بعد ذلك مُتوسَّط المعلمات الالحصول على تقديرات المخاطرة.

طبَّق فاما وفرنش (١٩٩٣) النموذج على محافظهم الاثني عشر المصنَّفة حسب الحجم والقيمة، وذكرًا أن المعنويَّة الإحصائية للمعلمات له في انحدارات المرحلة الثانية والقيم المرتفعة لــ R² ما هي إلَّا إشارة على أهميَّة الحجم والقيمة كعوامل مُفسِّرة للتفاوت المقطعي في العوائد.

کارهارت (۱۹۹۷)

(Carhart (1997))

مُنذ دراسة كارهارت (١٩٩٧) عن ثبات أداء الصناديق الاستثباريَّة المُشتركة، أصبح من المألوف إضافة الرخم (Momentum) كعامل رابع للمعادلات الواردة أعلاه، يُقاس الزخم على أنه الفارق بين عوائد الأسهم الأفضل أداء خلال السنة الماضية وعوائد الأسهم الأسوء أداء، ويُعرف هذا العامل بــــ Up-Minus-Down) تُصبح إذًا المعادلة رقم (٣٢،١٤) كالتالي:

$$R_{i,t} = \alpha_i + \beta_{i,M}RMRF_t + \beta_{i,S}SMB_t + \beta_{i,V}HML_t + \beta_{i,U}UMD_t + \epsilon_{i,t}$$
 (Y \(\xi\)\(\xi\)

كما تُصبح المعادلة رقم (٣٣،١٤) إذا رغنا في ذلك كالتالي(١١):

$$\bar{R}_i = \alpha + \lambda_M \beta_{i,M} + \lambda_S \beta_{i,S} + \lambda_V \beta_{i,V} + \lambda_U \beta_{i,U} + e_i$$
 (Yo, 15)

⁽١١) نُشير إلى أن ورقة بحث كارهارت لا تستخدم انحدار المرحلة الثانية المقطعي الذي بحتوي على حساسيات العوامل.

كؤن كارهارت محافظ عشرية من صناديق الاستثهار المشتركة على أساس أدائها في السنة السابقة، وأجرى انحدار سلسلة زمنية للمعادلة رقم (٣٤،١٤) على كل محفظة، وجد كارهارت أن الصناديق الاستثهاريَّة المشتركة التي كان أداؤها أفضل العام الماضي (في العُشير الأعلى) تتعرض بشكل إيجابي لعامل الزخم (UMD) على عكس الصناديق التي كان أداؤها سيئًا، وبالتالي فإن نسبة كبيرة من الزخم الموجود على مُستوى الصندوق الاستثهاري ينشأ من الزخم في الأسهم المكوّنة خذه الصناديق.

١٤,١٠,٢ نطبيق طريقة فاما-ماكيث في إفيوز

(The Fama-MacBeth procedure in EViews)

ينبغي أن يكون واضحًا من المناقشة الواردة أعلاه أن الإجراء من مرحلتين لا ينضمَّن أي تعفيد يُذكر، فهو ينضمَّن مجموعتين من الانحدارات الخطَّية العاديَّة، الجزء الصعب في حقيقة الأمر هو جمع وتنظيم البيانات، إذا أردنا القيام بدراسة أكثر تطورًا، ونذكر على سبيل المثال استخدام طريقة إعادة المعاينة أو تصحيح شانكن (Shanken correction)، فذلك ينطلَّب تحليلًا أعمق عنَّا جاء في الشرح السابق، ومع ذلك نأمل أن تكون شفرة برمجيَّة إفيوز والشرح المقدَّم كافيين لتفسير كيفية تطبيق الإجراءات على أي مجموعة من البيانات.

تم أخذ المثال المستخدم هنا من دراسة قام بها غريجوري، ثاريان وشيستديس (٢٠١٣) ((٢٠١٣ منهجية قاما-ماكيث على المملكة المتحدة بعد أن أظهرت عدّة دراسات سابقة أن هذه النهج يقل نجاحها كثيرًا في المملكة المتحدة مُقارنة بالولايات المتحدة، هذا ووفّر المتحدة بعد أن أظهرت عدّة دراسات سابقة أن هذه النهج يقل نجاحها كثيرًا في المملكة المتحدة مُقارنة بالولايات المتحدة، هذا ووفّر غريجوري وآخرون البيانات اللازمة على موقعهم على شبكة الإنترنت (١٣٠)، كما نُشير إلى أنه تم تهذيب بياناتهم وتنظيفها أكثر عمّا كانت عليه عند كتابة ورقة بحثهم (وهذا بعني أن بيانات موقع الويب ليست محائلة لتلك المستخدمة في ورقة البحث)، وكنتيجة لذلك تنحرف القيم المقدرة المعروضة هنا بشكل طفيف عن قيم غريجوري وآخرين، ومع ذلك ونظرًا لأن الدافع وراء هذا التطبيق هو إظهار كيفية استخدام نهج فاما-ماكبث داخل إفيوز، فإن هذا الاختلاف في القيم لن يكون له تأثير يُذكر، هذا واستُخدم ملفان للبيانات وهما «RMs» العائد على العوامل (RMs» والعائد على الأصل الخالي من المخاطر (RF)) في حين يضم الثاني سلاسل زمنية عن عوائد كل العوامل (RM) والعائد على الأصل الخالي من المخاطر (RF)) في حين يضم الثاني سلاسل زمنية عن عوائد خسة وعشرين محفظة مرجَّحة القيمة تتكوَّن من عدد كبير من الأسهم ومُصنَّفة حسب طريقتين: وفقًا مُجمها ووفقًا لنسب قيمها الدفترية إلى قيمها السوقية.

تتمثّل الخطوة الأولى فذا التحليل الذي يهدف إلى إجراء طرق فاما-فرنش وكارهارت باستخدام المنهجيَّة التي طورها فاما وماكبث، في إنشاء ملف عمل جديد في إفيوز والذي قُمت بتسميته 'ff-example.wfl' واستيراد ملفَّي البيانات إليه، تشمل البيانات في كلتا الحالتين الفترة بين أكتوبر ١٩٨٠ وديسمبر ٢٠١٢ أي ما مجموعه ٣٨٧ نُقطة بيانات، لكن بهدف الحصول على نتائج أقرب ما تكون إلى نتائج ورقة البحث الأصليَّة، نستخدم عند إجراء الانحدارات الفترة بين أكتوبر ١٩٨٠ وديسمبر ٢٠١٠ (٣٦٣ نقطة بيانات)، نحتاج إذًا إلى إعداد ملف برنامج على غرار ذلك المُعَدِّ في الفصل السابق، هذا وقُمت بتسمية برنامجي 'FF-PROG.prg'،

http://business-school.exeter.ac.uk/research/areas/centres/xfi/research/famafrench/files () Y)

وفيها يلي شفرة برمجيَّة مُتكاملة مشروحة أدناه تُستخدم لإجراء الاختبارات.

'READ DATA

LOAD C:\ CHRIS\ BOOK\ BOOK3E\ DATA\ FF- EXAMPLE.WFI

TRANSFORM ACTUAL RETURNS INTO EXCESS RETURNS

 $SL = SL \cdot RF$

S2 = S2-RF

S3 = S3-RF

S4 = S4-RF

SH = SH - RF

S2L = S2L-RF

S22 = S22-RF

S23 = S23-RF

S24 = S24 - RF

S2H = S2H-RF

M3L = M3L-RF

M32 = M32 - RF

M33 = M33 - RF

M34 = M34 - RF

M3H = M3H-RF

B4L = B4L-RF

 $B42 = B42 \cdot RF$

B43 = B43-RF

B44 = B44 - RFB4H = B4H-RF

 $BL = BL \cdot RF$

B2 = B2-RF

B3 = B3-RF

B4 = B4-RF

 $BH = BH \cdot RF$

DEFINE THE NUMBER OF TIME SERIES OBSERVATIONS

!NOBS = 363

'CREATE SERIES TO PUT BETAS FROM STAGE 1

'AND LAMBDAS FROM STAGE 2 INTO

SERIES BETA-C

SERIES BETA-RMRF

SERIES BETA-UMD

SERIES BETA-HML

SERIES BETA-SMB

SERIES LAMBDA-C

SERIES LAMBDA-RMRF SERIES LAMBDA-UMD

SERIES LAMBDA-HML

SERIES LAMBDA-SMB

SERIES LAMBDA-R2

SCALAR LAMBDA-C MEAN

SCALAR LAMBDA-C TRATIO

SCALAR LAMBDA RMRF- MEAN SCALAR LAMBDA RMRF- TRATIO

SCALAR LAMBDA UMD- MEAN

SCALAR LAMBDA UMD-TRATIO

SCALAR LAMBDA HML- MEAN

SCALAR LAMBDA HML- TRATIO SCALAR LAMBDA SMB- MEAN

SCALAR LAMBDA SMB- TRATIÓ

SCALAR LAMBDA- R2- MEAN

THIS LOOP CREATES THE SERIES TO PUT THE

'CROSS-SECTIONAL DATA IN

FOR !M = 1 TO 387

SERIES TIME(%M)

NEXT

```
NOW RUN THE FIRST STAGE TIME-SERIES REGRESSIONS
SEPARATELY FOR EACH PORTFOLIO AND
'PUT THE BETAS INTO THE APPROPRIATE SERIES
SMPL 1980:10 2010:12
!J = 1
FOR %Y SL S2 S3 S4 SH S2L S22 S23 S24 S2H M3L M32 M33 M34 M3H
  B4L B42 B43 B44 B4H BL B2 B3 B4 BH
THE PREVIOUS COMMAND WITH VARIABLE NAMES
NEEDS TO ALL GO ON ONE LINE
EQUATION EQLLS {%Y} C RMRF UMD HML SMB
BETA-C(!J) = @COEFS(1)
BETA-RMRF(!J) = @COEFS(2)
BETA-UMD(!J) = @COEFS(3)
BETA-HML(!J) = @COEFS(4)
BETA-SMB(!J) = @COEFS(5)
!J = !J + 1
NEXT
'NOW RESORT THE DATA SO THAT EACH COLUMN IS A
MONTH AND EACH ROW IS RETURNS ON PORTFOLIOS
FOR !K = 1 \text{ TO } 387
TIME!K(1) = SL(!K)
TIME!K(2) = S2(!K)
TIME!K(3) = S3(!K)
TIME!K(4) = S4(!K)
TIME!K(5) = SH(!K)
TIME!K(6) = S2L(!K)
TIME!K(7) = S22(!K)
TIME!K(8) = S23(!K)
TIME!K(9) = S24(!K)
TIME!K(10) = S2H(!K)
TIME!K(11) = M3L(!K)
TIME!K(12) = M32(!K)
TIME!K(13) = M33(!K)
TIME!K(14) = M34(!K)
TIME!K(15) = M3H(!K)
TIME!K(16) = B4L(!K)
TIME!K(17) = B42(!K)
TIME!K(18) = B43(!K)
TIME!K(19) = B44(!K)
TIME!K(20) = B4H(!K)
TIME!K(21) = BL(!K)
TIME!K(22) = B2(!K)
TIME!K(23) = B3(!K)
TIME!K(24) \simeq B4(!K)
TIME!K(25) = BH(!K)
NEXT
'RUN 2ND STAGE CROSS-SECTIONAL REGRESSIONS
FOR !Z = 1 TO !NOBSO
EOUATION
                   EQ1.LS
                                  TIME!Z
                                                  \mathbf{C}
                                                            BETA-RMRF
                                                                                 BETA-UMD
BETA-HML BETA-SMB
LAMBDA \cdot C(!Z) = @COEFS(1)
LAMBDA-RMRF(!Z)=@COEFS(2)
LAMBDA-UMD(!Z)=@COEFS(3)
LAMBDA-HML(!Z)=@COEFS(4)
LAMBDA-SMB(!Z)=@COEFS(5)
LAMBDA-R2(!Z)=@R2
NEXT
```

FINALLY, ESTIMATE THE MEANS AND T-RATIOS FOR THE LAMBDA ESTIMATES IN THE SECOND STAGE LAMBDA-C-MEAN = @MEAN(LAMBDA-C)

LAMBDA-C-TRATIO=@SQRT(!NOBS)*@MEAN(LAMBDA-C) / @STDEV(LAMBDA-C)

LAMBDA-RMRF-MEAN=@MEAN(LAMBDA-RMRF)

LAMBDA-RMRF-TRATIO = @SQRT(!NOBS) * @MEAN(LAMBDA-RMRF) / @STDEV(LAMBDA-RMRF)

LAMBDA-UMD-MEAN = @MEAN(LAMBDA-UMD)

LAMBDA-UMD-TRATIO = @SQRT(!NOBS) * @MEAN(LAMBDA-UMD) / @STDEV(LAMBDA-UMD)

LAMBDA-HML-MEAN = @MEAN(LAMBDA-HML)

LAMBDA-HML-TRATIO = @SQRT(!NOBS) * @MEAN(LAMBDA-HML) / @STDEV(LAMBDA-HML)

LAMBDA-SMB-MEAN = @MEAN(LAMBDA-SMB)

LAMBDA-SMB-TRATIO = @SORT(!NOBS) * @MEAN(LAMBDA-SMB) / @STDEV(LAMBDA-SMB)

LAMBDA-R2-MEAN = @MEAN(LAMBDA-R2)

يتألَّف هذا البرنامج من عدَّة أقسام، تتمثَّل الخطوة الأولى في تحويل عوائد المحافظ الاستثبارية الخام إلى عوائد فائضة، وهي عوائد لازمة لحساب المعامل بينا في المرحلة الأولى من منهجيَّة فاما-ماكبث، من السهل نسبيًّا القبام بذلك، وتعويض السلاسل الأصليَّة بنظيراتها من العوائد الفائضة.

يضمن السطر NOBS=363؛ استخدام نفس فترة عينة ورقة بحث جريجوري وآخرين طوال هذا التطبيق، تتضمن المرحلة النالية إنشاء جداول لوضع بينا ولامدا داخلها، تكون هذه الجداول على شكل سلاسل حيث سيكون هناك مُدخل لكل انحدار، بعد ذلك نحتاج أيضًا إلى القيم المقدَّرة النهائية لكل معلمة من المعلمات لامدا والتي سوف تكون مُتوسَّطات السلاسل الزمنيَّة للمقاطع العرضيَّة.

نحناج أولًا إلى إجراء مجموعة من انحدارات السلاسل الزمنيَّة من أجل تقدير المعاملات بينا لكن نحتاج فيها بعد تقدير مجموعة من الاتحدارات المقطعيَّة، يطرح هذا إشكالًا؛ لأن البيانات يمكن فقط أن تُنظم بطريقة أو بأخرى في إفيوز، لذلك تُمكُن الأسطر الثلاث التالية:

FOR !M = 1 TO 387 SERIES TIME{M} NEXT

من إنشاء مجموعة تضم ٣٨٧ سلسلة جديدة تُسمّى TIME1. TIME2. إلى كلمة TIME1 والتي سنفوم لاحقًا بننظيمها كبيانات مقطعيَّة، يُشير ١١ الذي بين قوسين مجعدين إلى إفيوز بإضافة الأرقام ٢،١ ، ... إلى كلمة TIME لإنشاء أسهاء للسلاسل الجديدة، هذه الأسطر الثلاث للشفرة البرمجيَّة تُعوَّض بشكل جد فعًال ٣٨٧ سطرًا كان يتعيَّن علينا كتابتها في الشفرة البرمجيَّة، مثل SERIES TIME1 إلخ، لو لم نستخدم هذه الأسطر الثلاث.

نُعِدُ بعد ذلك ونُجري كل انحدارات السلاسل الزمنيَّة للمرحلة الأولى، هذا ونرغب في تشغيل نموذج الأربع عوامل لكارهارت بشكل مُستقل على كل محفظة من المحافظ الخمس والعشرين، فمن الممكن كتابة خمسة وعشرين شفرة برنامج بشكل مستقل، واحدة لكل انحدار، لكن يُمكن القبام بذلك بشكل أسهل وأكثر فعاليَّة باستخدام تكرار حلقي، تُمكن القبام بذلك بشكل أسهل وأكثر فعاليَّة باستخدام تكرار حلقي، تُمكن القبام بذلك بشكل أسهل وأكثر فعاليَّة باستخدام كرار حلقي، تُمكن القبام بذلك بشكل أسهل وأكثر فعاليَّة باستخدام كرار حلقي، تُمكن القبام بذلك بشكل أسهل 17:۲۰۱ بدلًا من إجرائها على كامل فترة العيَّنة.

عُمثًل تعليهات المرنامج:

FOR %Y متبوعًا بقائمة أسياء المتغيرات

. . .

التكرار الحلقي الرئيس لإجراء الانحدار على كامل السلاسل الخمس والعشرين، كما يُمكِّن السطر التالي: EQUATION EQI.LS (%Y) C RMRF UMD HML SMB

من إجراء اتحدار سلسلة زمنية لكل سلسلة من السلاسل الخمس والعشرين على ثابت وأربعة مُتغيّرات المعادلة رقم «SMB» باستخدام المبيعات الصغرى العاديّة والتكرار الحلقي المعرّف في السطر السابق، يرجع ذلك عمليًا إلى استخدام المعادلة رقم «SMB» باستخدام المعادلة و التكرار الحلقي بحيث يبدأ بالقيمة المحرّف المعرف و المعرف و المعرف المعرف

قمنا إذًا إلى حد الآن بتنفيذ المخطوة الأولى لمنهجيَّة فاما-باكبث، كيا قلَّرنا جميع المعاملات بينا التي تُعرف أيضًا بالتعرُّض للعوامل، تُظهر القيم المقدَّرة لمعلمة الميل في انحدار محفظة ما، مدى حساسيَّة عوائد ثلث المحفظة للعوامل وتكون المقاطع هي القيم المقدَّرة لألفا جنسن، ينبغي أن تكون هذه القيم المقدَّرة للمقاطع مُعاثلة لتلك المعروضة في الجزء الثاني من الجدول رقم ٦ في جريجوري وآخرين، أي العمود المعنون 'Simple 4F' وبها أن كل فيم المعلمات المقدَّرة في جداولهم كانت على شكل نسب منوية، يتعيَّن علينا ضرب كل الأرقام المتحصَّل عليها من مُخرجات إفيوز في ١٠٠ لجعلها على نفس المستوى، إذا كان نموذج الأربع عوامل نموذج جيد، فيجب أن نجد كل المعلمات ألفا معنويَّة إحصائيًّا، بإمكانتا إذا أردنا اختبار ذلك بشكل مُنفرد بإضافة سطر جديد للشفرة البرمجيَّة في فيجب أن نجد كل المعلمات ألفا معنويًّة إحصائيًّا، بإمكانتا إذا أردنا اختبار ذلك بشكل مُنفرد بإضافة سطر جديد للشفرة البرمجيَّة في التحصُّل عليها من الانحدارات (شيء مثل (TSTATS(2) = (E) BETA-T C(3) من الممكن كذلك اختبار فرضيَّة العدم المتمثلة في أن المعلمات ألفا كلها سويًّا تساوي صفرًا باستخدام اختبار طوَّره جيبونز، روز وشانكن الممكن كذلك اختبار فرضيَّة العدم المتمثلة في أن المعلمات ألفا كلها سويًّا تساوي صفرًا باستخدام الحتبار طوَّره جيبونز، روز وشانكن (19۸۹) ((1989)) ((1989)) يُعرف باختبار GRS لكن يتحدَّى ذلك نطاق هذا الكتاب.

أمَّا المرحلة الثانية من منهجيّة فاما-ماكبث فتتمثّل في إجراء انحدار مقطعي مُستقل لكل نقطة زمنيّة، هناك طريقة سهلة للقيام بذلك بشكل فعّال، وهي إعادة ترتيب البيانات بحيث يكون كل عمود (على الرغم أنه لا يزال في ملف عمل على شكل سلسلة زمنيّة) عبارة عن مجموعة من البيانات المفطعية، لذلك بأخذ التكرار الحلقي على مدى ١٨، المشاهدات من الخمسة والعشرين محفظة ويرتبّها مقطعيًّا، وبالتالي سوف تضم TIME خسة وعشرين تُقطة (واحدة لكل عفظة)، وهو ما يُعادل كل مُشاهدات الشهر الأوّل، أي أكتوبر ١٩٨٠، كما ستضم TIME2 كل المشاهدة الخمس والعشرين للمحافظ في الشهر الثاني، أي نوفمبر ١٩٨٠، ...، وستضم TIME387 كل المشاهدة الخمس والعشرين للمحافظ في شهر ديسمبر ٢٠١٢.

بوسعنا الآن إجراء الانحدارات المقطعيَّة للمرحلة الثانية المتمثَّلة في المعادلة (٣٥،١٤) أعلاه، هذا ونُشير إلى أن إجراء الانحدار يكون على الفترة من ١ إلى NOBS والتي تُعرف بكونها العيَّنة المستخدمة من قِبَل غريجوري وآخرين، وتمتد إلى ديسمبر ٢٠١٠، ولا تشمل كل البيانات المتاحة حتى ديسمبر ٢٠١٢، يكون إجراء هذه الانحدارات داخل تكرار حلقي عُددًا، أكثر فاعليَّة من إجرائها بشكل فردي (بها أن هناك ٣٦٣ انحدارًا)، يقوم الدليل Z بتكرار حلقي على كل شهر من الأشهر لإنشاء مجموعة من القيم المقدَّرة للمعلهات (لامدا) لكل شهر، وذلك كلَّها أجرينا انحدارًا على القيم المقدَّرة للمعلهات المقابلة المتحصَّل عليها من المرحلة الأولى.

	ماكبت المتحضل علبها باستخدام إقبوز	ل رقم (٤, ١٤) نتائج إجراء فاسا–
النسبة ي	القيمة المقذرة	المعلمة
٩٨,٠٩	٤٧,٠	Cons
۲۲,۰	17,1	A _M
.,0+	*,*A	λ_{s}
7,77	7,17	λ _V
*,0 *	+,47	$\lambda_{\scriptscriptstyle U}$

وهكذا يكون الانحدار الأول عبارة عن انحدار السلسلة TIMEI على ثابت، BETA-HML ،BETA-UMD ،BETA-RMRF من وضع القيم المقدَّرة في سلاسل جديدة كما في السابق، سوف يضم LAMBDA-C كل المفاطع المتحصَّل عليها من انحدارات المرحلة الثانية، كما سيضم LAMBDA-RMRF كل القيم المقدَّرة لمعلمات علاوات مخاطرة السوق، أي بيتا، وهكذا، كما نقوم بجمع R2 من كل انحدار نظرًا لأهميَّة فحص المتوسَّط المقطعي.

تتمثّل المرحلة الأخيرة في تقدير المتوسَّطات والأخطاء المعياريَّة لهذه القيم المقدَّرة باستخدام شيء يُعادل المعادلات رقم (٢٩،١٤) و (٣٠،١٤) لكل معلمة على التوالي، يُحسب المتوسط بساطة باستخدام الكائن MEAN® ويُحسب الانحراف المعياري باستخدام STDEV®، وبالتالي سوف بحتوي LAMBDA-C-MEAN متوسَّط القيم المقدَّرة للمقاطع المقطعيَّة، وما يُقابلها من النسب تي سيوضع في LAMBDA-C-TRATIO وهكذا.

بمجرد تشغيل البرنامج، يُمكننا النقر مرَّتين على كل من هذه الكائنات لاستعراض محتوياتها، هذا وينبغي أن تكون هذه القيم المقدَّرة للامدا مُحائلة للنتائج المعروضة في العمود المعنون 'Simple 4F single' في الجزء أ من الجدول رقم ٩ لورقة بحث جريجوري وآخرين، لاحظ أنهم يستخدمون γ للإشارة إلى المعلمات التي قمنا في هذا النص بتسميتها ٨، يُقدِّم الجدول رقم (٤, ١٤) القيم المقدَّرة للمعلمات التي تم الحصول عليها من هذه المحاكاة وما يُقابلها من النسب تي، كما نشير أن هذه الأخيرة لا تستخدم تصحيح شانكن، على عكس ما فعل جريجوري وآخرون، هذا وغُثل هذه القيم المقدَّرة للمعلمات أسعار المخاطرة لكل عامل من العوامل (يتعبَّن علينا ثانية ضرب المعاملات المتحصَّل عليها من إفيوز في ١٠٠ لتحويلها إلى نسب منويَّة)، والمثير للاهتمام هو أن سعر المخاطرة لعامل القيمة هو فقط المختلف معنوبًا عن الصفر، ورغم إجراء جريجوري وآخرين لمجموعة من الاختبارات ذات الصلة لكن أكثر تعقيدًا،

إِلَّا أَن استنتاجهم المُتمثِّل في الحاجة إلى إجراء المزيد من الأبحاث لاكتشاف نموذج لتسعير الأصول يكون أكثر إقناعًا في المملكة المتحدة في ظل نفس الاستنتاج المتحصَّل عليه عند استخدام النهج التقليدي.

الجدول رقم (٥,٤١) عكل مفتح الأطريحة أر مشريع صفحة العنوان الملخص أو الموجز التنفيذي جدول المحتويات القسم ١: مقدمة القسم ٣: استعراض الدراسات السابقة القسم ٣: البيانات المادة ٤: المنهجية المادة ٦: الاستنتاجات المادة ٦: الاستنتاجات

١٤,١١ كيف يبدو مشروع البحث المنتهى؟

(How might the finished project look?)

تقتضي مشاريع البحث المختلفة بطبيعة الحال هياكل مختلفة، لكن من المهم في البداية وَضْع الخطوط العريضة للشكل الذي سينتخذه المشروع أو الأطروحة الجيدة، يُستحسن اتباع شكل وهيكل مقال في نسخته الكاملة المنشور في المجلات العلميَّة ما لم يوجد أسباب مُقنعة للقيام بخلاف ذلك (كطبيعة الموضوع على سبيل المثال)، هذا ويُقدَّم الجدول رقم (٥, ١٤) الخطوط العامة المقترحة لمشروع بحث تجريبي في مجال الماليَّة، سوف ندرس الآن تباعًا كل عنصر من عناصر الجدول رقم (٥, ١٤).

صفحة العنوان

(The title page)

عادة ما تكون صفحة العنوان غير مُرقَّمة ولا تتضمَّن سوى عنوان المشروع، اسم الكاتب واسم الكلَّية أو المركز الذي يُجرى فه البحث.

الملحص

(The abstract)

يُعتبر الملخَّص مُوجزًا مُقتضبًا عن المسألة قيد الدراسة وعن نتائج واستنتاجات البحث، أمَّا الطول الأقصى المسموح به فيختلف، لكن على سبيل البيان لا يجب أن يتجاوز إجمالًا ٣٠٠ كلمة، كها يجب عادة ألَّا بحتوي الملخص أيَّة مراجع أو اقتباسات، كها يجب أن لا يكون تقنى بشكل مُبالغ فيه حتى وإن كان موضوع البحث كذلك.

شكر وتقدير

(Acknowledgements)

تضم صفحة الشكر والتقدير قائمة بأسهاء الأشخاص الذين ساعدوك والذين ترغب في الإشارة إليهم، فعلى سبيل المثال من اللباقة شكر المدرب أو المشرف على البحث (حتى وإن كان/ كانت عديم الفائدة ولم يُساعدك مُطلقاً)، شكر أية هيئة أعطتك بيانات، شكر الأصدقاء الذين قرآوا ودقّقوا أو قدّموا مُلاحظات عن العمل، إلخ، من الأدب الأكاديمي، أيضًا وضع تنويه بعد الشكر والتقدير من قَبِيل "يتحمّل الباحث (الباحثين) وحده المسؤولية عن الأخطاء المتبقّية"، ينطبق ذلك أيضًا على الأطروحة، ويعني أن الطالب مسؤول مسؤولية كاملة عن الموضوع المختار، المحتويات وعن هيكل المشروع، إنه مشروعك، لذلك لا يُمكنك لوم أي شخص آخر إما عن قصد أو عن غير قصد، عن أي خطأ فيه! كما يجب أن يذكّر التنويه باحثي مشاريع الأبحاث بأنه لا يحق أخذ عمل الأخرين ونسبه لأنفسهم، كما يجب الإشارة بوضوح إلى كل الأفكار المأخوذة من أوراق البحث الأخرى، ويجب أن توضع الجمل المأخوذة كما هي من الأبحاث الأخرى بين علامات التنصيص ونسبها إلى الباحث (الباحثين) الأصلي.

جدول المحتويات

(The table of contents)

يجب أن يسرد ج*دول المحتويات* الأفسام والأفسام الفرعية الواردة في التقرير، يجب كذلك أن تعكس عناوين الأقسام والأقسام الفرعية بدقة وإيجاز الموضوع الذي تتضمّنه تلك الأقسام، كما ينبغي أن يُدرج جدول المحتويات رقم الصفحة التي يبتدئ بها كل قسم بها في ذلك المراجع والملاحق.

عادة ما يتم ترقيم صفحات الملخص، الشكر والتقدير وجدول المحتويات بأرقام رومانيَّة صغيرة (على سبيل المثال iii iii iii) الغزية وبالتالي تبدأ المقدَّمة من الصفة ١ (بالرجوع إلى الأرقام العربية) على أن يكون ترقيم الصفحات تباعًا بعد ذلك لكامل المستند بها في ذلك المراجع والملاحق.

المُتَدِّمة (The introduction)

يجب أن تعطي القدمة بعض المعلومات الأساسية والعامة جدًّا بشأن المسألة قيد الدراسة، ولماذا تُعتبر مجالًا هامًّا للبحث، كما يُقدَّم القسم التمهيدي الجيَّد وصفًا عمَّا هو جديد في الدراسة، أي بعبارات أخرى كيف تُساهم هذه الدراسة في إثراء الدراسات السابقة عن هذا الموضوع، أو كيف أن هذه الدراسة تُعالج مُشكلة جديدة أو مُشكلة قديمة بطريقة جديدة؟ ما هي أهداف وغايات البحث؟ إذا أمكن التعبير عن ذلك بكل وضوح ودقّة فإن ذلك يدل عادة على أن المشروع قد عُرَّف بشكل واضح، كما يجب أن تكون المقدَّمة غير تقنية بما فيه الكفاية بحيث يتعبَّن أن يكون غير المُختص قادرًا على فهم موضوع الدراسة، ويتعبَّن أن تنتهي بتقديم نبذة عمَّا تبقى من التفرير.

استعراض المؤلفات السابقة

(The literature review)

من الضروري قبل البدء في عمل تجريبي القيام باستعراض شامل لما صدر من مُؤلفات سابقة، ويُمكن تلخيص المقالات الهامّة في قسم المؤلفات السابقة، لن يُساعد ذلك في طرح الأفكار ووضع البحث المقترح في الإطار المناسب فحسب، وإنها يتعدَّى ذلك إلى تسليط الضوء على مجالات المشاكل المحتملة، كما أن إجراء استعراض دقيق للأعمال السابقة من شأنه ضمان استخدام التقنيات الحديثة، وأن مشروع البحث لن يكون نُسخة طبق الأصل (حتى وإن كان ذلك عن غير قصد) من الأبحاث المنشورة.

يجب أن يكون استعراض المؤلفات بنفس الأسلوب المتبع في المجلات العلميّة، ويجب أن يكون دائها فا طابع تقدي، وينبغي عند استعراض المؤلفات إبداء تعليقات حول أهمية، قيمة، مزايا وعيوب المقالات المذكورة، فلا نكتفي بمجرَّد ذِكْر قائمة بأسهاء المؤلفين وإسهاماتهم، وإنها يتعيَّن كتابة هذا القسم بشكل نثري مُسترسل لا على شكل مُلاحظات، ومن المهم أن نُبرهن عن فهمنا للعمل، وأن نُقدَّم تقيبهًا نقديًّا، وهذا يعني الإشارة إلى أهم نقاط ضعف الدراسات الموجودة، أن تكون 'ناقدًا' ليس دائهًا بالأمر الهيِّن، وإنها هو توازُن صعب، فلا يجب الحروج عن الأسلوب المهذَّب، كها يجب أن يجمع هذا الاستعراض الأعهال الموجودة في ملحَّص يضم ما هو معروف وما هو غير معروف، وينبغي تحديد الاتجاهات العامَّة، الثغرات والخلافات.

تشم بعض أوراق البحث في المؤلفات الصادرة بكونها /بتكاريّة ، فهي قامت بتغيير الطريفة التي يرى بها الناس مسألة ما أو كان لها تأثير كبير على وضع السياسات والمهارسات، فقد تُستحدث فكرة جديدة أو فكرة لم تُطرح من قبل في مجال ذلك الموضوع، يُمكن أحيانًا تنظيم هذه الاستعراضات بحيث تتناول مثل هذه البحوث، وبدون شك كل الدراسات السابقة يجب أن تذكر الأعمال الابتكاريّة في المجال.

يُمكن أن تكون عملية كتابة استعراض الدراسات السابقة أسهل بكثير في حال وجود دراسة أو أبحاث مُراجعة مُشابهة، الأبحاث المُراجعة هي أبحاث منشورة وهي (عادة) عبارة عن تقارير مُفصَّلة وذات جودة عالية عن مجال مُعيَّن من مجالات البحث، غير أنه غني عن القول إنه يجب عدم الاكتفاء بنسخ ما جاء في الأبحاث السابقة وذلك لعدة أسباب؛ أو لاً: يُمكن أن يكون موضوعك لا يتطابق نمامًا مع أوراق البحوث المنشورة، ثانيًا: ربها تكون هنالك دراسات أحدث لم تُدرج في الأبحاث المراجعة، ثالثًا: قد يكون لك توجُّه مُختلف ومنظور أوسع للموضوع.

ومن المسائل المثيرة للاهتيام معرفة ما إذا كانت الأبحاث المنشورة في المجلات ذات التصنيف المنخفض وأوراق البحث رديئة الصياغة، وتلك التي تتميَّز بمنهجيَّة ضعيفة، وما إلى ذلك، تُدرَج في استعراض المؤلفات السابقة؟ هذا الأمر يُمثَّل مرَّة أخرى توازنًا صعبًا، تكون الإجابة على الأرجح بالنفي، لكن يجب إدراجها إذا كانت مُرتبطة ارتباطًا مُباشرًا بعملك البحثي، مع التأكُّد من إبراز أوجه ضعف النهُج المستخدمة.

البيانات (The data)

يجب أن يتضمَّن قسم البيانات وصفًا مُفصَّلًا للبيانات: مصدر البيانات، شكل البيانات، خصائص البيانات، وكل العيوب ذات الصلة بالتحليل اللاحق (نذكر على سبيل المثال: هل توجد مُشاهدات ناقصة؟ هل فترة العبَّنة قصيرة؟ هل تتضمَّن العبَّنة انقطاعات هيكلة كبيرة محتملة، ناجمة مثلًا عن انهيار السوق؟)، إذا كان هناك عدد صغير من السلاسل التي سيجرى فحصها في المقام الأول من الشائع رسم السلسلة بيانيًّا، مشيرًا إلى كل الخصائص الهامَّة في البيانات، وتقديم إحصاءات مُوجزة مثل الوسط، التباين، الالتواء، النفر طح، القيمة الدنيا والفيمة القصوى لكل سلسلة، اختبارات عدم السكون، مفايس الارتباط الذاتي، إلخ.

(Methodology) النهجية

يجب أن تشرح النهجيَّة تقنية (تقنيات) التقدير المستخدمة في حساب القيم المقدَّرة لمعليات النموذج (النهاذج)، كما يتعيَّن استعراض النهاذج وتقسيرها باستخدام المعادلات إن لزم الأمر، مرَّة أخرى، يجب أن يُكتب هذا الشرح بطريقة نقديَّة مُشيرًا إلى نقاط الضعف المحتملة في النهج وإلى السبب وراه عدم استخدام تقنيات أخرى أكثر حصائة أو أحدث، وإذا كانت المنهجيَّة لا تستوجب وصفًا مفصلًا للتقنيات المستخدمة، يكون من المفيد دمج هذا القسم مع قسم البيانات.

(Results) النتاثج

نقدّم النتائج عادة في شكل جداول أو أشكال، هذا ويجب شرح كل جدول أو شكل بالإشارة إلى كل الخصائص الهامّة، سواء المتوقّعة منها أو غير اللّموقّعة، وبصفة خاصة يجب أن تشمل الاستنتاجات الأهداف والغايات الأصليّة المبيّنة في المقدّمة، كما يتعبّن مُنافشة النتائج وتحليلها، وعدم الاكتفاء بعرضها بشكل مُبسّط، ينبغي كذلك عند الاقتضاء مُقارنة النتائج بتلك المتحصّل عليها من الدراسات السابقة المشابهة؛ أي هل نتائجك تُؤكد أو تتنافض مع نتائج البحوث السابقة؟ كما يجب الإشارة بشكل واضح في النص إلى كل جدول أو شكل (على سبيل المثال، يعرض الجدول رقم ٤ النتائج المتحصّل عليها من تقدير المعادلة رقم (١١))، لا يُدرج في المشروع أي جداول أو أشكال لم يتم منافشتها في النص، من المهم كذلك محاولة تقديم النتائج بطريقة شيّقة ومتنوّعة قدر الإمكان، فنقوم على سبيل المثال بإدراج أشكال ورسومات بيانيّة إضافة إلى الجداول.

(Conclusions) الاستئتاحات

يجب أن يُشير قسم الاستنتاجات مُحدَّدًا إلى الهدف الأصلي للاطروحة، ويستعرض أهم التتاثج المتحصَّل عليها، كما ينبغي إبراز أوجه ضعف الدراسة ككل، وفي الأخير تقديم بعض الاقتراحات لمزيد من الأبحاث في هذا المجال.

المراجع (References)

يجب توفير قائمة بالمراجع مُرتَّبة حسب الترتيب الأبجدي لأسهاء المؤلفين، كما تُشير إلى أن قائمة المراجع (قائمة بجميع أوراق البحث، الكتب أو صفحات الويب المشار إليها في الدراسة، يغض النظر عمَّا إذا كنت قرأتهم أو وجدت استشهادًا بهم في دراسات أخرى)، وعلى عكس قائمة المصادر (قائمة تضم العناوين التي قرأتها، سواء وقعت الإشارة إليها في الدراسة أم لا) تكون عادة ضروريَّة.

مع أن هناك العديد من الطرق لعرض الاستشهادات وتوثيق المراجع، فإننا نذكر فيها يلي أسلوبًا من الأساليب الممكنة، يمكن أن تكون الاستشهادات الواردة في النص من قبيل 'أوضح بروكس (١٩٩٩) أن ... ' أو 'خلص عدد من الباحثين إلى أن ... (انظر على سبيل المثال بروكس، ١٩٩٩).

> يُمكن في قسم المراجع إدراج جميع الأعمال المذكورة في النص باستخدام الأسلوب التالي: الكتب:

- Harvey, A ،C ،(1993) Time Series Models, second edition, Harvester Wheatsheaf, Hemel Hempstead. England
 المقالات المنشورة:
- Hinich, M J (1982) Testing for Gaussianity and Linearity of a Stationary Time Series, Journal of Time Series Analysis 3(3), 169–176

المقالات غير المنشورة أو الأطروحات:

 Bera, A K and Jarque, C M (1981) An Efficient Large-Sample Test for Normality of Observations and Regression Residuals, Australian National University Working Papers in Econometrics 40, Canberra

الملاحق (Appendices)

يُمكن أخبرًا استخدام اللحق أو اللاحق لتحسين هيكل الدراسة ككل عندما يُعيق إدراج موضوع ما في النص انسياب معلومات الوثيقة، فعلى سبيل المثال، إذا أردت إيضاح كيفيَّة إنشاء مُتغيِّر ما أو إذا كتبت شفرة حاسب لتقدير النهاذج، وتعتقد أن ذلك مُفيد للقراء، فإنه يُمكنك وضع ذلك في الملحق، كما لا يجب أن تُستخدم الملاحق كسلَّة مُهملات للمواضيع غير الهامَّة أو الحشو، ولا يجب أن يُملاً بمطبوعات المخرجات الحام لحزم الكمبيوتر!

١٤,١٢ نقاط حول مسألة عرض العمل

(Presentational issues)

لن يكون هناك فائدة في جعل التقرير النهائي أطول مًا يجب أن يكون عليه، حتى وإن لم تكن مُعرضًا لخطر تجاوز الحد المسموح به من عدد الكلمات فإن المواد اللاضروريَّة لا تُجازَى بتقدير أعلى، وإنها يُسكن أن تعرضك للعقاب، ومن المرجَّح أن يأخذ المقيمون في الاعتبار طريقة عرض الوثيقة إضافة إلى محتواها، وبالتالي يجب على الطلبة التأكد من أن هيكل تقريرهم مُنظم ومنطقي، وأن المعادلات محددة بشكل صحيح، وأنه لا توجد أخطاء إملائية أو أخطاء أخرى مطبعية أو نحوية.

يجد بعض الطلاب صعوبة في معرفة منى يتوقّف الجزء الاستفصائي لأعمالهم وصعوبة في تنظيمه، من الممكن بطبيعة الحال دائها تحسين جزء من العمل من خلال العمل عليه لوقت أطول، لكن عند نُقطة ما، قد تكون لمواصلة العمل على مشروع البحث نتائج عكسية لأنه بُقضل تخصيص الوقت المتبقي لتحسين كتابة البحث والجوانب التي تتعلّق بعرضه، من المهم بكل تأكيد إن أمكن، تخصيص أسبوع عند نهابة الزمن المخصص للمشروع لقراءة مشروع الورقة بعناية مرتبن على الأقل، قد يكون مشرفك أو أحد المختصين على استعداد لقراءة مشروع البحث وإبداء مُلاحظاته عليه قبل تقديم الصيغة النهائيَّة، إن لم يُمكن ذلك ربها أمكن الأصدقائك الذين قاموا بدراسات مُشابهة تقديم اقتراحات لك، تبقى جميع التعليقات مُفيدة، وعلى كل حال كل ما لا تحبه أو لا تُوافق عليه يُمكنك تجاهله!

الملاحق

الملحق رقم ا مصادر البيانات المستخدمة في هذا الكتاب

أُوَدُّ أَنْ أُغْرِبَ عن امتناني للاشخاص والمنظات التالية، والذين اتفقوا جيعًا على السياح لي باستخدام بياناتهم كأمثلة في هذا الكتاب، ونشر هذه الأخيرة على موقع الكتاب على شبكة الإنترنت، وهم: آلان غريغوري/ راجيش ثاريان (Alan Gregory/ Rajesh Tharyan)، مكتب إحصاءات العمل، مجلس الاحتياطي الفدرالي، بنك الاحتياطي الفيدرائي بسانت لويس، ناشينوايد (Nationwide)، أواندا (Oanda)، وياهو! مالية. (Yahoo! Finance)، ويقدم الجدول النالي تفاصيل عن البيانات المستخدمة وموقع مقدم الخدمة على شبكة الإنترنت.

موقع الويب	البياثات	الجهة المقدمة للبيانات
business-school.exeter.nc.uk/research/	and the court of the first of the first of	لان جریجوری / راجیش
areas/centres/xfi/research/famafrench	محافظ مالية مصنَّفة حسب الحجم والقيمة وعوامل فاما-فرنش	ثاريان
www.bls.gov	مؤشر أسعار الاستهلاك	لكتب إحصاءات العمل
www.federalreserve.gov	عائدات أذونات الخزينة الأمريكية، عرض النقود، الإنتاج الصناعي والانتيان الاستهلاكي	بلس الاحتباطي القدرائي
research.stlouisfed.org/fred2	BAA و AAA متوسط عائدات سندات الشركات المصنفة	نك الإحتياطي الفيدرالي بسانت لويس
www.nationwide.co.uk/hpi/datadownload/data	- Josephia a hijili .	a I = 894
download.htm	متوسط أسعار المساكن في المملكة المتحدة	تاشيتوايد
www.oanda.com/convert/fxhistory	أسعار صرف اليورو، الجنيه والين مقابل الدولار	أواثدا
finance.yahoo.com	مؤشر ٥٠٠ S&P والعديد من الأسهم الأمريكية والأسعار الأجلة	ياهو! مالية

الملحق رقم ٢ جداول التوزيعات الإحصائية

		عن عن	سد ت _ص م محت	الطبيعي ا	رحة للعربي	للهداخ	مول أخالا	الق		
a	0.4	0.25	0.2	0.15	0.1	0.05	0.025	0.01	0.005	0.001
Z_{α}	.2533	.6745	.8416	1.0364	1.2816	1.6449	1.9600	2.3263	2.5758	3.0902

المصدر: قيم محسوبة من قبل الكاتب باستخدام الدالة NORMDIST في إلكسل.

الجدول ألا. أ القيم الحرجة لتوزيع ستورنت : عند مستويات تحتلفة من الاحتيال ه ومن درجات الخرية »

α	0.4	0.25	0.15	0.1	0.05	0.025	0.01	0.005	0.001	0.0005
V	0.3340	1.0000	1.0024	2 0222	6 2 1 2 1	12 70/2	21.0202	42 4545	310 3007	636 6140
1	0.3249	1.0000	1.9626	3.0777	6.3138	12.7062	31.8205	63.6567	318.3087	636.6189
2	0.2887	0.8165	1.3862	1.8856	2.9200	4,3027	6.9646	9.9248	22.3271	31.5991
3	0.2767	0.7649	1.2498	1.6377	2.3534	3.1824	4.5407	5.8409	10.2145	12.9240
4	0.2707	0.7407	1.1896	1.5332	2.1318	2.7764	3.7469	4.6041	7.1732	8.6103
5	0.2672	0.7267	1.1558	1.4759	2.0150	2.5706	3.3649	4.0321	5.8934	6.8688
6	0.2648	0.7176	1.1342	1.4398	1.9432	2.4469	3.1427	3.7074	5.2076	5.9588
7	0.2632	0.7111	1.1192	1.4149	1.8946	2.3646	2.9980	3.4995	4.7853	5.4079
8	0.2619	0.7064	1.1081	1.3968	1.8595	2.3060	2.8965	3.3554	4.5008	5.0413
9	0.2610	0.7027	1.0997	1.3830	1.8331	2.2622	2.8214	3.2498	4.2968	4.7809
10	0.2602	0.6998	1.0931	1.3722	1.8125	2.2281	2.7638	3.1693	4.1437	4.5869
11	0.2596	0.6974	1.0877	1.3634	1.7959	2.2010	2.7181	3.1058	4.0247	4.4370
12	0.2590	0.6955	1.0832	1.3562	1.7823	2.1788	2.6810	3.0545	3.9296	4.3178
13	0.2586	0.6938	1.0795	1.3502	1.7709	2.1604	2.6503	3.0123	3.8520	4.2208
14	0.2582	0.6924	1.0763	1.3450	1.7613	2.1448	2.6245	2.9768	3.7874	4.1405
15	0.2579	0.6912	1.0735	1.3406	1.7531	2.1314	2.6025	2.9467	3.7328	4.0728
16	0.2576	0.6901	1.0711	1.3368	1.7459	2.1199	2.5835	2.9208	3.6862	4.0150
17	0.2573	0.6892	1.0690	1.3334	1.7396	2.1098	2.5669	2.8982	3.6458	3.9651
18	0.2571	0.6884	1.0672	1.3304	1.7341	2.1009	2.5524	2.8784	3.6105	3.9216
19	0.2569	0.6876	1.0655	1.3277	1.7291	2.0930	2.5395	2.8609	3.5794	3.8834
20	0.2567	0.6870	1.0640	1.3253	1.7247	2.0860	2.5280	2.8453	3.5518	3.8495
21	0.2566	0.6864	1.0627	1.3232	1.7207	2.0796	2.5176	2.8314	3.5272	3.8193
22	0.2564	0.6858	1.0614	1.3212	1.7171	2.0739	2.5083	2.8188	3.5050	3.7921
23	0.2563	0.6853	1.0603	1.3195	1.7139	2.0687	2.4999	2.8073	3.4850	3.7676
24	0.2562	0.6848	1.0593	1.3178	1.7109	2.0639	2.4922	2.7969	3.4668	3.7454
25	0.2561	0.6844	1.0584	1.3163	1.7081	2.0595	2.4851	2.7874	3.4502	3.7251
26	0.2560	0.6840	1.0575	1.3150	1.7056	2.0555	2.4786	2.7787	3,4350	3.7066
27	0.2559	0.6837	1.0567	1.3137	1.7033	2.0518	2.4727	2.7707	3.4210	3.6896
28	0.2558	0.6834	1.0560	1.3125	1.7011	2.0484	2.4671	2.7633	3.4082	3.6739
29	0.2557	0.6830	1.0553	1.3114	1.6991	2.0452	2.4620	2.7564	3.3962	3.6594
30	0.2556	0.6828	1.0547	1.3104	1.6973	2.0423	2.4573	2.7500	3.3852	3.6460
35	0.2553	0.6816	1.0520	1.3062	1.6896	2.0301	2.4377	2.7238	3.3400	3.5911
40	0.2550	0.6807	1.0500	1.3031	1.6839	2.0211	2.4233	2.7045	3.3069	3.5510
45	0.2549	0.6800	1.0485	1.3006	1.6794	2.0141	2.4121	2.6896	3.2815	3.5203
50	0.2547	0.6794	1.0473	1.2987	1.6759	2.0086	2.4033	2.6778	3.2614	3,4960

الملاحق ١٨٣

									tati,	يتبع الجلدول
60	0.2545	0.6786	1.0455	1.2958	1.6706	2.0003	2.3901	2.6603	3.2317	3,4602
70	0.2543	0.6780	1.0442	1.2938	1.6669	1.9944	2.3808	2.6479	3.2108	3.4350
80	0.2542	0.6776	1.0432	1.2922	1.6641	1.9901	2.3739	2.6387	3.1953	3.4163
90	0.2541	0.6772	1.0424	1.2910	1.6620	1.9867	2.3685	2.6316	3.1833	3.4019
100	0.2540	0.6770	1.0418	1.2901	1.6602	1.9840	2.3642	2.6259	3.1737	3.3905
120	0.2539	0.6765	1.0409	1.2886	1.6577	1.9799	2.3578	2.6174	3.1595	3.3735
150	0.2538	0.6761	1.0400	1.2872	1.6551	1.9759	2.3515	2.6090	3.1455	3.3566
200	0.2537	0.6757	1.0391	1.2858	1.6525	1.9719	2.3451	2.6006	3.1315	3.3398
300	0.2536	0.6753	1.0382	1.2844	1.6499	1.9679	2.3388	2.5923	3.1176	3.3233
90	0.2533	0.6745	1.0364	1.2816	1.6449	1.9600	2.3263	2.5758	3.0902	3.2905

المصدر: قيم محسوبة من قبل الكاتب باستخدام الدالة TINV في إلكسل

									_	7,4	وی	عبد الم	ع إف	اللتون	الحرجة	القيم	7.1	عدول	ėl.
							Degree	es of fi	reedon	ı for n	umera	tor (m)						
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	24	30	40	60	120	00
						De	grees o	of free	dom fe	or deno	minat	or (T -	- k)						
1	161	200	216	225	230	234	237	239	241	242	244	246	248	249	250	251	252	253	254
2	18.5	19.0	19.2	19.2	19.3	19.3	19.4	19.4	19,4	19.4	19.4	19.4	19.4	19.5	19.5	19.5	19.5	19.5	19.5
3	10.1	9.55	9.28	9.12	9.01	8.94	8.89	8.85	8.81	8.79	8.74	8.70	8.66	8.64	8.62	8.59	8.57	8.55	8.53
4	7.71	6.94	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	6.04	6.00	5.96	5.91	5.86	5.80	5.77	5.75	5.72	5.69	5.66	5.63
5	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	4.82	4.77	4.74	4.68	4.62	4.56	4.53	4.50	4.46	4.43	4.40	4.37
6	5.99	5.14	4,76	4.53	4.39	4.28	4.21	4.15	4.10	4.06	4.00	3.94	3.87	3.84	3.81	3.77	3.74	3.70	3.67
7	5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	3.73	3.68	3.64	3.57	3.51	3.44	3.41	3.38	3.34	3.30	3.27	3.23
8	5.32	4.46	4.07	3.84	3.69	3.58	3.50	3.44	3.39	3.35	3.28	3.22	3.15	3.12	3.08	3.04	3.01	2.97	2.93
9	5.12	4.26	3.86	3.63	3.48	3.37	3.29	3.23	3.18	3.14	3.07	3.01	2.94	2.90	2.86	2.83	2.79	2.75	2.71
10	4.96	4.10	3.71	3.48	3.33	3.22	3.14	3.07	3.02	2.98	2.91	2.85	2.77	2.74	2.70	2.66	2.62	2.58	2.54
11	4.84	3.98	3.59	3.36	3.20	3.09	3.01	2.95	2.90	2.85	2.79	2.72	2.65	2.61	2.57	2.53	2.49	2.45	2.40
12	4.75	3.89	3.49	3.26	3.11	3.00	2.91	2.85	2.80	2.75	2.69	2.62	2.54	2.51	2.47	2.43	2.38	2.34	2.30
13	4.67	3.81	3.41	3.18	3.03	2.92	2.83	2.77	2.71	2.67	2.60	2.53	2.46	2.42	2.38	2.34	2.30	2.25	2.21
14	4.60	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.70	2.65	2.60	2.53	2.46	2.39	2.35	2.31	2.27	2.22	2.18	2.13
15	4.54	3.68	3.29	3.06	2.90	2.79	2.71	2.64	2.59	2.54	2.48	2.40	2:33	2.29	2.25	2.20	2.16	2.11	2.07
16	4.49	3.63	3.24	3.01	2.85	2.74	2.66	2.59	2.54	2.49	2.42	2.35	2.28	2.24	2.19	2.15	2.11	2.06	2.01
17	4.45	3.59	3.20	2.96	2.81	2.70	2.61	2.55	2.49	2.45	2.38	2.31	2.23	2.19	2.15	2.10	2.06	2.01	1.96
18	4.41	3.55	3.16	2.93	2.77	2.66	2.58	2.51	2.46	2.41	2.34	2.27	2.19	2.15	2.11	2.06	2.02	1.97	1.92
19	4.38	3.52	3.13	2.90	2.74	2.63	2.54	2.48	2.42	2.38	2.31	2.23	2.16	2.11	2.07	2.03	1.98	1.93	1.88
20	4.35	3.49	3.10	2.87	2.71	2.60	2.51	2.45	2.39	2.35	2.28	2.20	2.12	2.08	2.04	1.99	1.95	1.90	1.84
21	4.32	3.47	3.07	2.84	2.68	2.57	2.49	2.42	2.37	2.32	2.25	2.18	2.10	2.05	2.01	1.96	1.92	1.87	1.81

																7	YI J	الجدو	=
22	4.30	3.44	3.05	2.82	2.66	2.55	2.46	2.40	2.34	2.30	2.23	2.15	2.07	2.03	1.98	1.94	1.89	1.84	1.78
23	4.28	3,42	3.03	2.80	2.64	2.53	2.44	2.37	2.32	2.27	2.20	2.13	2.05	2.01	1.96	1.91	1.86	1.81	1.76
24	4.26	3.40	3.01	2.78	2.62	2.51	2.42	2.36	2.30	2.25	2.18	2.11	2.03	1.98	1.94	1.89	1.84	1.79	1.73
25	4.24	3.39	2.99	2.76	2.60	2.49	2.40	2.34	2.28	2.24	2.16	2.09	2.01	1.96	1.92	1.87	1.82	1.77	1.71
30	4.17	3.32	2.92	2.69	2.53	2.42	2.33	2.27	2.21	2.16	2.09	2.01	1.93	1.89	1.84	1.79	1.74	1.68	1.62
40	4.08	3.23	2.84	2.61	2.45	2.34	2.25	2.18	2.12	2.08.	2.00	1.92	1.84	1.79	1.74	1.69	1.64	1.58	1.51
60	4.00	3.15	2.76	2.53	2.37	2.25	2.17	2.10	2.04	1.99	1.92	1.84	1.75	1.70	1.65	1.59	1.53	1.47	1.39
120	3.92	3.07	2.68	2.45	2.29	2.18	2.09	2.02	1.96	1.91	1.83	1.75	1.66	1.61	1.55	1.50	1.43	1.35	1.25
œ	3.84	3.00	2.60	2.37	2.21	2.10	2.01	1.94	1.88	1.83	1.75	1.67	1.57	1.52	1.46	1.39	1.32	1.22	1.00

المصدر: قيم محسوبة من قبل الكاتب باستخدام الدالة FINV في إلكسل

									-	7.	وی ا	4) 4	إف ء	للوزية	وجة ا	قيم ا	1 1	ول ۲۱	الجد
							(m	بسط (ية في ال	ت آلحر	درجاه	عدد							
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	24	30	40	60	120	20
							(T-	لقام (ا	ية في الم	ت الحر	درجاد	عدد	**		•				
l	4.052	5.000	5,403	5,625	5.764	5,859	5,928	5.982	6,023	6,056	6,106	6,157	6,209	6,235	6.261	6,287	6,313	6,339	6,366
2	98.5	99.0	99.2	99.3	99.3	99.3	99.4	99.4	99.4	99.4	99.4	99.4	99.5	99.5	99.5	99.5	99.5	99.5	99.5
3	34.1	30.8	29.5	28.7	28.2	27.9	27.7	27.5	27.3	27.2	27.1	26.9	26.7	26.6	26.5	26.4	26.4	26.2	26.1
4	21.2	18.0	16.7	16.0	15.5	15.2	15.0	14.8	14.7	14.5	14.4	14.2	14.0	13.9	13.8	13.7	13.7	13.6	13.5
5	16.3	13.3	12.1	11.4	11.0	10.7	10.5	10.3	10.2	10.1	9.89	9.72	9.55	9.47	9.38	9.29	9.20	9.11	9.02
6	13.7	10.9	9.78	9.15	8.75	8.47	8.26	8.10	7.98	7.87	7.72	7.56	7.40	7.31	7.23	7.14	7.06	6.97	6.88
7	12.2	9.55	8.45	7.85	7.46	7.19	6.99	6.84	6.72	6.62	6.47	6.31	6.16	6.07	5.99	5.91	5.82	5.74	5.65
8	11.3	8.65	7.59	7.01	6.63	6.37	6.18	6.03	5.91	5.81	5.67	5.52	5.36	5.28	5.20	5.12	5.03	4.95	4.86
9	10.6	8.02	6.99	6.42	6.06	5.80	5.61	5.47	5.35	5.26	5.11	4.96	4.81	4.73	4.65	4.57	4.48	4.40	4.31
10	10.0	7.56	6.55	5.99	5,64	5.39	5.20	5.06	4.94	4.85	4.71	4.56	4.41	4.33	4.25	4.17	4.08	4.00	3.91
11	9.65	7.21	6.22	5.67	5.32	5.07	4.89	4.74	4.63	4,54	4.40	4.25	4.10	4.02	3.94	3.86	3.78	3.69	3.60
12	9.33	6.93	5.95	5.41	5.06	4.82	4.64	4.50	4.39	4.30	4.16	4.01	3.86	3.78	3.70	3.62	3.54	3.45	3.36
13	9.07	6.70	5.74	5.21	4.86	4.62	4.44	4.30	4.19	4.10	3.96	3.82	3.66	3.59	3.51	3.43	3.34	3.25	3.17
14	8.86	6.51	5.56	5.04	4.70	4.46	4.28	4.14	4.03	3.94	3.80	3.66	3.51	3.43	3.35	3.27	3.18	3.09	3.00
15	8.68	6.36	5.42	4.89	4.56	4.32	4.14	4.00	3.89	3.80	3.67	3.52	3.37	3.29	3.21	3.13	3.05	2.96	2.87
16	8.53	6.23	5.29	4.77	4,44	4.20	4.03	3.89	3.78	3.69	3.55	3.41	3.26	3.18	3.10	3.02	2.93	2.84	2.75
17	8.40	6.11	5.19	4.67	4,34	4.10	3.93	3.79	3.68	3.59	3.46	3.31	3.16	3.08	3.00	2.92	2.83	2.75	2.65
18	8.29	6.01	5.09	4.58	4.25	4.01	3.84	3.71	3.60	3.51	3.37	3.23	3.08	3.00	2.92	2.84	2.75	2.66	2.57
19	8.19	5.93	5.01	4.50	4.17	3.94	3.77	3.63	3.52	3.43	3.30	3.15	3.00	2.92	2.84	2.76	2.67	2.58	2.49

الملاحق ١٨٥

															_	1	TI.	الجدو	÷
20	8.10	5.85	4.94	4.43	4.10	3.87	3.70	3.56	3.46	3.37	3.23	3.09	2.94	2.86	2,78	2.69	2.61	2.52	2.42
21	8.02	5.78	4.87	4.37	4.04	3.81	3.64	3.51	3.40	3.31	3.17	3.03	2.88	2.80	2.72	2.64	2.55	2.46	2.36
22	7.95	5.72	4.82	4.31	3.99	3.76	3.59	3.45	3.35	3.26	3.12	2.98	2.83	2.75	2.67	2.58	2.50	2.40	2.31
23	7.88	5.66	4.76	4.26	3.94	3.71	3.54	3.41	3.30	3.21	3.07	2.93	2.78	2.70	2.62	2.54	2.45	2.35	2.26
24	7.82	5.61	4.72	4.22	3.90	3.67	3.50	3.36	3.26	3.17	3.03	2.89	2.74	2.66	2.58	2.49	2.40	2.31	2.21
25	7,77	5.57	4.68	4.18	3.86	3.63	3.46	3.32	3.22	3.13	2.99	2.85	2.70	2.62	2.53	2.45	2.36	2.27	2.17
30	7.56	5.39	4.51	4.02	3.70	3.47	3.30	3.17	3.07	2.98	2.84	2.70	2.55	2,47	2,39	2.30	2.21	2.11	2.01
40	7.31	5.18	4.31	3.83	3.51	3.29	3.12	2.99	2.89	2.80	2.66	2.52	2.37	2.29	2.20	2.11	2.02	1.92	1.80
60	7.08	4.98	4.13	3.65	3.34	3.12	2.95	2.82	2.72	2.63	2.50	2.35	2.20	2.12	2.03	1.94	1.84	1.73	1.60
120	6.85	4.79	3.95	3.48	3.17	2.96	2.79	2.66	2.56	2.47	2.34	2.19	2.03	1.95	1.86	1.76	1.66	1.53	1.38
90	6.63	4.61	3.78	3.32	3.02	2.80	2.64	2.51	2.41	2.32	2.18	2.04	1.88	1.79	1.70	1.59	1.47	1.32	1.00

المصدر: قيم محسوبة من قبل الكاتب باستخدام الدالة FINV في إلكسل.

			\dashv	الحرية ه	فرجات	ن ۵ ومق	م محتلفة م	ي عند قي	ح سريع کا	جة لتوزي	القيم الحو	a . Ti .	اجدوا
υ	0.995	0.990	0.975	0.950	0.900	0.750	0.500	0.250	0.100	0.050	0.025	0.010	0.005
1	0.00004	0.00016	0.00098	0.00393	0.01579	0.1015	0.4549	1.323	2.706	3.841	5.024	6.635	7.879
2	0.01003	0.02010	0.05065	0.1026	0.2107	0.5754	1.386	2.773	4.605	5.991	7.378	9.210	10.597
3	0.07172	0.11.48	0.2158	0.3518	0.5844	1.213	2.366	4.108	6.251	7.815	9.348	11.345	12.838
4	0.2070	0.2971	0.4844	0.7107	1.064	1.923	3.357	5.385	7.779	9.488	11.143	13.277	14.860
5	0.4117	0.5543	0.8312	1.145	1.610	2.675	4.351	6.626	9.236	11.070	12.833	15.086	16.750
6	0.6757	0.8721	1.237	1.635	2.204	3.455	5.348	7.841	10.645	12.592	14,449	16.812	18.548
7	0.9893	1.239	1.690	2.167	2.833	4.255	6.346	9.037	12.017	14.067	16.013	18.475	20.278
8	1.344	1.646	2.180	2.733	3.490	5.071	7.344	10.219	13.362	15.507	17.535	20.090	21.955
9	1.735	2.088	2.700	3.325	4.168	5.899	8.343	11.389	14.684	16.919	19.023	21.666	23.589
10	2.156	2.558	3.247	3.940	4.865	6.737	9.342	12.549	15.987	18.307	20.483	23.209	25.188
11	2.603	3.053	3.816	4.575	5.578	7.584	10.341	13.701	17.275	19.675	21.920	24.725	26.757
12	3.074	3.571	4.404	5.226	6.304	8.438	11.340	14.845	18.54	21.026	23.337	26.217	28.300
13	3.565	4.107	5.009	5.892	7.041	9.299	12.340	15.984	19.812	22.362	24.736	27.688	29.819
14	4.075	4.660	5.629	6.571	7.790	10.165	13.339	17.117	21.064	23.685	26.119	29.141	31.319
15	4.601	5.229	6.262	7.261	8.547	11.036	14.339	18.245	22.307	24.996	27.488	30.578	32.801
16	5.142	5.812	6.908	7.962	9.312	11.912	15.338	19.369	23.542	26.296	28.845	32.000	34.267
17	5.697	6.408	7.564	8.672	10.085	12.792	16.338	20.489	24.769	27.587	30.191	33.409	35.718
18	6.265	7.015	8.231	9.390	10.865	13.675	17.338	21.605	25,989	28.869	31.526	34.805	37.156
19	6.844	7.633	8.907	10.117	11.651	14.562	18,338	22.718	27.204	30.143	32.852	36.191	38,582
20	7.434	8.260	9.591	10.851	12.443	15.452	19.337	23.828	28.412	31.410	34.170	37.566	39.997
21	8.034	8.897	10.283	11.591	13.240	16.344	20.337	24.935	29.615	32.670	35.479	38.932	41.401
22	8.643	9.542	10.982	12.338	14.041	17.240	21.337	26.039	30.813	33.924	36.781	40.289	42.796

											à	لحدول ۲۱	ينوا
													-
23	9.260	10.196	11.688	13.090	14.848	18.137	22.337	27.141	32.007	35.172	38.076	41.638	44.181
24	9.886	10.856	12.401	13.848	15.659	19.037	23.337	28.241	33.196	36.415	39.364	42.080	45.558
25	10.520	11.524	13,120	14.611	16.473	19.939	24.337	29.339	34,382	37.652	40.646	44.314	46.928
26	11.160	12.198	13.844	15,379	17.292	20.843	25.336	30.434	35,563	38.885	41.923	45.642	48.290
27	11.808	12.879	14.573	16.151	18.114	21.749	26.336	31.528	36.741	40.113	43.194	46.963	49.645
28	12.461	13.565	15.308	16.928	18.939	22.657	27.336	32.620	37.916	41.337	44.461	48.278	50.993
29	13.121	14.256	16.047	17.708	19.768	23.567	28.336	33.711	39.087	42.557	45.722	49.588	52.336
30	13.787	14.954	16.791	18.493	20.599	24.478	29.336	34.800	40.256	43.773	46.979	50.892	53.672
35	17.192	18.509	20.569	22.465	24,797	29.054	34.336	40.223	46.059	49.802	53.203	57.342	60.275
40	20.707	22.164	24,433	26,509	29.050	33.660	39.335	45.616	51.805	55,758	59.342	63.691	66.766
45	24.311	25.901	28.366	30.612	33.350	38.291	44.335	50.985	57.505	61.656	65.410	69.957	73,166
50	27.991	29.707	32.357	34.764	37.689	42.942	49.335	56.334	63.167	67.505	71.420	76.154	79.490
55	31.735	33.571	36.398	38.958	42.060	47.611	54.335	61.665	68.796	73.311	77.381	82.292	85.749
60	35.535	37.485	40.482	43.158	46.459	52.294	59.335	66.981	74.397	79.082	83.298	85.379	91.952
70	43.275	45.442	48,758	51.739	55.329	61.698	69.334	77.577	85.527	90.531	95.023	100.425	104.215
80	51.172	53.540	57.153	60.391	64,278	71.144	79.334	88.130	96.578	101.879	106.629	112.329	116.321
90	59.196	61.754	65.647	69.126	73.291	80.625	89.334	98.650	107.565	113.145	118.136	124.116	128.299
100	67.328	70.065	74.222	77.929	82.358	90.133	99.334	109.141	118.498	124.342	129.561	135.807	140.169
120	83.829	86.909	91.568	95.705	100.627	109.224	119.335	130.051	140.228	146.565	152.214	158.963	163.670
150	109.122	112.655	117.980	122.692	126.278	137.987	149.334	161.258	172.577	179.579	185.803	193.219	198.380
200	152,224	156.421	162,724	168.279	174.825	156,175	199.334	213.099	226.018	233.993	241.060	249.455	255.281
250	196,145											304.948	

المصدر: قيم محسوبة من قبل الكاتب باستخدام الدالة FINV في إلكسل.

				ندالمنوي	ن-واتسول ء	فصاءة ديري	ل والعلبا لإ-	خرجة السفر	٦٠ القيم ا	فدول ا۲
	k* =	- 1	k* =	2	k' =	- 3	k' :	- 4	k'	= 5
T	d _L	đυ	d _L	dυ	d _L	do	d _L	đụ	d _L	du
15	0.81	1.07	0.70	1.25	0.59	1.46	0.49	1.70	0.39	1.96
16	0.84	1.09	0.74	1.25	0.63	1.44	0.53	1.66	0.44	1.90
17	0.87	1.10	0.77	1.25	0.67	1.43	0.57	1.63	0.48	1.85
18	0.90	1.12	0.80	1.26	0.71	1.42	0.61	1.60	0.52	1,80
19	0.93	1.13	0.83	1.26	0.74	1.41	0.65	1.58	0.56	1.77
20	0.95	1.15	0.86	1.27	0.77	1.41	0.68	1.57	0.60	1.74
21	0.97	1.16	0.89	1.27	0.80	1.41	0.72	1.55	0.63	1.71
22	1.00	1.17	0.91	1.28	0.83	1.40	0.75	1.54	0.66	1.69
23	1.02	1.19	0.94	1.29	0.86	1.40	0.77	1.53	0.70	1.67
24	1.04	1.20	0.96	1.30	0.88	1.41	0.80	1.53	0.72	1.66
25	1.05	1.21	0.98	1.30	0.90	1.41	0.83	1.52	0.75	1.65

الملاحق

									1,113	يتيع الجدو
26	1.07	1.22	1.00	1.31	0.93	1.41	0.85	1.52	0.78	1.64
27	1.09	1.23	1.02	1.32	0.95	1.41	0.88	1.51	0.81	1.63
28	1.10	1.24	1.04	1.32	0.97	1.41	0.90	1.51	0.83	1.62
29	1.12	1.25	1.05	1.33	0.99	1.42	0.92	1.51	0.85	1.61
30	1.13	1.26	1.07	1.34	1.01	1.42	0.94	1.51	0.88	1.61
31	1.15	1.27	1.08	1.34	1.02	1.42	0.96	1.51	0.90	1.60
32	1.16	1.28	1.10	1.35	1.04	1.43	0.98	1.51	0.92	1.60
33	1.17	1.29	1.11	1.36	1.05	1.43	1.00	1.51	0.94	1.59
34	1.18	1.30	1.13	1.36	1.07	1.43	1.01	1.51	0.95	1.59
35	1.19	1.31	1.14	1.37	1.08	1.44	1.03	1.51	0.97	1.59
36	1.21	1.32	1.15	1.38	1.10	1.44	1.04	1.51	0.99	1.59
37	1.22	1.32	1.16	1.38	1.11	1.45	1.06	1.51	1.00	1.59
38	1.23	1.33	1.18	1.39	1.12	1.45	1.07	1.52	1.02	1.58
39	1.24	1.34	1.19	1.39	1.14	1.45	1.09	1.52	1.03	1.58
40	1.25	1.34	1.20	1.40	1.15	1.46	1.10	1.52	1.05	1.58
45	1.29	1.38	1.24	1.42	1.20	1.48	1.16	1.53	1.11	1.58
50	1.32	1.40	1.28	1.45	1.24	1.49	1.20	1.54	1.16	1.59
55	1.36	1.43	1.32	1.47	1.28	1.51	1.25	1.55	1.21	1.59
60	1.38	1.45	1.35	1.48	1.32	1.52	1.28	1.56	1.25	1.60
65	1.41	1.47	1.38	1.50	1.35	1.53	1.31	1.57	1.28	1.61
70	1.43	1.49	1.40	1.52	1.37	1.55	1.34	1.58	1.31	1.61
75	1.45	1.50	1.42	1.53	1.39	1.56	1.37	1.59	1.34	1.62
80	1.47	1.52	1.44	1.54	1.42	1.57	1.39	1.60	1.36	1.62
85	1.48	1.53	1.46	1.55	1.43	1.58	1.41	1.60	1.39	1.63
90	1.50	1.54	1.47	1.56	1.45	1.59	1.43	1.61	1.41	1.64
95	1.51	1.55	1.49	1.57	1.47	1.60	1.45	1.62	1.42	1.64
100	1.52	1.56	1.50	1.58	1.48	1.60	1.46	1.63	1.44	1.65

ملاحظة: ٣: عدد المشاهدات؛ ١٤ عدد المتغيرات المقسرة (دون إحتساب الحد الثابت).

المصدر: ديرين-واتسون (١٩٥١): ٧٧-١٥٩. أعيد نشره بإذن من مطبعة جامعة أكسفورد.

		ر لمستويات مختلفة من «	نرجة لإحصاءة ديكي- فوا	الجدول ٢٠٧ القيم الح
T حجم العينة	0.01	0.025	0.05	0.10
		τ		
25	-2.66	-2.26	-1.95	-1.60
50	-2.62	-2.25	-1.95	-1.61
100	-2.60	-2.24	-1.95	-1.61
250	-2.58	-2.23	-1.95	-1.62
500	-2.58	-2.23	-1.95	-1.62

				يتبع الجدول ٢/٢١
œ	-2.58	-2.23	-1.95	-1.62
		τ_{μ}		
25	-3.75	-3.33	-3.00	-2.63
50	-3.58	-3.22	-2.93	-2.60
100	-3.51	-3.17	-2.89	-2.58
250	-3.46	-3.14	-2.88	-2.57
500	-3.44	-3.13	-2.87	-2.57
90	-3.43	-3.12	-2.86	-2.57
		τ _τ		
25	-4.38	-3.95	-3.60	-3.24
50	-4.15	-3.80	-3.50	-3.18
100	-4.04	-3.73	-3.45	-3.15
250	-3.99	-3.69	-3.43	-3.13
500	-3.98	-3.68	-3.42	-3.13
œ	-3.96	-3.66	-3.41	-3.12

المصدر: فولر (١٩٧٦) .أعيد نشره بإذن من جون وابلي وأولاده.

	المشترك	غل-جرانجر للتكامل	نيم الحرجة لاختبار إذ	الجِدول ٢٠ ٨ اله
		ت في الحدار الاختبار	مار مع عدم وجود ثاب	على يواقي الانحا
عدد المتغيرات في النظام	حجم العينة T	0.01	0.05	0.10
	50	-4.32	-3,67	-3.28
2	100	-4.07	-3.37	-3.03
	200	-4.00	-3.37	-3.02
	50	-4.84	-4.11	-3.73
3	100	-4,45	-3.93	-3.59
	200	-4.35	-3.78	-3.47
	50	-4.94	-4.35	-4.02
4	100	-4.75	-4.22	-3.89
	200	-4.70	-4.18	-3.89
	50	-5.41	-4.76	-4.42
5	100	-5.18	-4.58	-4.26
	200	-5.02	-4.48	-4.18

المصدر: فولر (١٩٧٦) .أعيد نشره بإذن من جون وايلي وأولاده.

الملاحق

			الشد ك)	حصات التكاما	اب ابت فقط في مت	المعاددة	ئىترك لچىدھانىـ	تكاما الم
p-r	50%	80%	90%	95%	97.5%	99%	الوسط	لتباين
λmax								
L	3.40	5.91	7.52	9.24	10.80	12.97	4.03	7.07
2	8.27	11.54	13.75	15.67	17.63	20.20	8.86	13.08
3	13.47	17.40	19.77	22.00	24.07	26.81	14.02	19.24
4	18.70	22.95	25.56	28.14	30.32	33.24	19.23	23.83
5	23.78	28.76	31.66	34.40	36.90	39.79	24.48	29.26
6	29.08	34.25	37.45	40.30	43.22	46.82	29.72	34.63
7	34.73	40.13	43.25	46.45	48.99	51.91	35.18	38.35
8	39.70	45.53	48.91	52.00	54.71	57.95	40.35	41.98
9	44.97	50.73	54.35	57.42	60.50	63.7L	45.55	44.13
10	50.21	56.52	60.25	63.57	66.24	69.94	50.82	49.28
11	55.70	62.38	66.02	69.74	72.64	76.63	56.33	54.99
λ _{Trace}								
l	3.40	5.9L	7.52	9.24	10.80	12.97	4.03	7.07
2	11.25	15.25	17.85	19.96	22.05	24.60	11.91	18.94
3	23.28	28.75	32.00	34.91	37.61	41.07	23.84	37.98
4	38.84	45.65	49.65	53.12	56.06	60.16	39.50	59.42
5	58.46	66.91	71.86	76.07	80.06	84.45	59.16	91.65
6	81.90	91.57	97.18	102.14	106.74	111.01	82,49	126.9
7	109.17	120.35	126.58	131.70	136.49	143.09	109.75	167.9
8	139.83	152.56	159.48	165.58	171.28	177.20	140.57	208.0
9	174.88	198.08	196.37	202.92	208.81	215.74	175.44	257.8
10	212.93	228.08	236.54	244.15	251.30	257.68	213.53	317.2
11	254.84	272.82	282.45	291.40	298.31	307.64	256.15	413.3

المصدر: أوستيروالد-لينوم (١٩٩٢، الجدول ١). أعيد نشره بإذن من بالاكويل للنشر.

الجدول أ١٠٠٢ قيم التقسيمات الجَرْئية للتوزيع التقاري لاحصاءات رتبة إختبار التكامل المشترك لجوهاتسن (مع وجود ثابت فقط في متجه الاتحدار الذاني ومتجه التكامل المشترك

	500	0.077	0.007	0.554	DIT CO.	noo:	1 1	4 4-
p-r	50%	80%	90%	95%	97.5%	99%	الوسط	التباين
λ_{max}								
L	0.44	1,66	2.69	3.76	4.95	6.65	0.99	2.04
2	6.85	10.04	12.07	14.07	16.05	18.63	7.47	12.42
3	12.34	16.20	18.60	20.97	23.09	25.52	12.88	18.67
4	17.66	21.98	24.73	27.07	28.98	32.24	18.26	23.47
5	23.05	27.85	30.90	33.46	35.71	38.77	23.67	28.82
6	28.45	33.67	36.76	39.37	41.86	45.10	29.06	33.57
7	33.83	39.12	42.32	45.28	47.96	51.57	34.37	37.41
8	39.29	45.05	48.33	51.42	54.29	57.69	39.85	42.90
9	44.58	50.55	53.98	57.12	59.33	62.80	45.10	44.93
10	49.66	55.97	59.62	62.81	65.44	69.09	50.29	49.41
11	54.99	61.55	65.38	68.83	72.11	75.95	55.63	54.92
Trace								
1	0.44	1.66	2.69	3.76	4.95	6.65	0.99	2.04
2	7.55	11.07	13.33	15.41	17.52	20.04	8.23	14.38
3	18.70	23.64	26.79	29.68	32.56	35.65	19.32	32.43
4	33.60	40.15	43.95	47.21	50.35	54.46	34.24	52.75
5	52.30	60.29	64,84	68.52	71.80	76.07	52.95	79.25
6	75.26	84.57	89.48	94.15	98.33	103.18	75.74	114.65
7	101.22	112.30	118.50	124.24	128.45	133.57	101.91	158.78
8	131.62	143.97	150.53	156.00	161.32	168.36	132.09	201.82
9	165.11	178.90	186.39	192.89	198.82	204.95	165.90	246.45
10	202.58	217.81	225.85	233.13	239.46	247.18	203.39	300.80
11	243.90	260.82	269.96	277.71	284.87	293.44	244.66	379.56

المصدر: أوستيروالد-ليتوم (١٩٩٣، الجدول ١). أعيد نشره بإذن من بلاكويل للنشر.

191

الجدول أ١١٠٢ قيم التقسيمات الجرئية للتوزيع التقاربي لاحصاءات رتبة اختبار التكامل المشترك لجوهانسن (مع وجود ثابت في متجه الاتحدار الذاتي ومتجه التكامل المشترك وإتحاء في متجه التكامل)

р-г	50%	80%	90%	95%	97.5%	99%	الوسط	التباين
λ_{max}								
L	5.55	8.65	10.49	12.25	14.21	16.26	6.22	10.11
2	10.90	14.70	16.85	18.96	21.14	23.65	11.51	16.38
3	16.24	20.45	23.11	25.54	27.68	30.34	16.82	22.01
4	21.50	26.30	29.12	31.46	33.60	36.65	22.08	27.74
5	26.72	31.72	34.75	37.52	40.01	42.36	27.32	31.36
6	32.01	37.50	40.91	43.97	46.84	49.51	32.68	37.91
7	37.57	43.11	46.32	49,42	51.94	54.71	38.06	39.74
8	42.72	48.56	52.16	55.50	58.08	62.46	43.34	44.83
9	48.17	54.34	57.87	61.29	64.12	67.88	48.74	49.20
10	53.21	59.49	63.18	66.23	69.56	73.73	53.74	52.64
11	58.54	64.97	69.26	72.72	75.72	79.23	59.15	56.97
kTrace -								
1	5.55	8.65	10.49	12.25	14.21	16.26	6.22	10.11
2	15.59	20.19	22.76	25.32	27.75	30.45	16.20	24.90
3	29.53	35.56	39.06	42.44	45.42	48.45	30.15	45.68
4	47.17	54.80	59.14	62.99	66.25	70.05	47.79	74.48
5	68.64	77.83	83.20	87.31	91.06	96.58	69.35	106.56
6	94.05	104.73	110.42	114.90	119.29	124.75	94.67	143.33
7	122.87	134.57	141.01	146.76	152.52	158.49	123.51	182.85
8	155.40	169.10	176.67	182.82	187.91	196.08	156.41	234.11
9	192.37	207.25	215,17	222.21	228.05	234.41	193.03	288.30
10	231.59	247.91	256.72	263.42	270.33	279.07	232.25	345.23
11	276.34	294.12	303.13	310.81	318.02	327.45	276.88	416.98

المصدر: أوستيروالد-لينوم (١٩٩٢، الجدول ٢). أعيد نشره بإذن من بلاكويل للنشر.

قاموس الكلمات الصعبة Glossary

يُقدُّم قاموس المصطلحات هذا تعريفات مُوجَزة لجميع المصطلحات الرئيسة المستخدمة في الكتاب، لمزيد من التفاصيل عُدْ إلى قراءة الفصول أو المراجع الواردة فيها!

R² المعدل (adjusted R²): مقياس عن مدى مُلاءمة النموذج البيانات العيَّنة، ويُجازي تلقائيًّا النياذج التي تتضمَّن عددًا كبيرًا من المعلمات.

معيار أكايكي للمعلومات: (criterion) مقياس يُمكن استخدامه لتحديد النموذج الأكثر تناسبًا من بين مجموعة من النهاذج المتنافسة، ويتضمَّن عُنصر جزاء طفيف عن إدراج معلمات إضافيَّة.

الفرضية البديلة (alternative hypothesis): مصطلح شكل يُمثُل جُزءًا من إطار اختبار الفرضيات، وتضم جميع النتائج المهمَّة التي لم تأتِ في فرضيَّة العدم.

المراجَحة (arbitrage): مفهوم من مجال المالية يُشير إلى حالة يُمكن خلالها تحقيق أرباح دون أيَّ مخاطرة (دون استخدام أيَّة ثروة).

المقاربة (asymptotic): خاصّية تنطبق عندما يميل حجم العينة إلى ما لانهاية.

الارتباط الذاق (autocorrelation): مقياس مُوحَّد معياريًّا لمدى ارتباط القيمة الحالية للسلسلة بقيمها السابقة، وبجب أن يتراوح بين - 1 و + 1.

دالة الارتباط الذاتي (autocorrelation function): مجموعة من القيم المقدَّرة التي تُظهر قرة الارتباط بين متغيَّر وبين قيمه السابقة عند زيادة طول التباطؤ.

التغاير الذاي (antocovariance): مقياس غير مُوحَّد معياريًا لمدى ارتباط القيمة الحالية للسلسلة بقيمها السابقة.

نموذج الانحدار الذاي الشرطي غير متجانس التباين autoregressive conditional heteroscedasticity (ARCH)): نموذج سلاسل زمنية للتقلبات.

نموذج الانحدار الذاتي (autoregressive (AR) model: هو عبارة عن نموذج سلسلة زمنيَّة أين تتم نمذجة القيمة الحاليَّة للسلسلة بقيمها السابقة.

نموذج الانحدار الذاتي للمنوسط المنحرِّك (autoregressive عن نموذج moving average (ARMA) model هو عبارة عن نموذج سلسلة زمنيَّة أين تتم نمذجة القيمة الحاليَّة للسلسلة بقيمها السابقة (جزء الانحدار الذاتي) والقيم الحالية والسابقة لحد الحطأ (جزء المتوسط المتحرك).

نموذج الانحدار الفاتي للتقلب (ARV) model بموذج volatility (ARV) model هو عبارة عن نمسوذج سلسلسة زمنيَّة أيسن تتم نمذجسة التقلب الحالي بقيمه السسابقة.

الانحدار الإضافي المساعد (auxiliary regression): هو انحدار المرحلة الثانية، ولا يكتسي عادة أهميّة في حد ذاته، وإنها نقوم بإجراء هذا الانحدار بهدف اختبار الصلاحيّة الإحصائية للنموذج الانحدار الأصلي.

البائل المتوازن (balanced panel): مجموعة بيانات تكون فيها المستغيرات بيُعدَيْسنِ مقطعي وزمسني، وحيث يكسون للعينسات نفس الطول في كل فئة مقطعية (أي عدم وجود بيانات ناقصة).

معیار معلومات بایز (Bayes information criterion): انظر معیار المعلومات البایزی لشوارز.

اختبار (BDS (BDS test) اختبار لمعرفة ما إذا كانت هناك أنهاط في السلسلة، ويستخدم غالبًا لتحديد ما إذا كان هناك دليل عن اللاخطية.

النموذج (BEKK model: هو عبارة عن نموذج متعدّد المتغيّرات للتقلبات والتغايرات بين السلاسل، ويضمن التعريف الموجب لمصفوفة التباين والتغاير.

خوارزميَّة (BHHH (BHHH algorithm: هي عبارة عن تقنية يُمكن استخدامها لحل مسائل الاستمثال بها في ذلك الإمكان الأعظم.

عامل الإزاحة الخلفي (backshift operator): انظر عامل النباطق.

اختبار بيرا-جارك (Bera-Jarque test): اختبار يُستخدم على نطاق واسع لتحديد ما إذا كانت السلسلة تُقارب إلى حد بعيد التوزيع الطبيعي.

أفضل مقدَّر خطِّي غير متحيَّز (best linear unbaiased): هو مقدَّر يُعطي أصغر تباين مُعاينة بالإضافة لكونه غير مُتحيَّز.

مُقدَّر بيني (between estimator): يُستخدم في إطار تموذج السلاسل الزمنية المقطعية بتأثيرات ثابتة، ويتضمَّن تشغيل انحدار مقطعي على القيم المتوسَّطة لكل المتغيَّرات بهدف خفض عدد المعلمات التي تنطلَّب تقديرًا.

مُقدَّر مُتحيَّز (biased estimator): عندما تكون القيمة المتوقَّعة للمعلمة التي يتعيَّن تقديرها مُحتلفة عن القيمة الفعليَّة.

هامش الشراء والبيع (bid-ask spread): الفارق بين المبلغ المدفوع مُقابل الأصل (سعر الطلب أو العرض) عند شرائه والمبلغ المستلم عند بيعه (سعر المشتري).

اختيار ثنائي (binary choice): حالة اختيار مُنفصل تضم نتيجتين مُتملتين فقط.

انحدار ثنائي المتغيرات (bivariate regression): نموذج انحدار بضم متغيرين فقط؛ مُنغيرًا تابعًا ومتغيرًا مُستقلًا وحيدًا. إعادة المعاينة (bootstrapping): هي أسلوب لإعداد الأخطاء المعياريَّة وإجراء اختبارات الفرضيات، ولا تتطلَّب افتراضات بخصوص التوزيع، وتعمل من خلال إعادة المعاينة من خلال البيانات.

منهجيَّة ببوكس-جنكينز (Box-Jenkins approach): وهي عبارة عن منهجيَّة لتقدير النهاذج ARMA.

الإحصاءة Q لبوكس-بيرس (Box-Jenkins Q-statistic): مقياس لمدى الارتباط الذاتي للسلسلة.

تاريخ التغيَّر (break date): هو التاريخ الذي بحدث فيه تغيَّر هيكلي في سلسلة زمنية أو في معلمات النموذج.

اختبار بروتش-غودفري (Breusch-Godfrey test): اختبار للارتباط الذاتي من أي درجة كانت في بواقي نموذج الانحدار المقدَّر، يرتكز هذا الاختبار على انحدار إضافي مُساعد للبواقي على المتغيَّرات المفسِّرة، وعلى بواقى مُتباطئة.

الاتجاه المكسور (broken trend): هو عبارة عن عمليَّة اتجاه زمني ذات انقطاع هيكلي.

تأثيرات التقويم (calendar effects): المبل المنتظم لسلسلة ما، وخاصَّة سلاسل عوائد الأسهم، بأن تكون مُرتفعة في فترات مُعيَّنة دون أخرى.

نموذج تسعير الأصول الرأسهالية (model (CAPM): نمسوذج مالي لتحديد العائد المتوقّع على الأسهم كدالة في مستسوى مخساطرها السوقيّة.

خط سوق رأس المال (capital market line (CML)): خط مستقيم يُظهر مخاطر وعوائد جميع التوليفات بين الأصل الخالي من المخاطر والمحفظة المثل للأصول الخطرة.

نموذج كارهارت (Carhart model): نموذج سلسلة زمنية يُستخدم لشرح أداء صناديق الاستثبار أو قواعد التداول استنادًا إلى أربعة عوامل: فاتض عوائد السوق، الحجم، القيمة والزخم. اختبارات السببيَّة (causality tests): طريقة لمعرفة ما إذا كانت سلسلة تتأثر بسلسلة أخرى أو أنها تُؤثر فيها.

متغيِّر نابع محصور (censored dependent variable): عندما لا يُمكن مُشاهدة قيم المتغيِّر التابع قبل أو بعد عتبة مُعيِّنة في حين أن قيم المتغيِّرات المستقلَّة التي تُقابلها تظل مُتاحة.

نظرية الحد المركزي (central limit theorem): يُقارب وسط عينة البيانات أيًّا كان توزيعه التوزيع الطبيعي عندما يقترب عدد المشاهدات إلى اللانهاية.

نظريَّة الفوضى (chaos theory): فكرة مُستقاة من العلوم الفيزيائيَّة حيث، وعلى الرغم من أن سلسلة قد يبدو عشوائية

تمامًا للعين المجردة أو لكثير من الاختبارات الإحصائية، إلَّا أنه في الواقع هناك مجموعة من المعادلات اللاخطّية الحتميَّة التي تُشكّل أساس سلوك السلسلة.

اختبار تشاو (Chow test): هو عبارة عن طريقة لتحديد ما إذا كان نموذج الانحدار يحتوي على تغيير في السلوك (انقطاع هيكلي) في جزء منه من خلال تقسيم العينة إلى جُزأين، وبافتراض أن تاريخ الانقطاع معروف.

إجراء كرين - أوركست (procedure): هـــو أسلسوب تكسراري يقسوم بتصحيح الأخطاء المعياريَّة من شكل معيَّن من الارتباط الذاتي. معامل النحديد المتعدّد (determination): انظر R^2.

التكامل المشترك (cointegration): مفهوم مفاده أن السلاسل الزمنيَّة لها علاقة ثابتة على المدى الطويل.

مُتجه التكامل المشترك (cointegration vector): مجموعة المعلمات التي تصف العلاقة طويلة المدى بين سلسلة زمنيَّة أو أكثر.

قيود العوامل المشتركة (common factor restrictios): وهي الشروط المفروضة على قيم المعلمات المقدَّرة التي تُقترض ضمنًا عندما يتم استخدام إجراء تكراري مثل إجراء كوكرين أوركوت لتصحيح الارتباط الذاتي.

التوقع الشرطي (conditional expection): قيمة المتغيِّر العشوائي المتوقّعة للزمن (...,s=1,2,...) المعلومات المتوقّرة حتى الزمن t.

المتوسط الشرطي (conditional mean): مُتوسط السلسلة في النقطة الزمنية t والمعد بناءً على جميع المعلومات المتاحة حتى النقطة الزمنيّة السابقة t-1.

النباين الشرطي (conditional variance): تباين السلسلة في النقطة الزمنية t والمعد بناءً على جميع المعلومات المتاحة حتى النقطة الزمنيَّة السابقة t-1.

فترة الثقة (confidence interval): مجموعة الفيم التي نثق إلى حد ما (واثقين بنسبة ٩٠٪ على سبيل المثال) بأن الفيمة الحقيقية لمعلمة معينة تكون ضمنها.

مُستوى الثقة (confidence level): يُساوي واحدًا نافص مُستوى المعنويَّة لاختبار الفرضيات (بُعبَّر عنه كنسبة بدلًا من نسبة منوية).

الاتساق (consistency): خاصّية مرغوبة للمقدَّر بموجبها تتقارب القيمة المحسوبة للمعلمة من القيمة الحقيقية عند ارتفاع حجم العينة.

العناصر المتزامنة (contemporaneous terms): هي تلك المتغبِّرات التي تُقاس في نفس الوقت مع المتغبِّر التابع، أي أن كليها يُقاس في الوقت ع.

مُتغيِّر مُستمر (continuous variable): مُتغيِّر عشوائي يمكن أن يأخذ أيَّ قيمة (ويُمكن أن يكون المتغيِّر ضمن نطاق مُعبَّن من القيم).

معيار التقارب (convergence criterion): قاعدة مُحددة مُسبقًا تخبر الباحث عن الحل الأمثل متى التوقف عن البحث عن حلول أخرى، والاكتفاء بالحل الذي تم التوصَّل إليه.

الروابط (copulas): طريقة مرنة للربط بين توزيعات السلاسل الفردية بهدف إنشاء توزيعات مشتركة.

الارتباط (correlation): مقياس معياري لقوة الارتباط بين متغيّرين، وهو محصور بين -١ و ١٠.

تصوير الارتباط (correlogram): انظر دالة الارتباط الذاتي. نموذج تكلفة الاحتفاظ (cost of carry (COC) model): يُظهر علاقة التوازن بين الأسعار الفورية والأسعار الآجلة المقابلة لها، حيث يتم تعديل السعر الفوري للأخذ في الاعتبار تكلفة الاحتفاظ بالأصول الفورية إلى غاية تاريخ الاستحقاق.

مصفوفة التغاير (covariance matrix): انظر مصفوفة التباين-التغاير .

عمليَّة نغايُر ساكنة (covariance stationary process): انظر عمليَّة ضعيفة السكون.

تعادل أسعار الفائدة المغطاة (covered interest parity): ينص على أن أسعار الصرف يجب أن تُعدَّل بحيث لا يتوقع عند اقتراض أموال بعملة ما واستثمارها في عملة أخرى كُسُب أرباح غير طبيعية.

التصنيف الانتهاي (credit rating): هو عبارة عن تقييم نقوم به وكالة التصنيف لتحديد مقدَّرة المقترض على الوفاء بالتزاماته لتغطية تكاليف الفائدة وتسديد رأس المال عند استحقاقه.

القِيّم الحرجة (CV): عناصر أساسيَّة في التوزيع الإحصائي، وهي تُحدد ما إذا كان سيتم رفض فرضية العدم أم لا بناءً على القيمة المحسوبة لإحصاءة الاختبار.

قيود المعادلات المنقاطعة (cross-equation restrictions): مجموعة من القيود اللازمة لاختبار الفرضيات والتي تستلزم أكثر من معادلة واحدة داخل النظام.

الانحدار المقطعي (cross-sectional regression): انحدار بتضمَّن سلسلة مُقاسة فقط في نقطة زمنيَّة واحدة لكن للعديد من الوحدات.

اختبارات CUSUM and CUSUMSQ tests) و CUSUM و CUSUMSQ: اختبارات لمعرفة استقرار المعليات في النموذج المقدَّر وتقوم على المجموع التراكمي للبواقي (CUSUM) أو المجموع التراكمي لمربعات البواقي (CUSUMSQ) للانحدار المتكرَّر.

مُقدَّر المدى اليومي (daily range estimator): مقياس غير دقيق للتقلُّب محسوب على أساس الفرق بين أدنى سعر في اليوم وأعلى سعر مُشاهد.

موجة جيبية متناقصة (damped sine wave): نمط، يُلاحَظ بشكل خاص في سرم دالة الارتباط الذاتي، حيث تنتقل القيم بشكل دوري من مُوجبة إلى سائبة وبطريقة متناقصة كلما زاد طول التباطق.

عملية توليد البيانات (data generating process (DGP): العلاقة الفعلية بين السلاسل في النموذج.

التنقيب في البيانات (data Mining): يتمشّل في البحث بشكال مُكتَّلف عن أناط في البيانات وعن العلاقات بين السلاسل دون اللجوء إلى النظرية المالية، وهو من شأنه أن يُؤدي إلى نتائج زائفة.

تنقيحات البيانات (data revisions): وهي التغييرات المُذَخَلَة على السلاسل، وخاصة سلاسل متغيّرات الاقتصاد الكلي، والتي تتم بعد نشر السلاسل لأول مرة.

تجربب البيانات (data snooping): انظر التنقيب في البيانات. تأثير يوم الأسبوع (day-of-the-week effect): الميل المنتظم لعوائد الأسهم بأن تكون مُرتفعة في بعض أيام الأسبوع دون أخرى.

درجات الحرية (degress of freedom): معلمة تؤثر على شكل التوزيع الإحصائي، وبالتائي على قيمه الحرجة، بعض التوزيعات لها معلمة درجات حريّة واحدة، في حين أن البعض الآخر له أكثر من معلمة.

درجة الثبات (degree of persistence): مدى الارتباط الموجب للسلسلة بقيمها السابقة.

المتغيِّر التابع (dependent variable): وهو المتغيِّر الذي عادة ما يُشير إليه بــ y والذي يسعى النموذج إلى تفسيره.

الحتميَّة(deterministic): هي عمليَّة لا تحتوي على عنصر عشواني (تصادُفِ).

اختبار ديكي- قولر (Dickey-Fuller (DF) test): طريقة لتحديد ما إذا كانت السلسلة تحتوي على جذر الوحدة استنادًا إلى انحدار تغيّر ذلك المتغيّر على المستوى المتباطئ للمتغيّر.

أخذ الفروق (differencing): هي طريقة تستخدم لإزالة الاتجاه (التصادُفي) من السلسلة، وتتضمَّن إنشاء سلسلة جديدة بأخذ الفرق بين القيمة الحاليَّة للسلسلة وقيمتها المتباطئة.

التفاضل (differentiation): تقنية رياضيَّة لإيجاد المشتقَّة التي هي عبارة عن ميل الدائَّة، أو بعبارات أخرى مُعدَّل تغيُّر y استجابة للتغيرات في x.

الاختيار المنفصل (discrete choice): نموذج لا تأخذ فيه المتغيِّرات الرئيسة سوى قيم صحيحة، ويلتقط الاختيارات بين البدائل، على سبيل المثال الاختيار بين وسائل النقل لسفرة مُعيَّنة.

مُتغبِّر مُنفصل (discrete variable): متغبِّر عشواتي لا يمكن أن يأخذ سوى قيم محدَّدة.

نهاذج الإيطاء الموزّع (distuributed lag models): نموذج بحثوي على مُتغيِّرات مُفسَّرة مُتباطئة لكن دون تباطؤات في المتغيِّر المفسَّر.

حد الاضطراب (disturbance term): انظر حد الخطأ.

الصيغة اللوغاريتمية المزدوجة (double logarithmic form): هي عبارة عن توصيف نموذج نطبّق به اللوغاريتم على كل من المتغيّر التابع (y) والمتغيّر (أو المتغيّرات) المستقل (x).

المتغبِّرات الوهميَّة (dummy variables): هي مُتغبِّرات تم إنشاؤها بشكل زائف لالنقاط المعلومات النوعيَّة مثل الذكور/الإناث، أيَّام الأسبوع، الأسواق الناشئة/المتفدِّمة، إلخ، هذه المتغبِّرات تكون عادة مُتغبِّرات ثُنائيَّة (٠ أو ١).

إحصاءة ديربن-واتسن (Durbin-Watson (DW) statistic): اختبار للارتباط الذاتي من الدرجة الأولى، أي اختبار معرفة ما إذا كانت السلسلة (سلسلة البواقي) مُرتبطة بقيمها السابقة مُباشرة.

الارتباط الشرطي الديناميكي (correlation): نموذج يُصور بشكل واضح الارتباطات بطريقة تأخذ في الاعتبار الانحدار الذاتي والتفاوت الزمني.

النموذج الديناميكي (dynamic model): نموذج بتضمين عناصير مُتباطئة، أو الفيروق الأولى للمتغيّر التابع أو للمتغيّر المستقل (أو كلاهما).

مقدَّر كَف و (efficient estimator): طريقة لتقدير المعليات، وتُعتبر إلى حد ما الطريقة الأمثل. ويُقصَد بالمقدَّر الكف في الاقتصاد القياسي صيغة لحساب المعلمات تُؤدي إلى تباين مُعاينة أدنى. بعبارات أخرى: تختلف القيم المقدَّرة بأقل قدر مُكن من عبنة إلى أخرى.

الحد الكفء (efficient frontier): مُنحنى يرسم جميع المحافظ المثلي الممكنة.

فرضيَّة كفاءة السوق (efficient market hypothesis): المفهوم القائل بأن أسعار الأصول تعكس بسرعة جميع المعلومات الهامَّة والمتاحة.

القيم الذاتية (eigenvalues): هي الجذور المبيَّزة للمصفوفة.

المتّجهات الذاتيّة (eigenvectors): هي مجموعة من المتّجهات الني عندما تُضرب في مصفوفة مُربعة تُعطي مجموعة من المتّجهات تختلف عن الأولى من حيث ضربها بعدد قياسي.

المرونات (elasticities): هي مدى استجابة نسبة تغيَّر في مُتغيَّر ما لنسبة تغيَّر في مُتغيِّر آخر.

ميداً الشمولية (encompassing principle): مفهوم مفادّه أن النموذج الجيّد هو النموذج الذي يستطيع تفسير ما يُمكن أن تُفسره النهاذج المنافسة وأكثر.

الانحدار الشامل (encompassing regression): هو نموذج هجين يضم المتغيِّرات التي تُرد في نموذجين مُتنافسين أو أكثر، وهو عبارة عن طريقة لاختيار الأفضل بينهم، سوف تكون معليات النموذج الأفضل معنويَّة في النموذج الهجين.

المُتغبِّر الداخلي (endogenous variables): هُو مُتغبِّر تُحَدَّد قيمته ضمن نظام المعادلات قيد الدراسة، وفي إطار النظام الآني يكون لكل مُتغبِّر داخلي معادلته الخاصَّة التي تُحدد كيفية توليده.

اختبار إنجل-جرانجر (Engle-Granger (EG) test): اختبار لجذر الوحدة يُطبَّق على بقايا انحدار يُحتمل أن يكون مُتكاملًا مُشتركًا.

اختبار إنجل-نغ (Engle-Ng test): هو اختبار لمعرفة هل نوصيف النموذج GARCH مُناسب، وذلك من حيث اختبار ما إذا كان هناك عدم تماثُل لم يُلتقط.

نموذج تصحيح التوازن (equilibrium correction model): انظر نموذج تصحيح الخطأ.

نموذج تصحيح الخطأ (error correction model (ECM)): هو نموذج يتم إنشاؤه باستخدام مُتغيِّرات ساكنة ومتغيِّرات على شكل فروق أولى، إضافة إلى عُنصر يلتقط حركات العودة نحو توازن المدى الطويل.

حد الخطأ (error term): هو جُزء من نموذج الانحدار يُزيل كل التأثير على المتغيَّر التابع الذي لم يُلتقط من قِبَل المتغيِّرات المستقلَّة.

انحدار الأخطاء في المتغبّرات (regression): هو نهج يصلح لتقدير معلمات الانحدار عندما تكون المتغيّرات المفسّرة مُقاسة بشكل خاطئ، وبالتالي فهي تصادُفةً.

التقدير (estimate): هي القيمة المحسوبة للمعلمة التي تم الحصول عليها من بيانات العينة.

المقدَّر (estimator): هو المعادلة المستخدمة إلى جانب البيانات بهدف حساب المعلمات التي تصف علاقة الانحدار.

الخارجيَّة (exogeneity): هي مدى تحديد المتغير بشكل خارجي عن النموذج قيد الدراسة.

دراسة الحدث (event study): هو نهج من بين نهج البحوث الماليَّة أين يتم قياس تأثير حدث مُعيَّن (كإعلان توزيع الأرباح مثلًا) على خاصيَّة الشركة (سعر سهمها على سبيل المثال) لتقييم رد فعل السوق على الحدث.

المتغبرات الخارجيَّة (exogeneity variables): هي تلك المتغبِّرات التي تكون قيمها معطى وتحدَّد بشكل خارجي عن المعادلة، أو عن نظام المعادلات قيد الدراسة، وبالتاني فهي لا ترتبط بحد الخطأ.

فرضية التوقعات (expectations hypothesis): ترتبط هذه الفرضية بشكل خاص بالهيكل الزمني لأسعار الفائدة، وتُفيد بأن العائد المتوقع من الاستثيار في السندات طويلة الأجل سوف يكون مُساويًا لعائد الاستثيار في سلسلة من السندات قصيرة الأجل زائد علاوة المخاطرة، وبعبارات أخرى، فإن معدَّل الفائدة على المدى الطويل هو عبارة عن المتوسط الهندمي للمعدلات الحاليَّة والمستقبليَّة قصيرة الأجل (زائد علاوة المخاطرة).

مجموع المربعات المفسَّرة (ESS)) explained sum of squares): جُزء التباين في y الذي يُفسَّره النموذج.

المتغيِّر المفسَّر (explained variables): انظر المتغيِّر التابع.

المتغير المفشر (explanatory variables): هي تلك المتغيّرات التي تقع على الجانب الأيمن من المعادلة، والتي عادة ما تكون قيمها ثابتة، والتي يُفترض أنها تفشّر قيم المتغير التابع y.

النموذج المنطقة (exponential EGARCH)): هو نموذج تتم فيه نمذجة التقلب على شكل أسّي بحيث ليس من الضروري تطبيق شروط عدم السلبيّة على المعلمات، كما يأخذ هذا التوصيف بعين الاعتبار عدم التماثل بين التقلب والعوائد ذات العلامات المختلفة.

نموذج النمو الأشي (exponential growth model): هو نموذج يكون فيه المتغير التابع دالة أشية في متغير مُستقل واحد أو أكثر. التمهيد الأشي (exponential smoothing): هو نهج بسيط للنمذجة والنبؤ، حيث تكون القيمة الممهدة الحالية دالة مُتناقصة هندسيًّا في جميع القيم السابقة للسلسلة.

نموذج المتوسَّط المتحرِّك المرجع أَسُيًّا (weighted moving average (EWMA) model): طريقة بسيطة لنمذجة التقلب والتنبؤ به، حيث تكون الفيمة المفدَّرة الحاليَّة مجرد مزيج مرجح من القيم السابقة، وتتناقص الأوزان أَسُيًّا مع الزمن.

الإحصاءة إف (F-statisic): مقياس يتبع توزيع إف يُستخدم لاختبار الفرضيات المتعدّدة.

التشبُّع العاملي (factor loading): له العديد من المعاني، لكن على وجه الخصوص في سياق تحليل المكوَّنات الرئيسة فإنه يعطي قيمة المتغيَّر التي تظهر في كل مكوَّن.

إجراء فاما-ماكبث (Fama-Macbeth procedure): هو إجراء يتكوَّن من تُحطوتين يُستخدم لاختبار نهاذج تسعير الأصول مثل نموذج تسعير الأصول الرأسيالية، في المرحلة الأولى يتم تقدير المعاملات بيتا في مجموعة من انحدارات السلاسل الزمنيَّة، ثم يفحص انحدار المرحلة الثانية المقطعي القسوَّة التفسيسريَّة لتلك المعاملات بسيتا.

الخيارات المالية (financial options): هي الأوراق المالية التي تمنح لحاملها الحق دون الالتزام بشراء أو ببيع أصل آخر بسعر محدَّد سلفًا، وفي تاريخ محدَّد مُسبقًا.

الفروق الأولى (first differences): هي سلسلة جديدة يتم إنشاؤها بطرح قيمة السلسلة السابقة مباشرة من قيمتها الحالية. القيمة المجهَّزة (fitted values): هي قيمة y التي يُعدُّها النموذج لنقطة بيانات معيَّنة، أي بالنظر إلى قيم المتغيِّر المفسَّر.

التأثيرات الثابتة (fixed effects): هي في الغالب نوع من النهاذج المستخدمة لبيانات السلاسل الزمنية المفطعية، والتي توظف المتغيرات الوهميّة؛ للأخذ بعين الاعتبار المتغيرات التي تؤثر في المتغير التابع ومقطعيًّا لكن لا تتغيّر عبر الزمن، في المقابل يُمكن أن تلتقط المتغيّرات الوهميَّة المتغيّرات التي تؤثر في وعبر الزمن دون أن تتغيّر مقطعيًّا.

منغيِّر الدفع (forcing variable): يُستخدم أحيانًا كمرادف للمنغيِّر المفسِّر، من جهة أخرى يُمكن أن يعني المنغيِّر غير المُشاهد المُحدَّد للحالة الذي يتحكم في النظام في نمو ذج انحدار ماركوف لتبديل النظام.

اختيار التنبؤ الشامل (forecast encompassing test): هو عبارة عن انحدار للقيم الفعليَّة لسلسلة على عدَّة مجموعات مناظرة من التنبؤات، والفكرة هي أنه إذا كان القيمة المقدَّرة للمعلمة معنويَّة إحصائيًّا فإن التنبؤات المتحصَّل عليها من النموذج المفابل تُعطِّي (أي تضم أكثر معلومات من) تنبؤات الناذج الأخرى. خطأ التنبؤ (forecast error): هو الفرق بين القيمة الفعليَّة للسلسلة والفيمة التي تم التنبؤ بها.

السعر الآجل غير المتحيِّز (FRU)): الفرضية الفائلة بأن السعر الآجل للصرف الأجنبي المتحيِّز المعدل الفائلة الفوري المستقبلي. يجب أن يكون تنبؤًا غير متحيِّز المعدل الفائلة الفوري المستقبلي. النهاذج المتكاملة كسريًّا (fractionally integrated models): هي طريقة لتمثيل السلاسل الساكنة لكنها شديدة الثبات، وبالتالي يكون لديها ذاكرة طويلة.

أخطاء توصيف الصيغة الداليَّة (misspecification): انظر اختبار RESET.

الأسعار المستقبليَّة (futures prices): هي سعر كمية معيَّنة من السلع أو من الأصول التي سوف تُسلَّم في تاريخ مستقبلي محدَّد مسبقًا.

النموذج GARCH-in-mean) في مُعادلة المتوسَّط (GARCH-in-mean): نموذج ديناميكي للتقلب أين يدخل الانحراف المعياري (أو التباين) في عملية توليد العوائد.

نظرية جاوس-ماركوف (Gauss-Markov theorem): اشتقاق يستخدم الجبر ويبيِّن أنه عند توفَّر مجموعة معيَّنة من الافتراضات فإن مُقدَّر المربعات الصغرى العاديَّة يكون أفضل المقدَّرات الخطية غير المتحيَّزة.

منهجيَّة التدرُّج من العام إلى الخاص (methodology): نهج فلسفي لبناء نهاذج الاقتصاد القياسي أين يبدأ الباحث بنموذج عام جدًّا، ثم ومن خلال اختبار فرضيات بقلَّص النموذج إلى نموذج أقل من حيث عدد المعلمات.

نهاذج الانحدار الذاتي الشرطي غير مُتجانس النباين المعمَّم generalised autoregressive conditional): توصيف شائع للنموذج الديناميكي للتقلب.

المربَّعات الصغرى المعمَّمة (GLS)): أسلوب لتقدير فهاذج الاقتصاد القياسي أكثر مُرونة من المربَّعات الصغرى العادبَّة، ويُمكن استخدامها للتخلص من فرضيَّة أو أكثر من فرضيات المربَّعات الصغرى.

النموذج المعمَّم غير المُقيَّد (GUM)): هو النموذج الأولي العام الذي يتم تحديده كخطوة أولى لمنهجيَّة التدرُّج من العام إلى الخاص المستخدمة في بناء النموذج.

نسبة عائد السندات إلى الأسهم (GEYR)): وهي نسبة العائد على سندات الخزينة طويلة الأجل إلى عائد أرباح الأسهم الموزَّعة.

النموذج GJR model) GJR: هو نموذج للتقلبات المتغيَّرة مع الزمن، طُوِّر من قِبَل جلوستن، جاغتثان ورنكل، ويأخذ بعين الاعتبار عدم التهائل في العلاقة بين التقلب وبين العوائد مُختلفة العلامات.

اختبار جولدفيلد-كوانث لاختلاف النباين (-Goldfeld): هو اختبار من بين العديد من الاختبارات المتاحة لمعرفة ما إذا كانت البواقي المتحصّل عليها من نموذج المقدّر له تباين ثابت.

إحصاءة جودة التوفيق (goodness of fit statistic): هي مقياس لمدي مُلاءمة النموذج المقدَّر لبيانات العيَّنة.

نظرية تمثيل جرانجر (Granger representation theorem): تنص هذه النظرية على أنه إذا كان هناك نموذج خطّي ديناميكي له اضطرابات ساكنة، غير أن المتغيّرات المكوّنة له غير ساكنة، فلا بد إذًا أن تكون هذه المتغيّرات مُتكاملة.

مُرشح هاميلتون: (Hamilton's filter) هو شكل من أشكال نموذج ماركوف لتبديل النظام، حيث ينتقل مُتغيَّر الحالة غير المرصود بين الأنظمة المنفصلة عن طريق عملية ماركوف من الدرجة الأولى.

معيار معلومات هنان-كوين (criterion): هو مقياس يُمكن استخدامه لاختيار النموذج الأكثر تناسبًا من بين مجموعة من النهاذج المتنافسة، ويتضمَّن عُنصر جزاء مُعتدل عن إدراج معلهات إضافيَّة.

اختيار هوسيان (Hausman test): هو اختيار لمعرفة ما إذا كان يُمكن التعامل مع منغيَّر على أنه خارجي، أو أن الباحث يحتاج في الواقع إلى تحديد معادلة هيكلية مستقلَّة لحسدا المتغيِّر، كما يُمكن اللجوء إلى اختيار لمعرفة ما إذا كان من الممكن اعتبار نهسج التسأثيرات العشوائيَّة نهجًا صحيحًا لانحدار السلاسل الزمنيَّة المقطعيَّة، أو أنه من الضروري اعتباد نموذج بتأثيرات ثابتسة.

طريقة هيكمان (Heckman procedure): هي عبارة عن طريقة من خطوتين تقوم بتصحيح تحيَّز الاختيار الذي يُمكن مُلاحظته في إطار العيَّنات التي لم يتم اختيارها عشوائيًّا.

نسب التحوُّط (hedge ratios): تُمثَّل هذه النسب في إطار التحوُّط بالعقود الآجلة عدد العقود الآجلة التي يتم بيعها عن كل وحدة من الأصول الفورية المحتفَظ بها.

نماذج تسعير المنفعة (hedonic pricing models): هي عبـــــــــــــــــــــة تتم من خلاله نمذجة سعر أصل مادّي بوصفه دالة في خصائصه.

اختلاف التباين (heteroscedasticity): يكون تباين السلسلة غير ثابت على مدى العينة.

الحصانة ضد اختلاف التباين (heteroscedasticity- robust): جموعة من الأخطاء المعياريَّة (أو من إحصاءات الاختبار) التي يتم حسابها باستخدام نهج سليم في ظل وجود بواقي مُختلفة النباين.

اختبار الفرضيات (hypothesis test): إطار للنظر في القيم المعقولة لمعلمات المجتمع الحقيقية بالنظر إلى القيم المقدَّرة للعينة. تحديد النموذج (identification): شرط لمعرفة ما إذا كان يُمكن تحصيل جميع المعلمات الهيكلية في معادلة معيَّنة لنظام آنِيّ من خلال تقدير المعادلة المختزلة المقابلة.

مصفوفة الوحدة (identity matrix): هي مصفوفة مربَّعة يُساوي جميع عناصرها صفرًا، باستثناء تلك الواقعة على قطرها الرئيس، والتي تُساوي كلُّها واحدًا.

نهاذج التقلب الضمني (implied volatility models): هي طريقة يتم بموجبها حساب تقلب الأصل الأساسي من خلال السعر المتداول للخيار وصيغة التسعير.

الاستجابات النبضيَّة (impulse responses): هي عبارة عن دراسة تسأثير تسمعرُّض مُتغيَّر لصدمة الوحدة على المتغيِّرات الأخرى في نظام مُتَجه الانحدار الذاتي.

المتغيِّرات المستقلة (independent variables): انظر المتغيِّرات المفيَّم ة.

معايير المعلومات(information criteria): مجموعة من الطرائق تُستخدم للاختيار بين النهاذج المتنافسة التي تتضمن جزاءات تصحيح تلفائي عند إدراج أعداد أكبر من المعلمات في النموذج.

المتغبِّر الأداتي (instrumental variables (instruments): يُمكن استخدامها لتحل محل المتغبِّرات الداخليَّة في الجهة اليمنى من مُعادلة الانحدار، هذا وترتبط الأدوات بالمتغبِّرات التي تحل محلها، ولكنها لا ترتبط بحد الخطأ في الانحدار.

النموذج GARCH المتكامل GARCH) (IGARCH) (GARCH): هو نموذج تكون فيه عمليَّة التقلب غير ساكنة، وبذلك يستمر تأثير الصدمات على التقلب إلى ما لانهاية.

المتغيِّر المتكامل (integrated variables): هو المتغيِّر الذي يتطلَّب أُخَذ الفروق لجعله ساكنًا.

المتغيِّر الوهمي التفاعلي (interactive dummy variable): عند ضرب المتغيِّر الوهمي بالمتغيِّر المفسَّر للسياح لميل الانحدار بالتغيَّر تبعًا لقيمة المتغيِّر الوهمي.

المقطع (intercept): هي النقطة التي يقطع فيها خط الانحدار المحور الصادي أو كما يُعرف أحيانًا 'بمعامل الحد الثابت'، أو بيساطة الحد الثابت'.

معكوس (المصفوفة) ((inverse (of a matrix)): هي مصفوفة عندما تُضرب بالمصفوفة الأصليَّة تُعطي مصفوفة الوحدة.

قابلية العكس (invertibility): هي شرط يتعلَّق بنموذج المتوسَّط المتحرَّك، وضروري لنمثيل هذا الأخير كنموذج المتناهية.

منغيِّرات ليس لها علاقة بالظاهرة (irrelevant variables): هي تلك المتغيِّرات التي يشم إدراجها في معادلة الانحدار، لكتَّها في الواقع ليس لها تأثير على المتغيِّر التابع.

ألفا جنس (Jonsen's alpha): هي القيمة المقدَّرة للمقطع في نموذَج انحدار عوائد المحفظة أو إستراتيجيَّة التداول على عامل المخاطرة، أو على عوامل المخاطرة، ولا سيها في إطار نموذج تسعير الأصول الرأسهاليَّة، يقيس ألفا إلى أي مدى كان الأداء غير الطبيعي جيَّدًا أو سيَّنًا.

اختبار جوهانسن (Johansen test): هو نهج يُتَبع لتحديد ما إذا كانت مجموعة المتغبِّرات مُتكاملة، أي تجمعها علاقة توازن طويلة الأجل.

الفرضية المشتركة (joint hypothesis): هي فرضيَّة مُتعلَّدة تتضمَّن اتخاذ أكثر من قيد واحد في نفس الوقت.

معادلة محدَّدة تمامًا (just identified equation): تكون المعادلة محدَّدة تمامًا عندما يُمكن الحصول على المعلمات في المعادلة الهيكليَّة للنظام فقط باستخدام التعويض من خلال القيم المقدَّرة للمعادلات المختزلة.

اختبار KPSS test) KPSS): هو اختبار للسكون، يمعنى آخر اختبار حيث فرضيَّة العدم هي أن السلسلة ساكنة مُقابل فرضيَّة بديلة تتمثَّل في عدم سكون السلسلة.

التفرطح (kurtosis): هو العزم الرابع الموحّد معياريًا للسلسلة، وهو مقياس لمعرفة ما إذا كان للسلسلة 'ذيول سميكة'.

طول فترة الإبطاء (lag length): عدد القيم المتأخرة للسلسلة المستخدمة في النموذج.

عامل فترة الإبطاء (lag operator): هو ترميز جبري يُستخدم لأخذ القيمة الحاليَّة للسلسلة، وتحويلها إلى قيمة سابقة لتلك السلسلة.

اختبار مُضاعف لاجرانج (Lagrange multiplier (LM) test) يُستخدم في إطار التقدير بالإمكان الأعظم، يتضمَّن اختبار مُضاعف لاجرانج تقدير الانحدار المقيَّد فقط، من الناحية العمليَّة كثيرًا ما يُستخدم اختبار مُضاعف لاجرانج من خلال حساب R^2 للانحدار الإضافي المساعد، وذلك لإنشاء إحصاءة الاختبار التي تتبع التوزيع x^2.

قانون الأعداد الكبيرة (law of large numbes): هي نظريّة تُفيد بأن مُتوسَّط العيَّنة سوف يتقارب من مُتوسَّط المجتمع الصحيح (أي القيمة المتوقعة) مع زيادة حجم العيَّنة.

المربعات الصُّغرى least squares)): انظر المربعات الصُّغرى العاديَّة.

طريقة المربعات الصغرى ذات المتغيرات الوهميَّة (least) عي طريقة تُستخدم (aquares dummy variables (LSDV): هي طريقة تُستخدم لتقدير نهاذج السلاسل الزمنيَّة المقطعيَّة باستخدام متغيَّرات وهميَّة ١-٠ للمقطع لكل وحدة مقطعيَّة.

التفرطح الضعيف (leptokurtosis): عندما تكون السلسلة تتميَّز بقمَّة أعلى حول المتوسَّط وذيول أكثر سياكة من توزيع طبيعي له نفس الوسط والتباين.

آثار الرفع المالي (leverage effects): يعني ميل تقلّب الأسهم إلى الارتفاع إثر الخفاض حاد في أسعار الأسهم أكثر ممّا ترتفع نتيجة ارتفاع الأسعار بنفس الحجم، ويرجع ذلك إلى الآثار الناجمة عن نسبة (الرفع المالي) الدّين إلى حقوق المساهمين للشركة.

دالة الإمكان (likelihood function): هي تعبير رياضي يتعلق بالبيانات وبالمعلمات، يتم إنشاء دالة الإمكان باعتبار فرضيَّة حول توزيع الأخطاء، وبعد ذلك اختيار قيم المعلمات التي تُعظَّم الدالة.

اختبار نسبة الإمكان (hood ratio (LR) test): هو نهج لاختبار الفرضيات ينبثق عن طريقة التقدير باستخدام الإمكان الأعظم، ويتمحور حول مُقارنة القيم المعظّمة لدوال لوغاريتم الإمكان للنموذج المقبَّد والنموذج غير المُقبَّد.

المتغيِّر التابع المحدود (limited dependent variables): عندما تكون القيم التي يُمكن للمتغيِّر التابع اتخاذها مُقيدة بطريقة ما، لا يُمكن في مثل هذه الحالات استخدام طريقة المربَّعات الصُّغرى العاديَّة على نحو سليم لتقدير معليات النموذج. نموذج الاحتيال الخطِّر (linear probability): نموذج سيط

نموذج الاحتيال الخطّي (linear probability): نموذج بسيط لكن تشويه بعض النفائص، يُستخدم عندما يكون المتغيِّر التابع في نموذج الانحدار متغيِّرًا ثنائيًّا (٠ أو ١).

الخطية (linearity): مدى إمكانية تمثيل العلاقة بين المنغيرات بخط مستفيم (قد يكون متعدد الأبعاد).

اختبار ليونغ-بوكس (Ljung-Box test): هو اختبار عام للارتباط الذاق في المغبّر أو في سلسلة البواقي.

لوغاريتم دالة الإمكان (log-likelihood function (LLF): اللوغاريتم الطبيعي لدالة الإمكان.

النموذج لوغاريتم-لوغاريتم (log-log model): انظر الصيغة اللوغاريتمية المزدوجة.

النموذج لوجيت (logit model): نهج يُستخدم عندما يكون المتغبِّر التابع في نموذج الانحدار متغبِّرًا ثنائيًّا (• أو ١)، ويضمن أن الاحتمالات المقدَّرة تكون محصورة بين • و ١ .

النياذج ذات الذاكرة الطويلة (long-memory models): انظر النياذج المتكاملة كسريًا.

حل المدى الطويل الساكن (long-run static solution): مُعالجة جبرية لمعادلة دينامبكية الإنشاء علاقة طويلة المدى بين المتغفرات.

البيانات الطولية (longitudinal data): انظر بيانات السلاسل الذمنيَّة المقطعيَّة.

دالة الخسارة (loss function): هي دالة يتم إنشاؤها بهدف تقييم دقّة تناسب النموذج للبيانات أو دقّة التنبؤات، عادة ما يتم نقدير معلمات النموذج عن طريق تقليل دالة الخسارة أو تعظيمها.

أس ليابونوف (Lyapunov exponent): خاصّية يُمكن استخدامها لتحديد ما إذا كانت السلسلة يُمكن وصفها بأنها فوضويَّة.

الآثار الحدّية (marginal effects): هي آثار التغيَّرات في المتغيِّرات المفسَّرة على التغيُّرات في احتمالات النهاذج بروبيت ولوجيت، تُحسب هذه الآثار بهدف تفسير النهاذج بشكل مُباشر. الاحتمال الهامشي (marginal probability): هو احتمال متغيَّر عشوائي وحيد.

الهيكل الجُزئي للسوق (market microstructure): هو مُصطلح مالي يتعلق بالطريقة التي تعمل بها الأسواق، والتأثير الذي يُمكن أن يكون لتصميم وتنظيم السوق على النتائج التجاريَّة، بها في ذلك الأسعار، حجم وتكاليف تنفيذ أوامر الشراء والبيع.

علاوة مخاطرة السوق (market risk premium): هي مقدار العائد الإضافي الذي يتطلبه المستثمر لقبول وحدة إضافية من مخاطر السوق، وغالبًا ما يتم حسابها على أنها الفرق بين العوائد على محفظة واسعة من الأسهم وبين مُتغيِّر وكيل عن معدَّل الفائدة الخالي من المخاطرة.

توقيت السوق (market timing): مدى قدرة المستثمرين على اختيار الأوقات المثل للاستثمار في فئات الأصول المختلفة. نموذج ماركوف لتبديل النظام (Markov switching model): هو نهج للسلاسل الزمنيَّة يرتكز على متغيَّر تابع يتناوب بين الأنظمة وفقًا لقيمة متغيِّر حالة غير قابل للمشاهدة يتبع عمليَّة ماركوف.

خوارزميسة ماركسوارت (Marquardt algorithm): هي نهسج للاستمشال يُمكسن استخدامه على سبيل المثال كجزء من الإجراء الرامي إلى تقدير قِيَم المعلمات في عمليَّة التقدير باستخدام الإمكان الأعظم.

المصفوفة (matrix): هي جدول ذو بُعدين يتكوَّن من أرقام توضع داخل صفوف وأعمدة.

الإمكان الأعظم (maximum likelihood): هو نهج يُمكن استخدامه لتقدير المعلمات، ويعتمد على إنشاء وتعظيم دالة الإمكان التي يُعتبر مُفيدة بشكل خاص للنهاذج غير الخطّبة. الحد الأدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال (risk requirement (MCRR الحد الأدنى لمتطلبات مخاطر انظر القيمة المعرَّضة للمخاطر. خطأ سوء التوصيف (risk requirement : يحدث عندما يكون النموذج غير صحيح، على مبيل المثال، إذا كانت العلاقة الفعليَّة بين المتغيِّرات غير خطيَّة لكن تم اعتباد نموذج خطيّ. اختبارات سوء التوصيف (misspecification tests): هي عبارة اختبارات سوء التوصيف (misspecification tests): هي عبارة عن اختبارات تشخيص يُمكن أن توفَّر للباحث معلومات حول ما إذا كان النموذج يتمثّع بخصائص إحصائيَّة مرغوب فيها، ولا سيها فيها بتعلّق بالبواقي.

تفسير النموذج (model interpretation): فحص النموذج المقدَّر من حيث ما إذا كانت علامات المعليات (مُوجبة أم سالبة) وأحجامها (أي قيمها) منطقبَّة.

العزوم (moments): تصف عزوم التوزيع شكل هذا الأخير، يُمثّل العزم الأول الوسط والعزم الثاني التباين، أمَّا العزم الثالث

(الموحَّد معياريًّا) فهو الالتواء والعزم الرابع (الموحَّد معياريًّا)، فيُمثُل التفرطح. بالنسبة للعزم الخامس وما يليه من عزوم، فيصعب تفسيرها، وعادة لا يتم حسابها.

عمليَّة المتوسَّط المتحرِّك (moving average (MA) process): نموذج بعتمد فيه المتغيِّر التابع على القيم الحالية والسابقة لعمليَّة تشويش أبيض (الخطأ).

التعدُّد الخطِّي (Multicollinearity): هي ظاهرة يكون فيها مُتغيِّران أو أكثر من المتغيِّرات المفسِّرة المستخدمة في نموذج الانحدار مُرتبطة ارتباطًا وثيقًا فيها بينها.

تعدُّد المنوال (multimodal): هي خاصية توزيع حيث لا يكون لهذا الأخير ذروة واحدة فقط، وإنها يكون له قيمة قُصوى في أكثر من موضع.

النموذج لوجيت أو بروبيت متعدَّد الحدود (Iogit or probit النموذج التي تُستخدم لمسائل الاختيار المنفصل، حيث نسعى لتفسير كيف يقوم الأفراد بالاختيار بين أكثر من بديلين.

نهاذج الانحدار الذاتي الشرطي غير مُتجانس التباين المعمَّمة multivariate generlised autoregressive) متعدِّدة المتغيِّرات (conditionally heteroscedastic (GARCH) models: فئة من النهاذج الديناميكية التي تُستخدم لنمذجة التباينات والتغايرات المتغيَّرة زمنيًّا.

نهاذج الشبكات العصبيّة (neural network models): هي فئة من النهاذج الإحصائية التي يستند هيكلها بشكل عام على كيفيّة قيام الدماغ بالحسابات، استُخدمت هذه النهاذج لنمذجة السلاسل الزمنية والأغراض التصنيف.

مُقدر نيوي-ويست (Newey-West estimator): طريقة يُمكن استخدامها لتعديل الأخطاء المعيارية للأخذ بعين الاعتبار اختلاف التباين و/أو الارتباط الذاتي في بواقي نموذج الانحدار.

مُنحنى تأثير الأخبار (news impact curve): هو عبارة عن تمثيل تصويري لاستجابة التفلب للصدمات الموجبة والسالبة المتفاوتة في الحجم.

طريقة نيوتن-رافسون (Newton-Raphson procedure): نهج تكراري للاستمثال، وبعبارات أخرى، هي طريقة نتمثّل في إيجاد قيمة أو قيم المعلمات التي تُعظّم أو تُقلّل الدالة.

السلسلة الاسميَّة (nominal series): هي سلسلة غير تُحفضة (أي سلسلة لم تُعدَّل لمراعاة أثر التضخم).

المربعات الصغرى غير الخطيَّة (non-linear least squares): هي أسلوب تقدير يُستخدم في حالة كانت النهاذج غير خطيِّة (النهاذج التي تكون غير خطيَّة في المعلمات)، ويرتكز على تقليل مجموع مُربعات البواقي.

قيود عدم السلبيَّة (non-negativity constraints): هي الشروط التي يتعيَّن في بعض الأحيان فرضها على القيم المقدَّرة للمعليات في النهاذج غير الخطيَّة لضهان أنها لن تكون سالبة في الحالات التي ليس من المنطقي أن تكون كذلك.

النماذج غير المُتداخَلة (non-nested models): عندما يتوفَّر على الأقل نموذجان، ولا يكون أيُّ منها حالة خاصَّة (أي نموذج مُقيَد) للآخر.

عدم اعتدال التوزيع (non-normality): هو عدم اتّباع التوزيع الطبيعي أو الجاوسي.

عدم السكون (non-stationarity): خاصّية من خصائص السلاسل الزمنيَّة بموجبها لا يكون للسلسلة وسط، تباين أو هيكل للارتباط الذاتي ثابتًا.

فرضيَّة العدم (null hypothesis): هي صيغة منهجيَّة تُجسَّد التعبير الذي سيُجرَى اختباره فعليًّا كجزء من اختبار الفرضيات.

المشاهدات (observations): مُسمَّى آخر لنقاط البيانات المتاحة لغرض التحليل.

المتغيِّر المهمـــل (omitted variable): هو عبارة عن متغيِّر له صلة بتفسير المتغيِّر التابع تم استبعاده من مُعادلــــة الانحدار المقدَّرة مما من شأته أن يُـــــــــؤدي إلى استدلالات مُتحيـــــزة بشــــأن المعلمــات المتبقيَّة.

اختبار فرضيات ذو طرف واحد (one-sided hypothesis test): يستخدم عندما تقترح النظرية أن الفرضيَّة البديلة يجب أن تكون على الشكل أكبر من أو أصغر من فقط (لا الاثنين معًا).

المحفظة المثلى (optimal portfolio): تتكوَّن من مزيج من الأصول الخطرة التي تُعظَّم العائد بالنسبة لمستوى مُعيَّن من المخاطرة، أو أنها تُقلَّل المخاطرة لمستوى مُعيَّن من العائد.

درجــة التكامل (order of integration): تُخُـــل عدد المرات التي تطبّــق فيها الفروق على سلسلة تصادفيَّة غير ساكنة للحصول على سلسلة ساكنة.

مُتغيِّر استجابة مُرتَّب (ordered response variable): يكون عادة في الحالة التي يفتصر فيها المتغيِّر التابع في النموذج على قيم معيَّنة دون سواها، مع وجود ترتيب طبيعي لتلك القيم، ونذكر على سبيل المثال القيم التي تُمثل التصنيف الانتهاني السيادي. المقياس الترتيبي (ordinal scale): يكون المتغيِّر محدودًا بحيث لا تُحدد قيمه سوى رُتبة أو ترتيب، وبالتالي فإن القيم المحدَّدة التي يتَخذها المتغيِّر ليس لها تفسير مباشر.

المربعات الصغيري العادية (ordinary least squares): تُعتبر الطريقة المثالية والأكثر شيوعًا، والتي تُستخدم في تقدير نهاذج الانحدار الخطّية.

خارج العبَّنة (out-of-sample): في بعض الأحيان لا تُستخدم كل البيانات في تقدير النموذج (بيانات داخل العبَّنة)، بل مُحتفظ بالبعض منها بهدف التنبؤ (بيانات خارج العبَّنة).

القيم الشاذة (outliers): هي نقاط البيانات التي لا تتناسب مع نمط المشاهدات الأخرى، والتي تكون بعيدة عن النموذج المجهّز للبيانات.

توفيق النموذج بعدد من المتغيّرات أكثر من المطلوب (overfitting): هو عبارة عن تقدير نمروذج أكبر عمّا ينبغي يتضمّن العدديد من المعلمات.

معادلة زائدة التحديد (overidentified equation): تكون المعادلة زائدة التحديد عندما يُمكن الحصول على أكثر من قيمة مُقدَّرة واحدة لكل معلمة في المعادلة الهيكليَّة للنظام باستخدام التعويض من خلال القيم المقدَّرة للمعادلات المختزلة.

تأثير رد الفعل المفرط (overreaction effect): حيل أسعار الأصول (وخاصة الأسهم) إلى تجاوز أسعارها الجديدة عند التوازن إثر صدور أخبار جديدة.

اختبار مُنضخم (oversized test): هو اختبار إحصائي يرفض غالبًا فرضيَّة العدم، مع أنها في الواقع صحيحة.

القيمة بي (p-value): هي مُستوى المعنوية الدقيق، أو مستوى المعنوية الحدي الذي يجعلنا غير مُبَالِين بين رفض فرضية العدم وبين عدم رفضها.

تحليل بيانات البائل (panel data analysis): هو استخدام بيانات ها على حد السواء بُعد مقطعي وبُعد زمني.

النموذج الشحيح (parsimonious model): هو نموذج يصف البيانات بأكبر قدر ممكن من الدقّة باستخدام أقل عدد تمكن من المعليات.

دالة الارتباط الذاتي الجزئي (function الذاتي الجزئي (function): تقيس دالة الارتباط الذاتي الجزئي ارتباط المتغبِّر بقيمته قبل k فترة (k-1,2)...) بعد حذف تأثيرات المتغبِّرات عند التباطؤات التي تأتي في الوسط.

فرضيَّة تسلسل اختيار مصادر التمويل (hypothesis): مفهوم مأخوذ من مالية الشركات يُشير أن الشركات سوف تختار في المقام الأوَّل أرخص طريقة لمائية أنشطتها (وتتمثَّل عادة في الأرباح غير المُوزَّعة) قبل الانتقال إلى أسائيب أكثر تكلفة.

التعدُّد الخطِّي التام (perfect multicollinearity): بجدث التعدُّد الخطِّي التام عندما يكون المتغيِّر المفسَّر المستخدم في نموذج الانحدار تركيبة خطِّية لمتغيِّر أو مُتغيِّرات مُفسَّرة أخرى من مُنغيِّرات النموذج.

تأثيرات الفترة الزمنيَّة (period effects): انظر التأثيرات الزمنيَّة الثابتة.

النموذج خطّي القِطع (piecewise linear model): نموذج خطي (أي يُمكن تمثيله بخط مستقيم) ضمن نطاقات محدودة من البيانات، لكن النموذج في مجمله غير خطيّ.

العينة المجمَّعة (pooled sample): هي عينة تضم بيانات سلاسل زمنيَّة مقطعيَّة (أي بيانات لها بُعد زمني وبُعد مقطعي)، لكن يتم استخدام جميع المشاهدات معًا دون اعتبار لتنظيم هذه البيانات.

المجتمع (population): هو عبارة عن جمع لكل الأشياء أو الوحدات التي لها علاقة بالفكرة التي يتم اختبارها في نموذج.

دالة انحدار المجتمع (PRF)): هي دالة تُحسَّد العلاقة الحقيقية، والتي لا يُمكن رصدها بين المتغيِّر التابع والمتغيِّرات المستقلَّة.

اختبارات (Portmanteau (portmanteau tests): تُعتبر اختبارات عامَّة للأنهاط غير الخطية أو لسوء توصيف النهاذج، بعبارات أخرى، تُعتبر هذه الاختبارات أفضل من مجموعة كبيرة من التراكيب البديلة.

متطلّبات مخاطرة الموقف (position risk requirement): انظر القيمة المعرّضة للمخاطر.

قوَّة الاختبار (power of a test): هي قدرة الاختبار على رفض فرضية عدم خاطئة على نحو صحيح.

المتغبِّرات المحددة مُسبقًا (pre-determined variable): هي مُتغبِّرات غير مرتبطة بالقيم السابقة أو الحالية لحد الخطأ في معادلة الانحدار، لكن يُمكن أن تكون مرتبطة بالقيم المستقبلية لحد الخطأ.

القيمة المتوقَّعة (predicted value): انظر القيمة المجهَّزة.

اختبار فشل التنبؤ (predictive failure test): هو اختبار لاستقرار المعلمات أو للتغيَّر الهيكلي في نموذج الانحدار، والذي يقوم على تقدير انحدار إضافي مساعد لعيَّنة فرعية من البيانات، ومن ثم تقييم مدى نجاح هذا النموذج في التنبؤ بالمشاهدات الأخرى.

معامل انكهاش الأسعار (price deflator): هي سلسلة تقيس المستوى العام للأسعار في اقتصاد ما، وتستخدم لتعدّل سلسلة اسمية إلى سلسلة حقيقيّة.

غلبل المكونات الرئيسة (PCA): هي عبارة عن تقنية تُستخدم في بعض الأحيان عندما تكون مجموعة من المنغيرات مُرتبطة ارتباطاً عاليًا، وبشكل أكثر محديدًا يُعتبر تحليل المكونات الرئيسة عمليّة رياضيّة تقوم بنحويل مجموعة سلاسل مُرتبطة إلى مجموعة جديدة من السلاسل المستقلّة خطيًّا.

دالة الكثافة الاحتمالية (probability density function (pdf): هي عبارة عن علاقة أو تطبيق يصف مدى احتمال أن يأخذ المتغبّر العشوائي قيمة مُعيّنة ضمن نطاق معيّن من القيم.

النموذج بروبيت (probit mpdel): هو نموذج مناسب للمتغيّرات النابعة الثنائيّة (٠ أو ١) حيث تتبع الدالة الأساسيّة المستخدمة لتحويل النموذج التوزيع الطبيعي التراكمي.

أعداد شبه عشوائبة (pseudo -random numbers): هي مجموعة من الأعداد التي تبدو عشوائبة، والتي ينم توليدها باستخدام مُتتالية حتميَّة تمامًا (على سبيل المثال استخدام جهاز كمبيوتر).

تعادل القوَّة الشرائية (PPP) (purchasing power parity): الفرضية الفائلة بأنه في حالة التوازن ينبغي تعديل أسعار الصرف بحيث تكون للسلة التمثيلية من السلع والخدمات نفس التكلفة عند تحويلها إلى عملة موحَّدة، بصرف النظر عن مكان شرائها.

المتغيَّرات النوعية (qualitative variables): انظر المنغيَّرات الوهمية.

اختبار كوانت لنسبة الإمكان (Quandt likelihood ratio): هو اختبار لمعرفة ما إذا كان نموذج الانحدار به انقطاعات هيكليَّة، ويستند إلى اختبار تشاو، لكنَّه يفترض أن تاريخ الانقطاع غير معروف.

قيمة التقسيم الجزئي (quantile): هي الموضع (ضمن الفئة ٠٠) ١) في سلسلة مرتبة أين تتواجد المشاهدة.

الانحدار الكمّي (quantile regression): طريقة لتوصيف النهاذج تتضمّن إنشاء مجموعة من نهاذج الانحدار، كل نموذج منها يخص قيم تقسيم جزئي مُختلفة لتوزيع المتغيّر التابع.

R2: هو عبارة عن مقياس موحَّد، يتراوح بين صفر وواحد، عن مدى ملاءمة نموذج الانحدار للبيانات.

المعدَّل. R^2 المعدَّل: $R = bar^2$

نموذج التأثيرات العشوائية (random effects model): نوع خاص من توصيف نهاذج بيانات السلاسل الزمنية المقطعية حيث تنغير المقاطع بشكل مقطعي؛ نظرًا لأن كل فئة مقطعية تنمير بحد خطأ مختلف.

السير العشوائي (random walk): نموذج بسيط حيث تكون القيمة الحالية لسلسلة ما ببساطة مُساوية للقيمة السابقة زائد عُنصر تشويش أبيض (خطأ)، لذلك فإن التنبؤ الأمثل للمتغيَّر

الذي يتبع السير العشوائي هو بيساطة قيمة آخر مُشاهدة لتلك السلسلة.

السير العشوائي بحد ثابت (random walk with drift): نموذج سير عشوائي يضم أيضًا مقطعًا بحيث لا يُشترط أن تكون تغيَّرات المتغيِّر في المتوسَّط مُساوية لصفر.

رُتية (المصفوفة) (rank (of a matrix)): هي مقياس لمعرفة ما إذا كانت جميع صفوف وأعمدة المصفوفة مُستقلة عن بعضها البعض.

سلسلة حقيقيَّة (real series): هي سلسلة مُخفضة (أي سلسلة مُعدَّلة لمراعاة أثر التضخم).

النموذج المنكرِّر (recursive model): هو عبارة عن أسلوب للنقدير أبن يتم تقدير مجموعة من انحدارات السلاسل الزمنيَّة باستخدام عيَّنات فرعية بطول مُتزايد، بعد تقدير النموذج الأول نتم إضافة مُشاهدة لآخر العيَّنة بحيث يزيد حجم العيَّنة بمشاهدة واحدة، ويستمر ذلك حتى بلوغ نهاية العبَّنة.

معادلات مختزلة الشكل (reduced form equations): هي تلك المعادلات التي لا تضم مُتغيِّرات داخليَّة على الجانب الأيمن، والتي تم استقافها جبريًّا من الصيغ الهيكليَّة في إطار النظام الآني.

اختبار التأثيرات الثابتة الزائدة (test): هو اختبار لمعرفة ما إذا كان يتعبَّن استخدام طريقة انحدار السلاسل الزمنيَّة المقطعية بتأثيرات ثابتة، أو ببساطة تجميع البيانات وتقديرها باستخدام نموذج انحدار المربعات الصغرى العاديَّة.

متغيِّر منحدر عليه (regressand): انظر المتغيِّر التابع. المتغيِّر الانحداري (regressor): انظر المتغيِّر المفسَّر.

منطقة الرفض (rejection region): إذا كانت إحصاءة الاختبار تقع ضمن هذه المنطقة التي وقع رسمها وفقًا لدالة توزيع إحصائي فإنه يتم رفض فرضيَّة العدم قيد الدرس.

إعادة المعاينة (re-sampling): هي عبارة عن إنشاء توزيع مُحاكى بهدف حساب الاخطاء المعياريَّة أو الفيم الحرجة عن طريق المعاينة مع الاستعاضة عن البيانات الأصلية.

اختبار ريست (RESET test): هـو اختبار لعدم الخطيسة، أو اختبار لـسوء تـوصيـف الصيغـة

الداليسة، أي حالة يكون فيها شكل نموذج الانحدار المقدِّر غير صحيح، على سبيل المثال، عند تقدير نموذج خطِّي، في حين يتعيَّن أن يكون النموذج غير خطي. تشخيص البواقي (residual diagnostics): هو عبارة عن عمليَّة فحص للبواقي لمعرفة ما إذا كانت تضم أنهاطًا متبقية موجودة في المتغيِّر التابع ولم يتم التفاطها بواسطة النموذج المجهّز.

مجموع مربعات البواقي (RSS) residual sum of aquares): هو جَمْع لكل القيم التربيعيَّة للفروق بين نقاط البيانات الفعليَّة وما يُقابِلها من قيم مُقدَّرة من النموذج.

حسدود البواقسي (residual terms): هسي السفروق بين القيسم الفعليَّة للمتغيِّر الستابع والقيم التي يقدرها النموذج لهذا الأخير، أو بعبارات أخرى هي أجزاء المتغيِّر التابع التي لم يتمكَّن النموذج من تفسيرها.

النموذج المقيّد (restricted model): هو انحدار لا يمكن فيه تحديد المعلمات من قِبَل البيانات دون قيد، بل إن بعض القيود يُمكن أن تُوضع على القيم التي تتَّخذها معلمة أو أكثر.

علاوة المخاطرة (risk premium): العائد الإضافي الذي يتوقّعه المستثمرون نتيجة تحمُّلهم للمخاطر.

فُرص مُراجحة خالية من المخاطرة (riskless arbitrage): انظر المراجحة.

النافذة المتحرِّكة (rolling window): هي طريقة تقدير أبن يتم تقدير مجموعة من الحدارات السلاسل الزمنيَّة باستخدام عيَّنات فرعية ذات طول ثابت، بعد تقدير النموذج الأوَّل تتم إزالة المشاهدة الأولى من العيَّنة، وإضافة مُشاهدة واحدة إلى آخر العيَّنة، ويستمر ذلك حتى بلوغ نهاية العيَّنة.

العيُّنة (sample): هي عبارة عن اختيار لبعض الوحدات من المجتمع، والتي تُستخدم بعد ذلك لتقدير النموذج.

دالة انحدار العينة (sample regression function (SRF): نموذج الانحدار الذي تم تقديره باستخدام البيانات الفعلية. حجم العينة (sample size): عدد المشاهدات أو نقاط البيانات لكل سلسلة في العينة.

خطأ المعاينة (sampling error): هو عدم الدقّة في تقدير المعلمات التي يظهر نتيجة توفّر عيّنة بدلًا من كامل المجتمع، ونتيجة خطأ المعاينة تختلف القيم المقدّرة من عيّنة إلى أخرى.

معيار المعلومات البايزي لشوارز (information criterion (SBIC)): هو عبارة عن مقياس يُمكن استخدامه لتحديد أفضل نموذج مُعَدِّ للبيانات من بين مجموعة من النهاذج المتنافسة، والذي يتضمن عُنصر جزاء صارم نتيجة إضافة معلهات.

العزم الثاني (second moment): تُحدَّد عزوم التوزيع شكل هذا الأخير، بخصوص العزم الثاني فهو مُصطلح ثاني لتباين السانات.

انحدار غير مُرتبط ظاهريًّا (SUR)): نهج الانحدار السلاسل الزمنيَّة يُستخدم لنمذجة حركات العديد من المنغيِّرات التابعة شديدة الارتباط، يأخذ هذا النهج بعين الاعتبار الارتباط بين حدود أخطاء الانحدارات، وبالتالي تحسين كفاءة عمليَّة النفدير.

نموذج الانحدار الذاتي ذو العنبات المثار ذاتيًّا (self-exciting): هو عبارة عن نموذج (threshold autoregression (SETAR)): هو عبارة عن نموذج انحدار ذاتي ذي العنبات حيث يكون المتغيِّر المحدَّد للحالة هو نفسه المتغيِّر قيد الدراسة.

نصف المدى الربيعي (semi-interquartile range): مقياس لتشتت مجموعة البيانات (بديل للتباين) يستند في حسابه إلى الفرق بين الربيع الأول والثالث للبيانات المرتبة.

الاعتماد فائق الحساسيّة على الظروف الأوليّة (dependent on initial conditions (SDIC): تُعتبر الخاصّية المميّزة لنظام الفوضى؛ حيث إن تغيّر مُتناهي الصغر في القيم الأولى سوف يكون له تأثير على النظام يتزايد باطراد عبر الزمن الارتباط التسلسلي (serial correlation): انظر الارتباط الذاتي. نسبة شارب (Sharpe ratio): في مجال الماليّة تُعتبر نسبة شارب مقياس للأداء المعدَّل حسب المخاطرة، وتُحسب بطرح العائد الخالي من المخاطرة من عائد المحفظة، ومن ثم قسمة الحاصل على الانحراف المعياري للمحفظة.

الصدمات (shocks): مُسمَّى آخر للاضطرابات في تموذج الانحدار.

البيع المكشوف (short-selling): هو بيع أصل مائي لا تملكه تحسُّبًا لإعادة شرائه في وقت لاحق عندما يكون السعر قد انخفض.

مُستوى المعنويَّة (significance level): هو حجم منطقة الرفض للاختبار الإحصائي، وهو يُساوي أيضًا احتبال رفض فرضية العدم في حين أنها صحيحة.

اختبارات التحبَّز من حيث العلامة والحجم (sign and size): هي اختبارات لعدم التهاثل في التقلَّب، أي اختبارات لعرفة ما إذا كانت الصدمات الموجبة والسالبة بحجم معيَّن لها نفس التأثير على التقلب.

المعادلات الآنيَّة (simultaneous equations): مجموعة من المعادلات المترابطة لكل منها عدة منغيَّرات.

حجم الاختبار (size of test): انظر مستوى المعنويّة.

الالتواء (skewness): هو العزم الثالث الموحَّد معياريًّا للتوزيع، والذي يُظهِر ما إذا كان التوزيع مُتماثلًا حول قيمته المتوسَّطة. وقت انزلاق الأسعار (slipping time): مقدار الوقت الذي يُفترض أن يُستغرق لتنفيذ مُعاملة ما بعد إنشاء قاعدة باستخدام

الميل (slope): هو انحدار خط مستقيم، ويُقاس بأخذ الفارق في قيمة المتغيِّر التابع y بين نُقطتين مقسومًا بالفارق في قيمة المتغيِّر المستقل x بين نفس النُقطتين.

التصنيفات الانتهائيَّة السياديَّة (sovereign credit ratings): هي تقديرات لمخاطر الديون التي تُصدرها الحكومات.

هوامش العائدات السياديَّة (sovereign yield spreads): تُعرُّف عادة بأنها الفرق بين العائد على سندات الحكومة قيد الدرس والعائد على سندات الخزينة الأمريكية.

النمذجة من الخاص إلى العام (modelling): هو نهج فلسفي لبناء نهاذج الاقتصاد القياسي، يتضمّن البدء بنموذج خاص بحسب ما تقتضيه النظريّة، ومن لمّة إضافة مُتغيّرات إليه تباعًا، أو تعديله بحيث يُصبح تدريجيًا وصفًا أفضل للواقع.

تقنبات سبلين (spline techniques): هي نهاذج خطّبة القطع تنضمَّن تطبيق دوال مُتعدُّدة الحدود على كل جزء من الأجزاء المختلفة من البيانات.

السعر الفوري (spot price): هو سعر كمَّية مُحدَّدة من السلع أو من الأصول التي سيتم تسليمها على الفور.

الانحدارات الزائفة (spurious regressions): في حالة إذا كان الانحدار بتضمَّن مُتغيِّرين مُستقلين أو أكثر غير ساكنين فإن تقديرات المبل قد تبدو ذات معنويَّة كبيرة من وجهة نظر الاختبارات الإحصائية العاديَّة، وقد تكون النسب تي في هذه الانحدارات ذات معنويَّة عالية جدًّا، على الرغم أنه في الحقيقة لا توجد علاقة بين المتغيِّرات.

الانحراف المعباري (standard deviation): مقياس لانتشار البيانات حول متوسط قيمتها، والتي تحتوي على نفس وحدات البيانات.

الأخطاء المعيارية (standard errors): يقيس الانحراف المعياري دقّة أو موثوقيّة قيم الانحدار المقدّرة.

المتغيِّر الساكن (stationary variable): هو متغيِّر لا يضم جذر الوحدة أو جذرًا مُتزايدًا، وبالتاني يُمكن استخدامه بشكل سليم مُباشرة في نموذج الانحدار.

الاستدلال الإحصائي (statistical inference): هو عبارة عن عمليَّة استخلاص النتائج بشأن الخصائص المحتملة للمجتمع من تقدير ات العيّنة.

المعنويَّة الإحصائيَّة (statistically significant): تكون النتيجة معنويَّة إحصائيًّا إذا تم رفض فرضية العدم (عادة باستخدام مستوى معنويَّة مُساوِل ٥٪).

المتغيِّرات الانحداريَّة النصادُفيَّة (stochastic regressors): عادة ما يُفترض عند استخدام نهاذج الانحدار أن المتغيِّرات الانحداريَّة غير تصادُفيَّة أو ثابتة، غير أنه عمليًّا يُمكن أن تكون هذه المتغيِّرات عشوائية أو تصادُفيَّة، كأن تكون مُتغيِّرات تابعة مُتباطئة، أو مُتغيِّرات انحداريَّة داخليَّة.

الانجاه التصادُق (stochastic trend): تمتلك بعض مُستريات السلاسل الزمنيَّة اتجاهًا تصادُفيًّا، وهذا يعني أنه يُمكن وصفها بأنها عمليًّات جذر الوحدة، وهي عمليات غير ساكنة.

نـموذج النقلب النصـادُفي ((SV)) النصـادُج النقلب النصـادُج الديلًا أقــل شيوعًا لنمـادُج النيـاين الـشرطي لنمـادُج النبـاين الـشرطي بشكل واضح باستخدام مُعادلة تحتوي على حد خطأ.

متغير خارجي تمامًا (strictly exogenous variable): هو المتغير غير المرتبط مع قيم الماضي والحاضر والمستقبل لحد الخطأ.

عملية ساكنة تمامًا (strictly stationary process): هي عمليَّة يكون فيها التوزيع الاحتمالي بأكمله ثابتًا عبر الزمن.

الانقطاع الهيكلي (structural break): هي حالة تُظهر فيها خصائص السلسلة الزمنيَّة أو النموذج تحــوُّلًا كــبيرًا في السلوك على المــدى الطويــل.

المعادلات الهبكلية (structural equations): هي المعادلات الأوَّلية التي تصف النظام الآني، والتي تحتوي على مُتغيِّرات داخليَّة على الجانب الأيمن.

مجموع البواقي المربعة (sum of squared residuals): انظر مجموع مربعات البواقي.

نموذج تبديل النظام (switching model): هو توصيف اقتصادي قياسي لمتغيَّر يشهد سلوكه تغيُّرًا بين حالتين مُختلفتين او أكثر.

النسبة تي (t-ratio): هي نسبة قيمة المعلمة المقدَّرة إلى خطئها المعياري، وتُشكِّل إحصاءة لاختبار فرضيَّة العدم المتمثَّلة في أن القيمة الحقيقيَّة للمعلمة تُساوي واحدًا.

إحصاءة U لثيل :(Theil's U-statistic) هي مقياس لتقبيم التنبؤات، حيث يُقسم مُتوسَّط الخطأ التربيعي للتنبؤات المتحصَّل عليها من النموذج قيد الدراسة بمتوسَّط الخطأ التربيعي للتنبؤات المتحصَّل عليها من نموذج مرجعي، عندما تكون الإحصاءة U أقل من واحد، فذلك يعني أن النموذج قيد الدرس يتفوَّق على النموذج المرجعي.

نهاذج الانحدار الذاتي ذات العتبات (autoregressive (TAR) models): هي فئة من نهاذج السلاسل الزمنيَّة حيث تنتقل السلسلة قيد الدراسة بين أنواع مُحتلفة من نهاذج الانحدار الذاتي الديناميكيَّة عندما يتجاوز المتغيِّر الأساسي (المرصود) عتبة مُعيَّنة.

تأثير ثبات الوقت (time fixed effects): هو نموذج لدمج البيانات المقطعية مع السلاسل الزمنيَّة يسمح بنغيَّر ميل الانحدار عبر الزمن، ويُستفاد منه عندما تكون القبمة الوسطى للمتغيِّر قيد الدراسة تتغيَّر عبر الزمن دون أن تتغيَّر مقطعبًا. انحدارات السلاسل الزمنيَّة (time series regressions): هي نهاذج يتم إنشاؤها باستخدام بيانات السلاسل الزمنيَّة، أي البيانات التي يتم جمعها خلال فترة زمنيَّة لمتغيَّر أو أكثر.

انحدار توبيت (tobit regression): يُعتبر هذا الانحدار نموذجًا مُناسبًا عندما يكون المتغيِّر التابع مُنغيِّرًا محصورًا - أي عندما لا يمكن مُشاهدة قيم المتغيِّر التي تتجاوز عتبة مُعيَّنة، على الرغم من أن القيم المقابلة للمتغيِّرات المستقلة يُمكن مُشاهدتها.

المجموع الكلي للمربعات ((total sum of squares (TSS)): هو مجموع الانحرافات التربيعيَّة للمتغيَّر التابع y عن قيمته الوسطى تو.

احتمالات الانتقال (transition probabilities): هي مصفوقة مُربَّعة للقيم المُقدَّرة لاحتمال انتقال متغيِّر ماركوف لتبديل النظام من نظام مُعيَّن إلى نظام آخر.

المتغيِّر التابع المبنور (truncated dependent variable): هي حالة لا يُمكن فيها مُشاهدة قيم هذا المنغيِّر إذا ما تجاوز عتبة مُعيَّنة، ولا حتَّى القيم المقابلة للمتغيِّرات المستقلَّة.

طريقة المربعات الصغرى ذات المرحلتين (two-stage least) نشريقة المتدير المعلمات يُثمَّن (squares (TSLS or 2SLS) استخدامها على أنظمة المعادلات الآنيَّة.

البانل غير المتوازن (unbalanced panel): مجموعة بيانات تكون فيها المستغيَّرات ببُعديسن مقطعي ورَمسني مع وجود بعض البيانات الناقصة، أي عندما يكون عدد مُشاهدات السلاسل الزمنيَّة المتاحة غير مُحاثل لجميع الكيانات المقطعيَّة.

مقدر غير متحيَّز (unbiased estimator): صيغة أو مجموعة من الصيغ التي عند تطبيقها تعطي تقديرات تكون في المتوسَّط مُساوية لقيم معلمة المجتمع الحقيقية المقابلة.

تعادل أسعار الفائدة المكشوفة ((UIP)): نتحدَّث عن تعادل أسعار الفائدة المكشوفة عند تحقُّق كلّ من تعادل أسعار الفائدة المخطاة والسعر الآجل غير المتحيّز. كلّ من تعادل أسعار الفائدة المغطاة والسعر الآجل غير المتحيّز. معادلة ناقصة التحديد أو غير مُعدّدة (unidentified or): تكون المعادلة ناقصة التحديد أو غير مُعدّدة عندما لا يُمكن الحصول على القيم المفدّرة للمعليات في المعادلة الهيكليّة للنظام باستخدام التعويض من خلال القيم المقدّرة للمعادلات المختزلة، نظرًا لوجود معلومات غير كافية المقدّرة للمعادلات المختزلة، نظرًا لوجود معلومات غير كافية في هذا الآخير.

عمليَّة جذر الوحدة (unit root process): تتبع السلسلة عمليَّة جذر الوحدة إذا كانت غير ساكنة، ولكنها تُصبح كذلك إذا ما أخذنا الفروق الأولى.

عدم ضبط النموذج (unparameterised): في حالة لم يلتقط النموذج خاصيَّة للمتغيَّر التابع و، فإنه يُعتبر غير مضبوط.

الانحدار غير المُقبَّد (unrestricted regression): هو انحدار يتم تحديده دون فرض أيَّة قيود، بحيث يُمكن لتقنية التقدير أن تُعدد بحرية القيم المقدَّرة للمعلمات.

القيمة المعرَّضة للمخاطر (value-at-risk (VaR)): نهج لقياس المخاطرة استنادًا إلى الخسارة الناجمة عن محفظة الاستثمار التي يمكن توقُّع حدوثها بنسبة احتيال مُعيَّنة وعلى مدى أفق مُحدَّد. مصفوفة النباين والتغاير (variance –covariance matrix): هي مصفوفة من الأرقام التي تضم على قطرها الرئيس تبايُنات عموعة من المتغيِّرات العشوائية، وكذلك تغايرات تلك المتغيِّرات كعناصر خارج قطري الرئيس.

تحليل التباين (variance decomposition): هي طريقة لدراسة أهمية كل مُتغيِّر في نموذج مُتجه الانحدار الذاتي، وذلك من خلال حساب مقدار تباين أخطاء التنبؤ (لفترة مُستقبليَّة، لفترتين مُستقبليَّتين، ...) لكل مُتغيِّر تابع الذي يُمكن تفسيره من خلال إحداث تغييرات في كل متغيَّر مُستقل.

تقنيات تقليل التباين (variance reduction techniques): نستخدم هذه التقنيات في إطار عمليات محاكاة مونت كارلو، وذلك بهدف تقليل عدد التكوارات اللازمة للوصول إلى مُستوى مُعيَّن من الأخطاء المعياريَّة للقيم المقدَّرة.

النموذج (VECH (VECH model): هو نهج مُتعدَّد المُتغيِّرات، بسيط نسبيًّا، ويسمح بتقدير التقلبات والتغايرات المتغيِّرة زمنيًّا المجمَّعة داخل مُتَّجه.

نموذج مُتَّجه الانحدار الذاتي ((VAR)) بموذج مُتَّجه الانحدار الذاتي (model): هو توصيف مُتعدَّد المتغيِّرات للسلاسل الزمنيَّة، حيث تظهر القيم المتباطئة لـ (كل) المتغيِّرات التي تظهر على الجانب الأيمن لـ (جميع) مُعادلات النموذج (المقيَّد).

نموذج مُتَّجه الانحدار الذاي للمتوسَّط المتحرَّك (autoregressive moving average (VARMA) model): هو

نموذج مُتَّجه انحدار ذاي يضم أيضًا قيمًا مُتباطئة لحدود الأخطاء في كل مُعادلة.

نموذج مُتَّجه تصحيح الخطأ (VECM): هو نموذج تصحيح الخطأ يندرج في إطار مُتَّجه الانحدار الذاتي، بحيث يُمكن نمذجة العلاقات قصيرة وطويلة المدى بين مجموعة من المتغيِّرات في نفس الوقت.

نموذج مُتَّجه المتوسط المتحرِّك (VMA) model (VMA) الزمنيَّة مُتعدِّدة السلاسل الزمنيَّة مُتعدِّدة المتغبِّرات، حيث يُمكن صياغة السلسلة كتركيبة من القيم المتباطئة لمتَّجه من عمليات التشويش الأبيض.

التقلب (volatility): يُعبِّر عن مدى تغيِّر السلسلة بشكل كبير مع مرور الزمن، ويُقاس عادة بالانحراف المعياري أو بالتباين. عنقوديَّة التقلب (volatility clustering): هو ميل تقلُّب عوائد الأصول إلى الظهور في عناقيد بحيث تكون هناك فترات طويلة تشهد تقلُّبًا مُرتفعًا وفترات طويلة أخرى يكون فيها التقلب مُتخفضًا.

اختبار والد (Wald test): نهج لاختبار الفرضيات، حيث لا يتم إجراء عملية التقدير إلا في إطار الفرضية البديلة؛ وتُعتبر اختبارات والد أكثر أشكال اختبارات الفرضيات شيوعًا (مثل اختبارات و F).

مُتغَبِّرات خارجيَّة بدرجة ضعيفة (variables): انظ مُتغَرِّرات مُدَّدة مُسفًا.

عمليَّة ضعيفة السكون (weakly stationary process): هي عمليَّة لها مُتوسِّط ثابت، تبايُن ثابت وتغايُرات ذاتيَّة ثابتة لكل تباطؤ مُعيَّن.

المربَّعات الصغرى المرجَّحة (weighted least squares): انظر المربَّعات الصغرى المعمَّمة.

عمليّة تشويش أبيض (white noise process): هي عمليّة لها مُتوسِّط وتباين ثابتان دون أيّة أشكال أخرى (على سبيل المثال، تكون الارتباطات الذاتيّة لهذه العمليّة مُساوية لصفر، وذلك لكل التباطُوات)، عادة ما يُقترض أن حد الخطأ في تموذج الانحدار هو تشويش أبيض.

تصحيح وايت (White's correction): هو عبارة عن إدخال تعديلات على الأخطاء المعياريَّة لمعليات الانحدار يأخذ بعين الاعتبار اختلاف النباين في بواقي المعادلة المُقدَّرة.

اختبار وايت (White's test): هو نهج لتحديد ما إذا كان افتراض أخطاء مُتجانس التباين في النموذج يُعتبر افتراضًا صحيحًا، وذلك إسنادًا إلى انحدار إضافي مُساعد للبواقي المربَّعة على كل من المتغيِّرات الانحداريَّة، القيم المربَّعة للمتغيِّرات الانحداريَّة، وكذلك حاصل الضرب النفاطعي لهذه الأخبرة.

التحويل الضمني (within transformation): يُستخدم في إطار نموذج السلاسل الزمنيَّة المقطعيَّة بتأثيرات ثابتة، ويتضمَّن طرح مُتوسَّط السلسلة الزمنيَّة من كل مُتغيِّر، جدف تخفيض عدد معليات المتغيِّرات الوهمية الواجب تقديرها.

نظرية وولد للتحليل (Wold's decomposition theorem): تنص هذه النظرية على أن كل سلسلة ساكنة يُمكن تحليلها إلى مجموع عمليَّتين مُستقلَّتين: جُزء حتمي بحت، وجُزء تصادفي بحت.

مُنحنيات العوائد (yield curves): ثُبيِّن كيف أن العائد على السندات يتغيِّر مع زيادة الفترة الزمنيَّة حتى تاريخ الاستحقاق. مُعادلات يول-والكر (Yule-Walker equations): هي مجموعة من الصبغ التي يُمكن استخدامها لحساب مُعاملات دالة الارتباط الذاتي لنموذج الانحدار الذاتي.

المراجع

- Akaike, H. (1974) A New Look at the Statistical Model Identification, IEEE Transactions on Automatic Control AC-19(6), 716-23
- Akgiray, V. (1989) Conditional Heteroskedasticity in Time Series of Stock Returns; Evidence and Forecasts, Journal of Business 62(1), 55–80
- Amemiya, T. (1984) Tobit Models: A Survey, Journal of Econometrics 24, 3-61
- Andersen, T. and Bollerslev, T. (1998) Answering the Skeptics: Yes, Standard Volatility Models do Provide Accurate Forecasts.

 International Economic Review 39, 885–905
- Anselin, L. (1988) Spatial Econometrics: Methods and Models, Kluwer Academic, Dordrecht
- Antoniou, A. and Garrett, I. (1993) To What Extent Did Stock Index Futures Contribute to the October 1987 Stock Market Crash?, Economic Journal 103, 1444–61
- ap Gwilym. O., Clare, A. and Thomas, S. (1998) The Bid–Ask Spread on Stock Index Options: An Ordered Probit Analysis, Journal of Futures Markets 18(4), 467–85
- Arellano, M. (2003) Panel Data Econometrics, Oxford University Press, Oxford Armitage, S. (1995) Event Study Methods and Evidence on their Performance, Journal of Economic Surveys 8(4), 25–52
- Bai, J. and Ng, S. (2004) A Punic Attack on Unit Roots and Cointegration, Econometrica 72, 1127-77
- Baillie, R. T. (1989) Tests of Rational Expectations and Market Efficiency, Econometric Reviews 8, 151-86
- Baillie, R. T. and Bollerslev, T. (1989) The Message in Daily Exchange Rates: A Conditional-Variance Tale, Journal of Business and Economic Statistics 7(3), 297–305
- Baillie, R. T. and Myers, R. J. (1991) Bivariate GARCH Estimation of the Optimal Commodity Futures Hedge, Journal of Applied Econometrics 6, 109–24
- Baks, K., Metrick, A. and Wachter, J. A. (2001) Should Investors Avoid All Actively Managed Mutual Funds? A Study in Bayesian Performance Evaluation, Journal of Finance 56(1), 45–85
- Ball, R. and Brown, P. (1968) An Empirical Evaluation of Accounting Numbers, Journal of Accounting Research 6(2), 159-78
- Ball, R. and Kothari, S. P. (1989) Nonstationary Expected Returns: Implications for Tests of Market Efficiency and Serial Correlation in Returns, Journal of Financial Economics 25, 51–74
- Baltagi, B. H. (2005) Econometric Analysis of Panel Data, John Wiley, Chichester
- Banerjee, A., Lumsdaine, R. L. and Stock, J. H. (1992) Recursive and Sequential Tests of the Unit-root and Trend-break Hypotheses: Theory and International Evidence, Journal of Business and Economic Statistics 10, 271–87
- Barber, B. and Lyon, J. (1997) Detecting Long-run Abnormal Stock Returns: the Empirical Power and Specifications of Test Statistics, Journal of Financial Economics 43, 341–72
- Bassett, G.W. and Chen, H-L. (2001) Portfolio Style: Return-based Attribution using Quantile Regression, Empirical Economics 26, 293–305
- Bauwens, L. and Laurent, S. (2002) A New Class of Multivariate Skew Densities with Application to GARCH Models, CORE discussion paper 2002/20
- Bauwens, L., Laurent, S. and Rombouts, J. V. K. (2006) Multivariate GARCH Models: A Survey, Journal of Applied Econometrics 21, 79–109
- Bauwens, L. and Lubrano, M. (1998) Bayesian Inference on GARCH Models using the Gibbs Sampler, Econometrics Journal 1(1), 23–46

- Benninga, S. (2011) Principles of Finance with Microsoft Excel, 2nd edn, Oxford University Press, New York
- Bera, A. K. and Jarque, C. M. (1981) An Efficient Large-sample Test for Normality of Observations and Regression Residuals, Australian National University Working Papers in Econometries 40, Canberra
- Bera, A. K. and Kim, S. (2002) Testing Constancy of Correlation and other Specifications of the BGARCH Model with an Application to International Equity Returns, Journal of Empirical Finance 9, 171–95
- Bergman, U. M. and Hansson, J. (2005) Real Exchange Rates and Switching Regimes, Journal of International Money and Finance 24, 121–38
- Berndt, E. K., Hall, B. H., Hall, R. E. and Hausman, J. A. (1974) Estimation and Inference in Nonlinear Structural Models, Annals of Economic and Social Measurement 4, 653–65
- Black, F., Jensen, M. C. and Scholes, M. (1972) The Capital Asset Pricing Model: Some Empirical Tests, in M. C. Jensen (ed.) Studies in Theory of Capital Markets, Praeger, New York
- Black, F. and Scholes, M. (1973) The Pricing of Options and Corporate Liabilities, Journal of Political Economy 81(3), 637-54
- Bodie, Z., Kane, A. and Marcus, A. J. (2011) Investments and Portfolio Management 9th edn, McGraw-Hill. New York
- Boehmer, E., Musumeci, J. and Poulsen, A. (1991) Event Study Methodology under Conditions of Event Induced Variance, Journal of Financial Economics 30, 253–72
- Bollersley, T. (1986) Generalised Autoregressive Conditional Heteroskedasticity, Journal of Econometries 31, 307-27.
- (1990) Modelling the Coherence in Short-run Nominal Exchange Rates: a Multivariate Generalised ARCH Model, Review of Economies and Statistics 72, 498–505
- Bollerslev, T., Chou, R. Y. and Kroner, K. F. (1992) ARCH Modelling in Finance: a Review of the Theory and Empirical Evidence. Journal of Econometrics 52(5), 5–59
- Bollerslev, T., Engle, R. F. and Wooldridge, J. M. (1988) A Capital-asset Pricing Model with Time-varying Covariances, Journal of Political Economy 96(1), 116–31
- Bollersley, T. and Mikkelsen, H. O. (1996) Modelling and Pricing Long Memory in Stock Market Volatility, Journal of Econometrics 73, 151–84
- Bollersley, T. and Wooldridge, J. M. (1992) Quasi-maximum Likelihood Estimation and Inference in Dynamic Models with Time-varying Covariances, Econometric Reviews 11(2), 143–72
- Box, G. E. P. and Jenkins, G. M. (1976) Time Series Analysis: Forecasting and Control, 2nd edn, Holden-Day, San Francisco
- Box, G. E. P. and Pierce, D. A. (1970) Distributions of Residual Autocorrelations in Autoregressive Integrated Moving Average Models, Journal of the American Statistical Association 65, 1509–26
- Boyle, P. P. (1977) Options: a Monte Carlo Approach, Journal of Financial Economics 4(3), 323-38
- Brailsford, T. J. and Faff, R. W. (1996) An Evaluation of Volatility Forecasting Techniques, Journal of Banking and Finance 20, 419–38
- Brealey, R. A. and Myers, S. C. (2013) Principles of Corporate Finance, Global edn. McGraw-Hill, New York
- Breitung, J. (2000) The Local Power of Some Unit Root Tests for Panel Data, in B. Baltagi (ed.) Nonstationary Panels, Panel Cointegration and Dynamic Panels, Advances in Econometrics 15, 161–78, JAI Press, Amsterdam
- Breitung, J. and Das, S. (2005) Panel Unit Root Tests under Cross-sectional Dependence, Statistica Neerlandica 59, 414-33
- Breitung, J. and Pesaran, M. H. (2008) Unit Roots and Cointegration in Panels, in L. Matyas and P. Sevestre (eds.) The Econometrics of Panel Data, 3rd edn, Springer-Verlag, Berlin
- Brock, W. A., Dechett, D., Scheinkman, H. and LeBaron, B. (1996) A Test for Independence Based on the Correlation Dimension. Econometric Reviews 15, 197–235
- Brock, W. A., Hsieh, D. A. and LeBaron, B. (1991) Nonlinear Dynamics, Chaos, and Instability: Statistical Theory and Economic Evidence, MIT Press, Cambridge, MA
- Brooks, C. (1996) Testing for Nonlinearity in Daily Pound Exchange Rates, Applied Financial Economics 6, 307-17.
- (1997) GARCH Modelling in Finance: a Review of the Software Options, Economic Journal 107(443), 1271-6
- (1998) Forecasting Stock Return Volatility: Does Volume Help?, Journal of Forecasting 17, 59-80
- (2001) A Double Threshold GARCH Model for the French Franc/German Mark Exchange Rate, Journal of Forecasting 20, 135-43

الراجع ١٢

- Brooks, C., Burke, S. P. and Persand, G. (2001) Benchmarks and the Accuracy of GARCH Model Estimation, International Journal of Forecasting 17, 45–56
- (2003) Multivariate GARCH Models: Software Choice and Estimation Issues, Journal of Applied Econometries 18, 725-34
- Brooks, C., Burke, S. P., Heravi, S. and Persand, G. (2005) Autoregressive Conditional Kurtosis, Journal of Financial Econometrics 3(3), 399–421
- Brooks, C., Cerny, A. and Miffre, J. (2006) Optimal Hedging with Higher Moments, ICMA Centre Discussion Papers in Finance 2006–12
- Brooks, C., Clare, A. D., Dalle Molle, J. W. and Persand, G. (2005) A Comparison of Extreme Value Approaches for Determining Value at Risk, Journal of Empirical Finance 12, 339–52
- Brooks, C., Clare, A. D. and Persand, G. (2000) A Word of Caution on Calculating Marketbased Minimum Capital Risk Requirements, Journal of Banking and Finance 14(10), 1557–74
- Brooks, C. and Garrett, I. (2002) Can We Explain the Dynamics of the UK FTSE 100 Stock and Stock Index Futures Markets?, Applied Financial Economics 12(1), 25–31
- Brooks, C. and Henry, O. T. (2000) Can Portmanteau Model Nonlinearity Tests Serve as General Model Mis-specification Diagnostics? Evidence from Symmetric and Asymmetric GARCH Models, Economics Letters 67, 245–51
- Brooks, C., Henry, O. T. and Persand, G. (2002) Optimal Hedging and the Value of News, Journal of Business 75(2), 333-52.
- Brooks, C. and Heravi, S. (1999) The Effect of Mis-specified GARCH Filters on the Finite Sample Distribution of the BDS Test, Computational Economics 13, 147–62
- Brooks, C. and Hinich, M. J. (1999) Cross-correlations and Cross-bicorrelations in Sterling Exchange Rates, Journal of Empirical Finance 6(4), 385–404
- Brooks, C. and Persand, G. (2001a) Seasonality in Southeast Asian Stock Markets: Some New Evidence on Day-of-the-week Effect, Applied Economics Letters 8, 155–8
- (2001b) The Trading Profitability of Forecasts of the Gilt-Equity Yield Ratio, International Journal of Forecasting 17, 11-29
- Brooks, C. and Rew, A. G. (2002) Testing for Non-stationarity and Cointegration Allowing for the Possibility of a Structural Break: an Application to EuroSterling Interest Rates, Economic Modelling 19, 65–90
- Brooks, C., Rew, A. G. and Ritson, S. (2001) A Trading Strategy Based on the Lead-Lag Relationship Between the FTSE 100 Spot Index and the LIFFE Traded FTSE Futures Contract, International Journal of Forecasting 17, 31–44
- Brooks, C. and Tsolacos, S. (1999) The Impact of Economic and Financial Factors on UK Property Performance, Journal of Property Research 16(2), 139–52
- Brown, S. J. andWarner, J. B. (1980) Measuring Security Price Performance, Journal of Financial Economics 8, 205–58 (1985) Using Daily Stock Returns: the Case of Event Studies, Journal of Financial Economics 14, 3–31
- Campbell, J. Y., Lo, A. W. and MacKinlay, A. C. (1997) The Econometries of Financial Markets, Princeton University Press, Princeton, NJ
- Campbell, J. Y. and Shiller, R. J. (1988) Interpreting Cointegrated Models, Journal of Economic Dynamics and Control 12, 503–22 (1991) Yield Spreads and Interest Rate Movements: a Bird's Eye View, Review of Economic Studies 58, 495–514
- Cantor, R. and Packer, F. (1996) Determinants and Impacts of Sovereign Credit Ratings, Journal of Fixed Income 6, 76-91
- Carhart, M. (1997) On Persistence in Mutual Fund Performance, Journal of Finance 52, 57-82
- Cecchetti, S. G., Cumby, R. E. and Figlewski, S. (1988) Estimation of the Optimal Futures Hedges. Review of Economics and Statistics 70(4), 623–30
- Chappel, D., Padmore, J., Mistry, P. and Ellis, C. (1996) A Threshold Model for the French Franc/Deutschmark Exchange Rate, Journal of Forecasting 15, 155–64
- Chen, B. (1995) Long-run Purchasing Power Parity: Evidence from Some European Monetary System Countries, Applied Economies 27, 377–83
- Chen, N-F., Roll, R. and Ross, S. A. (1986) Economic Forces and the Stock Market, Journal of Business 59(3), 383-403
- Chernozhukov, V. and Umantsev. L. (2001) Conditional Value-at-risk: Aspects of Modelling and Estimation, Empirical Economics 26(1), 271–92

- Chib, S. and Greenberg, E. (1996) Markov Chain Monte Carlo Simulation Methods in Econometries, Econometric Theory 12, 409–31
- Choi, L (2001) Unit Root Tests for Panel Data, Journal of International Money and Finance 20, 249-72
- Christiano, L. J. (1992) Searching for a Break in GNP, Journal of Business and Economic Statistics 10, 237-50
- Christopoules, D. K. and Tsionas, E. G. (2004) Financial Development and Economic growth: Evidence from Panel Unit Root and Cointegration Tests, Journal of Development Economics 73, 55–74
- Chu, K.-Y. (1978) Short-run Forecasting of Commodity Prices: an Application of Autoregressive Moving Average Models, IMF Staff Papers 25, 90–111
- Chu, S.-H. and Freund, S. (1996) Volatility Estimation for Stock Index Options: a GARCH Approach, Quarterly Review of Economics and Finance 36(4), 431–50
- Clare, A. D., Maras, M. and Thomas, S. H. (1995) The Integration and Efficiency of International Bond Markets, Journal of Business Finance and Accounting 22(2), 313–22
- Clare, A. D. and Thomas, S. H. (1995) The Overreaction Hypothesis and the UK Stock Market, Journal of Business Finance and Accounting 22(7), 961–73
- Cochrane, D. and Orcutt, G. H. (1949) Application of Least Squares Regression to Relationships Containing Autocorrelated Error Terms, Journal of the American Statistical Association 44, 32–61
- Cochrane, J. H. (2005) Asset Pricing, Princeton University Press, Princeton, NJ
- Corrado, C. J. (2011) Event Studies: a Methodology Review, Accounting and Finance 51, 207-34
- Cuthbertson, K. and Nitzsche, D. (2004) Quantitative Financial Economics, 2nd edn, JohnWiley, Chichester, UK
- Dacco, R. and Satchell, S. E. (1999) Why do Regime Switching Models Forecast so Badly?, Journal of Forecasting 18, 1-16
- Danielsson, J. (1998) Multivariate Stochastic Volatility Models: Estimation and Comparison with VGARCH Models, Journal of Empirical Finance 5, 155–73
- Davidson, R. and MacKinnon, J. G. (1981) Several Tests For Model Specification in the Presence of Alternative Hypotheses. Econometrica 49(3), 781–94
- Davison, A. C. and Hinkley, D. V. (1997) Bootstrap Methods and their Application, Cambridge University Press, Cambridge, UK.
- Day, T. E. and Lewis, C. M. (1992) Stock Market Volatility and the Information Content of Stock Index Options, Journal of Econometrics 52, 267–87
- DeBondt, W. F. M. and Thater, R. H. (1985) Does the Stock Market Overreact?, Journal of Finance 40, 793-805
- (1987) Further Evidence on Investor Overreaction and Stock Market Seasonality, Journal of Finance 42, 567-80
- De Haas, R. and van Lelyveld, I. (2006) Foreign Banks and Credit Stability in Central and Eastern Europe. A Panel Data Analysis, Journal of Banking and Finance 30, 1927–52
- Des Rosiers, F. and Th'eriault, M. (1996) Rental Amenities and the Stability of Hedonic Prices: a Comparative Analysis of Five Market Segments, Journal of Real Estate Research 12(1), 17–36
- Dickey, D. A. and Fuller, W. A. (1979) Distribution of Estimators for Time Series Regressions with a Unit Root, Journal of the American Statistical Association 74, 427–31
- (1981) Likelihood Ratio Statistics for Autoregressive Time Series with a Unit Root, Econometrica 49(4), 1057-72
- Dickey, D. A. and Pantula, S. (1987) Determining the Order of Differencing in Autoregressive Processes, Journal of Business and Economic Statistics 5, 455–61
- Dielman, T. E. (1986) A Comparison of Forecasts from Least Absolute Value and Least Squares Regression, Journal of Forecasting 5, 189–95
- Dimson, E. and Marsh, P. (1990) Volatility Forecasting without Data-snooping, Journal of Banking and Finance 14, 399-421
- Ding, Z., Granger, C.W. J. and Engle, R. F. (1993) A Long Memory Property of Stock Market Returns and a New Model. Journal of Empirical Finance 1, 83–106
- Doan, T. (1994) Regression Analysis of Time Series User Manual, 4th edn, Estima, Evanston, IL
- Dougherty, C. (1992) Introduction to Econometrics, Oxford University Press, Oxford
- Dowd, K. (1998) Beyond Value at Risk: the New Science of Risk Management, Wiley, Chichester, UK

الراجع ٧١٥

- Duffie, D. (1996) Dynamic Asset Pricing Theory, 2nd edn, Princeton University Press, Princeton, NJ
- Dufour, A. and Engle, R. F. (2000) Time and the Price Impact of a Trade, Journal of Finance 55(6), 2467-98
- Durbin, J. and Watson, G. S. (1951) Testing for Serial Correlation in Least Squares Regression, Biometrika 38, 159-71
- Efron, B. (1979) Bootstrap Methods: Another Look at the Jackknife, Annals of Statistics 7(1), 1-26
- (1982) The Jackknife, the Bootstrap and other Resampling Plans, Society for Industrial and Applied Mathematics, Philadelphia.
- Embrechts, P., Lindskog, P. and McNeil, A. J. (2003) Modelling Dependence with Copulas and Applications to Risk Management, in S. T. Rachev (ed.) Handbook of Heavy Tailed Distributions in Finance, Elsevier, Amsterdam
- Engel, C. and Hamilton, J. D. (1990) Long Swings in the Dollar: Are they in the Data and Do Markets Know It?, American Economic Review 80(4), 689–713
- Engle, R. F. (1982) Autoregressive Conditional Heteroskedasticity with Estimates of the Variance of United Kingdom Inflation, Econometrica 50(4), 987–1007
- (2002) Dynamic Conditional Correlation A Simple Class of MultivariateGARCHModels. Journal of Business and Economic Statistics 20, 339–50
- Engle, R. F. and Granger, C.W. J. (1987) Co-integration and Error Correction: Representation, Estimation and Testing. Econometrica. 55, 251–76
- Engle, R. F. and Kroner, K. F. (1995) Multivariate Simultaneous Generalised GARCH, Econometric Theory 11, 122-50.
- Engle, R. F., Lilien, D. M. and Robins, R. P. (1987) Estimating Time Varying Risk Premia in the Term Structure: the ARCH-M-Model, Econometrica 55(2), 391–407
- Engle, R. F. and Manganelli. S. (2004) CAViaR: Conditional Autoregressive Value at Risk by Regression Quantile, Journal of Business and Economic Statistics 22(4), 367–81
- Engle, R. F. and Ng, V. K. (1993) Measuring and Testing the Impact of News on Volatility. Journal of Finance 48, 1749–78.
- Engle, R. F., Ng, V. K. and Rothschild, M. (1990) Asset Pricing with a Factor-ARCH Covariance Structure: Empirical Estimates for Treasury Bills, Journal of Econometrics 45, 213–38
- Engle, R. F. and Russell, J. R. (1998) Autoregressive Conditional Duration: a New Model for Irregularly Spaced Transaction Data, Econometrica 66(5), 1127–62
- Engle, R. F. and Yoo, B. S. (1987) Forecasting and Testing in Cointegrated Systems, Journal of Econometrics 35, 143-59
- Fabozzi, F. J. and Francis, J. C. (1980) Heteroscedasticity in the Single Index Model, Journal of Economics and Business 32, 243-8
- Fair, R. C. and Shiller, R. J. (1990) Comparing Information in Forecasts from Econometric Models, American Economic Review 80, 375–89
- Fama, E. F. (1998) Market Efficiency, Long-term Returns and Behavioral Finance, Journal of Financial Economics 49, 283-306.
- Fama, E. F., Fisher, L., Jensen, M. C. and Roll, R. (1969) The Adjustment of Stock Prices to New Information, International Economic Review 10, 1–21
- Fama, E. F. and French, K. R. (1992) The Cross-section of Expected Stock Returns, Journal of Finance 47, 427-65
 - (1993) Common Risk Factors in the Returns on Stocks and Bonds, Journal of Financial Economics 33, 3-53
- Fama, E. F. and MacBeth, J. D. (1973) Risk. Return and Equilibrium: Empirical Tests, Journal of Political Economy 81(3), 607-36
- Fase, M. M. G. (1973) A Principal Components Analysis of Market Interest Rates in the Netherlands, 1962–1970, European Economic Review 4(2), 107–34
- Fisher, R. A. (1932) Statistical Methods for ResearchWorkers, 4th edn, Oliver and Boyd, Edinburgh
- Franses, P. H. and van Dijk, D. (1996) Forecasting Stock Market Volatility Using Non-Linear GARCH Models, Journal of Forecasting 15, 229–35
- (2000) Non-linear Time Series Models in Empirical Finance, Cambridge University Press, Cambridge, UK
- French, K. R. (1980) Stock Returns and the Weekend Effect, Journal of Financial Economics 8(1), 55-69
- Fuller, W. A. (1976) Introduction to Statistical Time Series, Wiley, New York George, T. J. and Longstaff, F. A.
- (1993) Bid–Ask Spreads and Trading Activity in the S&P 100 Index Options Market, Journal of Financial and Quantitative Analysis 28, 381–97

- Gerlow, M. E., Irwin, S. H. and Liu, T.-R. (1993) Economic Evaluation of Commodity Price Forecasting Models, International Journal of Forecasting 9, 387–97
- Ghosh, S. K. (1991) Econometries: Theory and Applications, Prentice-Hall, Englewood Cliffs, NJ
- Ghysels, E., Harvey, A. C. and Renault, E. (1995) Stochastic Volatility, in G. S. Maddala and C. R. Rao (eds.) Handbook of Statistics Volume 14, Elsevier, Amsterdam, 119–91
- Gibbons, M. R. and Hess, P. (1981) Day of the Week Effects and Asset Returns, Journal of Business 54(4), 579-96
- Gibbons, M. R., Ross, S. A. and Shanken, J. (1989) A Test of the Efficiency of a Given Portfolio, Econometrica 57(5), 121-52.
- Gibson, M. S. and Boyer, B. H. (1998) Evaluating Forecasts of Correlation Using Option Pricing, Journal of Derivatives, Winter, 18–38
- Gilbert, C. (1986) Professor Hendry's Methodology, Oxford Bulletin of Economics and Statistics 48, 283-307
- Glosten, L. R., Jagannathan, R. and Runkle, D. E. (1993) On the Relation Between the Expected Value and the Volatility of the Nominal Excess Return on Stocks, The Journal of Finance 48(5), 1779–801
- Goldfeld, S. M. and Quandt, R. E. (1965) Some Tests for Homoskedasticity, Journal of the American Statistical Association 60, 539–47.
- Granger, C. W. J. (1969) Investigating Causal Relations by Econometric Models and Crossspectral Methods, Econometrica 37, 424–38
- Granger, C. W. J. and Newbold, P. (1986) Forecasting Economic Time Series 2nd edn, Academic Press, San Diego, CA
- Greene, W. H. (2002) Econometric Analysis, 5th edn, Prentice-Hall, Upper Saddle River, NJ
- Gregory, A. Tharyan, R. and Chistidis, A. (2013) Constructing and Testing Alternative Versions of the Fama-French and Carhart Models in the UK, Journal of Business Finance and Accounting 40(1) and (2), 172–214
- Gregory, A. W. and Hansen, B. E. (1996) A Residual-based Test for Cointegration in Models with Regime Shifts, Journal of Econometrics 70, 99–126
- Gujarati, D. N. (2003) Basic Econometrics, 4th edn, McGraw-Hill, New York
- Hadri, K. (2000) Testing for Stationarity in Heterogeneous Panel Data, Econometrics Journal 3, 148-61
- Halcoussis, D. (2005) Understanding Econometrics, Thomson South Western, Mason, OH
- Hamilton, J. D. (1989) A New Approach to the Economic Analysis of Nonstationary Time Series and the Business Cycle, Econometrica 57(2), 357–84
 - (1990) Analysis of Time Series Subject to Changes in Regime, Journal of Econometrics 45, 39-70
 - (1994) Time Series Analysis, Princeton University Press, Princeton, NJ
- Handa, P. and Tiwari, A. (2006) Does Stock Return Predictability Imply Improved Asset Allocation and Performance? Evidence from the US Stock Market (1954–2002), Journal of Business 79, 2423–68
- Hansen, B. E. (1996) Inference When a Nuisance Parameter is not Identified under the Null Hypothesis, Econometrica 64, 413-30
- Hansen, L. P. (1982) Large Sample Properties of Generalised Method of Moments Estimators, Econometrica 50, 1029-54
- Hansen, P. R. and Lunde, A. (2006) Consistent Ranking of Volatility Models, Journal of Econometrics 131, 97-21
- Harris, L. (2002) Trading and Exchanges: Market Microstructure for Practitioners, Oxford University Press, New York
- Harris, R. I. D. (1995) Cointegration Analysis in Econometric Modelling, Prentice-Hall. Harlow, UK
- Harris, R. D. F. and Tzavalis, E. (1999) Inference for Unit Roots in Dynamic Panels where the Time Dimension is Fixed, Journal of Econometrics 91, 201–26
- Harvey, A., Ruiz, E. and Shephard, N. (1994) Multivariate Stochastic Variance Models, Review of Economic Studies 61, 247-64
- Harvey, C. R. and Siddique, A. (1999) Autoregressive Conditional Skewness, Journal of Financial and Quantitative Analysis 34(4), 465–77
- (2000) Conditional Skewness in Asset Pricing Tests, Journal of Finance 55, 1263-95
- Hasbrouck, J. (2007) Empirical Market Microstructure: the Institutions, Economics, and Econometries of Securities Trading, Oxford University Press, New York
- Haug, E. G. (1998) The Complete Guide to Options Pricing Formulas, McGraw-Hill, New York

المراجع ١١٧

- Haushalter, G. D. (2000) Financing Policy, Basis Risk and Corporate Hedging: Evidence from Oil and Gas Producers, Journal of Finance 55(1), 107–52
- Heckman, J. J. (1976) The Common Structure of Statistical Models of Truncation, Sample Selection and Limited Dependent Variables and a Simple Estimator for Such Models, Annals of Economic and Social Measurement 5, 475–92
 - (1979) Sample Selection Bias as a Specification Error, Econometrica 47(1), 153-61
- Helwege, J. and Liang, N. (1996) Is there a Pecking Order? Evidence from a Panel of IPO Firms, Journal of Financial Economics 40, 429–58
- Hendry, D. F. (1980) Econometrics Alchemy or Science?, Economica 47, 387-406
- Hendry, D. F. and Juselius, K. (2000) Explaining Cointegration Analysis: Part I, Energy Journal 21, 1-42
- Hendry, D. F. and Mizon, G. E. (1978) Serial Correlation as a Convenient Simplification, not a Nuisance: a Comment on a Study of the Demand for Money by The Bank of England, Economic Journal 88, 549–63
- Hendry, D. F. and Richard, J. F. (1982) On the Formulation of Empirical Models in Dynamic Econometries, Journal of Econometries, 20, 3–33
- Heslop, S. and Varotto, S. (2007) Admissions of International Graduate Students: Art or Science? A Business School Experience, ICMA Centre Discussion Papers in Finance 2007–8
- Hill, C. W., Griffiths, W. and Judge, G. (1997) Undergraduate Econometries, Wiley, New York
- Hinich, M. J. (1982) Testing for Gaussianity and Linearity of a Stationary Time Series, Journal of Time Series Analysis 3(3), 169–76 (1996) Testing for Dependence in the Input to a Linear Time Series Model, Journal of Nonparametric Statistics 6, 205–21
- Hinich, M. J. and Patterson. D. M. (1985) Evidence of Nonlinearity in Daily Stock Returns, Journal of Business and Economic Statistics 3(1), 69-77
- Hodgson, D. J., Linton, O. B. and Vorkink, K. (2004) Testing Forward Exchange Rate Unbiasedness Efficiently: a Semiparametric Approach, Journal of Applied Economics 7, 325–53
- Hsiao, C. (2003) Analysis of Panel Data, 2nd edn, Cambridge University Press, Cambridge, UK.
- Hsieh, D. A. (1993) Implications of Noulinear Dynamics for Financial Risk Management, Journal of Financial and Quantitative Analysis 28(1), 41–64
- Hull, J. C. (2011) Options, Futures and Other Derivatives, 8th edn, Prentice-Hall, NJ
- Hull, J.C. and White, A.D. (1987) The Pricing of Options on Assets with Stochastic Volatilities, Journal of Finance 42(2), 281-300
- Hung, C.-H., Shackleton, M. and Xu, X. (2004) CAPM, Higher Co-moment and Factor Models of UK Stock Returns, Journal of Business Finance and Accounting 31(1-2), 87-112
- Im, K. S., Pesaran, M. H. and Shin, Y. (2003) Testing for Unit Roots in Heterogeneous Panels, Journal of Econometries 115, 53-74
- Ito, T. (1988) Use of (Time-Domain) Vector Autoregressions to Test Uncovered Interest Parity, Review of Economics and Statistics 70(2), 296–305
- Jacquier, E., Polson, N.G. and Rossi, P. (1995) Stochastic Volatility: Univariate and Multivariate Extensions, Mimeo, Cornell University
- Jaffe, J. and Westerfield, R. (1985) Patterns in Japanese Common Stock Returns: Day of the Week and Turn of the Year Effects, Journal of Financial and Quantitative Analysis 20(2), 261–72
- Jensen, M. C. (1968) The Performance of Mutual Funds in the Period 1945-1964, Journal of Finance 23, 389-416
- (1978) Some Anomalous Evidence Regarding Market Efficiency, Journal of Financial Economics 6, 95-101
- Johansen, S. (1988) Statistical Analysis of Cointegrating Vectors, Journal of Economic Dynamics and Control 12, 231-54.
- Johansen, S. and Juselius, K. (1990) Maximum Likelihood Estimation and Inference on Cointegration with Applications to the Demand for Money, Oxford Bulletin of Economics and Statistics 52, 169–210
- Jorion, P. (2006) Value at Risk, 3rd edn, McGraw-Hill, New York Kao, C. D. (1999) Spurious Regression and Residual-based Tests for Cointegration in Panel Data, Journal of Econometrics 90, 1–44
- Keim, D. B. and Stambaugh. R. F. (1984) A Further Investigation of the Weekend Effect in Stock Returns. Journal of Finance 39(3), 819–35
- Kennedy, P. (2003) Guide to Econometrics, 5th edn. Blackwell. Malden, MA

- Kim, S.-J., Moshirian, F. and Wu, F. (2005) Dynamic Stock Market Integration Driven by the European Monetary Union: an Empirical Analysis, Journal of Banking and Finance 29(10), 2475–502
- Koenker, R. (2005) Quantile Regression, Cambridge University Press, Cambridge, UK
- Koenker, R. and Bassett, G. (1978) Regression Quantiles, Econometrica 46, 33-50
- Koenker, R. and Hallock, K. F. (2001) Quantile Regression, Journal of Economic Perspectives 15(4), 143-56.
- Koopmans, T. C. (1937) Linear Regression Analysis of Economic Time Series. Netherlands Economics Institute, Haarlem
- Krager, H. and Kugler, P. (1993) Nonlinearities in Foreign Exchange Markets: a Different Perspective, Journal of International Money and Finance 12, 195–208
- Kroner, K. F. and Ng, V. K. (1998) Modelling Asymmetric Co-movements of Asset Returns, Review of Financial Studies 11, 817–44
- Kroner, K. F. and Sultan, S. (1993) Time-varying Distributions and Dynamic Hedging with Foreign Currency Futures, Journal of Financial and Quantitative Analysis 28(4), 535–51
- Kwaitkowski, D., Phillips, P. C. B., Schmidt, P. and Shin, Y. (1992) Testing the Null Hypothesis of Stationarity Against the Alternative of a Unit Root, Journal of Econometrics 54, 159–78
- Larsson, R., Lyhagen, J. and Lothgren, M. (2001) Likelihood-based Cointegration Tests in Heterogeneous Panels. Econometrics Journal 4, 109-42
- Learner, E. E. (1978) Specification Searches, John Wiley, New York.
 - (1985) Vector Autoregressions for Causal Interference, in K. Brunner and A. Meltzer (eds.) Understanding Monetary Regimes, Cambridge University Press, Cambridge, UK, 255–304
- Leitch, G. and Tanner, J. E. (1991) Economic Forecast Evaluation: Profit Versus the Conventional Error Measures, American Economic Review 81(3), 580–90
- Levin, A., Lin, C. and Chu, C. (2002) Unit Root Tests in Panel Data: Asymptotic and Finite-sample Properties, Journal of Econometries 108, 1–24
- Leybourne, S. J., Mills, T. C. and Newbold, P. (1998) Spurious Rejections by Dickey–Fuller Tests in the Presence of a Break under the Null, Journal of Econometrics 87, 191–203
- Ljung, G. M. and Box, G. E. P. (1978) On a Measure of Lack of Fit in Time Series Models, Biometrika 65(2), 297-303
- Lo, A.W. and MacKinlay, C. A. (1990) Data-snooping Biases in Tests of Financial Asset Pneing Models, Review of Financial Studies 3, 431–67
- Lumsdaine, R. L. and Papell, D. H. (1997) Multiple Trend Breaks and the Unit Root Hypothesis, Review of Economics and Statistics 79 (2), 212–18
- Lutkepohl, H. (1991) Introduction to Multiple Time Series Analysis, Springer-Verlag, Berlin
- Lyon, J., Barber, B. and Tsai, C. (1999) Improved Methods of Tests of Long-horizon Abnormal Stock Returns, Journal of Finance 54. 165–201
- MacKinlay, A. C. (1997) Event Studies in Economics and Finance, Journal of Economic Literature 55, 13-39
- MacKinnon, J. G. (1996) Numerical Distribution Functions for Unit Root and Cointegration Tests, Journal of Applied Econometries 11, 601–18
- MacKinnon, J. G., Haug, A. and Michelis, L. (1999) Numerical Distribution Functions of Likelihood Ratio Tests for Cointegration, Journal of Applied Econometries 14(5), 563–77
- Maddala, G. S. (1983) Limited-dependent and Quantitative Variables in Econometrics, Cambridge University Press, Cambridge, UK
- Maddala, G. S. and Kim, I-M. (1999) Unit Roots, Cointegration and Structural Change, Cambridge University Press, Cambridge
- Maddala, G. S. and Wu, S. (1999) A Comparative Study of Unit Root Tests with Panel Data and a New Simple Test, Oxford Bulletin of Economics and Statistics 61, 631–52
- Madhavan, A. (2000) Market Microstructure: a Survey, Journal of Financial Markets 3, 205-58
- Makridakis, S. (1993) Accuracy Measures: Theoretical and Practical Concerns, International Journal of Forecasting 9, 527-9
- Makridakis, S. and Hibon, M. (1995) Evaluating Accuracy (or Error) Measures, INSEAD Working Paper 95/18/TM

- Matthews, K., Murinde, V. and Zhao, T. (2007) Competitive Conditions among the Major British Banks, Journal of Banking and Finance 31(7), 2025–42
- McCue, T. E. and Kling, J. L. (1994) Real Estate Returns and the Macroeconomy: Some Empirical Evidence from Real Estate Investment Trust Data, 1972–1991, Journal of Real Estate Research 9(3), 277–87
- McCulloch, J. H. (1987) US Government Term Structure Data, Ohio State University, mimeo McNees, S. K. (1986) Forecasting Accuracy of Alternative Techniques: a Comparison of US Macroeconomic Forecasts, Journal of Business and Economic Statistics 4(1), 5–15
- Mills, T. C. and Markellos, R. N. (2008) The Econometric Modelling of Financial Time Series, 3rd edn, Cambridge University Press, Cambridge, UK
- Mills, T. C. and Mills, A. G. (1991) The International Transmission of Bond Market Movements, Bulletin of Economic Research 43, 273–82
- Mitchell, M. and Stafford, E. (2000) Managerial Decisions and Long-term Stock Price Performance, Journal of Business 73, 287-329
- Myers, R. J. and Thompson, S. R. (1989) Generalized Optimal Hedge Ratio Estimation, American Journal of Agricultural Economics 71(4), 858–68
- Myers, S. C. (1984) The Capital Structure Puzzle, Journal of Finance 39, 575-92
- Nelsen, R. B. (2006) An Introduction to Copulas, Springer-Verlag, New York
- Nelson, C. R. and Plosser, C. I. (1982) Trends and Random Walks in Macroeconomic Time Series, Journal of Monetary Economics 10, 139–62
- Nelson, D. B. (1991) Conditional Heteroskedasticity in Asset Returns: a New Approach, Econometrica 59(2), 347-70.
- Newey, W. K. and West, K. D. (1987) A Simple Positive-definite Heteroskedasticity and Autocorrelation-consistent Covariance Matrix, Econometrica 55, 703–8
- O'Connell, P. G. J. (1998) The Overvaluation of Purchasing Power Parity, Journal of International Economics 44, 1-20
- O'Hara, M. (1995) Market Microstructure Theory, Blackwell, Malden, MA
- Osborn, D. (1990) A survey of seasonality in UK macroeconomic variables, International Journal of Forecasting 6(3), 327-36.
- Osterwald-Lenum, M. (1992) A Note with Quantiles of the Asymptotic Distribution of the ML Cointegration Rank Test Statistics, Oxford Bulletin of Economics and Statistics 54, 461–72
- Pagan, A. R. and Schwert, G.W. (1990) Alternative Models for Conditional Stock Volatilities, Journal of Econometrics 45, 267-90
- Panzar, J. C. and Rosse, J. N. (1982) Structure. Conduct and Comparative Statistics, Bell Laboratories Economics Discussion Paper (1987) Testing for 'Monopoly' Equilibrium, Journal of Industrial Economics 35(4), 443–56
- Pedroni, P. (1999) Critical Values for Cointegration Tests in Heterogeneous Panels with Multiple Regressors, Oxford Bulletin of Economics and Statistics 61, 653–70
- (2004) Panel Cointegration: Asymptotic and Finite Sample Properties of Pooled Time Series Tests with an Application to the PPP Hypothesis, Econometric Theory 20, 597–625
- Perron. P. (1989) The Great Crash, the Oil Price Shock and the Unit Root Hypothesis, Econometrica 57, 1361-401.
- (1997) Further Evidence on Breaking Trend Functions in Macroeconomic Variables, Journal of Econometries 80, 355-85
- Pesaran, M. H. and Timmerman, A. (1992) A Simple Non-parametric Test of Predictive Performance, Journal of Business and Economic Statistics 10(4), 461–5
- Poon, W. P. H. (2003) Are Unsolicited Credit Ratings Biased Downward?, Journal of Banking and Finance 27, 593-614
- Prabhala, N. R. (1997) Conditional Methods in Event-studies and an Equilibrium Justification for Standard Event-study Procedures, Review of Financial Studies 10(1), 1–38
- Press, W. H., Teukolsy, S. A., Vetterling, W. T. and Flannery, B. P. (1992) Numerical Recipes in Fortran, Cambridge University Press, Cambridge, UK
- Quandt, R. (1960) Tests of the Hypothesis that a Linear Regression System Obeys Two Different Regimes, Journal of the American Statistical Association 55, 324–30
- Ramanathan, R. (1995) Introductory Econometries with Applications, 3rd edn, Dryden Press, Fort Worth, TX

- Ramsey, J. B. (1969) Tests for Specification Errors in Classical Linear Least-squares Regression Analysis, Journal of the Royal Statistical Society B 31(2), 350–71
- Refenes, A.-P. (1995) Neural Networks in the Capital Markets, John Wiley, Chichester, UK
- Ross, S. A. (1976) The Arbitrage Theory of Capital Asset Pricing, Journal of Economic Theory 13(3), 341-60.
- Runkle, D. E. (1987) Vector Autoregressions and Reality, Journal of Business and Economic Statistics 5(4), 437-42.
- Scheinkman, J. A. and LeBaron, B. (1989) Nonlinear Dynamics and Stock Returns, Journal of Business 62(3), 311-37
- Schwarz, G. (1978) Estimating the Dimension of a Model, Annals of Statistics 6, 461-4
- Shaffer, S. and DiSalvo, J. (1994) Conduct in a Banking Duopoly, Journal of Banking and Finance 18, 1063-82.
- Shanken, J. (1992) On the Estimation of Beta-pricing Models, Review of Financial Studies 5, 1–33
- Shea, G. (1984) Pitfalls in Smoothing Interest Rate Term Structure Data: Equilibrium Models and Spline Approximations, Journal of Financial and Quantitative Analysis 19(3), 253–69
 - (1992) Benchmarking the Expectations Hypothesis of the Interest Rate Term Structure: an Analysis of Cointegrating Vectors, Journal of Business and Economic Statistics 10(3), 347–66
- Shephard, N. (1996) Statistical aspects of ARCH and Stochastic Volatility, in D. R. Cox, D. V. Hinkley and O. E. Barndorff-Nielsen (eds.) Time Series Models: in Econometries, Finance, and Other Fields, Chapman and Hall, London 1–67
- Siegel, A. F. (1997) International Currency Relationship Information Revealed by Crossoption Prices. Journal of Futures Markets 17, 369–84
- Sims, C. A. (1972) Money, Income, and Causality, American Economic Review 62(4), 540-52
 - (1980) Macroeconomics and Reality, Econometrica 48, 1-48
- Stock, J. H. and Watson, M. W. (1988) Testing for Common Trends, Journal of the American Statistical Association 83, 1097–107 (2011) Introduction to Econometrics, 3rd edn, Pearson, Boston, MA
- Sullivan, R., Timmermann, A. and White, H. (1999) Data-snooping, Technical Trading Rule Performance, and the Bootstrap, Journal of Finance 54, 1647–91
- Sutcliffe, C. (1997) Stock Index Futures: Theories and International Evidence, 2nd edn, International Thompson Business Press, London.
- Taylor, M. P. (1987) Risk Premia and Foreign Exchange A Multiple Time Series Approach to Testing Uncovered Interest Parity, Weltwirtschaftliches Archiv 123(4), 579–91
- (1989) Covered Interest Arbitrage and Market Turbulence, Economic Journal 99, 376-91
- Taylor, M. P. and Sarno, L. (1998) The Behavior of Real Exchange Rates during the Post-Bretton Woods Period, Journal of International Economics 46(2), 281–312
- Taylor, M. P. and Tonks, I. (1989) The Internationalisation of Stock Markets and the Abolition of UK Exchange Controls, Review of Economics and Statistics 71, 332–6
- Taylor, S. J. (1986) Forecasting the Volatility of Currency Exchange Rates, International Journal of Forecasting 3, 159-70
- (1994) Modelling Stochastic Volatility: a Review and Comparative Study, Mathematical Finance 4, 183-204
- Theil, H. (1966) Applied Economic Forecasting, North-Holland, Amsterdam
- Tobin, J. (1958) Estimation of Relationships for Limited Dependent Variables, Econometrica 26(1), 24-36
- Tong, H. (1983) Threshold Models in Nonlinear Time Series Analysis, Springer-Verlag, New York
- (1990) Nonlinear Time Series: a Dynamical Systems Approach, Oxford University Press, Oxford
- Trippi, R. R. and Turban, E. (1993) Neural Networks in Finance and Investing, McGraw-Hill, New York
- Tse, Y. K. (1995) Lead–Lag Relationship between Spot Index and Futures Price of the Nikkei Stock Average, Journal of Forecasting 14, 553–63
- (2000) A Test for Constant Correlations in a Multivariate GARCH Model, Journal of Econometrics 98, 107-27
- Tse, Y. K. and Tsui, A. K. C. (2002) A Multivariate GARCH Model with Time-varying Correlations, Journal of Business and Economic Statistics 20, 351–62

- Van der Weide, R. (2002) GO-GARCH: a Multivariate Generalised Orthogonal GARCH Model, Journal of Applied Econometries. 17, 549–64
- Van Eyden, R. J. (1996) The Application of Neural Networks in the Forecasting of Share Prices, Finance and Technology Publishing, Haymarket
- Vrontos, I. D., Dellaportas, P. and Politis, D. N. (2000) Full Bayesian Inference for GARCH and EGARCH Models, Journal of Business and Economic Statistics 18(2), 187–98
- Walter, C. and Lopez, J. (2000) Is Implied Correlation Worth Calculating? Evidence from Foreign Exchange Options. Journal of Derivatives, Spring, 65–81
- Wang, G. H. K. and Yau, J. (2000) Trading Volume, Bid-Ask Spread and Price Volatility in Futures Markets. Journal of Futures Markets 20(10), 943-70
- Wang, G. H. K., Yau, J. and Baptiste, T. (1997) Trading Volume, Transactions Costs in Futures Markets, Journal of Futures Markets 17(7), 757–80
- Watsham, T. J. and Parramore, K. (2004) Quantitative Methods in Finance, 2nd edn, International Thompson Business Press, London
- West, K. D. and Cho, D. (1995) The Predictive Ability of Several Models of Exchange Rate Volatility. Journal of Econometrics 69, 367–91
- White, H. (1980) A Heteroskedasticity-consistent Covariance Matrix Estimator and a Direct Test for Heteroskedasticity, Econometrica 48, 817–38
- (1992) Artificial Neural Networks: Approximation and Learning Theory, Blackwell, Malden, MA (2000) A Reality Check for Data Snooping, Econometrica 68, 1097–126
- Wooldridge, J. M. (2010) Econometric Analysis of Cross-section and Panel Data, 2nd edn, MIT Press, MA
- Yadav, P. K., Pope, P. F. and Paudyal, K. (1994) Threshold Autoregressive Modelling in Finance: the Price Difference of Equivalent Assets, Mathematical Finance 4, 205–21
- Zarowin, P. (1990) Size, Seasonality and Stock Market Overreaction. Journal of Financial and Quantitative Analysis 25, 113-25
- Zellner, A. (1962) An Efficient Method of Estimating Seemingly Unrelated Regressions and Tests for Aggregation Bias, Journal of the American Statistical Association 57, 348–68
- Zivot, E. and Andrews, K. (1992) Further Evidence on the Great Crash, the Oil Price Shock, and the Unit Root Hypothesis, Journal of Business and Economic Statistics 10, 251–70

ثبت الوصطلحات

اولاً: عربي – إنجليزي أ

Adjusted R2 المعدل \mathbb{R}^2 اتجاه عام طويل المدي Long-term Trend اتجاه عام مكسور Broken Trend اتساق Consistency آثار الرفع المالي Leverage Effects آثار حذية Marginal Effects أثر الأسبوع Week Effect أثر المصفوفة Trace of a Matrix Numerical Procedure إجراء علدي احتكاكات السوق Market Frictions احتيال Probability احتيال الانتقال Transition Probability احداثيات Coordinates احصاء وصفي Descriptive Statistics احصاءات موجزة Summary Statistics إحصاءة الاختبار Test Statistic إحصاءة تي t-statistic اختيار استقرار المعلمات Parameter Stability Test اختيار اف F-test اختبار إف للكتلة Block F-test اختبار الأثو Trace Test اختبار الاعتدال (الطبيعية) Normality Test اختبار التكامل المشترك لبيانات البانل Panel Cointegration Test اختبار التنبؤ الشامل Forecast Encompassing Test

أذون الخزانة

اختيار السببية Causality Test اختبار الطيف المزدوج Bispectrum Test اخشار الفرضيات Hypothesis Testing اختيار الفرضيّات المتعدّدة Multiple hypothesis Test اختيار المعنوية Test of Significance اختيار بيرا-جارك Bera-Jarque Test اختيار تسلسلي Sequential Test اختبار تشاو Chow test اختبار تي 1-test اختبار جذر الوحدة Unit Root Test اختبار جوهانسن للتكامل المشترك Johansen Cointegration Test اختبار ديكي فولر الموشع متعدد المتغيرات Multivariate ADF اختبار ديكي-فولر الموشع Augmented Dicky-Fuller test اختبار ذو طرف واحد One-Sided Test اختيار ذو طرفين Two-Sided Test اختيار فشل التنبؤ Predictive Failure Test اختيار متحرك Rolling Test اختبار متضخم Oversized Test اختيار متكور Recursive Test اختبار مربع كاي Chi-square test اختبار مشترك Joint Test اختبار نسبة الإمكان Likelihood Ratio Test اختيار هوسيان Hausman Test اختيار ويلكو كسون للرتب ذات الإشارة Wilcoxon Signed-Rank Test اختيارات التشخيص والتوصيف Diagnostic and Specification Tests اختيارات جذور الوحدة ليبانات البانل Panel Unit Root Tests اختلاف النباين Heteroseedasticity اختيار ثناثي Binary Choice أخذ الفروق Differencing. أخطاء القياس Measurement Errors أخطاء في قياس المتغيّرات Errors-in-Variables أخطاء معيارية حصينة Robust Standard Errors أخطاء معيارية حصينة ضد اختلاف التباين Heteroscedasticity-Robust Standard Errors

T-bill

ثبت المصطلحات

US Treasury Bills	أذون الخزانة الأمريكية
Correlation	ارتباط
Serial Correlation	ارتباط تسلسلي
Autocorrelation	ارتباط ذاتي
Exponent	اس للأساس الطبيعي
Lyapunov Exponent	اس ليابرنوف
Orthogonalised Impulse Responses	استجابات نبضية متعامدة
Statistical Inference	استدلال إحصائي
Optimisation	استمثال
Blue Chip Stocks	أسهم الشركات الكبري
Real Asset	أصل عقاري
Random Disturbance	اضطراب عشوائي
Resampling	إعادة المعاينة
Sensitive Dependence on Initial Conditions (SDIC)	اعتياد فائق الحساسية على الظروف الأوليّة
Cardinal Numbers	أعداد أصليّة
Infimum	أعظم حد أدنى
Best Linear Unbiased Estimator, BLUE	افضل مقذر خطي غير متحيز
Linear Association	اقتران خطَي
Financial Econometries	اقتصاد فياسي مالي
Skewness	التواء
Jensen's Alpha	ألفا جنسن
Full Information Maximum Likelihood (FIML)	إمكان أعظم ذو المعلومات الكاملة
Limited Information Maximum Likelihood (LIML)	إمكان أعظم ذو المعلومات المحدودة
Regression	انحدار
Auxiliary Regression	انحدار إضافي مساعد
Time Series Regression	انحدار السلاسل الزمنية
Simple Regression	انحدار بسيط
Bivariate Regression	انحدار ثناثي المتغيرات
First Order Autoregression (AR(1))	انحدار ذاي من الدرجة الأولى
Spurious Regression	انحدار زائف
Encompassing Regression	انحدار شامل
Seemingly Unrelated Regression (SUR)	انحدار غير مرتبط ظاهريًا
Quantile Regression	انحدار كمي
Stepwise regression	انحدار متدرج

الاقتصاد القياسي التمهيدي للبالية

التحدار مقطعي التحدار مقطعي التحدار مقطعي التحدار مقطعي التحدار مقيد التحدار مقيد التحدار مقيد التحراف ربيعي التحراف ويعيي التحراف معياري تصفي سائب التحراف معياري تصفي سائب التحراف معياري تصفي سائب التحراف التحراف

_

Residual باقي Balanced Panel بائل متوازن بروبيت متعدد الحدود Multipomial Probit بروبيت مرتب Ordered Probit بوتستراب Bootstrap بيانات البائل Panel Data ببانات طوّ لبة Longitudinal Data بيانات غير مستقلة Non-independent Data سانات متقطعة Discrete data Pooled Data ببانات مجمعة بيانات مستمرة Continuous Data بيانات مقطعية عرضية Cross-Sectional Data Beta ببع مكشوف Short-Selling

Ë

تأثير الحجم Size Effect تأثير حجم الشركة Firm Size Effect تأثير بوم الأسبوع Day-of-the-Week Effect تأثير رد الفعل المفرط Overreaction Effect تأثيرات التقويم Calendar Effects تأثيرات الفترة الزمنية Period Effects تأثيرات ثابتة زمنيا Time Fixed Effects تاريخ التغير Break Date Variance

ثبت المصطلحات

Residual Variance	تباين البواقي
Conditional Variance	تباين شرطي
Unconditional Variance	تباين غير شرطي
Negative Semi-Variance	تباين نصفي سالب
Dependence	تبعية
Homoscedasticity	نجانس التباين
Data Snooping	تجريب البيانات
Volatility Pooling	تجميع التقلب
Risk Averse	تجنب المخاطر
Identification	تحديد النموذج
Confirmatory Data Analysis	تحلبل البيانات التأكيدي
Variance Decomposition	تحليل التباين
Sensitivity Analysis	تحلبل الحساسية
Principal Components Analysis (PCA)	تحليل المكؤنات الرئيسة
Factorization	تحليل إلى عوامل
Factor Analysis	تحليل عاملي
Hedge	تحوط (تغطية)
Self-Selection Bias	تحيتز الانتقاء الذاتي
Omitted Variable Bias	تحيتز المتغير المهمل
Simultaneous Equations Bias	تحيز المعادلات الائية
Sample Selection Bias	تحيّز في اختيار مُفردات العيّنة
Low Discrepancy Sequencing	تسلسل ذو فروق منخفضة
Factor Loadings	تشبعات عامليّة
Diagnostic Checking	تشخيص النموذج
Noise	تشويش
White Noise	تشويش أبيض
Stochastic	تصادفي
Sovereign Credit Rating	تصنيف ائتراني سيادي
Correlogram	تصوير الارتباط
Volatility	تقلب
Historical Volatility	تقلب تاریخي
Implied Volatility	تقلب ضمني
Normalisation	تطبيع
Covered Interest Parity	تعادل أسعار الفائدة المغطاة

تنبؤ متعددة الخطوات للمستقبل

تنقيب في البيانات

الافتصاد القياسي التمهيدي لليالية

تعادل أسعار الفائدة المكشوفة Uncovered Interest Parity تعادل القرة الشرائية Purchasing Power Parity (PPP) تعادل مرکزی Central Parity تعدد خطّي (تعدد العلاقات الخطّية) Multicollinearity تعدد خطّي تام Perfect Multicollinearity تغاير Covariance تغاير ذاتي Autocovariance تغرية Variability. تغترية المعاينة Sampling Variability تفاضل Differenciation تفرطح Kurtosis تفرطح ضعيف Leptokurtosis Estimation تقدي تقدير ينقطة Point Estimate Robust Estimation تقدير حصون تقدير مُتكرٍّ ر Recursive Estimation تقدير مُفرط Overestimation تقدير ناقص Underestimation Approximation تقريب تقليص عدد الأبعاد Dimensionality Reduction نقنية تقليل التباين Variance Reduction Technique تقثية جو هانسوان Johansen Technique تكاليف المعاملات Transactions Costs تكامل Integration تكامل مشترك Cointegration تكلفة الاحتفاظ Cost of Carry تكوار البيانات Frequency of the data تنبؤ الفترة Interval Forecast تنبؤ النفطة Point Forecast تنبؤ يخطوة واحدة للمستقبل One-Step-Ahead Forecast تنبؤ خارج العينة Out-of-sample Forecast تنبؤ داخل العينة In-sample Forecast

Multi-Step-Ahead Forecast

Data Mining

ثبت المصطلحات

Data Revisions	تنقيحات البيانات
Standardisation	توحيد معياري
Probability Distribution	توزيع احتمالي
Exponential Distribution	توزيع أسي
F Distribution	توزيع إف
Generalised Error Distribution	توزيع الخطأ المعمم
Poisson Distribution	توزيع بواسون
Cumulative Distribution	توزيع تراكمي
1 Distribution	توزيع تي
Gaussian Distribution	توزيع جأوسي
Binomial Distribution	توزيع ذو الحدين
Mesokurtic Distribution	توزيع ذو تفرطح معتدل
Normal Distribution	توزيع طبيعي
Log-normal Distribution	توزيع طبيعي لوغاريتمي
Leptokurtic Distribution	توزيع مدبب
Chi-squared Distribution	توزيع مربع كاي
Platykurtic Distribution	توزيع مفرطح
Fit	ئوفيق
Overfitting	توفيق النموذج بعدد من المتغيّرات أكثر من المطلوب
Conditional Expectation	توقع شرطي
Naive Expectation	نوقع ئيشط
Rational Expectations	ئو قعات رشيدة
Market Timing	نوقيت السوق
Linear Combination	توليقة خطية
	a
Spreadsheet	جدول البيانات

جدر الوحدة الموسمي جدر الوحدة الموسمي Seasonal unit root Square Root of the Mean Squared Error (RMSE)
حدر متوسّط الخطأ التربيعي Complex roots
Characteristic Roots
Goodness of Fit

A

Size of the Test حجم الاختبار حد أدنى لمتطلبات مخاطر رأس المال Minimum Capital Risk Requirement حد اضطراب Disturbance Term حد التجديد Innovation Term حد نصحيح الخطأ Error Correction Term حد جزاء Penalty Term حد كفء Efficient Frontier حد كفء من حيث الموازنة بين العائد والخطر Mean-Variance Efficient Frontier حدود متزامنة Contemporaneous Terms حركة براونية هندسية Geometric Brownian Motion Differential Calculus حساب التفاضل À خيار جيلة Exogeneity خاصية المقاربة Asymptotic Property

خط أفضل نوفيق Line of Best Fit خط سوق رأس المال Capital Market Line (CML) خط مستقيم Straight Line خطأ التنبؤ Forecast Error خطأ المعاينة Sampling Error خطأ سوء التوصيف Misspecification Error خطأ من النوع الأول Type I Error خطأ من النوع الثاني Type II Error خطر ضمني Default Risk

الطوغير مرتبط بحركة السوق خطر غير مرتبط بحركة السوق خطر غير مرتبط بحركة السوق خطأية التبسيط Simplex Algorithm

خوارزمية ماركوارت خوارزمية ماركوارت

ئېت المصطلحات

۵

Endogeneity	داخليّة
Exponential Function	دالة أسية
Autocorrelation Function (ACF)	دالة الارتباط الذاتي
Partial Autocorrelation Function (PACF)	دالة الارتباط الذاتي الجزئي
Likelihood Function	دالة الإمكان
Cumulative Density Function (CDF)	دالة التوزيع التراكمي
Loss Function	دالة الخسارة
Probability Density Function (PDF)	دالة الكثافة الاحتيالية
Sample Regression Function (SRF)	دالة اتحدار العيّنة
Population Regression Function (PRF)	دالة انحدار المجتمع
Quadratic function	دالة تربيعية
Conditional Quantile Function	دالة كميّة شرطية
Event Study	دراسة الحدث
Degrees of Freedom	درجات الحريّة
Order of Integration	درجة النكامل
Degree of persistence	درجة النبات
Degree of Uncertainty	درجة عدم التبقن
Accuracy	دقّة
Impulse Response Functions	دوال الاستجابة التبضية
.	
First Quartile	ربيع أول
Third Quartile	ربيع ثالث
Second Quartile	ربيع ثاني
Rank of a Matrix	رتبة مصفوفة
Scatter Plot	رسم انتشار
Graph	رسم بياني

CopulasروابطGaussian Copulasوابط کلایتونClayton Copulasروابط کلایتون

رمز سفلي

Market Capitalisation

Subscipt

٧٣٢ الاقتصاد القياسي التمهيدي للمالية

į

Momentum (***)

J

Stationary سبية أحادية الاتجاء Unidirectional Causality سببية ثنائية الاتجاه Bi-directional Causality سببية جرائجر Granger Causality سحوبات عشوائية Random Draws سعر آجل Forward Rate سعر آجل غير مُتحيّز Forward Rate Unbiasedness سعر الخيار Option Price سعر فوري Spot Price سعر مساوي لسعر العملية السابقة Zero-tick سكون ثام Strict Stationarity سكون ضعيف Weak Stationarity سلسلة اسمية Nominal Series سلسلة حقيقتة Real Series سلسلة زمنية أحادية المتغتر Univariate Time Series سلسلة ساكنة في الفروق Difference Stationary Series سلوك مقارب Asymptotic Behaviour سهم مضمون Gilt سوق الأوراق المالية في المملكة المتحدة UK Stock Market سوق السندات bond market سير عشوائي Random Walk سير عشواتي بحد ثابت Random Walk with Drift

â

Order Conditionمرط الترتيبRank Conditionشرط الرتبةOptions Clearing Corporationشرکة مقاصة الخيارات

ئىت المعلمات

حر

صدمة الوحدة صدمة الوحدة مستاديق الاستثبار المُشتركة مستاديق الاستثبار المُشتركة Unit Trust Double Logarithmic Form

Ь

Method of Maximum Likelihoodطريقة الإمكان الأعظمطريقة العزومطريقة العزومGeneralised Method of Moments (GMM)طريقة العزوم المعشمةLeast Squares Dummy Variables (LSDV)المطريقة المربعات الصغرى ذات المتغيّرات الوهيةUnidirectional Forwards Methodالعطريقة الأمامية أحادية الاتجاهLag Lengthطول فترة الإبطاء

£

Operator عامل الإزاحة الخلفي Backshift Operator عامل التباطؤ Lag Operator Return عائد عائد الاسترداد Redemption Yield عائد السند Bond Yield عائد المحفظة الخط ة Risky Portfolio Return عائدات Yields عدد شبه عشوائي Pseudo-Random Number

عدد قياسي عدد قياسي عدم التحيّز Unbiasedness

Deterministic Non-Stationarity

First Decile

علاقات ثقدَّم وتأخر
Collinearity

Cong-run Relationship

علاقة خطية متداخلة
علاقة طويلة الأجل

علاوة المخاطرة

علاوة مخاطرة السوق

الاقتصاد القياسي التمهيدي للمالية

Heterogeneous processes	عمليات غير متجانسة
Trend Stationary Process	عملية انجاه عام ساكنة
Moving Average Process	عملية المتوسط المتحرك
Autoregressive Process	عمليّة انحدار ذاتي
Covariance Stationary Process	عمليّة تغايير ساكنة
Data Generating Process (DGP)	عملية توليد البيانات
Strictly Stationary Process	عملية ساكنة تماماً
Broken Trend Stationary Process	عملية ساكنة ذات اتجاه عام مكسور
Weakly Stationary Process	عملية ضعيفة السكون
Explosive Process	عملية متفجرة
Volatility Clustering	عنفودية التقلب
Continuously Compounded Returns	عوائد تراكمية مستمرة
Mean Reverting	عودة إلى المتوسّط
Sample	عينة
Stratified Sample	عينة طبقية
Finite Sample	عينة مُتناهية
Pooled Sample	عينة مجمعة
i i	

Excess Returns فاتض العوائد فترة إبطاء Lag فترة الثقة Confidence Interval فرص مراجحة خالية من المخاطرة Riskless Arbitrage Opportunities فرضبات غبر متداخلة Non-Nested Hypotheses فرضية أحادية Single hypothesis فرضية التوفعات Expectations Hypothesis فرضية العدم Null Hypothesis فرضية بديلة Alternative Hypothesis فرضية تسلسل اختيار مصادر التمويل Pecking Order Hypothesis فرضية كفاءة السوق Efficient Market Hypothesis فرضية مشتركة Joint Hypothesis فرقي أول First Difference فوضي حتمية Deterministic Chaos

ئبت المصطلحات ٧٣٥

Ordered Logit

Log-Likelihood Function (LLF)

Logarithm

Ë

•	
Invertible	قابل للعكس
Controllability	قابليّة التحكم
Invertibility	قابلية العكس
Law of Large Numbers	قانون الأعداد الكبيرة
Mature Sectors	قطاعات ناضجة
Power of a Test	قوة الاختيار
Extreme Values	قيم متطرفة
p-Value	قيمة احتمالية (أو قيمة بي)
Qantile	قيمة التقسيم الجزئي
Threshold Value	قيمة العثية
Critical Value	قيمة حرجة
Eigenvalue	قيمة ذاتية
Outlier	قيمة شاذة
Lagged Value	قيمة مُتباطئة (أو مؤخَّوة)
Expected Value	قيمة متوقّعة
Value-at-Risk	قيمة معرّضة للمخاطر
Estimate	قيمة مُقدّرة
Common Factor Restrictions	قيود العوامل المشتركة
Cross-Equation Restrictions	قيود المعادلات المتقاطعة
Non-negativity Constraints	قيود عدم السلبية
<u> </u>	
Joint Density	كثافة مُشتركة
Efficiency	گفاءة
Quantitative	کمی
J	
Screenshot	لقطة الشاشة
Multinomial Logit	لوجيت متعدد الحدود

لوجيت مرقب لوغاريتم لوغاريتم دالة الإمكان

Encompassing Principle	ميدأ الشمولية
Inequality	متبابئة
Quasi-Random Sequences of Draws	متتاليات شبه عشوائيّة من السحوبات
Homoseedastic	متجانس التباين
Vector	متَجه
Cointegrating Vector	متجه التكامل المشترك
Vector Moving Average (VMA)	متجه المتوسط المتحرك
Eigenvector	مشجه ذاتي
Row Vector	مثَّجِه صفَّى
Column Vector	منَّجه عمودي
Biased Downward	متحير للأسفل
Orthogonal	متعامد
Variable	متغتر
Instrumental variable (IV)	متغتر أداق
Response Variable	متغتر استجابة
Ordered Response Variable	منغتر استجابة مرتب
Forcing Variable	متغتر الدفع
Regressor	متغتر الحداري
Truncated Dependent Variable	متغتر تابع مبتور
Lagged Dependent Variable	متغتر تابع مُتباطىء
Limited Dependent Variable	متغتر تابع محدود
Censored Dependent Variable	متغيّر تابع محصور
Ordinal Variable	متغير ترتيبي
State Variable	متغتر حالة
Strictly Exogenous Variable	متغير خارجي نام
Endogenous Variable	متغيّر داخلي
Random Variable	متغير عشوائي
Standard Normally Distributed Random Variable	متغير عشوائي طبيعي معياري
Discrete Random Variable	متغير عشوائي مثقطع
Irrelevant variable	متغتر ليس له علاقة بالظاهرة
Predetermined Variable	متغتر محدد مسبقاً
Continuous Variable	متغير تستمر (مُتَصل)

V T Vئبت المصطلحات

Explanatory variable	متغير أنفشر
Regressand	متغتر منحدر عليه
Proxy	متغیّر وکیل (بدیل)
Dummy Variable	منغيّر وهمي (أو صوري)
Interactive Dummy Variable	متغير وهمي تفاعلي
Intercept Dummy Variable	متغير وهمي للمقطع
Slope Dummy Variable	متغير وهمي للميل
Control Variates	متغيرات التحكم
Exogenous Variables	متغيرات خارجية
Antithetic Variates	متغيرات مضادة
Symmetric	متاثل
Mean Absolute Percentage Error (MAPE)	متوسط الخطأ التسبي المطلق
Mean Squared Error	متوسط الخطأ التربيعي
Mean Absolute Error (MAE)	متوسط الخطأ المطلق
Conditional Mean	مُتوسط شرطي
Weighted Average	مُتوسَّطْ مُرجِع
Population	بجتمع إحصائي
Explained Sum of Squares (ESS)	مجموع المربعات المفشرة
Total Sum of Squares (TSS)	مجموع كلي للمربعات
Residual Sum of Squares (RSS)	مجموع مربعات البواقي
Monte carlo simulation	محاكاة مونت كارلو
Determinant	محادد
Minimum-Variance Portfolio	محفظة الحد الأدنى للتباين
Optimal Portfolio	محفظة مثلى
X-axis	محور سيني
Y-axis	محور صادي
Systematic Risk	مخاطرة متنظمة
Heteroscedastic	مختلف التباين
Range	مدى
Arbitrage	مُراجِحة
Two-Stage Least Squares (TSLS)	المربعات الصغري ذات المرحلتين
Three-stage Least Squares (3SLS)	مربعات صغري ذات ثلاث مراحل
Ordinary Least Squares (OLS)	مربعات صغرى عادية
Non-linear Least Squares (NLS)	مربعات صغىرى غير خطية

الاقتصاد القياسي التمهيدي للمالية

مربعات صغري غير مباشرة Indirect Least Squares (ILS) مربعات صُغرى مُتكررة Recursive Least Squares م بعات صغري مرجّعة Weighted Least Squares (WLS) مربعات صغرى معشمة Generalised Least Squares (GLS) مرشح كالمان Kalman Filter مرشح هاميلتون Hamilton's filter Elasticity مسألة تخصيص المحفظة المالية لماركويتز Markowitz Portfolio Allocation Problem Normalised مُستقل ومُوزَّع بشكل مُتطابق iid مستوى المعنوية Significance Level مستوى المعنوية الحذية Marginal Significance Level مستوى المعنوية المضبوط Exact Significance Level مشتقة رياضية Mathematical Derivative مصدافية Reliability مصفو فات متو افقة Conformable Matrices مصف فة Matrix مصفوفة التباين والتغاير Variance-Covariance Matrix مصفوفة التجاوز الحيزي Spatial Contiguity Matrix مصفوفة المسافة Distance Matrix مصفوفة الوحدة Identity Matrix مصفوفة ذات رتبة غير كاملة Short Rank Matrix مصفوفة ذات رتبة كاملة Matrix of Full Rank مصفوفة شاذة Singular Matrix مصفوافة صفرية Zero Matrix مصفوفة قطرية Diagonal Matrix مصفوفة متراثلة Symmetric Matrix مصفوقة مربعة Square matrix مُضاعف (مضروب) لاجرانج Lagrange Multiplier مطابقة العزوم Moment Matching معادلة الشكل المختزل Reduced Form Equation معادلة تامة التحديد Exactly identified Equation (Just Identified) معادلة زائدة التحديد Overidentified Equation معادلة غير محددة Unidentified Equation

ئېت المعلمات

معادلة غيرة Characteristic Equation معادلة ناقصة التحديد Underidentified Equation معامل ارتباط جداء-عزم بيرسون Pearson's Product Moment Correlation معامل الاختلاف Coefficient of Variation معاينة طبقية Stratified Sampling معايس المعلو مات Information Criteria معدّل الفائدة الخالي من المخاطرة Risk-Free Rate of Interest معدل خالي من المخاطرة Risk-Free Rate معكوس المصفوفة Inverse of a Matrix معلمات الإزعاج Nuisance Parameters Parameter معلمة التأخير Delay Parameter معلمي Parametric: معنوي إحصائياً Statistically Significant معنوية إحصائية عالية Highly Statistically Significant معيار اكايكي للمعلومات Akaike's Information Criterion (AIC) معيار التقارب Convergence Criterion معيار المعلومات البايزي لشوارز Schwarz's Bayesian information criterion (SBIC) معيار هنان-کوين Hannan-Quinn criterion (HQIC) مقابل لوغاريتم Antilogarithm مُقاربة Asymptotic مقابس الترابط Measures of Association مقاييس التشتت Measures of spread مقاييس الموضع Measures of Location مقايس النزعة المركزية Measures of Central Tendency Estimator مُقدّر المدى اليومي Daily Range Estimator مقدر بيني Between Estimator للمقدر ضمني Within Estimator مقذر غبر متحي Unbiased Estimator مقدّر كفء **Efficient Estimator** مقذر منحير Biased Estimator مقدّر مُنْسَق (متناسق) Consistent Estimator مقطع Intercept

الاقتصاد القياسي التمهيدي للهالية

Ordinal Scale مقياس ترتيبي Deflator مكمش الأسعار الضمني للناتج المحلي الإجمالي GDP Implicit Price Deflator Workfile مُنحنى تأثير الأخبار News impact curve منطقة الرفضي Rejection Region منطقة عدم الرفض Non-Rejection Region Utility منقول المصفوفة Transpose of a Matrix منهج النمذجة من الخاص إلى العام Specific-to-General Approach منهجيّة الندرّج من العام إلى الخاص General-to-Specific Methodology Mode موجة جيبة متناقصة Damped Sine Wave Seasonality مؤشر أسعار الاستهلاك Consumer Price Index (CPI) موقف طويل الأجل Long Postion ميال Slope Percentile مئين Ù

ناتج محلي إجمالي Gross Domestic Product (GDP) نافذة متحركة Rolling Window نافذة متكررة Recursive Window نسبة التحوط المثلي Optimal Hedge Ratio نسبة الرّفع المالي Leverage Ratio نسبة تي t-ratio نسبة شارب للمحفظة Sharp Ratio Portfolio نسبة عائد السندات إلى الأسهم Gilt-Equity Yield Ratio نصف المدى الربيعي Semi-Interquartile Range نظام ثلاثي Triangular System نظرية التسعير بالمراجحة Arbitrage Pricing Theory (APT) نظوية التمثيل لجرانجر Granger Representation Theorem نظرية الحد المركزي Central limit theorem نظريّة المقارية Asymptotic Theory

ثبت المصطلحات

نظرية وولد للتحليل
نقدية (أو درجة النقدية)
نقطة التحول
تهاذج المعادلات الانية
نهاذج متعددة المتغيرات
نموذج GARCH المتكامل
نموذج إستانيكي (ثابت)
تموذج الإبطاء الموزع
نموذج الاحتيال الخطي
تموذج الاختيار المنقصل
نموذج الارتباط الشرطي الثابت
نموذج الارتباط الشرطي الديناميكي
نموذج الارتباط المزدوج
نموذج الانحدار الأسي
نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي
نموذج الانحدار الذاتي
نموذج الانحدار الذاتي الشرطي غير مُتجانس التباين
نموذج الانحدار الذاتي ذو العتبات
نموذج الانحدار الذاتي ذو العتبات المثار ذاتياً
نموذج الانحدار الذاتي للإبطاء الموزع
نموذج الانحدار الذاتي للتقلب
نموذج الانحدار الذاي للمتوسط المتحرك
نموذج الانحدار الذاي للمتوسطات المتحركة المتكاملة
نموذج التقلب التصادُفي
نموذج التكامل الكسري
تموذج التمهيد الأميي
نموذج الشبكات العصبية
نموذج الشبكات العصبية الاصطناعية
نموذج العثبة الهجين
تموذج العوامل
تموذج الكثافة اللاشرطية
نموذج المتوسط المتحرك المرجح أسيا
نموذج النمو الأسي

نموذج بتأثيرات ثابتة Fixed Effects Model نموذج بتأثيرات ثابتة زمنيأ Time-Fixed Effects Model نموذج بتأثيرات عشواثية Random Effects Model نموذج بروبيت (الوحدة الاحتالية) Probit Model تموذج تبديل النظام Regime Switching Model نموذج تجميعي Additive Model نموذج تسعير الأصول الرأسالية Capital Asset Pricing Model (CAPM) تموذج تسعير المنفعة Hedonic Pricing Model نموذج تصحيح التوازن Equilibrium Correction Model نموذج تصحيح الخطأ Error Correction Model تموذج خطى القطع Piecewise Linear Model نموذج ديناميكي Dynamic Model نموذج ذو ذاكرة طويلة Long Memory Model Parsimonious Model نموذج شحيح Multiplicative Model نموذج ضرين نموذج فضاء الحالة State Space Model نموذج لوجيت (لوغاريتم نسبة الاحتمال) Logit Model نموذج ماركوف لتبديل النظام Markov Switching Regime Model نموذج متجه الانحدار الذاتي Vector Autoregressive Model (VAR) نموذج متجه تصحيح الخطأ Vector Error Correction Model (VECM) نموذج معمم غير مُقيِّد Generalised Unrestricted Model نموذج هيكلي Structural Model نهج أحادي المتغير Univariate Approach نهج انجل-جرانجر ذو الخطوتين Engle-Granger 2-step approach نهج متعدد المتغيرات Multivariate Approach Qualitative توعى

-3

Bid-Ask SpreadAsk SpreadMarket Microstructureهيکل جُزني للسوقTerm Structureهيکل زمنی

ثبت المصطلحات

9

Tick Size

Mean

Arithmetic Mean

Unconditional Mean

Geometric Mean

Median

Median

الحدار إضافي مساعد

ثانياً: إنجليزي – عربي

A

Accuracy نموذج تجميعي Additive Model العدل R^2 Adjusted R2 معيار اكايكي للمعلومات Akaike's Information Criterion (AIC) فرضية بديلة Alternative Hypothesis مقابل لوغاريتم Antilogarithm متغترات مضادة Antithetic Variates Approximation تقریب مُ اجعة Arbitrage نظرية التسعير بالمراجحة Arbitrage Pricing Theory (APT) وسط حسابي Arithmetic Mean نموذج الشبكات العصبية الاصطناعية Artificial Neural Networks Model (ANN) نموذج الآثار مُقاربة Asymptotic سلوك مقارب Asymptotic Behaviour خاصية المقارية Asymptotic Property نظريّة المقارية Asymptotic Theory اختبار ديكي-فولر الموشع Augmented Dicky-Fuller test ارتباط ذاتي Autocorrelation دالة الارتباط الذاتي Autocorrelation Function (ACF) تغاير ذاتي Autocovariance نموذج الانحدار الذاتي الشرطي غير مُتجانس التباين Autoregressive Conditionally Heteroscedastic Model (ARCH) نموذج الانحدار الذاتي للإيطاء المرزع Autoregressive Distributed Lag Models (ADL) نموذج الانحدار الذاتي للمتوسطات المتحركة المتكاملة Autoregressive Integrated Moving Average Model (ARIMA) نموذج الانحدار الذاتي Autoregressive Model نموذج الانحدار الذاتي للمتوسط المتحرك Autoregressive Moving Average Model (ARMA) عملية انحدار ذاتي Autoregressive Process نموذج الانحدار الذاق للتقلب Autoregressive Volatility Model (ARV)

Auxiliary Regression

Broken Trend Stationary Process

В

Backshift Operator	عامل الإزاحة الخلفي
Balanced Panel	بائل متوازن
Вета-Jarque Test	اختبار بيرا–جارك
Best Linear Unbiased Estimator, BLUE	أفضل مقذر خطي غير متحير
Beta	البيا
Between Estimator	مُقدَّر بيني
Bi-directional Causality	سببية ثناثية الاتجاه
Biased Downward	متحيّز للأسفل
Biased Estimator	مقذر متحيز
Bicorrelation Model	نموذج الارتباط المزدوج
Bid-Ask Spread	هامش الشراء والبيع
Binary Choice	اختيار ثنائي
Binomial Distribution	توزيع ذو الحدين
Bispectrum Test	اختبار الطيف المزدوج
Bivariate Regression	انحدار ثنائي المتغيرات
Block F-test	اختبار إف للكتلة
Blue Chip Stocks	أسهم الشركات الكبرى
Bond market	سوق السندات
Bond Yield	عائد السند
Bootstrap	بو تستر اب
Break Date	تاريخ التغير
Broken Trend	اتجاه عام مكسور

C

عملية ساكنة ذات انجاه عام مكسور

Calendar Anomaliesانحرافات النقويمCalendar Effectsتأثيرات النقويمCall optionخيار الشراءCapital Asset Pricing Model (CAPM)تموذج تسعير الأصول الرأسائيةCapital Market Line (CML)خط سوق رأس المالCardinal Numbersأعداد أصلية

اختيار السببية Causality Test متغير تابع محصور Censored Dependent Variable نظرية الحد المركزي Central limit theorem تعادل مرکزی Central Parity معادلة غيزة Characteristic Equation جلور محرة Characteristic Roots توزيع مربع كاي Chi-squared Distribution اختبار مربع كاي Chi-square Test Chow Test اختبار تشاو نموذج الانحدار الخطى الكلاسيكي Classical Linear Regression Model (CLRM) روابط كالايتون Clayton Copulas معامل الاختلاف Coefficient of Variation متجه التكامل المشترك Cointegrating Vector تكامل مشترك Cointegration. علاقة خطبة متداخلة Collinearity متجه عمو دی Column Vector قيود العوامل المشتركة Common Factor Restrictions جذور مركبة Complex Roots نوقع شرطي Conditional Expectation التوسط شرطي Conditional Mean دالة كمنة شرطية Conditional Quantile Function تباین شرطی Conditional Variance فترة الثقة Confidence Interval تحليل البيانات التأكيدي Confirmatory Data Analysis مصفو فات متو افقة Conformable Matrices اتساق Consistency مقدر مُتَسق (متناسق) Consistent Estimator تموذج الارتباط الشرطي الثابت Constant Conditional Correlation Model مؤشر أسعار الاستهلاك Consumer Price Index (CPI) حدود مئز امنة Contemporaneous Terms بيانات مستمرة Continuous data متغير شستمر (مُتُصل) Continuous Variable عوائد تراكمية مستمرة Continuously Compounded Returns متغيرات التحكم

Control Variates

ئېت المصطلحات

Controllability	قابليّة التحكم
Convergence Criterion	معيار التقارب
Coordinates	إحداثيات
Copulas	روايط
Correlation	ارتباط
Correlogram	تصوير الارتباط
Cost of Carry	تكلفة الاحتفاظ
Covariance	تغاير
Covariance Stationary Process	عملية تغايبر ساكنة
Covered Interest Parity	تعادل أسعار الفائدة المغطاة
Critical Value	قيمة حرجة
Cross-Equation Restrictions	قيود المعادلات المتقاطعة
Cross-Sectional Data	ببانات مقطعية عرضية
Cross-sectional Regression	انحدار مقطعي
Cumulative Density Function (CDF)	دالة التوزيع التراكمي
Cumulative Distribution	توزيع تراكمي
D	
Daily Range Estimator	مُقدَّر المُدي اليومي
Damped Sine Wave	موجة جيسة متناقصة
Data Generating Process (DGP)	عملية توليد البيانات
Data Mining	تنقيب في البيانات
Data Revisions	ت بي السانات تنفيحات السانات
Data Snooping	تجريب البيانات
Day-of-the-Week Effect	تأثير يوم الأسبوع
Default Risk	خطر ضمني
Deflator	مكمش
Degree of persistence	درجة الثبات
Degree of Uncertainty	درجة عدم التبقن
Degrees of Freedom	درجات الحريّة
Delay Parameter	معلمة النأخير
Dependence	تبعية
Descriptive Statistics	إحصاء وصفى
Determinant	عدد

الاقتصاد القياسي التمهيدي للمالية

فوضى حتمية Deterministic Chaos عدم سكون حتمي Deterministic Non-Stationarity اختبارات التشخيص والتوصيف Diagnostic and Specification Tests تشخيص النموذج Diagnostic Checking مصفوفة قطرية Diagonal Matrix سلسلة ساكنة في الفروق Difference Stationary Series Differenciation تفاضال أخذ الفروق Differencing. حساب التفاضل Differential Calculus تقليص عدد الأبعاد Dimensionality Reduction نموذج الاختيار المنقصل Discrete Choice Model بيانات متقطعة Discrete data متغير عشواني متقطع Discrete Random Variable مصفوقة المسافة Distance Matrix نموذج الإبطاء الموزع Distributed Lag Model حد اضط اب Disturbance Term صيغة لو غاريتمية مزدوجة Double Logarithmic Form متغيّر وهمي (أو صوري) Dummy Variable نموذج الارتباط الشرطي الديناميكي Dynamic Conditional Correlation Model نموذج ديناميكي Dynamie Model E كفاءة Efficiency

مقدر كفء Efficient Estimator حد كفء Efficient Frontier فرضية كفاءة السوق Efficient Market Hypothesis قبمة ذائبة Eigenvalue منجه ذاتي Eigenvector مرونة Elasticity مبدأ الشمولية **Encompassing Principle** انحدار شامل Encompassing Regression داخلية Endogeneity متغير داخلي Endogenous Variable نهج انجل-جرانجر ذو الخطوتين

Engle-Granger 2-step approach

Equilibrium Correction Model	نموذج تصحيح التوازن
Error Correction Model	نموذج تصحيح الخطأ
Error Correction Term	حد تصحيح الخطأ
Errors-in-Variables	أخطاء في قياس المتغيّرات
Estimate	قيمة المقدرة
Estimation	تقدير
Estimator	مقدر
Event Study	دراسة الحدث
Exact Significance Level	مستوى المعنوية المضبوط
Exactly identified Equation (Just Identified)	معادلة تامة التحديد
Excess Returns	فاثض العوائد
Exogeneity	خارجيّة
Exogenous Variables	متغيرات خارجية
Expectations Hypothesis	فرضية التوقعات
Expected Value	قيمة مئوقعة
Explained Sum of Squares (ESS)	مجموع المربعات المفشرة
Explanatory variable	متغير مفشر
Explosive Process	عملية متفجرة
Exponent	اس للأساس الطبيعي
Exponential Distribution	ئوزيع أسي
Exponential Function	دالة أسية
Exponential Growth Model	نموذج النمو الأسي
Exponential Regression Model	نموذج الانحدار الأميي
Exponential Smoothing Model	نموذج التمهيد الأسي
Exponentially Weighted Moving Average Model (EWMA)	نموذج المتوسط المتحرك المرجح أسيا
Extreme Values	قيم متطرفة

F

F Distributionتوزيع إفFactor Analysisغليل عامليFactor Loadingsتشبعات عامليةFactor Modelنموذج العواملFactorizationغليل إلى عوامل

Financial Econometries	اقتصاد قياسي مالي
Finite Sample	عينة متناهية
Firm Size Effect	تأثير حجم الشركة
First Decile	غُشير أول
First Difference	فرق أول
First Order Autoregression (AR(1))	انحدار ذاتي من الدرجة الأولى
First Quartile	ربيع أول
Fit	توفيق
Fixed Effects Model	نموذج بتأثيرات ثابتة
Fixed Effects Panel Model	نموذج بانل بتأثيرات ثابتة
Forcing Variable	متغتر الدفع
Forecast Encompassing Test	اختيار التنبؤ الشامل
Forecast Error	خطأ التنبق
Forward Rate	سعر آجل
Forward Rate Unbiasedness	سعر آجل غير مُتحيّز
Fractionally Integrated Model	نموذج التكامل الكسري
Frequency of the data	تكرار البيانات
F-test	اختيار اف
Full Information Maximum Likelihood (FIML)	إمكان أعظم ذو المعلومات الكاملة
	·

G

Gaussian Copulas	روابط جاوسية
Gaussian Distribution	ئوزيع جاوسي
GDP Implicit Price Deflator	مكمش الأسعار الضمني للناتج المحلي الإجمالي
Generalised Error Distribution	توزيع الخطأ المعمم
Generalised Least Squares (GLS)	مربعات صغري معممة
Generalised Method of Moments (GMM)	طريقة العزوم المعتممة
Generalised Unrestricted Model	تموذج معمم غير مُقيِّد
General-to-Specific Methodology	منهجيّة التدرّج من العام إلى الخاص
Geometric Brownian Motion	حركة براوئية هندسية
Geometric Mean	وسط هندسي
Gilt	سهم مضمون
Gilt-Equity Yield Ratio	نسبة عائد السندات إلى الأسهم

Innovation Term

جودة التوفيق Goodness of Fit سببية جرانجر Granger Causality نظرية التمثيل لجرانجر Granger Representation Theorem رسم بياني Graph ناتج محلي إجمالي Gross Domestic Product (GDP) Н مرشح هاميلتون Hamilton's filter معيار هنان-كوين Hannan-Quinn criterion (HQIC) اختبار هو سيان Hausman Test تحرط (تغطية) Hedge نموذج تسعير المنفعة Hedonic Pricing Model عمليات غير متجانسة Heterogeneous processes مختلف التباين Heteroscedastic اختلاف التباين Heteroscedasticity أخطاء معيارية حصينة ضد اختلاف التباين Heteroscedasticity-Robust Standard Errors معنوية إحصائية عالية Highly Statistically Significant Historical Volatility تقلب تاريخي متجانس التباين Homoseedastic تجانس التباين Homosoedasticity نموذج العتبة الهجين Hybrid Threshold Model اختبار الفرضيات Hypothesis Testing I تحديد النموذج Identification مصفوفة الوحدة Identity Matrix خطر غير مرتبط بحركة السوق Idiosyncratic Risk مُستقل ومُوزّع بشكل مُتطابق iid Implied Volatility تقلب ضمني دوال الاستجابة النبضية Impulse Response Functions مربعات صغري غير مباشرة Indirect Least Squares (ILS) مثباينة Inequality أعظم حدادتي Intimum معايير المعلومات Information Criteria

حد التجديد

الافتصاد القياسي التمهيدي للرالية

تنبؤ داخل العينة In-sample Forecast منغتر أداتي Instrumental variable (IV) نموذج GARCH المتكامل Integrated GARCH Model تكامل Integration منغير وهمي تفاعلي Interactive Dummy Variable Intercept منغتر وهمي للمقطع Intercept Dummy Variable تنبؤ الفترة Interval Forecast معكوس المصفوفة Inverse of a Matrix قابلية العكس Invertibility قابل للعكس Invertible منغتر ليس له علاقة بالظاهرة Irrelevant variable J ألفا جنسن Jensen's Alpha اختيار جوهانسن للتكامل المشترك Johansen Cointegration Test تقنية جو هانسون Johansen Technique كثافة مُشتركة Joint Density فرضية مشتركة Joint Hypothesis اختمار مشترك Joint Test K مُرشِّح كالمان Kalman Filter Kurtosis تفرطح طول فترة الإبطاء Lag Length عامل فثرة الإبطاء Lag Operator متغير تابع متباطىء Lagged Dependent Variable قيمة مُنباطئة (أو مؤخّرة) Lagged Value مُضاعف (مضروب) لاجرائج Lagrange Multiplier فترة إبطاء Lag قانون الأعداد الكبيرة Law of Large Numbers علاقات تقذم وتأخر Lead-lag Relationships طريقة المربعات الصغرى ذات المتغيرات الوهمية Least Squares Dummy Variables (LSDV) توزيع مدتب Leptokurtic Distribution

ئېت المعللحات

Leptokurtosis	تفرطح ضعيف
Leverage Effects	آثار الرَّفع المالي
Leverage Ratio	نسبة الرَّفع المالي
Likelihood Function	دالة الإمكان
Likelihood Ratio Test	اختبار نسبة الإمكان
Limited Dependent Variable	متغير تابع محدود
Limited Information Maximum Likelihood (LIML)	إمكان أعظم ذو المعلومات المحدودة
Line of Best Fit	خط أفضل توفيق
Linear Association	اقتران خطي
Linear Combination	توليفة خطية
Linear Probability Model	نموذج الاحتيال الخطي
Linearity	- خطية
Logarithm	لوغاريتم
Logit Model	نموذج لوجيت (لوغاريتم نسبة الاحتمال)
Log-Likelihood Function (LLF)	دالة لوغاريتم الإمكان
Log-normal Distribution	توزيع طبيعي لوغاريتمي
Long Memory Model	نموذج ذو ذاكرة طويلة
Long Postion	موقف طويل الأجل
Longitudinal Data	بيانات طولية
Long-run Relationship	علاقة طويلة الأجل
Long-term Trend	اتجاه عام طويل المدي
Loss Function	دالة الخسارة
Low Discrepancy Sequencing	تسلسل ذو فروق منخفضة
Lyapunov Exponent	اس ليابونوف
М	
Marginal Effects	آثار حدّية
Marriagl Samiflagues I mal	2.1115 - 11

Marginal Effectsاثار حديةMarginal Significance Levelمستوى المعنوية الحديةMarket Capitalisationرسملة سوقيةMarket Frictionsاحتكاكات السوقMarket Microstructureهيكل جزئي للسوقMarket Risk Premiumعلاوة محاطرة السوقMarket Timingتوقيت السوقMarkov Switching Regime Modelماركوف لتبديل النظام

مسألة تخصيص المحفظة المالية لماركو يتز Markowitz Portfolio Allocation Problem خو ار زمیهٔ مار کو ار ت Marquardt Algorithm مشتقة رياضية Mathematical Derivative مصفو فة Matrix Matrix of Full Rank مصفوفة ذات رتبة كاملة قطاعات ناضحة Mature Sectors وسط (مترسط) Mean متوسط الخطأ المطلق Mean Absolute Error (MAE) متوسط الخطأ النسبي المطلق Mean Absolute Percentage Error (MAPE) عودة إلى المتوسّط Mean Reverting منوسط الخطأ التربيعي Mean Squared Error حد كفء من حيث الموازنة بين العائد والخطر Mean-Variance Efficient Frontier أخطاء القياس Measurement Errors مقاييس الترابط Measures of Association مقاييس النزعة المركزية Measures of Central Tendency مقاييس الموضع Measures of Location مقاييس التشتت Measures of spread وسيط Median توزيع ذو تفرطح معتدل Mesokurtic Distribution طريقة الإمكان الأعظم Method of Maximum Likelihood طويقة العزوم Method of Moments حد أدني لمتطلبات مخاطر رأس المال Minimum Capital Risk Requirement

محفظة الحد الأدنى للتباين Minimum-Variance Portfolio خطأ سوء التوصيف Misspecification Error

منو ال Mode مطابقة العزوم

Moment Matching

Momentum

نقدية (أو درجة النقدية) Moneyness

محاكاة مونت كارلو Monte carlo simulation

عملية المتوسط المتحرك Moving Average Process

تعدد خطّي (تعدد العلاقات الخطّية) Multicollinearity

لوجيت متعدد الحدود Multinomial Logit بروبيت متعدد الحدود Multinomial Probit

اختيار الفرضيات المتعددة Multiple hypothesis Test

Vac ئيت المصطلحات

Operator

Optimal Hedge Ratio

Optimal Portfolio

Multiplicative Model تموذج ضربي تنبؤ متعددة الخطوات للمستقبل Multi-Step-Ahead Forecast اختبار ديكي فولر الموشع متعدد المتغيرات Multivariate ADF نهج متعدد المتغيرات Multivariate Approach نهاذج متعددة المتغيرات Multivariate models صناديق الاستثبار المشتركة Mutual Funds Ν توقع ثبشط Naive Expectation انحراف معياري تصفي سالب Negative Semi-Standard Deviation تباين نصفى سالب Negative Semi-Variance نموذج الشبكات العصبية Neural Network Model مُنحني تأثير الأخبار News impact curve تشويش Noise سلسلة اسمية Nominal Series سانات غير مستقلة Non-independent Data مربعات صغري غير خطّية Non-linear Least Squares (NLS) قيود عدم السلبية Non-negativity Constraints فرضيات غير مُتداخلة Non-Nested Hypotheses منطقة عدم الرفض Non-Rejection Region نوزيع طبيعي Normal Distribution Normalisation Normalised اختيار الاعتدال (الطبيعية) Normality Test معلمات الإزعاج Nuisance Parameters فرضية العدم Null Hypothesis إجراء عددي Numerical Procedure O تحيز المتغير المهمل Omitted Variable Bias اختبار ذو طرف وأحد One-Sided Test تنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل One-Step-Ahead Forecast

نسبة التحوط المثلي

محفظة مثل

الاقتصاد القياسي التمهيدي للمالية

استمثال Optimisation سعر الخيار Option Price شم كة مقاصة الخيارات Options Clearing Corporation شرط الترتيب Order Condition درجة التكامل Order of Integration لو جبت مرقب Ordered Logit Ordered Probit يروست ۾ ٿي متغبر استجابة مُرتّب Ordered Response Variable Ordinal Scale مقياس ترتيبي Ordinal Variable متغير ترتيبي م بعات صغری عادیة Ordinary Least Squares (OLS) Orthogonal استجابات نبضية متعامدة Orthogonalised Impulse Responses قسة شاذة Outlier تنبؤ خارج العينة Out-of-sample Forecast تقدير مُفرط Overestimation توفيق النموذج بعدد من المتغيّرات أكثر من المطلوب Overfitting معادلة زائدة التحديد Overidentified Equation تأثير ردالفعل المفرط Overreaction Effect اختبار متضخم Oversized Test Р اختبار التكامل المشترك لبيانات البانل Panel Cointegration Test بيانات البانل Panel Data اختبارات جذور الوحدة لبيانات الباتل Panel Unit Root Tests Parameter اختيار استقرار المعلمات Parameter Stability Test

Parametric

نموذج شحيح Parsimonious Model

دالة الارتباط الذاتي الجزئي Partial Autocorrelation Function (PACF)

معامل ارتباط جداء-عزم بيرسون Pearson's Product Moment Correlation فرضية تسلسل اختيار مصادر التمويل Pecking Order Hypothesis

حد جزاء Penalty Term

Percentile مئين

Perfect Multicollinearity	تعدد خطّي تام
Period Effects	تأثيرات الفترة الزمنية
Piecewise Linear Model	نموذج خطي القِطع
Platykurtic Distribution	توزيع مفرطح
Point Estimate	تقدير بنقطة
Point Forecast	تنبو النقطة
Poisson Distribution	توزيع يواسون
Pooled Data	ببانات مجمعة
Pooled Sample	عينة مجنعة
Population	مجتمع إحصائي
Population Regression Function (PRF)	دالة انحدار المجتمع
Power of a Test	قوة الاختبار
Predetermined Variable	متغير محدد مسبقا
Predictive Failure Test	اختيار فشل التنبؤ
Principal Components Analysis (PCA)	تحليل المكؤنات الرئيسة
Probability	احتيال
Probability Density Function (PDF)	دالة الكثافة الاحتمالية
Probability Distribution	توزيع احتمالي
Probit Model	نموذج بروبيت (الوحدة الاحتمالية)
Ртоху	متغیر وکیل (بدیل)
Pseudo-Random Number	عدد شبه عشوائي
Purchasing Power Parity (PPP)	تعادل القوة الشرائية
Put Option	خيار البيع
p-Value	قيمة احتمالية (أو قيمة بي)
	Q
Quntile	قيمة التقسيم الجزئي
Quadratic function	دالة تربيعية
Qualitative	ريد . نوعي
	9 2

ويعه التفسيم الجزئي
Quadratic function
Qualitative
Quantile Regression
Quantile Regression
Quantilative
Quantilative
Quantilative
Quantilative
Quartile Deviation
Quartile Deviation
Quasi-Random Sequences of Draws

الاقتصاد القياسي التمهيدي للمالية

R

Random Disturbance	اضطراب عشوائي
Random Draws	سحوبات عشواثية
Random Effects Model	نموذج بتأثيرات عشوائية
Random Variable	متغتر عشوائي
Random Walk	سير عشوائي
Random Walk with Drift	سير عشواني بحد ثابت
Range	مدی
Rank Condition	شرط الرتبة
Rank of a Matrix	رتبة مصفوفة
Rational Expectations	نوقعات رشيدة
Real Asset	أصل عقاري
Real Series	سلسلة حقيقيّة
Recursive Estimation	ثقدير مُتكرّر
Recursive Least Squares	مُربعات صُغرى مُتكررة
Recursive Test	اختبار متكور
Recursive Window	نافذة متكررة
Redemption Yield	عائد الاسترداد
Reduced Form Equation	معادلة الشكل المختزل
Regime Switching Model	تموذج تبديل النظام
Regressand	متغير منحدر عليه
Regression	انحدار
Regressor	متغتر الحداري
Rejection Region	منطقة الوفض
Reliability	مصداقية
Resumpling	إعادة المعاينة
Residual	باقي
Residual Sum of Squares (RSS)	مجموع مربعات البواقي
Residual Variance	تباين البواقي
Response Variable	متغتر استجأبة
Restricted Regression	انحدار مقيّد
Return	عائد
Risk Averse	تجنب المخاطر
Risk Premium	علاوة المخاطرة

ئېت الاصطلحات

Short-Selling

معدل خالي من المخاطرة Risk-Free Rate معدّل الفائدة الخالي من المخاطرة Risk-Free Rate of Interest فرص مراجحة خائبة من المخاطرة Riskless Arbitrage Opportunities عائد المحفظة الخطرة Risky Portfolio Return تقدير حصين Robust Estimation أخطاء معبارية حصينة Robust Standard Errors اختيار متحرك Rolling Test نافذة متحركة Rolling Window متجه صفي Row Vector S عينة Sample دالة اتحدار العننة Sample Regression Function (SRF) تحيّز في اختيار مُفردات العيّنة Sample Selection Bias خطأ المعاينة Sampling Error تغيرية المعاينة Sampling Variability عدد قياسي Scalar Scatter Plot رسيم انتشار معيار المعلومات البايزي لشوارز Schwarz's Bayesian information criterion (SBIC) لقطة الشاشة Screenshot جذر الوحدة الموسمي Seasonal unit root مو سيمية **Seasonality** ربيع ثاني Second Quartile انحدار غبر مرتبط ظاهريا Seemingly Unrelated Regression (SUR) نموذج الانحدار الذاتي ذو العنبات المثار ذاتيًا Self Exciting Threshold Autoregressive Model (SETAR) نحيز الانتفاء الذاتي Self-Selection Bras-نصف المدى الربيعي Semi-Interquartile Range اعتماد فائق الحساسية على الظروف الأوليّة Sensitive Dependence on Initial Conditions (SDIC) تحليل الحساسية Sensitivity Analysis اختبار تسلسلي Sequential Test ارتباط تسلسلي Serial Correlation نسية شارب للمحفظة Sharp Ratio Portfolio مصفوفة ذات رتبة غبر كاملة Short Rank Matrix

بيع مكشوف

خط مستقيم

عينة طبقية

مستوى المعنوية Significance Level انحدار بسط Simple Regression خوارزمية التسبط Simplex Algorithm نحبز المعادلات الانبة Simultaneous Equations Bias نهاذج المعادلات الانية Simultaneous Equations Models فرضية أحادية Single hypothesis مصفوفة شاذة Singular Matrix تأثير الحجم Size Effect حجم الاختبار Size of the Test التواء Skewness. Slope Slope Dummy Variable متغير وهمي للميل تصنيف اثتماني سيادي Sovereign Credit Rating نموذج فضاء الحالة State Space Model مصفوفة التجاوز الحيزي Spatial Contiguity Matrix منهج النمذجة من الخاص إلى العام Specific-to-General Approach Spot Price سعر فوري جدول البيانات Spreadsheet انحدار زائف Spurious Regression مصفوفة مربعة Square matrix جذر متوسط الخطأ التربيعي انح اف معياري Square Root of the Mean Squared Error (RMSE) Standard Deviation متغير عشوائي طبيعي معياري Standard Normally Distributed Random Variable توحيد معياري Standardisation مثغتر حالة State Variable نموذج إستاتيكي (ثابت) Static Model Stationary استدلال إحصائي Statistical Inference معنوي إحصائيًا Statistically Significant انحدار متدرج Stepwise regression تصادق Stochastic نموذج النفلب التصادفي Stochastic Volatility Model

Straight Line

Stratified Sample

ئېت المصطلحات

Stratified Sampling	معاينة طيقية
Strict Stationary	سكون تام
Strictly Exogenous Variable	متغير خارجي تام
Strictly Stationary Process	عملية ساكنة تمامًا
Structural Break	انقطاع هيكلي
Structural Model	نموذج هيكلي
Subscipt	رمۇ سفلي
Summary Statistics	إحصاءات موجزة
Symmetric	متماثل
Symmetric Matrix	مصفوفة متهاثلة
Systematic Risk	مخاطرة متنظمة
Т	
t Distribution	توزيع ي
T-bill	أذون الخزانة
Term Structure	هيكل زمني
Test of Significance	اختبار المعنوية
Test Statistic	إحصاءة الاختيار
Third Quartile	ربيع ثالث
Three-stage Least Squares (3SLS)	مربعات صغري ذات ثلاث مراحل
Threshold Autoregressive Model (TAR)	نموذج الانحدار الذاتي ذو العتبات
Threshold Value	قيمة العتبة
Tick Size	وحدة المزايدة السعرية
Time Fixed Effects	تأثيرات ثابتة زمنيا
Time Series Regression	انحدار السلاسل الزمنية
Time-Fixed Effects Model	نموذج بتأثيرات ثابتة زمنيا
Total Sum of Squares (TSS)	مجموع كلي للمربعات
Trace of a Matrix	أثر المصفوفة
Trace Test	اختبار الأثر
Transactions Costs	تكاليف المعاملات
Transition Probability	احتيال الانتقال
Transpose of a Matrix	منقول المصفوفة
t-ratio	نسبة تي
Trend Stationary Process	عملية اتجاه عام ساكنة

نبج أحادي المتغير

سلسلة زمنية أحادية المتغير

أذون الخزانة الأمريكية

نظام ثلاثي Triangular System منغير تابع مبتور Truncated Dependent Variable إحصاءة تي t-statistic اختيار تي t-test نقطة التحول Turning Point اختبار ذو طرفين Two-Sided Test المربعات الصغرى ذات المرحلتين Two-Stage Least Squares (TSLS) خطأ من النوع الأول Type I Error خطأ من النوع الثاني Type II Error

U

سوق الأوراق المالية في المملكة المتحدة UK Stock Market مقذر غير متحيز Unbiased Estimator عدم التحيّز Unbiasedness نموذج الكثافة اللاشرطية Unconditional Density Model وسط غير شرطي Unconditional Mean تباين غير شرطي Unconditional Variance تعادل أسعار الفائدة المكشوفة Uncovered Interest Parity تقدير ناقص Underestimation. معادلة ناقصة التحديد Underidentified Equation معادلة غم محددة Unidentified Equation سسة أحادية الاتجاه Unidirectional Causality الطريقة الأمامية أحادية الاتجاء Unidirectional Forwards Method اختيار جذر الوحدة Unit Root Test Unit shock صدمة الوحدة صندوق حصص استثار Unit Trust

٧

Univariate Approach

US Treasury Bills

Utility

Univariate Time Series

Value-at-Risk
Variability

Value-at-Risk

ئىت المصطلحات

Zero-tick

Variable المتخار Variance تباين نحليل التباين Variance Decomposition تقنية تقليل التباين Variance Reduction Technique مصفوفة التباين والتغاير Variance-Covariance Matrix Vector نموذج متجه الانحدار الذاتي Vector Autoregressive Model (VAR) نموذج متجه تصحيح الخطأ Vector Error Correction Model (VECM) منجه المتوسط المتحرك Vector Moving Average (VMA) تقلب Volatility عنفودية التقلب Volatility Clustering تجميع التقلب Volatility Pooling W سكون ضعيف Weak Stationarity عملية ضعيفة السكون Weakly Stationary Process أثر الأسبوع Week Effect لتتوشط لترجح Weighted Average مربعات صغري مرجحة Weighted Least Squares (WLS) تشويش أبيض White Noise اختبار ويلكوكسون للرتب ذات الإشارة Wilcoxon Signed-Rank Test المقذر ضمني Within Estimator نظرية وولد للتحليل Wold's Decomposition Theorem ملف عمل Workfile X محور سيني X-axis Υ محور صادي Y-axis Yields. عائدات Z مصفوفة صفرية Zero Matrix

سعر مساوي لسعر العملية السابقة

كشاف الموضوعات

ì

اتجاه طويل المدى ٥٠٣ اتساق ١٠٠، ٢٦١، ٢٦١، ٣١٩، ٣١٩، ٣١٩ آثار الرفع المائي ٢٦٤ آثار هامشيّة ٢٠٠، ٥٩٩، ٥٩٩، ٢٠٠ أثر المصفوفة ٣١، ٥٠، ٥١ أثر نهاية الأسبوع ٤٦٥، ٣٠٥ إجراء عددي ٥٥، ٤٦٤ إحراء عددي ٣٩٦، ٢٩٩ إمكان أعظم ذو المعلومات الكاملة ٣٢٨ إمكان أعظم ذو المعلومات الكاملة ٣٢٨

إحداثيات ٣٣، ٤٤

إحصاء وصفى ٢٠، ٢٦، ٢٦، ٢٧، ٥٩، ٩٦

إحصاءات موجزة ۲۰، ۲۱، ۳۱، ۵۷، ۹۷، ۱۲۱، ۱۲۳، ۱۲۳، ۱۲۳، ۱۲۸

> إحصاءة تي ١٢٩،١٢١،١٢٠، ٥٦٠، ١٢٩ اختيار استقرار المعلمات ٢٣٩

> اختبار الارتباط المزدوج ۲۲، ۲۲۷ اختبار التكامل المشترك لبيانات البانل ۲۸ ه اختبار التنبؤ الشامل ۲۸ ٤ اختبار السببية ۴٤٥

> > اختيار الطيف المزدوج ٤٣٨

اختبار الفرضيّات المتعدّدة ٢٦، ١٤١، ١٤٥، ١٤٦، ١٤٨،

ነዕ፦

اختبار المعنوية ٨٣ ، ١٠٧، ١١٠، ١١٥

اختبار تشاو ۲۲۲، ۲۳۳، ۲۳۴، ۲۳۵، ۲۳۷، ۲۳۸، ۲۲۹،

05.1707,707,700,72.

اختبار جذر الوحدة ٢٥، ٢٧١، ٢٧٤، ٢٧٦، ٢٧٩، ٢٨١، ٢٨١، ٢٨١، ٢٨١، ٢٨١، ٢٨١، ٢٨٥، ٥٦٥، ٥٦٥، ١٥٥، ١٦٥،

اختيار جوهانسن للتكامل المشترك ٥١، ٣٦٣، ٤١٥

اختبار دیکي-فولر الموشع ۳۵۱، ۳۷۳، ۳۷۵، ۴۰۵، ۵۲۲، ۵۵۸، ۵۲۰، ۵۲۲، ۵۲۲

اختبار ذو طرف واحد ۱۱۱،۱۰۷

اختیار ذو طرفین ۲۳۱، ۱۲۳، ۱۲۳، ۱۲۳، ۱۲۳، ۱۲۳، ۱۳۳، ۲۳۰، ۲۳۰، ۲۳۰، ۲۳۰، ۲۳۰، ۲۳۰، ۲۳۰،

YOL

اختيار مشترك ٢٠٥،٤٠٤، ٢٠٥٥

اختيار نسية الإمكان ٣٤٢، ٣٤٦، ٢٦٤، ٢٦٤، ٢٦٩، ٩٩٥، ٥٣٥

اختبار هوسیان ۳۲۳، ۳۲۰، ۵۵۰، ۵۵۲، ۵۵۸، ۵۲۸

اختبار ويلكوكسون للرتب ذات الإشارة ٦٥٩

التشخيص والتوصيف ١٧٤

اختیارات جذور الوحدة للبانل ۵۵۸، ۵۵۹، ۵۲۰، ۲۵۰، ۵۲۵، ۵۲۸، ۵۲۸

> انحدار ثنائي ٩٥، ٢٤١، ١٤٤، ٢٢٠، ٩٥٤ أخذ الفروق ٣٦٧، ٣٦٧، ٤٠٣، ٥٤١ أخطاء القياس ٣، ٣٤٢، ٢٤٣، ٥٧٨، ٦٦٥

أخطاء في قياس المنغترات ٢٤٢

أخطاء معياريّة حصينة ١٩٥، ٢٥٤، ٢٥٥، ٥٧٥

أخطاء معيارية حصينة ضد اختلاف التياين ١٩٥

أَذُونَ الْحُزَانَة ٦٠ ، ١٥١، ٣٥٠، ١٤٤، ٨٥٤، ٢٦٥،

أذون الخزانة الأمريكيّة ١٨١

717

ارتباط سلسلي ۲۰۱، ۲۰۳، ۱۹۲، ۲۰۳، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۸، ۲۰۸،

استدلال إحصائي ١٠٨، ١٠٦

استمثال ۱۷۰، ۱۷۷، ۲۸۲، ۲۸۶، ۱۶۶، ۱۶۶، ۲۸۶، ۲۸۶، ۲۸۶،

040 1884

أسهم الشركات الكبري ١٢٢

أصل أساسي ٣٢٩، ٤٧٧

اضطراب عشوائي ٨٦ ، ١٣٩

انحدار العينة ٩٣، ١٠٥، ١٣٩، ١٥٧

البوتستراب ۲۸، ۱۷۰، ۲۰۹، ۲۱۰، ۲۱۱، ۲۱۲، ۲۱۲،

מזר, דזר, עזר, דזר, ישר, ושר, ששר, פשר,

أعداد أصليّة ٧٨،٧٨، ٣٨، ٨٨٥

أعظم حد أدنى ١٦٩

أفضل مقدّر خطّي غير متحيّز ٢٢٥

انحدار خطّی ۲۰۳، ۲۲۸، ۲۲۸

افتصاد قیاسی مالی ۲ ، ۳ ، ۲ ، ۱ ، ۱۲۸ ، ۲۵۵ ، ۲۰۱۱ ، ۱۹۵ ، ۱۹۴ ، ۱۹۳

الارتباط الذاتي في البيانات المقطعية ٢١٤

الارتباط الذاتي في التقلب ٤٣٥

التغاير الشرطي ٤٧٨، ٤٨٦، ٤٨٤، ٤٨٦، ٤٨٦، ٤٩٠

التواء ۲۸، ۳۹، ۲۰، ۷۲، ۷۲، ۷۲، ۲۷۸، ۲۱۲، ۲۲۳، ۲۵۶،

773,373,707,575

بيانات مجمعة ٢٥، ١٦٥ الخيارات الأسيوية ٦٢١، ٦٢٢ ألفا جنسن ٦٧٤ سانات مستمرة ٧، ٦٧ المقدر البيني ١٤٥ بیانات مقطعیهٔ عرضیهٔ ۵، ۲، ۲۹۲، ۲۹۳ ، ۲۹۳ المنافسة المصرفية ٢٨، ٣٤٥ (1 TE (1 T) (1 TA (1 TO (1 TY (1) A (9) (9 - L. انحدار إضافي مساعد ١٩٠، ١٩١، ١٩٤، ٢٠٥، ٢٠٤، ٢١٤، 071) PT() .3() (01) TY() TY() 3V() 7A(, 3A(, 377, 737, 373, 673, .16) 577, VYY, +37, PAC 110, 700, 700, 300, 700, 701, 711, انحدار السلاسل الزمنية ٦٦٨ פרדי פרדי ודדי עודי פרדי שערי פערי انحدار بسيط ١٤٣ 140 انحدار ثنائي المتغترات ٢٢٠ بيع مكشوف ٥٥، ٥٣٣ انحدار ذاتي من الدرجة الأولى ٥٢٣ انحدار شامل ۱۷۷، ۱۷۶، ۹۲۳ ننه انحدار غير مرتبط ظاهريًا ٦٦٨ تأثير الحجم ٣٣٩ انحدار کمی ۱۷۸، ۱۹۹، ۱۷۲، ۱۷۲، ۱۷۲، ۱۷۲، ۱۷۴ تأثير حجم الشركة ١٧٠ انحدار متدرج ۱۹۲،۱٥٤،۱۹۳ تأثير يوم الأسبوع ٥٠٤، ٥٠٠، ٥٠٩، ٥١٠، ١٥١، انحدار مقطعی ۵۱۱، ۵۱۱ ۵۵۱، ۵۱۵، ۲۱۵، ۲۲۱، ۲۷۱ کا۲ 370,000,07£ انحدار مقيّد ١٩٠ تأثير رد الفعل المفرط ١٢٨ ، ١٢٨ انحراف ربيعي ٧١،٧٠ تأثيرات التقويم ٤٠٥، ١١٥، ٥٠٣ انحراف معیاری ۵۲۶، ۲۱، ۵۲۶ تأثيرات ثابتة زمنيًا ٥٤٢ انحرافات التقويم ٥٠٧،٥٠٤، ٥٠٧ ناريخ التغيّر ٢٣٧، ٢٣٨ أنظمة ثلاثية ٢٢٥ تباين البواقي ٦٦١، ١٩٠، ٢٠٠، ٢٤٥ ٢٨٢ انقطاع هيكلي ٣٧٦، ٣٧٧، ٣٧٩، ٢٧٩، ٤٤٥ تباین شرطی ۲۶، ۲۲۵، ۲۳۵، ۲۳۱، ۲۳۹، ۴۴۰، (£0, (££9, (££0, (££7, (££7)) 103, 703, 703, 003, 703, Y03, A03, باقی ۲۵، ۸۵، ۲۰، ۱۹۸، ۱۹۸، ۲۲، ۲۲، ۲۲۶، ۲۸۲، ۲۷۲ £41, .13, 373, 773, \$73, 773, 773, بروبیت مرتّب ۸۸۸ ۲۶۸ ۸۸۸ £49, 640, £41, £41, £42, £40, £41 بروبيت متعدد الحدود ٥٨٣ 1770 (TTE (TTV 1019 بيانات طولية ٢٨، ٢٧٥ نباین غیر شرطی ۴۶۱ بیانات البانل ۵، ۲، ۲۰، ۲۷، ۲۲۵، ۲۸، ۲۹۵، ۲۰۵۰

700, 300, 370, 770, A70

سانات متقطعة ٧

تباين نصفي سالب ٨٧

715, 775, 775, 705

تعبد ۱۲۱ و ۲۲ د ۱۲۱ ۱۲۱ ۱۲۱ ۲۲۱ ۱۲۱ ۱۲۱ مدی

تجانس التباین ۲۷ ، ۱۹۸، ۱۸۸، ۱۹۶، ۲۰۶، ۲۳۶، ۴٤۳

تجريب البيانات ١٥٧، ١١٠

نجمتع التقلب ٤٣٦، ٤٣٤

تجنب المخاطر ٤٨٥

تحديد النموذج ٨٦، ٢٨٢، ٣١٩، ٣٢٠، ٣٤٢، ٣٤٣

تحليل التباين ٢٦٢، ٢٥٣، ٢٦٠،

تحليل الحساسية ١٢٧،١١٤

تحليل المكوّنات الرئيسة ٢٦، ١٧٧، ١٧٨، ١٨١

تحليل إلى عوامل ٢٠٦

تحليل عاملي ٢٥

تحوط (تغطية) ٨٤، ٩٥، ٣٢٠، ٣٨٩، ٣٧٤، ٤٧٤، ٥٧٤،

تحيّز الانتقاء الذاتي ٥٩١ ،٥٩٨

تحيّز المتغيّر المهمل ٢٢٥

تحبز المعادلات الآنية ١٧٠

تحيّز في اختيار مُفردات العيّنة ١٧٠

تركيبة خطية ١٠٨، ٢٦٢

تشعات عامليّة ۱۲۷، ۱۸۰، ۲۲۸، ۲۲۹

تشخيص النموذج ٢٨٠، ٢٨٣

تشویش ۲۱، ۲۱۲، ۲۲۲ ، ۲۲۱ ، ۲۲۱ ، ۲۲۱ ، ۲۲۱

שרד, דרד, פעד, ואד, דרד, פיש, ווש,

אדדי ידרי ירוף ירוזי אודי ירדי ידרא

773, 773, A73, P73, •73, • P3, 73

تشویش أبیض ۲۶، ۲۲۲، ۲۲۳، ۲۹۲، ۳۰۹، ۳۱۱،

171 . 177 . 177 . 177 . 177 . 173 . 37F

تصادقی ۲۲، ۲۲، ۸۶، ۱۳۷، ۲۰۳، ۲۱۲، ۲۱۲، ۲۱۵، ۲۶۲،

עסד: אוץ: ווץ: סוץ: אוץ: עוץ: אוץ:

تصنیف انتہانی سیادی ۲٤٦، ۸۸، ۹۹،

تصوير الارتباط ٥٩،٢٥٩٤

تقلب تاریخی ۲۱، ۲۹۹، ۴۷۱، ۹۹۹

تقلب ضمنی ۱۲، ۲۵، ۲۱۱، ۲۱۱، ۲۱۱، ۲۱۱، ۲۱۹،

173, PP3, TTF, 677

تعادل أسعار الفائدة المغطاة ٢٦، ٢٨٨، ٢٨٩

تعادل أسعار الفائدة المكشوفة ٢٨٩، ٢٩٠، ٢٩١، ٣٩٣

تعادل القوّة الشرائية ٢٧، ٢٨٨، ٢٩٣، ٢٩٣، ٤٠١،

071 (00) (000 (0)0 (5.7

تعادل مرکزی ۲۷، ۵۲۸

تعدد خطّى (تعدد العلاقات الخطّية) ١٧٧، ٢٢٣، ٢٢٤،

077, 777, 877, 307, 0.0, 9.0

نعدد خطّی تام ۲۲۳، ۲۲۴، ۲۳۹، ۵۰۵، ۵۰۹

تغاير شرطي ٤٨٦، ٤٨٠، ٤٨٦، ٤٨٤، ٢٨٤، ٤٨٧،

٤٩.

تغترية ٢٤٩، ١٥٠، ٢٢٦

تغيّرية المعاينة ١٦٤،١٢٤

تفاضل ٢٦، ٢١، ٢١، ٤٤، ٤٤، ٥٩، ٨٩، ٢٣١، ١٧٥،

0 1 2 3 1 7 P 3 1 1 TO 1 A VO

تفرطح ۲۸، ۷۲، ۷۲، ۷۲، ۲۷، ۲۱۲، ۲۱۲، ۲۲۲، ۲۵۲،

773; -03; 773; 373; POF; PYF

تفرطح ضعيف ٣٣٥

تقدير نقطي ١٠٦

تقدير حصين ٢٤

تقدير مُتكرّر ٢٣٨، ٢٤٠

تقدير مُفرط ١٠٠

تقدير ناقصي ١٠٠

تقنية تقليل التباين ٦٠٨

تقتیة جوهانسن ۳۹۱، ۴۲۱، ۴۲۲؛ ۲۲۱ تقتیة جوهانسن ۳۹۱، ۲۸۸، ۲۸۸، تکالیف المعاملات ۲۲۸، ۲۲۸، ۵۲۱، ۵۲۱، ۲۸۸، ۵۳۳، ۵۳۳، ۵۳۳، ۵۲۱، ۵۳۳،

تكلفة الاحتفاظ ٩٨، ٣٩٠، ٣٩٠، ٣٩٠، ٣٩٠، ٣٩٥ تنبؤ الفترة ٢٩٤

تنبؤ النقطة ٢٩٤ تنبؤ بخطوة واحدة للمستقبل ٢٣٨، ٢٩٤، ٢٩٥، ٢٩٨،

تنبؤ خارج العينة ٢٥٨، ٣٠١، ٣٠٧، ٣٩٣، ٣٦٥، ٦٦٤ تنبؤ داخل العينة ٢٩٤، ٩٥٠

تنبؤ متعدد الخطوات للمستقبل ٢٩٤

8 PY 3 A 0 3 3 1 1 3 1 A 7 3

تنقیب فی البیانات ۱۳۵، ۱۳۵، ۱۹۷، ۱۷۲، ۳۴۰، ۲۱۰، ۳۲۰، ۲۱۰، ۲۱۹

تنقيح البيانات ٣

تواتر البيانات ٢٠٥، ٤٦٩، ٥٠٤، ٢٥١

توحيد معياري ۲۵۷، ۹۵۹، ۵٦۲

توزيع احتمالي ۱۰۱، ۲۱٦، ۲۰۸، ۱۳،

توزيع أسي ٦٦

توزيع إف ٢٦، ١٤٧، ١٤٨، ١٧٤، ١٧٨، ١٨٢، ٢٢٢،

177, 677

توزيع الخطأ المعمم ٣٦٦

توزيع بواسون ٦٦

توزيع تراكمي ٦٤، ٦٥، ٨١، ١٦٩، ٧٧٥

توزيع ذو الحدين ٦٦

نوزيع ذو تفرطح معتدل ١٦٩

> توزيع طبيعي لوغاريتمي ٢٦، ٢٦١، ٦٣٠ نوزيع جاوسن ٤٨ توزيع مدبّب ٥٩، ٦٠ توزيع مفرطح ٧٣

توفیق ۸۳، ۸۷، ۸۸، ۱۱۱، ۱۵۷، ۱۵۸، ۱۵۹، ۱۵۹، ۱۳۱۰ ۱۲۱، ۱۲۹، ۱۲۹، ۲۸۰، ۲۸۰، ۲۸۱، ۲۸۱، ۴۳۰، ۴۶۰ ۲۹۲، ۲۹۷، ۲۷۰، ۵۷۰، ۵۷۰، ۵۹۰ توقع شرطی ۲۹۲، ۲۹۷، ۲۹۷، ۵۰۸ توقع شرطی ۱۵۱

چ

جدول البيانات ١٩٦٦، ٢٢١، ٢٢١، ٥٩٦، ٢٥٩، ٢٦١، ٦٠١ جذر الوحدة الموسمي ٣٧٩ جذر متوسّط الخطأ التربيعي ٣٠٥، ٣٠٨، ٣٩٣ جذور مركبة ٣٠ جذور مميزة ٢٨٦، ٢٨٦ جودة التوفيق ٢٨٦، ٢٥١، ١٥٩، ١٦٠، ٢٩٤، ٢٧٥،

۾

حجم الاختيار ٦٣٩، ١١٣، ١١٧، ١١٨، ١١٩، ١٢٩،

۱۵٦ حد أدنی لمتطلبات مخاطر رأس المال ۲۲۱، ۲۳۱، ۲۳۲، ۲۳۲، ۲۳۲

حد اضطراب ۸۲، ۹۳، ۹۳۱، ۱۹۰، ۲۲۲، ۲۲۲، ۲۳۸، ۲۲۲، ۶۶۲، ۵۶۶

حد جزاه ۱۹۷، ۴۰۴ ت

حد كف، ١٥٥ ده، ١٥٥ م ١٥٥ م، ٦٠

حدكفء من حيث الموازنة بين العائد والخطر ٥٥، ٥٦، ٥٨ حساب التفاضل ٤٢، ٥٥

U

Å

خارجیّة ۱۳۱۱، ۱۳۱۱، ۱۳۱۵، ۱۳۱۱، ۱۳۱۰، ۱۳۱۱، ۱۳۱۰، ۱۳۱۱، ۱۳۲۱، ۱۳۸، ۱۳۵۱، ۱۳۸۰

خاصبة المقاربة ٩٠

خط أفضل توفيق ۸۸ ،۸۷

خط سوق رأس المال ٥٥، ٥٦، ٦٠، ٦١

خط مستقیم ۲۲، ۸۷، ۸۸، ۹۸، ۹۶، ۲۲۲، ۷۶۵

خطأ التنبؤ ٣٠١، ٣٠٦، ٣٠٦، ٣٤٨، ٣٢٥، ٢٩٥

خطأ المعاينة ١٥٦، ٢٠٧

خطأ سوء التوصيف ١٩٨، ٢٦٩، ٣٦٨

خطأ من النوع الأول ١١٨، ١١٩، ٢٠٥

خطأ من النوع الثاني ١١٨، ١١٩، ١٣٥

خطر ضمني ٢٩٩،١٣٣

خطر غير مرتبط بحركة السوق ٤٦٧، ٨٤٧

۵

دالة أسية ٣٨، ٤٠

دالة التوزيع التراكمي ٦٤، ٦٥، ٨١، ٧٧٥

دالة الخسارة ٨٩، ١٤٤، ١٧٥، ٣٠٣

دالة الكثافة الاحتمالية ٢٤، ٢٥، ٢٦، ٧٧، ١٢٠

دالة انحدار العيّنة ٩٣، ١٠٥، ١٣٩، ١٥٧

دالة انحدار المجتمع ٩٣، ١٠٨، ١٣٩، ١٥٧

دالة تربيعية ٢٠١، ١٤٤، ٢٠١

دالة كميّة شرطية ١٦٨

دالة لوغاريتم الإمكان ٧٨٥، ٤٤٤، ٤٤٤، ٥٤٤، ٢٨٥، ٤٨١،

7.7.00.0001.605

دراسة الحدث ١٥٠، ١٦٠، ١٦٢

سر PYY, 317, 017, VIT, • VT, TAT, IAT, AAT, OTA . 017 . 010 . E . 9 . E . 1 . T9 . سعر آجا, ۲۸۸،۲۷، ۲۸۹ سعر آجل غير مُتحيّز ٢٨٩ سعر الخيار ۲۲۹٬۳۳۰، ۳۳۲، ۳۳۱، ۵۲۱، ۲۰۷، ۳۱۰، ۲۰۷، 777.71. سعر فوري ۲۷، ۲۸۸، ۲۸۹، ۳۸۴، ۳۹۰، ۳۹۰، ۲۲۱ سلسلة اسميّة ١، ١١، ٢٩، ٢٩ سلسلة حقيقية ١١ سلسلة زمنية أحادية المتغتر ٢٥٧ سلوك مفارب ٦١٩ سهم مضمون ٨٥٥ سوق الأوراق المالية في المملكة المتحدة ٢٦، ١٤٥، ١٤٣، ١٤٥ سوق السندات ۴۰۶ سير عشوائي ٦١٨ سير عشوائي بحد ثابت ٣١٢ ش ተጊነ (ተጊ፣ (ተኛነ ነተኛ፣ شرط الترتيب شرط الرتبة ٣٦٠، ٣٢٠ خل

> ط الطريقة الأمامية أحادية الاتجاه ١٥٤

صيغة لو غاريتمية مز دوجة ٩٣

صندوق حصص استثار ۱۲۴، ۱۲۶

صناديق الاستثبار المشتركة ٢٦، ١٢١، ١٢٢، ١٢٣، ١٧٠

درجات الحرية ٦٦، ١٦١، ١٤٢، ١١٦١، ١٦٦، ٢٢٧، ١٦٦، ٢٢٧ . ٢٢١ . ٢٢١ . ٢٢١ . ٢٢٠ . ٢٢١ . ٢٢٠ . ٢٢١ . ٢٢٠ . ٢٢٠ . ٢٢٠ . ٢٢١ . ٢٢٠ . ٢٠٠ . ٢٠٠ . ٢٠٠ . ٢٠٠ . ٢٠٠ . ٢٠٠ . ٢٠٠ . ٢٠٠ . ٢٠٠ . ٢٢٠ .

ربیع أول ۷۰ ربیع ثالث ۷۰،۷۵ ربیع ثانی ۷۰ ربیع ثانی ۵۰ رتبة مصفوفة ۵۵ رسم انتشار ۲۲،۲۰، ۳۹، ۶۶، ۲۲۶ رسم بیانی ۲۱، ۲۲، ۳۹، ۶۶، ۱۷۵، ۱۷۵، ۲۳۷، ۲۳۷، ۲۳۹ رسملة سوقیة ۲۳۸ روابط جاوسن ۸۲ روابط کلایتون ۸۲

> **ز** زخم ۱۱۷ ، ۱۹۲

رمز سفلی ۲۹۸

طريقة الإمكان الأعظم ٣٢٨،٨٧، ٣٣٤، ٤٤٢، ٥١٨، ٥٨٦، ٥٨٦ طريقة العزوم ١٠٠، ١٧٠، ٦٦٥

طريقة العزوم المعتمة ٦٦٥

طريقة المربعات الصغرى ذات المتغيّرات الوهميّة ١١٥،١١٢،

147,100,110,111,111,001,001

طريقة انجل وجرانجر ذات الخطوتين ٣٨٧

طريقة هيكمان ٩٥٥

طول فترة الإبطاء ٢٦٠، ٢٦٧، ٢٤١، ٢٤٢، ٢٥١، ٢٥٦، ٢٥٦

4

عامل الإزاحة الخلفي ٢٦٢

عامل فترة الإبطاء ٢٦٢، ٢٦٢، ٢٦٧، ٣٠٠، ٣٧١

. T. . (09 . (0) . (01 . (01 . (01 . (01) . (01 . (01) . (01 . (01) . (01) . (01 . (01)

עסרי אסרי פסרי ורדי זרדי ארדי פרדי אדרי

عائد الاسترداد ٤٠٤، ٥٠٤، ١٧٥

عائد السند ۲۷، ۲۷، ۱۸، ۱۸، ۱۹، ۱۹، ۲۰، ۲۱،

عائد المحفظة الخطرة ٦٠

77.174

عدد شبه عشوانی ۲۳۲

عدد قیاسی ۲۰۰، ۵

علاقة خطية متداخلة ١٦٧، ١٧٧، ٢٢٥، ٢٢٥

علاقة على المدى الطويل ٥٧ علاوة المخاطرة ٢٠، ٦١، ٦٦٥ علاوة مخاطرة السوق ٢٩، ٦٦٣، ٦٦٢، ٦٦٢ عمليات غير متجانسة ٥٥٩

عمليّة المتوسط المتحرك ٢٦٢، ٢٧٣، ٢٧٥، ٢٩٩، ٢٩٩، ٢٩٩ عمليّة الحدار ذاتي ٥٢٤، ٢٦٥، ٢٧٥، ٢٦٨، ٥٢٤ ٥٢٤ عمليّة توليد البيانات ٢٠٦، ٢١٣، ٢١٦، ٢٧٥، ٢١٣، ٣٦٨، ٢٧٥ عملية ساكنة تمامًا ٢٥٨

عمليّة ساكنة سكونًا ضعيفًا ٢٥٨ عنقوديّة التقلب ٢٦٦، ٤٣٤، ٤٤١، ٤٥٠

عوائد مركبة مستمرة ٢٩، ٢٩، ٢٩، ٣١٢، ٣١٥، ٣١٢، ٥٣٠، ٥٢٠ عودة إلى المتوسّط ٢٩٦

عينة طبقية ۲۰۷،۱۸ عينة طبقية ۲۰۷،۱۸۸ عينة شتناهية ۲۹۲،۱۲۵ عينة مجمّعة ۲۰۵ عينة مجمّعة ۲۰۵

كشاف الموضوعات

ä .9

> قابل للعكس ٣٠٨ فانض العوائد ٨٩، ٩٠، ٩٢، ٩٢، ١٣٣، ١٣٣، ٤٠٥، ٥٥٥، ٥٥٥، 775,777,710 قابلية العكس ٢٧٣ فترة الثقة ٨٣، ١٠٧، ١١٠، ١١٤، ١١٤، ١١٥، ١١١، ١١٧، ١٣٥،

> > فترات إبطاء ۲۰۳، ۲۰۹، ۲۰۹، ۲۱۲، ۲۱۳، ۲۶۴، ۲۶۵، VFY, VYY, AYY, (AY, GAY, FAY, YAY, 13T) 737, 037, 737, 107, 707, 777, 777, 377, · AT, 1PT, 713, 313, 013, 1T3, VT3, PT3, 133,370,170,070

> > > فرص مراجحة خالية من المخاطرة ٢٨٨ فرضيّات غبر مُتداخلة ١٧٤،١٦٦ فرضيّة أحاديّة ١٠١، ٢١٦، ١٤٨، ٢١٦ فرضية التوفعات ٢٧، ٣٧٨، ٤٠٩، ٩٠٤، ٤١٠

Y . D . Y 7 .

فرضيَّة العدم ١١٧، ١١٧، ١١٩، ١٤٦، ١٤٨، ١٤٨، ١٤٩، قيمة شاذة ٢١٨ ١٥٠، ١٥١، ١٥٣، ١٦٤، ١٦٥، ١٧٤، ١٨٩، ١٨٩، قيمة مُتباطئة (أو مؤتحرة) ٢٦٦ ۱۹۱، ۱۹۲، ۱۹۳، ۱۹۳، ۲۰۳، ۲۰۳، ۲۰۲، ۵۰۲، • 17, \$17, 717, V17, V77, TTF, \$TF, 6TF, 777, V77, A77, P77, 137,+37, 130, 030, A00, P00, . FO, 1FO, 3FO, 0FO, FFO, 3 · F. .109 ,707 ,705 ,707 ,717 ,710 ,715 ,710 YIT, YIO, TVE, TIY

> فرضية بديلة ٣٩٨، ٣٦٩ فرضيّة تسلسل اختيار مصادر التمويل ٥٧٥، ٥٧٥ فرضية كفاءة السوق ١٤٤، ٣٧٠ فرضية مشتركة ٢٦٠، ٢٨٩، ٢٤٢ فرق أول ۲۰۹،۱۹٦،۱۵۰ فرق فوضى حتمية ٢٨٤

قابليَّة التحكم ٢٩ قانون الأعداد الكبيرة ٢١٧ قطاعات ناضجة ١٤٣ قوة الاحتيار ٢٦١ قيم متطرفة ٧٧، ٩٥ ، ٢٥٩ ، ٢٥٩

قبمة بي ١٣٩، ١٣٩، ١٣١، ١٣١، ١٣٥، ١٣٥، ١٥٥، ١٥٥، 777,710,000,270,740,717 قيمة التقسيم الجزئي ١٦٩، ١٧٢، ١٧٢، ١٧٢، ١١٩ قيمة العتبة ١٥٤ ، ١٥٤ ، ١٥٨ ، ١٨٥ قيمة حرجة ٢٠٢ قيمة ذاتية ٣٩٧

قسمة مترقعة ١٥٨، ٩٣، ١٥١، ٩٣٩، ١٦٢، ٩٢٧، ٢٦٩، ٢٦٩، 707,7.1,097,570,5.7,797,777

قيمة معرّضة للمخاطر ١٦٩، ١٦٩، ١٢٢، ١٢٧، ١٣٣، ١٣٣

قيمة مُقلّرة ١٠٦، ١٠٧، ١٠٨، ١٢٤، ١٤٢، ١٤٤، ١٤٦، ١٤٦ء 701, 771, 371, ·VI, (VI, 7VI, 3VI, 0VI) 147.14.174.177 قبود العوامل المشتركة ٢٠٧ قيود المعادلات المتقاطعة ٣٤١ قبود عدم السلبيّة ٢٣٦

4

كثافة مُشتركة ٤٩٦ كفاءة السوق ١٣٦، ٢٩٣، ٤٠٥، ٥٠٠

کمي ۱۱۸۰، ۱۲۹، ۱۷۲، ۱۷۳، ۱۷۳، ۱۷۴، ۲۵۳، ۴۵۳، ۱۶۳ ۱۶۲، ۱۶۶

J

لوجيت مرتب ٥٨٦

لوجيت متعدد الحدود ٥٨٥، ٥٨٥

لوغاريتم دالة الإمكان ٤٤٢، ٤٤٣، ٤٤٤، ٥٤٥، ٢٦٥، وغاريتم دالة الإمكان ٥٨٠، ٥٨٠

.0

مبدأ الشمولية ٢٤٤ منباينة ٥٥٠، ٢٠٨ متجانس التباين ٢٧، ٣٤٤ متجه ٢١٠، ٢٤٤، ٢٤٥، ٢٤٦، ٣٣٧، ٣٣٧، ٣٣٣، ٣٣٩، متجه التكامل المشترك ٣٨٨، ٣٩٩، ٤٤١، ٤٢٠، ٤٢١، ٤٢٠،

8 TT

متجه المتوسط المتحرك ۲۹۲، ۲۷۳، ۲۹۱ متجه ذاق ۳۹۷ متجه صفّی ۶۰ متحبر للأسفل ۱۶۲، ۵۸۰ متحبر للأسفل ۵۸۰، ۲۸۵ متخبر أداق ۵۸۰، ۳۲۸، ۳۲۸، ۳۲۰ ۳۲۱ متخبر استجابة مُرتب ۵۸۱ متخبر الدفع ۱۸۵، ۵۱۰ متخبر انحداري ۵۲۰، ۵۱۰ متخبر تابع مبتور ۲۷۱، ۵۹۳، ۵۹۳، ۵۹۳، ۲۰۵

متغیّر تابع محصور ۵۹۳،۵۹۲ متغیّر ترتیبی ۵۸۱ متغیّر حالة ۶۰ متغیّر داخلی ۳۲۷، ۳۲۷، ۳۲۳، ۳۲۵، ۳۲۷، ۳۲۳، ۳۲۹،

متغیّر تابع محدود ۷۷۱

متغیّر عشوائی ۲۱، ۲۲، ۲۹، ۲۲، ۹۷، ۵۶۷، ۲۱۷ متغیّر عشوانی طبیعی معیاری ۲۵، ۲۱، ۷۱، ۷۳، ۱۰۸، ۹۵۰، ۵۱۰، ۵۱۰، ۲۳۵

متغیّر عشوائی منفصل ۲۹،۹۲ متغیّر لیس له علاقة بالظاهرة ۲۴۱،۰۲۱ متغیّر مُستمر (مُتَصل) ۷،۲۸،۲۹،۹۲۰ متغیّر مُفسًر ۲۰۱،۵۶۱،۹۲۱ متغیّر مُفسًر ۲۰۱،۵۶۱ و ۲۲،۱۱۲،۹۲۱ متغیّر منحدر علیه ۲۲۲،۱۰۲

777,707,090,20.

VYO كشاف الموضوعات

> مخاطرة منتظمة • ١٤ متغیّر وهمی (أو صوری) ۲۲۱، ۲۲۲، ۲۴۵، ۲۶۸، ۲۲۹

> > 107, 507, 020, 730, 730

متغتر وهمي تفاعلي ٥٠٩، ١٥، ٥٥٠

متغبّر وهمي للمقطع ٢٣٣، ٥٠١،٥٠١، ٥٣٤

متغيّر وهمي للميل ٥٠١، ٥٠١، ٥٢٩، ٥١٠، ١٣، ٥١٤، ٥٣٤،

متغترات خارجية ٣١٣، ٣١٧، ٣١٩، ٣٢٠، ٣٢١، ٣٢١،

377, 677, 377, 877, +37, 137, 737, 117,

متوسط الخطأ النسبي المطلق ٣٠١، ٣٠٧، ٣٠٥، ٣٠٨،

منوسط الخطأ التربيعي ٢٠١، ٣٠٢، ٣٠٣، ٣٠٤، ٣٠٥، * 9 * . * 1 1 1 . * . A

متوسط الخطأ المطلق ٣٠١، ٣٠٥، ٣٠٥

مُتوسط شرطي ١٦٨، ٤٣٥، ٤٣٨، ٤٣٥، ٤٥٦، ٤٥٦، ٤٦٠، ٤٦٠، ٤٦٠، ٤٦٠، 240 1245 1842 1844 18AV 1810

مُتوسَط متحرك مُرجع ٢٦، ٢٥٧، ٢٦٢، ٢٧٣، ٢٧٤، ٤٣١، 173,373,073, VV3, PP3

مجتمع إحصائي ٧٣، ٧٤، ٧٦، ٨٢

مجموع المربعات المفسّرة ١٩٤،١٥٩

مجموع كلي للمربعات ١٥٨،١٥٩،١٦٠،١٦٥،١٦٥،١٧٤

مجموع مربعات البواقي ٤٥، ٨٨، ٨٩، ٩١، ٩١، ١٤٣، ٣٤٠٠

\$\$1, \$11, V\$1, A01, •\$1, 0\$1, \$\$1, \$V1, ٥٧١، ٣٨١، ١٨٢، ١٨٢، ١٨٢، ١٠٣، ٨٠٣، ٢٣٣، 737, T37

محاكاة مونت كارلو ۲۸، ۵۲۰، ۲۰۵، ۲۰۵، ۲۰۹، ۱۰۹، 107,177,177,170,111

عفظة الحد الأدني للتباين ٣١، ٥٤،

محفظة مثل ٢٦، ٢٠، ١١،

محور سینی ۲۰، ۲۰، ۴۰، ۴۱، ۴۲، ۵۵، ۲۲، ۸۲، ۱۹۹

محور صادي ۲۸، ۶۰، ۶۶، ۲۲، ۲۷، ۲۷، ۸۶، ۱۱۰، ۱۲۲،

179

مختلف التيايين 23، ١٨٨، ١٨٩، ١٩١، ١٩٢، ١٩٣، ١٩٤، **************************

ALS, 01 +1, VO, TV, VV, +A, 1A, 117, Y17, A37, 0.7.277,770,700

مراجعة ٢١٥، ١٥١، ١٥١، ١٨١، ١٨١، ١٨١، ١٢١، ٨٨٢، ٩٨٢، 797, 327, 497, 797, 840, 470, 470, 170,

المربعات الصغوى ذات المرحلتين ٣٢٥، ٣٢٦، ٣٢٧، ٣٢٨، פזיו, דיוי, פיויו, דייוי, יריו, ודיי

مربعات صغري ذات ثلاث مراحل ٣٢٨

مربعات صغری عادیة ۲۲، ۲۲، ۵۱، ۱۰۱، ۲۰۱، ۱۰۵ T.1. V.1. A.1. P.1. .11. 711. 711. 711. VII. AII. 131. V31. 701. 001. A01. 751. AFI: PFI: 171: 371: 671: FVI: AVI: 6AI: 191, 191, 191, 3.1, 0.1, 5.1, 1.1, 4.1, 717, 717, 017, 717, VIY, PIY, +77, 777, סדד, עדד, אדד, אפד, ווד, דוד, אוד, פוד, 377, 677, 777, VYY, AYY, VYY, +37, 337, 737, 107, A07, 177, 777, 0A7, PAT, A70, PTO, 130, V30, .00, 170, PTO, 7VO, 0VO, AVOLTAG, YPOLPIT

مربعات صغري غير خطّية ٢٤، ٥٢٥ مربعات صغرى غير مباشرة ٢٢٦، ٢٦٠، ٢٦١ مربعات صُغرى مُتكررة ٢٣٨، ٢٥٤ مربعات صغری معتمهٔ ۱۹۲، ۲۰۲، ۳۳۹، ۵٤۷، ۵٤۸،

> 150 مربعات صغري موزونة (أو مرجّحة) ١٩٢، ٢٤ مرشح كالمان ٢٥ مرشح هامیلتون ۱۵

مرونة ۱۰۲، ۱۲۸، ۲٤۰، ۲۲۰، ۲۰۲

مسألة تخصيص المحفظة المالية لماركويتز ٥٥

مُطبع ١٤٩

717,317,117,717 مُستقل ومُوزّع بشكل مُتطابق ١٥٧، ١٦٦، ١٨٤، ٤٢٦،

244,045,545,640

مستوى المعنوية ٢٣٨،١٥٧،١٢٩

مستوى المعنوية المضبوط ١٣٩

مستوى المعنوية الحدية ٣٥٢، ١٤٧

مشتقة رياضية ٨٤

مصداقيّة ٧٦، ٥٧٥

مصفوقات متوافقة ٤٧، ١٤٣

مصفوفة التباييز والتغاير ٥٣، ١٥٤، ٥٥، ٥٥، ٥٥، ٥٩، ١٤٤،

77 - 1787 . 177 . 178 . 17 - . 1 20

مصفوفة التجاوز الحيزي ٢١٤ . XD+ , EEE, ET9, ET3, ET3, ET5, +03,

VO3, YES, SV3, VV3, PV3, *A3, 3A3, FA3, مصفوفة المسافة ٢١٤

10,070,370, . 30, 330, . 00, 700 مصفوقة الوحدة ٤٧، ٩٤، ٥٠، ٥١، ٥٠، ٨٠ ٠٨٤

مصفوفة ذات رتبة غير كاملة ٤٩ ، ٥٠

مصفوفة ذات رتبة كاملة ٤٩، ٣٢٣

مصفوفة شاذة ٩٤، ٥٠، ٥١

مصفوفة صفرية ٥٠

مصفوفة قطرية ٥٤

مصفوفة متماثلة ٢٧٨

مصفوقة مربعة ٥٢

مُضاعف (مضروب) لاجرائج ١٩١

معادلات الشكل المختزل ٣١٧، ٣٢٠ ٢٣٤

معادلة زائدة التحديد ٢٢٠، ٣٣٥

معادلة غير محددة ٣٢١، ٣٢١

معادلة تامة التحديد ٢٢٠

معادلة عيزة ٦٦٦، ٦٦٧، ٢٦٨، ٣٧٣، ٣٨٦، ٢٨٦

معامل ارتباط جداء -عزم بيرسون ٧٦

معامل الاختلاف ٧٢،٧١

مكمش ١١.

معاملات الارتباط الذاتي ٢٦٠، ٢٦١، ٢٧٣، ٢٧٦، ٢٨٠،

معايير المعلومات ٢٨٦، ٢٨٥

سعر الفائدة الخالي من المخاطرة ٣٩٠، ٣٩١، ٤٥٨، ٤٣١

معدل خالي من المخاطرة ٣٩٤، ٦٢٤، ١٢٥، ٦٦٣، ٦٦٤،

معكوس المصفوفة ٤٨، ٩٥، ٥٩، ٧٦، ٢٢٣، ٢٢٣

معليات الإزعاج ٥٦١،٥٥٩،٥٦٠، ٥٦١،

معليات التعديل ٢٩٩، ١٩،٤١٠ ، ٢٠٤

- ratio AT, 1-1, 7T1, VT1, 331, A31, P31, 101,

IVI, OVI, OAI, VAI, TTY, ATT, IST, OOT,

معلمة التأخير ٥٢٦، ٥٣٤

معلمی ۲۰۹،۵۲۵

معنوي إحصائيًا ١٥٣، ١٦٦، ١٦٧، ١٧١، ١٩١، ٢٥١،

· 77, 003, 703, 773, 174, 000, 0A0, AA0,

1V £ , 177 , 17 £ , 177 , 100

معنوية إحصائية عالية ٣٣٢

معيار اكايكي للمعلومات ٢٨٢، ٢٨٣، ٢٨٥، ٢٨٧، ٣١٢.

107, 407, 013, 570, 470, 350

معيار التقارب ٩٨،٤٤٨،٤٤٥ ٩٨،٥٩٨، ٦٣٤

معيار المعلومات اليايزي لشوارز ٢٨٢، ٢٨٥، ٢٨٥

معيار هنان-كوين ٢٨٢، ٢٨٧، ٣٥٧

مقابل لوغاريتم ٤٦،٤٤

مقاييس الترابط ٧٥

مقاييس التشنت ٧٠

كشاق الموضوعات ٢٧٧٧

VAI, 191, 0.7, . 17, 777, 177, 317, 017, مقاييس الموضع ١٤١ 007, FV7, F+3, FY3, 673, 373, 003 مقاييس النزعة المركزية ٦٧ مشن ۱۲۸، ۱۲۸، ۱۲۲، ۱۲۲، ۱۳۳، ۱۳۳، ۵۳۵ مقدر ۹۱ مُقدِّر المدى اليومي ٤٣٣ Ü مُقدّر بینی ۵۹۸،۵۶۱ ناتج محلی اِجائی ۲، ۱۱، ۱۳، ۱۲۸، ۲٤۲، ۲٤۲، ۲٤۸، ۲٤۸ مُقدِّر ضمني ٥٤١،٤٦٦ P37, 107, 707, 037, .07, 130, P30, .00, مقدّر غير متحيّز ٢١٥ 750,350,540 مقدّر کفء ۱۱۹ نافذة متحر كة ٢٩٥، ٣٠٨، ٢٦٥، ٢٦٩ مقدّر متحبّز ۲۳۱، ۲۶۲، ۹۹۵ نافذة متكررة ٢٩٥، ٣٠٨ مقدر مُتَسق ٢٤٣ نسبة التحوّط المُثل ٤٧٣، ٤٧٥، ٤٧٦، ٤٨٦، ٤٨٩، ٤٨٩، ملف عمل ۲۸۳، ۲۵۰، ۲۵۰، ۲۵۰، ۵۰۰، ۵۰۱، ۲۹۰، ۲۱۸، 777 نسب الرّفع المالي ٤٥٤، ٤٥٤ مُنحني تأثير الأخيار ٥٠٤، ٤٥٥، ٤٩٩، ٤٩٥، ٥٠٠٠ نسبة تي ۱۱۹، ۱۲۰، ۱۲۲، ۱۲۲، ۱۳۲، ۱۳۷، ۱۳۷، ۱۳۸، ۱۳۸، ۱۶۰ منطقة الرفض ١١٧، ١١٢، ١١٣، ١٣٥، ١٥٧ 101,301,707,077,797,773 منطقة عدم الرفض ١١١، ٢٦٠ نسبة شارب للمحفظة ٦٠ منفعة ٢٦٢، ١٦٣، ١٧٤، ٢٩٣، ١٧٧، ٥٧٥، ١٨٥، ٥٨٥ نسبة عائد السندات إلى الأسهم ٢٧، ١٥، ١٥، ١٩، ١٥، ٥٢٠ منقول المصفوفة ٤٥ نصف المدى الربيعي ٧٠ منهج أحادي المتغيّر ٤٠٣ نظريّة التسعير بالمراجحة ٢١٠١٥١، ٢١٠ منهج النمذجة من الخاص إلى العام ٢٤٤ نظريّة المقاربة ١٥٦ منهج متعدد المتغيّرات ٤١٣ نظرية الحد المركزي ٦٥، ٢١٧ منهجيّة التدرّج من العام إلى الخاص ٢٤٣ نظرية بايز ١٤ متوال ۲۷، ۷۷، ۸۱، ۸۸۱ ۱۸۸ ۱۸۸ نظرية وولد للتحليل ٢٦٨، ٢٧٠، ٣٠٨ موجة جيبية متناقصة ٢٦٧ نقدية (أو درجة النقدية) ١٧٨، ٣٣١، ٣٣٢، ٣٣٣، ٤، ٣٣٤، موسميّة ٢١١، ٢٩٢، ٢٠٧، ٣٠٧، ٣٠٧، ٥٠٥، ٥٠٥، ٥٠٥، 12V . 7 £ 1 . 7 Y 0 . 0 Y 9 . 0 Y . 1 3 F . Y Y X 078.011.01.009 نقطة التحول ٤٢، ١٤٥ مؤشر أسعار المستهلكين ٢٩،١٢،١١،١٠ نهاذج بتأثيرات عشوائية ٥٤٨،٥٣٩ ميل ٣٨، ٣٩، ٤٤، ٤٤، ٤٤، ٨٤، ٥١، ١٠٤، ١٠٠، ١١٠، نهاذج المعادلات الانية ۲۷، ۳۱۵، ۳۱۹، ۳۳۲، ۳۳۸، ۳۳۳ 311, 511, 771, 371, 971, 771, 871, 731, نهاذج تقلب الانحدار الذاتي ٦٢٨، ٦٣٠ A31, P31, Y01, 001, T01, 071, TV1, YA1,

> نموذج GARCH متكامل ۲۰۱، ۴۲۵، ۴۲۸، ۴۲۸ نموذج إستانيكي (ثابت) ۲۰۷

> > نموذج الإبطاء الموزّع ٢٤

نموذج بتأثيرات ثابتة ٤٠،٥٤٢،٥٤٥، ٤٧،٥٤٧،٥٤٧،٥٥٨،٥٥٥،

079,000

نموذج بتأثيرات ثابتة زمنيًا ٢٨، ٥٤٢، ٥٤٥، ٥٥٦، ٥٥٥ نموذج الاحتيال الخطّي ٩٦، ٥٧٨، ٥٧٣ نموذج الاختيار المنفصل ٥٨١، ٥٧٩

نموذج الارتباط الشرطي الثابت ٤٨٢

نموذج الارتباط الشرطي الديناميكي ٤٨٣،٤٨٢

نموذج الارتباط المزدوج ٦٢٧،٤٢٨،٤٢٦

نموذج الانحدار الأسي ١٩٣

نموذج الانحدار الخطي الكلاسيكي ١٠١، ١١٧، ١٢٠، ١٢٠، موذج الانحدار الخطي الكلاسيكي ١٠١، ١٠٧، ٢١٢،

077, 777, 737, 737, 037, 737, 307, 007,

797,017, 177, 777, 573, 373, 175

نموذج الانحدار الذاتي ٤، ٢٦، ٢٦٥، ٢٦٦، ٢٧٦، ٢٨٠،

P. 7, 773, 773, 710, 710, 310, 010, 710,

170, 270, 070, 071, 175

نموذج الانحدار الذاتي الشرطي غير مُتجانس التباين ٢٧، ١٩٤

نموذج الانحدار الذاتي للمتوسّطات المتحرّكة المتكاملة ٢٥٧ نموذج الانحدار الذاتي للمتوسّط المتحرّك ٢٥٧، ٢٨٥، ٢٩٧ نموذج الانحدار الذاتي ذو العتبات ٢٣، ٥٢٧، ٥٢٨

نموذج الانحدار الذاتي ذو العتبات المثار ذاتيًا ٢٩، ٥٢٨،

040

نموذج الانحدار الذاتي للإبطاء الموزّع ٢٤ نموذج الانحدار الذاتي للتقلب ٤٣٣، ٤٧٢

نموذج الانحدار الذاي مشروط الفترة ٤ نموذج بتأثيرات عشوائية ٩٩٠ نموذج التقلب التصادُفي ٩٩٠ نموذج التقلب التصادُفي ٩٩٠ نموذج التكامل الكسري ٢١١ نموذج التكامل الكسري ٢٩١ نموذج التمهيد الأسي ٢٩١ ، ٣٩١ ، ٣٩١ ، ٣٩١ ، ٣٩١ تا تا نموذج بانل بتأثيرات ثابتة ٤٤٥ ، ٥٤٥ ، ٥٥٥ ، ٥٥٥ ، ٥٥٥ نموذج الشبكات العصبية الاصطناعية ٣٤٠ ، ٤٢٩ نموذج العبة الهجين ٢٢٤ نموذج العبة الهجين ٢٤٠ نموذج العوامل ٢٧٠ ، ١٧٧ نموذج النمو الأسي ٢٢٧ نموذج بروبيت (الوحدة الاحتمالية) ٤٣٠ ، ٥٨٥ ، ٥٥٥ ، ٥٩٥ ، ٥٨٥ ، ٥٨٥ ، ٥٨٥ ، ٥٨٥ ، ٥٨٥ ، ٥٩٠ ، ٥٩٠ ، ١٩٠ ،

نموذج تبدیل النظام ۲۲۷، ۵۳۵، ۵۳۵ نموذج تجمیعی ۲۲۷

نموذج تسعير الأصول الرأسمالية ٢، ٥٣٩، ٥٥٢، ٥٥٣، موذج تسعير الأصول الرأسمالية ٢، ٥٣٩

نموذج تسعير المنفعة ١٦٢

نموذج تصحيح الخطأ ٣٦٣، ٣٨٥، ٣٨٦، ٣٨٧

نموذج خطي القِطع ٢٠٥،٥٠٣

نموذج ديناميكي ٢٠٨، ٢١٢، ٢٥٤

نموذج ذو ذاكرة طويلة ٤٢١

نموذج شحيح ٢٨١

نموذج ضربي ٢٢٧

نموذج فضاء الحالة ٢٥

VV9 كشاف الموضوعات

هیکل زمنی ۱۵۱، ۱۸۲، ۱۹۵، ۲۱۳، ۲۲۳، ۲۲۳، ۳۵۲، نموذج ماركوف لتبديل النظام ٤٦٤، ٥١٥، ٥١٥، ٥١٦، \$1. (E.9, TVA, TOO, TOT VIO. 110, P10, . 70, 170, 570, VYO

نموذج متجه الانحدار الذاتي ٣٣٧، ٣٣٨، ٣٤٤، ٣٤٧، ٩ ٣٤٠ 107,757

> نموذج متجه تصحيح الخطأ ٣٦٣، ٣٩٩، ٤٢٠ نموذج هيكلي ٣٥٧، ٢٥٨، ٢٩٦، ٣٠٤، ٣١٥، ٣١٥، ٣٤٠ نوعی ۲۲،۲۳۲،۲۵، ۵۷۱،۵۵۲،۲۳۲ نوعی

هامش الشراء والبيع ٣٣٩، ٣٣٠، ٣٣١، ٣٣٤، ٣٣٤ هيكل جُزئي للسوق ٤، ٢٧، ٢١٠، ٢٣٧، ٣٢١، ٣٢٩، ٥٠٢،

وحدات المزايدة السعريّة ١٢٥ وسط (متوسط) ۹۳،۵۹،۴۳ وسط حسابي ٦٦،٦٥ وسط غير شرطي ١٥٨، ٢٦٨، ٢٦٩، ٤٥٠، ٤٤٢ وسط هندسي ۲۸، ۷۶، ۷۵، ۸۷، ۲۵۸ وسيط ٦٧، ٧١، ٧٧، ٧٤، ١٢٢، ١٢٣، ١٢٤، ١٢٥، ١٢٨، 951, . 71, 171, 771, 7.7, . 73, 270, 870